

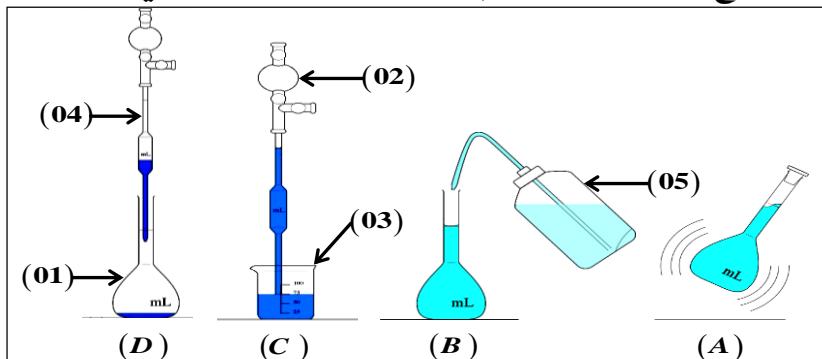
اختبار الأول في مادة العلوم الفيزيائية

التمرин الأول (7 نقاط):

يهدف هذا التمرن الى دراسة حركية الماء الأكسجيني.

I- محلول (S_0) للماء الأكسجيني H_2O_2 تركيزه المولي C_0 ، تم تميده F مرة للحصول على محلول (S_1) تركيزه المولي C_1 .

أرتب الصور ترتيباً صحيحاً مع ذكر البيانات ، ثم اشرح البروتوكول التجاري لعملية تحضير المحلول (S_1).



II- نأخذ حجماً قدره $V_1 = 20 \text{ ml}$ من المحلول المدّد والمحمض ونعايره بواسطة محلول برمغنتات البوتاسيوم ($K^+ + MnO_4^-$) الذي تركيزه المولي $C_2 = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$

نحصل على حالة التكافؤ بعد إضافة V_2 من محلول ($K^+ + MnO_4^-$) المعادلة المنمذجة للتحول الكيميائي الحادث هي :

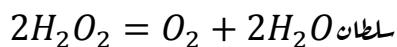
$$aMnO_4^- + bH_2O_2 + 6H^+ = cMn^{2+} + 5O_2 + 8H_2O$$

1-1 جد قيمة المعاملات الاستوكيومترية a و b و c .

2-1 أنجز جدول التقدم لتفاعل المعايرة عند التكافؤ.

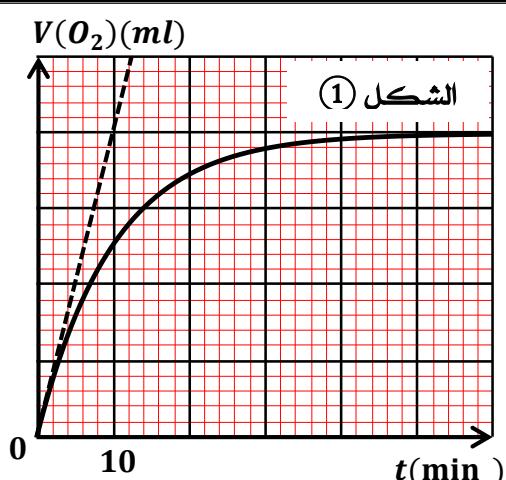
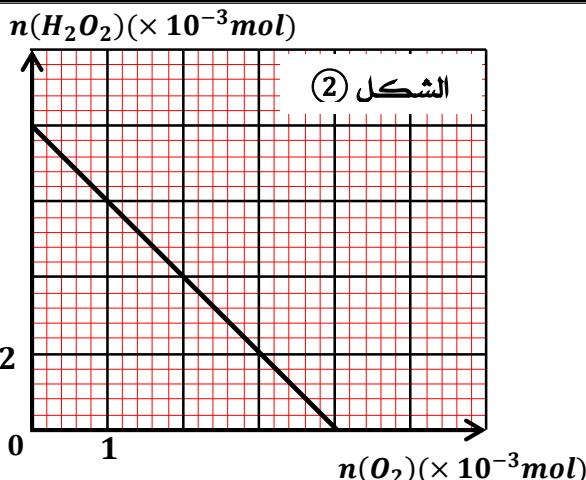
3-1 عرف نقطة التكافؤ ثم جد عبارة التركيز المولي C_1 بدلالة C_2 و V_1 و V_2 . ثم احسب قيمته.

