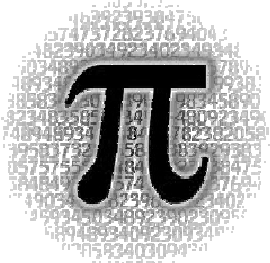
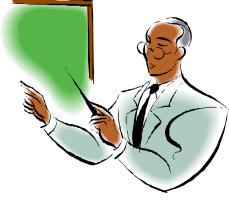


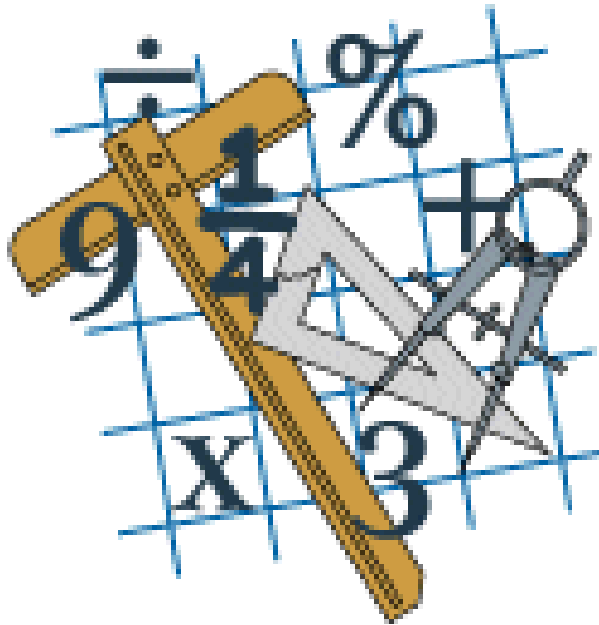
بسم الله الرحمن الرحيم



مذكرات
السنة الرابعة متوسط
لمادة الرياضيات



belhocine : <https://prof27math.weebly.com>



المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																													
تهيئة	- يتذكر تعريف القسمة العشرية و القسمة الإقليدية .	■ أنجز القسمة العشرية للعدد 23 على 5 . ■ أنجز القسمة الإقليدية للعدد 23 على 5 ، ثم أتمم + = 23 . النشاط 1 ص 8 1. اكمل : <table><tr><td>العملية .</td><td>الكتابة المناسبة التي تعبر عن قسمة اقليدية .</td></tr><tr><td>96 على 8</td><td>$96 = 8 \times 12 + 0$</td></tr><tr><td>24 على 4</td><td>$24 = 4 \times 6 + 0$</td></tr><tr><td>376 على 19</td><td>$376 = 19 \times 19 + 15$</td></tr></table> باقي القسمة الاقليدية لـ : 96 على 8 هو 0 (الصفر) . 24 على 4 هو 0 (الصفر) . نقول أن: 24 مضاعف 4 . 24 قابل للقسمة على 4 . 4 قاسم لـ 24 أو 4 يقسم 24 . 19 ليس قاسم لـ 376 لأن باقي القسمة الاقليدية لـ 376 على 19 ليس معدوما . 12 قاسم لـ 96 لأن باقي القسمة لـ 96 على 12 معدوما . 2. تعيين الجمل الصحيحة من الخاطئة مع التعليل : <table><tr><td>الجملة</td><td>الجواب</td><td>التعليل</td></tr><tr><td>25 قابل للقسمة على 5</td><td>صحيح</td><td>$25 = 5 \times 5 + 0$</td></tr><tr><td>15 مضاعف 5</td><td>صحيح</td><td>$15 = 5 \times 3 + 0$</td></tr><tr><td>14 مضاعف 28</td><td>خطأ</td><td>العكس هو الصحيح</td></tr><tr><td>7 قاسم لـ 48</td><td>خطأ</td><td>لا يوجد عدد طبيعي k حيث $48 = 7 \times k$</td></tr><tr><td>1 قاسم لـ 76</td><td>صحيح</td><td>$76 = 76 \times 1 + 0$</td></tr><tr><td>0 قاسم لـ 8</td><td>خطأ</td><td>لا يوجد عدد طبيعي k حيث $8 = 0 \times k$</td></tr></table>	العملية .	الكتابة المناسبة التي تعبر عن قسمة اقليدية .	96 على 8	$96 = 8 \times 12 + 0$	24 على 4	$24 = 4 \times 6 + 0$	376 على 19	$376 = 19 \times 19 + 15$	الجملة	الجواب	التعليل	25 قابل للقسمة على 5	صحيح	$25 = 5 \times 5 + 0$	15 مضاعف 5	صحيح	$15 = 5 \times 3 + 0$	14 مضاعف 28	خطأ	العكس هو الصحيح	7 قاسم لـ 48	خطأ	لا يوجد عدد طبيعي k حيث $48 = 7 \times k$	1 قاسم لـ 76	صحيح	$76 = 76 \times 1 + 0$	0 قاسم لـ 8	خطأ	لا يوجد عدد طبيعي k حيث $8 = 0 \times k$	المنهاج: يكون التطرق إلى مفهوم قاسم عدد طبيعي انطلاقا من القسمة الاقليدية و اعتمادا على التعريف a : عدد طبيعي و b عدد طبيعي غير معدوم ، نقول إن a قاسم لـ b عندما يكون باقي القسمة الاقليدية لـ a على b معدوما ، بمعنى أنه إذا وجد عدد طبيعي k حيث $a = b \times k$ ونجعل التلميذ يستنتج العبارات المتكافئة : ■ a مضاعف لـ b . ■ a قابل للقسمة على b . ■ b يقسم a .
العملية .	الكتابة المناسبة التي تعبر عن قسمة اقليدية .																															
96 على 8	$96 = 8 \times 12 + 0$																															
24 على 4	$24 = 4 \times 6 + 0$																															
376 على 19	$376 = 19 \times 19 + 15$																															
الجملة	الجواب	التعليل																														
25 قابل للقسمة على 5	صحيح	$25 = 5 \times 5 + 0$																														
15 مضاعف 5	صحيح	$15 = 5 \times 3 + 0$																														
14 مضاعف 28	خطأ	العكس هو الصحيح																														
7 قاسم لـ 48	خطأ	لا يوجد عدد طبيعي k حيث $48 = 7 \times k$																														
1 قاسم لـ 76	صحيح	$76 = 76 \times 1 + 0$																														
0 قاسم لـ 8	خطأ	لا يوجد عدد طبيعي k حيث $8 = 0 \times k$																														
الأنشطة																																

تعريف a و b عددين طبيعيين حيث $b \neq 0$

- نقول أن b قاسم لـ a عندما يكون باقي القسمة لـ a على b معدوماً.

مثال :

باقي القسمة الاقليدية لـ 120 على 3 هو 0 .

- نقول أن 3 قاسم لـ 120 .
- نقول أن 120 قابل للقسمة على 3 .
- نقول أن 120 مضاعف لـ 3 .

$$\begin{array}{r|l} 120 & 3 \\ \hline 0 & 40 \end{array}$$

من أجل عددين طبيعيين غير معدومين a و b .

- $(b \text{ قاسم لـ } a)$ معناه $(a \text{ قابل للقسمة على } b)$
- معناه $(a \text{ مضاعف لـ } b)$.
- معناه $(\text{يوجد عدد طبيعي } k \text{ حيث } a = b \times k)$

أمثلة :

- 7 قاسم لـ 28 لأن $28 = 7 \times 4$ ($k = 4$) .
- 4 ليس قاسم لـ 30 لأنه لا يوجد عدد طبيعي k حيث $30 = 4 \times k$.

انتبه :

1 قاسم لكل عدد طبيعي .

إعادة
الإستثمار

التمرين 1 ص 17

الواجب
المنزلي

التمرين 6 ص 17

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر تعريف قاسم عدد طبيعي .	■ مراجعة "قاسم عدد طبيعي"	المنهاج: يكون البحث عن مجموعة قواسم عدد طبيعي ثم مجموعة القواسم المشتركة على اعداد بسيطة . و يستنتج مفهوم القاسم المشترك الأكبر و الترميز الموافق . مثال : $PGCD(12;18) = 6$
الأنشطة		النشاط 2 ص 8 1. الكتابة الأعداد على شكل جداء وبجميع الطرق الممكنة : $12 = 1 \times 12$ $12 = 2 \times 6$ $12 = 3 \times 4$ $12 = 4 \times 3$ $11 = 1 \times 11$ $11 = 11 \times 1$ $15 = 1 \times 15$ $15 = 3 \times 5$ $15 = 5 \times 3$ $48 = 1 \times 48$ $48 = 2 \times 24$ $48 = 3 \times 16$ $48 = 4 \times 12$ $48 = 6 \times 8$ $48 = 8 \times 6$ $20 = 1 \times 20$ $20 = 2 \times 10$ $20 = 4 \times 5$ $20 = 5 \times 4$ 2. ايجاد قواسم الأعداد : قواسم العدد 20 هي: 1 ، 2 ، 4 ، 5 ، 10 ، 20 قواسم العدد 11 هي: 1 ، 11 قواسم العدد 15 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 5 ، 15 قواسم العدد 12 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 6 ، 12 قواسم العدد 48 هي: 1 ، 2 ، 4 ، 6 ، 8 ، 12 ، 16 ، 24 ، 48	

- لإيجاد جميع قواسم عدد طبيعي غير معدوم ، نكتب هذا العدد على شكل جداء عددين طبيعيين بذكر جميع الحالات الممكنة .

مثال :

لنبحث عن قواسم العدد 36 :

$$36 = 1 \times 36$$

$$36 = 2 \times 18$$

$$36 = 3 \times 12$$

$$36 = 4 \times 9$$

$$36 = 6 \times 6$$

$$36 = 9 \times 4$$

نتوقف

وعليه قواسم العدد 36 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 6 ، 9 ، 12 ، 18 ، 36

تمرين : اوجد مجموعة قواسم العدد 60 .

التمرين 3

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يختزل كسر بعد البحث عن قاسم مشترك للبسط و المقام .	■ إختزل الكسور الآتية: $\frac{35}{10}$ ، $\frac{21}{12}$ ، $\frac{150}{130}$	المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ انطلاقا من أمثلة عديدة بسيطة ، انه اذا كان عدد يقسم عددين اخرين فهو يقسم مجموعهما و فرقهما . هذه الخاصية التي يمكن البرهان عليها في الحالة العامة ، تسمح بتبرير خوارزمية البحث عن القاسم المشترك الأكبر لعدددين (خوارزمية اقليدس) و بالتالي فهي تمكن التلاميذ من الفهم الجيد و كذا استعمال هذه الخوارزمية . في مرحلة اولى ، يمكن اقتراح خوارزمية عمليات الطرح المتتالية التي تركز على الخاصية : "العدد n يقسم العددين a و b ($a > b$) يعني أن n يقسم $a - b$ " . ذلك قصد الوصول إلى تبويض عمليات الطرح المتتالية هذه بالقسمة الاقليدية لـ a على b و الخاصية : "العدد n يقسم العددين a و b ($a > b$) يعني أن n يقسم b وباقي القسمة الاقليدية لـ a على b " . هذه الطريقة ، التي يمكن تطبيقها بسهولة في حالات بسيطة ، تكون ثقيلة و مملة عندما نجري عمليات على اعداد كبيرة ، لكن سهلة جدا عندما نستعين بمجدول . يمكن البرهان على كل هذه الخواص حول القاسم المشترك الأكبر خلال أنشطة و تشكلا فرصا لممارسة الاستدلال الاستنتاجي في الاعداد .
الأنشطة		النشاط 4 ص 9 1. ايجاد مجموعة القواسم المشتركة للعدددين 48 و 18 : قواسم العدد 48 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 6 ، 8 ، 12 ، 16 ، 24 ، 48 قواسم العدد 18 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 6 ، 9 ، 18 و عليه مجموعة القواسم المشتركة للعدددين 48 و 18 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 6 فيكون أكبر هذه القواسم هو العدد 6 . نقول إن هذا العدد هو القاسم المشترك الأكبر للعدددين 48 و 18 . نرمز للقاسم المشترك الأكبر بالرمز: $PGCD$. ونكتب: $PGCD(48;18) = 6$. 2. ايجاد مجموعة القواسم المشتركة لكل عددين : مجموعة القواسم المشتركة للعدددين 30 و 45 هي: 1 ، 3 ، 5 ، 15 مجموعة القواسم المشتركة للعدددين 60 و 90 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 5 ، 6 ، 10 ، 15 ، 30 مجموعة القواسم المشتركة للعدددين 18 و 24 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 6 ومنه $PGCD(45;30) = 15$: $PGCD(60;90) = 30$ $PGCD(18;24) = 6$ قواسم العدد 15 أي قواسم $PGCD(45;30)$ هي: 1 ، 3 ، 5 ، 15 قواسم العدد 30 أي قواسم $PGCD(60;90)$ هي: 1 ، 2 ، 3 ، 5 ، 6 ، 10 ، 15 ، 30 قواسم العدد 6 أي قواسم $PGCD(18;24)$ هي: 1 ، 2 ، 3 ، 6 المقارنة : نلاحظ أن مجموعة القواسم المشتركة لكل عددين تساوي مجموعة قواسم القاسم المشترك الأكبر لهذين العدددين .	

تعريف

- القاسم المشترك لعددين هو عدد طبيعي يقسم كل منهما .
- أكبر قاسم مشترك لعددين يسمى القاسم المشترك الأكبر لهما .

مثال :

قواسم العدد 30 هي: 1 ، 2 ، 3 ، 5 ، 6 ، 10 ، 15 ، 30

قواسم العدد 45 هي: 1 ، 3 ، 5 ، 9 ، 15 ، 45

القواسم المشتركة للعددين 30 و 45 هي: 1 ، 3 ، 5 ، 15

العدد 15 هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 30 و 45 .

ونكتب: $PGCD(45; 30) = 15$

خاصية

- مجموعة القواسم المشتركة لعددين هي مجموعة قواسم القاسم المشترك الأكبر لهما .

مثال :

مما سبق : القواسم المشتركة للعددين 30 و 45 هي: 1 ، 3 ، 5 ، 15

وقواسم العدد 15 أي قواسم $PGCD(45; 30)$ هي: 1 ، 3 ، 5 ، 15إعادة
الإستثمار

تمرين : اوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 60 و 72 .

الواجب
المنزلي

التمرين 5 ص 17

إذا كان التلميذ في البداية ، يستعمل مجموعتي قواسم عددين لتعيين مجموعة قواسمهما المشتركة ، فعلينا أن نجعله يلاحظ فيما بعد أنه من السهل تعيين هذه المجموعة انطلاقاً من القاسم المشترك الأكبر للعددين (المعطى أو المعين بإحدى الخوارزميتين) وذلك بتطبيق الخاصية : "مجموعة القواسم المشتركة لعددين هي مجموعة القواسم لأكبر قاسمهما المشترك".

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر نظرية المثلثان المعينان بمتوازيين و قاطعين لهما غير متوازيين .	■ المستقيمان المرسومان بخطوط متقطعة في الشكل الآتي متوازيان . اكتب النسب المتساوية . $\frac{.....}{.....} = \frac{.....}{.....} = \frac{.....}{.....}$	يمكن اعتبار النشاط 1 ص 154 كتهيئة لهذا الموضوع .
الأنشطة	- يعرف ويبرهن نظرية طالس بالإعتماد على خواص التناظر المركزي ونظرية المثلثان المعينان بمتوازيين و قاطعين لهما غير متوازيين .	النشاط 2 ص 154 1. نقل الشكل : الرابعي $M'NM$ متوازي اضلاع لأن قطراه متناصفان . (من خواص التناظر) 2. استنتاج أن : $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$ لدينا : $(MN') \parallel (MN)$ لأن الرابعي $M'NM$ متوازي اضلاع . (البرهان السابق) $(BC) \parallel (MN)$ (معطيات) . إذن : $(MN') \parallel (BC)$ وعليه يمكن أن نكتب : $\frac{AM'}{AB} = \frac{AN'}{AC} = \frac{MN'}{BC}$ ولدينا : $AM' = AM$ ، $AN' = AN$ ، $MN' = MN$ من التناظر . فيكون : $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$ أكمل ما يلي : (AB) و (AC) مستقيمان متقاطعان في A . $M \in (AB)$ و $N \in (AC)$ و M و N مختلفان عن A . إذا كان المستقيمان (MN) و (BC) متوازيان فإن : $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$	المنهاج: نعني بخاصية طالس النظرية و النظرية العكسية لها . سبق أن درست خاصية طالس في الحالة التي يكون فيها أحد المثلثين - المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان - يحتوي الآخر ، و ستعتمد هذه الحالة بدراسة الحالة الأخرى (للمثلثين المعينين رأس مشترك فقط) . كما كان الحال في السنة الثالثة ، يمكن توظيف نظرية طالس لحساب طول أحد الأضلاع في أحد المثلثين بتوظيف الرابع المتناسب و حل معادلات . قصد مساعدة التلميذ على كتابة النسب الملائمة ، نعوده على احترام تماثل رؤوس المثلثين .

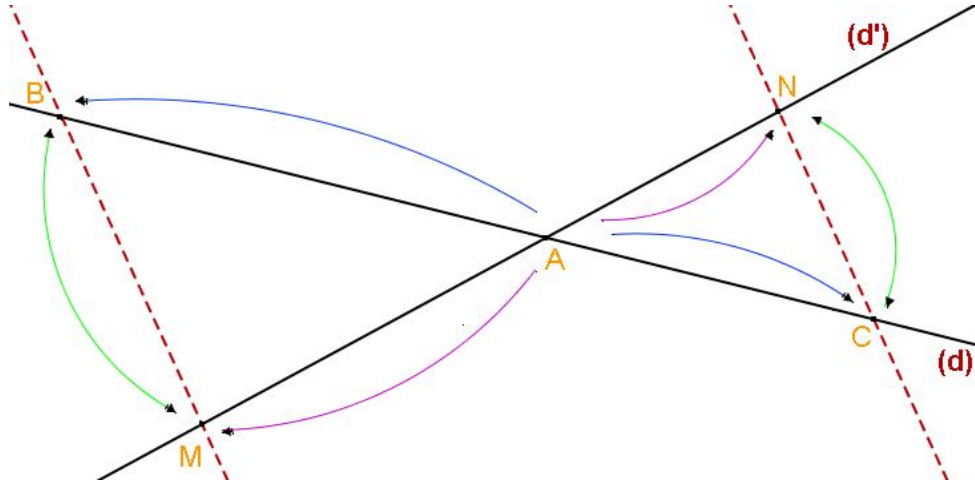
• **نظرية** (d) و (d') مستقيمان متقاطعان في النقطة A .

B و C نقطتان من (d) تختلفان عن A .

M و N نقطتان من (d') تختلفان عن A .

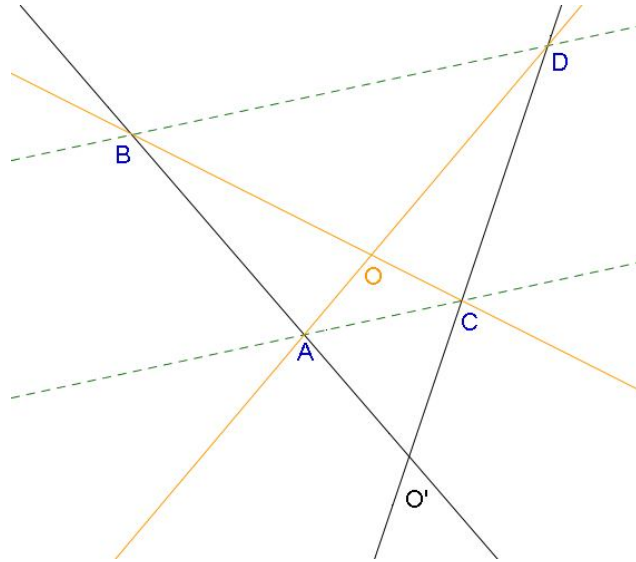
إذا كان (BM) و (CN) متوازيان.

فإن $\frac{AM}{AN} = \frac{AB}{AC} = \frac{MB}{CN}$



تمرين: إليك الشكل الآتي حيث $(BD) \parallel (AC)$.
- اكتب كل النسب المتساوية.

إعادة
الإستثمار

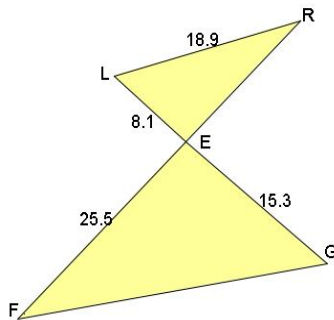


التمرين 2 ص 160

الواجب
المنزلي

التمارين

التمرين 2 ص 160

لدينا: $(FG) \parallel (LR)$ (معطيات التمرين)

(FR) و (GL) متقاطعان في النقطة A. (الشكل)

$$\text{فإن: } \frac{EL}{EG} = \frac{ER}{FG} = \frac{LR}{FG}$$

$$\text{بالتعويض: } \frac{8.1}{15.3} = \frac{ER}{25.5} = \frac{18.9}{FG}$$

حساب ER :

$$\frac{8.1}{15.3} = \frac{ER}{25.5} \quad \text{ومنه} \quad ER = \frac{8.1 \times 25.5}{15.3} = 13.5$$

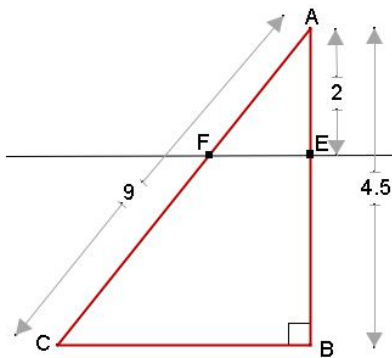
إذن: $ER = 13.5cm$

حساب FG :

$$\frac{8.1}{15.3} = \frac{18.9}{FG} \quad \text{ومنه} \quad FG = \frac{18.9 \times 15.3}{8.1} = 35.7$$

إذن: $FG = 35.7cm$

التمرين 2 ص 161

1. $(BC) \parallel (EF)$ ؟لدينا: $(AB) \perp (EF)$ (معطيات التمرين)(AB) $\perp$ (BC) (لأن المثلث ABC قائم في A)إذن: $(BC) \parallel (EF)$ (خاصية)2. حساب طول القطعة [AF] أي AF .لدينا: $(BC) \parallel (EF)$ (من البرهان السابق)

(AB) و (AC) متقاطعان في النقطة A. (الشكل)

E و F نقطتان من (AB) و (AC) على الترتيب تختلفان عن A .

$$\text{فإن: } \frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC}$$

$$\text{بالتعويض: } \frac{2}{4.5} = \frac{AF}{9} = \frac{EF}{BC}$$

$$\text{ومنه: } \frac{2}{4.5} = \frac{AF}{9} \quad \text{ومنه} \quad AF = \frac{2 \times 9}{4.5} = 4$$

إذن: $ER = 4cm$

التمرين 6 ص 161

1. حساب BC :لدينا: ABC مثلث قائم في A. (معطيات)فإن: $BC^2 = AB^2 + AC^2$ (نظرية فيثاغورس)بالتعويض: $BC^2 = 3^2 + 4^2 = 25$ ومنه: $BC = 5cm$

$$\bullet \quad ? \quad \frac{RP}{AC} = \frac{1}{3}$$

لدينا $(RP) \parallel (AC)$: (معطيات التمرين)

(BA) و (BC) متقاطعان في النقطة B .

R و P نقطتان من (BA) و (BC) على الترتيب
تختلفان عن B .

$$\text{فإن: } \frac{BR}{BA} = \frac{BP}{BC} = \frac{RP}{AC}$$

$$\text{بالتعويض: } \frac{BR}{BA} = \frac{2}{6} = \frac{RP}{AC}$$

$$\text{ومنه: } \frac{RP}{AC} = \frac{1}{3}$$

$$\bullet \quad ? \quad \frac{PS}{AC} = \frac{1}{3}$$

لدينا: $(PS) \parallel (AC)$ (معطيات التمرين)

(PC) و (SA) متقاطعان في النقطة M .

$$\text{فإن: } \frac{MP}{MC} = \frac{MS}{MA} = \frac{PS}{AC}$$

$$\text{بالتعويض: } \frac{1}{3} = \frac{MS}{MA} = \frac{PS}{AC}$$

$$\text{ومنه: } \frac{PS}{AC} = \frac{1}{3}$$

$\bullet$ P منتصف $[RS]$ ؟

$$\text{مما سبق لدينا: } \frac{RP}{AC} = \frac{1}{3} \text{ و } \frac{PS}{AC} = \frac{1}{3}$$

$$\text{ومنه: } \frac{PS}{AC} = \frac{RP}{AC}$$

يعني: $PS = RP$

وعلمنا أن: P ، S ، R على استقامة واحدة (معطيات)

فإن: P منتصف $[RS]$.

$\bullet$ O منتصف $[EF]$ ؟

لدينا :

(EF) و (BC) متقاطعان في النقطة O .

$(EB) \parallel (CF)$ (خاصة التعامد على نفس المستقيم)

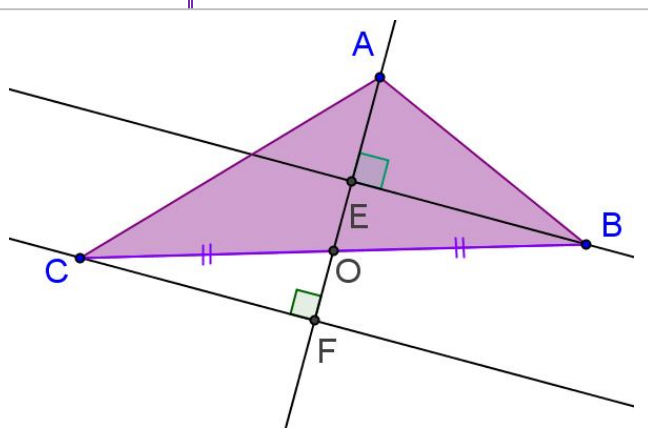
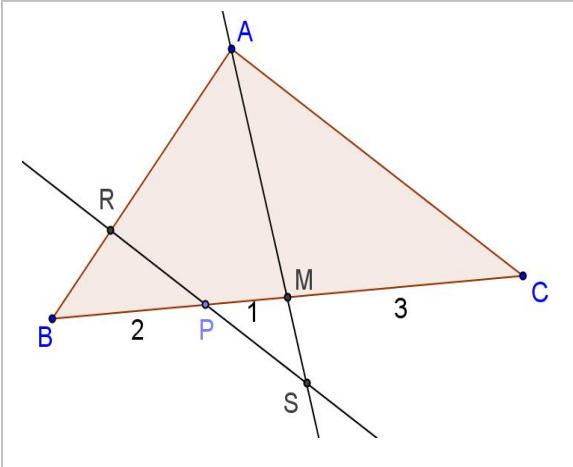
$$\text{لدينا: (حسب نظرية طالس) } \frac{OF}{OE} = \frac{OB}{OC} = \frac{EB}{CF}$$

$$\left(\frac{OF}{OE} = 1 = \frac{EB}{CF} \right) \text{ (لأن } O \text{ منتصف } [BC])$$

يعني: $OF = OE$

وعلمنا أن: O ، F ، E على استقامة واحدة (معطيات)

فإن: O منتصف $[EF]$



• نوع الرباعي $ECFB$ §

لدينا: O منتصف $[BC]$ (معطيات)

و O منتصف $[EF]$ (البرهان السابق)

وعليه فالرباعي $ECFB$ متوازي أضلاع (القطران متناصفان)

• باعتبار أشعة الشمس خطوط متوازية فإن :

$$\frac{2m}{12m} = \frac{1.2m}{x} \quad \text{حيث } x \text{ يمثل طول الشجرة بالمتر و } 12m \text{ طول ظلها.}$$

$$x = \frac{12m \times 1.2m}{2m} = 7.2m \quad \text{فإن:}$$

التمرين 16 ص 163

1) باعتبار نمو النخلة عمودي على مستوى سطح الأرض فإن :

$$\frac{1.25m}{15m} = \frac{1m}{x} \quad \text{حيث } x \text{ يمثل طول النخلة بالمتر.}$$

$$x = \frac{15m \times 1m}{1.25m} = 12m \quad \text{فإن:}$$

التمرين 17 ص 163

2) إختار حامد هذه الطريقة لسهولة قياس طول الظل وإجراء الحسابات أسهل من قياس طول النخلة مباشرة.

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																															
تهيئة	- يتذكر قواعد قابلية القسمة على 2 و 3 و 5 و 9.	■ تمهيد 1 ص 7.	المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ انطلاقا من أمثلة عددية بسيطة ، انه اذا كان عدد يقسم عددين اخرين فهو يقسم مجموعهما و فرقهما . هذه الخاصية التي يمكن البرهان عليها في الحالة العامة ، تسمح بتبرير خوارزمية البحث عن القاسم المشترك الأكبر لعددين (خوارزمية اقليدس) و بالتالي فهي تمكن التلاميذ من الفهم الجيد و كذا استعمال هذه الخوارزمية . في مرحلة أولى ، يمكن اقتراح خوارزمية عمليات الطرح المتتالية التي تركز على الخاصية : "العدد n يقسم العددين a و b (a > b) يعني أن n يقسم b و a - b" . ذلك قصد الوصول إلى تعويض عمليات الطرح المتتالية هذه بالقسمة الاقليدية لـ a على b و الخاصية : " العدد n يقسم العددين a و b (a > b) يعني أن n يقسم b وباقي القسمة الاقليدية لـ a على b " . هذه الطريقة ، التي يمكن تطبيقها بسهولة في حالات بسيطة ، تكون ثقيلة و مملة عندما تجري عمليات على اعداد كبيرة ، لكن سهلة جدا عندما نستعين بمجدول . يمكن البرهان على كل هذه الخواص حول القاسم المشترك الأكبر خلال أنشطة و تشكلا فرصا لممارسة الاستدلال الاستنتاجي في الاعداد .																															
الأنشطة		النشاط 3 ص 9 1. a ، b ، n اعداد طبيعية حيث : a > b و n ≠ 0 اكمال الجدول : <table><tr><td>a</td><td>b</td><td>n</td><td>a + b</td><td>a – b</td></tr><tr><td>48</td><td>30</td><td>2</td><td>78</td><td>18</td></tr><tr><td>105</td><td>50</td><td>5</td><td>155</td><td>55</td></tr></table> التحقق : من الجدول اعلاه يمكن أن نتحقق أنه اذا كان n يقسم a و n يقسم b فإن n يقسم (a – b) و n يقسم (a + b) . 2. a ، b ، n اعداد طبيعية حيث : a > b و n ≠ 0 اكمال الجدول : <table><tr><td>a</td><td>b</td><td>n</td><td>r باقي القسمة الاقليدية لـ a على b</td></tr><tr><td>56</td><td>49</td><td>7</td><td>7</td></tr><tr><td>65</td><td>26</td><td>13</td><td>13</td></tr><tr><td>48</td><td>30</td><td>6</td><td>18</td></tr></table> التحقق : من الجدول اعلاه يمكن أن نتحقق أنه اذا كان n يقسم a و n يقسم b فإن n يقسم r (باقي القسمة الاقليدية لـ a على b) .	a	b	n	a + b	a – b	48	30	2	78	18	105	50	5	155	55	a	b	n	r باقي القسمة الاقليدية لـ a على b	56	49	7	7	65	26	13	13	48	30	6	18	
a	b	n	a + b	a – b																														
48	30	2	78	18																														
105	50	5	155	55																														
a	b	n	r باقي القسمة الاقليدية لـ a على b																															
56	49	7	7																															
65	26	13	13																															
48	30	6	18																															

• a, b, n أعداد طبيعية غير معدومة حيث $a > b$.

إذا كان n يقسم كلا من a و b ، فإن n يقسم كلا من $(a+b)$ و $(a-b)$.

مثال :

6 قاسم لكلا من 36 و 12.

ومنه 6 قاسم لـ $(36+12)$ أي 6 قاسم لـ 48.

وكذلك 6 قاسم لـ $(36-12)$ أي 6 قاسم لـ 24.

• a, b, n أعداد طبيعية غير معدومة حيث $a > b$.

إذا كان n يقسم كلا من a و b ، فإن n يقسم باقي القسمة الاقليدية لـ a و b .

مثال :

5 يقسم كلا من 60 و 25.

ومنه 5 يقسم 10.

$$\begin{array}{r|l} 60 & 25 \\ \hline & 4 \\ \hline 10 & \end{array}$$

تمرين : - تحقق ان 5 يقسم كلا من 450 و 300.

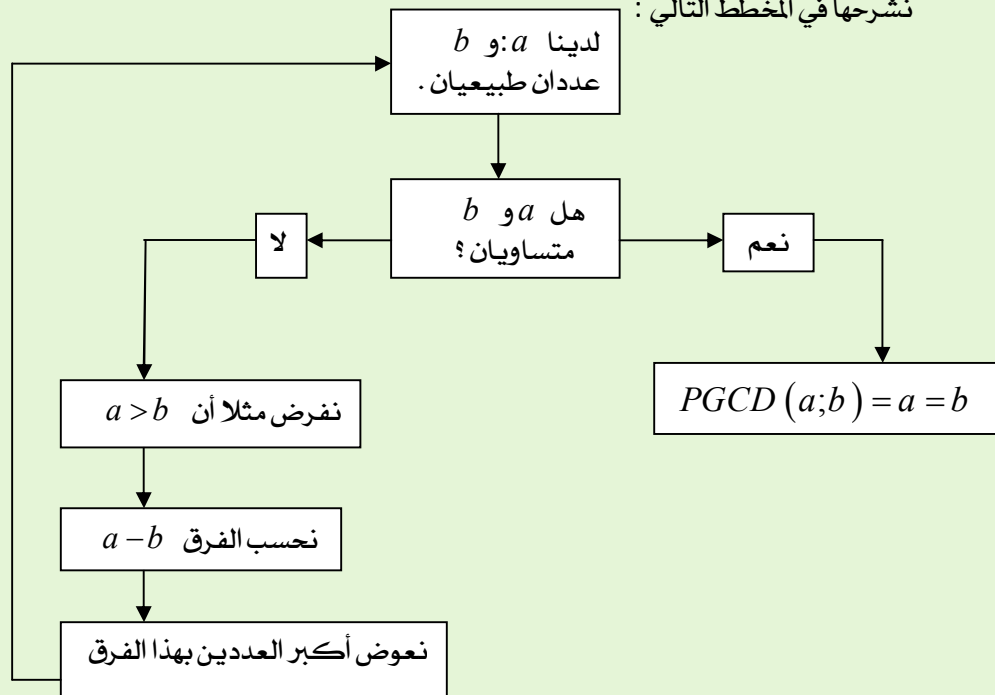
- ثم استنتج أن 5 يقسم كلا من 750 و 150.

إذا كان التلميذ في البداية ، يستعمل مجموعة قواسم عددين لتعيين مجموعة قواسمهما المشتركة ، فعلينا أن نجعله يلاحظ فيما بعد أنه من السهل تعيين هذه المجموعة انطلاقاً من القاسم المشترك الأكبر للعددين (المعطى أو المعين باحدى الخوارزميتين) و ذلك بتطبيق الخاصية : "مجموعة القواسم المشتركة لعددين هي مجموعة قواسم قاسمهما الأكبر".

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر إيجاد القاسم المشترك الأكبر لعددتين بعد البحث عن مجموعة قواسم كل من العددين .	■ أوجد $PGCD(45;27)$. ■ أوجد $PGCD(3598;1542)$.	المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ انطلاقا من أمثلة عددية بسيطة ، انه اذا كان عدد يقسم عددين اخرين فهو يقسم مجموعهما و فرقيهما . هذه الخاصية التي يمكن البرهان عليها في الحالة العامة ، تسمح بتبرير خوارزمية البحث عن القاسم المشترك الأكبر لعددتين (خوارزمية اقليدس) و بالتالي فهي تمكن التلاميذ من الفهم الجيد و كذا استعمال هذه الخوارزمية . في مرحلة أولى ، يمكن اقتراح خوارزمية عمليات الطرح المتتالية التي تركز على الخاصية : "العدد n يقسم العددين a و b ($a > b$) يعني أن n يقسم $a - b$ " . ذلك قصد الوصول إلى تعويض عمليات الطرح المتتالية هذه بالقسمة الاقليدية لـ a على b و الخاصية : " العدد n يقسم العددين a و b ($a > b$) يعني أن n يقسم b وباقي القسمة الاقليدية لـ a على b " . هذه الطريقة ، التي يمكن تطبيقها بسهولة في حالات بسيطة ، تكون ثقيلة و مملة عندما تجري عمليات على اعداد كبيرة ، لكن سهلة جدا عندما نستعين بمجدول . يمكن البرهان على كل هذه الخواص حول القاسم المشترك الأكبر خلال أنشطة و تشكلا فرصا لممارسة الاستدلال الاستنتاجي في الاعداد .
الأنشطة	- يدرك صعوبة استعمال الطريقة السابقة مع اعداد كبيرة نوعا ما .	النشاط 5 ص 10 نعتبر العددين 72 و 56 فرقيهما 16 • التحقق أن: $PGCD(72;56) = PGCD(16;56)$ قواسم 72 هي 1 ، 2 ، 3 ، 4 ، 6 ، 8 ، 9 ، 12 ، 18 ، 24 ، 36 ، 72 : قواسم 56 هي 1 ، 2 ، 4 ، 7 ، 8 ، 14 ، 28 ، 56 : القواسم المشتركة هي: 1 ، 2 ، 4 ، 8 إذن $PGCD(72;56) = 8$ قواسم 16 هي 1 ، 2 ، 4 ، 8 ، 16 : قواسم 56 هي 1 ، 2 ، 4 ، 7 ، 8 ، 14 ، 28 ، 56 : القواسم المشتركة هي: 1 ، 2 ، 4 ، 8 إذن $PGCD(16;56) = 8$ • لنختار العددين: 45 و 27 . فيكون: $45 - 27 = 18$ • بنفس الطريقة نجد: $PGCD(45;27) = 9$ و $PGCD(18;27) = 9$ • التحقق من العمليات : $209 - 133 = 76$ $133 - 76 = 57$ $76 - 57 = 19$ $57 - 19 = 38$ $38 - 19 = 19$ $19 - 19 = 0$ • مما سبق فإن : $PGCD(209;133) = PGCD(133;76) = PGCD(76;57)$ $= PGCD(57;19) = PGCD(19;38) = PGCD(19;19) = 19$ مثال : أوجد $PGCD(3598;1542)$. باستعمال خوارزمية عمليات الطرح المتتالية نجد: $PGCD(3598;1542) = 514$	

• تطبيق خوارزمية عمليات الطرح المتتالية

نشرحها في المخطط التالي :



تمرين (مثال) :

أوجد $PGCD(3465;1575)$.

$$3465 - 1575 = 1890$$

$$1980 - 1575 = 315$$

$$1575 - 315 = 1260$$

$$1260 - 315 = 945$$

$$945 - 315 = 630$$

$$630 - 315 = 315$$

$$315 - 315 = 0$$

نتحصل على عددين متساويين . إذن $PGCD(3465;1575) = 315$:تمرين : أوجد $PGCD(1449;2691)$.

التمرين 7 ص 17

إعادة

الإستثمار

الواجب

المنزلي

إذا كان التلميذ في البداية ، يستعمل مجموعتي قواسم عددين لتعيين مجموعة قواسمهما المشتركة ، فعلينا أن نجعله يلاحظ فيما بعد أنه من السهل تعيين هذه المجموعة انطلاقاً من القاسم المشترك الأكبر للعددين (المعطى أو المعين) بأحدى الخوارزميتين) و ذلك بتطبيق الخاصية : "مجموعة القواسم المشتركة لعددين هي مجموعة قواسم قاسمهما الأكبر".

الكتابة من الصفحة

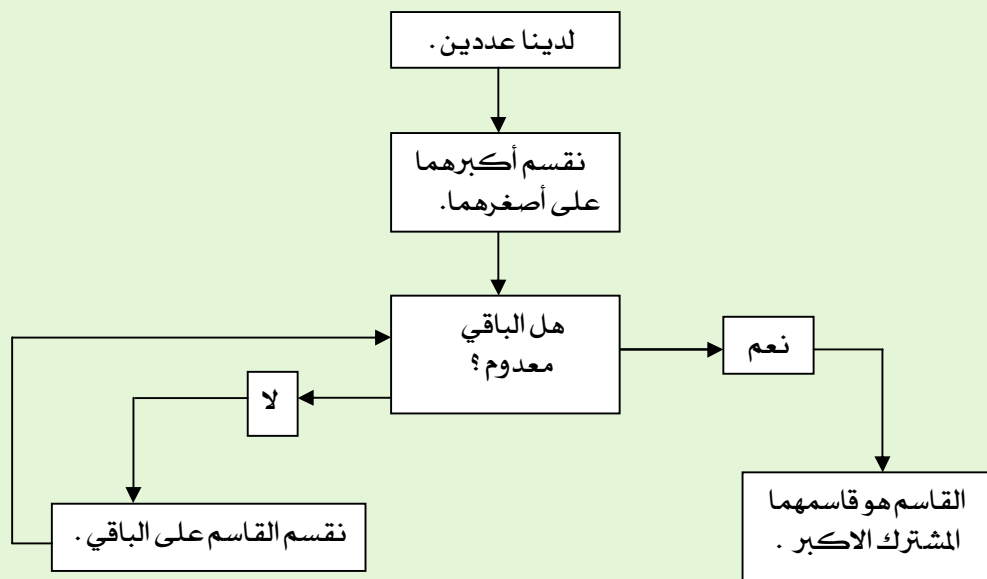
15 (طرائق و

تمارين محلولة)

المخطط + التمرين

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر إيجاد القاسم المشترك الأكبر لعددتين باستعمال خوارزمية إقليدس (عمليات الطرح المتتالية) . - يدرك أن هذه الطريقة قد تكون طويلة نوعا ما .	■ أوجد $PGCD(210;441)$.	المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ انطلاقا من أمثلة عددية بسيطة ، أنه إذا كان عدد يقسم عددين آخرين فهو يقسم مجموعهما و فرقهما . هذه الخاصية التي يمكن البرهان عليها ، في الحالة العامة ، تسمح بتبرير خوارزمية البحث عن القاسم المشترك الأكبر لعددتين (خوارزمية إقليدس) وبالتالي فهي تمكن التلاميذ من الفهم الجيد و كذا استعمال هذه الخوارزمية . في مرحلة أولى ، يمكن اقتراح خوارزمية عمليات الطرح المتتالية التي تركز على الخاصية : "العدد n يقسم العددين a و b ($a > b$) يعني أن n يقسم $a - b$ " . ذلك قصد الوصول إلى تعويض عمليات الطرح المتتالية هذه بالقسمة الإقليدية لـ a على b و الخاصية : " العدد n يقسم العددين a و b ($a > b$) يعني أن n يقسم b وباقي القسمة الإقليدية لـ a على b " . هذه الطريقة ، التي يمكن تطبيقها بسهولة في حالات بسيطة ، تكون ثقيلة و مملة عندما تجري عمليات على أعداد كبيرة ، لكن سهلة جدا عندما نستعين بمجدول . يمكن البرهان على كل هذه الخواص حول القاسم المشترك الأكبر خلال أنشطة و تشكلا فرصا لممارسة الاستدلال الاستنتاجي في الأعداد .
الأنشطة		النشاط 6 ص 10 • <u>التحقق أن:</u> $PGCD(90;63) = PGCD(63;27)$ ؟ $\begin{array}{l} 90 - 63 = 27 \\ 63 - 27 = 36 \\ 36 - 27 = 9 \\ 27 - 9 = 18 \\ 18 - 9 = 9 \\ 9 - 9 = 0 \end{array}$ $\begin{array}{l} 63 - 27 = 36 \\ 36 - 27 = 9 \\ 27 - 9 = 18 \\ 18 - 9 = 9 \\ 9 - 9 = 0 \end{array}$ ومنه: $PGCD(90;63) = PGCD(63;27) = 9$ • لنختار العددين 48 و 174 . فيكون: $174 = 48 \times 3 + 30$ • نجد: $PGCD(174;48) = 6$ و $PGCD(48;30) = 6$ • التحقق من العمليات : ننبه التلاميذ لاستعمال عملية القسمة العمودية في مكان المساويات. $\begin{array}{l} 468 = 396 \times 1 + 72 \\ 396 = 72 \times 5 + 36 \\ 72 = 36 \times 2 + 0 \end{array}$ • مما سبق فإن : $PGCD(468;396) = PGCD(396;72) = PGCD(72;36) = 36$ مثال : أوجد $PGCD(210;441)$. باستعمال خوارزمية إقليدس (عمليات القسمة المتتالية) نجد : $PGCD(441;210) = 21$	

- تطبيق خوارزمية إقليدس (عمليات القسمة المتتالية) :
نشرحها في المخطط التالي :



تمرين (مثال) :

أوجد $PGCD(7038; 5474)$.

الباقي	a	b	الخطوات	
1564	5474	7038	1	$7038 = 5474 \times 1 + 1564$
782	1564	5474	2	$5474 = 1564 \times 3 + 782$
0	782	1564	3	$1564 = 782 \times 2 + 0$

الباقي معدوم

نتحصل على الباقي معدوم . إذن: $PGCD(5474; 7038) = 782$

تمرين: أوجد $PGCD(264; 768)$.

التمرين 7 ص 17

الواجب المنزلي

إذا كان التلميذ في البداية ، يستعمل مجموعتي قواسم عددين لتعيين مجموعة قواسمهما المشتركة ، فعلينا أن نجعله يلاحظ فيما بعد أنه من السهل تعيين هذه المجموعة انطلاقاً من القاسم المشترك الأكبر للعددين (المعطى أو المعين) بأحدى الخوارزميتين) و ذلك بتطبيق الخاصية : "مجموعة القواسم المشتركة لعددين هي مجموعة قواسم قاسمهما الأكبر" .

الكتابة من الصفحة

16 (طرائق و

تمارين محلولة)

المخطط + التمرين .

إعادة الإستثمار

ملاحظات

المنهاج: بالنسبة إلى النظرية العكسية ، يمكن أن ننطلق من نشاط يطلب فيه تعيين نقط على مستقيمين متقاطعين بمعرفة تسليوي نسبتي .

مثال (d_1) و (d_2)

مستقيمان متقاطعان

في A . عين النقطتين

C و B على (d_1)

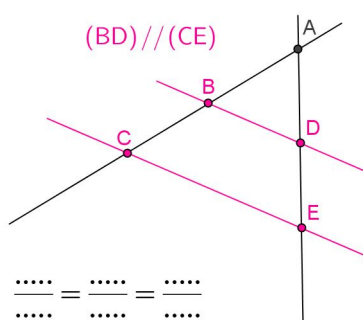
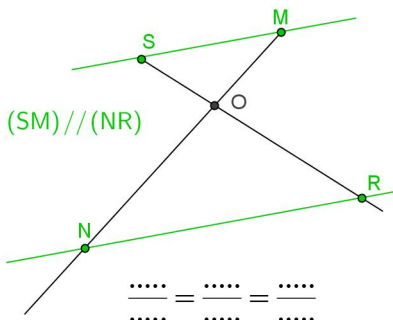
ثم D و E على

(d_2) حيث :

$$\frac{AB}{AC} = \frac{AD}{AE}$$

أنشطة التعلم

■ تمعن في الشكلين الآتيين ثم أتمم :



النشاط 3 ص 155

1 مثلث حيث $AB = 4cm$ ، $AC = 2.5cm$. عين النقطتين M و N في

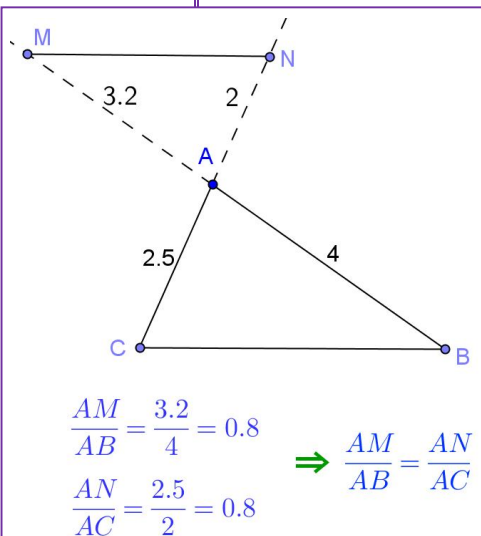
كل حالة:

مؤشرات الكفاءة

- يتذكر نص نظرية طالس .

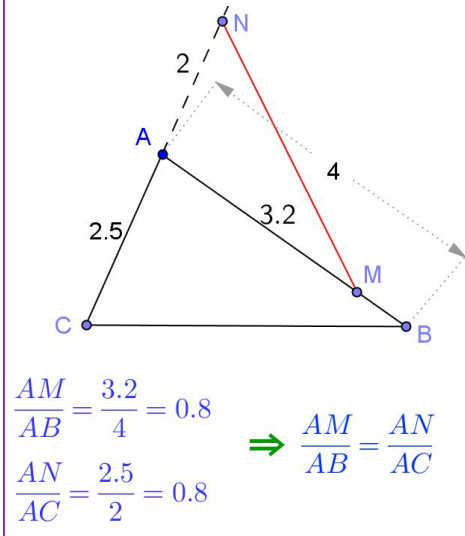
تهيئة

الأنشطة



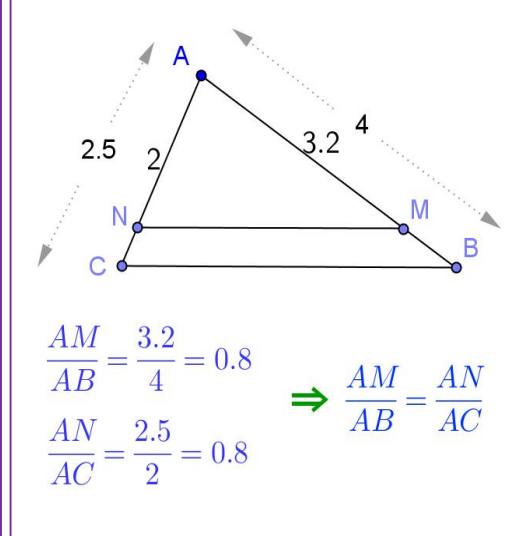
باستعمال الكوس مثلا نلاحظ أن :

$(BC) \parallel (MN)$



نلاحظ بسهولة أن المستقيمان

(BC) و (MN) غير متوازيين .



باستعمال الكوس مثلا نلاحظ أن :

$(BC) \parallel (MN)$

2 مثلث حيث $AB = 4.2cm$ ، $AC = 5.6cm$. عين النقطتين M و N

للتأكد أن المستقيمان

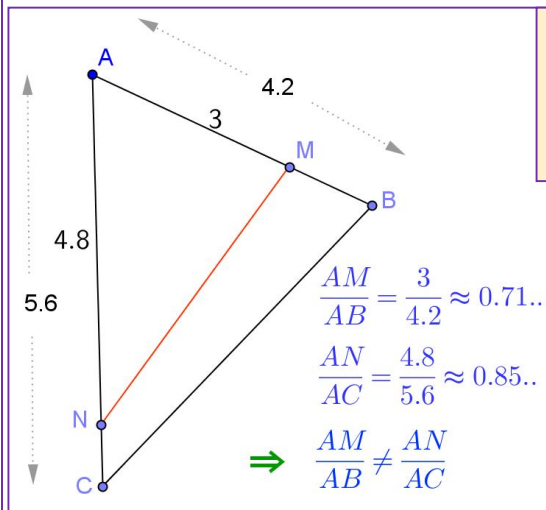
(BC) و (MN)

متوازيان أو العكس

نوظف خاصية التعامد

على نفس المستقيم

باستعمال الكوس .



نلاحظ بسهولة في هذه

الحالة أن المستقيمان (BC) و

(MN)

إعتمادا على هذا النشاط ،

يكفي أن يكون :

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$$

النقط A, M, N و A, B, C

بنفس الترتيب على المستقيمين

(AB) و (AC) .

- يعرف عكس نظرية طالس .

- ماذا يمكن أن نقول بالنسبة إلى المستقيمين (BD) و (CE) ؟
 - تحقق من ذلك بالادوات الهندسية .
 نجعل التلميذ يلاحظ لزوم وضع فرضية على ترتيب النقط على المستقيمين .
 كما كان الحال في السنة الثالثة ، يمكن توظيف نظرية طالس لحساب طول أحد الأضلاع في أحد المثلثين بتوظيف الرابع المتناسب و حل معادلات . قصد مساعدة التلميذ على كتابة النسب الملائمة ، نعوده على احترام تماثل رؤوس المثلثين .
 كما يمكن توظيف النظرية العكسية في البرهان على توازي أو عدم توازي مستقيمين .

