

متوسطة 15 جانفي 1956 الرباح

2018-2017

سلاسل النجاح في الرياضيات

من إعداد:

الأستاذ تامة موسى

سلاسل النجاح

السلسلة 01: الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة

السلسلة 02: نظرية طالس

السلسلة 03: الحساب على الجذور

السلسلة 04: النسب المثلثية في المثلث القائم

السلسلة 05: الحساب الحرفي (النشر والتحليل)

السلسلة 06: الأشعة والإنسحاب

السلسلة 07: المعالم

السلسلة 08: الدالة الخطية والدالة التآلفية

السلسلة 09: الدوران , الزوايا , المضلعات المنتظمة

السلسلة 10: جملة معادلتين

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 1 (القاسم المشترك الأكبر لعددين)

تمرين 1:

- (1) حدد المساواة التي تعبر عن القسمة الإقليدية للعدد 1512 على 21 .
 (2) أكتب $\frac{720}{1512}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 2:

- (1) أوجد العدد x حيث: $PGCD(528; 561) = x$
 (2) تحقق حسابيا أن: $x^2 - 30x - 99 = 0$
 (3) جد نسبة غير قابلة للاختزال تساوي العدد $\frac{528}{561}$

تمرين 3:

- نعتبر العددين الطبيعيين 63 و 105
 (1) عين قائمة قواسم كل من هذين العددين
 (2) ما هو القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين ؟ هل هما أوليان فيما بينهما؟ برر .
 (3) اجعل الكسر $\frac{63}{105}$ غير قابل للاختزال .

تمرين 4:

نعتبر العددين 130 و 286

- (1) باستعمال خوارزمية إقليدس عين $PGCD(286; 130)$
 (2) ليكن الكسر $A = \frac{286}{130}$, أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 5:

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 2013 و 205
 (2) أكتب الكسر A حيث $A = \frac{\frac{7}{11} + 6 \times 3}{3 + 12 \times 15}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 6:

- (1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 264 و 360
 (2) هل العددين 264 و 360 أوليان فيما بينهما ؟ برر اجابتك
 (3) اختزل الكسر $\frac{264}{360}$
 (4) اكتب العدد F على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث $F = \frac{264}{360} - \frac{1}{5}$

تمرين 7:

- X و Y عددا طبيعيان حيث: $667 X = 493 Y$
 (1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667 .
 (2) اكتب الكسر $\frac{X}{Y}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .

تمرين 8:

يعرض بائع زهور للبيع 75 زهرة نرجس و 90 زهرة أقحوان.

- (1) باستعمال كل الزهور , هل يمكنه تشكيل 5 باقات متماثلة؟ 6 باقات ؟
- (2) ما هو أكبر عدد ممكن من الباقات المتماثلة التي يمكن تشكيلها باستعمال كل الزهور ؟
- (3) ما هو عدد زهور النرجس و زهور الأقحوان في كل باقة ؟

تمرين 9:

نعتبر العددين 1317 و 3073 .

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1317 و 3073 .
- (2) يشارك تلاميذ في مسابقة في الرياضيات حسب الفرق . يوجد 3073 تلميذة و 1317 تلميذ. يجب تكوين فرق متماثلة (لها نفس عدد التلاميذ و نفس التوزيع بين البنات و الأولاد) بتعيين كل مشارك في فريق من الفرق.
أ- ما هو أكبر عدد ممكن من الفرق المتماثلة التي يمكن تشكيلها ؟
ب- عين في هذه الحالة تشكيلة كل فريق (عدد البنات و عدد الأولاد).

تمرين 10:

نعتبر العددين 540 و 300 .

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 540 و 300 .
- (2) نريد أن نفرش قاعة مستطيلة الشكل طولها 40m, 5 و عرضها 3m بزراعي مربعة الشكل و كلها متماثلة .
أ- ما هو طول كل زربية حتى يكون عدد الزراعي المستعملة أصغر ما يمكن ؟
ب- عين حينئذ عدد الزراعي المستعملة .

تمرين 11:

- يملك أحد هواة الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا.
- يريد بيع كل طابعه على شكل مجموعات متماثلة (لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية) .
- (1) عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها .
 - (2) عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .

تمرين 12:

- لدى بائع الحلويات 133 حبة ذات ذوق الليمون و 95 حبة ذات ذوق البرتقال , أراد وضعها في أكياس صغيرة بحيث يحتوي كل كيس على نفس العدد من الحلويات .
- (1) هل يستطيع هذا البائع أن يتحصل على 5 أكياس ؟ ولماذا ؟
 - (2) ما هو أكبر عدد من الأكياس يمكنه التحصل عليه ؟
 - (3) ما هو عدد الحلويات من النوعين في الكيس الواحد ؟

تمرين 13:

- نريد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل , على أن تكون شجرة في كل ركن من أركان الحديقة , وأن تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية .
- (1) ما هي أكبر مسافة التي تفصل بين شجرتين متجاورتين إذا علمت أن الأبعاد الثلاثة للحديقة بالمتر هي : 132 , 165 , 204 ؟.
 - (2) ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة ؟

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 2 (نظرية طالس)

تمرين 1:

ABC مثلث قائم في A

H نقطة من [AB] , E نقطة من [BC] , (HE) عمودي على (AB)

حيث : $AB = 4\text{cm}$; $AC = 3\text{cm}$; $BE = 3\text{cm}$ (1) أحسب الطول BC ثم بين أن : $(AC) \parallel (HE)$

(2) أحسب كلا من الطولين : BH و EH

تمرين 2:

لاحظ الشكل جيدا

(1) بين أن المستقيمين (H) و (LN) متوازيان.

(2) أحسب الطول LN

تمرين 3: (ش ت م 2015)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية

ABCD رباعي قطراه متعامدان ومتقاطعان في O حيث :

 $OD = 7,5\text{cm}$; $OC = 5\text{cm}$; $OB = 18\text{cm}$; $OA = 12\text{cm}$

(1) برهن أن المستقيمين (AB) و (CD) متوازيان.

(2) أحسب الطول AB

تمرين 4:

في الشكل المقابل، المستقيمان (BN) و (CM) متقاطعان في النقطة O.(1) برهن أن : $(MN) \parallel (BC)$ (2) بين أن : $\frac{OB}{ON} = 0,6$ (3) احسب الطول OB إذا علمت أن : $ON = 17,5\text{cm}$

تمرين 5:

الشكل المجاور ليس حسب القياسات الحقيقية إليك : $OC = 6\text{cm}$, $OB = 3\text{cm}$, $AB = 4\text{cm}$

المستقيمان (BC) و (AF) يتقاطعان في النقطة O .

(1) اشرح لماذا (BA) و (FC) متوازيان.

(2) بين أن : $OA = 5\text{cm}$

(3) أحسب : OF و CF

تمرين 6:

في الشكل المقابل لدينا الأطوال التالية :

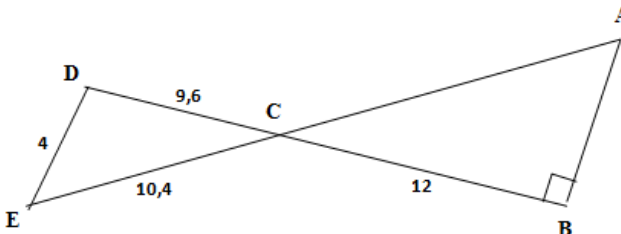
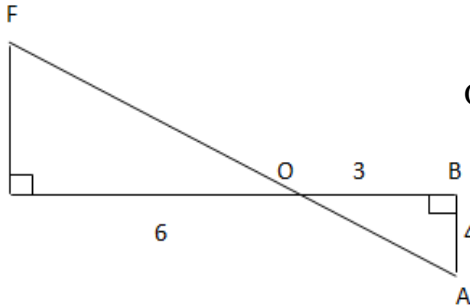
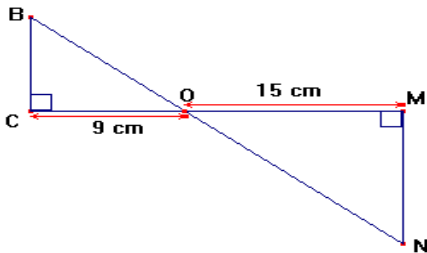
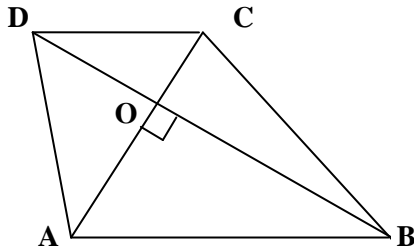
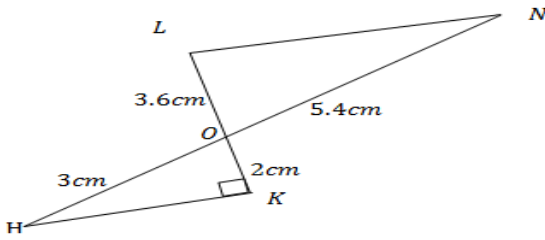
 $BC = 12\text{cm}$, $CD = 9,6\text{cm}$, $DE = 4\text{cm}$, $CE = 10,4\text{cm}$

1/ بين أن المثلث CDE قائم في D .

2/ استنتج أن المستقيمين (AB) , (DE) متوازيان .

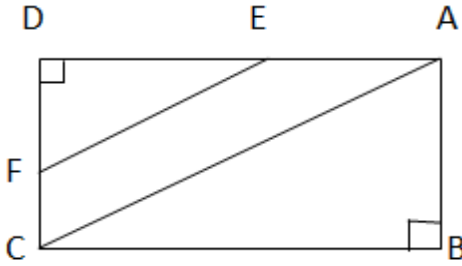
3/ أحسب الطول AB

تمرين 7:



لشخص قطعة أرض مستطيلة الشكل أبعادها 30m و 72

قسمها إلى ثلاث قطع كما هو موضح في الشكل حيث: $FD=20m$ و $(FE) \parallel (AC)$



(1) اوجد الطول AC .