III- الماء الأكسجيني يتفكك ببطء شديد ، معادلة التفاعل المنمذجة لهذا التفكك هي :



عند اللحظة $t = 0$ نضيف لحجم $V_0 = 80 \text{ ml}$ من الماء الأكسجيني الذي تركيزه المولي C_0 قطرات من محلول كلور الحديد الثلاثي الذي يسرع هذا التفاعل . الدراسة التجريبية مكنت من رسم المنحنى

(1) $V(O_2) = f(t)$ والنحنى (2) $n(H_2O_2) = f(n(O_2))$ المبينين في الشكلين (1) و (2) على التوالي .



1-2 أنجز جدولًا لتقدم هذا التفاعل.

2-2 بالاعتماد على جدول التقدم والمنحنى $n(H_2O_2) = f(n(O_2))$

أ) استنتاج التركيز المولي C_0 للماء الأكسجيني ، ثم بالاستعانة بالتركيز المولي للماء الأوكسجيني C_1 المحسوب سابقا في السؤال 3-1 للجزء (II) جد قيمة معامل التمديد F .

ب) استنتاج قيمة التقدم الأعظمي x_{max} .

ج) بين أن : $V_f(O_2) = x_f \cdot V_M$ ثم أثبت أن قيمة L^{-3} $V_f(O_2) = 96 \times 10^{-3} L^{-3}$

3-2 استنتاج سلماً لمحور تراتيب المنحنى $f(t) = V(O_2)$.

4-2 بين أن $V_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{V_f(O_2)}{2}$ ، ثم استنتاج قيمة زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$.

5-2 بين أن سرعة التفاعل تكتب بالعلاقة التالية: $v = \frac{1}{V_M} \frac{dV(O_2)}{dt}$. ثم حدد قيمتها الأعظمية.

$$V_M = 24 L \cdot mol^{-1}$$

التمرين الثاني (6 نقاط):



اعتمد العالم الألماني يوهانز كيبلر (Johannes Kepler) في أعماله على أعمال العالم كوبرنيك والعالم الدنماركي تيغزو براهي (Tycho Brahe) أول شيء اكتشفه أن مسارات الكواكب حول الشمس هو أهليجي.

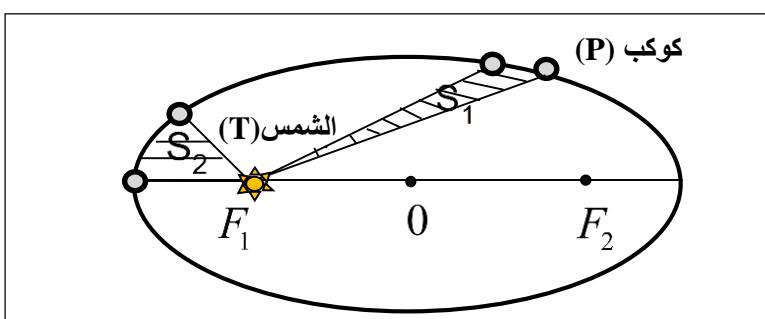
Tycho Brahe

Johannes Kepler

• الهدف من هذا التمرين تحديد كوكب مجهول يدور حول الشمس.

1-ما الواجب توفره حتى يكون مسار الكواكب حول الشمس أهليجي؟

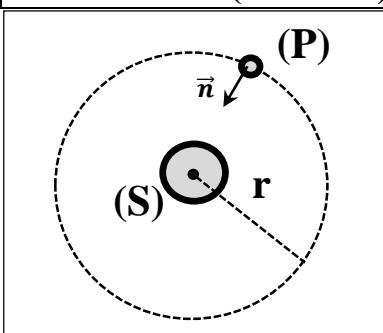
2-ذكر بنص قانون الثاني لكيبلر ثم وضح العلاقة بين S_1 و S_2 الموجودة في الشكل-03.



الشكل ③

3-ما هو المرجع المناسب لدراسة حركة الكواكب ، ثم عرفه.

