

مذكرة رقم : 06

المادة : الرياضيات

المستوى : السنة الثانية علوم تجريبية

المدة : 1 ساعة

السنة الدراسية : 2024 - 2025

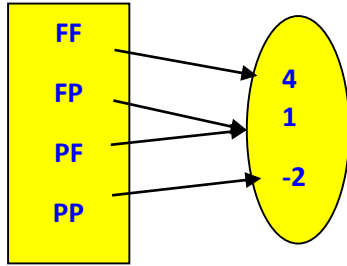
الوحدة التعليمية : الاحتمالات

ميدان التعلم : الاحتمالات

موضوع الحصة : المتغير العشوائي

المكتسبات القبلية: التجربة العشوائية ومجموعة امكانياتها الأحداث وقانون الاحتمال تساوي الاحتمال وخواصه
المكتسبات المستهدفة: تعيين قانون الاحتمال لمتغير عشوائي
المراجع : المنهاج ، التوزيع السنوي ، الكتاب المدرسي ، الوثيقة المرفقة

المراحل	الدرس	الزمن	ملاحظات													
مرحلة الانطلاق	<p><u>تهيئة</u></p> <p><u>نشاط مقترح :</u></p> <p>يقوم لاعب بالقاء قطعة نقدية متوازنة مرتين . يربح دينارين من أجل كل ظهور لوجه القطعة النقدية (F) ويخسر دينارا واحدا من أجل ظهور ظهرها (P). 1) عين مجموعة الامكانيات (المخارج) Ω . 2) أرّف بكل مخرج من مخارج التجربة الربح الجبري (الربح أو الخسارة) الذي يمكن أن يتحصل عليه هذا اللاعب . - بهذا نكون قد عرفنا الدالة التي ترفق بكل نتيجة من Ω الربح أو الخسارة المناسب لها . 3) نعتبر الحدث : "يكون الربح دينارا واحدا " ب ($X = 1$) أ) بين أن : $P(X = 1) = \frac{1}{2}$ ب) أكمل الجدول التالي :</p> <table><tr><td>X_i</td><td></td><td>1</td><td></td></tr><tr><td>$P(X = X_i)$ الاحتمال</td><td></td><td>$\frac{1}{2}$</td><td></td></tr></table>	X_i		1		$P(X = X_i)$ الاحتمال		$\frac{1}{2}$		20-	مناقشة النشاط من طرف التلاميذ					
	X_i		1													
$P(X = X_i)$ الاحتمال		$\frac{1}{2}$														
<p><u>مناقشة النشاط:</u></p> <p>1) تعيين مجموعة المخارج Ω : باستعمال الجدول :</p> <table><tr><td></td><td>الرمية 2</td><td>F</td><td>P</td></tr><tr><td>الرمية 1</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>F</td><td></td><td>FF</td><td>FP</td></tr><tr><td>P</td><td></td><td>PF</td><td>PP</td></tr></table>		الرمية 2	F	P	الرمية 1				F		FF	FP	P		PF	PP
	الرمية 2	F	P													
الرمية 1																
F		FF	FP													
P		PF	PP													



اذن : $\Omega = \{FF; FP; PF; PP\}$

(2) نرفق بكل مخرج الربح الجبري كما في الشكل المقابل :

-تسمى هذه الدالة دالة المتغير العشوائي المعرفة على Ω فيما تسمى المجموعة $\{-2, 1, 4\}$ بمجموعة قيم المتغير العشوائي.

(3) أ) تبين أن : $P(X = 1) = \frac{1}{2}$

لتكن A الحدث "ظهور الوجه مرة والظهر مرة " أي : $A = \{FP; PF\}$

$$P(A) = P(X = 1) = \frac{\text{عدد عناصر } A}{\text{عدد عناصر } \Omega} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

ب) اكمل الجدول : (بنفس طريقة السؤال 3 أنجد :

$$P(X = 4) = \frac{1}{4} \text{ و } P(X = -2) = \frac{1}{4}$$

X_i	-2	1	4
$P(X = X_i)$ الاحتمال	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

-الجدول الأخير يمثل قانون الاحتمالات للمتغير العشوائي .

المتغير العشوائي:

تعريف:

Ω المجموعة الشاملة لتجربة عشوائية نسمي متغيرا عشوائيا كل دالة عددية معرفة

على Ω وتأخذ قيمها في \mathbb{R}

مثال :

في التجربة العشوائية رمي قطعة نقدية متوازنة مرتين .

