

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

الدوران المضلعات المنتظمة و الزوايا + الهندسة في الفضاء

مذكرات السنة 04 متوسط
من اعداد خلية بوراشد - عين الحجر - سعيدة

المقطع 07

مجموعة اساتذة التعليم المتوسط *MATHS* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532>



المقطع التعليمي 08

الوضعية الانطلاقية



الدوران, المضلعات المنتظمة, الزوايا



الهندسة في الفضاء



الأعمال الموجهة



وضيعات تعلم الإدماج





مجموعة أساتذة التعليم المتوسط *MATHS* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

الوضعية الانطلاقية

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

يحل مشكلات متعلقة بالأشكال الهندسية المستوية
والمجسمات المألوفة والتحويلات النقطية (الدوران)

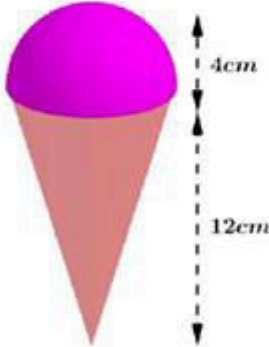
Δαπρυσ

المثلجات هي عبارة عن حلوى مجمدة معدة من الحليب أو من الماء والسكر وقد يضاف اليه الفاكهة ، وهي ما يطلق عليها في بعض اللهجات الأيس كريم أو الجيلاتي قد تصنع أيضا من هريس الفاكهة المجمدة أو من عصير الفاكهة

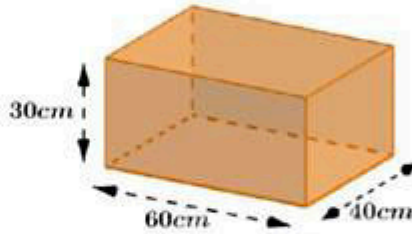


يملك العم علي محل لبيع المثلجات في غُلب على شكل متوازي المستطيلات أبعاده $60cm$ ، $40cm$ ، $30cm$ ويبيع المثلجات في أوعية مخروطية الشكل بثمان $30DA$ (انظر الوثيقتين)

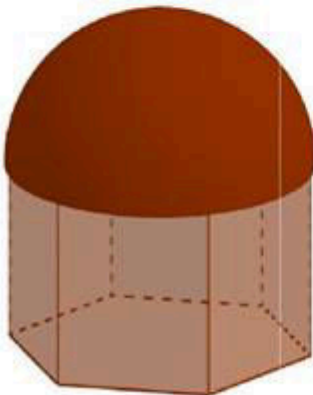
مخروط ممنوع مثلجات تنوع
نصف كرة من المثلجات



عربة مثلجات



نص الوضعية
الانطلاقية



الشكل المقابل يمثل كشك (محل) العم علي
على شكل مجسم قاعدته سداسي منتظم
طول ضلعه $2m$ وارتفاعه $2,5cm$
تعلوه قبة على شكل كرة قطرها $4m$

يريد العم علي دهن الكشك من الخارج ، فطلب منه الدهان مبلغ $350DA$ للمتر المربع الواحد

• كم عربة مثلجات يمكن للعم علي بيعها حتى يدفع أجرة الدهان ؟

▪ حل مشكلات من الحياة بتوظيف الكرة والجلّة ▪ حل مشكلات من الحياة بتوظيف الدوران و المضلعات المنتظمة ▪ تحقيق مستوى معين من الكفاءة الجديدة	غايات الوضعية التعلمية وطبيعتها
▪ النص في قصاصات	السندات التعليمية المستعملة
▪ فكرة الحل لا تظهر بسهولة بسبب كثرة المعطيات وتداخلها	صعوبات متوقعة
▪ إنشاء صور النقطة والقطعة والمستقيم ونصف المستقيم والدائرة بدوران ▪ معرفة خواص الدوران وتوظيفها ▪ التعرف على الزاوية المركزية والزاوية المحيطية ومعرفة العلاقة بين الزاوية المحيطية والزاوية المركزية اللتين تحصران نفس القوس واستعمالها ▪ إنشاء مضلعات منتظمة (المثلث متقايس الأضلاع، المربع، السداسي المنتظم) ▪ التعرف على الكرة والجلّة وتمثيل الكرة ▪ حساب مساحة الكرة وحجم الجلّة ▪ معرفة واستعمال المقاطع المستوية للمجسمات المألوفة ▪ معرفة الآثار على مساحة وحجم مجسم عند تكبير أو تصغير أبعاد هذا المجسم	الموارد المعرفية والموارد المجددة لحل الوضعية
▪ الملاحظة والاستكشاف ▪ استخراج معلومات من النص ومن الوثيقة ▪ اتخاذ إستراتيجية لحل الوضعية ▪ تبليغ الحل بالحساب الواضح والمتقن ▪ تقويم ذاتي ببذل جهده بدقة ومثابرة وإتقان ▪ توظيف قدراته التعبيرية "مشافهة وكتابة" ▪ يتعاون مع زملائه لإنجاز مهمة ويتواصل معهم مع احترام آراء الآخرين	الكفاءات العرضية المجددة لحل الوضعية
▪ الاعتزاز باللغة العربية من خلال تبرير أعماله ▪ مساهمة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية وتسيير الأمور ▪ قيمة العمل وأهميته ▪ التعرف المتلجات	القيم والمواقف



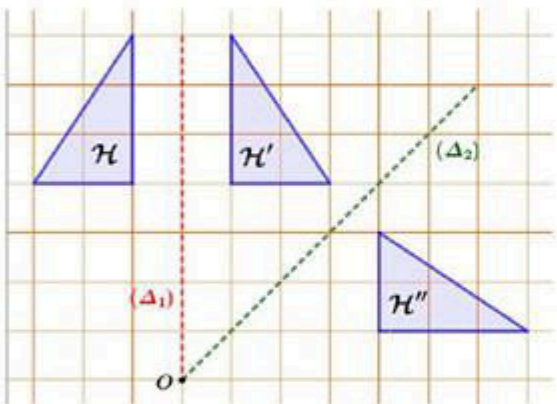
مجموعة أساتذة التعليم المتوسط *MATHS* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

الدوران, المضلعات المنتظمة, الزوايا

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

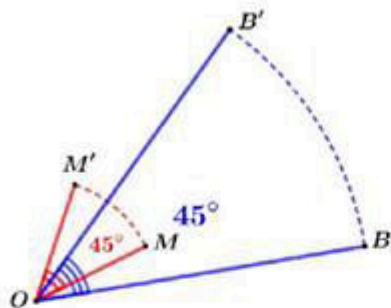
- يتعرف على كائنات هندسية (المضلعات المنتظمة) وخواص وعلاقات الزوايا وتحويلات نقطية (الدوران) (مفهوم الدوران) - يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبنى براهين ويحررها - يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة
- التعرف على الدوران كتحويل نقطي - إنشاء صورة النقطة بدوران	أهداف الوضعية التعليمية
- من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة - لا تتطلب بحث مطول	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها
النص على السبورة او على قصاصات	السندات المستعملة
صعوبات متوقعة	
لاحظ الشكل المقابل (1) ماذا نقول عن الشكلين H' و H بالنسبة إلى المستقيم (Δ_1) ؟ (2) ماذا نقول عن الشكلين H'' و H' بالنسبة إلى المستقيم (Δ_2) ؟  (3) اعد رسم الشكل H على الورق الشفاف ثم ثبته بذبوس المدور في النقطة O في وضع التتابق بعدها قم بتدوير ورق الشفاف حول النقطة O حتى ينطبق على الشكل H'' كيف نسمي التحويل الذي يحول الشكل H إلى الشكل H'' ؟	نص الوضعية
تعريف : تحويل شكل بالدوران الذي مركزه O هو إدارته حول النقطة O بالحفاظ على نفس المسافة بين الشكل والنقطة O، في اتجاه معين وبزاوية محددة - يميز الدوران بمركز وزاوية واتجاه - الاتجاه الموجب هو المعاكس لحركة عقارب الساعة - الاتجاه السالب هو الموافق لحركة عقارب الساعة ملاحظة : نأخذ الاتجاه الموجب كاتجاه الدوران ، ما لم يذكر عكس ذلك	الحوصلة

