

: عموميات على الدوال.

الكفاءات المستهدفة: تحديد اتجاه تغير و التمثيل البياني للدالة مربع.

: الكتاب المدرسي، المنهاج و مراجع أخرى خارجية.

الوسائل التعليمية: السبورة، الأقلام، الأدوات الهندسية و جهاز العرض.

سير الد

التهيئة النفسية: تذكير.

نشاط :

نعتبر المستوى المنسوب الى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

$A(2;0)$ و $B(-2;0)$ نقطتين من المستوى بحيث

• ولتكن M نقطة متحركة على القطعة $[AB]$ فاصلتها x .

• نعتبر النقطتين $D(0;|x|)$ و $C(x;|x|)$.

لتكن f الدالة التي ترفق بكل عدد حقيقي x مساحة

المربع $OMCD$.

1. ماهي القيم الممكنة للعدد x .

2. عين عبارة الدالة f .

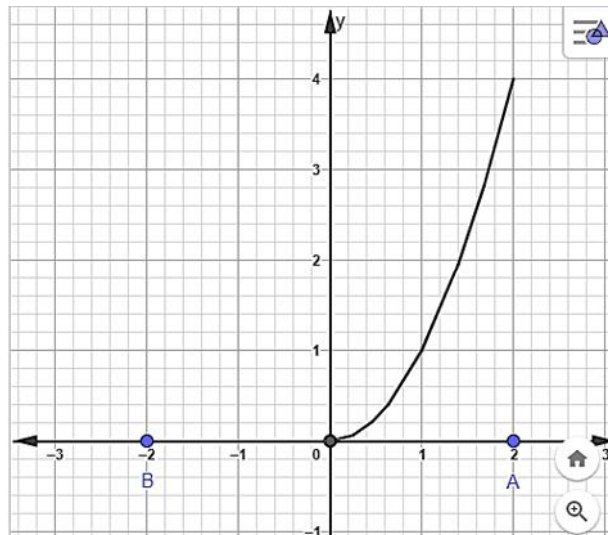
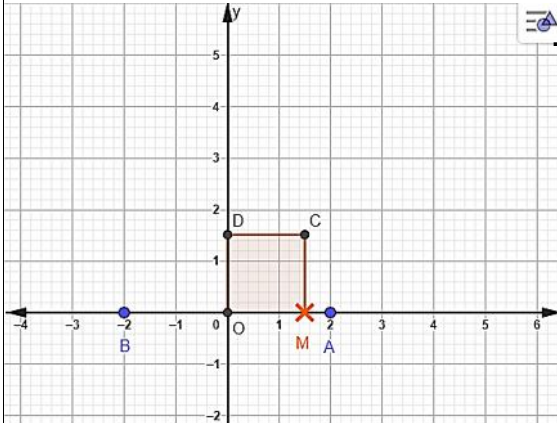
3. أدرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين:

$[-2;0]$ $[0;2]$.

4. أدرس شفعية الدالة f .

5. اعتمادا على نتائج السابقة اكمل التمثيل التالي :

25

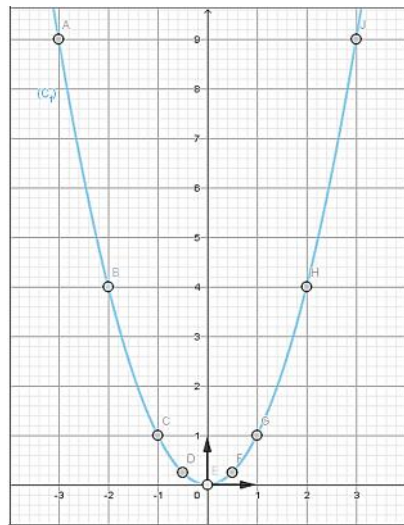


مناقشة نشاط :

الترسيخ

1. القيم الممكنة للعدد x : بما أن: $M \in [AB]$: $x \in [-2; 2]$.
2. تعيين عبارة الدالة f : لدينا $f(x)$ مساحة المربع $OMCD$ معناه أن:

$$S_{OMCD} = |x^2| = x^2 = f(x)$$
3. دراسة اتجاه تغير الدالة f على المجالين $[-2; 0]$ و $[0; 2]$:
 أ- نفرض x_1 و x_2 من المجال $[-2; 0]$ حيث: $0 < x_1 < x_2$ فإن: $x_1^2 > x_2^2 > 0$ ومنه:
 $f(x_1) > f(x_2) > 0$ ، بما أن الترتيب تغير فإن: f متناقصة تماما على المجال $[-2; 0]$.
 ب - نفرض x_1 و x_2 من المجال $[0; 2]$ حيث: $0 < x_1 < x_2$ فإن: $0 < x_1^2 < x_2^2$ ومنه:
 $0 < f(x_1) < f(x_2)$ ، بما أن الترتيب لم يتغير فإن: f متزايدة تماما على المجال $[0; 2]$.
 4. دراسة شفعية الدالة f :
 لدينا D_f متناظر بالنسبة لـ 0 أي $x \in D_f$ ، $-x \in D_f$
 و لدينا: $f(-x) = (-x)^2 = (x)^2 = x^2 = f(x)$
 و منه الدالة f دالة زوجية .
 5. اكمال التمثيل البياني :



الدالة مربع:

(1) تعريف: الدالة مربع هي الدالة المعرفة على \mathbb{R} و التي ترفق بكل عدد حقيقي x مربعه x^2 .

ترميز: إذا رمزنا للدالة مربع بالرمز f ، نكتب $f(x) = x^2$ أو $f: x \rightarrow x^2$.

أمثلة:

(2) اتجاه تغير الدالة مربع:

مبرهنة: الدالة مربع متزايدة تماما على المجال $[0; +\infty[$ ومتناقصة تماما على المجال $]-\infty; 0]$.

(3) جدول تغيرات الدالة مربع:

مما سبق نتحصل على جدول تغيرات الدالة مربع كالتالي:

x	$-\infty$	0	$+\infty$
x^2		0	

ملاحظة: للدالة مربع قيمة حدية صغرى و هي 0 و تبلغها من أجل القيمة 0 للمتغير الحقيقي x .

(4) شفعية الدالة مربع:

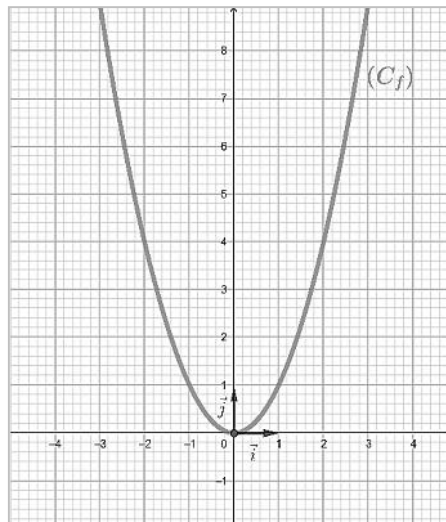
خاصية: الدالة مربع زوجية، أي تمثيلها البياني في معلم متعامد (أو معلم متعامد و متجانس) متناظر بالنسبة لمحور الترتيب.

(5) التمثيل البياني للدالة مربع:

- التمثيل البياني للدالة مربع في مستوي منسوب الى معلم هو مجموعة النقط $M(x; y)$ ،

حيث: $x \in \mathbb{R}$ و $y = x^2$.

- التمثيل البياني للدالة مربع هو قطع مكافئ معادلته: $y = x^2$.



تطبيق:

