

موقع الأستاذ بلوحسين لرياضيات التعليم المتوسط

<https://prof27math.weebly.com/>

مذكرة السنة 04 متوسط من إعداد الأستاذ عقبة نوي

المقطع 02

صفحة الأستاذ عقبة نوي - مذكرة الرياضيات

<https://www.facebook.com/Okbanoui07/>



	بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	
رقم : 01	2020/2019	السنة الدراسية		رياضيات	

الداعم : ك.المدرسي + و.المرافق ..

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع : خاصية طالس

الكفاءة المستهدفة: تطبيق خاصية طالس إلى حالة يكون فيها المثلثان معينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما مستقيمين متقاطعين

المراحل	وضعيات التعلم	التفويم
تمهيد <u>الحالة الأولى:</u> $\frac{AB'}{AB} = \frac{AC'}{AC} = \frac{BC'}{BC}$(1) <u>إتمام :</u> <u>تطبيق عددي :</u> حساب الطول AC' حيث $AC' = 3,2\text{cm}$ $AC' = \frac{7 \times 3,2}{6} = \frac{22,4}{6}$ ومنه $\frac{3,2}{6} = \frac{AC'}{7}$ بالتعويض في (1) نجد : حساب الطول $B'C'$ حيث $B'C' = 6,1\text{cm}$ $\frac{3,2}{6} = \frac{B'C'}{6,1}$ ومنه $B'C' = \frac{6,1 \times 3,2}{6} = \frac{19,52}{6}$ <u>الحالة الثانية:</u> <u>(أ) إنشاء</u> 		
وضعية التعلم <u>الحالة الثانية:</u> <u>(أ) إنشاء</u>		- متى نقول عن رباعي أنه متوازي أضلاع ؟ <p>ب) الرباعي $B'C'B''C''$ فيه القطران $[B'B'']$ و $[C'C'']$ متناظران فهو متوازي أضلاع و منه $(B'C')/\!/ (B''C'')$ $(BC)/\!/ (B''C'')$ $(BC)/\!/ (B'C')$ ولدينا :</p> <p>ج) المثلثان ABC و $AB''C''$ معينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما نصفا مستقيمين لهما نفس المبدأ A ومنه:</p> $\frac{AB''}{AB} = \frac{AC''}{AC} = \frac{BC''}{BC}$

و بما أن : $B'C' = B''C''$ و $AC' = AC''$ و $AB' = AB''$ **يكون :**

تطبيقات عددي :

حساب الطول AC' حيث $AC = 4,5\text{cm}$ ، $AB = 3,2\text{cm}$ ، $AB' = 1,6\text{cm}$

$$AC' = \frac{1,6 \times 4,5}{3,2} = 2,25 \text{ cm} \quad \text{ومنه : } \frac{1,6}{3,2} = \frac{AC'}{4,5} \quad \text{بالتعويض في (2) نجد :}$$

حساب الطول : $B'C'$

$$B'C' = \frac{1,6 \times 3}{3,2} = 1,5 \text{ cm} \quad \text{ومنه} \quad \frac{1,6}{3,2} = \frac{B'C'}{3} \quad \text{نجد} \quad (1) \quad \text{بالتعميض في}$$

(3) إتمام : C' ، C ، A تقع على استقامتين و النقط B' ، B ، A تقع على استقامة واحدة.

تقع كذلك على استقامتي ، وإذا كان المستقيمان (BC) و $(B'C')$ متساوياً

متوازيان فإن : يسمى هذا النص ***خاصية طالس***

- عن مَاذا تنص نظريّة طالس ؟

معارف

واجب منزلي:

110 ص 3

الحوصلة :

A و B مستقيمان متقطعان في النقطة (CN) (BM)

إذا كان (CN) و (BM) متوازيين فإن $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$

استثمار

أوْظَفْ تَعْلِمَاتِي 2 ص 110

	بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	المستوى
رقم : 02	2020/2019	السنة الدراسية		رياضيات	

الداعم : ك.المدرسي + و.المرافق ..

