

موقع الأستاذ بلوحسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

## مذكرات السنة 04 متوسط من اعداد مجموعة عقبان سعيدة

المقطع 03 - 02

مجموعة عقبان سعيدة لرياضيات التعليم المتوسط

<https://www.facebook.com/groups/AiglesMathOfSaida/>

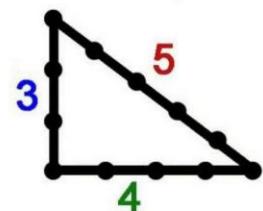




**مذكرات المقاطع  
التعلمي الثاني  
لسنة الرابعة متوسطه  
2019-2018**

**الأستاذة:**

- عزيز نصر الدين
- شعيببي زهير
- علو بومدين
- عباس محمد المهدى
- بن يمينة محمد الأمين
- شوبوأسامة



# المقطع التعليمي الثاني لسنة الرابعة متوسط

## الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات بتوظيف الحساب المحرفي (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) والنسب المثلثية.

### الأعمال الموجهة

- إنشاء زاوية بمعرفة القيمة المضبوطة لإحدى النسب المثلثية
- تطبيق كسر مقامه عدد غير ناطق

### المذكرات:

- وضعية الانطلاق
- نشر وتبسيط عبارة جبرية
- المتطابقة  $(a+b)^2$
- المتطابقة  $(a-b)^2$
- المتطابقة  $(a+b)(a-b)$
- التحليل باستعمال العامل المشترك
- التحليل باستعمال المتطابقات الشهيرة
- معادلة الجداء المعدوم
- تعلم ادماج جزئي (نشر وتحليل)
- فيثاغورث وجيب تمام زاوية حادة
- خاصية فيثاغورث العكسية
- جيب زاوية حادة
- ظل زاوية حادة
- العلاقات  $\cos^2 + \sin^2 = 1$  و  $\tan = \frac{\sin}{\cos}$
- تعلم ادماج جزئي
- وضعية التقويم

السنة الرابعة متوسط	الميدان: أنشطة عددية المقشع التعليمي: الثاني وضعية الانصاق	الأستاذ (هـ):
------------------------	--	---------------

**يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفي (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) و النسب المثلثية.**

الكتاب المُتَعَدِّدَةُ مركبة

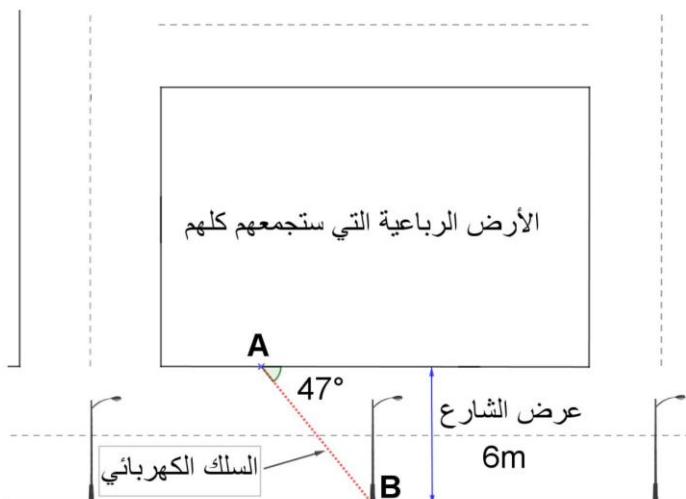
- ✓ التعرف على نشر المتطابقات الشهيرة والتحليل والحساب على النسب المثلثية وتعزيز المصطلحات المتعلقة به.
  - ✓ يوظف الحساب الحرفى والنسب المثلثية فى وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
  - ✓ يستثمر المناسبات التى توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف.

﴿ حلم القهار فائق السرعة ﴾

لإنجاز مشروع القطار فائق السرعة الذي يربط العاصمة بتمنراست وجدت شركة الانجاز ستة بيوت مبعثرة بنفس المنطقة تعيق تقديم المشروع فأرادت تعويضهم ببناء مسكن جديد بنفس الشكل والمساحة التي كانوا يملكونها مسبقاً في أرض رباعية تجمعهم كلهم متجارين، منازل العائلات كالتالي ثلاثة بيوت مستطيلة أبعادها  $a \times b$  وعائلة بيتها مربعة الشكل طول ضلعها  $b$  والعائلة السادسة بيت مربع الشكل طول ضلعه  $a$ . بعد البناء تم توصيل البيت الموجود في ركن الشارع عند النقطة A من اقرب عمود كهربائي B.

بعد اطلاعك على السندات:

1. بين أن القطعة الأرضية التي تم تعويضهم بها مستطيلة يطلب تعين أبعادها؟
  2. ما هو طول السلك الكهربائي؟



تبلغ سرعة القطار 250 km/h أي أن المسافة بين العاصمة وتمراست البالغة 1604 km ستصبح 6 ساعات ونصف فقط

### حل مختصر:

$$a^2 + 3ab + 2b^2 = (a+2b)(a+b)$$

بالاستعمال التحليل بالعامل المشترك والمتباقة الشهيرة<sup>2</sup>  $(a+b)^2$  نجد أن أبعاد القطعة هي:  $a+2b$  و  $a+b$

$$x = 6 \div \sin(47^\circ) \approx 8.2 \text{ m}$$

<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ تحقيق مستوى معين من الكفاءة الجديدة.</li> <li>✓ تدليل الصعوبات.</li> <li>✓ التعرف على المتطابقات الشهيرة والتحليل.</li> <li>✓ الحساب باستعمال النسب المثلثية.</li> </ul>	<b>غايات الوضعية التعليمية وصيغتها (المتغيرات التعليمية)</b> <b>السندات التعليمية المستعملة</b>												
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ نص مكتوب على قصاصات أو على السبورة.</li> <li>✓ نص المشكلة جديد بالنسبة للنلتميذ، ولا يمكن أن يكون الجواب مباشر (الأمر هنا في حاجة إلى تحليل وتركيب).</li> <li>✓ عدم وجود تقنية خاصة لحل المشكلة، فهي تعتمد على التحليل باستعمال المتطابقات الشهيرة والعامل المشترك.</li> <li>✓ عدم استعمال التعبير عن الأبعاد بالأرقام ما ينتج عنه صعوبة في التعامل.</li> <li>✓ طبيعة المشكل الذي لا يقود إلى إجراء معين.</li> <li>✓ صعوبة البحث عن طول السلك باستعمال <math>\sin</math>.</li> </ul>	<b>صعوبات متوقعة</b>												
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ التحليل باستعمال المتطابقات الشهيرة والعامل المشترك.</li> <li>✓ الحساب باستعمال النسب المثلثية.</li> </ul>	<b>الموارد المعرفية والموارد المنهجية المعينة لحل الوضعية</b>												
<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="padding: 5px;">✓ استخراج المعلومات، يوظف ويتخيل.</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;"><b>فكرة</b></td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">✓ ينظم عمله بدقة و إنقان باتخاذ إستراتيجية سليمة</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;"><b>منهج</b></td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">✓ يبلغ الحل و يبرر</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;"><b>تواصل</b></td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">✓ يبذل الجهد للقيام بعمله بدقة وصدق ومثابرة وإنقان.</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;"><b>اجتماع</b></td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">✓ يتعاونون مع أقرانه.</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;"></td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">✓ يثمن قيمة العمل.</td> <td style="padding: 5px; text-align: center;"></td> </tr> </table>	✓ استخراج المعلومات، يوظف ويتخيل.	<b>فكرة</b>	✓ ينظم عمله بدقة و إنقان باتخاذ إستراتيجية سليمة	<b>منهج</b>	✓ يبلغ الحل و يبرر	<b>تواصل</b>	✓ يبذل الجهد للقيام بعمله بدقة وصدق ومثابرة وإنقان.	<b>اجتماع</b>	✓ يتعاونون مع أقرانه.		✓ يثمن قيمة العمل.		<b>الكفاءات العرضية المعينة لحل الوضعية</b>
✓ استخراج المعلومات، يوظف ويتخيل.	<b>فكرة</b>												
✓ ينظم عمله بدقة و إنقان باتخاذ إستراتيجية سليمة	<b>منهج</b>												
✓ يبلغ الحل و يبرر	<b>تواصل</b>												
✓ يبذل الجهد للقيام بعمله بدقة وصدق ومثابرة وإنقان.	<b>اجتماع</b>												
✓ يتعاونون مع أقرانه.													
✓ يثمن قيمة العمل.													
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ ربط التلميذ بالواقع وزرع الأفكار النموذجية.</li> <li>✓ الاعتزاز باللغة العربية والأمازيغية من خلال تبرير أعماله.</li> <li>✓ مساهمة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية وتسخير الأمور.</li> </ul>	<b>القيم والمواقيف</b>												

