

متوسطة 15 جانفي 1956 الرباح

2018-2017

سلالس النجاح في الرياضيات

من إعداد:

الأستاذ تامة موسى

سلال النجاح

السلسلة 01: الأعداد الطبيعية والأعداد الناطقة

السلسلة 02: نظرية طالس

السلسلة 03: الحساب على الجذور

السلسلة 04: النسب المثلثية في المثلث القائم

السلسلة 05: الحساب الحرفي (النشر والتحليل)

السلسلة 06: الأشعة والإنسحاب

السلسلة 07: المعالم

السلسلة 08: الدالة الخطية والدالة التألفية

السلسلة 09: الدوران ، الزوايا ، المضلعات المنتظمة

السلسلة 10: جملة معادلتين

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 1 (القاسم المشترك الأكبر للعددين)

تمرين 1:

- 1) حدد المساواة التي تعبّر عن القسمة الإقليدية للعدد 1512 على 21 .
- 2) أكتب $\frac{720}{1512}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 2:

- 1) أوجد العدد x حيث: $PGCD(528; 561) = x$
- 2) تحقق حسابياً أن: $0 = 99 - 30x$
- 3) جد نسبة غير قابلة للاختزال تساوي العدد $\frac{528}{561}$

تمرين 3:

- نعتبر العددين الطبيعيين 63 و 105
- 1) عين قائمة قواسم كل من هذين العددين
- 2) ما هو القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين؟ هل هما أوليان فيما بينهما؟ برهن .
- 3) اجعل الكسر $\frac{63}{105}$ غير قابل للاختزال .

تمرين 4:

نعتبر العددين 286 و 130

- 1) باستعمال خوارزمية إفليس عين (PGCD (286; 130))
- 2) ليكن الكسر $A = \frac{286}{130}$ ، أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 5:

- 1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 2013 و 205
- 2) أكتب الكسر A حيث $A = \frac{7+6 \times 3}{3+12 \times 15}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 6:

- 1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 264 و 360
- 2) هل العددين 264 و 360 أوليان فيما بينهما؟ برهن اجابتك
- 3) اختزل الكسر $\frac{264}{360}$
- 4) اكتب العدد F على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث $F = \frac{264}{360} - \frac{1}{5}$

تمرين 7:

X و Y عدداً طبيعيان حيث: $Y = 493$ و $X = 667$

- 1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667 .
- 2) اكتب الكسر $\frac{X}{Y}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .

تمرين 8:

يعرض بائع زهور للبيع 75 زهرة نرجس و 90 زهرة أقحوان.

(1) باستعمال كل الزهور ، هل يمكنه تشكيل 5 باقات متماثلة؟ 6 باقات ؟

(2) ما هو أكبر عدد ممكن من الباقات المتماثلة التي يمكن تشكيلها باستعمال كل الزهور ؟

(3) ما هو عدد زهور النرجس و زهور الأقحوان في كل باقة ؟

تمرين 9:

نعتبر العددين 3073 و 1317 .

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 3073 و 1317 .

(2) يشارك تلميذ في مسابقة في الرياضيات حسب الفرق . يوجد 3073 تلميذة و 1317 تلميذ . يجب تكوين فرق متماثلة (لها نفس عدد التلاميذ و نفس التوزيع بين البنات و الأولاد) بتعيين كل مشارك في فريق من الفرق .

أ- ما هو أكبر عدد ممكن من الفرق المتماثلة التي يمكن تشكيلها ؟

ب- عين في هذه الحالة تشكيلة كل فريق (عدد البنات و عدد الأولاد) .

تمرين 10:

نعتبر العددين 540 و 300 .

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 540 و 300 .

(2) نريد أن نفرش قاعة مستطيلة الشكل طولها m , 40m , 5 و عرضها 3m بزرابي مربعة الشكل و كلها متماثلة .

أ- ما هو طول كل زريبة حتى يكون عدد الزرابي المستعملة أصغر ما يمكن ؟

ب- عين حينئذ عدد الزرابي المستعملة .

تمرين 11:

يملك أحد هواة الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا .

يريد بيع كل طوابعه على شكل مجموعات متماثلة (لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية) .

(1) عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها .

(2) عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .

تمرين 12:

لدى بائع الحلويات 133 حبة ذات ذوق الليمون و 95 حبة ذات ذوق البرتقال ، أراد وضعها في أكياس صغيرة بحيث يحتوي كل كيس على نفس العدد من الحلويات .

(1) هل يستطيع هذا البائع أن يحصل على 5أكياس ؟ ولماذا ؟

(2) ما هو أكبر عدد من الأكياس يمكنه الحصول عليه ؟

(3) ما هو عدد الحلويات من النوعين في الكيس الواحد ؟

تمرين 13:

نريد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل ، على ان تكون شجرة في كل ركن من أركان الحديقة ، وان تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية .

(1) ما هي اكبر مسافة التي تفصل بين شجرتين متجاورتين إذا علمت أن الأبعاد الثلاثة للحديقة بالمتر هي : 132 , 165 , 204 ؟

(2) ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة ؟

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 2 (نظرية طالس)

تمرين 1:

مثلث قائم في ABC

نقطة من [AB] ، E نقطة من [BC] عمودي على (AB)

حيث : $AB = 4 \text{ cm}$; $AC = 3 \text{ cm}$; $BE = 3 \text{ cm}$ (1) أحسب الطول BC ثم بين أن : $(AC) \parallel (HE)$ (2) أحسب كلا من الطولين : BH و EH

تمرين 2:

لاحظ الشكل جيدا

(1) بين أن المستقيمين (LN) و (H) متوازيان.(2) أحسب الطول LN

تمرين 3: (ش.ت.م 2015)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقة

رباعي قطره متعدمان ومتقاطعان في O حيث :

 $OD = 7,5 \text{ cm}$; $OC = 5 \text{ cm}$; $OB = 18 \text{ cm}$; $OA = 12 \text{ cm}$ (1) برهن أن المستقيمين (AB) و (CD) متوازيان.(2) أحسب الطول AB

تمرين 4:

في الشكل المقابل، المستقيمان (CM) و (BN) متقاطعان في النقطة O .(1) برهن أن : $(MN) \parallel (BC)$ (2) بين أن : $\frac{OB}{ON} = 0,6$ (3) احسب الطول ON إذا علمت أن : $OB = 17,5 \text{ cm}$

تمرين 5:

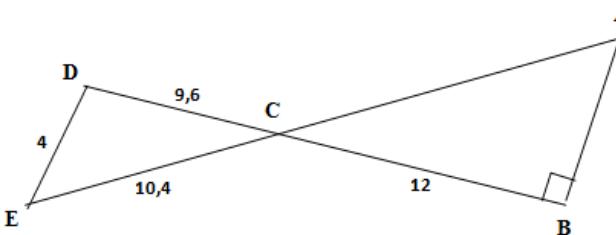
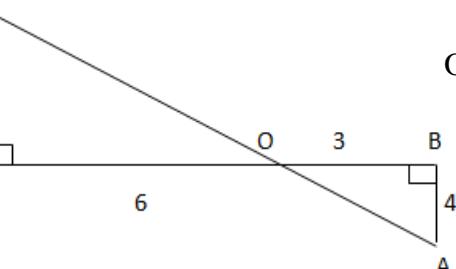
الشكل المجاور ليس حسب القياسات الحقيقة إليك : $OC = 6 \text{ cm}$, $OB = 3 \text{ cm}$, $AB = 4 \text{ cm}$. المستقيمان (BC) و (AF) يتقاطعان في النقطة O .(1) اشرح لماذا (BA) و (FC) متوازيان.(2) بين أن : $OA = 5 \text{ cm}$.(3) أحسب : CF و OF

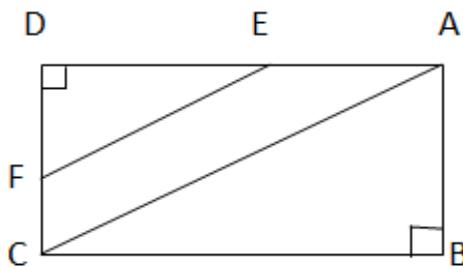
تمرين 6:

في الشكل المقابل لدينا الأطوال التالية :

 $AB = 12 \text{ cm}$, $CD = 9,6 \text{ cm}$, $DE = 4 \text{ cm}$, $CE = 10,4 \text{ cm}$ 1/ بين أن المثلث CDE قائم في D .2/ استنتج أن المستقيمان (DE) و (AB) متوازيان .3/ أحسب الطول AB

تمرين 7:





لشخص قطعة أرض مستطيلة الشكل أبعادها 30m و 72
قسمها إلى ثلاثة قطع كما هو موضح في الشكل حيث: $(FE) \parallel (AC)$ و $FD = 20m$
 (1) اوجد الطول AC .
 (2) احسب محيط كل قطعة.
 (3) احسب مساحة كل قطعة.

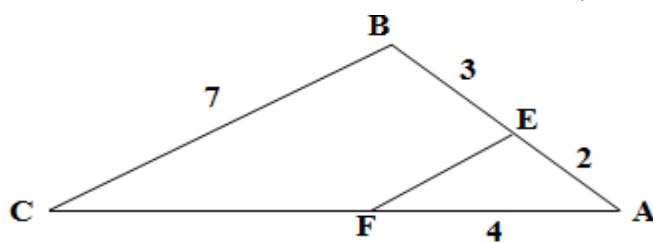
تمرين 8:

مثلث ABC حيث:
 $AM = 2,2\text{cm}$ و M نقطة من $[AB]$ و $AC = 5,5\text{cm}$ ، $AB = 4\text{cm}$
 المستقيم الذي يشمل M و يوازي (BC) يقطع (AC) في النقطة N .