تعريف :

صورة نقطة M تختلف عن O بالدوران الذي مركزه O وزاويته α° في اتجاه معين هي النقطة

M' بحيث $OM = OM'$ و $\hat{MOM'} = \alpha^\circ$

مثال :



- صورة B بدوران B'
- صورة M بنفس الدوران M'
- صورة O بنفس الدوران

- هذا الدوران هو الدوران الذي مركزه O وزاويته 45° واتجاهه هو الاتجاه الموجب

تطبيق : رقم 1 صفحة 236

تمديد

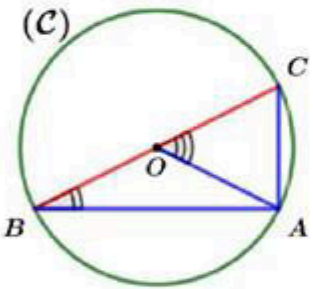
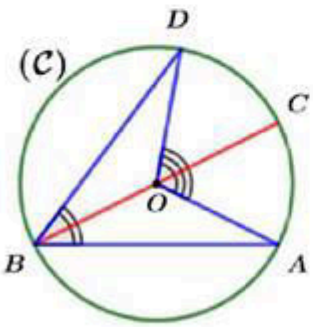
- يتعرف على كائنات هندسية (المضلعات المنتظمة) وخواص وعلاقات الزوايا وتحويلات نقطية (الدوران) (خواص الدوران) - يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبنى براهين ويحررها - يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة
معرفة خواص الدوران وتوظيفها	أهداف الوضعية التعليمية
- من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة - لا تتطلب بحث مطول	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها
النص على السبورة او على قصاصات	السندات المستعملة
الإنشاء السليم	صعوبات متوقعة
اليك الشكل المقابل (1) أنشئ المثلث $A'B'C'$ صورة المثلث ABC بالدوران الذي مركزه O وزاويته 60° في الاتجاه السالب (2) أنقل ثم اتمم - صورة القطعة $[AB]$ هي إذن $AB = \dots$ - صورة الزاوية $\widehat{ABC}$ هي إذن $\widehat{A'B'C'} = \dots$ - النقط B ، E ، C في استقامية إذن النقط في استقامية	نص الوضعية
خواص : الدوران يحافظ على : - الأطوال - أقياس الزوايا - استقامية النقط - طبيعة الأشكال مثال : النشاط	الحوصلة

صور بعض الأشكال بدوران :

- صورة قطعة مستقيم ، هي قطعة مستقيم تقايسها
- صورة نصف مستقيم ، هي نصف مستقيم
- صورة مستقيم ، هي مستقيم
- صورة زاوية هي زاوية تقايسها
- صورة دائرة هي دائرة تقايسها

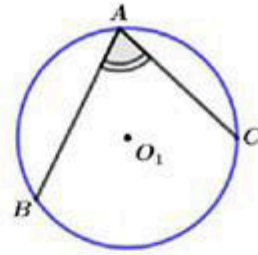
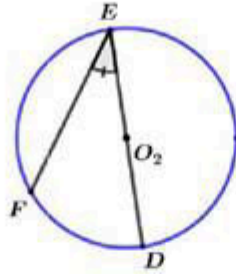
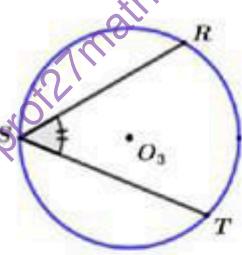
تطبيق : رقم 1 صفحة 236

تمديد

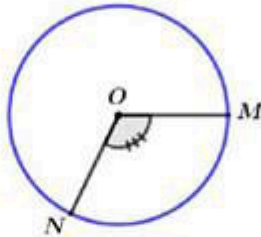
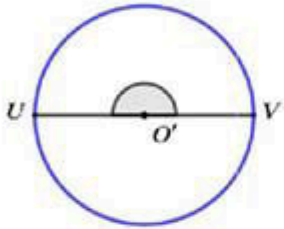
■ يتعرف على كائنات هندسية (المضلعات المنتظمة) وخواص وعلاقات الزوايا وتحويلات نقطية (الدوران) (الزاوية المحيطية والزاوية المركزية) ■ يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبني براهين ويحررها ■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة
■ التعرف على الزاوية المحيطية والزاوية المركزية ■ معرفة واستعمال العلاقة بين الزاوية المحيطية والزاوية المركزية اللتين تحصران نفس القوس	أهداف الوضعية التعليمية
■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة ■ لا تتطلب بحث مطول	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها
■ النص على السبورة او على قصاصات	السندات المستعملة
■ صعوبات متوقعة	
(1) لاحظ الشكل المقابل ■ عبر عن قياس الزاوية $\hat{AOC}$ بدلالة قياس الزاوية $\hat{ABC}$  (2) لاحظ الشكل المقابل ■ عبر عن قياس الزاوية $\hat{AOC}$ بدلالة قياس الزاوية $\hat{ABC}$ ■ عبر عن قياس الزاوية $\hat{AOD}$ بدلالة قياس الزاوية $\hat{ABD}$ ■ استنتج قياس الزاوية $\hat{DOC}$ بدلالة قياس الزاوية $\hat{DBC}$ 	نص الوضعية

تعريف :

الزاوية المحيطية في دائرة : هي زاوية رأسها نقطة من الدائرة وצלعاها وصالان لهذه الدائرة

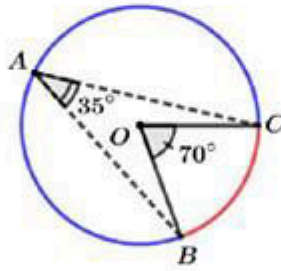
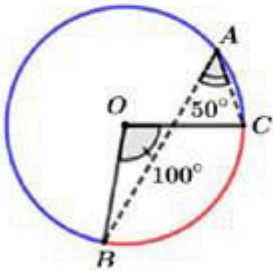


الزاوية المركزية في دائرة : هي زاوية رأسها مركز الدائرة.



