

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

مذكرات المقطع الرابع

ثالثة متوسط

من إعداد الأستاذ :

سمير موايعة

2022 / 2021

هيكل المقطع التعلمي الرابع للسنة الثالثة متوسط

مستوى من الكفاءة الشاملة

يحل مشكلات باستعمال :

المثلث والدائرة

قطع

04

✓ معرفة خاصية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم واستعمالها.

✓ معرفة خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم واستعمالها.

✓ معرفة خاصية فيثاغورس واستعمالها.

✓ تعريف بعد نقطة عن مستقيم وتعيينه.

✓ إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها.

✓ تعريف جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم.

= تعيين قيمة مقربة أو القيمة المضبوطة لجيب تمام

= اوية حادة أو لزاوية بمعرفة جيب التمام لها.

✓ حساب زوايا أو أطوال بتوظيف جيب تمام زاوية حادة.

الموارد

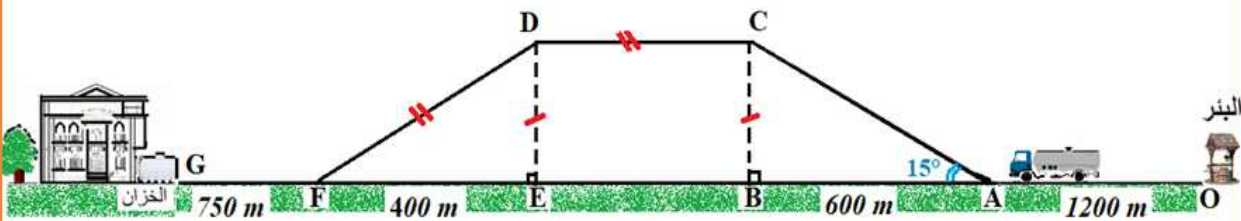
عرفية

الوضعية

إطلاقية

* يعتمد تزويد مؤسسة تربية بالمياه على ملء خزان المؤسسة والتي تقع بعد مرتفع عن

سطح الأرض كما هو مبين في الشكل



بعد ملء الصهريج من البئر (النقطة O) تنطلق الشاحنة حتى تبلغ النقطة A لتصعد فنتجاوز

المرتفع فتصل النقطة F ثم تكمل الطريق إلى مكان الخزان في النقطة G .

❖ احسب المسافة التي تقطعها الشاحنة من البئر إلى خزان المؤسسة

(تعطى الأطوال مدورة إلى الوحدة)

هيكل المقطع التعليمي الرابع للسنة الثالثة متوسط

المورد (التحضير)	أستعد	الوضعية التعليمية	الحوصلة	تطبيقات
1	ص 1	ص 2	ص 4	ص 8
0	ص 8	مقترحة	ص 4	ص 8
3	ص 1	مقترحة	ص 4	ص 8
4	ص 7	مقترحة	ص 0	ص 4
5	ص 7	مقترحة	ص 0	ص 7
5	ص 9	ص 1	ص 2	ص 14
7	ص 7	ص 2	ص 3	ص 50
8	ص 9	ص 3	ص 56	ص 50
9	ص 7	ص 9	ص 2	ص 76
0	ص 7	ص 9	ص 72	ص 76
1	ص 7	مقترحة	مقترحة	ص 76

وضعية
مبسطة

وضعية تعلم
الادماج
الجزئي و
لي

إدماج جزئي للموارد المعرفية : 1
إدماج كلي للموارد المعرفية : 1
إدماج كلي للموارد المعرفية : 1
إدماج كلي للموارد المعرفية : 1

حساب المسافة التي تقطعها الشاحنة لملء الخزان
أ - حساب الطول C :

$$\cos 15^\circ = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{AB}{AC} \quad \text{ومنه} \quad 0.97 \approx \frac{600}{AC}$$

$$\text{إذن : } AC \approx \frac{600}{0.97} \quad \text{ومنه} \quad AC \approx 619 \text{ m}$$

ب - حساب الطول C :

لدينا المثلث ABC قائم ومنه حسب نظرية فيثاغورس فإن :

$$BC^2 = AC^2 - AB^2 = 619^2 - 600^2 = 383161 - 360000 = 23161$$

$$BC = \sqrt{23161}$$

$$\text{إذن : } BC \approx 152 \text{ m} \quad \text{و منه أيضا} \quad ED \approx 152 \text{ m}$$