(2) احسب محيط كل قطعة.

(3) احسب مساحة كل قطعة.

تمرين 8:

ABC مثلث حيث :

$AB = 4cm$, $AC = 5,5cm$ و M نقطة من [AB] حيث $AM = 2,2cm$

المستقيم الذي يشمل M ويوازي (BC) يقطع (AC) في النقطة N .

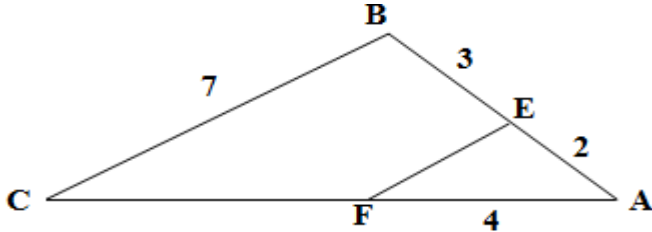
(1) أحسب الطول AN .

(2) أحسب النسبة $\frac{MN}{BC}$ (تعطى النتيجة على شكل كسر غير قابل للاختزال)

تمرين 9: (ش ت م 2010)

في الشكل المقابل $(EF) \parallel (BC)$

أحسب الطولين EF , FC



تمرين 10:

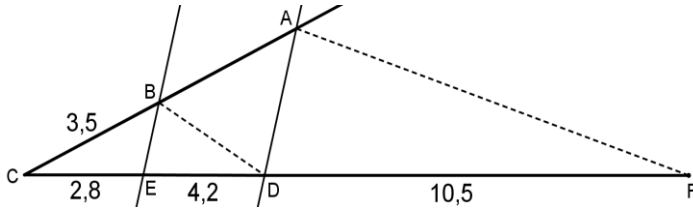
في الشكل الموالي المستقيمان (AD) و (BE) متوازيان

والأبعاد معطاة كما يلي : $CB = 3,5 cm$; $CE = 2,8 cm$

$ED = 4,2 cm$; $DF = 10,5 cm$

(1) احسب BA .

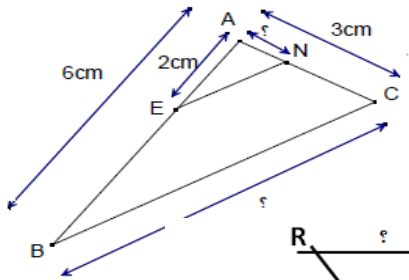
(2) المستقيمان (BD) و (AF) هل هما متوازيان ؟



تمرين 11:

في الشكل المجاور محيط المثلث ABC هو 17cm و $(EN) \parallel (BC)$

احسب الأطوال EN , AN , BC



تمرين 12:

تمعن في الشكل المقابل حيث وحدة الطول هي السنتيمتر.

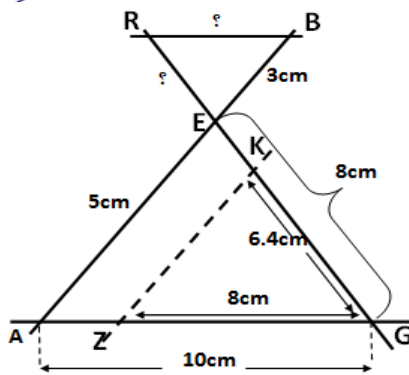
و المستقيمان (A) و (RB) متوازيان. لتكن الأطوال :

$EG = 8$, $AG = 10$, $AE = 5$, $BE = 3$

1 - أحسب الطولين RE و RB .

2 - نعطي : $GK = 6.4$; $GZ = 8$,

أثبت أن المستقيمين (Z) و (AE) متوازيان.



تمرين 13:

في الشكل المقابل الأطوال غير مرسومة بأبعاد حقيقية .

1- المستقيمان (IG) و (JH) يتقاطعان في نقطة A .

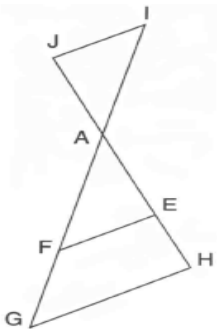
E نقطة من (JH) و F نقطة من (IG) . المستقيمان (EF) و (HG) متوازيان , لدينا : $AE = 3 cm$;

$AF = 4 cm$; $AH = 7 cm$; $EF = 6 cm$.

- أحسب الطولين AG و HG

2- ليكن لدينا : $AI = 6 cm$; $AJ = 4,5 cm$;

- هل المستقيمان (IJ) و (EF) متوازيان ؟



? من إعداد الأستاذ : تامة موسى

أحسن استغلال وقتك واجعل وقتا للجد والاجتهاد ووقتا للعب والمرح

نصيحة

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 3 (العمليات على الجذور التربيعية)

تمرين 1: (ش ت م 2014)

إليك الأعداد A, B, C حيث :

$$c = \sqrt{175} - \sqrt{112} + 6\sqrt{7}, \quad B = \frac{1,2 \times 10^{-2} \times 7}{12,5 \times 10^3}, \quad A = \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{7}{4}$$

(1) احسب A ثم اكتبه على الشكل العشري.

(2) أعط الكتابة العلمية للعدد B.

(3) اكتب C على الشكل $a\sqrt{b}$.

تمرين 2: (ش ت م 2007)

$$\text{ليكن : } A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128} \quad \text{و} \quad B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3}$$

(1) أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي.(2) بسط العدد B ثم بين أن $\frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$.

تمرين 3:

$$A \text{ و } B \text{ عدنان حيث: } A = 3 - 3 \div \frac{3}{7}, \quad B = 5\sqrt{27} - 2\sqrt{12} + \sqrt{3}$$

(1) أحسب العدد A.

(2) اكتب B على الشكل $a\sqrt{3}$.(3) أجب مقام النسبة $\frac{A}{B}$ عددا ناطقا.

تمرين 4: (ش ت م 2011)

(1) اكتب المجموع A على الشكل $a\sqrt{5}$ (a عدد طبيعي) حيث : $A = \sqrt{125} + \sqrt{45} - \sqrt{20}$ (2) احسب $A \times \frac{\sqrt{5}}{30}$ مبينا مراحل الحساب.

تمرين 5: (ش ت م 2013)

ليكن العدد الحقيقي A حيث : $A = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$ (1) بين أن : $A = 4 + 2\sqrt{3}$ (2) ليكن العدد الحقيقي B حيث : $B = 4 - 2\sqrt{3}$ بين أن : $A \times B$ عدد طبيعي

تمرين 6:

$$A \text{ و } B \text{ عدنان حقيقيان حيث: } A = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}, \quad B = \sqrt{162} - \sqrt{72} + \sqrt{18}$$

(1) أكتب كلا من العددين A, B على الشكلين : $x\sqrt{2}$ و $y\sqrt{2}$ حيث : x, y عدنان طبيعيان يطلب تعيينهما.(2) أحسب القيمة المضبوطة لكل من العددين : $\frac{A+B}{2}$ و $\frac{A-B}{2}$

تمرين 7: (ش ت م 2009)

$$\text{لتكن الأعداد } A, B, C \text{ حيث : } A = \sqrt{80}, \quad B = 2\sqrt{45}, \quad C = \sqrt{5} + 1$$

(1) اكتب A + B على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي.(2) بين أن $A \times B$ هو عدد طبيعي.(3) اكتب $\frac{C^2}{\sqrt{5}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

تمرين 8:

a, b, c, k أعداد حقيقية حيث :

$$k = \frac{18+7\sqrt{2}}{\sqrt{2}}, \quad c = (5\sqrt{2} + 7)(5\sqrt{2} - 7), \quad b = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}, \quad a = \sqrt{3\sqrt{100} + 6}$$

(1) بسط الأعداد : a, b, c .

(2) حول النسبة k إلى نسبة مقامها عدد ناطق.

(3) برهن أن : $a + b + c = k$.

تمرين 9:

A, B, C أعداد حقيقية حيث :

$$C = -4\sqrt{2} + 3\sqrt{5}, \quad B = \sqrt{50} - \sqrt{5}, \quad A = \sqrt{18} - \sqrt{20}$$

(1) أكتب على أبسط شكل ممكن كلا من A و B .

(2) احسب المجموع S حيث : $S = A + B - C$

تمرين 10:

$$a \text{ و } b \text{ عدنان حقيقيان حيث : } a = \sqrt{112} + \sqrt{63} \text{ و } b = \frac{\sqrt{2} + 5}{3\sqrt{2}}$$

(1) بسط العدد a .

(2) أكتب العدد b على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

(3) أحسب الجداء $a \times b$.

تمرين 11:

$$x \text{ , } y \text{ عدنان حقيقيان حيث : } x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}} \text{ و } y = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

(1) اجعل مقام العدد x عددا ناطقا.

(2) أحسب العدد Z حيث : $Z = 2y - 5x$ ثم أعط القيمة المقربة للعدد Z بتقريب 10^{-2} بالنقصان , (يمكن استعمال الحاسبة).

تمرين 12:

(1) بسط العدد A حيث $A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$

(2) اكتب العدد B حيث $B = \frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{3}}$ على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

(3) بين أن $\frac{1}{2}A = 3B$.

تمرين 13:

$$a, b \text{ عدنان حيث : } a = \frac{(\sqrt{7} - \sqrt{2})}{\sqrt{7}}, \quad b = \frac{(\sqrt{7} + \sqrt{2})}{\sqrt{7}}$$

(1) اكتب كلا من العددين a و b على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

(2) احسب مساحة ومحيط المستطيل الذي بعده a و b (وحدة الطول هي السنتيمتر).

تمرين 14:

(1) اكتب على الشكل $p\sqrt{3}$ حيث p عدد صحيح نسبي كلا من العددين الآتيين:

$$A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300} \text{ و } B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2$$

(2) تحقق من أن $\frac{A}{B}$ هو عدد طبيعي.

تمرين 15:

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها 2400m^2 وعرضها يساوي ثلثي طولها.

- أحسب عرض وطول هذه القطعة.

? من إعداد الأستاذ : تامة موسى

احذر شرود الذهن أثناء الدرس والمذاكرة

نصيحة

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 4 (النسب المثلثية في مثلث قائم)

تمرين 1:

ABC مثلث بحيث : $AB = 8\text{cm}$, $AB = 6\text{cm}$, $BC = 10\text{cm}$

(1) بين أن المثلث ABC قائم في A .

(2) احسب $\tan \hat{ACB}$ ثم استنتج قياس الزاوية \hat{ACB} بالتدوير إلى الدرجة .

تمرين 2:

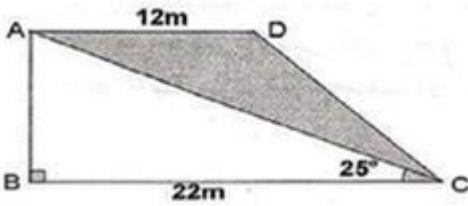
(C) دائرة نصف قطرها 2.6 cm , [MN] قطرها لها , P نقطة من الدائرة بحيث $MP = 2\text{ cm}$.

(1) ارسم الشكل ثم اثبت أن المثلث MNP قائم في P .

(2) احسب الطول PN .

(3) احسب $\cos \hat{NMP}$ (أعط النتيجة بتدوير 0.001)

(4) استنتج قياس الزاوية \hat{NMP} بالتدوير إلى الدرجة .



تمرين 3: (ش ت م 2014)

الشكل ABCD شبه منحرف قائم في B , فيه $\hat{ACB} = 25^\circ$

(1) احسب الطول AB بالتدوير إلى الوحدة . (استعن بـ: $\tan \hat{ACB}$) .

(2) احسب مساحة كل من شبه المنحرف ABCD والمثلث ABC . ثم استنتج مساحة

الجزء المظلل . (تعطى : مساحة شبه المنحرف = $\frac{(\text{القاعدة الكبرى} + \text{القاعدة الصغرى}) \times \text{الارتفاع}}{2}$)

تمرين 4:

(C) دائرة مركزها O وقطرها [ST] حيث $ST = 7\text{cm}$, U نقطة من الدائرة حيث $SU = 3\text{cm}$

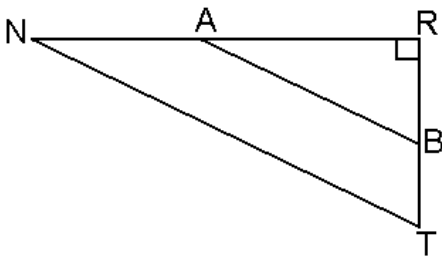
1- أنجز الرسم

2- بين المثلث STU قائم في U

3- أوجد قياس الزاوية \hat{STU} . النتيجة مدورة إلى الدرجة

4- استنتج قياس الزاوية \hat{SOU} . النتيجة مدورة إلى الدرجة . علل إجابتك

تمرين 5:



RNT مثلث قائم في R حيث :

$NT = 10.2\text{cm}$, $BT = 1.6\text{cm}$, $NR = 9\text{cm}$, $AR = 6\text{cm}$

1/ أحسب الطول RT

2/ نعتبر أن $RT = 4.8\text{cm}$.

- أثبت أن المستقيمين (AB) , (NT) متوازيان .

3/ أحسب القيمة المضبوطة للزاوية \hat{RNT} ثم القيمة المقربة إلى الدرجة .

تمرين 6: (ش ت م 2013)

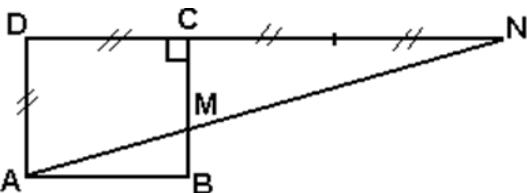
ABC مثلث قائم في B حيث : $CB = 8\text{cm}$, $AB = 4\text{cm}$

لتكن M نقطة من [BC] حيث : $BM = \frac{BC}{4}$, المستقيم (Δ) العمودي على (BC) في النقطة M

يقطع [AC] في النقطة H .

1/ أحسب الطول MH

2/ أحسب : $\tan \hat{AMB}$ واستنتج قياس الزاوية : \hat{AMB} بالتدوير إلى الدرجة (يمكن استعمال الحاسبة) .



تمرين 7:

إليك الشكل الآتي حيث ABCD مربع طول ضلعه : 4cm .

1/ أحسب الطول CM .

2/ أحسب القيمة المقربة إلى الوحدة من الدرجة لقياس الزاوية \hat{MDN}

تمرين 8:

ABC مثلث قائم في A حيث : $\cos \hat{A}BC = \frac{\sqrt{2}}{2}$

- 1/ أعط القيم المضبوطة لكل من $\sin \hat{A}BC$ ، $\tan \hat{A}BC$ (موضح طريقة الحساب)
- 2/ أوجد قياس كلاً من : $\hat{A}CB$ و $\hat{A}BC$.

3/ أحسب مساحة المثلث ABC إذا علمت أن : $AB = 2\sqrt{2}cm$ (الرسم غير مطلوب)

تمرين 9: (ش ت م 2011)

ABC مثلث قائم الزاوية في A . [AH] الارتفاع المتعلق بالوتر [BC] .

- بين أن : $AB^2 = BH \times BC$ (يمكنك الاعتماد على $\cos \hat{A}BC$ في كل من المثلثين ABC و ABH)

تمرين 10: (ش ت م 2008)

وحدة الطول المختارة هي السنتيمتر .

ABC مثلث قائم في A حيث : $AB = 3$ و $BC = 5$

- 1) أنشئ الشكل ثم حدد الطول AC .
- 2) E نقطة من [AB] حيث $E = 1$. المستقيم الذي يشمل E و يعامد (AB) يقطع (BC) في النقطة M .
- أوجد BM .
- احسب $\cos \hat{A}BC$ ثم استنتج قياس الزاوية \widehat{EMB} . (تدور النتيجة إلى الوحدة من الدرجة)

تمرين 11:

ABC مثلث بحيث : $AB = 8cm$ ، $AC = 6cm$ ، و $BC = 10cm$.

- 1) بين أن المثلث ABC قائم في النقطة A .
- 2) احسب $\tan \hat{A}CB$ ثم احسب قياس الزاوية \widehat{ACB} بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة .
- 3) لتكن النقطة K من [A] بحيث $AK = 2cm$. المستقيم الموازي للمستقيم (A) و المار من النقطة K يقطع المستقيم (BC) في نقطة L . احسب الطول BL .

تمرين 12:

ABC مثلث حيث : $\widehat{ACB} = 30^\circ$ ، $BH = 1,5cm$ و $AC = 4cm$

كما هو مبين في الشكل المقابل .

- 1) أحسب القيمة المضبوطة للارتفاع AH .

2) أعط قياس الزاوية \widehat{AB} (بالتدوير إلى الدرجة) .

تمرين 13:

يشاهد سمير عمود كهرباء على بعد 70m بزاوية تميل عن الأفق بـ α°

1 - إذا اعتبرنا أن $\tan \alpha = 0.1$ احسب قياس الزاوية α بالتدوير إلى للوحدة .

2- إذا كان طول قامة سمير هو 1 m احسب ارتفاع عمود الكهرباء .

تمرين 14:

في الشكل المقابل حيث : $\hat{A}BC = 39^\circ$ ، $AC = 3cm$ ، $CD = 4cm$

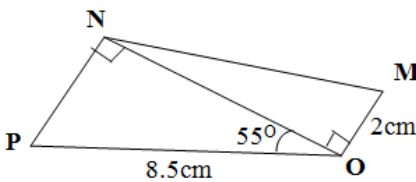
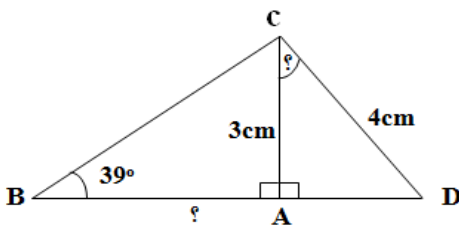
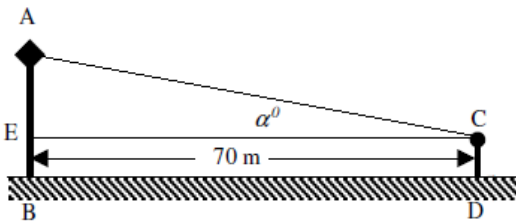
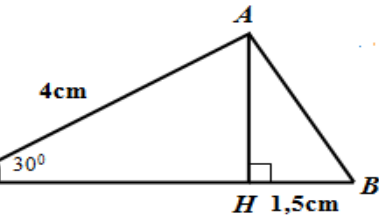
- 1) احسب الطول AB .

2) احسب قياس الزاوية $\hat{A}CD$

تمرين 15:

الشكل المقابل ليس مرسوماً بالأبعاد الحقيقية

- 1) احسب الطول ON بالتدوير إلى 0.1 .
- 2) احسب قياس الزاوية \widehat{MNO} بالتدوير إلى الدرجة .
- 3) احسب مساحة المثلث MNO .



سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 5 (النشر والتحليل محل معادلات ومترجمات)

تمرين 1:

لتكن العبارة A حيث: $A = (x+4)^2 - 16$

- (1) أنشر ثم بسط العبارة A
- (2) حلّ العبارة A إلى جداء عاملين.
- (3) حل المعادلة: $A=0$

تمرين 2:

لتكن العبارة E حيث: $E = (5x-4)^2 - (2x+3)^2$

- (1) أنشر وبسط العبارة E .
- (2) حلّ العبارة E إلى جداء عاملين كل منهما من الشكل $(ax+b)$.
- (3) حل المعادلة: $(3x-7)(7x-1) = 0$

تمرين 3:

لتكن العبارة A حيث: $A = (2x-3)^2 - (4x+7)(2x-3)$

- (1) أنشر وبسط العبارة A .
- (2) حلّ العبارة A إلى جداء عاملين.
- (3) حل المعادلة: $(2x-3)(-2x-10) = 0$

تمرين 4:

لتكن العبارة F حيث: $F = 36 - (2x+1)^2$

- (1) أنشر وبسط العبارة F .
- (2) حلّ العبارة F إلى جداء عاملين.
- (3) حل المعادلة: $(5-2x)(7+2x) = 0$

تمرين 5:

(1) أحسب الجداء الآتي: $(4x-5)(x+2)$ (2) حلّ العبارة A إلى جداء عاملين حيث: $A = 5(4x^2 + 3x - 10) - (3x+2)(x+2)$

تمرين 6:

لتكن العبارة التالية: $E = (x-3)^2 + (x-3)(x+3)$

- (1) أنشر وبسط العبارة E
- (2) حلّ العبارة E إلى جداء عاملين.
- (3) احسب E من أجل $x=5$
- (4) حل المعادلة $2x(x-3) = 0$

تمرين 7:

(1) تحقّق من صحة المساواة التالية: $2(3x+1)^2 = 18x^2 + 12x + 2$ (2) حلّ العبارة M حيث: $M = 18x^2 + 12x + 2 - (x-2)(3x+1)$

- (3) احسب العبارة M من أجل $x = \sqrt{3}$
- (4) حل المعادلة $(5x+4)(3x+1) = 0$

تمرين 8:

لتكن العبارة التالية: $E = 4x^2 - 9 + (2x+3)(x-2)$

- (5) أنشر وبسط العبارة E
- (6) حلّ $4x^2 - 9$ إلى جداء عاملين ثم استنتج تحليلا للعبارة E
- (7) حل المعادلة $(2x+3)(3x-5) = 0$

تمرين 9: (ش.ت.م 2013)

- (1) لتكن العبارة: $A = 3x - 5$ حيث x عدد حقيقي.
- أ- احسب القيمة المقربة إلى 10^{-2} بالنقصان للعدد A من أجل $x = \sqrt{2}$.
- ب- حل المترابطة: $A \geq 0$ ثم مثل مجموعة حلولها بيانيا.

(2) أ- انشر ثم بسط العبارة B حيث : $B = (3x - 5)^2 + 9x^2 - 25$

ت- استنتج أن : $B = 6x(3x - 5)$

ج- حل المعادلة $B=0$

تمرين 10: (ش.ت.م 2011)

(1) تحقق بالنشر أن : $(2x - 1)(x - 3) = 2x^2 - 7x + 3$

(2) لتكن العبارة A حيث : $A = 2x^2 - 7x + 3 + (2x - 1)(3x + 2)$

- حلل A إلى جداء عامين من الدرجة الأولى .

(3) حل المعادلة : $(2x - 1)(4x - 1) = 0$

تمرين 11: (ش.ت.م 2015)

تعطى العبارة : $F = (2x - 3)^2 - 16$

(1) تحقق بالنشر أن : $F = 4x^2 - 12x - 7$

(2) حلل F إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

(3) حل المعادلة : $(2x - 7)(2x + 1) = 0$

(4) احسب F من اجل : $x = 1 + \sqrt{2}$ واكتب النتيجة على الشكل $a + b\sqrt{2}$ حيث a و b عدنان نسبيا.

تمرين 12: (ش.ت.م 2012)

لتكن العبارة E حيث $E = (4x - 1)^2 - (3x + 2)(4x - 1)$

(1) انشر وبسط العبارة E .

(2) حلل E إلى جداء عاملين .

(3) حل المعادلة : $(4x - 1)(x - 3) = 0$

(4) حل المتراجحة : $4x^2 - 13x + 3 \leq 4x^2 + 29$

تمرين 13: (ش.ت.م 2009)

لتكن العبارة E حيث : $E = 2x - 10 - (x - 5)^2$

(1) انشر ثم بسط العبارة E.

(2) حلل العبارة E .

(3) حل المعادلة : $(x - 5)(7 - x) = 0$

تمرين 14: (ش.ت.م 2014)

لتكن العبارة E حيث : $E = (2x + 5)^2 - 36$

(1) تحقق بالنشر أن : $E = 4x^2 + 20x - 11$

(2) حلل العبارة E إلى جداء عاملين .

(3) حل المعادلة : $(2x + 11)(2x - 1) = 0$

تمرين 15: (ش.ت.م 2016)

(1) تحقق من صحة المساواة التالية : $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

(2) حلل العبارة A بحيث : $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

(3) حل المتراجحة : $-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

- مثل حلولها بيانيا

تمرين 16:

لتكن العبارة التالية $D = (x - 2)^2 - 2(x - 2)$

(1) حلل العبارة D إلى جداء عاملين .

(2) حل المعادلة التالية : $(x - 2)(x - 4) = 0$

(3) احسب D من اجل $x=1$

تمرين 17:

لتكن العبارة الجبرية التالية : $H = (2x - 1)^2 + (4x^2 - 1)$

(1) انشر ثم بسط العبارة الجبرية H .

(2) حلل العبارة H إلى جداء عاملين .

(3) حل المعادلة : $4x(2x - 1) = 0$

تمرين 18:

(1) تحقق بالنشر أن : $(3 - 2x)(3 + 2x) = 9 - 4x^2$

(2) حلل العبارة M إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى حيث : $M = (3 - 2x)^2 + 9 - 4x^2$

(3) حل المتراجحة : $6(3 - 2x) \leq 0$ ومثل حلولها على مستقيم مدرج .

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 6 (الأشعة والانسحاب)

تمرين 1:

- ABC مثلث قائم في B حيث: $AB = 3 \text{ cm}$ و $BC = 4 \text{ cm}$.
النقطتان D و E صورتا B و A على الترتيب بالانسحاب الذي يحول C إلى B.
1/ أنشئ الشكل بدقة.
2/ أحسب الطول AC.
3/ ما هي صورة المثلث ABC بهذا الانسحاب؟ برر ذلك؟
4/ برهن أن الرباعي ABDE متوازي أضلاع.

تمرين 2:

- ABC مثلث بحيث $AB = 3 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$ و $BC = 5 \text{ cm}$.
1) بين أن المثلث ABC قائم
لتكن M منتصف [BC].
2) أنشئ النقطة N صورة M بالانسحاب الذي شعاعه \vec{AB} .
3) ما نوع الرباعي AMNB؟ استنتج الطول BN.
4) أكمل ما يلي:
 $\vec{MN} + \vec{MA} = \dots$
 $\vec{BN} + \vec{BA} = \dots$
5) أثبت أن: $\vec{BA} + \vec{BN} + \vec{MA} + \vec{MN} = \vec{0}$

تمرين 3:

- ABC مثلث، بالانسحاب الذي شعاعه \vec{AB} ، صورة B هي A' وصورة C هي B'.
النقطة C صورتها C'، بالانسحاب الذي شعاعه \vec{AC} .
1) أنشئ الشكل.
2) ما هي صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي شعاعه \vec{AB} ؟ ثم الانسحاب الذي شعاعه \vec{A} .
3) اشرح لماذا: $AB = CB'$ ، ثم استنتج نوع الرباعي ABB'C.
4) اشرح لماذا: $BB' = CC'$ ، ما نوع الرباعي BCC'B'؟

تمرين 4: (ش. ت. م 2016)

- 1) أنشئ المثلث EFG القائم في F حيث: $EF = FG = 4 \text{ cm}$.
2) أنشئ النقطتين D : صورة النقطة F بالانسحاب الذي شعاعه \vec{EF} .
C : صورة النقطة E بالانسحاب الذي شعاعه \vec{GD} .
3) بين أن الرباعي EGDC مربع.
- احسب مساحته.
4) ليكن الشعاع \vec{U} حيث: $\vec{U} = \vec{EF} + \vec{EC} + \vec{FG}$ ، بين أن: $\vec{U} = \vec{ED}$

تمرين 5: (إثبات المستوى 2016)

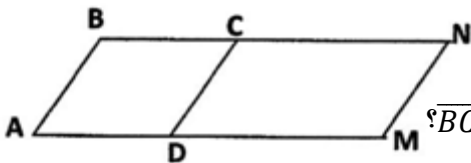
- 1) ما هي صورة النقطة B بتركيب انسحابين الأول شعاعه \vec{CD} والثاني شعاعه \vec{AD} ؟
2) ما هي صورة النقطة N بتركيب انسحابين الأول شعاعه \vec{MA} والثاني شعاعه \vec{BC} ؟

تمرين 6:

- ABC مثلث متساوي الساقين قاعدته [BC].
1) أنشئ النقطة M بحيث $\vec{MA} = \vec{AB} + \vec{AC}$.
2) برهن أن الرباعي ABMC معين.
3) عين النقطة D بحيث: $\vec{BC} = \vec{CD}$ ، ما نوع المثلث AMD.
4) اثبت أن: $\vec{CB} + \vec{CD} = \vec{0}$

تمرين 7:

- E, F, G ثلاث نقط ليست على استقامة واحدة.
1) عين النقطتين M, K بحيث:



$$\overrightarrow{EM} = \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{EG} = \vec{0} \text{ و } \overrightarrow{EG} = \overrightarrow{KF}$$

$$\overrightarrow{FM} + \overrightarrow{FK} = \vec{0} : \text{ أثبت أن : (2)}$$

تمرين 8:

ABCD متوازي أضلاع .