خاصية 1 :

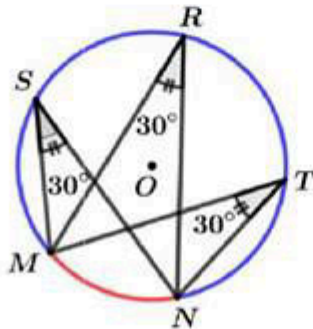
قيس الزاوية المحيطية في دائرة (C) هو نصف قيس الزاوية المركزية التي تحصر نفس القوس معها :



$$\hat{AMB} = \frac{1}{2} \hat{AOB}$$

خاصية 2 :

كل الزوايا المحيطية التي تحصر نفس القوس في دائرة متقايصة

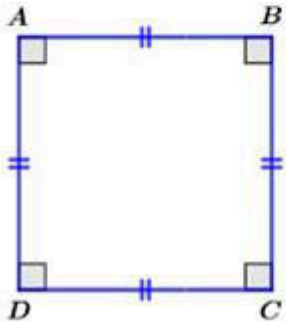


الحوصلة

تمديد

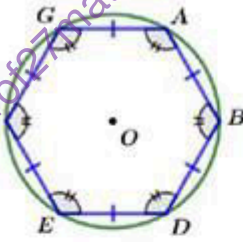
تطبيق : رقم 8 و 9 صفحة 238



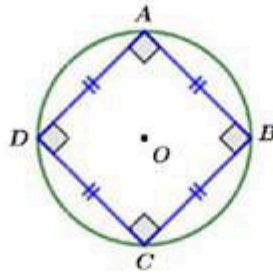
- يُعرّف على كائنات هندسية (المضلعات المنتظمة) وخواص وعلاقات الزوايا وتحويلات نقطية (الدوران) (المظلمات المنتظمة) - يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبنى براهين ويحررها - يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة
إنشاء مضلعات منتظمة (المثلث المتقايس الاضلاع ، المربع ، السداسي المنتظم)	أهداف الوضعية التعليمية
- من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة - لا تتطلب بحث مطول	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها
النص على السبورة او على قصاصات	السندات المستعملة
صعوبات متوقعة	
(1) أنشئ مثلثاً ABC متساوي الساقين حيث $AB = BC = 4cm$ و $\hat{ABC} = 120^\circ$ - ما ذا نقول عن النقطتين A و C ؟ - أنشئ صورة D صورة C بالدوران الذي مركزه B وزاويته 120° في الاتجاه السالب - ثم أنشئ صورة E صورة D بنفس الدوران - ماذا نقول عن النقطتين A و E ؟ ، ما طبيعة المثلث CDE ؟ علل - برهن أن رؤوس المثلث CDE تنتمي إلى نفس الدائرة التي يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها (2) اعد نفس النشاط بأخذ $\hat{ABC} = 90^\circ$ ثم $\hat{ABC} = 72^\circ$ وذلك بإجراء العدد المناسب من الدورانات للرجوع إلى النقطة A. - استنتج طريقة إنشاء المضلعات المنتظمة ذات n ضلع حيث n عدد طبيعي اكبر تماما من 2	نص الوضعية
تعريف : المضلع المنتظم هو مضلع أضلاعه متقايسة زواياه متقايسة وكل أضلاعه لها نفس الطول . مثال : المربع هو مضلع منتظم  الحوصلة خواص : (1) توجد دائرة تشمل رؤوس المضلع المنتظم ، مركزها هو مركز المضلع المنتظم ، نقول عن هذه الدائرة إنها دائرة محيطية بالمضلع المنتظم	

أمثلة : مضلعات منتظمة مألوفة

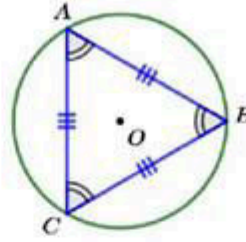
سداسي منتظم



مربع



مثلث متساوي الاضلاع

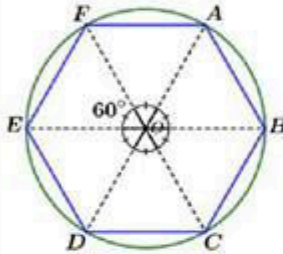


(2) الزوايا المركزية في مضلع منتظم متقايسة وقيسها هو: $\frac{360}{N}$ حيث N هو عدد اضلاع المضلع

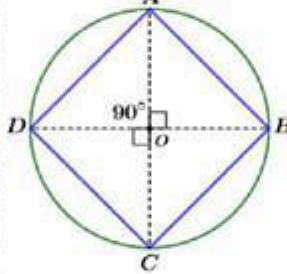
المضلع

أمثلة : في المضلعات المنتظمة الآتية لدينا

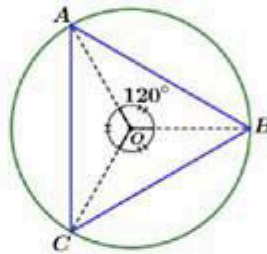
سداسي منتظم



مربع



مثلث متساوي الاضلاع



$$\angle AOB = \frac{360^\circ}{6} = 60^\circ$$

$$\angle ABC = 180^\circ - 60^\circ$$

$$\angle ABC = 120^\circ$$

$$\angle AOB = \frac{360^\circ}{4} = 90^\circ$$

$$\angle ABC = 180^\circ - 90^\circ$$

$$\angle ABC = 90^\circ$$

$$\angle AOB = \frac{360^\circ}{3} = 120^\circ$$

$$\angle ABC = 180^\circ - 120^\circ$$

$$\angle ABC = 60^\circ$$

(3) يبقى المضلع المنتظم ثابتا بالدوران الذي مركزه O وزاويته $\angle AOB$ في أي اتجاه كان حيث A و B هما رأسان متتاليان في مضلع منتظم

حساب قيس زاوية المضلع : الزاوية المركزية - 180° = زاوية المضلع

تطبيق : $ABCDEF$ سداسي منتظم

(1) احسب قيس إحدى الزوايا المركزية لهذا السداسي المنتظم

(2) اوجد قيس زاويته

(3) أنشئ السداسي المنتظم $ABCDEF$

(4) ما هي صورة المثلث OAB بـ :

• التناظر المحوري بالنسبة إلى AD

• التناظر المركزي ذي المركز O

• الانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{EF}$

• الدوران الذي مركزه O وزاويته 120° في الاتجاه السالب

تمديد



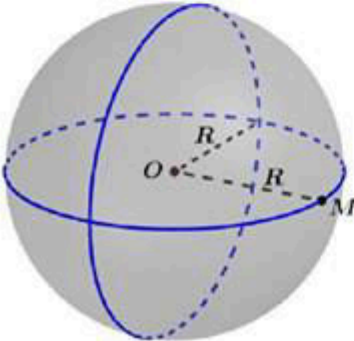
مجموعة أساتذة التعليم المتوسط *MATHS* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

الهندسة في الفضاء

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

■ يتعرّف على كائنات هندسية (الكرة والجلّة، المقاطع المستوية) وخواص وعلاقات (الهندسة في الفضاء) (الكرة والجلّة) ■ يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبرّرة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعبير سليمة، ويبنى براهين ويحرّرها ■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركّبات الكفاءة المستهدفة
■ التعرف على الكرة والجلّة ■ حساب مساحة الكرة وحجم الجلّة	أهداف الوضعية التعليمية
■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة ■ لا تتطلب بحث مطول	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها
■ النص على السبورة او على قصاصات	السندات المستعملة
■ صعوبات متوقّعة	
لاحظ الصور الآتية  (1) عين كلا من الكرة والجلّة (2) ما الفرق بينهما ؟	نص الوضعية
 تعريف : الكرة التي مركزها O ونصف قطرها R هي مجموعة من النقط M من الفضاء بحيث $OM = R$	الحوصلة

