

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 4 (النسب المثلثية في مثلث قائم)

تمرين 1:

ABC مثلث بحيث : $BC = 10\text{cm}$, $AB = 6\text{cm}$, $AC = 8\text{cm}$

(1) بين أن المثلث ABC قائم في A.

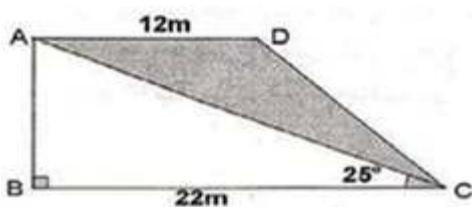
(2) احسب $\tan A\hat{C}B$ ثم استنتج قيس الزاوية $A\hat{C}B$ بالتدوير إلى الدرجة.

تمرين 2:

(C) دائرة نصف قطرها 2.6 cm , $[MN]$ قطر لها, P نقطة من الدائرة بحيث $MP = 2\text{ cm}$.

(1) ارسم الشكل ثم اثبت أن المثلث MNP قائم في P.

(2) احسب الطول PN.

(3) احسب $\cos N\hat{M}P$ (أعط النتيجة بتدوير 0.001)(4) استنتاج قيس الزاوية $N\hat{M}P$ بالتدوير إلى الدرجة.

تمرين 3: (ش ت م 2014)

الشكل ABCD شبه منحرف قائم في B, فيه $\widehat{A\hat{C}B} = 25^\circ$ (1) احسب الطول AB بالتدوير إلى الوحدة. (استعن به: $\tan \widehat{A\hat{C}B}$).(2) احسب مساحة كل من شبه المنحرف ABCD والمثلث ABC . ثم استنتاج مساحة الجزء المظلل. (تعطى: مساحة شبه المنحرف $= \frac{(\text{القاعدة الكبرى} + \text{القاعدة الصغرى}) \times \text{الارتفاع}}{2}$)

تمرين 4:

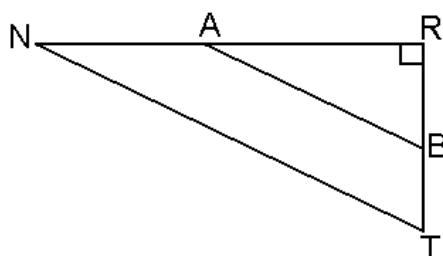
(C) دائرة مركزها O وقطرها [ST] حيث $ST = 7\text{cm}$, U نقطة من الدائرة حيث $SU = 3\text{cm}$.

1- أنجز الرسم

2- بين المثلث STU قائم في U

3- أوجد قيس الزاوية $\widehat{S\hat{T}U}$. النتيجة مدوره إلى الدرجة4- استنتاج قيس الزاوية $\widehat{S\hat{O}U}$. النتيجة مدوره إلى الدرجة . علل إجابتك

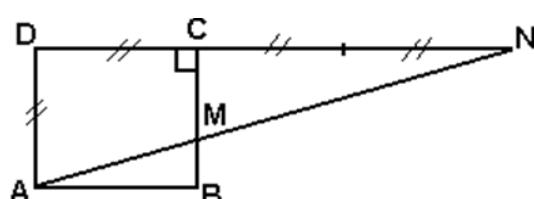
تمرين 5:

مثلث قائم في R حيث : RNT $NT = 10.2\text{cm}$, $BT = 1.6\text{cm}$, $NR = 9\text{cm}$, $AR = 6\text{cm}$ 1/ أحسب الطول RT 2/ تعتبر أن $RT = 4.8\text{cm}$.- أثبتت أن المستقيمين (AB) ، (NT) متوازيان .3/ أحسب القيمة المضبوطة للزاوية $R\hat{N}T$ ثم القيمة المقربة إلى الدرجة .

تمرين 6: (ش ت م 2013)

ABC مثلث قائم في B حيث : $CB = 8\text{cm}$, $AB = 4\text{cm}$ لتكن M نقطة من $[BC]$ حيث : $BM = \frac{BC}{4}$ ، المستقيم (Δ) العمودي على (BC) في النقطة Mيقطع $[AC]$ في النقطة H .

1/ أحسب الطول MH

2/ أحسب : $\tan A\hat{M}B$ واستنتاج قيس الزاوية $A\hat{M}B$ بالتدوير إلى الدرجة (يمكن استعمال الحاسبة) .

تمرين 7:

إليك الشكل الآتي حيث ABCD مربع طول ضلعه : 4cm .

1/ أحسب الطول CM .

2/ أحسب القيمة المقربة إلى الوحدة من الدرجة لقياس الزاوية $M\hat{D}N$.