(1) أنشئ النقطة E صورة النقطة C بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BD} .

(2) أنشئ النقطة F حيث : $\overrightarrow{CF} = \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{CD}$

(3) بين أن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{FE}$, ثم استنتج نوع الرباعي ABEF

(4) أكمل ما يلي :

$$\begin{cases} \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CB} = \dots \\ \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{FE} = \dots \\ \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{CB} = \dots \end{cases}$$

تمرين 9:

ABC مثلث قائم في B حيث :

(1) احسب الطول AB .

(2) عيّن النقطة M صورة C بالانسحاب الذي شعاعه $-\overrightarrow{AB}$.

? ما نوع الرباعي ABCM ؟

(3) عيّن النقطة D بحيث : $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB}$.

? بين أن : $\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{AB} = \vec{0}$

تمرين 10:

ABCD متوازي أضلاع .

(1) أنشئ النقطتين E, F حيث : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BF}$ و $\overrightarrow{DE} = -\overrightarrow{DA}$

(2) اتمم ما يلي : $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{ED} + \dots$, $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \dots$

(3) بين أن : $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{CF}$

تمرين 11:

ارسم مثلث ABC متقايس الأضلاع طول ضلعه 4cm

(1) عيّن النقطة D حيث : $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}$

(2) ما نوع الرباعي ABCD ؟ علّل ؟

(3) عيّن النقطة E حيث C منتصف $[EB]$

(4) بين أن : $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{EC} = \vec{0}$

تمرين 12:

ABC مثلث متساوي الساقين قاعدته $[BC]$

(1) أنشئ النقطة E صورة النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BC}

(2) أنشئ النقطة D بحيث : $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

(3) اثبت أن النقطة C منتصف $[DE]$

تمرين 13:

RST مثلث حيث :

ST= 5 cm ; RS= 4cm ; RT= 3cm

(1) بين أن المثلث RST قائم في R .

عيّن النقطة N منتصف الوتر ثم أنشئ النقطة H صورة N بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{TR} .

(2) ما نوع الرباعي HNTR ؟

(3) أكمل ما يلي : $\overrightarrow{RH} + \overrightarrow{HN} = \dots$; $\overrightarrow{RH} + \overrightarrow{RT} = \dots$

تمرين 14:

(1) أنشئ مربع ABCD مركزه O وطول ضلعه 3cm .

(2) عيّن النقطة E حيث : $\overrightarrow{OE} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$

(3) عيّن النقطة F نظيرة O بالنسبة إلى C .

(4) عيّن النقطة G حيث : $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{BO}$.

(5) بين أن النقط O , F , G تنتمي إلى نفس الدائرة التي يطلّب تحديد مركزها ونصف قطرها .

(6) اثبت أن المثلث OFG قائم في G .

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 7 (المعالم)

تمرين 1:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس. وحدة الطول هي السنتيمتر.

- 1) علم النقط : $A(3; 2)$ ، $B(6; 2)$ و $C(3; 5)$.
- 2) بين أن المثلث ABC قائم و متساوي الساقين.
- 3) لتكن النقطة N منتصف [BC]. ما نوع المثلث ABN؟
- 4) عيّن النقطة M مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABN ، ثم احسب نصف قطرها.

تمرين 2:

(المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس للمستوي (وحدة الطول السنتيمتر))

- 1) علم النقط الآتية : $E(4, -3)$ ، $M(2, 3)$ ، $N(-1, 2)$.
- 2) بين أن الطول $MN = \sqrt{10}$
- 3) بين أن المثلث NME قائم مع العلم أن: $ME = 2\sqrt{10}$ ، $NE = 5\sqrt{2}$.
- 4) أحسب إحداثيتي النقطة D حيث $\overrightarrow{NM} = \overrightarrow{ED}$

تمرين 3: (ش ت م 2013)

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$

- 1) علم النقط $A(2; 0)$ ، $B(-4; 3)$ ، $C(5; 3)$
- 2) احسب إحداثيتي الشعاع \overrightarrow{AB} ثم الطول AB .
- 3) عيّن النقطة D صورة C بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} ثم احسب إحداثيتي النقطة D .
- 4) اوجد إحداثيتي نقطة تقاطع المستقيمين (AD) و (BC) .

تمرين 4: (ش ت م 2012)

(المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس للمستوي $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$.

- 1) علم النقط $A(2; -1)$ ، $B(-2; 3)$ ، $C(-4; -3)$
- 2) احسب الطول AC واستنتج نوع المثلث ABC علما أن $BC = 2\sqrt{10}$
- 3) احسب إحداثيتي النقطة D حتى يكون $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{BD}$
- 4) بين أن $(AB) \perp (CD)$

تمرين 5: (ش ت م 2015)

(المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$.

- 1) علم النقط $A(-2; -3)$ ، $B(4; 1)$ ، $C(2; 4)$
- 2) أ) أعط القيمة المضبوطة للطول AB
ب) علما أن : $AC = \sqrt{65}$ و $BC = \sqrt{13}$ ، بين أن المثلث ABC قائم .
- 3) أنشئ النقطة E صورة A بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BC} . أثبت أن ABCE مستطيل .

تمرين 6:

في معلم متعامد ومتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$.

- 1) علم النقط : $A(1; 2)$ ، $B(4; 1)$ و $M(3; 1)$.
- 2) أكتب إحداثيتي الشعاع \overrightarrow{AB} .
- 3) أوجد إحداثيتي النقطة P منتصف القطعة [AB].
- 4) بين أن النقطة M تنتمي إلى محور القطعة [AB].

تمرين 7:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$. الوحدة هي : 1cm.

- 1) علم النقط $A(2; 1)$ ، $B(5; 5)$ و $C(6; 2)$.
- 2) أعط إحداثيتي الشعاع \overrightarrow{AB} .
- 3) أحسب المسافة AB.
- 4) أنشئ النقطة D بحيث يكون الرباعي ABCD متوازي أضلاع.
- 5) أعط دون تبرير إحداثيتي النقطة D.

تمرين 8:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(\vec{j}; \vec{i}; 0)$. الوحدة هي السنتيمتر.

(1) علمَ النقط : $A(5; 2)$ ، $B(2; 6)$ ، $C(-6; 0)$.

(2) بيّن أن المثلث ABC قائم في B .

(3) أحسب إحداثيتي D حتى يكون الرباعي $ABCD$ مستطيلاً.

تمرين 9:

في معلم متعامد و متجانس $(\vec{j}; \vec{i}; 0)$ (الوحدة هي السنتيمتر).

(1) علمَ النقط : $A(1; -3)$ ، $B(5; 5)$ ، $C(-5; 0)$.

(2) أحسب الأطوال : AB ، AC ، BC .

(3) بيّن أن المثلث ABC قائم في A .

تمرين 10:

نعتبر دائرة (C) مركزها O وقطرها $[AB]$. M نقطة من (C) مختلفة عن A و B . منصف الزاوية \widehat{AMB} يقطع (C) في N .

(1) أرسم الشكل بدقة.

(2) أوجد قياس الزاوية \widehat{AON} .

(3) أنشئ النقطة L صورة A بالانسحاب الذي شعاعه \vec{ON} .

- ما هي طبيعة الرباعي $OALN$ ؟ برّر إجابتك.

تمرين 11:

$(\vec{j}; \vec{i}; 0)$ معلم متعامد و متجانس للمستوي.

(1) علمَ النقط : $A(2; 6)$ ، $B(-4; 2)$ ، $C(-2; -1)$ ، $D(4; 3)$.

(2) أحسب إحداثيتي كلٍّ من الشعاعين : \vec{AB} و \vec{DC} .

(3) هل الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع ؟ علّل.

تمرين 12:

$(\vec{j}; \vec{i}; 0)$ معلم متعامد و متجانس للمستوي حيث وحدة الطول هي السنتيمتر.

(1) علمَ النقط : $A(1; 2)$ ، $B(-2; 1)$ ، $C(-3; -2)$.

(2) احسب الطولين AB و BC .

(3) احسب احداثيتي الشعاع \vec{BC} .

(4) أنشئ النقطة D صورة A بالانسحاب الذي شعاعه \vec{BC} .

(5) بيّن أن الرباعي $ABCD$ معين.

تمرين 13:

(1) في معلم $(\vec{j}; \vec{i}; 0)$ متعامد و متجانس علمَ النقط : $A(-3; 1)$ ، $B(-1,5; 2,5)$ ، $C(3; -2)$.

(2) بيّن أن : $AC = \sqrt{45}$.

(3) علما أن : $AB = \sqrt{4,5}$ و $BC = \sqrt{40,5}$. بيّن أن ABC مثلث قائم .

(4) أنشئ النقطة D صورة C بالانسحاب الذي شعاعه \vec{BA} .

(5) ما نوع الرباعي $ABCD$ ؟ علّل إجابتك.

تمرين 14:

$(\vec{j}; \vec{i}; 0)$ معلم متعامد و متجانس للمستوي.

(1) علمَ النقط : $B(2; 3)$ ، $U(3; 0)$ ، $T(-4; 1)$ على ورقة مليمتريّة .

(2) احسب القيمة المضبوطة للأطوال : BU ، BT و TU .

(3) بيّن أن المثلث BUT قائم .

(4) R نقطة من المستوي حيث $\vec{UR} = \vec{TB}$.

• ما نوع الرباعي $BUTR$ ؟ علّل .

• أنشئ النقطة R .

(5) انقل واتم المساواة التالية مع التعليل : $\vec{UB} + \vec{UT} = \vec{UR}$.

تمرين 15:

المستوي مزوّد بمعلم $(\vec{j}; \vec{i}; 0)$ متعامد و متجانس .

(1) علمَ النقط : $A(2; 4)$ ، $B(8; 8)$ ، $C(10; 5)$ ، $D(4; 1)$ في المستوي .

