

الميدان : أنشطة عدديّة
المذكرة رقم : 15

المراجع : المنهاج والكتاب المدرسي

المستوى : 4 متوسط

الأستاذ : عامر علي/دحماني.م

المورد المعرفي : الحساب على الجذور
الكافأة المستهدفة : الجذر التربيعي لعدد موجب
الهدف : يعرّف التلميذ مفهوم الجذر التربيعي

المؤشرات

سير الحصة

المراحل

مربع عدد

x	-5	-0.3	0	1	+4	$\frac{2}{5}$
x^2						

- أكمل الجدول

تشخيص

مربع عدد

وضعية تعلمية 2

- أوجد العدد الذي مربعه 64 ، -1 ، 0 ،

وضعية تعلمية 1

- أكمل مايلي :

$$(+6)^2 = \dots , (-6)^2 = \dots$$

$$0.49^2 = (\dots)^2 = (\dots)^2$$

$$\frac{4}{25} = (\dots)^2 = (\dots)^2$$

الجذر التربيعي
لعدد موجب

وضعية تعلمية 3

- أوجد الجذر التربيعي لكل من :

$$\frac{121}{49} , 0.04 , 9 , 144$$

وضعيّات
التعلّم

الوصلة

الجذر التربيعي لعدد موجب

- مربع عدد هو دائماً عدد موجب
- من أجل كل عدد موجب a يوجد عددين متعاكسان مربع كل منهما يساوي a

أمثلة : $(+2)^2 = 4$ •

64 مربع للعددين (-8) و $(+8)$ •

$\frac{49}{16}$ مربع للعددين $(-\frac{7}{4})$ و $(\frac{7}{4})$ •

من أجل عدد موجب a يوجد عدد موجب مربعه a نرمز له بالرمز \sqrt{a}

$$(\sqrt{a})^2 = a$$

بناء
المعارف

تعريف

مثال : يقرأ الجذر التربيعي لـ a أو جذر

$$\sqrt{0.09} = 0.3 , \sqrt{36} = 6$$

ملاحظة : لا يوجد عدد مربعه عدد سالب

مثال : لا يوجد عدد مربعه -1

تمرين

رقم 4 ص 34

إعادة
الاستثمار

<p>الميدان : أنشطة عدديه</p> <p>المورد المعرفى : الحساب على الجذور</p> <p>الكافأة المستهدفة : العدد غير الناطق</p> <p>الهدف : يعرف التلميذ أن الجذر التربيعي لعدد ناطق ليس دوماً عدد ناطق</p>	<p>المذكرة رقم : 16</p> <p>المراجع : المنهاج والكتاب المدرسي</p> <p>المستوى: 4 متوسط</p> <p>الأستاذ: عامر علي/دحماني.م</p>								
<p>المؤشرات</p> <p>مربع عدد الجذر التربيعي لعدد موجب</p>	<p>سير الحصة</p> <p>أكمل مايلي : هو مربع للعدد ، 0.09 هو مربع للعدد 1.3 هو الجذر التربيعي للعدد ، 9 هو الجذر التربيعي للعدد</p> <p>المراحل</p>								
<p>العدد الناطق والعدد غير الناطق</p>	<p>وضعية تعلمية 1</p> <p>ضع الأعداد الآتية في الجدول</p> <p>$\sqrt{15}$; $\sqrt{64}$; $\sqrt{49}$; $\sqrt{\frac{25}{49}}$; -3.5 ; $\sqrt{144}$; -100 ; $\sqrt{2}$; $\frac{-7}{4}$; $\sqrt{\frac{13}{25}}$</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>أعداد غير ناطقة</th> <th>أعداد ناطقة</th> <th>أعداد نسبية</th> <th>أعداد طبيعية</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>وضعية تعلمية 2</p> <p>أوجد حسراً لكل من الأعداد الآتية بين عددين طبيعيين متتاليين :</p> <p>$\sqrt{130}$, $\sqrt{50}$, $\sqrt{13}$, $\sqrt{63}$, $\sqrt{7}$</p> <p>الوصولة</p> <p>العدد غير الناطق</p> <p>مثال:</p> <ul style="list-style-type: none"> $\sqrt{64}$ عدد ناطق لأن 64 مربع للعدد 8 $\sqrt{15}$ عدد غير ناطق لأن 15 ليس مربع لعدد ناطق <p>تعريف :</p> <p>العدد الحقيقي هو عدد إما ناطق و إما غير ناطق</p> <p>ملاحظة:</p> <p>كل عدد غير ناطق يمكن حصره بين عددين طبيعيين متتاليين</p> <p>مثال: $3 < \sqrt{10} < 4$, $2 < \sqrt{5} < 3$</p> <p>تمرين مقترح</p> <p>- أوجد ثلاثة أعداد طبيعية n يكون من أجلها العدد $\sqrt{3n+1}$ طبيعيا</p> <p>- أعط القيمة المقربة إلى 10^{-2} بالتقسان لهذا العدد من أجل $n = 7$</p> <p>إعادة الاستثمار</p>	أعداد غير ناطقة	أعداد ناطقة	أعداد نسبية	أعداد طبيعية				
أعداد غير ناطقة	أعداد ناطقة	أعداد نسبية	أعداد طبيعية						