ج - حساب الطول F :

لدينا المثلث DEF قائم ومنه حسب نظرية فيثاغورس فإن :

$$DF^2 = DE^2 + EF^2 = 152^2 + 400^2 = 23161 + 160000 = 183161$$

$$DF = \sqrt{183161}$$

$$\text{إذن : } DF \approx 428 \text{ m} \quad \text{و منه أيضا} \quad CD \approx 428 \text{ m}$$

حل الوضعية
طلاقة

هيكل المقطع التعلّمى الرابع للسنة الثالثة متوسط

$$d = 1200 + 619 + 428 + 428 + 750 = 3425$$

د - حساب المسافة

3425 m

وضعية تقويم 2 ص 180

وضعية
تقويم

حساب الأطوال و الزوايا باستخدام جيب تمام زاوية
حادّة و خاصية فيثاغورس

المعالجة
البيداغوجية
حتملة

1 ساعة
5. أسبوع

جسم الزماني

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة:

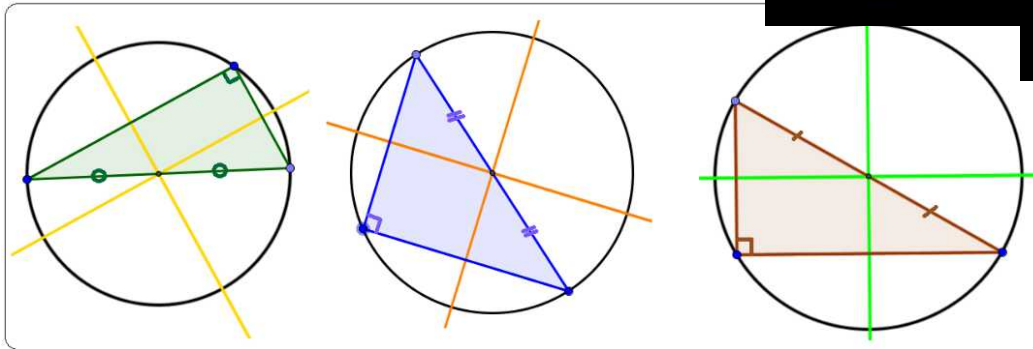
الكفاءة المستهدفة: يتعرف على الخاصية و الخاصية العكسية للدائرة المحيطة بالمثلث القائم

مراحل تسيير الحصة

1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. 13. 14. 15. 16. 17. 18. 19. 20. 21. 22. 23. 24. 25. 26. 27. 28. 29. 30. 31. 32. 33. 34. 35. 36. 37. 38. 39. 40. 41. 42. 43. 44. 45. 46. 47. 48. 49. 50. 51. 52. 53. 54. 55. 56. 57. 58. 59. 60. 61. 62. 63. 64. 65. 66. 67. 68. 69. 70. 71. 72. 73. 74. 75. 76. 77. 78. 79. 80. 81. 82. 83. 84. 85. 86. 87. 88. 89. 90. 91. 92. 93. 94. 95. 96. 97. 98. 99. 100.

استد

وضعية تعلمية 1



1. كز كل دائرة هو منتصف الوتر

2. ج. إثبات أن الرباع BDC مستطيل

لدينا : I منتصف $[BC]$

و D نظيرة A بالنسبة إلى I إذن I منتصف $[AD]$

الرباعي $ABDC$ قطراه متناصفان وفيه زاوية قائمة

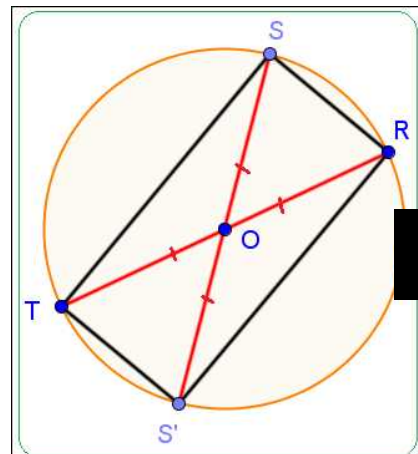
فإنه مستطيل

3. أ. مثل $[BC]$ وتر المثلث ABC

و $IA = IB = IC$ لان I تنتمي الى الدائرة لان

كان مثلث قائما، فان وتره AD قطر دائرة المحيطة بهذا المثلث.