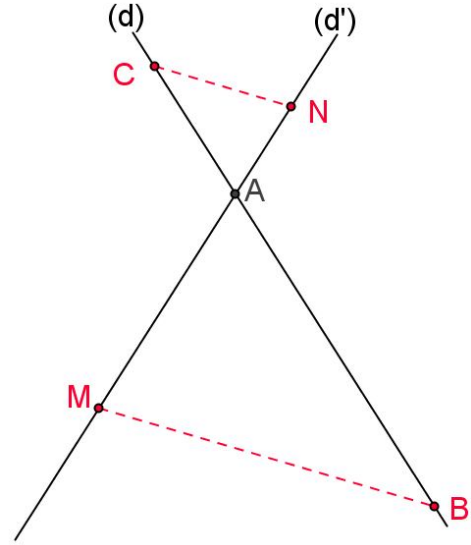
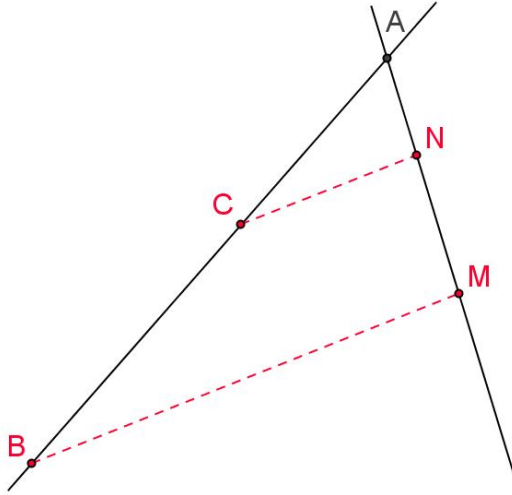
• **نظرية** (d) و (d') مستقيمان متقاطعان في النقطة A .

B و C نقطتان من (d) تختلفان عن A .

M و N نقطتان من (d') تختلفان عن A .

- إذا كان: $\frac{AC}{AB} = \frac{AN}{AM}$.

- والنقط A, C, B و A, N, M بنفس الترتيب على المستقيمين (d) و (d') .
 فإن: $(BM) \parallel (CN)$.



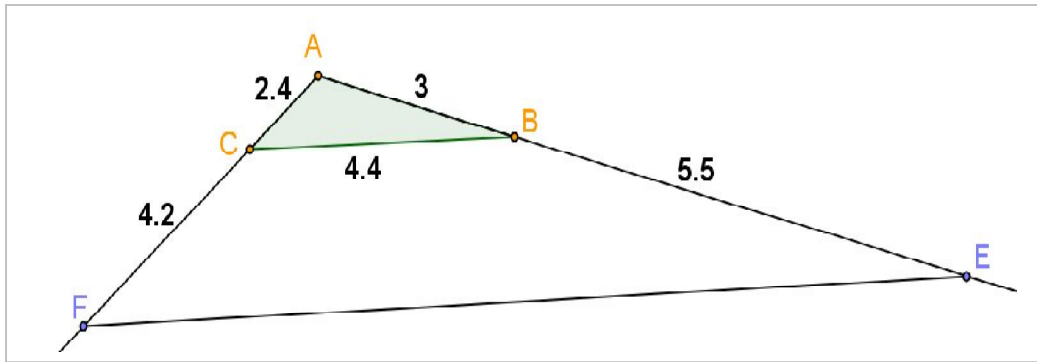
التمرين 5 ص 160

التمرين 10/11 ص 160

معارف

إعادة
الإستثمار

الواجب
المنزلي

1) $(BC) \parallel (FF)$ ؟لدينا: (AE) و (AF) مستقيمان متقاطعان في A .و B نقطة من $[AE]$ تختلف عن A .و C نقطة من $[AF]$ تختلف عن A .

$$\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AF} \quad \text{ومنه} \quad \left\{ \begin{array}{l} \frac{AB}{AE} = \frac{3}{8.5} \approx 0.3... \\ \frac{AC}{AF} = \frac{2.4}{6.6} \approx 0.3... \end{array} \right.$$

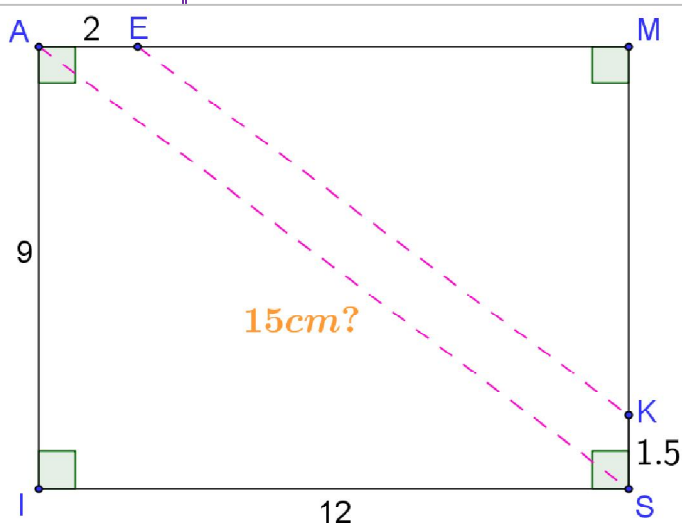
لدينا كذلك

و النقط A, B, E و A, C, F بنفس الترتيب على المستقيمين (AE) و (AF) .فإن: $(BC) \parallel (FF)$ حسب النظرية العكسية لطالس .

2) حساب EF .

لدينا: $(BC) \parallel (FF)$ من البرهان السابق .ولدينا: (AE) و (AF) مستقيمان متقاطعان في A .و B نقطة من $[AE]$ تختلف عن A .و C نقطة من $[AF]$ تختلف عن A .فإن: $\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AF} = \frac{BC}{EF}$ حسب نظرية طالس .

$$\text{بالتعويض: } \frac{3}{5.5} = \frac{2.4}{4.4} = \frac{4.2}{EF} \quad \text{ومنه: } EF = \frac{4.4 \times 4.2}{2.4} = 7.7 \quad \text{أي } EK = 7.7cm$$



1) تعيين النقطتين E و K . (رسم الشكل)

2) لدينا:

AMS مثلث قائم في M لأن AMSI مستطيل .

حسب نظرية فيثاغورس: $AM^2 + MS^2 = AS^2$ بالتعويض: $12^2 + 9^2 = AS^2$

$$AS^2 = 12^2 + 9^2 = 144 + 81 = 225$$

$$AS = \sqrt{225}$$

$$AS = 15cm$$

3) $(EK) \parallel (AS)$ ؟لدينا: (MA) و (MS) مستقيمان متقاطعان في M .

و E نقطة من $[MA]$ تختلف عن M .

و K نقطة من $[MS]$ تختلف عن M .

$$\frac{ME}{MA} = \frac{MK}{MS} \quad \text{لدينا كذلك} \quad \left\{ \begin{array}{l} \frac{ME}{MA} = \frac{10}{12} \approx 0.83... \\ \frac{MK}{MS} = \frac{7.5}{9} \approx 0.83... \end{array} \right.$$

و النقط M, E, A و M, K, S بنفس الترتيب على المستقيمين (MA) و (MS) .

فإن: $(EK) \parallel (AS)$ حسب النظرية العكسية لطالس .

4 حساب EK .

لدينا: $(EK) \parallel (AS)$ من البرهان السابق .

ولدينا: (MA) و (MS) مستقيمان متقاطعان في M .

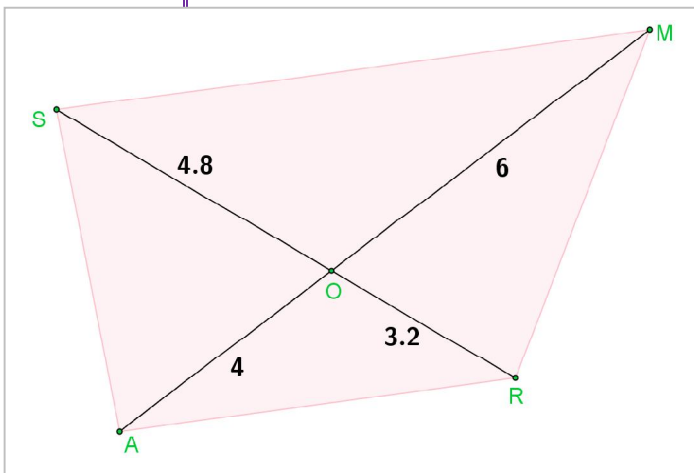
و E نقطة من $[MA]$ تختلف عن M .

و K نقطة من $[MS]$ تختلف عن M .

$$\frac{ME}{MA} = \frac{MK}{MS} = \frac{EK}{AS} \quad \text{فإن: حسب نظرية طالس .}$$

$$\text{بالتعويض: } \frac{ME}{12} = \frac{7.5}{9} = \frac{EK}{15} \quad \text{ومنه: } EK = \frac{7.5 \times 15}{9} = 12.5 \quad \text{أي } EK = 12.5 \text{ cm}$$

يمكن هنا تطبيق
نظرية فيثاغورث
لحساب EK .



1 ($(SM) \parallel (AR)$) ؟

لدينا: (AM) و (SR) مستقيمان متقاطعان في O .

$$\frac{OA}{OM} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \approx 0.66... \quad \text{ولدينا كذلك:}$$

$$\frac{OR}{OS} = \frac{3.2}{4.8} \approx 0.66...$$

$$\frac{OA}{OM} = \frac{OR}{OS} \quad \text{ومنه:}$$

و النقط M, O, A و S, O, R بنفس الترتيب على المستقيمين (AM) و (SR) .

فإن: $(SM) \parallel (AR)$ حسب النظرية العكسية لطالس .

2 ($(RM) \parallel (AS)$) ؟

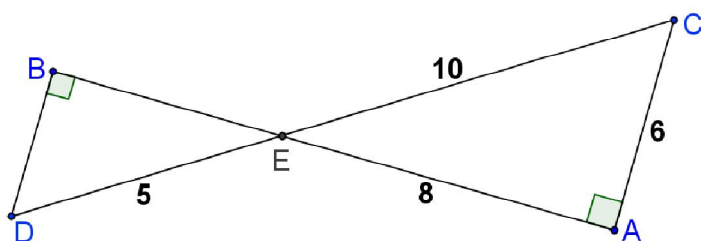
لدينا: (AM) و (SR) مستقيمان متقاطعان في O .

$$\frac{OA}{OM} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \approx 0.66... \quad \text{ولدينا كذلك:}$$

$$\frac{OS}{OR} = \frac{4.8}{3.2} = 1.5$$

فإن: (AS) لا يوازي (AM) حسب النظرية العكسية لطالس .

التمرين 10 ص 161



إليك الشكل المقابل حيث (AB) و (CD)

متقاطعان في النقطة: E

• أحسب الطول BD .

(وحدة الطول هي السنتيمتر) .

إستجواب

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يراجع طريقة إيجاد القاسم المشترك الأكبر لعددين باستخدام إحدى الطرق المناسبة .	■ اوجد $PGCD(9488; 20755)$. ■ الجواب $PGCD(9488; 20755) = 593$: النشاط 8 ص 11	المنهاج: يعرف العددين الأوليان فيما بينهما كعددين لهما قاسم مشترك وحيد هو 1 ، لتستنتج فيما بعد الخاصية : " a و b عددين أوليان فيما بينهما يعني أن قاسمهما المشترك الأكبر هو 1 "
		1. $PGCD(a; b) = 1$ يعني أن القواسم المشتركة للعددين a و b هي العدد 1 فقط . نقول أن العددين a و b أوليان فيما بينهما . 2. التحقق أن 27 و 25 أوليان فيما بينهما . قواسم 27 : 1 ، 3 ، 9 ، 27 قواسم 25 : 1 ، 5 ، 25 القواسم المشتركة هي : 1 إذن : $PGCD(27; 25) = 1$ يعني أن العددين 27 و 25 أوليان فيما بينهما . باستعمال خوارزمية إقليدس (مثلا نجد : $PGCD(111; 104) = 1$ يعني أن العددين 111 و 104 أوليان فيما بينهما . النشاط 9 ص 11	المنهاج: - عند البحث عن الكسر غير القابل للإختزال المساوي للكسر المعطى ، نعود التلميذ على استعمال مكتسباته القبلية المتعلقة باختزال كسر (استعمال جداول الضرب و قواعد قابلية القسمة) وكذلك استعمال القاسم المشترك الأكبر . إن مفهومي العدد الأولي و تحليل عدد الى عوامل أولية خارج البرنامج .
		(1) الكسور غير القابلة للإختزال هي : $\frac{11}{3} , \frac{41}{15} , \frac{5}{9} , \frac{1}{5}$ لأنه : لا يوجد قاسم مشترك لكل من البسط والمقام أكبر من 1 لكل كسر . (2) حساب كل من $PGCD(221; 204)$ و $PGCD(127; 107)$. باستعمال خوارزمية القسمة (مثلا نجد : $PGCD(221; 204) = 17$ و $PGCD(127; 107) = 1$ ييجاد الكسر غير القابل للإختزال لكل كسر من الكسور : ■ $\frac{127}{107}$ كسر غير قابل للإختزال . ■ $\frac{204}{221} = \frac{204 \div 17}{221 \div 17} = \frac{12}{13}$ ومنه $\frac{12}{13}$ هو الكسر غير القابل للإختزال و المساوي للكسر $\frac{204}{221}$. ■ لدينا : $PGCD(2346; 1479) = 51$ وعليه $\frac{2346}{1479} = \frac{2346 \div 51}{1479 \div 51} = \frac{46}{29}$ ومنه $\frac{46}{29}$ هو الكسر غير القابل للإختزال المساوي للكسر $\frac{2346}{1479}$.	

تعريف 1 • a و b عدنان أوليان فيما بينهما يعني قاسمهما الأكبر يساوي 1 (أي $PGCD(a; b) = 1$).

مثال :

قواسم 9 ، 3 ، 9 :

قواسم 11 ، 1 :

إذن: $PGCD(27; 25) = 1$

يعني 9 و 11 أوليان فيما بينهما .

تعريف 2 • دان طبيعيان حيث $b \neq 0$

الكسر $\frac{a}{b}$ غير قابل للإختزال يعني a و b أوليان فيما بينهما .

مثال :

الكسر $\frac{10}{9}$ غير قابل للإختزال إذن 10 و 9 أوليان فيما بينهما .

إنتبه

• عندما نقسم حدي كسر على القاسم المشترك الأكبر لبسطه و مقامه نحصل على كسر غير قابل للإختزال .

مثال :

لدينا: $PGCD(9488; 20755) = 593$ (بالاعتماد على خوارزمية إقليدس)

وعليه $\frac{9488}{20755} = \frac{9488 \div 593}{20755 \div 593} = \frac{16}{35}$

ومنه $\frac{16}{35}$ كسر غير القابل للإختزال .

تمرين :

1) أوجد $PGCD(2085; 837)$.

2) اختزل الكسر $\frac{2085}{837}$.

تمرين :

1) هل العدنان 352 و 682 أوليان فيما بينهما ؟

2) أوجد $PGCD(352; 682)$.

3) اكتب الكسر $\frac{352}{682}$ على شكل كسر غير قابل للإختزال .

ملاحظات	الحل	التمارين
	(1) لدينا $PGCD(2085; 837) = 3$: (بالاعتماد على خوارزمية إقليدس) (2) وعليه $\frac{837}{2085} = \frac{837 \div 3}{2085 \div 3} = \frac{279}{695}$ ومنه $\frac{279}{695}$ كسر غير القابل للاختزال . (1) العددان 352 و 682 غير أوليان فيما بينهما لأن العدد 2 قاسم مشترك لهما يعني: $PGCD(352; 682) \neq 1$ (2) لدينا: $PGCD(352; 682) = 22$ (بالاعتماد على خوارزمية إقليدس) (3) وعليه $\frac{352}{682} = \frac{352 \div 22}{682 \div 22} = \frac{16}{31}$ ومنه $\frac{16}{31}$ كسر غير القابل للاختزال . (1) بالاعتماد على خوارزمية إقليدس نجد : $PGCD(245; 560) = 35$ (2) لدينا: $\frac{2.45}{5.6} = \frac{245}{560}$ وعليه $\frac{245}{560} = \frac{245 \div 35}{560 \div 35} = \frac{7}{16}$ ومنه $\frac{7}{16}$ كسر غير القابل للاختزال . (1) العددان 1020 و 3468 غير أوليان فيما بينهما لأن العدد 2 قاسم مشترك لهما يعني: $PGCD(1020; 3468) \neq 1$ (2) بالاعتماد على خوارزمية إقليدس نجد : $PGCD(1020; 3468) = 204$ (3) لدينا $\frac{3468}{1020} = \frac{3468 \div 204}{1020 \div 204} = \frac{17}{5}$ ومنه $\frac{17}{5}$ هو الكسر غير القابل للاختزال الذي يساوي $\frac{3468}{1020}$ (1) بالاعتماد على خوارزمية إقليدس نجد : $PGCD(3168; 9216) = 288$ لدينا: $\frac{3168}{9216} = \frac{3168 \div 288}{9216 \div 288} = \frac{11}{32}$ ومنه $\frac{11}{32}$ هو الكسر غير القابل للاختزال .	التمرين الأول (التطبيق) (1) أوجد $PGCD(2085; 837)$. (2) اختزل الكسر $\frac{2085}{837}$. التمرين الثاني (الواجب المنزلي) (1) هل العددان 352 و 682 أوليان فيما بينهما؟ - علل دون حساب . (2) أوجد $PGCD(352; 682)$. (3) اكتب الكسر $\frac{352}{682}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال . التمرين الثالث (1) هل العددان 560 و 245 أوليان فيما - علل دون حساب . (2) أوجد $PGCD(245; 560)$. (3) أكتب الكسر $\frac{2.45}{5.6}$ على شكل غير قابل للاختزال . التمرين الرابع ليكن العدد A حيث $A = \frac{60775}{114400} - \frac{3}{8}$. (1) أوجد $PGCD(60775; 114400)$ (2) أوجد الكسر غير القابل للاختزال الذي يساوي $\frac{60775}{114400}$ (3) أحسب العدد A . التمرين الخامس ليكن $A = \frac{3168}{9216}$ (1) اختزل النسبة A . ليكن العدد M حيث $M = A + \frac{3}{8}$ (2)

التمرين السادس (رقم 2 ص 20)

لبائع زهور 48 وردة و 72 قرنفل، يريد أن يستعمل كل هذه الزهور ليشكل أكبر عدد ممكن من الباقات المتماثلة.

1 ما هو عدد باقات الزهور؟

2 ما هو عدد الورود في كل باقة؟

3 ما هو عدد القرنفل في كل باقة؟

التمرين السابع

يريد فلاح وضع سياج حول حقله المستطيل الشكل، طوله 276m وعرضه 192m، لذلك قرر وضع أعمدة بحيث يكون نفس البعد بين كل عمودين متتاليين حول الحقل مع وضع عمود في كل ركن، يريد هذا الفلاح استعمال أصغر عدد ممكن من الأعمدة.

1 ما هي المسافة بين كل عمودين متتاليين؟

2 ما هو عدد الأعمدة التي يجب أن يستعملها الفلاح؟

التمرين الثامن (اختبار الثلاثي الأول 2011/2012)

1 احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 315 و 189 .

2 لكتابة جدول سير الاختبارات، اشترت المتوسطة ورقة رسم

مستطيلة الشكل بعدها 315cm و 189cm. قسمت

هذه الورقة - دون ضياع - إلى مربعات طول ضلع كل

مربع هو أصغر عدد طبيعي من السنتمترات .

• ما هو عدد المربعات التي يمكن الحصول عليها؟

1 أكبر عدد ممكن من الباقات المتماثلة هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 48 و 72 .

باستعمال إحدى الخورزميات نجد :

$$PGCD(48;72) = 24$$

2 عدد الورود: $48 \div 24 = 2$

3 عدد القرنفل: $72 \div 24 = 3$

1 المسافة بين كل عمودين متتاليين هي القاسم المشترك الأكبر للعددين 276 و 192 .

باستعمال إحدى الخورزميات نجد :

$$PGCD(276;192) = 12$$

ومنه فإن المسافة بين كل عمودين متتاليين هي: $12m$.

2 عدد الأعمدة :

$$2 \times (276 + 192) \div 12 = 78$$

1 باستعمال إحدى الخورزميات نجد :

$$PGCD(315;189) = 63$$

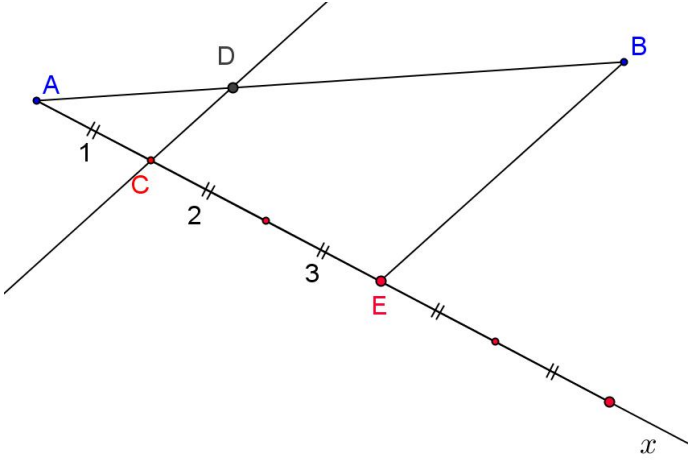
2 طول ضلع كل مربع ناتج هو القاسم المشترك الأكبر

$$أي \quad PGCD(315;189) = 63$$

فيكون - عدد المربعات على طول الورقة: $315 \div 63 = 5$

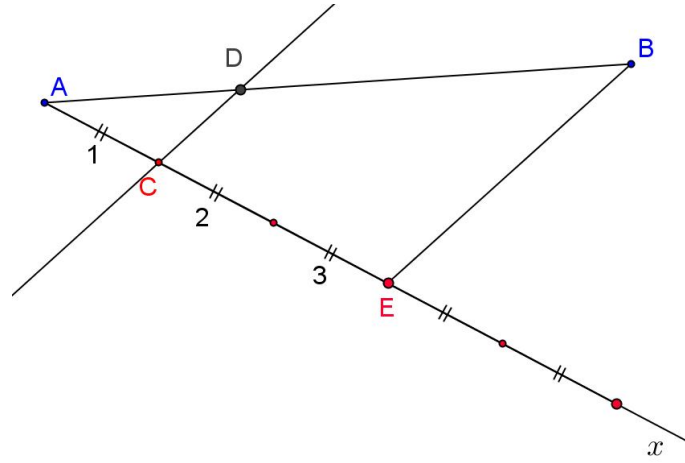
- عدد المربعات على عرض الورقة: $189 \div 63 = 3$

إذن عدد المربعات المتحصل عليها هو: $5 \times 3 = 15$

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- ينشئ نصف مستقيم مدرج تدريجا منتظما .	■ أنشئ نصف مستقيم مدرجا تدريجا منتظما وحدة تدريجه هي $1.5cm$. النشاط 5 ص 156 $[AB]$ قطعة مستقيم . (Ax) نصف مستقيم مدرج تدريجا منتظما : ■ أرسم مستقيما يشمل النقطة C ويوازي (EB) ويقطع $[AB]$ في D .  ■ احسب النسبة $\frac{AD}{AB}$ ، ثم اكتب AB بدلالة AD . لدينا: (AE) و (AB) متقطعان في A . C و D نقطتان من (AE) و (AB) على الترتيب تختلفان عن A . ولدينا كذلك: $(CD) \parallel (EB)$ (معطيات) فحسب نظرية طالس: $\frac{AD}{AB} = \frac{AC}{AE} = \frac{CD}{EB}$ بالتعويض: $\frac{AD}{AB} = \frac{1}{3}$ ومنه: $AB = 3AD$ ■ قسم القطعة $[AB]$ إلى 3 قطع متساوية . بما أن: $AB = 3AD$ فإنه يمكن بكل سهولة استعمال المدور لتقسيم القطعة $[AB]$ إلى 3 قطع متساوية .	المنهاج: يمكن استغلال هذه النظرية لتقسيم قطعة هندسيا (بالمدور و المسطرة غير المدرجة) إلى n جزءا متقايسا أو لتعيين نقطة M على قطعة $[AB]$ (أو على حاملها) حيث $\frac{MA}{MB} = k$ (k عدد موجب معطى) . (نتطرق إلى الحالتين الممكنتين $k \leq 1$ و $k > 1$) .

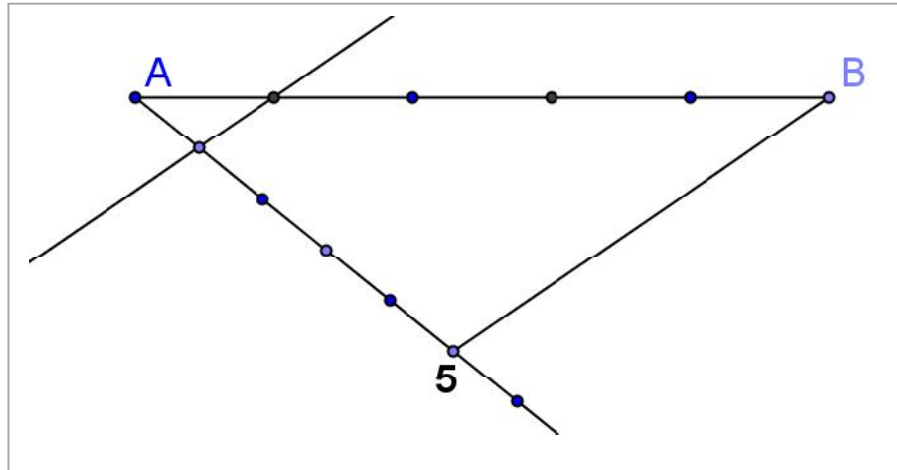
- لتقسيم القطعة $[AB]$ إلى n قطعة متقايسة (حيث n أكبر تماما من 2)، نتبع الخطوات التالية :

- ننشئ نصف مستقيم مدرج مبدؤه النقطة A وحامله يختلف عن المستقيم (AB) .
- على نصف المستقيم هذا ننشئ النقطة C حيث $AC = n$.
- على نصف المستقيم هذا ننشئ النقطة I حيث $AI = 1$.
- ننشئ المستقيم الذي يشمل I ويوازي (BC) فيقطع $[AB]$ في النقطة I' .
- نقسم القطعة $[AB]$ إلى قطع متقايسة طول كل AI' منها باستعمال المدور.



تمرين :

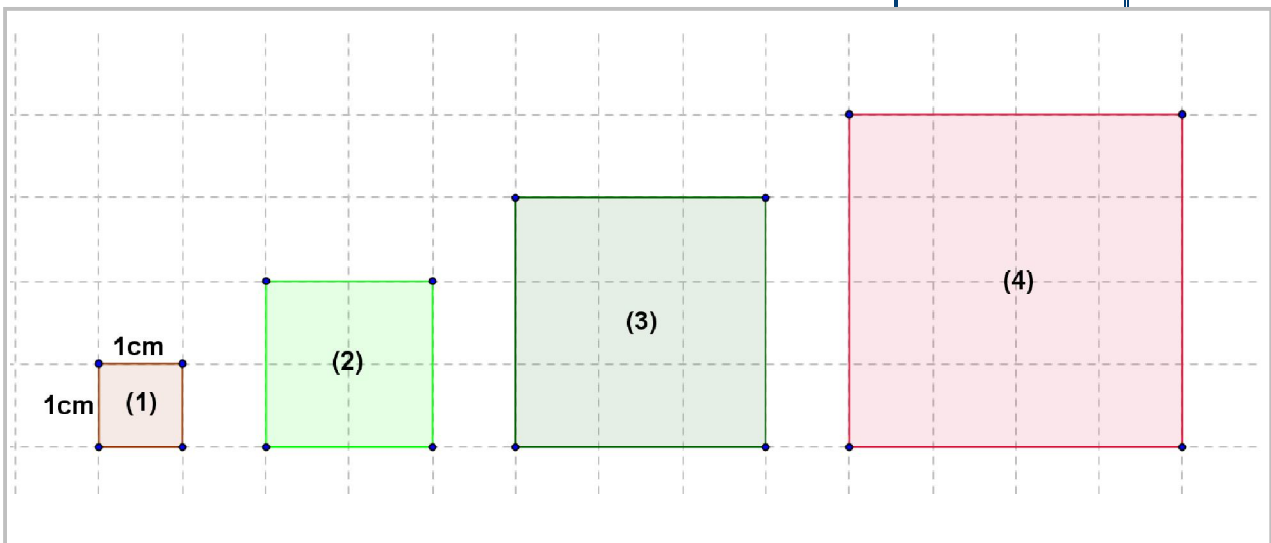
- أنشئ قطعة المستقيم $[AB]$ طولها $6.6cm$.
- قسم القطعة $[AB]$ إلى خمسة قطع متساوية.



تمرين :

- أنشئ قطعة المستقيم $[MN]$ طولها $8cm$.
- قسم القطعة $[AB]$ إلى سبعة قطع متساوية.

إعادة
الإستثمارالواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات															
تهيئة	-	■ اكمل ما يلي : $(+6)^2 = ; (-6)^2 = $ $25 = (.....)^2 = (.....)^2 $ $0.49 = (.....)^2 = (.....)^2 $	المنهاج: سبق للتلميذ أن تعرف في السنة الثالثة على أعداد غير ناطقة . مثل $\sqrt{2}$ بمناسبة توظيف نظرية فيثاغورس في حساب أطوال باستعمال اللمسة $\sqrt{\quad}$ للحاسبة . نجعل التلميذ يكتشف أنه في حالة وجود $\sqrt{a}$ فإن هذه الكتابة تعني : $\sqrt{a} \geq 0$ و $a \geq 0$ و $(\sqrt{a})^2 = a$ و بالتالي ، يكون من أجل $a \geq 0$ ، $\sqrt{a^2} = a$ ويربط هذا المفهوم بحل المعادلة $x^2 = b$ حيث b عدد حقيقي . إن آلية استخراج الجذر التربيعي لعدد موجب خارج البرنامج . يواصل التلميذ استعمال الحاسبة لتعيين قيمة مقربة لجذر تربيعي .															
الأنشطة		النشاط 1 (الوثيقة المرافقة) 1) لاحظ الشكل الآتي : 																
		2) اعتمادا على الشكل السابق اتمم الجدول : <table><tr><th>المربع</th><th>(1)</th><th>(2)</th><th>(3)</th><th>(4)</th></tr><tr><td>المساحة A للمربع (cm^2)</td><td>1</td><td>4</td><td>9</td><td>16</td></tr><tr><td>الطول C لضلع المربع</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr></table>	المربع	(1)	(2)	(3)	(4)	المساحة A للمربع (cm^2)	1	4	9	16	الطول C لضلع المربع	1	2	3	4	
المربع	(1)	(2)	(3)	(4)														
المساحة A للمربع (cm^2)	1	4	9	16														
الطول C لضلع المربع	1	2	3	4														
		3) عبر عن A بدلالة C : $A = C \times C \text{ أي } A = C^2$																
		4) اكمل ما يلي : • طول ضلع المربع الذي مساحته $9cm^2$ هو $3cm$. نقول أن العدد 3 هو الجذر التربيعي للعدد 9 . ونكتب $\sqrt{9} = 3$. • طول ضلع المربع الذي مساحته $64cm^2$ هو $8cm$. نقول أن العدد 8 هو الجذر التربيعي للعدد 64 . ونكتب $\sqrt{64} = 8$. • طول ضلع المربع الذي مساحته $12cm^2$ هو $3.46cm$ (مدورا الى 0.01) . نقول أن العدد 3.46 هو قيمة مقربة للجذر التربيعي للعدد 12 . ونكتب $\sqrt{12} \approx 3.46$.																

- مربع عدد هودائما عدد موجب .
- من أجل كل عدد موجب a ، يوجد عدنان متعاكسان مربع كل منهما يساوي a .

مثال :

$$(+6)^2 = 36 \quad ; \quad (-6)^2 = 36$$

$$25 = (+5)^2 = (-5)^2$$

تعريف

- من أجل كل عدد موجب a ، يوجد عدد موجب مربعه يساوي a ، نرمزله $\sqrt{a}$.

$$(\sqrt{a})^2 = a \text{ ونكتب}$$

$\sqrt{a}$ يقرأ "الجذر التربيعي لـ a " أو "جذر a "

مثال :

$$(+4)^2 = 16 \quad ; \quad (-4)^2 = 16$$

$$49 = (+7)^2 = (-7)^2$$

$$81 = (+9)^2 = (-9)^2$$

إنتبه

- لا يوجد عدد مربعه عدد سالب .

الموضوع: المعادلة من الشكل $x^2 = b$.

الدعائم : المنهاج + الوثيقة م + الكتاب م .

الكفاءة القاعدية: تعريف الجذر التربيعي لعدد موجب و ربطه بحل المعادلة من الشكل $x^2 = b$. الأستاذ: ولد سعيد عبد القادر.

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات														
تهيئة الأنشطة	- يتذكر حل معادلة .	■ حل المعادلة $2x = 1$: النشاط 1 ص25 المعادلة من الشكل $x^2 = b$ حيث b عدد معطى . ■ حل المعادلات ذات المجهول x التالية : <table><thead><tr><th>المعادلة</th><th>حلولها</th></tr></thead><tbody><tr><td>$x^2 = 1$</td><td>$x = 1$ أو $x = -1$</td></tr><tr><td>$x^2 = -4$</td><td>ليس لهذه المعادلة حل .</td></tr><tr><td>$x^2 = 169$</td><td>$x = 13$ أو $x = -13$</td></tr><tr><td>$x^2 = 0$</td><td>لهذه المعادلة حل واحد هو $x = 0$</td></tr><tr><td>$x^2 = \frac{25}{81}$</td><td>$x = \frac{5}{9}$ أو $x = -\frac{5}{9}$</td></tr><tr><td>$x^2 = 64$</td><td>$x = 8$ أو $x = -8$</td></tr></tbody></table>	المعادلة	حلولها	$x^2 = 1$	$x = 1$ أو $x = -1$	$x^2 = -4$	ليس لهذه المعادلة حل .	$x^2 = 169$	$x = 13$ أو $x = -13$	$x^2 = 0$	لهذه المعادلة حل واحد هو $x = 0$	$x^2 = \frac{25}{81}$	$x = \frac{5}{9}$ أو $x = -\frac{5}{9}$	$x^2 = 64$	$x = 8$ أو $x = -8$	تنبيه التلاميذ الى التحقق من صحة الحل للوصول به إلى أن حل معادلة هو إيجاد قيمة المجهول x التي تحقق المساواة . المنهاج: سبق للتلميذ أن تعرف في السنة الثالثة على أعداد غير ناطقة . مثل $\sqrt{2}$ بمناسبة توظيف نظرية فيثاغورس في حساب أطوال باستعمال الممسحة $\sqrt{}$ للحاسبة . نجعل التلميذ يكتشف أنه في حالة وجود $\sqrt{a}$ فإن هذه الكتابة تعني : $\sqrt{a} \geq 0$ و $a \geq 0$ و $(\sqrt{a})^2 = a$ و بالتالي ، يكون من أجل $a \geq 0$ ، $\sqrt{a^2} = a$ ويربط هذا المفهوم بحل المعادلة $x^2 = b$ حيث b عدد حقيقي . إن آلية استخراج الجذر التربيعي لعدد موجب خارج البرنامج . يواصل التلميذ استعمال الحاسبة لتعيين قيمة مقربة لجذر تربيعي .
المعادلة	حلولها																
$x^2 = 1$	$x = 1$ أو $x = -1$																
$x^2 = -4$	ليس لهذه المعادلة حل .																
$x^2 = 169$	$x = 13$ أو $x = -13$																
$x^2 = 0$	لهذه المعادلة حل واحد هو $x = 0$																
$x^2 = \frac{25}{81}$	$x = \frac{5}{9}$ أو $x = -\frac{5}{9}$																
$x^2 = 64$	$x = 8$ أو $x = -8$																

b عدد حقيقي معطى .

- إذا كان $b > 0$ ، فإن للمعادلة $x^2 = b$ حلين مختلفين هما $\sqrt{b}$ و $-\sqrt{b}$.
- إذا كان $b = 0$ ، فإن للمعادلة $x^2 = b$ حل واحد فقط هو العدد 0 .
- إذا كان $b < 0$ ، فإن للمعادلة $x^2 = b$ ليس لها حلا حقيقيا لأن $x^2 \geq 0$.

أمثلة :

المعادلة	الحل
$x^2 = 25$	$x = \sqrt{25} = 5$ أو $x = -\sqrt{25} = -5$ إذن للمعادلة حلان مختلفان هما : $+5$ و $+5$ (لأن $b > 0$)
$x^2 = 0$	للمعادلة حل واحد هو $x = 0$.
$x^2 = -9$	المعادلة ليس لها حل لأن x^2 موجب و -9 سالب تماما .

التمرين 9 ص 34

إعادة
الإستثمار

التمرين 10 ص 34

الواجب
المنزلي

الكفاءة القاعدية: معرفة قواعد الحساب على الجذور التربيعية $\left(\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b} ; \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}} \right)$. الأستاذ: ولد سعيد عبد القادر .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																
تهيئة	-	النشاط 2 (الوثيقة المرافقة) 1 أكمل الجدول التالي حيث a و b عددان موجبان و($b \neq 0$) : <table><tr><td>a</td><td>b</td><td>$\sqrt{a}$</td><td>$\sqrt{b}$</td><td>$\sqrt{a \times b}$</td><td>$\sqrt{a} \times \sqrt{b}$</td><td>$\sqrt{\frac{a}{b}}$</td><td>$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$</td></tr><tr><td>36</td><td>4</td><td>6</td><td>2</td><td>$\sqrt{36 \times 4} = 12$</td><td>$6 \times 2 = 12$</td><td>$\sqrt{\frac{36}{4}} = \sqrt{9} = 3$</td><td>$\frac{6}{2} = 3$</td></tr><tr><td>0.25</td><td>0.01</td><td>0.5</td><td>0.1</td><td>0.05</td><td>0.05</td><td>5</td><td>5</td></tr><tr><td>256</td><td>81</td><td>16</td><td>9</td><td>144</td><td>144</td><td>≈ 1.7</td><td>≈ 1.7</td></tr></table>	a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\sqrt{a \times b}$	$\sqrt{a} \times \sqrt{b}$	$\sqrt{\frac{a}{b}}$	$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$	36	4	6	2	$\sqrt{36 \times 4} = 12$	$6 \times 2 = 12$	$\sqrt{\frac{36}{4}} = \sqrt{9} = 3$	$\frac{6}{2} = 3$	0.25	0.01	0.5	0.1	0.05	0.05	5	5	256	81	16	9	144	144	≈ 1.7	≈ 1.7	المنهاج: إن قواعد الحساب المستهدفة هنا هي تلك المتعلقة بجداء و حاصل قسمة جذرين تربيعيين لعددين : ■ من أجل $a \geq 0$ و $b \geq 0$ $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$ ■ من أجل $a \geq 0$ و $b > 0$ $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$ تقترح أنشطة متنوعة لتوظيف هذه القواعد ، مثل : - بسط العبارة $\sqrt{8} - \sqrt{18} + \sqrt{50}$ بعد كتابة كل من حدودها على الشكل $a\sqrt{2}$. - أكتب العبارة $\frac{5}{\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{2}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق . خلال استعمال الجذور التربيعية في بعض الحسابات ، نجعل التلميذ يلاحظ التماثل مع الحساب الحرفي .
a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\sqrt{a \times b}$	$\sqrt{a} \times \sqrt{b}$	$\sqrt{\frac{a}{b}}$	$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$																												
36	4	6	2	$\sqrt{36 \times 4} = 12$	$6 \times 2 = 12$	$\sqrt{\frac{36}{4}} = \sqrt{9} = 3$	$\frac{6}{2} = 3$																												
0.25	0.01	0.5	0.1	0.05	0.05	5	5																												
256	81	16	9	144	144	≈ 1.7	≈ 1.7																												
الأنشطة		2 إنطلاقا من الجدول السابق أعط قواعد الحساب التالية : $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$ $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$ الجذر التربيعي لمجموع وفرق : النشاط 1 ص27 قارن بين : $\sqrt{9+4} = \sqrt{13} \approx 3.6$ $\sqrt{9} + \sqrt{4} = 3 + 2 = 5$ $\sqrt{64-36} = \sqrt{28} \approx 5.2$ $\sqrt{64} + \sqrt{36} = 8 + 6 = 14$ ومنه $\sqrt{9+4} \neq \sqrt{9} + \sqrt{4}$ ومنه $\sqrt{64-36} \neq \sqrt{64} + \sqrt{36}$																																	

• إذا كان a و b عدداً موجبان و $b \neq 0$ فإن :

$$\bullet \sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$$

$$\bullet \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

أمثلة :

$$\bullet \sqrt{45} = \sqrt{9 \times 5} = \sqrt{9} \times \sqrt{5} = 3\sqrt{5}$$

$$\bullet \sqrt{32} \times \sqrt{2} = \sqrt{32 \times 2} = \sqrt{64} = 8$$

$$\bullet \sqrt{\frac{9}{16}} = \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{16}} = \frac{3}{4} = 0.75$$

$$\bullet \frac{\sqrt{50}}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{50}{2}} = \sqrt{25} = 5$$

$$\bullet \sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$$

$$\bullet \sqrt{a-b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b}$$

التمرين 13 ص 35

إعادة
الإستثمار

التمرين 12 و 14 ص 35

الواجب
المنزلي

ملاحظات

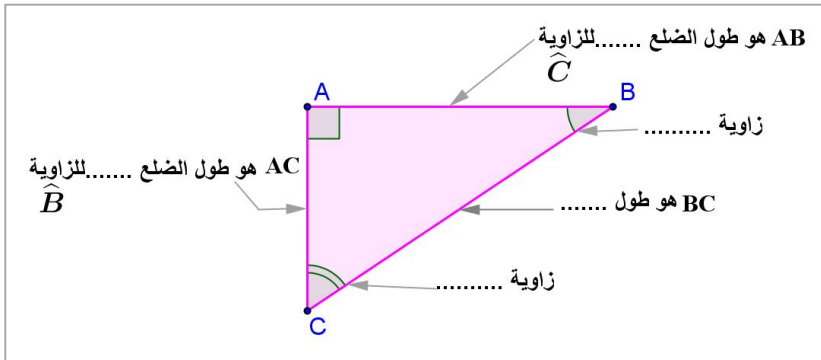
المنهاج: كما كان الشأن بالنسبة إلى جيب تمام زاوية في السنة الثالثة ؛ يعرف كل من الجيب و الظل كنسبة طولين في مثلث قائم و يستنتج أن هذه النسب ثابتة و هي مرتبطة فقط بالزاوية المختارة و يمكن دراسة تغيرتهما تبعا لقياس الزاوية باستعمال ربع الدائرة المثلثية .

نجعل التلميذ يلاحظ أن جيب زاوية حادة ، مثل جيب تمام لها ، هو محصور بين 0 و 1 و أن ظل زاوية حادة عدد موجب يمكن أن يكون أكبر من 1 .

نعود التلميذ على استعمال اللمسات $\sin^{-1}$ و $\sin$ و $\tan^{-1}$ و $\tan$.

أنشطة التعلم

اكمل ما يلي :



النشاط 1 س و 3 و 4 ص 156

3

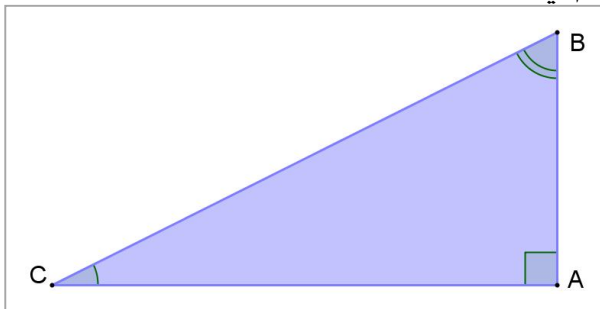
المثلث	OAB	OCD	OEF	OGH
طول الضلع المقابل للزاوية 40°	1.9	2.8	3.8	4.5
طول الضلع المجاور للزاوية 40°	2.3	3.4	4.5	5.4
طول الوتر	3	4.4	5.9	7

■ نلاحظ أن النسبة $\frac{\text{طول الضلع المقابل للزاوية } 40^\circ}{\text{طول الوتر}}$ ثابتة .

■ نلاحظ أن النسبة $\frac{\text{طول الضلع المقابل للزاوية } 40^\circ}{\text{طول الضلع المجاور للزاوية } 40^\circ}$ ثابتة .

4 بل ثم أتمم :

في المثلث ABC القائم في A لدينا :



$$\sin \hat{C} = \frac{AB}{BC}$$

$$\tan \hat{C} = \frac{AB}{AC}$$

;

$$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$$

$$\tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$$

تهيئة

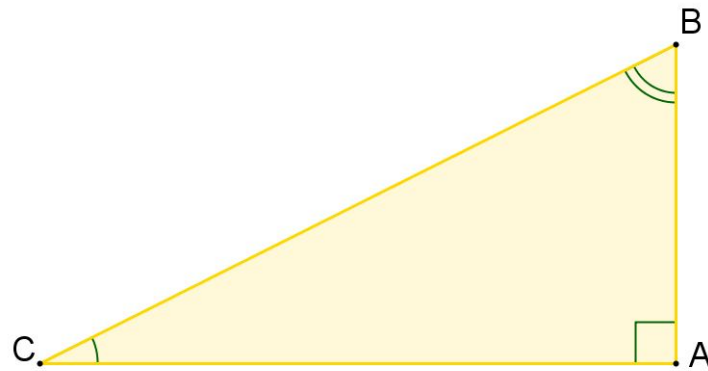
الأنشطة

- يتذكر مكونات المثلث القائم .

- في المثلث القائم :

■ جيب زاوية حادة يساوي النسبة $\frac{\text{طول الضلع المقابل لهذه الزاوية}}{\text{طول الوتر}}$.

■ ظل زاوية حادة يساوي النسبة $\frac{\text{طول الضلع المقابل لهذه الزاوية}}{\text{طول الضلع المجاور لها}}$.



$$\sin \hat{C} = \frac{AB}{BC}$$

$$\tan \hat{C} = \frac{AB}{AC}$$

;

$$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$$

$$\tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$$

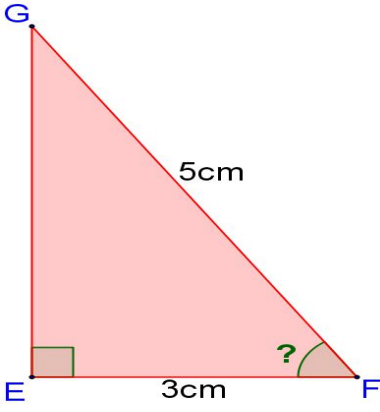
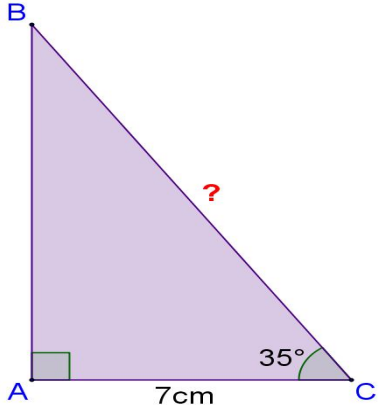
- جيب زاوية حادة محصور دائما بين 0 و 1 لأن طول الوتر أكبر من طولي كل من الضلعين الآخرين.

إنتبه

التمرين 2 ص 178

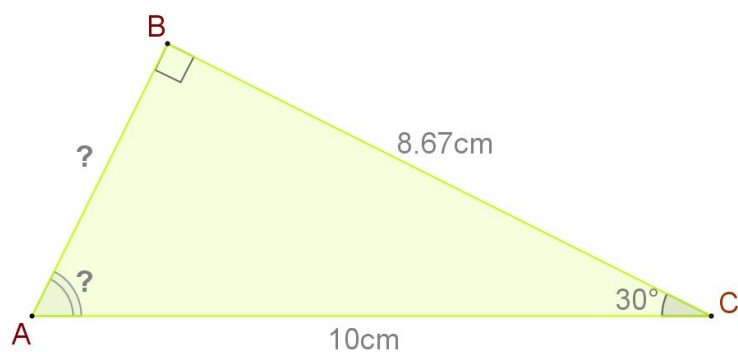
التمرين 1 و 3 ص 178

نضيف هنا درس استعمال الحاسبة مع بعض التطبيقات cos

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يتذكر حساب زوايا و أطوال بتوظيف جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم .	  من معطيات الشكل أعلاه : - احسب الطول BC بالتدوير إلى الوحدة. من معطيات الشكل أعلاه : - احسب قياس الزاوية $\widehat{F}$ بالتدوير إلى الوحدة.	يمكن هنا مراجعة الدرس الماضي . المنهاج: يمكن
		النشاط 1 س3و 4 ص 156 1 حساب العدد x (بالتدوير إلى الوحدة) في كل شكل من الأشكال الآتية : - لدينا في الشكل (1) GKH: مثلث قائم في H يعني : $\sin 30^\circ = \frac{GH}{x} \quad \text{بالتعويض } 0.5 = \frac{6}{x}$ ومنه $x = 12\text{cm}$: - لدينا في الشكل (2) ABC: مثلث قائم في A يعني : $\sin x = \frac{AB}{BC} \quad \text{بالتعويض } \sin x = \frac{6}{10}$ ومنه $\sin x^\circ = 0.6$ ثم باستعمال الحاسبة مع التدوير نجد $x = 37^\circ$: - لدينا في الشكل (3): المثلث قائم يعني : $\tan 60^\circ = \frac{x}{8} \quad \text{بالتعويض } 1.73205... = \frac{x}{8}$ ومنه $x = 14\text{cm}$: - لدينا في الشكل (4) FED: مثلث قائم يعني E : $x^2 = ED^2 + EF^2 \quad \text{بالتعويض } x^2 = 12^2 + 5^2$ ومنه $x = 13\text{cm}$: - لدينا في الشكل (5): المثلث قائم يعني : $\tan x = \frac{10}{6} \quad \text{بالتعويض } \tan x = 1.666...$ ومنه : باستعمال الحاسبة مع التدوير نجد $x = 59^\circ$:	

- لحساب زاوية أو طول نتبع الخطوات :

- نتحقق من أن المثلث قائم.
- تحديد الضلع المقابل والضلع المجاور للزاوية الحادة والوتر.
- تطبيق إحدى المساويات التي تعطي النسب المثلثية لزاوية حادة .



مثال :

- لدينا ABC : مثلث قائم في B يعني :

$$\sin 30^\circ = \frac{AB}{AC} \quad \text{بالتعويض} \quad 0.5 = \frac{AB}{10}$$

ومنه $AB = 5\text{cm}$:

- لدينا ABC : مثلث قائم في B يعني :

$$\tan \hat{A} = \frac{BC}{AB} \quad \text{بالتعويض} \quad \tan \hat{A} = \frac{8.67}{5}$$

ومنه $\tan \hat{A} = 1.734$: ثم باستعمال الحاسبة مع التدوير نجد $\hat{A} = 60^\circ$:

ننبه التلاميذ لوجود
عدة طرق لتعيين
قيس الزاوية $\hat{A}$.

