

المدة: 01 سا

الفرض الثاني للالفصل الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (06 نقاط)

(I) - نعتبر العددان الحقيقيان x و y حيث $y = \frac{1}{\sqrt{2}-1}$ و $x = \frac{7}{\sqrt{2}+1}$

1) أحسب $y - x$.

2) استنتج مقارنة بين x و y .

(II) - ليكن z عدد حقيقي حيث: $\left|z - \frac{5}{2}\right| \leq \frac{3}{2}$

1) أثبت أن $4 \leq z \leq 1$, ثم استنتج مقارنة بين z^{1447} , z^{2025} و z^{2025} مع التبرير.

2) عين حسرا لك كل من الأعداد $\sqrt{z} + 3$, $z^2 + 2z$ و $\frac{\sqrt{z} + 3}{z^2 + 2z}$.

التمرين الثاني: (14 نقطة)

1) أكمل الجدول التالي مع التبرير:

القيمة المطلقة	المسافة	المجال	الحصر
			$2024 < x < 2026$
$d(x; 1736) \leq 289$			

2) نعتبر المجالين I و J حيث: $I = [2024; 2026]$ و $J = [1447; 2025]$

• عين $I \cup J$ و $I \cap J$.

3) أكتب عبارة مكافئة لـ A دون رمز القيمة المطلقة حيث:

$$A = |\pi - 4| + \sqrt{(-\pi - 2)^2} + |2019|$$

4) حل في \mathbb{R} المعادلة: $|x + 1| = 3$

5) حل في \mathbb{R} بإستعمال مفهوم المسافة المتراجحة: $|x + 3| + |x - 2| \leq 9$

التصحيح النموذجي للفرض الثاني في مادة الرياضيات

حل الترين الأول :

(I) نعتبر العددان الحقيقيان x و y حيث $y = \frac{1}{\sqrt{2}-1}$ و $x = \frac{7}{\sqrt{2}+1}$

$$x - y = \frac{7}{\sqrt{2}+1} - \frac{1}{\sqrt{2}-1} = 6\sqrt{2} - 8 \quad (1)$$

(2) استنتاج مقارنة بين x و y :

$$x < y \quad \text{لدينا: } 6\sqrt{2} - 8 < 0 \quad \text{وعلیه: } x - y < 0$$

(II) ليكن z عدد حقيقي حيث: $\left|z - \frac{5}{2}\right| \leq \frac{3}{2}$

(1) أثبت أن $4 \leq z \leq 1$, ثم استنتج مقارنة بين z^{1447} و z^{2025} مع التبرير:

$$1 \leq z \leq 4 \quad \text{وكافي: } \frac{5}{2} - \frac{3}{2} \leq z \leq \frac{5}{2} + \frac{3}{2} \quad \left|z - \frac{5}{2}\right| \leq \frac{3}{2} \quad \text{لدينا: } z - \frac{5}{2} \leq \frac{3}{2}$$

بما أن: $z \geq 1$ فإن: $z \leq z^{1447} \leq z^{2025}$

(2) تعين حسرا كل من الأعداد $\sqrt{z}+3$, z^2+2z و $\frac{\sqrt{z}+3}{z^2+2z}$

$$3 \leq z^2 + 2z \leq 24 \quad \text{لدينا: } 1 \leq z \leq 4 \quad \text{ومنه: } 2 \leq 2z \leq 16 \quad \text{ولدينا أيضا: } 8 \leq z^2 \leq 16 \quad \text{وعلیه: } 1 \leq z \leq 4$$

$$4 \leq \sqrt{z}+3 \leq 5 \quad \text{لدينا: } 1 \leq \sqrt{z} \leq 2 \quad \text{وعلیه: } 1 \leq z \leq 4$$

$$\frac{4}{24} \leq \frac{\sqrt{z}+3}{z^2+2z} \leq \frac{5}{3} \quad \text{لدينا: } 0 < \frac{1}{24} \leq \frac{1}{z^2+2z} \leq \frac{1}{3} \quad \text{ومنه: } 0 < 3 \leq z^2+2z \leq 24$$