لتبسيط الدراسة تعتبر مسارات الكواكب حول الشمس دائيرية نصف قطرها (r) (الشكل-04)



الشكل ④

ليكن كوكب (P) يدور حول الشمس (S) نصف قطر مدراه حول الشمس هو $777,52 \times 10^9 m$.

أ- مثل كييفيا شعاع القوة التي تطبقها الشمس (S) على الكوكب (P) ثم أكتب عبارتها الشعاعية بدلالة المقادير التالية: كتلة الشمس M_S ، وكتلة كوكب m_P ونصف قطر r وثابت الجذب العام G وشعاع الوحدة \vec{n} .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون بين أن تسارع مركز عطاله الكوكب (P) يعطى بالعلاقة التالية:

$$a_G = \frac{G \cdot M_S}{r^2}$$

جـ. يمثل المنحني (الشكل 5) تغيرات التسارع لمركز عطالة بعض الكواكب المجرة الشمسية بدلالة

$$\cdot \quad a_G = f \left(\frac{1}{r^2} \right)$$

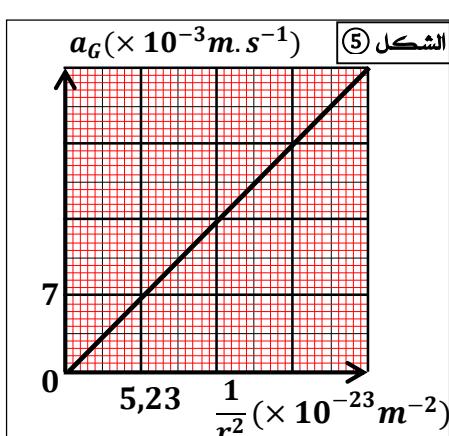
جـ-1. اعتماداً على المنحنى البياني أوجد قيمة كتلة الشمس M_S .
دبين أن حركة الكوكب دائيرية منتظمة حول الشمس.

هـ- عرف الدور T ، ثم استنتج عبارته بدلالة كل من M_s و r و G .

وأثبتت أن عبارة القانون الثالث لكيبل تكتب من الشكل:

محدداً عبارة الثابت K , ثم بين أن قيمته تساوي $SI = 2,95 \times 10^{-19}$.

نـ أـ كـ مـ لـ الـ جـ دـ وـ لـ التـ الـ يـ :



المشتري	المريخ	الأرض	اسم الكوكب
11,8	1,9	1,0	T(ans) الدور
			نصف القطر مسار الكوكب $r(m)$

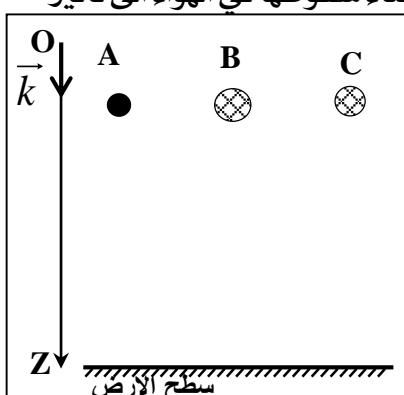
- حدد الكوكب (P) المعنى بالدراسة.

المعطيات: ثابت الجذب العام $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{SI}$ و $1\text{ans} = 8766h$

التمرين التجريبى (٧٠ نقاط):

