

<u>المــيدان : أنشطة عددية</u> <u>المورد المعرفي : الحساب على الجذور</u> <u>الكفاءة المستهدفة : الجذر التربيعي لعدد موجب</u> <u>الهدف : يعرف التلميذ مفهوم الجذر التربيعي</u>		<u>مذكرة رقم : 15</u> <u>المرجع : المنهاج والكتاب المدرسي</u> <u>المستوى : 4 متوسط</u> <u>الأستاذ : عامر علي/دحماني.م</u>					
المراحل	سير الحصة			المؤشرات			
تشخيص	- أكمل الجدول			مربع عدد			
	$\frac{2}{5}$	+4	1	0	-0.3	-5	$x$
							$x^2$
وضعيات التعلم	<u>وضعية تعليمية 1</u> - أكمل مايلي : $(+6)^2 = \dots$ ، $(-6)^2 = \dots$ $0.49^2 = (\dots)^2 = (\dots)^2$ $\frac{4}{25} = (\dots)^2 = (\dots)^2$			<u>وضعية تعليمية 2</u> - أوجد العدد الذي مربعه 64 ، -1 ، 0			
				<u>وضعية تعليمية 3</u> - أوجد الجذر التربيعي لكل من : $\frac{121}{49}$ ، 0.04 ، 9 ، 144			
بناء المعارف	<u>الحوصلة</u> <u>الجذر التربيعي لعدد موجب</u> - مربع عدد هو دائما عدد موجب - من أجل كل عدد موجب $a$ يوجد عددان متعاكسان مربع كل منهما يساوي $a$						
	<u>أمثلة:</u> • $(-2)^2 = 4$ و $(+2)^2 = 4$ • 64 مربع للعددين (-8) و(+8) • $\frac{49}{16}$ مربع للعددين $(-\frac{7}{4})$ و $(+\frac{7}{4})$ <u>تعريف</u> من أجل عدد موجب $a$ يوجد عدد موجب مربعه $a$ نرمز له بالرمز $\sqrt{a}$ ونكتب $(\sqrt{a})^2 = a$ $\sqrt{a}$ يقرأ الجذر التربيعي لـ $a$ أو جذر $a$ <u>مثال:</u> $\sqrt{0.09} = 0.3$ ، $\sqrt{36} = 6$ <u>ملاحظة:</u> لا يوجد عدد مربعه عدد سالب <u>مثال:</u> لا يوجد عدد مربعه -1						
إعادة الاستثمار	<u>تمرين</u> رقم 4 ص 34						

<div>الميدان : أنشطة عددية</div> <div>المورد المعرفي : الحساب على الجذور</div> <div>الكفاءة المستهدفة : العدد غير الناطق</div> <div>الهدف : يعرف التلميذ أن الجذر التربيعي لعدد ناطق ليس دوما عدد ناطق</div>		<div>مذكرة رقم : 16</div> <div>المرجع : المنهاج والكتاب المدرسي</div> <div>المستوى : 4 متوسط</div> <div>الأستاذ : عامر علي/دحماني.م</div>									
المؤشرات	سير الحصة	المراحل									
مربع عدد الجذر التربيعي لعدد موجب	<div>- أكمل مايلي :</div> <div>25 هو مربع للعدد ..... ، 0.09 هو مربع للعدد .....</div> <div>1.3 هو الجذر التربيعي للعدد ..... ، 9هو الجذر التربيعي للعدد .....</div>	تشخيص									
العدد الناطق والعدد غير الناطق	<div>وضعية تعليمية 1</div> <div>- ضع الأعداد الآتية في الجدول</div> <div><math>\sqrt{15}</math> ; <math>\sqrt{64}</math> ; <math>\sqrt{49}</math> ; <math>\sqrt{\frac{25}{49}}</math> ; <math>-3.5</math> ; <math>\sqrt{144}</math> ; <math>-100</math> ; <math>\sqrt{2}</math> ; <math>\frac{-7}{4}</math> ; <math>\sqrt{\frac{13}{25}}</math></div> <table><tr><td>أعداد طبيعية</td><td>أعداد نسبية</td><td>أعداد ناطقة</td><td>أعداد غير ناطقة</td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table> <div>وضعية تعليمية 2</div> <div>- أوجد حصرا لكل من الأعداد الآتية بين عددين طبيعيين متتاليين :</div> <div><math>\sqrt{130}</math> , <math>\sqrt{50}</math> , <math>\sqrt{13}</math> , <math>\sqrt{63}</math> , <math>\sqrt{7}</math></div>	أعداد طبيعية	أعداد نسبية	أعداد ناطقة	أعداد غير ناطقة					وضعيات التعلم	
أعداد طبيعية	أعداد نسبية	أعداد ناطقة	أعداد غير ناطقة								
	<div>الحوصلة</div> <div>العدد غير الناطق</div> <div><div><div><math>a</math> عدد ناطق موجب</div><div>إذا كان <math>a</math> مربعا لعدد ناطق فإن <math>\sqrt{a}</math> عدد ناطق</div><div>إذا كان <math>a</math> ليس مربعا لعدد ناطق فإن <math>\sqrt{a}</math> عدد غير ناطق</div></div></div> <div>مثال:</div> <div><ul style="list-style-type: none"><li><math>\sqrt{64}</math> عدد ناطق لأن 64 مربع للعدد 8</li><li><math>\sqrt{15}</math> عدد غير ناطق لأن 15 ليس مربع لعدد ناطق</li></ul></div> <div>تعريف :</div> <div><div>العدد الحقيقي هو عدد إمّا ناطق و إمّا غير ناطق</div></div> <div>ملاحظة:</div> <div><div>كل عدد غير ناطق يمكن حصره بين عددين طبيعيين متتاليين</div></div> <div>مثال:</div> <div><math>2 &lt; \sqrt{5} &lt; 3</math> , <math>3 &lt; \sqrt{10} &lt; 4</math></div>	بناء المعارف									
	<div>تمرين مقترح</div> <div><div>- أوجد ثلاثة أعداد طبيعية <math>n</math> يكون من أجلها العدد <math>\sqrt{3n+1}</math> طبيعيا</div><div>- أعط القيمة المقربة إلى <math>10^{-2}</math> بالنقصان لهذا العدد من أجل <math>n = 7</math></div></div>	إعادة الاستثمار									

<p><b>الميدان : أنشطة عديدة</b></p> <p><b>المورد المعرفي : الحساب على الجذور</b></p> <p><b>الكفاءة المستهدفة : حل المعادلة من الشكل <math>x^2 = b</math></b></p> <p><b>الهدف: يعرف التلميذ كيفية إيجاد المجهول <math>x</math> في المعادلة <math>x^2 = b</math> الأستاذ : عامر علي/دحماني.م</b></p>	<p><b>مذكرة رقم : 17</b></p> <p><b>المرجع : المنهاج والكتاب المدرسي</b></p> <p><b>المستوى: 4 متوسط</b></p>	
المراحل	سير الحصة	المؤشرات
تشخيص	<p>– أوجد حلا لكل من المعادلتين التاليتين :</p> $x - 3 = 5 \quad ; \quad x + 4 = 2$	حل معادلة من الدرجة الأولى
وضعيات التعلم	<p><b>وضعية تعليمية 1</b></p> <p>أوجد الأعداد التي مربعاتها 25 ، 49 ، 0.81 ، <math>\frac{169}{121}</math></p> <p><b>وضعية تعليمية 2</b></p> <p><math>ABC</math> مثلث قائم في <math>A</math> حيث : <math>AB = 4cm</math> و <math>AC = 5cm</math> أحسب <math>x</math> طول الضلع <math>[BC]</math> بتقريب 0.01 بالنقصان</p> <p><b>وضعية تعليمية 3</b></p> <p>أوجد حلا لكل من المعادلات التالية إن أمكن ذلك :</p> $x^2 = 0.49 \quad , \quad x^2 = -9 \quad , \quad x^2 = \frac{4}{25} \quad , \quad x^2 = 0$	حل المعادلة من الشكل $x^2 = b$
بناء المعارف	<p><b>الحوصلة</b></p> <p><b>المعادلة <math>x^2 = b</math></b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p><math>b</math> عدد حقيقي</p> <p>– إذا كان <math>b</math> موجب فإن للمعادلة <math>x^2 = b</math> حلين مختلفين هما <math>\sqrt{b}</math> و <math>-\sqrt{b}</math></p> <p>– إذا كان <math>b</math> سالب فإن المعادلة <math>x^2 = b</math> ليس لها حلا حقيقيا</p> <p>– إذا كان <math>b</math> معدوم فإن للمعادلة <math>x^2 = b</math> حل واحد هو 0</p> </div> <p><b>امثلة:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>x^2 = 25</math> ومنه <math>x = \sqrt{25} = 5</math> أو <math>x = -\sqrt{25} = -5</math> ومنه للمعادلة حلين مختلفين هما 5 و -5</li> <li>• <math>x^2 = -9</math> المعادلة ليس لها حل لأن <math>-9</math> موجب ( - ) سالب</li> <li>• <math>x^2 = 0</math> للمعادلة حل واحد هو 0</li> </ul>	
إعادة الاستثمار	<p><b>تمرين مقترح</b></p> <p>– حل كلا من المعادلات التالية :</p> $x^2 - 45 = 55 \quad -1$ $x^2 + 4 = 0 \quad -2$ $(x - 1)^2 = 36 \quad -3$	