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع : الخاصية العكسية لخاصية طالس

الكفاءة المستهدفة: تمديد خاصية طالس إلى حالة يكون فيها المثلثان معينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما مستقيمين متتقاطعين

التفصيم	وضعيات التعليم	المراحل
نركز على أهمية ترتيب النقط متى يمكن القول أن المستقيمين متوازيين	<p>استعد: 4 ، 5 ص 103</p> <p>الوضعية التعليمية 02 ص 105 :</p> <p>1 - أ) شرح توافق الأشكال 1 ، 2 ، 3 مع الشروط السابقة</p> <p>الأشكال الثلاثة توافق الشروط السابقة</p> <ul style="list-style-type: none"> ❖ إنتماء النقطة B' إلى (d) وإنتماء النقطة C' إلى (d'). ❖ $AC = 3u$ ، $AC' = 1u$ ، $AB = 3u$ ، $AB' = 1u$ $\text{أي : } \frac{AC'}{AC} = \frac{1}{3} \text{ و } \frac{AB'}{AB} = \frac{1}{3}$ <p>(نرمز لوحدة بـ u)</p> <p>ب) في الشكل 1 و 2 المستقيمان (BC) و $(B'C')$ متوازيان .</p> <p>و في الشكل 3 لا يتحقق شرط التوازي . (التحقق بالأدوات الهندسية)</p> <p>2- إتمام النص :</p> <p>النقط A ، B ، B' تقع في استقامية و النقط A ، C ، C' تقع أيضاً في إستقامية و كذلك النقط A ، B ، B' مرتبة بنفس الترتيب النقط A ، C ، C' .</p> <p>إذا كان : $\frac{AB'}{AB} = \frac{AC'}{AC}$ $(B'C') // (BC)$ فإن :</p> <p>هذا النص يسمى <>الخاصية العكسية لخاصية طالس<></p>	تمهيد

(d) و (d') مستقيمان متتقاطعان في النقطة A

A و B' نقطتان من (d) تختلفان عن A

C و C' نقطتان من (d') تختلفان عن A

$$\text{إذا كان } \frac{AB'}{AB} = \frac{AC'}{AC}$$

و النقاط A, B, C و A', B', C' بنفس الترتيب فإن:

(BC) و $(B'C')$ متوازيان

ملاحظة :

لـه إذا علمنا بعض الأطوال فإن خاصية طالس ت ساعنا على حساب الطول المجهول .

لـه خاصية طالس تسمح لنا بإثبات أن مستقيمين غير متوازيين :

$$\text{إذا كان } \frac{AM}{AB} \neq \frac{AN}{AC} \text{ فإن المستقيمين (BC) و (MN) غير متوازيين .}$$

أوظف تعلميي 11 ص 111

واجب منزلي:

15،12 ص

111

استثمار

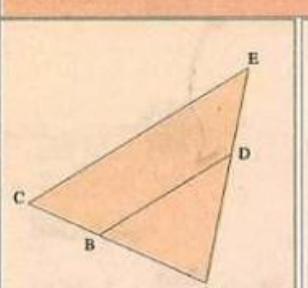
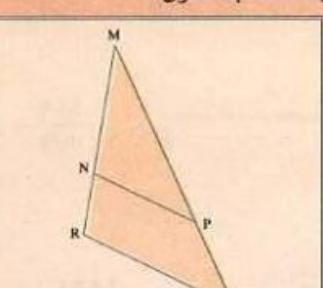
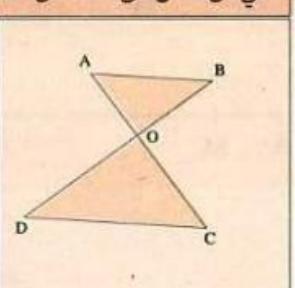
الداعئ : ك. المدرسي + و. المراقبة ..

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي: خاصية طالس وحساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع : تطبيق خاصية طالس لحساب الأطوال

الكفاءة المستهدفة: معرفة استعمال خاصية طالس في حساب الأطوال

النحو	الحالات	الخطوات
- من يذكرنا بنص نظرية طالس و نص النظرية العكسية لنظرية طالس ؟	استعد : 4 ص 103 نص الوضعية التعليمية (مفترحة)	تمهيد
- متى نوظف نظرية طالس ؟	 <p>علمًا أن : $(BD) \parallel (CE)$ $: BC = 2\text{cm} : AB = 3\text{cm}$ $.BD = 4\text{cm} : CE = x\text{cm}$</p>	 <p>علمًا أن : $(NP) \parallel (RS)$ $: MS = 9\text{cm} : MR = 6\text{cm}$ $.MN = 4\text{cm} : MP = x\text{cm}$</p>
- متى نوظف نظرية طالس ؟	 <p>علمًا أن : $(AB) \parallel (DC)$ $: OC = 3\text{cm} : OB = 2,4\text{cm}$ $.OA = 2\text{cm} : BD = x\text{cm}$</p>	الحل :
- متى نطبق النظرية العكسية لنظرية طالس ؟	<p><u>حساب طول قطعة مستقيم:</u></p> <p>الوضعية التعليمية (4) ص 155</p> <p>في الشكل (1)</p> <p>$(AB) \parallel (DC)$ حسب نظرية طالس فإن</p> $\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD} = \frac{AB}{DC} = \frac{2}{3}$ $2OD = 7.2 \quad \text{ومنه} \quad \frac{2.4}{OD} = \frac{2}{3} \quad \text{أي} \quad \frac{OB}{OD} = \frac{2}{3}$ <p>ومنه</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;">$OD = 3.6$</div>	وضعية التعليم
- متى نطبق النظرية العكسية لنظرية طالس ؟	<p>وعليه: $BD = 2.4 + 3.6 \quad \text{أي} \quad BD = OB + OD$</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;">$BD = 6$</div> <p>ومنه</p>	المراحل
- ما هي الخطوات		

