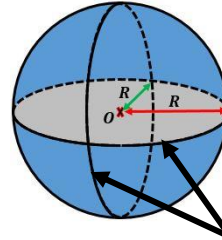


تذكير:

❖ الكرة والجلة:



الكرة التي مركزها  $O$  ونصف قطرها  $R$  هي مجموعة من النقطة  $M$  من الفضاء بحيث:  $OM = R$ .

الجلة التي مركزها  $O$  ونصف قطرها  $R$  هي مجموعة من النقطة  $M$  من الفضاء بحيث:  $OM \leq R$ .

الدوائر الكبرى

❖ مساحة الكرة، حجم الجلة:

مساحة كرة نصف قطرها  $R$ :  $S = 4\pi R^2$ .

حجم جلة نصف قطرها  $R$ :  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$ .

مثال 01:

حساب بدلالة  $\pi$  مساحة كرة نصف قطرها  $5 \text{ cm}$ :

$$S = 4\pi R^2 = 100\pi \text{ cm}^2$$

مثال 02:

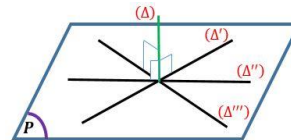
حساب بدلالة  $\pi$  حجم جلة نصف قطرها  $3 \text{ cm}$ :

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3 = 36\pi \text{ cm}^3$$

ملاحظات:

- لا تنس مراعاة الوحدات للمساحة والحجم.
- تولد الكرة من دوران دائرة حول أحد أقطارها.

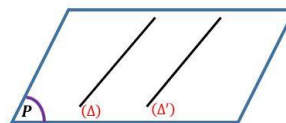
❖ المقاطع المستوية:



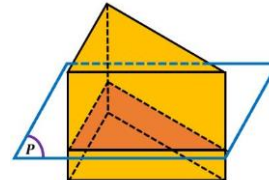
تقاطع مستو بمجسم يسمى مقطعا مستويا لهذا المجسم.

المستقيم المعامد لمستو، يعامد كل المستقيمت المحتواة في هذا المستوي.

نقول عن مستقيمين أنها متوازيان في الفضاء، إذا كانا محتويين في نفس المستوي، ولا يلتقيان.

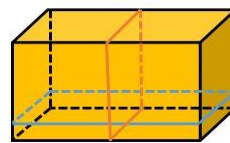


1. مقطع موشور قائم بمستو:

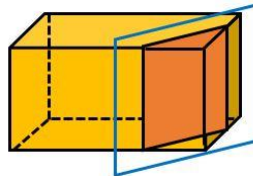


المقطع المستوي، الموازي لقاعدة موشور قائم، هو سطح له نفس طبيعة القاعدة ونفس بعديها.

2. مقطع متوازي مستطيلات بمستو:

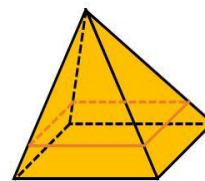


مقطع متوازي مستطيلات بمستو يوازي أحد أوجهه هو مستطيل له نفس بعدي الوجه الموازي له.

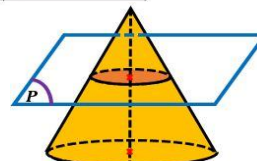


مقطع متوازي مستطيلات بمستو يوازي أحد أحرافه هو مستطيل طوله أو عرضه يساوي طول ذلك الحرف.

3. مقطع هرم بمستو:



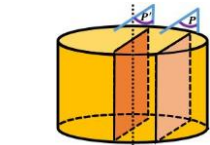
مقطع هرم بمستو موازي لقاعدته هو سطح له نفس طبيعة القاعدة وبأبعاد مصغرة.



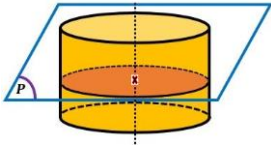
4. مقطع مخروطي بمستو:

مقطع مخروط دوراني بمستو موازي لقاعدته هو قرص مصغر لقاعدته.

5. مقطع أسطوانة بمستو:



مقطع أسطوانة بمستو موازي لمحورها هو مستطيل، طوله أو عرضه يساوي ارتفاع الأسطوانة.



مقطع أسطوانة بمستو موازي لقاعدتها هو قرص مطابق لقاعدتها.

6. مقطع كرة بمستو:

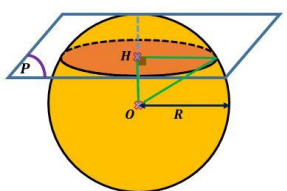
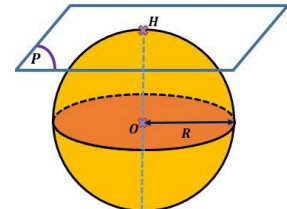
الحالة 01:  $OH = R$ .

مقطع الكرة بالمستوي  $(P)$  هو النقطة  $H$ .

نسمي المستوي  $(P)$ : مستويا مماساً للكرة. نسمي النقطة  $H$ : نقطة تماس الكرة بالمستوي  $(P)$ .

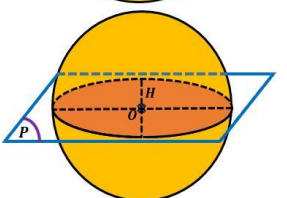
الحالة 02:  $0 < OH < R$ .

مقطع الكرة بالمستوي  $(P)$  هو دائرة نصف قطرها  $\sqrt{R^2 - OH^2}$ .



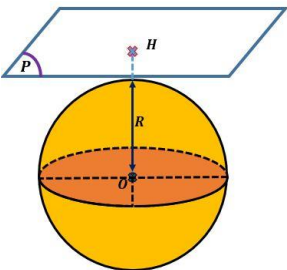
الحالة 03:  $OH = 0$ .

أي أن  $O$  و  $H$  متطابقان، وهذا يعني أن المستوي  $(P)$  يمر من مركز الكرة. مقطع كرة بمستو يمر بمركزها هو دائرة كبرى.



الحالة 04:  $OH > R$ .

في هذه الحالة، المستوي  $(P)$  لا يقطع الكرة.



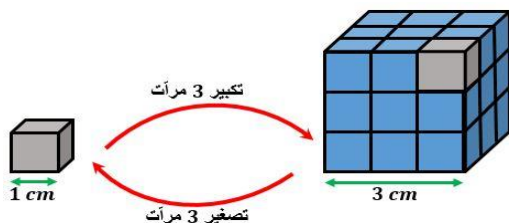
❖ التكبير والتصغير:

إذا ضربنا كل أبعاد مجسم بعدد موجب  $k$  نكون قد قمنا بتكبيره إذا كان  $k > 1$  وبتصغيره إذا كان  $0 < k < 1$ . يسمى العدد  $k$  معامل أو سلم التكبير (التصغير).

❖ خواص:

- التكبير والتصغير لا يغيران طبيعة المجسمات.
- التكبير والتصغير يحافظان على الزوايا.
- إذا كبرنا أو صغرنا مجسماً بالسلم  $k$ ، فإن:
  - ✓ أبعاده تضرب في العدد  $k$ .
  - ✓ مساحته تضرب في العدد  $k^2$ .
  - ✓ حجمه يضرب في العدد  $k^3$ .

مثال:



حرفه:  $1 \text{ cm}$   
مساحة وجهه:  $1 \text{ cm}^2$   
حجمه:  $1 \text{ cm}^3$

حرفه:  $3 \text{ cm}$   
مساحة وجهه:  $3^2 \text{ cm}^2$   
حجمه:  $3^3 \text{ cm}^3$

**التمرين 01:**

ليكن المثلث  $ABC$  الذي مساحته  $12,5 m^2$ .  
- ماهي مساحة المثلث المكبر  $MNE$  بالمعامل 4 للمثلث  $ABC$  ؟

**التمرين 02:**

مساحة شكل هندسي  $18,6 cm^2$ . قمنا بتحويل له، فأصبحت مساحته  $142,29 cm^2$ .  
- هل هذا التحويل تصغير أو تكبير للشكل؟ ماهو معاملته؟

**التمرين 03:**

$ABC$  مثلث مساحته  $S = 140 cm^2$ .

$D$  نقطة من  $[AB]$  حيث:

$$AD = 0,2 \times AB$$

$E$  نقطة من  $[AC]$  حيث:

$$AE = 0,2 \times AC$$

بين أن المستقيمين  $(DE)$  و  $(BC)$  متوازيان.

المثلث  $ADE$  تصغير للمثلث  $ABC$ . ماهو سلم التصغير؟

- احسب مساحة المثلث  $ADE$ .

**التمرين 04:**

أصبح حجم مخروط دوران  $4,5 \pi cm^2$  بتصغير معاملته  $k$ .

- ما معامل التصغير علما بأن حجم المخروط الأصلي  $36 \pi cm^3$  ؟
- جد ارتفاع المخروط قبل التصغير إذا علمت أن مساحة قاعدته تساوي  $9\pi cm^2$  وطول المولد  $5 cm$ .
- جد ارتفاع المخروط بعد التصغير و احسب مساحة قاعدته بطريقتين.

**التمرين 05:**

$ABCDE$  هرم قاعدته مربع؟ رأسه  $E$  و ارتفاعه  $[EO]$

حيث  $OE = 5 cm$ ، قطع هذا الهرم بمستوي

يوازي قاعدته حيث  $O'E = 2,6 cm$ .

- عين معامل تصغير الهرم المصغر الناتج.

- احسب مساحة قاعدة الهرم المصغر بدلالة

مساحة قاعدة الهرم الأصلي وحجم الهرم المصغر

بدلالة حجم الهرم الأصلي.

**التمرين 06:**

تُغمر كرة جزئيا كما هو موضح في الشكل.

نصف قطر الكرة  $R_1 = 5 cm$ .

نصف قطر الدائرة الظاهرة جرأ تقاطع

سطح الماء بالكرة:  $R_2 = 4 cm$ .

- أوجد ارتفاع الجزء المغمور من الكرة.

**الوضعية 01:**

تغطي البحار والمحيطات حوالي 70 % من

مساحة سطح الكرة الأرضية.

إذا اعتبرنا أن الأرض كروية الشكل نصف

قطرها  $6730 km$ .

- احسب المساحة التي تغطيها القارات

بالكيلو متر المربع ( مدورة إلى الوحدة).

**الوضعية 02:**

قطر كرة القدم  $24 cm$ .

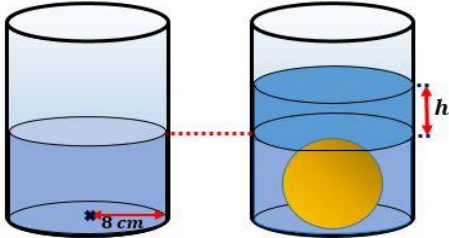
- احسب مساحة وحجم الكرة بدلالة  $\pi$ .

**الوضعية 03:**

هرم خفرع بمصر هو هرم منتظم قاعدته على شكل مربع طول ضلعه  $215 m$  وارتفاعه  $143 m$ .  
- احسب حجم الهرم ( أعط الناتج بالتقريب إلى  $(0,1)$  ).

**الوضعية 04:**

نضع كرة من حديد نصف قطرها  $6 cm$  في حوض مائي اسطواني الشكل كما هو موضح في الشكل:



- أوجد ارتفاع الماء المزاح  $h$  إذا علمت أن الكرة غُمرت كليا.

**الوضعية 05:**

جَلَّة قطرها  $10 cm$ ، كتلتها  $150 g$ .

- ماهي كتلة جَلَّة مصنوعة من نفس المادة والتي نصف قطرها  $15 cm$  ؟

**الوضعية الإدماجية: (BEM 2009)**

تم بناء خزان للماء على شكل أسطوانة دورانية نصف قطر قاعدتها  $5 m$  و ارتفاعها  $4 m$  لتزويد مسبح على شكل متوازي مستطيلات بعدا قاعدته  $20 m$  و  $6 m$  و ارتفاعه  $2 m$ .

- احسب سعة كل من الخزان و المسبح ( نأخذ  $\pi = 3,14$  ).
- إذا علمت أن الخزان مملوء تماما والمسبح فارغ تماما وتدفق الماء في المسبح هو  $(12 m^3/h)$  أي  $12 m^3$  في الساعة، احسب كمية الماء المتدفقة في المسبح و كمية الماء المتبقية في الخزان بعد مرور ثلاث ساعات .
- نفرض أن الخزان مملوء ( سعته  $314 m^3$  ) و المسبح فارغ نسمي  $f(x)$  كمية الماء المتبقية في الخزان و  $g(x)$  كمية الماء المتدفقة في المسبح بالمتر المكعب بعد مرور  $x$  ساعة.  
- أوجد العبارة  $g(x)$  ثم استنتج العبارة  $f(x)$  بدلالة  $x$ .
- نعتبر الدالتين  $f$  و  $g$  حيث :

$$f(x) = 314 - 12x$$

$$g(x) = 12x$$

- أرسم التمثيل البياني لكل من الدالتين  $f$  و  $g$  في معلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . (يؤخذ:  $1 cm$  يمثل  $4h$  على محور الفواصل و  $1 cm$  يمثل  $50 m^3$  على محور الترتيب)
- أوجد الوقت المستغرق لملء المسبح.
- حل المعادلة  $f(x) = g(x)$
- ماذا يمثل حل هذه المعادلة؟

