

## ❖ سلسلة تمارين حول مبرهنة طالس ❖

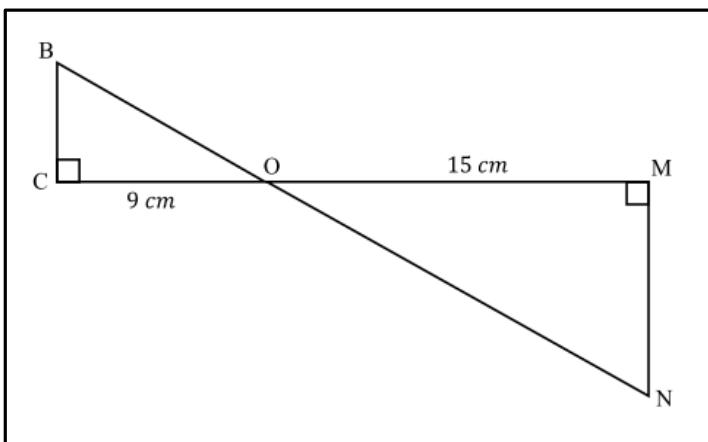
المستقيم ( $\Delta$ ) العمودي على ( $BC$ ) في النقطة  $M$  يقطع  $[AC]$  في النقطة  $H$ .

(1) أنشئ الشكل المواافق.

(2) أحسب الطول  $HM$ .

## التمرين رقم 04

في الشكل أدناه، المستقيمان ( $BN$ ) و ( $CM$ ) متقاطعان في النقطة  $O$ .



(1) برهن أن:  $(MN) \parallel (BC)$ .

(2) بين أن:

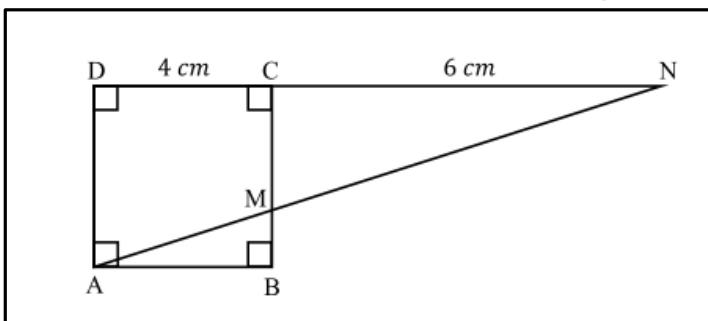
$$\frac{OB}{ON} = 0,6$$

(3) أحسب الطول  $OB$  إذا علمت أن:

$$ON = 17,5 \text{ cm}$$

## التمرين رقم 05

مربع  $ABCD$  طول ضلعه  $4 \text{ cm}$ .



(1) أحسب الطول  $MC$ .

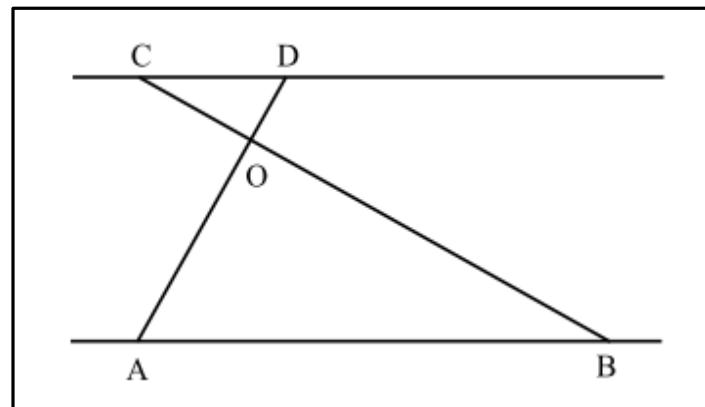
(2) أحسب الطول  $AM$ .

## التمرين رقم 01

في الشكل الموازي، وحدة الطول هي السنتيمتر.

