



مذكرات المقطع الرابع

ثالثة متوسط

من إعداد الأستاذ :

سمير موايعية

2022 / 2021



هيكل المقطع التعليمي الرابع للسنة الثالثة متوسط

مستوى من الكفاءة الشاملة

يحل مشكلات باستعمال :

المقطع

رقم 04

✓ المثلث القائم والدائرة

✓ معرفة خاصية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم واستعمالها.

✓ معرفة خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم واستعمالها.

✓ معرفة خاصية فيثاغورس واستعمالها.

✓ تعريف بعد نقطة عن مستقيم وتعيينه.

✓ إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها.

✓ تعريف جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم.

- تعيين قيمة مقربة أو القيمة المضبوطة لجيب تمام

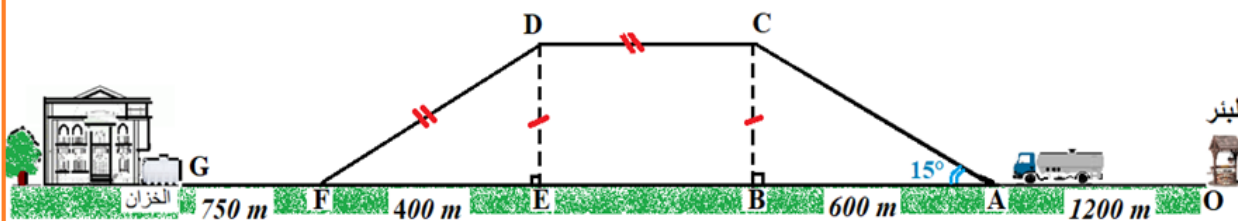
- زاوية حادة أو لزاوية بمعرفة جيب التمام لها.

✓ حساب زوايا أو أطوال بتوظيف جيب تمام زاوية حادة.

الموارد المعرفية

* يعتمد تزويد مؤسسة تربية بالمياه على ملء خزان المؤسسة والتي تقع بعد مرتفع عن

سطح الأرض كما هو مبين في الشكل



بعد ملء الصهريج من البئر (النقطة O) تنطلق الشاحنة حتى تبلغ النقطة A لتسعد فتتجاوز

المرتفع فتصل النقطة F ثم تكمل الطريق إلى مكان الخزان في النقطة G.

❖ احسب المسافة التي تقطعها الشاحنة من البئر إلى خزان المؤسسة

(تعطى الأطوال مدورة إلى الوحدة)

الوضعية الإنطلاقية

هيكل المقطع التعليمي الرابع للسنة الثالثة متوسط

المورد التعليمي	أستعد	الوضعية التعليمية	الحوصلة	تطبيقات
01	4 و 5 ص 151	1 و 2 ص 152	1 ص 154 ج 1 و 3	8 و 9 ص 158
20	1 ص 158	مقترحة	1 ص 154 ج 2	2 و 13 ص 159/158
03	1 ص 151	مقترحة	1 ص 154 ج 4	1 ص 158
04	1 - 4 ص 167	مقترحة	1 ص 170 ج 1	2 و 3 و 4 ص 174
05	5 و 6 ص 167	مقترحة	1 ص 170 ج 2	16 و 17 ص 175
06	2 ص 129	5 ص 131 / 132	5 ص 136	21 و 22 ص 144
07	6 ص 167	3 ص 152 / 153	1 ص 156	19 و 20 ص 160
08	4 ص 129	4 ص 153	2 ص 156	21 و 22 ص 160
09	8 ص 167	4 ص 169	3 ص 172 ج 1	23 و 24 ص 176
10	9 ص 167	5 ص 169	3 ص 172 ج 2	25 و 26 ص 176
11	10 و 11 ص 167	مقترحة	مقترحة	27 و 28 ص 176
<p style="text-align: right;">وضعية تعلم الإدماج الجزئي و الكلي</p> <p>إدماج جزئي للموارد المعرفية: 04 و 11 تمرين 22 ص 176 بتصرف</p> <p>إدماج كلي للموارد المعرفية: 04 و 8 و 11 تمرين 30 ص 176</p>				
<p style="text-align: right;">حل الوضعية الانطلاقية</p> <p style="text-align: center;">حساب المسافة التي تقطعها الشاحنة لملء الخزان</p> <p style="text-align: center;">أ - حساب الطول AC :</p> $\cos 15^\circ = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{AB}{AC} \quad \text{ومنه} \quad 0.97 \approx \frac{600}{AC}$ <p style="text-align: center;">إذن : $AC \approx \frac{600}{0.97}$ ومنه $AC \approx 619 \text{ m}$</p> <p style="text-align: center;">ب - حساب الطول BC :</p> <p>لدينا المثلث ABC قائم ومنه حسب نظرية فيثاغورس فإن : $AC^2 = AB^2 + BC^2$</p> $BC^2 = AC^2 - AB^2 = 619^2 - 600^2 = 383161 - 360000 = 23161$ $BC = \sqrt{23161}$ <p style="text-align: center;">إذن : $BC \approx 152 \text{ m}$ ومنه أيضا $ED \approx 152 \text{ m}$</p> <p style="text-align: center;">ج - حساب الطول DF :</p> <p>لدينا المثلث DEF قائم ومنه حسب نظرية فيثاغورس فإن : $DF^2 = DE^2 + EF^2$</p> $DF^2 = 152^2 + 400^2 = 23161 + 160000 = 183161$ $DF = \sqrt{183161}$ <p style="text-align: center;">إذن : $DF \approx 428 \text{ m}$ ومنه أيضا $CD \approx 428 \text{ m}$</p>				

