

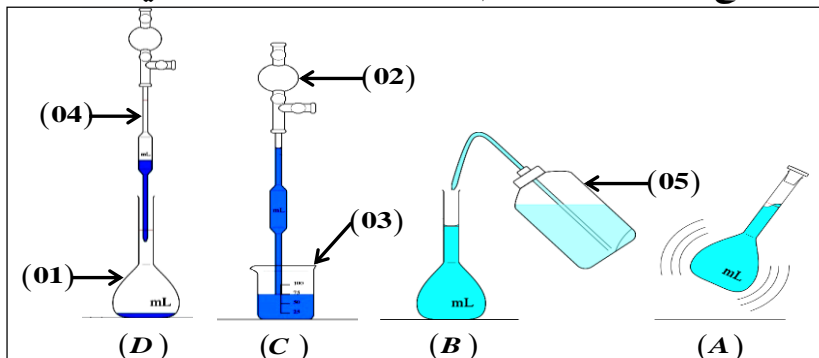
اختبار الأول في مادة العلوم الفيزيائية

التمرين الأول (07 نقاط):

يهدف هذا التمرين الى دراسة حركية الماء الأوكسجيني.

I محلول (S_0) للماء الأوكسجيني H_2O_2 تركيزه المولي C_0 ، تم تمديده F مرة للحصول على محلول (S_1) تركيزه المولي C_1 .

أرتب الصور ترتيبا صحيحا مع ذكر البيانات ، ثم اشرح البروتوكول التجريبي لعملية تحضير المحلول (S_1) .



II نأخذ حجما قدره $V_1 = 20 \text{ ml}$ من المحلول الممدد والمحمض ونعايره بواسطة محلول برمنغنات البوتاسيوم ($K^+ + MnO_4^-$) الذي تركيزه المولي $C_2 = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$.

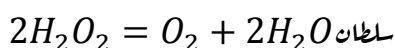
نحصل على حالة التكافؤ بعد إضافة $V_2 = 20 \text{ ml}$ من محلول ($K^+ + MnO_4^-$) المعادلة المنمذجة للتحويل الكيميائي الحادث هي : $aMnO_4^- + bH_2O_2 + 6H^+ = cMn^{2+} + 5O_2 + 8H_2O$

1-1 جد قيمة المعاملات الستوكيومترية a و b و c .

2-1 أنجز جدول التقدم لتفاعل المعايرة عند التكافؤ.

3-1 عرف نقطة التكافؤ ثم جد عبارة التركيز المولي C_1 بدلالة C_2 و V_1 و V_2 . ثم احسب قيمته .

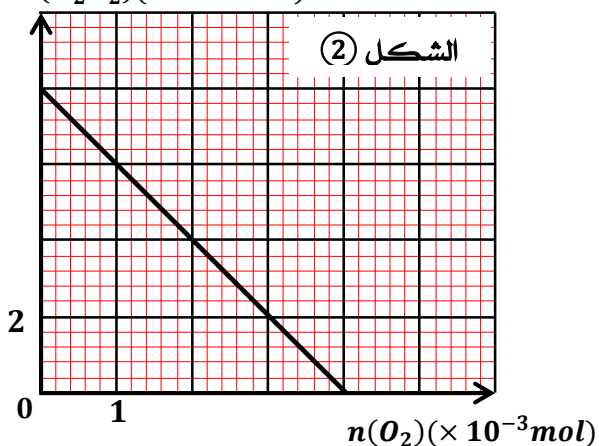
III الماء الأوكسجيني يتفكك ببطئ شديد ، معادلة التفاعل المنمذجة لهذا التفكك هي :



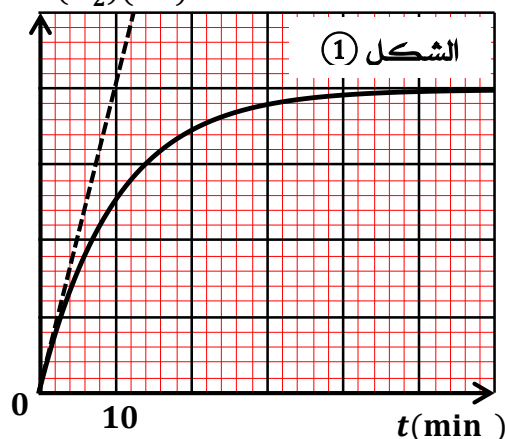
عند اللحظة $t = 0$ نضيف لحجم $V_0 = 80 \text{ ml}$ من الماء الأوكسجيني الذي تركيزه المولي C_0 قطرات من محلول كلور الحديد الثلاثي الذي يسرع هذا التفاعل . الدراسة التجريبية مكنت من رسم المنحنى

$V(O_2) = f(t)$ والمنحنى $n(H_2O_2) = f(n(O_2))$ المبينين في الشكلين (1) و (2) على التوالي .