(2) أ- احسب احداثيتي كلا من الشعاعين \vec{AB} و \vec{DC} .

ب- احسب الطولين AC و DB .

ج- بيّن نوع الرباعي $ABCD$.

(3) لتكن K نقطة تقاطع قطري الرباعي $ABCD$ - احسب احداثيتي النقطة K .

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 08 (الدالة الخطية والدالة التربيعية)

مسألة 1 :

- تقوم شركة بصنع قارورات زجاجية للمشروبات و تبيعها بسعرين مختلفين :
- السعر الأول : $25DA$ للقارورة الواحدة.
 - السعر الثاني : $15DA$ للقارورة الواحدة زائد $400DA$ كسعر جزافي .
- (1) أحسب ثمن 30 قارورة و 50 قارورة بالسعر الأول ثم بالسعر الثاني.
- (2) ليكن x هو عدد القارورات المطلوبة، P_1 هو السعر الأول، P_2 هو السعر الثاني
- حيث: $P_2(x) = 25x$ ، $P_1(x) = 15x + 400$
- في نفس المعلم المتعامد و المتجانس (\vec{OI}, \vec{OJ})
- أرسم المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) اللذين يمثلان الدالتين P_1 و P_2 على الترتيب حيث :
- نأخذ : 1 cm يمثل 10 قارورات على محور الفواصل.
- 1 cm يمثل 100 DA على محور الترتيب.
- (3) بقراءة بسيطة للبيان المرسوم أجب عن الأسئلة التالية :
- أ- ما هو أكبر عدد ممكن من القارورات يمكن شراؤه بمبلغ 1200 DA ؟
 - ب- من أجل أي عدد من القارورات يكون السعران P_1 و P_2 متساويان؟
 - ج- ما هو الشرط الكافي حتى يكون السعر الثاني P_2 هو الأفضل؟

مسألة 2 :

- في أحد مواقف السيارات هناك طريقتان للدفع من أجل توقيف السيارات :
- الطريقة الأولى : ثمن توقيف السيارة هو 25 DA في اليوم الواحد.
 - الطريقة الثانية : دفع اشتراك سنوي قدره $400DA$ و دفع $15DA$ ثمن توقيف السيارة في اليوم.
- (1) أحسب ثمن توقيف سيارة لمدة 30 يوما و 50 يوما حسب كل من الطريقتين .
- (2) نرمز بـ x لعدد أيام توقيف السيارة، بـ $P_1(x)$ للثمن المدفوع حسب الطريقة الأولى و بـ $P_2(x)$ للثمن المدفوع حسب الطريقة الثانية.
- عبّر عن $P_1(x)$ و $P_2(x)$ بدلالة x .
 - (3) في نفس المعلم المتعامد و المتجانس (\vec{OI}, \vec{OJ}) ، مثل بيانيا كلاً من $P_1(x)$ و $P_2(x)$.
 - (4) من البيان المتحصل عليه، أجب عن الأسئلة التالية :
- أ- ما هو أكبر عدد من الأيام لتوقيف السيارة من أجل 1200 DA ؟
 - ب- من أجل أي عدد من الأيام يكون $P_1(x) = P_2(x)$ ؟
 - ج- ما هو الشرط الذي تكون فيه طريقة الدفع الثانية أحسن من الأولى؟

مسألة 3 :

- يقترح نادي لكرة القدم يلعب فريقه بالبطولة الوطنية صيغتين للدخول إلى الملعب .
- الصيغة الأولى : يدفع المتفرج 50 DA لكل مقابلة يحضرها .
 - الصيغة الثانية : يدفع المتفرج اشتراكا سنويا 250 DA ثم 30 DA عند كل مقابلة يحضرها.
- الفريق يلعب 30 مقابلة خلال السنة
- (1) أ- ما هي الصيغة الراجعة لمتفرج يحضر 8 مقابلات
- ب- ما هي الصيغة الراجعة لمتفرج يحضر 14 مقابلات ؟
- (2) ليكن x هو عدد المقابلات التي يحضرها متفرج خلال سنة .
- أ- ليكن P_1 المبلغ المدفوع لـ x مقابلة حسب الصيغة الأولى.
- أكتب P_1 بدلالة x .
 - ب) ليكن P_2 المبلغ المدفوع لـ x مقابلة حسب الصيغة الثانية
 - أكتب P_2 بدلالة x .
- (3) في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (\vec{OI}, \vec{OJ})
- حيث : 1 cm على محور الفواصل يمثل 2 مقابلة.
- 1 cm على محور الترتيب يمثل 100 DA .
- أرسم المستقيمين $(D_1) : y = 50x$ ، $(D_2) : y = 30x + 250$
- (4) مستعينا بالتمثيل البياني أجب عن السؤال الأول .

(5) حل المتراجحة : $50x < 30x + 250$

- أعط تفسيرا للنتيجة المتحصل عليها .

مسألة 4 :

يقترح صاحب قاعة مسرح على زبائنه خيارين :

- الخيار الأول: يسدّد الزبون 400DA لمشاهدة مسرحية واحدة.

- الخيار الثاني: يسدّد الزبون 150DA لمشاهدة مسرحية واحدة مع اشتراك سنوي قيمته 2500DA.

(1) أ- ما هو الخيار الأكثر فائدة لزبون شاهد 12 مسرحية خلال سنة؟ برّر إجابتك.

ب- ما هو الخيار الأكثر فائدة لزبون شاهد 5 مسرحيات خلال سنة؟ برّر إجابتك.

(2) ليكن : x هو عدد المسرحيات التي شاهدها زبون خلال سنة.

y_1 هو المبلغ السنوي الذي سدّده إذا فضل الخيار الأول.

y_2 هو المبلغ السنوي الذي سدّده إذا فضل الخيار الثاني.

عبر عن كلّ من y_1 و y_2 بدلالة x .

(3) في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (O, OI, OJ) ، نختار الوحدات البيانية التالية:

- على محور الفواصل : 1cm يمثل مسرحية واحدة.

- على محور الترتيب : 1cm يمثل 500DA .

أ - أرسم على ورقة ملمترية :

المستقيم (D) الذي معادلته : $y = 400x$.

المستقيم (Δ) الذي معادلته : $y = 150x + 2500$.

ب - اعتمادا على التمثيل البياني ، حدّد الخيار الأفضل تبعا لعدد المسرحيات المشاهدة.

مسألة 5 :

يزرع فلاح القمح ويحضّر دقيقه بنفسه. من أجل تحسين مداخله ، قرّر أن يصنع خبزا تقليديا مرّة واحدة في الأسبوع لبيعه بسعر 23DA للكيلوغرام الواحد. تُقدّر مصاريف الفلاح الشهرية بمبلغ ثابت قدره 2600DA يُضاف إليها 3DA كلفة كلّ كيلوغرام من الخبز المصنوع.

I. في شهر جوان، يبيع الفلاح 200 kg من الخبز.

(1) أ) ما هي مداخله خلال هذا الشهر؟

ب) ما هي مصاريفه؟

(2) هل حقّق ربحا؟ إذا كان الجواب بنعم، ما هو مقدار هذا الربح؟

II. نسمي x كتلة الخبز (بالكيلوغرامات) المباعة في الشهر.

ليكن $R(x)$ مبلغ المداخل و $D(x)$ مبلغ المصاريف خلال هذا الشهر.

(1) عبر عن $R(x)$ و $D(x)$ بدلالة x .

(2) أ) حلّ المتراجحة $R(x) > D(x)$.

ب) كيف يمكن للفلاح أن يفسّر النتيجة المحصل عليها؟

(3) أحسب كتلة الخبز التي يجب أن يبيعها الفلاح في الشهر حتى يتحصّل على ربح قدره 2000DA.

(4) المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (O, OI, OJ) .

(1cm على محور الفواصل يمثل 20kg ، 1cm على محور الترتيب يمثل 400DA).

أ) ليكن (d_1) المستقيم الذي معادلته : $y = 23x$.

(d_2) المستقيم الذي معادلته : $y = 3x + 2600$.

أنشئ كلّ من المستقيمين (d_1) و (d_2) .

ب) تحقّق من النتائج المحصل عليها في السؤال II. (2).

مسألة 6 :

القسم الأول:

مؤسسة تصنع علبا للتصبير ، وتقترح نمطين من البيع:

- النمط الأول: 25 DA للعبة الواحدة.

- النمط الثاني: 15 DA للعبة الواحدة زائد مبلغ جزافي قدره 50 DA .

(1) أحسب ثمن 30 لعبة و ثمن 50 لعبة حسب النمط الأول، ثمّ حسب النمط الثاني.

(2) نرمز بـ x إلى عدد العلب المنتجة. عبر بدلالة x عن ثمنها حسب كلّ من النمطين.

(3) لتكن : $P_1(x) = 25x$ و $P_2(x) = 15x + 50$.

أنشئ في معلم متعامد ومتجانس المستقيمين (D_1) و (D_2) الممثلين للدالتين P_1 و P_2 على الترتيب.

(1 cm على محور الفواصل يمثل لعبة واحدة ، 1 cm على محور الترتيب يمثل 100 DA)

(4) بقراءة بيانية بسيطة أجب عن الأسئلة الآتية:

(أ) ما هو أكبر عدد من العلب يمكن شراؤها بـ 1200 DA ؟

(ب) من أجل أي عدد من العلب يكون السعران متساويين؟

(ج) ما هو الشرط الذي يكون من أجله النمط الثاني أفضل من النمط الأول بالنسبة إلى المشتري؟

القسم الثاني:

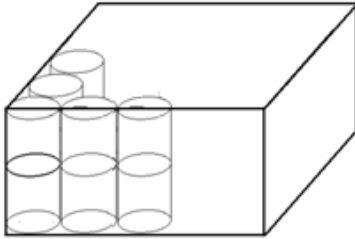
تُصنع كلّ علبة على شكل أسطوانة نصف قطر قاعدتها 5 cm وارتفاعها 20 cm ، ويغلف كلّ سطحها الجانبي بورقة إخبارية.