<p><b>الميدان : أنشطة عديدة</b></p> <p><b>المورد المعرفي : الحساب على الجذور</b></p> <p><b>الكفاءة المستهدفة : العمليات على الجذور التربيعية</b></p> <p><b>الهدف : يعرف التلميذ جداء وحاصل قسمة جذرين</b></p>	<p><b>مذكرة رقم : 18</b></p> <p><b>المرجع : المنهاج والكتاب المدرسي</b></p> <p><b>المستوى : 4 متوسط</b></p> <p><b>الأستاذ : عامر علي/دحماني.م</b></p>	
المؤشرات	سير الحصة	المراحل
<p>الجذر التربيعي لعدد</p>	<p>- أحسب ما يلي : <math>\sqrt{121}</math> ; <math>\sqrt{(-3)^2}</math> ; <math>\sqrt{\frac{25}{16}}</math> ; <math>\sqrt{0.64}</math></p> <p>- أحسب القيمة المقربة بالنقصان إلى <math>10^{-2}</math> لكل مما يلي : <math>\sqrt{5}</math> ; <math>\sqrt{13}</math> ; <math>\sqrt{75}</math></p>	<p><b>تشخيص</b></p>
<p>جداء جذرين تربيعيين</p> <p>حاصل قسمة جذرين تربيعيين</p>	<p><b>وضعية تعليمية 1</b></p> <p>- أحسب ثم قارن :</p> <p><math>\sqrt{9} \times \sqrt{4}</math> و <math>\sqrt{9 \times 4}</math> ، <math>\sqrt{0.04} \times \sqrt{0.25}</math> و <math>\sqrt{0.04 \times 0.25}</math></p> <p><math>\sqrt{\frac{64}{9}} \times \sqrt{\frac{4}{121}}</math> و <math>\sqrt{\frac{64}{9} \times \frac{4}{121}}</math></p> <p>- استنتج قاعدة لذلك</p> <p><b>وضعية تعليمية 2</b></p> <p>- أحسب ثم قارن : <math>\sqrt{\frac{9}{4}}</math> و <math>\frac{\sqrt{9}}{\sqrt{4}}</math> ، <math>\sqrt{\frac{49}{25}}</math> و <math>\frac{\sqrt{49}}{\sqrt{25}}</math></p> <p>- استنتج قاعدة لذلك</p>	<p><b>وضعيات التعلم</b></p>
	<p><b>الحوصلة</b></p> <p><b>جداء جذرين تربيعيين</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <math display="block">\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b} \quad : a \text{ و } b \text{ عدنان موجبان}</math> </div> <p><b>مثال 1:</b> <math>\sqrt{3} \times \sqrt{5} = \sqrt{3 \times 5} = \sqrt{15}</math></p> <p><b>مثال 2:</b> <math>\sqrt{\frac{3}{2}} \times \sqrt{\frac{1}{5}} = \sqrt{\frac{3}{2} \times \frac{1}{5}} = \sqrt{\frac{3}{10}}</math></p> <p><b>حاصل قسمة جذرين تربيعيين</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <math display="block">\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}} \quad : a \text{ و } b \text{ عدنان موجبان حيث : } b \neq 0</math> </div> <p><b>مثال 1:</b> <math>\frac{\sqrt{48}}{\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{48}{3}} = \sqrt{16} = 4</math></p> <p><b>مثال 2:</b> <math>\frac{\sqrt{50}}{\sqrt{10}} = \sqrt{\frac{50}{10}} = \sqrt{5}</math></p>	<p><b>بناء المعارف</b></p>
	<p><b>تمرين مقترح</b></p> <p>- أحسب العدد <math>x</math> في كل حالة :</p> <p><math>\frac{x}{\sqrt{7}} = \frac{\sqrt{18}}{\sqrt{14}}</math> ; <math>\frac{\sqrt{2}}{x} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{20}}</math></p>	<p><b>إعادة الاستثمار</b></p>

