

صحيح أو خاطئ

1. B هي صورة A بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{CD}$.

إذن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$.

2. في الشكل التالي :



$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

3. النقطة O منتصف [AB]. إذن $\overrightarrow{OA} = \overrightarrow{OB}$.

4. $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ إذن متوازي أضلاع ABDC.

5. $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ إذن $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BD}$.

6. $\overrightarrow{AE} + \overrightarrow{EF}$ يساوي $\overrightarrow{FA}$.

7. ABCD متوازي أضلاع إذن $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{BD}$.

8. في الشكل الموالي :



$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{EF}$

تمارين

تساوي شعاعين

2. أكمل الجدول التالي :

التعبير بشعاع	التعبير بمتوازي أضلاع	التعبير بالانسحاب
$\overrightarrow{A} = \overrightarrow{E}$	الرابعي BA متوازي أضلاع	A صورة B و F صورة E
$\overrightarrow{IJ} = \overrightarrow{KL}$	الرابعي IJ متوازي أضلاع	I صورة ... و L صورة ...
$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{...}$	الرابعي EFGH متوازي أضلاع	E صورة ... و F صورة ...

3. ABC مثلث.

أنشئ النقطة D بحيث $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$.

أذكر متوازي الأضلاع الناتج ؟

4. ABCD متوازي أضلاع.



أكمل :

• صورة A بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$ هي النقطة

• C هي صورة D بالانسحاب الذي شعاعه

• صورة النقطة C هي B بالانسحاب الذي شعاعه

5. EFG مثلث.

• عيّن النقط I, J, K بحيث :

$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{FK} \text{ و } \overrightarrow{FG} = \overrightarrow{GI} \text{ , } \overrightarrow{EG} = \overrightarrow{GI}$$

6. ABC مثلث و G نقطة.

• أنشئ النقطتين I, J بحيث :

$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{JG} \text{ و } \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{IG}$$



7. لاحظ الشكل التالي :

• عيّن الأشعة غير المساوية للشعاع $\overrightarrow{AB}$.

علل إجابتك مستعملا المنحى، أو الاتجاه أو الطول.



8. I هي منتصف القطعة [AB]. أكمل :

• صورة A بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{IB}$ هي

• B هي صورة النقطة ... بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{AI}$.



9. لاحظ الشكل التالي :

• أنشئ النقطة G بحيث $\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{FG}$

و النقطة K صورة F بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{GF}$.



10. مثلث ABC

• أنشئ صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{AB}$ و صورته بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{BC}$.

مجموع شعاعين و علاقة شال

11. أنشئ المثلث الذي مبدؤه C

للشعاع $\vec{AB} + \vec{BC}$ الذي مبدؤه C.

12. أنشئ المثلث الذي مبدؤه C

للشعاع $\vec{AB} + \vec{BC}$.

13. أنشئ المثلث الذي نهايته B

للشعاع $\vec{AB} + \vec{BC}$.

14. أنشئ المثلث الذي نهايته B

للشعاع $\vec{AB} + \vec{BC}$.

15. أنشئ المثلث الذي مبدؤه A

للشعاع $\vec{u} + \vec{v}$.

16. أنشئ المثلث

الذي مبدؤه A

للشعاع $\vec{u} + \vec{v}$.

17. أنشئ المثلث

الذي نهايته A

للشعاع $\vec{u} + \vec{v}$.

18. أنشئ المثلث

الذي مبدؤه O للشعاع $\vec{AB} + \vec{AC}$.

19. أنشئ المثلث الذي نهايته

للشعاع $\vec{AB} + \vec{AC}$.

مسائل

20. مثلث ABC مثلث، [AH] عمود و I منتصف [HC].

• برهن أن صورة المستقيم (AH)

بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{HI}$

تشمل منتصف [AC].

21. مثلث ABC مثلث، I و J منتصف [AB] و [AC] على الترتيب.

1. أنشئ المثلث FEG صورة ABC بالانسحاب الذي شعاعه $\vec{IJ}$ حيث E، F، G صور A، B، C على الترتيب بهذا الانسحاب.

2. برهن أن $BF = FC = CG$.

22. مثلث ABC

• أنشئ المثلث AD الذي مبدؤه A للشعاع $\vec{AB} + \vec{AC}$.

• أكمل : $\vec{CA} + \vec{CD} = \dots$

$\vec{BA} + \vec{BD} = \dots$

علل إجابتك.

23. مثلث ABC

• أنشئ النقطتين I و J بحيث $\vec{AB} = \vec{IC}$ و $\vec{CB} = \vec{JA}$.

• ماذا تلاحظ ؟ علل إجابتك.

24. مثلث ABC

• E نقطة بحيث $\vec{AB} = \vec{BE}$

• أنشئ ED ممثلاً للشعاع $\vec{BA} + \vec{AC}$

• برهن أن $\vec{AB} = \vec{CD}$

25. مثلث ABC

• أنشئ النقطة E بحيث $\vec{AB} = \vec{BE}$

• أنشئ BD ممثلاً للشعاع $\vec{AB} + \vec{AC}$

• برهن أن $\vec{AC} = \vec{ED}$

11 - الأشعة والإنسحاب

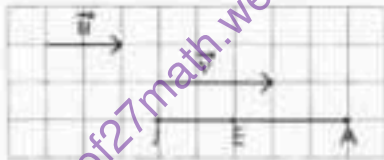
1 الحمل الصحيحة هي $1:4:5:7$.

التعبير بالإنسحاب	التعبير متوازي أضلاع	التعبير بشعاع
A صورة B E صورة F	الرابعي BAFE متوازي أضلاع	$\vec{BA} = \vec{EF}$
I صورة J K صورة L	الرابعي IJLK متوازي أضلاع	$\vec{IJ} = \vec{KL}$
E صورة H F صورة G	الرابعي EFGH متوازي أضلاع	$\vec{EF} = \vec{HG}$

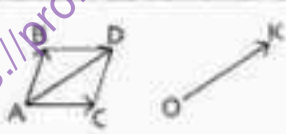


3 $\vec{AB} = \vec{CD}$
ABDC متوازي الأضلاع.

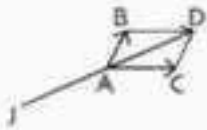
4 صورة A بالإنسحاب الذي شعاعه $\vec{CD}$ هي النقطة D.
C هي صورة D بالإنسحاب الذي شعاعه $\vec{AB}$.
صورة C هي B بالإنسحاب الذي شعاعه $\vec{DA}$.



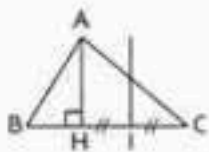
$$\begin{aligned} \vec{JA} &= \vec{u} + \vec{v} \\ \vec{JE} &= \vec{u} \\ \vec{EA} &= \vec{v} \end{aligned} \quad 17$$



$$\begin{aligned} \vec{AB} + \vec{AC} &= \vec{AD} \\ \text{حيث } ABDC \text{ متوازي أضلاع} \\ \vec{OK} &= \vec{AD} = \vec{AB} + \vec{AC} \end{aligned} \quad 18$$



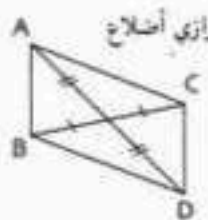
$$\begin{aligned} \vec{JA} &= \vec{AB} + \vec{AC} \\ \text{حيث } ABDC \text{ متوازي أضلاع} \\ \vec{JA} &= \vec{AD} \\ \text{لـ هي نظيرة D بالنسبة إلى A.} \end{aligned} \quad 19$$



$$\begin{aligned} \text{20 صورة المستقيم (AH) بالانسحاب} \\ \text{الذي شعاعه } \vec{HI} \text{ يشمل } \vec{AC} \text{ منتصف [HC]} \\ \text{و يوازي (AH) إذن صورة (AH) هو مستقيم المنتصفات في المثلث ACH} \\ \text{وبالتالي فإنه يشمل منتصف [AC].} \end{aligned}$$



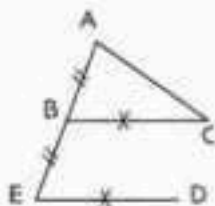
$$\begin{aligned} \text{21 صورة ABC بالانسحاب} \\ \text{الذي شعاعه } \vec{IJ} \text{ و ينتج إذن} \\ \vec{AE} = \vec{IJ} = \vec{BF} = \vec{CG} \\ \text{متوازي أضلاع IJFB} \\ \text{إذن (F) يوازي (IB) أي يوازي (AB) وبما أن I منتصف [AC]} \\ \text{فإن F منتصف [BC]. ينتج أن } \vec{BF} = \vec{FC} = \vec{CG}. \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{22 إذن } \vec{AB} + \vec{AC} &= \vec{AD} \\ \vec{CA} + \vec{CD} &= \vec{CB} \\ \vec{BA} + \vec{BD} &= \vec{BC} \\ \text{لأن } ABDC \text{ متوازي أضلاع.} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{23 } \vec{CB} = \vec{JA} \text{ و } \vec{AB} = \vec{IC} \\ \text{نلاحظ أن التقاطعين أو المتطابقين} \\ \text{من } \vec{AB} = \vec{IC} \text{ ينتج } \vec{BC} = \vec{AI} \\ \text{من } \vec{CB} = \vec{JA} \text{ ينتج } \vec{CB} = \vec{AJ} \\ \text{وبالتالي } \vec{AI} = \vec{AJ} \text{ إذن أو المتطابقين.} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{24 } \vec{AB} &= \vec{BE} \\ \vec{BA} + \vec{AC} &= \vec{BC} \\ \text{من } \vec{BE} = \vec{CD} \text{ ينتج } \vec{BC} = \vec{ED} \\ \text{وبما أن } \vec{AB} = \vec{BE} \text{ فإن } \vec{AB} = \vec{BE}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{5 } \vec{EG} &= \vec{GI} \text{ إذن I هي نظيرة E بالنسبة إلى G.} \\ \vec{FG} &= \vec{GI} \\ \text{لـ هي نظيرة F بالنسبة إلى G.} \\ \vec{EF} &= \vec{FK} \\ \text{إذن K هي نظيرة E بالنسبة إلى F.} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \vec{AB} &= \vec{IG} \\ \vec{AC} &= \vec{JG} \end{aligned} \quad 6$$

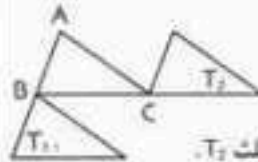
$$\begin{aligned} \text{7 } \vec{IJ} \text{ لا يساوي } \vec{AB} \text{ لأن منحني } \vec{IJ} \text{ يختلف عن منحني } \vec{AB} \\ \text{أي (IJ) لا يوازي (AB).} \\ \vec{KL} \text{ لا يساوي } \vec{AB} \text{ لأن طول } \vec{KL} \text{ لا يساوي طول } \vec{AB}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{8 صورة A بالانسحاب الذي شعاعه } \vec{IB} \text{ هي النقطة I.} \\ \text{صورة النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه } \vec{AI} \text{ هي النقطة B.} \end{aligned}$$



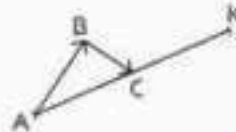
$$\vec{EF} = \vec{FG} \quad 9$$

$$\begin{aligned} \text{G هي نظيرة E بالنسبة إلى F.} \\ \vec{FK} = \vec{GF} \text{ إذن النقطة K منطبقة على النقطة E.} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} \text{10 صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي شعاعه } \vec{AB} \\ \text{هو المثلث } T_1. \end{aligned}$$

$$\text{صورته بالانسحاب الذي شعاعه } \vec{BC} \text{ هو المثلث } T_2.$$



$$\begin{aligned} \vec{AB} + \vec{BC} &= \vec{CK} \\ \vec{AC} &= \vec{CK} \end{aligned} \quad 11$$

$$\text{K هي نظيرة A بالنسبة إلى C.}$$



$$\begin{aligned} \vec{CK} &= \vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC} \\ \vec{AC} &= \vec{CK} \end{aligned} \quad 12$$

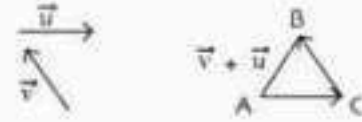
$$\text{K هي نظيرة A بالنسبة إلى C.}$$



$$\vec{IB} = \vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC} \quad 13$$



$$\vec{JB} = \vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC} \quad 14$$

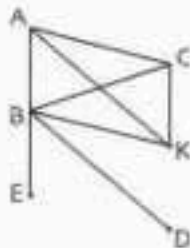


$$\begin{aligned} \vec{AC} &= \vec{u} \\ \vec{CB} &= \vec{v} \\ \vec{u} + \vec{v} &= \vec{AB} \end{aligned} \quad 15$$



$$\begin{aligned} \vec{AK} &= \vec{u} + \vec{v} \\ \vec{AE} &= \vec{u} \\ \vec{EK} &= \vec{v} \end{aligned} \quad 16$$

حلول التمارين و المسائل



$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BE} \quad \boxed{25}$$

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AK}$$

مستوازي أضلاع ACKB

لدينا $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BK}$ وبما أن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BE}$

فإن $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BK} + \overrightarrow{BE}$

BKDE مستوازي أضلاع.

من $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BK}$ و $\overrightarrow{BK} = \overrightarrow{ED}$

نتج أن $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{ED}$