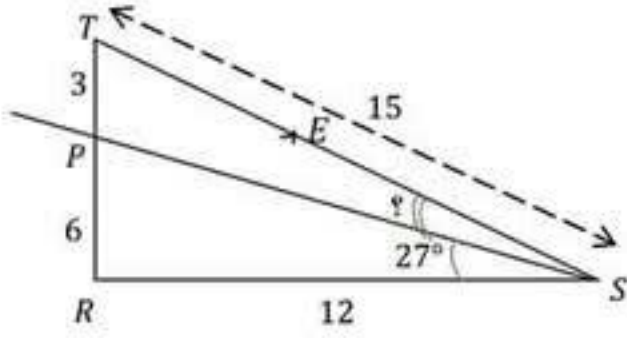


الاختبارات الموحدة للمستوى الرابعة متوسط لمتوسطات

المقاطعة الأولى ولاية الوادي

اختبار الفصل الأول (2023/2022)



لاحظ الشكل المقابل جيدا (القياسات غير حقيقية)

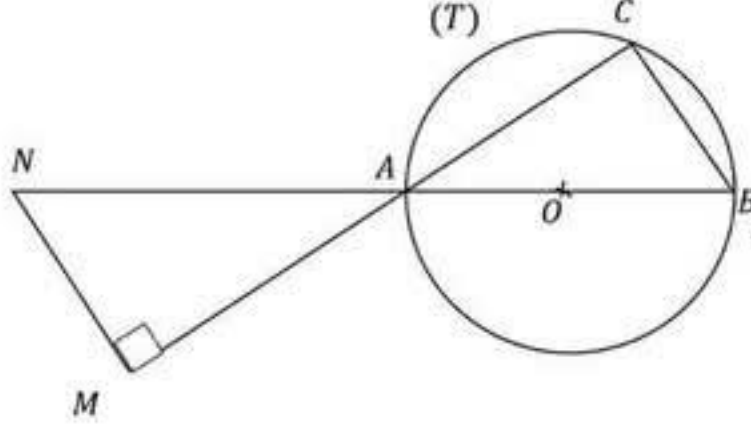
(4) بين أن المثلث RST قائم .

(5) احسب قياس الزاوية TSP بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة.

(6) E نقطة من $[TS]$ حيث : $TE = 5$, هل المستقيمان (PE) و (RS) متوازيان ؟

اختبار الفصل الأول (2023/2022)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية حيث : (T) دائرة مركزها O و $[AB]$ قطر لها



C نقطة من (T) حيث : $AC = 4$

المستقيمان (MC) و (NB) متقاطعان في النقطة A .

AMN مثلث قائم في M حيث : $AN = 7,5$ و $AM = 6$

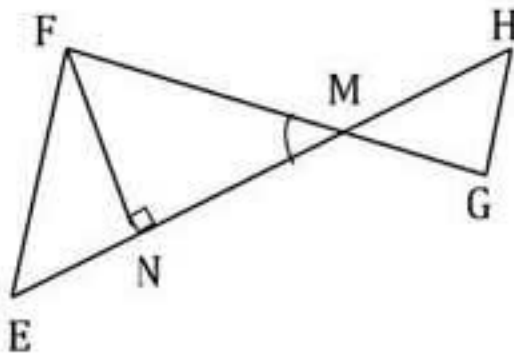
(1) بين أن المستقيمين (AC) و (CB) متعامدان .

(2) احسب الطول AO نصف قطر الدائرة (T) .

اختبار الفصل الثالث (ماي 2023)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية و المستقيمان (FG) و (EH) متقاطعان في النقطة M حيث :

$$MF = 4,8 \text{ cm} , ME = 7,2 \text{ cm} , MG = 1,2 \text{ cm} , MH = 1,8 \text{ cm}$$



(1) برهن أن المستقيمين (EF) و (GH) متوازيان .

(2) جد قياس الزاوية FMN علما أن $FN = 2,4 \text{ cm}$.

الاختبارات الموحدة لمستوى الرابعة متوسط لمتوسطات

المقاطعة الأولى ولاية الوادي



الاختبار التجريبي (ماي 2021)

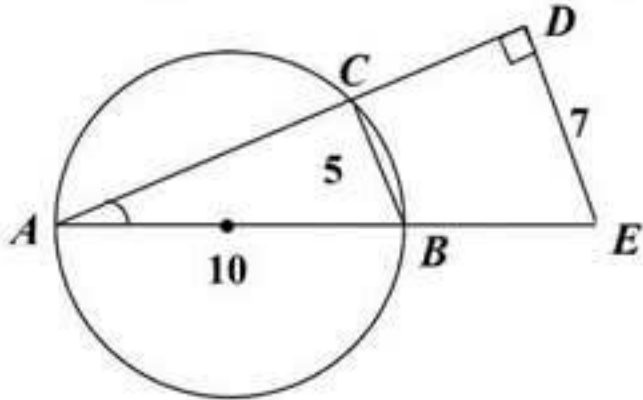
إليك الشكل المقابل (الشكل غير مرسوم بالأطوال الحقيقية) الذي فيه المثلث ADE قائم في D

حيث: $DE = 7$ ، $BC = 5$ ، $AB = 10$

(1) بين أن المثلث ABC قائم .