<p>الميدان : أنشطة عددية المورد المعرفي : الحساب على الجذور الكافأة المستهدفة : حل المعادلة من الشكل $x^2 = b$ الهدف: يعرف التلميذ كيفية إيجاد المجهول x في المعادلة $x^2 = b$ الأستاذ : عامر علي/دحماني.م </p>	
المؤشرات	سير الحصة
حل معادلة من الدرجة الأولى	<p>- أوجد حلًا لكلاً من المعادلين التاليتين : $x + 4 = 2$; $x - 3 = 5$</p>
حل المعادلة من الشكل $x^2 = b$	<p>وضعية تعلمية 1 أوجد الأعداد التي مربعاتها 25 ، 49 ، 0.81 ، $\frac{169}{121}$ ، 0.01 بالتقريب</p> <p>وضعية تعلمية 2 $AC = 5\text{cm}$ و $AB = 4\text{cm}$ حيث : أحسب x طول الضلع $[BC]$ بتقرير 0.01 بالتقريب</p> <p>وضعية تعلمية 3 أوجد حلًا لكلاً من المعادلات التالية إن أمكن ذلك :</p> $x^2 = 0 \quad , \quad x^2 = \frac{4}{25} \quad , \quad x^2 = -9 \quad , \quad x^2 = 0.49$
	<p>الحوالة المعادلة $x^2 = b$</p> <p>بناء المعرف</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>b عدد حقيقي</p> <ul style="list-style-type: none"> - إذا كان b موجب فإن للمعادلة $x^2 = b$ حلين مختلفين هما \sqrt{b} و $-\sqrt{b}$ - إذا كان b سالب فإن المعادلة $x^2 = b$ ليس لها حلًا حقيقياً - إذا كان b معدوم فإن للمعادلة $x^2 = b$ حل واحد هو 0 </div> <p>امثلة:</p> <ul style="list-style-type: none"> $x = -\sqrt{25} = -5$ و $x = \sqrt{25} = 5$ أو -5 • ومنه للمعادلة حلين مختلفين هما 5 و -5 - $x^2 = 9$ المعادلة ليس لها حل لأن 9 موجب (-9) سالب • $x^2 = 0$ للمعادلة حل واحد هو 0 • <p>تمرين مقتضي</p> <p>- حل كلًا من المعادلات التالية :</p> $x^2 - 45 = 55 \quad - 1$ $x^2 + 4 = 0 \quad - 2$ $(x - 1)^2 = 36 \quad - 3$
	إعادة الاستثمار

الميدان : أنشطة عددية**المورد المعرفى :** الحساب على الجذور**الكافأة المستهدفة :** العمليات على الجذور التربيعية**الهدف:** يعرف التلميذ جداء وحاصل قسمة جذريين**المراجع :** المنهاج والكتاب المدرسي**المستوى:** 4 متوسط**الأستاذ :** عامر علي/دحماني.م

