

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 6 (الأشعة والانسحاب)

مريـن 1:

- ABC مثلث قائم في B حيث: $AB = 3 \text{ cm}$ و $BC = 4 \text{ cm}$.
 نقطتان D و E صورتني B و A على ترتيب بالانسحاب الذي يحول C إلى B.
 1/ أنشئ شكل بدقة.
 2/ أحسب طول AC.
 3/ ما هي صورة مثلث ABC بهذا الانسحاب؟ برّر ذلك؟
 4/ برهن أن ربايعي ABDE متوازي أضلاع.

مريـن 2:

- ABC مثلث بحيث $AB = 3 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$ و $BC = 5 \text{ cm}$.
 1) بين أن مثلث ABC قائم
 2) تكن M منتصف [BC].
 3) أنشئ نقطة N صورة M بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} .
 4) ما نوع ربايعي AMNB؟ استنتج طول BN.
 5) أكمل ما يلي:
 $\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{MA} = \dots$
 $\overrightarrow{BN} + \overrightarrow{BA} = \dots$
 6) أثبت أن: $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BN} + \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MN} = \vec{0}$

مريـن 3:

- ABC مثلث، بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} ، صورة B هي A' وصورة C هي B'.
 1) أنشئ شكل.
 2) ما هي صورة مثلث ABC بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} ؟ م الانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} .
 3) اشرح ماذا: $AB = CB'$ ، م استنتج نوع ربايعي ABB'C.
 4) اشرح ماذا: $BB' = CC'$ ، ما نوع ربايعي BCC'B'؟

مريـن 4: (ش . ت . م 2016)

- 1) أنشئ مثلث EFG قائم في F حيث: $EF = FG = 4 \text{ cm}$.
 2) أنشئ نقطتين: D صورة نقطة F بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{EF} .
 3) C صورة نقطة E بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{GD} .
 4) بين أن ربايعي EGDC مربع.
 5) احسب مساحته.
 6) يكن شعاع \vec{U} حيث: $\vec{U} = \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{EC} + \overrightarrow{FG}$ ، بين أن: $\vec{U} = \overrightarrow{ED}$

مريـن 5: (إثبات المستوى 2016)

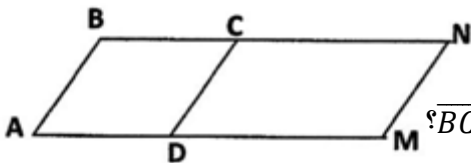
- 1) ما هي صورة نقطة B بتركيب انسحابين الأول شعاعه \overrightarrow{CD} والثاني شعاعه \overrightarrow{AD} ؟
 2) ما هي صورة نقطة N بتركيب انسحابين، الأول شعاعه \overrightarrow{MA} والثاني شعاعه \overrightarrow{BC} ؟

مريـن 6:

- ABC مثلث متساوي الساقين قاعدته [BC].
 1) أنشئ نقطة M بحيث $\overrightarrow{MA} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$.
 2) برهن أن ربايعي ABMC معين.
 3) عين نقطة D بحيث: $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{CD}$ ، ما نوع مثلث AMD.
 4) أثبت أن: $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} = \vec{0}$

مريـن 7:

- E, F, G لا نقط يـست على استقامة واحدة.
 1) عين نقطتين K, M بحيث:



$$\overrightarrow{EM} = \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{EG} = \vec{0} \text{ و } \overrightarrow{EG} = \overrightarrow{KF}$$

$$\overrightarrow{FM} + \overrightarrow{FK} = \vec{0} : \text{ثبت أن : (2)}$$

□ مرين 8:

ABCD متوازي أضلاع .

- (1) أنشئ نقطة E صورة نقطة C بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BD} .
- (2) أنشئ نقطة F حيث : $\overrightarrow{CF} = \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{CD}$
- (3) بين أن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{FE}$ ، ثم استنتج نوع الرباعي ABEF
- (4) أكمل ما يلي :

$$\begin{cases} \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CB} = \dots \\ \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{FE} = \dots \\ \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{CB} = \dots \end{cases}$$

□ مرين 9:

ABC مثلث قائم في B حيث :

- (1) احسب طول AB .
- (2) عيّن نقطة M صورة C بالانسحاب الذي شعاعه $-\overrightarrow{AB}$.
ما نوع الرباعي ABCM ؟
- (3) عيّن نقطة D بحيث : $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB}$.
بين أن : $\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{AB} = \vec{0}$

□ مرين 10:

ABCD متوازي أضلاع .

- (1) أنشئ نقطتين E, F حيث : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BF}$ و $\overrightarrow{DE} = -\overrightarrow{DA}$
- (2) اتمم ما يلي : $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{ED} + \dots$, $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \dots$
- (3) بين أن : $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{CF}$

□ مرين 11:

ارسم مثلث ABC متقايس الأضلاع طول ضلعه 4cm

- (1) عيّن نقطة D حيث : $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}$
- (2) ما نوع الرباعي ABCD ؟ علّل ؟
- (3) عيّن نقطة E حيث C منتصف [EB]
- (4) بين أن : $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{EC} = \vec{0}$

□ مرين 12:

ABC مثلث متساوي ساقيين قاعدته [BC]

- (1) أنشئ نقطة E صورة نقطة A بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{BC}
- (2) أنشئ نقطة D بحيث : $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$
- (3) ثبت أن نقطة C منتصف [DE]

□ مرين 13:

RST مثلث حيث :

$$ST = 5 \text{ cm} ; RS = 4 \text{ cm} ; RT = 3 \text{ cm}$$

- (1) بين أن مثلث RST قائم في R .
- عيّن نقطة N منتصف وتر \overrightarrow{ST} أنشئ نقطة H صورة N بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{TR} .
- (2) ما نوع الرباعي HNTR ؟
- (3) أكمل ما يلي : $\overrightarrow{RH} + \overrightarrow{RT} = \dots$; $\overrightarrow{RH} + \overrightarrow{HN} = \dots$

□ مرين 14:

(1) أنشئ مربع ABCD مركزه O وطول ضلعه 3cm .

- (2) عيّن نقطة E حيث : $\overrightarrow{OE} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$
- (3) عيّن نقطة F نظيرة O بالنسبة إلى C .
- (4) عيّن نقطة G حيث : $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{BO}$
- (5) بين أن نقط O, F, G تنتمي إلى نفس الدائرة التي يطلب تحديد مركزها ونصف قطرها .
- (6) ثبت أن مثلث OFG قائم في G .