إعادة

الإستثمار

الواجب

المنزلي

التمرين 4 ص 178

التمرين 5 إلى 10 ص 178

الكفاءة القاعدية: معرفة قواعد الحساب على الجذور التربيعية ($\sqrt{a^2 \times b} = a \times \sqrt{b}$) . الأستاذ: ولد سعيد عبد القادر .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يتذكر القواعد المدروسة سابقا .	■ مراجعة قواعد الحساب على الجذور : $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$ $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$ النشاط 1 ص 26 (1) لاحظ المثالين التاليين : $\begin{aligned}\sqrt{80} &= \sqrt{16 \times 5} \\ &= \sqrt{16} \times \sqrt{5} \\ &= 4 \times \sqrt{5} \\ &= 4\sqrt{5}\end{aligned}$ $\begin{aligned}\sqrt{9 \times 3} &= \sqrt{9} \times \sqrt{3} \\ &= 3 \times \sqrt{3} \\ &= 3\sqrt{3}\end{aligned}$ (2) اعتمادا على المثالين السابقين ، أكتب كلا من الأعداد الآتية على شكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عدداً طبيعيين و b أصغر ما يمكن : $\sqrt{32} = \sqrt{16 \times 2} = \sqrt{16} \times \sqrt{2} = 4 \times \sqrt{2} = 4\sqrt{2}$ $\sqrt{48} = \sqrt{16 \times 3} = \sqrt{16} \times \sqrt{3} = 4 \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$ $\sqrt{72} = \sqrt{36 \times 2} = \sqrt{36} \times \sqrt{2} = 6 \times \sqrt{2} = 6\sqrt{2}$ $\sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = \sqrt{25} \times \sqrt{2} = 5 \times \sqrt{2} = 5\sqrt{2}$ $\sqrt{8} = 4 = \sqrt{4} \times \sqrt{2} = 2 \times \sqrt{2} = 2\sqrt{2}$ $\sqrt{63} = \sqrt{9 \times 7} = \sqrt{9} \times \sqrt{7} = 3 \times \sqrt{7} = 3\sqrt{7}$ $\sqrt{175} = \sqrt{25 \times 7} = \sqrt{25} \times \sqrt{7} = 5 \times \sqrt{7} = 5\sqrt{7}$ $\sqrt{40} = \sqrt{4 \times 10} = 2 \times \sqrt{10} = 2\sqrt{10}$ $\sqrt{8} \times \sqrt{18} = \sqrt{8 \times 18} = \sqrt{144} = 12\sqrt{1}$ $2\sqrt{3} \times 5\sqrt{2} = 2 \times 5 \sqrt{3} \times \sqrt{2} = 10\sqrt{3 \times 2} = 10\sqrt{6}$ $7\sqrt{5} \times 2\sqrt{5} = 7 \times 2 \sqrt{5} \times \sqrt{5} = 14 \times 5 = 70\sqrt{1}$ $2\sqrt{3} \times \sqrt{6} = 2\sqrt{18} = 2\sqrt{9 \times 2} = 2 \times 3\sqrt{2} = 6\sqrt{2}$	المنهاج: إن قواعد الحساب المستهدفة هنا هي تلك المتعلقة بجداء و حاصل قسمة جذرين تربيعيين لعددين : ■ من أجل $a \geq 0$ و $b \geq 0$: $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$ ■ من أجل $a \geq 0$ و $b > 0$: $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$ تقترح أنشطة متنوعة لتوظيف هذه القواعد ، مثل : - بسط العبارة $\sqrt{8} - \sqrt{18} + \sqrt{50}$ بعد كتابة كل من حدودها على الشكل $a\sqrt{b}$. - أكتب العبارة $\frac{5}{\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{2}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق . خلال استعمال الجذور التربيعية في بعض الحسابات ، نجعل التلميذ يلاحظ التماثل مع الحساب الحرفي .

• **خاصة** إذا كان a و b عدداً موجبان فإن :

$$\bullet \sqrt{a^2 \times b} = a \times \sqrt{b}$$

أمثلة :

- $\sqrt{500} = \sqrt{100 \times 5} = 10 \times \sqrt{5} = 10\sqrt{5}$
- $\sqrt{60} = \sqrt{4 \times 15} = 2 \times \sqrt{15} = 2\sqrt{15}$

تذكر

$$\bullet \sqrt{a^2} = a$$

$$\bullet (\sqrt{a})^2 = a$$

مثال :

- $\sqrt{5^2} = \sqrt{25} = 5$
- $(\sqrt{3})^2 = \sqrt{3} \times \sqrt{3} = \sqrt{3 \times 3} = \sqrt{9} = 3$

التمرين 16 ص 35

إعادة
الإستثمار

التمرين 17 ص 35

الواجب
المنزلي

ملاحظات	الحلول	التمارين
نبدأ قراءة الأعداد في الكتاب من اليسار إلى اليمين.	<u>المطلوب تبسيط الأعداد التالية أي كتابتها على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عددان طبيعيان و b أصغر ما يمكن :</u> (1) $\sqrt{48} = \sqrt{16 \times 3} = \sqrt{16} \times \sqrt{3} = 4 \times \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$ $\sqrt{60} = \sqrt{4 \times 15} = \sqrt{4} \times \sqrt{15} = 2 \times \sqrt{15} = 2\sqrt{15}$ $\sqrt{54} = \sqrt{9 \times 6} = \sqrt{9} \times \sqrt{6} = 3 \times \sqrt{6} = 3\sqrt{6}$ $\sqrt{28} = \sqrt{4 \times 7} = \sqrt{4} \times \sqrt{7} = 2 \times \sqrt{7} = 2\sqrt{7}$ $\sqrt{96} = \sqrt{16 \times 6} = \sqrt{16} \times \sqrt{6} = 4 \times \sqrt{6} = 4\sqrt{6}$ (2) $\sqrt{1000} = \sqrt{100 \times 10} = \sqrt{100} \times \sqrt{10} = 10\sqrt{10}$ $\sqrt{4300} = \sqrt{100 \times 43} = \sqrt{100} \times \sqrt{43} = 10\sqrt{43}$ $\sqrt{700} = \sqrt{100 \times 7} = \sqrt{100} \times \sqrt{7} = 10\sqrt{7}$ $\sqrt{1800} = \sqrt{900 \times 2} = \sqrt{900} \times \sqrt{2} = 30\sqrt{2}$	التمرين 2 ص 36
	$\sqrt{\frac{36}{16}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{16}} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$ $\sqrt{\frac{7}{25}} = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{25}} = \frac{\sqrt{7}}{5}$ $\sqrt{\frac{5}{49}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{49}} = \frac{\sqrt{5}}{7}$ $\sqrt{\frac{121}{81}} = \frac{\sqrt{121}}{\sqrt{81}} = \frac{11}{9}$ $\sqrt{\frac{72}{16}} = \frac{\sqrt{36 \times 2}}{\sqrt{16}} = \frac{6\sqrt{2}}{4} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$ $\sqrt{\frac{28}{25}} = \frac{\sqrt{4 \times 7}}{\sqrt{25}} = \frac{\sqrt{4} \times \sqrt{7}}{5} = \frac{2\sqrt{7}}{5}$ $\sqrt{\frac{45}{49}} = \frac{\sqrt{9 \times 5}}{\sqrt{49}} = \frac{\sqrt{9} \times \sqrt{5}}{7} = \frac{3\sqrt{5}}{7}$	التمرين 3 ص 36

$$\begin{aligned}
 \bullet \quad a &= 3\sqrt{3} + 4\sqrt{3} + 5\sqrt{3} \\
 &= (3 + 4 + 5)\sqrt{3} \\
 &= 12\sqrt{3}
 \end{aligned}
 \quad
 \bullet \quad b = -6\sqrt{2} - 7\sqrt{2} \\
 &= (-6 - 7)\sqrt{2} \\
 &= [-6 + (-7)]\sqrt{2} \\
 &= -13\sqrt{2}$$

$$\begin{aligned}
 \bullet \quad c &= 9\sqrt{2} - 14\sqrt{7} - 4\sqrt{2} + 21\sqrt{7} \\
 &= 9\sqrt{2} - 4\sqrt{2} - 14\sqrt{7} + 21\sqrt{7} \\
 &= (9 - 4)\sqrt{2} + (-14 + 21)\sqrt{7} \\
 &= 5\sqrt{2} + 7\sqrt{7}
 \end{aligned}$$

المطلوب كتابة العبارات على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عددان طبيعيان و b أصغر ما يمكن :

$$\begin{aligned}
 \bullet \quad A &= \sqrt{20} + 2\sqrt{5} - \sqrt{45} = \sqrt{4 \times 5} + 2\sqrt{5} - \sqrt{9 \times 5} \\
 &= 2\sqrt{5} + 2\sqrt{5} - 3\sqrt{5} = (2 + 2 - 3)\sqrt{5} = \sqrt{5} \\
 \bullet \quad B &= 4\sqrt{2} - \sqrt{8} - \sqrt{18} = 4\sqrt{2} - \sqrt{4 \times 2} - \sqrt{9 \times 2} \\
 &= 4\sqrt{2} - 2\sqrt{2} - 3\sqrt{2} = (4 - 2 - 3)\sqrt{2} = -\sqrt{2} \\
 \bullet \quad C &= \sqrt{28} - \frac{1}{2}\sqrt{63} - \frac{3}{4}\sqrt{7} = \sqrt{4 \times 7} - \frac{1}{2}\sqrt{9 \times 7} - \frac{3}{4}\sqrt{7} \\
 &= 2\sqrt{7} - \frac{3}{2}\sqrt{7} - \frac{3}{4}\sqrt{7} = \left(2 - \frac{3}{2} - \frac{3}{4}\right)\sqrt{7} \\
 &= \left(\frac{8}{4} - \frac{6}{4} - \frac{3}{4}\right)\sqrt{7} = -\frac{1}{4}\sqrt{7} \\
 \bullet \quad D &= \sqrt{\frac{16}{28}} - \sqrt{\frac{112}{49}} - \sqrt{\frac{25}{7}} = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{28}} - \frac{\sqrt{112}}{\sqrt{49}} - \frac{\sqrt{25}}{\sqrt{7}} \\
 &= \frac{4}{2\sqrt{7}} - \frac{4\sqrt{7}}{7} - \frac{5}{\sqrt{7}} = \frac{2}{\sqrt{7}} - \frac{4\sqrt{7}}{7} - \frac{5}{\sqrt{7}} \\
 &= \frac{2 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} - \frac{4\sqrt{7}}{7} - \frac{5 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{2\sqrt{7}}{7} - \frac{4\sqrt{7}}{7} - \frac{5\sqrt{7}}{7} \\
 &= \frac{2\sqrt{7} - 4\sqrt{7} - 5\sqrt{7}}{7} = \frac{7\sqrt{7}}{7} = \sqrt{7} \\
 \bullet \quad E &= (5\sqrt{12} + 8\sqrt{27} + \sqrt{75}) - (2\sqrt{48} + \sqrt{147}) \\
 &= 5\sqrt{12} + 8\sqrt{27} + \sqrt{75} - 2\sqrt{48} - \sqrt{147} \\
 &= 10\sqrt{3} + 24\sqrt{3} + 5\sqrt{3} - 8\sqrt{3} - 7\sqrt{3} = 24\sqrt{3} \\
 \bullet \quad F &= \sqrt{\frac{7}{3}} + 3\sqrt{\frac{28}{27}} - 4\sqrt{\frac{63}{75}} = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}} + 3\frac{\sqrt{28}}{\sqrt{27}} - 4\frac{\sqrt{63}}{\sqrt{75}} \\
 &= \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}} + \cancel{3} \frac{2\sqrt{7}}{\cancel{3}\sqrt{3}} - 4\frac{3\sqrt{7}}{5\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{3}} + \frac{2\sqrt{7}}{\sqrt{3}} - 4\frac{3\sqrt{7}}{5\sqrt{3}} \\
 &= \frac{3\sqrt{7}}{\sqrt{3}} - 12\frac{\sqrt{7}}{5\sqrt{3}} = \frac{15\sqrt{7} - 12\sqrt{7}}{5\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{7}}{5\sqrt{3}} = \frac{1}{5}\sqrt{21}
 \end{aligned}$$

لا نتطرق للعبارات C و D و F ونتركها لوقت آخر؟

ملاحظات	الحلول	التمارين
	1) تبسيط كل من A و B . • $A = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}$ $= 7\sqrt{2} + 4\sqrt{2} - 2\sqrt{2}$ $= (7 + 4 - 2)\sqrt{2} = 9\sqrt{2}$ • $B = \sqrt{162} - \sqrt{72} - \sqrt{18}$ $= 9\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + 3\sqrt{2}$ $= (9 - 6 + 3)\sqrt{2} = 6\sqrt{2}$ 2) تعيين القيمة المضبوطة لكل من الأعداد الآتية : • $\frac{2AB}{A+B} = \frac{2 \times 9\sqrt{2} \times 6\sqrt{2}}{9\sqrt{2} + 6\sqrt{2}} = \frac{2 \times 9 \times 6 \times \sqrt{2} \times \sqrt{2}}{(9+6)\sqrt{2}} = \frac{108 \times 2}{15\sqrt{2}}$ $= \frac{216}{15\sqrt{2}} = \frac{216 \times \sqrt{2}}{15\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{216\sqrt{2}}{30} = \frac{36\sqrt{2}}{5}$ • $\sqrt{A \times B} = \sqrt{2 \times 9\sqrt{2} \times 6\sqrt{2}} = \sqrt{216} = \sqrt{36 \times 6} = 6\sqrt{6}$ • $\frac{A+B}{2} = \frac{9\sqrt{2} + 6\sqrt{2}}{2} = \frac{15\sqrt{2}}{2}$ <u>الطلوب حساب ثم كتابة الناتج على الشكل $a+b\sqrt{c}$:</u> • $(3\sqrt{5} + 4) = 4 + 3\sqrt{5}$ • $\sqrt{2}(\sqrt{2} + 1) = 2 + 1\sqrt{2} = 2 + \sqrt{2}$ • $-5\sqrt{3}(4\sqrt{3} + 2) = -20 \times 3 - 10\sqrt{3} = -60 - 10\sqrt{3}$ • $4\sqrt{7} - (6\sqrt{7} + 2) = 4\sqrt{7} - 6\sqrt{7} - 2 = -2\sqrt{7} - 2 = -2 - 2\sqrt{7}$ • $(6\sqrt{3} - 2) - \sqrt{3}(2 + 6\sqrt{3}) = 6\sqrt{3} - 2 - 2\sqrt{3} - 18 = -20 - 4\sqrt{3}$ • $(\sqrt{7} - \sqrt{2})(\sqrt{7} + \sqrt{2}) = 7 + \cancel{\sqrt{14}} - \cancel{\sqrt{14}} - 2 = 5 + 0\sqrt{14} = 5$ • $(3\sqrt{3} - 2\sqrt{2})(3\sqrt{3} + 2\sqrt{2}) = 27 + \cancel{6\sqrt{6}} - \cancel{6\sqrt{6}} - 8 = 19 + 0\sqrt{6} = 19$ 1) <u>محيط المستطيل $EGHJ$: $18\sqrt{2}cm$</u> $P = \left(\sqrt{72} + \frac{\sqrt{72}}{2} \right) \times 2 = \left(\frac{2\sqrt{72} + \sqrt{72}}{2} \right) \times 2 = 2\sqrt{72} + \sqrt{72} = (2+1)\sqrt{72}$ $= 3\sqrt{72} = 3\sqrt{36 \times 2} = 18\sqrt{2}$ 2) <u>حساب مساحة المثلث EMJ : $9cm^2$</u> $A = \frac{\frac{\sqrt{72}}{2} \times \frac{\sqrt{72}}{2}}{2} = \frac{\frac{72}{4}}{2} = \frac{18}{2} = 9$	التمرين 5 ص 36 التمرين 21 ص 35 التمرين 15 ص 37

مساحة هذا المستطيل $\sqrt{3}cm^2$:

$$S = (\sqrt{3} + 2) \times (2\sqrt{3} - 3) = \cancel{6} - 3\sqrt{3} + 4\sqrt{3} \cancel{- 6} = \sqrt{3}$$

نغير في معطيات هذا التمرين .

المستطيل يصبح بعده

و $(\sqrt{3} + 2)$

. $(2\sqrt{3} - 3)$

التمارين

التمرين 5 ص 180

حساب : EF • لدينا في المعطيات، المثلث EFG قائم في E يعني :

$$\tan 23^\circ = \frac{EG}{EF} \text{ بالتعويض } 0.42447... = \frac{6.7}{EF}$$

$$\text{أي } EF = \frac{6.7}{0.42447...} \text{ ومنه } EF = 15.7 \text{ cm}$$

التمرين 4 ص 180

حساب : BC • لدينا في المعطيات، المثلث ABC قائم في A يعني :

$$\sin 55^\circ = \frac{AC}{BC} \text{ بالتعويض } 0.81911... = \frac{7.4}{BC}$$

$$\text{أي } BC = \frac{7.4}{0.81911...} \text{ ومنه } BC \approx 9 \text{ cm}$$

التمرين 3 ص 180

حساب قياس الزاوية $\hat{F}$ • لدينا EFG : مثلث قائم في E يعني :

$$\cos \hat{F} = \frac{EF}{GF} \text{ بالتعويض } \cos \hat{F} = \frac{2.4}{5.2}$$

ومنه $\cos \hat{F} = 0.4615...$ ثم باستعمال الحاسبة مع التدوير

$$\text{نجد } \hat{A} \approx 62^\circ$$

التمرين 2 ص 180

حساب قياس الزاوية $\hat{S}$ وقياس الزاوية $\hat{T}$ • لدينا RST : مثلث قائم في R يعني :

$$\sin \hat{T} = \frac{RS}{ST} \text{ بالتعويض } \sin \hat{T} = \frac{10}{16}$$

ومنه $\sin \hat{T} = 0.625$ ثم باستعمال الحاسبة مع التدوير

$$\text{نجد } \hat{T} \approx 38^\circ \text{ و } \hat{S} = 180^\circ - 90^\circ - 38^\circ = 52^\circ$$

يمكن أن نحسب
قياس الزاوية $\hat{T}$
باستعمال $\sin \hat{T}$
أولا .

التمرين 6 ص 179

حساب : BC • لدينا ABC : مثلث قائم في C يعني :

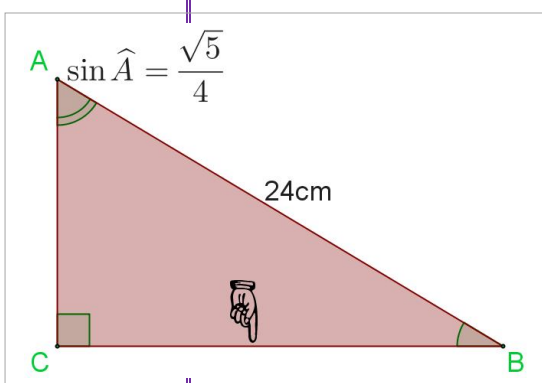
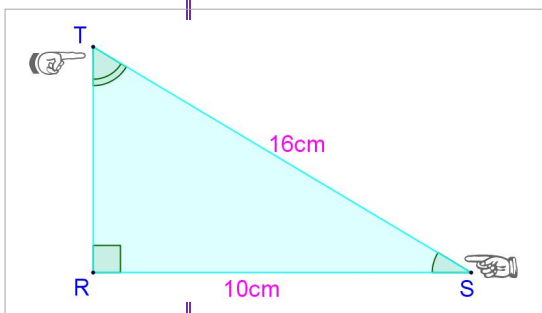
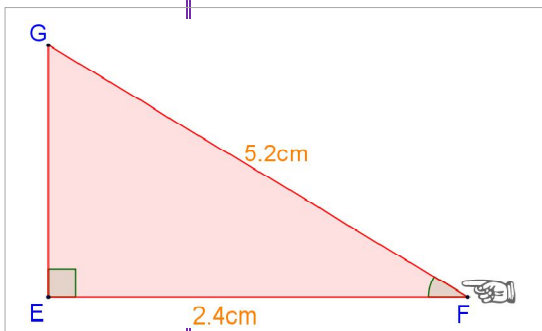
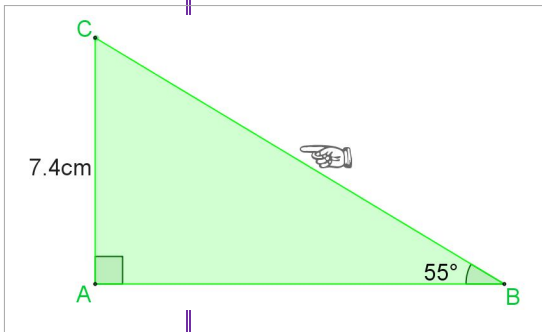
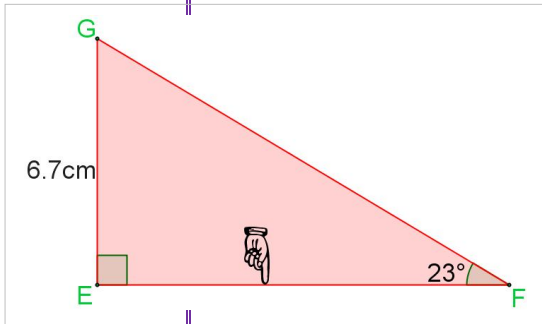
$$\sin \hat{A} = \frac{BC}{AB} \text{ بالتعويض } \frac{\sqrt{5}}{4} = \frac{BC}{24}$$

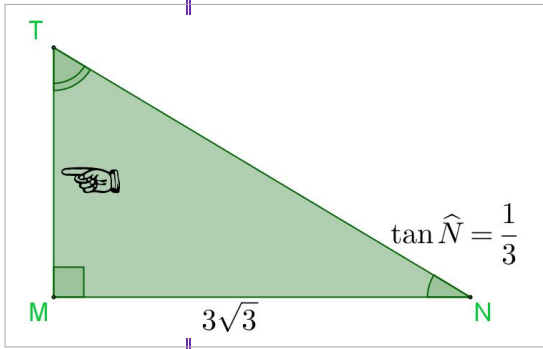
$$\text{ومنه } BC = \frac{24\sqrt{5}}{4} \text{ ومنه } BC = 6\sqrt{5} \text{ cm}$$

حساب : MT

ملاحظات

الحل





• لدينا ABC : مثلث قائم في C يعني :

$$\tan \hat{N} = \frac{MT}{MN} \quad \text{بالتعويض} \quad \frac{1}{3} = \frac{MT}{3\sqrt{3}}$$

$$\text{ومنه} \quad MT = \frac{3\sqrt{3}}{3} \quad \text{ومنه} \quad \boxed{MT \approx \sqrt{3}}$$

حساب الأطوال MN, HN, AN, AH, MH .:

1. حساب MH .

لدينا AHM : مثلث قائم في H يعني :

$$\cos 65^\circ = \frac{MH}{MA} \quad \text{بالتعويض} \quad 0.24... = \frac{MH}{5}$$

$$\text{ومنه} \quad MH = 0.24... \times 5 \quad \text{ومنه} \quad \boxed{MH \approx 2.1cm}$$

2. حساب AH .

لدينا AHM : مثلث قائم في H يعني $\sin 65^\circ = \frac{AH}{MA}$ بالتعويض $0.9... = \frac{AH}{5}$:

$$\text{ومنه} \quad AH = 0.9... \times 5 \quad \text{ومنه} \quad \boxed{AH \approx 4.5cm}$$

3. حساب AN .

لدينا AHN : مثلث قائم في H يعني $\sin 20^\circ = \frac{AH}{AN}$ بالتعويض $0.34... = \frac{4.5}{AN}$:

$$\text{ومنه} \quad AN = \frac{4.5}{0.34} \quad \text{ومنه} \quad \boxed{AN \approx 13.2cm}$$

4. حساب HN .

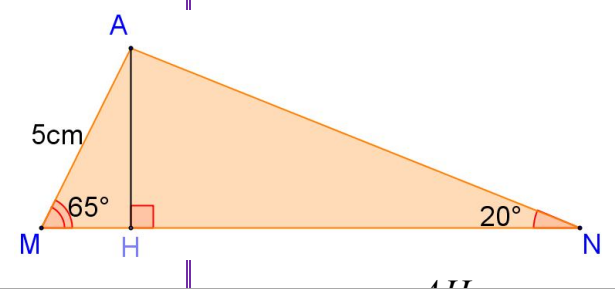
لدينا AHN : مثلث قائم في H يعني $\tan 20^\circ = \frac{AH}{HN}$ بالتعويض $0.36... = \frac{4.5}{HN}$:

$$\text{ومنه} \quad HN = \frac{4.5}{0.36} \quad \text{ومنه} \quad \boxed{HN \approx 12.5cm}$$

5. حساب MN .

لدينا $MN = MH + HN$ بالتعويض $MN = 2.1 + 12.5$ ومنه $\boxed{MN \approx 14.6cm}$.

تنبيه التلاميذ لحساب
الأطوال بداية من اليسار
إلى اليمين .



يمكن استعمال
نظرية فيثاغورس
لحساب AH .

يمكن استعمال
نظرية فيثاغورس
لحساب HN .

إنتبه :
لا يمكن استعمال
نظرية فيثاغورس
لحساب MN .

أولا : يمكن تسمية بعض النقاط على الشكل .

ثانيا : نحسب طول الجزء AB ، باعتبار نمو الشجرة عمودي

على مستوى سطح الأرض يكون :

المثلث ABC قائم في B .

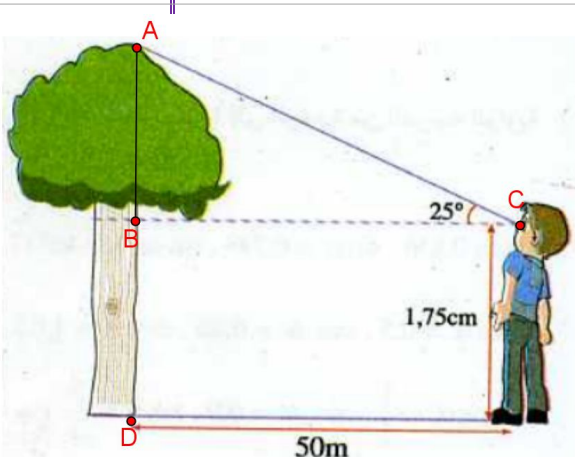
$$\tan 25^\circ = \frac{AB}{50} \quad \text{بالتعويض} \quad 0.46... = \frac{AB}{50}$$

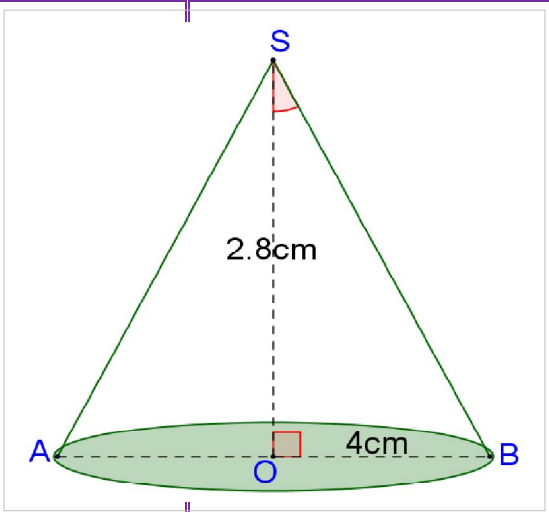
$$\text{ومنه} \quad AB \approx 0.46... \times 50 \quad \text{ومنه} \quad AB \approx 23.3m$$

فيكون طول الشجرة $AD \approx 23.3m + 1.75m$:

$$\text{ومنه} \quad \boxed{AD \approx 20m}$$

يجب تصحيح بعد
الشخص عن
الشجرة



ملاحظات	الحلول	التمارين
	1) حساب : $\widehat{SOB}$ بالتدوير إلى الوحدة . لدينا : المثلث SOB قائم في O . (تعريف إرتفاع المخروط) يعني : $\tan \widehat{SOB} = \frac{OB}{OS}$ بالتعويض $\tan \widehat{SOB} = \frac{4}{2.8}$ $\widehat{SOB} = 1.428....$ أي $\widehat{SOB} \approx 55^\circ$ نجد باستعمال الحاسبة و التدوير ، 2) حساب حجم المخروط بالتدوير إلى الوحدة : $V = \frac{1}{3} \times B \times h$ يعطى حجم مخروط ب h إرتفاعه . حيث B مساحة قاعدته و h إرتفاعه . إذن :	التمرين 24 ص 182
	$V = \frac{1}{3} \times \pi r^2 \times h$ $V = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 4^2 \times 2.8$ $V = \frac{3.14 \times 16 \times 2.8}{3}$ $V \approx 47 \text{ cm}^3$	التمرين ص 180

ملاحظات	الحل	التمارين
ننبه التلاميذ لتصحيح الخطأ الموجود في بعض الكتب.	1) جعل مقامي الكسرين a و b عددين ناطقين : $a = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{2}}{\sqrt{7}} = \frac{(\sqrt{7} + \sqrt{2}) \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{7 + \sqrt{14}}{7}$ $b = \frac{\sqrt{7} - \sqrt{2}}{\sqrt{7}} = \frac{(\sqrt{7} - \sqrt{2}) \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{7 - \sqrt{14}}{7}$ 2) التحقق أن العددين $a + b$ و $a \times b$ عددان ناطقان : $a + b = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{2}}{\sqrt{7}} + \frac{\sqrt{7} - \sqrt{2}}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{2} + \sqrt{7} - \sqrt{2}}{\sqrt{7}} = \frac{2\sqrt{7}}{\sqrt{7}} = 2$ $a \times b = \frac{(\sqrt{7} + \sqrt{2})(\sqrt{7} - \sqrt{2})}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{7 - 2}{7} = \frac{5}{7}$	التمرين 24 ص 38
	1) جعل مقامي الكسرين a و b عددين ناطقين : $x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{5} - \sqrt{2}) \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{10} - 2}{2}$ $y = \frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{5}}{2\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{10}}{10}$ 3) حساب العدد z حيث $z = x - y$ ثم إعطاء القيمة المقربة للعدد z بالتقريب إلى 10^{-2} بالنقصان : $z = x - y = \frac{\sqrt{10} - 2}{2} - \frac{\sqrt{10}}{10} = \frac{2 \times (\sqrt{10} - 2)}{2 \times 2} - \frac{\sqrt{10}}{10}$ $= \frac{5\sqrt{10} - 10}{10} - \frac{\sqrt{10}}{10} = \frac{4\sqrt{10} - 10}{10} = 0.26$	التمرين 25 ص 38 التمرين 15 ص 37

.

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يتذكر نشر وتبسيط عبارة من الشكل $(a+b)(c+d)$.	■ أنشر ثم بسط العبارة الآتية : $(a+b)(c+d)$: $(a+b)(c+d) = ac + ad + bc + bd$ النشاط 1 ص 43 1) نعلم أن $7^2 = 7 \times 7$. إذا كتبنا 7 على شكل مجموع عددين ، مثلاً $7 = 3 + 4$ فتصبح الكتابة السابقة $(3+4)(3+4) = (3+4)^2$ نقول إننا كتبنا 7^2 على شكل مربع مجموع . بالاعتماد على المثال ، كتابة الجداءات - إن أمكن - على شكل مربع مجموع : $\left(\frac{x}{2} + \frac{1}{2}\right)\left(\frac{x}{2} + \frac{1}{2}\right) = \left(\frac{x}{2} + \frac{1}{2}\right)^2$ $(x+2)(x+2) = (x+2)^2$ $(7x+2)(7x+2) = (7x+2)^2$ بقية الجداءات لا يمكن كتابتها على شكل مربع مجموع . 2) أنشر ، ثم بسط الجداءين التاليين : $(3x+5)^2 = (3x+5)(3x+5)$ $= 9x^2 + 15x + 15x + 25$ $= 9x^2 + 30x + 25$ $(\sqrt{2} + \sqrt{5})^2 = (\sqrt{2} + \sqrt{5})(\sqrt{2} + \sqrt{5})$ $= 2 + \sqrt{10} + \sqrt{10} + 5$ $= 7 + 2\sqrt{10}$ 3) إكمال المساواة : $(a+b)^2 = (a+b)(a+b) = a^2 + ab + ab + b^2 = a^2 + b^2 + 2ab$ 5) إكمال النص : مربع مجموع حدين يساوي مربع الأول زائد مربع الثاني وضعف جدائهما . باستعمال القاعدة أعلاه ، نبسط العبارات : $(3x+1)^2 = 9x^2 + 1 + 6x$ $(5\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 = 75 + 2 + 10\sqrt{15}$ 6) احسب بشرح طريقة الحساب : $101^2 = (100+1)^2 = 100^2 + 1^2 + 2 \times 100 \times 1 = 10000 + 1 + 200 = 10201$ $31^2 = (30+1)^2 = 30^2 + 1^2 + 2 \times 30 \times 1 = 900 + 1 + 60 = 961$ $10.5^2 = (10+0.5)^2 = 10^2 + 0.5^2 + 2 \times 10 \times 0.5 = 100 + 0.25 + 10 = 110.25$	المنهاج : تستنتج المتطابقات الشهيرة من توزيع الضرب على الجمع المدروس في السنة الثالثة كما يمكن الاستعانة بالمساحات . مثال حساب مساحة مربع طول ضلعه يساوي $a+b$ بطريقتين مختلفتين . إن توظيف المتطابقات الشهيرة في الحساب المتمم فيه وفي النشر والتحليل لا يخلو من الصعوبات عندما يتعلق الأمر بالتعرف على شكل العبارة الجبرية وربطها بإحدى هذه المتطابقات ، لدى فمن الضروري أن نأخذ ذلك بعين الاعتبار و نجعل التلميذ يتدرب و يتذكر المتطابقات الشهيرة و العمل على وضعيات متنوعة ، مثل $101^2 - 99^2$ ، $4x^2 - 1$ ، $\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2$ ، $x^2 - 6x + 9$ ، ، كما نقترح على التلميذ عبارات للتحليل ، مثل $x(x+2) + (x+2)(x-3)$ ، دون التطرق إلى عبارات معقدة من الشكل : $(x-1)^2 + (1-x)(x+2)$

• a و b عدنان حقيقيان ، تسمى المساواة :

$$(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$

المتطابقة الشهيرة الأولى .

أمثلة :

أنشرثم بسط العبارة :

$$(4 + \sqrt{3})^2 = 16 + 3 + 8\sqrt{3}$$

$$(x + 6)^2 = x^2 + 36 + 12x$$

إعادة

الإستثمار

انشرثم بسط ما يلي :

$$(4x + 3)^2$$

$$(1 + \sqrt{3})^2$$

التمرين

الواجب

المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	-	مراجعة المتطابقة الأولى .	المنهاج: تستنتج المتطابقات الشهيرة من توزيع الضرب على الجمع المدروس في السنة الثالثة كما يمكن الاستعانة بالمساحات . مثال حساب مساحة مربع طول ضلعه يساوي $a+b$ بطريقتين مختلفتين . إن توظيف المتطابقات الشهيرة في الحساب المتمعن فيه وفي النشر والتحليل لا يخلو من الصعوبات عندما يتعلق الأمر بالتعرف على شكل العبارة الجبرية و ربطها بإحدى هذه المتطابقات ، لدى فمن الضروري أن نأخذ ذلك بعين الاعتبار و نجعل التلميذ يتدرب و يتذكر المتطابقات الشهيرة و العمل على وضعيات متنوعة ، مثل $101^2 - 99^2$ ، $4x^2 - 1$ ، $\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2$ ، $x^2 - 6x + 9$ ، كما نقترح على التلميذ عبارات للتحليل ، مثل $x(x+2) + (x+2)(x-3)$ ، دون التطرق إلى عبارات معقدة من الشكل : $(x-1)^2 + (1-x)(x+2)$
الأنشطة		النشاط 2 ص 44 1) اكتب الجداءات التالية إن أمكن على شكل مربع فرق : $(4x - 1)(4x - 1) = (4x - 1)^2$ بقية الجداءات لا يمكن كتابتها على شكل مربع فرق. 2) أنشر، ثم بسط الجداءين التاليين : $(6x - 7)^2 = (6x - 7)(6x - 7)$ $= 36x^2 - 42x - 42x + 49$ $= 36x^2 - 84x + 49$ $(3\sqrt{3} - \sqrt{5})^2 = (3\sqrt{3} - \sqrt{5})(3\sqrt{3} - \sqrt{5})$ $= 27 - 3\sqrt{15} - 3\sqrt{15} + 5$ $= 32 - 6\sqrt{15}$ 3) إكمال المساواة : $(a - b)^2 = (a - b)(a - b) = a^2 - ab - ab + b^2 = a^2 + b^2 - 2ab$ 7) إكمال النص : مربع فرق حدين يساوي مربع الأول زائد مربع الثاني ناقص ضعف جدائهما . باستعمال القاعدة أعلاه ، نبسط العبارات : $(3x - 1)^2 = 9x^2 + 1 - 6x$ $(5\sqrt{3} - \sqrt{2})^2 = 75 + 2 - 10\sqrt{15}$ 8) احسب بشرح طريقة الحساب : $99^2 = (100 - 1)^2 = 100^2 + 1^2 - 2 \times 100 \times 1 = 10000 + 1 - 200 = 9801$ $998^2 = (1000 - 2)^2 = 1000^2 + 2^2 - 2 \times 1000 \times 2$ $= 1000000 + 4 - 4000 = 996004$ $45^2 = (50 - 5)^2 = 50^2 + 5^2 - 2 \times 50 \times 5 = 2500 + 25 - 500 = 2025$	

• a و b عددان حقيقيان ، تسمى المساواة :

$$(a + b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$$

المتطابقة الشهيرة الثانية .

أمثلة :

أنشرثم بسط العبارة :

$$(4 - \sqrt{3})^2 = 16 + 3 - 8\sqrt{3}$$

$$(x - 6)^2 = x^2 + 36 - 12x$$

إعادة

الإستثمار

انشرثم بسط ما يلي :

$$(4x - 3)^2$$

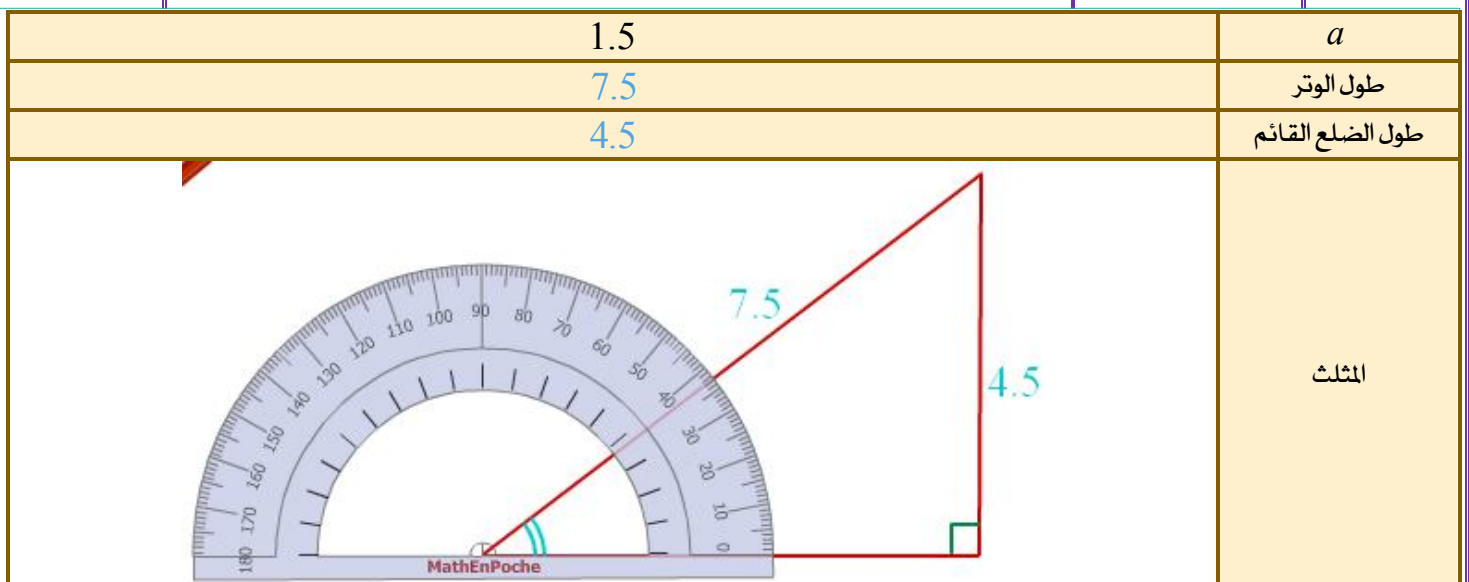
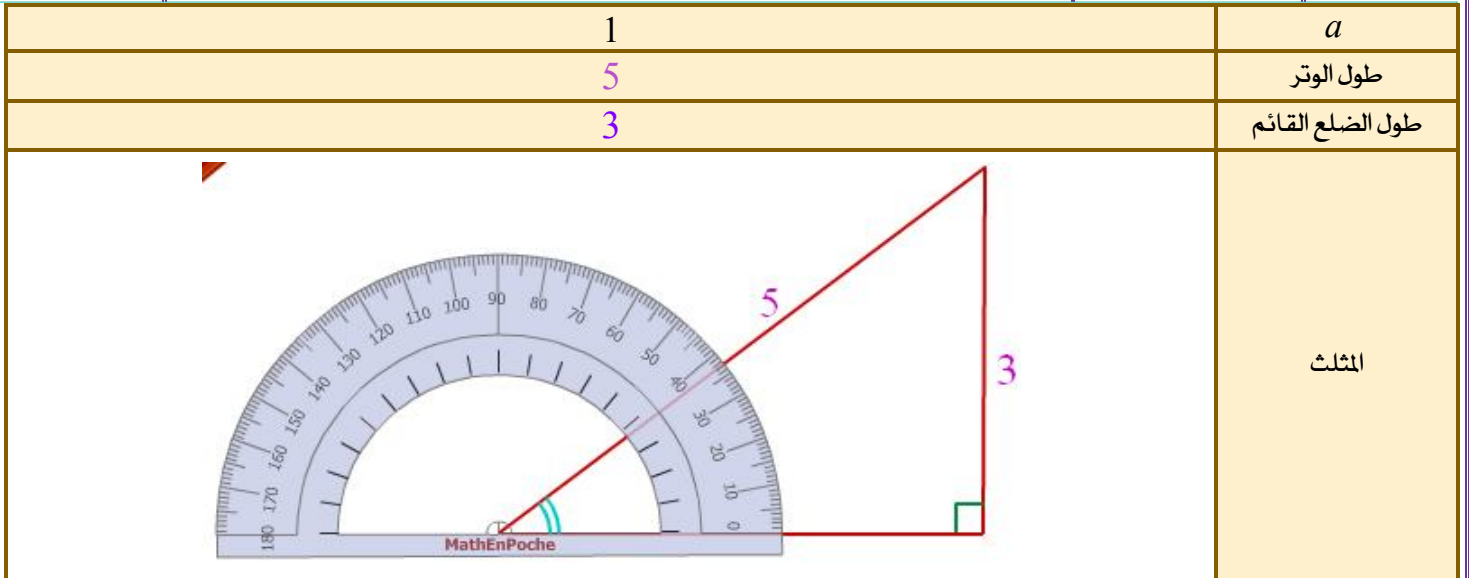
$$(1 - \sqrt{3})^2$$

الواجب

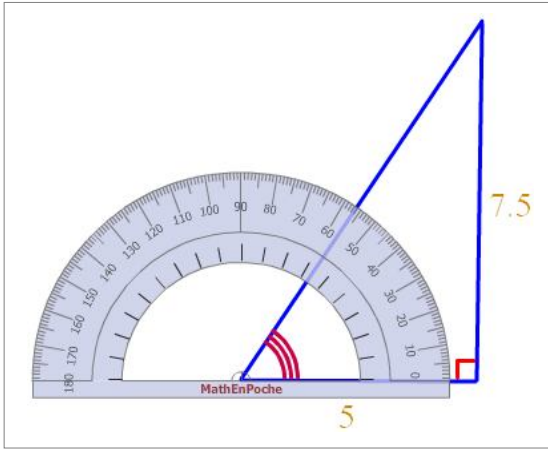
المنزلي

التمرين

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر طريقة إنشاء مثلث قائم بمعرفة طول أحد ضلعيه القائمين و طول وتره .	■ انشئ مثلث ABC قائم في A حيث $AB = 3cm$ و $BC = 5cm$.	المنهاج: مثال : أنشئ زاوية قياسها α حيث $\sin \alpha = 0.6$ نلاحظ أن : $\sin \alpha = 0.6 = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$ ننشئ عندئذ ، مثلثا قائما وتره $5a$ و طول أحد ضلعيه القائمين هو $3a$ (a طول مختار).
الأنشطة		النشاط 5 ص 171 و 172 1 قياس زاوية حيث $\sin \alpha = 0.6$ • لاحظ أن $\sin \alpha = 0.6 = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$ - باستعمال الحاسبة : لدينا : $\sin \alpha = 0.6$ يعني $\alpha \approx 37^\circ$ - إنشاء مثلث قائم وتره $5a$ و طول أحد ضلعي الزاوية القائمة هو $3a$ (a طول معلوم)	شرح : a طول معطى



- بالمنقلة نجد أن في كل شكل $\alpha = 37^\circ$. يمكن استعمال هذه الطريقة لتحديد قياس زاوية بمعرفة إحدى نسبها المثلثية)



■ β قياس زاوية حيث $\tan \beta = 1.5$:

لدينا $\tan \beta = 1.5 = \frac{15}{10} = \frac{7.5}{5}$:

ننشئ مثلث قائم طول ضلعيه القائمين هو 7.5 و 5.

- بالمنقلة نجد أن في كل شكل $\alpha = 36^\circ$.

معارف

يمكن أن نستعمل

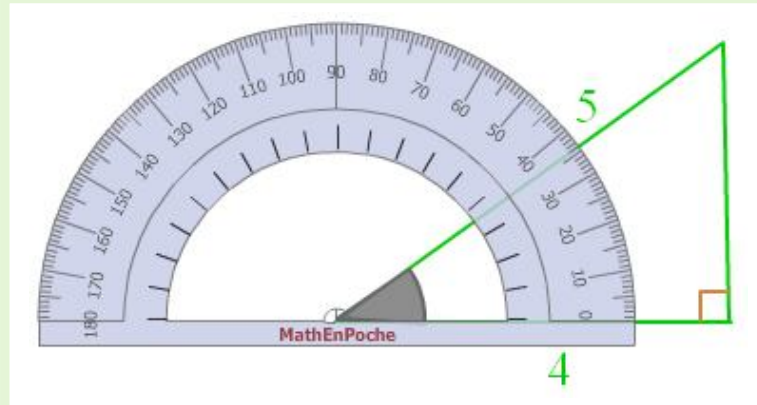
$\sin \alpha = 0.5$

كمثال .

■ مثلاً : لإنشاء زاوية قياسها α حيث $\cos \alpha = 0.8$:

نكتب $\cos \alpha = 0.8 = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$:

ننشئ مثلث قائم طول أحد ضلعيه القائمين هو 4 ووتره 5 .



- بالمنقلة نجد أن في كل شكل $\alpha = 36^\circ$.

تمرين : أنشئ الزاوية التي قياسها β حيث $\tan \beta = 2$.

إعادة
الإستثمار

الواجب
المنزلي

التمرين 11 و 12 ص 179

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر .	مراجعة المتطابقة الأولى والثانية .	المنهاج: تستنتج المتطابقات الشهيرة من توزيع الضرب على الجمع المدروس في السنة الثالثة كما يمكن الاستعانة بالمساحات . مثال حساب مساحة مربع طول ضلعه يساوي $a+b$ بطريقتين مختلفتين . إن توظيف المتطابقات الشهيرة في الحساب المتمعن فيه وفي النشر والتحليل لا يخلو من الصعوبات عندما يتعلق الأمر بالتعرف على شكل العبارة الجبرية وربطها بإحدى هذه المتطابقات ، لذا فمن الضروري أن نأخذ ذلك بعين الاعتبار ونجعل التلميذ يتدرب و يتذكر المتطابقات الشهيرة والعمل على وضعيات متنوعة ، مثل $101^2 - 99^2$ ، $4x^2 - 1$ ، $\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2$ ، $x^2 - 6x + 9$ ، كما نقترح على التلميذ عبارات للتحليل ، مثل $x(x+2) + (x+2)(x-3)$ ، دون التطرق إلى عبارات معقدة من الشكل : $(x-1)^2 + (1-x)(x+2)$
الأنشطة		النشاط 3 ص 45 1 من بين الجداءات التالية ، نعين تلك التي تمثل جداء مجموع حدين و فرقهما : $(3\sqrt{2} - 5)(3\sqrt{2} + 5)$ $(1.2x + 0.2)(1.2x - 0.2)$ $(-\sqrt{6} + 5\sqrt{2})(5\sqrt{2} + \sqrt{6})$ الجداء المتبقي لا يمثل جداء مجموع حدين و فرقهما . 2 أنشر ، ثم بسط الجداءين التاليين : $(3x - 1)(3x + 1) = 9x^2 + 3x - 3x - 1 = 9x^2 - 1$ $(2\sqrt{2} - 3)(2\sqrt{2} + 3) = 8 + 6\sqrt{2} - 6\sqrt{2} - 9 = -1$ 3 إكمال المساواة : $(a - b)(a + b) = a^2 - ab - ab - b^2 = a^2 - b^2$ 9 إكمال النص : جداء مجموع حدين و فرقهما يساوي فرق مربعيهما . باستعمال القاعدة أعلاه ، نبسط العبارات : $(2x + 4)(2x - 4) = 4x^2 - 16$ $\left(x - \frac{1}{3}\right)\left(x + \frac{1}{3}\right) = x^2 - \frac{1}{9}$ 10 احسب بشرح طريقة الحساب : $101 \times 99 = (100 + 1)(100 - 1) = 100^2 - 1^2 = 10000 - 1 = 9999$ $1002 \times 998 = (1000 + 2)(1000 - 2) = 1000^2 - 2^2 = 1000000 - 4 = 999996$	

• a و b عددان حقيقيان، تسمى المساواة :

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

المتطابقة الشهيرة الثالثة .

أمثلة :

أنشرثم بسط العبارة :

$$(4 + \sqrt{3})(4 - \sqrt{3}) = 16 - 3 = 13$$

$$(x + 6)(x - 6) = x^2 - 36$$

إعادة

الإستثمار

أنشرثم بسط ما يلي :

$$(4x - 3)(4x + 3)$$

$$(1 - \sqrt{3})(1 + \sqrt{3})$$

التمرين

الواجب

المنزلي

ملاحظات	الحل	التمارين
المنهاج: تستنتج المتطابقات الشهيرة من توزيع الضرب على الجمع المدروس في السنة الثالثة كما يمكن الاستعانة بالمساحات . مثال حساب مساحة مربع طول ضلعه يساوي $a+b$ بطريقتين مختلفتين . إن توظيف المتطابقات الشهيرة في الحساب المتعمق فيه وفي النشر والتحليل لا يخلو من الصعوبات عندما يتعلق الأمر بالتعرف على شكل العبارة الجبرية وربطها بإحدى هذه المتطابقات ، لذي فمن الضروري أن نأخذ ذلك بعين الاعتبار ونجعل التلميذ يتدرب و يتذكر المتطابقات الشهيرة والعمل على وضعيات متنوعة ، مثل $101^2 - 99^2$ ، $4x^2 - 1$ ، $\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2$ ، $x^2 - 6x + 9$ ،، كما نقترح على التلميذ عبارات للتحليل ، مثل $x(x+2) + (x+2)(x-3)$ ، دون التطرق إلى عبارات معقدة من الشكل : $(x-1)^2 + (1-x)(x+2)$	المطلوب نشر ثم تبسيط العبارات : $(1 - \sqrt{3})^2 = 1 + 3 - 3\sqrt{3} = 4 + 2\sqrt{3}$ $(3\sqrt{2} - 2\sqrt{5})^2 = 18 + 20 - 12\sqrt{10} = 38 - 12\sqrt{10}$ $(5 + 2\sqrt{6})^2 = 25 + 24 + 20\sqrt{6} = 49 + 20\sqrt{6}$ $(3\sqrt{7} + 4\sqrt{2})^2 = 63 + 32 + 24\sqrt{14} = 95 + 24\sqrt{14}$ $(3\sqrt{2} - \sqrt{3})(3\sqrt{2} + \sqrt{3}) = 18 - 3 = 15$ $(\sqrt{5} - \sqrt{2})(\sqrt{5} + \sqrt{2}) = 5 - 2 = 3$ المطلوب نشر ثم تبسيط العبارات : $A = 2(3x - 4)^2 = 2(9x^2 + 16 - 24x) = 18x^2 + 32 - 48x$ $B = -10(2x - 9)(2x + 9) = -10(4x^2 - 81) = -40x^2 + 810$ $C = -(x + 7)^2 = -(x^2 + 49 + 14x) = -x^2 - 49 - 14x$ $D = (x + 3)^2 + (2x - 7)^2 = x^2 + 9 + 6x + 4x^2 + 49 - 28x = 5x^2 - 22x + 58$ $E = 3(4x - 5) + 8(3 + 2x) = 12x - 15 + 24 + 16x = 28x + 9$ المطلوب نشر ثم تبسيط العبارات : (1) $(2x - 1)^2 + (2x + 1)(2x - 1) = 4x^2 - 4x + 4x^2 - 1 = 8x^2 - 4x$ (3) $(x + 6)^2 - 2(2x - 1) = x^2 + 36 + 12x - 4x + 2 = x^2 + 8x + 38$ (4) $(3x + 4)(4 - 3x) + (2x + 1)(x - 2) = (4 + 3x)(4 - 3x) + (2x + 1)(x - 2) = 16 - 9x^2 + 2x^2 - 4x + x - 2 = -7x^2 - 3x + 14$	التمرين 4 ص 55 التمرين 12 ص 55 التمرين 16 ص 56

$$(3x - 1)^2 - (3x + 1)^2 + (3x + 1)(3x - 1) \quad (5)$$

$$= 9x^2 + 1 - 6x - (9x^2 + 1 + 6x) + 9x^2 - 1$$

$$= 9x^2 \cancel{-1} - 6x \cancel{-9x^2} \cancel{-1} - 6x \cancel{+9x^2} - 1$$

$$= 9x^2 - 12x - 1$$

$$(5x + 2)^2 + (5x + 2)(x - 1) \quad (8)$$

$$= 25x^2 + 4 + 20x + 5x^2 - 5x + 2x - 2$$

$$= 30x^2 + 17x - 2$$

تمرين

بين صحة المساواة التالية $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 - (\sqrt{3} - \sqrt{2})^2 = \sqrt{96}$

الحل :

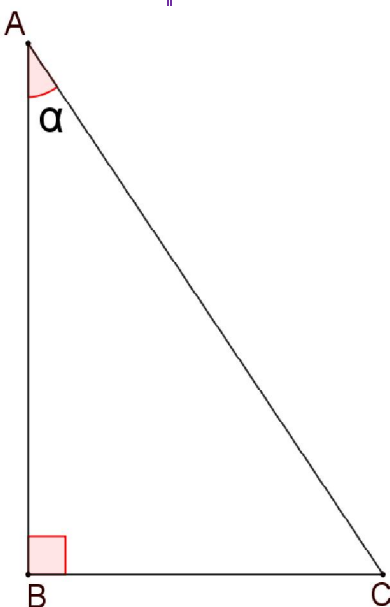
$$(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 - (\sqrt{3} - \sqrt{2})^2 = 3 + 2 + 2\sqrt{6} - (3 + 2 - 2\sqrt{6})$$

$$= \cancel{3} \cancel{+2} + 2\sqrt{6} \cancel{-3} \cancel{-2} + 2\sqrt{6}$$

$$= 4\sqrt{6}$$

$$\sqrt{96} = \sqrt{16 \times 6} = 4\sqrt{6}$$

ومنه المساواة صحيحة.