نرفق الوجه (F) بربح 10 دنانير والظهر (P) بخسارة 10 دنانير

البناء و
الترسيخ

تعرف
التلميذ على
قانون
احتمال
متغير
عشوائي

قانون الاحتمال لمتغير عشوائي:

تعريف:

قانون احتمال لمتغير عشوائي X هو الدالة المعرفة على I (مجموعة قيم X) والتي ترفق بكل قيمة x_i من I العدد الحقيقي الموجب $P(X = x_i)$ ونعرفه بالجدول التالي:

المخرج $X = x_i$	x_1	x_2	...	x_n
$P(X = x) = p_i$	p_1	p_2	...	p_n

حيث : $p_1 + p_2 + p_3 + \dots + p_n = 1$

من المثال الأول :

باستعمال الجدول :

الرمية 2 \ الرمية 1	P	F
P	-20	0
F	0	20

1- القيم الممكنة للمتغير X هي : 0 ، 20 ، -20

2- قانون الاحتمال للمتغير X

X_i	0	20	-20
$P(X = X_i)$	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$

تمرين 46 صفحة 393 بتصريف:

يحتوي كيس على 4 قريصات مرقمة من 2 ، 3 ، 6 و 9 .

نسحب عشوائيا قريصة ثم نعيدها إلى الكيس ثم نسحب قريصة أخرى ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب جداء الرقمين المسحوبين .

(1) املأ الجدول التالي:

القريصة الأولى \ القريصة الثانية	2	3	6	9
2				
3				
6				
9				

(2) استنتج القيم الممكنة للمتغير العشوائي X .

(3) احسب الاحتمالات التالية: $P(X = 12)$ ، $P(X = 36)$.

(4) عين قانون احتمال المتغير X .

التقويم

إستثمار

إعادة إستثمار

20د

الحل :

(1) إكمال الجدول :

القريضة الأولى \ القريضة الثانية	2	3	6	9
2	4	6	12	18
3	6	9	18	27
6	12	18	36	54
9	18	27	54	81

(2) القيم الممكنة للمتغير العشوائي X هي :

$$X = \{4; 6; 9; 12; 18; 27; 36; 54; 81\}$$

(3) حساب الاحتمالات :

$$P(X = 36) = \frac{1}{16} ; \quad P(X = 12) = \frac{2}{16} = \frac{1}{8}$$

(4) قانون الإحتمال للمتغير العشوائي X :

X_i	4	6	9	12	18	27	36	54	81
$P(X = X_i)$	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{16}$

تطبيق مقترح:

يحتوي كيس أعلى 3 كريات بيضاء ، 4 كريات حمراء و 10 كريات سوداء لا نميز بينها باللمس .

تُسحب عشوائيا كرية من الصندوق فيرجح الساحب دينارا واحدا إذا كانت الكرية سوداء ،

يرجح ثلاثة دنانير إذا كانت حمراء و عشرة دنانير إذا كانت الكرية بيضاء .

نعرف المتغير العشوائي X الذي يأخذ قيمة الربح المحتمل في اللعبة

1- عين القيم الممكنة للمتغير X .

2- عرف قانون الاحتمال للمتغير X .

الحل :

1- القيم الممكنة للمتغير X هي : 1 ، 3 ، 10

2- قانون الاحتمال للمتغير X

الحادثة " $X=1$ " هي " سحب كرية سوداء " عدد الكريات السوداء 10 و عدد كل الكريات 17

$$\text{ومنه } P(X = 1) = \frac{10}{17} \quad (\text{حالة تساوي احتمال})$$

$$\text{بنفس الطريقة نجد : } P(X = 3) = \frac{4}{17} \quad \text{و} \quad P(X = 10) = \frac{3}{17}$$

X_i	1	3	10
$P(X = X_i)$	$\frac{10}{17}$	$\frac{4}{17}$	$\frac{3}{17}$

تلخص النتائج

في الجدول التالي:

طريقة:

لتعيين قانون احتمال لمتغير عشوائي X نتبع مايلي:
-نعين قيم المتغير عشوائي X -ثم نحسب الاحتمالات $P(X = x_i)$
-نلخص النتائج في جدول

تمرين 45 صفحة 393 السؤال الأول

صندوق يحتوي على كرة حمراء، **كرتين** بيضاوين و ثلاث كرات سوداء. نسحب عشوائياً كرتين على التوالي. ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحب عدد الكرات البيضاء المسحوبة.

(1) عين قيم المتغير العشوائي X .

(2) عين قانون احتمال المتغير X .