**تعريف :**

الجلّة التي مركزها O ونصف قطرها R هي مجموعة من النقط M من الفضاء بحيث

$$OM \leq R$$

مساحة الكرة :

مساحة كرة نصف قطرها R تعطى بالقاعدة $S = 4\pi R^2$

مثال :

مساحة كرة نصف قطرها 2cm هي $S = 4\pi 2^2 = 16\pi \text{cm}^2$

حجم الجلّة :

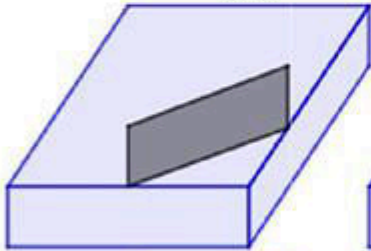
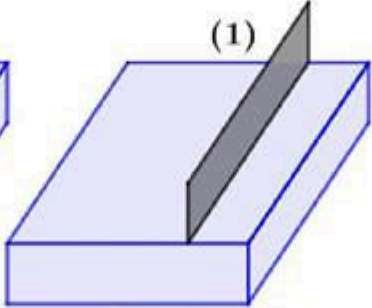
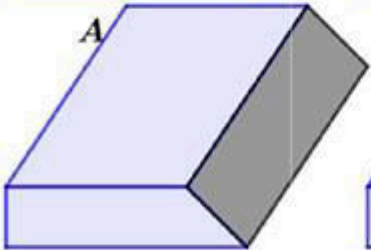
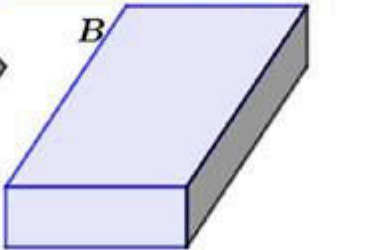
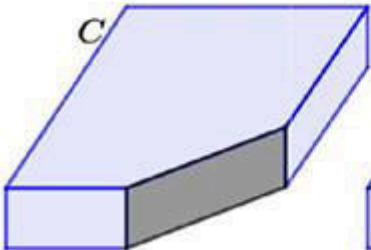
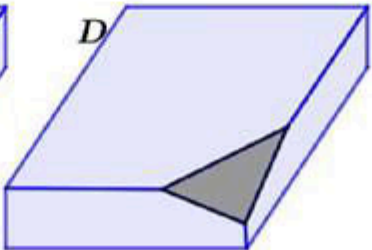
حجم جلّة نصف قطرها R تعطى بالقاعدة $V = \frac{4}{3}\pi R^3$

مثال :

حجم جلّة نصف قطرها 3cm هو $V = 4\pi 3^2 = 36\pi \text{cm}^3$

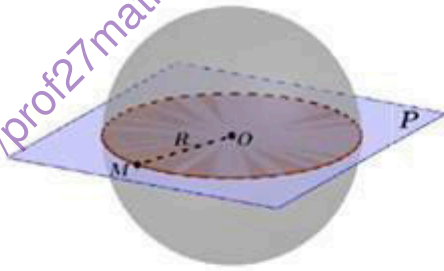
تطبيق : رقم 2 و 3 صفحة 263

تعدد

■ يتعرف على كائنات هندسية (الكرة والجلة، المقاطع المستوية) وخواص وعلاقات (الهندسة في الفضاء) (المقاطع المستوية للمجسمات المألوفة) ■ يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبنى براهين ويحررها ■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة
■ معرفة واستعمال المقاطع المستوية للمجسمات المألوفة	أهداف الوضعية التعليمية
■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة ■ لا تتطلب بحث مطول	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها
■ النص على السبورة او على قصاصات	السندات المستعملة
■ صعوبات متوقعة	صعوبات متوقعة
أرفق كل شكل 1 و 2 بالمقطع المناسب A أو B أو C أو D (2)  (1)  A  B  C  D 	نص الوضعية

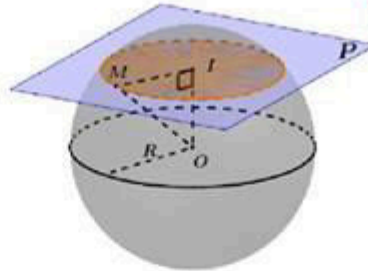
مقاطع مستوي لكرة وجلة :

مقطع مستوي لكرة هو دائرة



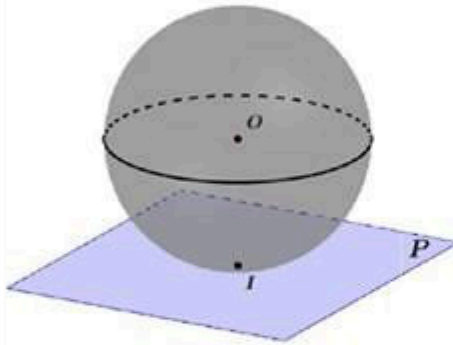
$$OI = 0$$

نصف قطر الدائرة يساوي نصف قطر الكرة من
نصف قطر الكرة
المستوي يقطع الكرة وفق دائرة كبيرة



$$OI < R$$

و نصف قطر الدائرة اصغر من نصف
قطر الكرة
المستوي يقطع الكرة وفق دائرة صغيرة
مقطع مستوي لجلة هو قرص



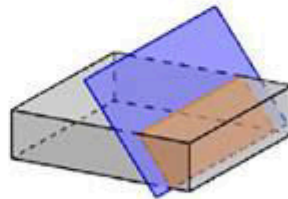
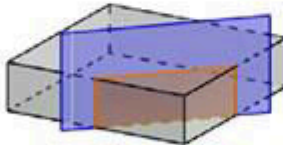
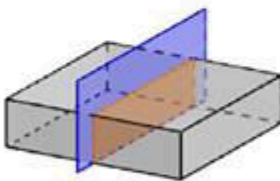
$$OI = R$$

يشترك المستوي والكرة في نقطة وحيدة
المستوي مماس للكرة

الحوصلة

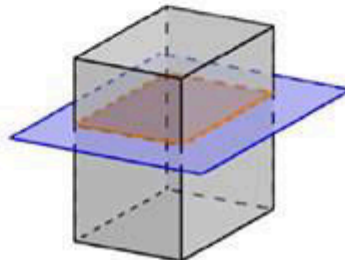
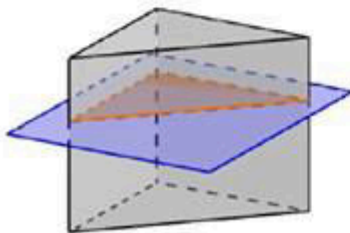
مقاطع مستوي لمتوازي مستطيلات :

مقطع مستوي لمتوازي مستطيلات هو مستطيل



مقاطع مستوي لموشور قائم :