حيث:

$$OD = 3, OC = 4, OB = 12, OA = 9$$



(1) برهن أن  $(AB)$  و  $(CD)$  متوازيان.

(2) أحسب الطول  $(AB)$  إذا علمت أن:

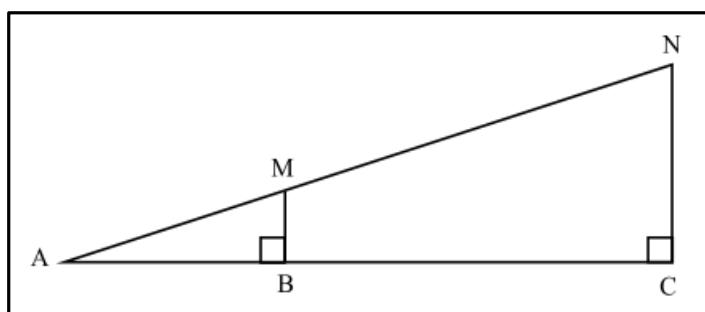
$$CD = 5$$

## التمرين رقم 02

في الشكل الموازي، وحدة الطول هي السنتيمتر.

حيث:

$$MB = 3, AC = 10, AB = 4$$



(1) أحسب الطول  $AM$ .

(2) أحسب الطولين  $AN$  و  $NC$ .

## التمرين رقم 03

مثلث قائم في  $B$  حيث:

$$BC = 4\sqrt{3} \text{ cm} \text{ و } AB = 4 \text{ cm}$$

لتكن  $M$  نقطة من  $[BC]$  حيث:

❖ نظرية طالس ❖

إذن حسب النظرية العكسية لـ طالس فإن المستقيمين  $(AB)$  و  $(CD)$  متوازيان.

$(AB) \parallel (CD)$

(2) حساب الطول  $(AB)$

نستعين بنظرية طالس.

فنكتب:

$$\frac{OA}{OD} = \frac{OB}{OC} = \frac{AB}{CD} = 3$$

أي:

$$\frac{AB}{CD} = 3$$

ومنه:

$$AB = 3 \times CD = 3 \times 5 = 15$$

$$AB = 15$$

تذكرة داعماً:

في درس نظرية طالس، نستعين بـ:

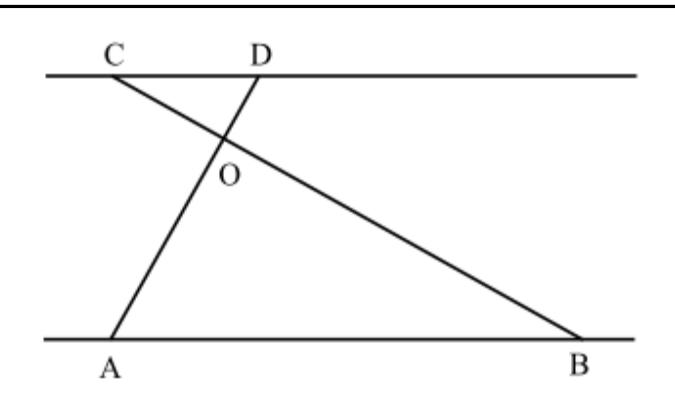
■ نظرية طالس لحساب الأطوال.

■ عكس نظرية طالس لإثبات توازي مستقيمين.

\_\_\_\_\_ 01 رقم المرين \_\_\_\_\_

في الشكل الموازي، وحدة الطول هي السنتمتر.  
حيث:

$$OD = 3, OC = 4, OB = 12, OA = 9$$



(1) برهن أن  $(AB)$  و  $(CD)$  متوازيان.

(2) أحسب الطول  $(AB)$  إذا علمت أن:

$$CD = 5$$

\_\_\_\_\_ 01 رقم الحل \_\_\_\_\_

(1) البرهان أن  $(AB)$  و  $(CD)$  متوازيان:

نستعين بالنظرية العكسية لـ طالس.