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																				
تهيئة	- يتذكر	النشاط 6 ص 172 1. مال الجدول باستعمال الحاسبة و التقريب إلى 0.001 بالنقصان : <table border="1"> <thead> <tr> <th>α</th> <th>30°</th> <th>45°</th> <th>50°</th> <th>60°</th> <th>68°</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>$\sin \alpha$</td> <td>0.5</td> <td>0.707</td> <td>0.766</td> <td>0.866</td> <td>0.927</td> </tr> <tr> <td>$\cos \alpha$</td> <td>0.866</td> <td>0.707</td> <td>0.642</td> <td>0.5</td> <td>0.374</td> </tr> <tr> <td>$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$</td> <td>0.577</td> <td>1</td> <td>1.193</td> <td>1.732</td> <td>2.478</td> </tr> <tr> <td>$\tan \alpha$</td> <td>0.577</td> <td>1</td> <td>1.191</td> <td>1.732</td> <td>2.475</td> </tr> <tr> <td>$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha$</td> <td>0.999</td> <td>0.999</td> <td>0.998</td> <td>0.999</td> <td>0.999</td> </tr> </tbody> </table> نلاحظ أن $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ و $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$. 2. نظ الشكل المقابل و اتمم ما يلي : $\tan \alpha = \frac{AC}{AB}$; $\cos \alpha = \frac{AB}{BC}$; $\sin \alpha = \frac{AC}{BC}$ بين أن $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ و $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$. $\tan \alpha = \frac{AC}{AB} = \frac{AC/BC}{AB/BC} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = \left(\frac{AC}{BC}\right)^2 + \left(\frac{AB}{BC}\right)^2 = \frac{AC^2}{BC^2} + \frac{AB^2}{BC^2} = \frac{AC^2 + AB^2}{BC^2} = \frac{BC^2}{BC^2} = 1$ 3. مثلث قائم في B : $\sin \hat{A} = \frac{2}{3}$ لدينا حساب $\cos \hat{A}$: لدينا $\sin^2 \hat{A} + \cos^2 \hat{A} = 1$ بالتعويض : $\left(\frac{2}{3}\right)^2 + \cos^2 \hat{A} = 1$ $\cos^2 \hat{A} = 1 - \left(\frac{2}{3}\right)^2 = 1 - \frac{4}{9} = \frac{5}{9}$ $\cos \hat{A} = \sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$ حساب $\tan \hat{A}$: لدينا $\tan \hat{A} = \frac{\sin \hat{A}}{\cos \hat{A}}$ بالتعويض : $\tan \hat{A} = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{\sqrt{5}}{3}} = \frac{2}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$	α	30°	45°	50°	60°	68°	$\sin \alpha$	0.5	0.707	0.766	0.866	0.927	$\cos \alpha$	0.866	0.707	0.642	0.5	0.374	$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$	0.577	1	1.193	1.732	2.478	$\tan \alpha$	0.577	1	1.191	1.732	2.475	$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha$	0.999	0.999	0.998	0.999	0.999	المنهاج: يشكل ذلك مناسبة يعمل فيها التلميذ بخطة علمية (تجريب ، ملاحظة ، تخمين ، برهان) مثال : عين باستعمال الحاسبة و التقريب إلى 0.01 ، كلا من $\sin \alpha$ و $\cos \alpha$ ثم $\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ ثم $\tan \alpha$ من أجل $\alpha = 30^\circ$ ثم $\alpha = 68^\circ$. قارن في كل حالة بين $\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ و $\tan \alpha$. يبرهن على هاتين العلاقتين بالعودة إلى تعاريف النسب المثلثية و نظرية فيثاغورس . في هذا الميدان ، نستعمل الدرجة كوحدة قياس الزوايا . 
α	30°	45°	50°	60°	68°																																		
$\sin \alpha$	0.5	0.707	0.766	0.866	0.927																																		
$\cos \alpha$	0.866	0.707	0.642	0.5	0.374																																		
$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$	0.577	1	1.193	1.732	2.478																																		
$\tan \alpha$	0.577	1	1.191	1.732	2.475																																		
$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha$	0.999	0.999	0.998	0.999	0.999																																		

■ في مثلث قائم، مهما يكن العدد x قياس زاوية حادة، فإن :

$$* \quad \tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

و

$$* \quad \sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

مثال $\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$ و $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

ومنه $\tan 30^\circ = \frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{\cancel{2}} \times \frac{\cancel{2}}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

يمكن أن نتحقق من $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = 1$:

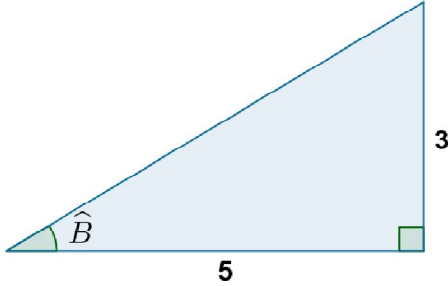
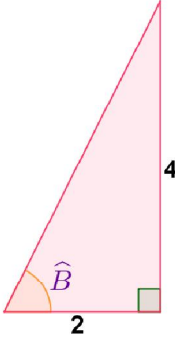
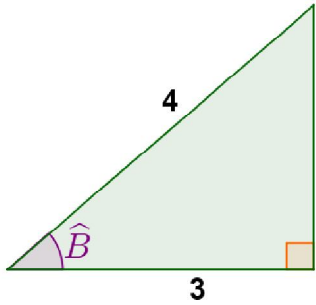
$$\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} + \frac{3}{4} = \frac{1+3}{4} = \frac{4}{4} = 1$$

إعادة
الإستثمار

التمرين 13 ص 179

الواجب
المنزلي

التمارين من 14 إلى 19 ص 179

ملاحظات	الحل	التمارين
	المطلوب إنشاء الزاوية الحادة $\hat{B}$ حيث : $\tan \hat{B} = 0.6$ لدينا $\tan \hat{B} = 0.6 = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$  المطلوب إنشاء الزاوية الحادة $\hat{B}$ حيث : $\tan \hat{B} = 2$ لدينا $\tan \hat{B} = 2 = \frac{2}{1} = \frac{4}{2}$  المطلوب إنشاء الزاوية الحادة $\hat{B}$ حيث : $\cos \hat{B} = 0.75$ لدينا $\cos \hat{B} = 0.75 = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}$ 	التمرين 12 ص 179
	المطلوب حساب $\cos x$ علماً أن $\sin x = 0.6$: لدينا $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ بالتعويض : $0.6^2 + \cos^2 x = 1$ $0.36 + \cos^2 x = 1$ $\cos^2 x = 1 - 0.36$ $\cos^2 x = 0.64$ $\cos x = 0.8$	التمرين 14 ص 179
	المطلوب حساب $\sin x$ علماً أن $\cos x = \frac{2}{5}$: لدينا $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ بالتعويض : $\sin^2 + \left(\frac{2}{5}\right)^2 = 1$ $\sin^2 + \frac{4}{25} = 1$ $\sin^2 x = 1 - \frac{4}{25} = \frac{25-4}{25}$ $\sin^2 x = \frac{21}{25}$ $\sin x = \sqrt{\frac{21}{25}} = \frac{\sqrt{21}}{\sqrt{25}} = \frac{\sqrt{21}}{5}$ $\sin x = \frac{\sqrt{21}}{5}$	التمرين 16 ص 179

ملاحظات	الحلول	التمارين
	المطلوب حساب $\tan x$ علماً أن $\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ و $\cos x = \frac{1}{2}$: لدينا $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$: بالتعويض $\tan x = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{1} = \sqrt{3}$	التمرين 17 ص 179
	المطلوب حساب $\sin \alpha$ و $\tan \alpha$ في كل حالة من الحالات الآتية :	التمرين 18 ص 179
	1) $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$: لدينا : بالتعويض : $\sin^2 \alpha + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 = 1$ $\sin^2 \alpha + \frac{3}{4} = 1$ $\sin^2 \alpha = 1 - \frac{3}{4} = \frac{4-3}{4} = \frac{1}{4}$ $\sin \alpha = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$ لدينا $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$: بالتعويض : $\tan \alpha = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$	
	2) $\cos \alpha = \frac{1}{4}$: لدينا : بالتعويض : $\sin^2 \alpha + \left(\frac{1}{4}\right)^2 = 1$ $\sin^2 \alpha + \frac{1}{16} = 1$ $\sin^2 \alpha = 1 - \frac{1}{16} = \frac{16-1}{16} = \frac{15}{16}$ $\sin \alpha = \sqrt{\frac{15}{16}} = \frac{\sqrt{15}}{4}$ لدينا $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$: بالتعويض : $\tan \alpha = \frac{\frac{\sqrt{15}}{4}}{\frac{1}{4}} = \frac{\sqrt{15}}{1} \times \frac{4}{4} = \sqrt{15}$	
	3) $\cos \alpha = \frac{2}{\sqrt{5}}$: لدينا : بالتعويض : $\sin^2 \alpha + \left(\frac{2}{\sqrt{5}}\right)^2 = 1$ $\sin^2 \alpha + \frac{4}{5} = 1$ $\sin^2 \alpha = 1 - \frac{4}{5} = \frac{5-4}{5} = \frac{1}{5}$ $\sin \alpha = \sqrt{\frac{1}{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}}$ لدينا $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$: بالتعويض : $\tan \alpha = \frac{\frac{1}{\sqrt{5}}}{\frac{2}{\sqrt{5}}} = \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{2}$	

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																												
تهيئة الأنشطة	- يتذكر نشر عبارة جبرية (الخاصة التوزيعية).	■ أنشر ثم بسط ما يلي : $2(x^2 + 3)$ $x(-4 + 5x)$ النشاط 1 ص 46 اكمال الجدول باستعمال الخاصة التوزيعية : <table><thead><tr><th>العبارات</th><th>a</th><th>b</th><th>c</th><th>$c(a+b)$ أو $c(a-b)$</th></tr></thead><tbody><tr><td>$7x - 7y$</td><td>x</td><td>y</td><td>7</td><td>$7(x - y)$</td></tr><tr><td>$6x + 9$</td><td>3</td><td>$2x$</td><td>3</td><td>$3(2x + 3)$</td></tr><tr><td>$4x^2 - 5x$</td><td>5</td><td>$4x$</td><td>x</td><td>$x(4x - 5)$</td></tr><tr><td>$12x^2 + 18x$</td><td>3</td><td>$2x$</td><td>$6x$</td><td>$6x(2x + 3)$</td></tr><tr><td>$3x^2 - x$</td><td>1</td><td>$3x$</td><td>x</td><td>$x(3x - 1)$</td></tr><tr><td>$\frac{3}{2}x^2 - \frac{15}{4}x$</td><td>$\frac{5}{2}$</td><td>$x$</td><td>$\frac{3}{2}x$</td><td>$\frac{3}{2}\left(x - \frac{5}{2}\right)$</td></tr><tr><td>$\sqrt{2}x - 2x$</td><td>2</td><td>$\sqrt{2}$</td><td>$x$</td><td>$x(\sqrt{2} - 2)$</td></tr><tr><td>$3x^2 - \sqrt{3}x$</td><td>$\sqrt{3}$</td><td>$3x$</td><td>$x$</td><td>$x(3x - \sqrt{3})$</td></tr></tbody></table> النشاط 2 ص 46 حلل العبارات الجبرية الآتية : المنهاج: تستنتج المتطابقات الشهيرة من توزيع الضرب على الجمع المدروس في السنة الثالثة كما يمكن الاستعانة بالمساحات . مثال حساب مساحة مربع طول ضلعه يساوي $a+b$ بطريقتين مختلفتين . إن توظيف المتطابقات الشهيرة في الحساب المتمعن فيه و في النشر و التحليل لا يخلو من الصعوبات عندما يتعلق الأمر بالتعرف على شكل العبارة الجبرية و ربطها بإحدى هذه المتطابقات ، لذى فمن الضروري أن نأخذ ذلك بعين الاعتبار و نجعل التلميذ يتدرب و يتذكر المتطابقات الشهيرة و العمل على وضعيات متنوعة ،	العبارات	a	b	c	$c(a+b)$ أو $c(a-b)$	$7x - 7y$	x	y	7	$7(x - y)$	$6x + 9$	3	$2x$	3	$3(2x + 3)$	$4x^2 - 5x$	5	$4x$	x	$x(4x - 5)$	$12x^2 + 18x$	3	$2x$	$6x$	$6x(2x + 3)$	$3x^2 - x$	1	$3x$	x	$x(3x - 1)$	$\frac{3}{2}x^2 - \frac{15}{4}x$	$\frac{5}{2}$	x	$\frac{3}{2}x$	$\frac{3}{2}\left(x - \frac{5}{2}\right)$	$\sqrt{2}x - 2x$	2	$\sqrt{2}$	x	$x(\sqrt{2} - 2)$	$3x^2 - \sqrt{3}x$	$\sqrt{3}$	$3x$	x	$x(3x - \sqrt{3})$
العبارات	a	b	c	$c(a+b)$ أو $c(a-b)$																																											
$7x - 7y$	x	y	7	$7(x - y)$																																											
$6x + 9$	3	$2x$	3	$3(2x + 3)$																																											
$4x^2 - 5x$	5	$4x$	x	$x(4x - 5)$																																											
$12x^2 + 18x$	3	$2x$	$6x$	$6x(2x + 3)$																																											
$3x^2 - x$	1	$3x$	x	$x(3x - 1)$																																											
$\frac{3}{2}x^2 - \frac{15}{4}x$	$\frac{5}{2}$	x	$\frac{3}{2}x$	$\frac{3}{2}\left(x - \frac{5}{2}\right)$																																											
$\sqrt{2}x - 2x$	2	$\sqrt{2}$	x	$x(\sqrt{2} - 2)$																																											
$3x^2 - \sqrt{3}x$	$\sqrt{3}$	$3x$	x	$x(3x - \sqrt{3})$																																											

$c(a-b) \text{ أو } c(a+b)$	c	a	b	العبارات
$(x+1)[(x+2)+(x+3)]$ $= (x+1)(x+2+x+3)$ $= (x+1)(2x+5)$	$(x+1)$	$(x+2)$	$(x+3)$	$(\underline{x+1})(x+2) + (\underline{x+1})(x+3)$
$(6x-5)[(2x+1)-(x+3)]$ $= (6x-5)(2x+1-x-3)$ $= (6x-5)(x-2)$	$(6x-5)$	$(2x+1)$	$(x+3)$	$(6x-5)(2x+1) - (6x-5)(x+3)$
$= (x+2)[(x+2)+(x-5)]$ $= (x+2)(x+2+x-5)$ $= (x+2)(2x-3)$	$(x+2)$	$(x+2)$	$(x-5)$	$(x+2)^2 + (x+2)(x-5)$ $= (x+2)(x+2) + (x+2)(x-5)$
$(x+7)[(2x-3)-(x+7)]$ $= (x+7)(2x-3-x-7)$ $= (x+7)(x-10)$	$(x+7)$	$(2x-3)$	$(x+7)$	$(x+7)(2x-3) - (x+7)^2$ $= (x+7)(2x-3) - (x+7)(x+7)$
$(x-1)[1-(x-1)]$ $= (x-1)(1-x+1)$ $= (x-1)(2-x)$	$(x-1)$	1	$(x-1)$	$(x-1) - (x-1)^2$ $= (x-1) \times 1 - (x-1)(x-1)$

$c(a-b)$ أو $c(a+b)$	c	a	b	العبارات
$(2x+1)[(x-4)+1]$ $= (2x+1)(x-4+1)$ $= (2x+1)(x-3)$	$(2x+1)$	$(x-4)$	1	$(2x+1)(x-4)+(2x+1)$
$x(5x-2)-3(5x-2)$ $= (5x-2)(x-3)$	$(5x-2)$	x	3	$x(5x-2)-3(5x-2)$
مثل $101^2 - 99^2$، $4x^2 - 1$ $\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2$ $x^2 - 6x + 9$..... كما تقترح على التلميذ عبارات للتحليل ، مثل $x(x+2)+(x+2)(x-3)$ ،دون التطرق إلى عبارات معقدة من الشكل : $(x-1)^2 + (1-x)(x+2)$	معارف • تحليل عبارة جبرية هو كتابتها على شكل جداء . • لتحليل عبارة جبرية ، نستعمل الخاصة التوزيعية (البحث عن العامل المشترك) أو المتطابقات الشهيرة . مثال : حلل العبارة A. • $A = (2x+3)^2 + (x-2)(2x+3)$ $= (2x+3)(2x+3) + (x-2)(2x+3)$ $= (2x+3)[(2x+3)+(x-2)]$ $= (2x+3)(2x+3+x-2)$ $= (2x+3)(3x+1)$ بين صحة المساواة التالية : $(2x-1)(3x+2) - (2x-1)(5-x) = (2x-1)(4x-3)$ التمرين 20 ص 57 تطبيق الواجب المنزلي			

ملاحظات	الحل	التمارين
المنهاج: تستنتج المتطابقات الشهيرة من توزيع الضرب على الجمع المدروس في السنة الثالثة كما يمكن الاستعانة بالمساحات . مثال حساب مساحة مربع طول ضلعه يساوي $a+b$ بطريقتين مختلفتين . إن توظيف المتطابقات الشهيرة في الحساب المتمعن فيه وفي النشر والتحليل لا يخلو من الصعوبات عندما يتعلق الأمر بالتعرف على شكل العبارة الجبرية وربطها بإحدى هذه المتطابقات ، لدى فمن الضروري أن نأخذ ذلك بعين الاعتبار ونجعل التلميذ يتدرب و يتذكر المتطابقات الشهيرة والعمل على وضعيات متنوعة ، مثل $101^2 - 99^2$ ، $4x^2 - 1$ ، $\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2$ ، $x^2 - 6x + 9$ ،، كما نقترح على التلميذ عبارات للتحليل ، مثل $x(x+2) + (x+2)(x-3)$ ، دون التطرق إلى عبارات معقدة من الشكل : $(x-1)^2 + (1-x)(x+2)$	المطلوب تحليل العبارات الجبرية : (1) $2x + 2y = 2(x + y)$ $4x + x^2 = x(4 + x)$ $6x^2 + 10x = 2x(3x + 5)$ المطلوب تحليل العبارات الجبرية الآتية : $(3x + 1)(3x + 5) - (x - 2)(3x + 1)$ $= (3x + 1)[(3x + 5) - (x - 2)]$ $= (3x + 1)(3x + 5 - x + 2)$ $= (3x + 1)(2x + 7)$ $(5x - 4)^2 - (5x - 4)(3x + 7)$ $= (5x - 4)(5x - 4) - (5x - 4)(3x + 7)$ $= (5x - 4)[(5x - 4) - (3x + 7)]$ $= (5x - 4)(5x - 4 - 3x - 7)$ $= (5x - 4)(2x - 11)$ $(8x - 5)(6x + 3) + (8x - 5)$ $= (8x - 5)[(6x + 3) + 1]$ $= (8x - 5)(6x + 3 + 1)$ $= (8x - 5)(6x + 4)$ $(x + 5) + (5x - 4)(x + 5)$ $= (x + 5)[1 + (5x - 4)]$ $= (x + 5)(1 + 5x - 4)$ $= (x + 5)(5x - 3)$	التمرين 19 ص 56 التمرين 20 ص 57

ملاحظات	الحل	التمارين
	- المطلوب تحليل العبارة A . $A = (x + 1)(3x - 2) + (x^2 + x)$ $= (x + 1)(3x - 2) + x(x + 1)$ $= (x + 1)[(3x - 2) + x]$ $= (x + 1)(3x - 2 + x)$ $= (x + 1)(4x - 2)$ - حساب قيمة A من أجل $x = 2$. $A_{(2)} = (2 + 1)(8 - 2) = 3 \times 6 = 18$	التمرين الاول - حلل العبارة : $A = (x + 1)(3x - 2) + (x^2 + x)$ - احسب قيمة A من أجل $x = 2$. التمرين الثاني بين صحة المساواة التالية : $(2x - 1)(3x + 2) - (2x - 1)(5 - x) = (2x - 1)(4x - 3)$ المطلوب تبين صحة المساواة : يكفي تحليل الطرف الايسر للمساواة ومقارنته بطرفها الايمن . لدينا : $(2x - 1)(3x + 2) - (2x - 1)(5 - x)$ $= (2x - 1)[(3x + 2) - (5 - x)]$ $= (2x - 1)(3x + 2 - 5 + x)$ $= (2x - 1)(4x - 3)$ التمرين الثالث حلل العبارات الآتية إلى جداء عاملين : $A = (x - 3)^2 - (x - 3)(4x - 7)$ $B = 5(5x - 5) - (5x - 5)$ $C = (8x - 3)(x - 2) - (8x - 3)^2$

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يتذكر نشر عبارة جبرية (المتطابقات الشهيرة).	■ أنشر ثم بسط ما يلي : $(6x + 5)^2$ $(6x - 5)^2$ $(x - 3)(x + 3)$ النشاط 1 ص 46 1 حل العبارات الجبرية باستخدام المتطابقتين الشهيرتين $a^2 + b^2 + 2ab$ أو $a^2 + b^2 - 2ab$:	المنهاج: تستنتج المتطابقات الشهيرة من توزيع الضرب على الجمع المدروس في السنة الثالثة كما يمكن الاستعانة بالمساحات . مثال حساب مساحة مربع طول ضلعه يساوي $a + b$ بطريقتين مختلفتين . إن توظيف المتطابقات الشهيرة في الحساب المتمعن فيه و في النشر و التحليل لا يخلو من

العبارات الجبرية على شكل مجموع	a^2	b^2	a	b	كتابة العبارات على الشكل $a^2 + b^2 + 2ab$ أو $a^2 + b^2 - 2ab$ إن أمكن.	العبارات المحللة $(a + b)^2$ أو $(a - b)^2$.
$x^2 + 2x + 1$	x^2	1^2	x	1	$x^2 + 1^2 + 2 \times x \times 1$	$(x + 1)^2$
$9x^2 + 30x + 25$	$9x^2$	25	$3x$	5	$(3x)^2 + (5)^2 + 2 \times 3x \times 5$	$(3x + 5)^2$
$25x^2 - 30x + 9$	$25x^2$	9	$5x$	3	$(5x)^2 + (3)^2 - 2 \times 5x \times 3$	$(5x - 3)^2$
$4 + 49x^2 + 28x$	$49x^2$	4	$7x$	2	$(7x)^2 + (2)^2 + 2 \times 7x \times 2$	$(7x + 2)^2$
$4 + 49x^2 + 30x$	$49x^2$	4	$7x$	2	$(7x)^2 + (2)^2 + \text{?????}$	لا يمكن التحليل...

الصعوبات عندما يتعلق الأمر بالتعرف على شكل العبارة الجبرية و ربطها بإحدى هذه المتطابقات ، لذى فمن الضروري أن نأخذ ذلك بعين	2. في العبارات الجبرية باستخدام المتطابقة الشهيرة : $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$		
---	--	--	--

العبارات الجبرية على شكل مجموع	a^2	b^2	a	b	كتابة العبارات على الشكل $a^2 - b^2$ إن أمكن.	العبارات المحللة $(a+b)(a-b)$.
$4x^2 - 25$	$4x^2$	25	$2x$	5	$(2x)^2 - (5)^2$	$(2x + 5)(2x - 5)$
$x^2 - 49$	x^2	49	x	7	$x^2 - 7^2$	$(x + 7)(x - 7)$
$16x^2 - 9$	$16x^2$	9	$4x$	3	$(4x)^2 - (3)^2$	$(4x + 3)(4x - 3)$
$x^2 + 4$	x^2	4	x	2	$(x)^2 + (2)^2$???????	لا يمكن التحليل..
$x^2 - 3$	x^2	3	x	$\sqrt{3}$	$(x)^2 - (\sqrt{3})^2$	$(x + \sqrt{3})(x - \sqrt{3})$
$2x^2 - 1$	$2x^2$	1	$\sqrt{2}x$	1	$(\sqrt{2}x)^2 - 1^2$	$(\sqrt{2}x + 1)(\sqrt{2}x - 1)$

- تحليل عبارة جبرية هو كتابتها على شكل جداء .
- لتحليل عبارة جبرية ، نستعمل الخاصة التوزيعية (البحث عن العامل المشترك) أو المتطابقات الشهيرة .

أمثلة : حلل العبارتين الآتيتين $A = 25x^2 + 10x + 1$ و $B = 16 - x^2$.

• $A = 25x^2 + 10x + 1$ $= (5x)^2 + 2 \times 5x \times 1 + 1^2$ $= (5x + 1)^2$	• $B = 16 - x^2$ $= 4^2 - x^2$ $= (4 + x)(4 - x)$
---	--

حلل العبارات الآتية :

- $9x^2 - 64$
- $7 - x^2$
- $4x^2 - 36x + 81$

التمرين 24 ص 57

الاعتبار و نجعل التلميذ يتدرب و يتذكر المتطابقات الشهيرة و العمل على وضعيات متنوعة ،
 مثل $101^2 - 99^2$ ،
 $4x^2 - 1$ ،
 $\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2$ ،
 $x^2 - 6x + 9$ ،
 كما تقترح على التلميذ عبارات للتحليل ، مثل
 $x(x+2) + (x+2)(x-3)$
 ، دون التطرق إلى عبارات معقدة من الشكل :
 $(x-1)^2 + (1-x)(x+2)$

ملاحظات	الحل	التمارين
المنهاج: تستنتج المتطابقات الشهيرة من توزيع الضرب على الجمع المدروس في السنة الثالثة كما يمكن الاستعانة بالمساحات . مثال حساب مساحة مربع طول ضلعه يساوي $a+b$ بطريقتين مختلفتين . إن توظيف المتطابقات الشهيرة في الحساب المتعمق فيه وفي النشر والتحليل لا يخلو من الصعوبات عندما يتعلق الأمر بالتعرف على شكل العبارة الجبرية وربطها بإحدى هذه المتطابقات ، لذا فمن الضروري أن نأخذ ذلك بعين الاعتبار ونجعل التلميذ يتدرب و يتذكر المتطابقات الشهيرة والعمل على وضعيات متنوعة ، مثل $101^2 - 99^2$ ، $4x^2 - 1$ ، $\left(\frac{5}{3}\right)^2 - 2 \times \frac{5}{3} \times \frac{2}{3} + \left(\frac{2}{3}\right)^2$ ، $x^2 - 6x + 9$ ، كما تقترح على التلميذ عبارات للتحليل ، مثل $x(x+2) + (x+2)(x-3)$ ، دون التطرق إلى عبارات معقدة من الشكل : $(x-1)^2 + (1-x)(x+2)$	المطلوب تحليل العبارات الجبرية : (1) $x^2 + 9 = x^2 - 3^2 = (x-3)(x+3)$ $4x^2 - 1^2 = (2x)^2 - 1^2 = (2x-1)(2x+1)$ $25 - 4x^2 = 5^2 - (2x)^2 = (5-2x)(5+2x)$ المطلوب تحليل العبارات الجبرية الآتية : 1) $(2x-3)(x+1) - 5(6x-9)$ $= (2x-3)(x+1) - 5 \times 3(2x-3)$ $= (2x-3)(x+1) - 15(2x-3)$ $= (2x-3)[(x+1) - 15]$ $= (2x-3)(x+1-15)$ $= (2x-3)(x+14)$ 2) $(16x^2 - 1) - (4x-1)(x-3)$ $= (4x-1)(4x+1) - (4x-1)(x-3)$ $= (4x-1)[(4x+1) - (x-3)]$ $= (4x-1)[4x+1-x+3]$ $= (4x-1)(3x+4)$ 3) $12x - 60x^2 + 75x^2$ $= 12x + 15x^2$ $= 3x(4+5x)$ 4) $(5x-4)(2x+3) + (4x^2-9)$ $= (5x-4)(2x+3) + (2x-3)(2x+3)$ $= (2x+3)[(5x-4) + (2x-3)]$ $= (2x+3)(5x-4+2x-3)$ $= (2x+3)(7x-7) = 7(2x+3)(x-1)$ 5) $5(x+2)^2 - 20$ $= 5[(x+2)^2 - 4]$ $= 5[(x+2)-2][(x+2)+2]$ $= 5x(x+4)$ 6) $(4x+7)(5x+2) + (10x+4)(x+5)$ $= (4x+7)(5x+2) + 2(5x+2)(x+5)$ $= (5x+2)[(4x+7) + 2(x+5)]$ $= (5x+2)[4x+7+2x+10]$ $= (5x+2)(6x+17)$ 7) $(x-1)^2 + (3x-3)(2x+1)$ $= (x-1)(x-1) + 3(x-1)(2x+1)$ $= (x-1)[(x-1) + 3(2x+1)]$ $= (x-1)[x-1+6x+3]$ $= (x-1)(7x+2)$ 8) $2 + (3x+1)^2 + 6x$ $= (3x+1)^2 + 6x + 2$ $= (3x+1)(3x+1) + 2(3x+2)$ $= (3x+1)[3x+1+2]$ $= (3x+1)(3x+3) = 3(3x+1)(x+1)$	التمرين 23 ص 57 التمرين 24 ص 57

يعاد اختيار العبارات

التمرين الاول

إليك العبارة A حيث :

$$A = (x + 1)(3x - 2) + 9x^2 + 4 - 12x$$

(1) أنشرثم بسط ما يلي $(3x - 2)^2$:

(2) استنتج تحليل العبارة A .

(3) أحسب قيمة A من أجل $x = 1$

ثم من أجل $x = 0$

(1) المطلوب نشرثم تبسيط $(3x - 2)^2$.

$$\bullet (3x - 2)^2 = 9x^2 + 4 - 2 \times 3x \times 2 = 9x^2 + 4 - 12x$$

(2) تحليل العبارة A .

مما سبق نستنتج :

$$\begin{aligned} A &= (x + 1)(3x - 2) + 9x^2 + 4 - 12x = (x + 1)(3x - 2) + (3x - 2)^2 \\ &= (x + 1)(\underline{3x - 2}) + (\underline{3x - 2})(3x - 2) = (3x - 2)[(x + 1) + (3x - 2)] \\ &= (3x - 2)(x + 1 + 3x - 2) = (3x - 2)(4x - 1) \end{aligned}$$

(3) حساب قيمة A .

$$\bullet A_1 = (3 \times 1 - 2)(4 \times 1 - 1) = 1 \times 3 = 3$$

$$\bullet A_0 = (3 \times 0 - 2)(4 \times 0 - 1) = (-2) \times (-1) = +2$$

التمرين الثاني

إليك العبارة B حيث :

$$B = 7(\sqrt{5} + 1) + 3 - \sqrt{5}$$

(1) بين أن $(\sqrt{5} + 1)(\sqrt{5} - 2) = 3 - \sqrt{5}$:

(2) استنتج تحليل العبارة B .

$$(1) \text{ بين أن } (\sqrt{5} + 1)(\sqrt{5} - 2) = 3 - \sqrt{5}$$

$$(\sqrt{5} + 1)(\sqrt{5} - 2) = \underline{5} - \underline{2\sqrt{5}} + \underline{\sqrt{5}} - \underline{2} = \underline{3} - \underline{\sqrt{5}}$$

(2) استنتج تحليل العبارة B .

$$\begin{aligned} B &= 7(\sqrt{5} + 1) + 3 - \sqrt{5} = 7(\underline{\sqrt{5} + 1}) + (\underline{\sqrt{5} + 1})(\sqrt{5} - 2) \\ &= (\sqrt{5} + 1)[7 + (\sqrt{5} - 2)] = (\sqrt{5} + 1)(7 + \sqrt{5} - 2) = (\sqrt{5} + 1)(\sqrt{5} + 7) \end{aligned}$$

التمرين الثالث

إليك العبارة M حيث :

$$M = (x - 2)^2 - (x + 3)^2$$

(1) أنشرثم بسط العبارة M .

(2) حلل العبارة M .

(3) أحسب قيمة M من أجل $x = 7$

(1) نشرثم تبسيط العبارة M

$$\begin{aligned} M &= (x - 2)^2 - (x + 3)^2 = x^2 + 4 - 4x - (x^2 + 9 - 6x) \\ &= \cancel{x^2} + 4 - 4x - \cancel{x^2} - 9 + 6x = 2x - 5 \end{aligned}$$

(2) تحليل العبارة M .

$$\begin{aligned} M &= (\underline{x - 2})^2 - (\underline{x + 3})^2 = [(\underline{x - 2}) - (\underline{x + 3})][(\underline{x - 2}) + (\underline{x + 3})] \\ &= (\cancel{x} - 2 - \cancel{x} - 3)(x - 2 + x + 3) = (-5)(2x + 1) = -5(2x + 1) \end{aligned}$$

(3) حساب قيمة العبارة M من أجل $x = 7$

$$M_7 = (x - 2)^2 - (x + 3)^2 = 5^2 - 10^2 = 25 - 100 = -75$$

التمرين الثاني

إليك العبارة N حيث :

$$N = (x + 11)^2 - 100$$

(1) أنشرثم بسط العبارة N .

(2) حلل العبارة N .

(3) أحسب قيمة N من أجل $x = \sqrt{2}$

(1) نشرثم تبسيط العبارة N

$$N = (x + 11)^2 - 100 = x^2 + 121 + 22x - 100 = x^2 + 22x - 21$$

(2) تحليل العبارة N .

$$\begin{aligned} N &= (x + 11)^2 - 100 = (\underline{x + 11})^2 - 10^2 \\ &= (\underline{x + 11} + \underline{10})(\underline{x + 11} - \underline{10}) = (\underline{x + 21})(\underline{x + 1}) \end{aligned}$$

(3) حساب قيمة العبارة N من أجل $x = \sqrt{2}$

$$\begin{aligned} N_{\sqrt{2}} &= (\sqrt{2} + 11)^2 - 100 = 2 + 121 + 16\sqrt{2} - 100 \\ &= 123 - 100 + 22\sqrt{2} = 23 + 21\sqrt{2} \end{aligned}$$

مستوى 4: متوسط

الوسائل : السبورة

الدعائم : المنهاج + الوثيقة م + الكتاب م .

الأستاذ: ولد سعيد عبد القادر .

مذكرة رقم 34:

التاريخ : 2013/01/09

المجال : أنشطة عددية

الباب 4 : المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد .

الموضوع : معادلة جداء معدوم .

الكفاءة القاعدية: حل معادلة يؤول حلها إلى حل "معادلة جداء" .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات		
تهيئة الأنشطة	- يتذكر حل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد .	■ حل المعادلتين : $3x + 6 = 0$ و $8 - 10x = 0$. النشاط 4 ص 63 1. يك العبارة $E = (x - 3)(x + 2)$ إذا كان $x = 3$ ، فإن $E = 0$. إذا كان $x = -2$ ، فإن $E = 0$. أكمل ما يلي : إذا كان $a = 0$ أو $b = 0$ ، فإن $ab = 0$. 2. جد العدد x الذي يحقق $(x + 5)\left(x - \frac{2}{3}\right) = 0$ إذن $x = -5$ أو $x = \frac{2}{3}$. أكمل ما يلي : إذا كان $ab = 0$ ، فإن $a = 0$ أو $b = 0$. النشاط 5 ص 64 لتكن المعادلة $(x + 4)(x - 5) = 0$. الطرف الأيسر لهذه المعادلة هو $(x + 4)(x - 5)$ وهو مكتوب على شكل جداء عاملين . كل عامل من الدرجة الأولى . الطرف الأيمن هو الصففر . نقول إن المعادلة $(x + 4)(x - 5) = 0$ هي معادلة جداء معدوم . النشاط 6 ص 64 1. حل المعادلتين التاليتين : <table><tr><td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">$(1) \quad x - \frac{2}{7} = 0$$x = \frac{2}{7}$</td><td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">$(2) \quad x + \frac{3}{7} = 0$$x = -\frac{3}{7}$</td></tr></table> نقول إن حلتي المعادلتين (1) و (2) هما حلا المعادلة $\left(x - \frac{2}{7}\right)\left(x + \frac{3}{7}\right) = 0$. 2. حل المعادلتين التاليتين $(2x + 1)(7 - 5x) = 0$ و $(x - 3)(x + 1) = 0$:	$(1) \quad x - \frac{2}{7} = 0$ $x = \frac{2}{7}$	$(2) \quad x + \frac{3}{7} = 0$ $x = -\frac{3}{7}$	يمكن الاكتفاء بالتطرق للنشاط 4 فقط المنهاج: سبق أن تعرض التلميذ في السنة الثالثة إلى خوارزمية حل معادلة من الدرجة الأولى ، المطلوب في هذه السنة هو دعمها بالتطرق إلى وضعيات إشكالية أخرى ينتج عنها تريبضها (كتابتها في شكل معادلة) و حلها في سياقات متنوعة . نعني بمعادلة جداء معدوم من الشكل $A \times B = 0$ حيث A و B عبارتان جبريتان من الدرجة الأولى لمقدار واحد غير معين . في خوارزمية حل "معادلة جداء" ، نعتمد على الخاصية التالية : "جداء عاملين معدوم يعني أحد هذين العاملين على الأقل معدوم" .
$(1) \quad x - \frac{2}{7} = 0$ $x = \frac{2}{7}$	$(2) \quad x + \frac{3}{7} = 0$ $x = -\frac{3}{7}$				
		لدينا $(x - 3)(x + 1) = 0$ يعني : أو <table><tr><td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">$x - 3 = 0$$x = 3$</td><td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">$x + 1 = 0$$x = -1$</td></tr></table> إذن : حلا المعادلة $(x - 3)(x + 1) = 0$ هما $x = 3$ و $x = -1$.	$x - 3 = 0$ $x = 3$	$x + 1 = 0$ $x = -1$	
$x - 3 = 0$ $x = 3$	$x + 1 = 0$ $x = -1$				
		لدينا $(2x + 1)(7 - 5x) = 0$ يعني : أو <table><tr><td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">$2x + 1 = 0$$2x = -1$$x = -\frac{1}{2}$</td><td style="border: 1px solid black; padding: 5px;">$7 - 5x = 0$$5x = 7$$x = \frac{7}{5}$</td></tr></table> إذن : حلا المعادلة $(2x + 1)(7 - 5x) = 0$ هما $x = -\frac{1}{2}$ و $x = \frac{7}{5}$.	$2x + 1 = 0$ $2x = -1$ $x = -\frac{1}{2}$	$7 - 5x = 0$ $5x = 7$ $x = \frac{7}{5}$	
$2x + 1 = 0$ $2x = -1$ $x = -\frac{1}{2}$	$7 - 5x = 0$ $5x = 7$ $x = \frac{7}{5}$				

- جداء عاملين معدوم يعني أحد هذين العاملين على الأقل معدوم .

مثال $5x = 0$: يعني $x = 0$ لأن $5 \neq 0$.

a و b و c و d أعداد حقيقية معلومة.

- لحل معادلة من الشكل $(ax + b)(cx + d) = 0$
نحل المعادلتين $ax + b = 0$ و $cx + d = 0$.

مثال :

حل المعادلة $(2x - 3)(x - 4) = 0$:

يعني $x - 4 = 0$ أو $2x - 3 = 0$

ومنه $x = 4$ ومنه $x = \frac{3}{2}$

إذن : للمعادلة $(2x - 3)(x - 4) = 0$ حلان هما 4 و $\frac{3}{2}$.

حل المعادلة :

$$(1 - x)(2x - 1) = 0$$

إعادة
الإستثمار

التمرين 11 و 12 ص 69

الواجب
المنزلي

ملاحظات	أنشطة التعلم	مؤشرات الكفاءة	المراحل
المنهاج: سبق أن تعرض التلميذ في السنة الثالثة إلى خوارزمية حل معادلة من الدرجة الأولى ، المطلوب في هذه السنة هو دعمها بالتطرق إلى وضعيات إشكالية أخرى ينتج عنها تريبضها (كتابتها في شكل معادلة) و حلها في سياقات متنوعة . نعني بمعادلة جداء ، معادلة من الشكل $A \times B = 0$ حيث A و B عبارتان جبريتان من الدرجة الأولى لمقدار واحد غير معين . في خوارزمية حل "معادلة جداء" ، نعتمد على الخاصية التالية : "جداء عاملين معدوم يعني أحد هذين العاملين على الأقل معدوم" .	■ حل المعادلتين : $(3x + 6)(2x - 1) = 0$ و $(x - 3)(x + 10) = 0$. النشاط 7 ص 64 ■ إليك المعادلة $0 = (x + 1)^2 - 25$. 1. تحقق أن $0 = (x + 1)^2 - 25 = x^2 + 2x - 24$ ؟ لدينا : $0 = (x + 1)^2 - 25 = x^2 + 2x - 24$ 2. حلل العبارة $0 = (x + 1)^2 - 25$ ؟ لدينا : $0 = (x + 1)^2 - 25 = (x + 1)^2 - 5^2$ $= [(x + 1) - 5][(x + 1) + 5]$ $= (x + 1 - 5)(x + 1 + 5)$ $= (x - 4)(x + 6)$ 3. حل المعادلة $0 = (x - 4)(x + 6)$ ؟ يعني $x + 6 = 0$ ومنه $x = -6$ أو $x - 4 = 0$ ومنه $x = 4$ إذن : لهذه المعادلة حلان هما -6 و 4 . 4. أكمل : حل المعادلة $x^2 + 2x - 24 = 0$ يؤول إلى حل المعادلة $0 = (x - 4)(x + 6)$. 5. حل المعادلتين : • $0 = (2x - 1)(x + 5) - (2x - 1)(3x - 2)$ $0 = (2x - 1)[(x + 5) - (3x - 2)]$ $0 = (2x - 1)(x + 5 - 3x + 2)$ $0 = (2x - 1)(-2x + 7)$ يعني $-2x + 7 = 0$: ومنه $-2x = -7$ أي $x = \frac{-7}{-2} = \frac{7}{2}$ أو $2x - 1 = 0$ ومنه $2x = 1$ أي $x = \frac{1}{2}$ إذن : لهذه المعادلة حلان هما $\frac{1}{2}$ و $\frac{7}{2}$. • $0 = 6x^2 + 7x$ $0 = x(6x + 7)$ يعني $6x + 7 = 0$: ومنه $6x = -7$ أي $x = \frac{-7}{6}$ أو $x = 0$ إذن : لهذه المعادلة حلان هما $\frac{-7}{6}$ و 0 .	- يتذكر حل معادلة جداء معدوم .	تهيئة الأنشطة

مثال : حل المعادلة الآتية $:(x + 3)^2 = 16$.:

المعادلة السابقة تصبح $:(x + 3)^2 - 16 = 0$.:

نحلل الطرف الأيسر $:(x + 3)^2 - 16 = (x + 3)^2 - 4^2 = (x - 1)(x + 7)$.:

نحل المعادلة $:(x - 1)(x + 7) = 0$.:

هذا يعني $x + 7 = 0$: ومنه $x = -7$.

أو $x - 1 = 0$ ومنه $x = 1$.

نستنتج أن للمعادلة $(x + 3)^2 = 16$ حلان هما -7 و 1 .

• لحل معادلة ليست من الدرجة الأولى نتبع الخطوات التالية :

- نجعل طرفها الأيمن صفراً .
- نقوم بتحليل الطرف الأيسر لهذه المعادلة ، فنحصل على معادلة جداء معدوم .
- نحل هذه المعادلة الأخيرة .
- نستنتج حلول المعادلة الأولى .

حل المعادلة التالية :

$$5(2x - 1) + (x - 3)(2x - 1) = 0$$

التمرين 9 و 10 ص 69

ملاحظات	الحل	التمارين
المنهاج: سبق أن تعرض التلميذ في السنة الثالثة إلى خوارزمية حل معادلة من الدرجة الأولى ، المطلوب في هذه السنة هو دعمها بالطرق إلى وضعيات إشكالية أخرى ينتج عنها تريبضها (كتابتها في شكل معادلة) و حلها في سياقات متنوعة . نغني بمعادلة جداء ، معادلة من الشكل $A \times B = 0$ حيث A و B عبارتان جبريتان من الدرجة الأولى لمقدار واحد غير معين . في خوارزمية حل "معادلة جداء" ، نعتمد على الخاصية التالية : "جداء عاملين معدوم يعني أحد هذين العاملين على الأقل معدوم" .	1. نشر وتبسيط العبارتين الجبريتين : $1) (4x - 3)(7x + 1) = 28x^2 + 4x - 21x - 3 = 28x^2 - 17x - 3$ $2) (x - 1)(4x - 3) = 4x^2 - 3x - 4x + 3 = 4x^2 - 7x + 3$ 2. حل المعادلتين : حل المعادلة $28x^2 - 17x - 3 = 0$: يؤول إلى حل المعادلة $(4x - 3)(7x + 1) = 0$: أي $7x + 1 = 0$ ومنه $x = -\frac{1}{7}$ أو $4x - 3 = 0$ ومنه $x = \frac{3}{4}$. إذن للمعادلة حلان هما $-\frac{1}{7}$ و $\frac{3}{4}$. حل المعادلة $4x^2 - 7x + 3 = 0$: يؤول إلى حل المعادلة $(x - 1)(4x - 3) = 0$: أي $7x + 1 = 0$ ومنه $x = -\frac{1}{7}$ أو $4x - 3 = 0$ ومنه $x = \frac{3}{4}$. إذن للمعادلة حلان هما $-\frac{1}{7}$ و $\frac{3}{4}$. B عبارة جبرية حيث $B = (5x - 2)(2x - 7) - (25x^2 - 4)$. 1. بين أن $B = -15x^2 - 39x + 18$: $B = (5x - 2)(2x - 7) - (25x^2 - 4)$ $= 10x^2 - 35x - 4x + 14 - 25x^2 + 4$ $= -15x^2 - 39x + 18$ 2. حساب قيمة B من أجل $x = -1$ ؛ $x = \sqrt{2}$: $B_{-1} = -15 \times (-1)^2 - 39 \times (-1) + 18 = -15 + 39 + 18 = 42$ $B_{\sqrt{2}} = -15 \times (\sqrt{2})^2 - 39 \times (\sqrt{2}) + 18 = -30 - 39\sqrt{2} + 18 = -12 - 39\sqrt{2}$ 3. تحليل العبارة $25x^2 - 4$: $25x^2 - 4 = (5x)^2 - 2^2 = (5x - 5)(5x + 5)$ تحليل العبارة B : $B = (5x - 2)(2x - 7) - (25x^2 - 4) = (5x - 2)(2x - 7) - (5x - 2)(5x + 2)$ $= (5x - 2)[(2x - 7) - (5x + 2)] = (5x - 2)(2x - 7 - 5x - 2)$ $= (5x - 2)(-3x - 9)$ حل المعادلة $B = 0$: حل المعادلة $B = 0$ يؤول إلى حل المعادلة $(5x - 2)(-3x - 9) = 0$. يعني $-3x - 9 = 0$: ومنه $x = -3$. أو $5x - 2 = 0$ ومنه $x = \frac{2}{5}$. إذن : للمعادلة $B = 0$ حلان هما -3 و $\frac{2}{5}$.	التمرين 15 ص 69 التمرين 5 ص 70

• بين أن : $48x^2 - 28x + 4 = (7x - 2)^2 - x^2$.

$$\begin{aligned}(7x - 2)^2 - x^2 &= 49x^2 + 4 - 28x - x^2 \\ &= 48x^2 - 28x + 4\end{aligned}$$

• تحليل العبارتين A و B .

$$\begin{aligned}B &= (6x - 2)^2 - (4x - 7)(6x - 2) \\ &= (6x - 2)[(6x - 2) - (4x - 7)] \\ &= (6x - 2)(2x + 5)\end{aligned} \quad \begin{aligned}A &= 48x^2 - 28x + 4 = (7x - 2)^2 - x^2 \\ &= (7x - 2 - x)(7x - 2 + x) \\ &= (6x - 2)(8x - 2)\end{aligned}$$

• حل المعادلات : $A = 0$ ؛ $B = 0$ ؛ $A = B$.

■ حل المعادلة $B = 0$ يؤول إلى حل المعادلة :

$$(6x - 2)(2x + 5) = 0$$

يعني : $6x - 2 = 0$ ومنه $6x = 2$ أي $x = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$.

أو $2x + 5 = 0$ ومنه $2x = -5$ أي $x = \frac{-5}{2}$.

للمعادلة $A = 0$ حلان هما $\frac{1}{3}$ و $\frac{-5}{2}$.

■ حل المعادلة $A = 0$ يؤول إلى حل المعادلة :

$$(6x - 2)(8x - 2) = 0$$

يعني : $6x - 2 = 0$ ومنه $6x = 2$ أي $x = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$.

أو $8x - 2 = 0$ ومنه $8x = 2$ أي $x = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$.

للمعادلة $A = 0$ حلان هما $\frac{1}{4}$ و $\frac{1}{3}$.

■ حل المعادلة $A = B$ يؤول إلى حل المعادلة :

$$(6x - 2)(2x + 5) = (6x - 2)(8x - 2)$$

$$(6x - 2)(2x + 5) - (6x - 2)(8x - 2) = 0$$

$$(6x - 2)[(2x + 5) - (8x - 2)] = 0$$

$$(6x - 2)(-6x + 7) = 0$$

يعني : $6x - 2 = 0$ ومنه $6x = 2$ أي $x = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$.

أو $-6x + 7 = 0$ ومنه $-6x = -7$ أي $x = \frac{-7}{-6} = \frac{7}{6}$.

للمعادلة $A = B$ حلان هما $\frac{1}{3}$ و $\frac{7}{6}$.

1) نشر وتبسيط العبارة $(3x - 1)(2x + 5)$.

$$(3x - 1)(2x + 5) = 6x^2 + 15x - 2x - 5 = 6x^2 + 13x - 5$$

2) حل المعادلة $C = 0$.

