

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

مذكرات السنة 04 متوسط  
من اعداد خلية بوراشد - عين الحجر - سعيدة

المقطع 01

مجموعة اساتذة التعليم المتوسط \*MATHS\* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532>



هذه المذكرات تم انجازها من طرف خلية بوراشد – عين الحجر – سعيدة

يمكن متابعة أي جديد عبر المجموعة الخاصة بهم

مجموعة أساتذة التعليم المتوسط \*MATHS\* بوراشد

الرابط

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>



موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>



# المقطع التعليمي الأول

الوضعية الانطلاقية



مقطع الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة



مقطع الحساب على الجذور



مقطع نظرية طالس



الأعمال الموجهة



وضعيات تعلم الادماج





مجموعة أساتذة التعليم المتوسط \*MATHS\* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

# الوضعية الانطلاقية

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

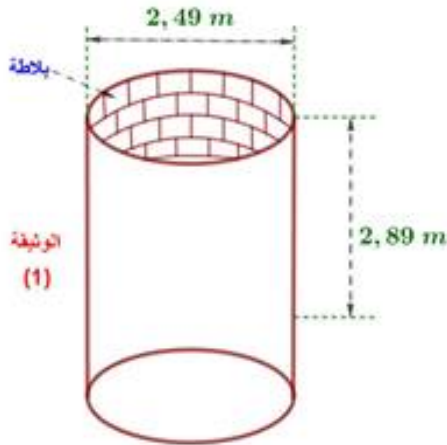


اثر العشرية السوداء اضطرت عائلة احمد على ترك مزرعتهم والنزوح نحو المدينة ، وبعد نجاح مشروع المصالحة الوطنية قرر ابو احمد العودة وتهيئة مزرعته من جديد ، ومن الشروط

الاساسية توفر الماء . قال تعالى ﴿ وَجَعَلْنَا مِنَ الْمَاءِ كُلَّ شَيْءٍ حَيٍّ ﴾ [ سورة الأنبياء الآية: 30 ]

### الجزء الاول :

تحتوي المزرعة بئر قديم ، يريد ابو احمد تهيئته وذلك بتبليط جدرانه الداخلية من الفوهة الى 2,89 m ببلاطات مربعة الشكل ومتماثلة (انظر الوثيقة 1)



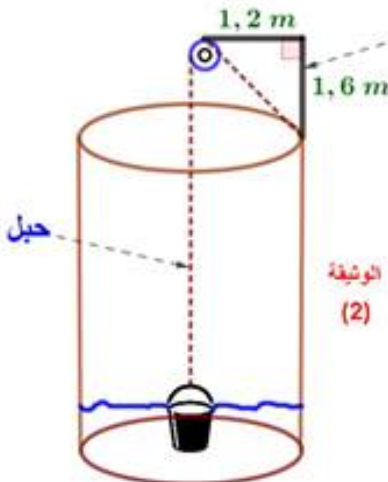
• ما هو عدد البلاطات المستعملة علما انه يريد استعمال اقل عدد ممكن من البلاطات ؟

ملاحظة : تعطى النتائج مقربة إلى  $\frac{1}{100}$  نأخذ  $\pi = 3,14$

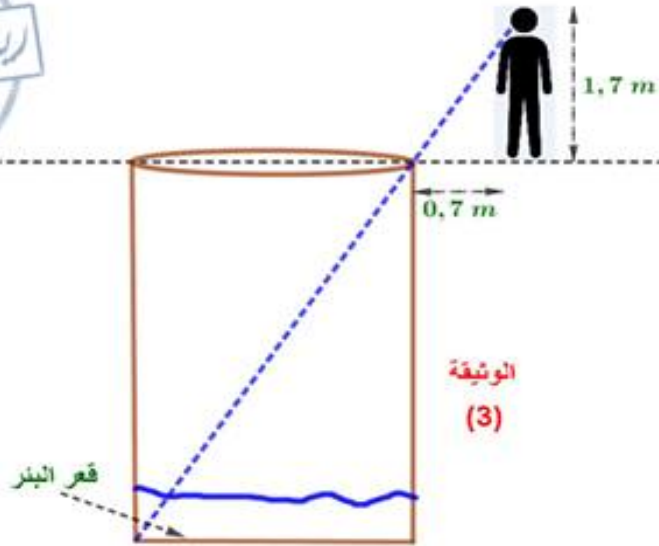
نص الوضعية  
الانطلاقية

### الجزء الثاني :

لاستخراج الماء من البئر استعمل ابو احمد رافعة مثبت عليها بكرة ويريد معرفة ادنى طول للحبل لكي يستطيع رفع الماء من البئر (انظر الوثيقة 2)



قال احمد الذي يدرس في السنة الرابعة متوسط لأبيه انا استطيع تحديد طول الحبل ، فوقف عند حافة البئر (طول قامه احمد 1,7 m) ، ثم ابتعد عن البئر وفق خط مستقيم يشمل مركز الفوهة وعندما توارى عنه قعر البئر وجد انه ابتعد عن حافة البئر بـ 0,7 m (انظر الوثيقة 3)



• في رأيك لماذا فعل احمد هذه الخطوات وكيف يمكنه حساب طول الحبل المطلوب ؟

- حل مشكلات من الحياة بتوظيف الاعداد الناطقة والحساب على الجذور
- حل مشكلات من الحياة بتوظيف خاصية طالس
- تحقيق مستوى معين من الكفاءة الجديدة

غايات الوضعية  
التعليمية وطبيعتها

- النص في قصاصات

السندات التعليمية  
المستعملة

- فكرة الحل لا تظهر بسهولة بسبب كثرة المعطيات وتداخلها

صعوبات متوقعة

- التعرف على قاسم لعدد طبيعي
- تعيين مجموعة قواسم عدد طبيعي
- تعيين القاسم المشترك الأكبر لعددين
- التعرف على عددين أوليين فيما بينها
- كتابة كسر على الشكل غير القابل للاختزال
- تعريف الجذر التربيعي لعدد موجب
- معرفة قواعد الحساب على الجذور التربيعية واستعمالها لتبسيط عبارات تتضمن جذورا تربيعية
- معرفة خاصية طالس واستعمالها في :
  - ✓ حساب أطوال
  - ✓ إنجاز براهين
  - ✓ إنشاءات هندسية بسيطة

الموارد المعرفية  
والموارد المجنّدة  
لحل الوضعية

- استخراج معلومات من النص ومن الشكل
- اتخاذ إستراتيجية لحل الوضعية
- تبليغ الحل بالحساب الواضح والمتقن
- تقويم ذاتي ببذل جهده بدقة ومثابرة وإتقان
- يتعاون مع زملائه لإنجاز مهمة

الكفاءات العرضية  
المجنّدة لحل  
الوضعية

- الاعتراز باللغة العربية من خلال تبرير أعماله
- مساهمة الرياضيات في معالجة مشاكل يومية وتسيير الأمور
- المصالحة الوطنية واهم نتائجها (العودة الى الريف)
- اهمية خدمة واستغلال الارض

القيم والمواقف





مجموعة أساتذة التعليم المتوسط \*MATHS\* بوراشد

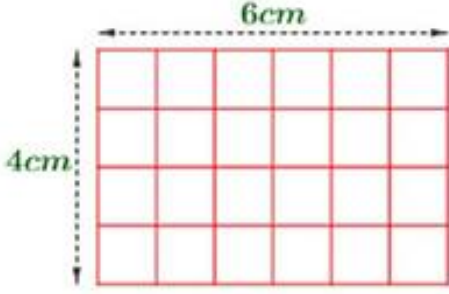
<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

# الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>



<ul style="list-style-type: none"> <li>■ يمتلك خواص الأعداد الناطقة والعمليات عليها من خلال وضعيات ذات دلالة (قاسم عدد طبيعي)</li> <li>■ يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</li> <li>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p><b>مركبات الكفاءة المستهدفة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ التعرف على قاسم عدد طبيعي</li> <li>■ تعيين مجموعة قواسم عدد طبيعي</li> </ul>	<p><b>أهداف الوضعية التعليمية</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>■ لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p><b>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ النص على السبورة أو على قصاصات</li> </ul>	<p><b>المسندات المستعملة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■</li> </ul>	<p><b>صعوبات متوقعة</b></p>
<p>أقام استاذ الرياضيات مسابقة بين تلاميذه، حيث طلب منهم رسم مستطيل مساحته <math>24cm^2</math>، علما أن طوله وعرضه هما عدنان طبيعيان . الشكل المقابل يبين وجود حل على الأقل، وهو مستطيل طوله <math>6cm</math> وعرضه <math>4cm</math></p>  <p>(1) هل يمكنك إعطاء كل الامكانيات لرسم المستطيل (2) ماذا تمثل هذه الأبعاد بالنسبة للعدد 24</p>	<p><b>نص الوضعية</b></p>
<p><b>تعريف :</b>  <math>a</math> و <math>b</math> عدنان طبيعيان حيث <math>b</math> غير معدوم .  نقول أن <math>b</math> قاسم لـ <math>a</math> عندما يكون باقي القسمة الاقليدية لـ <math>a</math> على <math>b</math> معدوماً</p> <p><b>ملاحظة :</b>  <math>a</math> قابل للقسمة على <math>b</math> معناه : <math>a</math> مضاعف لـ <math>b</math>  معناه : <math>b</math> يقسم <math>a</math>  معناه : يوجد عدد طبيعي <math>k</math> حيث : <math>a = k \times b + 0</math></p> <p><b>أمثلة :</b>  3 قاسم لـ 24 لأن : <math>24 = 8 \times 3</math>  7 ليس قاسم لـ 30 لأن : <math>30 = 7 \times 4 + 2</math></p> <p><b>ملاحظة :</b>  العدد 1 قاسم لكل الأعداد الطبيعية</p>	<p><b>الحوصلة</b></p>





<p><b>تعريف :</b> مجموعة قواسم العدد الطبيعي <math>a</math> هي مجموعة الاعداد الطبيعية <math>b</math> التي تقسم <math>a</math></p> <p><b>مثال :</b> مجموعة قواسم العدد 24 هي <math>\{1; 2; 3; 4; 6; 8; 12, 24\}</math></p>	
<p><b>تطبيق :</b> رقم 1 و 3 صفحة 17</p>	<p>تمديد</p>



<ul style="list-style-type: none"><li>■ يمتلك خواص الأعداد الناطقة العمليات عليها من خلال وضعيات ذات دلالة (خواص قواسم عدد طبيعي)</li><li>■ يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</li><li>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li></ul>	مركبات الكفاءة المستهدفة																										
■ معرفة خواص قواسم عدد طبيعي	أهداف الوضعية التعليمية																										
<ul style="list-style-type: none"><li>■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li><li>■ لا تتطلب بحث مطول</li></ul>	خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها																										
■ النص على السبورة او على قصاصات	المسندات المستعملة																										
■	صعوبات متوقعة																										
<p>(1) اعط قواسم العددين 18 و 12 ثم عين القواسم المشتركة بينهما (2) انقل ثم اتمم الجدول</p> <table><tr><th colspan="2">العدد</th><th rowspan="2">القاسم المشترك <math>n</math></th><th rowspan="2"><math>\frac{a+b}{n}</math></th><th rowspan="2"><math>\frac{a-b}{n}</math></th><th rowspan="2"></th></tr><tr><th><math>a</math></th><th><math>b</math></th></tr><tr><td rowspan="4">18</td><td rowspan="4">12</td><td>1</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>2</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table> <p>● ماذا تلاحظ ؟</p>		العدد		القاسم المشترك $n$	$\frac{a+b}{n}$	$\frac{a-b}{n}$		$a$	$b$	18	12	1				2											
العدد		القاسم المشترك $n$	$\frac{a+b}{n}$					$\frac{a-b}{n}$																			
$a$	$b$																										
18	12	1																									
		2																									
<p><b>خاصية 01:</b> <math>a, b, n</math> أعداد طبيعية غير معدومة حيث <math>a &gt; b</math> إذا كان <math>n</math> يقسم كلا من <math>a</math> و <math>b</math> فإن <math>n</math> يقسم كلا من <math>(a+b)</math> و <math>(a-b)</math></p> <p><b>مثال :</b> 3 قاسم لـ 12 و 21 ومنه 3 قاسم لـ <math>(21+12)</math> أي 3 قاسم لـ 33 و 3 قاسم لـ <math>(21-12)</math> أي 3 قاسم لـ 9</p> <p><b>خاصية 02:</b> <math>a, b, n</math> أعداد طبيعية غير معدومة حيث <math>a &gt; b</math> إذا كان <math>n</math> يقسم كلا من <math>a</math> و <math>b</math> فإن <math>n</math> يقسم باقي القسمة الاقليدية لـ <math>a</math> على <math>b</math></p>		الحوصلة																									



<p>مثال :  لدينا <math>24 = 16 \times 1 + 8</math>  ومنه 4 يقسم 16 و 24 اذن 4 يقسم باقي القسمة 8</p>	
<p>تطبيق: رقم 4 صفحة 17</p>	<p>تمديد</p>