<p><b>المــيدان : أنشطة عددية</b>  <b>المورد المعرفي : الحساب على الجذور</b>  <b>الكفاءة المستهدفة : كتابة عدد غير ناطق على الشكل <math>a\sqrt{b}</math></b>  <b>الهدف: يعرف التلميذ تبسيط عدد غير ناطق</b></p>	<p><b>مذكرة رقم : 19</b>  <b>المرجع : المنهاج والكتاب المدرسي</b>  <b>المستوى: 4 متوسط</b>  <b>الأستاذ : عامر علي/دحماني.م</b></p>	
المؤشرات	سير الحصة	المراحل
<p>جداء جذرين مربع عدد</p>	<p>– أحسب ما يلي : <math>\sqrt{6} \times \sqrt{24}</math> ، <math>\sqrt{1.5} \times \sqrt{4.5}</math>          – ما هي الأعداد التي هي مربعات لأعداد طبيعية : 5 ، 36 ، 1.69 ، 0.9 ، 4 ، 144</p>	<p><b>تشخيص</b></p>
<p>تبسيط عدد غير ناطق</p>	<p><b>وضعية تعليمية 1</b>          – أكتب كلا من الأعداد التالية على الشكل <math>\sqrt{x} \times</math> حيث <math>x</math> أكبر مربع يقسم العدد المعطى :  <math>\sqrt{48}</math> ، <math>\sqrt{32}</math> ، <math>\sqrt{8}</math>          – أكتب النتائج المتحصل عليها على الشكل : <math>a\sqrt{b}</math> حيث <math>a</math> و <math>b</math> عدنان موجبان  <b>وضعية تعليمية 2</b>          – بسط ما يلي :  <math>\sqrt{175}</math> ، <math>\sqrt{72}</math> ، <math>\sqrt{63}</math> ، <math>\sqrt{50}</math></p>	<p><b>وضعيات التعلم</b></p>
	<p><b>الحوصلة</b>  <b>كتابة عدد غير ناطق على الشكل <math>a\sqrt{b}</math></b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px auto; width: fit-content;"> <math display="block">\sqrt{a^2b} = a\sqrt{b} \quad : a \text{ و } b \text{ عدنان موجبان}</math> </div> <p><b>مثال1:</b> <math>\sqrt{45} = \sqrt{9 \times 5} = 3\sqrt{5}</math> نقول أننا بسطنا العدد غير الناطق <math>\sqrt{45}</math>  <b>مثال2:</b> <math>\sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3} = 2\sqrt{3}</math></p>	<p><b>بناء المعارف</b></p>
	<p><b>تمرين مقترح</b></p> <p>1- أكتب الأعداد الآتية على الشكل <math>a\sqrt{b}</math> حيث <math>a</math> و <math>b</math> عدنان طبيعيان و <math>b</math> أصغر ما يمكن  <math>\sqrt{36 \times 10^9}</math> ، <math>\sqrt{32 \times 5^3}</math> ، <math>\sqrt{1000}</math>          2- أكتب كلا مما يلي على الشكل <math>\sqrt{a}</math> :  <math>\frac{\sqrt{24}}{2}</math> ، <math>4\sqrt{4.5}</math> ، <math>5\sqrt{3}</math></p>	<p><b>إعادة الاستثمار</b></p>