<b>الأستاذ(ة):</b>	<b>الميكان:</b> أنشطة عددية <b>المقصص للتعلم:</b> الثاني <b>الموري:</b> نشر وتبسيط عبارة جبرية	<b>السنة:</b> الرابعة متوسط
<b>الكفاءة الختامية المستهدفة:</b>		
يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفى (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) و النسب المثلثية.		
<b>مرتكب الكفاءة المستهدفة:</b>		
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ ينجذب تبسيط عبارة جبرية في أشكال متعددة (جداء أو مجموع) مع حذف الأقواس وتعزيز المصطلحات (حد، عامل...) .</li> <li>✓ يوظف تبسيط عبارة جبرية وخاصية توزيع الضرب على الجمع ويعبر عنها بصيغة لفظية أو رمزية سليمة.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ تبسيط عبارة جبرية.</li> <li>✓ حذف الأقواس في العبارات الجبرية.</li> </ul>	<b>أهداف الوضعية التعليمية</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لمفهوم الوحدة والمجھول ومفهوم العبارة الجبرية.</li> <li>✓ الوضعية تتطلب معرفة اختصار كتابة وقاعدة توزيع الضرب على الجمع.</li> <li>✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة</li> </ul>	<b>خصائص الوضعية التعليمية وصياغتها ومتغيراتها</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.</li> <li>✓ قد يستعجل التلميذ الأمر وتقتصر إجابته على إجراء حسابات دون ربطها بالسند الهندسي المرفق فيضيّع المعنى ويختزل هدف الوضعية في آليات. ويبقى على الأستاذ التصرف لجعل العمل على معانٍ المفاهيم المستهدفة.</li> <li>✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء تبسيط العبارات.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ العقبات المخلوّي تتحصّلها</li> </ul>	<b>السندات التعليمية المستعملة</b>

### نصر الوضعية

يملك فلاح قطعة ارض مستطيلة الشكل أبعادها  $3x+1$  و  $5-2x$  أراد تخصيص جزء منها مستطيل الشكل أبعاده  $2x$  و  $4+x$  لإنشاء مزرعة دواجن.

$$3x+1$$

$$5-2x$$

1. عبر بسلسلة عمليات واحدة عن الجزء المتبقى
2. استنتج عندئذ المساحة المتبقية

## المعرفة العلمية

### نشر وتبسيط عبارة حرفية:

نشر وتبسيط عبارة حرفية يعني استعمال خاصية التوزيع ثم كتابتها بأقل ما يمكن من الحدود أو العوامل.  
مثال:

$$2a + 7b \times 2b - a + 6b + 3(5a) = 2a + 14b^2 - a + 6b + 15a = 14b^2 + 16a + 6b$$

### حذف الأقواس:

1. تزحف القوسان المسبوقتان بعملية الجمع أو اشارة + دون تغيير الحدود الموجودة بينهما.

مثال:

$$8 + (-3F+1) = 8 - 3F + 1 = 7 - 3F$$

2. تزحف القوسان المسبوقتان بعملية الطرح أو الاشارة - مع تغيير اشارة جميع الحدود الموجودة بينهما.

مثال:

$$1) \quad 4 - (-2 + L) = 4 + 2 - L = 6 - L$$

$$2) \quad 6H - 5(H - 2) = 6H - (5H - 10) = 6H - 5H + 10 = H + 10$$

### ملاحظة هامة:

لا يمكن حذف الأقواس المتبقية بعمليتي الضرب والقسمة إلا بعد الحساب

$$1. \quad 3a - (5a + 4) \times 5 = 3a - (25a + 20) = 3a - 25a - 20 = -25a - 20$$

$$2. \quad 7 - (-12 + 8b) \div 4 = 7 - \left(\frac{-12 + 8b}{4}\right) = 7 - \left(-\frac{12}{4} + \frac{8b}{4}\right) = 7 - (-3 + 2b) = 7 + 3 - 2b = 10 - 2b$$

## إعْلَمَةُ الدِّسْتِشَمَر

واجب: العمليتان A و B رقم 12 ص 55

<b>الأستاذ:</b> عزيز نصرالله	<b>الميكان:</b> أنشطة عددية <b>المقمح التعلم:</b> الثاني <b>المورث:</b> المتطابقات الشهيرة <sup>2</sup> ( $a+b$ )	<b>السنة:</b> الرابعة متوسط
<b>الكفاءة الختامية المستهدفة:</b>		
يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفي (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل) و النسب المثلثية.		
<b>مرتكب الكفاءة المستهدفة:</b>		
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ التعرف على المتطابقات الشهيرة<sup>2</sup> (<math>a+b</math>) وتعزيز المصطلحات المتعلقة به.</li> <li>✓ يوظف المتطابقات الشهيرة في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغة لفظية أو رمزية سليمة.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.</li> </ul>		
<b>أهداف الوضعية التعليمية</b> ✓ المتطابقة الشهيرة <sup>2</sup> ( $a+b$ ).	<b>خصائص الوضعية التعليمية</b> ✓ الوضعيّة مألوّفة تعطي معنى جيد للمتطابقة. ✓ الوضعيّة تتطلب معرفة قانون المساحة. ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلّق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.	<b>وكسيعاتها</b> <b>(المتغيرات التعليمية)</b> <b>السندات التعليمية المستعملة</b>
✓ عدم الترجمة السليمة للوضعيّة. ✓ صعوبة ايجاد المساحة بطريقتين. ✓ قد يستعجل التلميذ الأمر وتقصر إجابته على إجراء حسابات دون ربطها بالسند الهندسي المرفق فيضيّع المعنى ويختزل هدف الوضعيّة في الآليات. ويبقى على الأستاذ التصرف لجعل العمل على معاني المفاهيم المستهدفة. ✓ صعوبة تبسيط العبارة.	<b>العقبات المخلوّي تتحيّها</b>	

### نصر الوضعيّة

أرادت ولاية سعيدة بالشراكة مع أحد الشركاء الاقتصاديّين إنشاء مصنع لتركيب السيارات من علامة "سووزوكي" على أرض مربعة الشكل .

صاحب المصنع لم يكن يعلم بعد مساحة قطعة الأرض التي منحت له فكلف أحد المهندسين المعماريين بإنشاء مخطط افتراضي فكان كالتالي:



التعليمية :

أوجد المساحة المصنوع . ماذا تلاحظ ؟

### المعرفة العلمية

المتطابقة الشهيرة  $(a+b)^2$ :

مربع مجموع حدين يساوي مجموع مربع كل حد و ضعف جداء الحدين

نتيجة:

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab \quad \text{أعداد حيث: } a, b, c, d$$

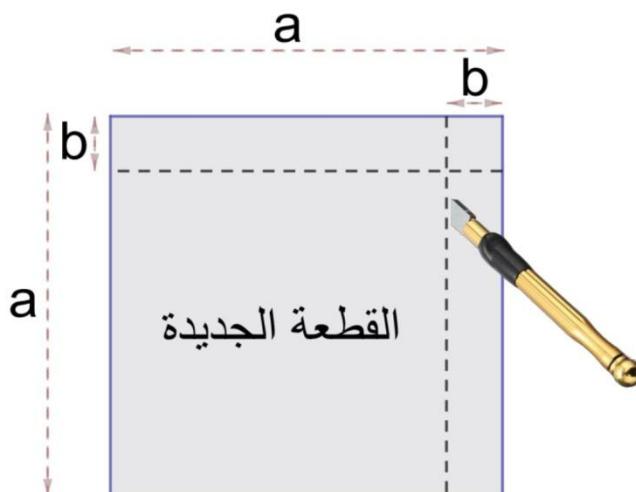
### إعْلَامُ الْاسْتِثْمَارِ

تمرين 10 ص 55

<b>الأستاذ (هـ):</b>	<b>الميكان:</b> أنشطة عددية <b>المقمح التعليم:</b> الثاني <b>الموارد:</b> المتطابقات الشهيرة $(a-b)^2$	<b>السنة:</b> الرابعة متوسط
<b>الكفاءة الختامية المستهدفة:</b>		
يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرف (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل) و النسب المثلثية.		
<b>مركيلا الكفاءة المستهدفة:</b>		
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ التعرف على المتطابقات الشهيرة <math>(a-b)^2</math> و تعزيز المصطلحات المتعلقة به.</li> <li>✓ يوظف المتطابقات الشهيرة في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغة لفظية أو رمزية سليمة.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواضف.</li> </ul>		
✓ المتطابقة الشهيرة $(a-b)^2$ .	<b>أهداف الوضعية التعليمية</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد للمتطابقة.</li> <li>✓ الوضعية تتطلب معرفة قانون المساحة.</li> <li>✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتطرق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> <li>✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة</li> </ul>	<b>خصائص الوضعية التعليمية</b> <b>وتصييغتها</b> <b>(المتغيرات التعليمية)</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.</li> <li>✓ قد يستعجل التلميذ الأمر وتقصر إجابته على إجراء حسابات دون ربطها بالسند الهندسي المرفق فيضيق المعنى ويختزل هدف الوضعية في آليات. ويبقى على الأستاذ التصرف لجعل العمل على معاني المفاهيم المستهدفة.</li> <li>✓ صعوبة تبسيط العبارة.</li> </ul>		<b>السندات التعليمية المستعملة</b> <b>العقبات المحظوظ فتحتها</b>

### نحو الوضعيّة

صانع زجاج يملك قطعة زجاج مربعة الشكل طول ضلعها  $a$  أراد استعمالها في نافذة فاضطر إلى قصها بنفس الطول  $b$  من الجهتين.  
ما هي مساحة القطعة الجديدة؟



## المعرفة العلمية

المتطابقة الشهيرة  $(a-b)^2$ :

مربع فرق حدين يساوي مربع الحد الأول مع مربع الحد الثاني ناقص ضعف جداء الحدين.