<ul style="list-style-type: none"> <li>يمتلك خواص الأعداد الناطقة العمليات عليها (القاسم المشترك الأكبر)</li> <li>يوظف ، في وضعيات متنوعة، الحساب على الأعداد الناطقة ويبنى استدلالات وبراهين بسيطة في الميدان العددي</li> <li>يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p><b>مركبات الكفاءة المستهدفة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>معرفة مفهوم القاسم المشترك الأكبر والترميز الموافق له</li> <li>خوارزمي اقليدس (عمليات الطرح المتتالية)</li> <li>خوارزمي اقليدس (القسمات الاقليدية)</li> </ul>	<p><b>أهداف الوضعية التعليمية</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p><b>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>النص على السبورة او على قصاصات</li> </ul>	<p><b>السندات المستعملة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>التفسير السليم للوضعية</li> </ul>	<p><b>صعوبات متوقعة</b></p>
<p>قامت الجمعية الخيرية " كافل اليتيم " بجمع 30 قارورة زيت من فئة 2 / و 45 علبة طماطم من بعض المحسنين . ارادة الجمعية وضعها في اكياس متماثلة من حيث عدد قارورات الزيت وعلب الطماطم من دون ان يبقى منها شيء ، ثم توزيعا على عائلات اليتامى</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>ما هو اكبر عدد من الاكياس التي يمكن تشكيلها ؟ وماذا يحوي كل كيس ؟</li> </ul>	<p><b>نص الوضعية</b></p>
<p><b>تعريف :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>القاسم المشترك لعددين طبيعيين هو عدد طبيعي يقسم كل منهما</li> <li>أكبر قاسم مشترك لعددين طبيعيين يسمى : القاسم المشترك الأكبر لهما ونرمز له بـ <math>PGCD</math></li> </ul> <p><b>مثال :</b></p> <p>قواسم 18 هي : <math>\{1; 2; 3; 6; 9; 18\}</math></p> <p>قواسم 48 هي : <math>\{1; 2; 3; 4; 6; 8; 12; 16; 24; 48\}</math></p> <p>القواسم المشتركة بينهما هي : <math>\{1; 2; 3; 6\}</math></p> <p>العدد 6 يسمى القاسم المشترك الأكبر للعددين 18 و 48 ونكتب : <math>PGCD(18; 48) = 6</math></p> <p><b>خاصية :</b></p> <p>القواسم المشتركة لعددين طبيعيين هي قواسم القاسم المشترك الأكبر لهما</p> <p><b>مثال :</b></p> <p>لدينا <math>PGCD(18; 48) = 6</math></p> <p>قواسم 6 هي : <math>\{1; 2; 3; 6\}</math> وهي نفسها القواسم المشتركة للعددين 18 و 48</p>	<p><b>الحوصلة</b></p>
<p><b>تطبيق :</b> أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 16 و 24</p> <p><b>واجب منزلي :</b> أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 30 و 45</p>	<p><b>تمديد</b></p>



<ul style="list-style-type: none"> <li>■ يمتلك خواص الأعداد الناطقة العمليات عليها من خلال وضعيات ذات دلالة (العددين الأوليان فيما بينهما)</li> <li>■ يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</li> <li>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ التعرف على العددين الأوليان فيما بينهما</li> </ul>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>■ لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ النص على السبورة او على قصاصات</li> </ul>	<p>المسندات المستعملة</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■</li> </ul>	<p>صعوبات متوقعة</p>
<p>قسم الرابعة متوسط به 15 ولد و 8 بنات . يريد استاذ التربية البدنية توزيع تلاميذ هذا القسم في افواج متماثلة من حيث عدد الذكور وعدد البنات</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● في رأيك هل بإمكانه فعل ذلك ؟ علل</li> <li>● في هذه الحالة كيف نسمي العددين 15 و 8 ؟</li> </ul>	<p>نص الوضعية</p>
<p><b>تعريف :</b></p> <p><math>a</math> ، <math>b</math> عددين أوليان فيما بينهما معناه أن قاسمهما المشترك الأكبر يساوي 1</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>قواسم 10 هي : <math>\{1; 2; 5; 10\}</math></p> <p>قواسم 9 هي : <math>\{1; 3; 9\}</math> ومنه <math>PGCD(9; 10) = 1</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● العددين 9 و 10 أوليان فيما بينهما</li> <li>● العددين 10 و 25 ليسا أوليان فيما بينهما لان <math>PGCD(10; 25) = 5</math></li> </ul>	<p>الحوصلة</p>
<p><b>تطبيق :</b> رقم 12 صفحة 17</p>	<p>تمديد</p>



<ul style="list-style-type: none"> <li>■ يمتلك خواص الأعداد الناطقة العمليات عليها من خلال وضعيات ذات دلالة (الكسر غير القابل للاختزال)</li> <li>■ يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</li> <li>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p><b>مركبات الكفاءة المستهدفة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ كتابة كسر على الشكل غير القابل للاختزال</li> </ul>	<p><b>أهداف الوضعية التعليمية</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>■ لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p><b>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ النص على السبورة أو على قصاصات</li> </ul>	<p><b>السندات المستعملة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ صعوبات متوقعة</li> </ul>	<p><b>صعوبات متوقعة</b></p>
<p>بمناسبة عيد الفطر المبارك . اراد اب توزيع 15 حبة حلوى و 20 حبة شكولاتة على ابنائه الثلاثة بالتساوي دون ان يبقى شيئا</p> <p>(1) هل بإمكانه ذلك ؟</p> <p>(2) كيف يمكن ان نسمي كل من الكسر <math>\frac{15}{3}</math> و الكسر <math>\frac{20}{3}</math> ولماذا ؟</p>	<p><b>نص الوضعية</b></p>
<p><b>تعريف :</b></p> <p><math>a</math> و <math>b</math> عدنان طبيعيين حيث <math>b \neq 0</math></p> <p>الكسر <math>\frac{a}{b}</math> غير قابل للاختزال يعني <math>a</math> و <math>b</math> أوليان فيما بينهما</p> <p><b>مثال :</b></p> <p><math>\frac{9}{10}</math> غير قابل للاختزال إذن 9 و 10 أوليان فيما بينهما</p> <p><b>ملاحظة :</b></p> <p>عندما نقسم كلا من حدي كسر على القاسم المشترك الأكبر لبسطه ومقامه نحصل على كسر غير قابل للاختزال</p> <p><b>مثال :</b></p> <p>اعتمادا على خوارزمية إقليدس : <math>PGCD(1275;1428) = 51</math></p> <p>اذن : <math>\frac{1275}{1428} = \frac{1275 \div 51}{1428 \div 51} = \frac{25}{28}</math> ومنه الكسر <math>\frac{25}{28}</math> غير قابل للاختزال</p>	<p><b>الحوصلة</b></p>





تطبيق : ( ش ، ت ، م 2008 )

(1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215

(2) أكتب  $\frac{945}{1215}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمديد



مجموعة أساتذة التعليم المتوسط \*MATHS\* بوراشد

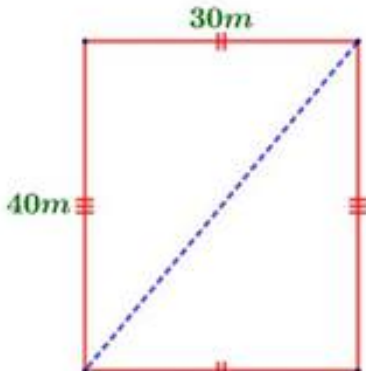
<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

# الحساب على الجدور

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>



<ul style="list-style-type: none"> <li>يمتلك خواص الأعداد (بما فيها الناطقة والجذور التربيعية) والعمليات عليها، من خلال وضعيات ذات دلالة (الجذر التربيعي لعدد موجب)</li> <li>يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة والجذور التربيعية) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</li> <li>يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p><b>مركبات الكفاءة المستهدفة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>معرفة بان مربع أي عدد موجب دائما</li> <li>للعدنان المتعاكسان نفس المربع</li> <li>معرفة الجذر التربيعي لعدد موجب والترميز <math>\sqrt{\quad}</math></li> <li>معرفة الاعداد الغير الناطقة بأنها صماء</li> </ul>	<p><b>أهداف الوضعية التعليمية</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p><b>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>النص على السبورة او على قصاصات</li> </ul>	<p><b>المسندات المستعملة</b></p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>صعوبات متوقعة</li> </ul>	<p><b>صعوبات متوقعة</b></p>
<p>الشكل المقابل يمثل قطعة ارض ورثها الاخوان علي وعثمان عن ابيهما. تقاسماها كما هو مبين</p>  <p>(1) اتفق الاخوان على وضع سياج يفصل بينهما</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• ساعدهما في تحديد طول السياج الازم</li> </ul>	<p><b>نص الوضعية</b></p>
<p><b>خواص :</b></p> <p>(1) مربع أي عدد هو دائما عدد موجب</p> <p>(2) من أجل كل عدد موجب <math>a</math> يوجد عدنان متعاكسان مربع كل منهما يساوي <math>a</math></p> <p><b>مثال :</b></p> <p>العدد 49 هو مربع للعددين <math>(+7)</math> و <math>(-7)</math></p> <p><math>(+7)^2 = 49</math> ، <math>(-7)^2 = 49</math></p> <p><b>تعريف :</b></p> <p>الجذر التربيعي للعدد <math>a</math> هو العدد الذي مربعه يساوي <math>a</math>، ويرمز له <math>\sqrt{a}</math></p> <p>ويقرأ الجذر التربيعي لـ <math>a</math> أو جذر <math>a</math> ونكتب <math>(\sqrt{a})^2 = a</math></p>	<p><b>الحوصلة</b></p>