(2) احسب قياس الزاوية $\widehat{BAC}$.

(3) احسب الطول BE .



اختبار الفصل الأول (2022/2021)

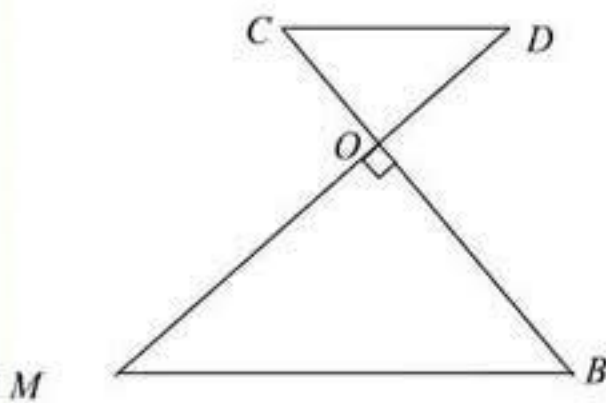
الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية حيث :

(وحدة الطول cm)

$OC = 1,2$ ، $OD = 1,6$ ، $OM = 8$ ، $OB = 6$

(1) أثبت أن المستقيمين (CD) و (MB) متوازيان .

(2) احسب الطول MB .



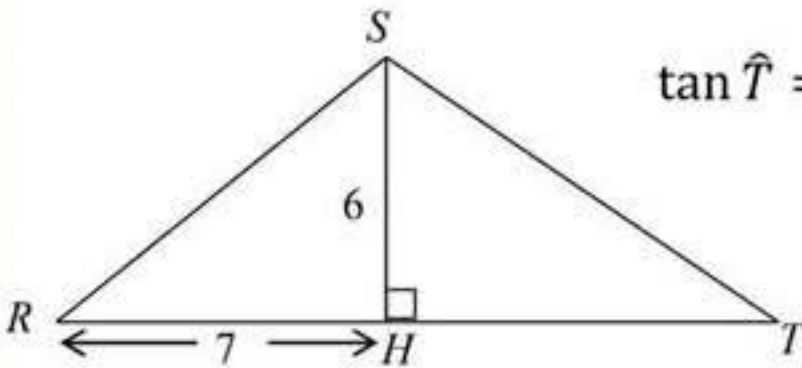
اختبار الفصل الأول (2022/2021)

الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية حيث : $\tan \hat{T} = 0,75$

(1) بين أن $HT = 8$.

(2) جد قياس الزاوية $\widehat{HST}$ بالتدوير الى الوحدة من الدرجة

(3) احسب مساحة المثلث RST .



الاختبار التجريبي (ماي 2022)

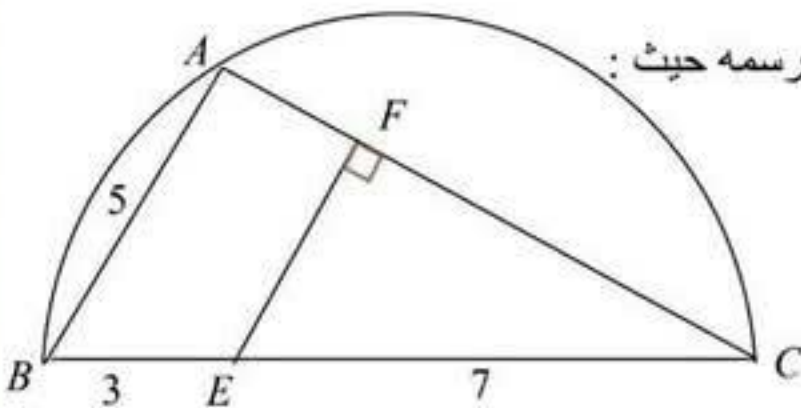
الشكل المقابل مرسوم بأبعاد غير حقيقية ولا يطلب إعادة رسمه حيث :

$AB = 5$ ، $BE = 3$ ، $\widehat{BC}$ نصف دائرة قطرها $[BC]$

(1) أثبت أن $\widehat{BAC} = 90^\circ$.

(2) احسب الطول EF إذا علمت أن: $EC = 7$.

(3) جد قياس الزاوية $\widehat{ACB}$.



(1) تبين أن المثلث ABC قائم

بما أن الضلع $[AB]$ من المثلث ABC قطر للدائرة المحيطة به ومنه المثلث ABC قائم في النقطة C .

(2) حساب قياس الزاوية $\widehat{BAC}$:

$$\sin \widehat{BAC} = \frac{BC}{AB}$$

لدينا في المثلث ABC القائم في C :

$$\sin \widehat{BAC} = \frac{5}{10} \quad \text{ومنه} \quad \sin \widehat{BAC} = 0,5$$

$$\widehat{BAC} = 30^\circ$$

باستخدام الآلة الحاسبة نجد:

(3) حساب الطول BE :

بما أن $(AD) \perp (DE)$ و $(AD) \perp (BC)$ فإن $(BC) \parallel (DE)$

في المثلث ADE : C نقطة من $[AD]$ و B نقطة من $[AE]$

وبما أن $(BC) \parallel (DE)$ فحسب خاصية طالس فإن: $\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AD} = \frac{CB}{DE}$

$$\frac{10}{AE} = \frac{5}{7} \quad \text{ومنه} \quad AE = \frac{10 \times 7}{5} \quad \text{ومنه} \quad AE = 14 \text{ cm}$$

$$BE = AE - AB \quad \text{ومنه} \quad BE = 14 - 10$$

$$BE = 4 \quad \text{ومنه}$$

إذن الطول BE يساوي 4 cm

اجتبار الفصل الأول (2022/2021)

(2) إثبات أن $(CD) \parallel (MB)$

$$\frac{OC}{OB} = \frac{1,2}{6} = 0,2 \quad \text{لدينا}$$

$$\frac{OD}{OM} = \frac{1,6}{8} = 0,2 \quad \text{لدينا}$$

بما أن $O \in [BC]$ و $O \in [MD]$ و $\frac{OC}{OB} = \frac{OD}{OM} = 0,2$ والنقط O, D

M , بنفس ترتيب النقط C, O, B فإن $(CD) \parallel (MB)$ حسب الخاصية العكسية لطالس.

(3) حساب MB :

بما أن المثلث OBM قائم في O فحسب خاصية فيثاغورس نجد:

$$MB^2 = MO^2 + OB^2$$

$$MB^2 = 8^2 + 6^2 \quad \text{ومنه}$$

$$MB^2 = 64 + 36 \quad \text{إذن}$$

$$MB^2 = 100 \quad \text{وعليه}$$

$$MB = \sqrt{100} \quad \text{أي}$$

$$MB = 10 \text{ cm} \quad \text{ومنه}$$

اختبار الفصل الأول (2022/2021)

(1) تبين أن $HT = 8$

لدينا في المثلث القائم SHT : $\tan \widehat{STH} = \frac{SH}{HT}$

بالتعويض نجد : $\tan \widehat{STH} = \frac{6}{HT}$ ومنه $HT = \frac{6}{0,75}$ أي $HT = 8cm$

(2) إيجاد قياس الزاوية $\widehat{TSH}$:

لدينا في المثلث القائم SHT : $\tan \widehat{TSH} = \frac{HT}{SH}$

بالتعويض نجد : $\tan \widehat{TSH} = \frac{8}{6}$ أي $\tan \widehat{TSH} = \frac{4}{3}$

باستخدام الآلة الحاسبة نجد : $\widehat{TSH} \approx 53,130 \dots$

بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة نجد : $\widehat{TSH} \approx 53^\circ$

(3) حساب مساحة المثلث STR :

لدينا $RT = RH + HT$ أي $RT = 7 + 8$ ومنه $RT = 15$

و لدينا $a = \frac{RT \times SH}{2}$ أي $a = \frac{15 \times 6}{2}$ ومنه $a = 45 cm^2$

إذن مساحة المثلث STR هي $45 cm^2$

الاختبار التجريبي (ماي 2022)

(1) إثبات أن $\widehat{BAC} = 90^\circ$:

بما أن الضلع $[BC]$ من المثلث ABC قطر للدائرة المحيطة به فإن المثلث ABC قائم في النقطة A وعليه $\widehat{BAC} = 90^\circ$.