(1) أحسب القيمة المضبوطة لمساحة هذه الورقة ، والقيمة المقربة بأخذ : $\pi = 3,14$.

(2) أحسب سعة كلّ علبة بالسنتيمتر المكعب ، ثم بالتر.

(3) توضع العلب في صناديق على شكل متوازي مستطيلات كما هو مبين في الشكل المقابل.

- ما هي أبعاد كلّ صندوق لكي يسع 100 علبة ؟



مسألة 7:

الجمهور الجزائري على موعد شهر جوان القادم لمناصرة الفريق الوطني بالبرازيل في منافسة كأس العالم. فندق ثلاث نجوم

بمدينة ساو باولو مكان إقامة المنتخب الوطني يقترح على المناصرين الجزائريين اختياريين:

الاختيار الأول: دفع مبلغ أولي قيمته 750 RL_B ثم دفع 125 RL_B عن كل ليلة يقضيها الزبون بالفندق.

الاختيار الثاني: دفع مبلغ أولي قيمته 900 RL_B ثم دفع 100 RL_B عن كل ليلة يقضيها الزبون بالفندق.

$RL_B = \text{الريال البرازيلي}$

① أنقل وأتمم الجدول.

عدد الليالي	3	6	10
المبلغ بالاختيار الأول			
المبلغ بالاختيار الثاني			

② نرمز إلى عدد الليالي بالحرف x وإلى المبلغ اللازم بالاختيار الأول بالرمز P₁ وإلى المبلغ اللازم بالاختيار الثاني بالرمز P₂.

- عبر عن P₁ و P₂ بدلالة x.

③ في معلم متعامد ومتجانس مثل الدالتين f و g المعرفتين كما يلي:

$$f(x) = 125x + 750 \quad \text{و} \quad g(x) = 100x + 900$$

(حيث كل 1cm من محور الفواصل يمثل ليلة واحدة و كل 1cm من محور الترتيب يمثل 200 RL_B).

④ بالقراءة البيانية أجب على مايلي (مع ترك أثر الإجابة على الورقة المليمترية)

أ- ماهو المبلغ المستحق من أجل 4 ليالي بالاختيارين؟

ب- ماهو الاختيار الأفضل لشخص يملك 2000 RL_B و يريد أن يقضي أكبر عدد ممكن من الليالي بالفندق؟

ج- اشرح لمناصر جزائري يريد النزول بهذا الفندق كيفية الاختيار.

مسألة 8:

تقترح وكالة تجارية للاتصالات الهاتفية للتسديد الشهري الصيغ الثلاث الآتية:

الصيغة (أ): دفع 11 ديناراً للدقيقة.

الصيغة (ب): دفع 600 ديناراً اشتراكاً و 5 دنانير للدقيقة.

الصيغة (ج): دفع 2000 ديناراً شهرياً مهماً كان عدد الدقائق.

① أحسب تكلفة المكالمات التي مدتها 100 دقيقة في كلّ من الصيغ الثلاث

② y يمثل الكلفة بالدنانير ، x يمثل المدة بالدقائق.

◇ عبر عن y₁ و y₂ و y₃ تكلفة الصيغ الثلاث بدلالة x

◇ حل المتراحة: $11x < 5x + 600$ ، ثم فسر هذه النتيجة

③ في معلم متعامد و متجانس، مثل بيانياً الصيغ الثلاث

نضع على محور الفواصل : كل 1cm يمثل 50 دقيقة .

نضع على محور الترتيب : كل 1cm يمثل 200DA .

④ اعتماداً على البيان، ما هي أفضل صيغة شهرياً لشخص عند استعمال الهاتف مدة: 3 h 20 mn شهرياً.

مسألة 9:

عمر و علي وأحمد ثلاث حرفيين يصنعون نفس عدد الألعاب شهرياً وراتبهم يحسب بالطرق التالية :

-عمر له راتب شهري ثابت قدره 9000 DA .

-علي له راتب شهري يقدر بـ 3 000 DA بالإضافة إلى 50 DA على كل لعبة يصنعها .

-أحمد له راتب قدره 4000 DA بالإضافة إلى 40 DA على كل لعبة يصنعها .

مرتب عمر	مرتب علي	مرتب أحمد
130 لعبة		
100 لعبة		

1- انقل ثم أتمم الجدول التالي إذا كان عدد اللعب المصنوعة هو :

2-ليكن x عدد اللعب المصنوعة في الشهر من طرف كل واحد

عبر بدلالة x عن رواتب كل من عمر و علي وأحمد ولتكن على الترتيب y_A, y_B, y_C .

3-في معلم متعامد نأخذ على محور الفواصل 1 cm يمثل 10 عشرة لعب . وعلى محور الترتيب 1 cm يمثل 500 DA

ارسم المستقيمات D_1, D_2, D_3 التي معادلاتها

$$D_1 : y = 9000 \quad D_2 : y = 50x + 3000 \quad D_3 : y = 40x + 4000$$

4-اجب عن الأسئلة التالية من البيان :

أ-عند أي عدد من اللعب المصنوعة في شهر يكون مرتب علي أكبر من أو يساوي مرتب أحمد؟

ب- عند أي عدد من اللعب المصنوعة في شهر يكون مرتب علي أكبر من أو يساوي مرتب عمر و راتب أحمد؟

ج- هل يمكن أن يأخذ الثلاثة نفس الراتب شهرياً .

مسألة 10:

صاحب شركة لصيد الأسماك يقترح على عماله ثلاث صيغ لتقاضي الأجر الشهري .

- الصيغة A : أجر شهري قدره 35000 DA .

- الصيغة B : أجر شهري قدره 12500 DA ، مع إضافة مبلغ 2500 DA لكل طن من الأسماك التي يتم صيدها .

- الصيغة C : أجر شهري يعتمد على كمية الصيد و يقدر بـ 5000DA لطن واحد من الأسماك.

1) انقل ثم اتمم الجدول:

كمية الأسماك بالطن خلال شهر	5	11	15
الأجر بالصيغة A			
الأجر بالصيغة B			
الأجر بالصيغة C			

2) ليكن x كمية الصيد بالطن و y_a, y_b, y_c الأجر الشهري حسب كل صيغة.

عبر عن y_a, y_b, y_c بدلالة x.

$$h(x)=5000x \quad , \quad g(x)=12500+2500x \quad , \quad f(x)=35000 \quad (3)$$

مثل بيانياً الدوال السابقة في نفس المعلم المتعامد و المتجانس حيث:

(1cm على محور الفواصل يمثل 1 طن، و 1 cm على محور الترتيب مثل 5000 DA).

4) أ/ بيانياً ما هي نسبة الأسماك التي يتم صيدها كي يحصل على نفس الأجر بالصيغتين b و c.

ب/تحقق حسابياً من النتائج السابقة

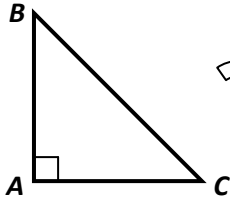
? إعداد الأستاذ : تامة موسى

تذكر دائماً أن التوفيق من الله والأسباب من الإنسان

نصيحة

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 9 (الدوران)

تمرين 1:



ABC مثلث قائم في A .

(1) أرسم صورة المثلث ABC بالدوران الذي مركزه C ، زاويته 90° و اتجاهه كما هو موضح في الشكل المقابل.

(2) أرسم صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{CA} .

تمرين 2: (ش ت م 2011)

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$

(1) علم النقط: $A(-1; 2)$ ، $B(3; 2)$ ، $M(+1; -1)$

(2) بيّن أن B هي صورة A بالدوران الذي مركزه M وزاويته \widehat{AMB}

تمرين 3: (ش ت م 2010)

$(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$ معلم متعامد ومتجانس للمستوي.

(1) علم النقط: $A(0; 2)$ ، $B(1; 0)$ ، $C(-1; 0)$

(2) ما نوع المثلث ABC ؟ علّل.

(3) عيّن احداثيا النقطة D صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه O وزاويته 180° ثم استنتج

نوع الرباعي $ABCD$.

تمرين 4: (ش ت م 2009)

$[AB]$ قطعة مستقيم طولها 6cm .

(1) أنشئ النقطة C صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A وقيس زاويته 90° في اتجاه عكس عقارب الساعة.

(2) ما نوع المثلث ABC ؟ (برّر إجابتك)

(3) اوجد الطول BC .

تمرين 5:

(1) علم في المستوي المزود بالمعلم المتعامد والمتجانس $(\vec{o}; \vec{0}; \vec{0})$ النقط: (الوحدة هي 1cm)

$A(2; -1)$ ، $B(4; 3)$ ، $C(0; 3)$

(2) بيّن أن النقطة C هي صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A وزاويته \widehat{BAC} .

(3) عيّن على الرسم النقطة N منتصف $[BC]$.

(4) حدّد بالتدوير إلى الدرجة قيس الزاوية \widehat{AC} إذا علمت أن $AN=4$

تمرين 6:

(1) علم في معلم للمستوي النقط $A(-1; -3)$ ، $B(-2; 4)$ ، $C(2; 1)$.

(2) احسب الأطوال AB ، AC ، BC واستنتج نوع المثلث ABC

(3) استنتج الدوران الذي يحول النقطة B إلى النقطة A .

تمرين 7:

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{o})$.

(1) علم النقط التالية: $A(1; 3)$ ، $B(-1; -1)$ ، $C(3; -3)$.