المتبعة في
حل معادلة
من الدرجة
الأولى
وذات مجهول
واحد ؟

$$MP = 6$$

في الشكل (2)

و حسب نظرية طالس فإن $(NP) // (RS)$

$$\frac{MN}{MR} = \frac{MP}{MS} = \frac{NP}{RS} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

$$3MP = 18 \text{ أي } \frac{MP}{9} = \frac{2}{3} \text{ ومنه :}$$

$$MP = \frac{18}{3} \text{ ومنه}$$

في الشكل (3)

لدينا $(BD) // (CE)$ وحسب نظرية طالس

$$\frac{AB}{AC} = \frac{AD}{AE} = \frac{BD}{CE} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{4}{CE} = \frac{3}{5} \text{ أي } \frac{BD}{CE} = \frac{3}{5} \text{ ومنه}$$

$$CE = \frac{20}{3} \text{ أي } 3CE = 20 \text{ ومنه}$$

مَعْرِفَة

استثمار

نتيجة : يمكن استخدام نظرية طاليس لحساب طول قطعة مستقيم

طرائق 1 ص 107

	بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	المستوى
رقم : 04	2020/2019	السنة الدراسية		رياضيات	المادة

الداعم : ك.المدرسي + و.المرافق ..

الميدان : أنشطة هندسية

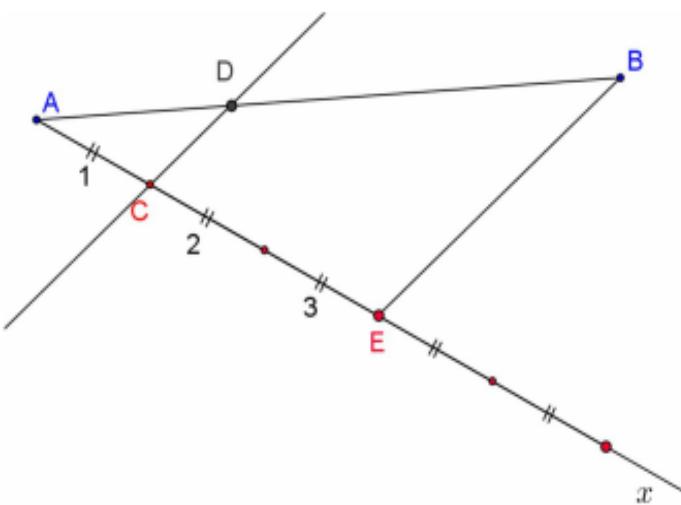
المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع : تقسيم قطعة مستقيم هندسيا

الكفاءة المستهدفة: التعرف عن كيفية تقسيم قطعة مستقيم

التفوييم	وضعيات التعلم	الراحل
<p>ما هي الطريقة المتبعة لإنشاء مستقيم بوازي مستقيماً معلوماً؟</p>	<p>استعد : (Δ) مستقيم A نقطة مختلفة عنه إنشاء مستقيم (' Δ) يشمل A و يوازي المستقيم (Δ) بإستعمال المدور و المسطرة <u>تقسيم قطعة مستقيم :</u> <u>نص الوضعية التعليمية :</u> [AB] قطعة مستقيم. [Ax] نصف مستقيم مدرج تدريجاً منتظماً.</p> <p>- ارسم مستقيماً يشمل النقطة C و يوازي (EB) ويقطع [AB] في D. - احسب النسبة $\frac{AD}{AB}$ ، ثم اكتب AB بدلالة AD - قسم القطعة [AB] إلى 3 قطع متقاربة.</p>	<p>تمهيد</p>
<p>- ما هي الطريقة المتبعة لتقسيم قطعة المستقيم [AB] إلى 5 قطع متقاربة ؟</p>	<p><u>الحل :</u> * رسم مستقيماً يشمل النقطة C و يوازي (EB) ويقطع [AB] في D في حساب النسبة : $\frac{AD}{AB}$ $AB = 3AD \Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{1}{3}$ أي $\frac{AC}{AE} = \frac{AD}{AB} = \frac{1}{3}$ * كيفية تقسيم القطعة [AB] إلى 3 قطع متقاربة : - نسمي مثلاً التدرجية الثانية على التدرج (Ax)-[B]-[CM]. - نرسم مستقيم يشمل M و يوازي (EB) يقطع [AB] في N و هكذا نقول أننا قسمنا القطعة [AB] إلى 3 قطع متقاربة</p>	<p>وضعية التعلم</p>