أمثلة :

$$\sqrt{1}=1 \quad , \quad \sqrt{0}=0 \quad , \quad \sqrt{0,16}=0,4 \quad , \quad \sqrt{64}=8$$

ملاحظات :

(1) لا يوجد عدد مربعه عدد سالب

$$(2) \sqrt{2}^2 = 2 \text{ هو العدد الموجب الذي مربعه } 2 \text{ ونكتب } \sqrt{2}^2 = 2$$

$\sqrt{2}$  ليس عددا ناطقا يسمى  $\sqrt{2}$  عدد غير ناطق ( عدد أصم ) قيمته التقريبية تعطى مثلاً بالآلة الحاسبة

أمثلة :

كل من الأعداد :  $\sqrt{3}$  ،  $\sqrt{7}$  ،  $\sqrt{20}$  ،  $\sqrt{2}$  ،  $\sqrt{12}$  ،  $\sqrt{\frac{3}{4}}$  هي أعداد غير ناطقة

(3) عدد ناطق موجب

إذا كان  $a$  مربعا لعدد ناطق فإن  $\sqrt{a}$  عدد ناطق

إذا كان  $a$  ليس مربعا لعدد ناطق فإن  $\sqrt{a}$  عدد غير ناطق

أمثلة :

$\frac{9}{16}$  عدد ناطق

$\frac{9}{16}$  مربع للعددين  $\frac{3}{4}$  و  $-\frac{3}{4}$

ونكتب  $\sqrt{\frac{9}{16}} = \frac{3}{4}$  إذن  $\sqrt{\frac{9}{16}}$  عدد ناطق

5 عدد ناطق ، ليس مربعا لأي عدد ناطق إذن  $\sqrt{5}$  ليس عدد ناطق ( عدد أصم )

ملاحظة هامة : العدد الحقيقي هو إما عدد ناطق أو غير ناطق

تطبيق : مربع مساحته  $15cm^2$  ، عين القيمة المدورة إلى 0.01 لطول ضلعه  
واجب منزلي : رقم 6 صفحة 34

تمديد

<ul style="list-style-type: none"> <li>يمتلك خواص الأعداد (بما فيها الناطقة والجذور التربيعية) والعمليات عليها، من خلال وضعيات ذات دلالة (المعادلة <math>x^2 = b</math>)</li> <li>يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة والجذور التربيعية) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</li> <li>يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<p>حل معادلة من الشكل <math>x^2 = b</math> حيث <math>b</math> عدد معطى</p>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<p>النص على السبورة او على قصاصات</p>	<p>السندات المستعملة</p>
<p>صعوبات متوقعة</p>	<p>صعوبات متوقعة</p>
<p>تريد جمعية مسجد شراء شرائط خشبية لثبيت السجاد على طول حافة الحائط الخاص بقاعة الرجال إذا علمت ان القاعة مربعة الشكل طول ضلعها <math>x</math> ومساحتها <math>625 m^2</math> ، وان طول الشريط الخشبي الواحد <math>6 m</math> • اكتب معادلة تسمح بحساب طول الشريط ثم ساعد الجمعية في تحديد عدد الشرائط الخشبية</p>	<p>نص الوضعية</p>
<p><b>خاصية :</b> <math>b</math> عدد حقيقي</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>إذا كان <math>b &gt; 0</math> فان للمعادلة <math>x^2 = b</math> حلين مختلفين هما <math>\sqrt{b}</math> و <math>-\sqrt{b}</math></li> <li>إذا كان <math>b = 0</math> فان للمعادلة <math>x^2 = b</math> حلا واحداً فقط هو <math>0</math></li> <li>إذا كان <math>b &lt; 0</math> فان للمعادلة <math>x^2 = b</math> ليس لها حلا حقيقيا لان <math>x^2 \geq 0</math></li> </ul> <p><b>أمثلة :</b> لنحل المعادلات الآتية :</p> <p>(1) <math>x^2 = 16</math> ومنه <math>x = \sqrt{16} = 4</math> أو <math>x = -\sqrt{16} = -4</math> للمعادلة حلان هما <math>4</math> و <math>-4</math></p> <p>(2) <math>x^2 = -6</math> المعادلة ليس لها حل لان <math>-6</math> سالب تماماً</p> <p>(3) <math>x^2 = 0</math> للمعادلة حل وحيد هو <math>0</math></p>	<p>الحوصلة</p>
<p>تطبيق : رقم 9 و 10 صفحة 34</p>	<p>تمديد</p>

<ul style="list-style-type: none"> <li>■ يمتلك خواص الأعداد (بما فيها الناطقة والجذور التربيعية) والعمليات عليها، من خلال وضعيات ذات دلالة (العمليات على الجذور التربيعية)</li> <li>■ يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة والجذور التربيعية) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</li> <li>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ معرفة قواعد الحساب على الجذور التربيعية</li> </ul>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>■ لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ النص على السبورة او على قصاصات</li> </ul>	<p>السندات المستعملة</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ صعوبات متوقعة</li> </ul>	<p>صعوبات متوقعة</p>
<p>❖ قارن بين العددين في كل حالة :</p> <p>(1) <math>\sqrt{9 \times 4}</math> و <math>\sqrt{9} \times \sqrt{4}</math></p> <p>(2) <math>\sqrt{\frac{16}{4}}</math> و <math>\frac{\sqrt{16}}{\sqrt{4}}</math></p> <p>(3) <math>\sqrt{9+16}</math> و <math>\sqrt{9} + \sqrt{16}</math></p> <p>(4) <math>\sqrt{25-9}</math> و <math>\sqrt{25} - \sqrt{9}</math></p> <p>• ماذا تلاحظ ؟</p>	<p>نص الوضعية</p>
<p><b>خاصية 01 :</b></p> <p><math>a</math> و <math>b</math> عدنان موجبان</p> $\sqrt{a^2 \times b} = a\sqrt{b} \quad \text{و} \quad \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$ <p><b>أمثلة :</b></p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <math display="block">\sqrt{3} \times \sqrt{5} = \sqrt{3 \times 5}</math> <math display="block">= \sqrt{15}</math> </div> <div style="text-align: center;"> <math display="block">\sqrt{7} \times \sqrt{3} = \sqrt{7 \times 3}</math> <math display="block">= \sqrt{21}</math> </div> <div style="text-align: center;"> <math display="block">\sqrt{50} \times \sqrt{2} = \sqrt{50 \times 2}</math> <math display="block">= \sqrt{100}</math> <math display="block">= 10</math> </div> </div> <p><b>خاصية 02 :</b></p> <p><math>a</math> و <math>b</math> عدنان موجبان حيث : <math>b \neq 0</math></p> $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$	<p>الحوصلة</p>