قبل حل المعادلة $C = 0$ نقوم بتحليل العبارة $(6x^2 + 13x - 5)$:

$$(3x - 1)(x + 5) - (6x^2 + 13x - 5) = (3x - 1)(x + 5) - (3x - 1)(2x + 5)$$

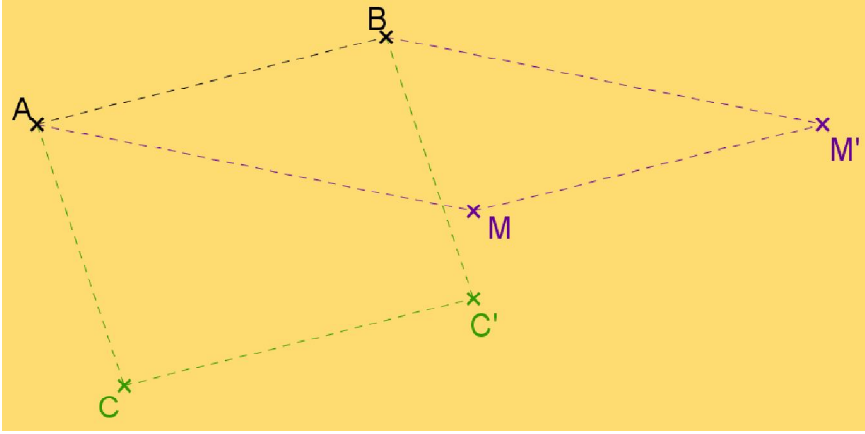
$$= (3x - 1)[(x + 5) - (2x + 5)] = (3x - 1)(x + 5 - 2x - 5) = (3x - 1)(-x)$$

وعليه فحل المعادلة $C = 0$ يؤول إلى حل المعادلة $-x(3x - 1) = 0$.

يعني $3x - 1 = 0$ ومنه $x = \frac{1}{3}$.

أو $-x = 0$ ومنه $x = 0$.

إذن : للمعادلة $C = 0$ حلان هما $\frac{1}{3}$ و 0 .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر تعريف الانسحاب .	■ انشئ النقطة G حتى يكون الرباعي $EFGH$ متوازي اضلاع . ■ ماذا تمثل النقطة G بالنسبة إلى النقطة H ؟	المنهاج: يتم في البداية التذكير بمفهوم الانسحاب و يستنتج منه مفهوم الشعاع : الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$ هو الانسحاب الذي يحول A إلى B . نجعل التلميذ يدرك أنه يتم تعيين شعاع بإعطاء منحنى و اتجاه و طول و يميز الكتابة $\overrightarrow{AB}$ عن بقية الترميزات الأخرى $((AB))$ ، (AB) ، $[AB]$ ، AB . كما يتم إدخال التعبيرات المرتبطة بالشعاع : المبدأ ، النهاية ، الممثل . الوثيقة المرافقة : يهدف إدخال مفهوم الشعاع انطلاقا من الانسحاب إلى جعل التلميذ يدرك هذا الكائن الرياضي من خلال مميزاته (المنحنى ، الاتجاه ، الطول) و يتواصل الأمر بربط تساوي شعاعين بمفهوم متوازي الاضلاع . أما بالنسبة إلى مجموع شعاعين ، فالاعتماد على تركيب انسحابين يسمح للتلميذ باكتشاف علاقة شال و امتلاكها بشكل أحسن . يجب تجنب الإفراط في التمارين التقنية حول هذا المفهوم لأن إتقان الحساب السعاعي من أهداف التعليم الثانوي .
الأنشطة		النشاط 1 ص 187 الأنشطة M' و C' صورتي M و C بالانسحاب الذي يحول A إلى B : 	
		نقول أن : - الانسحاب الذي يحول A إلى B هو : الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$. - المستقيمات (AB) ، (CC') ، (MM') لها نفس المنحنى . - انصاف المستقيمات (AB) ، (CC') ، (MM') لها نفس الاتجاه .	

A و B نقطتان مختلفتان .

الانسحاب الذي يحول A إلى B يعرف شعاعاً نرمز له بالرمز $\vec{U}$ مثلاً ...

- نقول أن الشعاع $\vec{U}$ ممثله هو الشعاع $\overrightarrow{AB}$ ونكتب $\vec{U} = \overrightarrow{AB}$.
- الاتجاه من A إلى B هو اتجاه الشعاع $\vec{U}$.
- منحنى المستقيم (AB) هو منحنى الشعاع $\vec{U}$.
- طول القطعة $[AB]$ هو طول الشعاع $\vec{U}$.

الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$ هو الانسحاب الذي يحول A إلى B .

التمرين 1 و 4 ص 196

التمارين 2 و 3 و 5 ص 196

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																			
تهيئة	-	مراجعة خواص متوازي الاضلاع.	المنهاج: نجعل التلميذ يستنتج من خلال وضعيات متنوعة ، الشروط اللازمة و الكافية لتساوي شعاعين $\overrightarrow{AB}$. و $\overrightarrow{CD}$ يلاحظ التكافؤ بين التعبير "الشعاعان و متساويان (و نكتب $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$)" و التعبيرات : - D هي صورة A بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$. - $ABCD$ هو متوازي اضلاع . - القطعتان $[AD]$ و $[BC]$ لهما نفس المنتصف . (نميز الحالتان: A و B و C ليست على استقامة واحدة و A و B و C هي على استقامة واحدة).																																			
الأنشطة		النشاط 2 ص 187 لأننا نلاحظ الأشكال ، وانقل الجدول و اكمله بصحيح خاطئ : <table><tr><th>الشكل</th><th>الشكل</th><th>الشكل</th><th>الشكل</th><th>الشكل</th><th>الشكل</th><th>للشعاعان $\overrightarrow{AB}$ ، $\overrightarrow{CD}$</th></tr><tr><td>(6)</td><td>(5)</td><td>(3)</td><td>(3)</td><td>(2)</td><td>(1)</td><td></td></tr><tr><td>صحيح</td><td>خاطئ</td><td>صحيح</td><td>صحيح</td><td>خاطئ</td><td>صحيح</td><td>نفس المنحى</td></tr><tr><td>صحيح</td><td>خاطئ</td><td>خاطئ</td><td>صحيح</td><td>خاطئ</td><td>خاطئ</td><td>نفس الاتجاه</td></tr><tr><td>خاطئ</td><td>خاطئ</td><td>صحيح</td><td>صحيح</td><td>صحيح</td><td>خاطئ</td><td>نفس الطول</td></tr></table> المميزات الثلاثة تتحقق في الشكل (3) النشاط 4 ص 188 1 B ، C ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة . المطلوب إنشاء النقطة D بحيث $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$. اكمل : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$: إذن الرباعي $ABCD$ له ضلعان متقابلان $[AB]$ و $[CD]$ متقايسان وحاملهما متوازيان فهو متوازي اضلاع . نستنتج أن قطريه $[AC]$ و $[DB]$ لهما نفس المنتصف . النشاط 5 ص 189 1 M هي النقطة منتصف $[AB]$. الشعاعان $\overrightarrow{AM}$ و $\overrightarrow{MB}$ متساويان . ونكتب : $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{MB}$. 2 M هي النقطة بحيث $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BM}$. النقطة B تمثل منتصف القطعة $[AM]$.	الشكل	الشكل	الشكل	الشكل	الشكل	الشكل	للشعاعان $\overrightarrow{AB}$ ، $\overrightarrow{CD}$	(6)	(5)	(3)	(3)	(2)	(1)		صحيح	خاطئ	صحيح	صحيح	خاطئ	صحيح	نفس المنحى	صحيح	خاطئ	خاطئ	صحيح	خاطئ	خاطئ	نفس الاتجاه	خاطئ	خاطئ	صحيح	صحيح	صحيح	خاطئ	نفس الطول	
الشكل	الشكل	الشكل	الشكل	الشكل	الشكل	للشعاعان $\overrightarrow{AB}$ ، $\overrightarrow{CD}$																																
(6)	(5)	(3)	(3)	(2)	(1)																																	
صحيح	خاطئ	صحيح	صحيح	خاطئ	صحيح	نفس المنحى																																
صحيح	خاطئ	خاطئ	صحيح	خاطئ	خاطئ	نفس الاتجاه																																
خاطئ	خاطئ	صحيح	صحيح	صحيح	خاطئ	نفس الطول																																

الشعاعان المتساويان هما شعاعان لهما نفس المنحى ونفس الاتجاه ونفس الطول .

- الشعاعان $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{DC}$ متساويان يعني أن :
- المستقيمان (AB) و (DC) لهما نفس المنحى .
 - نصفا المستقيمان $[AB]$ و $[DC]$ لهما نفس الاتجاه .
 - القطعتان $[AB]$ و $[DC]$ لهما نفس الطول أي $(AB = DC)$.
- ونكتب $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$.
- نقول أن C هي صورة D بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$.

إعادة

الإستثمار

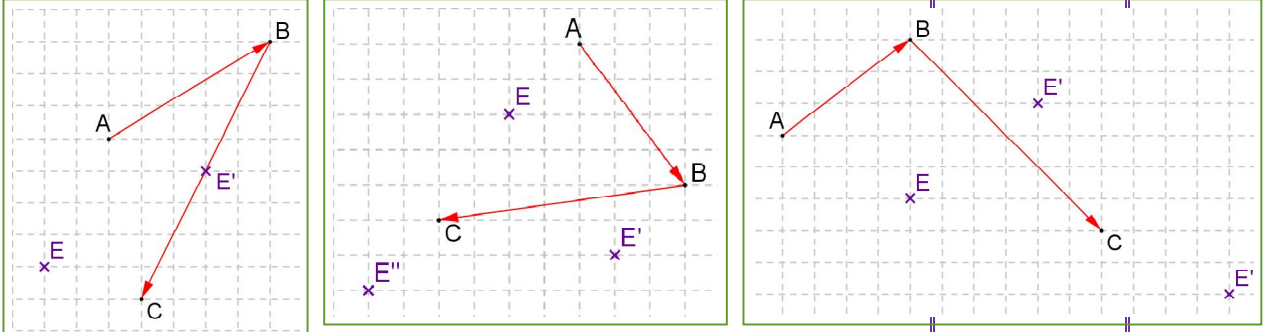
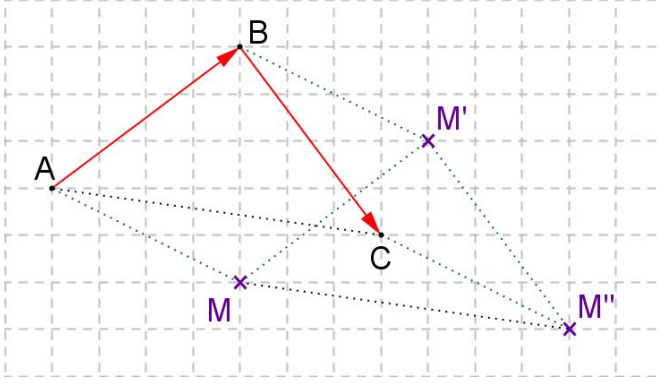
التمرين 6 ص 196

الواجب

المنزلي

التمارين 7 ص 196 و 8 ص 197

ملاحظات	الحل	التمارين
المنهاج: سبق أن تعرض التلميذ في السنة الثالثة إلى خوارزمية حل معادلة من الدرجة الأولى ، المطلوب في هذه السنة هو دعمها بالتطرق إلى وضعيات إشكالية أخرى ينتج عنها تريبضها (كتابتها في شكل معادلة) و حلها في سياقات متنوعة . كما كان الامر في السنوات السابقة، تكون المشكلات المقترحة مختارة من المادة أو من مواد أخرى أو من المحيط الاجتماعي أو الثقافي للتلميذ . يحرص في هذا المجال على احترام التلميذ لمختلف مراحل الحل ، و المتمثلة في : - اختيار المجهول (أو المجاهيل) - تريبض الرضعية و ترجمتها بمعادلة أو متراجحة . - حل المعادلة أو المتراجحة أو الجملة . - مراقبة النتيجة (معقوليتها ، ملائمتها للمعطيات) - الاستخلاص (الاجابة عن السؤال) مثال : $ABCD$ مربع طول ضلعه $6cm$. M نقطة من $[AB]$ حيث $BM = 4cm$ و N نقطة من $[AD]$. ما هي مواضع N التي من أجلها تكون المساحة A للمثلث MNC اصغر من ربع مساحة المربع $ABCD$ ؟	التعبير عن مساحة المستطيل $ABCD$ بدلالة x : $S_x = 7(x + 5) = 7x + 35$ ايجاد قيمة x حتى يكون محيط المستطيل $ABCD$ يساوي $32cm$: $P_x = 2(7 + x + 5) = 2(x + 12) = 2x + 24$ كتابة المعادلة : $2x + 24 = 32$ $2x = 32 - 24$ $2x = 8$ $x = 4$ المطلوب حساب قيمة x التي من أجلها تكون مساحة السطح الملون تساوي مساحة السطح غير الملون : التعبير عن مساحة السطح الملون بدلالة x : $S_1 = 7x + 8x = 15x$ التعبير عن مساحة السطح غير الملون بدلالة x : $S_2 = x \times x = x^2$ المعادلة : $x^2 = 15x$ حل المعادلة : $x^2 - 15x = 0$ لهذه المعادلة حلان هما 15 و 0 . قيمة x التي من أجلها تكون مساحة السطح الملون تساوي مساحة السطح غير الملون هي : $15cm$. نضع x يمثل طول ضلع المربع . فيكون طول المستطيل $x + 5$ و عرضه $x - 3$. المعادلة : إذن : طول ضلع المربع المطلوب هو $7.5m$. محيط هذا المربع هو $P = 4 \times 7.5m = 30m$. 1) التعبير بطريقتين مختلفتين عن مساحة الجزء غير الملون : الطريقة الأولى : $S = (x + 5)^2 - 25$ الطريقة الثانية : $S = x(x + 5) + 5x$	التمرين 9 ص 70 التمرين 1 ص 71 التمرين 2 ص 71 التمرين 2 ص 71

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- مراجعة الشعاعين المتساويين .		المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ ، انطلاقاً من وضعية بسيطة (مثل استعمال مرصوفة) ، أن إجراء الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$ ثم الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$ يؤول إلى إجراء الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AC}$ ثم استنتاج المساواة $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$ "علاقة شال" . يركز في هذه العلاقة وضعية مختلف الحروف (B, A, C) . كما نتطرق بهذه المناسبة إلى الحالات الخاصة للشعاع المعلوم (الذي رمزه $\vec{0}$ أو $\overrightarrow{AA}$) وللشعاعين المتعاكسين ($\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{BA}$) مع الكتابة $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$. نجعل التلميذ يلاحظ أن مجموع شعاعين لا يتعلق باختيار ممثل كل شعاع ، ندخل بهذه المناسبة الترميز المختصر $\vec{u}$ مثلاً . بالنسبة إلى إنشاء ممثل لمجموع شعاعين ، ندرس الحالة الخاصة التي يكون فيها لهذين الشعاعين نفس المبدأ و نربط هذا الإنشاء بمتوازي الاضلاع لنستنتج الخاصية المميزة له انطلاقاً من الأشعة ($ABCD$ متوازي أضلاع معناه $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AD}$) .
الأنشطة		النشاط 6 ص 189 1 انشئ في كل حالة: النقطة E' صورة E بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$. النقطة E'' صورة E' بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$.  نقول إن E'' صورة E بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$ متبوعاً بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$. أو E'' صورة E بتركيب هذين الانسحابين . 2 في النقطة M' : صورة M بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$. صورة M'' صورة M' بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$. 	

A و B و C ثلاث نقاط من المستوي .

تركيب الانسحاب الذي $\overrightarrow{AB}$ شعاعه متبوعا بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$

هو الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AC}$.

نقول إن الشعاع $\overrightarrow{AC}$ هو مجموع الشعاعين $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{BC}$.

ونكتب : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$. (هذه العلاقة تسمى علاقة شال)

التمرين 21 ص 198

إعادة
الإستثمار

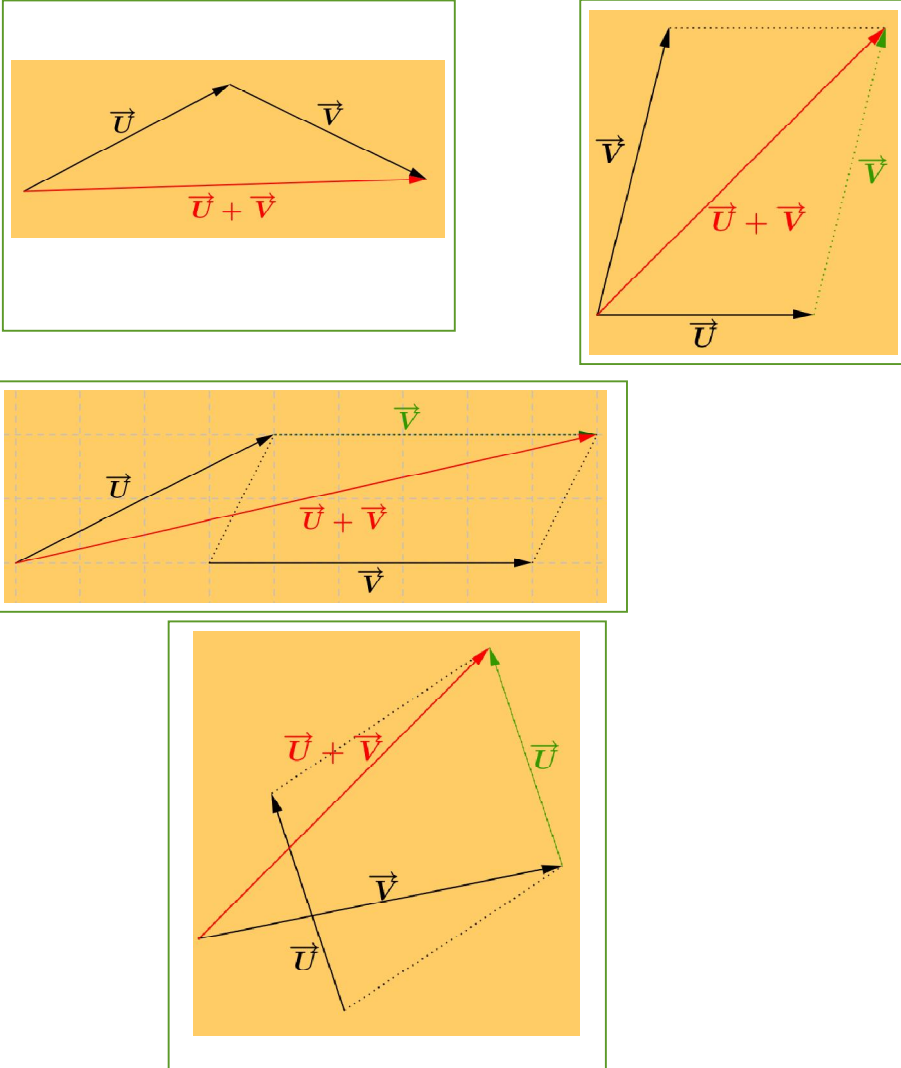
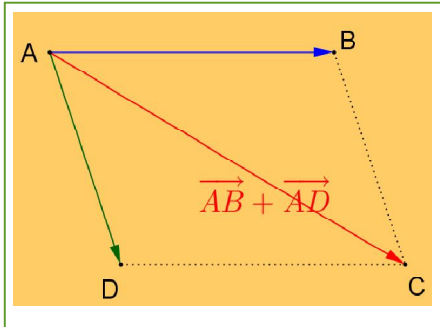
الواجب
المنزلي

الوثيقة المرافقة :

يهدف إدخال مفهوم الشعاع انطلاقاً من الانسحاب إلى جعل التلميذ يدرك هذا الكائن الرياضي من خلال مميزاته (المنحى ، الاتجاه ، الطول) و يتواصل الأمر بربط تساوي شعاعين بمفهوم متوازي الأضلاع . أما بالنسبة إلى مجموع شعاعين ، فالاعتماد على تركيب انسحابين يسمح للتلميذ باكتشاف علاقة شال و امتلاكها بشكل أحسن . يجب تجنب الإفراط في التمارين التقنية حول هذا المفهوم لأن إتقان الحساب الشعاعي من أهداف التعليم الثانوي .

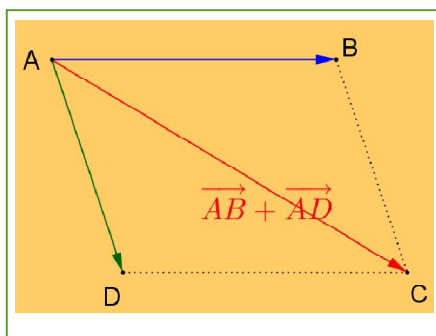
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- مراجعة مجموع شعاعين (علاقة شال)		المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ ، انطلاقاً من وضعية بسيطة (مثل استعمال مرصوفة) ، أن إجراء الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$ ثم الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$ يؤول إلى إجراء الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AC}$ ثم استنتاج المساواة $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$ "علاقة شال" . يركز في هذه العلاقة وضعية مختلف الحروف (B, A, C) . كما نتطرق بهذه المناسبة إلى الحالات الخاصة للشعاع المعلوم (الذي رمزه $\vec{0}$ أو $\overrightarrow{AA}$) وللشعاعين المتعاكسين ($\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{BA}$) مع الكتابة $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$. نجعل التلميذ يلاحظ أن مجموع شعاعين لا يتعلق باختيار ممثل كل شعاع ، ندخل بهذه المناسبة الترميز المختصر $\vec{u}$ مثلاً . بالنسبة إلى إنشاء ممثل لمجموع شعاعين ، ندرس الحالة الخاصة التي يكون فيها لهذين الشعاعين نفس المبدأ و نربط هذا الإنشاء بمتوازي الاضلاع لنستنتج الخاصية المميزة له انطلاقاً من الأشعة ($ABCD$ متوازي أضلاع معناه $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AD}$) .
الأنشطة		النشاط 7 ص 190 1 لون بالأحمر الشعاع $\overrightarrow{AC}$ في كل حالة : المساواة $AB + BC = AC$ تتحقق في الحالة (1) فقط لأن النقط C, B, A على استقامة واحدة والنقطة B تقع بين النقطتين A و C . 2 هل الشعاعان $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{BA}$ متساويان : الشعاعان ولهما نفس الطول ونفس المنحى ولكنهما متعاكسان في الإتجاه فهما غير متساويين . لدينا حسب علاقة شال : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BA} = \overrightarrow{AA}$. * الشعاع $\overrightarrow{AA}$ يسمى الشعاع المعلوم ونرمز له بالرمز $\vec{0}$. * نقول إن الشعاعين $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{BA}$ متعاكسان . اكمل : مجموع شعاعين متعاكسين هو الشعاع المعلوم .	

الوثيقة المرافقة : يهدف إدخال مفهوم الشعاع انطلاقا من الانسحاب إلى جعل التلميذ يدرك هذا الكائن الرياضي من خلال مميزاته (المنحى ، الاتجاه ، الطول) و يتواصل الأمر بربط تساوي شعاعين بمفهوم متوازي الأضلاع . أما بالنسبة إلى مجموع شعاعين ، فالاعتماد على تركيب انسحابين يسمح للتلميذ باكتشاف علاقة شال و امتلاكها بشكل أحسن . يجب تجنب الإفراط في التمارين التقنية حول هذا المفهوم لأن إتقان الحساب الشعاعي من أهداف التعليم الثانوي .	معارف A و B نقطتان من المستوي . لدينا : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BA} = \vec{0}$. الشعاع $\overrightarrow{BA}$ يسمى معاكس الشعاع $\overrightarrow{AB}$. نكتب : $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$.	إعادة الإستثمار الواجب المنزلي
--	---	--

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- مراجعة مجموع شعاعين (علاقة شال)		المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ ، انطلاقاً من وضعية بسيطة (مثل استعمال مرصوفة) ، أن إجراء الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AB}$ ثم الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$ يؤول إلى إجراء الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AC}$ ثم استنتاج المساواة $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$ "علاقة شال" . يركز في هذه العلاقة وضعية مختلف الحروف (B, A, C) . كما نتطرق بهذه المناسبة إلى الحالات الخاصة للشعاع المعلوم (الذي رمزه $\vec{0}$ أو $\overrightarrow{AA}$) و للشعاعين المتعاكسين $\overrightarrow{AB}$ و $\overrightarrow{BA}$ مع الكتابة $\overrightarrow{AB} = -\overrightarrow{BA}$. نجعل التلميذ يلاحظ أن مجموع شعاعين لا يتعلق باختيار ممثل كل شعاع ، ندخل بهذه المناسبة الترميز المختصر $\vec{u}$ مثلاً . بالنسبة إلى إنشاء ممثل لمجموع شعاعين ، ندرس الحالة الخاصة التي يكون فيها لهذين الشعاعين نفس المبدأ و نربط هذا الإنشاء بمتوازي الاضلاع لنستنتج الخاصية المميزة له انطلاقاً من الأشعة ($ABCD$) متوازي أضلاع معناه $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$. (
الأنشطة		النشاط 8 ص 190 1 أنشئ ممثلاً للمجموع $\vec{u} + \vec{v}$ في كل حالة :  مثال: أنشئ ممثلاً للمجموع $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$. 	

إذا كان $ABCD$ متوازي أضلاع .

فإن : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$.



التمرين 16 ص 197

إعادة
الإستثمار

التمرين 23 ص 198

الواجب
المنزلي

الوثيقة المرافقة :

يهدف إدخال مفهوم الشعاع انطلاقاً من الانسحاب إلى جعل التلميذ يدرك هذا الكائن الرياضي من خلال مميزاته (المنحى ، الاتجاه ، الطول) و يتواصل الأمر بربط تساوي شعاعين بمفهوم متوازي الأضلاع . أما بالنسبة إلى مجموع شعاعين ، فالاعتماد على تركيب انسحابين يسمح للتلميذ باكتشاف علاقة شال و امتلاكها بشكل أحسن . يجب تجنب الإفراط في التمارين التقنية حول هذا المفهوم لأن إتقان الحساب الشعاعي من أهداف التعليم الثانوي .

كق: معرفة علاقة شال واستعمالها لإنشاء مجموع شعاعين أو لإنشاء شعاع يحقق علاقة شعاعية معينة أو لإنجاز براهين بسيطة. أ: ولد سعيد

ملاحظات	الحل	التمارين
		التمرين 12 ص 179
		التمرين 14 ص 179
		التمرين 16 ص 179
ملاحظات	الحل	التمارين

التمرين 17 ص 179

التمرين 18 ص 179

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر.	■ اكمل ما يلي : إذا كان $x > 6$ ، فإن $x + 2$ إذا كان $x > 6$ ، فإن $x - 1$	المنهاج: قبل الشروع في حل متراجحة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد ، نتأكد من أن الخواص المتعلقة بالترتيب و العمليات المدروسة في السنة الثالثة مكتسبة من طرف التلاميذ ، و بالخصوص تلك المتعلقة بضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد سالب . إن التعلمات المتعلقة بحل المتراجحات تشكل صعوبات خاصة ، حيث لا نحصل حل وحيد كما في المعادلات ، بل نحصل على مجموعة من الحلول . و يعتبر التمثيل البياني على المستقيم العددي وسيلة ناجعة لجعل التلميذ يدرك هذه المجموعة . إن دراسة إشارة جداء أو حاصل قسمة عبارتين من الدرجة الأولى خارج البرنامج .
الأنشطة		النشاط 1 ص 75 1) دخلا صهيب وزكريا إذا قام كل منهما ببعثة واحدة في الشهر : دخل صهيب (DA) : $22500 = 18000 + 4500$. دخل زكريا (DA) : $23000 = 20000 + 3000$. 2) دخلا صهيب وزكريا إذا قام كل منهما ببعثتين في الشهر : دخل صهيب (DA) : $27000 = 18000 + 4500 \times 2$. دخل زكريا (DA) : $26000 = 20000 + 3000 \times 2$. 3) التعبير بدلالة x عن الدخل الشهري لكل من صهيب وزكريا : دخل صهيب (DA) : $18000 + 4500x$. دخل زكريا (DA) : $20000 + 3000x$. 4) في حالة أكثر من بعثة واحدة يكون دخل صهيب أفضل من دخل زكريا . اكمل : من أجل $x > 1$ يكون : $18000 + 4500x > 20000 + 3000x$ تسمى الكتابة $18000 + 4500x > 20000 + 3000x$ متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد . 5) اكتب المتراجحة السابقة على الشكل $ax > b$. (a و b عدنان حقيقيان) $18000 + 4500x > 20000 + 3000x$ $4500x - 3000x > 20000 - 18000$ $1500x > 2000$	الوثيقة المرافقة :

- تسمى الكتابة $18000 + 4500x > 20000 + 3000x$: متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد .
- كل متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد x تفول إلى متراجحة من الشكل :
 $ax > b$ أو $ax \geq b$ أو $ax < b$ أو $ax \leq b$.
 حيث : $(a$ و b عددان حقيقيان)

مثال : المتراجحة $5x - 1 \geq 2x + 9$.
 يعني : $5x - 2x \geq 9 + 1$.
 $3x \geq 10$ أي :

اكتب المتراجحة $3(x - 5) < 11$ على الشكل $ax < b$.

إعادة
الإستثمار

التمرين

تمارين
التدريب
اليومي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر.	■ اكمل ما يلي : إذا كان $x > 6$ ، فإن $x + 2$ إذا كان $x > 6$ ، فإن $x - 1$ إذا كان $x > 6$ ، فإن $-5x$ إذا كان $x > 6$ ، فإن $\frac{x}{-2}$	ملاحظات
الأنشطة		النشاط 2 ص 75 الأعداد 2، 3، 4 تحقق المتباينة $4x - 1 \geq 3x + 2$: • تسمى الأعداد التي تجعل المتباينة صحيحة حلول المتراجحة . النشاط 3 ص 75 حل متراجحة هو إيجاد حلولها . حل المتراجحتين : $5x + 2 > 3x - 1$ ؛ $3x - 2 < 6x + 7$. ملاحظة لحل متراجحة نتبع نفس خوارزمية حل معادلة مع مراعاة الخواص المتعلقة بضرب أو قسمة طرفي المتباينة في عدد سالب . أتمم خطوات الحل :	نغير المتراجحة من $4x - 1 \geq 3x + 2$ إلى $4x + 1 \geq 3x + 2$ ليكون عدد الحلول أكثر من اثنين . المنهاج: قبل الشروع في حل متراجحة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد ، نتأكد من أن الخواص المتعلقة بالترتيب و العمليات المدروسة في السنة الثالثة مكتسبة من طرف التلاميذ ، و بالخصوص تلك المتعلقة بضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد سالب . إن التعلمات المتعلقة بحل المتراجحات تشكل صعوبات خاصة ، حيث لا نحصل حل وحيد كما في المعادلات ، بل نحصل على مجموعة من الحلول . و يعتبر التمثيل البياني على المستقيم العددي وسيلة ناجعة لجعل التلميذ يدرك هذه المجموعة . إن دراسة إشارة جداء أو حاصل قسمة عبارتين من الدرجة الأولى خارج البرنامج .
		1 $5x + 2 > 3x - 1$ $5x - 3x > -1 - 2$ ك $2x > -3$ $x > \frac{-3}{2}$ كل قيم x الأكبر تماماً من $\frac{-3}{2}$ هي حلول المتراجحة . $5x + 2 > 3x - 1$	
		2 $3x - 2 < 6x + 7$ $3x - 6x > +7 + 2$ $-3x > 9$ $x < -3$ كل قيم x الأصغر تماماً من -3 هي حلول المتراجحة . $3x - 2 < 6x + 7$	

- حل متراجحة هو إيجاد كل القيم الممكنة للمجهول حتى تكون المتباينة صحيحة . هذه القيم هي حلول المتراجحة .

مثال : حل المتراجحة $5(x - 1) \geq 7x + 3$.

$$5(x - 1) \geq 7x + 3$$

$$5x - 5 \geq 7x + 3$$

$$5x - 7x \geq 3 + 5$$

$$-2x \geq 8$$

$$x \leq -4$$

حلول المتراجحة $5(x - 1) \geq 7x + 3$ هي كل قيم x الأصغر من أو تساوي -4 .

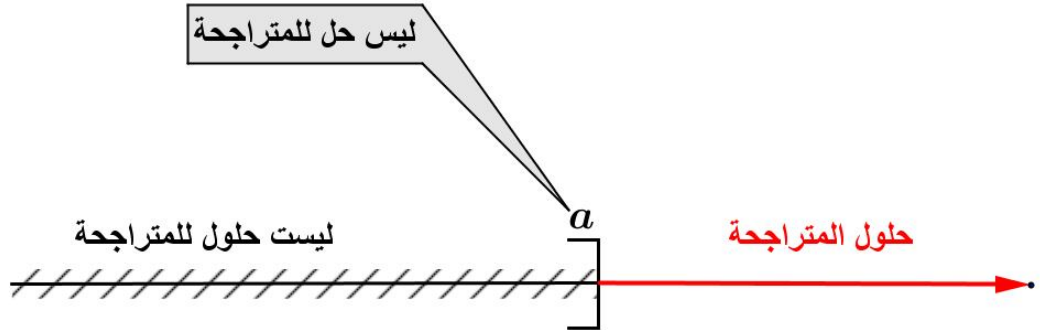
التمرين 1 ص 79 .

التمارين 2 و 3 و 6 ص 79

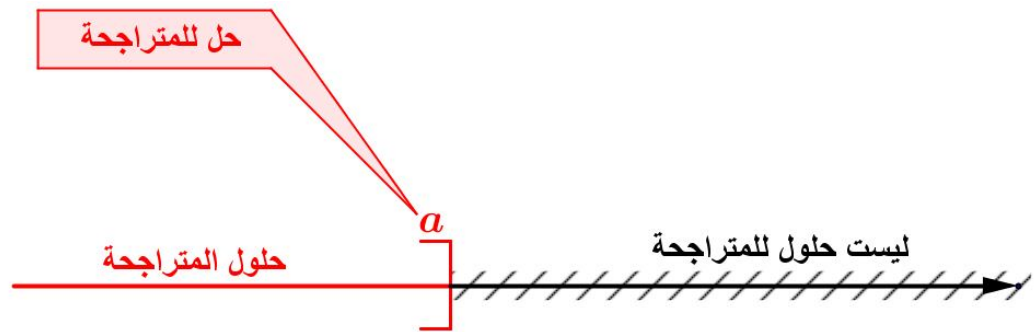
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات												
تهيئة	- يتذكر خوارزمية حل متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد .	■ حل المتراجحة $3x + 4 < x + 2$. ■ حل المتراجحة $-3x - 5 \geq 7x + 25$. النشاط 4 ص 76	المنهاج: قبل الشروع في حل متراجحة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد ، نتأكد من أن الخواص المتعلقة بالترتيب و العمليات المدروسة في السنة الثالثة مكتسبة من طرف التلاميذ ، و بالخصوص تلك المتعلقة بضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد سالب . إن التعلّيمات المتعلقة بحل المتراجحات تشكل صعوبات خاصة ، حيث لا نحصل حل وحيد كما في المعادلات ، بل نحصل على مجموعة من الحلول . و يعتبر التمثيل البياني على المستقيم العددي وسيلة ناجعة لجعل التلميذ يدرك هذه المجموعة . إن دراسة إشارة جداء أو حاصل قسمة عبارتين من الدرجة الأولى خارج البرنامج .												
الأنشطة		<table><tr><th>المتراجحة</th><th>حلول المتراجحة</th><th>التمثيل البياني لحلولها (الجزء الملون)</th></tr><tr><td>$x \geq 2$</td><td>كل قيم x الأكبر من أو تساوي 2</td><td></td></tr><tr><td>$x > -2$</td><td>كل قيم x الأكبر تماما من -2</td><td></td></tr><tr><td>$x < 3$</td><td>كل قيم x الأصغر تماما من 3</td><td></td></tr></table>	المتراجحة	حلول المتراجحة	التمثيل البياني لحلولها (الجزء الملون)	$x \geq 2$	كل قيم x الأكبر من أو تساوي 2		$x > -2$	كل قيم x الأكبر تماما من -2		$x < 3$	كل قيم x الأصغر تماما من 3		
المتراجحة	حلول المتراجحة	التمثيل البياني لحلولها (الجزء الملون)													
$x \geq 2$	كل قيم x الأكبر من أو تساوي 2														
$x > -2$	كل قيم x الأكبر تماما من -2														
$x < 3$	كل قيم x الأصغر تماما من 3														
		اعتمادا على الأمثلة اعلاه حل المتراجحات وتمثيلها بيانيا :													
	أ) $3x < 18$ $x < 6$ حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأصغر تماما من 6 فيكون تمثيل حلولها :	ب) $-5x \leq 25$ $x \geq -5$ حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأكبر من أو تساوي -5 فيكون تمثيل حلولها :													
	ج) $-4x + 6 \geq -20 - 2x$ $-4x + 2x \geq -20 - 6$ $-2x \geq -26$ $x \leq 13$ حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأصغر من أو تساوي 13. فيكون تمثيل حلولها :	د) $3x + 2 > x - 6$ $3x - x > -6 - 2$ $2x > -8$ $x > -4$ حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأكبر تماما من -4. فيكون تمثيل حلولها :													

- تمثل حلول متراجحة على مستقيم عددي .

حلول المتراجحة $x > a$ تمثل بيانياً :



حلول المتراجحة $x \leq a$ تمثل بيانياً :



مثل بيانيا حلول المتراجحتين: $3x + 4 < x + 2$ و $-3x - 5 \geq 7x + 25$.

إعادة
الاستثمار

تمارين
التدريب
اليومي

التمارين 4 و 6 و 7 ص 79
3 و 7 ص 80

المطلوب حل المتراجحات مع تمثيل حلولها بيانيا :

$$3 \text{ لدينا } -4x - 3 < 2x + 2 :$$

يعني :

$$-4x - 2x < 3 + 2$$

$$-6x < 5$$

$$x > -\frac{5}{6}$$

إذن : حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأكبر تماما من $-\frac{5}{6}$.

$$6 \text{ لدينا } -\frac{3}{4}x \leq 6 :$$

$$x \geq -\frac{6 \times 4}{3} \text{ يعني :}$$

$$x \geq -8$$

إذن : حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأكبر أو تساوي من -8 .

$$1 \text{ لدينا } 2x + 3 \leq \frac{1}{5} :$$

يعني :

$$2x \leq \frac{1}{5} - 3$$

$$2x \leq \frac{1-15}{5}$$

$$x \leq -\frac{14}{10}$$

$$x \leq -\frac{7}{5}$$

إذن : حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأصغر من أو تساوي $-\frac{7}{5}$.

$$2 \text{ لدينا } -\frac{2}{3}x - 1 \leq \frac{1}{4} :$$

يعني :

$$-\frac{2}{3}x \leq \frac{1}{4} + 1$$

$$-\frac{2}{3}x \leq \frac{1+4}{4}$$

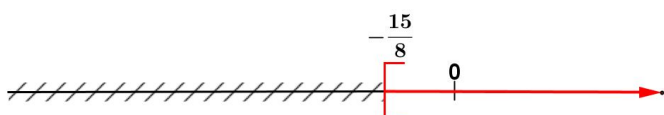
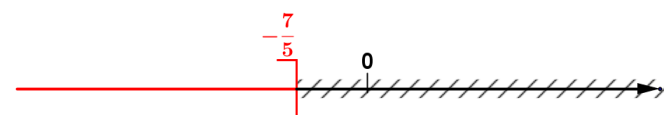
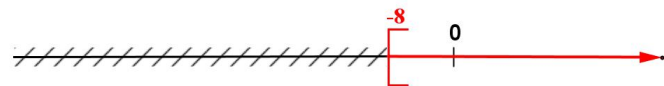
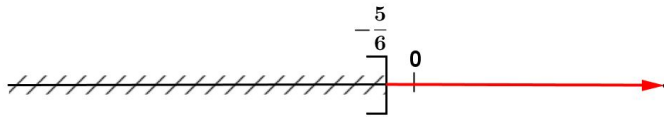
$$-\frac{2}{3}x \leq \frac{5}{4}$$

$$x \geq -\frac{15}{8}$$

إذن : حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأكبر من أو تساوي $-\frac{15}{8}$.

نبدأ بالمتراجحة
رقم 3

المنهاج: قبل الشروع في حل متراجحة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد ، نتأكد من أن الخواص المتعلقة بالترتيب و العمليات المدروسة في السنة الثالثة مكتسبة من طرف التلاميذ ، و بالخصوص تلك المتعلقة بضرب (أو قسمة) طرفي متباينة في عدد سالب . إن التعلمات المتعلقة بحل المتراجحات تشكل صعوبات خاصة ، حيث لا نحصل حل وحيد كما في المعادلات ، بل نحصل على مجموعة من الحلول . و يعتبر التمثيل البياني على المستقيم العددي وسيلة ناجعة لجعل التلميذ يدرك هذه المجموعة . إن دراسة إشارة جداء أو حاصل قسمة عبارتين من الدرجة الأولى خارج البرنامج .



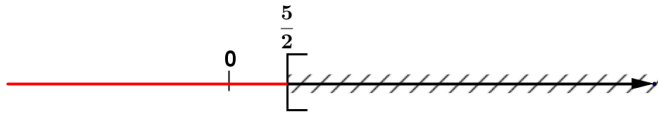
$$5) \text{ لدينا : } \frac{5x}{9} < \frac{25}{18}$$

يعني :

$$\frac{5}{9}x < \frac{25}{18}$$

$$x < \frac{25 \times 9}{18 \times 5}$$

$$x < \frac{5}{2}$$



إذن : حلول هذه المتراجحة هي كل قيم x الأصغر تماما من $\frac{5}{2}$.

تمرين 1 :

لتكن المتراجحة التالية :

$$2(1+2x) - 5(1-x) \leq x + 13$$

- 1) ما هي قيم x التي تحقق المتراجحة ؟
- 2) مثل بيانيا حلول هذه المتراجحة .
- 3) هل العدد $\frac{9}{4}$ حل للمتراجحة ؟

تمرين 2 :

1) بين أن :

$$(7x + 3)(x - 5) = 7x^2 - 32x - 15$$

2) حل المتراجحة :

$$(7x + 3)(x - 5) \geq 7x^2$$

3) مثل بيانيا مجموعة حلولها .

4) هل العدد $-\frac{1}{2}$ حل لها ؟

ملاحظات	الحل	التمارين
المنهاج: كما كان الامر في السنوات السابقة، تكون المشكلات المقترحة مختارة من المادة أو من مواد اخرى أو من المحيط الاجتماعي أو الثقافي للتلميذ . يحرص في هذا المجال على احترام التلميذ لمختلف مراحل الحل ، و المتمثلة في : - اختيار المجهول (أو المجهول) - تريبس الوضعية و ترجمتها بمعادلة أو متراجحة . - حل المعادلة أو المتراجحة أو الجملة . - مراقبة النتيجة (معقوليتها ، ملائمتها للمعطيات) - الاستخلاص (الاجابة عن السؤال) مثال : $ABCD$ مربع طول ضلعه $6cm$ نقطة M من $[AB]$ حيث $BM = 4cm$ نقطة N من $[AD]$ ما هي مواضع N التي من اجلها تكون المساحة A للمثلث MNC اصغر من ربع مساحة المربع $ABCD$ ؟	لدينا : محيط الشكل (1) : $P_1 = 2(8 - x + 5) = 2(13 - x)$ محيط الشكل (2) : $P_2 = 2(x + 11)$ محيط الشكل (1) يفوق محيط الشكل (2) يعني : $2(13 - x) > 2(x + 11)$ $13 - x > x + 11$ $-2x > -2$ $x < 1$ حل هذه المتراجحة هي كل قيم x الأصغر تماما من 1 . إذن : محيط الشكل (1) يفوق محيط الشكل (2) من اجل كل قيم x الأصغر تماما من 1 والأكبر من 0 . (لأن x يمثل طول فهو مقدار موجب) 1) $10(30 - x)m^2$ يمثل مساحة المستطيل $ABCD$. 2) $10xm^2$ يمثل مساحة المستطيل $MBCN$. 3) حل المتراجحة : $300 - 10x < 40x$ $-50x < -300$ $x > 6$ إذن : حل هذه المتراجحة هي كل قيم x الأكبر تماما من 6 . 4) مساحة المستطيل $AMND$ أقل بأربع مرات من مساحة المستطيل $MBCN$. يعني : $10(30 - x) < \frac{10x}{4}$ $40(30 - x) < 10x$ $1200 - 40x < 10x$ $-50x < -1200$ $x > 24$ إذن : كل قيم x الأكبر تماما من 24 تجعل مساحة المستطيل $AMND$ أقل بأربع مرات من مساحة المستطيل $MBCN$. 1) المتراجحة الأولى : $2(x + 80) < 240$ المتراجحة الثانية : $80x > 300$ 2) حل المتراجحتين : القيم الممكنة لعرض القطعة هي كل قيم x الأكبر من 3.75 والأصغر من 40 .	التمرين 9 ص المسألة 1 ص 81 المسألة 3 ص 81
	حل المتراجحة الأولى : $80x > 300$ $x > \frac{300}{80}$ $x > \frac{15}{4}$ $x > 3.75$ حل المتراجحة الثانية : $2(x + 80) < 240$ $2x + 160 < 240$ $2x < 240 - 160$ $2x < 80$ $x < 40$	

■ نختار x يمثل العدد الذي يضاف

■ المتراجحة: $2(16+x + 7+x) \leq 86$

■ حل المتراجحة :

$$2(16+x + 7+x) \leq 86$$

$$2(23+2x) \leq 86$$

$$46+4x \leq 86$$

$$4x \leq 86-46$$

$$4x \leq 40$$

$$x \leq 10$$

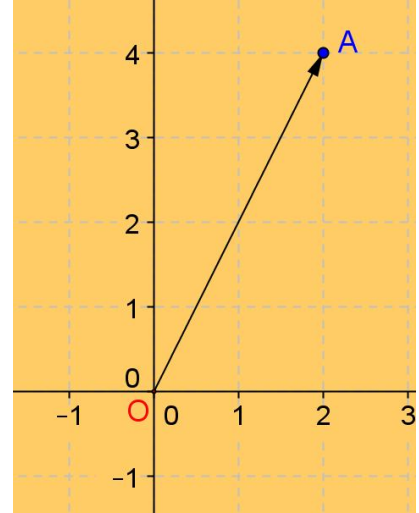
كل عدد الاقل من 40 يمكن إضافتها الى طول وعرض المستطيل دون أن يتجاوز محيطه $86cm$.

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	-	■ الإشارة إلى أنواع المعالم .	المنهاج: نظرا إلى أن إحداثيي نقطة M في معلم هما مركبتا الشعاع $\overrightarrow{OM}$ و أن مركبتي شعاع $\vec{u}$ حيث $\overrightarrow{OM} = \vec{u}$ هما إحداثيي النقطة M ، وقصد التقليص من عدد المصطلحات و التعبير ، يستحسن استعمال المصطلح "إحداثيي شعاع" بدلا من "مركبتا شعاع" و كذلك الترميز بالشكل $\vec{u}(x; y)$ بدلا من $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$
الأنشطة	- يعرف .	النشاط 1 ص 205 تعليم النقط : $A(3;2)$ ، $B(-4;-1)$ ، $C(2;-3)$. نقول إن إحداثيي النقطة A هي إحداثيي الشعاع $\overrightarrow{OA}$. ونكتب $\overrightarrow{OA}(3;2)$. ما هما إحداثيا كل من الشعاعين $\overrightarrow{OB}$ ، $\overrightarrow{OC}$. الجواب : $\overrightarrow{OB}(-4;-1)$ ، $\overrightarrow{OC}(2;-3)$. النشاط 2 ص 205 إحداثيي كل شعاع : $\vec{U}(2;3)$ $\vec{V}(-4;3)$ $\vec{K}(7;-3)$	سبق للتلميذ أن تعرف على المعلم المتعامد و المتجانس في السنوات السابقة ، يمكن في هذه السنة الإشارة (دون إطالة و لا توسع) إلى وجود معالم أخرى ، و لتسهيل العمل سنقتصر على المعلم المتعامد و المتجانس لتقديم المفاهيم المقررة في هذا الميدان . يتم إدخال مفهوم إحداثيي شعاع انطلاقا من مركب انسحابين . حيث نجعل التلميذ من خلال وضعية بسيطة (استعمال معلم متعامد و متجانس مرصوف) ، يربط إحداثيي شعاع بالإزاحتين المتتاليتين اللتين تسمحان بالمرور من مبدأ الشعاع إلى نهايته . مثال: نعتبر شعاعا $\overrightarrow{AB}$ حيث تكون A و B رأسين لمربعين من المرصوفة . إذا تم الانتقال من A إلى B بالإنسحاب

• نقطة من المستوى المزود بالمعلم $(O, \vec{OI}, \vec{OJ})$ بحيث $M(x; y)$.

إحداثيي النقطة بالنسبة إلى هذا المعلم هما **إحداثيتا** الشعاع $\vec{OM}$ ونرمزله بالرمز $\vec{OM}(x; y)$.

مثال $M(2; 4)$ ومنه $\vec{OM}(2; 4)$.



التمرين 1 ص 216

تطبيق

التمرين 2 ص 216

الواجب المنزلي

بثلاث مربعات نحو اليمين متبوعا بالانسحاب بمربعين نحو الأعلى، نقول أن العددين +3 و +2 هما إحداثيي الشعاع $\vec{AB}$ و نكتب: $\vec{AB}(+3; +2)$.

نصطلح أن نمثل باحداثيي الأول إزاحة بالتوازي مع محور الفواصل (موجب، عندما ننتقل نحو اليمين و سالب، عندما ننتقل نحو اليسار) و نمثل بالإحداثيي الثاني إزاحة بالتوازي مع محور الترتيب (موجب، عندما ننتقل نحو الأعلى وسالب، عندما ننتقل نحو الأسفل). و نمثل ذلك بإحداثيي نقطة في المستوى المزود بمعلم.

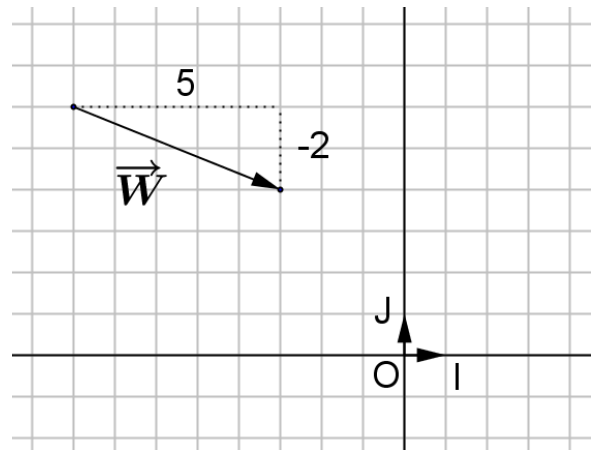
و قصد ترسيخ هذه الإصطلاحات عند التلميذ، من الضروري العمل على تنويع الأمثلة. فيمكن لهذا الغرض اقتراح نشاط يطلب فيه تعيين الإزاحتين الموافقتين لإشارتي الإحداثيين و لشعاع (مثال: و يوافق إزاحة نحو اليسار متبوعة بإزاحة نحو الأعلى).

طلبنا من التلاميذ الكتابة من الكتاب المدرسي.

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	-	■ مراجعة قراءة إحداثي شعاع .	المناهج: يتم إدخال مفهوم إحداثي شعاع انطلاقاً من مركب انسحابين . حيث نجعل التلميذ من خلال وضعية بسيطة (استعمال معلم متعامد و متجانس مرصوف) يربط إحداثي شعاع بالإزاحتين المتتاليتين اللّتين تسمحان بالمرور من مبدأ الشعاع إلى نهايته . مثال: نعتبر شعاعاً $\overrightarrow{AB}$ حيث تكون A و B رأسين لمربعين من المرصوفة . إذا تم الانتقال من A إلى B بالإنسحاب بثلاث مربعات نحو اليمين متبوعاً بالإنسحاب بمربعين نحو الأعلى، نقول أن العديدين $+3$ و $+2$ هما إحداثي الشعاع $\overrightarrow{AB}$ و نكتب: $\overrightarrow{AB} (+3; +2)$. نصطلح أن نمثل بالإحداثي الأول إزاحة بالتوازي مع محور الفواصل (موجب، عندما ننقل نحو اليمين و سالب ، عندما ننقل نحو اليسار) و نمثل بالإحداثي الثاني إزاحة بالتوازي مع محور الترتيب (موجب ، عندما ننقل نحو الأعلى و سالب ، عندما ننقل نحو الأسفل) . و نمثل ذلك بإحداثي نقطة في المستوي المزود بمعلم .
الأنشطة	- يعرف .	النشاط 3 ص 206 نقل الشكل : تعيين النقط B, F, D بحيث : $\overrightarrow{AB} (5; 6)$ ، $\overrightarrow{EF} (1; -2)$ ، $\overrightarrow{CD} (-1; -5)$. تمثيل الأشعة $\overrightarrow{U}, \overrightarrow{T}, \overrightarrow{S}$ بحيث : $\overrightarrow{S} (4; 4)$ ، $\overrightarrow{T} (-4; 2)$ ، $\overrightarrow{U} (1; 4)$. النشاط 2 ص 205 الشعاعان $\overrightarrow{U}$ و $\overrightarrow{V}$ متساويان لأن لهما نفس الإتجاه و نفس المنحى و نفس الطول (من المرصوفة) إيجاد إحداثي الشعاعين $\overrightarrow{U}$ و $\overrightarrow{V}$: $\overrightarrow{U} (5; 4)$ $\overrightarrow{V} (5; 4)$ نلاحظ أن للشعاعين $\overrightarrow{U}$ و $\overrightarrow{V}$ نفس الإحداثيين .	