المؤشرات	سير الحصة	المراحل
الجذر التربيعي لعدد	<p>- أحسب ما يلي : $\sqrt{0.64}$; $\sqrt{\frac{25}{16}}$; $\sqrt{(-3)^2}$; $\sqrt{121}$</p> <p>- أحسب القيمة المقربة بالتقسان إلى 10^{-2} لكل مما يلي : $\sqrt{75}$; $\sqrt{13}$; $\sqrt{5}$; $\sqrt{4}$</p>	تشخيص
جاء جذرين تربيعيين	<p>وضعية تعلمية 1</p> <p>- أحسب ثم قارن :</p> $\sqrt{0.04 \times 0.25} \quad \text{و} \quad \sqrt{0.04} \times \sqrt{0.25} \quad , \quad \sqrt{9 \times 4} \quad \text{و} \quad \sqrt{9} \times \sqrt{4}$ $\sqrt{\frac{64}{9} \times \frac{4}{121}} \quad \text{و} \quad \sqrt{\frac{64}{9}} \times \sqrt{\frac{4}{121}}$ <p>- استنتج قاعدة لذلك</p> <p>وضعية تعلمية 2</p>	وضعيات التعلم
حاصل قسمة جذرين تربيعيين	<p>- أحسب ثم قارن :</p> $\frac{\sqrt{49}}{\sqrt{25}} \quad \text{و} \quad \sqrt{\frac{49}{25}} \quad , \quad \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{4}} \quad \text{و} \quad \sqrt{\frac{9}{4}}$ <p>- استنتاج قاعدة لذلك</p>	
	<p>الوصلة جاء جذرين تربيعيين</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; text-align: center;"> $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$ </div> <p>مثال 1: $\sqrt{3} \times \sqrt{5} = \sqrt{3 \times 5} = \sqrt{15}$</p> <p>مثال 2: $\sqrt{\frac{3}{2}} \times \sqrt{\frac{1}{5}} = \sqrt{\frac{3}{2} \times \frac{1}{5}} = \sqrt{\frac{3}{10}}$</p> <p>حاصل قسمة جذرين تربيعيين</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; text-align: center;"> $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}} \quad : \quad b \neq 0$ $\text{ عددان موجبان حيث : } b \neq 0$ </div> <p>مثال 1: $\frac{\sqrt{48}}{\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{48}{3}} = \sqrt{16} = 4$</p> <p>مثال 2: $\frac{\sqrt{50}}{\sqrt{10}} = \sqrt{\frac{50}{10}} = \sqrt{5}$</p>	بناء المعارف
	<p>تمرين مقترح</p> <p>- أحسب العدد x في كل حالة :</p> $\frac{x}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{18}}{\sqrt{14}} \quad ; \quad \frac{\sqrt{2}}{x} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{20}}$	إعادة الاستثمار

الميدان : أنشطة عدديّة
المورد المعرفي : الحساب على الجذور

المذكرة رقم : 19

المراجع : المنهاج والكتاب المدرسي

المستوى: 4 متوسط

الأستاذ: عامر علي/دحماني.م

الكفاءة المستهدفة : كتابة عدد غير ناطق على الشكل $a\sqrt{b}$
الهدف: يعرّف التلميذ بتبسيط عدد غير ناطق

المراحل	سير الحصة	المؤشرات
تشخيص	<p>- أحسب ما يلي : $\sqrt{1.5} \times \sqrt{4.5}$ ، $\sqrt{6} \times \sqrt{24}$</p> <p>- ما هي الأعداد التي هي مربعات لأعداد طبيعية : 5 ، 36 ، 0.9 ، 1.69 ، 4 ، 144</p>	جداء جذرين مربع عدد
وضعيات التعلم	<p><u>وضعية تعلمية 1</u></p> <p>- أكتب كلاماً من الأعداد التالية على الشكل \sqrt{x} حيث x أكبر مربع يقسم العدد المعطى :</p> <p>$\sqrt{48}$ ، $\sqrt{32}$ ، $\sqrt{8}$</p> <p>- أكتب النتائج المتحصل عليها على الشكل : $a\sqrt{b}$ حيث a و b عدّان موجبان</p> <p><u>وضعية تعلمية 2</u></p> <p>- بسط ما يلي :</p> <p>$\sqrt{175}$ ، $\sqrt{72}$ ، $\sqrt{63}$ ، $\sqrt{50}$</p>	تبسيط عدد غير ناطق
بناء المعارف	<p><u>الوصلة</u></p> <p><u>كتابة عدد غير ناطق على الشكل $a\sqrt{b}$</u></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; text-align: center;">$\sqrt{a^2b} = a\sqrt{b}$ و a و b عدّان موجبان :</div> <p><u>مثال 1</u>: $\sqrt{45} = \sqrt{9 \times 5} = 3\sqrt{5}$</p> <p><u>مثال 2</u>: $\sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3} = 2\sqrt{3}$</p>	
إعادة الاستثمار	<p><u>تمرين مقتضي</u></p> <p>1- أكتب الأعداد الآتية على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عدّان طبيعيان و b أصغر ما يمكن</p> <p>$\sqrt{36 \times 10^9}$ ، $\sqrt{3^2 \times 5^3}$ ، $\sqrt{1000}$</p> <p>2- أكتب كلاماً يلي على الشكل \sqrt{a} :</p> <p>$\frac{\sqrt{24}}{2}$ ، $4\sqrt{4.5}$ ، $5\sqrt{3}$</p>	