وضعية تعلمية 2



أ. O : O منتصف $[RT]$

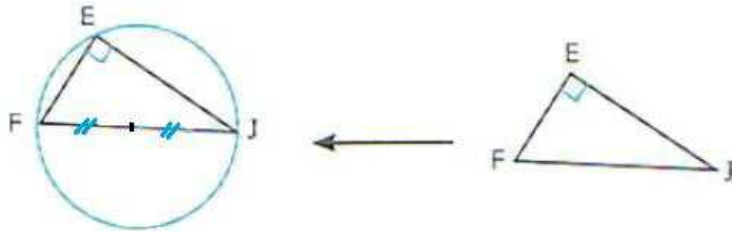
و S' نظيرة S بالنسبة إلى O إذن O منتصف $[SS']$

الرباعي $RST S'$ قطراه متناصفان ومتقايسان فإنه مستطيل

ب. مثلث RST مثلث قائم

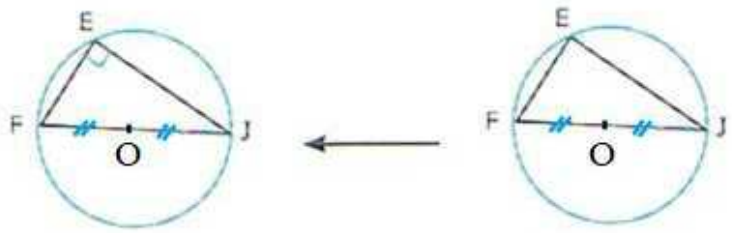
ج. إذا كان أحد أضلاع مثلث RST قطر دائرة المحيطة به

فإن هذا المثلث قائم



مثال :

نعلم أن المثلث FEJ قائم في E .
 نستنتج أن $[FJ]$ قطر للدائرة المحيطة بالمثلث FEJ .



مثال :

نعلم أن $[FJ]$ قطر للدائرة المحيطة بالمثلث FEJ .
 نستنتج أن المثلث FEJ قائم في E .

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

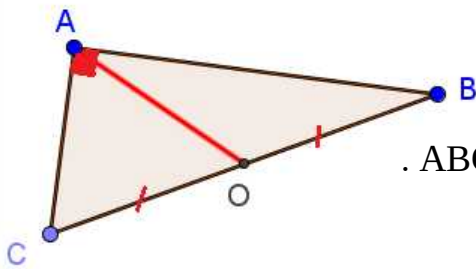
الكفاءة المستهدفة : يتعرف على خاصية المتوسط المتعلق بالوتر

مراحل تسيير الحصة

استدلال | ملاحظة | استنتاج

استدلال

رؤية تلمية : مقترحة



[BC]

الخاصية التي تسمح بإنشاء الدائرة المحيطة بالمثلث ABC .

هو مركز هذه الدائرة ؟

الشكل ثم ، أنشئ هذه الدائرة.

و أتمم : " بما أن المثلث ABC قائم في A فإن ... [...] هو ... للدائرة المحيطة به ، إذن

النقطة ... منتصف [...] هي مركز هذه الدائرة .

$$OA = \frac{BC}{2} \text{ و } OA = \dots = \dots \text{ يكون إذن :}$$

(1) النقطة O هي منتصف [BC] لأن [OA] متوسط في المثلث ABC متعلق بالضلع [BC].

(2) الخاصية : كان المثلث قائما ، فإن وتره قطر للدائرة المحيطة به

(3) الخاصية

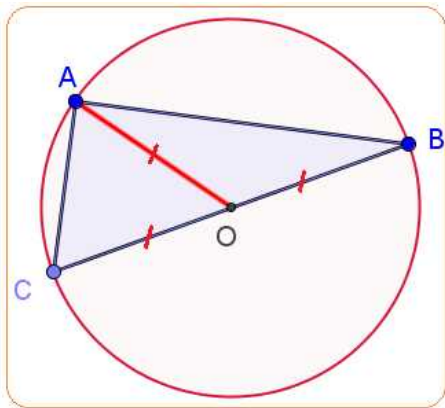
مركز هذه الدائرة هو النقطة O .