$n(H_2O_2)(\times 10^{-3} \text{ mol})$



$V(O_2)(\text{ml})$



1-2 أنجز جدولاً لتقدم هذا التفاعل.

2-2 بالاعتماد على جدول التقدم والمنحنى $n(H_2O_2) = f(n(O_2))$.

أ) استنتج التركيز المولي C_0 للماء الأكسجيني ، ثم بالاستعانة بالتركيز المولي للماء الأوكسجيني C_1 المحسوب سابقاً في السؤال 3-1 للجزء (II) جد قيمة معامل التمديد F .

ب) استنتج قيمة التقدم الأعظمي x_{max} .

ج) بين أن : $V_f(O_2) = x_f \cdot V_M$ ثم أثبت أن قيمة $V_f(O_2) = 96 \times 10^{-3} L$.

3-2 استنتج سلماً لمحور تراتيب المنحنى $V(O_2) = f(t)$.

4-2 بين أن $V_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{V_f(O_2)}{2}$ ، ثم استنتج قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.

5-2 بين أن سرعة التفاعل تكتب بالعلاقة التالية : $v = \frac{1}{V_M} \frac{dV(O_2)}{dt}$. ثم حدد قيمتها الأعظمية.

يعطى : $V_M = 24 L \cdot mol^{-1}$

التمرين الثاني (06 نقاط):



Tycho Brahe

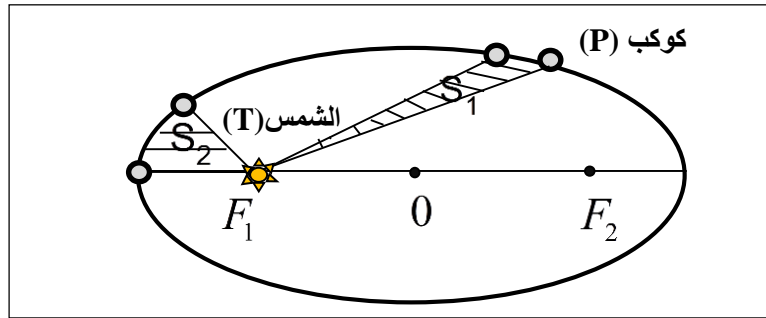
Johannes Kepler

اعتمد العالم الألماني يوهانز كيبلر (Johannes kepler) في أعماله على أعمال العالم كوبرنيك والعالم الدنماركي تيخو براهي (Tycho Brahe) أول شيء اكتشفه أن مسارات الكواكب حول الشمس هو اهليجي .

• الهدف من هذا التمرين تحديد كوكب مجهول يدور حول الشمس .

1-ما الواجب توفره حتى يكون مسار الكواكب حول الشمس اهليجي؟ .

2-ذكر بنص قانون الثاني لكيبلر ثم وضح العلاقة بين S_1 و S_2 الموجودة في الشكل-03 .



الشكل ③

3-ما هو المرجع المناسب لدراسة حركة الكواكب ، ثم عرفه.

(الشكل-04)

لتبسيط الدراسة نعتبر مسارات الكواكب حول الشمس دائرية نصف قطرها (r)

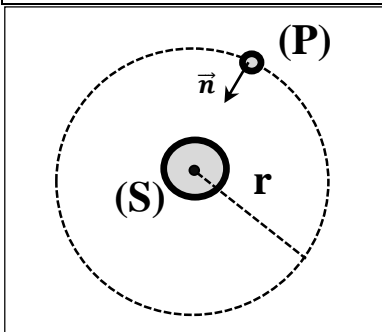
ليكن كوكب (P) يدور حول الشمس (S) نصف قطر مداره حول الشمس هو $r = 777,52 \times 10^9 m$.