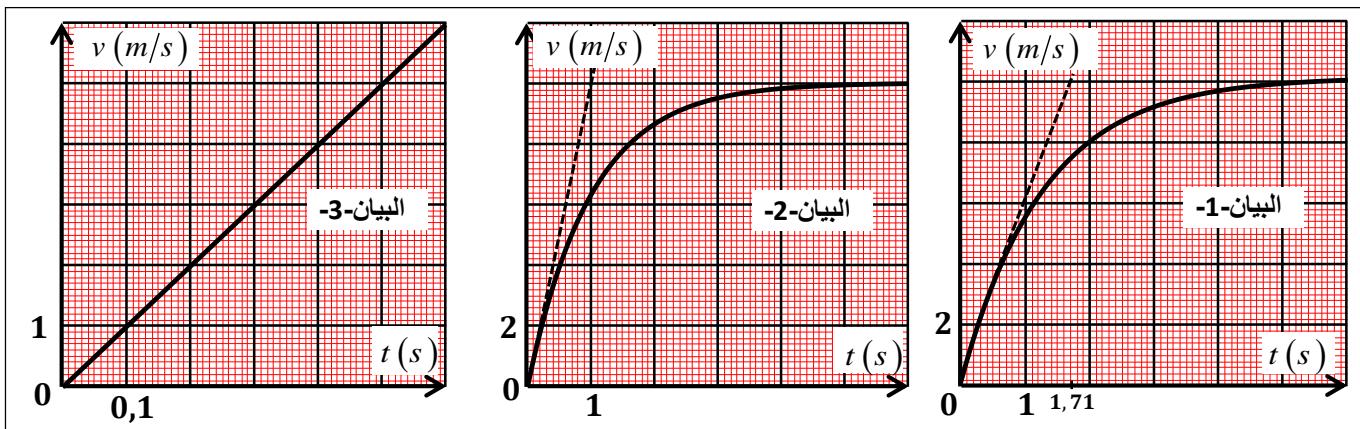
في المرجع الغاليلي، أثبتت التجارب أن جميع الأجسام تسقط بنفس السرعة في حالة السقوط الحر، وتختلف سرعة سقوط الأحجام عند وجود عوامل مؤثرة مثل الضغط و الحرارة و الهواء.

للتأكد من ذلك نعتبر ثلاثة كريات مختلفة الأحجام و من مواد مختلفة تخضع أثناء سقوطها في الهواء الى تأثير القوى المبينة في الجدول التالي:



الكريمة	كتانها	القوى المؤثرة
A	$m_A = 100g$	التقل \vec{P}_A دافعة أرخميدس مهملة
B	$m_B = 100g$	التقل \vec{P}_B دافعة أرخميدس غير مهملة
C	$m_C = 100g$	التقل \vec{P}_C دافعة أرخميدس مهملة

بعد متابعة تطور سرعة مركز عطالة كل كريمة بطريقة مناسبة تحصلنا على البيانات التالية:



- 1- عرف المرجع الغاليلي (العطالي).
- 2- مثل القوى الخارجية المؤثرة على مركز عطالة كل كرية أثناء السقوط عند اللحظة t .
- 3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتون ، جد المعادلة التفاضلية لتطور السرعة لكل كرية.
- 4- باستغلال البيانات استنتج قيمة التسارع الابتدائي a_0 في اللحظة $t = 0$.
- 5- اعتمد على قيمة التسارع الابتدائي ، أرفق البيان الموافق لكل كرية مع التعليل.
- 6- أحسب شدة دافعة أرخميدس Π المؤثرة على الكرية B.
- 7- جد عبارة السرعة الحدية v_{\lim} الموافقة للكرية B و C.
- 8- اوجد بالاستعانة بالتحليل البعدى وحدة معامل الاحتكاك K حالة السرعات الصغيرة.
- 9- استنتاج قيمة معامل الاحتكاك لـ كل من الكرية B و C بوحدة kg/m ووحدة kg/s .

يعطى : شدة تسارع الجاذبية الأرضية $g = 10 m/s^2$

بالتفقيق أسلوب الماكلة

التصحيح النموذجي للناتج الأول في مادة العلوم الفيزيائية

التمرين الأول (7 نقاط):

<p>(0,25) $C \rightarrow D \rightarrow B \rightarrow A$</p> <p>1- حوجلة عيارية 2- اجاصة مص 3- كأس بيشر 4- ماصصة عيارية (01) 5- قارورة ماء (طارحة ماء)</p>	<p>ترتيب الصور البيانات</p>
<ul style="list-style-type: none"> • نسكب محلول التجاري (S_0) في بيشر . • نسحب بواسطة ماصصة عيارية حجما V_0 من محلول التجاري (اسم محلول المستعمل) . • نفرغ محتوى الماصصة في حوجلة عيارية بها ماء مقطر. • نكمل بالماء المقطر حتى خط العيار. • نغلق الحوجلة بسدادتها ونرج حتى الحصول على محلول متجانس. 	<p>شرح البروتوكول التجاري لعملية تحضير محلول (S_1).</p>
<p>(0,5) $a = 2$ و $b = 5$ و $c = 2$</p>	<p>قيمة المعاملات المستوكيومترية a و b و c.</p>