تمرين 8:

$$\cos A\hat{B}C = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

أعط القيم المضبوطة لكل من $\tan A\hat{B}C$ ، $\sin A\hat{B}C$ (موضع طريقة ساب)

أوجد قيس كلاً من $A\hat{C}B$ و $A\hat{B}C$.

أحسب مساحة المثلث ABC إذا علمت أن $AB = 2\sqrt{2} \text{ cm}$ (الرسم غير مطلوب)

تمرين 9: (ش ت م 2011)

مثلث قائم الزاوية في A . $[AH]$ الارتفاع المتعلق بالوتر $[BC]$.

- بين أن $AB^2 = BH \times BC$ (يمكنك الاعتماد على $\cos \widehat{ABC}$ في كل من المثلثين ABC و ABH)

تمرين 10: (ش ت م 2008)

وحدة الطول المختار هي السنتمتر.

مثلث قائم في A حيث $AB = 3$ و $BC = 5$

(1) أنشئ الشكل ثم حدد الطول AC .

(2) نقطة من $[AB]$ حيث $E = 1$. المستقيم الذي يشمل E و يعمد (AB) يقطع (BC) في النقطة M .

- أوجد BM .

- احسب $\cos \widehat{ABC}$ ثم استنتج قيس الزاوية \widehat{EMB} . (تدور النتيجة إلى الوحدة من الدرجة)

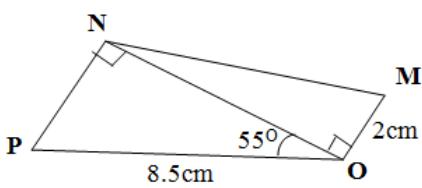
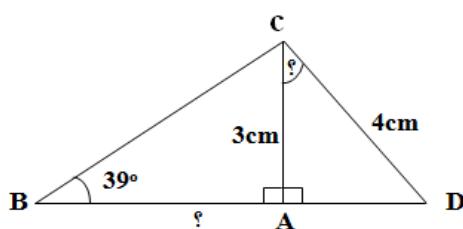
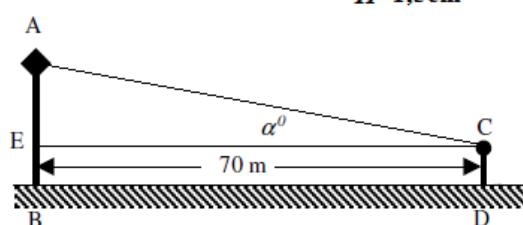
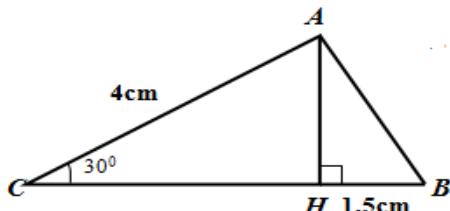
تمرين 11:

مثلث ABC حيث $BC = 10 \text{ cm}$ ، $AC = 6 \text{ cm}$ ، $AB = 8 \text{ cm}$ و

(1) بين أن المثلث ABC قائم في النقطة A .

(2) احسب $\tan \widehat{ACB}$ ثم احسب قيس الزاوية \widehat{ACB} بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة.

(3) لتكن النقطة K من $[A]$ بحيث $AK = 2 \text{ cm}$. المستقيم الموازي للمستقيم (A) والمار من النقطة K يقطع المستقيم (BC) في نقطة L . احسب الطول BL .

**تمرين 12:**

مثلث ABC حيث $AC = 4 \text{ cm}$ ، $BH = 1.5 \text{ cm}$ ، $\widehat{ACB} = 30^\circ$ و

كما هو مبين في الشكل المقابل.

(1) أحسب القيمة المضبوطة لارتفاع AH .

(2) أعط قيس الزاوية \widehat{AB} (بالتدوير إلى الدرجة).

تمرين 13:

يشاهد سمير عمود كهرباء على بعد 70m بزاوية تميل عن الأفق بـ α°

1 - إذا اعتبرنا أن $\tan \alpha = 0.1$ احسب قيس الزاوية α بالتدوير إلى الوحدة.

2 - إذا كان طول قامة سمير هو 1 m احسب ارتفاع عمود الكهرباء.

تمرين 14:

في الشكل المقابل حيث: $CD = 4 \text{ cm}$ ، $AC = 3 \text{ cm}$ ، $\widehat{ABC} = 39^\circ$

(1) احسب الطول AB .

(2) احسب قيس الزاوية \widehat{ACD} .

تمرين 15:

الشكل المقابل ليس مرسوماً بالأبعاد الحقيقية

(1) احسب الطول ON بالتدوير إلى 0.1.

(2) احسب قيس الزاوية \widehat{MNO} بالتدوير إلى الدرجة.

(3) احسب مساحة المثلث MNO .