

مسائل حول جمل المعادلات مرفوعة بالحل

مسألة 1

سأل أب ولديه أحمد وسليم كم عندهما من المفرقات.

قال أحمد: " لو أعطيتني 3 مفرقات يصبح عندي مثل ما عند سليم".

وقال سليم: " لو أعطيتني 8 مفرقات يصبح عندي ضعف ما عند أحمد".

ما هو عدد المفرقات التي يملكها كل من أحمد وسليم ؟

مسألة 2

ABC مثلث قائم في A فيه $AB = 27 \text{ cm}$ احسب الطولين AC و BC إذا علمت أن ABC محيط المثلث يساوي 108 cm

مسألة 3

1- حل الجملة التالية :
$$\begin{cases} x + 3y = -7 \\ 2x - y = 7 \end{cases}$$

(2) - دفع خضار مبلغ 4200 DA لشراء صندوقين من الفاكهة، أحدهما يحتوي على 14 kg من التفاح و الآخر يحتوي على 21 kg من البرتقال.

إذا علمت أن ثمن الكيلوغرام الواحد من البرتقال يساوي ثلثي ثمن الكيلوغرام الواحد من التفاح فاحسب ثمن الكيلوغرام الواحد من التفاح و ثمن الكيلوغرام الواحد من البرتقال .

مسألة 4

(1) - حل الجملة التالية (جبريا) :
$$\begin{cases} x + y = 5 \\ 2x - y = 4 \end{cases}$$

(2) - نعتبر المستقيمين (D) و (L) بحيث : $(D): x + y = 5$ و $(L): 2x - y = 4$.

أوجد بيانيا إحداثيتي A نقطة تقاطع (D) و (L) .

(3) - في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد نعتبر النقطتين $B(1;5)$ و $C(0;3)$.

(أ) -- تحقق أن المعادلة المختصرة للمستقيم (CB) هي : $y = 2x + 3$.

(ب) -- بين أن $(BC) \parallel (L)$.

$$(4) - \text{استنتج حل الجملة التالية (بيانيا) : } \begin{cases} 2x - y = -3 \\ x - \frac{y}{2} = 2 \end{cases}$$

مسألة 5

$$(1) \text{ حل الجملة الآتية } \begin{cases} x + y = 70 \\ 2x + 4y = 180 \end{cases}$$

(2) يوجد في موقف للسيارات درّاجات نارية و سيارات عددها الإجمالي 70 و العدد الإجمالي لعجلاتها 180
ما هو عدد السيارات و عدد الدرّاجات النارية ؟

مسألة 6

$$1- \text{ حل الجملة : } \begin{cases} 2x + 3y = 54 \\ 3x + y = 46 \end{cases}$$

2 - في المخبزة اشترى أحمد 3 خبزات و كعكتين فدفع 55DA ؛ و اشترت ليلي خبزة واحدة و 3 كعكات فدفعت 40DA .

ما هو ثمن الكعكة ؟ ما هو ثمن الخبزة ؟

مسألة 7

$$1- \text{ حل الجملة : } \begin{cases} x + y = 40 \\ x - 2y = 4 \end{cases}$$

2- عدد تلاميذ قسم دراسي 40 تلميذ ، إذا غاب منه 4 ذكور يصبح عدد الذكور ضعف عدد الإناث .

- ما هو عدد الذكور و ما هو عدد الإناث في هذا القسم ؟

مسألة 8

حديقة مستطيلة الشكل لو نقص طولها 3 أمتار و زاد عرضها 6 أمتار لصارت مربعا وزادت مساحتها عن المساحة الأولى بمقدار $78m^2$.

- ما هو طول وعرض الحديقة ؟

الحلول المقترحة

حل المسألة 1

ليكن x عدد المفرقات التي بحوزة أحمد و y عدد المفرقات التي بحوزة سليم.

$$\begin{cases} x + 3 = y \\ y + 8 = 2x \end{cases} \text{ فيكون:}$$

$$\begin{cases} x - y = -3 & \text{..... (1)} \\ 2x - y = 8 & \text{..... (2)} \end{cases} \text{ ونكتب:}$$

نحلّ الجملة ونجد:

$$y = 14 \text{ و } x = 11$$

ومنه:

عدد المفرقات التي بحوزة أحمد هو 11 و عدد المفرقات التي بحوزة سليم هو 14.

حل المسألة 2

حساب الطولين AC و BC.