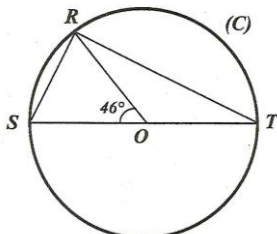
(2) علما أن: $AC = 2\sqrt{10}$ ، $AB = 2\sqrt{5}$ ، بيّن أن المثلث ABC قائم ومتساوي الساقين.

أ - احسب احداثيي النقطة I مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC .

ب - أنشئ النقطة D صورة B بالدوران الذي مركزه A وزاويته 90° في

الاتجاه الموجب.

تمرين 8: (ش ت م 2015)



في الشكل المقابل الأطوال و أقياس الزوايا غير حقيقية .

(C) دائرة مركزها O وقطرها $ST = 9 \text{ cm}$

R نقطة من هذه الدائرة حيث $\widehat{SOR} = 46^\circ$

1- بيّن أن $\widehat{STR} = 23^\circ$

2- المثلث STR قائم في R, علّل .

3- احسب الطول RS بالتدوير إلى 0,01 .

تمرين 9:

معطيات التمرين موضحة على الشكل المقابل

(1) ماهي طبيعة المثلث BMD؟

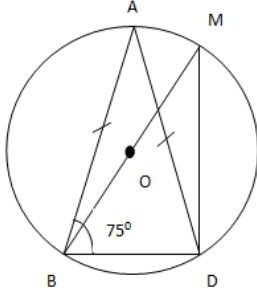
برر إجابتك؟

(2) أ/ أحسب قياس الزاوية \widehat{BAD}

ب/ بين أن قياس الزاوية \widehat{BMD} هو 30° .

(3) علما أن $BM = 11,2 \text{ cm}$ ، $BD = 5,6 \text{ cm}$

أحسب الطول DM



تمرين 10:

ABC مثلث تحيط به دائرة مركزها النقطة O .

- حدّد أقياس زوايا المثلث ABC

إذا علمت أن $\widehat{AOB} = 50^\circ$ و $\widehat{BOC} = 150^\circ$ (برر إجابتك) .

تمرين 11:

A و B نقطتان من المستوي .

(1) أنشئ النقطة M صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A و زاويته 30° و اتجاهه سالب .

(2) أنشئ النقطة N صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A و زاويته 60° و اتجاهه موجب . - ما طبيعة المثلث AMN ؟

تمرين 12:

ABCD معين طولي قطريه [AC] و [BD] هما 8cm و 4cm على الترتيب .

O نقطة تقاطع [AC] و [BD] .

(1) عين الزاوية و الاتجاه للدوران الذي مركزه O و الذي يحول المثلث ABC إلى المثلث ADC .

(2) أنشئ صورة المعين ABCD بالدوران الذي مركزه O و زاويته 90° و اتجاهه سالب.

تمرين 13:

ABC مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي A حيث $\widehat{A} = 80^\circ$. [AM] المحور المتعلق بالقاعدة [BC] . O نقطة من

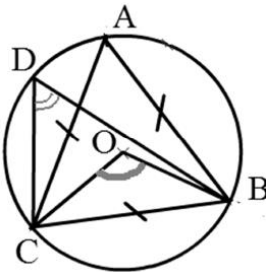
[AM] حيث $\widehat{BOC} = 120^\circ$

- أنشئ صورة المثلث BOC بالدوران الذي مركزه O و زاويته 120° و اتجاهه موجب.

تمرين 14:

تمغن في الشكل المقابل المرسوم باليد الحرة .

- احسب قيسي الزاويتين \widehat{BOC} و \widehat{BDC} مع التبرير .



تمرين 15:

ABC مثلث متقايس الأضلاع طول ضلعه 6cm .

(1) أنشئ النقطة D صورة النقطة C بالدوران R الذي مركزه A و زاويته 60° و اتجاهه موجب.

(2) استنتج صورة المثلث ABC بالدوران R .

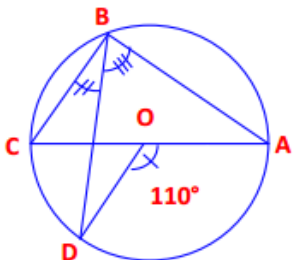
(3) ما طبيعة الرباعي ABCD .

تمرين 16:

اعتمادا على الشكل المقابل :

- احسب قيسي الزاويتين \widehat{ABD} و \widehat{CBD} مع التعليل

-



تمرين 1:

حل جبريا المعادلات الآتية :

$$\begin{cases} -5x - 7y = -4 \\ 5x + 3y = 10 \end{cases}, \quad \begin{cases} x - 2y = 1 \\ 2x - 6y - 2 = 5 \end{cases}, \quad \begin{cases} 3x - 2y = 4 \\ x + 2y = 0 \end{cases}, \quad \begin{cases} 3x + y = 2 \\ 3x + 2y = 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x + y = -7 \\ x + 2y = 1 \end{cases}, \quad \begin{cases} 2x + y = 11 \\ x + 3y = 18 \end{cases}, \quad \begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ 5x + 6y = 14 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x + 3y = 1 \\ 3x - 2y = -5 \end{cases}, \quad \begin{cases} 2x + y = -1 \\ -x - y = -1 \end{cases}, \quad \begin{cases} \frac{x-1}{2} = \frac{x+1}{3} \\ 3x - 2y - \frac{3}{5} = 0 \end{cases}$$

تمرين 2: (ش ت م 2011)

يتوفر شاب على مبلغ من المال قدره 60DA , يتكون من قطع نقدية من فئة 5DA و من فئة 10 DA ما مجموعه 9 قطع نقدية .
- ما هو عدد القطع النقدية من فئة 5DA وعدد القطع النقدية من فئة 10DA .

تمرين 3: (ش ت م 2011)

اشترى تلميذ 8 كتب و 4 دفاتر بـ 1080 DA واشترى أخوه 5 كتب و 7 دفاتر بـ 810 DA من نفس النوع
- اوجد ثمن الدفتر الواحد و ثمن الكتاب الواحد

تمرين 4: (ش ت م 2010)

سئل فلاح عن عدد الدجاج والماعز التي يملكها فأجاب : عندي ما مجموعه 30 رأسا . ما هو عدد الدجاج وعدد الماعز لدى الفلاح ؟ اذا علمت أن مجموع عدد أرجل الدجاج والماعز هو 82

تمرين 5: (ش ت م 2007)

1- حل الجملة :

$$\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 6x + 4y = 112 \end{cases}$$

2- اشترى رضوان من مكتبة أربعة كراريس وخمسة أقلام بمبلغ 105DA واشترت مريم ثلاثة كراريس وقلمين بمبلغ 56 DA .
اوجد ثمن الكرسي الواحد و ثمن القلم الواحد .

تمرين 6:

في مطعم دفعت عائلة عمر 2240 دج مقابل (3) ثلاث وجبات للكبار ووجبة (1) واحدة للصغار , أما عائلة علي فقد دفعت 1880 دج مقابل وجبتين (2) للكبار و وجبتين (2) للأطفال .
نرمز بـ x لثمن وجبة الكبار الواحدة و بالرمز y ثمن وجبة الأطفال الواحدة .

1- اكتب جملة المعادلتين التي تمكنا من حساب ثمن كل من وجبة الكبار و ثمن وجبة الصغار .

2- حل هذه الجملة .

3- اعط ثمن وجبة الكبار و ثمن وجبة الصغار .

تمرين 7 :

سارة تريد أن تهدي باقة أزهار لأُمها , عرض عليها بائع الزهور مايلي :

- باقة مشكلة من 8 أزهار سوسن و 5 ورود بثمن إجمالي 142 دج
- باقة مشكلة من 5 أزهار سوسن و 7 ورود بثمن إجمالي 153 دج

احسب ثمن زهرة السوسن الواحدة و ثمن الوردة الواحدة .

تمرين 8 :

يحضر صانع حلوى نوعين من العلب تحوي شكولاتة ونوع آخر من الحلوى .

في النوع الأول من العلب , الذي يبيعه بـ 102,50 DA , يضع 25 قطعة شكولاتة و 10 حبات من الحلوى .

وفي النوع الثاني من العلب , الذي يبيعه بـ 82,50 DA , يضع 15 قطعة شكولاتة و 20 حبة حلوى .

احسب ثمن قطعة الشكولاتة و ثمن حبة الحلوى

تمرين 9 : (ش ت م 2009)

1- حل الجملة التالية :
$$\begin{cases} x + y = 14 \\ x + 4y = 32 \end{cases}$$

2- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 500 و 125 .

3- ملأ تاجر 4000 g من الشاي في علب من صنف 125 g وصنف 500 g , إذا علمت أن العدد الكلي هو 14 ' أوجد عدد العلب لكل صنف . (لاحظ أن : $32 \times 125 = 4000$)

تمرين 10 :

محيط مستطيل هو 84 cm .

إذا ضاعفنا عرضه وضربنا طوله في 3 يصبح محيطه يساوي 124 cm .

- احسب طول وعرض هذا المستطيل .

تمرين 11 :

ABC مثلث حيث $BC = 5$ cm .

1- اوجد الطولين AB و AC إذا علمت أن مجموع هـاين الطولين هو 70 mm وفرقهما هو 10 mm .

2- أنشئ المثلث ABC .

تمرين 12 :

1- حل الجملة التالية :
$$\begin{cases} 5x + 3y = 180 \\ x + y = 40 \end{cases}$$

2- يوجد عند صاحب مكتبة 40 كتابا وهي نوعان : سمك البعض منهم هو 5 cm و سمك البعض الآخر هو 3 cm , إذا

وضعهم صاحب المكتبة متراصين في نفس الرف فتكون هذا الكتب صفا طوله 1,80 m .

- ماهو عدد الكتب من كل نوع من النوعين ؟

تمرين 13 :

في الشكل المقابل المربع والمثلث المتقايس الأضلاع لهما نفس المحيط .

- احسب طول ضلع المثلث وطول ضلع المربع .