حل الترين الثاني :

(1) إكمال الجدول:

القيمة المطلقة	المسافة	المجال	الحصر
$ x - 2025 < 1$	$d(x; 2025) < 1$	$x \in]2024; 2026[$	$2024 < x < 2026$
$ x - 1736 \leq 289$	$d(x; 1736) \leq 289$	$x \in [1447; 2025]$	$1447 \leq x \leq 2025$

لدينا: $2024 < x < 2026$ معناه: $x \in]2024; 2026[$ ◀

إيجاد C و r مركز ونصف قطر المجال $]2024; 2026[$ و $C = \frac{2024 + 2026}{2} = 2025$ معناه: $1 < x < 2026$

لدينا: $2024 < x < 2026$ معناه: $1 < d(x; 2025) < 1$

لدينا: $2024 < x < 2026$ معناه: $|x - 2025| < 1$

لدينا: $1447 \leq x \leq 2025$ معناه: $d(x; 1736) \leq 289$ ◀

لدينا: $1447 \leq x \leq 2025$ معناه: $1736 - 289 \leq x \leq 1736 + 289$

لدينا: $1447 \leq x \leq 2025$ معناه: $x \in [1447; 2025]$

لدينا: $1447 \leq x \leq 2025$ معناه: $d(x; 1736) \leq 289$

لدينا: $1447 \leq x \leq 2025$ معناه: $x \in [1736 - 289; 1736 + 289]$

(2) نعتبر المجالين I و J حيث: $I = [2024; 2026]$ و $J = [1447; 2025]$

: $I \cap J$ و $I \cup J$ ◀

$$I \cap J = [2024; 2025] \quad I \cup J = [1447; 2026]$$

(3) كتابة عبارة مكافئة لـ A دون رمز القيمة المطلقة. (كتابة العبارة A على أبسط شكل ممكن):

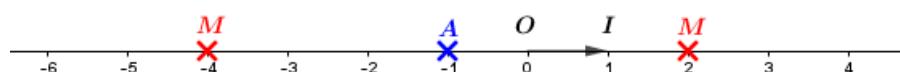
$$\begin{aligned} A &= |\pi - 4| + \sqrt{(-\pi - 2)^2} + |2019| \\ &= -(\pi - 4) + |-\pi - 2| + 2019 \\ &= -\pi + 4 + -(-\pi - 2) + 2019 \\ &= -\pi + 4 + \pi + 2 + 2019 \\ &= 2025 \end{aligned}$$

(4) حل في \mathbb{R} المعادلة: $|x + 1| = 3$

لدينا: $|x + 1| = 3$ معناه: $|x - (-1)| = 3$

نضع على المستقيم العددي المزود بعلم (O; I)، النقطة M فاصلتها x، والنقطة A فاصلتها -1.

وعليه تصبح المعادلة $d(x; -1) = 3$ من الشكل $d(x; -1) = 3$



ومنه حلول المعادلة $|x + 1| = 3$ هي $x = -4$ أو $x = 2$ وعليه: $S = \{-4; 2\}$

(5) حل في \mathbb{R} بإستعمال مفهوم المسافة المتراجحة: $|x + 3| + |x - 2| \leq 9$

لدينا: $|x + 3| + |x - 2| \leq 9$ معناه: $|x - (-3)| + |x - 2| \leq 9$

نضع على المستقيم العددي المزود بعلم (O; I)، النقطة M فاصلتها x، والنقطة A فاصلتها -3، والنقطة B فاصلتها 2.

وعليه تصبح المتراجحة $|x + 3| + |x - 2| \leq 9$ من الشكل $d(x; -3) + d(x; 2) \leq 9$



ومنه حلول المعادلة $|x + 3| + |x - 2| \leq 9$ هي قيم x التي تنتمي للمجال $S = [-5; 4]$ وعليه: