إمتحان الثلاثي الأوّل في مادة الرياضيات.

ملاحظة هامة : التركيز و عدم التسرع أساس كل نجاح. تاريخ اجتياز الامتحان : الخميس 08 ديسمبر 2022.

■ الجزء الأوّل : (13 نقطة)

○ التمرين الأوّل : (03 نقاط)

. لتكن الأعْداد الحقيقية $\mathcal{A}$ ، $\mathcal{B}$ و $\mathcal{C}$ التالية :

$$\mathcal{A}=\frac{180}{612} \quad ; \quad \mathcal{B}=\frac{3}{2}-\frac{7}{4}\div\frac{5}{4} \quad ; \quad \mathcal{C}=\frac{7,25\times\left(10^{-3}\right)^{-2}\times 0\ 12}{25\times 10^{-2}\times 10^{-3}}$$

1. أُكْتب $\mathcal{A}$ على شكل كسر غير قابل للاخْتزال.
2. أُحْسب $\mathcal{B}$ واكتبه على الشكل العَشري.
3. جِدْ الكتابة العلْمية للعدد $\mathcal{C}$.

○ التمرين الثاني : (03 نقاط)

. ليكن العددان الحقيقيان $\mathcal{Z}$ و $\mathcal{R}$، حيث :

$$\mathcal{R}=\sqrt{51-14\sqrt{2}}\times\left(7+\sqrt{2}\right) \quad ; \quad \mathcal{Z}=\frac{\sqrt{72}}{3}-2\sqrt{128}+9\sqrt{2}\times\sqrt{18}-3$$

1. أُكْتب العدد $\mathcal{Z}$ على الشكل $a-b\sqrt{2}$، حيث a و b عددان طبيعيان غير معدومين.
2. أُنْشر وبَسِّطْ $\left(7-\sqrt{2}\right)^2$، ثمَّ اِسْتنتج أنَّ $\mathcal{R}$ عدد طبيعي.
3. اِجْعل مقام النسبة $\frac{51-14\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ عدداً ناطقاً.

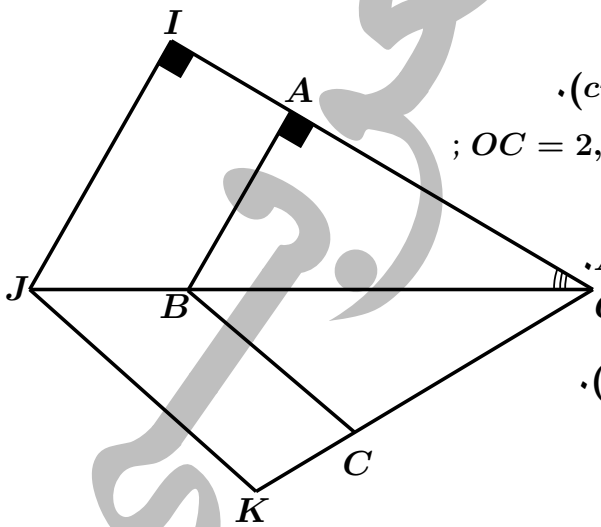
○ التمرين الثالث : (03 نقاط)

1. أُنشر وبَسِّطْ الجداء : $(2x+5)(8x-3)$.
2. حَلِّلْ العبارة $\mathcal{F}$ إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى، حيث : $\mathcal{F}=16x^2+34x-15-(8x-3)^2$.
3. أُحْسب $\mathcal{F}$ من أجل $x=\frac{3}{8}$.

○ التمرين الرابع : (04 نقاط)

❖ الشكل المقابل غير مرْسوم بأبْعاده الحقيقية (وحدة الطول هي cm).

$(BC)//(JK)$; $OA=3cm$; $OB=3,5cm$; $OC=2,5cm$; $CK=1cm$.



1. اِشْرح لماذا $(AB)//(IJ)$ ؟، ثمَّ أُحْسب الطول AB.
2. أ. أُحْسب $\sin\left(\widehat{AOB}\right)$.

ب. اِسْتنتج قيس الزاوية $\widehat{AOB}$ (تدوّر النتيجة إلى الوحدة).

3. أُحْسب OJ ثُمَّ OI.
4. هلْ المسْتقيمان (AC) و (IK) متوازيان ؟.

www.dzexams.com

■ الجزء الثاني : (07 نقاط)

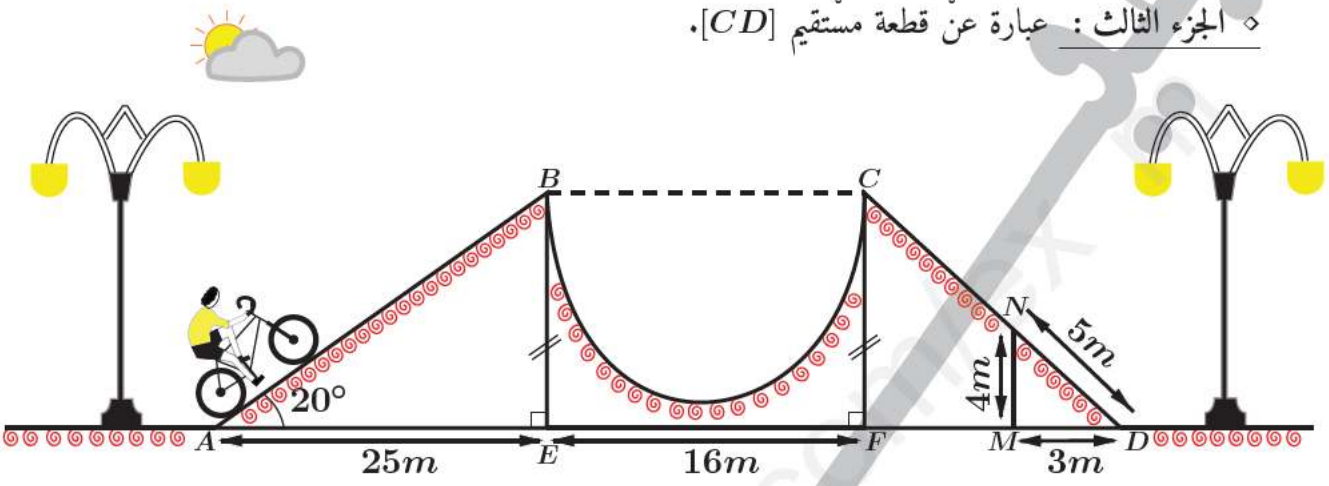
○ الوضعية الإدماجية : (07 نقاط)

يمثّل الشكل أسْفله مخططاً لمضمار للدراجات الهوائية مكوَّن من ثلاثة أجْزاء كما يلي :

◇ الجزء الأوَّل : عبارة عنْ قطعة مستقيم $[AB]$.

◇ الجزء الثاني : عبارة عنْ نصف دائرة (القوس $\overset{\frown}{BC}$).

◇ الجزء الثالث : عبارة عنْ قطعة مستقيم $[CD]$.



■ إعْتماداً على المعْطيات الموجودة في الشكل وبطاقة المعْلومات التالية :

. $P = 2\pi r$، حيث :
. P : محيط الدائرة.
. r : نصف قطر الدائرة.
. $\pi \approx 3,14$ (نأخذ $3,14$ كقيمة تقريبية للعدد π).
. تُعْطى النتائج بالتدْوير إلى $0,01$.

1. أُحْسب كلاًّ من الطولين AB و BE.
2. أثبت أنَّ المثلث MND قائم الزاوية.
3. أُحْسب الطول CD.
4. إسْتنتج طول هذا المضمار.

☕☺☕ جُرْعَة تحْفيزية ☕☺☕

"إذا حدَّثتكَ نفسك عن الأبواب المغلقة، والتفاصيل المعقَّدة، والمستحيل الذي يُطارِد آمالك.. فأخبِرها أنَّ الله جعلَ بالدُّعاء النار بَرْدًا وسلامًا على إبراهيم، وأغرقَ الأرض نُصرةً لنوح، ونجَّى يونس من بطنِ الحوت، وردَّ يوسُف ليعقوب.. أفتتعاظمهُ آمالُك الصغيرة وأنتَ تدعوه!".

☕☺☕

www.dzexams.com

سيمر كل مُر! قد يطول حزنك، قد تطول اسْتجابة دعوة دعوتَها في يومٍ من الأيام ونسيتها ومضيت أيامك و أنت تظن أنَّها لن تسْتجاب أبداً فتتفاجأ بأنَّ الله اختار لك اليوم المناسب لتحْقيقها، لا تتوقف أبداً عن الأمل مهما كانت مرارة الفترة التي تمرُّ فيها ... لأنَّ عوض الله يأتي بشكلٍ خفيّ لا تسْتطيع تخْمينه، ولكنك ستدرك بعد مواجهة كل هذا، بأنَّك أصبحت أقْوى و أنضج أكثر من أيّ يومٍ مضى... فقط تحلَّ بالصبر، فالله يُحب الصابرين.

