

• عموميات على الدوال.

الكفاءات المستهدفة: تحديد اتجاه تغير و التمثيل البياني للدالة مربع.

الكتاب المدرسي، المنهاج و مراجع أخرى خارجية.

الوسائل التعليمية: السبورة، الأقلام، الأدوات الهندسية و جهاز العرض.

سید رال

التهيئة النفسية: تذكير.

نشاط:

نعتبر المستوى المنسوب الى معلم متعمد و متجانس (\vec{j}, \vec{i}, O) .

. $B(-2, 0)$ و $A(2, 0)$ نقطتين من المستوى بحيث

- ولتكن M نقطة متحركة على القطعة $[AB]$ فاصلتها x .

نعتبر النقطتين $D(0;|x|)$ و $C(x;|x|)$

لتكن f الدالة التي ترقى بكل عدد حقيقي x مساحة المربع $OMCD$.

1. ما هي القيم الممكنة للعدد x .

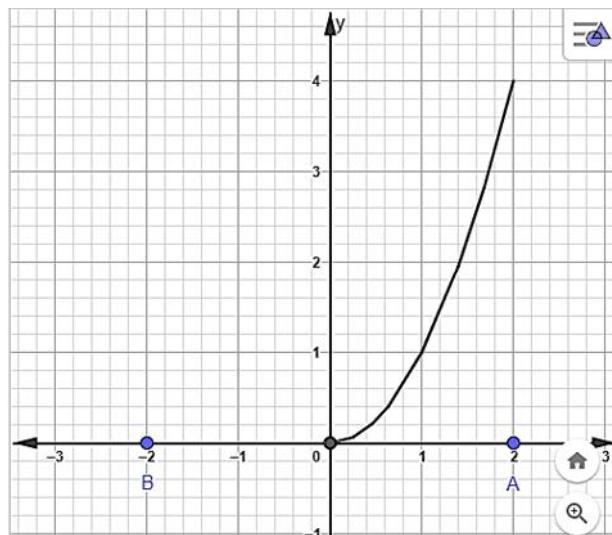
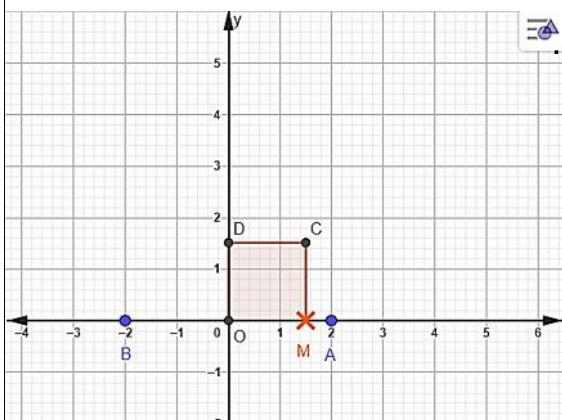
- ## 2. عين عبارة الدالة f .

- ### 3. أدرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين:

• $[0; 2] \quad [-2; 0]$

4. أدرس شفعية الدالة f .

5. اعتماداً على نتائج السابقة اكمل التمثيل التالي :



↳ مناقشة نشاط :

الترسيخ

1. القيم الممكنة للعدد x : بما أن: $x \in [-2; 2]$: $M \in [AB]$

2. تعين عبارة الدالة f : لدينا $f(x)$ مساحة المربع $OMCD$ معناه أن:

$$\cdot S_{OMCD} = |x^2| = x^2 = f(x)$$

3. دراسة اتجاه تغير الدالة f على المجالين $[0; 2]$ $[-2; 0]$:

أ- نفرض x_1 و x_2 من المجال $[-2; 0]$ حيث $x_1^2 > x_2^2 > 0$: فإن $x_1 < x_2 < 0$ ومنه:

$f(x_1) > f(x_2)$ ، بما أن الترتيب تغير فإن: f متناقصة تماما على المجال $[-2; 0]$.

ب- نفرض x_1 و x_2 من المجال $[0; 2]$ حيث $x_1 < x_2 < 0$ فإن $x_1^2 < x_2^2 < 0$ ومنه:

$f(x_1) < f(x_2)$ ، بما أن الترتيب لم يتغير فإن: f متزايدة تماما على المجال $[0; 2]$.

4. دراسة شفافية الدالة f :

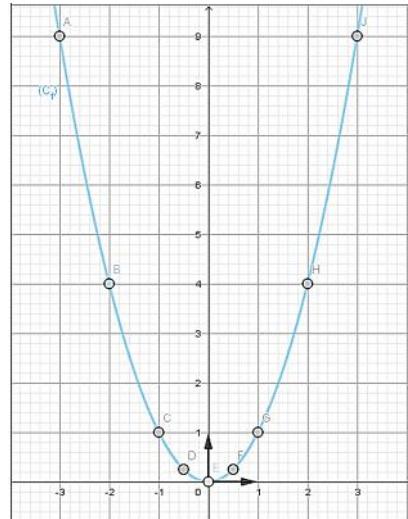
لدينا D_f متناظر بالنسبة ل 0 أي $-x \in D_f \rightarrow x \in D_f$

$$\cdot f(-x) = (-x)^2 = (x)^2 = x^2 = f(x)$$

و منه الدالة f دالة زوجية.

5. اكمال التمثيل البياني :

أ. التعميم



الدالة مربع:

1) **تعريف:** الدالة مربع هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} و التي ترافق بكل عدد حقيقي x مربعه x^2 .

ترميز: إذا رمزا الدالة مربع بالرمز f ، نكتب $f(x) = x^2$ أو $x^2 = f$.

أمثلة:

2) اتجاه تغير الدالة مربع:

مبرهنة: الدالة مربع متزايدة تماما على المجال $[0; +\infty]$ ومتناقصة تماما على المجال $[-\infty; 0]$.

3) جدول تغيرات الدالة مربع:

ما سبق نحصل على جدول تغيرات الدالة مربع كالتالي:

x	$-\infty$	0	$+\infty$
x^2		0	

ملاحظة: للدالة مربع قيمة حدية صغرى و هي 0 و تبلغها من أجل القيمة 0 للمتغير الحقيقي x .

4) شفاعة الدالة مربع:

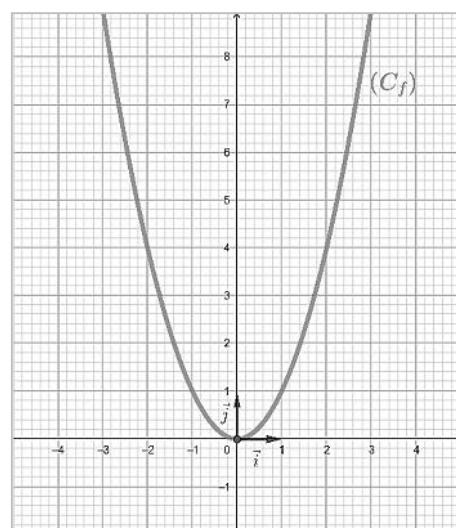
خاصية: الدالة مربع زوجية، أي تمثيلها البياني في معلم متعامد (أو معلم متعامد و متجانس) متاظر بالنسبة لمحور التراتيب.

5) التمثيل البياني للدالة مربع:

- التمثيل البياني للدالة مربع في مستوى منسوب الى معلم هو مجموعة النقط $M(x; y)$

حيث: $y = x^2$ و $x \in \mathbb{R}$.

- التمثيل البياني للدالة مربع هو قطع مكافئ معادلته: $y = x^2$.



تطبيقات:

