

2015/2014

متوسطة : خليف التهامي عبد الرشيد

سؤال المسابقة (1)

المستوى : الرابع متوسط (4 م)

في إطار المنافسة بين شركتين للهاتف النقال، يقترح
متعامل الهاتف النقال Djezzy على زبائنها دفع 100
دينار كمبلغ للشريحة إضافة إلى 4 دنانير عن كل دقيقة من
المكالمات، بينما تقترح شركة mobilis تقديم الشريحة
مجاناً إضافة إلى دفع 6 دنانير عن كل دقيقة من المكالمات.

← أراد شخص الاستفادة من خدمات إحدى الشركتين، فأيهما سيختار؟

جواب سؤال المسابقة (1)

المستوى : الرابع متوسط (4 م)

ليكن x عدد دقائق المكالمات.

مقابل هذا العدد من الدقائق، المبلغ الواجب أدائه هو:

الشركة الأولى : $4x + 100$

الشركة الثانية : $6x$

تكون الشركة الأولى **أفضل** (بالنسبة للزبون) من الثانية إذا كان :

$$4x + 100 < 6x$$

$$4x - 6x < -100$$

$$-2x < -100$$

$$x > \frac{-100}{-2}$$

$$x > 50$$

- ☐ سيختار هذا الشخص **الشركة الأولى** إذا كان ينوي التكلم **أكثر من 50 دقيقة**
- ☐ و سيختار **الشركة الثانية** إذا كان ينوي التكلم **أقل من 50 دقيقة**
- ☐ بينما إذا كان عدد دقائق المكالمات **بالضبط هو 50 دقيقة** فإن الشريكتين **متكافئتان**

سؤال المسابقة (1)

المستوى : الثالثة متوسط (3 م)

تبلغ دقات قلب الإنسان البالغ (18 سنة فما فوق)
 أثناء الراحة 70 دقة في الدقيقة، في حين تبلغ دقات
 طفل عمره 13 سنة أثناء الراحة 90 دقة في الدقيقة.

(بافتراض أن العام فيه 365 يوم واليوم فيه 24 ساعة)

- ← أوجد مجموع دقات قلبي الإنسان البالغ والطفل في اليوم؟
 ← أحسب مجموع دقات قلبي الإنسان البالغ والطفل خلال 20 سنة؟

جواب سؤال المسابقة (1)

المستوى : الثالثة متوسط (3 م)

تبلغ دقات قلب الإنسان البالغ (18 سنة فما فوق)
أثناء الراحة 70 دقة في الدقيقة، في حين تبلغ دقات
طفل عمره 13 سنة أثناء الراحة 90 دقة في الدقيقة.
(بافتراض أن العام فيه 365 يوم واليوم فيه 24 ساعة)

← مجموع دقات قلبي الإنسان البالغ والطفل في اليوم :

دقات قلب الإنسان البالغ :

$$A = 70 \times 60 \times 24 = 100\,800$$

دقات قلب الطفل :

$$B = 90 \times 60 \times 24 = 129\,600$$

$$C = A + B$$

$$C = 100\,800 + 129\,600$$

إذن :

$$C = 230\,400$$

مجموع دقات قلبي الإنسان البالغ والطفل في اليوم هي : 230 400 دقة في الدقيقة

← مجموع دقات قلبي الإنسان البالغ والطفل خلال 20 سنة

دقات قلب الإنسان البالغ :

$$A = 100\,800 \times 365 \times 20 = 735\,840\,000$$

دقات قلب الطفل حتى يكبر (بافتراض سن البلوغ 18 سنة):

$$B = 129\,600 \times 365 \times 5 = 236\,520\,000$$

دقات قلب الطفل بعد البلوغ :

$$B' = 100\,800 \times 365 \times 15 = 551\,880\,000$$

$$C = A + B + B'$$

$$C = 735\,840\,000 + 236\,520\,000 + 551\,880\,000$$

إذن :

$$C = 861\,984\,000$$

مجموع دقات قلبي الإنسان البالغ والطفل خلال 20 سنة هي: 861 984 000 دقة في الدقيقة

سؤال المسابقة (2)

المستوى : الرابع متوسط (4 م)

تم إسقاط كرة من المطاط الخالص من علو يبلغ
ارتفاعه 30m على سطح الأرض، بعد اصطدام الكرة
بالأرض ترتفع بأقل من ارتفاعها السابق بمترين

(قد تكون التجربة غير واقعية، لكن عليكم حل المسألة)

1. ماهو ارتفاع الكرة بعد الصدمة الأولى والثانية والثالثة؟
2. حدد x عدد صدمات الكرة بالأرض قبل أن يقل ارتفاعها عن 3m ؟
3. كم من مرة ستصطدم الكرة بالسطح حتى تستقر وتتوقف عن التنطيط؟

سؤال المسابقة (2)

المستوى : الرابع متوسط (4 م)

1. ليكن y الارتفاع الحاصل بعد الصدمة وليكن x عدد الصدمات ومنه : $y = 30 - 2x$

بعد الصدمة الأولى ($x = 1$)

$$y = 30 - 2(1)$$

$$y = 28m$$

❖ إذن يكون الارتفاع بعد الصدمة الأولى هو : $28m$

بعد الصدمة الثانية ($x = 2$)

$$y = 30 - 2(2)$$

$$y = 30 - 4$$

$$y = 26m$$

❖ إذن يكون الارتفاع بعد الصدمة الثانية هو : $26m$

بعد الصدمة الثالثة ($x = 3$)

$$y = 30 - 2(3)$$

$$y = 30 - 6$$

$$y = 24m$$

❖ إذن يكون الارتفاع بعد الصدمة الثالثة هو : $24m$

سؤال المسابقة (2)

المستوى : الرابع متوسط (4 م)

2. تحديد عدد صدمات الكرة بالأرض قبل أن يقل إرتفاعها عن 3m :

$$y < 30 - 2x$$

$$3 < 30 - 2x$$

$$2x < 30 - 3$$

$$x < \frac{27}{2}$$

$$x < 13,5$$

❖ إذن يجب أن يكون عدد صدمات الكرة 13 مرة بالأرض قبل أن يقل إرتفاعها عن 3m

3. حتى تستقر وتتوقف عن التنطيط :

$$y = 30 - 2x$$

$$0 = 30 - 2x$$

$$2x = 30$$

$$x = 15$$

❖ إذن بعد 15 مرة ستستقر الكرة وتتوقف عن التنطيط

سؤال المسابقة (3)
المستوى : الثالثة متوسط (3 م)

التمرين الأول :

أكمل الفراغات باستعمال الكلمات التالية :

موجب ، سالب ، الأس ، زوجي ، فردي .

إذا كان a إذن a^n
إذا كان a إذن a^n لأن
و a^n لأن
.....

التمرين الثاني :

درستم في مادة الإعلام الآلي وحدات التخزين.

وحدة التخزين في الإعلام الآلي تسمى « Octet ».

• أمسب بـ « Octet » العبارات التالية :

$= 2^{10} \text{ Octets}$; $B = 2^{20} \text{ Octets}$; $= 2^{30} \text{ Octets}$
عادة ما نسمي العبارة A : بـ « Kiloctet » ونكتب $(1ko \approx 10^3)$
 $\approx 1 \text{ kiloctet}$

و $1 Mo \approx 10^3 ko$ وكذلك $1 Go \approx 10^3 Mo$

• أكتب العبارة B بـ $méga$ والعبارة C بـ $giga$.
.....

التمرين الثالث :

ABC مثلث متقايس الأضلاع

لتكن النقطة A' نظيرة النقطة A بالنسبة لـ B ، و B' نظيرة B بالنسبة لـ C ،

و A' نظيرة C لـ A

① بين أن المثلثات $BB'A'$ و $B'A'$ و A' متقايسة.

② إستنتج طبيعة المثلث $B'A'$

جواب سؤال المسابقة (3)

المستوى : الثالثة متوسط (3 م)

التمرين الأول :

تكلمة الفراغات باستعمال الكلمات التالية :

موجب ، سالب ، الأس ، زوجي ، فردي .

إذا كان a .. موجب .. إذن a^n موجب

إذا كان a .. سالب .. إذن a^n موجب لأن الأس n زوجي

و a^n سالب لأن الأس n فردي .

مثال :

سأهي إشارة العددين $A = (-3)^4$ و $B = (-2)^{-5}$

- لدينا (-3) عدد سالب والأس 4 عدد زوجي إذن : A عدد نسبي موجب .
- ولدينا (-2) عدد سالب والأس -5 عدد فردي إذن : B عدد نسبي سالب .

التمرين الثاني :

$$\begin{aligned}
 &= 2^{10} \approx 10^3 \approx 1ko \\
 B &= 2^{20} \text{ Octet} \approx 2^{10} \times 2^{10} \approx 10^3 \times 1ko \approx 1 Mo \\
 C &= 2^{30} \text{ Octet} \approx 2^{10} \times 2^{20} \approx 10^3 \times 1Mo \approx 1 Go
 \end{aligned}$$

التمرين الثالث :

لدينا في المثلث ABC (التقايس الأضلاع) : $CA =$ (1)

① نبين أن الثلاث BB' و B' و A' متقايسة .

نتحصل بالتناظر المركزي : A منتصف $[B'B]$ ومنه $CA =$

و B منتصف $[A'A]$ ومنه $AB = A'B$ (2)

و C منتصف $[BB']$ ومنه $CB = CB'$

من (1) و (2) نجد : $B = B'C$ و $B' = B'B$ و $B' = B'B$ (3)

وبما أن مجموع أن قيس كل زوايا داخلية في مثلث متقايس الأضلاع تساوي 60° ومنه :

$$(4) \dots\dots\dots \hat{A}A' = A'B'B' = B' \hat{A} = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

جواب سؤال المسابقة (3)

المستوى : الثالثة متوسط (3 م)

إذن من (3) و (4) في المثلثات $BB'A'$ و $B'B'$ و $B'B'$ نتحصل على:

$$BB' = B'B'$$

و $\hat{A}A' = \hat{A}B'B' = \hat{B}B'C'$ ومنه فالمثلثات متقايسة حسب الحالة ①

$$B'B' = B'B'$$

الحالة ①: تتقايس مثلثات إذا تقايس فيهم ضلعان وزاوية محصورة بينهما

② من البرهان السابق ينتج لدينا: $B'B' = B'B'$

ومنه فالمثلث $B'B'$ متقايس الأضلاع.