جدول التقدم لتفاعل المعايرة عند التكافؤ:

المعادلة		كمية المادّة						(0,5)
الحالة	التقدم	$n_0(MnO_4^-)$	$n_0(H_2O_2)$	$n_0(H^+)$	$n_0(O_2)$	$n_0(H_2O)$	$n_0(OH^-)$	
الابتدائية	0	$n_0(MnO_4^-) = C_1 V_2$	$n_0(H_2O_2) = C_1 V_1$			0	0	
عند التكافؤ	x_E	$n_0(MnO_4^-) - 2x_E$	$n_0(H_2O_2) - 5x_E$			$6x_E$	$5x_E$	

نقطة التكافؤ:

هي نقطة تميز عندها الاختفاء الكلي للمتفاعلات ويكون عندها المزيج بنسب ستوكيمترية. (0,25)

$\frac{n_0(MnO_4^-)}{2} = \frac{n_0(H_2O_2)}{5} \Rightarrow \frac{C_1 V_2}{2} = \frac{C_1 V_1}{5}$ $\Rightarrow C_1 = \frac{5C_1 V_2}{2V} = \frac{5 \times 10^{-2} \times 20}{2 \times 20} = 2,5 \times 10^{-2} \text{ mol/L}$	<p>عبارة التركيز المولي C_2 بدلالة C_1 و V_1 و V_2. ثم احسب قيمته.</p>
--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

1.2- انجاز جدولًا لتقدم هذا التفاعل:

المعادلة		$2H_2O_2 = O_2 + 2H_2O$				(0,5)
ح.ا	0	$n_0(H_2O_2) = CV$	0	+		
ح.ان	x	$n_0(H_2O_2) - 2x$	x	+		
ح.ن	x_f	$n_0(H_2O_2) - 2x_f$	x_f	+		

$$(0,5) n_0(H_2O_2) = C_0 V_0 \Rightarrow C_0 = \frac{n_0(H_2O_2)}{V_0} = \frac{8 \times 10^{-3}}{80 \times 10^{-3}} = 0,1 \text{ mol/L}$$

التركيز المولي C_0 للماء الأكسجيني

$$(0,25) F = \frac{C_0}{C} = \frac{0,1}{2,5 \times 10^{-2}} = 04$$

معامل التمدد F :

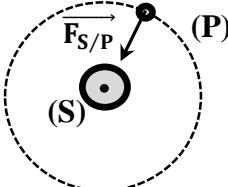
$$(0,25) n_f(O_2) = x_f = 4 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

من جدول التقدم و البيان لدينا

قيمة التقدم الأعظمي x_{max}

<p>(0,25) $x_f = n_f(O_2) \Rightarrow x_f = \frac{V_f(O_2)}{V_M} \Rightarrow V_f(O_2) = x_f V_M$</p> $V_f(O_2) = 4 \times 10^{-3} \times 24 = 96 \times 10^{-3} L$	<p>بين أن : $V_f(O_2) = x_f \cdot V_M$ ثم أثبت أن قيمة $V_f(O_2) = 96 \times 10^{-3} L$</p>
<p>(0,25) $1Cm \rightarrow 24mL$</p> <p>لدينا عند $t_{1/2}$: من جدول التقدم لدينا</p> <p>(0,5) $n_{t_{1/2}}(O_2) = x_{t_{1/2}} \Rightarrow n_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{x_f}{2} \dots \textcircled{1}$</p> <p>لدينا عند t_f : من جدول التقدم لدينا</p> <p>نعرض $\textcircled{2}$ في $\textcircled{1}$ نجد :</p> $n_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{n_f(O_2)}{2} \Rightarrow \frac{V_{t_{1/2}}(O_2)}{V_M} = \frac{\cancel{V_M}}{2} \Rightarrow V_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{V_f(O_2)}{2}$	<p>سلم محور تراتيب المنحنى</p> <p>تبين أن $V_{t_{1/2}}(O_2) = \frac{V_f(O_2)}{2}$</p>
<p>$t_{1/2} = 7min$ (0,25)</p>	<p>قيمة زمن نصف التفاعل . $t_{1/2}$</p>
<p>(0,5) $v = \frac{dx}{dt}$ (1) لدينا عبارة السرعة اللحظية للتفاعل هي :</p> <p>من جدول التقدم لدينا $x = n(O_2) = \frac{V(O_2)}{V_M}$ نعرضها في (1)</p> <p>$v = \frac{d}{dt} \frac{V(O_2)}{V_M}$ نجد :</p> <p>بما أن V_M مقدار ثابت فإنه لا يشتق تصبح العلاقة السابقة:</p> $v = \frac{1}{V_M} \times \frac{dV(O_2)}{dt}$	<p>سرعة التفاعل تكتب بالعلاقة التالية</p> $v = \frac{1}{V_M} \frac{dV(O_2)}{dt}$
<p>(0,5) $v = \frac{1}{24} \times \frac{(96-0) \times 10^{-3}}{(10-0)} = 4 \times 10^{-4} mol/min$</p>	<p>حساب قيمتها الأعظمية:</p>