لدينا:

$$\frac{OA}{OD} = \frac{9}{3} = 3$$

ولدينا أيضاً:

$$\frac{OB}{OC} = \frac{12}{4} = 3$$

ومنه:

$$\frac{OA}{OD} = \frac{OB}{OC} = 3$$

وبحسب الشكل، نلاحظ أن النقط  $O, A, D$  والنقط  $O, B, C$  بنفس الترتيب.

جميع الحقوق محفوظة

**BEM**

## ❖ نظرية طالس ❖

ولدينا أيضاً:

$$(NC) \perp (AC)$$

ومنه:

$$(MB) \parallel (NC)$$

يمكن الاستعانة بنظرية طالس كالتالي:

$$\frac{AN}{AM} = \frac{AC}{AB} = \frac{NC}{MB}$$

أي:

$$\frac{AN}{5} = \frac{10}{4} = \frac{NC}{3}$$

ومنه:

$$\begin{cases} \frac{AN}{5} = \frac{10}{4} \\ \frac{NC}{3} = \frac{10}{4} \end{cases}$$

ونكتب:

$$\begin{cases} AN = \frac{5 \times 10}{4} = \frac{50}{4} = 12,5 \\ NC = \frac{3 \times 10}{4} = \frac{30}{4} = 7,5 \end{cases}$$

ومنه:

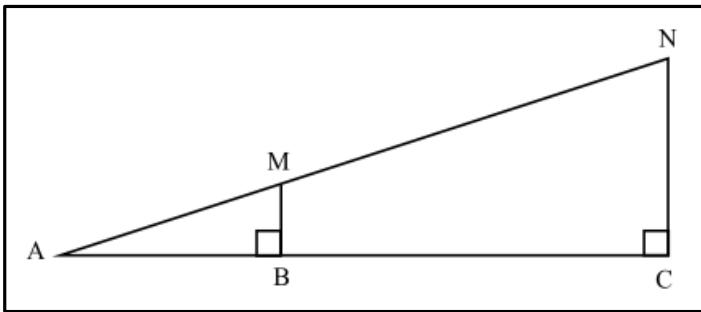
$$NC = 7,5 \text{ و } AN = 12,5$$

## \_\_\_\_\_ 02 \_\_\_\_\_

في الشكل المعاكس، وحدة الطول هي السنتمتر.

حيث:

$$MB = 3, AC = 10, AB = 4$$

(1) أحسب الطول  $AM$ .(2) أحسب الطولين  $AN$  و  $NC$ .

## \_\_\_\_\_ 02 \_\_\_\_\_

(1) حساب الطول  $AM$ 

لدينا من الشكل:

$$(MB) \perp (AB)$$

أي أن المثلث  $ABM$  قائم في  $B$ .

حسب نظرية فيثاغورس نكتب:

$$AM^2 = AB^2 + MB^2$$

ومنه:

$$AM = \sqrt{AB^2 + MB^2}$$

$$AM = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{16 + 9} = \sqrt{25} = 5$$

$$AM = 5$$

(2) حساب الطولين  $AN$  و  $NC$ 

لدينا من الشكل:

$$(MB) \perp (AC)$$

جميع الحقوق محفوظة

- BEM -

❖ نظرية طالس ❖

ومنه:

$$(HM) // (AB)$$

يمكن الاستعانة بنظرية طالس كالتالي:

$$\frac{CA}{CH} = \frac{CB}{CM} = \frac{AB}{HM}$$

أي:

$$\frac{CA}{CH} = \frac{4\sqrt{3}}{CM} = \frac{4}{HM}$$

ومنه:

$$HM = \frac{4CM}{4\sqrt{3}} = \frac{CM}{\sqrt{3}}$$

حساب

لدينا من المعطيات:

$$BM = \frac{BC}{4} = \frac{4\sqrt{3}}{4} = \sqrt{3}$$

$$BM = \sqrt{3} \text{ cm}$$

ولدينا:

$$CM = BC - BM = 4\sqrt{3} - \sqrt{3} = (4 - 1)\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$$