<p><b>الميدان : أنشطة عددية</b></p> <p><b>المورد المعرفي : الحساب على الجذور</b></p> <p><b>الكفاءة المستهدفة : الكسر الذي مقامه عدد غير ناطق <math>\frac{a}{\sqrt{b}}</math></b></p> <p><b>الهدف : يعرف التلميذ تنطيق مقام نسبة</b></p>	<p><b>مذكرة رقم : 20</b></p> <p><b>المرجع : المنهاج والكتاب المدرسي</b></p> <p><b>المستوى : 4 متوسط</b></p> <p><b>الأستاذ : عامر علي/دحماني.م</b></p>	
المراحل	سير الحصة	المؤشرات
تشخيص	<p>– أوجد ثلاثة نسب تساوي النسبة <math>\frac{\sqrt{2}}{5}</math></p>	تساوي نسبتي
وضعيات التعلم	<p><b>وضعية تعليمية 1</b></p> <p>– ما هي النسب التي مقاماتها أعداد غير ناطقة من بين النسب التالية :</p> $\frac{4}{3\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{5}}{3}, \frac{1-\sqrt{2}}{\sqrt{2}}, \frac{\sqrt{3}}{5}, \frac{5}{\sqrt{7}}$ <p>– أوجد نسب تساوي هذه النسب تكون مقاماتها أعداد ناطقة</p> <p><b>وضعية تعليمية 2</b></p> <p>– اجعل مقام كل من النسبتين التاليتين عدد ناطق</p> $\frac{\sqrt{2}}{4\sqrt{3}}, \frac{2-\sqrt{5}}{\sqrt{11}}$	تنطيق مقام نسبة
بناء المعارف	<p><b>الحوصلة</b></p> <p><b>الكسر الذي مقامه عدد غير ناطق</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p>نعلم أن إذا كانت <math>\frac{a}{b}</math> نسبة و <math>k</math> عدد غير معدوم فإن : <math>\frac{a}{b} = \frac{a \times k}{b \times k}</math></p> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p>لجعل مقام النسبة <math>\frac{a}{\sqrt{b}}</math> عددا ناطقا نضرب كلا من <math>a</math> و <math>\sqrt{b}</math> في العدد <math>\sqrt{b}</math></p> </div> <p><b>مثال 1:</b> <math>\frac{5}{\sqrt{3}} = \frac{5 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{3}</math></p> <p><b>مثال 2:</b> <math>\frac{2+\sqrt{7}}{3\sqrt{5}} = \frac{(2+\sqrt{7}) \times \sqrt{5}}{3\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5} + \sqrt{35}}{15}</math></p>	
إعادة الاستثمار	<p><b>تمرين مقترح</b></p> <p>– أوجد العدد <math>x</math> في كل من الحالتين مع كتابة الناتج على شكل نسبة مقامها عدد ناطق</p> $\frac{5}{x} = \frac{2\sqrt{7}}{\sqrt{3}} - 2 \qquad \frac{x}{\sqrt{12}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}} - 1$	

<p><b>الميدان : أنشطة عديدة</b>  <b>المورد المعرفي : الحساب على الجذور</b>  <b>الكفاءة المستهدفة : الجذر التربيعي لمجموع ولفرق</b>  <b>الهدف : يعرف التلميذ طريقة التبسيط في الجذور التربيعية</b></p>	<p><b>مذكرة رقم : 21</b>  <b>المرجع : المنهاج والكتاب المدرسي</b>  <b>المستوى : 4 متوسط</b>  <b>الأستاذ : عامر علي/دحماني.م</b></p>	
المراحل	سير الحصة	المؤشرات
تشخيص	<p>– بسط ما يلي : <math>\sqrt{8}</math> ; <math>\sqrt{3^2 \times 5^3}</math> ; <math>\sqrt{0.9}</math></p>	تبسيط عدد غير ناطق
وضعيات التعلم	<p><b>وضعية تعليمية 1</b>          – أحسب ثم قارن : <math>\sqrt{64} + \sqrt{36}</math> و <math>\sqrt{64 + 36}</math>          – ماذا تستنتج ؟</p> <p><b>وضعية تعليمية 2</b>          – أحسب ثم قارن : <math>\sqrt{25} - \sqrt{9}</math> و <math>\sqrt{25 - 9}</math>          – ماذا تستنتج ؟</p> <p><b>وضعية تعليمية 3</b>          ABCD مستطيل طوله <math>AB = \sqrt{72}</math> وعرضه <math>AD = \sqrt{18}</math>          – أحسب محيط هذا المستطيل مع كتابة الناتج على الشكل المبسط</p>	تبسيط عبارة
بناء المعارف	<p><b>الحوصلة</b>  <b>الجذر التربيعي لمجموع ولفرق</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p><math>a</math> و <math>b</math> عدنان موجبان :</p> <math display="block">\sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a - b} \quad \text{و} \quad \sqrt{a + b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}</math> </div> <p><b>مثال 1</b>  <math>\sqrt{16 + 9} \neq \sqrt{16} + \sqrt{9}</math>          لأن <math>\sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5</math> و <math>\sqrt{16} + \sqrt{9} = 4 + 3 = 7</math></p> <p><b>مثال 2</b>  <math>\sqrt{225 - 144} \neq \sqrt{225} - \sqrt{144}</math>          لأن <math>\sqrt{225 - 144} = \sqrt{81} = 9</math> و <math>\sqrt{225} - \sqrt{144} = 15 - 12 = 3</math></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p><b>ملاحظة:</b></p> <math display="block">x\sqrt{a} + y\sqrt{a} = (x + y)\sqrt{a}</math> <math display="block">x\sqrt{a} \times y\sqrt{a} = xy\sqrt{a}</math> </div> <p><b>مثال 1</b>  <math>7\sqrt{5} + 2\sqrt{5} = 9\sqrt{5}</math></p> <p><b>مثال 2</b>  <math>3\sqrt{2} \times 5 = 15\sqrt{2}</math></p>	
إعادة الاستثمار	<p><b>تمرين مقترح</b>  <math>x</math> و <math>y</math> عدنان حقيقيان حيث :</p> $x = \sqrt{50} - 3\sqrt{2} + 2\sqrt{8} \quad \text{و} \quad y = \sqrt{27} + 2\sqrt{12}$ <p>1 - أكتب كلا من <math>x</math> و <math>y</math> على الشكل <math>a\sqrt{b}</math></p> <p>2 - أحسب <math>xy</math> ، <math>x^2 + y^2</math></p>	

## الميدان : أنشطة عددية

المورد المعرفي : الحساب على الجذور

الكفاءة المستهدفة : نشر وتبسيط عبارة تتضمن جذور

الهدف : يعرف التلميذ كيفية النشر والتبسيط على الجذور

مذكرة رقم : 22

المرجع : المنهاج والكتاب المدرسي

المستوى : 4 متوسط

الأستاذ : عامر علي/دحماني.م

المراحل	سير الحصة	المؤشرات
تشخيص	<p>– أنشر وبسط العبارة التالية :</p> $A = (x + 3)(5x - 2)$	نشر وتبسيط عبارة
وضعية التعلم	<p><b>وضعية تعليمية 1</b></p> <p>– أنشر وبسط كلا من العبارتين التاليتين :</p> $A = \sqrt{2}(3\sqrt{2} + 4) \quad \text{و} \quad B = 2\sqrt{3}(5\sqrt{2} + 3\sqrt{12} - 7\sqrt{3})$ <p><b>وضعية تعليمية 2</b></p> <p>– أنشر وبسط كلا من العبارتين التاليتين :</p> $A = (\sqrt{5} + 4)(2\sqrt{5} - 3) \quad \text{و} \quad B = (3\sqrt{2} + 5)(\sqrt{2} + 3\sqrt{8} - 4)$ <p><b>وضعية تعليمية 3</b></p> <p>أرض مستطيلة الشكل طولها <math>2\sqrt{3} + 5</math> وعرضها <math>\sqrt{3} + 1</math></p> <p>1- أحسب محيط ومساحة هذه الأرض مع كتابة الناتج على الشكل المبسط</p> <p>2- أعط القيمة التقريبية لكل من المحيط والمساحة بتقريب <math>10^{-2}</math> بالنقصان</p>	نشر وتبسيط عبارة تتضمن جذور
بناء المعارف	<p><b>الحوصلة</b></p> <p><b>حل وضعية تعليمية 1</b></p> <p>● النشر والتبسيط</p> $A = \sqrt{2}(3\sqrt{2} + 4)$ $A = \sqrt{2} \times 3\sqrt{2} + \sqrt{2} \times 4$ $A = 6 + 4\sqrt{2}$ <p>● النشر والتبسيط</p> $B = 2\sqrt{3}(5\sqrt{2} + 3\sqrt{12} - 7\sqrt{3})$ $B = 2\sqrt{3} \times 5\sqrt{2} + 2\sqrt{3} \times 3\sqrt{12} - 2\sqrt{3} \times 7\sqrt{3}$ $B = 10\sqrt{6} + 6\sqrt{36} - 14\sqrt{9}$ $B = 10\sqrt{6} + 36 - 42$ $B = 10\sqrt{6} - 6$ <p><b>حل وضعية تعليمية 2</b></p> <p>● النشر والتبسيط</p> $A = (\sqrt{5} + 4)(2\sqrt{5} - 3)$ $A = \sqrt{5}(2\sqrt{5} - 3) + 4(2\sqrt{5} - 3)$ $A = 10 - 3\sqrt{5} + 8\sqrt{5} - 12$ $A = -2 + 5\sqrt{5}$	<p>● النشر والتبسيط</p> $B = (3\sqrt{2} + 5)(\sqrt{2} + 3\sqrt{8} - 4)$ $B = 3\sqrt{2}(\sqrt{2} + 3\sqrt{8} - 4) + 5(\sqrt{2} + 3\sqrt{8} - 4)$ $B = 42 - 12\sqrt{2} \quad \text{ومنه} \quad B = 6 + 36 - 12\sqrt{2}$ <p><b>حل وضعية تعليمية 3</b></p> <p>● حساب محيط هذه الأرض</p> $P = (\sqrt{3} + 1 + 2\sqrt{3} + 5) \times 2$ $P = 6\sqrt{3} + 12 \quad \text{ومنه} \quad P = (3\sqrt{3} + 6) \times 2$ <p>● حساب مساحة هذه الأرض</p> $S = (\sqrt{3} + 1)(2\sqrt{3} + 5)$ $S = \sqrt{3}(2\sqrt{3} + 5) + 1(2\sqrt{3} + 5)$ $S = 11 + 7\sqrt{3} \quad \text{ومنه} \quad S = 6 + 5\sqrt{3} + 2\sqrt{3} + 5$ <p>● القيمة التقريبية للمحيط</p> $P \approx 6 \times 1.73 + 12 \quad \text{أي} \quad P = 6\sqrt{3} + 12$ $P \approx 22.38 \quad \text{ومنه} \quad P \approx 10.38 + 12$ <p>● القيمة التقريبية للمحيط</p> $S \approx 11 + 7(1.73) \quad \text{أي} \quad S = 11 + 7\sqrt{3}$ $S \approx 23.11 \quad \text{ومنه} \quad S \approx 11 + 12.11$
إعادة الاستثمار	<p><b>تمرين مقترح</b></p> <p>بين أن : <math>(3\sqrt{2} + 4)(3\sqrt{2} - 4)</math> عدد ناطق</p> <p>– اجعل مقام النسبة <math>\frac{2\sqrt{2}}{3\sqrt{2}+4}</math> عدد ناطق</p>	





### التمرين السابع :

A و B عبارتان حيث:

$$A = \sqrt{75} + 2\sqrt{12} - 2\sqrt{48} \text{ و } B = 5\sqrt{2} + 2\sqrt{18} - 2\sqrt{32}$$

1- اكتب كلا من A و B من الشكل  $a\sqrt{b}$  حيث b أصغر عدد ممكن

2- اكتب النسبة  $\frac{A}{B}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

### التمرين الثامن : (الاختبار الاول 2011 م/الناقص ع الرحمان)

$$\text{إليك العددين A و B حيث: } A = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{7}} \text{ و } B = 2\sqrt{32} - 3\sqrt{2} + \sqrt{72}$$

1- اكتب A على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

2- اكتب B على شكل  $a\sqrt{b}$ .

### التمرين التاسع :

1) اكتب على الشكل  $p\sqrt{3}$  حيث p عدد صحيح نسبي كلاً من العددين الآتيين:

$$A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300} \text{ و } B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2$$

2) تحقق من أن  $\frac{A}{B}$  هو عدد طبيعي.

### التمرين العاشر :

A و b عددان حقيقيان حيث:

$$A = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8} \text{ و } A = \sqrt{162} + \sqrt{72} - \sqrt{18}$$

1 - بسط كلا من العددين A , B

2 - احسب القيمة المضبوطة لكل من العددين:

$$\frac{A+B}{2}, \frac{A-B}{2}$$

### التمرين الحادي عشر :

$$x, y \text{ عددان حيث: } y = \frac{\sqrt{5}}{2} \text{ و } x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}}$$

1) اجعل مقام العدد x عددا ناطقا.

2) احسب العدد z حيث  $z = 2y - 5x$

ثم اعط القيمة المقربة للعدد z بتقريب  $10^{-2}$  بالنقصان. ( يمكن استعمال الآلة الحاسبة).

### التمرين الثاني عشر :

1. نعتبر العدد الحقيقي A حيث :

$$A = \sqrt{125} - \sqrt{20} - 1$$

(ا) بين أن  $A = 3\sqrt{5} - 1$

(ب) اثبت أن: A عدد موجب.

2. ليكن العدد الحقيقي B حيث :  $B = 4\sqrt{5} + 6$

\* احسب  $A \times B$

\* بين أن:  $(A-B)^2 = A \times B$

$$\text{ثم استنتج أن } \frac{1}{A} - \frac{1}{B} = \frac{1}{B-A}$$

### التمرين الثالث عشر :

$$x \text{ و } y \text{ عددان حقيقيان حيث : } x = \frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{\sqrt{5}}, y = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{\sqrt{5}}$$

1) اكتب كلا من x و y على شكل كسر مقامه عدد ناطق .

2) إذا كان x و y هما بُعْدَا مستطيل : فاحسب مساحته ثم محيطه .

### التمرين الرابع عشر :

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها  $516 \text{ m}^2$  وطولها يساوي ضعف عرضها

- احسب بعدي هذه القطعة مدور النتيجة إلى الوحدة

### التمرين الخامس عشر : (ت 18 ص 37 من الكتاب المدرسي)

قطعة مستطيلة الشكل مساحتها  $1320 \text{ m}^2$

1- احسب بعدي هذه القطعة بتقريب  $10^{-2} \text{ m}$  بالنقصان

إذا علمت أن طولها يساوي ضعف عرضها .

2- أعط تدويرا إلى  $10^{-1} \text{ m}$  لكلا من طول وعرض هذه الأرض .

### التمرين السادس عشر :

1 - حل المعادلة :  $x^2 + 1 = 10$

2 - أكتب العدد :  $\sqrt{\frac{4}{3}} \times \sqrt{\frac{32}{12}}$  على شكل  $a\sqrt{b}$  حيث a عدد ناطق و b عدد طبيعي أصغر ما يمكن.

3 - إذا كان :  $A = \sqrt{18} - \sqrt{20}$

$$B = \sqrt{98} - 3\sqrt{5}$$

احسب وبسط :  $A + B - \sqrt{2}$

النجاح عمل وجد وتضحية و صبر، ومن منح طموحه صبورا وعملا وجدا حصد نجاحا وثمارا