- لتمثيل شعاع بمعرفة إحداثييه نعين الإزاحتين الموافقتين لإشارتي الإحداثيتين x و y لشعاع.

مثال: لنمثل الشعاع $\vec{W}(5; -2)$.



الشعاعان المتساويان

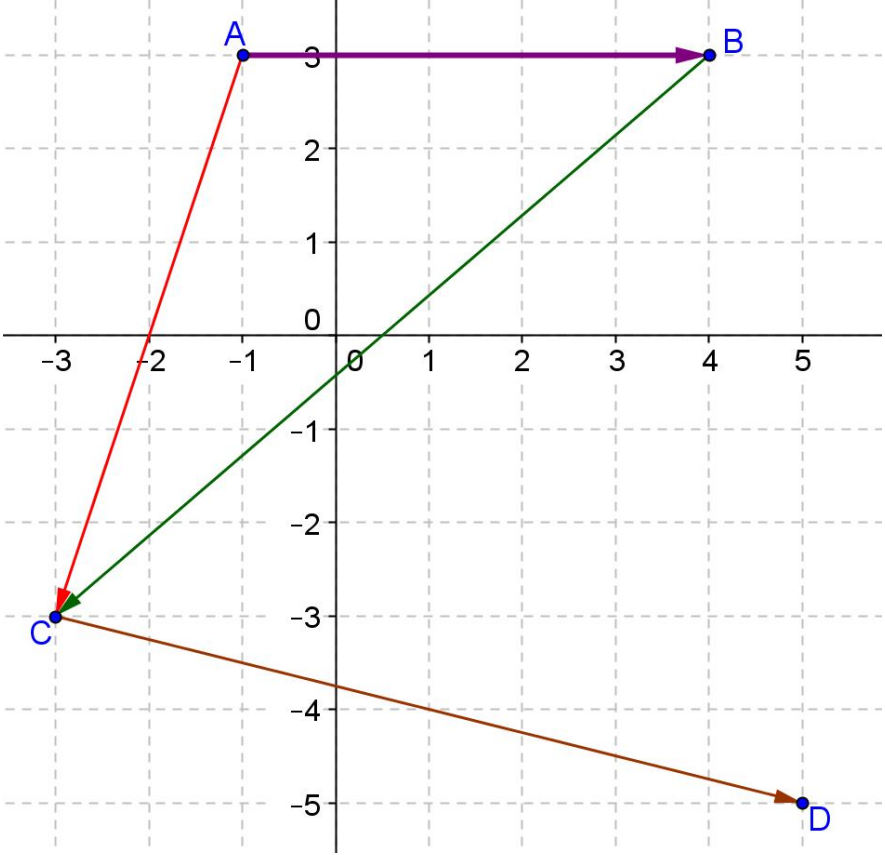
- $\vec{U}(x; y)$ و $\vec{V}(x'; y')$ شعاعان من مستو مزدود بمعلم.
- $\vec{U} = \vec{V}$ يعني $x = x'$ و $y = y'$.

التمرين 3 ص 216

التمرين 42 ص 216

و قصد ترسيخ هذه الإصطلاحات عند التلميذ ، من الضروري العمل على تنويع الأمثلة .
فيمكن لهذا الغرض اقتراح نشاط يطلب فيه تعيين الإزاحتين الموافقتين لإشارتي الإحداثيين و لشعاع (مثال : و يوافق إزاحة نحو اليسار متبوعة بإزاحة نحو الأعلى) .

نجعل التلميذ يستنتج، انطلاقا من وضعيات بسيطة (مثل رسم شعاعين متساويين و قراءة إحداثيي كل منهما) ، الخاصية التالية :
"يكون شعاعان متساويين إذا و فقط إذا كان إحداثييهما كئساويين.

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر جمع و طرح عددين نسبيين .	■ انجز العمليات الآتية : $-4 - 1 = \dots$ $2 - (-7) = \dots$ $-6 - (-5) = \dots$	المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ أنه ليس من السهل دائما قراءة احداثيي شعاع في معلم (عندما لا يكون احداثيا مبدأ الشعاع أو نهايته صحيحين أو يكونا عددين كبيرين) و هو ما يتطلب اتباع إجراء صارم لتعيين الاحداثيين . و يكون إدخال قواعد الحساب المترتبة عن ذلك انطلاقا من امثلة عددية و تقبل في الحالة العامة .
الأنشطة	- يعرف .	النشاط 5 ص 206 1. تعليم النقط: $A(-1;3)$, $B(4;3)$, $C(-3;-3)$, $D(5;-5)$.  2. ايجاد احداثيي كل شعاع : 3. حساب : $x_B - x_A = 4 - (-1) = 4 + (+1) = 5$ $y_B - y_A = 3 - 3 = 0$ نلاحظ أن: $x_B - x_A$ و $y_B - y_A$ هما إحداثيي الشعاع $\overrightarrow{AB}$. 4. حساب : $x_D - x_C = 5 - (-3) = 5 + (+3) = 8$ $y_D - y_C = -5 - (-3) = -5 + (+3) = -2$ نلاحظ أن: $x_D - x_C$ و $y_D - y_C$ هما إحداثيي الشعاع $\overrightarrow{CD}$.	

- $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$ نقطتان من مستو مزدوج بمعلم حيث:
إحداثيتي الشعاع $\overrightarrow{AB}$ هما: $x_B - x_A$ و $y_B - y_A$.
أي: $\overrightarrow{AB}(x_B - x_A; y_B - y_A)$.

مثال : حساب إحداثيتي $\overrightarrow{AB}$ حيث $A(6; 2)$ ، $B(1; 4)$.

$$x_B - x_A = 1 - 6 = -5 \quad y_B - y_A = 4 - 2 = 2$$



ومنه $\overrightarrow{AB}(-5; 2)$.

التمرين 6 ص 216 B، A نقطتان

التمرين 7 ص 216
التمرين 8 ص 216

انتبه : رقم هذا التمرين هو 7 في بعض الكتب المدرسية .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يراجع طريقة إيجاد إحداثيي شعاع بمعرفة إحداثيي مبدئه و نهايته.	■ E و F نقطتان من مستو مزود بمعلم، حيث $E(7; -2)$ و $F(-1; 3)$. - أوجد إحداثيي الشعاع $\overrightarrow{EF}$.	المنهاج: و يكون بالمثل بالنسبة إلى القاعدة التي تسمح بحساب المسافة بين النقطتين و (أو طول القطعة) بمعرفة إحداثيي كل من النقطتين و القواعد التي تسمح بحساب إحداثيي منتصف قطعة بمعرفة إحداثيي كل من طرفيها.
	- يعرف .	النشاط 7 ص 207 1. تعليم النقط: $A(3; -2)$، $B(-1; -2)$، $C(5; 3)$، $D(-1; 3)$. 2. إيجاد إحداثيي كل من M و N من الشكل فإن : $M(1; -2)$، $N(2; 3)$ 3. حساب : $\frac{x_B + x_A}{2} = \frac{-1 + (-1)}{2} = \frac{-2}{2} = -1$ $\frac{y_B + y_A}{2} = \frac{-2 + (-2)}{2} = \frac{-4}{2} = -2$ نلاحظ أن: $\frac{x_B + x_A}{2}$ و $\frac{y_B + y_A}{2}$ هما إحداثيي النقطة M. حساب : $\frac{x_D + x_C}{2} = \frac{-1 + 5}{2} = \frac{4}{2} = 2$ $\frac{y_D + y_C}{2} = \frac{3 + 3}{2} = \frac{6}{2} = 3$ نلاحظ أن: $\frac{x_D + x_C}{2}$ و $\frac{y_D + y_C}{2}$ هما إحداثيي النقطة N.	

A و B نقطتان من مستو مزود بمعلم حيث: $A(x_A; y_A)$ و $B(x_B; y_B)$.

إحداثيتا النقطة M منتصف القطعة $[AB]$ هما :

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} \text{ و } y_M = \frac{y_A + y_B}{2}$$

$$\text{أي: } M\left(\frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2}\right)$$

مثال : حساب إحداثيتا النقطة M منتصف القطعة $[AB]$ ، حيث $A(6; 2)$ ، $B(1; 4)$.

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{6+1}{2} = \frac{7}{2}$$

$$y_M = \frac{y_A + y_B}{2} = \frac{2+4}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

$$\text{ومنه: } M\left(\frac{7}{2}; 3\right)$$

التمرين 12 ص 217 A B C D ثلاث نقط

التمرين 11 ص 217
التمرين 13 ص 217

انتبه : رقم هذا التمرين هو 13 في بعض الكتب المدرسية .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة الأنشطة	- يراجع طريقة ايجاد احداثي شعاع بمعرفة احداثي مبدئه و نهايته و احداثي منتصف قطعة بمعرفة احداثي طرفيها.	■ E و F نقطتان من مستو مزود بمعلم، حيث $E(4; -3)$ و $F(-2; 5)$. - أوجد احداثي الشعاع $\overrightarrow{EF}$. - أوجد احداثي النقطة M منتصف القطعة $[EF]$. النشاط 6 ص 207 1. انقل واكمل : المثلث ABC قائم في C . حسب نظرية فيثاغورس لدينا : $AB^2 = AC^2 + BC^2$ 2. التعبير عن AC و BC بدلالة x_A, x_B, y_A, y_B من الشكل المعطى: $AC = x_B - x_A$ $BC = y_B - y_A$ 3. بين أن: $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$ مما سبق لدينا: $AB^2 = AC^2 + BC^2$ بالتعويض: $AB^2 = (x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2$ ومنه: $AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$ 4. حساب المسافة AB في كل حالة : 1) $A(-2; 1), B(-2; 4)$ $AB = \sqrt{(-2 - (-2))^2 + (4 - 1)^2} = \sqrt{0 + 3^2} = 3$ 2) $A(-2; 2), B(3; 2)$ $AB = \sqrt{(3 - (-2))^2 + (2 - 2)^2} = \sqrt{5^2 + 0} = 5$ 3) $A(2; 3), B(2; -4)$ $AB = \sqrt{(2 - 2)^2 + (-4 - 2)^2} = \sqrt{0 + 6^2} = 6$	المنهاج: و يكون بالمثل بالنسبة إلى القاعدة التي تسمح بحساب المسافة بين النقطتين و (أو طول القطعة) بمعرفة احداثي كل من النقطتين و القواعد التي تسمح بحساب احداثي منتصف قطعة بمعرفة احداثي كل من طرفيها.

• A و B نقطتان من مستو مزود بمعلم متعامد ومتجانس حيث :

$$A(x_A; y_A) \text{ و } B(x_B; y_B).$$

المسافة بين النقطتين A و B هي :

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$$

مثال : حساب المسافة بين النقطتين A و B ، حيث $A(8; -2)$ ، $B(1; -3)$.
لدينا :

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(1-8)^2 + (-3-(-2))^2} \\ &= \sqrt{(-7)^2 + (-1)^2} \\ &= \sqrt{49+1} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2} \end{aligned}$$

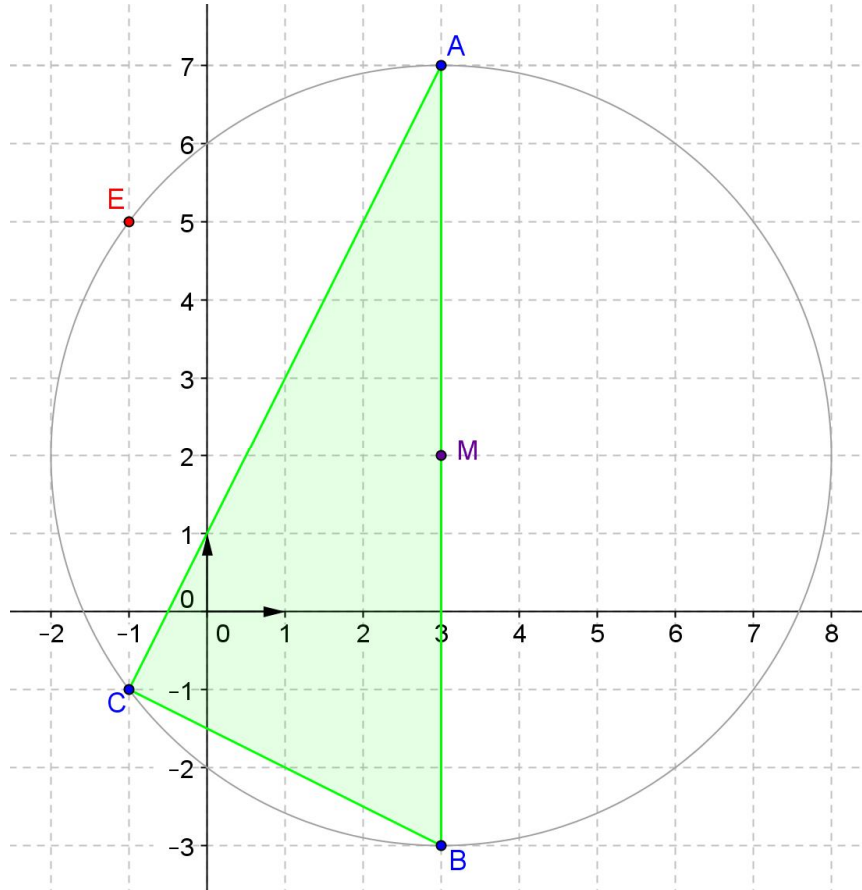
إذا كانت وحدة الطول هي السنتيمتر فإن $AB = 5\sqrt{2}cm$.

التمرين 16 ص 217 A B ثلاث نقط

التمرين 9 ص 218
التمرين 8 ص 218

انتبه : رقم هذا التمرين هو 17 في بعض الكتب المدرسية .

1. تعليم النقط: $A(3;7)$, $B(3;-3)$, $C(-1;-1)$.



2. إحداثيي كل من الشعبة: $\overrightarrow{AB}$, $\overrightarrow{AC}$, $\overrightarrow{BC}$.

$$\overrightarrow{AB}(0;-10) \quad \begin{cases} x_B - x_A = 3 - 3 = 0 \\ y_B - y_A = -3 - 7 = -10 \end{cases}$$

$$\overrightarrow{AC}(-4;-8) \quad \begin{cases} x_C - x_A = -1 - 3 = -4 \\ y_C - y_A = -1 - 7 = -8 \end{cases}$$

$$\overrightarrow{BC}(-4;2) \quad \begin{cases} x_C - x_B = -1 - 3 = -4 \\ y_C - y_B = -1 - (-3) = +2 \end{cases}$$

3. حساب الاطوال:

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} = \sqrt{(3-3)^2 + (-3-7)^2} \\ &= \sqrt{(0)^2 + (-10)^2} = \sqrt{0+100} = \sqrt{100} = 10 \end{aligned}$$

$$AB = 10cm$$

$$AC = \sqrt{(x_C - x_A)^2 + (y_C - y_A)^2} = \sqrt{(-1-3)^2 + (-1-7)^2}$$

$$= \sqrt{(-4)^2 + (-8)^2} = \sqrt{16+64} = \sqrt{80} = \sqrt{16 \times 5} = 4\sqrt{5}$$

$$AC = \sqrt{80} \text{cm} = 4\sqrt{5}$$

$$BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2} = \sqrt{(-1-3)^2 + (-1-(-3))^2}$$

$$= \sqrt{(-4)^2 + (-1+(+3))^2} = \sqrt{16+4} = \sqrt{20} = \sqrt{4 \times 5} = 2\sqrt{5}$$

$$BC = \sqrt{20} \text{cm} = 2\sqrt{5} \text{cm}$$

4 المثلث ABC قائم في C ؟
لدينا :

$$AB^2 = 10^2 = 100$$

$$AC^2 + BC^2 = (\sqrt{80})^2 + (\sqrt{20})^2 = 80 + 20 = 100$$

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 \quad \text{إذن :}$$

ومنه : المثلث ABC قائم في C . (حسب النظرية العكسية لفيتاغورس)

5 M مركز الدائرة (C) المحيطة بالمثلث ABC قائم في C ، يعني M منتصف الوتر $[AB]$ (حسب نظرية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم) .

وعليه :

$$x_M = \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{3+3}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

$$y_M = \frac{y_A + y_B}{2} = \frac{-3+7}{2} = \frac{4}{2} = 2$$

فيكون : $M(3;2)$.

حساب نصف قطر الدائرة المحيطة بالمثلث ABC وليكن r :

$$r = \frac{AB}{2} = \frac{10}{2} = 5$$

$$r = 5 \text{cm}$$

إنتبه : يمكن حساب r بحساب الطول AM أو BM لأن $AM = BM$ $r = \frac{AB}{2}$.

6 النقطة $k(-1;5)$ تنتمي الى الدائرة (C) ؟

كي تكون النقطة $k(-1;5)$ تنتمي الى الدائرة (C) يكفي أن يتحقق :

$$ME = r = 5 \text{cm}$$

إذن :

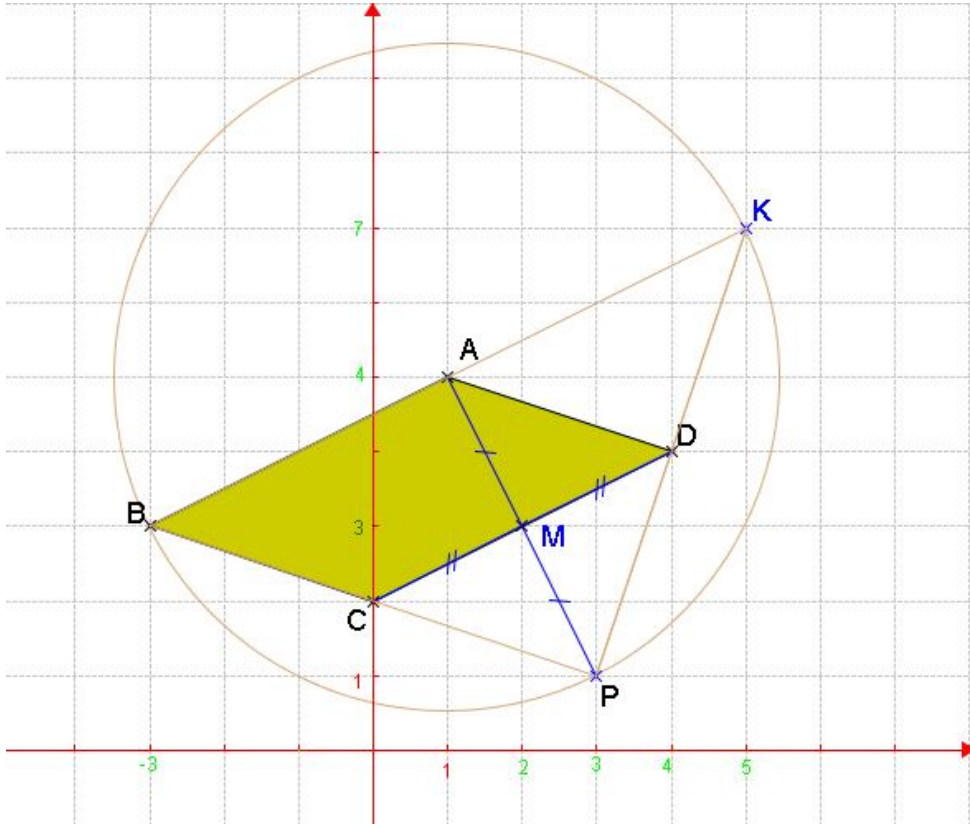
$$ME = \sqrt{(x_E - x_M)^2 + (y_E - y_M)^2} = \sqrt{(3-(-1))^2 + (2-5)^2}$$

$$= \sqrt{(3+(+1))^2 + (-3)^2} = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5$$

$$ME = 5 \text{cm}$$

ومنه : النقطة $k(-1;5)$ تنتمي الى الدائرة (C) .

• تعليم النقط : $A(1;5)$ ، $B(-3;3)$ ، $C(0;2)$ ، $D(4;4)$.



• كي نثبت أن الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع يكفي أن نبين أن : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

$$\overrightarrow{AB}(-4;-2) \quad \left| \begin{array}{l} x_B - x_A = -3 - 1 = -4 \\ y_B - y_A = 3 - 5 = -2 \end{array} \right.$$

$$\overrightarrow{DC}(-4;-2) \quad \left| \begin{array}{l} x_C - x_D = 0 - 4 = -4 \\ y_C - y_D = 2 - 4 = -2 \end{array} \right.$$

للمشعاعان ونفس الحداثيين فإن : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

ومنه فإن الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع .

• حساب إحداثيي M منتصف $[CD]$.

$$x_M = \frac{x_C + x_D}{2} = \frac{0 + 4}{2} = \frac{4}{2} = 2$$

$$y_M = \frac{y_C + y_D}{2} = \frac{2 + 4}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

إذن : $M(2;3)$

حساب إحداثيي P نظيرة A بالنسبة إلى M :

هذا يعني : M منتصف $[AP]$.

$$2 = \frac{1 + x_P}{2} \quad x_M = \frac{x_A + x_P}{2}$$

$$3 = \frac{5 + y_P}{2} \quad \text{بالتعويض:} \quad y_M = \frac{y_A + y_P}{2}$$

$$x_P = 3 \quad 1 + x_P = 4$$

$$y_P = 1 \quad \text{ومنه: أي:} \quad 5 + y_P = 6$$

وعليه: $P(3;1)$

• A مركز الدائرة المحيطة بالمثلث KPB يعني: $AK = AP = AB$.
لنتحقق من ذلك:

$$AK = \sqrt{(x_K - x_A)^2 + (y_K - y_A)^2} = \sqrt{(5-1)^2 + (7-5)^2}$$

$$= \sqrt{(4)^2 + (2)^2} = \sqrt{16+4} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

$$AK = 2\sqrt{5}cm$$

$$AP = \sqrt{(x_P - x_A)^2 + (y_P - y_A)^2} = \sqrt{(3-1)^2 + (1-5)^2}$$

$$= \sqrt{(2)^2 + (-4)^2} = \sqrt{4+16} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

$$AP = 2\sqrt{5}cm$$

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} = \sqrt{(-3-1)^2 + (3-5)^2}$$

$$= \sqrt{(-4)^2 + (-2)^2} = \sqrt{16+4} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

$$AB = 2\sqrt{5}cm$$

إذن: A مركز الدائرة المحيطة بالمثلث KPB .

تعريف

- عندما نرفق كل عدد x بالجداء ax ، حيث a عدد حقيقي معطى، نقول إننا عرفنا دالة خطية.
- نرمز لها بـ: $f : x \mapsto ax$.
- نسمي $f(x)$ صورة x بالدالة f ، ونكتب: $f(x) = ax$.
- يسمى العدد a معامل الدالة.

مثال 1: الدالة التي ترفق كل عدد x بضغفه هي دالة خطية.

نرمز لها بـ: $f : x \mapsto 2x$

صورة العدد 7 بالدالة f هي $f(7)$.

ونكتب $f(7) = 2 \times 7 = 14$.

إذن صورة العدد 7 بالدالة g هي 14.

مثال 2: الدالة التي ترفق كل عدد x بنصفه هي دالة خطية.

نرمز لها بـ $g : x \mapsto \frac{1}{2}x$

صورة العدد 7 بالدالة g هي $g(7)$.

ونكتب $g(7) = \frac{1}{2} \times 7 = 3.5$.

إذن صورة العدد 7 بالدالة g هي 3.5.

إنتبه: الدالة الخطية تعبر عن وضعية تناسبية.

التمرين 6 ص 101

تطبيق

الواجب

المنزلي

تمرين 1:

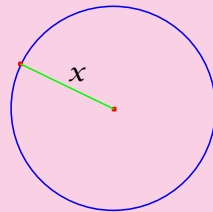
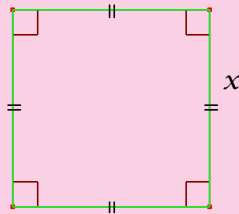
اليك الشكل المقابل:

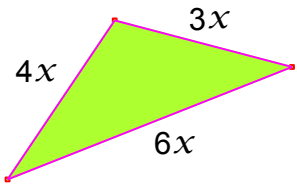
- عبر عن $P(x)$ محيط المربع بدلالة x .
- عبر عن $A(x)$ مساحة المربع بدلالة x .
- هل P دالة خطية وهل A دالة خطية؟

تمرين 2:

اليك الشكل المقابل:

- عبر عن $P(x)$ محيط الدائرة بدلالة x .
- عبر عن $A(x)$ مساحة الدائرة بدلالة x .
- هل P دالة خطية وهل A دالة خطية؟



المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات															
تهيئة الأنشطة	- يتذكر تعريف الدالة الخطية .	■ اليك الشكل المقابل : - عبر عن P محيط المثلث بدلالة x . - هل P دالة خطية ؟ النشاط الثاني النشاط 1 : - تعيين عدد علمت صورته بدالة . نعتبر الدالة الخطية f المعرفة كما يلي $f : x \mapsto 5x$ مثلا $x = 4$: يعني $f(4) = 5 \times 4 = 20$ نقول أن صورة العدد 4 بالدالة f هي 20 . أو العدد الذي صورته 20 بالدالة f هو 4 . أكمل الجدول التالي : <table><tr><th>قيم x</th><th>صورة x بالدالة f أي $f(x)$</th><th>النتيجة</th></tr><tr><td>.....</td><td>-3</td><td>$f(x) = -3$ يعني $5 \times x = -3$ ومنه : $x = \frac{-3}{5}$ العدد الذي صورته -3 بالدالة f هو</td></tr><tr><td>.....</td><td>11</td><td>$f(x) = 11$ يعني $5 \times x = \dots$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته 11 بالدالة f هو</td></tr><tr><td>.....</td><td>45</td><td>$f(x) = 45$ يعني $5 \times x = 45$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته 45 بالدالة f هو</td></tr><tr><td>.....</td><td>$\frac{2}{3}$</td><td>$f(x) = \frac{2}{3}$ يعني $5 \times x = \dots$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته $\frac{2}{3}$ بالدالة f هو</td></tr></table> 	قيم x	صورة x بالدالة f أي $f(x)$	النتيجة		-3	$f(x) = -3$ يعني $5 \times x = -3$ ومنه : $x = \frac{-3}{5}$ العدد الذي صورته -3 بالدالة f هو		11	$f(x) = 11$ يعني $5 \times x = \dots$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته 11 بالدالة f هو		45	$f(x) = 45$ يعني $5 \times x = 45$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته 45 بالدالة f هو		$\frac{2}{3}$	$f(x) = \frac{2}{3}$ يعني $5 \times x = \dots$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته $\frac{2}{3}$ بالدالة f هو	المنهاج: إن مفهوم الدالة متناول هنا من خلال الخطية فقط ، و كل دراسة نظرية لمفهوم الدالة خارج البرنامج . يتم إدخال مفهوم الدالة الخطية من خلال وضعيات يتدخل فيها مقداران متناسبان . يستنتج أن الدالة الخطية ذات ذات المعامل a (a عدد معطى) تعبر عن السيرورة "اضرب في a" . كما ندخل الترميز $x \mapsto ax$ (كتابة و قراءة) و التعبير التعلق بهذا المفهوم (صورة ، دالة خطية لمقدار) . يمكن أن يشكل الرمز $f(x)$ صعوبة للتلاميذ ، كونه لا يوافق الترميز المألوف في الحساب الحرفي و استعمال الاقواس لذا ، ينبغي التأكيد على شرح استعماله و تمييزه عن الترميز الآخر . في إطار المقاربة الاولى هذه ، نتجنب الاكثار في التعبيرات (لا تقدم كلمة "سابق" مثلا و التي يمكن تعويضها بالعبارة "العدد الذي صورته...") ، لأن الهدف يبقى استيعاب مفهوم الدالة الخطية .
قيم x	صورة x بالدالة f أي $f(x)$	النتيجة																
.....	-3	$f(x) = -3$ يعني $5 \times x = -3$ ومنه : $x = \frac{-3}{5}$ العدد الذي صورته -3 بالدالة f هو																
.....	11	$f(x) = 11$ يعني $5 \times x = \dots$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته 11 بالدالة f هو																
.....	45	$f(x) = 45$ يعني $5 \times x = 45$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته 45 بالدالة f هو																
.....	$\frac{2}{3}$	$f(x) = \frac{2}{3}$ يعني $5 \times x = \dots$ بمعني $x = \dots$ العدد الذي صورته $\frac{2}{3}$ بالدالة f هو																

• دالة خطية معرفة كما يلي : $f : x \mapsto 3.5x$.
 - ما هو العدد الذي صورته -70 بالدالة f ؟

■ العدد الذي صورته -70 يعني : $f(x) = -70$

أي : $3.5x = -70$

ومنه : $x = \frac{-70}{3.5} = -20$

إذن العدد الذي صورته -70 هو -20 .

التمرين 8 ص 102

التمرين 7 ص 102

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر تعيين صورة عدد بدالة خطية و تعيين عدد علمت صورته بدالة خطية .	$f: x \mapsto \frac{5}{3}x$ دالة خطية معرفة كما يلي - احسب $f(1), f(0), f(3), f(5)$ - اوجد العدد الذي صورته 30 بالدالة f.	المنهاج: إن مفهوم الدالة متناول هنا من خلال الخطية فقط ، و كل دراسة نظرية لمفهوم الدالة خارج البرنامج . يتم إدخال مفهوم الدالة الخطية من خلال وضعيات يتدخل فيها مقداران متناسبان . يستنتج أن الدالة الخطية ذات ذات المعامل a (عدد معطى) تعبر عن السيرورة "اضرب a في " . كما ندخل الترميز $x \mapsto ax$ (كتابة و قراءة) و التعبير التعلق بهذا المفهوم (صورة ، دالة خطية لمقدار) . يمكن أن يشكل الرمز $f(x)$ صعوبة للتلاميذ ، كونه لا يوافق الترميز المألوف في الحساب الحرفي و استعمال الاقواس لذا ، ينبغي التأكيد على شرح استعماله و تمييزه عن الترميز الآخر . في إطار المقاربة الاولى هذه ، نتجنب الاكثار في التعابير (لا تقدم كلمة "سابق" مثلا و التي يمكن تعويضها بالعبارة "العدد الذي صورته" . هو...." ، لأن الهدف يبقى استيعاب مفهوم الدالة الخطية .
الأنشطة		النشاط 3 ص 87 1 المطلوب تعيين الدالة $f: x \mapsto ax$ أي $f(x) = ax$. حيث $f(7) = -3$. يكفي تعيين قيمة العدد a لتعيين الدالة f . لدينا من تعريف الدالة الخطية $f(x) = ax$. فيكون $f(7) = a \times 7$: هذا من جهة . ومن جهة أخرى وحسب المعطيات $f(7) = -3$. إذن $a \times 7 = -3$. ومنه $a = -\frac{3}{7}$. وعليه فالدالة المطلوب تعيينها هي $f: x \mapsto -\frac{3}{7}x$. أي $f(x) = -\frac{3}{7}x$. 2 حساب $f(-7), f(3.5), f(-10.5)$. $f(-7) = -\frac{3}{7} \times (-7) = +3$ $f(3.5) = -\frac{3}{7} \times 3.5 = -\frac{10.5}{7} = -1.5$ $f(-10.5) = -\frac{3}{7} \times (-10.5) = +\frac{31.5}{7}$	نطلب من التلاميذ تحضير أوراق مليمتريّة للحصص المقبلة .

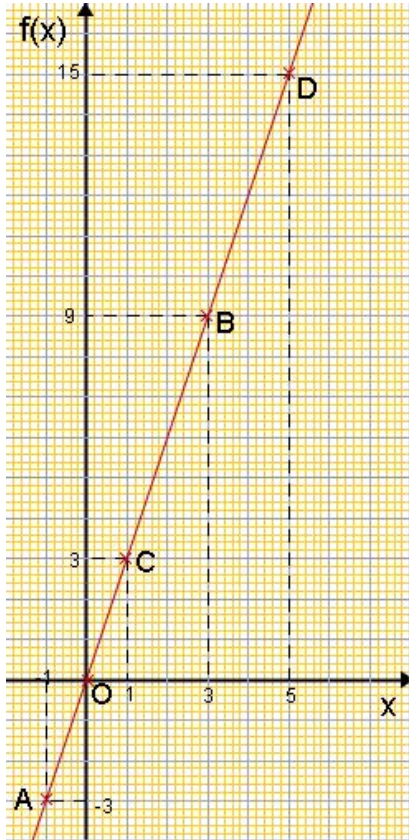
يكتب حل النشاط 3 ص 87.

مثال :عين الدالة الخطية h حيث $h(3) = 2.1$.

عين الدالة الخطية g حيث صورة العدد 4 بهذه الدالة هي $-\frac{1}{3}$.

نطلب من التلاميذ
تحضير أوراق
مليمترية للحصص
المقبلة .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																								
تهيئة الأنشطة	- يتذكر .	النشاط 5 ص 88 1. كن الدالة الخطية المعرفة كما يلي: $f: x \mapsto 3x$. • المطلوب تمثيل الدالة f في معلم $(o, \overrightarrow{oi}, \overrightarrow{oj})$. <table border="1"> <thead> <tr> <th>النقطة</th><th>الفاصلة x</th><th>الترتيب $f(x)$</th><th>احداثيات النقطة</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A</td><td>-1</td><td>-3</td><td>$(-1; -3)$</td></tr> <tr> <td>B</td><td>3</td><td>9</td><td>$(3; 9)$</td></tr> <tr> <td>C</td><td>1</td><td>3</td><td>$(1; 3)$</td></tr> <tr> <td>D</td><td>5</td><td>15</td><td>$(5; 15)$</td></tr> <tr> <td>O</td><td>0</td><td>0</td><td>$(0; 0)$</td></tr> </tbody> </table>	النقطة	الفاصلة x	الترتيب $f(x)$	احداثيات النقطة	A	-1	-3	$(-1; -3)$	B	3	9	$(3; 9)$	C	1	3	$(1; 3)$	D	5	15	$(5; 15)$	O	0	0	$(0; 0)$	المنهاج: تعلم التلميذ ، في السنة الثالثة متوسط ، أن يمثل وضعية تناسبية (غالبا ما تعطى في شكل جدول أعداد) بنقط تكون على استقامة واحدة مع مبدأ المعلم. و هي الخاصية التي يمكن البرهان عليها باستعمال نظرية طالس . بهذه المناسبة ، يتم ادخال التعبير الناتجة عن ذلك (معامل توجيه المستقيم ، المستقيم الذي معادلته) . مثال : إذا كان المستقيم (d) هو التمثيل البياني للدالة الخطية $x \mapsto -3x$ ، نقول أن (d) هو المستقيم الذي معادلته $y = -3x$.
النقطة	الفاصلة x	الترتيب $f(x)$	احداثيات النقطة																								
A	-1	-3	$(-1; -3)$																								
B	3	9	$(3; 9)$																								
C	1	3	$(1; 3)$																								
D	5	15	$(5; 15)$																								
O	0	0	$(0; 0)$																								
- يمثل دالة خطية بيانيا .		بعد تمثيل الدالة f في معلم $(o, \overrightarrow{oi}, \overrightarrow{oj})$ نلاحظ أن النقط A, B, C, D, O على استقامة واحدة . • المطلوب البرهان أن النقط التي احداثياتها $(x; f(x))$ تنتمي إلى المستقيم الذي يشمل النقط A, B, C, D, O • حساب النسبتين : (شروط نظرية طالس محققة : المستقيمان المتوازيان و القاطعان) $\frac{OM'}{OC'} = \frac{x_1}{x_2}$ $\frac{MM'}{CC'} = \frac{f(x_1)}{f(x_2)} = \frac{3x_1}{3x_2} = \frac{x_1}{x_2}$ • اكمل ما يلي : لدينا : في المثلث القائم OCC' $M' \in (OC')$ و $(MM') \parallel (CC')$ و $\frac{MM'}{CC'} = \frac{OM'}{OC'}$ ، حسب ن طالس فإن $M \in (OC)$ (العكسية) إذن : M, O, C على استقامة واحدة . هذا المستقيم هو التمثيل البياني للدالة الخطية $f: x \mapsto 3x$.	يمكن عدم التطرق للبرهان ربعا للوقت .																								

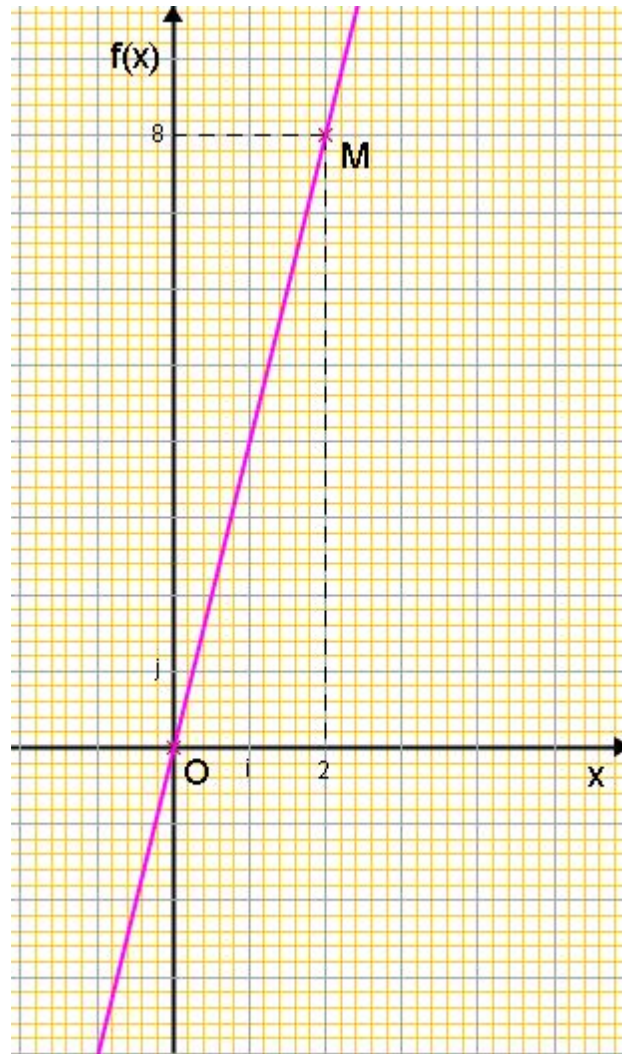


• التمثيل البياني لدالة خطية هو مستقيم يمر بالمبدأ .
إذن يكفي تعيين نقطة واحدة تختلف عن المبدأ لرسمه .

مثال : الدالة الخطية المعروفة بـ $f(x) = 4x$ تمثيلها البياني هو مستقيم يمر بالمبدأ .
يكفي تعيين نقطة أخرى غير المبدأ لرسمه .

إذا كان $x = 2$ فإن $f(2) = 4 \times 2 = 8$. إذن النقطة $M(2; 8)$ تنتمي إلى التمثيل
البياني للدالة f .

نقول أن التمثيل البياني للدالة f هو المستقيم (OM) الذي معادلته $y = 4x$.
العدد 4 (معامل الدالة) يسمى معامل توجيه المستقيم (OM) .



تطبيق

التمرين 11 ص 102

الواجب
المنزلي

المراحل

تهيئة

الأنشطة

مؤشرات الكفاءة

- يتذكر .

- يعرف .

أنشطة التعلم

النشاط 1 ص 85 و 2 ص 86

2. اشتراك الهاتف الثابت هي 300DA : وثمان الوحدة هي 3DA .

• اكمال الجدول :

عدد الوحدات المستهلكة .	450	650	780	850
مبلغ فاتورة الهاتف بدون رسوم .	1650	2250	2640	2850

1. هذا الجدول لا يمثل وضعية تناسبية لأن :

$$\frac{450}{1650} \neq \frac{650}{2250} \neq \frac{780}{2640} \neq \frac{850}{2850}$$

2. التعبير عن $f(x)$ بدلالة x :

حيث: $f(x)$ مبلغ فاتورة الهاتف بدون رسوم و x عدد الوحدات المستهلكة .

$$f(x) = 3x + 300$$

3. من بين الدوال الآتية ، ما هي الدوال الخطية و ما هي الدوال التآلفية ؟

دالة تآلفية .	$j(x) = 4 - 3x$
ليست دالة خطية ولا تآلفية .	$h : x \mapsto 3x^2$
دالة تآلفية .	$g(x) = \frac{2}{3}x + 4$
دالة تآلفية .	$f : x \mapsto -4x + 5$
دالة خطية (تآلفية) .	$k(x) = \sqrt{3}x$
دالة خطية (تآلفية) .	$i : x \mapsto \frac{-3}{4}x$

ملاحظات

المنهاج: بالنسبة الى الدالة التآلفية $x \mapsto ax + b$ ، ننطلق من أمثلة من الحياة اليومية ، (مثال : مبلغ فاتورة هاتف بدلالة عدد الوحدات المستهلكة x ، حيث هو سعر الوحدة a و b المبلغ الثابت للإشتراك) . نجعل التلميذ يلاحظ أن الدالة التآلفية تعبر عن السيرورة "اضرب في a ثم اضيف b " (a و b عدنان مفروضان) . نجعل التلميذ يلاحظ ، انطلاقا من أمثلة عددية ، أنه عندما يكون مقدار دالة تآلفية لمقدار آخر ، فإن هذين المقدارين غير متناهيين (مثال : إذا كانت حرارة جسم بالدرجة سلسيوس هي TC ، فإن قيمة نفس الحرارة هذه بالدرجة فيهرنهايت هي TF تعطى بالدالة التآلفية : $TC \mapsto TF = 1.8TC + 32$) . نلاحظ أن درجات الحرارة في النظامين غير متناسبة . كما كان الامر بالنسبة الى الدالة الخطية ، يتم إدخال التعبير و الترميز (معامل ، صورة) المرتبطة بالدالة التآلفية و تقترح أنشطة حول هذا المفهوم (حساب صور ، التمثيل البياني) .

تعريف

- a و b عددان حقيقيان معلومان .
عندما نرفق كل عدد x بالجداء ax ، ثم نضيف الى هذا الجداء عددا b نقول إننا عرفنا دالة تآلفية .
نرمز لها بـ : $f : x \mapsto ax + b$.
نسمي $f(x)$ صورة العدد x بالدالة f ، ونكتب : $f(x) = ax + b$.

مثال 1 : الدالة التي ترفق كل عدد x بضعه مضاعفا إليه العدد 5 هي دالة تآلفية .

نرمز لها بـ : $g : x \mapsto 2x + 5$

■ ما هي صورة العدد 1 بالدالة g ؟

لدينا : $g(x) = 2x + 5$

نكتب : $g(1) = 2 \times 1 + 5 = 8$

نقول إن صورة العدد 1 بالدالة هي 8 .

■ ما هو العدد الذي صورته 9 بالدالة g ؟

لدينا : $g(x) = 2x + 5$

نكتب : $g(x) = 2x + 5 = 9$

ومنه :

$$2x + 5 = 9$$

$$2x = 9 - 5$$

$$2x = 4$$

$$x = \frac{4}{2} = 2$$

نقول أن العدد الذي صورته 9 بالدالة g هو 2 .

إنتيه : الدالة الخطية هي حالة خاصة للدالة التآلفية .

الدالة الخطية هي دالة تآلفية حيث : $b = 0$.

تمرين 1 : h دالة تآلفية معرفة كما يلي : $h(x) = 11 - 3x$.

■ اكمل الجدول التالي :

x	0	2		
$h(x)$			-1	2

التمارين 1، 2، 3، 4 ص 101

معارف

إعادة
الإستثمار

الواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر تعيين دالة خطية بمعرفة عدد و صورته بهذه الدالة .	■ عين الدالة الخطية g حيث $g\left(\frac{3}{2}\right) = 3$.	المنهاج: بالنسبة الى الدالة التآلفية $ax + b \mapsto x$ ، ننتقل من أمثلة من الحياة اليومية ، (مثال : مبلغ فاتورة هاتف بدلالة عدد الوحدات المستهلكة x ، حيث هو سعر الوحدة a و b المبلغ الثابت للإشتراك .)
الأنشطة		النشاط 4 ص 87 1. نعتبر الدالة المعرفة كما يلي $f(x) = 3x - 5$. - اكمال الجدول :	نجعل التلميذ يلاحظ أن الدالة التآلفية تعبر عن السيرة "اضرب في a ثم اضيف b " (a و b عددان مفروضان) . نجعل التلميذ يلاحظ ، أنه انطلاقا من امثلة عددية ، أنه عندما يكون مقدار دالة تآلفية لمقدار آخر ، فإن هذين المقدارين غير متناهيين . (مثال : اذا كانت حرارة جسم بالدرجة سلسيوس هي TC ، فإن قيمة نفس الحرارة هذه بالدرجة فيهرنهايت هي TF تعطى بالدالة التآلفية : $TC \mapsto TF = 1.8TC + 32$.) نلاحظ أن درجات الحرارة في النظامين غير متناسبة . كما كان الامر بالنسبة الى الدالة الخطية ، يتم إدخال التعبير و الترميز (معامل ، صورة) المرتبطة بالدالة التآلفية و تقترح أنشطة حول هذا المفهوم (حساب صور ، التمثيل البياني) .
	- يحسب معامل دالة تآلفية بمعرفة عددين و صورتيهما بهذه الدالة و ذلك باستعمال تناسبية التغيرات .	- نعم اعداد السطر الخامس من الجدول متناسبة مع اعداد السطر السادس على الترتيب . - اعداد السطر السابع هي المعامل a للدالة f . $\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} = 3$.	
		2. نعتبر الدالة المعرفة كما يلي $g: x \mapsto ax + b$: علما أن : $g(2) = 3$ ، $g(4) = 1$. حساب العدد: a $a = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} = \frac{f(2) - f(4)}{2 - 4} = \frac{3 - 1}{2 - 4} = \frac{2}{-2} = -1$ أكمل ما يلي : $g(2) = 3$ معناه $a \times 2 + b = 3$. $g(4) = 1$ معناه $a \times 4 + b = 1$. ■ بتعويض a بقيمته في إحدى المساوتين نجد : $-1 \times 2 + b = 3$ $-2 + b = 3$ $b = 3 + 2 = 5$ ومنه العبارة الجبرية للدالة g هي $g: x \mapsto -x + 5$.	
	- يستنتج الترتيب الى المبدأ لدالة تآلفية .		
	- يستنتج اخيرا العبارة الجبرية لدالة تآلفية .		

- لتكن الدالة التآلفية f المعرفة بـ $f(x) = ax + b$.
فإن تغيرات $f(x)$ متناسبة مع تغيرات x ومعامل التناسبية هو المعامل a .
حيث: $a = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$ مع $x_2 \neq x_1$.

مثال h : دالة تآلفية حيث: $h(2) = 1$ و $h(3) = 5$.
لدينا:

$$a = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} = \frac{5 - 1}{3 - 2} = \frac{4}{1} = 4$$

إذن: $a = 4$.

ولدينا كذلك:

$$h(x) = ax + b$$

$$5 = 4 \times 3 + b$$

$$b = 5 - 12 = -7$$

$$b = -7$$

وعليه فإن الدالة h معرفة بـ: $h(x) = 4x - 7$.

تمرين:

- g دالة تآلفية حيث: $g(2) = 1$ و $g(3) = 5$.
عين العبارة الجبرية للدالة g .

نطلب من التلاميذ
تحضير أوراق
مليمترية للحصص
المقبلة.

ملاحظات

أنشطة التعلم

مؤشرات الكفاءة

المراحل

- يتذكر .

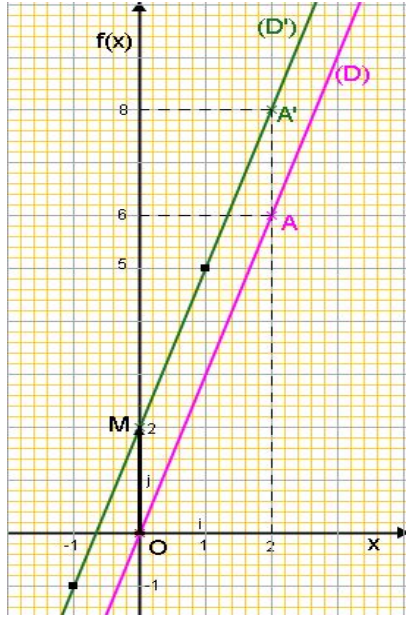
تهيئة

الأنشطة

المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ، كما هو الحال بالنسبة إلى الدالة الخطية، أن التمثيل البياني لدالة تآلفية

$$x \mapsto ax + b$$

مستقيم لا يمر من المبدأ بالضرورة. الخاصية التي يمكن البرهان عليها باستعمال التمثيل البياني للدالة الخطية المرفقة $x \mapsto ax$ و الانسحاب. لا نتطرق إلى مفهوم معادلة مستقيم إلا بعلاقة مع التمثيل البياني للدالة التآلفية.



النشاط 6 ص 88

1 إنشاء (D) التمثيل البياني للدالة

الخطية $f: x \mapsto 3x$.

• نتحقق بسهولة من انتماء نقاط التمثيل البياني للدالة التآلفية

$g(x) = 3x + 2$ إلى المستقيم (D') .

x	0	1	-1
g(x)	2	5	-1
النقطة	(0; 2)	(1; 5)	(-1; -1)

• الأستنتاج: كي نمثل

الدالة التآلفية $g(x) = 3x + 2$

نمثل الدالة الخطية $f(x) = 3x$

ثم نسحب تمثيلها البياني بالشعاع الذي

إحداثييه $(0; 2)$.

• أكمل: التمثيل البياني

لدالة تآلفية هو انسحاب لتمثيل بياني

لدالة خطية بالشعاع الذي إحداثييه

الصفرو الترتيب إلى المبدأ.

2 تكون g الدالة الخطية حيث :

$g(x) = -4x$ وليكن (D_1) التمثيل

البياني لها.

• $g(-1) = 4$ معناه أن المستقيم

(D_1) يمر بالنقطة $M(-1; 4)$.

نعلم أن المستقيم (D_1) يمر بالمبدأ.

إذن (D_1) هو المستقيم (OM)

(التمثيل البياني للدالة g).

• إنشاء (D_1) .

3 تكون f الدالة التآلفية حيث :

$f(x) = -4x - 5$ وليكن (D_2)

التمثيل البياني لها.

• أكمل ما يلي :

$f(0) = -5$ معناه أن (D_2) يمر

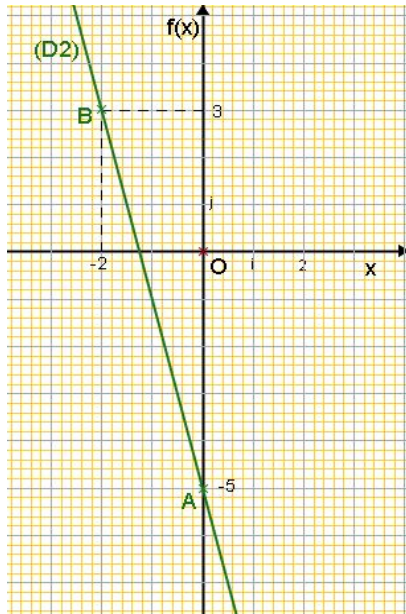
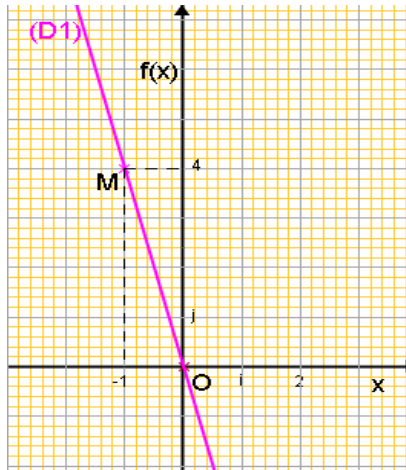
بالنقطة $A(0; -5)$.

$f(-2) = 3$ معناه أن (D_2) يمر

بالنقطة $B(-2; 3)$.

(D_2) هو المستقيم (AB) .

• إنشاء (D_2) .



يعاد رسم الشكل
؟؟؟؟

(نغير فاصلة النقطة
B للحصول على
نقطة مناسبة)

تعريف

التمثيل البياني لدالة تألفية $f: x \mapsto ax + b$ هو مجموعة النقاط ذات الاحداثيات $(x; y)$ بحيث $y = ax + b$ وهي تمثل مستقيماً معادلته $y = ax + b$.
يسمى a معامل توجيه المستقيم.
يسمى b الترتيب إلى المبدأ.

مثال : الدالة التألفية المعروفة بـ $f: x \mapsto 2x + 1$ تمثيلها البياني هو مستقيم، يكفي تعيين نقطتين منه لرسمه.

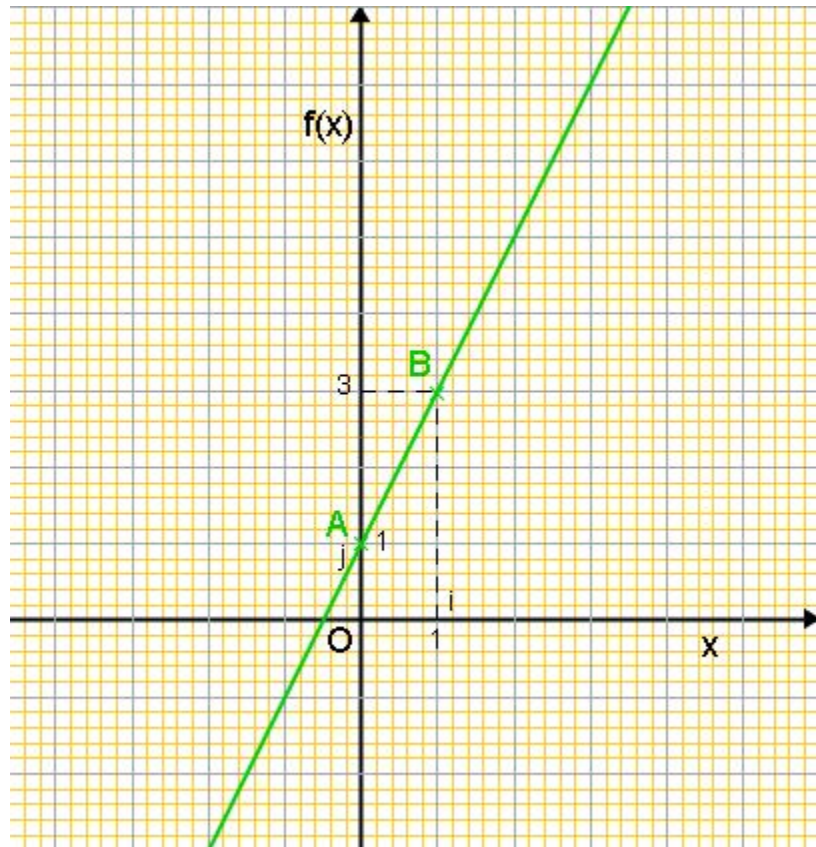
■ إذا كان $x = 0$ فإن $f(0) = 2 \times 0 + 1 = 1$ إذن النقطة $A(0; 1)$ تنتمي إلى التمثيل البياني للدالة f .

■ إذا كان $x = 1$ فإن $f(1) = 2 \times 1 + 1 = 3$ إذن النقطة $B(1; 3)$ تنتمي إلى التمثيل البياني للدالة f .

نقول أن التمثيل البياني للدالة f هو المستقيم (AB) الذي معادلته $y = 2x + 1$.

1 العدد 2 (معامل الدالة) يسمى معامل توجيه المستقيم (AB) .

2 العدد 1 يسمى الترتيب إلى الصفر.

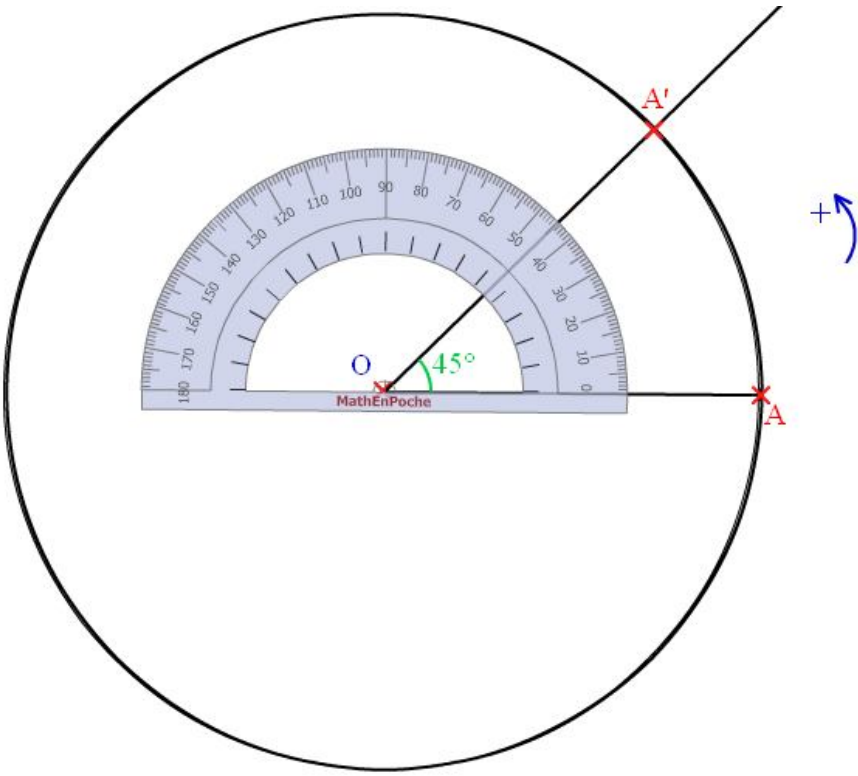


تطبيق

التمرين 10 ص 102

الواجب المنزلي

التمرين 12 ص 102

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات								
تهيئة	- يتذكر بعض التحولات النقطية المدروسة في السنوات السابقة.	تمهيد 1 ص 222	المنهاج: يمكن مقارنة الدوران بأنشطة تجريبية (مثل تدوير شكل حول نقطة معينة بزاوية معينة في اتجاه معين) ، يستنتج من خلالها أن الدوران يتعين بمعرفة مركزه و زوايته بعد اختيار الاتجاه .								
الأنشطة		النشاط 1 ص 224 س 2	يستغل إنشاء صور الأشكال البسيطة لإنشاء صور الأشكال المألوفة و لإستنتاج خواص الدوران التي تقبل دون برهان .								
		1 هل ينطبق الشكل (1) على الشكل (2) بتدويره حول النقطة O ؟									
		<table border="1"> <thead> <tr> <th>الحالة (1)</th><th>الحالة (2)</th><th>الحالة (3)</th><th>الحالة (4)</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>لا ينطبق الشكلان</td><td>ينطبق الشكلان</td><td>لا ينطبق الشكلان</td><td>ينطبق الشكلان</td></tr> </tbody> </table>	الحالة (1)	الحالة (2)	الحالة (3)	الحالة (4)	لا ينطبق الشكلان	ينطبق الشكلان	لا ينطبق الشكلان	ينطبق الشكلان	
الحالة (1)	الحالة (2)	الحالة (3)	الحالة (4)								
لا ينطبق الشكلان	ينطبق الشكلان	لا ينطبق الشكلان	ينطبق الشكلان								
		2 نتحقق باستعمال الورق الشفاف .									
		3 الحالة (4) تمثل تناظر مركزي بالنسبة إلى النقطة O .									
		النشاط 2 ص 224 س 1									
		1 نطلب من التلاميذ إعادة مراحل إنشاء النقطة A' ، صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه O وزاويته 45° في الاتجاه المعاكس لاتجاه حركة عقارب الساعة (الاتجاه الموجب) .									
											

- تحويل شكل بالدوران الذي مركزه O هو إدارته حول النقطة O ، بالحفاظ على نفس المسافة بين الشكل والنقطة O ، في اتجاه معين ، وبزاوية محددة .

- نميز الدوران بمركز وزاوية واتجاه .

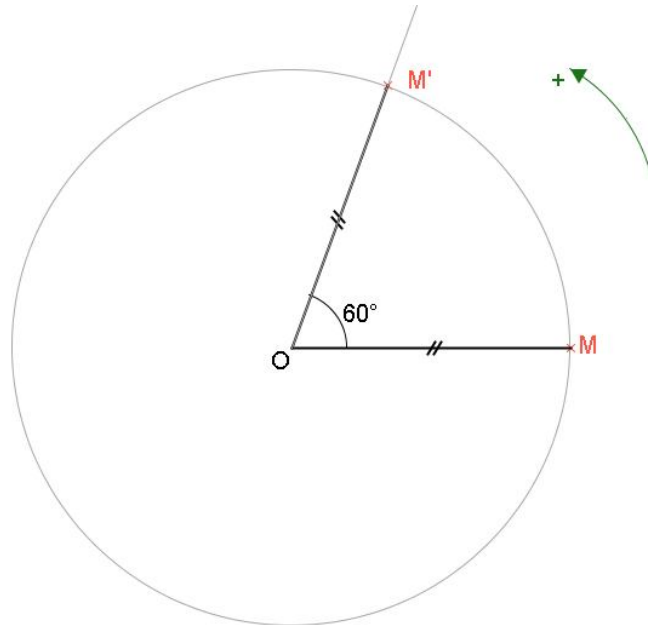
- الاتجاه الموجب هو الاتجاه المعاكس لحركة عقارب الساعة .
- الاتجاه السالب هو الاتجاه الموافق لحركة عقارب الساعة .

- نأخذ ، عامة ، الاتجاه الموجب كاتجاه للدوران ، ما لم يذكر عكس ذلك .

صورة نقطة بدوران :

- نقول إن M' هي صورة M بالدوران الذي مركزه O وزاويته α إذا كان : $OM = OM'$ و $\widehat{MOM'} = \alpha$.

مثال : M' هي صورة M بالدوران الذي مركزه O وزاويته 60° .



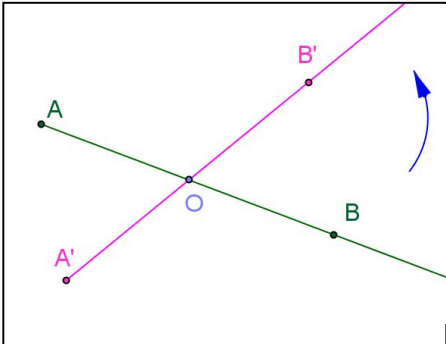
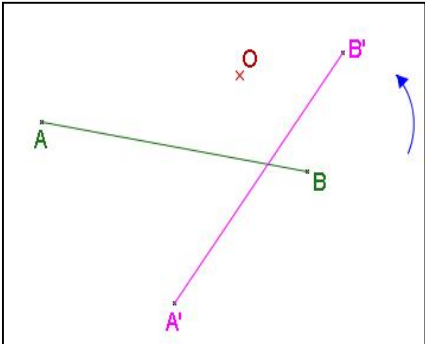
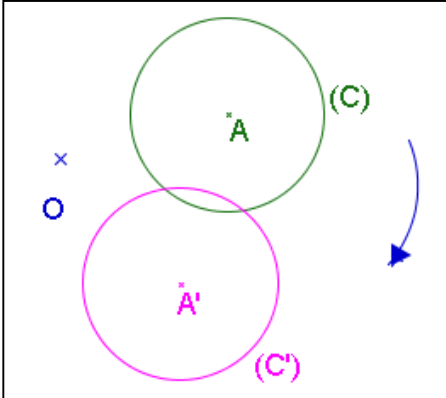
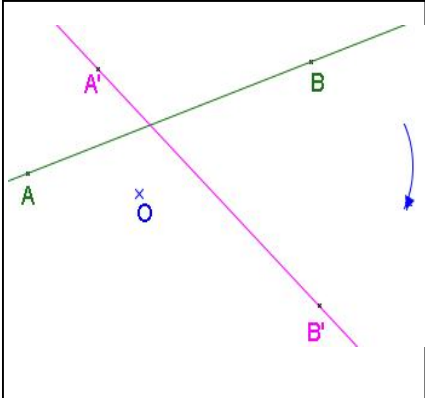
إنتبه : الدوران ذو المركز O والزاوية 180° هو تناظر مركزي مركزه O .

إعادة
الإستثمار



تمرين : اليك الشكل :
- انشئ M' صورة M بالدوران الذي مركزه O وزاويته 90° في الاتجاه السالب .

الواجب
المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر طريقة إنشاء صورة نقطة بدوران.	■ أنشئ النقطة A' صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه O وزاويته 30° في الاتجاه الموجب .	المنهاج: يمكن مقارنة الدوران بأنشطة تجريبية (مثل تدوير شكل حول نقطة معينة بزاوية معينة في اتجاه معين) ، يستنتج من خلالها أن الدوران يتعين بمعرفة مركزه و زاويته بعد اختيار الاتجاه . يستغل إنشاء صور الأشكال البسيطة لإنشاء صور الأشكال المألوفة و لإستنتاج خواص الدوران التي تقبل دون برهان .
الأنشطة	- ينشئ صورة القطعة و صور نصف المستقيم بدوران.	2 المطلوب إنشاء ، في كل حالة ، صورة الشكل بالدوران الذي مركزه O وزاويته 60° في الاتجاه المعطى .	
		 	
		نصف المستقيم $[A'B']$ هو صور نصف المستقيم $[AB]$ بالدوران الذي مركزه O وزاويته 60° في الاتجاه الموجب . القطعة $[A'B']$ هي صورة القطعة $[AB]$ بالدوران الذي مركزه O وزاويته 60° في الاتجاه الموجب .	
		 	
		نصف المستقيم (C') هو صور نصف المستقيم (C) بالدوران الذي مركزه O وزاويته 60° في الاتجاه الموجب . المستقيم $(A'B')$ هو صور المستقيم (AB) بالدوران الذي مركزه O وزاويته 60° في الاتجاه الموجب .	

- ينشئ صورة القطعة و صور نصف المستقيم بدوران.

- ينشئ صورة المستقيم و صورة الدائرة بدوران.

- صور بعض الاشكال المألوفة بدوران :
 - صورة قطعة مستقيم ، هي قطعة مستقيم تقايسها .
 - صورة نصف مستقيم هي نصف مستقيم .
 - صورة مستقيم هي مستقيم .
 - صورة دائرة هي دائرة تقايسها .
 - صورة زاوية هي زاوية تقايسها .

• خواص الدوران :

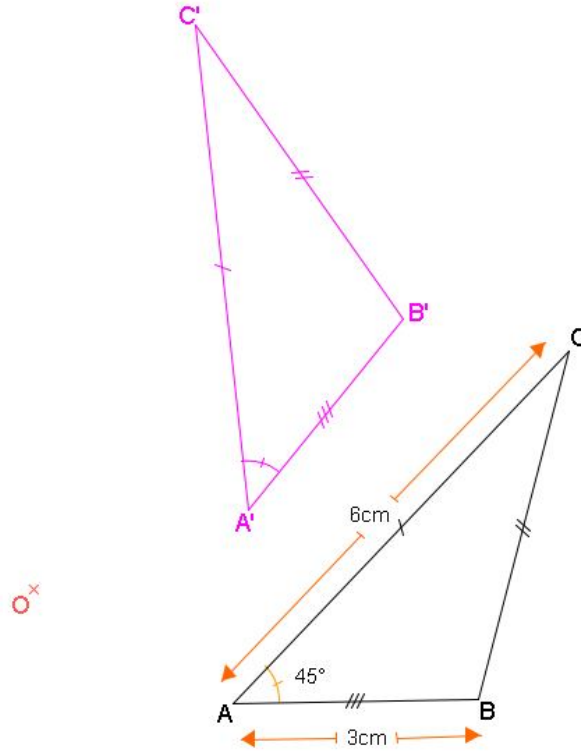
- 1 الدوران يحافظ على المسافات .
- 2 الدوران يحافظ على أقياس الزوايا .
- 3 الدوران يحافظ على استقامة النقط .
- 4 الدوران يحافظ على طبيعة الأشكال .

التمرين رقم 4 ص 240

إعادة

الإستثمار الحل :

- 1 إنشاء A' ، B' ، C' صور A ، B ، C على الترتيب ، بالدوران الذي مركزه O ، وزاويته 50° في الاتجاه الموجب .



- 2 $\widehat{B'A'C'} = 45^\circ$ لأن الدوران يحفظ أقياس الزوايا .
- 3 $A'B' = 3cm$ و $A'C' = 6cm$ لأن الدوران يحفظ المسافات .
- 4 نعم القطعتان $[CB]$ و $[C'B']$ لهما نفس الطول لأن الدوران يحفظ المسافات .

الواجب المنزلي

المسألة 2 ص 242

- يتذكر .

تهيئة

الأنشطة

النشاط 8 ص 90

نعتبر الدالتين f و g المعرفتين كما يلي: $f(x) = 3x - 5$ و $g(x) = -2x + 3$.التمثيل البياني لـ f :

النقط	$f(x)$	x
$(0; -5)$	-5	0
$(1; -2)$	-2	1

• إذا تقدمنا بوحدة أفقيا نحو اليمين ، فإننا

نصعد عموديا بـ [3] وحدة نحو الأعلى

لنصل إلى (D) .

- العدد [3] يسمى معامل توجيه المستقيم

 (D) أو ميل المستقيم (D) .التمثيل البياني لـ g :

النقط	$g(x)$	x
$(0; 3)$	3	0
$(1; 1)$	1	1

• إذا تقدمنا بوحدة أفقيا نحو اليمين ، فإننا

ننزل عموديا بـ [2] وحدة نحو الأسفل

لنصل إلى (D') .• معامل توجيه المستقيم (D') في هذه الحالة

هو -2 . حسب

• ترتيبا النقطتين A و B في كل حالةيمثل العدد b لكل دالة ، أي الترتيب

إلى المبدأ .

- يعين المعامل a لدالة تآلفية بيانيا .- يعين a معامل توجيه المستقيم الممثل لدالة تآلفية بيانيا .يعين العامل b (الترتيب إلى الصفر) لدالة تآلفية بيانيا .- يعين a معامل توجيه مستقيم (ممثل لدالة تآلفية) بمعرفة إحداثيي نقطتين منه .- يعين a معامل توجيه مستقيم (ممثل لدالة تآلفية) بيانيا .

ملاحظات

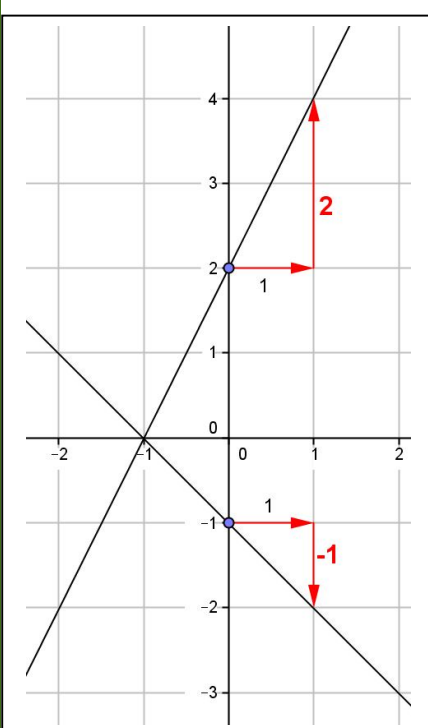
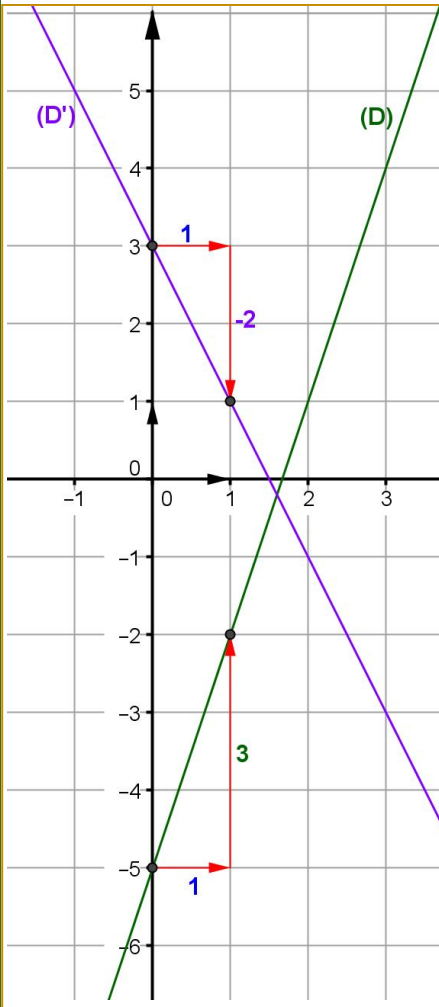
المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ ، كما هو الحال بالنسبة إلى الدالة الخطية ، أن التمثيل البياني لدالة تآلفية $x \mapsto ax + b$ مستقيم لا يمر من المبدأ بالضرورة . الخاصية التي يمكن البرهان عليها باستعمال التمثيل البياني للدالة الخطية المرفقة $x \mapsto ax$ و الانسحاب . لا نتطرق إلى مفهوم معادلة مستقيم إلا بعلاقة مع التمثيل البياني للدالة التآلفية .

ملاحظة

عندما نتقدم بوحدة أفقيا نحو اليمين ، ثم ننزل عموديا نحو الأسفل لنصل إلى المستقيم ، في هذه الحالة يكون معامل توجيه هذا المستقيم عددا سالبا .

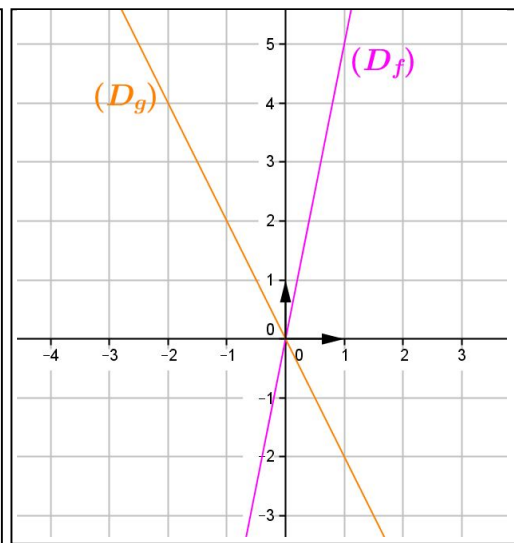
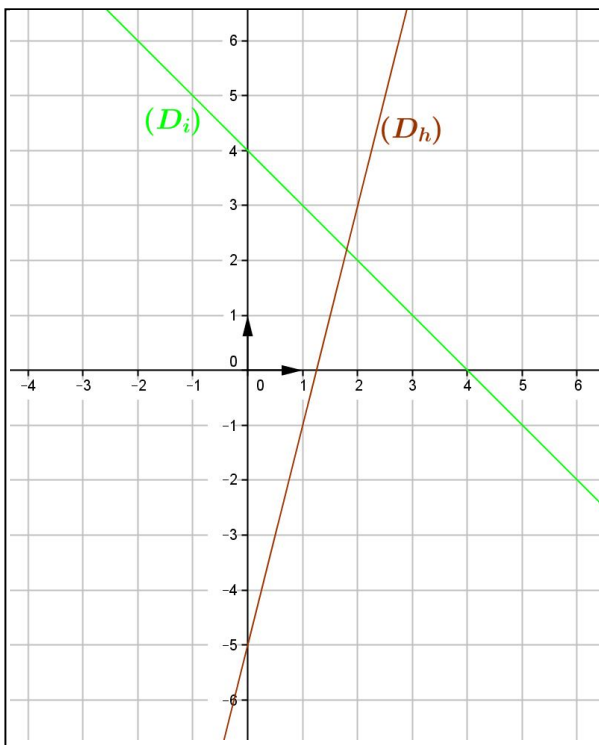
يمكن عدم التطرق

للسؤال 2



- يكتب التلاميذ حل النشاط السابق (8ص90).
- أو يطلب منهم الكتابة من صفحة "طرائق وتمارين محلولة" (طريقة 2 ص 99)

تمرين : عين العبارة الجبرية لكل من الدوال f ، g ، h ، i التي تمثيلاتها البيانية هي (D_f) ، (D_g) ، (D_h) ، (D_i) على الترتيب .



التمرين 15 ص 102
التمرين 16 ص 103
التمرين 17 ص 103

ملاحظات	الحلول	التمارين
المنهاج: نجعل التلميذ يلاحظ ، كما هو الحال بالنسبة إلى الدالة الخطية ، أن التمثيل البياني لدالة تآلفية $x \mapsto ax + b$ مستقيم لا يمر من المبدأ بالضرورة. الخاصية التي يمكن البرهان عليها باستعمال التمثيل البياني للدالة الخطية المرفقة $x \mapsto ax$ و الانسحاب . لا نتطرق إلى مفهوم معادلة مستقيم إلا بعلاقة مع التمثيل البياني للدالة التآلفية .		التمرين 1 • دالة خطية حيث $f(x) = \frac{1}{4}x$. (1) ما هي صورة العدد 12 بالدالة f ؟ (2) ما هو العدد الذي صورته 5 بالدالة f ؟ • g دالة خطية حيث $g(3) = 1.8$. (3) عين العبارة الجبرية للدالة g . (4) هل النقطة $A(5;3)$ تنتمي للتمثيل البياني للدالة g ؟ • h دالة خطية حيث تمثيلها البياني يشمل النقطة $B(2;4)$. (5) عين العبارة الجبرية للدالة h . التمرين 2 • دالة تآلفية حيث $f(x) = 3x - 7$. (1) ما هي صورة العدد 12 بالدالة f ؟ (2) ما هو العدد الذي صورته 5 بالدالة f ؟ • g دالة تآلفية حيث: $g(4) = 11$. - و $g(5) = 9$ (3) عين العبارة الجبرية للدالة g . (4) هل النقطة $A(9;1)$ تنتمي للتمثيل البياني للدالة g ؟ • h دالة تآلفية حيث تمثيلها البياني يشمل النقطتين $B(2;4)$ و $C(-1;7)$. (5) عين العبارة الجبرية للدالة h .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																								
تهيئة	- يتذكر .		المنهاج: نجعل التلميذ																								
الأنشطة		النشاط 9 ص 91 الوكالة 1 : - التعبير عن $A(x)$ بدلالة x . - سعر الكيلومتر الواحد عند الوكالة 1 : $\frac{500DA}{50km} = 10 \frac{DA}{km}$ ومنه : $A(x) = 10x + 2500$ (2) التمثيل البياني لـ $A(x)$. <table><tr><th>النقط</th><th>$A(x)$</th><th>x</th></tr><tr><td>(0;2500)</td><td>2500</td><td>0</td></tr><tr><td>(100;3500)</td><td>3500</td><td>100</td></tr><tr><td>(200;4500)</td><td>4500</td><td>200</td></tr></table> الوكالة 2 : - التعبير عن $B(x)$ بدلالة x . - سعر الكيلومتر الواحد عند الوكالة 2 : $\frac{750DA}{50km} = 15 \frac{DA}{km}$ ومنه : $B(x) = 15x + 1500$ (2) التمثيل البياني لـ $B(x)$. <table><tr><th>النقط</th><th>$B(x)$</th><th>x</th></tr><tr><td>(0;1500)</td><td>1500</td><td>0</td></tr><tr><td>(100;3000)</td><td>3000</td><td>100</td></tr><tr><td>(200;4500)</td><td>4500</td><td>200</td></tr></table> (3) فاصلة نقطة تقاطع التمثيلين البيانيين للدالتين $x_1 = 200$ (4) دراسة وضعية المنحنيين : <u>الحالة أ) $x < 200$:</u> المنحنى الممثل للدالة B يقع تحت المنحنى الممثل للدالة A . يعني أن المبلغ المستحق للوكالة أقل من المبلغ المستحق للوكالة 1 . <u>الحالة ب) $x > 200$:</u> المنحنى الممثل للدالة A يقع تحت المنحنى الممثل للدالة B . يعني أن المبلغ المستحق للوكالة 1 أقل من المبلغ المستحق للوكالة 2 . (5) مما سبق ، فإن الوكالة 1 تكون أفضل إذا كان عدد الكيلومترات المقطوعة أكبر من $200km$.	النقط	$A(x)$	x	(0;2500)	2500	0	(100;3500)	3500	100	(200;4500)	4500	200	النقط	$B(x)$	x	(0;1500)	1500	0	(100;3000)	3000	100	(200;4500)	4500	200	- يمثل وضعية يتدخل فيها مقداران أحدهما معطى بدلالة الآخر بيانيا .
النقط	$A(x)$	x																									
(0;2500)	2500	0																									
(100;3500)	3500	100																									
(200;4500)	4500	200																									
النقط	$B(x)$	x																									
(0;1500)	1500	0																									
(100;3000)	3000	100																									
(200;4500)	4500	200																									



- يقرأ و يفسر بيانيا وضعية يتدخل فيها مقدارين أحدهما معطى بدلالة الآخر .

	• يكتب التلاميذ حل النشاط السابق (ص9 ص91).	معارف تطبيق الواجب المنزلي
--	---	--

ملاحظات

الحلول

التمارين

المنهاج: نجعل

مسألة 1 :

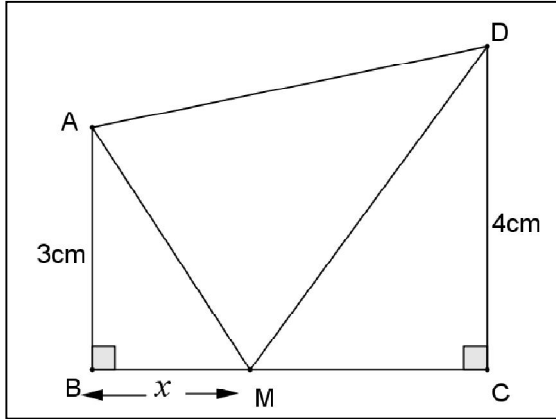
تبيع مكتبة حبر الطباعة بد للعبة الواحدة .
تعرض شركة على الأنترنت نفس الجبر بد للعبة الواحدة بالإضافة
إلى مبلغ التوصيل مهما كان عدد اللعب .
(1) اكمل الجدول الآتي :

عدد اللعب			
المبلغ في المكتبة (DA)			
المبلغ عبر الأنترنت (DA)			

- (2) نعتبر يمثل عدد اللعب .
- عبر بدلالة عن المستحق للمكتبة .
- عبر بدلالة عن المستحق للشركة .
(3) مثل كل من وفي معلم متعامد ومتجانس .
خذ كسلم :
على محور الفواصل يمثل علب .
على محور الترتيب يمثل .
(4) تريد متوسطة احمد شاعة شراء علبه حبر - أي صيغة تنصحتها بها مبررا
إختيارك بالإعتماد على التمثيلين البيانيين .

مسألة 1 :

• لاحظ الشكل المقابل حيث M نقطة من القطعة $[BC]$.



- (1) احصر العدد x .
(2) من أجل $x = 1$ احسب مساحة كل من المثلثين ABM و DCM
(3) بين أن $S_1(x)$ مساحة المثلث ABM تساوي $1.5x$ بدلالة x .
بين أن $S_2(x)$ مساحة المثلث DCM تساوي $10 - 2x$ بدلالة x .
(4) مثل بيانيا في نفس المعلم الدالتين $S_1(x)$ و $S_2(x)$.
- استنتج قيمة x التي تجعل مساحة المثلثين متساوية .
(5) بين حسابيا أن قيمة x التي تجعل المساحتين متساويتين هي $\frac{100}{35} \text{ cm}$.
(خذ كسلم 1 cm تمثل 0.4 cm على محور الفواصل و 1 cm تمثل 1 cm^2 على محور الترتيب)

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																				
تهيئة	- يتذكر .	النشاط 10 ص 92 س1 1 اكمال الجدول : <table><tr><td>x</td><td>0</td><td>50</td><td>100</td><td>350</td><td>335</td></tr><tr><td>y</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>7</td><td>6.7</td></tr></table> 2 التعبير عن y بدلالة x : لدينا : $y = ax$ بالتعويض : $2 = a \times 100$ ومنه : $a = \frac{2}{100} = 0.02$ فيكون $y = 0.02x$ 3 حساب استطالة النابض من اجل $x = 150g$, $x = 400g$, $x = 250g$. <table><tr><td>x (g)</td><td>150g</td><td>250g</td><td>400g</td></tr><tr><td>y (cm)</td><td>3cm</td><td>5cm</td><td>8cm</td></tr></table> 4 تمثيل هذه الوضعية بيانيا :	x	0	50	100	350	335	y	0	1	2	7	6.7	x (g)	150g	250g	400g	y (cm)	3cm	5cm	8cm	المنهاج: و
x	0	50	100	350	335																		
y	0	1	2	7	6.7																		
x (g)	150g	250g	400g																				
y (cm)	3cm	5cm	8cm																				
الأنشطة	- يعرف .																						

	• يكتب التلاميذ حل النشاط السابق (10 ص 92 س 1).	معارف
	التمرين 3 ص 104 التمرين 4 ص 104	تطبيق الواجب المنزلي

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات															
تهيئة الأنشطة	- يتذكر تحليل عبارة إلى جاء عاملين .	■ حلل العبارة : $A = x + \frac{1}{2}x$. النشاط 10 ص 92 س 2 و 3 و 4 2 أ. حسب مبلغ رسم القيمة المضافة بضرب المبلغ المستحق بدون رسوم في النسبة المئوية أي : $1532 \times \frac{7}{100} = 107.24$. ب. حسب المبلغ المستحق بكل الرسوم بجمع المبلغ المستحق و مبلغ رسم القيمة المضافة أي : $1532 + 1532 \times \frac{7}{100} = 1639.24$. ● أخذ 7% من الكمية x معناه حساب : $\frac{7}{100} \times x = 0.07x$. ● زيادة الكمية x بـ 7% معناه حساب : $x + \frac{7}{100} \times x = x \left(1 + \frac{7}{100}\right)$. ● أخذ 30% من x معناه حساب : $\frac{30}{100} \times x = 0.3x$. ● اكمل الجدول : <table><tr><td>السعر (DA)</td><td>1900</td><td>4250</td><td>3400</td><td>5000</td></tr><tr><td>قيمة التخفيض</td><td>750</td><td>1275</td><td>1020</td><td>1500</td></tr><tr><td>السعر بعد التخفيض</td><td>1330</td><td>2975</td><td>1380</td><td>3500</td></tr></table> ● تخفيض x بـ 30% معناه حساب : $x - \frac{30}{100} \times x = x \left(1 - \frac{30}{100}\right) = 0.7x$ 4 ● الإجابات الصحيحة هي : الإجابة 1 و الإجابة 2 . ● تخفيض x بـ 5% ثم بـ 3% يعني حساب : $x \times \left(1 - \frac{5}{100}\right) \left(1 - \frac{3}{100}\right)$. ● السعر $800000DA$ لا يبقى ثابتا ، إذا انخفض بـ 8% ثم زيادة بـ 8% . التعليل : $800000 \times \left(1 - \frac{8}{100}\right) \left(1 + \frac{8}{100}\right) = 800000 \times 0.92 \times 1.08 = 794880$ اكمل : تخفيض x بـ 8% ثم زيادته بـ 8% يعني حساب : $x \times \left(1 - \frac{8}{100}\right) \left(1 + \frac{8}{100}\right)$.	السعر (DA)	1900	4250	3400	5000	قيمة التخفيض	750	1275	1020	1500	السعر بعد التخفيض	1330	2975	1380	3500	■ "أخذ $t\%$ من x "يعني" ضرب x في $\frac{t}{100}$. الدالة الخطية المرفقة : $x \mapsto \frac{t}{100}x$ ■ "زيادة x بـ $t\%$ "يعني" ضرب x في $1 + \frac{t}{100}$. الدالة الخطية المرفقة : $x \mapsto \left(1 + \frac{t}{100}\right)x$ ■ "خفض x بـ $t\%$ "يعني" ضرب x في $1 - \frac{t}{100}$. الدالة الخطية المرفقة : $x \mapsto \left(1 - \frac{t}{100}\right)x$ يُعاد النظر تماما في هذا النشاط
السعر (DA)	1900	4250	3400	5000														
قيمة التخفيض	750	1275	1020	1500														
السعر بعد التخفيض	1330	2975	1380	3500														

النسبة المئوية تمثل وضعية تناسبية .

• أخذ $P\%$ من x معناه حساب y حيث : $y = \frac{P}{100} \times x$.

نقول أن الدالة الخطية المرفقة هي : $f : x \mapsto \frac{P}{100} \times x$.

مثال : ثمن تذكرة النقل هو $10DA$ ازداد بـ 60% فيكون مقدار الزيادة هو : $\frac{60}{100} \times 10DA = 6DA$.

• زيادة x بـ $P\%$ معناه حساب y حيث : $y = \left(1 + \frac{P}{100}\right)x$.

نقول أن الدالة الخطية المرفقة هي : $f : x \mapsto \left(1 + \frac{P}{100}\right)x$.

مثال : ثمن تذكرة النقل هو $10DA$ زاد بـ 60% فيكون ثمن هذه التذكرة بعد الزيادة هو :

$$\left(1 + \frac{60}{100}\right) \times 10DA = (1 + 0.6) \times 10DA = 1.6 \times 10 = 16DA$$

• خفض x بـ $P\%$ معناه حساب y حيث : $y = \left(1 - \frac{P}{100}\right)x$.

نقول أن الدالة الخطية المرفقة هي : $f : x \mapsto \left(1 - \frac{P}{100}\right)x$.

مثال : ثمن تذكرة النقل هو $10DA$ خفض بـ 60% فيكون ثمن هذه التذكرة بعد الانخفاض هو :

$$\left(1 - \frac{60}{100}\right) \times 10DA = (1 - 0.6) \times 10DA = 0.4 \times 10 = 4DA$$

تطبيق

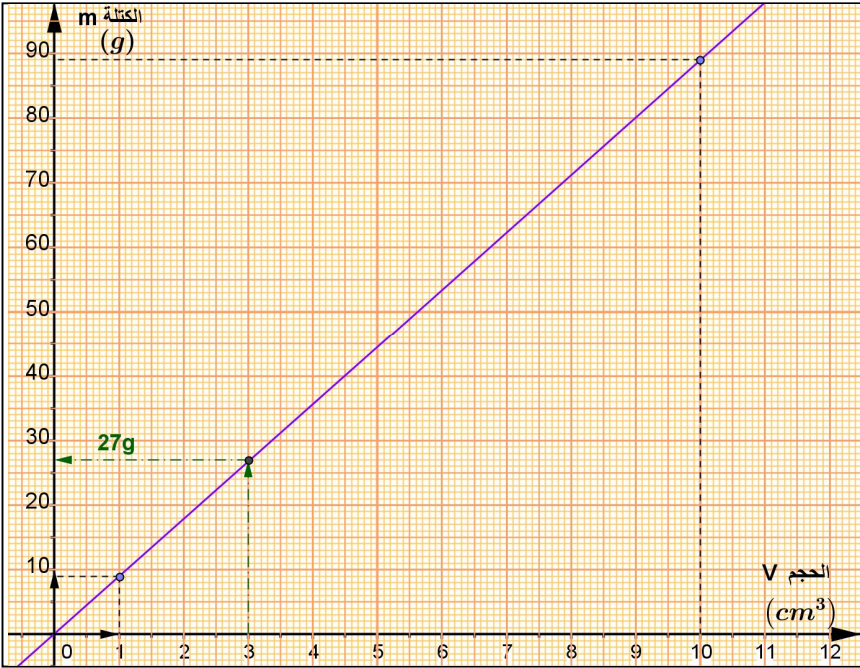
التمرين 18 ص 103

الواجب
المنزلي

التمرين 19 ص 103

التمرين 20 ص 103

ملاحظات	الحلول	التمارين
المنهاج: نجعل	$5m^3 \xrightarrow[30\%]{\text{افـراغ}} ? \xrightarrow[20\%]{\text{اضـافة}} ?$	التمرين 20 ص 103

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات													
تهيئة	- يتذكر .	النشاط 11 ص 95 س2 الكتلة الحجمية للنحاس هي : $8.9g/cm^3$. - هذا يعني أن كتلة $1cm^3$ من النحاس هي $8.9g$. - التعبير عن الكتلة m بدلالة الحجم V : <table><tr><td>$8.9g$</td><td>$1cm^3$</td></tr><tr><td>m</td><td>V</td></tr></table> $m = \frac{8.9 \times V}{1} = 8.9 \times V$ $m = 8.9 \times V$ - كتلة $20cm^3$ من النحاس : $m = 8.9 \times 20 = 178g$ - تمثيل كتلة النحاس m بدلالة حجمه V : الدالة خطية $m(v) = 8.9 \times v$ <table><tr><th>النقط</th><th>$m(V)$</th><th>V</th></tr><tr><td>$(0;0)$</td><td>0</td><td>0</td></tr><tr><td>$(10;89)$</td><td>89</td><td>10</td></tr></table>  - بيانيا : كتلة $3cm^3$ من النحاس هي : $27g$. حسابيا : $m = 8.9 \times V = 8.9 \times 3 = 26.7g$ - حساب $1.424g$ من النحاس : $m = 8.9 \times v$ - بالتعويض : $1424 = 8.9 \times V$ $V = \frac{1424}{8.9} = 160cm^3$	$8.9g$	$1cm^3$	m	V	النقط	$m(V)$	V	$(0;0)$	0	0	$(10;89)$	89	10	المنهاج: بالنسبة إلى المقادير المركبة ، تقترح أمثلة عن مقادير حاصل القسمة المدروسة في السنة الثالثة (السرعة، الكتلة الحجمية ، الطاقة الكهربائية ، ...) و نجعل التلميذ يلاحظ في الحاتين أن المقادير من طبيعة مختلفة و يتم إدخال الوحدات المختلفة .
$8.9g$	$1cm^3$															
m	V															
النقط	$m(V)$	V														
$(0;0)$	0	0														
$(10;89)$	89	10														
الأنشطة	- يعرف .															

• الكتلة الحجمية هي كتلة إلى حجمه ، وتقدر ب: g/cm^3 أو kg/m^3 .

مثال 1 : الكتلة الحجمية للذهب هي $19.3g/cm^3$ يعني أن $1cm^3$ من الذهب كتلته $19.3g$.

مثال 2 : الكتلة الحجمية للماء هي $1g/cm^3$.

التمرين 2 ص 106

التمرين 1 ص 106

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																						
تهيئة الأنشطة	- يتذكر التحويل بين وحدات قياس الزمن في النظام و النظام العشري .	■ عبر عن المدة $3h45mn$ بالساعات . $x = \frac{1 \times 45}{60} = 0.75$ ومنه : $45mn = 0.75h$ إذن : $3h45mn = 3h + 0.75h = 3.75h$ ■ عبر عن المدة $2h30mn$ بالساعات . النشاط 11 ص 95 تستهلك الأجهزة الكهربائية طاقة كهربائية وفق القانون : $E = p t$. حيث : p : الاستطاعة الكهربائية بالواط أو الكيلوواط . t : مدة التشغيل بالساعات . ● حساب بالواط الساعي ، ثم بالكيلوواط الساعي ، الطاقة الكهربائية المستهلكة :	<table><tr><th colspan="2">الطاقة المستهلكة</th><th rowspan="2">مدة التشغيل</th><th rowspan="2">الإستطاعة (W)</th><th rowspan="2">الجهاز</th></tr><tr><th>بالواط الساعي (Wh)</th><th>بالكيلواط الساعي (KWh)</th></tr><tr><td>150</td><td>0.15</td><td>2h</td><td>75</td><td>مصباح</td></tr><tr><td>≈ 106</td><td>≈ 0.1</td><td>1h20mn</td><td>80</td><td>تلفاز</td></tr><tr><td>1800</td><td>1.8</td><td>1h</td><td>1800</td><td>مدفأة كهربائية</td></tr></table> ● تكلفة استعمال المدفئة خلال 1h : $1.8 \times 1.5 = 2.7DA$	الطاقة المستهلكة		مدة التشغيل	الإستطاعة (W)	الجهاز	بالواط الساعي (Wh)	بالكيلواط الساعي (KWh)	150	0.15	2h	75	مصباح	≈ 106	≈ 0.1	1h20mn	80	تلفاز	1800	1.8	1h	1800	مدفأة كهربائية
الطاقة المستهلكة		مدة التشغيل	الإستطاعة (W)	الجهاز																					
بالواط الساعي (Wh)	بالكيلواط الساعي (KWh)																								
150	0.15	2h	75	مصباح																					
≈ 106	≈ 0.1	1h20mn	80	تلفاز																					
1800	1.8	1h	1800	مدفأة كهربائية																					

تعريف

- الطاقة الكهربائية هي كمية الاستطاعة الكهربائية المستهلكة خلال زمن معين،
يعبر عنها بـ: (Wh) أو (KWh) .

مثال 1: ما هي الطاقة الكهربائية المستهلكة من طرف مصباح استطاعته 100 W خلال 6 h .

$$\begin{aligned}
 E &= p t \\
 &= 100\text{ W} \times 6\text{ h} \\
 &= \boxed{600\text{ Wh}} \\
 &= \boxed{0.6\text{ KWh}}
 \end{aligned}$$

التمرين 0 ص 106

التمرين 0 ص 106

ملاحظات	أنشطة التعلم	مؤشرات الكفاءة	المراحل						
المنهاج: بالنسبة إلى المقادير المركبة ، تقترح أمثلة عن مقادير حاصل القسمة المدروسة في السنة الثالثة (السرعة، الكتلة الحجمية ، الطاقة الكهربائية ، ...) و نجعل التلميذ يلاحظ في الحالتين أن المقادير من طبيعة مختلفة و يتم إدخال الوحدات المختلفة .	<table><tr><th>h</th><th>mn</th></tr><tr><td>1</td><td>60</td></tr><tr><td>x</td><td>45</td></tr></table> عبر عن المدة $3h45mn$ بالساعات . $x = \frac{1 \times 45}{60} = 0.75$ ومنه : $45mn = 0.75h$ إذن : $3h45mn = 3h + 0.75h = 3.75h$ عبر عن المدة $2h30mn$ بالساعات .	h	mn	1	60	x	45	- يتذكر التحويل بين وحدات قياس الزمن في النظام و النظام العشري .	تهيئة
	h	mn							
1	60								
x	45								
	النشاط 11 ص 95 س3 3 قطعت سيارة مسافة $124km$ في مدة قدرها $1h24min$. اولا ، التحويل من النظام الستيني إلى النظام العشري . <table><tr><th>h</th><th>mn</th></tr><tr><td>1</td><td>60</td></tr><tr><td>x</td><td>24</td></tr></table> ومنه : $24mn = 0.4h$ أي : $1h24min = 1.4h$ • حساب السرعة المتوسطة . $v = \frac{d}{t} = \frac{124}{1.4} \approx 88$ $v \approx 88km/h$ • ما هي المدة التي تستغرقها السيارة لقطع مسافة $217km$ في نفس الظروف ؟ لدينا : $v = \frac{d}{t}$ بالتعويض : $88 = \frac{217}{t}$ $t = \frac{217}{88} \approx 2.46$ ومنه : $t \approx 2.46h \approx 2h27mn$	h	mn	1	60	x	24	- يعرف .	الأنشطة
h	mn								
1	60								
x	24								

- السرعة المتوسطة هي نسبة المسافة المقطوعة إلى الزمن المستغرق لقطعها ، أي $v = \frac{d}{t}$ وتقدر بـ km/h أو m/s .

مثال : السرعة المتوسطة لسيارة هي $80 km/h$ ، يعني ذلك أن السيارة تقطع مسافة $80 km$ في مدة 1 ساعة .

تمرين : سرعة الضوء تقدر بـ $3 \times 10^8 m/s$ والمسافة بين الأرض والشمس تقدر بـ $15 \times 10^{10} m$.
- ما هي المدة الزمنية التي يستغرقها ضوء الشمس للوصول إلى الأرض ؟

ملاحظات

أنشطة التعلم

مؤشرات الكفاءة

المراحل

تهيئة

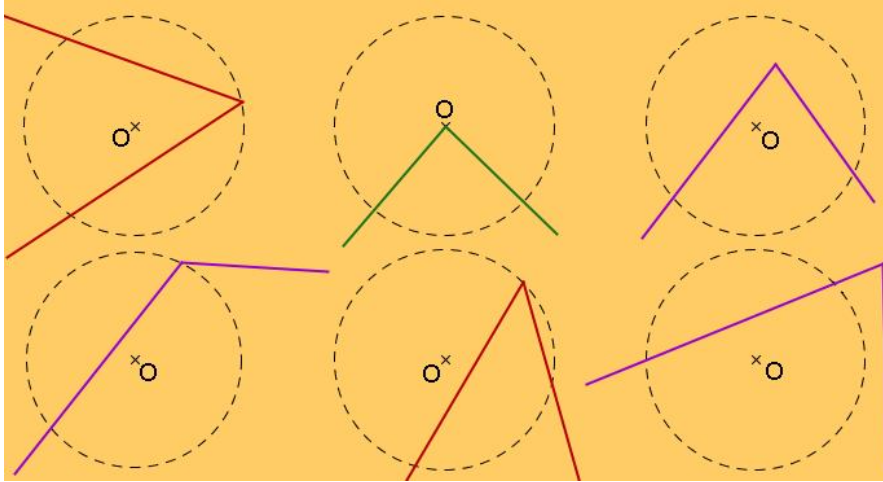
- يتذكر.

الأنشطة

- يتعرف على الزاوية المركزية و على الزاوية المحيطية .

النشاط 3 ص 226

1 التلوين بالأحمر الزوايا المحيطية و بالأخضر الزوايا المركزية :



2 التمعن في الأشكال ، ثم اكمال الجدول :

الشكل	قيس الزاوية المحيطية $\widehat{ABC}$	قيس الزاوية المركزية $\widehat{AOC}$	العلاقة بين $\widehat{AOC}$ و $\widehat{ABC}$
(1)	45°	90°	$\widehat{AOC} = 2\widehat{ABC}$
(2)	65°	130°	$\widehat{AOC} = 2\widehat{ABC}$
(3)	45°	90°	$\widehat{AOC} = 2\widehat{ABC}$

- يخمن العلاقة بين قيس الزاوية المركزية و قيس الزاوية المحيطية التي تحصر معها نفس القوس في دائرة.

الاستنتاج : قيس الزاوية المركزية يساوي ضعف قيس الزاوية المحيطية التي تحصر معها نفس القوس في دائرة .

البرهان :

1 الشكل (1) : قطعة المستقيم $[BC]$ قطر للدائرة (C) .

المثلث OAB متساوي الساقين لأن $OA = OB$: نصف قطر في الدائرة (C) .

و $\widehat{OAB} = \widehat{OBA}$ لأنهما زاويتا القاعدة في مثلث متساوي الساقين (خاصية)

و $\widehat{AOC} = \widehat{OAB} + \widehat{OBA}$ (خاصية : قيس الزاوية الخارجية في مثلث تساوي مجموع قيسي الزاويتين الداخليتين غير المجاورتين لها) .

ومنه $\widehat{AOC} = 2\widehat{ABC}$.

2 الشكلين (2) و (3) : مع رسم القطر $[BD]$ للدائرة (C) .

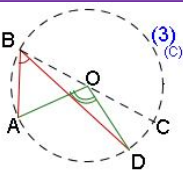
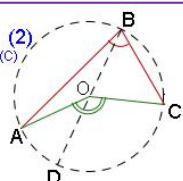
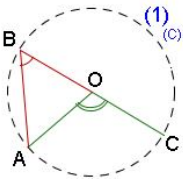
باستعمال الخاصيتين السابقتين :

فإن : $\widehat{AOD} = 2\widehat{ABD}$ (*)

- يبرهن العلاقة بين قيس الزاوية المركزية و قيس الزاوية المحيطية التي تحصر معها نفس القوس في دائرة.

المنهاج: حتى لا ننقل هذا المفهوم ، تقتصر بالنسبة إلى الزاوية المركزية على الحالة التي تكون فيها الزاوية ناتئة . بالنسبة إلى الزاوية المحيطية ، تقتصر على الحالة التي يكون فيها ضلعا الزاوية وترين (بمعنى ، لا ندرس الحالة التي يكون فيها أحد الضلعين مماسا للدائرة) . يؤكد على فهم و استعمال العبارة "يحصر" . العلاقات المستهدفة هنا هي العلاقة بين زاوية محيطية و زاوية مركزية تحصران نفس القوس و العلاقة بين الزوايا المحيطية التي تحصر نفس القوس . تخمن هذه العلاقات انطلاقا من أمثلة باستعمال المنقلة أو المورد ثم تبرهن .

