

وضعية تعليمية :

جد عددين مجموعهما 100 و الفرق بينهما 40.

نسمي جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين كل كتابة من الشكل $\begin{cases} ax+by=c \\ a'x+b'y=c' \end{cases}$ حيث a, b, c, a', b', c' أعداد حقيقية. حل جملة المعادلتين السابقة يعني البحث عن قيم x و y التي تحقق المعادلتين في نفس الوقت.

مثال : $\begin{cases} x+y=4 \\ 2x-y=5 \end{cases}$ هي جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y .

• من أجل $x=1$ و $y=3$ فإن $x+y=1+3=4$ إذاً فالثنائية (1;3) تحقق المعادلة الأولى. لكن $2x-y=2 \times 1 - 3 = 2 - 3 = -1 \neq 5$ أي الثنائية (1;3) لا تحقق المعادلة الثانية. نستنتج أن الثنائية (1;3) ليست حلاً للجملة.

• من أجل $x=3$ و $y=1$ فإن $x+y=3+1=4$ إذاً فالثنائية (3;1) تحقق المعادلة الأولى. و $2x-y=2 \times 3 - 1 = 6 - 1 = 5$ أي الثنائية (3;1) تحقق المعادلة الثانية. نستنتج أن الثنائية (3;1) حل للجملة (تحقق المعادلتين في نفس الوقت).

🔴 ترتيب الأعداد مهم جداً في الثنائيات : الثنائية (1;3) تختلف عن الثنائية (3;1) أي $(1;3) \neq (3;1)$!

حل جملة معادلتين بطريقة التعويض

نعبّر عن أحد المجهولين بدلالة الآخر في إحدى المعادلتين ثم نعوضه بهذه القيمة في المعادلة الأخرى.

مثال : حل بطريقة التعويض الجملة : $\begin{cases} 2x+y=3 \dots\dots (1) \\ x-2y=4 \dots\dots (2) \end{cases}$

- نجد y من المعادلة (1) :
- نعوض y بقيمته في المعادلة (2) و نبسط :
- نحل هذه المعادلة لنجد قيمة x :
- نعوض لنجد قيمة y :
- نتحقق من الحل :

تطبيق 1

(1) هل الثنائية (1;1) حل للجملة $\begin{cases} 3x+y=4 \\ 2x-4y=12 \end{cases}$ ؟

(2) حل ، بطريقة التعويض، الجملتين : $\begin{cases} 3x+y=4 \\ 2x-4y=12 \end{cases}$ و $\begin{cases} 2x+3y=8 \\ x-2y=3 \end{cases}$

حل جملة معادلتين بطريقة الجمع

الهدف هو التخلص من أحد المجهولين بعد جمع المعادلتين طرفاً بطرف و ذلك بعد ضرب أحدهما (أو كليهما) في عدد يجعل معاملَي المجهول في المعادلتين متعاكسين.

مثال : حل بطريقة الجمع الجملة : $\begin{cases} 2x-4y=2 \dots\dots (1) \\ 3x+2y=7 \dots\dots (2) \end{cases}$

- نضرب طرفي المعادلة (1) في (-3) لتصبح :
- نضرب طرفي المعادلة (2) في 2 لتصبح :
- نجمع المعادلتين الناتجتين و نحل لنجد y :
- نضرب طرفي المعادلة (2) في 2 لتصبح :
- نجمع المعادلة الناتجة مع المعادلة (1) و نحل لنجد x :
- نتحقق من الحل :

$$\begin{cases} 4x + y = -3 \\ 3x + 2y = -1 \end{cases}$$

و

$$\begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ 3x + 6y = 9 \end{cases}$$

تطبيق 2 حل ، بطريقة الجمع، الجملتين :

يمكن المزج بين الطريقتين السابقتين (الجمع و التعويض معا).

تمارين

تمرين 1 ثمن التذكرة لرحلة بالقطار بين تيزي وزو و الجزائر العاصمة هو 200DA للبالغين و 160DA للأطفال.

(1) ما هي النسبة المئوية للتخفيض الذي يستفيد منه الأطفال ؟

(2) جد عدد البالغين و عدد الأطفال إذا علمت أن مجموعة مكونة من 25 شخصا (بالغين و أطفال) دفعت 4640DA.

تمرين 2 محيط مستطيل هو 36 cm. إذا ضربنا طوله في 3 و ضربنا عرضه في 2 يزداد محيطه بـ 56 cm.

احسب بُعدَي هذا المستطيل قبل التغيير.

تمرين 3

(1) حل جملة المعادلتين التالية :

$$\begin{cases} x + 3y = 70 \\ 2x + y = 40 \end{cases}$$

(2) في المكتبة، اشترى أحمد كراسا و ثلاثة أقلام فدفعت 70DA و اشترت ليلى كراسين و قلما من نفس النوع فدفعت 40DA.

كم سيدفع أنيس إذا اشترى 8 كراسيس و 10 أقلام من نفس النوع ؟

تمرين 4

(1) جد عبارة الدالة التآلفية f إذا علمت أن $f(-1) = 3$ و $f(2) = 9$.(2) جد صورة العدد 4 بالدالة f و سابقة (أي العدد الذي صورته) 3 بالدالة f .

تمرين 5

(1) حل جملة المعادلتين التالية :

$$\begin{cases} x + y = 15 \\ 2x + y = 21 \end{cases}$$

(2) محيط مستطيل يساوي 30 cm. إذا ضربنا أحد البعدين في 2 يصبح محيطه 42 cm. ما هما بُعدا هذا المستطيل قبل التغيير ؟

تمرين 6

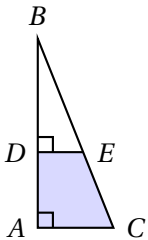
$$(d_1): y = -0,25x + 1,75$$

$$(d_2): y = -2x + 3,5$$

(1) مثل بيانيا في معلم متعامد و متجانس المستقيمين :

(2) استنتج، بيانيا، حل الجملة :

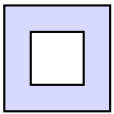
$$\begin{cases} x + 4y = 7 \\ 2x + y = 3,5 \end{cases}$$

تمرين 7 BDE و BAC مثلثان قائمان كما في الشكل المقابل بحيث $AD = 20\text{ mm}$: $DB = 40\text{ mm}$ و مساحة شبه المنحرف $ADEC$ تساوي $S_{ADEC} = 320\text{ mm}^2$. نضع $DE = x$ و $AC = y$ (mm).(1) شكل جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين تكون الثنائية $(x; y)$ حلا لها.

(2) حل هذه الجملة و استنتج طولي قاعدتي شبه المنحرف.

تمرين 8 جد عددين طبيعيين مجموعهما 241 و إذا قسمنا الأكبر على الأصغر كان حاصل القسمة 4 و الباقي 11.

تمرين 9 الشريط الأزرق المقابل محدود بمربعين الفرق بين محيطيهما يساوي 12 cm.

أنشئ هذا الشريط إذا علمت أن مساحته تساوي 42 cm^2 .

$$\begin{cases} x\sqrt{3} + y = 8 \\ x - y\sqrt{3} = 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{2} = 7 \\ \frac{x}{2} - \frac{y}{3} = 8 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{3} = \frac{y}{2} \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 13 \end{cases}$$

حل جملة المعادلات التالية :

تمرين 10