التمرين الثاني (6 نقاط):

أنتقع الشمس في احدى المحرقين (0,25)	الواجب توفره حتى يكون مسار الكواكب حول الشمس اهليجي؟
$S_1 = S_2$ $t_1 = t_2$ <p style="color: red;">العلاقة (0,25)</p>	نص القانون 02 لكيبلر: يمسح المستقيم الرابط بين مركز الشمس و مركز الكوكب مساحات متساوية خلال مجالات زمانية متساوية (0,25)
مراجع مزود بمعلم ثلاثي الأبعاد مبدأ مركز الشمس محاوره موجهة نحو ثلاثة نجوم تعتبرها ثابتة بالنسبة للشمس ويعتبر غاليليا إلى حد كبير ، نعتمد عليه في دراسة حركة الكواكب والمذنبات التي تدور حول الشمس. (0,25)	مراجع الدراسة هو الهيليومركزي (0,25)
 <p style="color: red;">(0,25)</p>	مثلكيفيا شعاع القوة التي تطبقها الشمس (S) على الكوكب (P)
$\vec{F}_{T/S} = G \frac{M_T m_S}{r^2} \vec{n}$ (0,25)	العبارة الشعاعية :
$\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{F}_{S/P} = m_p \vec{a}$ بتطبيق القانون الثاني لنيوتون : بالإسقاط على المحور الناظمي نجد : $F_{S/P} = m_p a_n \Rightarrow G \frac{m_p \times M_s}{r^2} = m_p a_n \Rightarrow a_n = G \frac{M_s}{r^2} \Rightarrow a_G = G \frac{M_s}{r^2}$	<ul style="list-style-type: none"> • الجملة المدرستة: كوكب (P) • مرجع الدراسة: هيليومركزي (0,5) • القوى المؤثرة : <p>عبارة تسارع مركز عطالة الكوكب : (P)</p>
$a_G = A \frac{1}{r^2}$ البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من الشكل : حيث A هو معامل التوجيه. (01)	$a_G = A \frac{1}{r^2}$ (1) $a_G = GM_s \frac{1}{r^2}$ (2) بمطابقة العلاقة (1) و (2) نجد :
$\left. \begin{array}{l} a_G = \boxed{A} \frac{1}{r^2} \\ a_G = \boxed{GM_s} \frac{1}{r^2} \end{array} \right\} \Rightarrow A = GM_s \Rightarrow M_s = \frac{A}{G} = \frac{\left(\frac{(7-0) \times 10^{-3}}{(5,23-0) \times 10^{-23}} \right)}{6,67 \times 10^{-11}} = 2 \times 10^{30} kg$	تبين أن حركة الكوكب دائرية منتظمة حول الشمس . M_s
بما أن تسارع الحركة هو تسارع ناظمي وهو مقدار ثابت وعليه فالحركة دائرية منتظمة (تقبل طرق أخرى) (0,25)	تبين أن حركة الكوكب دائرية منتظمة حول الشمس .
هو زمن انجاز دورة واحدة. (0,25)	عرف الدور T