أ- مثل كيفياً شعاع القوة التي تطبقها الشمس (S) على الكوكب (P) ثم أكتب عبارتها الشعاعية بدلالة المقادير التالية : كتلة الشمس M_S ،

وكتلة كوكب m_P ونصف قطر r وثابت الجذب العام G وشعاع الوحدة \vec{n} .

بد بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن تسارع مركز عطالة الكوكب (P)

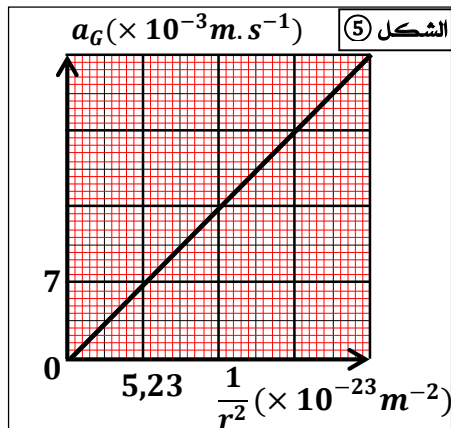
يعطى بالعلاقة التالية : $a_G = \frac{G \cdot M_S}{r^2}$



الشكل ④

جـ- يمثل المنحنى (الشكل-05) تغيرات التسارع لمركز عطالة بعض الكواكب المجرة الشمسية بدلالة

$$a_G = f \left(\frac{1}{r^2} \right)$$



ج1- اعتمادا على المنحنى البياني أوجد قيمة كتلة الشمس M_S .
دبين أن حركة الكوكب دائرية منتظمة حول الشمس.

هـ- عرف الدور T , ثم استنتج عبارته بدلالة كل من M_S و r و G .

و- أثبت أن عبارة القانون الثالث لكيبلر تكتب من الشكل: $\frac{T^2}{r^3} = K$

محددا عبارة الثابت K , ثم بين أن قيمته تساوي $K = 2,95 \times 10^{-19} SI$.
ن- أكمل الجدول التالي:

المشتري	المريخ	الأرض	اسم الكوكب
11,8	1,9	1,0	الدور T(ans)
			نصف القطر مسار الكوكب $r(m)$

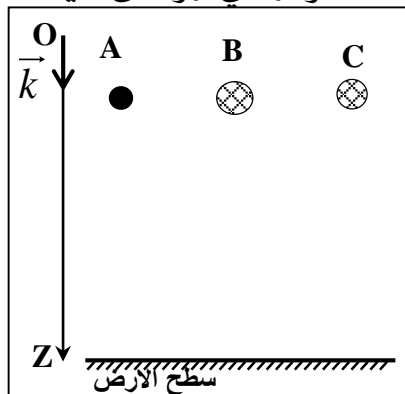
• حدد الكوكب (P) المعني بالدراسة.

المعطيات: ثابت الجذب العام $G = 6,67 \times 10^{-11} SI$ و $1ans = 8766h$

التمرين التجريبي (07نقاط):

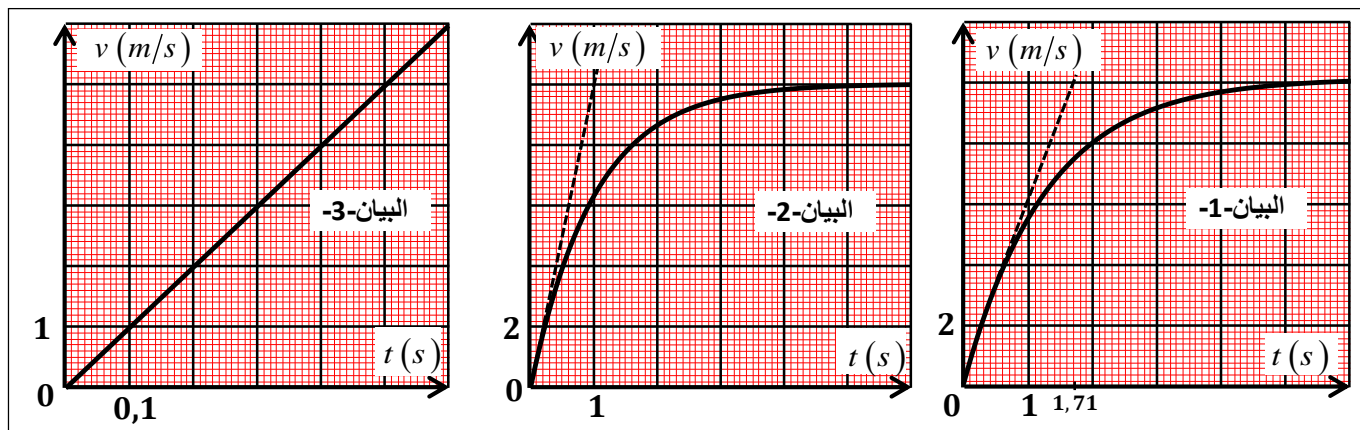
في المرجع الغاليلي، أثبتت التجارب أن جميع الأجسام تسقط بنفس السرعة في حالة السقوط الحر، وتختلف سرعة سقوط الأجسام عند وجود عوامل مؤثرة مثل الضغط و الحرارة و الهواء.