الشكل :



كيف نعّين
نقطة M على
قطعة
المستقيم
[AB] ؟

معارف

الوصلة:

لتقسيم قطعة مستقيم [AB] إلى n قطعة كلها متقايسة

(n عدد طبيعي أكبر تماماً من 1) تبع الخطوات التالية :

- ننشئ نصف مستقيم مبدؤه A و حامله مختلف عن المستقيم (AB)

- على نصف المستقيم هذا ننشئ نقطة C بحيث $AC=n$ (BC)

- ننشئ المستقيم (AC) من القطعة [AC] نأخذ نقطة I

- ننشئ (D) المستقيم المار من I و الموازي للمستقيم (BC)

- نسمى 'I' نقطة تقاطع (D) و (AB)

- نقسم القطعة [AB] إلى قطع متقايسة طولها 'AI' باستعمال المدور

استثمار

أوظف تعليماتي : 17 ، 18 ص 111

النسب المثلثية في مثلث قائم

الموارد :

- 1- جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم
- 2- تعريف جيب وظل زاوية حادة في مثلث قائم
- 3- استعمال الحاسبة لإيجاد القيمة المضبوطة أو القيم التقريرية .
- 4- حساب زوايا أو أطوال بتوظيف الجيب أو جيب تمام أو الظل
- 5- إنشاء هندسيا (بالمسطرة غير المدرجة والمدور) زاوية بمعرفة القيمة المضبوطة لإحدى نسبها المثلثية.

6- العلاقات بين النسب المثلثية : $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$ و $\cos^2 x + \sin^2 x = 1$

	بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	المستوى
رقم : 01	2020/2019	السنة الدراسية		رياضيات	

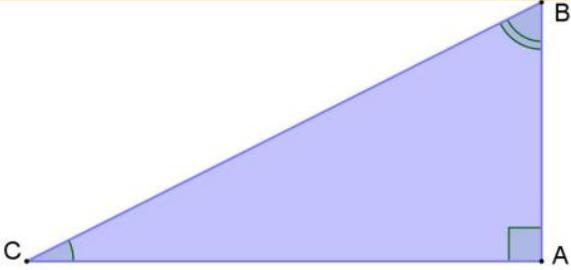
الداعم : ك. المدرسي + و. المرافق ..

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع: جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم

الكفاءة المستهدفة: التعرف على جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم

التوقييم	وضعيات التعلم	المراحل
<p>يتذكر مكونات المثلث القائم من يذكروا ما هي قوانين حساب كلا من . جيب تمام زاوية حادة ؟ . قيس زاوية علم جيب تمامها . طول ضلع مثلث قائم علم فقط منه طول وتره و قيس زاوية حادة</p>	<p>استعد 4 ص 115 : الوضعية التعليمية 1 ص 116 ✓ وتر المثلث ABC هو : $[BC]$ • تعين قيس الزاوية \hat{B} لدينا مجموع زوايا المثلث تساوي 180° و ABC مثلث قائم في A أي : $\hat{B} = 180^\circ - (90^\circ + 25^\circ) = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$ <ul style="list-style-type: none"> • الضرع المجاور لزاوية \hat{C}: $[AC]:\hat{C}$ • الضرع المقابل لزاوية \hat{C}: $[AB]:\hat{C}$ ✓ النسبة $\frac{AC}{BC}$ تسمى جيب تمام الزاوية \hat{C} ويرمز إليها $\cos \hat{C}$ $\cos 25^\circ = \frac{AC}{BC}$ إتمام : • القيمة المضبوطة للعدد $\cos \hat{B}$: $\cos 65^\circ = 0,42$ • تعين المدور إلى الجزء من 100 للعدادين : $\cos 25^\circ$ ، $\cos 75^\circ$ ، $\cos 25^\circ \approx 0,91$ ، $\cos 75^\circ \approx 0,26$</p> <p><u>الحصلة :</u> في مثلث قائم ، جيب تمام زاوية حادة يساوي حاصل القسمة : <u>طول الضرع المجاور لهذه الزاوية</u> <u>طول الوتر</u></p> <div style="border: 1px solid green; padding: 10px; width: fit-content;"> $\cos \hat{B} = \frac{AB}{BC}$ $\cos \hat{C} = \frac{AC}{BC}$ </div> 	<p>تهيئة</p> <p>وضعية التعلم</p> <p>الحواله :</p> <p>معارف</p>