أمثلة :

$$\begin{array}{l} \sqrt{\frac{50}{25}} = \frac{\sqrt{50}}{\sqrt{25}} \\ \frac{\sqrt{1}}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{5\sqrt{2}}{5} = \sqrt{2} \end{array} \quad \begin{array}{l} \sqrt{\frac{5}{4}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{4}} \\ = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2^2}} \\ = \frac{\sqrt{5}}{2} \end{array} \quad \begin{array}{l} \sqrt{\frac{81}{25}} = \frac{\sqrt{81}}{\sqrt{25}} \\ = \frac{\sqrt{9^2}}{\sqrt{5^2}} \\ = \frac{9}{5} \end{array} \quad \begin{array}{l} \frac{\sqrt{48}}{\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{48}{3}} \\ = \sqrt{16} \\ = 4 \end{array}$$

ملاحظة :

$a$  و  $b$  عدنان موجبان

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} \neq \sqrt{a+b} \quad \text{و} \quad \sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a-b} \quad \text{حيث } a > b$$

أمثلة :

$$\begin{cases} \sqrt{64} + \sqrt{36} = 8 + 6 = 14 \\ \text{و} \\ \sqrt{64+36} = \sqrt{100} = 10 \end{cases} \quad \text{لان} \quad \sqrt{64} + \sqrt{36} \neq \sqrt{64+36}$$
$$\begin{cases} \sqrt{81} - \sqrt{16} = 9 - 4 = 5 \\ \text{و} \\ \sqrt{81-16} = \sqrt{56} \approx 8,06 \end{cases} \quad \text{لان} \quad \sqrt{81} - \sqrt{16} \neq \sqrt{81-16}$$

تطبيق : رقم 02 صفحة 36  
واجب منزلي : رقم 18 الصفحة 36

تمديد



مجموعة أساتذة التعليم المتوسط \*MATHS\* بوراشد

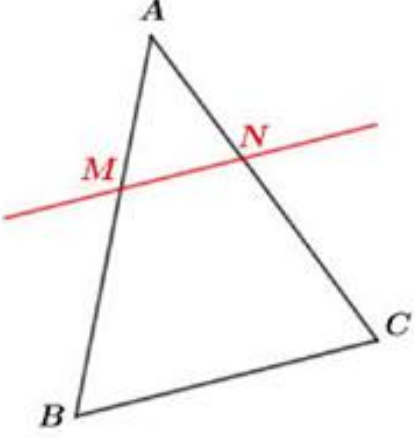
<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

# نظرية طالب

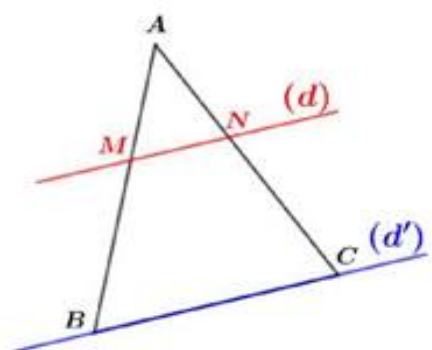
موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

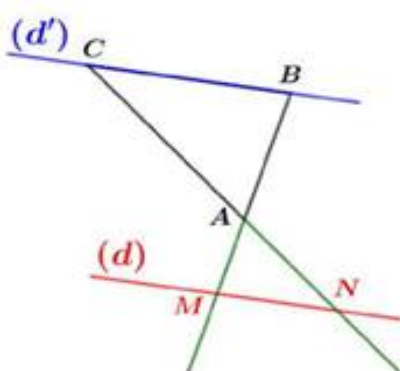


<ul style="list-style-type: none"> <li>■ يتعرّف على كائنات هندسية وخواص وعلاقات (خاصية طالس) (نظرية طالس)</li> <li>■ يوظف خواصا هندسية وعلاقات (خاصية طالس) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبنى براهين ويحررها</li> <li>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضيعات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p>مركّبات الكفاءة المستهدفة</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ معرفة نظرية طالس</li> </ul>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>■ لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ النص على السبورة أو على قصاصات</li> </ul>	<p>السندات المستعملة</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■</li> </ul>	<p>صعوبات متوقّعة</p>
<p>إليك الشكل المقابل حيث <math>(MN)</math> و <math>(BC)</math> متوازيان</p> $(1) \text{ أكمل } \frac{AM}{\dots} = \frac{\dots}{AC} = \frac{MN}{\dots}$  <p>(2) أنشئ النقطتين E و F نظيرتي النقطتين B و C بالنسبة الى A على الترتيب</p> $(3) \text{ أكمل } \frac{\dots}{AE} = \frac{AN}{\dots} = \frac{\dots}{EF}$	<p>نص الوضعية</p>
<p><math>(d)</math> و <math>(d')</math> هما مستقيمان متقاطعان في النقطة A</p> <p>B و M نقطتان من <math>(d)</math> تختلفان عن A . C و N نقطتان من <math>(d')</math> تختلفان عن A .</p> <p>إذا كان المستقيمان <math>(MN)</math> و <math>(BC)</math> متوازيان فإن : <math>\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}</math></p>	<p>الحوصلة</p>





- $(MN) // (BC)$
- $\hat{A}$  زاوية مشتركة



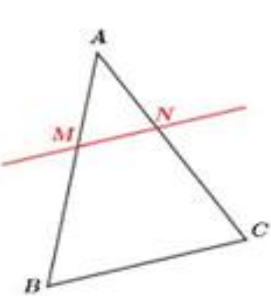
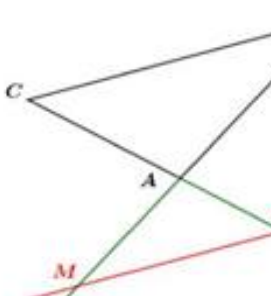
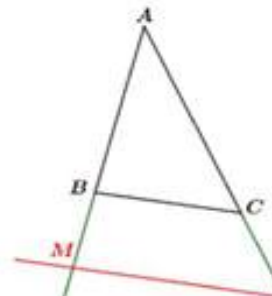
- $(MN) // (BC)$
- $\hat{MAN}$  و  $\hat{CAB}$  متقابلتان بالرأس

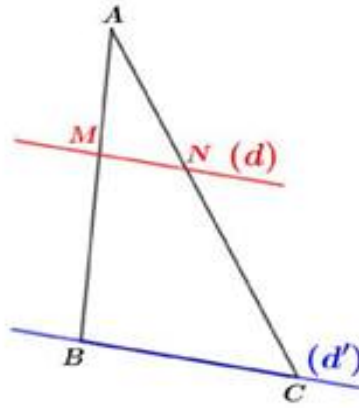
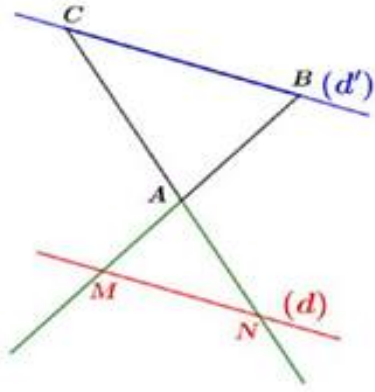


تطبيق : رقم 02 صفحة 160

تمديد



<ul style="list-style-type: none"> <li>■ يتعرف على كائنات هندسية وخواص وعلاقات (خاصية طالس) (المبرهنة العكسية لمبرهنة طالس)</li> <li>■ يوظف خواصا هندسية وعلاقات (خاصية طالس) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبني براهين ويحررها</li> <li>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضيعات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<p>معرفة النظرية العكسية لنظرية طالس</p>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>■ من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة</li> <li>■ لا تتطلب بحث مطول</li> </ul>	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<p>النص على السبورة أو على قصاصات</p>	<p>السندات المستعملة</p>
<p>صعوبات متوقعة</p>	<p>صعوبات متوقعة</p>
<p>❖ اليك الاشكال التالية :</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: flex-start;"> <div style="text-align: center;">  <p>AB=5.1 AC=5 NC=2.99 AM=2.05</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>AB=4.73 AC=3.39 AM=3.08 AN=2.21</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>AB=3.69 AC=4.47 AM=5.36 AN=6.5</p> </div> </div> <p>(1) أحسب في كل حالة النسبتين : <math>\frac{AN}{AC} = \dots\dots\dots</math>; <math>\frac{AM}{AB} = \dots\dots\dots</math></p> <p>(2) ماذا تلاحظ ؟</p> <p>(3) أكتب استنتاج تترجم فيه ملاحظتك</p>	<p>نص الوضعية</p>
<p>(d) و (d') هما مستقيمان متقاطعان في النقطة A</p> <p>B و M نقطتان من (d) تختلفان عن A . C و N نقطتان من (d') تختلفان عن A .</p> <p>إذا كان <math>\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}</math> وكانت النقط A ، B ، M والنقط A ، C ، N مرتبة بنفس الترتيب</p> <p>فان المستقيمين (MN) و (BC) متوازيان</p>	<p>الحوصلة</p>



تطبيق: رقم 3 و 5 صفحة 160

تمديد





مجموعة أساتذة التعليم المتوسط \*MATHS\* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

# الأعمال الموجهة

موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>



<p>■ يمتلك خواص الأعداد الناطقة والعمليات عليها من خلال وضعيات ذات دلالة</p> <p>■ يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</p> <p>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</p>	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<p><b>الوضعية 1 :</b></p> <p><b>طريقة :</b> لحساب القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين يمكن استعمال خوارزمية الطرح المتتالية</p> <pre> graph TD     A[لدينا a و b عددين طبيعيين] --&gt; B{هل a و b متساويان ؟}     B -- نعم --&gt; C[PGCD (a;b)=a=b]     B -- لا --&gt; D[نفرض ان a ≥ b]     D --&gt; E[نحسب الفرق a - b]     E --&gt; F[نعوض اكبر العددين بهذا الفرق]     F --&gt; B     </pre> <p><b>تمرين 1 :</b></p> <p>عين القاسم المشترك الأكبر للعددين 162 و 218</p> <p><b>تمرين 2 :</b></p> <p>يملك حداد صفيحة حديدية طولها 110 cm وعرضها 88 cm ويريد تقطيعها لاستخراج مربعات متماثلة منها ذات مساحة أكبر ما يمكن</p> <p>(1) ما هو طول ضلع كل مربع ؟</p> <p>(2) ما هو عدد المربعات التي يمكن تقطيعها ؟</p>	<p>الوضعيات</p>

## الوضعية 2 :

**طريقة :** لحساب القاسم المشترك الاكبر لعددين طبيعيين يمكن استعمال خوارزمية اقليدس (سلسلة القسمة المتتالية)



## تمرين 1 :

عين القاسم المشترك الاكبر للعددين 261 و 203

## تمرين 2 :

يوجد في كيس 161 قلم احمر و 133 قلم ازرقي. نريد وضعها في علب علب بحيث كل العلب تتضمن نفس عدد الاقلام وكل علبة تتضمن اقلاما من نفس اللون

- ما هو اكبر عدد من الاقلام التي يمكن وضعها في كل علبة وما هو عدد هذه العلب ؟

## الوضعية 3 :

**طريقة :** لكتابة كسر  $\frac{a}{b}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال ، نحسب القاسم المشترك الاكبر  $d$

للعددين  $a$  و  $b$  ويكون الكسر هو الكسر غير قابل للاختزال الذي يساوي الكسر  $\frac{a}{b}$

## تمرين 1 :

اكتب الكسر  $\frac{34}{51}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال

## تمرين 2 :

- (1) بين ان الكسر  $\frac{170}{578}$  قابل للاختزال
- (2) احسب القاسم المشترك الاكبر للعددين 170 و 578
- (3) اكتب الكسر على شكل كسر غير قابل للاختزال





<ul style="list-style-type: none"> <li>■ يتعرف على كائنات هندسية وخواص وعلاقات (خاصية طالس)</li> <li>■ يوظف خواصا هندسية وعلاقات (خاصية طالس) وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة، ويبني براهين ويحررها</li> <li>■ يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p><b>مركبات الكفاءة المستهدفة</b></p>
<p><b>الوضعية 1 :</b></p> <p><b>طريقة :</b> تقسيم قطعة مستقيم هندسيا (بالمدور والمسطرة غير المدرجة)</p> <p>لتقسيم القطعة <math>[AB]</math> الى <math>n</math> قطعة متقايسة (<math>n</math> عدد طبيعي اكبر تماما من 1) نتبع الخطوات التالية :</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>(1) ننشئ نصف مستقيم مبدؤه <math>A</math> وحامله يختلف عن المستقيم <math>(AB)</math></li> <li>(2) على نصف المستقيم هذا ننشئ نقطة <math>C</math> بحيث <math>AC = n</math></li> <li>(3) ننشئ المستقيم <math>(BC)</math></li> <li>(4) من القطعة <math>[AB]</math> نأخذ نقطة <math>I</math></li> <li>(5) ننشئ <math>(D)</math> المستقيم المار من <math>I</math> والموازي للمستقيم <math>(BC)</math></li> <li>(6) نسمي <math>I'</math> نقطة تقاطع <math>(D)</math> و <math>(AB)</math></li> <li>(7) نقسم القطعة <math>[AB]</math> الى قطع متقايسة طولها <math>AI'</math> باستعمال المدور</li> </ol> <p><b>تمرين :</b></p> <p><math>[EF]</math> قطعة مستقيم</p> <p>قسم القطعة الى اربعة قطع متقايسة . استعمل مسطرة غير مدرجة ومدور</p> <p><b>الوضعية 2 :</b></p> <p><b>طريقة :</b> لحساب طول قطعة مستقيمة يمكن تطبيق نظرية طالس</p> <p><b>تمرين :</b></p> <p><math>ABCD</math> مستطيل فيه <math>AD = 7cm</math> ، <math>AB = 12cm</math></p> <p><math>M</math> نقطة من <math>[BC]</math> بحيث <math>MB = 5cm</math></p> <p>احسب <math>AM</math></p> <p>المستقيم <math>(AM)</math> يقطع <math>(CD)</math> في <math>N</math></p>	<p><b>الوضعيات</b></p>