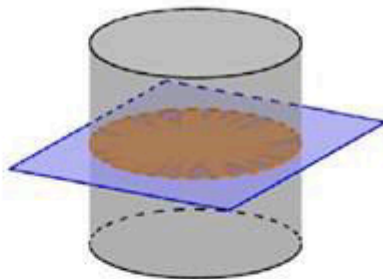
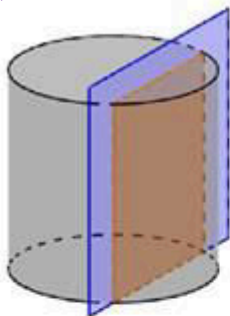
مقطع مستوي لموشور قائم حيث المستوي موازي لقاعدة الموشور هو سطح مطابق لقاعدة
هذا الموشور





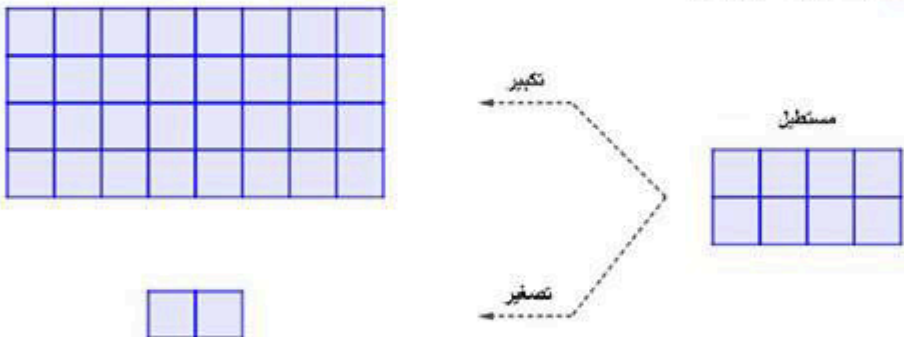
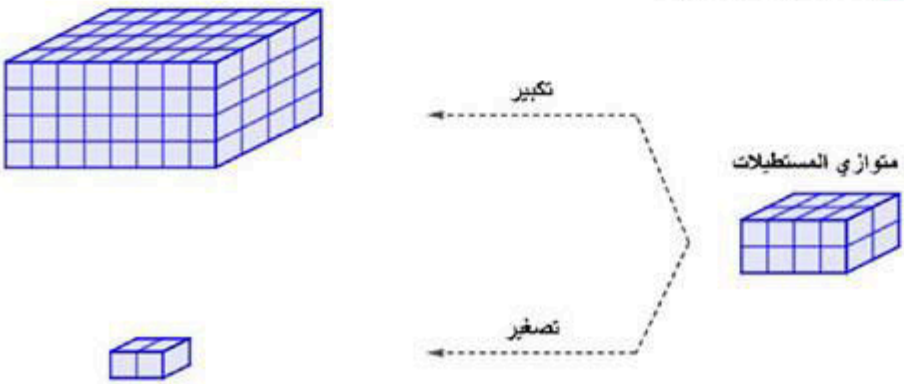
مقاطع مستوي لاسطوانة الدوران :

مقطع مستوي لاسطوانة الدوران حيث المستوي يعامد قاعدة الاسطوانة هو مستطيل
مقطع مستوي لاسطوانة الدوران حيث المستوي يوازي قاعدة الاسطوانة هو قرص مطابق
لقاعدة الاسطوانة



تطبيق : رقم 10 و 11 و 13 صفحة 264 و 265

تمديد

■ يتعرف على كائنات هندسية (الكرة والجلة، المقاطع المستوية) وخواص وعلاقات (الهندسة في الفضاء) (التكبير والتصغير) ■ يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعبير سليمة، ويبنى براهين ويحررها ■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة
■ المعرفة الآثار على مساحة وحجم مجسم عند تكبير أو تصغير أبعاد هذا الجسم	أهداف الوضعية التعليمية
■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة ■ لا تتطلب بحث مطول	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها
■ النص على السبورة او على قصاصات	السندات المستعملة
■	صعوبات متوقعة
❖ لاحظ الأشكال الآتية  (1) ما هما بعدي ومساحة المستطيل ؟ (2) ما هما بعدي المستطيلين المتحصل عليهما بعد التكبير والتصغير وما هي مساحتهما ؟ (3) ما هو معامل التكبير ومعامل التصغير ؟ ❖ لاحظ المجسمات الآتية 	نص الوضعية

(1) ما هي أبعاد متوازي المستطيلات وما هو حجمه ؟

(2) ما هي أبعاد المجسمين المتحصل عليهما بعد التكبير والتصغير وما هو حجمهما ؟

(3) ما هو معامل التكبير ومعامل التصغير ؟

تعريف :

- تكبير شكل أو مجسم يعني ضرب أبعاده في عدد k اكبر من 1
- تصغير شكل أو مجسم يعني ضرب أبعاده في عدد محصور بين 0 و 1

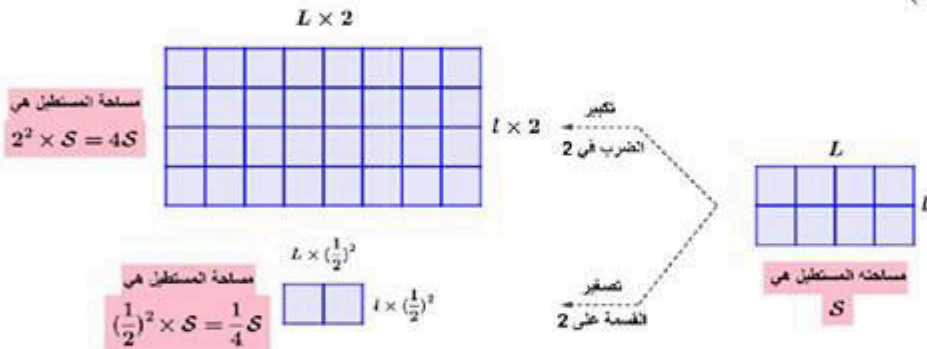
العدد k هو نسبة (أو سلم) التكبير أو التصغير
في كل من الحالتين نضرب المساحة في k^2 و نضرب الحجم في k^3

ملاحظة :

- عند تكبير أو تصغير مجسم نتحصل على مجسم من نفس الطبيعة الهندسية
- عند تكبير أو تصغير مجسم ، لا تتغير أقياس الزوايا

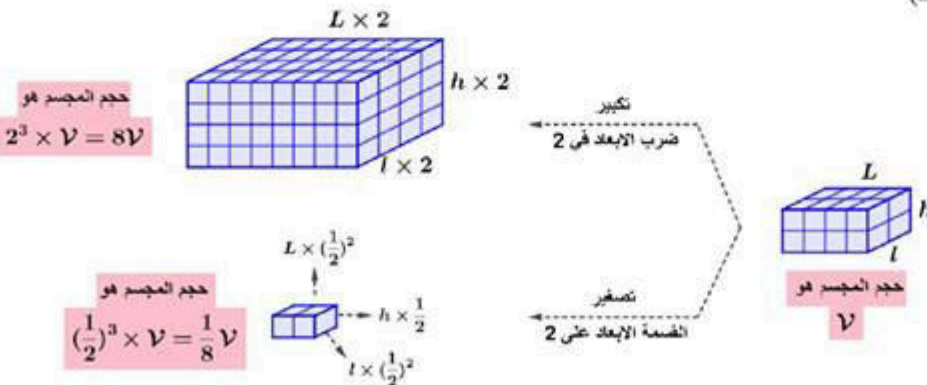
أمثلة :

(1)



الحوصلة

(2)