• تمرين 01 مقترن :

$BC = 4\text{cm}$ ، $AC = 3\text{cm}$: في $\triangle ABC$ مثلث قائم في A بحيث :

- احسب قيس الزاوية \hat{C} (أعط مدوراً للدرجة)

✓ الحل :

لدينا الوتر BC والضلع المجاور لزاوية \hat{C} هو AC

$$\hat{C} = 41^\circ \text{ أي } \cos \hat{C} = \frac{3}{4} \text{ ومن } \cos \hat{C} = \frac{AC}{BC}$$

استثمار

• تمرين 02 مقترح:

$\hat{EDF} = 60^\circ$ ، $ED = 4\text{cm}$: في $\triangle EDF$ مثلث قائم في E بحيث :

- احسب كلًا من EF ، DF

✓ الحل :

حساب $\underline{\underline{DF}}$

$$DF = 4 \div 0.5 = \frac{4}{0.5} = 8 \text{ و منه } \cos \hat{D} = \frac{ED}{DF}$$

أي $DF = 8\text{ cm}$

حساب $\underline{\underline{EF}}$

بتطبيق خاصية فيثاغورس نجد :

$$64 = 16 + EF^2 \text{ أي } DF^2 = DE^2 + EF^2$$

$$EF = \sqrt{48} \text{ و منه } EF^2 = 48 \text{ أي } EF^2 = 64 - 16$$

أي $EF = 6.9 \approx 7\text{cm}$

	بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	المستوى
رقم : 02	2020/2019	السنة الدراسية		رياضيات	المادة

الداعم : ك. المدرسي + و. المرافق ..

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع : جيب و ظل زاوية حادة في مثلث قائم

الكفاءة المستهدفة: التعرف على جيب و ظل زاوية حادة في مثلث قائم

التفويم	وضعيات التعلم			المراحل																							
يتذكر مكونات المثلث القائم ما هي قوانين حساب كلام من . جيب تمام زاوية حادة ؟	استعد 5 ص 115 : الوضعية التعليمية 02 ص 116 : أ) الرسم :			تهيئة																							
ما هو قانون حساب كلام من جيب و ظل زاوية حادة في مثلث قائم	(القياسات المقترحة)	<table border="1"> <thead> <tr> <th>اقتراح 03</th> <th>اقتراح 02</th> <th>اقتراح 01</th> <th>المثلث ABC</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>3,8</td> <td>2,8</td> <td>1,9</td> <td>طول الصلع المقابل للزاوية \hat{B} :</td> </tr> <tr> <td>4,5</td> <td>3,4</td> <td>2,3</td> <td>طول الصلع المجاور للزاوية \hat{B} :</td> </tr> <tr> <td>5,9</td> <td>4,4</td> <td>3</td> <td>طول الوتر :</td> </tr> <tr> <td>0,6</td> <td>0,6</td> <td>0,6</td> <td>$\frac{\text{طول الصلع المقابل للزاوية } \hat{B}}{\text{طول الوتر}}$</td> </tr> <tr> <td>0,8</td> <td>0,8</td> <td>0,8</td> <td>$\frac{\text{طول الصلع المقابل للزاوية } \hat{B}}{\text{طول الصلع المجاور للزاوية } \hat{B}}$</td> </tr> </tbody> </table>	اقتراح 03	اقتراح 02	اقتراح 01	المثلث ABC	3,8	2,8	1,9	طول الصلع المقابل للزاوية \hat{B} :	4,5	3,4	2,3	طول الصلع المجاور للزاوية \hat{B} :	5,9	4,4	3	طول الوتر :	0,6	0,6	0,6	$\frac{\text{طول الصلع المقابل للزاوية } \hat{B}}{\text{طول الوتر}}$	0,8	0,8	0,8	$\frac{\text{طول الصلع المقابل للزاوية } \hat{B}}{\text{طول الصلع المجاور للزاوية } \hat{B}}$	وضعية التعلم
اقتراح 03	اقتراح 02	اقتراح 01	المثلث ABC																								
3,8	2,8	1,9	طول الصلع المقابل للزاوية \hat{B} :																								
4,5	3,4	2,3	طول الصلع المجاور للزاوية \hat{B} :																								
5,9	4,4	3	طول الوتر :																								
0,6	0,6	0,6	$\frac{\text{طول الصلع المقابل للزاوية } \hat{B}}{\text{طول الوتر}}$																								
0,8	0,8	0,8	$\frac{\text{طول الصلع المقابل للزاوية } \hat{B}}{\text{طول الصلع المجاور للزاوية } \hat{B}}$																								
	نلاحظ أن النسبة $\frac{AC}{BC}$: طول الصلع المقابل للزاوية \hat{B} ثابتة. تسمى جيب الزاوية \hat{B} طول الوتر و نرمز لها بالرمز: $\sin \hat{B}$.																										