نتيجة:

$$(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab \quad \text{أعداد حيث: } a, b, c, d$$

## اعمال الاستثمار

تمرين 1 ص 55 (العمليتان A و C)

الأستاذ(ة):

الميكان: أنشطة عددية

السنة:

الرابعة متوسط

المقصود التعلم: الثاني  
الموري: المتباينات الشهيرة  $(a+b)(a-b)$

### الكفاءة المترتبة المستهدفة:

يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفي (المتباينات الشهيرة ، النشر والتحليل ) و النسب المثلثية.

### مكونات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ التعرف على المتباينات الشهيرة  $(a+b)(a-b)$  وتعزيز المصطلحات المتعلقة به.
- ✓ يوظف المتباينات الشهيرة في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغة لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.

✓ المتباينة الشهيرة  $(a+b)(a-b)$ .

أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد للمطابقة.
- ✓ الوضعية تتطلب معرفة قانون المساحة.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتطرق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

خصائص الوضعية التعليمية  
وتصعيتها  
«المتغيرات التعليمية»

✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

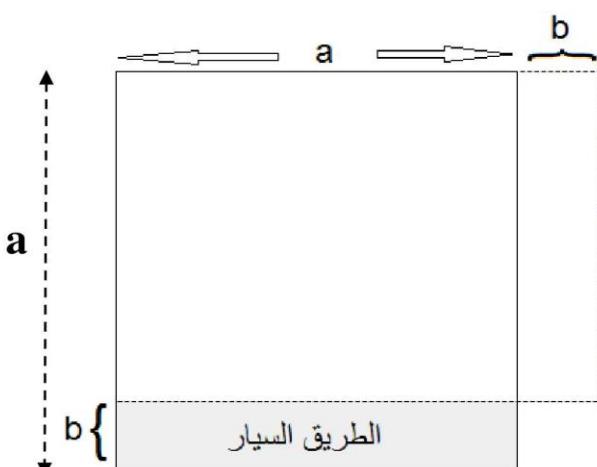
السندات التعليمية المستعملة

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ صعوبة ايجاد المساحة بطريقتين.
- ✓ صعوبة تبسيط العبارة.

العقبات المحظوظ تفصيلها

### نصر الوضعي

في إطار تنفيذ مشروع الدولة بإنشاء الطريق السيار " شرق غرب " تصادم المشروع مع قطعة أرض فلاحية مربعة الشكل يملكونها السيد عكاشه فاقترحت عليه الدولة صيغة لتعويضه و ذلك باقتطاع طول  $b$  من أحد الأضلاع و تعويضه بنفس الطول في طول الصلع المجاور ( كما هو موضح في الشكل أدناه )



هل سيقبل السيد عكاشه بهذه الصيغة ؟ و لماذا ؟  
- توجيه : قارن بين المساحة الأولى و المساحة الثانية

## المعرفة العلمية

المتطابقة  $(a+b)(a-b)$ :

جداء مجموع حدین و فرقهما يساوي الفرق بين مربع الحد الأول و مربع الحد الثاني

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

مثال:

$$(x+4)(x-4) = x^2 - 16$$

## إعْلَمَةُ الْاسْتِثْمَارِ

أحسب الجداءات التالية:

$$\mathcal{A} = (x-3)(x+3)$$

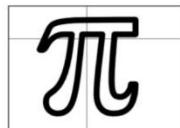
$$\mathcal{B} = (5-y)(5+y)$$

تمرين 13 ص 55

الأستاذ(ة):	الميدان: أنشطة عددية	السنة: الرابعة متوسط	
	المقصود التعلم: الثاني		
	الموردة: تحليل عبارة جبرية		
<b>الكفاءة الختامية المستهدفة:</b>			
يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفى (المتطابقات الشهيره ، النشر والتحليل ) و النسب المثلثية.			
<b>مرتكب الكفاءة المستهدفة:</b>			
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ إعطاء معنى لتحليل عبارة جبرية باستعمال العامل المشترك وتعزيز المصطلحات المتعلقة به.</li> <li>✓ يوظف تحليل عبارة جبرية ويعبر عنها بصيغة لفظية أو رمزية سليمة.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.</li> </ul>			
<b>أهداف الوضعية التعليمية</b> <b>خصائص الوضعية التعليمية</b> <b>وتصييغتها</b> <b>(المتغيرات التعليمية)</b>			
السندات التعليمية المستعملة			

### العقبات المحظوظة لتفاديها

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.
- ✓ قد يلجأ التلميذ إلى تجميع المساحات باستعمال قصاصات وتقصر إجابته هندسياً فيضيغ المعنى ويختزل هدف الوضعية
- ويبيقي على الأستاذ التصرف لجعل العمل على معانٍ المفاهيم المستهدفة.
- ✓ إمكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء تبسيط العبارات.



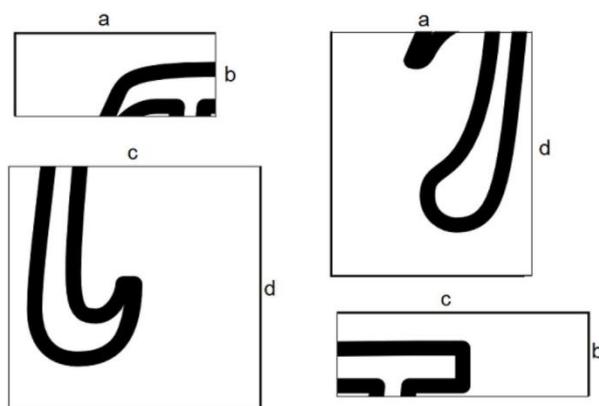
✓ قد يصل التلميذ إلى ولكن نص السؤال واضح وهو رمز رياضي مشهور أي فقط

### تمهيد

- ✓ تذكير بخاصية توزيع الضرب على الجمع والطرح

### نصر الوضعية

تملك هدى لعبة puzzle مفككة لرمز مشهور !! كما هو موضح في الشكل  
- أحسب مجموع مساحات الأشكال الأربعية ثم استنتاج طريقة حسابية لتركيبها.



تدليل صعوبات:

على الأستاذ أن يدلل الصعوبات حتى يوصل التلميذ إلى العمل على استخراج العامل المشترك في المساحات أي:

$$ab+ad+cd+cb=a(b+d)+c(b+d)=(a+c)(b+d)$$

### المعرفة العلمية

تحليل عبارة جبرية:

في تحليل عبارة جبرية باستعمال نجاحاً أولاً إلى استخراج العامل مشترك.

$$ab \pm ac = a(b \pm c)$$

$$ab+ad+cb+cd= a(b+d)+c(b+d)= (a+c)(b+d)$$

مثال:

$$1. 6x+6y= 6(x+y)$$

$$2. (x+1)(9-2x)-(9-2x)(2+3x) = (9-2x)[(x+1)-(2+3x)] = (9-2x)[x+1-2-3x] = (9-2x)(-2x-1)$$