(3) بما أن المثلث ABC قائم في A فإن وتره [BC]

هو قطر للدائرة المحيطة به ، إذن النقطة O

منتصف [BC] هي مركز هذه الدائرة .

$$OA = \frac{BC}{2} \text{ و } OA = OB = OC \text{ يكون إذن :}$$



المتوسط المتعلق بالوتر

حصة | ملاحظة | استنتاج

احوصل

تطبيق مباشر | ملاحظة | استنتاج

استنتاج

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

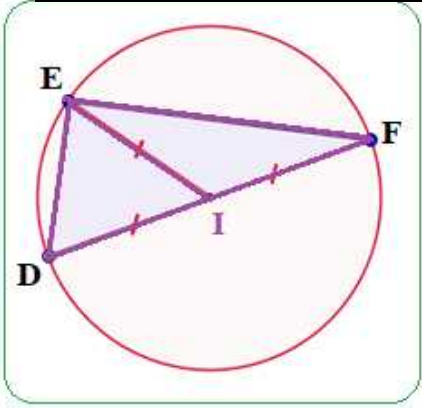
الكفاءة المستهدفة : يتعرف على خاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر

مراحل تسيير الحصة

استدراك

استدراك

وضعية تعلمية : مقترحة



(1) مع النقطة E تنتمي إلى الدائرة.

(2) الخاصية : كان المتوسط المتعلق بأحد أضلاع

مثلاث يساوي نصف طوله، فإن هذا المثلاث قائم .

مثلاث يساوي نصف طوله، فإن هذا المثلاث قائم .

استدراك

حصة : 14 = 14

الخاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر

احوصل



مثال :



تطبيق مباشر : 14 = 14

استدراك

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

الكفاءة المستهدفة : يتعرف على خاصية فيثاغورس و يوظفها في حساب الأطوال

مراحل تسيير الحصة

استدعاء

استدعاء

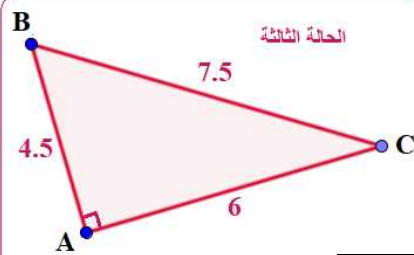
وضعية تعليمية مقترحة

في كل حالة من الحالات التالية ، ارسم المثلث ABC القائم في A :

في كل حالة من الحالات التالية ، ارسم المثلث ABC القائم في A :

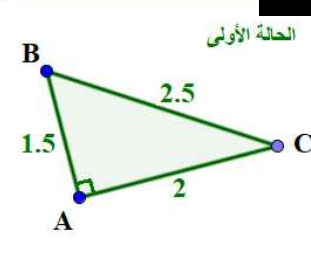
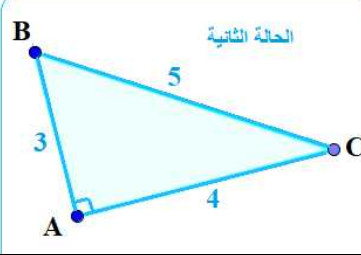
حسب في كل حالة كلا من $AB^2 + AC^2$ و BC^2 ، ماذا تلاحظ ؟

اكتشاف



$$AB^2 + AC^2 = 20.25 + 36 =$$

$$BC^2 = 7.5^2 = 56.25$$



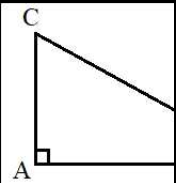
$$AB^2 + AC^2 = 2.25 + 4 = 6.25$$

$$BC^2 = 2.5^2 = 6.25$$

لاحظ غي كل حالة أن :

خاصية فيثاغورس

حصة



ضلعين الآخرين .