للتأكد من ذلك نعتبر ثلاثة كريات مختلفة الأحجام و من مواد مختلفة تخضع أثناء سقوطها في الهواء الى تأثير القوى المبينة في الجدول التالي:



الكرية	كتلتها	القوى المؤثرة
A	$m_A = 100g$	التقل \vec{P}_A دافعة أرخميدس مهملة مقاومة الهواء مهملة
B	$m_B = 100g$	التقل \vec{P}_B دافعة أرخميدس غير مهملة مقاومة الهواء $f = kv^2$
C	$m_C = 100g$	التقل \vec{P}_C دافعة أرخميدس مهملة مقاومة الهواء $f = k'v$

بعد متابعة تطور سرعة مركز عطالة كل كرية بطريقة مناسبة تحصلنا على البيانات التالية:



1. عرف المرجع الغاليلي (العطالي).
2. مثل القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة كل كرية أثناء السقوط عند اللحظة t .
3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن , جد المعادلة التفاضلية لتطور السرعة لكل كرية.
4. باستغلال البيانات استنتج قيمة التسارع الابتدائي a_0 في اللحظة $t = 0$.
5. اعتمادا على قيمة التسارع الابتدائي , أرفق البيان الموافق لكل كرية مع التعليل.
6. أحسب شدة دافعة أرخميدس Π المؤثرة على الكرية B.
7. جد عبارة السرعة الحدية v_{lim} الموافقة للكرية B و C.
8. اوجد بالاستعانة بالتحليل البعدي وحدة معامل الاحتكاك K حالة السرعات الصغيرة.
9. استنتج قيمة معامل الاحتكاك لكل من الكرية B و C بوحدة kg/s ووحدة kg/m .

يعطى : شدة تسارع الجاذبية الأرضية $g = 10 m/s^2$

بالتوفيق أساتذة المادة

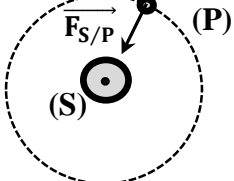
التصحيح النموذجي للاختبار الأول في مادة العلوم الفيزيائية

التمرين الأول (07 نقاط):

(0,25) $C \rightarrow D \rightarrow B \rightarrow A$		ترتيب الصور																															
1-حجلة عيارية 2-اجاصة مص 3-كأس بيشر 4-ماصة عيارية 5-قارورة ماء (طارحة ماء) (01)		البيانات																															
<ul style="list-style-type: none">• نسكب المحلول التجاري (S_0) في بيشر . (0,5)• نسحب بواسطة ماصة عيارية حجما V_0 من المحلول التجاري (اسم المحلول المستعمل) .• نفرغ محتوى الماصة في حجلة عيارية بها ماء مقطر .• نكمل بالماء المقطر حتى خط العيار .• نغلق الحجلة بسدادتها و نرج حتى الحصول على محلول متجانس .		شرح البروتوكول التجريبي لعملية تحضير المحلول (S_1) .																															
(0,5) $a = 2$ و $b = 5$ و $C = 2$		قيمة المعاملات الستوكيومترية a و b و c																															
جدول التقدم لتفاعل المعايرة عند التكافؤ:																																	
<table><tr><td colspan="2">المعادلة</td><td colspan="6">$2MnO_4^-(aq) + 5H_2O_{2(aq)} + 6H^+_{(aq)} = 6Mn^{2+}_{(aq)} + 5O_{2(g)} + 8H_2O_{(l)}$</td></tr><tr><td>الحالة</td><td>التقدم</td><td colspan="6">كمية المادة</td></tr><tr><td>الابتدائية</td><td>0</td><td>$n_0(MnO_4^-) = C_2V_2$</td><td>$n_0(H_2O_2) = C_1V_1$</td><td rowspan="2">في البداية</td><td>0</td><td>0</td><td rowspan="2">في النهاية</td></tr><tr><td>عند التكافؤ</td><td>x_E</td><td>$n_0(MnO_4^-) - 2x_E$</td><td>$n_0(H_2O_2) - 5x_E$</td><td>$6x_E$</td><td>$5x_E$</td></tr></table>		المعادلة		$2MnO_4^-(aq) + 5H_2O_{2(aq)} + 6H^+_{(aq)} = 6Mn^{2+}_{(aq)} + 5O_{2(g)} + 8H_2O_{(l)}$						الحالة	التقدم	كمية المادة						الابتدائية	0	$n_0(MnO_4^-) = C_2V_2$	$n_0(H_2O_2) = C_1V_1$	في البداية	0	0	في النهاية	عند التكافؤ	x_E	$n_0(MnO_4^-) - 2x_E$	$n_0(H_2O_2) - 5x_E$	$6x_E$	$5x_E$	(0,5)	
المعادلة		$2MnO_4^-(aq) + 5H_2O_{2(aq)} + 6H^+_{(aq)} = 6Mn^{2+}_{(aq)} + 5O_{2(g)} + 8H_2O_{(l)}$																															
الحالة	التقدم	كمية المادة																															
الابتدائية	0	$n_0(MnO_4^-) = C_2V_2$	$n_0(H_2O_2) = C_1V_1$	في البداية	0	0	في النهاية																										
عند التكافؤ	x_E	$n_0(MnO_4^-) - 2x_E$	$n_0(H_2O_2) - 5x_E$		$6x_E$	$5x_E$																											
نقطة التكافؤ:																																	
هي نقطة نميز عندها الاختفاء الكلي للمتفاعلات و يكون عندها المزيج بنسب ستوكيومترية.(0,25)																																	
$\frac{n_0(MnO_4^-)}{2} = \frac{n_0(H_2O_2)}{5} \Rightarrow \frac{C_2V_2}{2} = \frac{C_1V_1}{5}$ $\Rightarrow C_1 = \frac{5C_2V_2}{2V} = \frac{5 \times 10^{-2} \times 20}{2 \times 20} = 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$		عبارة التركيز المولي C_1 بدلالة C_2 و V_1 و V_2 . ثم احسب قيمته . (0,5)																															
1.2-انجاز جدولا لتقدم هذا التفاعل:																																	
<table><tr><td colspan="2">المعادلة</td><td colspan="4">$2H_2O_2 = O_2 + 2H_2O$</td></tr><tr><td>ح.ا</td><td>0</td><td>$n_0(H_2O_2) = CV$</td><td>0</td><td colspan="2">+</td></tr><tr><td>ح.ان</td><td>x</td><td>$n_0(H_2O_2) - 2x$</td><td>x</td><td colspan="2">+</td></tr><tr><td>ح.ن</td><td>x_f</td><td>$n_0(H_2O_2) - 2x_f$</td><td>x_f</td><td colspan="2">+</td></tr></table>		المعادلة		$2H_2O_2 = O_2 + 2H_2O$				ح.ا	0	$n_0(H_2O_2) = CV$	0	+		ح.ان	x	$n_0(H_2O_2) - 2x$	x	+		ح.ن	x_f	$n_0(H_2O_2) - 2x_f$	x_f	+		(0,5)							
المعادلة		$2H_2O_2 = O_2 + 2H_2O$																															
ح.ا	0	$n_0(H_2O_2) = CV$	0	+																													
ح.ان	x	$n_0(H_2O_2) - 2x$	x	+																													
ح.ن	x_f	$n_0(H_2O_2) - 2x_f$	x_f	+																													
$n_0(H_2O_2) = C_0V_0 \Rightarrow C_0 = \frac{n_0(H_2O_2)}{V_0} = \frac{8 \times 10^{-3}}{80 \times 10^{-3}} = 0,1 \text{ mol/L}$		(0,5) التركيز المولي C_0 للماء الاكسجيني																															
(0,25) $F = \frac{C_0}{C} = \frac{0,1}{2,5 \times 10^{-2}} = 04$		معامل التمديد F :																															
(0,25) $n_f(O_2) = x_f = 4 \times 10^{-3} \text{ mol}$ من جدول التقدم و البيان لدينا		قيمة التقدم الأعظمي x_{max}																															