(1) احسب الطول AN .

(2) احسب النسبة $\frac{MN}{BC}$ (تعطى النتيجة على شكل كسر غير قابل للاختزال)

تمرين 9: (ش.ت.م 2010)



في الشكل المقابل $(EF) \parallel (BC)$

احسب الطولين EF ، FC

تمرين 10:

في الشكل المعاوی المستقيمان (AD) و (BE) متوازيان
والأبعاد معطاة كما يلي : $CE = 2,8\text{ cm}$; $CB = 3,5\text{ cm}$

$ED = 4,2\text{ cm}$; $DF = 10,5\text{ cm}$

(1) احسب BA .

(2) المستقيمان (BD) و (AF) هل هما متوازيان ؟

تمرين 11:

في الشكل المجاور محيط المثلث ABC هو 17cm و $(EN) \parallel (BC)$

احسب الأطوال EN ، AN ، BC

تمرين 12:

تعن في الشكل المقابل حيث وحدة الطول هي السنتيمتر،
والمستقيمان (A) و (RB) متوازيان. لتكن الأطوال :

$EG = 8$ ، $AG = 10$ ، $AE = 5$ ، $BE = 3$

1- احسب الطولين RE و RB .

2- نعطي : $GZ = 8$; $GK = 6,4$ ،

أثبت أن المستقيمان (Z) و (AE) متوازيان.

تمرين 13:

في الشكل المقابل الأطوال غير مرسومة بأبعاد حقيقة.

1- المستقيمان (IG) و (JH) يتقاطعان في نقطة A .

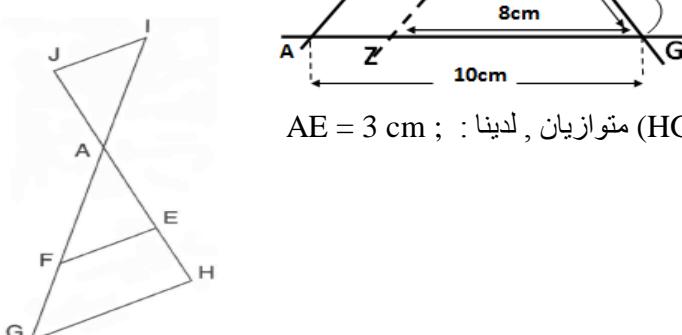
نقطة من (JH) و F نقطة من (IG) . المستقيمان (EF) و (HG) متوازيان ، لدينا :

$AE = 3\text{ cm}$; $AF = 4\text{ cm}$; $AH = 7\text{ cm}$; $EF = 6\text{ cm}$.

- احسب الطولين AG و HG .

2- لتكن لدينا : $AI = 6\text{ cm}$; $AJ = 4,5\text{ cm}$

- هل المستقيمان (IJ) و (EF) متوازيان ؟



؟ من إعداد الأستاذ : تامة موسى

أحسن استغلال وقتك واجعل وقتا للجد والاجتهد ووقتا للعب والمرح

نصيحة

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 3 (العمليات على الجذور التربيعية)

تمرين 1: (ش ت م 2014)

إليك الأعداد C, B, A حيث :

$$C = \sqrt{175} - \sqrt{112} + 6\sqrt{7}, \quad B = \frac{1,2 \times 10^{-2} \times 7}{12,5 \times 10^3}, \quad A = \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{7}{4}$$

- (1) احسب A ثم اكتبها على الشكل العشري.
- (2) أعط الكتابة العلمية للعدد B .
- (3) اكتب C على الشكل $a\sqrt{b}$.

تمرين 2: (ش ت م 2007)

$$\text{ليكن : } B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3} \quad \text{و} \quad A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128}$$

- (1) أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي.

$$(2) \text{ بسط العدد } B \text{ ثم بين أن } \frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$$

تمرين 3:

$$B = 5\sqrt{27} - 2\sqrt{12} + \sqrt{3} \quad , \quad A = 3 - 3 \div \frac{3}{7} \quad \text{و} \quad B \text{ عددا حيث: } A$$

(1) أحسب العدد A .(2) اكتب B على الشكل $a\sqrt{3}$.(3) أجعل مقام النسبة $\frac{A}{B}$ عددا ناطقا.

تمرين 4: (ش ت م 2011)

- (1) اكتب المجموع A على الشكل $a\sqrt{5}$ (عدد طبيعي) حيث :

$$(2) \text{ احسب } \frac{\sqrt{5}}{30} \times A \text{ مبينا مراحل الحساب.}$$

تمرين 5: (ش ت م 2013)

$$\text{ليكن العدد الحقيقي } A \text{ حيث: } A = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$$

(1) بين أن : $A = 4 + 2\sqrt{3}$ (2) ليكن العدد الحقيقي B حيث :بين أن : $A \times B$ عدد طبيعي

تمرين 6:

$$A = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8} \quad , \quad B = \sqrt{162} - \sqrt{72} + \sqrt{18}$$

(1) أكتب كلا من العددين B, A على الشكلين : $x\sqrt{2}$ و $y\sqrt{2}$ حيث : y, x عدان طبيعيان يطلب تعينهما.(2) أحسب القيمة المضبوطة لكل من العددين: $\frac{A-B}{2}$ و $\frac{A+B}{2}$

تمرين 7: (ش ت م 2009)

$$A = \sqrt{80} \quad , \quad B = 2\sqrt{45}, \quad C = \sqrt{5} + 1 \quad , \quad \text{لتكن الأعداد } A, B, C \text{ حيث:}$$

(1) اكتب $B + A$ على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي.(2) بين أن $B \times A$ هو عدد طبيعي.(3) اكتب $\frac{C^2}{\sqrt{5}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

تمرين 8:

- أعداد حقيقة حيث : k, c, b, a
- $k = \frac{18+7\sqrt{2}}{\sqrt{2}}, c = (5\sqrt{2}+7)(5\sqrt{2}-7), b = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}, a = \sqrt{3\sqrt{100}+6}$
- (1) بسط الأعداد : c, b, a .
 - (2) حول النسبة k إلى نسبة مقامها عدد ناطق.
 - (3) برهن أن : $a + b + c = k$.

تمرين 9:

- أعداد حقيقة حيث : C, B, A
- $C = -4\sqrt{2} + 3\sqrt{5}, B = \sqrt{50} - \sqrt{5}, A = \sqrt{18} - \sqrt{20}$
- (1) أكتب على أبسط شكل ممكناً كلام من : A و B .
 - (2) احسب المجموع S حيث : $S = A + B - C$.

تمرين 10:

- a و b عددان حقيقيان حيث :
- $b = \frac{\sqrt{2}+5}{3\sqrt{2}}$ و $a = \sqrt{112} + \sqrt{63}$
- (1) بسط العدد a .
 - (2) أكتب العدد b على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.
 - (3) أحسب الجداء $a \times b$.

تمرين 11:

- x, y عددان حقيقيان حيث :
- $y = \frac{\sqrt{5}}{2}$ و $x = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$
- (1) اجعل مقام العدد x عدداً ناطقاً.
 - (2) أحسب العدد Z حيث : $Z = 2y - 5x$ ثم أعط القيمة المقربة للعدد Z بتقريب 10^{-2} بالنقطان (يمكن استعمال الحاسبة).

تمرين 12:

- (1) بسط العدد A حيث $A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$
- (2) أكتب العدد B حيث $B = \frac{1+\sqrt{5}}{\sqrt{3}}$ على شكل كسر مقامه عدد ناطق.
- (3) بين أن $\frac{1}{2}A = 3B$

تمرين 13:

- a, b عددان حيث :
- $b = \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{2})}{\sqrt{7}}, a = \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{2})}{\sqrt{7}}$
- (1) أكتب كلام من العددين a و b على شكل كسر مقامه عدد ناطق.
 - (2) احسب مساحة ومحيط المستطيل الذي يعاده a و b (وحدة الطول هي السنتمتر).

تمرين 14:

- أكتب على الشكل $p\sqrt{3}$ حيث p عدد صحيح نسيبي كلاماً من العددين الآتيين:

$$B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2 \quad \text{و} \quad A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300}$$

(2) تحقق من أن $\frac{A}{B}$ هو عدد طبيعي.

تمرين 15:

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها 2400m^2 وعرضها يساوي ثلثي طولها.

- أحسب عرض وطول هذه القطعة.

؟ من إعداد الأستاذ : تامة موسى

نصيحة

احذر شرود الذهن أثناء الدرس والمذاكرة

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 4 (النسب المثلثية في مثلث قائم)

تمرين 1:

ABC مثلث بحيث : $BC = 10\text{cm}$ ، $AB = 6\text{cm}$ ، $AC = 8\text{cm}$

(1) بين أن المثلث ABC قائم في A .

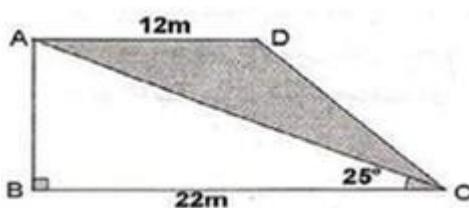
(2) احسب $\tan A\hat{C}B$ ثم استنتج قيس الزاوية $A\hat{C}B$ بالتدوير إلى الدرجة .

تمرين 2:

(C) دائرة نصف قطرها 2.6 cm ، $[MN]$ قطر لها ، P نقطة من الدائرة بحيث $MP = 2\text{ cm}$

(1) ارسم الشكل ثم اثبت أن المثلث MNP قائم في P .

(2) احسب الطول PN .

(3) احسب $\cos N\hat{M}P$ (أعط النتيجة بتدوير 0.001)(4) استنتج قيس الزاوية $N\hat{M}P$ بالتدوير إلى الدرجة .

تمرين 3: (ش ت م 2014)

الشكل ABCD شبه منحرف قائم في B, فيه $\overline{A\hat{C}B} = 25^0$ (1) احسب الطول AB بالتدوير إلى الوحدة . (استعن بـ $\tan A\hat{C}B$.)(2) احسب مساحة كل من شبه المنحرف ABCD والمثلث ABC . ثم استنتج مساحة الجزء المظلل . (تعطى : مساحة شبه المنحرف $= \frac{(\text{القاعدة الكبرى} + \text{القاعدة الصغرى}) \times \text{الارتفاع}}{2}$)

تمرين 4:

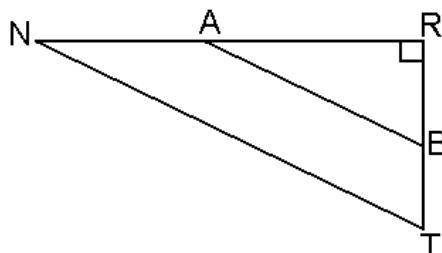
(C) دائرة مركزها O وقطرها [ST] حيث $ST = 7\text{cm}$ ، U نقطة من الدائرة حيث $SU = 3\text{cm}$

1- أنجز الرسم

2- بين المثلث STU قائم في U

3- أوجد قيس الزاوية $\overline{S\hat{T}U}$. النتيجة مدوره إلى الدرجة4- استنتاج قيس الزاوية $\overline{S\hat{O}U}$. النتيجة مدوره إلى الدرجة . علل إجابتك

تمرين 5:



مثلث قائم في R حيث :

 $NT = 10.2\text{cm}$ ، $BT = 1.6\text{cm}$ ، $NR = 9\text{cm}$ ، $AR = 6\text{cm}$

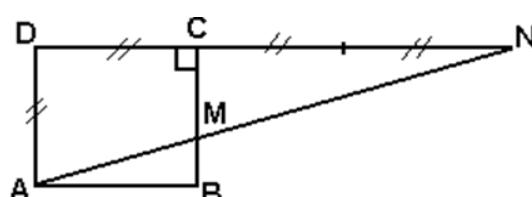
1/ أحسب الطول RT .

2/ نعتبر أن $RT = 4.8\text{cm}$.- أثبت أن المستقيمين (AB) ، (NT) متوازيان .3/ أحسب القيمة المضبوطة للزاوية $\overline{R\hat{N}T}$ ثم القيمة المقربة إلى الدرجة .

تمرين 6: (ش ت م 2013)

ABC مثلث قائم في B حيث : $CB = 8\text{cm}$ ، $AB = 4\text{cm}$ لتكن M نقطة من $[BC]$ حيث : $BM = \frac{BC}{4}$ ، المستقيم (Δ) العمودي على (BC) في النقطة Mيقطع $[AC]$ في النقطة H .

1/ أحسب الطول MH .

2/ أحسب : $\tan A\hat{M}B$ واستنتاج قيس الزاوية $A\hat{M}B$ بالتدوير إلى الدرجة (يمكن استعمال الحاسبة) .

تمرين 7:

إليك الشكل الآتي حيث ABCD مربع طول ضلعه : 4cm .

1/ أحسب الطول CM .

2/ أحسب القيمة المقربة إلى الوحدة من الدرجة لقيس الزاوية $M\hat{D}N$.

تمرين 8:

$$\cos A\hat{B}C = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ حيث } ABC \text{ مثلث قائم في } A$$

- 1/ أعط القيم المضبوطة لكل من $\tan A\hat{B}C$ ، $\sin A\hat{B}C$ (موضع طريقة الحساب)
 2/ أوجد قيس كلاً من $\hat{A}C\hat{B}$ و $\hat{A}\hat{B}C$.

- 3/ أحسب مساحة المثلث ABC إذا علمت أن: $AB = 2\sqrt{2} \text{ cm}$ (الرسم غير مطلوب)

تمرين 9: (ش ت م 2011)

- مثلث قائم الزاوية في A . $[AH]$ الارتفاع المتعلق بالوتر $[BC]$.
 - بين أن: $AB^2 = BH \times BC$ (يمكنك الاعتماد على $\cos \widehat{ABC}$ في كل من المثلثين ABH و ABC)

تمرين 10: (ش ت م 2008)

وحدة الطول المختار هي السنتمتر.

- مثلث قائم في A حيث: $AB = 3$ و $BC = 5$
 1) أنشئ الشكل ثم حدد الطول AC .

- 2) نقطة من $[AB]$ حيث $1 = E$. المستقيم الذي يشمل E و يعمد (AB) يقطع (BC) في النقطة M .
 - أوجد BM .

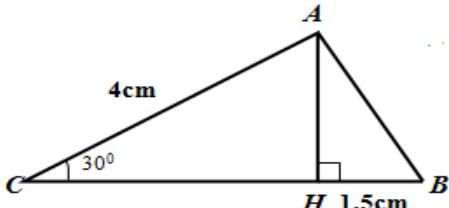
- احسب $\cos \widehat{ABC}$ ثم استنتج قيس الزاوية \widehat{EMB} . (تدور النتيجة إلى الوحدة من الدرجة)

تمرين 11:

- مثلث ABC حيث: $BC = 10 \text{ cm}$ ، $AC = 6 \text{ cm}$ ، $AB = 8 \text{ cm}$.
 1) بين أن المثلث ABC قائم في النقطة A .

- 2) احسب $\tan \widehat{ACB}$ ثم احسب قيس الزاوية \widehat{ACB} بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة.

- 3) لتكن النقطة K من $[A]$ بحيث $AK = 2 \text{ cm}$. المستقيم الموازي للمستقيم (A) و المار من النقطة K يقطع المستقيم (BC) في نقطة L . احسب الطول BL .

**تمرين 12:**

- مثلث ABC حيث: $AC = 4 \text{ cm}$ ، $BH = 1.5 \text{ cm}$ ، $\widehat{ACB} = 30^\circ$ و \widehat{ABC} كما هو مبين في الشكل المقابل.

- 1) أحسب القيمة المضبوطة لارتفاع AH .

- 2) أعط قيس الزاوية \widehat{AB} (بالتدوير إلى الدرجة).

تمرين 13:

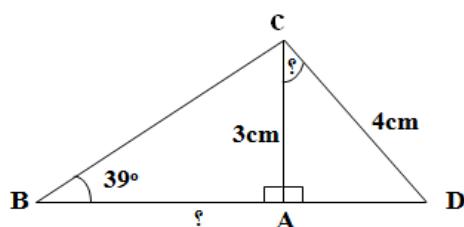
- يشاهد سمير عمود كهرباء على بعد 70 m بزاوية تميل عن الأفق بـ α° .

- 1- إذا اعتبرنا أن $\tan \alpha = 0.1$ احسب قيس الزاوية α بالتدوير إلى للوحدة.

- 2- إذا كان طول قامة سمير هو 1 m احسب ارتفاع عمود الكهرباء.

تمرين 14:

- في الشكل المقابل حيث: $CD = 4 \text{ cm}$ ، $AC = 3 \text{ cm}$ ، $\widehat{ABC} = 39^\circ$.
 1) احسب الطول AB .
 2) احسب قيس الزاوية \widehat{ACD} .

**تمرين 15:**

الشكل المقابل ليس مرسوماً بالأبعاد الحقيقية

- 1) احسب الطول ON بالتدوير إلى 0.1 .
 2) احسب قيس الزاوية \widehat{MNO} بالتدوير إلى الدرجة.
 3) احسب مساحة المثلث MNO .

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 5 (النشر والتوزيع محل معالات ومتراجمات)

تمرين 1:

لتكن العبارة A حيث :(1) أنشر ثم بسط العبارة A (2) حل العبارة A إلى جداء عاملين.(3) حل المعادلة : $A=0$

تمرين 2:

لتكن العبارة E حيث :(1) أنشر وبسط العبارة E (2) حل العبارة E إلى جداء عاملين كل منهما من الشكل $(ax+b)$ (3) حل المعادلة : $(3x-7)(7x-1) = 0$

تمرين 3:

لتكن العبارة A حيث :(1) أنشر وبسط العبارة A (2) حل العبارة A إلى جداء عاملين.(3) حل المعادلة: $(2x-3)(-2x-10) = 0$

تمرين 4:

لتكن العبارة F حيث :(1) أنشر وبسط العبارة F (2) حل العبارة F إلى جداء عاملين.(3) حل المعادلة : $(5-2x)(7+2x) = 0$

تمرين 5:

(1) أحسب الجداء الآتي :

(2) حل العبارة A إلى جداء عاملين حيث :

تمرين 6:

لتكن العبارة التالية : $E = (x-3)^2 + (x-3)(x+3)$ (1) انشر وبسط العبارة E (2) حل العبارة E إلى جداء عاملين.(3) احسب E من أجل $x=5$ (4) حل المعادلة $2x(x-3) = 0$

تمرين 7:

(1) تحقق من صحة المساواة التالية : $2(3x+1)^2 = 18x^2 + 12x + 2$ (2) حل العبارة M حيث : $M = 18x^2 + 12x + 2 - (x-2)(3x+1)$ (3) احسب العبارة M من أجل $x = \sqrt{3}$ (4) حل المعادلة $(5x+4)(3x+1) = 0$