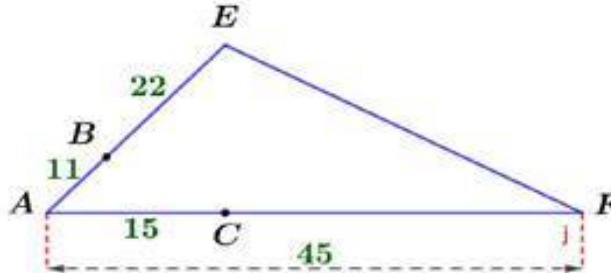
<ul style="list-style-type: none"> <li>يمتلك خواص الأعداد (بما فيها الناطقة والجذور التربيعية) والعمليات عليها، من خلال وضعيات ذات دلالة</li> <li>يوظف الأعداد (بما فيها الناطقة والجذور التربيعية) والعمليات عليها، في سياقات مختلفة، ويمارس الاستدلال في الميدان العددي</li> <li>يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف</li> </ul>	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<p><b>الوضعية 1 :</b></p> <p><b>طريقة :</b> لكتابة <math>\sqrt{M}</math> على الشكل <math>a\sqrt{b}</math> ، نحاول كتابة <math>M</math> على الشكل <math>a^2b</math> حيث <math>a</math> و <math>b</math> عدنان موجبان ويكون <math>\sqrt{M} = \sqrt{a^2b} = a\sqrt{b}</math></p> <p><b>تمرين 1 :</b></p> <p>اكتب الاعداد التالية على الشكل <math>a\sqrt{b}</math></p> <p><math>\sqrt{500}</math> ; <math>\sqrt{242}</math> ; <math>\sqrt{108}</math> ; <math>\sqrt{75}</math> ; <math>\sqrt{20}</math> ; <math>\sqrt{18}</math></p> <p><b>تمرين 2 :</b></p> <p><math>F = 5\sqrt{27} + \sqrt{75} - \sqrt{12}</math> ; <math>E = \sqrt{20} - \sqrt{45} - 7\sqrt{5}</math> : كما يلي</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>اكتب العددين <math>E</math> و <math>F</math> على الشكل <math>a\sqrt{b}</math> ، حيث <math>a</math> عدد صحيح و <math>b</math> عدد طبيعي اصغر ما يمكن</li> </ul> <p><b>الوضعية 2 :</b></p> <p><b>طريقة :</b></p> <p>(1) لكتابة عبارة من الشكل <math>\frac{a}{\sqrt{b}}</math> على شكل نسبة مقامها عدد ناطق نضرب كلا من بسطها ومقامها في <math>\sqrt{b}</math></p> <p>(2) لكتابة عبارة من الشكل <math>\frac{a}{\sqrt{b} \pm \sqrt{c}}</math> على شكل نسبة مقامها عدد ناطق نضرب كلا من بسطها ومقامها في <math>\sqrt{b} \mp \sqrt{c}</math></p> <p><b>تمرين :</b></p> <p>اكتب الاعداد التالية على شكل نسبة مقامها عدد ناطق : <math>\frac{1}{\sqrt{2}-1}</math> ; <math>\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}}</math> ; <math>\frac{1+\sqrt{2}}{\sqrt{8}}</math> ; <math>\frac{2}{\sqrt{3}}</math></p>	<p>الوضعيات</p>

الوضعية 3 :

طريقة : لإثبات توازي مستقيمين يمكن تطبيق النظرية العكسية لنظرية طالس

تمرين :

هل المستقيمان  $(BC)$  و  $(EF)$  متوازيان ؟ علل اجابتك



الوضعية 4 :

توظيف برنامج GeoGebra في نظرية طالس



#### الوضعية 4 :

**طريقة :** لجعل كسر على شكل كسر غير قابل للاختزال باستعمال حاسبة علمية ، ننفذ البرنامج التالي :

ظهور النتيجة  $\rightarrow$  =  $\rightarrow$  صب المقام  $\rightarrow$   $a^{b/a}$   $\rightarrow$  صب البسط

امثلة :

(1) اختزال الكسر  $\frac{36}{128}$

ننفذ البرنامج السابق :  $36 \rightarrow a^{b/a} \rightarrow 128 \rightarrow = \rightarrow 9|32$

معناه :  $\frac{36}{128} = \frac{9}{32}$

(2) اختزال الكسر  $\frac{345}{165}$

بتنفيذ البرنامج السابق تظهر النتيجة التالية  $1|12|11$  على الشاشة

معناه :  $\frac{345}{165} = 1 + \frac{12}{11} = \frac{23}{11}$  اي :  $\frac{345}{165} = \frac{23}{11}$

تمرين :

اكتب الكسر  $\frac{285}{45}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال ، ثم تحقق بالحاسبة العلمية

#### الوضعية 5 :

توظيف برنامج Excel في الاعداد الناطقة



مجموعة أساتذة التعليم المتوسط \*MATHS\* بوراشد

<https://www.facebook.com/groups/1084928091532113/>

# تعلم الادماج

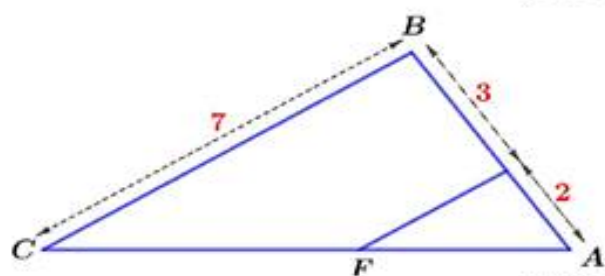
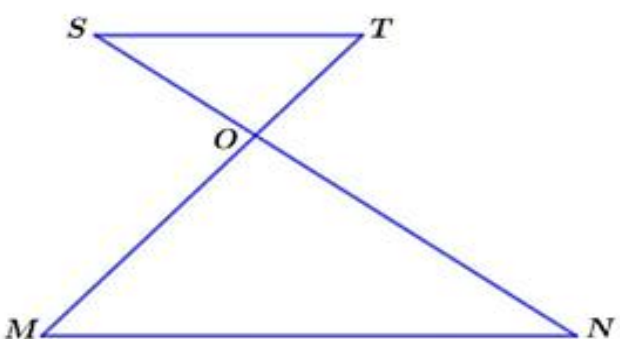
موقع الأستاذ بلحوسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

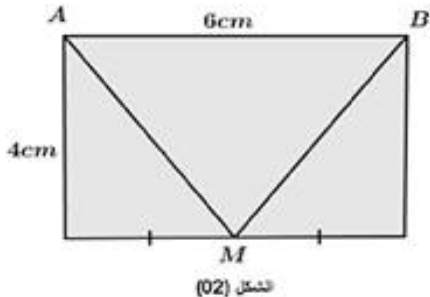
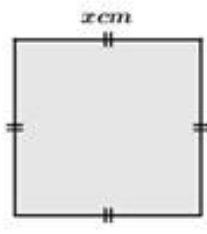


