

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم ٦ (الأشعة والانسحاب)

مرin 1:

- ABC مثلث قائم في B حيث: $AB = BC = cm3$ و $AC = cm4$.
 انقطتان D و E على اترتي B و A على ترتيب الانسحاب ذاتي يحول C إلى B.
 1/ أنشئ شكل بدقة.
 2/ أحسب طول AC.
 3/ ما هي صورة مثلث ABC بهذا الانسحاب؟ ببرر ذلك.
 4/ برهن أن رباعي ABDE متوازي أضلاع.

مرin 2:

- ABC مثلث بحيث $BC = 5 \text{ cm}$ و $AC = 4 \text{ cm}$ و $AB = 3 \text{ cm}$.
 1) بين أن مثلث ABC قائم
 2) تكن M منتصف [BC].

أنشئ نقطة N صورة M بالانسحاب ذاتي شعاعه \overrightarrow{AB} .

3) ما نوع رباعي AMNB؟ استنتج طول BN.

4) أكمل ما يلي:

$$\overrightarrow{MN} + \overrightarrow{MA} = \dots$$

$$\overrightarrow{BN} + \overrightarrow{BA} = \dots$$

$$\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BN} + \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MN} = \vec{0} \quad \text{ثبت أن :} \quad (5)$$

مرin 3:

- ABC مثلث ، بالانسحاب ذاتي شعاعه \overrightarrow{AB} ، صورة B هي A' وصورة C هي C'.
 نقطة C صورتها C' ، بالانسحاب ذاتي شعاعه \overrightarrow{AC} .
 1) أنشئ شكل.

2) ما هي صورة مثلث ABC بالانسحاب ذاتي شعاعه \overrightarrow{AB} ؟

3) اشرح ماذا: $AB = CB'$ ، استنتج نوع رباعي ABB'C.

4) اشرح ماذا: $BCC'B = CC'$ ، ما نوع رباعي BB'CC'.

مرin 4: (ش. ت. م 2016)

- 1) أنشئ مثلث EFG قائم في F حيث: $EF = FG = 4 \text{ cm}$.

2) أنشئ نقطتين D صورة نقطة F بالانسحاب ذاتي شعاعه \overrightarrow{EF} .

3) صورة نقطة E بالانسحاب ذاتي شعاعه \overrightarrow{GD} .

4) برهن أن رباعي EGDC مربع.

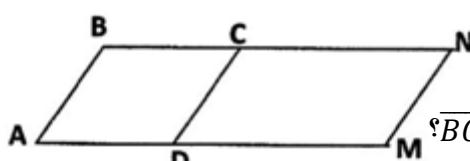
- احسب مساحته.

$$\vec{U} = \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{EC} + \overrightarrow{FG} \quad \text{ثبت أن :} \quad (4)$$

مرin 5: (إثبات المستوى 2016)

- 1) ما هي صورة نقطة B بتركيب انسحابين الأول شعاعه \overrightarrow{CD} والثاني شعاعه \overrightarrow{AD} ؟

2) ما هي صورة نقطة N بتركيب انسحابين ، الأول شعاعه \overrightarrow{MA} والثاني شعاعه \overrightarrow{BC} ؟

**مرin 6:**

- ABC مثلث متساوي الساقين قاعدته $[BC]$
 $\overrightarrow{MA} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$ بحيث
 1) أنشئ نقطة M بحيث $ABMC$ معين.
 2) برهن أن رباعي ABMC معين.
 3) عين نقطة D بحيث: $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{CD}$ ، ما نوع مثلث AMD?
 $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} = \vec{0}$ (4)
 4) ثبت أن: $\vec{U} = \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{EC} + \overrightarrow{FG}$

مرin 7:

نقطة G لا يمتلك على استقامة واحدة.

(1) عين نقطتين M ، K بحيث:

$$\overrightarrow{EM} = \overrightarrow{EF} + \overrightarrow{EG} = \vec{0} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{EG} = \overrightarrow{KF}$$

ثبت أن : (2)

مرين 8:

ABCD متوازي أضلاع .

(1) أنشئ نقطة E صورة نقطة C بالانسحاب ذي شعاعه \overrightarrow{BD} .

(2) أنشئ نقطة F حيث : $\overrightarrow{CF} = \overrightarrow{CE} + \overrightarrow{CD}$

(3) أكمل ما يلي : $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{FE}$ م استنتج نوع رباعي ABEF

(4) أكمل ما يلي :

$$\begin{cases} \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{CB} = \dots \\ \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{FE} = \dots \\ \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{CB} = \dots \end{cases}$$

مرين 9:

ABC مثلث قائم في B حيث :

(1) احسب طول AB .

(2) عين نقطة M صورة C بالانسحاب ذي شعاعه $-\overrightarrow{AB}$.

ما نوع رباعي ABCM ؟

(3) عين نقطة D بحيث : $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AB}$

بين أن : $\overrightarrow{MC} - \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DC} + \overrightarrow{AB} = \vec{0}$

مرين 10:

ABCD متوازي أضلاع .

(1) أنشئ نقطتين F,E حيث : $\overrightarrow{DE} = -\overrightarrow{DA}$ و $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{BF}$

(2) اتمن ما يلي : $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \dots$ ، $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{ED} + \dots$

(3) بين أن : $\overrightarrow{EC} = \overrightarrow{CF}$

مرين 11:

رسم مثلث ABC متقارن الأضلاع طول ضلعه 4cm

(1) عين نقطة D حيث : $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}$

(2) ما نوع رباعي ABCD ؟ علّ ؟

(3) عين نقطة E حيث C منتصف $[EB]$

(4) بين أن : $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{EC} = \vec{0}$

مرين 12:

ABC مثلث متساوي اساقين قاعدته $[BC]$

(1) أنشئ نقطة E صورة نقطة A بالانسحاب ذي شعاعه \overrightarrow{BC}

(2) أنشئ نقطة D بحيث : $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

(3) ثبت أن نقطة C منتصف $[DE]$

مرين 13:

مثلث RST حيث :

$ST = 5 \text{ cm}$; $RS = 4 \text{ cm}$; $RT = 3 \text{ cm}$

(1) بين أن مثلث RST قائم في R .

عين نقطة N منتصفوترم أنشئ نقطة H صورة N بالانسحاب ذي شعاعه \overrightarrow{TR} .

(2) ما نوع رباعي HNTR ؟

(3) أكمل ما يلي : $\overrightarrow{RH} + \overrightarrow{RT} = \dots$; $\overrightarrow{RH} + \overrightarrow{HN} = \dots$

مرين 14:

(1) أنشئ مربع ABCD مركزه O وطول ضلعه 3cm .

(2) عين نقطة E حيث : $\overrightarrow{OE} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB}$

(3) عين نقطة F نظيرة O بالنسبة إلى C .

(4) عين نقطة G حيث : $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{BO}$

(5) بين أن نقط G , F , O تنتهي نفس دائرة التي يطلب تحديد مركزها ونصف قطرها .

(6) ثبت أن مثلث OFG قائم في G .

إعداد الأستاذ : تامة موسى