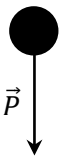
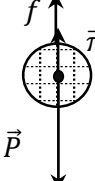
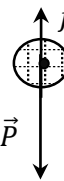
$x_f = n_f(O_2) \Rightarrow x_f = \frac{V_f(O_2)}{V_M} \Rightarrow V_f(O_2) = x_f V_M$ $V_f(O_2) = 4 \times 10^{-3} \times 24 = 96 \times 10^{-3} L$	<p>بين أن: $V_f(O_2) = x_f \cdot V_M$ ثم أثبت أن قيمة $V_f(O_2) = 96 \times 10^{-3} L$</p>
$(0,25) \quad 1Cm \rightarrow 24mL$	<p>سلم لمحور تراتيب المنحنى</p>
<p>لدينا عند $t_{1/2}$: من جدول التقدم لدينا</p> $(0,5) \quad n_{t_{1/2}}(O_2) = x_{t_{1/2}} \Rightarrow n_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{x_f}{2} \dots (1)$ <p>لدينا عند t_f : من جدول التقدم لدينا $n_f(O_2) = x_f \dots (2)$</p> <p>نعوض (2) في (1) نجد:</p> $n_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{n_f(O_2)}{2} \Rightarrow \frac{V_{t_{1/2}}(O_2)}{\cancel{V_M}} = \frac{\cancel{V_M}}{2} \Rightarrow V_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{V_f(O_2)}{2}$	<p>تبيان أن $V_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{V_f(O_2)}{2}$</p>
$t_{1/2} = 7min \quad (0,25)$	<p>قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.</p>
<ul style="list-style-type: none"> لدينا عبارة السرعة اللحظية للتفاعل هي: $v = \frac{dx}{dt} \dots (1)$ من جدول التقدم لدينا: $x = n(O_2) = \frac{V(O_2)}{V_M}$ نعوضها في (1) $v = \frac{d \frac{V(O_2)}{V_M}}{dt}$ <p>نجد:</p> $v = \frac{1}{V_M} \times \frac{dV(O_2)}{dt}$ <p>بما أن V_M مقدار ثابت فإنه لا يشتق تصبح العلاقة السابقة:</p>	<p>سرعة التفاعل تكتب بالعلاقة التالية</p> $v = \frac{1}{V_M} \frac{dV(O_2)}{dt}$
$(0,5) \quad v = \frac{1}{24} \times \frac{(96-0) \times 10^{-3}}{(10-0)} = 4 \times 10^{-4} mol/min$	<p>حساب قيمتها الأعظمية:</p>

التمرين الثاني (06 نقاط):

<p>الواجب توفره حتى يكون مسار الكواكب حول الشمس اهليجي؟</p> <p>نص القانون 02 لكيبلر: يسمح المستقيم الرابط بين مركز الشمس و مركز الكوكب مساحات متساوية خلال مجالات زمنية متساوية</p> <p>(0,25)</p>	<p>أن تقع الشمس في احدى المحرقين (0,25)</p> <p>العلاقة $S_1 = S_2$ $t_1 = t_2$ (0,25)</p>
<p>مرجع مزود بمعلم ثلاثي الأبعاد مبدأ مركز الشمس محاوره موجهة نحو ثلاثة نجوم نعتبرها ثابتة بالنسبة للشمس ويعتبر غاليليا إلى حد كبير , نعتمد عليه في دراسة حركة الكواكب و المذنبات التي تدور حول الشمس.</p> <p>(0,25)</p>	<p>مرجع الدراسة هو الهيليومركزي (0,25)</p>
 <p>(0,25)</p>	<p>مثل كيفيا شعاع القوة التي تطبقها الشمس (S) على الكوكب (P)</p>
<p>العبرة الشعاعية :</p> <p>(0,25)</p> <p>$\vec{F}_{T/S} = G \frac{M_T m_S}{r^2} \vec{n}$</p>	
<p>• <u>الجملة المدروسة: كوكب (P)</u></p> <p>• <u>مرجع الدراسة: هيليومركزي</u> (0,5)</p> <p>• <u>القوى المؤثرة: $\vec{F}_{S/P}$</u></p> <p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن: $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{F}_{S/P} = m_p \vec{a}$</p> <p>بالإسقاط على المحور الناظمي نجد:</p> <p>$F_{S/P} = m_p a_n \Rightarrow G \frac{m_p \times M_s}{r^2} = m_p a_n \Rightarrow a_n = G \frac{M_s}{r^2} \Rightarrow a_G = G \frac{M_s}{r^2}$</p>	<p>عبرة تسارع مركز عطالة الكوكب (P) :</p>
<p>البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $a_G = A \frac{1}{r^2}$</p> <p>حيث A هو معامل التوجيه.</p> <p>• بيانيا : (1) $a_G = A \frac{1}{r^2}$</p> <p>• نظريا : (2) $a_G = \frac{GM_s}{r^2} \Rightarrow a_G = GM_s \frac{1}{r^2}$</p> <p>بمطابقة العلاقة (1) و (2) نجد :</p> <p>$\left. \begin{aligned} a_G &= A \frac{1}{r^2} \\ a_G &= GM_s \frac{1}{r^2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow A = GM_s \Rightarrow M_s = \frac{A}{G} = \frac{\left(\frac{(7-0) \times 10^{-3}}{(5,23-0) \times 10^{-23}} \right)}{6,67 \times 10^{-11}} = 2 \times 10^{30} \text{ kg}$</p>	<p>كتلة الشمس M_s .</p>
<p>بما أن تسارع الحركة هو تسارع ناظمي وهو مقدار ثابت و عليه فالحركة دائرية منتظمة (تقبل طرق أخرى) (0,25)</p>	<p>تبيان أن حركة الكوكب دائرية منتظمة حول الشمس.</p>
<p>هو زمن انجاز دورة واحدة. (0,25)</p>	<p>عرف الدور T</p>