### أمثلة الاستثمار

واجب: 57 ص 20

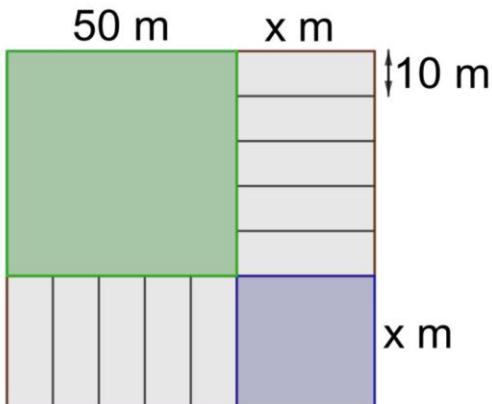
<b>الأستاذ (هـ):</b> <b>الميكان:</b> أنشطة عددية <b>المقمح التعليم:</b> الثاني <b>الموري:</b> تحليل عبارة جبرية	<b>السنة:</b> <b>الرابعة متوسط</b>
<b>الكفاءة الناتجية المستهدفة:</b>	
يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفى (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) و النسب المثلثية.	
<b>مرتكب الكفاءة المستهدفة:</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ إعطاء معنى لتحليل عبارة جبرية باستعمال المتطابقات الشهيرة وتعزيز المصطلحات المتعلقة به.</li> <li>✓ يوظف تبسيط عبارة جبرية وخاصية توزيع الضرب على الجمع ويعبر عنها بصيغة لفظية أو رمزية سلية.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.</li> </ul>	
<b>أهداف الوضعية التعليمية</b> <b>تحليل عبارة جبرية باستعمال المتطابقات الشهيرة.</b>	<b>خصائص الوضعية التعليمية</b> <b>وكتبيتها</b> <b>«المتغيرات التعليمية»</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لمفهوم التحليل عن طريق المتطابقات الشهيرة.</li> <li>✓ الوضعية تتطلب معرفة نشر المتطابقات الشهيرة.</li> <li>✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> </ul>	
<b>النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة</b>	<b>السندات التعليمية المستعملة</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.</li> <li>✓ قد يلجأ التلميذ إلى تجميع المساحات باستعمال قصاصات وتقصر إجابته هندسيا فيضيّع المعنى وبختزل هدف الوضعية. ويبقى على الأستاذ التصرف لجعل العمل على معاني المفاهيم المستهدفة.</li> <li>✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء تبسيط العبارات.</li> </ul>	
<b>العقبات المحظوظة</b>	

نهر الوخْعية

خصصت البلدية قطعة ارض تحتوي على عدة قطع: قطعتي ارض مربعة الشكل مساحتها  $250 \text{ m}^2$  و  $m^2 x$  بالإضافة إلى قطع مستطيلة بنفس الابعاد مخصصة لمحلات تجارية أبعاد كل محل  $10\text{m} \times m$ .  
بين أن القطعة التي خصصتها البلدية مربعة الشكل يطلب تعين طول ضلعها؟

### حل مختصر:

$$250 + x^2 + 10(10x) = 250 + x^2 + 100x = (x+50)^2$$



## تمكين

حل العبارات التالية:

$$y^2 + 16 - 8y , \quad 5 + a^2 + 2a\sqrt{5} , \quad 49 - b^2$$

## المعرفة العلمية

### تحليل عبارة جبرية:

نلجم إلى تحليل عبارة جبرية باستعمال المتطابقات الشهيرة عندما لا يكون هناك عامل مشترك.

$$a^2 + b^2 + 2ab = (a+b)^2$$

$$a^2 + b^2 - 2ab = (a-b)^2$$

$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$

مثال:

$$25a^2 + 35a + 49 = (5a+7)^2$$

$$36y^2 - 100z^2 = (6y - 10z)(6y + 10z)$$

$$17 + 2b\sqrt{17} + b^2 = (\sqrt{17} -$$

## إذاعة الاستثمار

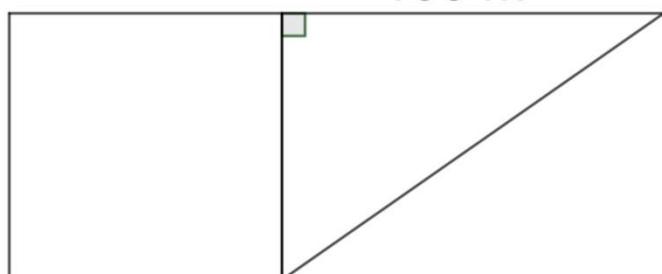
تمرين 22 و 23 ص 57

الأستاذ (ة):	الميكان: أنشطة عددية	السنة: الرابعة متوسط	
	المقمح التعليم: الثاني		
	الموري: معادلة الجداء المعدوم		
<b>الكفاءة الختامية المستهدفة:</b>			
<p>يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفي (المنطبقات الشهيره ، النشر والتحليل ) و النسب المثلثية.</p> <p><b>مرتكبـ الـ كـفـاءـةـ الـ مـسـتـهـدـفـةـ:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ إعطاء معنى لمعادلة الجداء المعدوم وتعزيز المصطلحات المتعلقة به.</li> <li>✓ يوظف حل معادلة الجداء المعدوم في حل مشكلات ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.</li> </ul>			
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ معادلة الجداء المعدوم.</li> <li>✓ حل معادلة الجداء المعدوم.</li> </ul>		<b>أهداف الوضعية التعليمية</b>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ الوضعية مألفة تعطي معنى جيد لمعادلة الجداء المعدوم.</li> <li>✓ الوضعية تتطلب التحليل باستعمال العامل المشترك.</li> <li>✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلّق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> </ul>		<b>خصائص الوضعية التعليمية وصياغتها (المتغيرات التعليمية)</b>	
<p>النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.</li> <li>✓ صعوبة توظيف التحليل.</li> <li>✓ إمكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب أثناء تبسيط العبارات.</li> </ul>		<b>السندات التعليمية المستعملة</b>	
<p>متى يكون الجداء <math>ab=0</math>? كما يذكر الأستاذ بمساحة مثلث قائم و مربع</p>		<b>العقبات المحظوظ فيها</b>	
		<b>تمهيد</b>	

### نصر الوضعية

ورث أخوان قطعة ارض على شكل شبه منحرف قائم تقاسماها بينهما بنفس المساحة بحيث يأخذ منها الأول قطعة مربعة الشكل والأخر قطعة مثلثة الشكل كما هو موضح في الشكل ما هو طول ضلع القطعة المربعة؟

100 m



حل مختصر:

$$x^2 = 50x \Rightarrow x(x-50) = 0 \Rightarrow x=0 \text{ or } x=50$$

مرفون  $x=0$

## تمكين

أوجد العدد المجهول:  $(3x-4)(2x+6)=0$

## المعرفة العلمية

### معادلة الجداء المعدوم:

معادلة جداء معدوم هي كل معادلة تكتب على الشكل  $(ax+b)(cx+d)=0$  حيث  $a, b, c, d$  أعداد حقيقة معلومة و  $x$  عدد مجهول.

### خاصية:

جداء عاملين معدوم يعني أن أحد هذين العاملين على الأقل معدوم.  
 $cx+d=0$  أو  $ax+b=0$  إذن:  $(ax+b)(cx+d)=0$

### مثال:

$6x-7=0$  إذن:  $5-3x=0$  أو  $x=7/6$  أو  $x=5/3$  ومنه:

## إعْلَمَةُ الْاسْتِثْمَارِ

تمرين 12 ص 69

الأستاذ(ة):	الميكان: أنشطة عددية	السنة الرابعة متوسط
	المقمح التعليم: الثاني	
	إماماج جزء: النشر والتحليل	

### الكلاء الختامية المستهدفة

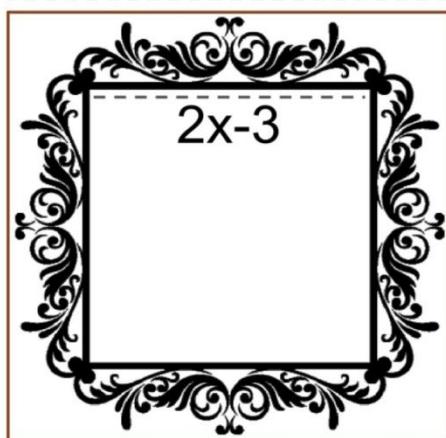
يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفي (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) و النسب المثلثية.

### تعلم الإماماج جزء

#### وضعية 1:

نوح نجار يريد إنجاز إطار مربع الشكل لصورة كما هو موضح في الصورة ويريد إحداث فراغ في وسطه مربع الشكل.

$$7x+5$$



عبر بدالة  $x$  عن مساحة الإطار

#### وضعية 2:

1. بين أن :  $(3x+1)(5x-1)=15x^2 -4x-3$
2. حل العبارة .  $E=15x^2-4x-3 - (3x+1)(-x+1)$
3. حل المعادلة:  $(3x+1)(6x-4)=0$

#### وضعية 3:

لتكن العبارة الجبرية  $E$  حيث:

$$E=10^2-(x-2)^2-(x+8)$$

- أنشر ثم بسط . $E$  ①

- حلل العبارة  $10^2-(x-2)^2-(x+8)$  ثم استنتج تحليل العبارة الجبرية  $E$ . ②

- حل المعادلة :  $(11-x)(8+x)=0$  ③

<ul style="list-style-type: none"> <li>- استخراج معلومات من النص ومن الوثيقة</li> <li>- اتخاذ إستراتيجية لحل الوضعية</li> <li>- تبليغ الحل بالحساب الواضح والمتقن</li> <li>- تقويم ذاتي ببذل جهود بدقة ومثابرة وإنقان.</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ربط التلميذ بالواقع الاجتماعي الاجتماعي.</li> <li>- الاعتزاز باللغة العربية والهوية الأمازيغية من خلال تبرير أعماله.</li> <li>- مساهمة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية وتسيير الأمور.</li> </ul>	<b>صانع فكر</b> <b>صانع منهجه</b> <b>صانع تواصل</b> <b>صانع اجتماع</b>	<b>الكتفاء</b> <b>العربيّة</b>	<b>أهداف</b> <b>الوضعية</b> <b>التعلمية</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ الوضعية مألوفة تعطي جيد معنى للنشر والمتطابقات الشهيرة.</li> <li>✓ يمكن كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> <li>✓ الوضعية من الواقع المعاش ، جذابة ومحفزة .</li> </ul>	<b>خصائص الوضعية</b> <b>التعلمية وخصائصها</b> <b>المتغيرات التعليمية</b>		
<p>نص مكتوب على قصاصات أو السبورة مع عرض الصور إن أمكن على السبورة (Datashow)</p>	<b>السندات التعليمية</b> <b>المستعملة</b>		
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ نص المشكلة مركب بالنسبة للتلميذ، ولا يمكن أن يكون الجواب عبارة على تطبيق بسيط لقانون يعرفه التلميذ أو تقنية.</li> <li>✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب.</li> </ul>	<b>العقبات المحظوظ</b> <b>تحقيقها</b> <b>صعوبات متوقعة</b>		

الأستاذ (ة):

الميكان: أنشطة هندسية

السنة:

المقاييس التعليم: الثاني

الرابعة متوسط

المورث: نظرية فيثاغورث وجيب تمام زاوية

### الكفاءة الختامية المستهدفة:

يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرف (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) والنسب المثلثية.

### مركبات الكفاءة المستهدفة:

- ✓ التعرف على نظرية فيثاغورث وجيب تمام زاوية وتعزيز المصطلحات المتعلقة به (مقابل، مجاور، ..con).
- ✓ يوظف نظرية فيثاغورث وجيب تمام زاوية في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.

### أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ نظرية فيثاغورث.
- ✓ جيب تمام زاوية.

### خصائص الوضعية التعليمية

#### وحياتها

#### «المتغيرات التعليمية»

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد نظرية فيثاغورث وجيب تمام زاوية .
- ✓ المفهوم الذي تعالجه الوضعية مكتسب من قبل التلميذ.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتطرق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

### السائلات التعليمية المستعملة

- ✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

### عدم الترجمة السليمة للوضعية.

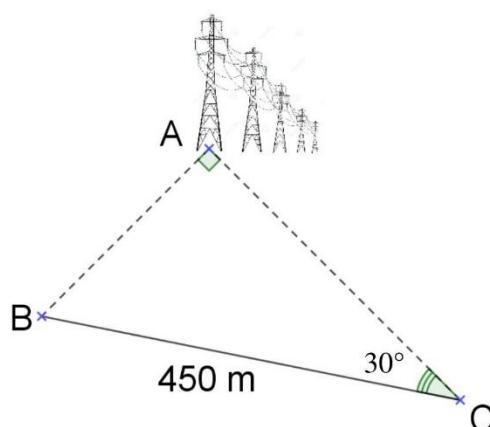
- ✓ عدم تذكر نظرية فيثاغورث وجيب تمام زاوية.
- ✓ صعوبة استخدام الآلة الحاسبة.

### العقبات المحظوظ تفصيلها

### نصر الوضعية

تريد عائلتان توصيل منزليهما بالكهرباء من العمود الكهربائي A.

احسب طول الكابل الكهربائي الواصل لكليهما



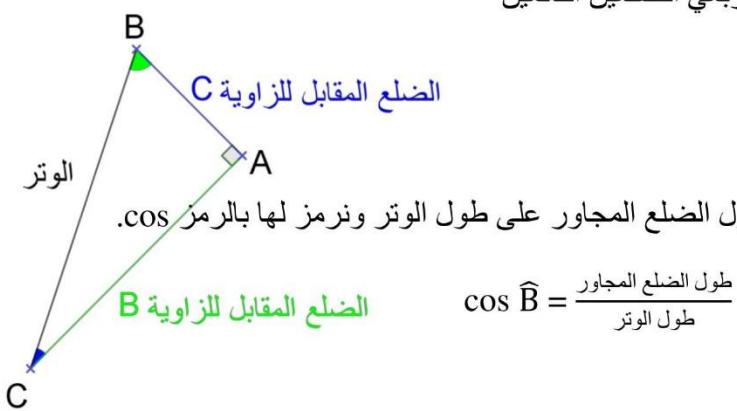
نظرية فيثاغورث:

في مثلث قائم، مربع طول الوتر يساوي مجموع مربعين الضلعين القائمين

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

جيب تمام زاوية حادة:

جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم هو حاصل طول الضلع المجاور على طول الوتر ونرمز لها بالرمز  $\cos$ .



أمثلة الاستشمار

تمرين: مثلث قائم في B حيث:  $AB=10\text{cm}$ ,  $AC=8\text{cm}$ ,  $BC=6\text{cm}$ . أحسب قيس الزاوية A ثم قيس الزاوية C بطريقتين مختلفتين.



الميدان: أنشطة هندسية

المقصع التعلم: الثاني

الموارد: عكس نظرية فيثاغورث

## الكفاءة المختامية المستهدفة:

يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفى (المتطابقات الشهيره ، النشر والتحليل ) والنسب المثلثية.

## مرتكب الكفاءة المستهدفة:

- ✓ التعرف على الخاصية العكسية لفيثاغورث وتعزيز المصطلحات المتعلقة به (مقابل، مجاور، ..con..).
- ✓ يوظف النظرية العكسية لفيثاغورث في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.
- ✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والماوف.

## أهداف الوضعية التعليمية

- ✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لعكس نظرية فيثاغورث.

## خصائص الوضعية التعليمية

## وكتبيعتها

## «المتغيرات التعليمية»

- ✓ المفهوم الذي تعالجه الوضعية مكتسب من قبل التلميذ.
- ✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.

- ✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

## السندات التعليمية المستعملة

- ✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.

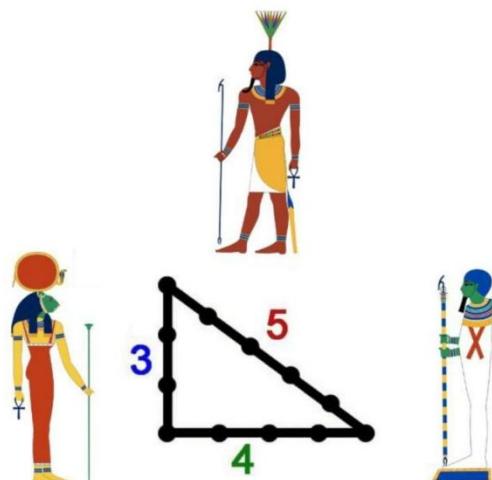
## العقبات المحظوظ تتحصيلها

- ✓ عدم تذكر نظرية فيثاغورث.

## نصر الوضعية

اشتهر الفراعنة قديما بحبل ذي 13 عقدة والذي كانوا يستعملونه في المساحات وقياس الزاوية القائمة بتشكيل مثلث 3، 4 و 5 انطلاقا من عقد الحبل.

برهن لماذا فكرة الفراعنة صحيحة؟



## المعرفة العلمية

### عكس نظرية فيثاغورث:

في مثلث، إذا كان مربع طول أحد الأضلاع يساوي مجموع مربعي الצלعين الآخرين فان هذا المثلث قائم.

$$ABC \text{ قائم في } A \quad BC^2 = AB^2 + AC^2 :$$

مثال:

$$EFG \text{ مثلث حيث: } EF = 4\text{cm}, FG = \sqrt{3}\text{cm}, EG = \sqrt{19}\text{cm}$$

$$EFG \text{ مثلث حيث: } EG^2 = EF^2 + FG^2 \text{ إذن: } EG^2 = 16\text{cm}^2, FG^2 = 3\text{cm}^2, EF^2 = 19\text{cm}^2$$

## أمثلة الاستئناف

تمرين:  $ABC$  مثلث حيث:

$$AB = 8\text{cm}, AC = 10\text{cm}, BC = 6\text{cm} .1$$

$$AB = 16\text{cm}, AC = 4\text{cm}, BC = 12\text{cm} .2$$

$$AB = 9\text{cm}, AC = \sqrt{15}\text{cm}, BC = 4\sqrt{6}\text{cm} .3$$

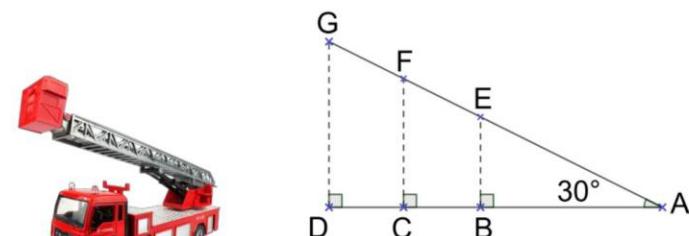
في أي حالة يكون المثلث  $ABC$  قائم.