أستاذ المادة :جيوخ العربي

1 حل التمرين الأوَّل :

1. كتابة A على شكل كسر غير قابل للاخْتزال :

لنحسب $PGCD(620;180)$: بتطبيق خوارزمية إقليدس، نجد:

$$\begin{aligned} 612 &= 180\times 3+72\\ 180 &= 72\times 2+\boxed{36}\\ 72 &= 36\times 2+0 \end{aligned}$$

آخر باق غير معْدوم هو 36، إذن : $PGCD(620;180)=36$

وعليه : $A=\dfrac{180}{612}=\dfrac{180\div 36}{612\div 36}=\dfrac{5}{17}$.

2. حساب B وكتابته على الشكل العَشري : نرى مباشرة :

$$\begin{aligned} B &= \frac{3}{2}-\frac{7}{4}\div\frac{5}{4}=\frac{3}{2}-\frac{7}{4}\times\frac{4}{5}=\frac{3}{2}-\frac{7\times 4}{4\times 5}\\ &= \frac{3\times 10}{2\times 10}-\frac{28}{20}=\frac{30}{20}-\frac{28}{20}=\frac{30-28}{20}\\ &= \frac{2\div 2}{20\div 2}=\frac{1}{10}=0,1 \end{aligned}$$

2. إيجاد الكتابة العلْمية للعدد C : لدينا :

$$\begin{aligned} C &= \frac{7,25\times\left(10^{-3}\right)^{-2}\times 0,12}{25\times 10^{-2}\times 10^{-3}}\\ &= \frac{7,25\times 0,12}{25}\times\frac{\left(10^{-3}\right)^{-2}}{10^{-2}\times 10^{-3}}\\ &= \frac{0,87}{25}\times\frac{10^{(-3)\times(-2)}}{10^{(-2)+(-3)}}=0,0348\times\frac{10^{6}}{10^{-5}}\\ &= 0,0348\times 10^{6-(-5)}=0,0348\times 10^{11}\\ &= 3,48\times 10^{-2}\times 10^{11}=3,48\times 10^{-2+11}\\ &= 3,48\times 10^{9} \end{aligned}$$

2 حل التمرين الثاني :

1. Z على الشكل $a-b\sqrt{2}$:

$$\begin{aligned} Z &= \frac{\sqrt{72}}{3}-2\sqrt{128}+9\sqrt{2}\times\sqrt{18}-3\\ &= \frac{\sqrt{36\times 2}}{3}-2\sqrt{64\times 2}+9\sqrt{2\times 18}-3\\ &= \frac{\sqrt{36}\times\sqrt{2}}{3}-2\sqrt{64}\times\sqrt{2}+9\sqrt{36}-3\\ &= \frac{6\sqrt{2}}{3}-2\times 8\times\sqrt{2}+9\times 6-3=2\sqrt{2}-16\sqrt{2}+54-3\\ &= (54-3)+(2-16)\sqrt{2}=51-14\sqrt{2} \end{aligned}$$

2. النشر والتبْسيط :

من أجل كل عددَيْن حقيقيَيْن a و b لدينا :

$$\boxed{(a-b)^2=(a)^2-2(a)(b)+(b)^2}$$

الآن، نستعمل المتطابقة السابقة فيما يلي :

$$\begin{aligned} \left(7-\sqrt{2}\right)^2 &= (7)^2-(2)(7)\left(\sqrt{2}\right)+\left(\sqrt{2}\right)^2\\ &= 49-14\sqrt{2}+2=49+2-14\sqrt{2}=51-14\sqrt{2} \end{aligned}$$

• إسْتنتاج أنَّ R عدد طبيعي :

من أجل كل عددَيْن حقيقيَيْن a و b، لدينا :

$$\boxed{(a-b)(a+b)=(a)^2-(b)^2}$$

الآن، نستعمل المتطابقة السابقة فيما يلي :

$$\begin{aligned} R &= \sqrt{51-14\sqrt{2}}\times\left(7+\sqrt{2}\right)=\sqrt{\left(7-\sqrt{2}\right)^2}\times\left(7+\sqrt{2}\right)\\ &= \left(7-\sqrt{2}\right)\times\left(7+\sqrt{2}\right), \qquad 7-\sqrt{2}>0\\ &= (7)^2-\left(\sqrt{2}\right)^2=49-2=47 \end{aligned}$$

بما أنَّ 47 عدد طبيعي، فإنَّ R عدد طبيعي.

