

الفرض الثاني للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

تمارين: (10 نقاط)

إليك جدول تغيرات الدالة f المعرفة والقابلة للاشتقاق على المجال $[-3; 5]$.
I) فيما يلي أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل مرة:

(1) المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α على المجال $[2; 5]$.

(2) $f(0) < f(1)$.

(3) من أجل كل x من $[-3; 5]$ تكون $f(x) < 0$.

(4) $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h)+5}{h} = 1$.

II) نعتبر الدالة g المعرفة على $[-3; 5]$ كما يلي:

$$g(x) = [f(x)]^2$$

(1) حدّد إشارة الدالة f على المجال $[-3; 5]$.

(2) أكتب $g'(x)$ بدلالة $f(x)$ و $f'(x)$.

(3) ادرس اتجاه تغير الدالة g على $[-3; 5]$ ثم أعط جدول تغيراتها.

III) لتكن الدالة h المعرفة على \mathbb{R} بـ: $h(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x - 3$ و (C_h) تمثيلها البياني في المعلم (O, \vec{i}, \vec{j}) .

❖ أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير في كل مرة:

(1) معادلة المماس (T) للمنحنى (C_h) في النقطة ذات الفاصلة 4 هي $y = 2x - 11$.

(2) توجد نقطة وحيدة من المنحنى (C_h) يكون معامل توجيه المماس فيها يساوي 1.

x	-3	-1	2	5	
$f'(x)$	+	0	-	0	+
$f(x)$	-2	-1	-5	7	