<ul style="list-style-type: none"> <li>توظيف القاسم المشترك الاكبر (PGCD) في معالجة مشكل من الحياة اليومية</li> <li>استخراج معطيات وترجمتها واستغلالها</li> <li>حساب مقادير وانجاز عمليات على الاعداد الطبيعية والناطقة</li> <li>التخطيط قبل التنفيذ</li> </ul>	<p>أهداف الوضعية التعلمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>الوضعيات من الواقع المعاش جذابة ومحفزة</li> <li>الأعداد مختارة للتركيز على الاجراءات وتجنباً للحساب الممل</li> <li>بعض المعطيات غير بارزة وتستدعي تعيينها من قبل المتعلم</li> <li>معالجتها تتطلب العمل في عدة أطر</li> </ul>	<p>خصائص الوضعية التقويمية وطبيعتها (المتغيرات التعليمية)</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>نص مكتوب على قصاصات</li> </ul>	<p>السندات المستعملة</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>التفسير السليم للوضعيات</li> </ul>	<p>العقبات المطلوب تخطيها</p>
<p><b>الوضعية 01 : (شهادة التعليم متوسط 2008)</b></p> <p>(1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 945 و 1215</p> <p>(2) اكتب <math>\frac{945}{1215}</math> على شكل كسر غير قابل للاختزال</p> <p><b>الوضعية 02 : (شهادة التعليم متوسط 2010)</b></p> <p>(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر بين العددين 220 و 140</p> <p>(2) صفيحة زجاجية مستطيلة الشكل بعدها 1,40m و 2,20m جزئت إلى مربعات بأكثر ضلع ممكن</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• ما هو طول ضلع كل مربع ؟</li> <li>• ما هو عدد المربعات الناتجة عن تقطيع الصفيحة ؟</li> </ul> <p><b>الوضعية 03:</b></p> <p>لصاحب مكتبة 78 كتاب رياضيات و 102 كتاب تكنولوجيا، أراد أن يرتبها في رفوف مكتبة بحيث تكون كل الرفوف ممتلئة من حيث عدد كتب الرياضيات وكتب التكنولوجيا</p> <p>(1) ما هو أكبر عدد من الرفوف المستعملة ؟</p> <p>(2) إذا كان سمك كتاب الرياضيات هو 1,5 cm وسمك كتاب التكنولوجيا هو 1 cm</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• ما هو طول كل رف ؟ ( توضع الكتب جنباً إلى جنب في الرف )</li> </ul>	



<p>توظيف الحساب على الجذور في معالجة مشكل من الحياة اليومية</p> <p>استخراج معطيات وترجمتها واستغلالها</p> <p>حساب مقادير وانجاز عمليات على الأعداد الطبيعية والناطقة</p>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<p>الأعداد مختارة للتركيز على الاجراءات وتجنبنا للحساب الممل</p> <p>بعض المعطيات غير بارزة وتستدعي تعيينها من قبل المتعلم</p>	<p>خصائص الوضعية التقويمية وطبيعتها (المتغيرات التعليمية)</p>
<p>نص مكتوب على قصاصات</p>	<p>السندات المستعملة</p>
<p>توظيف قواعد الحساب على الجذور</p>	<p>العقبات المطلوب تخطيها</p>
<p><b>الوضعية 1 : (شهادة التعليم متوسط 2010)</b></p> <p>في الشكل المقابل <math>(EF) \parallel (BC)</math></p> <p>أحسب الطولين <math>EF</math> ، <math>FC</math></p>  <p><b>الوضعية 2 : (شهادة التعليم متوسط 2007)</b></p> <p>(1) انشئ المثلث <math>ABC</math> القائم في <math>A</math> حيث : <math>BC = 7,5cm</math> ، <math>AB = 4,5cm</math></p> <p>(2) أحسب <math>AC</math></p> <p>(3) لتكن النقطة <math>E</math> من <math>[AB]</math> حيث : <math>AB = 3AE</math> و <math>D</math> نقطة من <math>[AC]</math></p> <p>حيث : <math>DC = \frac{2}{3}AC</math></p> <p>عين على الشكل النقطتين <math>D</math> و <math>E</math></p> <p>(4) بين أن : <math>(BC) \parallel (DE)</math> ثم أحسب <math>DE</math></p> <p><b>الوضعية 3 :</b></p> <p>الشكل المقابل ليس بالأبعاد الحقيقية</p> <p><math>OS = 3cm</math> ، <math>OT = 2,6cm</math></p> <p><math>OM = 7,8cm</math> ، <math>ON = 9cm</math></p> <p>(1) اثبت أن <math>(TS) \parallel (MN)</math></p> <p>(2) إذا علمت أن <math>ST = 3,5cm</math></p> <p>أحسب <math>MN</math></p> 	<p>الوضعية</p>



<ul style="list-style-type: none"> <li>توظيف الحساب على الجذور في معالجة مشكل من الحياة اليومية</li> <li>استخراج معطيات وترجمتها واستغلالها</li> <li>حساب مقادير وانجاز عمليات على الأعداد الطبيعية والناطقة</li> </ul>	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>الأعداد مختارة للتركيز على الاجراءات وتجنبنا للحساب الممل</li> <li>بعض المعطيات غير بارزة وتسدعي تعيينها من قبل المتعلم</li> </ul>	<p>خصائص الوضعية التقويمية وطبيعتها (المتغيرات التعليمية)</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>نص مكتوب على قصاصات</li> </ul>	<p>السندات المستعملة</p>
<ul style="list-style-type: none"> <li>توظيف قواعد الحساب على الجذور</li> </ul>	<p>العقبات المطلوب تخطيها</p>
<p><b>الوضعية 1 :</b> إليك الشكلان المقابلان:</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="text-align: center;">  <p>الشكل (02)</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>الشكل (01)</p> </div> </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>أوجد القيمة المضبوطة لـ <math>x</math> حيث مساحة الشكل (01) تساوي مساحة المثلث <math>ABM</math> في الشكل (02)</li> </ul> <p><b>الوضعية 2 :</b> <math>A</math> ، <math>B</math> ، <math>C</math> أعداد حقيقية حيث :</p> $C = -4\sqrt{2} + 3\sqrt{5} \quad , \quad B = \sqrt{98} - \sqrt{5} \quad , \quad A = \sqrt{18} - \sqrt{20}$ <ol style="list-style-type: none"> <li>أكتب على أبسط شكل ممكن كلا من <math>A</math> و <math>B</math></li> <li>أحسب الجداء <math>A \times B</math></li> <li>أحسب المجموع <math>S</math> حيث : <math>S = A + B - C</math></li> <li>اعط القيمة المقربة إلى <math>10^{-2}</math> بالنقصان للعدد <math>S</math></li> </ol> <p><b>الوضعية 3 : (شهادة التعليم متوسط 2009)</b> لتكن الأعداد <math>A</math> ، <math>B</math> ، <math>C</math> حيث : <math>A = \sqrt{80}</math> ، <math>B = 2\sqrt{45}</math> ، <math>C = \sqrt{5} + 1</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>أكتب <math>A + B</math> على الشكل <math>a\sqrt{5}</math> حيث <math>a</math> عدد طبيعي</li> <li>بين أن <math>A \times B</math> هو عدد طبيعي</li> <li>أكتب <math>\frac{C^2}{\sqrt{5}}</math> على شكل نسبة مقامها عدد ناطق</li> </ol>	<p>الوضعية 1 : إليك الشكلان المقابلان:</p> <p>الوضعية 2 : <math>A</math> ، <math>B</math> ، <math>C</math> أعداد حقيقية حيث :</p> <p>الوضعية 3 : (شهادة التعليم متوسط 2009)</p>