<b>الأستاذ(ة):</b> <b>الميدان:</b> أنشطة هندسية <b>المقمح التعليمي:</b> الثاني <b>الموارد:</b> جيب زاوية حادة	<b>السنة:</b> <b>الرابعة متوسط</b>
<b>الكفاءة الختامية المستهدفة:</b>	
<b>يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفي (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) والنسب المثلثية.</b>	<b>مركبات الكفاءة المستهدفة:</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ التعرف على جيب زاوية حادة وتعزيز المصطلحات المتعلقة به (مقابل، مجاور، ..tan).</li> <li>✓ يوظف جيب الزاوية الحادة في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغة لفظية أو رمزية سلية.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.</li> </ul>	<b>أهداف الوضعية التعليمية</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ جيب زاوية حادة.</li> <li>✓ استعمال الآلة الحاسبة.</li> <li>✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لجيب زاوية حادة.</li> <li>✓ المفهوم الذي تعالجه الوضعية جديد كليا على التلميذ.</li> <li>✓ الوضعية تعتمد على طاليس في برهانها.</li> <li>✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> </ul>	<b>خصائص الوضعية التعليمية</b> <b>وتصعيتها</b> <b>(المتغيرات التعليمية)</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة</li> <li>✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.</li> <li>✓ صعوبة الانتقال من النسب إلى مفهوم جيب زاوية.</li> <li>✓ صعوبة استخدام الآلة الحاسبة.</li> </ul>	<b>البنادق التعليمية المستعملة</b>
<b>العقبات المحظوظ تفصيلها</b>	

نصر الوضعي

شاحنة الحماية المدنية تزيد إحمد حريق بعمارة حيث تم تمديد سلم الصعود بزاوية  $30^\circ$  على ثلاث مراحل موضحة في الرسم.

**برهن أن:**  $\frac{DG}{AG} = \frac{CF}{AF} \frac{BE}{AE}$  **ما زالت تلاحظ؟**



يمثل سلم الشاحنة بعد أن تمدد إلى F ثم يتمدد إلى G

تدليل صعوبات:

البرهان بطلانis وبعد هذا السؤال يبدأ دور الأستاذ ويجب عليه أن يُفهم التلميذ بأن هذه النسب متساوية لأن المثلثات قائمة ولأن الزاوية  $\hat{A}$  لم تتغير وهنا جاء دور علماء الرياضيات حيث أطلقوا على هذه النسبة بحبيب زاوية حادة والتي هي:  $\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$

## تمكين

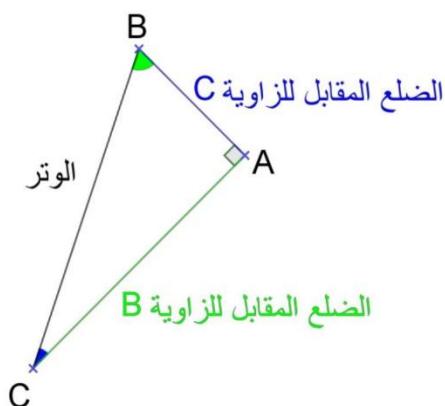
إذا علمت أن:  $AE = 5m$ ,  $BE = 2.5$

باستعمال اللمسة  $\sin$  احسب  $\sin(\hat{A})$  ثم قارنها مع  $\frac{\text{المقابل للزاوية } \hat{A}}{\text{الوتر}}$ .

## المعرفة العلمية

### جيب زاوية حادة:

جيب زاوية حادة في مثلث قائم هو حاصل طول الضلع المقابل على طول الوتر ونرمز لها بالرمز  $\sin$ .



$$\sin \hat{B} = \frac{\text{طول الضلع المقابل}}{\text{طول الوتر}}$$

مثال: مثلث ABC مثلث قائم في A حيث:  $AC = 8\text{cm}$  و  $CB = 10\text{cm}$

$$\sin \hat{B} = 0.8 \text{ أي: } \sin \hat{B} = \frac{AC}{AB} = \frac{8}{10}$$

باستعمال اللمسة  $\sin +$  shift نجد أن قيس الزاوية  $\hat{B}$  هو:  $53.13^\circ$

نتيجة: جيب أي زاوية حادة محصور بين 0 و 1 لأن الوتر هو أطول ضلع.

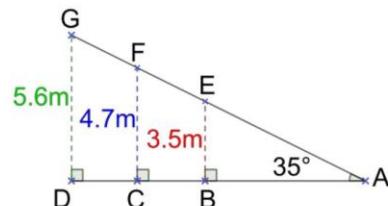
## أعماق الاستثمار

تمرين: 4 ص 178

<p><b>الأستاذ(ة):</b></p> <p><b>الميدان:</b> أنشطة هندسية</p> <p><b>المقمح التعليمي الثاني:</b></p> <p><b>المورك:</b> ظل زاوية حادة</p>	<p><b>السنة:</b> الرابعة متوسط</p>
<p><b>الكفاءة الختامية المستهدفة:</b></p> <p>يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفي (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) والنسب المثلثية.</p> <p><b>مركبات الكفاءة المستهدفة:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>✓ التعرف على ظل زاوية حادة وتعزيز المصطلحات المتعلقة به (مقابل، مجاور، <math>\tan</math>...).</li> <li>✓ يوظف ظل الزاوية الحادة في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.</li> </ul>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ ظل زاوية حادة.</li> <li>✓ استعمال الآلة الحاسبة.</li> </ul>	<p><b>أهداف الوضعية التعليمية</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ الوضعية مألوفة تعطي معنى جيد لظل زاوية حادة.</li> <li>✓ المفهوم الذي تعالجه الوضعية جديد كلبا على التلميذ.</li> <li>✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> </ul>	<p><b>خصائص الوضعية التعليمية</b></p> <p><b>وتحصيّلها</b></p> <p><b>(المتغيرات التعليمية)</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة</li> </ul>	<p><b>السندات التعليمية المستعملة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.</li> <li>✓ صعوبة الانتقال من النسب إلى مفهوم ظل زاوية.</li> <li>✓ صعوبة استخدام الآلة الحاسبة.</li> </ul>	<p><b>العقبات المحظوظ تفكيها</b></p>

نهر الوضعيّة

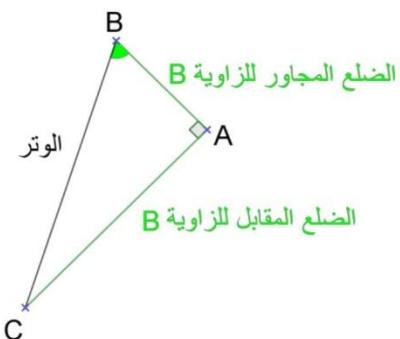
شاحنة الحماية المدنية تزيد إحمد حريق بعمارة حيث تم تمديد سلم الصعود بزاوية  $35^{\circ}$  على ثلاث مراحل مواضحة في الرسم.