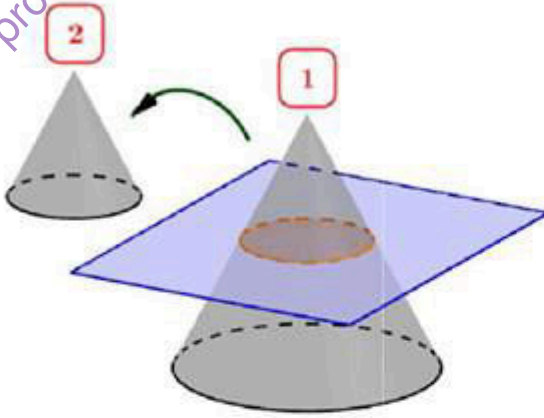


(1) مقاطع مستوي لمخروط دوران :

خاصية :

مقطع مستوي لمخروط دوران حيث المستوي يوازي قاعدة المخروط هو تصغير لقاعدة المخروط

- المخروط 2 هو تصغير للمخروط 1



(2) مقاطع مستوي لهرم :

خاصية :

مقطع مستوي لهرم حيث المستوي يوازي قاعدة الهرم هو تصغير لقاعدة الهرم

- الهرم 2 هو تصغير للهرم 1

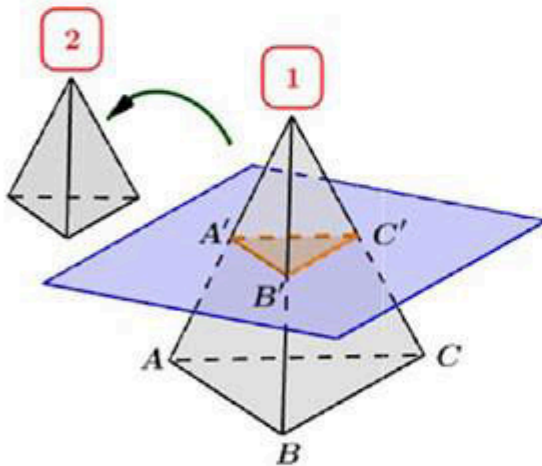
ملاحظة :

$$(A'B') \parallel (AB)$$

$$(B'C') \parallel (BC)$$

$$(A'C') \parallel (AC)$$

على كل وجه من الهرم نلاحظ مثلثين في وضعية طالس



تطبيق : رقم 6 و 7 و 8 صفحة 266 و 267

تمديد



مجموعة أساتذة التعليم المتوسط *MATHS* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

الأعمال الموجهة

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

- يتعرف على كائنات هندسية (المضلعات المنتظمة) وخواص وعلاقات الزوايا وتحولات نقطتها (الدوران) - يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبنى براهين ويحررها - يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة
الوضعية 1 : إنشاء صور أشكال مألوفة بدوران طريقة 1 : (إنشاء صورة نقطة) لإنشاء A' صورة نقطة A بدوران O، نرسم الزاوية $\hat{AOx}$ في الاتجاه المطلوب بحيث $\hat{AOx} = \alpha$ ثم نعين النقطة A' من نصف المستقيم $[Ox]$ بحيث $AO = OA'$ تمرين : (1) علم النقطتين O و A متميزتين (2) أنشئ صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه O وزاويته 50° في الاتجاه الموجب طريقة 2 : (إنشاء صورة قطعة مستقيم) لإنشاء صورة قطعة مستقيم $[AB]$ بدوران O، ننشئ A' و B' صورتي A و B على الترتيب تكون القطعة $[A'B']$ هي صورة القطعة $\hat{AOx}$ بهذا الدوران تمرين : (1) ارسم قطعة مستقيم $[AB]$ ثم عين نقطة O حيث $O \notin [AB]$ (2) أنشئ صورة القطعة $[AB]$ بالدوران الذي مركزه O وزاويته 40° في الاتجاه السالب طريقة 3 : (إنشاء صورة مستقيم) لإنشاء صورة مستقيم (Δ) بدوران O، نختار نقطتين A و B من المستقيم (Δ) وننشئ A' و B' صورتي A و B على الترتيب بالدوران. فيكون المستقيم $(A'B')$ صورة المستقيم (Δ) بهذا الدوران تمرين : (1) ارسم مستقيم (D) ثم عين نقطة O حيث $O \notin (D)$ (2) أنشئ صورة المستقيم (D) بالدوران الذي مركزه O وزاويته 55° في الاتجاه الموجب طريقة 4 : (إنشاء صورة نصف مستقيم) لإنشاء صورة نصف مستقيم $[Ax]$ بدوران O، نختار نقطة B من $[Ax]$ تختلف عن A ثم ننشئ A' و B' صورتي A و B على الترتيب بالدوران. فيكون نصف المستقيم $[A'B']$ هو صورة نصف المستقيم $[Ax]$ بهذا الدوران	الوضعيات

تمرين :

- (1) ارسم نصف المستقيم $[Ax]$ ثم عين نقطة $O \notin [Ax]$
- (2) أنشئ صورة نصف المستقيم $[Ax]$ بالدوران الذي مركزه O وزاويته 35° في الاتجاه السالب

طريقة 5 : (إنشاء صورة دائرة)

لإنشاء صورة دائرة (C) مركزها I ونصف قطرها R بدوران ، ننشئ I' صورة المركز I و بالدوران. فتكون الدائرة التي مركزها I' ونصف قطرها R هي صورة الدائرة (C) المستقيم بهذا الدوران

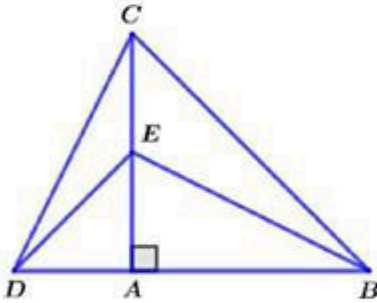
تمرين :

- (1) ارسم الدائرة (C) مركزها I ونصف قطرها $3cm$ ثم عين نقطة O خارج الدائرة (C)
- (2) أنشئ صورة الدائرة (C) بالدوران الذي مركزه O وزاويته 45° في الاتجاه الموجب

الوضعية 2 : توظيف خواص الدوران في براهين

طريقة :

يمكن توظيف خواص الدوران في براهين بالبحث عن أشكال قابلة للتطابق. يمكن توظيف خواص الدوران إذا أعطي الدوران أو البحث عن الدوران الذي يحقق التطابق



تمرين :

في الشكل المقابل، لدينا $AB = AC$ و $AD = AE$ برهن ان $BE = CD$

الوضعية 3 : إنشاء مضلع منتظم طول ضلعه معلوم

طريقة : لإنشاء مضلع منتظم طول ضلعه معلوم يمكن إتباع المراحل التالية :

- نحسب قياس زاويته ولتكن α
- نرسم احد أضلاعه وليكن $[AB]$
- نحول A إلى C بالدوران الذي مركزه B وزاويته α في الاتجاه المناسب
- نواصل بالدوران الذي مركزه C وبنفس الزاوية والاتجاه لتحويل B إلى D

تمرين :

- (1) أنشئ مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه $4cm$
- (2) أنشئ مربع طول ضلعه $3,5cm$
- (3) أنشئ سداسيا منتظما طول ضلعه $2cm$
- أنشئ ثمانيًا منتظما طول ضلعه $2cm$