مثال : إذا كان المثلث ABC القائم في A

ملاحظات :

خاصية فيثاغورس لا تُطبق إلا في

سمح خاصية فيثاغورس بحساب ط

أحوصل

تطبيق مباشر

استثمار

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

الكفاءة المستهدفة : يتعرف على الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس و يوظفها في براهين بسيطة

مراحل تسيير الحصة

استدراك 17

استدراك

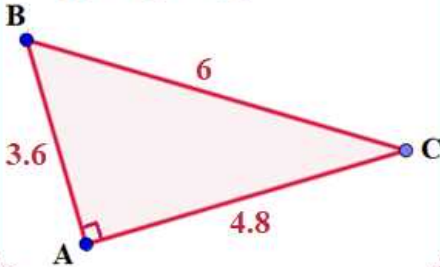
وضعية تعليمية : مقترحة

اكتشاف

الحالة الثالثة

$$AB^2 + AC^2 = 12.96 + 23.04 = 36$$

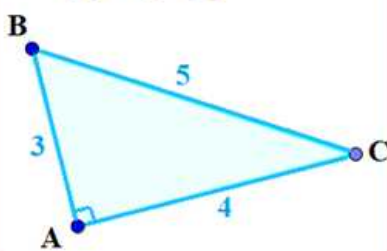
$$BC^2 = 6^2 = 36$$



الحالة الثانية

$$AB^2 + AC^2 = 9 + 16 = 25$$

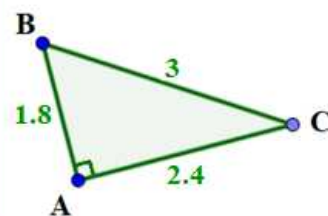
$$BC^2 = 5^2 = 25$$



الحالة الأولى

$$AB^2 + AC^2 = 3.24 + 5.76 = 9$$

$$BC^2 = 3^2 = 9$$



نلاحظ إذا كان مربع طول الضلع الأكبر يساوي مجموع مربعي طولي الضلعين الآخرين فإن هذا المثلث قائم .

الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس

الخاصية العكسية لخاصية فيثاغورس

حصة 17

أحوصل

المثال

صحيحة

2

مثال : في المثلث ABC إذا كانت الم

BC القائم في A

استثمر

تطبيق مباشر 17

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

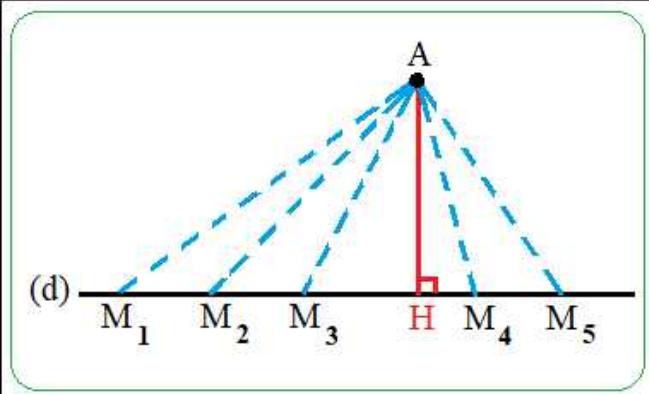
الكفاءة المستهدفة : يتعرف على بعد نقطة عن مستقيم و على تعيينها

مراحل تسيير الحصة

استدعاء

استدعاء

وضعية تعلمية



بول إيناس هو الصحيح و قول

يونس خاطئ

لأن المثلث AHM قائم في H فإن AM هو الوتر دائما و الوتر هو أطول ضلع في المثلث

(المستقيم)

A

AH

القائم ومثل

حصة

بعد نقطة عن مست



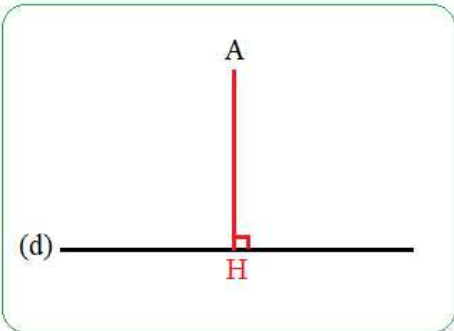
أحوصل

مثل :

د النقطة A عن المستقيم (d) هو طول

قطعة المستقيم [AH]

(المحمولة على المستقيم العمودي على (d) الذي يشمل A)