هيكل المقطع التعلمى الرابع للسنة الثالثة متوسط

<p>د - حساب المسافة</p> $d = 1200 + 619 + 428 + 428 + 750 = 3425$ <p>المسافة التي تقطعها الشاحنة لملء الخزان هي: 3425 m</p>	
<p>وضعية تقويم 2 ص 180</p>	وضعية التقويم
<p>حساب الأطوال و الزوايا باستخدام جيب تمام زاوية حادّة و خاصية فيثاغورس</p>	المعالجة البيداغوجية المحتملة
<p>14 ساعة (3.5 أسبوع)</p>	الحجم الزمني

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: الدائرة المحيطة بالمثلث القائم

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبيني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبيني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على الخاصية و الخاصية العكسية للدائرة المحيطة بالمثلث القائم

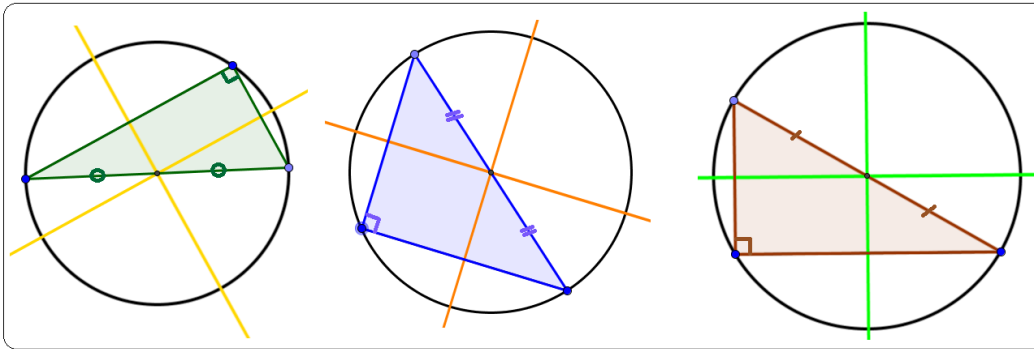
مراحل تسيير الحصة

استعد: 04 و 05 ص 151

استعد

وضعية تعليمية : 01 ص 152

1. أ.



1. ب. مركز كل دائرة هو منتصف الوتر.

2. ج. إثبات أن الرباعي ABDC مستطيل

لدينا I منتصف [BC]

و D نظيرة A بالنسبة إلى I إذن I منتصف [AD]

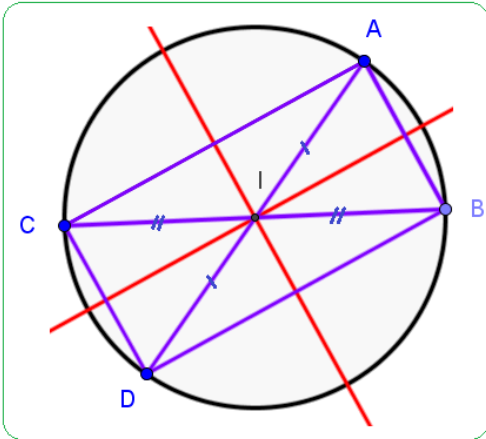
الرباعي ABDC قطراه متناصفان وفيه زاوية قائمة فهو مستطيل

3. أ. يمثل [BC] وتر المثلث ABC

ب. A تنتمي الى الدائرة لان $IA = IB = IC$

ج. اذا كان مثلث قائما، فان وتره **قطر** للدائرة المحيطة بهذا المثلث .

اكتشف



وضعية تعليمية : 02 ص 152

2. أ. لدينا O منتصف [RT]

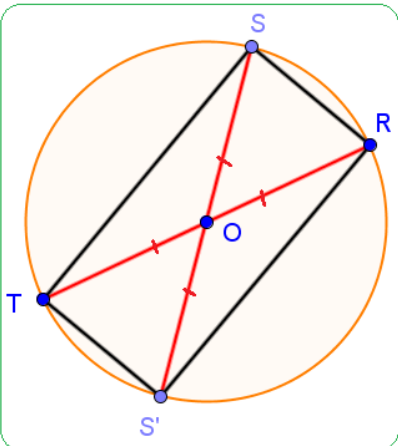
و S' نظيرة S بالنسبة إلى O إذن O منتصف [S S']

الرباعي RST S' قطراه متناصفان ومتقايسان فهو مستطيل

ب) المثلث RST مثلث قائم

ج) اذا كان أحد أضلاع مثلث **قطرا** للدائرة المحيطة به

فان هذا المثلث قائم



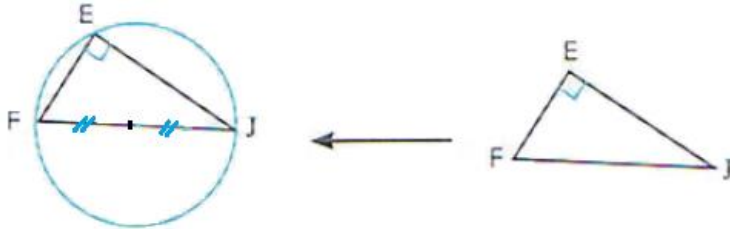
حوصلة : 01 ص 154

الدائرة المحيطة بالمثلث القائم

خاصية 1

إذا كان المثلث قائما ، فإن وتره قطر للدائرة المحيطة به .