نلاحظ أن النسبة $\frac{AC}{AB}$: طول الضلع المقابل للزاوية \hat{B} ثابتة . تسمى ظل الزاوية \hat{B}
طول الضلع المجاور للزاوية \hat{B}

و نرمز لها بالرمز : $\tan \hat{B}$

الوضعية التعليمية 03 ص 116 :

$$\tan \hat{B} = \frac{\text{طول الضلع المقابل}}{\text{طول الضلع المجاور}}$$

$$1-\text{إتمام} : \frac{\text{طول الضلع المقابل}}{\text{طول الوتر}} = \sin \hat{B}$$

2-الشرح : لأن في المثلث القائم طول الوتر أكبر من طولين الآخرين .
الحوصلة :

في المثلث القائم :

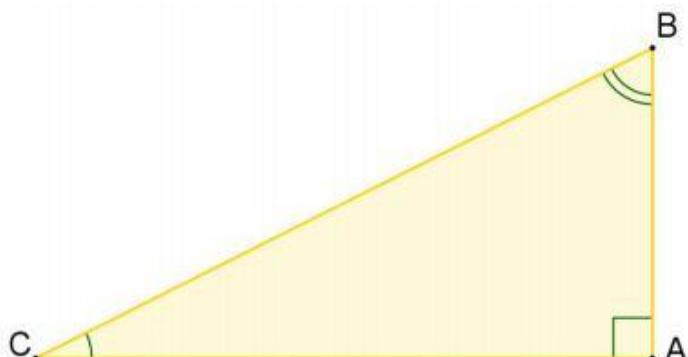
• جيب زاوية حادة يساوي النسبة : طول الضلع المقابل لهذه الزاوية

طول الوتر

• ظل زاوية حادة يساوي النسبة : طول الضلع المقابل لهذه الزاوية

طول الضلع المجاور للزاوية

مَعَارِف



$$\sin \hat{C} = \frac{AB}{BC}$$

$$\tan \hat{C} = \frac{AB}{AC}$$

$$\sin \hat{B} = \frac{AC}{BC}$$

$$\tan \hat{B} = \frac{AC}{AB}$$

؛

□ جيب زاوية حادة محصور دائماً بين 0 و 1 لأن طول الوتر أكبر من طولي كل من
الضلعين الآخرين .

انتبه

استثمار

أوظف تعلمية 04 ص 122 :



بطاقة فنية

رقم : 03

عقبة نوي

2020/2019

أستاذ المادة



الرابعة متوسط

رياضيات

المستوى

المادة

المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع : استعمال حاسبة في حساب نسب مثلثة

الكفاءة المستهدفة: التعرف على اللمسات المستعملة لايجاد القيمة المقربة لكل من جيب التمام ، جيب و ظل زاوية حادة أو لتعيين قيس زاوية حادة بمعرفة جيب التمام أو جيب أو ظل .