(2) حساب الطول EF :

بما أن $(AC) \perp (BA)$ و $(AC) \perp (EF)$ فإن $(BA) \parallel (EF)$

في المثلث ABC : E نقطة من $[BC]$ و F نقطة من $[AC]$

وبما أن $(BA) \parallel (EF)$ فحسب خاصية طالس فإن : $\frac{CF}{CA} = \frac{CE}{CB} = \frac{EF}{AB}$

ومنه $\frac{CE}{CB} = \frac{EF}{AB}$ وبالتعويض نجد : $\frac{7}{7+3} = \frac{EF}{5}$ ومنه $EF = \frac{5 \times 7}{10}$

ومنه $EF = 3,5$ ، إذن الطول EF يساوي $3,5 cm$

(3) إيجاد قياس الزاوية $\widehat{ACB}$:

لدينا في المثلث ABC القائم في A : $\sin \widehat{ACB} = \frac{AB}{BC}$

بالتعويض نجد : $\sin \widehat{ACB} = \frac{5}{10}$ ومنه $\sin \widehat{ACB} = 0,5$

باستخدام الآلة الحاسبة نجد : $\widehat{ACB} = 30^\circ$



(1) تبين أن المثلث RST قائم :

لدينا $RT = 3 + 6$ ومنه $RT = 9cm$

لدينا من جهة: $TS^2 = 15^2 = 225$

ولدينا من جهة أخرى: $RS^2 + RT^2 = 12^2 + 9^2 = 144 + 81 = 225$

بما أن $TS^2 = RS^2 + RT^2$

حسب الخاصية العكسية لفيثاغورس فإن المثلث RST قائم في R .

(2) حساب قياس الزاوية TSP :

لدينا في المثلث القائم RST : $\tan \widehat{RST} = \frac{RT}{RS}$

بالتعويض نجد : $\tan \widehat{RST} = \frac{9}{12}$ أي $\tan \widehat{RST} = 0,75$

باستخدام الآلة الحاسبة نجد: $\widehat{RST} \approx 36,86^\circ \dots$

ولدينا : $\widehat{TSP} = \widehat{RST} - \widehat{RSP}$ ومنه $\widehat{TSP} \approx 36,86 - 27$

أي $\widehat{TSP} \approx 9,86$ وبالتدوير إلى الوحدة من الدرجة نجد $\widehat{TSP} = 10^\circ$

(3) إثبات أن $(RS) \parallel (PE)$:

لدينا $\frac{TP}{TR} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$ ولدينا $\frac{TE}{TS} = \frac{5}{15} = \frac{1}{3}$

بما أن $P \in [RT]$ و $E \in [TS]$ و $\frac{TP}{TR} = \frac{TE}{TS} = \frac{1}{3}$ والنقط T, P, R بنفس ترتيب

النقط T, E, S فحسب الخاصية العكسية لطالس فإن $(RS) \parallel (PE)$.



(1) تبين أن المستقيمين (CB) و (AC) متعامدان

بما أن الضلع $[AB]$ من المثلث ABC قطر للدائرة (T) المحيطة به فإن المثلث ABC

قائم في النقطة C وعليه $(AC) \perp (CB)$.

(2) حساب الطول AO نصف قطر الدائرة (T) :

بما أن $(AC) \perp (CB)$ و $(AC) \perp (MN)$ فإن $(MN) \parallel (CB)$

وبما أن المستقيمين (MC) و (NB) يتقاطعان في A

فحسب خاصية طالس فإن : $\frac{AC}{AM} = \frac{AB}{AN} = \frac{CB}{NM}$

ومنه $\frac{AC}{AM} = \frac{AB}{AN}$ وبالتعويض نجد : $\frac{4}{6} = \frac{AB}{7,5}$ أي $AB = \frac{4 \times 7,5}{6}$ أي $AB = 5$

ومنه $AB = 5cm$

لدينا $AO = \frac{AB}{2}$ ومنه $AO = \frac{5}{2}$ أي $AO = 2,5$

إذن $AO = 2,5 cm$



(1) برهان أنّ المستقيمين (GH) و (EF) متوازيان :

$$\frac{MG}{MF} = \frac{1,2}{4,8} = 0,25 \quad \text{لدينا من جهة :}$$

$$\frac{MH}{ME} = \frac{1,8}{7,2} = 0,25 \quad \text{ولدينا من جهة أخرى :}$$

بما أنّ $M \in [FG]$ و $M \in [EH]$ و $\frac{MG}{MF} = \frac{MH}{ME} = 0,25$ والنقط E, M, H مرتّبة بنفس ترتيب النقط F, M, G فإن المستقيمين (GH) و (EF) متوازيان حسب الخاصية العكسية لطالس .

(2) إيجاد قياس الزاوية $\widehat{FMN}$:

$$\sin \widehat{FMN} = \frac{FN}{FM} \quad \text{لدينا في المثلث } FNM \text{ القائم في } N :$$

$$\sin \widehat{FMN} = 0,5 \quad \text{ومنه } \sin \widehat{FMN} = \frac{2,4}{4,8} \quad \text{بالتعويض نجد :}$$

$$\widehat{FMN} = 30^\circ \quad \text{باستخدام الآلة الحاسبة نجد :}$$

AS MATH

ع. سليمان للرياضيات