يمثل سلم الشاحنة بعد أن تمدد إلى F ثم يتندد إلى G  
 $AB=5\text{m}$ ,  $AC=7\text{m}$ ,  $AD=8\text{m}$

تدليل صعوبات:

ظل الزاوية الحادة في المثلث القائم هي حاصل طول الضلع المقابل على طول الضلع المجاور ونرمز له بالرمز  $\tan$ .



$$\tan \hat{B} = \frac{\text{طول الضلع المقابل}}{\text{طول الضلع المجاور}}$$

مثال: مثلث قائم في A حيث:  $AB=6\text{cm}$   $AC=8\text{cm}$

$$\tan \hat{B} = 0.75 \quad \tan \hat{B} = \frac{AC}{AB} = \frac{6}{8}$$

باستعمال اللمسة  $0.75 + \tan + \text{shift}$  نجد أن قيس الزاوية  $\hat{B}$  هو:  $36.87^\circ$

### إعْلَمَةُ الْاسْتِثْمَارِ

تمرين: 3 ص 178

<b>الأسئلة (ل)</b>	<b>الميدان:</b> أنشطة هندسية <b>المقصص التعلم:</b> الثاني <b>المورى:</b> العلاقات المثلثية	<b>السنة:</b> الرابعة متوسط
<b>الكفاءة الختامية المستهدفة:</b>		
يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرف (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) والنسب المثلثية.		
<b>مركيّل الكفاءة المستهدفة:</b>		
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ التعرف العلاقات المثلثية وتعزيز المصطلحات المتعلقة به (مقابل، مجاور، <math>\tan</math> ..).</li> <li>✓ يوظف العلاقات المثلثية في وضعيات مختلفة ويعبر عنها بصيغ لفظية أو رمزية سليمة.</li> <li>✓ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق.</li> </ul>		
$\cos^2 + \sin^2 = 1$ $\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \tan \alpha$	<b>أهداف الوضعية التعلمية</b>	<b>خصائص الوضعية التعلمية</b> <b>وكتبيعتها</b> <b>«المتغيرات التعليمية»</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ الوضعية مشوقة تعطي معنى جيد للعلاقات المثلثية .</li> <li>✓ الوضعية تعتمد على النسب المثلثية.</li> <li>✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتطرق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> </ul>	<b>السنادات التعليمية المستعملة</b>	<b>العقبات المخلوي تتحبها</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة</li> <li>✓ عدم الترجمة السليمة للوضعية.</li> <li>✓ صعوبة الانتقال من النسب إلى العلاقات المثلثية.</li> </ul>		

### نصر الوضعية

في عيد ميلاد ثينهنان اشتريت أمها إيلاف خاتمين، على الخاتم الأول كتب  $\cos^2$  وعلى الآخر  $\sin^2$  ولبس كل منها خاتم فتعجبت ثينهنان من معناهما. فقالت لها الأم: أنا وأنت عبارة عن شخص واحد ( $\cos^2 + \sin^2 = 1$ ) ولم تفهم ثينهنان أيضا لأنها لا تفتنع إلا بالبرهان.

رسمت لها الأم مثلث  $abc$  قائم في  $b$  وقالت لها قومي بحساب  $\cos^2 a$  و  $\sin^2 a$  وجمعي النسبتين فعلى لماذا ستحصلين؟ ساعد ثينهنان في العمل المطلوب



### تمكينك

AABC مثلث قائم في  $A$  عبر عن كل من  $\sin B$  و  $\cos B$  ثم احسب  $\tan B$  ثم قارنها مع  $\frac{\sin B}{\cos B}$  ماذا تلاحظ؟

## المعرفة العلمية

### العلاقات المثلثية:

في مثلث قائم،  $\alpha$  زاوية حادة فان:  $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$  و  $\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1$

### إعْلَمَةُ الْاسْتِثْمَارِ

تمرين: 13، 14 ص 179



الأستاذ (هـ):

الميدان: أنشطة هندسية

المقصص التعلم: الثاني

إكمال جزء: فيثاغورث والنسب المثلثية

السنة

الرابعة متوسط

### الكفاءة الختامية المستهدفة

يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفى (المنطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) والنسب المثلثية.

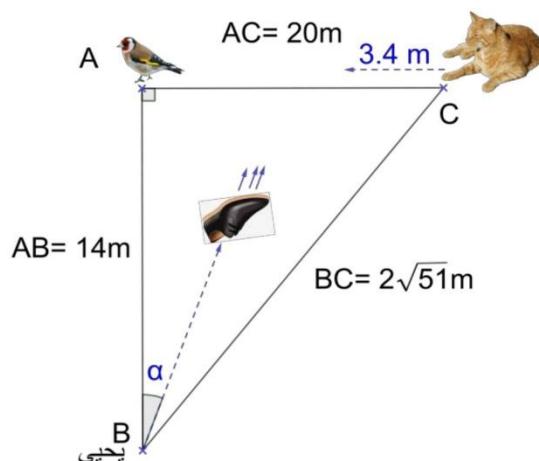
### تعلم إكمال جزء

وضعية 1:

يجىء مربى عصافير ، في أحد الأيام عندما وضع عصفوره للاستحمام كان يراقب في قط يترصد عصفوره (انظر المخطط) عندما اقترب القط بـ  $3.4\text{m}$  وتوقف حينها أرسل يحيى حذاءه باتجاه قط بزاوية  $\alpha$  وتعذر إبعاده وليس إصابته فهو لا يريد إذاته ولكنه يريد إنقاذ عصفوره أيضا.

1) برهن أن كل من يحيى، العصفور والقط يشكلون مثلث قائم؟

2) ما هي أكبر قيمة زاوية  $\alpha$  حتى لا يصيب القط وينفذ عصفوره؟

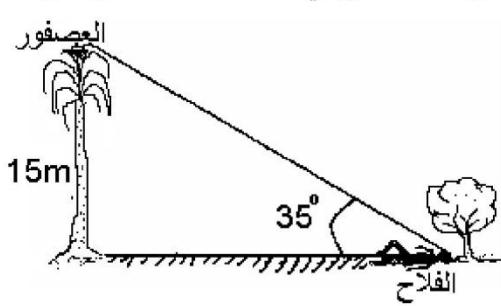


وضعية 2: (الوضعية للأستاذ الكبير عبد القادر فريجات)

تضطجع فلاح طول قامته  $1,7\text{m}$  في ظل إحدى أشجاره مقابلًا لنخلة علوها  $15\text{m}$  ، وفي أثناء ذلك خط طائر على قمة هذه النخلة فإذا كان هذا الفلاح ينظر إلى هذا العصفور بزاوية  $35^\circ$

أ) احسب بعد الفلاح عن النخلة بالتدوير إلى  $0,1\text{m}$

ب) احسب بعد الطائر عن عيني الفلاح بالتدوير إلى  $0,001\text{ m}$



وضعية 3:

$\alpha$  هو قيس زاوية حادة بالدرجات حيث:  $\cos \alpha = 0,64$   
دون حساب قيمة  $\alpha$

1 - احسب  $\sin \alpha$  مع تدوير الناتج إلى  $0,01$

2 - استنتج قيمة  $\tan \alpha$  مع تدوير الناتج إلى  $0,01$

<ul style="list-style-type: none"> <li>- استخراج معلومات من النص ومن الوثيقة</li> <li>- اتخاذ إستراتيجية لحل الوضعية</li> <li>- تبليغ الحل للحساب الواضح والمتقن</li> <li>- تقويم ذاتي ببذل جهده بدقة ومثابرة وإنقان.</li> <li>- ربط التلميذ بالواقع الاجتماعي الفلاحي.</li> <li>- الاعتزاز باللغة العربية والهوية الأمازيغية من خلال تبرير أعماله.</li> <li>- مساعدة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية وتسيير الأمور.</li> </ul>	<b>صانع فكر</b> <b>صانع منهج</b> <b>صانع تواصل</b> <b>صانع اجتماع</b>  <b>القيم والمواقف</b>	<b>الكتفاه العرضية</b>	<b>أهداف الوضعية التعليمية</b>
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ الوضعيات مألوفة تعطي جيد معنى لعكس نظرية فيثاغورث والنسب المثلثية.</li> <li>✓ بإمكان كل التلاميذ إعطاء إجابة ويمكن أن يتعلق الاختلاف في الإجابات بمستوى عمومية الصياغات.</li> <li>✓ الوضعية من الواقع المعاش ، جذابة ومحفزة .</li> </ul>	<b>خصائص الوضعية التعليمية وصياغتها (المتغيرات التعليمية)</b>		
<p>نص مكتوب على قصاصات أو السبورة مع عرض الصور إن أمكن على السبورة (Datashow)</p>	<b>السندات التعليمية المستعملة</b>		
<ul style="list-style-type: none"> <li>✓ نص المشكلة مركب بالنسبة للتلميذ، ولا يمكن أن يكون الجواب عبارة على تطبيق بسيط لقانون يعرفه التلميذ أو تقنية.</li> <li>✓ لعل عدم ظهور البحث عن ضلع AB ينجم عنه صعوبة لدى التلاميذ في الانتقال الى حساب الزاوية <math>\alpha</math>.</li> <li>✓ امكانية ظهور بعض الأخطاء في الحساب.</li> </ul>	<b>العقبات المحظوظة تجنبها (صعوبات متوقعة)</b>		

الأستاذ: عزيز نصر الدين	<b>الميكان:</b> أنشطة عددية-هندسية <b>المقبح التعلم:</b> الثاني <b>وضعية تقويم:</b>	السنة الرابعة متوسط
----------------------------	---	------------------------