تمرين 8:

لتكن العبارة التالية : $E = 4x^2 - 9 + (2x+3)(x-2)$ (5) انشر وبسط العبارة E (6) حل $4x^2 - 9 = 0$ إلى جداء عاملين ثم استنتج تحليلًا للعبارة E (7) حل المعادلة $(2x+3)(3x-5) = 0$

تمرين 9: (ش. ت. م 2013)

(1) لتكن العبارة : $A = 3x - 5$ حيث x عدد حقيقي.أ- احسب القيمة المقربة إلى 10^{-2} بالقصاص للعدد A من أجل $x = \sqrt{2}$.ب- حل المترابحة : $A \geq 0$ ثم مثل مجموعة حلولها بيانيا.

$$B = (3x - 5)^2 + 9x^2 - 25 \quad (2)$$

ت. انتتج أن: $B = 6x(3x - 5)$

ج. حل المعادلة $B=0$

تمرين 10: (ش.ت.م 2011)

$$(2x - 1)(x - 3) = 2x^2 - 7x + 3 \quad (1)$$

$$A = 2x^2 - 7x + 3 + (2x - 1)(3x + 2) \quad (2)$$

- حل A إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

$$(2x - 1)(4x - 1) = 0 \quad (3)$$

تمرين 11: (ش.ت.م 2015)

$$F = (2x - 3)^2 - 16 \quad (1)$$

$$F = 4x^2 - 12x - 7 \quad (2)$$

حل F إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

$$(2x - 7)(2x + 1) = 0 \quad (3)$$

احسب F من أجل $x = 1 + \sqrt{2}$ واتكتب النتيجة على الشكل $a + b\sqrt{2}$ حيث a و b عدوان نسبيان.

تمرين 12: (ش.ت.م 2012)

$$E = (4x - 1)^2 - (3x + 2)(4x - 1) \quad (1)$$

انشر وبسط العبارة E.

حل E إلى جداء عاملين.

$$(4x - 1)(x - 3) = 0 \quad (3)$$

$$4x^2 - 13x + 3 \leq 4x^2 + 29 \quad (4)$$

تمرين 13: (ش.ت.م 2009)

$$E = 2x - 10 - (x - 5)^2 \quad (1)$$

انشر ثم وبسط العبارة E.

حل العبارة E.

$$(x - 5)(7 - x) = 0 \quad (3)$$

تمرين 14: (ش.ت.م 2014)

$$E = (2x + 5)^2 - 36 \quad (1)$$

$$E = 4x^2 + 20x - 11 \quad (2)$$

حل العبارة E إلى جداء عاملين.

$$(2x + 11)(2x - 1) = 0 \quad (3)$$

تمرين 15: (ش.ت.م 2016)

$$5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5 \quad (1)$$

$$A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5) \quad (2)$$

$$-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2) \quad (3)$$

- مثل حلولها بيانيا

تمرين 16:

$$D = (x - 2)^2 - 2(x - 2) \quad (1)$$

حل العبارة D إلى جداء عاملين.

$$(x - 2)(x - 4) = 0 \quad (2)$$

احسب D من أجل $x=1$ (3)

تمرين 17:

$$H = (2x - 1)^2 + (4x^2 - 1) \quad (1)$$

انشر ثم وبسط العبارة الجبرية H.

حل العبارة H إلى جداء عاملين.

$$4x(2x - 1) = 0 \quad (3)$$

تمرين 18:

$$(3 - 2x)(3 + 2x) = 9 - 4x^2 \quad (1)$$

$$M = (3 - 2x)^2 + 9 - 4x^2 \quad (2)$$

حل المتراجحة: $6 \leq (3 - 2x)^2$ ومثل حلولها على مستقيم مدرج.

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 6 (الأشعة والانسحاب)

تمرين 1:

ABC مثلث قائم في B حيث $AB = 3 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$. النقاطان D و E صورتي B و A على الترتيب بالانسحاب الذي يحول C إلى B.

1/ أنشئ الشكل بدقة.

2/ أحسب الطول AC .

3/ ما هي صورة المثلث ABC بهذا الانسحاب؟ ببرر ذلك؟

4/ برهن أن الرباعي ABDE متوازي أضلاع.

تمرين 2:

ABC مثلث بحيث $BC = 5 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$ و $AB = 3 \text{ cm}$.

1) بين أن المثلث ABC قائم

لتكن M منتصف $[BC]$.

2) أنشئ النقطة N صورة M بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} .

3) ما نوع الرباعي AMNB؟ استنتج الطول BN .

4) أكمل ما يلي:

$$\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{MA} = \dots$$

$$\overrightarrow{BN} + \overrightarrow{BA} = \dots$$

$$\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BN} + \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MN} = \vec{0} \quad (5) \quad \text{أثبت أن:}$$

تمرين 3:

ABC مثلث، بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} ، صورة B هي 'A' وصورة C هي 'B'.

النقطة C صورتها 'C'، بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AC} .

1) أنشئ الشكل.

2) ما هي صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} ؟ ثم الانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{A} .

3) أشرح لماذا: $AB = CB'$ ، ثم استنتاج نوع الرباعي $ABB'C$.

4) أشرح لماذا: $BB' = CC'$ ، ما نوع الرباعي $BCC'B$ ؟

تمرين 4: (ش. ت. م. 2016)

1) أنشئ المثلث EFG القائم في F حيث $EF = FG = 4 \text{ cm}$.

2) أنشئ النقطتين D صورة النقطة F بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{EF} .

3) صورة النقطة E بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{GD} .

4) بين أن الرباعي $EGDC$ مربع.

- احسب مساحته.

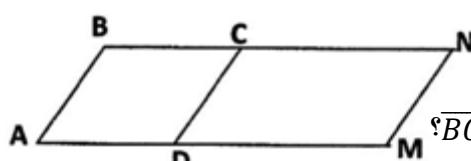
5) ليكن الشعاع \vec{U} حيث $\vec{U} = \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{EC} + \overrightarrow{FG}$ ، بين أن: $\vec{U} = \overrightarrow{EF} + \vec{U}$.

تمرين 5: (إثبات المستوى 2016)

1) ما هي صورة النقطة B بتركيب

انسحابين الأول شعاعه \overrightarrow{CD} والثاني شعاعه \overrightarrow{AD} ؟

2) ما هي صورة النقطة N بتركيب انسحابين، الأول شعاعه \overrightarrow{MA} والثاني شعاعه \overrightarrow{BC} ؟



تمرين 6:

ABC مثلث متساوي الساقين قاعدته $[BC]$.

1) أنشئ النقطة M بحيث $\overrightarrow{MA} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$.

2) برهن أن الرباعي ABMC معيّن.

3) عين النقطة D بحيث $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{CD}$ ، ما نوع المثلث AMD.

4) أثبت أن: $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} = \vec{0}$.

تمرين 7:

G, F, E ثالث نقط ليست على استقامة واحدة.

1) عين النقطتين K, M بحيث:

$$\overrightarrow{EM} = \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{EG} = \vec{0} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{EG} = \overrightarrow{KF}$$

(2) أثبت أن: $\overrightarrow{FM} + \overrightarrow{FK} = \vec{0}$

تمرين 8:

ABCD متوازي أضلاع.

(1) أنشئ النقطة E صورة النقطة C بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BD} .

(2) أنشئ النقطة F حيث: $\overrightarrow{CF} = \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{CD}$

(3) بين أن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{FE}$, ثم استنتج نوع الرباعي ABEF

(4) أكمل ما يلي:

$$\begin{cases} \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CB} = \dots \\ \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{FE} = \dots \\ \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{CB} = \dots \end{cases}$$

تمرين 9:

ABC مثلث قائم في B حيث:

(1) احسب الطول AB .

(2) عين النقطة M صورة C بالانسحاب الذي شعاعه $-\overrightarrow{AB}$.

? $ABCM$ نوع الرباعي

(3) عين النقطة D حيث: $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB}$

? $MC - AB + DC + AB = \vec{0}$ بين أن:

تمرين 10:

ABCD متوازي أضلاع.

(1) أنشى النقطتين E, F حيث: $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BF}$ و

(2) اتم ما يلي: $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \dots$, $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{ED} + \dots$

(3) بين أن: $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{CF}$

تمرين 11:

ارسم مثلث ABC متوازي الأضلاع طول ضلعه 4cm

(1) عين النقطة D حيث: $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}$

? $ABCD$ نوع الرباعي؟ على

(2) عين النقطة E حيث C منتصف $[EB]$

(3) بين أن: $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{EC} = \vec{0}$

تمرين 12:

ABC مثلث متساوي الساقين قاعدته $[BC]$

(1) أنشى النقطة E صورة النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BC}

(2) أنشى النقطة D حيث: $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

(3) أثبت أن النقطة C منتصف $[DE]$

تمرين 13:

RST مثلث حيث:

$ST = 5 \text{ cm}$; $RS = 4 \text{ cm}$; $RT = 3 \text{ cm}$

(1) بين أن المثلث RST قائم في R.

عين النقطة N منتصف الوتر ثم أنشى النقطة H صورة N بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{TR} .

? $HNTR$ نوع الرباعي

(3) أكمل ما يلي: $\overrightarrow{RH} + \overrightarrow{RT} = \vec{\dots}$; $\overrightarrow{RH} + \overrightarrow{HN} = \vec{\dots}$

تمرين 14:

(1) أنشئ مربع ABCD مركزه O وطول ضلعه 3cm.

(2) عين النقطة E حيث: $\overrightarrow{OE} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$

(3) عين النقطة F نظيره O بالنسبة إلى C.