$$CM = 3\sqrt{3} \text{ cm}$$

ما سبق لدينا:

$$HM = \frac{CM}{\sqrt{3}}$$

ومنه:

$$HM = \frac{3\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = 3$$

$$HM = 3 \text{ cm}$$

جميع الحقوق محفوظة

— BEM —

الثمين رقم 03

مثلث قائم في  $B$  حيث:

$$BC = 4\sqrt{3} \text{ cm} \text{ و } AB = 4 \text{ cm}$$

لتكن  $M$  نقطة من  $[BC]$  حيث:

$$BM = \frac{BC}{4}$$

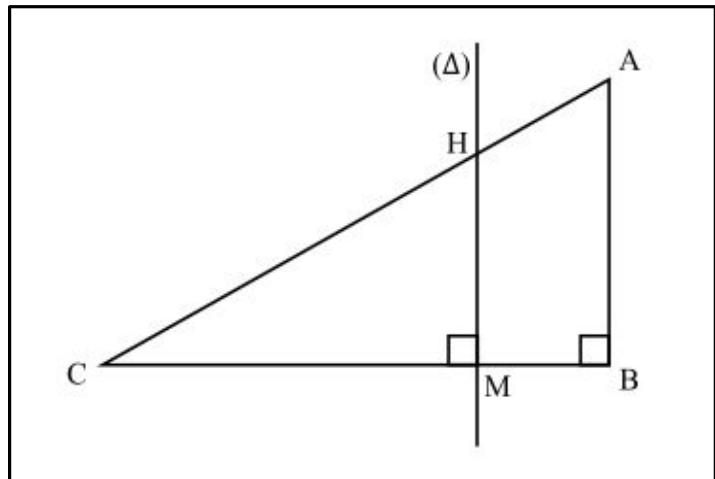
المستقيم ( $\Delta$ ) العمودي على  $(BC)$  في النقطة  $M$  يقطع  $[AC]$  في النقطة  $H$ .

(1) أنشئ الشكل المواافق.

(2) أحسب الطول  $HM$ .

الحل رقم 03

(1) إنشاء الشكل المواافق:



(2) حساب الطول  $HM$ :

المثلث  $ABC$  قائم في  $B$  معناه:

$$(AB) \perp (BC)$$

المستقيم ( $\Delta$ ) العمودي على  $(BC)$  في النقطة  $M$  يقطع  $[AC]$  في النقطة

معناه:  $H$

$$(HM) \perp (BC)$$

## ❖ نظرية طالس ❖

$$2) \text{ البرهان أن } \frac{OB}{ON} = 0,6$$

يمكن الاستعانة بنظرية طالس كالتالي:

$$\frac{OB}{ON} = \frac{OC}{OM} = \frac{BC}{NM}$$

أي:

$$\frac{OB}{ON} = \frac{9}{15} = \frac{BC}{NM}$$

ومنه:

$$\frac{OB}{ON} = \frac{9}{15} = 0,6$$

3) حساب الطول

لدينا مما سبق:

$$\frac{OB}{ON} = 0,6$$

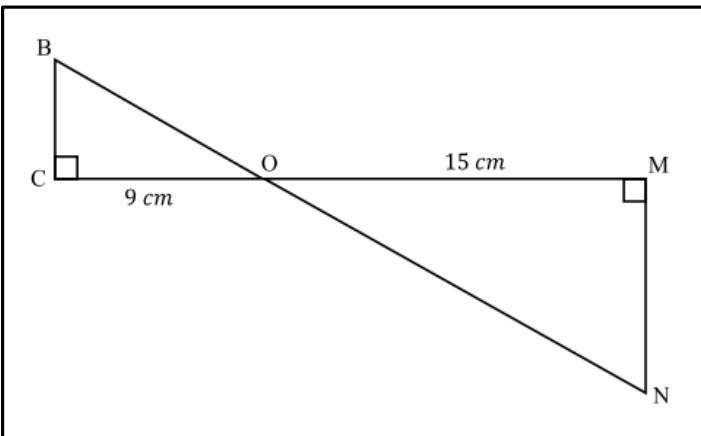
ومنه:

$$OB = 0,6 \times ON = 0,6 \times 17,5 = 10,5$$

$$OB = 10,5 \text{ cm}$$

## التمرين رقم 04

في الشكل أدناه، المستقيمان  $(BN)$  و  $(CM)$  متقاطعان في النقطة  $O$ .



برهن أن:  $(MN) \parallel (BC)$ .

2) بين أن:

$$\frac{OB}{ON} = 0,6$$

3) أحسب الطول  $OB$  إذا علمت أن:

$$ON = 17,5 \text{ cm}$$

## الحل رقم 04

1) البرهان أن  $(MN) \parallel (BC)$

المثلث  $OCB$  قائم في  $C$  معناه:

$$(BC) \perp (CM)$$

المثلث  $OMN$  قائم في  $M$  معناه:

$$(MN) \perp (CM)$$

ومنه:

$$(BC) \parallel (MN)$$

لأن:

- كل مستقيمين يعادان نفس المستقيم متوازيان -

جميع الحقوق محفوظة

- BEM -

❖ نظرية طالس ❖

2) حساب الطول  $AM$ :

المثلث  $ABM$  قائم في  $B$  (لأن  $ABCD$  مربع).

فنكتب حسب مبرهنة فيثاغورس:

$$AM^2 = AB^2 + BM^2$$

حيث:

$$AB = BC = CD = AD = 4 \text{ cm}$$

$$AB = 4 \text{ cm}$$

و:

$$BM = BC - MC = 4 - 2,4 = 1,6 \text{ cm}$$

$$BM = 1,6 \text{ cm}$$

لدينا ما سبق:

$$AM^2 = AB^2 + BM^2$$

ومنه:

$$AM = \sqrt{AB^2 + BM^2}$$

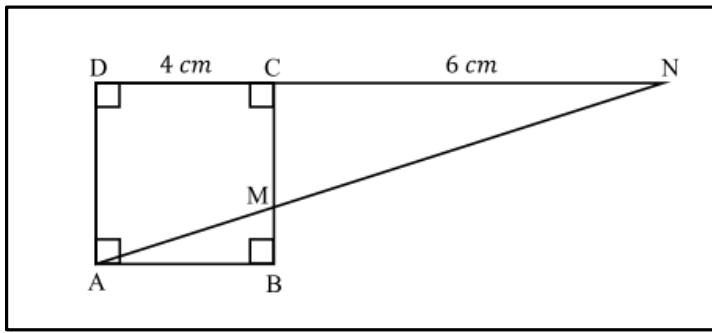
بالتعميّض:

$$AM = \sqrt{4^2 + 1,6^2} = \sqrt{16 + 2,56} = \sqrt{18,56} = 4,3 \text{ cm}$$

$$AM = 4,3 \text{ cm}$$

التمرين رقم 05

مربع  $ABCD$  طول ضلعه  $4 \text{ cm}$ .



1) أحسب الطول  $MC$ .

2) أحسب الطول  $AM$ .

الحل رقم 05

1) حساب الطول  $MC$ :

في المربع، كل ضلعان متقابلان متوازيان.

ومنه:

$$(AD) // (BC)$$

وبما أن النقطة  $M$  تنتمي إلى  $(BC)$  فنكتب كذلك:

$$(AD) // (MC)$$

يمكن الاستعانة بنظرية طالس كالتالي:

$$\frac{NA}{NM} = \frac{ND}{NC} = \frac{AD}{MC}$$

أي:

$$\frac{NA}{NM} = \frac{10}{6} = \frac{4}{MC}$$

ومنه:

$$MC = \frac{6 \times 4}{10} = \frac{24}{10} = 2,4 \text{ cm}$$

$$MC = 2,4 \text{ cm}$$

جميع الحقوق محفوظة  
- BEM -