اساتذة متوسطة بوراشد - عين الحجر - سعيدة

المستوى : الرابعة متوسط

الاستاذ :

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع : السابع

الباب : الهندسة في الفضاء

الوضعية التعليمية : اعمال موجهة

الكفاءة الختامية : يحل مشكلات متعلقة بالأشكال الهندسية المستوية والمجسمات المألوفة والهندسة في الفضاء

© 2024

■ يتعرف على كائنات هندسية (الكرة والجلّة، المقاطع المستوية) وخواص وعلاقات (الهندسة في الفضاء) ■ يوظف خواصا هندسية وعلاقات (الدوران، الزوايا) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبنى براهين ويحررها ■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف	مركبات الكفاءة المستهدفة
الوضعية 1 : حساب نصف قطر مقطع مستو لكرة طريقة : لحساب نصف قطر مقطع لكرة يمكن توظيف خاصية فيثاغورس او النسب المثلثية في مثلث قائم تمرين : يقطع مستوي كرة نصف قطرها 2cm وفق دائرة مركزها O' بحيث $OO' = 1,5\text{cm}$ احسب نصف قطر هذه الدائرة الوضعية 2 : حساب نصف قطر مقطع مستو لمخروط دوران طريقة : لحساب نصف قطر مقطع مستو لمخروط الدوران حيث المستوي يوازي قاعدة المخروط يمكن تطبيق خاصية فيثاغورس او النسب المثلثية في مثلث قائم وخاصية طالس تمرين : مخروط دوران ارتفاعه 4cm ومصف قطره $1,5\text{cm}$ يقطع بمستوي يوازي قاعدة هذا المخروط على بعد 1cm من القاعدة احسب نصف قطر المقطع الناتج احسب نسبة حجم المخروط العلوي على حجم المخروط الكبير	الوضعيات



مجموعة أساتذة التعليم المتوسط *MATHS* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

تعلم الادماج

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

اساتذة متوسطة بوراشد - عين الحجر - سعيدة

المستوى : الرابعة متوسط

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع : السابع

الباب : الدوران - الزوايا والمضلعات المنتظمة

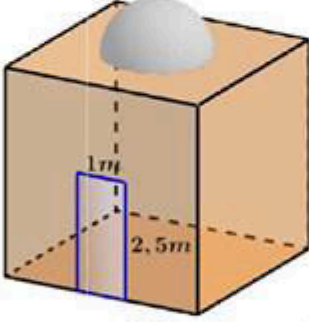
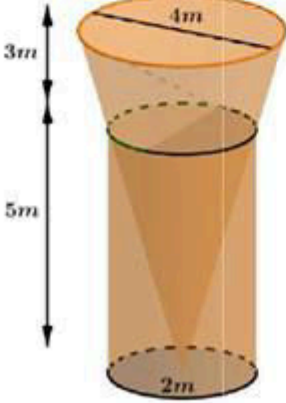
الوضعية التعليمية : وضعيات تعلم إدماج

الكفاءة الختامية : يحل مشكلات يوظف فيها الدوران ، الزوايا والمضلعات المنتظمة



© 2015

- توظيف الدوران والمضلعات في معالجة مشكل - استخراج معطيات وترجمتها واستغلالها - حساب مقادير وانجاز عمليات على الأعداد الحقيقية	أهداف الوضعية التعليمية
- الأعداد مختارة للتركيز على الإجراءات وتجنباً للحساب الممل - بعض المعطيات غير بارزة وتستدعي تعيينها من قبل المتعلم - معالجتها تتطلب العمل في عدة أطر	خصائص الوضعية التقويمية وطبيعتها (المتغيرات التعليمية)
نص مكتوب على قصاصات	السندات المستعملة
التفسير السليم للوضعيات	العقبات المطلوب تخطيها
الوضعية 1 : (شهادة التعليم المتوسط 2015) في الشكل المقابل الأطوال و أقياس الزوايا غير حقيقية . (C) دائرة مركزها O وقطرها $ST = 9cm$ ونقطة R من الدائرة حيث $\hat{S}OR = 46^\circ$. • بين أن : $\hat{S}TR = 23^\circ$ الوضعية 2 : سداسي منتظم ABCDEF (1) برهن ان الرباعي IJKL ليس مربعاً (2) ليكن x طول ضلع السداسي • عبر عن IJ و JK بدلالة x الوضعية 3 : (1) ارسم مربعاً ABCD مركزه O (2) ارسم مربعاً EFGH مركزه O يطابق المربع السابق بحيث قطراه يكونان مع قطري المربع الأول زاوية 45° (يمكن رسم الدائرة المحيطة بالمربع ABCD) تتقاطع أضلاع المربعين في ثمان نقط • هل الثماني الذي رؤوسه هذه النقط هو ثماني منتظم ؟	الوضعيات

- توظيف الهندسة الفضائية في معالجة مشكل من الحياة اليومية - استخراج معطيات وترجمتها واستغلالها - حساب مساحات وحجوم وانجاز عمليات على الأعداد الحقيقية	أهداف الوضعية التعليمية
- الوضعيات من الواقع المعاش جذابة ومحفزة - الأعداد مختارة للتركيز على الإجراءات وتجنباً للحساب الممل - بعض المعطيات غير بارزة وتسدعي تعيينها من قبل المتعلم - معالجتها تتطلب العمل في عدة أطر	خصائص الوضعية التقويمية وطبيعتها (المتغيرات التعليمية)
نص مكتوب على قصاصات	السندات المستعملة
التفسير السليم للوضعيات	العقبات المطلوب تخطيها
الوضعية 1 : يمثل الشكل الأتي مبنى مكون من مكعب طول حرفه $4m$ ونصف كرة قطرها $3m$  في هذا المبنى خصص باب كما هو مبين في الشكل - ما هي كتلة الجير اللازمة لطلاي المبنى علما ان $1kg$ من الجير يغطي $4m^2$ ؟ (تعطى النتيجة مدورة الى الوحدة) الوضعية 2 : يمثل الشكل المقابل خزان ماء - احسب سعة الخزان 	الوضعيات



مجموعة أساتذة التعليم المتوسط *MATHS* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

ملخص الهندسة في الفضاء

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

الكرة والجلّة :

تعريف :

الكرة التي مركزها O ونصف قطرها R هي مجموعة من النقاط M من الفضاء بحيث $OM = R$

تعريف :

الجلّة التي مركزها O ونصف قطرها R هي مجموعة من النقاط M من الفضاء بحيث $OM \leq R$

مساحة الكرة :

$$S = 4\pi R^2$$

مساحة كرة نصف قطرها R تعطى بالقاعدة

مثال :

$$S = 4\pi 2^2 = 16\pi \text{ cm}^2$$

مساحة كرة نصف قطرها 2 cm هي

حجم الجلّة :

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3$$

حجم جلّة نصف قطرها R تعطى بالقاعدة

مثال :

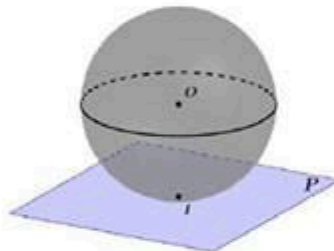
$$V = 4\pi 3^3 = 36\pi \text{ cm}^3$$

حجم جلّة نصف قطرها 3 cm هو

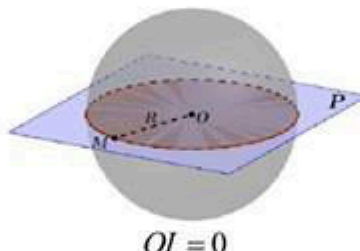
المقاطع المستوية :