(4) عين النقطة G حيث: $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{BO}$

(5) بين أن النقط O, F, G تنتهي إلى نفس الدائرة التي بطلب تحديد مركزها ونصف قطرها.

(6) أثبت أن المثلث OFG قائم في G.

إعداد الأستاذ: تامة موسى

ضع جدولًا يومياً - أسبوعياً لتنظيم الوقت

نصيحة

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 7 (المعالم)

تمرين 1:

المستوى منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس. وحدة الطول هي السنتمتر.

- (1) عُلم النقط : (3 ; 2) ; A (6 ; 2) و B (5 ; 5).
- (2) بين أن المثلث ABC قائم و متساوي الساقين.
- (3) لتكن النقطة N منتصف [BC]. ما نوع المثلث ABN؟
- (4) عُين النقطة M مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABN ، ثم احسب نصف قطرها.

تمرين 2:

(0 ; 0) معلم متعامد ومتجانس للمستوى (وحدة الطول السنتمتر)

- (1) عُلم النقط الآتية : (2 , 3 , N) (3 , -1 , M) (2 , 4 , -3).

(2) بين أن الطول $MN = \sqrt{10}$

(3) بين أن المثلث NME قائم مع العلم أن: $NE = 5\sqrt{2}$ ، $ME = 2\sqrt{10}$

(4) أحسب إحداثي النقطة D حيث $\overrightarrow{NM} = \overrightarrow{ED}$ حيث

تمرين 3: (ش ت م 2013)

المستوى مزود بمعلم متعامد ومتجانس ($\vec{J} ; \vec{I} ; \vec{O}$)

- (1) عُلم النقط (2 ; 0) , A (0 ; 2) , B (-4 ; 3) .

(2) احسب احداثي الشعاع \overrightarrow{AB} ثم الطول .

(3) عُين النقطة D صورة C بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} ثم احسب احداثي النقطة D .

- (4) اوجد احداثي نقطة تقاطع المستقيمين (AD) و (BC) .

تمرين 4: (ش ت م 2012)

(0 ; 1) معلم متعامد ومتجانس للمستوى .

- (1) عُلم النقط (-1 ; 2) , A (2 ; -1) , B (-2 ; 3) .

(2) احسب الطول AC واستنتج نوع المثلث ABC علما أن

(3) احسب احداثي النقطة D حتى يكون $\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{BD}$

- (4) بين أن $(AB) \perp (CD)$

تمرين 5: (ش ت م 2015)

المستوى مزود بمعلم متعامد ومتجانس ($\vec{J} ; \vec{I} ; \vec{O}$)

- (1) عُلم النقط (-3 ; -2) , A (-2 ; 4) , B (1 ; 4) .

(2) أعط القيمة المضبوطة للطول AB

(ب) علما أن : $AC = \sqrt{65}$ و $BC = \sqrt{13}$ ، بين أن المثلث ABC قائم .

(3) أنشئ النقطة E صورة A بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BC} . اثبت أن ABCE مستطيل .

تمرين 6:

في معلم متعامد ومتجانس ($\vec{J} ; \vec{I} ; \vec{O}$) .

- (1) عُلم النقط : A (1 ; 2) , B (4 ; -1) و M (3 ; 1).

(2) أكتب إحداثي الشعاع \overrightarrow{AB} .

(3) أوجد إحداثي النقطة P منتصف القطعة [AB].

(4) بين أن النقطة M تنتهي إلى محور القطعة [AB].

تمرين 7:

المستوى منسوب إلى معلم متعامد و متجانس ($\vec{J} ; \vec{I} ; \vec{O}$). الوحدة هي : 1cm .

- (1) عُلم النقط (1 ; 5) , A (2 ; 5) و B (2 ; 6) .

(2) أعط إحداثي الشعاع \overrightarrow{AB} .

(3) أحسب المسافة AB .

(4) أنشئ النقطة D بحيث يكون الرباعي ABCD متوازي أضلاع .

(5) أعط دون تبرير إحداثي النقطة D .

تمرين 8:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس ($\bar{J}; \bar{I}; 0$). الوحدة هي السنتمتر.

(1) علم النقط : $A(5; 2)$ ، $B(2; 6)$ ، $C(-6; 0)$.

(2) بين أن المثلث ABC قائم في B .

(3) أحسب إحداثي D حتى يكون الرباعي $ABCD$ مستطيلا.

تمرين 9:

في معلم متعامد و متجانس ($\bar{J}; \bar{I}; 0$) (الوحدة هي السنتمتر).

(1) علم النقط : $A(1; -3)$ ، $B(5; 5)$ ، $C(-5; 0)$.

(2) أحسب الأطوال : BC ، AC ، AB .

(3) بين أن المثلث ABC قائم في A .

تمرين 10:

نعتبر دائرة (C) مركزها O و قطرها $[AB]$. M نقطة من (C) مختلفة عن A و B . منصف الزاوية \widehat{AMB} يقطع (C) في N .

(1) أرسم الشكل بدقة.

(2) أوجد قيس الزاوية \widehat{AON} .

(3) أنشئ النقطة L صورة A بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{ON} .

- ما هي طبيعة الرباعي $OALN$ ؟ بزر إجابتك.

تمرين 11:

($\bar{J}; \bar{I}; 0$) معلم متعامد و متجانس للمستوي.

(1) علم النقط : $A(2; 6)$ ، $B(-2; 1)$ ، $C(-2; -1)$ ، $D(4; 3)$.

(2) أحسب إحداثي كل من الشعاعين : \overrightarrow{DC} و \overrightarrow{AB} .

(3) هل الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع ؟ علّ.

تمرين 12:

($\bar{J}; \bar{I}; 0$) معلم متعامد و متجانس للمستوي حيث وحدة الطول هي السنتمتر.

(1) علم النقط : $A(1; 2)$ ، $B(-2; -1)$ ، $C(-3; -2)$.

(2) احسب الطولين AB و BC .

(3) احسب إحداثي الشعاع \overrightarrow{BC} .

(4) أنشئ النقطة D صورة A بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BC} .

(5) بين أن الرباعي $ABCD$ معين.

تمرين 13:

(1) في معلم ($\bar{J}; \bar{I}; 0$) متعامد و متجانس علم النقط : $(1; 3)$ ، $A(-3; -1.5)$ ، $B(-1.5; 2.5)$ ، $C(3; -2)$.

(2) بين أن : $AC = \sqrt{45}$

(3) علما أن : $AB = \sqrt{4.5}$ و $BC = \sqrt{40.5}$. بين أن ABC مثلث قائم.

(4) أنشئ النقطة D صورة C بالانسحاب الذي شعاعه BA .

(5) ما نوع الرباعي $ABCD$ ؟ علّ إجابتك.

تمرين 14:

($\bar{J}; \bar{I}; 0$) معلم متعامد و متجانس للمستوي.

(1) علم النقط : $(2; 3)$ ، $B(3; 0)$ ، $U(3; 1)$ ، $T(-4; -1)$ على ورقة مليمترية.

(2) احسب القيمة المضبوطة للأطوال : TU ، BT ، BU و TU .

(3) بين أن المثلث BUT قائم.

(4) نقطة من المستوي حيث $\overrightarrow{UB} = \overrightarrow{TR}$.

• ما نوع الرباعي $BUTR$ ؟ علّ.

• أنشئ النقطة R .

(5) انقل واتم المساواة التالية مع التعليل $\overrightarrow{UB} + \overrightarrow{UT} = \overrightarrow{UR}$

تمرين 15:

المستوي مزود بمعلم ($\bar{J}; \bar{I}; 0$) متعامد و متجانس.

(1) علم النقط : $A(2; 4)$ ، $B(8; 8)$ ، $C(10; 5)$ ، $D(4; 1)$ في المستوى.

(2) أحسب إحداثي كلا من الشعاعين \overrightarrow{DC} و \overrightarrow{AB} .

ب- احسب الطولين AC و DB .

ج- بين نوع الرباعي $ABCD$.

(3) لتكن K نقطة تقاطع قطرى الرباعي $ABCD$ - أحسب إحداثي النقطة K .

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 08 (الدالة الخطية والدالة التألفية)

مُسَأَّلَة 1 :

تقوم شركة بصنع قارورات زجاجية للمشروبات و تبيعها بسعرين مختلفين :

- السعر الأول : $25DA$ للقارورة الواحدة.
- السعر الثاني : $15DA$ للقارورة الواحدة زائد $400DA$ كسر جزافي .
- (1) أحسب ثمن 30 قارورة و 50 قارورة بالسعر الأول ثم بالسعر الثاني.
- (2) ليكن x هو عدد القارورات المطلوبة، P_1 هو السعر الأول، P_2 هو السعر الثاني

حيث: $P_2(x) = 15x + 400$ ، $P_1(x) = 25x$. في نفس المعلم المتعامد و المتاجنس ($\overrightarrow{O, OI, OJ}$) أرسم المستقيمين (Δ_1) و (Δ_2) اللذين يمثلان الدالتين P_1 و P_2 على الترتيب حيث :

نأخذ: 1 يمثل 10 قارورات على محور الفواصل.

1 يمثل 100 DA على محور التراتيب.

(3) بقراءة بسيطة للبيان المرسوم أجب عن الأسئلة التالية :

أ- ما هو أكبر عدد ممكن من القارورات يمكن شراؤه بمبلغ $DA 1200$ ؟

ب- من أجل أي عدد من القارورات يكون السعران P_1 و P_2 متساويان؟

ج- ما هو الشرط الكافي حتى يكون السعر الثاني P_2 هو الأفضل؟

مُسَأَّلَة 2 :

في أحد مواقف السيارات هناك طريقتان للدفع من أجل توقيف السيارات :

- الطريقة الأولى : ثمن توقيف السيارة هو $25 DA$ في اليوم الواحد.