التفوييم	ضعيات التعلم	الراحل																																
ما هي الخطوات اللازمة لايجاد جيب تمام زاوية و قيس زاوية علم جيب تماماها ؟	يأخذ الأستاذ آلتين حاسبتين في يده إحداهما ذات السطر الواحد والأخرى ذات السطرين لشرح الخطوات اللازمـة لايجاد جيب تمام زاوية و قيس زاوية علم جيب تمامها . الوضعية التعليمية 04 ص 117 :	تهيئة																																
ما هي الخطوات المتبعة في آلة حاسبة فيجاد جيب و ظل زاوية ماهي الخطوات المتبعة في آلة حاسبة لايجاد قيس زاوية علم جيب لها ؟	1- إتمام الجدول (حساب المدور إلى $\frac{1}{100}$) لكل النسب التالية : <table border="1"> <tr> <td>75°</td><td>60°</td><td>45°</td><td>40°</td><td>30°</td><td>20°</td><td>10°</td><td>زاوية</td> </tr> <tr> <td>0,26</td><td>0,5</td><td>0,71</td><td>0,77</td><td>0,87</td><td>0,94</td><td>0,98</td><td>جيب تمام الزاوية</td> </tr> <tr> <td>0,97</td><td>0,87</td><td>0,71</td><td>0,64</td><td>0,5</td><td>0,34</td><td>0,17</td><td>جيب الزاوية</td> </tr> <tr> <td>3,73</td><td>1,73</td><td>1</td><td>0,84</td><td>0,58</td><td>0,36</td><td>0,18</td><td>ظل الزاوية</td> </tr> </table> 2- استعمال الحاسبة لايجاد مدور x في كل حالة مماثلي :	75°	60°	45°	40°	30°	20°	10°	زاوية	0,26	0,5	0,71	0,77	0,87	0,94	0,98	جيب تمام الزاوية	0,97	0,87	0,71	0,64	0,5	0,34	0,17	جيب الزاوية	3,73	1,73	1	0,84	0,58	0,36	0,18	ظل الزاوية	وضعية التعلم
75°	60°	45°	40°	30°	20°	10°	زاوية																											
0,26	0,5	0,71	0,77	0,87	0,94	0,98	جيب تمام الزاوية																											
0,97	0,87	0,71	0,64	0,5	0,34	0,17	جيب الزاوية																											
3,73	1,73	1	0,84	0,58	0,36	0,18	ظل الزاوية																											
	<table border="1"> <tr> <td></td><td>المدور إلى الوحدة</td><td>$\frac{1}{10}$</td><td>$\frac{1}{100}$</td> </tr> <tr> <td>$\sin x = 0,52$</td><td>31°</td><td>31,3°</td><td>31,33°</td> </tr> <tr> <td>$\cos x = 0,25$</td><td>76°</td><td>75,5°</td><td>75,52°</td> </tr> <tr> <td>$\tan x = 1,33$</td><td>53°</td><td>53,1°</td><td>53,06°</td> </tr> </table> طريقة : إيجاد القيمة المقربة لقيس زاوية \hat{B} علم جيبها أو ظلها : $\sin \hat{B} = 0,35$ -الحاسبة 1 ذات السطر الواحد : $0,35 [2ndf] \sin = 20,48$ -الحاسبة 2 ذات السطرين : $[shift] \sin^{-1} 0,35 = 20,48$ أوْفِتَ تعلمي : احسب قيس D و E حيث : $\sin D = 0,836$ و $\tan E = 1,6$. (تدوير النتيجة إلى الوحدة).		المدور إلى الوحدة	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{100}$	$\sin x = 0,52$	31°	31,3°	31,33°	$\cos x = 0,25$	76°	75,5°	75,52°	$\tan x = 1,33$	53°	53,1°	53,06°	معارف																
	المدور إلى الوحدة	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{100}$																															
$\sin x = 0,52$	31°	31,3°	31,33°																															
$\cos x = 0,25$	76°	75,5°	75,52°																															
$\tan x = 1,33$	53°	53,1°	53,06°																															
		استثمار																																

المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع : حساب زوايا و أطوال

الكفاءة المستهدفة: التعرف على كيفية إيجاد زوايا و أطوال باستخدام النسب المثلثية .

التفوييم	وضعيات التعلم	المراحل
	<p>استعد: كيف نحسب كلًا من جيب و ظل زاوية حادة في مثلث قائم</p> <p>الوضعية التعليمية : (مقتربة من الكتاب القديم)</p>	تهيئة
<p>احسب العدد x (بالتدوير إلى الوحدة) في كل شكل من الأشكال التالية :</p>		
<p>الحل :</p> <ul style="list-style-type: none"> ❖ حساب العدد x بالتدوير إلى الوحدة : • الشكل 1 : لدينا المثلث GHK قائم في H يعني : 		

$$x = 12\text{cm} \quad 0,6 = \frac{6}{x} \quad \text{و منه} \quad \sin 30^\circ = \frac{GH}{x}$$

• **الشكل 2:** لدينا المثلث ABC قائم في A يعني :

$$x = 37^\circ \quad \sin x = 0,6 \quad \sin x = \frac{6}{10} \quad \text{و منه} \quad \sin x = \frac{AB}{BC}$$

• **الشكل 3:** المثلث قائم يعني :

$$x = 14\text{cm} \quad 1,73205... = \frac{x}{8} \quad \tan 60^\circ = \frac{x}{8} \quad \text{و منه} \quad \tan 60^\circ = \frac{x}{8}$$

• **الشكل 4:** لدينا المثلث FED قائم في E يعني :

$$x = 13\text{cm} \quad x^2 = 5^2 + 12^2 \quad \text{و منه} \quad x^2 = EF^2 + ED^2$$

• **الشكل 5:** المثلث قائم يعني :

$$x = 59^\circ \quad \tan x = 1.666... \quad \tan x = \frac{10}{6} \quad \text{و منه بـاستعمال الحاسبة نجد:} \quad \tan x = \frac{10}{6}$$

الحوصلة :

لحساب زاوية أو طول نتبع الخطوات التالية:

- * التحقق من أن المثلث قائم
- * تحديد الضلع المقابل والضلع المجاور لزاوية حادة والوتر
- * تطبيق إحدى المساويات التي تعطي النسب المثلثية لزاوية حادة

	بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	المستوى
رقم : 05	2020/2019	السنة الدراسية		رياضيات	المادة

الداعم : ك.المدرسي + و.المرافق ..