(1) مقاطع مستوي لكرة وجلّة :

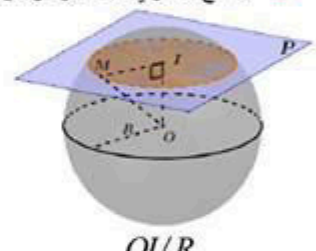
- مقطع مستوي لكرة هو دائرة
- مقطع مستوي لجلّة هو قرص



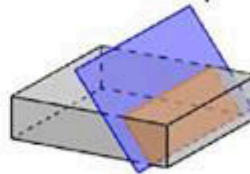
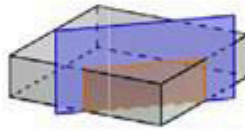
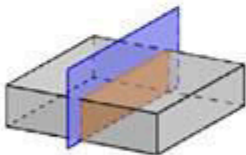
$OI = R$
يشارك المستوي والكرة في نقطة وحيدة
المستوي مماس للكرة



$OI = 0$
نصف قطر الدائرة يساوي نصف قطر الكرة من نصف
قطر الكرة
المستوي يقطع الكرة وفق دائرة كبيرة



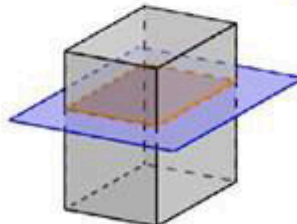
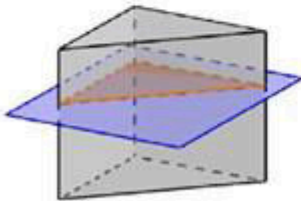
$OI < R$
ونصف قطر الدائرة اصغر من نصف قطر
الكرة
المستوي يقطع الكرة وفق دائرة صغيرة



(2) مقاطع مستوي لمتوازي

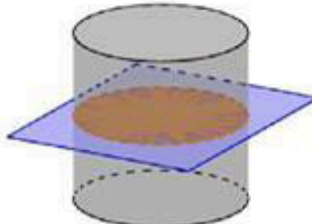
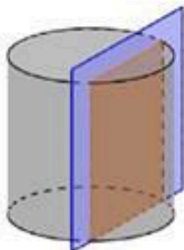
مستطيلات :

- مقطع مستوي لمتوازي
مستطيلات هو مستطيل



(3) مقاطع مستوي لموشور قائم :

- مقطع مستوي لموشور قائم حيث
المستوي موازي لقاعدة الموشور هو
سطح مطابق لقاعدة هذا الموشور



(4) مقاطع مستوي لاسطوانة الدوران :

- مقطع مستوي لاسطوانة الدوران حيث
المستوي يعامد قاعدة الاسطوانة هو
مستطيل
- مقطع مستوي لاسطوانة الدوران حيث
المستوي يوازي قاعدة الاسطوانة هو
قرص مطابق لقاعدة الاسطوانة

التكبير والتصغير :

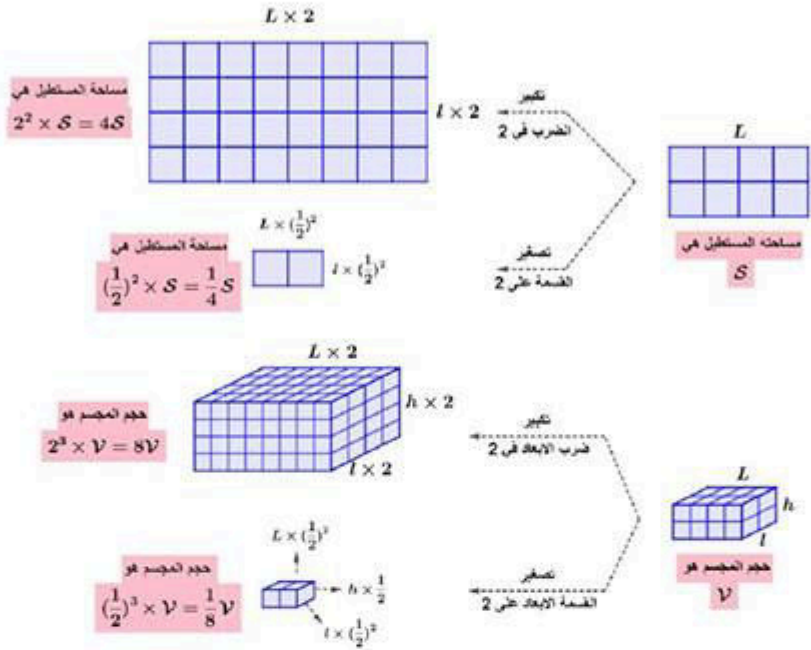
تعريف :

- تكبير شكل أو مجسم يعني ضرب أبعاده في عدد k أكبر من 1
- تصغير شكل أو مجسم يعني ضرب أبعاده في عدد محصور بين 0 و 1
- العدد k هو نسبة (أو سلم) التكبير أو التصغير
- في كل من الحالتين نضرب المساحة في k^2 و نضرب الحجم في k^3

ملاحظة :

- عند تكبير أو تصغير مجسم نحصل على مجسم من نفس الطبيعة الهندسية
- عند تكبير أو تصغير مجسم ، لا تتغير أقياس الزوايا

أمثلة :

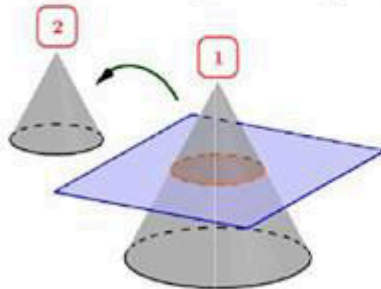


مقاطع مستوي لمخروط دوران :

خاصية :

مقطع مستوي لمخروط دوران حيث المستوي يوازي قاعدة المخروط هو تصغير لقاعدة المخروط

- المخروط 2 هو تصغير للمخروط 1



مقاطع مستوي لهرم :

خاصية :

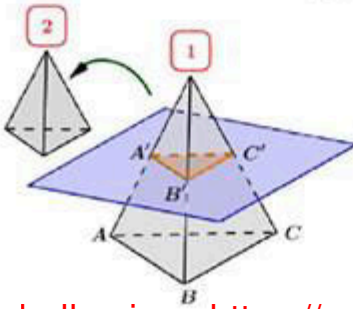
مقطع مستوي لهرم حيث المستوي يوازي قاعدة الهرم هو تصغير لقاعدة الهرم

- الهرم 2 هو تصغير للهرم 1

ملاحظة :

- $(A'B') \parallel (AB)$
- $(B'C') \parallel (BC)$
- $(A'C') \parallel (AC)$

على كل وجه من الهرم نلاحظ مثلثين في وضعية طالس



هذه المذكرات تم انجازها من طرف خلية بوراشد – عين الحجر – سعيدة

يمكن متابعة أي جديد عبر المجموعة الخاصة بهم

مجموعة أساتذة التعليم المتوسط *MATHS* بوراشد

الرابط

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>



موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>