- الطريقة الثانية : دفع اشتراك سنوي قدره $400DA$ و دفع $15DA$ ثمن توقيف السيارة في اليوم.

(1) أحسب ثمن توقيف سيارة لمدة 30 يوما و 50 يوما حسب كل من الطريقتين .

(2) نرمز بـ x لعدد أيام توقيف السيارة، بـ (x) P_1 للثمن المدفوع حسب الطريقة الثانية.

- عَبَرْ عن (x) P_1 و (x) P_2 بدلالة x .

(3) في نفس المعلم المتعامد و المتاجنس ($\overrightarrow{O, OI, OJ}$) ، مثل بيانيا كلاً من (x) P_1 و (x) P_2 .

(4) من البيان المتحصل عليه، أجب عن الأسئلة التالية :

أ- ما هو أكبر عدد من الأيام لتوقيف السيارة من أجل $DA 1200$ ؟

ب- من أجل أي عدد من الأيام يكون $P_1(x) = P_2(x)$ ؟

ج- ما هو الشرط الذي تكون فيه طريقة الدفع الثانية أحسن من الأولى؟

مُسَأَّلَة 3 :

يقترح نادي لكرة القدم يلعب فريقه بالبطولة الوطنية صيغتين للدخول إلى الملعب .

- الصيغة الأولى : يدفع المتفرج $50 DA$ لكل مقابلة يحضرها .

- الصيغة الثانية : يدفع المتفرج اشتراكا سنويا $250 DA$ ثم $30 DA$ عند كل مقابلة يحضرها.

الفريق يلعب 30 مقابلة خلال السنة

(1) أ- ما هي الصيغة الرابحة لمتفرج يحضر 8 مقابلات

ب- ما هي الصيغة الرابحة لمتفرج يحضر 14 مقابلات ؟

(2) ليكن x هو عدد المقابلات التي يحضرها متفرج خلال سنة .

أ- ليكن P_1 المبلغ المدفوع لـ x مقابلة حسب الصيغة الأولى.

- أكتب P_1 بدلالة x .

ب) ليكن P_2 المبلغ المدفوع لـ x مقابلة حسب الصيغة الثانية

- أكتب P_2 بدلالة x .

(3) في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتاجنس ($\overrightarrow{O, OI, OJ}$)

حيث: $1cm$ على محور الفواصل يمثل 2 مقابلة .

$1cm$ على محور التراتيب يمثل $100 DA$.

أرسم المستقيمين ($D1$) : $y = 50x$ ، ($D2$) : $y = 30x + 250$.

(4) مستعينا بالتمثيل البياني أجب عن السؤال الأول .

5) حل المتراجحة : $50x < 30x + 250$

- أطْعِنْسِيَّا للنتيجة المتحصل عليها.

مُسَالَّة 4 :

يقترح صاحب قاعة مسرح على زبائنه خيارات :

- الخيار الأول: يسدّد الزبون 400DA لمشاهدة مسرحية واحدة.

- الخيار الثاني: يسدّد الزبون 150DA لمشاهدة مسرحية واحدة مع اشتراك سنوي قيمته 2500DA.

1) أ- ما هو الخيار الأكثر فائدة لزبون شاهد 12 مسرحية خلال سنة؟ بَرَرْ إجابتك.

ب- ما هو الخيار الأكثر فائدة لزبون شاهد 5 مسرحيات خلال سنة؟ بَرَرْ إجابتك.

2) ليكن : x هو عدد المسرحيات التي شاهدها زبون خلال سنة.

y_1 هو المبلغ السنوي الذي سدّده إذا فضل الخيار الأول.

y_2 هو المبلغ السنوي الذي سدّده إذا فضل الخيار الثاني.

عَبَرْ عن كل من y_1 و y_2 بدلالة x .

3) في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس (O, OI, OJ) ، نختار الوحدات البينية التالية:

- على محور الفواصل : 1cm يمثل مسرحية واحدة.

- على محور التراتيب : 1cm يمثل 500DA.

أ- أرسم على ورقة ملمترية :

المستقيم (D) الذي معادلته : $y = 400x$.

المستقيم (Δ) الذي معادلته : $y = 150x + 2500$.

ب- اعتمادا على التمثيل البياني ، حَدَّدْ الخيار الأفضل تبعاً لعدد المسرحيات المشاهدة.

مُسَالَّة 5 :

يزرع فلاح القمح ويحضر دقيقه بنفسه. من أجل تحسين مداخيله ، قرر أن يصنع خبزاً تقليدياً مِرَّةً واحدةً في الأسبوع ليبيعه بسعر 23DA للكيلوغرام الواحد. تقدّر مصاريف الفلاح الشهيرية بمبلغ ثابت قدره 2600DA يُضاف إليها 3DA كافية كل كيلوغرام من الخبر المصنوع.

I. في شهر جوان، يبيع الفلاح kg 200 من الخبر.

(1) أ) ما هي مداخيله خلال هذا الشهر؟

(ب) ما هي مصاريفه؟

2) هل حقّ ربح؟ إذا كان الجواب بنعم، ما هو مقدار هذا الربح؟

II. نسمى x كتلة الخبر (بالكيلوغرامات) المُباعة في الشهر.

ليكن (x) R مبلغ المداخيل و (x) D مبلغ المصاريف خلال هذا الشهر.

1) عَبَرْ عن (x) R و (x) D بدلالة x .

2) أ) حل المتراجحة $(x) > D$.

(ب) كيف يمكن للفلاح أن يفسّر النتيجة المحصل عليها؟

3) أحسب كتلة الخبر التي يجب أن يبيعها الفلاح في الشهر حتى يتحصل على ربح قدره 2000DA.

4) المستوى منسوب إلى معلم متعمد ومتجانس (O, OI, OJ) .

أ) ليكن: (d_1) المستقيم الذي معادلته: $y = 23x$.

(d₂) المستقيم الذي معادلته: $y = 3x + 2600$.

أنشئ كلاً من المستقيمين (d_1) و (d_2) .

ب) تحقق من النتائج المحصل عليها في السؤال II.

مُسَالَّة 6 :

القسم الأول:

مؤسسة تصنع علب للتصوير، وتقترح نمطين من البيع:

- النمط الأول: 25 DA للعلبة الواحدة.

- النمط الثاني: 15 DA للعلبة الواحدة زائد مبلغ جزافي قدره 50 DA.

1) أحسب ثمن 30 علبة وثمن 50 علبة حسب النمط الأول، ثم حسب النمط الثاني.

2) نرمز بـ x إلى عدد العلب المُنْتَجَة. عَبَرْ بدلالة x عن ثمنها حسب كل من النمطين.

3) لتكن: $P_2(x) = 25x + 50$ و $P_1(x) = 15x + 50$.

أنشئ في معلم متعمد ومتجانس المستقيمين (D_1) و (D_2) الممثلين للدالتين P_1 و P_2 على الترتيب.

4) على محور الفواصل يمثل علبة واحدة، 1 cm على محور التراتيب يمثل DA (100 cm).

4) بقراءة بيانية بسيطة أجب عن الأسئلة الآتية:

أ) ما هو أكبر عدد من العلب يمكن شراؤها بـ DA 1200 ؟

ب) من أجل أي عدد من العلب يكون السعران متساوين؟

ج) ما هو الشرط الذي يكون من أجله النمط الثاني أفضل من النمط الأول بالنسبة إلى المشتري؟

القسم الثاني:

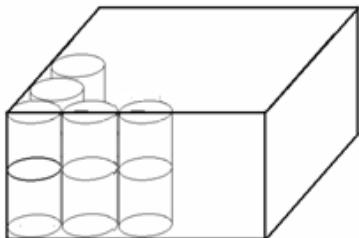
ُصنعت كلّ علبة على شكلّ أسطوانة نصفّ قطر قاعدتها 5 cm وارتفاعها 20 cm ، ويغلف كلّ سطحها الجانبي بورقة إشهارية.

1) أحسب القيمة المضبوطة لمساحة هذه الورقة ، والقيمة المقربة بأخذ: $\pi = 3,14$.

2) أحسب سعة كلّ علبة بالسنتيمتر المكعب ، ثم باللتر.

3) تُوضع العلب في صناديق على شكل متوازي مستطيلات كما هو مبين في الشكل المقابل.

- ما هي أبعاد كلّ صندوق لكي يسع 100 علبة؟



مسألة 7:

الجمهور الجزائري على موعد شهر جوان القادم لمناصرة الفريق الوطني بالبرازيل في منافسة كأس العالم. فندق ثلث نجوم

بمدينة ساوباولو مكان إقامة المنتخب الوطني يقترح على المناصرين الجزائريين اختياريين:

ال اختيار الأول: دفع مبلغ أولى قيمته RL_B 750 ثم دفع 125 عن كل ليلة يقضيها الزبون بالفندق.

ال اختيار الثاني: دفع مبلغ أولى قيمته RL_B 900 ثم دفع 100 عن كل ليلة يقضيها الزبون بالفندق.

RL_B = الريال البرازيلي

① أنقل وأتمم الجدول.

عدد الليالي	3	6	10
المبلغ بالاختيار الأول			
المبلغ بالاختيار الثاني			

② نرمز إلى عدد الليالي بالحرف x وإلى المبلغ اللازم بالاختيار الأول بالرمز P_1 وإلى المبلغ اللازم بالاختيار الثاني بالرمز P_2 .