لا تتطرق للبرهان ربحا للوقت



و $\widehat{D\hat{O}C} = 2\widehat{D\hat{B}C}$ (**).

بالجمع :

$$\widehat{A\hat{O}D} + \widehat{D\hat{O}C} = 2\widehat{D\hat{B}C} + 2\widehat{A\hat{B}D}$$

$$\widehat{A\hat{O}D} + \widehat{D\hat{O}C} = 2(\widehat{D\hat{B}C} + \widehat{A\hat{B}D})$$

$$\widehat{D\hat{O}C} = 2\widehat{A\hat{B}C}$$

3) نتيجة البرهان: قياس الزاوية المركزية يساوي ضعف قياس الزاوية المحيطية التي تحصر معها نفس القوس في دائرة .

3 نقل الشكل ورسم عدة زوايا محيطية تحصر القوس $\widehat{AB}$:

باستعمال المنقلة نلاحظ أن: اقياس الزوايا $\widehat{AM_1B}$ و $\widehat{AM_2B}$ و $\widehat{AM_3B}$ متساوية .

نستنتج أن: اقياس الزوايا المحيطية التي تحصر نفس القوس متساوية .

البرهان :

بإعتماد على نتيجة النشاط السابق فإن :

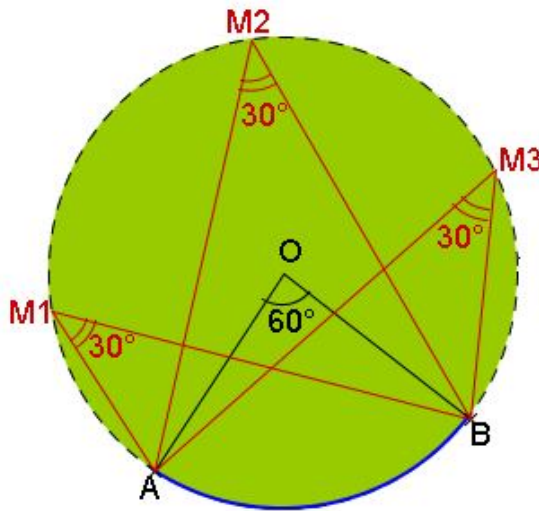
$$\widehat{A\hat{O}B} = 2\widehat{AM_1B}$$

$$\widehat{A\hat{O}B} = 2\widehat{AM_2B}$$

$$\widehat{A\hat{O}B} = 2\widehat{AM_3B}$$

ومنه $\widehat{AM_1B} = \widehat{AM_2B} = \widehat{AM_3B}$:

وعليه فكل الزوايا المحيطية التي تحصر نفس القوس في دائرة لها نفس القياس .

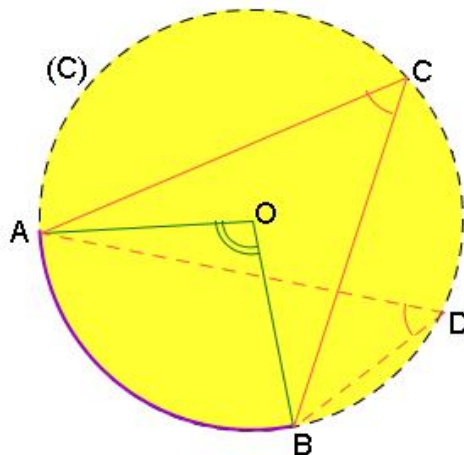


- يخمن ثم يبرهن أن كل الزوايا المحيطية التي تحصر نفس القوس في دائرة لها نفس القياس .

معارف

لتكن (C) الدائرة ذات المركز O.

- نقول عن الزاوية $\widehat{ACB}$ أنها زاوية محيطية في الدائرة (C) ، إذا كان رأسها C ينتمي إلى الدائرة (C) ، و $[CB]$ و $[CA]$ وتران لهذه الدائرة .
- نقول عن زاوية أنها مركزية في الدائرة (C) ، إذا كان رأسها هو مركز هذه الدائرة .
- الزاوية المركزية $\widehat{AOB}$ و الزاوية المحيطية $\widehat{ACB}$ تحصران نفس القوس .



- قياس الزاوية المركزية في دائرة هو ضعف قياس الزاوية المحيطية التي تحصر معها نفس القوس .

- كل الزوايا المحيطية في دائرة التي تحصر نفس القوس متقايسة .

$$\widehat{A\hat{O}B} = 2\widehat{A\hat{C}B}$$

التمرين رقم 6 ص 240

التمارين 5/7/8/10 ص 241/240

إعادة الاستثمار

الواجب المنزلي

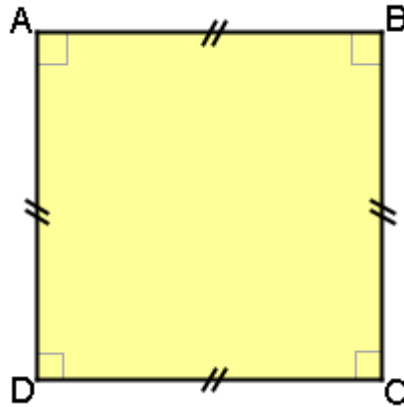
المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر طريقة إنشاء صورة نقطة بدوران.	■ انشئ صورة M' صورة M بالدوران الذي مركزه O وزاويته 110° في الاتجاه الموجب . النشاط 6 ص 228	المنهاج: يعرف المضلع المنتظم كمضلع كل أضلاعه متقايسه نجعل التلميذ يكتشف من خلال أمثلة (المثلث المتقايس الأضلاع ، المربع ، السداسي المنتظم) أن المضلع المنتظم قابل للرسم في دائرة ويكون مركز المضلع و يستغل ذلك في إنشاء مضلع منتظم بمعرفة مركزه و أحد رؤوسه . هذا الإنشاء ، الذي يمكن تعميمه إلى مضلعات منتظمة أخرى ، يركز على مفهوم الزاوية المركزية كما يسمح باستثمار مفهوم الدوران .
الأنشطة	- يعرف المضلع المنتظم. - ينشئ مضلع منتظم (مثلث متقايس الأضلاع) بمعرفة مركزه و أحد رؤوسه باستعمال مفهوم الدوران. - يعرف أن المضلع المنتظم قابل للرسم في دائرة . - ينشئ مضلعات منتظمة (مربع ، خماسي منتظم) . - يعيّم : ينشئ مضلع منتظم بمعرفة مركزه و أحد رؤوسه و عدد أضلاعه (n) باستعمال مفهوم الدوران .	1 المضلع المنتظم هو مضلع كل أضلاعه لها نفس الطول و كل زواياها متقايسة . 2 المضلعات المنتظمة هي : المربع و الخماسي المنتظم . 3 المثلث ABC مثلث متقايس الساقين حيث : $AB = BC = 4cm$ و $\widehat{ABC} = 120^\circ$ ، وليكن الدوران ذو المركز B و الذي زاويته 120° بحيث صورة A بالدوران هي B . 1 إنشاء D ، صورة C بهذا الدوران . ثم E ، صورة D . - A و E نقطتان متطابقتان . - المثلث CDE متقايس الأضلاع . التعليل (*) : حسب المعطيات فإن : [EC] صورتها [DC] و [DC] صورتها [DE] بهذا الدوران . ومنه : $EC = DC$ و $DC = DE$ ، وعليه : $DE = DC = EC$. يعني أن : المثلث CDE متقايس الأضلاع . - البرهان أن رؤوس المثلث CDE تنتمي إلى دائرة يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها ؟ حسب المعطيات فإن [BE] : صورتها [BC] و [BC] صورتها [DB] بهذا الدوران . ومنه : $BE = BC$ و $BD = BC$ ، وعليه : $BD = BC = BE$. يعني: رؤوس المثلث CDE تنتمي إلى الدائرة التي مركزها B و نصف قطرها [BC] 2 إعادة النشاط بأخذ $\widehat{ABC} = 90^\circ$ ، ثم $\widehat{ABC} = 72^\circ$ بإجراء العدد المناسب من الدورات للرجوع إلى النقطة A . 3 استنتاج طريقة إنشاء المضلعات المنتظمة ذات n ضلعا . لاحظ أن : $\widehat{ABC} = 120^\circ = \frac{360^\circ}{3}$ تحصلنا على مثلث متقايس الأضلاع . $\widehat{ABC} = 90^\circ = \frac{360^\circ}{4}$ تحصلنا على مربع . $\widehat{ABC} = 72^\circ = \frac{360^\circ}{5}$ تحصلنا على خماسي منتظم .	المنهاج: يعرف المضلع المنتظم كمضلع كل أضلاعه متقايسه نجعل التلميذ يكتشف من خلال أمثلة (المثلث المتقايس الأضلاع ، المربع ، السداسي المنتظم) أن المضلع المنتظم قابل للرسم في دائرة ويكون مركز المضلع و يستغل ذلك في إنشاء مضلع منتظم بمعرفة مركزه و أحد رؤوسه . هذا الإنشاء ، الذي يمكن تعميمه إلى مضلعات منتظمة أخرى ، يركز على مفهوم الزاوية المركزية كما يسمح باستثمار مفهوم الدوران . يمكن التعليل أن المثلث CDE متساوي الساقين باستعمال الحالة الأولى لتقايس مثلثين وكذلك البرهان أن رؤوس هذا المثلث تنتمي إلى دائرة يمكن تعيين مركزها و نصف قطرها . يمكن التعليل أن المثلث CDE متساوي الساقين باستعمال الحالة الأولى لتقايس مثلثين وكذلك البرهان أن رؤوس هذا المثلث تنتمي إلى دائرة يمكن تعيين مركزها و نصف قطرها .

كي نرسم مضلعاً منتظماً ذو n ضلعاً - بمعرفة مركزه وأحد رؤوسه - نرسم مثلثاً متساوي الساقين رأسه الأساسي هو مركز هذا المضلع وزاوية رأسه الأساسي هي $\frac{360^\circ}{n}$ ثم نجري العدد المناسب من الدورانات التي مركزها هذا الرأس الأساسي وزاويتها هي $\frac{360^\circ}{n}$ حتى العودة إلى النقطة الأولى .

معارف

- نقول عن مضلع أنه منتظم ، إذا كانت كل زواياه متقايسة و كل اضلاعه لها نفس الطول .

مثال : المربع هو مضلع منتظم .



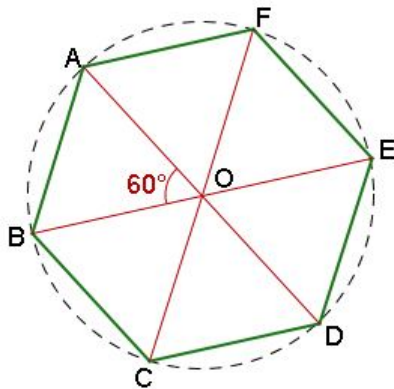
- توجد دائرة تشمل كل رؤوس المضلع .
- نقول عن هذه الدائرة أنها محيطة بالمضلع المنتظم .
- مركز هذه الدائرة هو مركز المضلع المنتظم .

- يبقى المضلع المنتظم ثابتاً ، بالدوران الذي مركزه O مركز المضلع ، والذي زاويته $\widehat{AOB}$ (في أي اتجاه كان) ، حيث A و B هما رأسان متتاليان للمضلع المنتظم .

- الزوايا المركزية في مضلع منتظم متقايسة .

مثال : السداسي المنتظم .

$$\begin{aligned}\widehat{AOB} &= \widehat{BOC} = \widehat{COD} \\ &= \widehat{DOE} = \widehat{EOF} = \widehat{FOA} \\ &= \frac{360^\circ}{6} = 60^\circ\end{aligned}$$



تمرين : تمعن في الشكل اسفله ثم انشئ الثماني المنتظم $KLMNPQRS$ الذي مركزه O و K احدى رؤوسه .



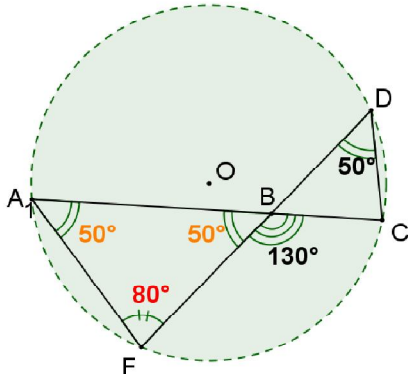
التمارين 11 إلى 17 ص 241

إعادة
الإستثمار

الواجب
المنزلي

التمرين 7 ص 240

- حساب قياس الزاوية $\widehat{AEB}$:



$$\widehat{AEB} = 80^\circ$$

التمرين 5 ص 240

- المثلث OBC متقايس الاضلاع ؟
لدينا حسب العلاقة بين الزاوية المركزية و الزاوية المحيطية :

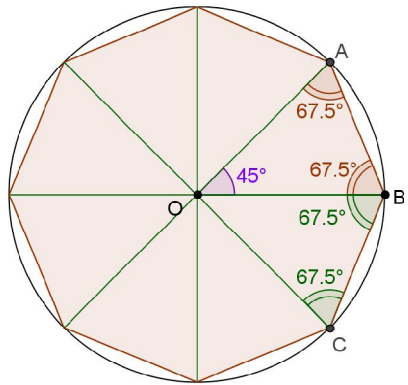
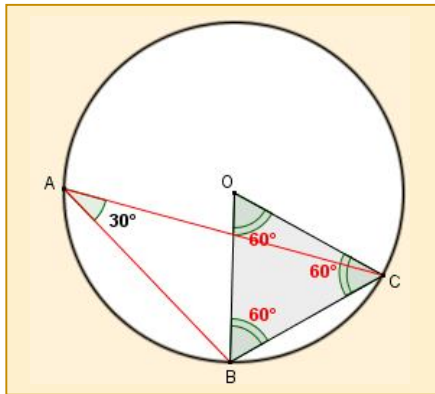
$$\begin{aligned}\widehat{BOC} &= 2\widehat{BAC} \\ &= 2 \times 30^\circ = 60^\circ\end{aligned}$$

لدينا كذلك المثلث OBC متساوي الساقين (الدائرة) ومنه :

$$\widehat{OBC} = \widehat{BCO} = \frac{180^\circ - 60^\circ}{2} = 60^\circ$$

إذن المثلث OBC متقايس الاضلاع .

(من خواص المثلث المتقايس الاضلاع)



التمرين 10 ص 240

- حساب قياس الزاوية $\widehat{ABC}$:

$$\widehat{BOA} = \frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$$

$$\widehat{ABO} = \frac{180^\circ - 45^\circ}{2} = 67.5^\circ$$

ولدينا كذلك : $\widehat{BCO} = 67.5^\circ$

وبنفس الطريقة نجد :

$$\widehat{ABC} = \widehat{ABO} + \widehat{BCO} = 67.5^\circ + 67.5^\circ = 135^\circ$$

التمرين 13 ص 240

- حساب الطول AB بالتقريب إلى 10^{-1} :

بالاعتماد على خواص المضلع المنتظم (العشاري المنتظم)

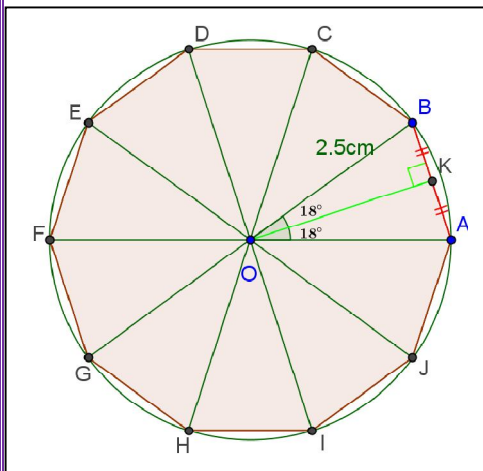
و خواص المثلث المتساوي الساقين فإن : $\widehat{AOK} = 18^\circ$ وعليه :

$$\sin 18^\circ = \frac{AO}{AK}$$

$$0.309... = \frac{2.5}{AK}$$

$$AK = \frac{2.5}{0.309...} \approx 8.09...$$

ومنه : $AB = 2AK = 2 \times 8.09... \approx 16.1$ أي : $AB = 16.1cm$



يمكن إضافة
تمارين
أخرى

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																			
تهيئة	- يتذكر التكرار النسبي .	■ اكمل الجدول الآتي يوضح عدد الساعات : <table><tr><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>التكرار</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>التكرار النسبي</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>النسبة المئوية للتكرار</td><td></td><td></td><td></td></tr></table>					التكرار				التكرار النسبي				النسبة المئوية للتكرار				المنهاج: يسمح تمثيل التكرارات (أو التواترات) المجمعة المحصل عليها بقراءة مباشرة لتكرارات (أو تواترات) قيم أصغر (أو أكبر) من قيم معينة للسلسلة الإحصائية .																			
التكرار																																						
التكرار النسبي																																						
النسبة المئوية للتكرار																																						
الأنشطة		النشاط 9 ص 91 1 توزيع أطوال قامات تلاميذ السنة 4 متوسط 1 معطى في التمثيل بالمستطيلات التالي: 1 اكمال الجدول حيث T هو طول القامة بالمتر (m) . <table><tr><td>طول القامة T</td><td>$T < 1.45$</td><td>$1.45 \leq T < 1.55$</td><td>$1.55 \leq T < 1.65$</td><td>$1.65 \leq T < 1.75$</td></tr><tr><td>التكرارات</td><td>3</td><td>6</td><td>11</td><td>5</td></tr><tr><td>التكرارات النسبية</td><td>0.12</td><td>0.24</td><td>0.44</td><td>0.2</td></tr></table> 2 عدد التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.45m$ هو 3 . عدد التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.55m$ هو 9 . عدد التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.65m$ هو 20 . عدد التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.75m$ هو 25 . ■ نسمي هذه الأعداد :التكرارات المجمعة المتزايدة. 3 اكمال جدول التكرارات المجمعة المتزايدة : <table><tr><td>طول القامة T</td><td>$T < 1.45$</td><td>$T < 1.55$</td><td>$T < 1.65$</td><td>$T < 1.75$</td></tr><tr><td>التكرارات المجمعة المتزايدة</td><td>3</td><td>9</td><td>20</td><td>25</td></tr></table> 4 نسبة التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.45m$ هو 0.12 . نسبة التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.55m$ هو 0.36 . نسبة التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.65m$ هو 0.8 . نسبة التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.75m$ هو 1 . ■ تسمى هذه النسب :التكرارات النسبية المجمعة المتزايدة. 5 اكمال جدول التكرارات النسبية المتزايدة : <table><tr><td>طول القامة T</td><td>$T < 1.45$</td><td>$T < 1.55$</td><td>$T < 1.65$</td><td>$T < 1.75$</td></tr><tr><td>التكرارات النسبية المجمعة المتزايدة</td><td>0.12</td><td>0.36</td><td>0.8</td><td>1</td></tr></table> يمكن أن نحسب التكرارات النسبية المجمعة المتزايدة بطريقتين : الطريقة الأولى : بقسمة التكرار المجمع المتزايد لكل فئة على التكرار الكلي . الطريقة الثانية : بجمع التكرار النسبي لكل فئة مع التكرار النسبي للفئات التي تسبقها.	طول القامة T	$T < 1.45$	$1.45 \leq T < 1.55$	$1.55 \leq T < 1.65$	$1.65 \leq T < 1.75$	التكرارات	3	6	11	5	التكرارات النسبية	0.12	0.24	0.44	0.2	طول القامة T	$T < 1.45$	$T < 1.55$	$T < 1.65$	$T < 1.75$	التكرارات المجمعة المتزايدة	3	9	20	25	طول القامة T	$T < 1.45$	$T < 1.55$	$T < 1.65$	$T < 1.75$	التكرارات النسبية المجمعة المتزايدة	0.12	0.36	0.8	1	يحسب التكرار المجمع المتزايد . <
طول القامة T	$T < 1.45$	$1.45 \leq T < 1.55$	$1.55 \leq T < 1.65$	$1.65 \leq T < 1.75$																																		
التكرارات	3	6	11	5																																		
التكرارات النسبية	0.12	0.24	0.44	0.2																																		
طول القامة T	$T < 1.45$	$T < 1.55$	$T < 1.65$	$T < 1.75$																																		
التكرارات المجمعة المتزايدة	3	9	20	25																																		
طول القامة T	$T < 1.45$	$T < 1.55$	$T < 1.65$	$T < 1.75$																																		
التكرارات النسبية المجمعة المتزايدة	0.12	0.36	0.8	1																																		

التكرار المجمع المتزايد :

- في سلسلة احصائية مرتبة ترتيبا تصاعديا ، التكرار المجمع المتزايد لقيمة يحصل عليه بجمع تكرار هذه القيمة و تكرار القيم السابقة لها .

مثال : الجدول التالي يوضح توزيع علامات تلاميذ قسم السنة الرابعة متوسط للفصل الثاني .

العلامات	$0 \leq N < 5$	$5 \leq N < 10$	$10 \leq N < 15$	$15 \leq N < 20$
التكرار	2	6	12	4
التكرار المجمع المتزايد	2	8	20	24

التكرار النسبي المجمع المتزايد :

- التكرار النسبي المجمع المتزايد هو التكرار المجمع المتزايد بالنسبة إلى التكرار الكلي .

إنتبه : نسمي كل تكرار نسبي تواترا .

إذن : التكرار النسبي المجمع المتزايد هو التواتر المجمع المتزايد .

التمرين 4 ص 144

التمرين 3/2/1 ص 144

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																			
تهيئة	- يتذكر .																																					
الأنشطة		النشاط 9 ص 91 1. توزيع أطوال قامات تلاميذ السنة 4 متوسط 1 معطى في التمثيل بالمستطيلات التالي: <table><tr><th>طول القامة T</th><th>$T < 1.45$</th><th>$1.45 \leq T < 1.55$</th><th>$1.55 \leq T < 1.65$</th><th>$1.65 \leq T < 1.75$</th></tr><tr><td>التكرارات</td><td>3</td><td>6</td><td>11</td><td>5</td></tr><tr><td>التكرارات النسبية</td><td>0.12</td><td>0.24</td><td>0.44</td><td>0.2</td></tr></table> 2. عدد التلاميذ الذين يفوق طول قامتهم $1.35m$ هو 25 . عدد التلاميذ الذين يفوق طول قامتهم $1.45m$ هو 22 . عدد التلاميذ الذين يفوق طول قامتهم $1.55m$ هو 16 . عدد التلاميذ الذين يفوق طول قامتهم $1.65m$ هو 5 . ■ نسمي هذه الأعداد: التكرارات المجمع المتناقصة. 3. اكمال جدول التكرارات المجمع المتناقصة : <table><tr><th>طول القامة T</th><th>$T > 1.35$</th><th>$T > 1.45$</th><th>$T > 1.55$</th><th>$T > 1.65$</th></tr><tr><td>التكرارات المجمع المتزايدة</td><td>25</td><td>22</td><td>16</td><td>5</td></tr></table> 4. نسبة التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.35m$ هو 1 . نسبة التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.45m$ هو 0.88 . نسبة التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.55m$ هو 0.64 . نسبة التلاميذ الذين لا يفوق طول قامتهم $1.65m$ هو 0.2 . ■ تسمى هذه النسب: التكرارات النسبية المجمع المتناقصة. 5. اكمال جدول التكرارات النسبية المجمع المتناقصة : <table><tr><th>طول القامة T</th><th>$T > 1.35$</th><th>$T > 1.45$</th><th>$T > 1.55$</th><th>$T > 1.65$</th></tr><tr><td>التكرارات النسبية المجمع المتزايدة</td><td>1</td><td>0.88</td><td>0.64</td><td>0.2</td></tr></table> يمكن أن نحسب التكرارات النسبية المجمع المتناقصة بطريقتين : الطريقة الأولى : بقسمة التكرار المجمع المتناقص لكل فئة على التكرار الكلي . الطريقة الثانية : بجمع التكرار النسبي لكل فئة مع التكرار النسبي للفئات التي تسبقها.	طول القامة T	$T < 1.45$	$1.45 \leq T < 1.55$	$1.55 \leq T < 1.65$	$1.65 \leq T < 1.75$	التكرارات	3	6	11	5	التكرارات النسبية	0.12	0.24	0.44	0.2	طول القامة T	$T > 1.35$	$T > 1.45$	$T > 1.55$	$T > 1.65$	التكرارات المجمع المتزايدة	25	22	16	5	طول القامة T	$T > 1.35$	$T > 1.45$	$T > 1.55$	$T > 1.65$	التكرارات النسبية المجمع المتزايدة	1	0.88	0.64	0.2	
طول القامة T	$T < 1.45$	$1.45 \leq T < 1.55$	$1.55 \leq T < 1.65$	$1.65 \leq T < 1.75$																																		
التكرارات	3	6	11	5																																		
التكرارات النسبية	0.12	0.24	0.44	0.2																																		
طول القامة T	$T > 1.35$	$T > 1.45$	$T > 1.55$	$T > 1.65$																																		
التكرارات المجمع المتزايدة	25	22	16	5																																		
طول القامة T	$T > 1.35$	$T > 1.45$	$T > 1.55$	$T > 1.65$																																		
التكرارات النسبية المجمع المتزايدة	1	0.88	0.64	0.2																																		

التكرار المجمع المتناقص :

- في سلسلة احصائية مرتبة ترتيبا تصاعديا ، التكرار المجمع المتناقص لقيمة يحصل عليه بجمع تكرار هذه القيمة و تكرار القيم الأكبر منها .

مثال : الجدول التالي يوضح توزيع علامات تلاميذ قسم السنة الرابعة متوسط للفصل الثاني .

العلامات	$0 \leq N < 5$	$5 \leq N < 10$	$10 \leq N < 15$	$15 \leq N < 20$
التكرار	2	6	12	4
التكرار المجمع المتناقص	24	22	16	4

التكرار النسبي المجمع المتناقص :

- التكرار النسبي المجمع المتناقص هو التكرار المجمع المتناقص بالنسبة إلى التكرار الكلي .

إنتبه : نسمي كل تكرار نسبي تواترا .

إذن : التكرار النسبي المجمع المتناقص هو التواتر المجمع المتناقص .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات																																			
تهيئة	- يتذكر .	إليك الفتة .	المنهاج: الغرض في هذه السنة هو تزويد التلميذ بالأدوات الأولى لتلخيص سلسلة إحصائية . يكون تعيين الوسيط من خلال أمثلة بسيطة لسلاسل إحصائية يكون عدد قيمها زوجيا أو فرديا أو تكون قيمها مجمعة في فئات . يمكن استعمال الجدول اتعيين الوسط والوسيط .																																			
الأنشطة	يحسب الوسط الحسابي لسلسلة إحصائية (عادية) . يحسب الوسط الحسابي المتوازن لسلسلة إحصائية (عادية) .	النشاط 2 ص 126 1 تحري استاذ الرياضيات عن عدد أفراد أسر تلاميذ قسم السنة الرابعة متوسط 1 و المكون من 28 تلميذا فكانت النتائج كالتالي : <table><tr><td>عدد أفراد الأسرة</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>9</td></tr><tr><td>عدد التلاميذ</td><td>2</td><td>5</td><td>10</td><td>9</td><td>2</td></tr></table> 1 ماهو معدل أسر تلاميذ القسم 1؟ ماهي الطريقة المتبعة لحسابك ؟ أكمل : $M = \frac{2 \times 2 + 5 \times 3 + 10 \times 4 + 9 \times 5 + 2 \times 6}{2 + 5 + 10 + 9 + 2}$$= \frac{4 + 15 + 40 + 45 + 12}{28} = \frac{116}{28} \approx 4.14$ هذا المعدل يسمى الوسط الحسابي المتوازن لعدد أفراد أسر التلاميذ . 2 اعد حساب معدل أسر التلاميذ دون الأخذ بعين الاعتبار عدد التلاميذ الموافق لكل أسرة ؟ أكمل : $M = \frac{2 + 3 + 4 + 5 + 6}{5}$$= \frac{20}{5} = 4$ 3 كان توزيع أثمان المنتوجات المعروضة في محل تجاري لبيع الأحذية كالتالي : <table><tr><th>فئات الأثمان</th><th>$500 \leq P < 1000$</th><th>$1000 \leq P < 1500$</th><th>$1500 \leq P < 2000$</th><th>$2000 \leq P < 2500$</th><th>المجموع</th></tr><tr><td>التكرارات</td><td>118</td><td>135</td><td>95</td><td>82</td><td>430</td></tr><tr><td>مراكز الفئات</td><td>$\frac{1000+500}{2} = 750$</td><td>1250</td><td>1750</td><td>2250</td><td></td></tr><tr><td>الجداءات</td><td>$118 \times 750 = 88500$</td><td>168750</td><td>166250</td><td>184500</td><td>608000</td></tr></table> الوسط الحسابي المتوازن للأثمان : $\overline{P} = \frac{118 \times 750 + 135 \times 1250 + 95 \times 1750 + 82 \times 2250}{118 + 135 + 95 + 82}$$= \frac{88500 + 168750 + 166250 + 184500}{430} = \frac{608000}{430}$$\approx 1413.95..... \approx 1414$	عدد أفراد الأسرة	2	3	4	5	9	عدد التلاميذ	2	5	10	9	2	فئات الأثمان	$500 \leq P < 1000$	$1000 \leq P < 1500$	$1500 \leq P < 2000$	$2000 \leq P < 2500$	المجموع	التكرارات	118	135	95	82	430	مراكز الفئات	$\frac{1000+500}{2} = 750$	1250	1750	2250		الجداءات	$118 \times 750 = 88500$	168750	166250	184500	608000
عدد أفراد الأسرة	2	3	4	5	9																																	
عدد التلاميذ	2	5	10	9	2																																	
فئات الأثمان	$500 \leq P < 1000$	$1000 \leq P < 1500$	$1500 \leq P < 2000$	$2000 \leq P < 2500$	المجموع																																	
التكرارات	118	135	95	82	430																																	
مراكز الفئات	$\frac{1000+500}{2} = 750$	1250	1750	2250																																		
الجداءات	$118 \times 750 = 88500$	168750	166250	184500	608000																																	

1- سلسلة إحصائية ذات قيم :

- الوسط الحسابي لسلسلة إحصائية ذات قيم هو مجموع قيم هذه السلسلة على عدد قيمها .
- الوسط الحسابي المتوازن لسلسلة إحصائية ذات قيم هو مجموع جداء كل قيمة بتكرارها على مجموع التكرارات .

مثال : الجدول التالي يوضح اعمار تلاميذ قسم السنة الرابعة متوسط.

الأعمار	14	15	16	17	18
عدد التلاميذ	9	12	4	2	1

■ الوسط الحسابي :

$$\bar{A} = \frac{14+15+16+17+18}{5} = \frac{80}{5} = 16$$

■ الوسط الحسابي المتوازن للعلامات (معدل العلامات) :

$$\bar{A} = \frac{10 \times 14 + 12 \times 15 + 5 \times 16 + 1 \times 17 + 2 \times 18}{10 + 12 + 5 + 1 + 2} = \frac{140 + 180 + 80 + 17 + 36}{30} = \frac{453}{30} = 15.1$$

2 - سلسلة إحصائية مجمعة في فئات متساوية المدى :

- الوسط الحسابي لسلسلة إحصائية مجمعة في فئات متساوية المدى هو مجموع مراكز فئات هذه السلسلة على عدد فئاتها .
- الوسط الحسابي المتوازن لسلسلة إحصائية ذات قيم هو مجموع جداء كل مركز فئة بتكرارها على مجموع التكرارات .

مثال : الجدول التالي يوضح توزيع علامات تلاميذ قسم السنة الرابعة متوسط للفصل الثاني .

العلامات (N)	$0 \leq N < 5$	$5 \leq N < 10$	$10 \leq N < 15$	$15 \leq N < 20$
التكرار	2	6	12	4
مراكز الفئات	2.5	7.5	12.5	17.5

■ الوسط الحسابي :

$$\bar{N} = \frac{2.5 + 7.5 + 12.5 + 17.5}{4} = \frac{40}{4} = 10$$

■ الوسط الحسابي المتوازن للعلامات (معدل العلامات) :

$$\bar{N} = \frac{2 \times 2.5 + 6 \times 7.5 + 12 \times 12.5 + 4 \times 17.5}{2 + 6 + 12 + 4} = \frac{5 + 45 + 150 + 70}{24} = \frac{270}{24} = 11.25$$

التمرين 4 ص 144

إعادة
الإستثمار

الواجب
المنزلي

الوسائل: السبورة + آلة حاسبة .
الدعائم: المنهاج + الوثيقة م + الكتاب م .
الأستاذ: ولد سعيد عبد القادر

الموضوع: مؤشرات الموقع . (2- الوسيط)

الكفاءة القاعدية: تعيين الوسيط والوسيط لسلسلة إحصائية وترجمتها .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلّم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر .		
الأنشطة		النشاط 2 ص 127 1 الجدول التالي يوضح نتائج امتحان الرياضيات لأقسام السنة الرابعة متوسط و المكون من 31 تلميذ :	

النقط	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	الجمالي
التكرارات	0	1	1	1	2	3	2	3	2	2	1	2	0	3	1	1	2	1	1	2	31
المجمعة الصاعدة	0	1	2	3	5	8	10	13	15	17	18	20	20	23	24	25	27	28	29	31	

المنهاج: الغرض في هذه السنة هو تزويد التلميذ بالأدوات الأولى لتلخيص سلسلة إحصائية . يكون تعيين الوسيط من خلال امثلة بسيطة لسلاسل إحصائية يكون عدد قيمها زوجيا أو فرديا أو تكون قيمها مجمعة في فئات . يمكن استعمال الجدول تعيين الوسيط والوسيط .

نصف القسم تحصل على علامة تقل عن 10

نسمي هذه علامة : العلامة الوسطية انقاط التلاميذ .

- وسيط سلسلة احصائية مرتبة هو القيمة التي تجعل عدد القيم الأصغر منها أو تساويها مساويا لعدد القيم الأكبر منها أو تساويها.

مثال 1 : لنبحث عن وسيط السلسلة: 11 ; 10 ; 5 ; 5 ; 2

وسيط هذه السلسلة هو العدد : 5

مثال 1 : لنبحث عن وسيط السلسلة: 11 ; 11 ; 10 ; 5 ; 5 ; 2

وسيط هذه السلسلة هي القيم المحصورة بين 5 و 10 .

$$\text{نأخذ عامة القيمة : } 7.5 = \frac{5+10}{2}$$

- في حالة سلسلة احصائية مجمعة في فئات : نبحث عن الفئة التي تنتمي إليها القيمة الوسطية .

مثال : الجدول التالي يوضح توزيع علامات تلاميذ قسم السنة الرابعة متوسط للفصل الثاني .

العلامات	$0 \leq N < 5$	$5 \leq N < 10$	$10 \leq N < 15$	$15 \leq N < 20$
التكرار	2	8	7	4
التكرار المجمع الصاعد	2	10	17	21

عدد التلاميذ هو 21 القيمة الموافقة للتلميذ الحادي عشر الذي ينتمي إلى الفئة $10 \leq N < 15$ وهي الفئة الوسطية .

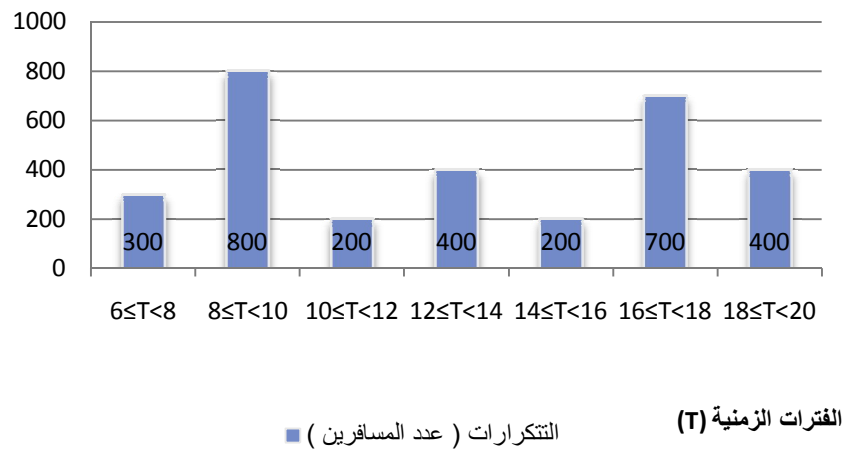
ملاحظات	الحلول	التمارين																																			
المنهاج: نجعل	– الوسط الحسابي لدرجات الحرارة خلال الأسبوع (أو معدل درجات الحرارة) : $\bar{t} = \frac{29 + 30 + 31 + 33 + 34 + 32 + 29}{7} = \frac{218}{7} \approx 31.14 \dots \approx 31^\circ$ – درجة الحرارة الوسيطة : نرتب هذه السلسلة ترتيبا تصاعديا 29 , 29 , 30 , 31 , 32 , 33 , 34 : 1) عدد المشتركين في هذا النادي يمثلته التكرار الكلي : $1 + 3 + 4 + 4 + 5 + 6 = 23$ <table> <tr> <th>الأعمار (a)</th><td>12</td><td>13</td><td>14</td><td>15</td><td>16</td><td>17</td></tr> <tr> <th>التكرارات</th><td>3</td><td>4</td><td>6</td><td>5</td><td>4</td><td>1</td></tr> <tr> <th>التكرار المجمع النازل</th><td>23</td><td>20</td><td>16</td><td>10</td><td>5</td><td>1</td></tr> <tr> <th>التواترات</th><td>0.13</td><td>0.17</td><td>0.26</td><td>0.22</td><td>0.17</td><td>0.04</td></tr> <tr> <th>التواترات المجمعّة النازلة</th><td>1</td><td>0.86</td><td>0.69</td><td>0.43</td><td>0.21</td><td>0.04</td></tr> </table> 2) اكمل الجدول : 3) عدد المشتركين الذين تفوق اعمارهم تفوق 14 سنة : هو 10 . – النسبة المئوية للمشاركين الذين اعمارهم 14 سنة : هي 26% . 4) معدل اعمار المشتركين في هذا النادي : نحسب المتوسط المتوازن لهذه السلسلة $\bar{a} = \frac{3 \times 12 + 4 \times 13 + 6 \times 14 + 5 \times 15 + 4 \times 16 + 1 \times 17}{3 + 4 + 6 + 5 + 4 + 1}$ $= \frac{36 + 52 + 84 + 75 + 64 + 17}{23} = \frac{328}{23} \approx 14.26 \dots$ 5) العمر الوسيط لأعضاء النادي هو 14 سنة . 6) مدى الأعمار هو 5 : $17 - 12 = 5$. 1) إكمال الجدول :	الأعمار (a)	12	13	14	15	16	17	التكرارات	3	4	6	5	4	1	التكرار المجمع النازل	23	20	16	10	5	1	التواترات	0.13	0.17	0.26	0.22	0.17	0.04	التواترات المجمعّة النازلة	1	0.86	0.69	0.43	0.21	0.04	التمرين 16 ص 145 + ما هي درجة الحرارة الوسيطة ؟ التمرين 13 ص 148 التمرين 2 ص 146 + أكمل الجدول . + احسب متوسط الفترات الزمنية . + إلى أي فئة تنتمي الفترة الوسيطة .
الأعمار (a)	12	13	14	15	16	17																															
التكرارات	3	4	6	5	4	1																															
التكرار المجمع النازل	23	20	16	10	5	1																															
التواترات	0.13	0.17	0.26	0.22	0.17	0.04																															
التواترات المجمعّة النازلة	1	0.86	0.69	0.43	0.21	0.04																															
التمارين	2) متوسط الفترات الزمنية : $\bar{T} = \frac{300 \times 7 + 800 \times 9 + 200 \times 11 + 400 \times 13 + 200 \times 15 + 700 \times 17 + 400 \times 19}{300 + 800 + 200 + 400 + 200 + 700 + 400}$ $= \frac{2100 + 7200 + 2200 + 5200 + 3000 + 11900 + 7600}{3000} = \frac{39200}{3000} \approx 13$																																				

(3) عدد المسافرين في الفترة الصباحية هو 1300 .:

(4) التكرار النسبي للفترة الصباحية هو $0.43 \approx \frac{1300}{3000}$.:

(5) تمثيل هذه المعطيات بمخطط مستطيلات :

التكرارات (عدد المسافرين)



المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر .		المنهاج: يكون إدراج الكرة ، كما كان الأمر في المستويات السابقة بالنسبة إلى المجسمات الأخرى ، انطلاقا من الملاحظة و المعالجة اليدوية لأشياء من محيط التلميذ . نعرف الكرة كمجموعة نقاط الفضاء الواقعة على نفس المسافة من نقطة ثابتة و الجلّة هي الكرة و داخلها . و تستنتج التعابير الخاصة (المركز ، نصف القطر، القطر) .
الأنشطة		النشاط 1 ص 247 1 ■ من بين هذه الأشكال ، الشكل (7) يمثل مجموعة من النقط في الفضاء تبعد بنفس المسافة عن نقطة ثابتة O . ■ الشكل (7) يسمى كرة . النقطة الثابتة O تسمى مركز الكرة . المسافة الثابتة بين نقط المجموعة و النقطة الثابتة O تسمى نصف قطر الكرة . 2 ■ مجموعة النقط في الفضاء التي تبعد بمسافة تقل أو تساوي $2cm$ عن نقطة ثابتة O هي : ● الكرة التي مركزها O ونصف قطرها $2cm$ و داخل هذه الكرة . - مجموعة النقط من الفضاء التي تبعد بمسافة أقل من أو تساوي مسافة ثابتة r عن نقطة ثابتة O هي الكرة التي مركزها O ونصف قطرها r و داخل هذه الكرة ، نسمي هذه المجموعة : الجلّة ذات المركز O ونصف القطر r . - إذن : الجلّة هي مجموعة النقط من الفضاء التي تبعد بمسافة أقل من أو تساوي مسافة ثابتة r عن نقطة ثابتة O . 3 ■ رمي قطعة نقد في الجو . - شكل قطعة النقد : قرص . - الشكل الناتج عن دوران قطعة النقد هو جلّة . - رسم الشكل المولد . - أكمل : الجلّة مولدة من دوران قرص حول أحد أقطاره . 3 ■ الشكل الممثل لكرة نصف قطرها $5cm$ ومركزها O . - طول القطعة $[AB]$ هو $AB = 2 \times 5cm = 10cm$. - إذا كانت G نقطة من الكرة : - يعني بعد G عن O يساوي نصف قطر هذه الكرة - إذن : طول القطعة $[GO]$ هو $GO = 5cm$. - المثلثات AFB ، OBD ، AOE ، EOB قائمة ومتساوية الساقين في O . - التبرير : لدينا $(OF) \perp (AB)$: معطيات . $OA = OB$ من خواص الكرة . - يعني F نقطة من محور القطعة $[AB]$. - وعليه ومنه المثلث AFB متساوي الساقين في F . - بنفس الطريقة ، المثلثات OBD ، AOE ، EOB متساوية الساقين . ملاحظة : نسمي الدوائر التي مركزها O ونصف قطرها مساو لنصف قطر الكرة ، بالدوائر الكبرى في الكرة .	

- الكرة التي مركزها O ونصف قطرها r هي مجموعة من النقط من الفضاء بحيث $OM = r$:

- الكرة التي مركزها O ونصف قطرها R هي مجموعة من النقط من الفضاء بحيث $OM \leq r$:

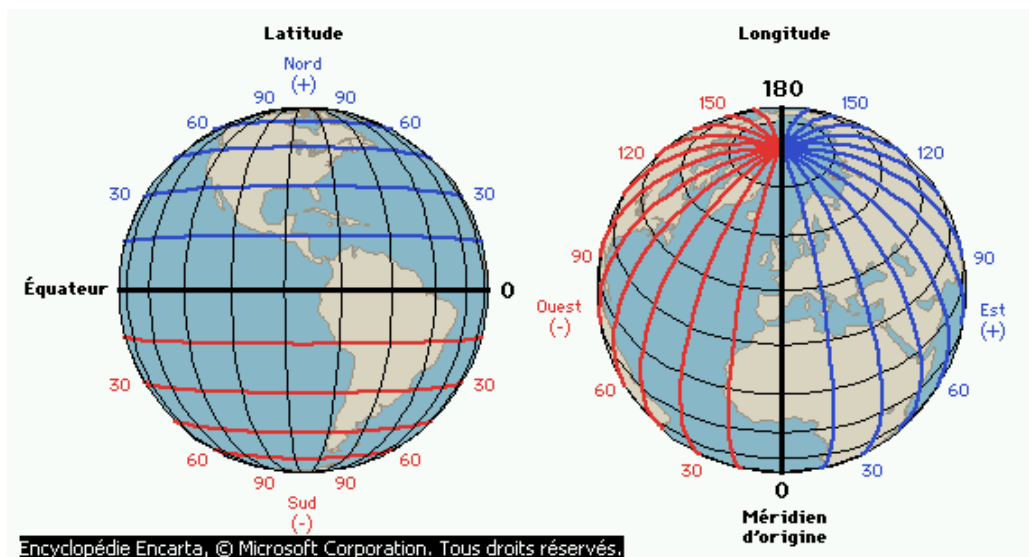
تمثل الكرة والكرة كما في الشكل :

التمرين رقم 3 ص 263

إعادة
الاستثمار

التمرين رقم 1 ص 263

الواجب
المنزلي



المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	- يتذكر .	النشاط 3 7 ملع كرة ، جلة . لتكن (S) الكرة التي مركزها O ونصف قطرها $r = 5cm$ وليكن (P) مستويا من الفضاء . نسمي H نقطة تقاطع العمود الصاعد من مركز الكرة O مع المستوي (P) . <u>الحالة 1</u> : إذا كان $0 < OH < r$. 1) قيس الزاوية $\angle OHM = 90^\circ$. 2) المثلث OHM قائم في H . 3) المقطع المتحصل عليه هو دائرة مركزها O ونصف قطرها $[HM]$. المقطع المتحصل عليه هو قرص مركزه O ونصف قطره $[HM]$. (في حالة الجلة) 4) HM يمثل طول نصف القطر لهذا المقطع . 5) $HM < r$ هذا يعني أن المقطع أصغر من الدائرة الكبرى للكرة . <u>الحالة 2</u> : إذا كان $OH = 0$. O و H متطابقان) أكمل : مقطع كرة بمستوي يمر بمركزها هو دائرة لها نفس المركز ونفس نصف القطر . مقطع جلة بمستوي يمر بمركزها هو قرص له نفس المركز ونفس نصف القطر . <u>الحالة 3</u> : إذا كان $OH = r$. أكمل H : هي النقطة الوحيدة المشتركة بين الكرة (S) والمستوي (P) . نقول في هذه الحالة أن : المستوي (P) مماس للكرة (S) في النقطة H . <u>الحالة 3</u> : إذا كان $OH > r$. 1) النقطة H تقع خارج الكرة . 2) لا توجد نقاط مشتركة بين المستوي (P) والدائرة . نستنتج أن المستوي لا يقطع الدائرة .	المنهاج: تعط

الحالة 1 : إذا كان $0 < OH < r$.
مقطع كرة بمستوي هو دائرة .

الحالة 2 : إذا كان $0 < OH < r$. (O و O' متطابقتان) ، هذا يعني أن المستوي يمر من مركز الكرة .
مقطع كرة بمستوي يمر بمركزها هو دائرة كبرى .

الحالة 3 : إذا كان $OH = r$.
مقطع الكرة بالمستوي هو النقطة O' .
نسمي المستوي : مستويا مماسا للكرة .
نسمي النقطة O' : نقطة تماس المستوي بالكرة .

الحالة 3 : إذا كان $OH > r$.
في هذه الحالة ، المستوي لا يقطع الكرة .

- تطفو كرة خشبية نصف قطرها $OH = r$ فوق سطح الماء .
1. احسب حجم هذه الجلة .
 2. ما هو وزها اذا علمت أن كتلتها الحجمية هي 0.6 kg / l .
 3. علما ان نصف قطر الدائرة الضاهرة (تقاطع سطح الماء بالكرة) هو $r' = 4 \text{ cm}$ ، اوجد ارتفاع الجزء المغمور بالماء .

المراحل	مؤشرات الكفاءة	أنشطة التعلم	ملاحظات
تهيئة	يتذكر حل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد.	■ حل المعادلة $3x - 4 = x + 2$. النشاط 1 ص 111	المنهاج: تقترح أنشطة حول حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين بتطبيق طريقة التعويض أو طريقة الجمع .
الأنشطة		جواب رميساء صحيح . (التبرير : يوجد عدد غير منتهي من الأعداد التي مجموعها يساوي 1 المعادلة التي تترجم هذا المعطى : $x + y = 1$ (1) بعض الثنائيات التي تحقق المعادلة (1) : $(-2; 3)$, $(7; -6)$, $(0.1; 0.9)$. النشاط 2 ص 111 المعادلة التي تترجم المعلومات التي نسيتهما جيهان : $5x + 3y = 1$ (2)	

- تكتب المعادلة من الدرجة الأولى بمجهولين x و y على الشكل $ax + by = c$ حيث a ، b ، c اعداد معلومة .
 - حلول هذه المعادلة غير متناهية .
- $2x - 3y = -5$ معادلة من الدرجة الاولى بمجهولين .

إنتبه: المعادلتان المتكافئتان معادلتان لهما نفس الحلول .

مثلا ، إذا ضربنا طرفي المعادلة $2x - 4 = x + 2$ في العدد 2 نتحصل على معادلة متكافئة لها .
وهي $6x - 8 = 2x + 4$

- تكتب جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y على الشكل :

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$$
 حيث a ، b ، c ، a' ، b' ، c' اعداد معلومة .

جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y $\begin{cases} x - 6y = 7 \end{cases}$

إعادة
الاستثمار

تمارين
التدريب
اليومي

التمرين 1 ص 118

ملاحظات	أنشطة التعلم	مؤشرات الكفاءة	المراحل
المنهاج: تقترح أنشطة حول حل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين بتطبيق طريقة التعويض أو طريقة الجمع .	■ اجعل معاملي y متعاكسان في الجملة التالية : $\begin{cases} 2x - y = 3 \\ x + 4y = 1 \end{cases}$ النشاط 4 ص 114 1 لنحل الجملة : $\begin{cases} 3x - y = -4 & (1) \\ -x + 2y = 3 & (2) \end{cases}$ أولاً : إيجاد قيمة المجهول x . لإيجاد قيمة x نجعل معاملي y متعاكسان . أي نضرب المعادلة (1) في العدد 2 فنحصل على الجملة : $\begin{cases} 6x - 2y = -8 & (1) \\ -x + 2y = 3 & (2) \end{cases}$ ثانياً : نجمع المعادلتين (1) و (2) طرفاً لطرف فنحصل على معادلة ذات مجهول x . وهي $6x - x = -8 + 3$ ومنه $x = -1$ ثالثاً : نتبع نفس الطريقة لحساب المجهول y . لإيجاد قيمة y نجعل معاملي x متعاكسان . أي نضرب المعادلة (2) في العدد 3 فنحصل على الجملة : $\begin{cases} 3x - y = -4 & (1) \\ -3x + 6y = 9 & (2) \end{cases}$ نجمع المعادلتين (1) و (2) طرفاً لطرف فنحصل على معادلة ذات مجهول y . وهي $-y + 6y = -4 + 9$ ومنه $y = 1$ رابعاً : نستنتج أن حل الجملة $\begin{cases} 3x - y = -4 & (1) \\ -x + 2y = 3 & (2) \end{cases} \text{ هو } (-1; 1)$ 2 لنحل بطريقة الجمع الجملة : $\begin{cases} 3x - 5y = 19 & (1) \\ 2x + y = 4 & (2) \end{cases} \times 5$ $\begin{cases} 3x - 5y = 19 & (1) \\ 10x + 5y = 20 & (2) \end{cases}$ $\hline 13x = 39$ ومنه $x = 3$ لحساب قيمة y يكفي التعويض بالقيمة $x = 3$ في إحدى المعادلتين (1) أو (2) . $\begin{aligned} 2x + y &= 4 & (2) \\ 6 + y &= 4 \\ y &= 4 - 6 \\ y &= -2 \end{aligned}$ حل هذه الجملة هو الثنائية $(3; -2)$.	يستعمل خواص المساويات لجعل معاملي مجهول في جملة معادلتين متعاكسان .	تهيئة الأنشطة

[مثال :](#)

حل بطريقة الجمع الجملة الآتية :

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ 2x + y = 2 \end{cases}$$

إعادة
الإستثمار

التمرين 2 ص118

تمارين
التدريب
اليومي

التمرين ص

[illegible]