نضع $AC = x$ و $BC = y$.

$$\text{لدينا } x + y + 27 = 108$$

$$\text{أي } x + y = 81 \text{ (1)}$$

باستعمال نظرية فيثاغورس، نجد:

$$x^2 - y^2 = 729 \text{ (2)}$$

$$\text{من (2) نستنتج } (y - x)(y + x) = 729$$

بالتعويض في (1) نجد:

$$(y - x) \times 81 = 729$$

$$\text{ومنه } y - x = 9 \text{ ... (3)}$$

$$\begin{cases} y + x = 81 \\ y - x = 9 \end{cases} \text{ نحلّ الجملة:}$$

$$x = 36 \text{ و } y = 45 \text{ نجد:}$$

إذن

$$AC = 36 \text{ cm}$$

$$BC = 45 \text{ cm}$$

حل المسألة 3

$$(1) \text{ حل الجملة : } \begin{cases} x + 3y = -7 \\ 2x - y = 7 \end{cases}$$

بضرب طرفي المعادلة (2) في 3 نجد : $\begin{cases} x + 3y = -7 \\ 6x - 3y = 21 \end{cases}$

بجمع المعادلتين طرف لطرف نجد : $7x = 14$

و منه : $x = 2$

بتعويض قيمة x في المعادلة (1) نجد : $2 + 3y = -7$

$$3y = -7 - 2$$

$$3y = -9$$

$$y = -3$$

$$\begin{cases} x + 3y = -7 \\ 2x - y = 7 \end{cases} \text{ الثنائية المرتبة } (-3, 2) \text{ هي حل للجملة :}$$

نفرض x ثمن الكيلوغرام الواحد من التفاح و y ثمن الكيلوغرام الواحد من البرتقال فنحصل على الجملة

$$\begin{cases} 14x + 21y = 4200 \\ y = \frac{2}{3}x \end{cases}$$

بتعويض قيمة y في المعادلة (1) نجد : $14x + 14x = 4200$

$$28x = 4200$$

$$x = 150$$

$$y = \frac{2}{3} \times 150$$

و منه : $y = 100$

ثمن الكيلوغرام الواحد من التفاح هو 150DA و y ثمن الكيلوغرام الواحد من البرتقال هو 100DA

حل المسألة 4

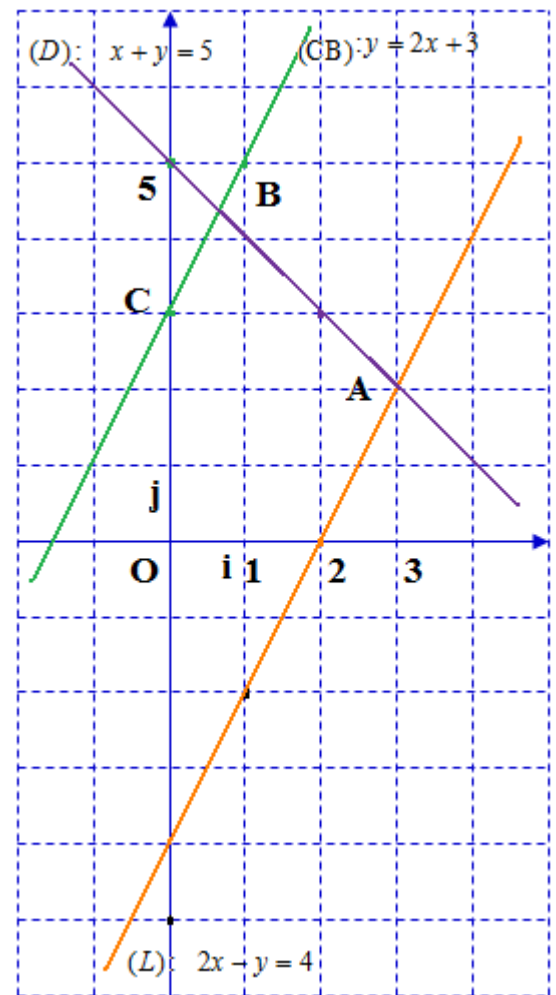
إيجاد إحداثيتي A نقطة تقاطع (D) و (L)

(L) : $2x - y = 4$

x	0	1
y	-4	-2

(D) : $x + y = 5$

x	0	2
y	5	3



التحقق أن المعادلة المختصرة للمستقيم (CB) هي : $y = 2x + 3$

المعادلة المختصرة للمستقيم (CB) هي : $y = 2x + 3$ إذا كانت إحداثيتي كل من C و B هما حل لهذه المعادلة.

$$2 \times 0 + 3 = 3 : C(0;3)$$

$$2 \times 1 + 3 = 5 : B(1;5)$$

إذن : $y = 2x + 3$ هي معادلة المستقيم (CB) .

$$\begin{cases} 2x - y = -3 \\ x - \frac{y}{2} = 2 \end{cases} : \text{استنتاج حل الجملة (بي انيا)}$$

$$\begin{cases} 2x - y = -3 \\ x - \frac{y}{2} = 2 \end{cases} \text{ تكافئ } \begin{cases} y = 2x + 3 \\ 2x - y = 4 \end{cases} \text{ و بما أن المستقيمين متوازيين فإن الجملة ليس لها حل .}$$

حل المسألة 5

$$\begin{cases} x + y = 70 \dots\dots(1) \\ 2x + 4y = 180 \dots\dots(2) \end{cases} \text{ 1- حل الجملة}$$

من المعادلة (1) نستنتج أن: $x = 70 - y$

في المعادلة (2) نعوض x

$$2(70 - y) + 4y = 180 \quad \text{فنجد:}$$

$$140 - 2y + 4y = 180$$

$$2y = 180 - 140$$

$$2y = 40$$

$$y = 20$$

$$x = 70 - 20 = 50$$

$$x = 50$$

$$y = 20 \text{ ومنه}$$

2- نفرض x عدد الدراجات النارية: عدد السيارات y

$$\begin{cases} x + y = 70 \dots\dots(1) \\ 2x + 4y = 180 \dots\dots(2) \end{cases}$$

حل الجملة: (من الحل السابق نجد)

عدد السيارات 20 سيارة. عدد الدراجات النارية 50 دراجة.

حل المسألة 6

$$\begin{cases} 2x + 3y = 54 \\ 3x + y = 46 \end{cases} \text{ -1 حل الجملة}$$

بضرب طرفي المعادلة (2) في (-3) نجد:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 54 \\ -9x - 3y = -138 \end{cases}$$

بجمع المعادلتين طرف لطرف نجد :

$$-7x = -84 \text{ و منه : } x = 12$$

نعوض x بقيمتها في المعادلة (1) فنجد : $24 + 3y = 54$

$$\text{ومنه : } 3y = 54 - 24 \text{ أي : } 3y = 30$$

$$\text{و منه : } y = 10$$

الثنائية المرتبة (10 ، 12) هي حل للجملة .

2 – إيجاد ثمن الكعكة الواحدة و ثمن الخبزة الواحدة

نفرض x هو ثمن الكعكة الواحدة

و y هو ثمن الخبزة الواحدة

ومن الجواب السابق نستنتج أن

ثمن الخبزة الواحدة 10 دج

ثمن الكعكة الواحدة 12 دج

حل المسألة 7

1 – حل الجملة :

$$\begin{cases} x + y = 40 \\ x - 2y = 4 \end{cases} \text{ بضرب طرفي المعادلة (1) بالعدد 2 نجد :}$$

$$\begin{cases} 2x + 2y = 80 \\ x - 2y = 4 \end{cases} \text{ بجمع المعادلتين طرف لطرف نجد : } 3x = 84$$

$$x = 28 \text{ و منه}$$

$$\text{بتعويض } x \text{ في المعادلة (1) نجد : } 28 + y = 40$$

$$y = 12 \text{ و منه}$$

الجملة لها حل وحيد هو : (12 ، 28) .

2 – حساب عدد الذكور و عدد الإناث :

$$\begin{cases} x + y = 40 \\ x - 2y = 4 \end{cases} \text{ إذا افترضنا أن } x \text{ عدد الذكور وأن } y \text{ عدد الإناث نحصل على الجملة}$$

و منه فإن عدد الذكور 28 و عدد الإناث 12

حل المسألة 8

$$\begin{cases} x - 3 = y + 6 \\ (x - 3)(y + 6) = xy + 78 \end{cases} \text{ نفرض } x \text{ طول الحديقة و } y \text{ عرضها فنتحصل على الجملة :}$$

$$\begin{cases} x - y = 9 \\ 2x - y = 32 \end{cases} \text{ بعد التبسيط نجد :}$$

$$\begin{cases} -x + y = -9 \\ 2x - y = 32 \end{cases} \text{ بضرب طرفي المعادلة (1) في -1 نجد :}$$

$$\text{بجمع المعادلتين طرف لطرف نجد : } x = 23$$

$$\text{بتعويض } x \text{ بقيمتها في المعادلة (1) نجد : } y = 14$$

و منه : بعدي الحديقة هما 23m و 14m .