الميدان : أنشطة عدديّة رقم : 20

المراجع : المنهاج والكتاب المدرسي

المستوى: 4 متوسط

الأستاذ : عامر علي/دحماني.م

المورد المعرفي : الحساب على الجذور

الكافأة المستهدفة : الكسر الذي مقامه عدد غير ناطق $\frac{a}{\sqrt{b}}$

الهدف: يعرّف التلميذ تنطيط مقام نسبة

المؤشرات	سير الحصة	المراحل
تساوي نسبتين	- أوجد ثلاثة نسب تساوي النسبة $\frac{\sqrt{2}}{5}$	تشخيص
تنطيط مقام نسبة	<p><u>وضعية تعلمية 1</u></p> <p>- ما هي النسب التي مقاماتها أعداد غير ناطقة من بين النسب التالية :</p> $\frac{4}{3\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{5}}{3}, \frac{1-\sqrt{2}}{\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{3}}{5}, \frac{5}{\sqrt{7}}$ <p>- أوجد نسب تساوي هذه النسب تكون مقاماتها أعداد ناطقة</p> <p><u>وضعية تعلمية 2</u></p> <p>- اجعل مقام كل من النسبتين التاليتين عدد ناطق</p> $\frac{\sqrt{2}}{4\sqrt{3}}, \frac{2-\sqrt{5}}{\sqrt{11}}$	وضعيات التعلم
	<p><u>الوصلة</u></p> <p><u>الكسر الذي مقامه عدد غير ناطق</u></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px;">$\frac{a}{b} = \frac{a \times k}{b \times k}$ نعلم أن إذا كانت $\frac{a}{b}$ نسبة و k عدد غير معروف فإن :</div> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px;"><p>لجعل مقام النسبة $\frac{a}{\sqrt{b}}$ عدداً ناطقاً نضرب كلاً من a و \sqrt{b} في العدد</p></div> <p><u>مثال 1</u>: $\frac{5}{\sqrt{3}} = \frac{5 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{3}$</p> <p><u>مثال 2</u>: $\frac{2+\sqrt{7}}{3\sqrt{5}} = \frac{(2+\sqrt{7}) \times \sqrt{5}}{3\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5} + \sqrt{35}}{15}$</p>	بناء المعرف
	<p><u>تمرين مقترن</u></p> <p>- أوجد العدد x في كل من الحالتين مع كتابة الناتج على شكل نسبة مقامها عدد ناطق</p> $\frac{5}{x} = \frac{2\sqrt{7}}{\sqrt{3}} - 2 \quad \frac{x}{\sqrt{12}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} - 1$	إعادة الاستثمار

الميدان : أنشطة عددية**المورد المعرفى :** الحساب على الجذور**الكافأة المستهدفة :** الجذر التربيعي لمجموع ولفرق**الهدف:** يعرف التلميذ طريقة التبسيط في الجذور التربيعية**المراجع :** المنهاج والكتاب المدرسي**المستوى:** 4 متوسط**الأستاذ :** عامر علي/دحماني.م