$(0,5) T = \frac{2\pi r}{v} \Rightarrow T = \frac{2\pi r}{\sqrt{\frac{GM_s}{r}}} \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM_s}}$	عبارة T بدلالة كل من G و r و M_s .																				
$(0,25) T = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM_s}} \Rightarrow T^2 = \frac{4\pi^2 \cdot r^3}{GM_s} \Rightarrow \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{GM_s} = K$	القانون الثالث لكيبلر																				
$(0,25) \quad \boxed{\frac{4\pi^2}{GM_s} = K}$	عبارة الثابت K :																				
$(0,25) \quad K = \frac{4\pi^2}{6,67 \times 10^{-11} \times 2 \times 10^{30}} = 2,95 \times 10^{-19} SI$	قيمة الثابت K																				
<table border="1" data-bbox="112 592 1187 804"> <thead> <tr> <th>اسم الكوكب</th> <th>الدور (ans)</th> <th>الأرض</th> <th>المريخ</th> <th>المشتري</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>نصف القطر مسار الكوكب</td> <td>T</td> <td>1,0</td> <td>1,9</td> <td>11,8</td> </tr> <tr> <td>$r(m)$</td> <td>ملدان</td> <td>ملدان</td> <td>ملدان</td> <td>$7,77 \times 10^{11}$</td> </tr> <tr> <td>(الكوكب)</td> <td>(دور)</td> <td>(الأرض)</td> <td>(المريخ)</td> <td>(المشتري)</td> </tr> </tbody> </table>	اسم الكوكب	الدور (ans)	الأرض	المريخ	المشتري	نصف القطر مسار الكوكب	T	1,0	1,9	11,8	$r(m)$	ملدان	ملدان	ملدان	$7,77 \times 10^{11}$	(الكوكب)	(دور)	(الأرض)	(المريخ)	(المشتري)	اكمال الجدول التالي :
اسم الكوكب	الدور (ans)	الأرض	المريخ	المشتري																	
نصف القطر مسار الكوكب	T	1,0	1,9	11,8																	
$r(m)$	ملدان	ملدان	ملدان	$7,77 \times 10^{11}$																	
(الكوكب)	(دور)	(الأرض)	(المريخ)	(المشتري)																	
$(0,25) \quad \text{هو المشتري.}$	الكوكب (P) المعنى بالدراسة :																				

التمرين التجاري (7 نقاط):