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع: إنشاء زاوية هندسيا

الكفاءة المستهدفة: التعرف على كيفية إنشاء زاوية علمت أحدي نسبها المثلثية هندسيا .

التفوييم	وضعيات التعليم	المراحل
ما هي الطريقة المتبعة لإيجاد قيس زاوية علم جيب تمامها ؟	استعد : إعطاء مثال على السبورة و يحل من طرف التلاميذ بإستعمال الآلة الحاسبة طائق 2 ص 121	تهيئة
. ما هي الطريقة المتبعة لإيجاد قيس زاوية علمت أحدى نسبها المثلثية جيبها أو ظلها و كيف ننشئها	دوري الآن 2 ص 121 :	استثمار

	بطاقة فنية	عقبة نوي	أستاذ المادة	الرابعة متوسط	المستوى
رقم : 06	2020/2019	السنة الدراسية		رياضيات	المادة

الداعم : ك.المدرسي + و.المرافق ..

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : خاصية طالس و حساب المثلثات في مثلث قائم

الموضوع : العلاقات المثلثية

الكفاءة المستهدفة: التعرف على العلاقات بين النسب المثلثية.

التفصيم	وضعيات التعليم	المراحل
<p>أذكر النسب المثلثية لزاوية حادة في مثلث قائم و كيف نجد كلام منها</p>	<p>استعد : رسم مثلث قائم وتحديد عليه زاوية حادة ثم مطالبة التلاميذ بإيجاد النسب المثلثية \cos, \sin, \tan .</p> <p>الوضعية التعليمية 05 ص 117 :</p> <p>1- استعمال الجدول الوارد في النشاط السابق :</p> <p>نقل و إتمام :</p> <div style="border: 1px solid blue; padding: 10px;"> $\frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} = \tan 30^\circ \quad \text{و} \quad (\cos 30^\circ)^2 + (\sin 30^\circ)^2 = 1$ $\frac{\sin 45^\circ}{\cos 45^\circ} = \tan 45^\circ \quad \text{و} \quad (\cos 45^\circ)^2 + (\sin 45^\circ)^2 = 1$ $\frac{\sin 60^\circ}{\cos 60^\circ} = \tan 60^\circ \quad \text{و} \quad (\cos 60^\circ)^2 + (\sin 60^\circ)^2 = 1$ </div>	<p>تهيئة</p>
<p>أكمل ما يليه ؟</p> $\frac{\sin}{\cos} = \dots$ <p>$\sin^2 + \cos^2 = \dots$</p>	<p>ب) التخمين حول النتائج السابقة :</p> <ul style="list-style-type: none"> مجموع مربعين جيب تمام و جيب يساوي 1 . حاصل قسمة جيب و جيب تمام الزاوية الحادة يساوي ظلها . <p>2- التعبير عن النسب المثلثية بدلالة اطوال اضلاع المثلث ABC :</p> $\cos x = \frac{AB}{BC} \dots (1)$ $\sin x = \frac{AC}{BC} \dots (2)$ $\tan x = \frac{AC}{AB} \dots (3)$ <p>ب) كتابة المساواة التي تعبّر عن خاصية فيتاغورس في هذا المثلث :</p> $BC^2 = AC^2 + AB^2 \dots (4)$ <p>ج) اثبات أن $(\cos x)^2 + (\sin x)^2 = 1$</p> <p>من (1) و (2) نكتب :</p> $AB = BC \times \cos x, \quad AC = BC \times \sin x$ <p>بالتعويض في (4) نجد :</p>	<p>وضعية تعليمية</p>

$$(BC \times \sin x)^2 + (BC \times \cos x)^2 = BC^2$$

$$BC^2 \times \sin^2 x + BC^2 \times \cos^2 x = BC^2$$

$$BC^2(\sin^2 x + \cos^2 x) = BC^2$$

$$(\sin^2 x + \cos^2 x) = \frac{BC^2}{BC^2}$$

$$\text{ومنه : } (\cos x)^2 + (\sin x)^2 = 1$$

$$\text{د) إثبات أن : } \tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

من (1) و (2) نكتب :

. $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$ و منه $\tan x = \frac{BC \times \sin x}{BC \times \cos x}$ بالتعويض في (3) نجد :

الحوصلة :

في مثلث قائم

مهما يكن العدد x قيس زاوية حادة فإن :

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \quad \text{و} \quad \tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

أوظف تعلماتي 16 و 17 ص 123

استثمار