المراحل	سير الحصة	المؤشرات
تشخيص	<p>- بسط ما يلي : $\sqrt{0.9}$; $\sqrt{3^2 \times 5^3}$; $\sqrt{8}$</p>	تبسيط عدد غير ناطق
وضعيات التعلم	<p>وضعية تعلمية 1 - أحسب ثم قارن : $\sqrt{64 + 36}$ و $\sqrt{64} + \sqrt{36}$ - ماذا تستنتج ؟</p> <p>وضعية تعلمية 2 - أحسب ثم قارن : $\sqrt{25 - 9}$ و $\sqrt{25} - \sqrt{9}$ - ماذا تستنتج ؟</p> <p>وضعية تعلمية 3 - أحسب محيط هذا المستطيل مع كتابة الناتج على الشكل المبسط</p>	تبسيط عبارة
بناء المعرف	<p>الحوالدة الجذر التربيعي لمجموع ولفرق</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; text-align: center;"> a و b عددان موجبان : $\sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a - b}$ و $\sqrt{a + b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$ </div> <p>مثال 1 $\sqrt{16 + 9} \neq \sqrt{16} + \sqrt{9}$ $\sqrt{16} + \sqrt{9} = 4 + 3 = 7$ و $\sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5$ لأن $\sqrt{225 - 144} \neq \sqrt{225} - \sqrt{144}$ $\sqrt{225} - \sqrt{144} = 15 - 12 = 3$ و $\sqrt{225 - 144} = \sqrt{81} = 9$ لأن</p> <p>ملاحظة</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; text-align: center;"> $x\sqrt{a} + y\sqrt{a} = (x + y)\sqrt{a}$ $x\sqrt{a} \times y = xy\sqrt{a}$ </div> <p>مثال 1 $7\sqrt{5} + 2\sqrt{5} = 9\sqrt{5}$ مثال 2 $3\sqrt{2} \times 5 = 15\sqrt{2}$</p>	
إعادة الاستثمار	<p>تمرين مقتراح</p> <p>x و y عددان حقيقيان حيث :</p> $y = \sqrt{27} + 2\sqrt{12}$ و $x = \sqrt{50} - 3\sqrt{2} + 2\sqrt{8}$	

- 1 - أكتب كلا من x و y على الشكل $a\sqrt{b}$
- 2 - أحسب $x^2 + y^2$ ، xy

الميدان : أنشطة عدديّة

المورد المعرفي : المنهج والكتاب المدرسي

المستوى : 4 متوسط

الأستاذ : عامر علي / دحماني. م

المورد المعرفي : الحساب على الجذور

الغاية المستهدفة : نشر وتبسيط عبارة تتضمن جذور

الهدف : يعرّف التلميذ كيفية النشر والتبسيط على الجذور

المراحل	سير الحصة	المؤشرات
تشخيص	<p>وضعية تعلمية 1 - أنشر وتبسط العبارة التالية : $A = (x + 3)(5x - 2)$</p>	نشر وتبسيط عبارة تتضمن جذور
وضعيات التعلم	<p>وضعية تعلمية 2 - أنشر وتبسط كلا من العبارتين التاليتين : $B = 2\sqrt{3}(5\sqrt{2} + 3\sqrt{12} - 7\sqrt{3}) \quad A = \sqrt{2}(3\sqrt{2} + 4)$</p> <p>وضعية تعلمية 3 - أنشر وتبسط كلا من العبارتين التاليتين : $B = (3\sqrt{2} + 5)(\sqrt{2} + 3\sqrt{8} - 4) \quad A = (\sqrt{5} + 4)(2\sqrt{5} - 3)$</p>	نشر وتبسيط عبارة تتضمن جذور
بناء المعرف	<p>الحل</p> <p>حل ووضعية تعلمية 1 • النشر والتبسيط $A = \sqrt{2}(3\sqrt{2} + 4)$ $A = \sqrt{2} \times 3\sqrt{2} + \sqrt{2} \times 4$ $A = 6 + 4\sqrt{2}$</p> <p>حل ووضعية تعلمية 2 • النشر والتبسيط $B = 2\sqrt{3}(5\sqrt{2} + 3\sqrt{12} - 7\sqrt{3})$ $B = 2\sqrt{3} \times 5\sqrt{2} + 2\sqrt{3} \times 3\sqrt{12} - 2\sqrt{3} \times 7\sqrt{3}$ $B = 10\sqrt{6} + 6\sqrt{36} - 14\sqrt{9}$ $B = 10\sqrt{6} + 36 - 42$ $B = 10\sqrt{6} - 6$</p> <p>حل ووضعية تعلمية 3 • النشر والتبسيط $A = (\sqrt{5} + 4)(2\sqrt{5} - 3)$ $A = \sqrt{5}(2\sqrt{5} - 3) + 4(2\sqrt{5} - 3)$ $A = 10 - 3\sqrt{5} + 8\sqrt{5} - 12$ $A = -2 + 5\sqrt{5}$</p>	<p>• النشر والتبسيط</p> $B = (3\sqrt{2} + 5)(\sqrt{2} + 3\sqrt{8} - 4)$ $B = 3\sqrt{2}(\sqrt{2} + 3\sqrt{8} - 4) + 5(\sqrt{2} + 3\sqrt{8} - 4)$ $B = 42 - 12\sqrt{2} \quad \text{ومنه} \quad B = 6 + 36 - 12\sqrt{2}$ <p>حل ووضعية تعلمية 3</p> <p>- 1- حساب محيط هذه الأرض</p> $P = (\sqrt{3} + 1 + 2\sqrt{3} + 5) \times 2$ $P = 6\sqrt{3} + 12 \quad \text{ومنه} \quad P = (3\sqrt{3} + 6) \times 2$ <p>- 2- حساب مساحة هذه الأرض</p> $S = (\sqrt{3} + 1)(2\sqrt{3} + 5)$ $S = \sqrt{3}(2\sqrt{3} + 5) + 1(2\sqrt{3} + 5)$ $S = 11 + 7\sqrt{3} \quad \text{ومنه} \quad S = 6 + 5\sqrt{3} + 2\sqrt{3} + 5$ <p>• القيمة التقريرية للمحيط</p> $P \approx 6 \times 1.73 + 12 \quad \text{أي} \quad P = 6\sqrt{3} + 12$ $P \approx 22.38 + 12 \quad \text{أي} \quad P \approx 10.38 + 12 \quad \text{ومنه}$ <p>• القيمة التقريرية للمحيط</p> $S \approx 11 + 7(1.73) \quad \text{أي} \quad S = 11 + 7\sqrt{3}$ $S \approx 23.11 \quad \text{أي} \quad S \approx 11 + 12.11 \quad \text{ومنه} \quad S \approx 23.11$
إعادة الاستثمار	<p>تمرين مقترح</p> <p>بيان أن : $(3\sqrt{2} + 4)(3\sqrt{2} + 4) - 4$ عدد ناطق</p> <p>- اجعل مقام النسبة $\frac{2\sqrt{2}}{3\sqrt{2}+4}$ عدد ناطق</p>	



تنكر أن :

التمرين الثالث : (ش. ت. م. جوان 2011)1- اكتب المجموع A على الشكل $a\sqrt{5}$ (a عدد طبيعي)

$$A = \sqrt{125} + \sqrt{45} - \sqrt{20}$$

$$2- \text{احسب } A \times \frac{\sqrt{5}}{30} \text{ مبينا مراحل الحساب}$$

التمرين الرابع : (ش. ت. م. جوان 2012)ليكن العددان الحقيقيان m و n حيث:

$$n = \sqrt{112} - 3\sqrt{28} + 3\sqrt{7} - \sqrt{25} \\ (\sqrt{7} + 3)(4 - \sqrt{7})$$

1- اكتب كلا من العدددين m و n على الشكل $a\sqrt{7} + b$ حيث a و b عددان نسبيان.2- بين أن الجداء $m \times n$ عدد ناطق.

$$3- \text{أجعل مقام النسبة } \frac{\sqrt{7} - 5}{\sqrt{7}} \text{ عددا ناطقا.}$$

التمرين الخامس : (ش. ت. م. جوان 2013)ليكن العدد الحقيقي A حيث:

$$A = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$$

$$1- \text{بين أن } A = 4 + 2\sqrt{3}$$

$$2- \text{ليكن العدد الحقيقي } B \text{ حيث: } B = 4 - 2\sqrt{3}$$

- بين أن $A \times B$ عدد طبيعي.**التمرين السادس** : (ش. ت. م. جوان 2014)

حيث:

إليك الأعداد C, B, A حيث:

$$B = \frac{1,2 \times 10^{-2} \times 7}{12,5 \times 10^3}, \quad A = \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{7}{4}$$

$$C = \sqrt{175} - \sqrt{112} + 6\sqrt{7}$$

1- احسب A ثم اكتبه على الشكل العشري2- أعط الكتابة العلمية للعدد B 3- اكتب C على أبسط شكل ممكن1- مهما يكن العددان الموجبان a و b فإن :

$$\sqrt{a^2 \times b} = a\sqrt{b} \quad \text{و} \quad \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} \neq \sqrt{a + b} \quad \text{و} \quad \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

$$b < a \quad \text{و} \quad \sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a - b}$$

2- مهما يكن العدد الموجب a فإن :المعادلة من الشكل $b = x^2$ * اذا كان b موجب للمعادلة حلان مختلفان هما \sqrt{b} و $-\sqrt{b}$ * اذا كان b سالب المعادلة ليس لها حل* اذا كان b معدوم المعادلة لها حل وحيد هو العدد 0**التمرين الاول** : (ش. ت. م. جوان 2007)