<p>تعريف المرجع العطالي :</p> <p>تمثيل القوى الخارجية في اللحظة t :</p> <p>(0,25) (0,25) (0,25)</p>						
<p>المعادلات التفاضلية للسرعة :</p> <ul style="list-style-type: none"> • الجملة المدرستة: كرية • مرجع الدراسة: سطحي أرضي 						
<table border="1"> <thead> <tr> <th align="center">الكرية A</th> <th align="center">الكرية B</th> <th align="center">الكرية C</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td align="center">القوى المؤثرة : \vec{P} (0,25)</td> <td align="center">القوى المؤثرة : $\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f}$ (0,25)</td> <td align="center">القوى المؤثرة : $\vec{P} + \vec{f}$ (0,25)</td> </tr> </tbody> </table>	الكرية A	الكرية B	الكرية C	القوى المؤثرة : \vec{P} (0,25)	القوى المؤثرة : $\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f}$ (0,25)	القوى المؤثرة : $\vec{P} + \vec{f}$ (0,25)
الكرية A	الكرية B	الكرية C				
القوى المؤثرة : \vec{P} (0,25)	القوى المؤثرة : $\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f}$ (0,25)	القوى المؤثرة : $\vec{P} + \vec{f}$ (0,25)				
<p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن :</p> $\sum \vec{F}_{ext} = m \cdot \vec{a}$						
<p>بالإسقاط على المحور (Oz) نجد :</p> $P = m \cdot a \rightarrow m \cdot g = m \cdot a \rightarrow a = g$ <p>المعادلة التفاضلية للسرعة:</p> $\Rightarrow a = g \Rightarrow \frac{dv_z}{dt} = g$ <p>(0,25)</p>	<p>بالإسقاط على المحور (Oz) نجد :</p> $\rightarrow P - \pi - f = m \cdot a$ $\rightarrow P - \pi - kv^2 = m \cdot \frac{dv}{dt}$ $\rightarrow m \cdot \frac{dv}{dt} + kv^2 = P - \pi$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = \frac{P}{m} - \frac{\pi}{m}$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = \frac{m \cdot g}{m} - \frac{\rho_{air} \cdot V_s \cdot g}{m}$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g - \frac{\rho_{air} \cdot V_s}{\rho_s \cdot V_s} g$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g - \frac{\rho_{air}}{\rho_s} g$ <p>(0,5) $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g \left(1 - \frac{\rho_{air}}{\rho_s}\right)$</p>	<p>بالإسقاط على المحور (Oz) نجد :</p> $\rightarrow P - f = m \cdot a$ $\rightarrow P - k'v = m \cdot \frac{dv}{dt}$ $\rightarrow m \cdot \frac{dv}{dt} + k'v = P$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k'}{m} v = \frac{P}{m}$ $\rightarrow \frac{dv}{dt} + \frac{k'}{m} v = g$ <p>(0,5)</p>				
<p>التسارع الابتدائي : a_0</p> <p>البيان-1</p>	<p>البيان-2</p>	<p>البيان-3</p>				
$(0,5)a_0 = \frac{v_{lim}}{\tau} = \frac{10}{1,75} = 5,84 \text{ m/s}^2$	$(0,5)a_0 = \frac{v_{lim}}{\tau} = \frac{10}{1} = 10 \text{ m/s}^2$	$(0,5)a_0 = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{1}{0,1} = 10 \text{ m/s}^2$				
<p>عند $t = 0$ فان :</p> $P - \Pi = m \cdot a_0 \rightarrow \Pi = P - m \cdot a_0 \rightarrow \Pi = mg - m \cdot a_0$ <p>(0,25)</p> $\rightarrow \Pi = m(g - a_0) = 0,1(10 - 5,84) = 0,416 N$	<p>شدة دافعة أرخميدس Π المؤثرة على الكرية B</p>					
<p>نسب كل كرية للبيان المناسب لها</p> <p>البيان-1- الكرية B (0,25)</p>	<p>البيان-2- الكرية C (0,25)</p>	<p>البيان-3- الكرية A (0,25)</p>				
<p>عبارة السرعة الحدية v_{lim} في النظام الدائم فان $0 = 0$ و $v_{lim} = 0$</p>						
$(0,25) \frac{k}{m_s} v_{lim}^2 = g \left(1 - \frac{\rho_{air}}{\rho_s}\right) \rightarrow v_{lim}^2 = \frac{m_s}{k} g \left(1 - \frac{\rho_{air}}{\rho_s}\right) \rightarrow v_{lim}^2 = \frac{m}{k} a_0 \rightarrow v_{lim} = \sqrt{\frac{m}{k} \cdot a_0}$	<p>الكرية B</p>					
$(0,25) \frac{k}{m} v_{lim} = g \rightarrow v_{lim} = \frac{m}{k} g \rightarrow v_{lim} = \frac{m}{k} a_0$	<p>الكرية C</p>					
$f = k'v \rightarrow k' = \frac{f}{v} \rightarrow [k'] = \frac{[f]}{[v]} = \frac{MLT^{-2}}{LT^{-1}} \rightarrow [k'] = MT^{-1}$ <p>kg/s وحدة k' هي (0,25)</p>	<p>تحليل البعد L K'</p>					
<p>قيمة معامل الاحتكاك</p>						
$(0,25) v_{lim}^2 = \frac{m \cdot a_0}{k} \rightarrow k = \frac{m \cdot a_0}{v_{lim}^2} = \frac{0,1 \times 5,84}{10^2} = 0,00584 \text{ kg/m}$	<p>الكرية B</p>					
$(0,25) v_{lim} = \frac{m \cdot a_0}{k'} \rightarrow k' = \frac{m \cdot a_0}{v_{lim}} = \frac{0,1 \times 10}{10} = 0,1 \text{ kg/s}$	<p>الكرية C</p>					