3. جعل مقام النسبة $\dfrac{51-14\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ عدداً ناطقاً :

$$\begin{aligned} \frac{51-14\sqrt{2}}{\sqrt{2}} &= \frac{(51-14\sqrt{2})\times(\sqrt{2})}{(\sqrt{2})\times(\sqrt{2})}\\ &= \frac{51\times\sqrt{2}-14\sqrt{2}\times\sqrt{2}}{(\sqrt{2})^2}=\frac{51\sqrt{2}-28}{2} \end{aligned}$$

3 حل التمرين الثالث :

1. النشر والتبْسيط :

$$\begin{aligned} (8x-3)(2x+5) &= 8x(2x+5)-3(2x+5)\\ &= 8x\times 2x+8x\times 5-3\times 2x-3\times 5\\ &= 16x^2+40x-6x-15\\ &= 16x^2+(40-6)x-15\\ &= 16x^2+34x-15 \end{aligned}$$

2. تحْليل العبارة F إلى جداء عامليْن من الدرجة الأولى :

$$\begin{aligned} F &= 16x^2+34x-15-(8x-3)^2\\ &= (8x-3)(2x+5)-(8x-3)^2\\ &= (8x-3)[(2x+5)-(8x-3)]\\ &= (8x-3)[2x+5-8x+3]\\ &= (8x-3)(-6x+8) \end{aligned}$$

3. حساب F من أجل $x=\dfrac{3}{8}$:

نُعوّض x بـ $\dfrac{3}{8}$ في العبارة $F=(8x-3)(-6x+8)$.

الرياضيات
الأستاذ جيوخ العربي
متوسطة عرعار بن علية بدار الشيوخ
www.dzexams.com

فنجد :
$\left(8\times\frac{3}{8}-3\right)\left(-6\times\frac{3}{8}+8\right)=\underbrace{(3-3)}_{=0}\left(-6\times\frac{3}{8}+8\right)=0$.

4 حل التمرين الرابع :

1. شرح لماذا $(AB)//(IJ)$: لدينا :
$\begin{cases}(AI)\perp(AB)\\(AI)\perp(IJ)\end{cases}$ (لأنّهما عموديان على نفس المستقيم (AI)).

حساب الطول AB :
لدينا المثلث OBA قائم الزاوية في A، حسب نظرية فيتاغورس المباشرة، لدينا :

$$\begin{cases}(AB)^2+(OA)^2=(OB)^2\\(AB)^2=(OB)^2-(OA)^2\\(AB)^2=(3,5)^2-(3)^2\\(AB)^2=12,25-9\\(AB)^2=3,25=\frac{25\times13}{100}\\AB=\pm\frac{\sqrt{13}}{2}\end{cases}$$

بما أنّ الطول عدد حقيقي موجب، فإنّ : $AB=\frac{\sqrt{13}}{2}cm$.

2. حساب $\sin\left(\widehat{AOB}\right)$:
لدينا المثلث OBA قائم الزاوية في A، فإنّ :

$$\begin{cases}\sin\left(\widehat{AOB}\right)=\frac{AB}{OB}\\\sin\left(\widehat{AOB}\right)=\frac{\frac{\sqrt{13}}{2}}{3,5}\\\sin\left(\widehat{AOB}\right)=\frac{\sqrt{13}}{7}\end{cases}$$

ب. إستنتاج قيس الزاوية $\left(\widehat{AOB}\right)$:
حسب ما فات، لدينا : $\sin\left(\widehat{AOB}\right)=\frac{\sqrt{13}}{7}$ باستعمال الآلة الحاسبة " نضبط الآلة الحاسبة على DEG ".
فنجد : $\left(\widehat{AOB}\right)\approx30°$.

3. حساب OJ :
(OJ) و (OK) مستقيمان متقاطعان في O (من الشكل) و $(BC)//(JK)$ (من المعطيات)، إذن، حسب نظرية طالس المباشرة لدينا : $\frac{OB}{OJ}=\frac{OC}{OK}=\frac{BC}{JK}$ تطبيق عددي : $\frac{3,5}{OJ}=\frac{2,5}{3,5}$
ومنه : $OJ=\frac{3,5\times3\,5}{2,5}$ إذن : $OJ=4,9cm$.

حساب OI :
(OI) و (OJ) مستقيمان متقاطعان في O (من الشكل) و $(IJ)//(AB)$ (حسب السؤال الأوّل)، إذن، حسب نظرية طالس المباشرة، لدينا : $\frac{OA}{OI}=\frac{OC}{OJ}=\frac{AB}{IJ}$ تطبيق عددي : $\frac{3}{OI}=\frac{3,5}{4,9}$
ومنه : $OI=\frac{3\times4,9}{3,5}$ إذن : $OI=4,2cm$.

