

# المعالم

## التمرين الأول:

(1) علم في معلم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  النقاط  $A(2;1)$  ،  $B(4;4)$  ،  $C(5;4)$  ،  $D(3;1)$  .

(2) احسب مركبتي الشعاعين  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{DC}$  .

(3) استنتج طبيعة الرباعي  $ABCD$  .

## تمرين 2

في مستو مزود بمعلم للمستوي  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  نعتبر النقط

$A(1;1)$  ،  $B(3;4)$  ،  $C(2;-1)$  .

(1) عين إحداثيتي النقطة  $D$  حتى يكون الرباعي  $ABCD$  متوازي الأضلاع .

(2) عين إحداثيتي مركز تناظر متوازي الأضلاع  $ABCD$  .

## تمرين 3

$A$  ،  $B$  ،  $C$  ،  $D$  نقط من مستو مزود بمعلم متعامد و متجانس حيث:

$A(2;3)$  ،  $B(0;1)$  ،  $C(2;-1)$  ،  $D(4;1)$  .

(1) احسب الأطوال  $AB$  ،  $AD$  ،  $BD$  .

(2) بين أن الرباعي  $ABCD$  مربع .

## تمرين 4

$(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد و متجانس للمستوي  $A$  ،  $B$  ،  $C$

نقط منه بحيث :  $A(-3;1)$  ،  $B(1;3)$  ،  $C(-2;0)$  .

(1) بين أن المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $C$  .

(2) احسب إحداثيتي النقطة  $I$  مركز الدائرة  $(C)$  المحيطة بالمثلث  $ABC$  .

(3) هل النقطة  $O$  تنتمي إلى الدائرة  $(C)$  ؟ برر إجابتك .

## تمرين 5

$(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد و متجانس للمستوي  $A(-2;-1)$  ،

$B(2;1)$  ،  $C(0;2)$

نقاط من المستوي .

(1) بين أن النقطة  $O$  منتصف  $[AB]$

(2) عين إحداثيتي النقطة  $D$  نظيرة النقطة  $B$  بالنسبة إلى  $C$  .

(3) احسب الأطوال  $AB$  ،  $AC$  ،  $AD$  ،  $BD$  .

## تمرين 6

$(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد و متجانس للمستوي .

(1) علم النقط :  $A(2;3)$  ،  $B(-2;1)$  ،  $C(-3;3)$  .

(2) بين أن المثلث  $ABC$  قائم في  $B$  .

(3) احسب  $\cos BAC$  ثم استنتج قياس الزاوية  $BAC$

(4) احسب المسافة بين النقطة  $B$  والمستقيم  $(AC)$  .

## تمرين 7

لتكن الدالة  $f$  المعرفة بـ :  $f(x) = \frac{1}{2}x + 1$  وليكن  $(D)$  التمثيل البياني لها في معلم متعامد و متجانس .

(1) بين أن النقطتين  $A(2;2)$  و  $B(-2;0)$  تنتميان إلى المستقيم  $(D)$  ، ثم أنشئ  $(D)$  .

(2) احسب طول القطعة المستقيمة  $[AB]$  . و بين أن منتصفها ينتمي إلى محور الترتيب .

(3) عين إحداثيتي النقطة  $C$  صورة النقطة  $O$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\overrightarrow{BA}$  . ما طبيعة الرباعي  $ABOC$  ؟

## تمرين 8

علم في معلم متعامد و متجانس النقط  $A(1;2)$  ،  $B(-3;-1)$  ،  $C(4;-2)$  .

(1) بين أن الدائرة  $(C)$  التي مركزها  $A$  و المارة بالنقطة  $B$  تمر أيضا بالنقطة  $C$  .

(2) احسب إحداثيتي النقطة  $M$  منتصف  $[BC]$  .

## تمرين 9

(1) أنشئ في معلم للمستوي ثلاثة أشعة ممثلة للشعاع  $\vec{U}(-1;2)$  .

(2) عين العددين  $x$  و  $y$  حتى يكون الشعاع  $\vec{V}(3x-4; y+1)$  مساويا للشعاع  $\vec{U}$  .

## تمرين 10

(1) علم في معلم للمستوي النقطة  $K(1;2)$  .

(2) أنشئ النقاط  $N$  ،  $M$  ،  $P$  بحيث :  $\overrightarrow{KP}(2;-1)$  ،

$\overrightarrow{KM}(-3;1)$  ،  $\overrightarrow{KN}(-2;-2)$  .

## تمرين 11

$D$  ،  $E$  ،  $F$  نقاط من المستوي المزود بمعلم متعامد

ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  بحيث :  $D(4;3)$  ،  $E(2;1)$  ،  $F(7;0)$

(1) احسب الأطوال  $DE$  ،  $DF$  ،  $EF$  .

(2) استنتج نوع المثلث  $DEF$  .

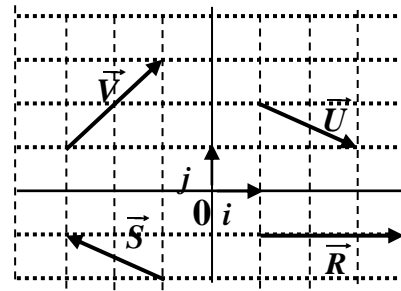
(3) عين إحداثيتي النقطة  $H$  حتى يكون الرباعي  $DFHE$  مستطيلا .

### تمرين 12

نقاط من المستوى المزود  $A(2;1)$  ،  $B(0;-2)$  ،  $C(1;3)$  بالمعلم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  عين إحداثيتي النقطة  $C'$  صورة النقطة  $C$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{AB}$  .  
(2) ما طبيعة الرباعي  $ABC'C$  ؟

### التمرين 13

- اقرأ إحداثيات الأشعة  $\vec{U}$  ،  $\vec{V}$  ،  $\vec{R}$  ،  $\vec{S}$  .
- أنشئ ممثلاً للشعاع  $\vec{L} = \vec{U} + \vec{V}$  ثم اقرأ إحداثيتي الشعاع  $\vec{L}$  .



### تمرين 14

في مستو مزود بمعلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  نعتبر النقاط  $A(2;3)$  ،  $B(2;-1)$  ،  $M(-3;1)$  .  
(1) احسب  $d$  المسافة بين النقطة  $M$  والمستقيم  $(AB)$  .  
(2) قارن بين  $d$  و  $MA$  و  $MB$  .

### تمرين 15

$(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد ومتجانس للمستوي .  
(1) علم النقط  $A(2;3)$  ،  $B(5;2)$  ،  $C(-1;-2)$  .  
(2) احسب مركبتي الشعاع  $\vec{AC}$  .  
(3) أنشئ النقطة  $D$  صورة النقطة  $B$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{AC}$  .  
(4) احسب الطولين  $AB$  ،  $AC$  . ما طبيعة الرباعي  $ABDC$  ؟

### تمرين 16

$(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد ومتجانس للمستوي . تعطى النقاط  $A(4;6)$  ،  $B(-3;4)$  ،  $C(-2;-1)$  ،  $D(5;1)$  .  
(1) هل الرباعي  $ABCD$  متوازي الأضلاع؟  
(2) عين إحداثيتي النقطة  $E$  صورة النقطة  $D$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{AB}$  متبوعاً بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{BC}$  . (3)  
احسب الطولين  $AB$  و  $BC$

### تمرين 17

$(O; \vec{i}; \vec{j})$  معلم متعامد ومتجانس للمستوي .  $A(1;2)$  ،  $B(-3;3)$  ،  $C(5;1)$  نقاط من المستوى .  
(1) بين أن النقطة  $A$  هي مركز الدائرة  $(C)$  التي قطرها  $[BC]$  .  
(2) بين أن الدائرة  $(C)$  تمر بالنقطة  $M(2;6)$  . ما طبيعة المثلث  $BMC$  ؟  
(3) احسب الطول  $MC$  ، ثم استنتج قيمة تقريبية إلى  $0,01$  لـ  $\cos \hat{MCB}$

### تمرين 18

(1) أنشئ في معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  الدائرة  $(C)$  التي نصف قطرها  $5cm$  ومركزها  $A(2;1)$  .  
(2) هل النقطة  $B(-2;4)$  تنتمي إلى الدائرة  $(C)$  ؟  
(3)  $L(-5;0)$  نقطة من المستوى . برهن أن المستقيم  $(LB)$  مماس للدائرة  $(C)$  .  
(4) عين إحداثيتي النقطة  $D$  حتى يكون الرباعي  $ABLD$  مربعاً

### تمرين 19

علم في معلم متعامد ومتجانس النقط  $A(-1;3)$  ،  $B(4;1)$  ،  $C(3;1)$  ،  $D(-2;3)$  .  
(1) احسب إحداثيتي  $M$  منتصف  $[AC]$  وإحداثيتي  $N$  منتصف  $[BD]$  .  
(2) ما طبيعة الرباعي  $ABCD$  ؟  
(3) عين إحداثيتي  $K$  صورة النقطة  $A$  بالانسحاب الذي شعاعه  $\vec{BD}$  .  
(4) احسب الطولين  $AC$  و  $BD$  .