مثال :



نعلم أن المثلث

نستنتج أن [FJ]

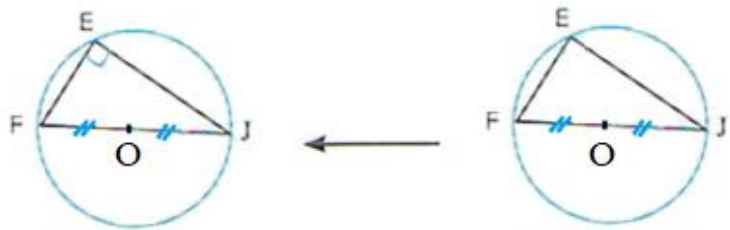
FEJ قائم في E . قطر للدائرة المحيطة

بالمثلث FEJ

خاصية 2

إذا كان أحد أضلاع مثلث قطرا للدائرة المحيطة به ، فإن المثلث قائم .

مثال :



نعلم أن [FJ]

نستنتج أن المثلث

FEJ قائم في E .

قطر للدائرة المحيطة

بالمثلث FEJ

تطبيق مباشر : 08 و 09 ص 158

تمرين منزلي : 05 ص 158

احوصل

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: المتوسط المتعلق بالوتر

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبنى براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبنى براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

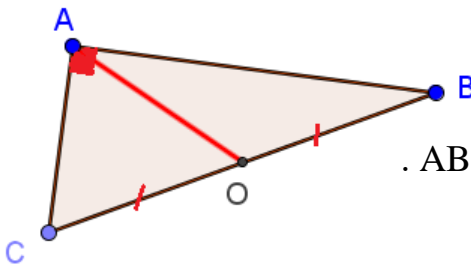
الكفاءة المستهدفة: يتعرف على خاصية المتوسط المتعلق بالوتر

مراحل تسيير الحصة

استعد: تمرين 01 ص 158

استعد

وضعية تعليمية: مقترحة



ABC مثلث قائم , [OA] المتوسط المتعلق بالضلع [BC].

(1) اشرح لماذا النقطة O هي منتصف [BC].

(2) اذكر الخاصية التي تسمح بإنشاء الدائرة المحيطة بالمثلث ABC .

- ما هو مركز هذه الدائرة ؟

- انقل الشكل ثم , أنشيء هذه الدائرة.

(3) انقل و أتمم : " بما أن المثلث ABC قائم في A فإن ... [...] هو ... للدائرة المحيطة به , إذن

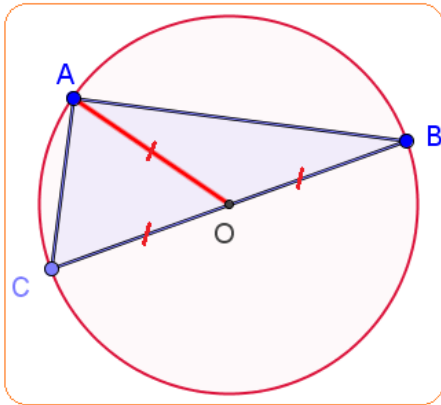
النقطة ... منتصف [...] هي مركز هذه الدائرة .

$$OA = \frac{BC}{2} \text{ و } OA = \dots = \dots \text{ يكون إذن :}$$

الحل

(1) النقطة O هي منتصف [BC] لأن [OA] متوسط في المثلث ABC متعلق بالضلع [BC].

(2) **الخاصية:** إذا كان المثلث قائما ، فإن وتره قطر للدائرة المحيطة به



- مركز هذه الدائرة هو النقطة O .

(3) " بما أن المثلث ABC قائم في A فإن وتره [BC]

هو قطر للدائرة المحيطة به , إذن النقطة O

منتصف [BC] هي مركز هذه الدائرة .

$$OA = \frac{BC}{2} \text{ و } OA = OB = OC \text{ يكون إذن :}$$

اكتشف

المتوسط المتعلق بالوتر

حوصلة: 01 ص 154 ج 2

خاصية

إذا كان المثلث قائما ، فإن طول المتوسط المتعلق بوتر هذا المثلث ، يساوي نصف طول هذا الوتر .

احوصل

تطبيق مباشر: 02 ص 158 / 13 ص 159

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: الخاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبرهن براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبرهن براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على خاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر

مراحل تسيير الحصة

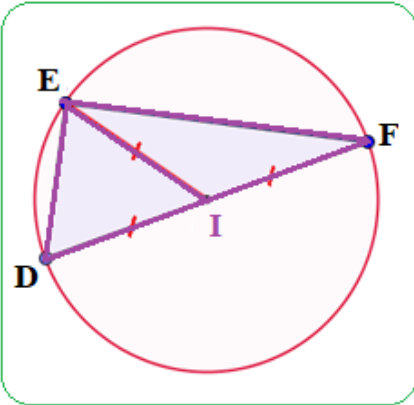
استعد: 01 ص 151

استعد

وضعية تعليمية : مقترحة

- DEF مثلث و I منتصف [DF] حيث : $ID = IF = IE$
- (1) ارسم المثلث DEF ثم ارسم الدائرة التي مركزها I و [DF] قطر لها.
- هل النقطة E تنتمي إلى هذه الدائرة ؟
- (2) اذكر الخاصية التي تسمح بالقول إن المثلث DEF قائم.

الحل



- (1) نعم النقطة E تنتمي إلى الدائرة.
- (2) **الخاصية :** إذا كان المتوسط المتعلق بأحد أضلاع مثلث يساوي نصف طوله، فإن هذا المثلث قائم .

اكتشف

حوصلة : 01 ص 154 ج 4

الخاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر

إذا كان في مثلث طول المتوسط المتعلق بأحد الأضلاع مساويا لنصف طول هذا الضلع ، فإن هذا المثلث قائم .

خاصية

احوصل

مثال :



تطبيق مباشر : 07 ص 158

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: خاصية فيثاغورس

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبنى براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبنى براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على خاصية فيثاغورس و يوظفها في حساب الأطوال

مراحل تسيير الحصة

استعد: 01 و 02 و 03 و 04 ص 167

استعد

وضعية تعليمية : مقترحة

(1) في كل حالة من الحالات التالية ، ارسم المثلث ABC القائم في A :

$AB = 4.5 \text{ cm}$ و $AC = 6$

$AB = 3 \text{ cm}$ و $AC = 4$

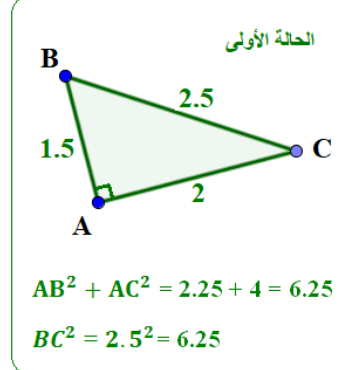
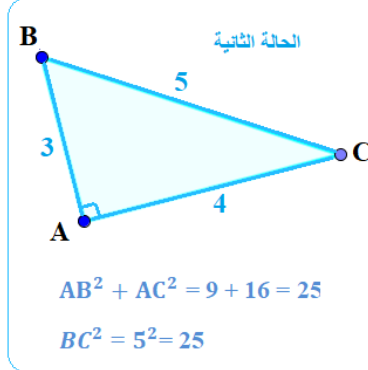
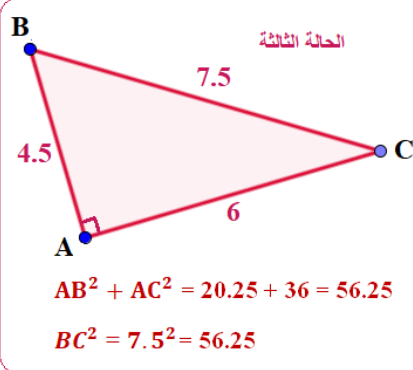
$AB = 1.5 \text{ cm}$ و $AC = 2$

(2) قس طول الوتر في كل مرة

(3) احسب في كل حالة كلا من $AB^2 + AC^2$ و BC^2 ، ماذا تلاحظ ؟

اكتشف

الحل



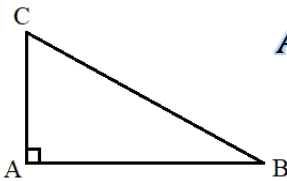
$AB^2 + AC^2 = BC^2$

✓ نلاحظ في كل حالة أن :

خاصية فيثاغورس

حوصلة : 01 ص 170

إذا كان مثلث قائما ، فإن مربع طول وتره يساوي مجموع مربعي طوليه ضلعيه الآخرين .



مثال : إذا كان المثلث ABC القائم في A فإن : $AB^2 + AC^2 = BC^2$

ملاحظات :

✓ خاصية فيثاغورس لا تُطبق إلا في المثلثات القائمة

✓ تسمح خاصية فيثاغورس بحساب طول ضلع في مثلث قائم إذا علمنا طوليه الضلعين الآخرين .

نتيجة

إذا كان في المثلث ، مربع أطوال أضلاعه لا يساوي مجموع مربعي طوليه الضلعين الآخرين فإن هذا المثلث غير قائم .

أحصل

تطبيق مباشر : 02 و 03 و 04 ص 174

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبني براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبني براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس و يوظفها في براهين بسيطة

مراحل تسيير الحصة

استعد: 05 و 06 ص 167

استعد

وضعية تعليمية : مقترحة

1. في كل حالة من الحالات التالية احسب $AB^2 + AC^2$ و BC^2

(1) $AB = 1.8$ cm و $AC = 2.4$ cm و $BC = 3$ cm

(2) $AB = 3$ cm و $AC = 4$ cm و $BC = 5$ cm

(3) $AB = 3.6$ cm و $AC = 4.8$ cm و $BC = 6$ cm

2. ارسم المثلث ABC في كل حالة ثم تأكد أنه قائم .

3. استنتج الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس .

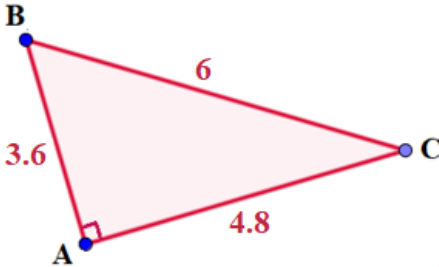
الحل

اكتشف

الحالة الثالثة

$$AB^2 + AC^2 = 12.96 + 23.04 = 36$$

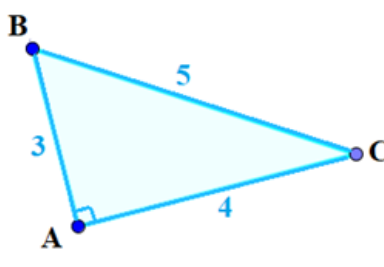
$$BC^2 = 6^2 = 36$$



الحالة الثانية

$$AB^2 + AC^2 = 9 + 16 = 25$$

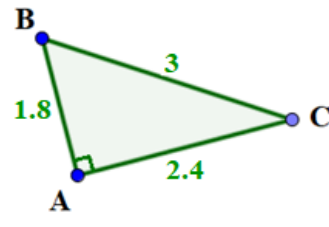
$$BC^2 = 5^2 = 25$$



الحالة الأولى

$$AB^2 + AC^2 = 3.24 + 5.76 = 9$$

$$BC^2 = 3^2 = 9$$



الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس مثلث إذا كان مربع طول الضلع الأكبر يساوي مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين فإن هذا المثلث قائم .

الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس

حوصلة : 02 ص 170

إذا كان في مثلث مربع طول أحد الأضلاع مساويا مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين فإن هذا المثلث قائم .

مثال : في المثلث ABC إذا كانت المساواة : $AB^2 + AC^2 = BC^2$ صحيحة فإن المثلث

ABC القائم في A

ملاحظة

تسمح الخاصية العكسية لفيتاغورس بإثبات أن مثلثا عُلمت أطوال أضلاعه الثلاثة قائم

أحوصل

تطبيق مباشر : 16 و 17 ص 175

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: بعد نقطة عن مستقيم

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبنى براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة : يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبنى براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية ، الدوال وتنظيم معطيات)

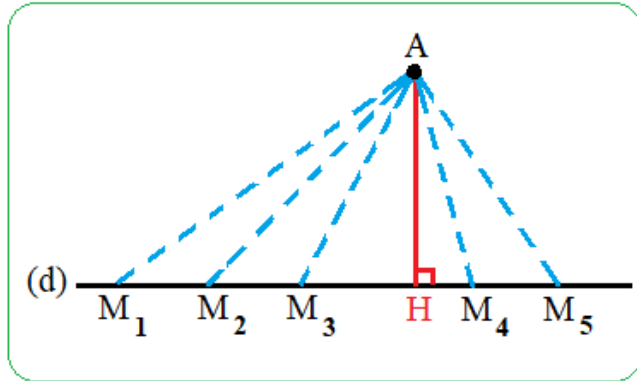
الكفاءة المستهدفة : يتعرف على بعد نقطة عن مستقيم و على تعيينها

مراحل تسيير الحصة

استعد : 02 ص 129

استعد

وضعية تعليمية : 05 ص 131 / 132



اكتشف

✓ قول إيناس هو الصحيح و قول

يونس خاطئ

✓ بما أن المثلث AHM قائم في H فإن AM هو الوتر دائما و الوتر هو أطول ضلع في المثلث

القائم ومنه AH هي اصغر مسافة بين النقطة A والمستقيم (d)

حوصلة : 05 ص 136

بعد نقطة عن مستقيم

بعد نقطة عن مستقيم هو أصغر مسافة بين هذه النقطة و هذا المستقيم

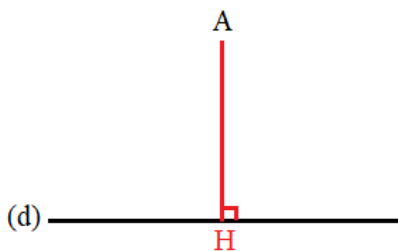
أحصل

مثل :

بعد النقطة A عن المستقيم (d) هو طول

قطعة المستقيم [AH]

(المحمولة على المستقيم العمودي على (d) الذي يشمل A)



تطبيق مباشر : 21 و 22 ص 144

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبنى براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبنى براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

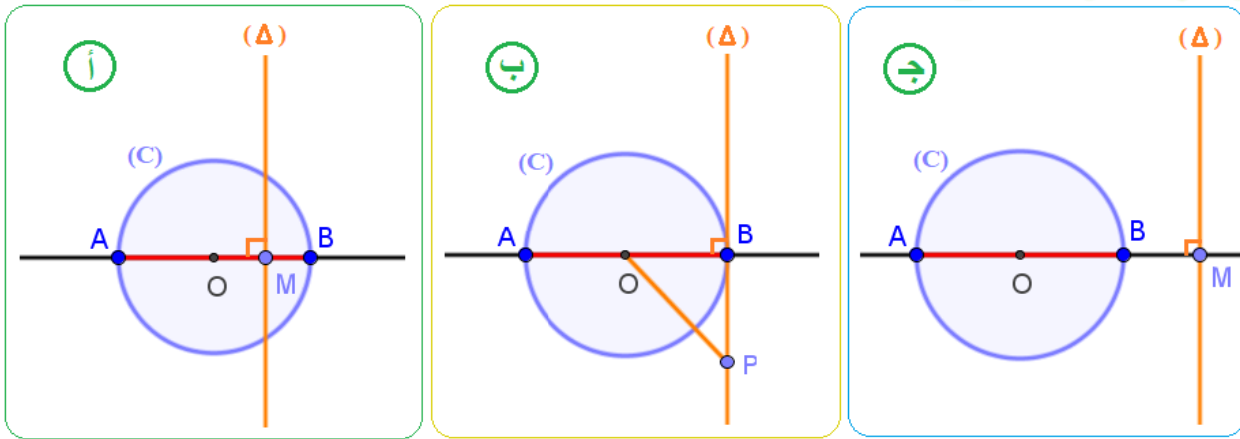
مراحل تسيير الحصة

استعد: 06 ص 167

استعد

وضعية تعليمية: 03 ص 152 / 153

اكتشف



الدائرة (C) لا تتقاطع مع المستقيم (Δ) في أي نقطة
الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطة واحدة
الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطتين

2 OMP مثلث قائم في M و $OM = 2\text{ cm}$ حيث: [OP] وتر في المثلث OMP إذن: OP أكبر من 2 cm

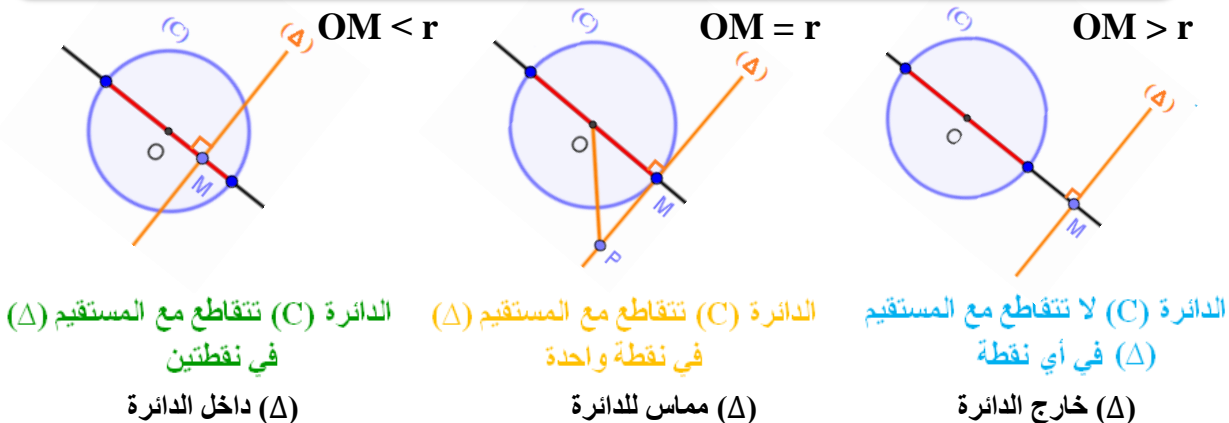
3 ومنه M هي النقطة الوحيدة من (Δ) التي تبعد عن O بـ 2 cm إذن: (C) و (Δ) يتقطعان في نقطة واحدة.

الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

حوصلة: 01 ص 156

(d) دائرة مراكزها O و نصف قطرها r ، (Δ) مستقيم .
OH بُعد النقطة O عن المستقيم (Δ) : (H) المسقط العمودي للنقطة O على المستقيم (Δ).

أحصل



الدائرة (C) لا تتقاطع مع المستقيم (Δ) في أي نقطة (Δ) خارج الدائرة
الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطة واحدة (Δ) مماس للدائرة
الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطتين (Δ) داخل الدائرة

تطبيق مباشر: 19 و 20 ص 160

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: إنشاء مماس لدائرة

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبنى براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة : يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبنى براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة : يتمكن من إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها

مراحل تسيير الحصة

استعد : 04 ص 129

استعد

وضعية تعليمية : 04 ص 153

استعمال الكوس والمسطرة:

(3) المماسان (Δ_1) و (Δ_2) متوازيان

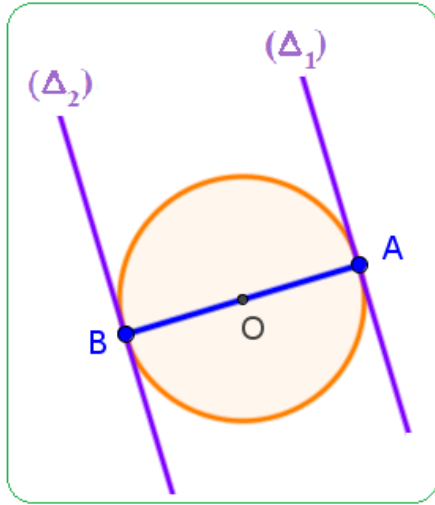
التبرير :

لأن (Δ_1) و (Δ_2) عموديان على نفس المستقيم (AB)

استعمال المدور والمسطرة:

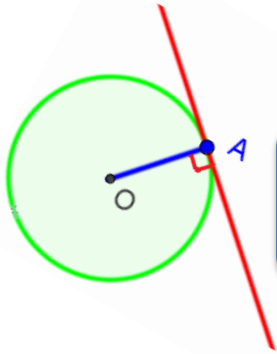
الخواص التي استند إليها هي التناظر المركزي و محور قطعة مستقيم

اكتشف



حوصلة : 02 ص 156

مماس لدائرة

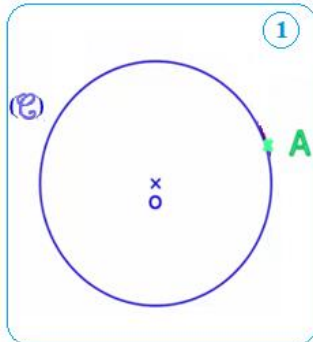
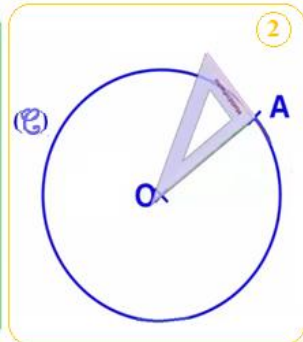
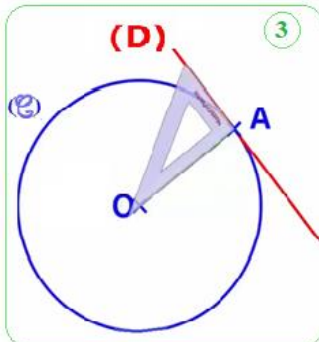


(d) دائرة مركزها O ، A نقطة من الدائرة (d) ، المماس للدائرة (d) في النقطة A هو المستقيم العمودي على المستقيم (OA) في النقطة A.

خاصية

المماس لدائرة في نقطة A يقطع هذه الدائرة في نقطة وحيدة هي A نفسها.

أحصل



تطبيق مباشر : 21 و 22 ص 160

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: جيب تمام زاوية حادة

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبنى براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبنى براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على مفهوم جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم

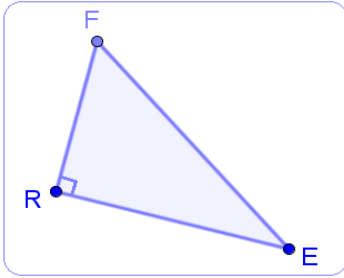
مراحل تسيير الحصة

استعد: 08 و 09 ص 167

استعد

وضعية تعليمية: 04 ص 169

(1) الشكل



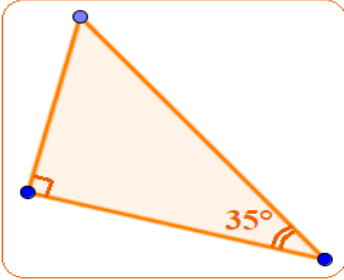
(2) الزاويتان الحادثتان في المثلث هما \widehat{F} و \widehat{E}

(3) في الزاوية \widehat{REF}

الوتر هو: [EF] و مجاور الزاوية هو: [ER]

اكتشف

(4) مجاور الزاوية \widehat{R} هو [RF]



$$\frac{\text{طول الضلع المجاور للزاوية } 35^\circ}{\text{طول الوتر}} \approx 0.82$$

كل النتائج متساوية تقريبا عند كل التلاميذ باحتساب ارتياب و اختلاف القياسات من تلميذ لآخر

(أ) لدينا من الشكل $(AC) \parallel (MN)$ و منه حسب خاصية طالس فإن: $\frac{BA}{BM} = \frac{BC}{BN}$

(ب) من النسبة الاولى نجد $BA \times BN = BM \times BC$ ومنه $\frac{BA}{BC} = \frac{BM}{BN}$

جيب تمام زاوية حادة

حوصلة: 03 ص 172

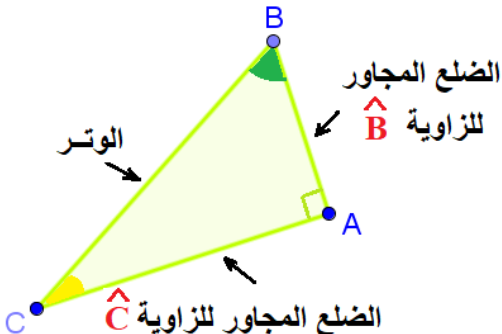
ABC مثلث قائم في A. نقول إن:

✓ القطعة المستقيمة [BC] هي الوتر

✓ [AB] هو الضلع المجاور للزاوية \widehat{B}

✓ [AC] هو الضلع المجاور للزاوية \widehat{C}

أحصل



مثال: ABC مثلث قائم في A معناه: جيب تمام الزاوية \widehat{C} يساوي $\frac{BA}{BM}$

جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم يساوي حاصل قسمة طول الضلع المجاور لهذه الزاوية على طول الوتر.

تطبيق مباشر: 23 و 24 ص 176

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المورد: استعمال الآلة الحاسبة

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبرهن براهين بسيطة

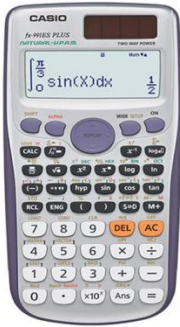
مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبرهن براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

الكفاءة المستهدفة: تعيين القيمة المقربة أو القيمة المضبوطة لجيب تمام زاوية حادة

مراحل تسيير الحصة

استعد: 09 ص 167

استعد



$$\begin{aligned} \cos 43^\circ &= 0.7 & (1) \\ \cos 30^\circ &= 0.8 & (2) \\ \cos 15^\circ &= 0.9 & (3) \\ \cos 77^\circ &= 0.2 & (4) \end{aligned}$$

وضعية تعليمية: 05 ص 169

اكتشف

وضعية تعليمية: 05 ص 169

قيس الزاوية	جيب تمام الزاوية الحادة
53.1°	0.6
60°	0.5
87.3°	0.046
89.9°	0.0001

حوصلة: 03 ص 172 ج 2

استعمال الآلة الحاسبة لإيجاد جيب تمام زاوية حادة

يمكن استعمال الآلة الحاسبة العلمية لحساب :

✓ القيمة المضبوطة أو قيمة مقربة لجيب تمام زاوية عُلم قيسها باستعمال

اللمسة **COS**

✓ القيمة المضبوطة أو قيمة مقربة لزاوية عُلم جيب تمامها باستعمال

اللمسة **COS⁻¹**

ملاحظة

يجب التأكد أولا من الوضع : MODE Degrés

لاستعمال اللمسة **COS⁻¹** نضغط على **inv** أو **cos** أو **shift**

أو **cos** أو **2ndf** تبعا لنوع الآلة الحاسبة .

تطبيق مباشر : 25 و 26 ص 176

استثمر

الميدان: أنشطة هندسية

المستوى: الثالثة متوسط

المدة: 01 ساعة

المورد: حساب الاطوال بتوظيف جيب تمام زاوية

الكفاءة الختامية: يحلّ مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقايس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمت الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (التناظران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبنى براهين بسيطة

مستوى من الكفاءة الشاملة: يحلّ مشكلات من الحياة اليومية ويبنى براهين بسيطة أو مركبة نسبيا بتوظيف مكتسباته في مختلف ميادين المادة (العددي، الهندسية، الدوال وتنظيم معطيات)

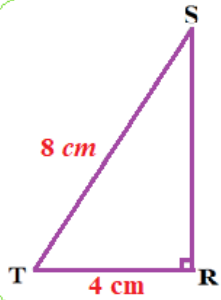
الكفاءة المستهدفة: يحسب الاطوال بتوظيف جيب تمام زاوية

مراحل تسيير الحصة

استعد: 10 و 11 ص 167

استعد

وضعية تعليمية : مقترحة



إليك الشكل المقابل :

أ- أحسب $\cos \hat{T}$.

ب- استنتج قياس الزاوية \hat{T} ثم احسب قياس الزاوية \hat{S} .

ج - احسب الطول RS بالتقريب إلى الوحدة بطريقتين .

الحل

اكتشف

(i) حساب $\cos \hat{T}$ وقياس الزاوية \hat{T}

$$\cos \hat{T} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{RT}{ST} = \frac{4}{8} = 0.5 \quad ; \quad \hat{T} = 60^\circ$$

ب) قياس الزاوية \hat{S} : $\hat{S} = 30^\circ$; $\hat{S} = 180^\circ - (90^\circ + 60^\circ) = 30^\circ$

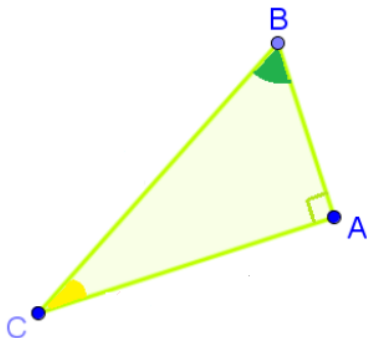
ج) حساب الطول RS : (الطريقة الاولى باستعمال خاصية فيثاغورس)

☆ الطريقة الثانية $\cos 30^\circ = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{RS}{ST}$ ومنه $0.87 = \frac{RS}{8}$

إذن : $RS = 0.87 \times 8$ ومنه $RS \approx 7cm$

حوصلة : مقترحة

ABC مثلث قائم في A



$$BC = \frac{AC}{\cos \widehat{ACB}}$$

$$\cos \widehat{ACB} = \frac{AC}{BC}$$

$$AC = BC \times \cos \widehat{ACB}$$

أحصل

تطبيق مباشر : 27 و 28 ص 176

استثمر