تطبيق مباشر

استثمر

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة:

الكفاءة المستهدفة: يتعرف على الأوضاع النسبية لدائرة ومستقيم

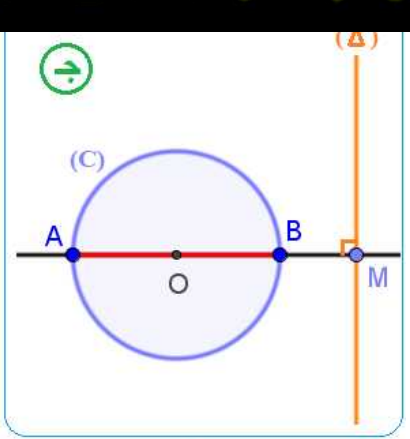
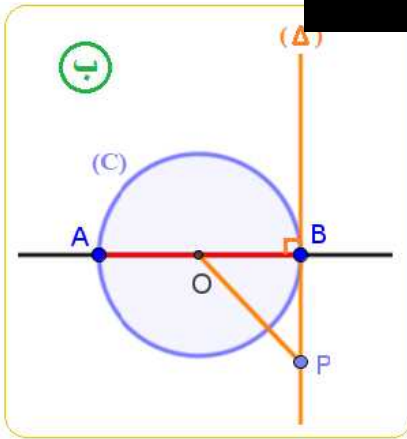
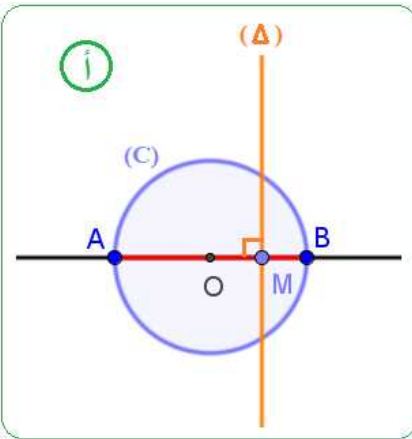
مراحل تسيير الحصة

استدراك 17

استدراك

وضعية تعلمية 1 2 3

اكتشاف



الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطتين

الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطة واحدة

الدائرة (C) لا تتقاطع مع المستقيم (Δ) في أي نقطة

OM مثلث قائم في M : $OP = 2 \text{ cm}$: OP وتر في المثلث OMP إذن :

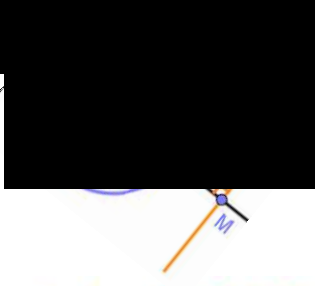
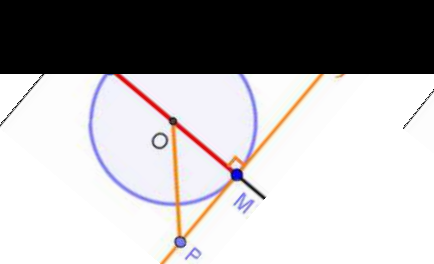
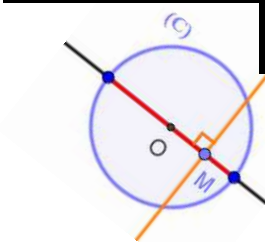
أكبر من OP

منه M هي النقطة الوحيدة من (Δ) التي تبعد عن O بـ 2 cm : (C) و (Δ) يقطعان في نقطة واحدة .

الأوضاع النسبية لدائرة ومست

حوصلة 16

أحوصل



الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطتين

الدائرة (C) تتقاطع مع المستقيم (Δ) في نقطة واحدة

مستقيم

(Δ) داخل الد

(Δ) مماس للدائرة

تطبيق مباشر 1 2 3

استثمر

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

الكفاءة المستهدفة : يتمكن من إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها

مراحل تسيير الحصة

استد

استد

وضعية تعليمية 13

استعمال الكوس والمسطرة:

ماسان (Δ_1) و (Δ_2) متوازيان

التبرير :

لأن (Δ_1) و (Δ_2) عموديان على نفس المستقيم (AB)

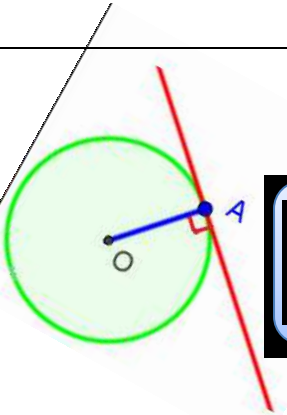
استعمال المنور والمسطرة:

الخواص التي استند إليها هي التناظر المركزي و محور قطعة مستقيم

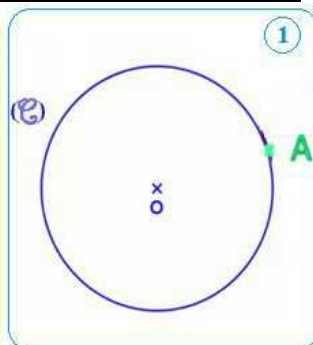
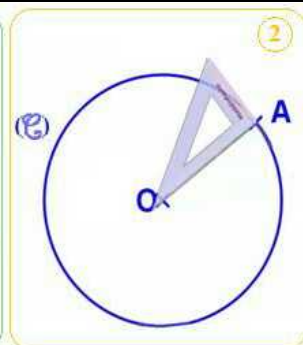
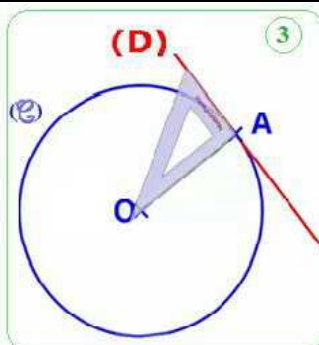
اكتشف

حصة 14

مماس لدائرة



أحصل



تطبيق مباشر 15

استثمر

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

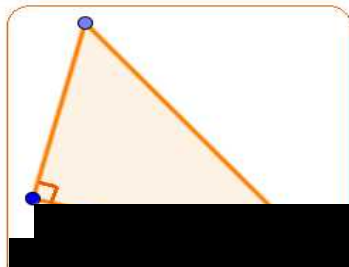
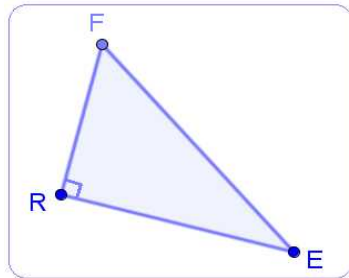
الكفاءة المستهدفة : يتعرف على مفهوم جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم

مراحل تسيير الحصة

استدراك 7 دقائق

استعداد

وضعية تعلمية 1 20 دقائق



أويتان الحادثان في المثلث هما $\widehat{F}$ و $\widehat{E}$

في الزاوية $\widehat{REF}$

الوتر هو $[EF]$ وجيب الزاوية هو $[ER]$

طوال الزاوية

اكتشاف

طوال

0.8

كل النتائج متساوية

دينا من

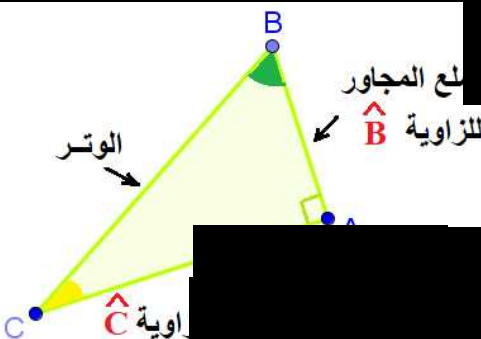
من

$\frac{BM}{BN}$

BC

جيب تمام زاوية حادة

حوصلة 2 20 دقائق



$\overline{BM}$

مثال : ABC مثلث قائم في A معناه : جيب تمام

أحوصل

تطبيق مباشر 1 15 دقائق

استثمار

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

المستوى:

المدة:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

الكفاءة المستهدفة : تعيين القيمة المقربة أو القيمة المضبوطة لجيب تمام زاوية حادة

مراحل تسيير الحصة

استعداد

استعداد

وضعية تعلمية 1



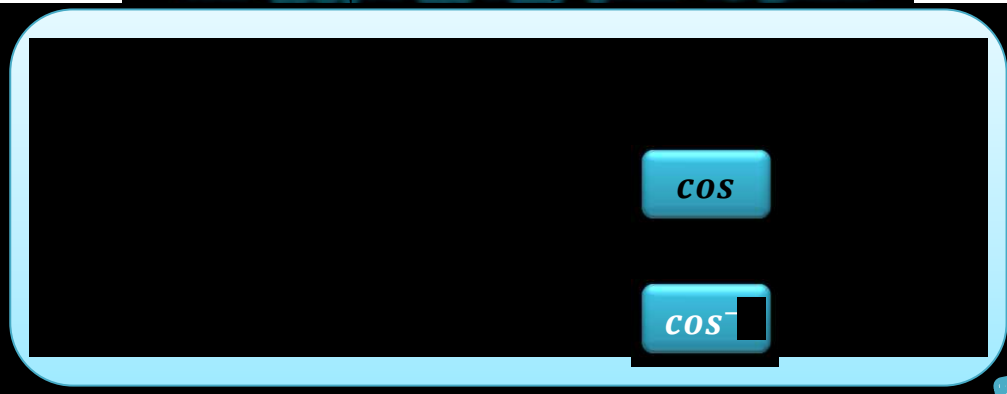
وضعية تعلمية 2

اكتشاف

| قيس الزاوية | جيب تمام الزاوية الحادة |
|-------------|-------------------------|
| 60° | 0.5 |
| 45° | 0.707 |
| 30° | 0.866 |
| 15° | 0.966 |

حصة 1

استعمال الآلة الحاسبة لإيجاد جيب تمام زاوية حادة



أحوصل



تطبيق مباشر

استثمار

المستوى:

المدة:

الميدان:

المورد:

الكفاءة الختامية:

مستوى من الكفاءة الشاملة :

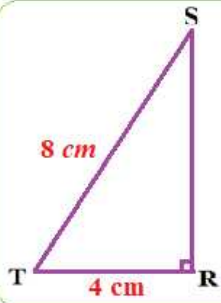
الكفاءة المستهدفة : بحسب الأطوال بتوظيف جيب تمام زاوية

مراحل تسيير الحصة

استدراك

استدراك

وضعية تعلمية : مقترحة



إليك الشكل المقابل :

أ- أحسب $\cos \hat{T}$.

ب- استنتج قياس الزاوية $\hat{T}$ ثم احسب قياس الزاوية $\hat{S}$.

ج- احسب الطول RS بالتقريب إلى الوحدة بطريقتين .

الحل

(أ) حساب $\cos \hat{T}$ وقياس الزاوية $\hat{T}$

$$\cos \hat{T} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{RT}{ST} = \frac{4}{8} = 0.5 \quad ; \quad \hat{T} = 60^\circ$$

ب) قياس الزاوية $\hat{S}$: $\hat{S} = 180^\circ - (90^\circ + 60^\circ) = 30^\circ$; $\hat{S} = 30^\circ$

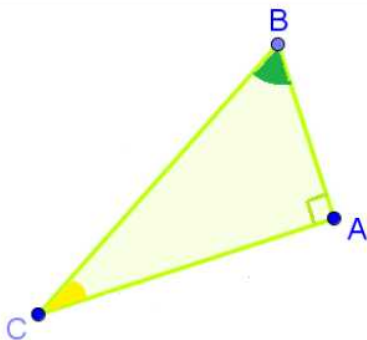
ج) حساب الطول RS : (الطريقة الاولى باستعمال خاصية فيثاغورس)

☆ الطريقة الثانية $\cos 30^\circ = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{RS}{ST}$ ومنه $0.87 = \frac{RS}{8}$

إذن : $RS = 0.87 \times 8$ ومنه $RS \approx 7cm$

حوصلة : مقترحة

A مثلث قائم في A



$$BC = \frac{AC}{\cos \widehat{ACB}}$$

$$\cos \widehat{ACB} = \frac{AC}{BC}$$

$$AC = BC \times \cos \widehat{ACB}$$

أحوصل

تطبيق مباشر

استثمر