ليكن العددان :

$$B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3} \quad A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128}$$

1) اكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي

$$2) \text{بسط العدد } B \text{ ثم بين أن: } \frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$$

التمرين الثاني : (ش. ت. م. جوان 2009)لتكن الأعداد A ؛ B ؛ C حيث:

$$A = \sqrt{80}, \quad B = 2\sqrt{45}, \quad C = \sqrt{5} + 1$$

1- اكتب $A + B$ على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي.2- بين أن $A \times B$ هو عدد طبيعي.3- اكتب $\frac{C^2}{\sqrt{5}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

التمرين الثاني عشر :

1. نعتبر العدد الحقيقي A حيث :

$$A = \sqrt{125} - \sqrt{20} - 1$$

$$A = 3\sqrt{5} - 1$$

أ) بين أن A عدد موجب.

2. ليكن العدد الحقيقي B حيث : $B = 4\sqrt{5} + 6$

* احسب $A \times B$

$$(A - B)^2 = A \times B$$

$$\frac{1}{A} - \frac{1}{B} = \frac{1}{B - A}$$

التمرين الثالث عشر :

y و x عددان حقيقيان حيث : $y = \frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{\sqrt{5}}$ ، $x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{\sqrt{5}}$.

1) اكتب كلاً من x و y على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

2) إذا كان x و y هما بعدها مستطيل : فاحسب مساحته ثم محيطه.

التمرين الرابع عشر :

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها 516 m^2 وطولها يساوي ضعف عرضها

- احسب بعدي هذه القطعة دور النتيجة إلى الوحدة.

التمرين الخامس عشر :

(ت 18 ص 37 من الكتاب المدرسي) قطعة مستطيلة الشكل مساحتها 1320 m^2

1- احسب بعدي هذه القطعة بتقرير m^{-2} بالتقسان اذا علمت أن طولها يساوي ضعف عرضها.

2- أعط تدويرا إلى 10^{-1} m لكلا من طول وعرض هذه الأرض.

التمرين السادس عشر :

1- حل المعادلة : $x^2 + 1 = 10$

2- أكتب العدد : $a\sqrt{b}$ على شكل $\sqrt{\frac{4}{3}} \times \sqrt{\frac{32}{12}}$ حيث a عدد ناطق و b عدد طبيعي أصغر ممكناً.

3- إذا كان : $A = \sqrt{18} - \sqrt{20}$

$$B = \sqrt{98} - 3\sqrt{5}$$

احسب وبسط : $A + B - \sqrt{2}$

النجاح عمل وجد وتضحية وصبر، ومن منح طموحة صبرا وعملا وجدا حصد نجاحا وثمارا

التمرين السابع :

A و B عبارتان حيث :

$$A = \sqrt{75} + 2\sqrt{12} - 2\sqrt{48}$$

$$B = 5\sqrt{2} + 2\sqrt{18} - 2\sqrt{32}$$

1- اكتب كلا من A و B من الشكل $a\sqrt{b}$ حيث b أصغر عدد ممكناً

2- اكتب النسبة $\frac{A}{B}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

التمرين الثامن :

(الاختبار الاول 2011 م/الناقص ع الرحمن)

$$A = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{7}}$$

$$B = 2\sqrt{32} - 3\sqrt{2} + \sqrt{72}$$

1- اكتب A على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

2- اكتب B على شكل $a\sqrt{b}$.

التمرين التاسع :

1) اكتب على الشكل $\sqrt{3} p$ حيث p عدد صحيح نسبي كلاً من العددين الآتيين:

$$A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300}$$

$$B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2$$

2) تحقق من أن $\frac{A}{B}$ هو عدد طبيعي.

التمرين العاشر :

A و B عددان حقيقيان حيث :

$$A = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8} \quad A = \sqrt{162} + \sqrt{72} - \sqrt{18}$$

1- بسط كلا من العددين A ، B ،

2- احسب القيمة المضبوطة لكل من العددين:

$$\frac{A+B}{2}, \frac{A-B}{2}$$

التمرين الحادى عشر :

x ، y ، z عددان حيث : $x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}}$ و $y = \frac{\sqrt{5}}{2}$

1) اجعل مقام العدد x عددا ناطقا.

2) احسب العدد $z = 2y - 5x$ حيث

ثم اعط القيمة المقربة للعدد z بتقرير 10^{-2} بالتقسان. (يمكن استعمال الآلة الحاسبة).