- عبر عن P_1 و P_2 بدلالة x .

③ في معلم معتمد ومتجانس مثل الدالتين f و g المعرفتين كما يلي:

$$g(x) = 100x + 900 \quad f(x) = 125x + 750$$

(حيث كل 1 cm من محور الفواصل يمثل ليلة واحدة و كل 1cm من محور التراتيب يمثل RL_B 200).

④ بقراءة البيانية أجب على ما يلي (مع ترك أثر الإجابة على الورقة المليمترية)

أ- ما هو المبلغ المستحق من أجل 4 ليالي بالاختيارين؟

ب- ما هو الاختيار الأفضل لشخص يملك RL_B 2000 و يريد أن يقضي أكبر عدد ممكن من الليالي بالفندق؟

ج- اشرح لمناصر جزائري يريد النزول بهذا الفندق كيفية الاختيار.

مسألة 8:

تقتراح وكالة تجارية للاتصالات الهاتفية للتسديد الشهري الصيغة الثلاث الآتية:

الصيغة(أ): دفع 11 ديناراً للدقيقة.

الصيغة(ب): دفع 600 دينار إشتراكاً و 5 دنانير للدقيقة.

الصيغة(ج): دفع 2000 دينار شهرياً مهما كان عدد الدقائق.

① أحسب تكلفة المكالمات التي مدتها 100 دقيقة في كلّ من الصيغ الثلاث

② يمثل الكلفة بالدنانير، x يمثل المدة بالدقائق.

❖ عبر عن y_1 و y_2 و y_3 تكلفة الصيغة الثلاث بدلالة x

❖ حل المترابحة: $5x + 600 < 11x$ ، ثم فسر هذه النتيجة

③ في معلم متعامد و متجانس، مثل بيانياً الصيغة الثالث

نضع على محور الفواصل : كل 1cm يمثل 50 دقيقة .

نضع على محور التراتيب : كل 1cm يمثل DA 200 .

④ اعتماداً على البيان، ما هي أفضل صيغة شهرياً لشخص عند استعمال الهاتف مدة: $3\text{h} 20\text{mn}$ 3 شهرياً.

مسألة 9

عمر و علي وأحمد ثلاثة حرفين يصنون نفس عدد الألعاب شهرياً وراتبهم يحسب بالطرق التالية :

- عمر له راتب شهري ثابت قدره DA 9000 .

- علي له راتب شهري يقدر بـ 3000 DA بالإضافة إلى 50 على كل لعبة يصنعها .

- أحمد له راتب قدره 4000 DA بالإضافة إلى 40 على كل لعبة يصنعها .

مرتب عمر	مرتب علي	مرتب أحمد
130		
100		

1- انقل ثم أتم الجدول التالي إذا كان عدد اللعب المصنوعة هو :

2- ليكن x عدد اللعب المصنوعة في الشهر من طرف كل واحد

عبر بدلالة x عن رواتب كل من عمر و علي وأحمد ولتكن على الترتيب y_A, y_B, y_C ;

3- في معلم متعامد نأخذ على محور الفواصل 1cm يمثل 10 عشرة لعب . وعلى محور التراتيب 1cm يمثل 500 DA

ارسم المستقيمات D_1, D_2, D_3 التي معادلاتها

$$D_1 : y = 9000 \quad D_2 : y = 50x + 3000 \quad D_3 : y = 40x + 4000$$

4- اجب عن الأسئلة التالية من البيان :

أ- عند أي عدد من اللعب المصنوعة في شهر يكون مرتب علي أكبر من أو يساوي مرتب أحمد؟

ب- عند أي عدد من اللعب المصنوعة في شهر يكون مرتب علي أكبر من أو يساوي مرتب عمر وراتب أحمد؟

جـ هل يمكن أن يأخذ الثلاثة نفس الراتب شهرياً .

مسألة 10:

صاحب شركة لصيد الأسماك يقترح على عماله ثلاثة صيغ لتقاضي الأجر الشهري .

- الصيغة A : أجر شهري قدره 35000 DA .

- الصيغة B : أجر شهري قدره 12500 DA ، مع إضافة مبلغ 2500 DA لكل طن من الأسماك التي يتم صيدها .

- الصيغة C : أجر شهري يعتمد على كمية الصيد و يقدر بـ 5000DA لطن واحد من الأسماك.

(1) انقل ثم أتم الجدول:

كمية الأسماك بالطن خلال شهر	الأجر بالصيغة A	الأجر بالصيغة B	الأجر بالصيغة C
15			
11			
5			

(2) ليكن x كمية الصيد بالطن و y_a, y_b, y_c الأجر الشهري حسب كل صيغة .

عبر عن y_a, y_b, y_c بدلالة x .

$$(3) h(x) = 5000x \quad g(x) = 12500 + 2500x \quad f(x) = 35000$$

مثل بيانياً الوال السابقة في نفس المعلم المتعامد و المتجانس حيث:

() على محور الفواصل يمثل 1cm طن، و 1cm على محور التراتيب مثل 5000 DA .

(4) / بيانياً ما هي نسبة الأسماك التي يتم صيدها كي يحصل على نفس الأجر بالصيغتين b و c .

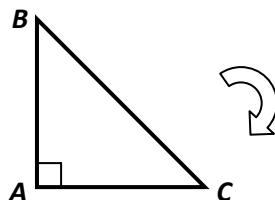
ب/تحقق حسابياً من النتائج السابقة

؟ إعداد الأستاذ : تامة موسى

تذكر دائماً أن التوفيق من الله والأسباب من الإنسان

نصيحة

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 9 (الدوران)



- 1) أرسم F_1 صورة المثلث ABC بالدوران الذي مركزه C ، زاويته 90° و اتجاهه كما هو موضح في الشكل المقابل.

- 2) أرسم F_2 صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{CA} .

تمرين 2: (ش ت م 2011)

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\mathbf{0}; \mathbf{i})$

- 1) علم النقط $(\mathbf{0}; 2)$ ، $\mathbf{A} (-1; 2)$ ، $\mathbf{B} (3; 2)$ ، $\mathbf{C} (-1; 0)$ ، $\mathbf{D} (1; 0)$.
- 2) بين أن B هي صورة A بالدوران الذي مركزه M وزاويته $\angle AMB$.

تمرين 3: (ش ت م 2010)

$(\mathbf{0}; \mathbf{i})$ معلم متعامد ومتجانس للمستوي.

- 1) علم النقط $(\mathbf{0}; 2)$ ، $\mathbf{A} (0; 2)$ ، $\mathbf{B} (1; 0)$ ، $\mathbf{C} (-1; 0)$.
- 2) ما نوع المثلث ABC ؟ علّ.

- 3) عين احداثيا النقطة D صورة النقطة A بالدوران الذي مركزه O وزاويته 180° ثم استنتج نوع الرباعي $ABCD$.

تمرين 4: (ش ت م 2009)

[AB] قطعة مستقيمة طولها 6cm .

- 1) أنشئ النقطة C صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A وقيس زاويته 90° في اتجاه عقارب الساعة.
- 2) ما نوع المثلث ABC ؟ (برر إجابتك)
- 3) اوجد الطول BC .

تمرين 5:

1) علم في المستوي المزود بالمعلم المتعامد والمتجانس $(\mathbf{0}; \mathbf{0}; \mathbf{0})$ النقط : (الوحدة هي 1cm)

$\mathbf{C} (0; 3)$ ، $\mathbf{B} (4; 3)$ ، $\mathbf{A} (2; -1)$.

2) بين أن النقطة C هي صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A وزاويته $\angle BAC$.

3) عين على الرسم النقطة N منتصف $[BC]$.

4) حدد بالتدوير إلى الدرجة قيس الزاوية $\angle ACN$ إذا علمت أن $AN = 4$.

تمرين 6:

- 1) علم في معلم للمستوي النقاط $(3; -1; -3)$ ، $\mathbf{B} (-2; 4)$ ، $\mathbf{A} (-1; -3)$.

2) احسب الأطوال AB ، AC ، BC و استنتج نوع المثلث ABC .

3) استنتج الدوران الذي يحول النقطة B إلى النقطة A .

تمرين 7:

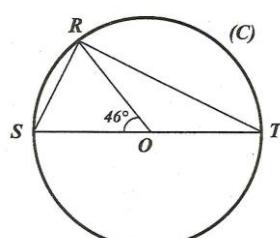
المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(\mathbf{0}; \mathbf{i}; \mathbf{i})$.

- 1) علم النقطة التالية: $(1; 3)$ ، $\mathbf{B} (-1; -1)$ ، $\mathbf{A} (1; -3)$.

- 2) علما أن: $AB = 2\sqrt{5}$ ، $AC = 2\sqrt{10}$ ، $BC = 2\sqrt{10}$. بين أن المثلث ABC قائم ومتتساوي الساقين .

أ - احسب احداثي النقطة I مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC .

ب - أنشئ النقطة D صورة B بالدوران الذي مركزه A وزاويته 90° في الاتجاه الموجب .



تمرين 8: (ش ت م 2015)

في الشكل المقابل الأطوال و أقياس الزوايا غير حقيقة .

(C) دائرة مركزها O و قطرها ST = 9 cm

نقطة من هذه الدائرة حيث $\widehat{SOR} = 46^\circ$

1- بين أن $\widehat{STR} = 23^\circ$

2- المثلث STR قائم في R، علّ .