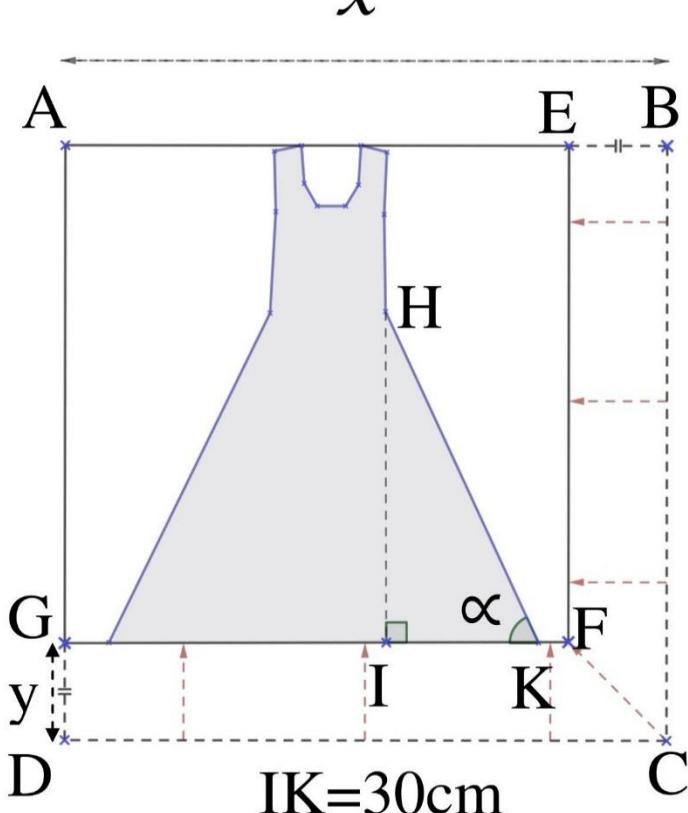
الكفاءة الافتتاحية المستهدفة

يحل مشكلات بتوظيف الحساب الحرفى (المتطابقات الشهيرة ، النشر والتحليل ) والنسب المثلثية.

النهاية

تتميز بعض الأقمشة بتنقلها بعد غسلها بالماء وهو إشكال كبير تلقاء النساء بعد أول غسيل لثيابهن. السيدة "فريدة" مصممة أزياء Fashion Designer أرادت تصميم الجبة القبابية حيث قامت بغمض قطعة قماش مربعة الشكل ABCD في الماء لنفادي تغيير المقاسات بعد الغسل وحتى تتقن حرفتها عملاً بقوله صلى الله عليه وسلم: "إِنَّ اللَّهَ يُبَدِّلُ كُمْ عَمَلًا إِنْ يَتَقْنُهُ" حيث تغيرت أبعاد قطعة القماش إلى قطعة مربعة الشكل AEFG كما هو موضح في الشكل :

1. عبر عن مساحة قطعة القماش بعد غسلها بدلالة  $x$  و  $y$ .  
أرادت فريدة قص جزء من القماش بزاوية  $\alpha = 65^\circ$
  2. احسب طول  $HI$  بالتوير إلى 0.01.



## اقتراح حما

1. مساحة قطعة القماش بعد غسلها بدلالة  $x$  و  $y$  هي:  $x^2 + y^2 - 2xy$

$$\begin{aligned} \text{طول ضلع قطعة القماش الجديد هو } y-x \\ S = a^2 = (x-y)^2 = x^2 + y^2 - 2xy \end{aligned}$$

2. حساب HI

$$HI = 30 \times \tan 65^\circ \approx 64.34 \text{ cm} \quad \text{ومنه: } \tan 65^\circ = \frac{HI}{IK}$$

### شبكة تقويم إرساء وتوسيف الموارد:

34

المعيار النوعية (4م)	الانسجام الداخلي للمنتج (3م)	الاستعمال السليم للأدوات الماء (2م)	وجاهة المنتج: ترجمة سليمة للوضعيية (1م)	المعايير الأسئلة
- لا يوجد تشطيب	- ترتيب الخطوط.	- ايجاد طول الضلع - توظيف قانون مساحة مربع. - استعمال المتطابقة $(a-b)^2$ .	- تعين ضلع قطعة القماش الجديد. - تعين مساحة القطعة.	السؤال 1
- ابراز النتائج	- ابراز الوحدة (m).	- استعمال $\tan$ .	- تعين طول HI .	السؤال 2
0.5	0.5	1.5 عن كل معيار	1ن عن كل معيار	سلم التقييم
0.5 ن	0.5 ن	6 ن	3 ن	المجموع

### شبكة تقويم الكفاءات العرضية البينية والقيم والموافق:

- استخراج معلومات من النص ومن الوثيقة	صاحب فكر	الكافاءات العرضية
- اتخاذ إستراتيجية لحل الوضعية	صاحب منهج	
- تبليغ الحل للحساب الواضح والمتقن	صاحب تواصل	القيم والموافق
- تقويم ذاتي ببذل جهد بدقة ومثابرة وإنقان.	صاحب اجتماع	
- ربط التلميذ بالواقع الاجتماعي. - الاعتزاز باللغة العربية وبالهوية الأمازيغية من خلال تبرير أعماله. - مساهمة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية وتسيير الأمور.	- - -	

للمزيد من المذكرات والوضعيات انضم الى مجموعة عقبان سعيدة من الرابط أدناه:

--> <https://www.facebook.com/groups/AiglesMathOfSaida/> <--

الأستانة (له):	الميادين: أنشطة عددية	السنة الرابعة متوسط
	المقمح التعليمي: الأول	
	أعمال موجهة	

35

**طريقة:** لجعل مقام النسبة  $\frac{a}{\sqrt{b}}$  عدداً ناطقاً، نضرب كلاً من البسط والمقام في العدد  $\sqrt{b}$ .

**طريقة:** لجعل مقام النسبة  $\frac{c}{\sqrt{a}+\sqrt{b}}$  عدداً ناطقاً نضرب كلاً من البسط والمقام في العدد  $\sqrt{a}-\sqrt{b}$ .

## مثال:

$$\frac{5 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{5\sqrt{7}}{7}$$

$$\frac{8(\sqrt{6} - 3)}{(\sqrt{6} + 3)(\sqrt{6} - 3)} = \frac{8\sqrt{6} - 24}{6 - 3^2} = \frac{8\sqrt{6} - 24}{-3}$$

إِعْلَمَةُ الْإِسْتِثْمَارِ

تمرين: أكتب الكسور التالية بمقام عدد ناطق:

$$\frac{4}{\sqrt{8}}, \quad \frac{2}{\sqrt{17}-5}, \quad \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{5}}, \quad \frac{5\sqrt{7}}{\sqrt{5}+4\sqrt{2}}$$

الأستاذ(ة):	<b>الميدان:</b> أنشطة هندسية <b>المقشع التعليمي:</b> الثاني <b>أعمال موجهة</b>	السنة الرابعة متوسط
-------------	--	------------------------

أهداف المعاشرة التعلمية

إنشاء زاوية بمعرفة القيمة المضبوطة لأحدى النسب المثلثية.

النص مكتوب على قصاصات أو على السبورة

السنة  
الرابعة متوسط

الاستاذة:

الميكان: أنشطة هندسية

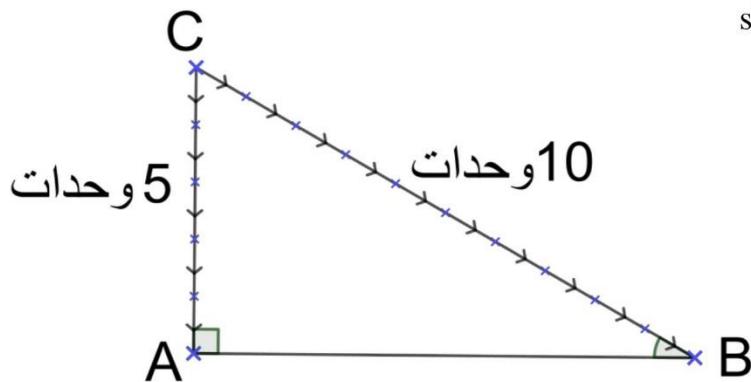
المكتحف التعليمي الثاني

أكمال موجهة

السندات التعليمية المستعملة

**طريقة:** لرسم مثلث بمعروفة القيمة المضبوطة لأحدى نسبه المثلثية نكتب تلك القيمة على شكل كسر ثم ننشأ هذا المثلث.

**مثال:** ABC مثلث قائم في A حيث  $\sin B = 0.5$



### إنشاء المثلث:

$$\sin \widehat{B} = 0.5 = \frac{5}{10} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{AC}{BC}$$

- - - - -  
نشأ الضلع **AC=10 Unite** ننشأ المستقيم العمودي على **AC** في النقطة **A**  
من النقطة **C** ننشأ قوس بالمدور مع المستقيم العمودي طولها 10 وحدات  
نقطة التقاطع هي النقطة **B**.

إِعْلَمَةُ الْأَسْتِثْمَارِ

تمرين: ABC مثلث قائم في A حيث:

$\cos B = 0.4 \pm .1$

$\tan\hat{B}=0.7$  .2