$(0,5) \quad T = \frac{2\pi r}{v} \Rightarrow T = \frac{2\pi r}{\sqrt{\frac{GM_s}{r}}} \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM_s}}$	<p>عبارة T بدلالة كل من M_s و r و G.</p>																
$(0,25) \quad T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM_s}} \Rightarrow T^2 = \frac{4\pi^2 \cdot r^3}{GM_s} \Rightarrow \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{GM_s} = K$	<p>القانون الثالث لكيبلر</p>																
$(0,25) \quad \frac{4\pi^2}{GM_s} = K$	<p>عبارة الثابت K :</p>																
$(0,25) \quad K = \frac{4\pi^2}{6,67 \times 10^{-11} \times 2 \times 10^{30}} = 2,95 \times 10^{-19} SI$	<p>قيمته الثابت K</p>																
<table border="1"> <tr> <td>المشتري</td> <td>المريخ</td> <td>الأرض</td> <td>اسم الكوكب</td> </tr> <tr> <td>11,8</td> <td>1,9</td> <td>1,0</td> <td>T(ans) الدور</td> </tr> <tr> <td>$7,77 \times 10^{11}$ <small>سم</small></td> <td>$2,3 \times 10^{11}$ <small>سم</small></td> <td>$1,5 \times 10^{11}$ <small>سم</small></td> <td>نصف القطر مسار الكوكب $r(m)$</td> </tr> <tr> <td>(0,25)</td> <td>(0,25)</td> <td>(0,25)</td> <td></td> </tr> </table>	المشتري	المريخ	الأرض	اسم الكوكب	11,8	1,9	1,0	T(ans) الدور	$7,77 \times 10^{11}$ <small>سم</small>	$2,3 \times 10^{11}$ <small>سم</small>	$1,5 \times 10^{11}$ <small>سم</small>	نصف القطر مسار الكوكب $r(m)$	(0,25)	(0,25)	(0,25)		<p>اكمل الجدول التالي :</p>
المشتري	المريخ	الأرض	اسم الكوكب														
11,8	1,9	1,0	T(ans) الدور														
$7,77 \times 10^{11}$ <small>سم</small>	$2,3 \times 10^{11}$ <small>سم</small>	$1,5 \times 10^{11}$ <small>سم</small>	نصف القطر مسار الكوكب $r(m)$														
(0,25)	(0,25)	(0,25)															
<p>هو المشتري. (0,25)</p>	<p>الكوكب (P) المعني بالدراسة :</p>																

التمرين التجريبي (07 نقاط):

تعريف المرجع العطالي :		
هو كل مرجع يتحقق فيه مبدأ العطالة. (0,25)		
تمثيل القوى الخارجية في اللحظة t :		
الكرة A	الكرة B	الكرة C
		
(0,25)	(0,25)	(0,25)
المعادلات التفاضلية للسرعة :		
<ul style="list-style-type: none"> الجملة المدروسة: كرية مرجع الدراسة: سطحي أرضي (0,25) 		
الكرة A	الكرة B	الكرة C
\vec{P} (0,25) القوى المؤثرة :	$\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f}$ (0,25) القوى المؤثرة :	$\vec{P} + \vec{f}$ (0,25) القوى المؤثرة :
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن : $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}$		
بالإسقاط على المحور (OZ) نجد : $P = m \cdot a \rightarrow m \cdot g = m \cdot a \rightarrow a = g$ المعادلة التفاضلية للسرعة: $\Rightarrow a = g \Rightarrow \frac{dv_z}{dt} = g$ (0,25)	بالإسقاط على المحور (OZ) نجد : $\rightarrow P - \pi - f = m \cdot a$ $\rightarrow P - \pi - k v^2 = m \frac{dv}{dt}$ $\rightarrow m \frac{dv}{dt} + k v^2 = P - \pi$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = \frac{P - \pi}{m} = \frac{\rho_{air} \cdot V_s \cdot g}{m}$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g - \frac{\rho_{air} \cdot V_s}{\rho_s \cdot V_s} g$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g - \frac{\rho_{air}}{\rho_s} g$ (0,5) $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g \left(1 - \frac{\rho_{air}}{\rho_s}\right)$	بالإسقاط على المحور (OZ) نجد : $\rightarrow P - f = m \cdot a$ $\rightarrow P - k' v = m \frac{dv}{dt}$ $\rightarrow m \frac{dv}{dt} + k' v = P$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k'}{m} v = \frac{P}{m}$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k'}{m} v = g$ (0,5)
التسارع الابتدائي a_0 :		
البيان-1	البيان-2	البيان-3
$(0,5) a_0 = \frac{v_{lim}}{\tau} = \frac{10}{1,75} = 5,84 m/s^2$	$(0,5) a_0 = \frac{v_{lim}}{\tau} = \frac{10}{1} = 10 m/s^2$	$(0,5) a_0 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{1}{0,1} = 10 m/s^2$
عند t = 0 فان : $P - \Pi = m a_0 \rightarrow \Pi = P - m a_0 \rightarrow \Pi = mg - m a_0$ (0,25) $\rightarrow \Pi = m (g - a_0) = 0,1(10 - 5,84) = 0,416 N$		شدة دافعة أرخميدس Π المؤثرة على الكرة B
انساب كل كرية للبيان المناسب لها		
البيان-1- الكرة B (0,25)	البيان-2- الكرة C (0,25)	البيان-3- الكرة A (0,25)
عبارة السرعة الحدية v_{lim} في النظام الدائم فان $v_{lim} = 0$ و $\frac{dv}{dt} = 0$		
$(0,25) \frac{k}{m_s} v_{lim}^2 = g \left(1 - \frac{\rho_{air}}{\rho_s}\right) \rightarrow v_{lim}^2 = \frac{m_s}{k} g \left(1 - \frac{\rho_{air}}{\rho_s}\right) \rightarrow v_{lim}^2 = \frac{m}{k} a_0 \rightarrow v_{lim} = \sqrt{\frac{m}{k} \cdot a_0}$		الكرة B
$(0,25) \frac{k}{m} v_{lim} = g \rightarrow v_{lim} = \frac{m}{k} g \rightarrow v_{lim} = \frac{m}{k} a_0$		الكرة C
$f = k' v \rightarrow k' = \frac{f}{v} \rightarrow [k'] = \frac{MLT^{-2}}{LT^{-1}} \rightarrow [k'] = MT^{-1}$ (0,25) وحدة k' هي kg/s		التحليل البعدي لـ K'
قيمة معامل الاحتكاك		
$(0,25) v_{lim}^2 = \frac{m \cdot a_0}{k} \rightarrow k = \frac{m \cdot a_0}{v_{lim}^2} = \frac{0,1 \times 5,84}{10^2} = 0,00584 kg/m$		الكرة B
$(0,25) v_{lim} = \frac{m \cdot a_0}{k'} \rightarrow k' = \frac{m \cdot a_0}{v_{lim}} = \frac{0,1 \times 10}{10} = 0,1 kg/s$		الكرة C