3- احسب الطول RS بالتدوير إلى 0,01

تمرين 9:

معطيات التمرين موضحة على الشكل المقابل

1) ما هي طبيعة المثلث $\triangle BMD$ ؟

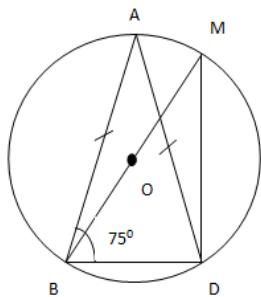
برر إجابتك؟

2) أحسب قيس الزاوية \widehat{BAD}

ب) بين أن قيس الزاوية \widehat{BMD} هو 30° .

3) علماً أن $BM = 11,2 \text{ cm}$ ، $BD = 5,6 \text{ cm}$

أحسب الطول DM

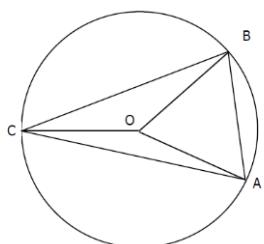


تمرين 10:

ABC مثلث تحيط به دائرة مركزها النقطة O .

- حدد أقياس زوايا المثلث ABC

إذا علمت أن $\widehat{AOB} = 50^\circ$ و $\widehat{BOC} = 150^\circ$ (برر إجابتك) .



تمرين 11:

A و B نقطتان من المستوى .

1) أنشئ النقطة M صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A و زاويته 30° و اتجاهه سالب .

2) أنشئ النقطة N صورة النقطة B بالدوران الذي مركزه A و زاويته 60° و اتجاهه موجب . - ما طبيعة المثلث AMN ؟

تمرين 12:

ABCD معين طولي قطريه $[AC]$ و $[BD]$ هما 8 cm و 4 cm على الترتيب .

O نقطة تقاطع $[AC]$ و $[BD]$.

1) عين الزاوية و الاتجاه للدوران الذي مركزه O و الذي يحول المثلث ABC إلى المثلث ADC .

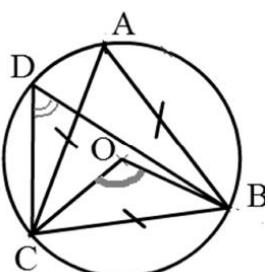
2) أنشئ صورة المعين ABCD بالدوران الذي مركزه O و زاويته 90° و اتجاهه سالب.

تمرين 13:

ABC مثلث متساوي الساقين رأسه الأساسي A حيث $\widehat{AM} = 80^\circ$. O المحور المتعلق بالقاعدة $[BC]$.

حيث $\widehat{BOC} = 120^\circ$.

- أنشئ صورة المثلث BOC بالدوران الذي مركزه O و زاويته 120° و اتجاهه موجب .



تمرين 14:

تمعن في الشكل المقابل المرسوم باليد الحرة .

- احسب قيس الزاويتين \widehat{BOC} و \widehat{BDC} مع التبرير .

تمرين 15:

ABC مثلث مقايس الأضلاع طول ضلعه 6cm .

1) أنشئ النقطة D صورة النقطة C بالدوران R الذي مركزه A و زاويته 60° و اتجاهه موجب .

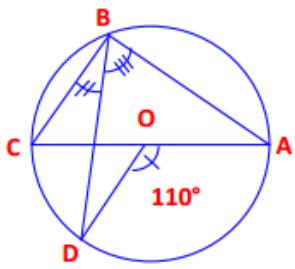
2) استنتج صورة المثلث ABC بالدوران R .

3) ما طبيعة الرباعي ABCD .

تمرين 16:

اعتماداً على الشكل المقابل :

- احسب قيس الزاويتين \widehat{ABD} و \widehat{CBD} مع التعليل .



تمرين 1:

حل جبريا المعادلات الآتية :

$$\begin{cases} -5x - 7y = -4 \\ 5x + 3y = 10 \end{cases}, \quad \begin{cases} x - 2y = 1 \\ 2x - 6y - 2 = 5 \end{cases}, \quad \begin{cases} 3x - 2y = 4 \\ x + 2y = 0 \end{cases}, \quad \begin{cases} 3x + y = 2 \\ 3x + 2y = 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x + y = -7 \\ x + 2y = 1 \end{cases}, \quad \begin{cases} 2x + y = 11 \\ x + 3y = 18 \end{cases}, \quad \begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ 5x + 6y = 14 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x + 3y = 1 \\ 3x - 2y = -5 \end{cases}, \quad \begin{cases} 2x + y = -1 \\ -x - y = -1 \end{cases}, \quad \begin{cases} \frac{x-1}{2} = \frac{x+1}{3} \\ 3x - 2y - 5 = 0 \end{cases}$$

تمرين 2: (ش.ت.م 2011)

يتوفر شاب على مبلغ من المال قدره 60DA ، يتكون من قطع نقدية من فئة 5DA و من فئة DA 10 ما مجموعه 9 قطع نقدية .

- ما هو عدد القطع النقدية من فئة 5DA و عدد القطع النقدية من فئة DA 10 .

تمرين 3: (ش.ت.م 2011)

اشترى تلميذ 8 كتب و 4 دفاتر بـ DA 1080 واشتري أخوه 5 كتب و 7 دفاتر بـ DA 810 من نفس النوع .

- اوجد ثمن الدفتر الواحد و ثمن الكتاب الواحد

تمرين 4: (ش.ت.م 2010)

سئل فلاح عن عدد الدجاج والماعز التي يملكها فأجاب : عندي ما مجموعه 30 رأسا . ما هو عدد الدجاج وعدد الماعز لدى الفلاح ؟ اذا علمت أن مجموع عدد أرجل الدجاج والماعز هو 82

تمرين 5: (ش.ت.م 2007)

- حل الجملة :

$$\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 6x + 4y = 112 \end{cases}$$

- اشتري رضوان من مكتبة أربعة كراريس وخمسة أقلام بمبلغ DA 105 و اشتريت مريم ثلاثة كراريس وقلمين بمبلغ . 56 DA

اوجد ثمن الكراس الواحد و ثمن القلم الواحد .

تمرين 6:

في مطعم دفعت عائلة عمر 2240 دج مقابل (3) ثلاث وجبات للكبار ووجبة (1) واحدة للصغار ، أمّا عائلة علي فقد دفعت 1880 دج مقابل وجبتين (2) للكبار و وجبتين (2) للأطفال .

نرمز بـ x لثمن وجبة الكبار الواحدة و بالرمز y ثمن وجبة الأطفال الواحدة .

- اكتب جملة المعادلتين التي تمكنا من حساب ثمن كل من وجبة الكبار و ثمن وجبة الصغار .

- حل هذه الجملة .

- اعط ثمن وجبة الكبار و ثمن وجبة الصغار .

تمرين 7:

سارة تريد أن تهدي باقة أزهار لأمها ، عرض عليها باائع الزهور مايلي :

- باقة مشكلة من 8 أزهار سوسن و 5 ورود بثمن إجمالي 142 دج
- باقة مشكلة من 5 أزهار سوسن و 7 ورود بثمن إجمالي 153 دج

احسب ثمن زهرة السوسن الواحدة وثمن الوردة الواحدة .

تمرين 8:

يحضر صانع حلوى نوعين من العلب تحوي شوكولاتة ونوع آخر من الحلوى .

في النوع الأول من العلب ، الذي يباعه بـ 102,50 DA ، يضع 25 قطعة شوكولاتة و 10 حبات من الحلوى .

وفي النوع الثاني من العلب ، الذي يباعه بـ 82,50 DA ، يضع 15 قطعة شوكولاتة و 20 حبة حلوى .

احسب ثمن قطعة الشوكولاتة وثمن حبة الحلوى

تمرين 9: (ش ت م 2009)

$$\begin{cases} x + y = 14 \\ x + 4y = 32 \end{cases}$$

1- حل الجملة التالية :

2- أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 500 و 125 .

3- ملأ تاجر g 4000 من الشاي في علب من صنف g 125 وصنف g 500 ، إذا علمت أن العدد الكلي هو 14 ' أوجد عدد العلب لكل صنف . (لاحظ أن : $4000 = 125 \times 32$)

تمرين 10:

محيط مستطيل هو 84 cm .

إذا ضاعفنا عرضه وضربنا طوله في 3 يصبح محطيه يساوي 124 cm .

• احسب طول وعرض هذا المستطيل .

تمرين 11:

ABC مثلث حيث BC=5 cm

1- أوجد الطولين AB و AC إذا علمت أن مجموع هذين الطولين هو 70 mm وفرقهما هو 10 mm .

2- أنشئ المثلث ABC .

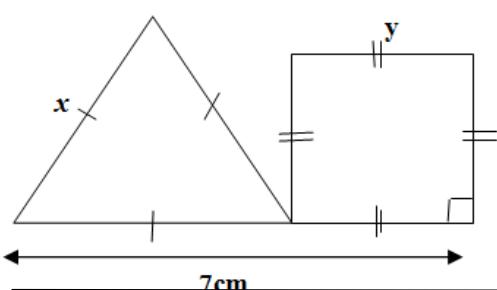
تمرين 12:

$$\begin{cases} 5x + 3y = 180 \\ x + y = 40 \end{cases}$$

1- يوجد عند صاحب مكتبة 40 كتابا وهي نوعان : سمك البعض منهم هو 5 cm و سمك البعض الآخر هو 3 cm ، إذا

وضعهم صاحب المكتبة متراصين في نفس الرف فتكون هذا الكتب صفا طوله 1,80 m .

• ما هو عدد الكتب من كل نوع من النوعين ؟

**تمرين 13:**

في الشكل المقابل المربع والمثلث المتقابس الأضلاع لهما نفس المحيط .

- احسب طول ضلع المثلث وطول ضلع المربع .