4. هلْ المستقيمان $(AC)//(IK)$ ؟.
لنحسب النسبتين $\frac{OA}{OI}$ و $\frac{OC}{OK}$ لدينا :

$$\begin{cases}\frac{OA}{OI}=\frac{3}{4,2}\\\frac{OC}{OK}=\frac{2,5}{3,5}\end{cases}$$

وبما أنّ : $2,5\times4,2=3\times3,5$ فإنّ : $\frac{OA}{OI}=\frac{OC}{OK}$.
وبما أنّ النقط O ; A ; I مرتبة وبنفس استقامية النقط O ; C ; K.
إذن، حسب النظرية العكسية لنظرية طالس، فإنّ : $(AC)//(IK)$.

5 حل الوضعية الإدماجية :

1. حساب الطول AB : ABE مثلث قائم في E،
إذن : $\cos\left(\widehat{BAE}\right)=\frac{AE}{AB}$ أيْ : $AB=\frac{AE}{\cos\left(\widehat{BAE}\right)}$
تطبيق عددي : $AB=\frac{25}{\cos(20°)}$ إذنْ : $AB\approx26,60m$.

• **حساب الطول BE :** ABE مثلث قائم في E، حسب نظرية فيتاغورس المباشرة، لدينا : $(AB)^2=(AE)^2+(BE)^2$
أيْ : $(BE)^2=(AB)^2-(AE)^2$ تطبيق عددي :
أيْ : $(BE)^2=(26,60)^2-(25)^2$ أيْ : $(BE)^2=707,56-625$
ومنه : $(BE)^2=82,56$ أيْ : $BE=\pm\sqrt{82,56}\approx\pm9,09$
بما أنّ الطول، عددٌ موجبٌ، فإنّ $BE\approx\pm9,09m$.

2. إثبات أنّ المثلث MND قائم الزاوية :
لنحسب : $(ND)^2$ و $(MN)^2+(MD)^2$:
لدينا :
$$\begin{cases}(ND)^2=(5)^2=25\\(MN)^2+(MD)^2=(4)^2+(3)^2=16+9=25\end{cases}$$
إذن، نستنتج أنّ : $(ND)^2=(MN)^2+(MD)$.
وعليه المثلث MND قائم الزاوية في M (حسب النظرية العكسية لنظرية فيتاغورس).

3. حساب الطول CD :
(CD) و (FD) مستقيمان متقاطعان في النقطة D (من الشكل) و $(NM)//(CF)$ (لأنّهما عموديان على نفس المستقيم (FD))، إذن، حسب نظرية طالس المباشرة، لدينا : $\frac{DN}{DC}=\frac{DM}{DF}=\frac{NM}{CF}$ تطبيق عددي : $\frac{5}{DC}=\frac{3}{MF}=\frac{4}{9,09}$ ومنه : $DC=\frac{5\times9,09}{4}$
إذن : $DC\approx11,36m$.

4. إستنتاج طول هذا المضمار : لدينا:

طول الجزء الثاني
$\overbrace{BC}=\pi r\approx3,14\times8\approx25,12m$
ط الجزء 2
$AB+\overbrace{BC}+CD\approx26,60+25,12+11,36=63,08m$
إذن، طول هذا المضمار $63,08m$ (قيمة تقريبية).

الرياضيات
الأستاذ جيوخ العربي
متوسطة عرعار بن علية بدار الشيوخ

www.dzexams.com

الموقع الأول لتحضير الفروض والاختبارات في الجزائر

https://www.dzexams.com

القسم التحضيري	https://www.dzexams.com/ar/0ap
السنة الأولى ابتدائي	https://www.dzexams.com/ar/1ap
السنة الثانية ابتدائي	https://www.dzexams.com/ar/2ap
السنة الثالثة ابتدائي	https://www.dzexams.com/ar/3ap
السنة الرابعة ابتدائي	https://www.dzexams.com/ar/4ap
السنة الخامسة ابتدائي	https://www.dzexams.com/ar/5ap
شهادة التعليم الابتدائي	https://www.dzexams.com/ar/bep
السنة الأولى متوسط	https://www.dzexams.com/ar/1am
السنة الثانية متوسط	https://www.dzexams.com/ar/2am
السنة الثالثة متوسط	https://www.dzexams.com/ar/3am
السنة الرابعة متوسط	https://www.dzexams.com/ar/4am
شهادة التعليم المتوسط	https://www.dzexams.com/ar/bem
السنة الأولى ثانوي	https://www.dzexams.com/ar/1as
السنة الثانية ثانوي	https://www.dzexams.com/ar/2as
السنة الثالثة ثانوي	https://www.dzexams.com/ar/3as
شهادة البكالوريا	https://www.dzexams.com/ar/bac