

- دوال خطية - دوال تألفية (توجيه)
- اكتشاف الدوال الخطية والتألفية
- تمثيلات بيانية
- تصنيفات مختلفة
- دوال خطية (حسابات)
- دوال خطية (حسابات - تمثيل بياني)
- دوال تألفية (حسابات)
- دوال تألفية (تحديد a و b)
- دوال تألفية (التمثيل البياني)
- دوال تألفية (التمثيل البياني 2)
- الدوال الخطية والنسب المئوية
- النسب (تغيرات السعر)
- النسب المئوية (الفضول)
- مسائل من شهادات
- مسائل من شهادات (النسب المئوية)

المحتوى	المهارات المطلوبة	تعليقات
الدالة الخطية	التعرف على الكتابة $x \rightarrow ax$ من أجل قيمة ثابتة a	التعرف على دالة خطية، ذات المعامل a ، يعتمد على دراسة حالات التنسابية في السنوات السابقة يمكن استخدامها في جداول تنسابية وسيسلط الضوء على مطابقة عملية "أضرب في العدد a " وكذلك للنسب المئوية بالزيادة أو بالقصاص؛ على سبيل المثال، زيادة بنسبة 5% يتم الضرب في 1.05 وتخفيض بنسبة 5% هو أن نضرب .095
الدالة التألفية . الدالة التألفية والدالة الخطية المرتبطة بها.	تحديد دالة تألفية بإعطاء عددين وصورتيهما الرسم البياني لدالة تألفية . القراءة على التمثيل البياني لدالة تألفية صورة عدد معين كذلك عدد لصورة معينة	دراسة الدالة الخطية أيضاً فرصة لاستعمال ترميز $x \rightarrow ax$ بعدد غير صافي وصورتها. تجدر الإشارة إلى أن الأقواس لها توظيفات أخرى في الحساب الجبري خاصية طالس تسمح بإثبات أن التمثيل البياني لدالة خطية هو مستقيم يمر بالمبعد؛ هذا المستقيم له معادلة من الشكل $y = ax$. وسيتم التفسير البياني للعدد a ، المسمى معامل التوجيه. هذه هي فرصة لتعلم بوجود دوال تمثيلها البياني ليس مستقيم (على سبيل المثال، تبحث كيفية تغير مساحة مربع حيث طول ضلعه يتغير من 1 إلى 3).
الدالة التألفية .	معرفة الكتابة b $\rightarrow ax + b$ حيث العددين a و b ثابتين	بالنسبة للقيمتين a و b الثابتتين، سيتم أيضاً توضيح عملية المطابقة بأنها "أضرب في a ، ثم أضيف b ". يمكن الحصول على التمثيل البياني لدالة تألفية بانسحاب دالة خطية مرتبطة. وهو عبارة عن مستقيم له معادلة من الشكل $y = ax + b$ و التفسير البياني لمعامل التوجيه a والترتيب إلى المبدأ؛ سنلاحظ تنسابية المتزايدة لـ x و y لتحديد الدالة التألفية المرتبطة بمستقيم معين في معلم ، سيتم تدريب الطالب للعمل من نقطتين مأخوذتين على المستقيم واستغلال التمثيل البياني. سيت الإشارة إلى أن الدالة الخطية دالة تألفية. يمكن استخدام حجز المنحنيات البيانية التي تمثل دوال غير تألفية لدعم تكوين جداول القيم أو للبحث عن خصائص دالة معينة. إحداثيات النقاط واتجاه التباين على مدى فترة زمنية معينة والحد الأقصى والحد الأدنى. لا توجد معرفة محددة مطلوبة حول هذا الموضوع.

I. الدوال التألفية .**تعريف:**ليكن « a » عدد ثابت .نرفق بكل عدد « x » العدد « ax » يسمى « صورة »، « x » نعرف دالة خطية ذات المعامل a .

$$f : x \mapsto ax$$

و نعبر عنها بالكتابية:

صور x تكتب $f(x)$:مثال : ليكن f دالة خطية ذات المعامل 2 .نكتب : $f : x \mapsto 2x$ إذن : صورة 5 هي: $f(5) = 2 \times 5 = 10$ صورة (-3) هي: $f(-3) = 2 \times (-3) = -6$ صورة (1) هي: $f(1) = 2 \times (1) = 2$

ملاحظة: يمكن تجميع هذه النتائج في جدول:

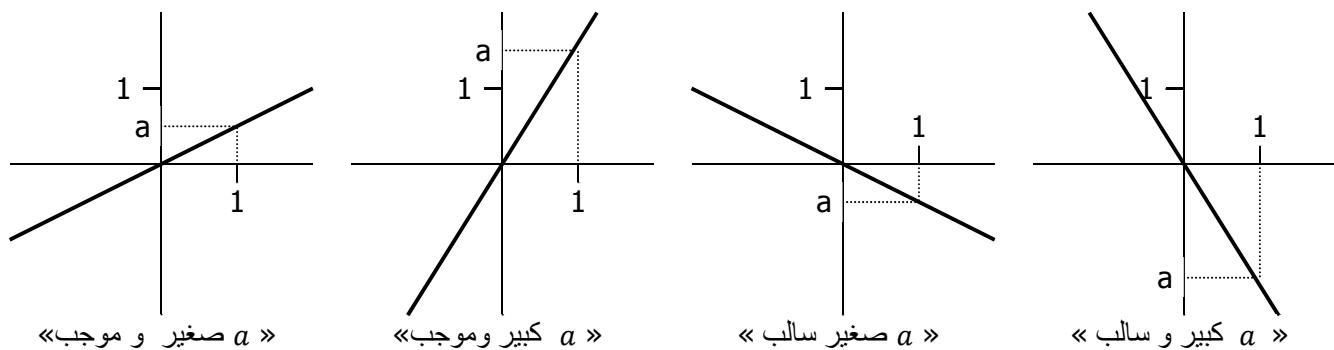
x	5	-3	1
$f(x)$	10	-6	2

هذا جدول تناسب. ومعامل التناصية الذي يسمح بالتعبير عن $(x) f$ بدلالة x هو... 2 . حيث المساواة: $x \times 2 = f(x)$

c. التمثيل البياني:

لتكن الدالة الخطية المعرفة بـ:
مجموعة النقاط ذات الإحداثيات $(x; ax)$ تسمى تمثيل بياني للدالة الخطية.
في معلم، هذا التمثيل هو مستقيم مارب:
- مبدأ المعلم
- والنقطة التي إحداثياتها $(1; a)$

نقول أن المستقيم له معادلة $y = ax$.
 a هو معامل التوجيه المستقيم . وهو يشير إلى انحدار المستقيم.



ملاحظة :
إذا كان $a = 0$, فإن المستقيم الممثل للدالة ينطبق على محور الفواصل.

d. تطبيق على النسب المئوية (مثال :

	أخذ 5% من x .	زيادة 5% لـ x .	تخفيض 5% من x .
إنجاز الحساب	0,05 الضرب في	1,05 الضرب في	0,95 الضرب في
الدالة الخطية	$f : x \mapsto 0,05x$	$g : x \mapsto 1,05x$	$h : x \mapsto 0,95x$
مثال:	أخذ 5% من 20 : $f(20) = 0,05 \times 20 = 1$	زيادة 5% إلى 20 : $g(20) = 1,05 \times 20 = 21$	تخفيض 5% من 20 : $h(20) = 0,95 \times 20 = 19$

II الدالة التألفية a. تعريف :

ليكن « a » و « b » عددا ثابتان .
نرفق بكل عدد « x » العدد $ax + b$ « $ax + b$ » يسمى صورة « x » ، نعرف بذلك دالة خطية .

ونكتب $g : x \mapsto ax + b$
صورة x تكتب: $g(x)$

مثال :

لتكن g هي دالة تألفية معرفة بـ:

إذن :

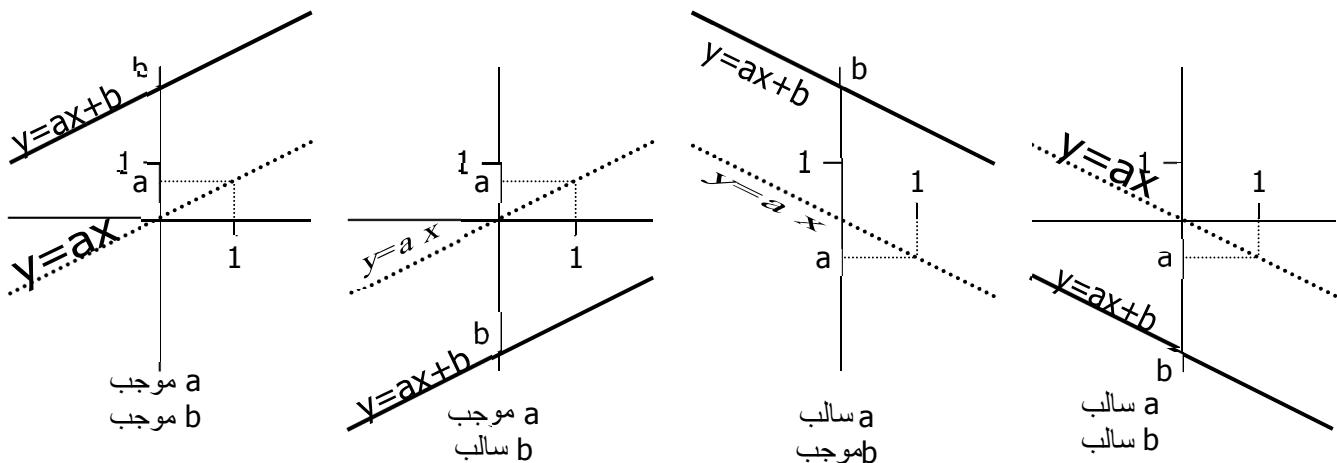
$$\begin{aligned} g : x &\mapsto 2x - 3. \\ \text{صورة } 5 &\text{ هي } 7. \quad : g(5) = 2 \times 5 - 3 = 10 - 3 = 7 \\ \text{صورة } (-3) &\text{ هي } -9. \quad : g(-3) = 2 \times (-3) - 3 = -6 - 3 = -9 \\ \text{صورة } 0 &\text{ هي } -3. \quad : g(0) = 2 \times 0 - 3 = 0 - 3 = -3 \end{aligned}$$

ملاحظة:

 $x \mapsto 2x$ هي الدالة الخطية المرافقـة لـ f .**b.** التمثيل البياني:

لـ g هي الدالة التالفية المعرفـة بـ $g: x \mapsto ax + b$. ويطلق على مجموعة نقاط الإحداثيات $(x; ax + b)$ التمثيل البياني للدالة التالفية، هذا التمثيل في معلم هو المستقيم الذي:

- يوازي المستقيم الذي يمثل الدالة الخطية المرتبطة.

- يمر على النقطة التي إحداثياتها $(0; b)$.نقول أن هذا المستقيم له معادلة: $y = ax + b$ » a هو معامل التوجيه.» b هو الترتيب إلى المبدأ.. يشير إلى "الارتفاع" الذي يتقاطع عنده المستقيم مع محور التراتيب

ملاحظات:

إذا كان $a = 0$ ، المستقيم ذات المعادلة: $y = ax + b$ يوازي محور الفواصل.كل مستقيم غير موازي لمحور التراتيب يقبل معادلة من الشكل $y = ax + b$ ، وبالتالي يمثل دالة تالفية.

يقدم مدير قاعة سينما خيارين لعملائه:

الخيار 1 : يدفع العميل DA 70 لكل جلسة.

الخيار 2 : يدفع العميل اشتراك سنوي بقيمة DA 400 و 20DA لكل جلسة.

نشاط 1.1 (نختار الخيار 1)

a. اكمل الجدول :

12		8	4	2	عدد الجلسات
					السعر بالخيار 1

b. الجدول 1 هل هو جدول تناسبية؟

نعم لا

التبرير:

c. ارسم في المعلم الرسم البياني الذي يمثل الجدول 1 (عدد الجلسات

على محور الفواصل ، السعر في محور التربيع).

d. نعبر عن x عدد الجلسات التي يحضرها المتفرج في السنة

و $f(x)$ إتفاقه السنوي بالدينار إذا كان قد اختار الخيار 1

. عبر عن $f(x)$ بدلالة x :

f تسمى ونكتب هذه الدالة.....

..... $f(x)$ تسمى ونكتب هذه الدالة.....

..... أكمل : e.

$f(4) =$	$f(15) =$	$f(0) =$	$f(18) =$
----------	-----------	----------	-----------

نشاط 1.2 (نختار الخيار 2)

12	8	4	2	عدد الجلسات
				السعر بالخيار 2

b. الجدول 2 هل هو جدول تناسبية؟

نعم لا

التبرير:

c. ارسم في المعلم الرسم البياني الذي يمثل الجدول 2 (عدد الجلسات

على محور الفواصل ، السعر في محور التربيع).

d. نعبر عن x عدد الجلسات التي يحضرها المتفرج في السنة و

e. $g(x)$ إتفاقه السنوي بالدينار إذا كان قد اختار الخيار 2

. عبر عن $g(x)$ بدلالة x :

..... g تسمى ونكتب هذه الدالة.....

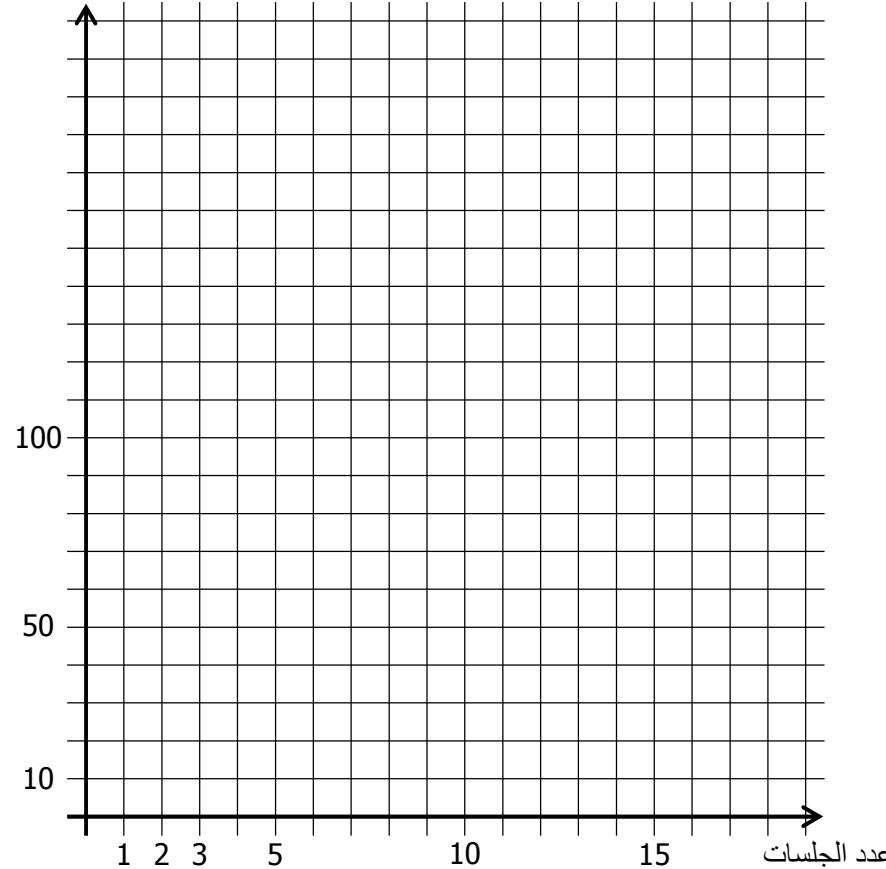
..... g تسمى ونكتب هذه الدالة.....

..... g تسمى ونكتب هذه الدالة.....

..... أكمل : e.

$g(4) =$	$g(15) =$	$g(0) =$	$g(18) =$
----------	-----------	----------	-----------

السعر (DA)



نشاط 1.3

نريد ان نحدد بيانياً، بدلالة x عدد الجلسات،
الخيار الأكثر فائدة للمشاهد.

إذا كانت x فالخيار 1 هو
الأكثر فائدة للمشاهد

إذا كانت x فالخيار 2 هو الأكثر
فائدة للمشاهد

إذا كانت $x =$

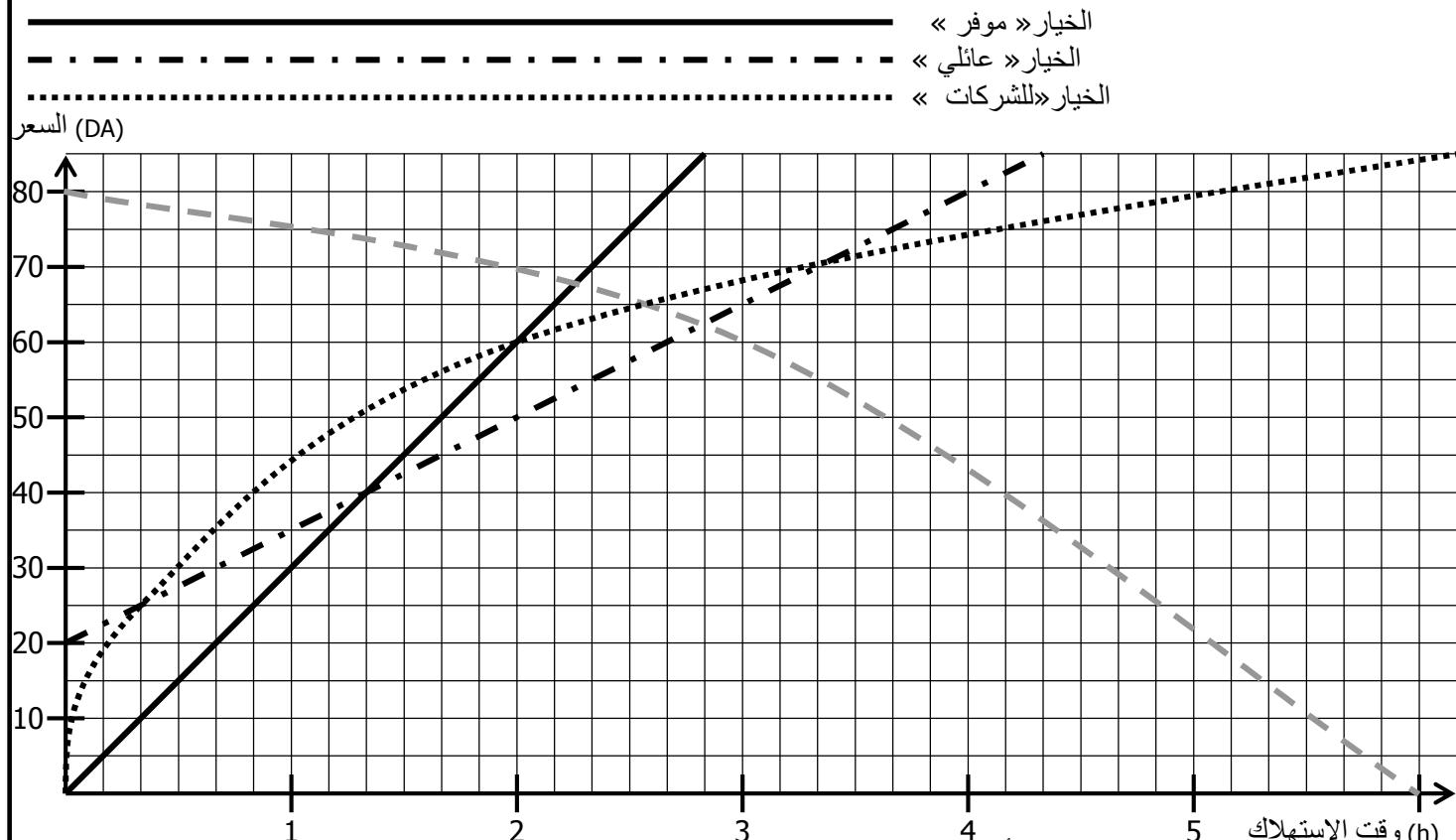
نشاط 2.1

شركة للهاتف المحمول يقدم 3 خيارات مختلفة . و اختيار لتمثل التكاليف لمختلف الصيغ في شكل مخطط:

- وقت الاتصال على محور الفواصل (h) يمثل (3 cm)

- سعر الاتصال على محور التراتيب (DA) 10 يمثل (1 cm)

ويمثل كل منحنى تكلفة كل صيغة (بالدينار) تبعاً للوقت (بالساعات)



(h) وقت الاستهلاك 5
1- باستخدام القراءة فقط للرسم، اجب عن الأسئلة التالية:

a. مع الصيغة "موفر" ، ما هو سعر 1h30 اتصال؟?

b. مع الصيغة "عائلي" ، كم يدفع مقابل ساعتين و 20 دقيقة اتصال؟

c. مع الصيغة "للشركات" ، كم يدفع مقابل 10h40 اتصال؟

d. مع الصيغة "موفر" ، كم من الوقت يمكن الحصول عليه مقابل 50 DA ؟

e. مع الصيغة "عائلي" ، كم من الوقت يمكن?

f. مع الصيغة "للشركات" ، كم من الوقت يمكن الحصول عليه مقابل 70 DA ؟

g. ما الوقت في كل من صيغة "موفر" و "عائلي" تكون التكلفة نفسها؟

h. ما هو السعر في كل من صيغة "موفر" و "للشركات" يكون وقت الاتصال نفسه؟

i. ما هو وقت الاتصال في 'عائلي' و "للشركات" بنفس التكلفة؟

j. لماذا المنحنى المتقطع بالنقاط الرمادية يمثل صيغة معقولة؟

2. اكمل السعر المناسب بـ: (DA)

6h	5h	4h	3h	2h	1h	الصيغة» موفر «
						الصيغة» عائلي «
						الصيغة» للشركات «

3. اكمل وقت الإنصال المناسب بـ (h)

	10 DA	20 DA	30 DA	40 DA	50 DA	60 DA	70 DA	80 DA
» موفر « الصيغة								
» عائلي « الصيغة								
» للشركات « الصيغة								

نشاط 3 :
أكمل الفراغ والرسوم البيانية

$f(5) = 2$	$f : 5 \rightarrow 2$	5 هي صورة 2 بالدالة f	5 صورته ... بالدالة f	النقطة M ذات الإحداثيين (5 ; 2) من التمثيل البياني للدالة f	
$f(3) = 4$... : ... \rightarrow هي صورة ... بالدالة ...	صورته ... بالدالة ...	النقطة M ذات الإحداثيين (... ; ...) من التمثيل البياني للدالة ...	
$\dots(\dots) = \dots$	$g : -1 \rightarrow 3$... هي صورة ... بالدالة ...	صورته ... بالدالة ...	النقطة M ذات الإحداثيين (... ; ...) من التمثيل البياني للدالة ...	
$\dots(\dots) = \dots$... : ... \rightarrow ...	4 هي صورة 6 بالدالة h	صورته ... بالدالة ...	النقطة M ذات الإحداثيين (... ; ...) من التمثيل البياني للدالة ...	
$\dots(\dots) = \dots$... : ... \rightarrow هي صورة ... بالدالة ...	7 صورته 5 بالدالة f	النقطة M ذات الإحداثي (... ; ...) من التمثيل البياني للدالة ...	
$\dots(\dots) = \dots$... : ... \rightarrow هي صورة ... بالدالة ...	صورته ... بالدالة ...	نقطة M ذات الإحداثي (-3 ; 1) من التمثيل البياني للدالة g .	
$\dots(\dots) = \dots$... : ... \rightarrow هي صورة ... بالدالة ...	صورته ... بالدالة ...	نقطة M ذات الإحداثي (... ; ...) من التمثيل البياني للدالة h .	
$\dots(\dots) = \dots$	$f : \dots \rightarrow \dots$	7 هي صورة ... بالدالة ...	9 صورته ... بالدالة ...	النقطة M ذات الإحداثي (... ; ...) من التمثيل البياني للدالة ...	

مثال:
(1A.4 - 1A.5 - 1A.6) من أجل التمارين
 لتكن الدالة الخطية. $f : x \mapsto 2x$
 أوجد صورة. 3.

$$\begin{aligned} f(x) &= 2x \\ f(3) &= 2 \times 3 \\ f(3) &= 6 \end{aligned}$$

إذن:
 $f(3) = 6$

b. احسب العدد الذي صورته. (-8).

$$\begin{aligned} f(x) &= 2x \\ -8 &= 2x \\ -4 &= x \end{aligned}$$

إذن:
 $f(-4) = -8$

تمرين 1A.4
 لتكن الدالة الخطية. $f : x \mapsto 5x$
 أوجد صورة. a.

إذن:
 $f(\dots) = \dots$

b. احسب العدد الذي صورته. (-15).

إذن:
 $f(\dots) = \dots$

تمرين 1A.5
 لتكن الدالة الخطية. $g : x \mapsto 3x$
 أوجد صورة. a.

إذن:
 $g(\dots) = \dots$

b. احسب العدد الذي صورته. (-15).

إذن:
 $g(\dots) = \dots$

تمرين 1A.6
 لتكن الدالة الخطية. $h : x \mapsto -7x$
 أوجد صورة. (-2).

إذن:
 $h(\dots) = \dots$

b. احسب العدد الذي صورته. 35.

إذن:
 $h(\dots) = \dots$

x	f(x)
x	$2x$
1	2
2	4
10	20
20	40

مثال:
(1A.1 - 1A.2 - 1A.3) من أجل التمارين
 لتكن الدالة الخطية. $f : x \mapsto 2x$
 الأسئلة:

- ماهي صورة 2 ..? 4 ..

- ما هو العدد الذي صورته 2 ? 1 ..

- أكمل :

$$\begin{aligned} f(20) &= \mathbf{40} \\ f(\mathbf{10}) &= 20 \end{aligned}$$

تمرين 1A.1

لتكن الدالة الخطية. $f : x \mapsto 5x$
 الأسئلة:

- ماهي صورة 2? ..

- ما هو العدد الذي صورته 50?

- أكمل :

$$\begin{aligned} f(50) &= \dots \\ f(\dots) &= 5 \end{aligned}$$

تمرين 1A.2

لتكن الدالة الخطية. $g : x \mapsto -3x$
 الأسئلة:

- ماهي صورة 3? ..

- ما هو العدد الذي صورته 12?

- أكمل :

$$\begin{aligned} g(5) &= \dots \\ g(\dots) &= -9 \end{aligned}$$

تمرين 1A.3

لتكن الدالة الخطية. $h : x \mapsto -4x$
 الأسئلة:

- ماهي صورة 32? ..

- ما هو العدد الذي صورته 32?

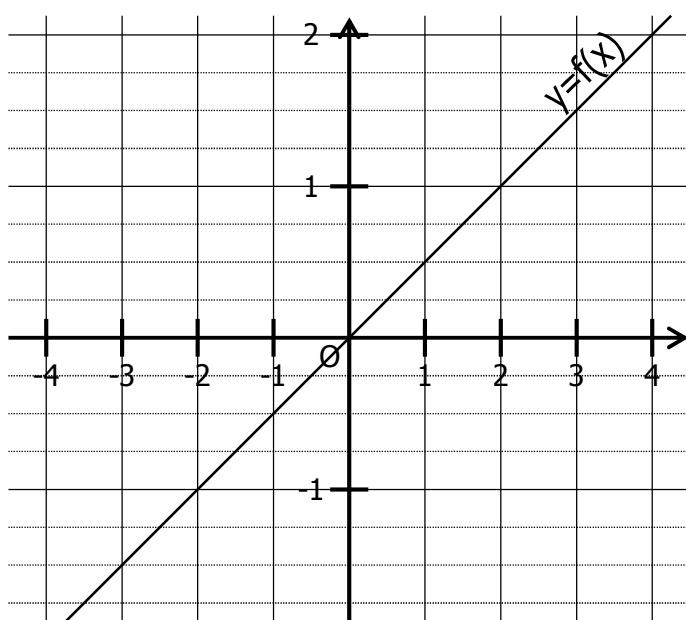
- أكمل :

$$\begin{aligned} h(-2) &= \dots \\ h(\dots) &= -4 \end{aligned}$$

x	h(x)
x	$-4x$
2	
	8
32	
	32

التمرين 1B.4

في المعلم أدناه تم تمثيل الدالة الخطية $f: x \mapsto ax$.



a. أكمل بالقراءة من الرسم البياني.

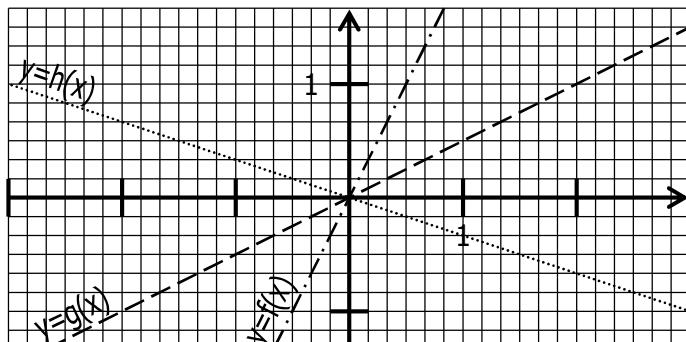
$f(4) = \dots$	$f(\dots) = 1$	$f(-2) = \dots$
$f(\dots) = \frac{3}{2}$	$f(-3) = \dots$	$f(\dots) = -\frac{5}{4}$

b. أكمل $f(1) = \dots$
 $f: x \mapsto \dots$

c. استنتج العبارة الجبرية.

التمرين 1B.5

تم تمثيل الدوال الخطية f و g و h في المعلم:



a. أكمل بالقراءة من الرسم البياني.

$f\left(\frac{1}{6}\right) = \dots$	$g(2) = \dots$	$h(-2) = \dots$
$f(\dots) = -\frac{2}{3}$	$g(\dots) = \frac{3}{2}$	$h(\dots) = 1$

b. أوجد معاملات الدوال الخطية f ، g و h :

$f: x \mapsto \dots$

$g: x \mapsto \dots$

$h: x \mapsto \dots$

التمرين 1B.1

لتكن الدالة الخطية $f: x \mapsto ax$.

a. أوجد معامل الدالة حيث $f(2) = -4$.

b. أوجد معامل الدالة حيث $f(12) = -4$.

c. أوجد معامل الدالة حيث $f(2) = 7$.

التمرين 1B.2

لتكن الدوال الخطية التالية f و g و h .

مع العلم أن $f(3) = g(-5) = h(1) = 15$ ، أوجد معاملات هذه الدوال:

$$f: x \mapsto \dots$$

$$g: x \mapsto \dots$$

$$h: x \mapsto \dots$$

: أكمل b.

$f(5) = \dots$	$g(6) = \dots$	$h(-2) = \dots$
$g(\dots) = 30$	$h(\dots) = -30$	$f(\dots) = 30$
$h(\dots) = 5$	$f(\dots) = 2$	$g(\dots) = -4$

التمرين 1B.3

Rappel : في المعلم ، التمثيل البياني للدالة $f: x \mapsto ax$ هو المستقيم المار بمبعد المعلم وبالنقطة التي إحداثياتها $(1; a)$.

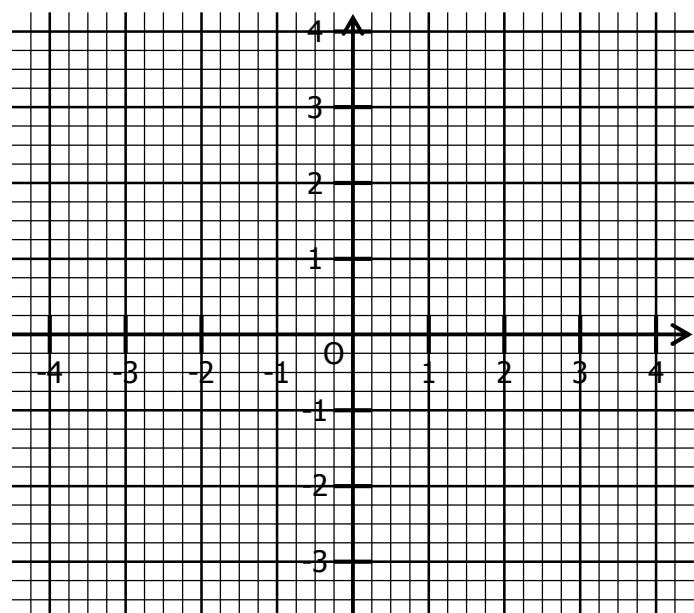
مثل في هذا المعلم الدوال الخطية التالية:

-بالأزرق الدالة $f: x \mapsto 2x$

-باللون الأحمر الدالة $g: x \mapsto -3x$

-الأخضر الدالة $h: x \mapsto \frac{3}{2}x$

-ورمادي الدالة $k: x \mapsto -\frac{1}{4}x$



تمرين 2A.4

لتكن الدالة التالفية $f : x \mapsto 3x - 2$.

مثال احسب العدد الذي صورته -8:

$$\begin{aligned} f(x) &= 3x - 2 \\ -8 &= 3x - 2 \\ -8 + 2 &= 3x \\ -6 &= 3x \\ -2 &= x \end{aligned}$$

إذن:
 $f(-2) = -8$

ا. احسب العدد الذي صورته 4.

إذن:
 $f(\dots\dots) = \dots\dots$

ب. احسب العدد الذي صورته (-17).

إذن:
 $f(\dots\dots) = \dots\dots$

ج. احسب العدد الذي صورته 5.

إذن:
 $f(\dots\dots) = \dots\dots$

تمرين 2A.5

لتكن الدالة التالفية $g : x \mapsto -5x + 7$.

ا. احسب العدد الذي صورته 2.

إذن:
 $g(\dots\dots) = \dots\dots$

ب. احسب العدد الذي صورته (-8).

إذن:
 $g(\dots\dots) = \dots\dots$

ج. احسب العدد الذي صورته 0.

إذن:
 $g(\dots\dots) = \dots\dots$

تمرين 2A.1

لتكن الدالة التالفية $f : x \mapsto 2x - 3$.

مثال: احسب ، في كل حالة، صورة العدد

$f(x) = 2x - 3$	$f(x) = 2x - 3$
-----------------	-----------------

$f(4) = 2 \times 4 - 3$	$f(5) =$
-------------------------	----------

$f(4) = 8 - 3$	
----------------	--

$f(4) = 5$	
------------	--

$f(x) = 2x - 3$	$f(x) = 2x - 3$
-----------------	-----------------

$f(-2) =$	$f(12) =$
-----------	-----------

$f(x) = 2x - 3$	$f(x) = 2x - 3$
-----------------	-----------------

$f(-7) =$	$f(-1) =$
-----------	-----------

تمرين 2A.2

أ. لتكن الدالة التالفية $f : x \mapsto 3x - 5$.احسب صورة $\frac{5}{4}, \frac{4}{3}, \frac{1}{3}, -\frac{3}{2}$ وبهذه الدالة.

ب. لتكن الدالة التالفية $g : x \mapsto \frac{1}{2}x - \frac{1}{4}$.

احسب صورة $\frac{5}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{2}, -\frac{1}{4}$ وبهذه الدالة.

ج. لتكن الدالة التالفية $h : x \mapsto -\frac{5}{2}x + \frac{4}{3}$.

احسب صورة $\frac{5}{6}, -\frac{2}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{7}$ وبهذه الدالة.

تمرين 2A.3

لتكن الدوال التالفية الثلاثة :

$f : x \mapsto 4x + 1$

$g : x \mapsto -2x + 5$

$h : x \mapsto -3x - 4$

أكمل الجدول :

$f(3) = \dots\dots$	$g(3) = \dots\dots$	$h(3) = \dots\dots$
$g(-4) = \dots\dots$	$h(-4) = \dots\dots$	$f(-4) = \dots\dots$
$h\left(\frac{1}{2}\right) = \dots\dots$	$f\left(\frac{1}{2}\right) = \dots\dots$	$g\left(\frac{1}{2}\right) = \dots\dots$

مثال:

هي دالة تالية من الشكل :

$$f : x \mapsto ax + b$$

أوجد a و b مع العلم أن:

$$f(3) = 1 \quad \text{و} \quad f(5) = 9$$

1. باستعمال معطى المسألة:

$$\begin{aligned} &\text{بما أن } f(3) = 1 \text{ إذن} \\ &f(x) = ax + b \\ &\text{يصبح:} \\ &1 = 3a + b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &\text{بما أن } f(5) = 9 \text{ إذن} \\ &f(x) = ax + b \\ &\text{يصبح:} \\ &9 = 5a + b \end{aligned}$$

2. يمكننا حل جملة المعادلتين ذات المجهولين ومن ثم الحصول على:

$$\begin{cases} 5a + b = 9 \\ 3a + b = 1 \end{cases}$$

نعرض "قيمة a في إحدى المعادلتين طرف إلى b طرف للتخلص من:

$$\begin{aligned} &(-) \hookrightarrow \begin{cases} 5a + b = 9 \\ 3a + b = 1 \end{cases} \\ &2a = 8 \\ &a = \frac{8}{2} = 4 \end{aligned}$$

المعادلتين للحصول على: b

$$\begin{aligned} &1 = 3a + b \\ &1 = 3 \times 4 + b \\ &1 = 12 + b \\ &1 - 12 = b \\ &-11 = b \end{aligned}$$

3. الاستنتاج:

$$f : x \mapsto 4x - 11$$

التمرين 2B.1

هي دالة تالية من الشكل:

$$f : x \mapsto ax + b$$

أوجد a و b مع العلم أن:

$$f(2) = 5 \quad \text{و} \quad f(7) = 15$$

1. باستعمال معطى المسألة:

$$f(x) = ax + b$$

$$f(x) = ax + b$$

يصبح:

يصبح:

2. يمكننا حل جملة المعادلتين ذات المجهولين ومن ثم الحصول على:

$$\begin{cases} = \\ = \end{cases}$$

3. الاستنتاج:

$$f : x \mapsto$$

تذكير:
في المعلم ، يمثل التمثيل البياني للدالة التالفية $g : x \mapsto ax + b$ هو المستقيم :
موازي للمستقيم الذي يمثل الدالة الخطية المرتبطة بها
- وتمر بالنقطة التي إحداثياتها $(0 ; b)$.

التمرين 2C.1

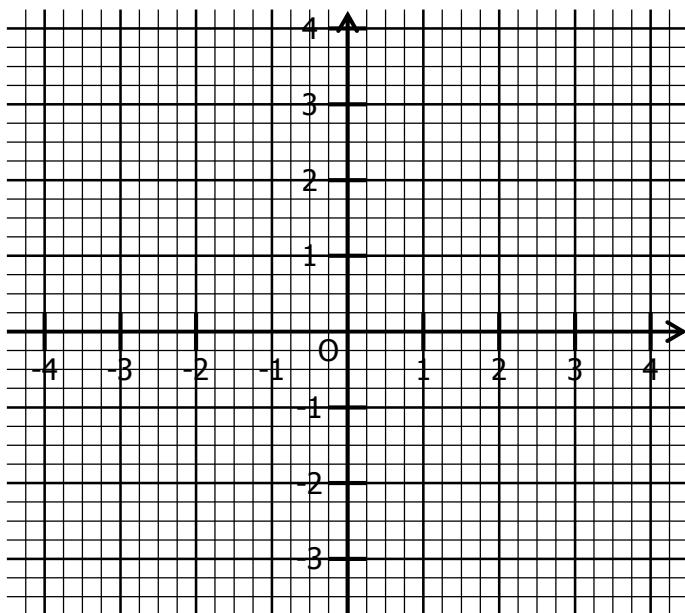
مثل على المعلم هذه الدوال التالفية :

$f : x \mapsto 2x + 1$ بالازرق ، الدالة ;

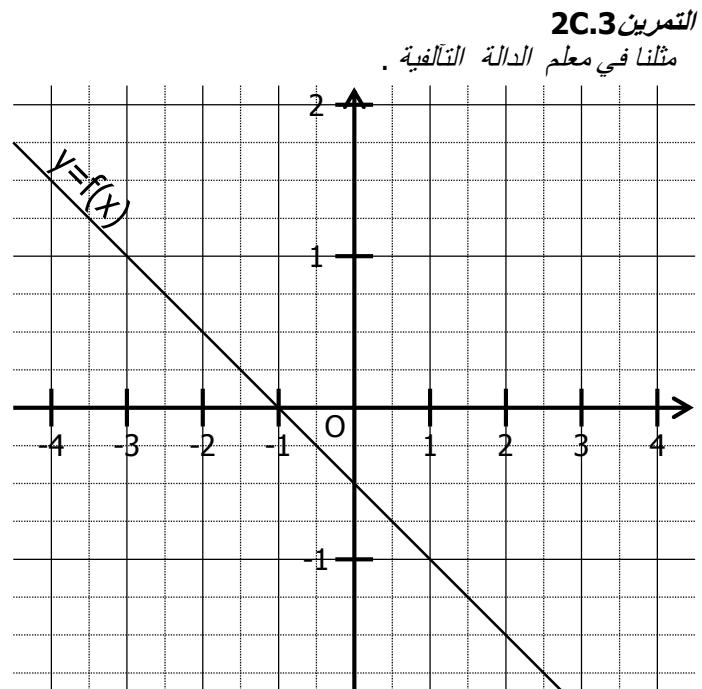
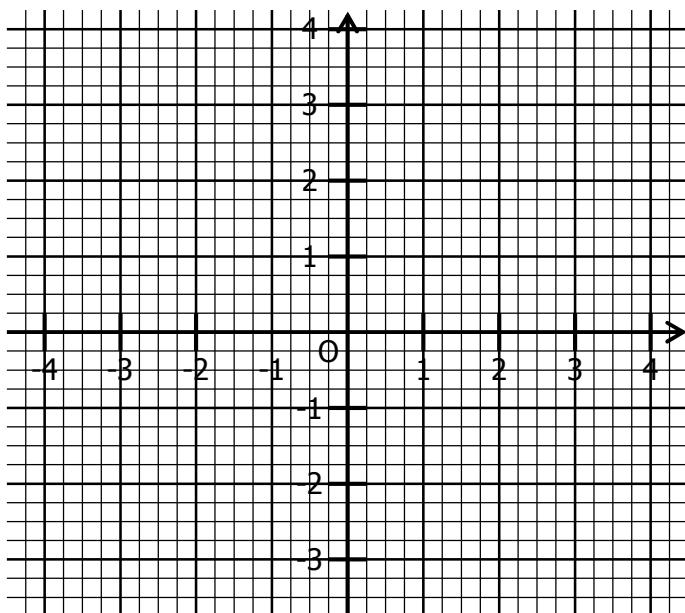
$g : x \mapsto -3x + 2$ بالأحمر ، الدالة ;

$h : x \mapsto \frac{3}{2}x + 1$ بالأخضر ، الدالة ;

$k : x \mapsto -\frac{1}{4}x + \frac{1}{2}$ بالرمادي ، الدالة .

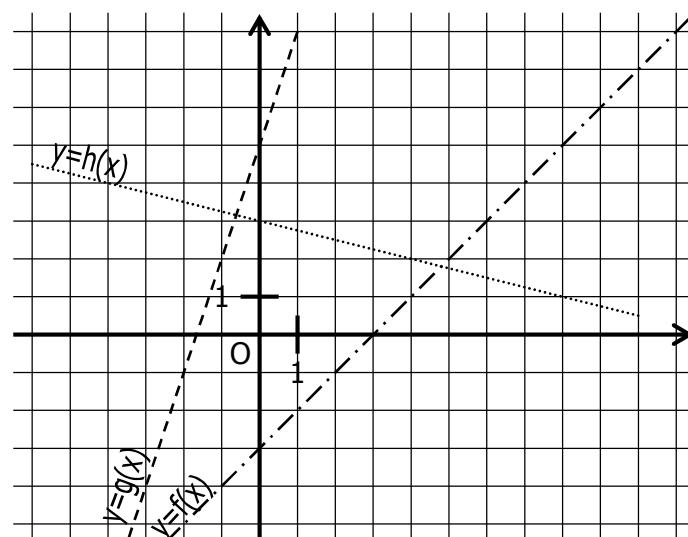
**التمرين 2C.2**مثل الدالتين f و g حيث :

$f(1) = 2 \quad f(-3) = -1 \quad g(-4) = 0 \quad g(2) = -3$



أكمل بالقراءة على الرسم البياني :

$f(2) = \dots$	$f(\dots) = 1$	$f(-2) = \dots$
$f(\dots) = \frac{3}{2}$	$f(-3) = \dots$	$f(\dots) = -\frac{5}{4}$

أوجد $f(1)$ و $f(0)$.c. يستنتج جملة المعادلين من مجهولين a و b .d. اعثر بسرعة على a و b .**التمرين 2C.4**تم تمثيل الدوال الخطية f و g و h في المعلم :

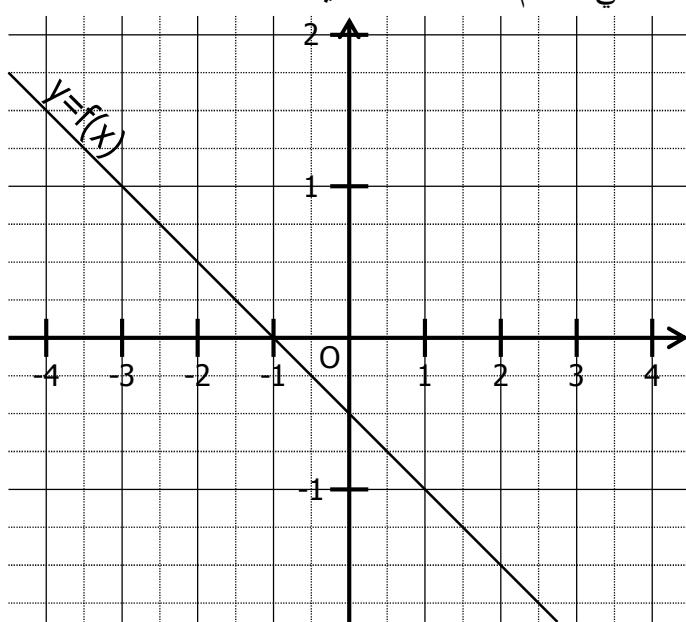
أكمل بالقراءة على الرسم البياني :

$f(4) = \dots$	$g(-1) = \dots$	$h(8) = \dots$
$f(\dots) = -3$	$g(\dots) = -1$	$h(\dots) = 4$

b. عرف (أعط العبارة الجبرية) من البيان f ، g و h .

$f : x \mapsto \dots \quad g : x \mapsto \dots \quad h : x \mapsto \dots$

التمرين 2C.3
متلنا في المعلم أدناه الدالة التالية.



a. إكمال الجدول من القراءة على الرسم البياني:

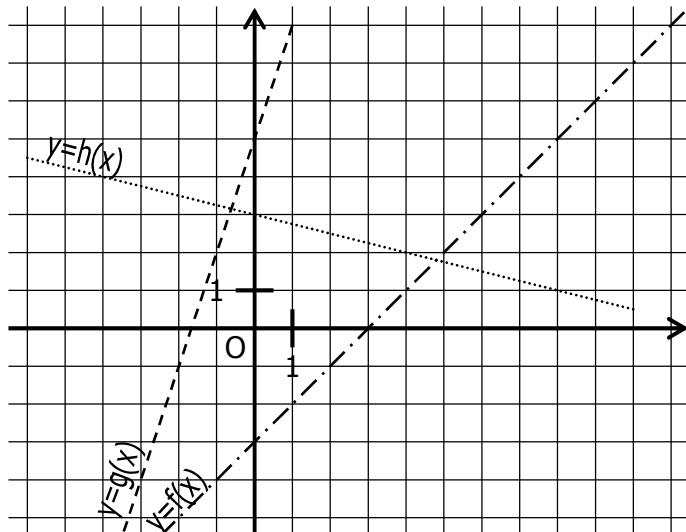
$f(2) = \dots$	$f(\dots) = 1$	$f(-2) = \dots$
$f(\dots) = \frac{3}{2}$	$f(-3) = \dots$	$f(\dots) = -\frac{5}{4}$

b. أوجد $f(1)$ و $f(0)$.

c. استنتج جملة المعادلتين بالمجهولين a و b .

d. أوجد بسرعة على a و b .

التمرين 2C.4
متلنا في المعلم أدناه الدالة التالية.



a. إكمال الجدول من القراءة على الرسم البياني:

$f(4) = \dots$	$g(-1) = \dots$	$h(8) = \dots$
$f(\dots) = -3$	$g(\dots) = -1$	$h(\dots) = 4$

b. عرف من خلال البيان الدوال f ، g و h .

$$f: x \mapsto \dots \quad g: x \mapsto \dots \quad h: x \mapsto \dots$$

تذكير:
في المعلم، التمثيل البياني للدالة التالية $g: x \mapsto ax + b$ هو مستقيم:
- مواز للمستقيم الذي يمثل الدالة الخطية المرتبطة بها
- يمر بالنقطة التي إحداثياتها $(0; b)$.

التمرين 2C.1

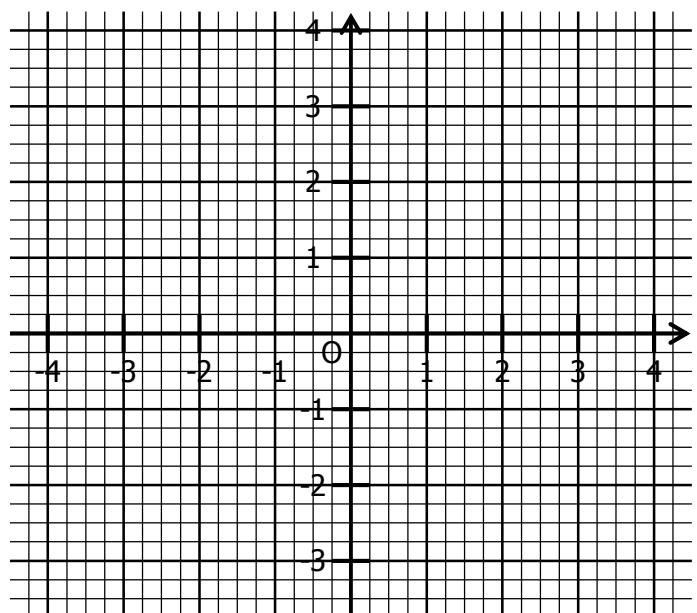
مثل هذه الدوال التالية في هذا المعلم:

- باللون الأزرق، الدالة $f: x \mapsto 2x + 1$

- باللون الأحمر، الدالة $g: x \mapsto -3x + 2$

- باللون الأخضر، الدالة $h: x \mapsto \frac{3}{2}x + 1$

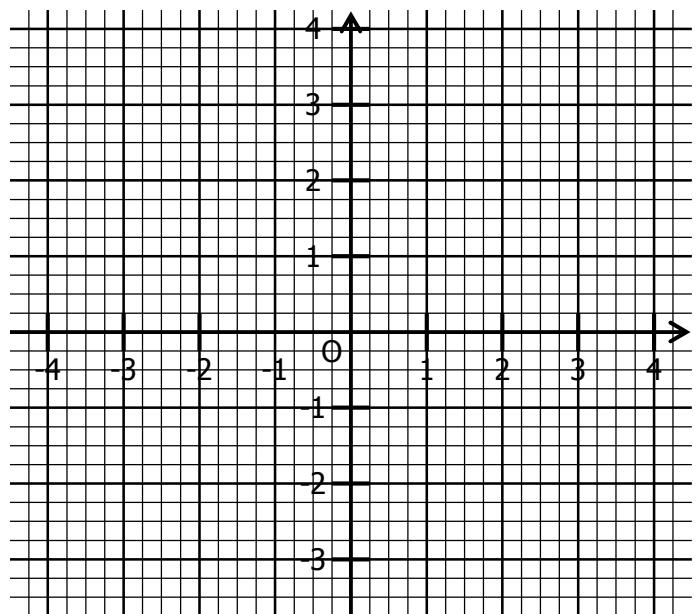
- باللون الرمادي، الدالة $k: x \mapsto -\frac{1}{4}x + \frac{1}{2}$



التمرين 2C.2

مثل الدالتين f و g حيث :

$$f(1) = 2 \quad | \quad f(-3) = -1 \quad | \quad g(-4) = 0 \quad | \quad g(2) = -3$$



التمرين 3A.4

فيما يلى أسعار أنواع الوقود المختلفة فى ١ جانفي من هذا العام:

غاز مسال	متاز بالر صاص	متاز 98	متاز 95	مازوت
2,25 DA	5,7 DA	5,3 DA	4,9 DA	3,6 DA

- a.** تقر رفع السعر بـ 17% لمختلف أنواع الوقود من بداية فيفري احسب جميع الأسعار الجديدة (بالتدوير إلى العشر "0,1"):

غاز مسال	بالرخصاص	ممتاز 98	ممتاز 95	مازوت

- b.** تقرر تخفيض ب 9 % لمختلف أنواع الوقود نظراً لأنخفاض الطلب
احسب جميع الأسعار الجديدة (بالتدوير إلى العشر "0,1"):

غاز مسال	ممتاز بالرصاص	ممتاز 98	ممتاز 95	مازوت

- c.** انخفاض في أسعار النفط تؤثر على أسعار الوقود في شكل نسبة انخفاض قدرها 8% بجميع الأسعار.
احسب جميع الأسعار الجديدة (بالتدوير إلى العشر"0,1"):

غاز مسال	ممتاز بالرصاص	ممتاز 98	ممتاز 95	مازوت

التمرين 3A.5

- a.** عرف الدالة الخطية التي تحول السعر الأصلي x « بسعر البيع ». $f(x)$

$$x \mapsto f(x) = \dots$$

- b.** أكمل الملصقات التالية (دور النتائج إلى الوحدة):

قميص 1043-DA	قصان بولو 1393-DA	بدلة رياضية 6993-DA
-----------------	----------------------	------------------------

- الآن بـ DA 4330، وبيع DA 6230 قبل التخفيض سعره الأحذية زوج من.

a. احسب معامل الدالة الخطية

$$q(6230) = 4330 \text{ مع العلم أن: } x \mapsto q(x) = \dots$$

(دور المعامل إلى، الجزء المائة)

b استخرج نسبة الضرر

التمرين 3A.1

أعثر على الدالة الخطية التي تتوافق كل جملة:

- | | | |
|-------------------|----------------------|----|
| $x \mapsto 0,05x$ | «أخذ 5 % من x » | a. |
| $x \mapsto$ | « x زيادة 5 %» | b. |
| $x \mapsto$ | « x تخفيض 5 %» | c. |
| $x \mapsto$ | «أخذ x 20 %» | d. |
| $x \mapsto$ | « x زيادة 20 %» | e. |
| $x \mapsto$ | « x تخفيض 20 % من» | f. |
| $x \mapsto$ | « x زيادة 45 %» | g. |
| $x \mapsto$ | « x تخفيض 15 % من» | h. |
| $x \mapsto$ | « x زيادة 37 %» | i. |
| $x \mapsto$ | « x تخفيض 52 % من» | j. |

التمرين 3A-2

حدد الجمل «تحفيض % ... من x» أو «زيادة % ... من x»
و التي تناسب كل دالة :

- | | | |
|--------------------------|--------------------|----|
| « x من % » | $x \mapsto 0,97x$ | a. |
| « x من % » | $x \mapsto 1,08x$ | b. |
| « x من % » | $x \mapsto 0,5x$ | c. |
| « x من % » | $x \mapsto 1,4x$ | d. |
| « x من % » | $x \mapsto 2,5x$ | e. |
| « x من % » | $x \mapsto 0,12x$ | f. |
| « x من % » | $x \mapsto 0,99x$ | g. |
| « x من % » | $x \mapsto 1,125x$ | h. |
| « x من % » | $x \mapsto 0,71x$ | i. |
| « x من % » | $x \mapsto 0,873x$ | j. |

التمام

احسب (النتيجة تدور إلى الوحدة:)

- a.** زيادة 267 % بـ: 25 %

b. تخفيض 267 % بـ: 41 %

c. زيادة 395 % بـ: 102 %

d. زيادة 400 % بـ: 12,5 %

e. تخفيض 500 % بـ: 7,5 %

<p>التمرين 3B.13 سعر السيارة انتقل من DA 200 000 إلى DA 300 000. ما هي النسبة المئوية للزيادة (مدور إلى الجزء من المائة)؟</p>	<p>التمرين 3B.7 سيارة سعرها DA 1 000 000 انخفضت بنسبة 5%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>	<p>التمرين 3B.1 سيارة سعرها DA 1 000 000 زاد سعرها بنسبة 5%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>
<p>التمرين 3B.14 سيارة سعرها DA 1 000 000 زاد سعرها بنسبة 7,5%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>	<p>التمرين 3B.8 سيارة سعرها DA 1 150 000 زاد سعرها بنسبة 9%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>	<p>التمرين 3B.2 سيارة سعرها DA 900 زاد سعرها بنسبة 5%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>
<p>التمرين 3B.15 سيارة سعرها DA 140 000 زاد سعرها بنسبة 6,5%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>	<p>التمرين 3B.9 سعر السيارة انتقل سعرها من DA 1 300 000 إلى DA 1 100 000. ما هي النسبة المئوية للتخفيف (مدور إلى الجزء من المائة)؟</p>	<p>التمرين 3B.3 سعر السيارة انتقل سعرها من DA 1 300 000 إلى DA 1 250 000. ما هي النسبة المئوية للتخفيف (مدور إلى الجزء من المائة)؟</p>
<p>التمرين 3B.16 سعر السيارة انتقل سعرها من DA 1 220 000 إلى DA 1 185 000. ما هي النسبة المئوية للزيادة (مدور إلى الجزء من المائة)؟</p>	<p>التمرين 3B.10 سعر السيارة انتقل سعرها من DA 1 100 000 إلى DA 1 050 000. ما هي النسبة المئوية للتخفيف (مدور إلى الجزء من المائة)؟</p>	<p>التمرين 3B.4 سعر السيارة انتقل سعرها من DA 1 250 000 إلى DA 1 300 000. ما هي النسبة المئوية للزيادة (مدور إلى الجزء من المائة)؟</p>
<p>التمرين 3B.17 سيارة سعرها DA 1 950 000 زاد سعرها بنسبة 12,5%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>	<p>التمرين 3B.11 سيارة سعرها DA 1 250 000 زاد سعرها بنسبة 9%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>	<p>التمرين 3B.5 سعر السيارة انتقل سعرها من DA 1 500 000 إلى DA 1 250 000. ما هي النسبة المئوية للتخفيف (مدور إلى الجزء من المائة)؟</p>
<p>التمرين 3B.18 سعر السيارة انتقل سعرها من DA 1 420 000 إلى DA 1 510 000. ما هي النسبة المئوية للتخفيف (مدور إلى الجزء من المائة)؟</p>	<p>التمرين 3B.12 سيارة سعرها DA 2 250 000 زاد سعرها بنسبة 3,5%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>	<p>التمرين 3B.6 سيارة سعرها DA 2 250 زاد سعرها بنسبة 5%. ما هو السعر الجديد (بتدوير إلى الدينار)؟</p>

تمارين 3C.1 بعض "الفضول":

a. سعر السيارة DA 300 000. تم تخفيض سعرها بنسبة 5% ثم بنسبة 3%. ما هو سعرها الجديد؟

b. سعر السيارة DA 300 000. يتم تخفيض سعرها بنسبة 8%. ما هو السعر الجديد؟

c. سعر سيارة DA 300 000. يتم تخفيض سعرها بنسبة 3% ثم بنسبة 5%. ما هو السعر الجديد؟

d. تبلغ تكلفة سيارة DA 300 000. زاد سعرها بنسبة 14% ثم انخفض بنسبة 14%. ما هو السعر الجديد؟

e. تبلغ تكلفة سيارة DA 300 000. زاد سعرها بنسبة 15% ثم انخفض بنسبة 15%. ما هو السعر الجديد؟

f. تبلغ تكلفة سيارة DA 300 000. زاد سعرها بنسبة 23% ثم انخفض بنسبة 23%. ما هو السعر الجديد؟

تمارين 3C.2 صواب أم خطأ؟

a. «إذا انخفض سعر بنسبة 10% ثم ارتفع بنسبة 10%، فإن السعر لم يتغير». صحيح خطأ

b. «من الأفضل أن يرتفع راتبي بنسبة 5% ثم ينخفض بنسبة 3%， بدلاً من الانخفاض بنسبة 3% ثم يزداد بنسبة 5%». صحيح خطأ

c. «زيادات متتالية بنسبة 7% تعادل إلى زيادة واحدة بنسبة 14%». صحيح خطأ

d. «إذا ارتفع البنزين بنسبة 15% ثم انخفض بنسبة 14%， هذا يعني أن ذلك زاد قليلاً». صحيح خطأ

e. «خفضت الضرائب 10% ثم 20%， هذا أمر جيد. ولكن سيكون من الأفضل لو انخفض بنسبة 30%». صحيح خطأ

3C.3 في التمارين المولالية الزيادات والانخفاضات (تكون نتائجها مدورة جزء من مائة).

1. كان سعر اللتر من الوقود DA 23 في 1997. ارتفع بنسبة 6% في عام 1998، بنسبة 5% في عام 1999، بزيادة 12% في 2000، ثم انخفض بنسبة 9% في عام 2001.

a. احسب سعر لتر من الوقود في عام 2001.

b. احسب النسبة المئوية من 1997 إلى 2001.

2. كان سهم شركة يساوي DA 32 خلال الاكتتاب في عام 1999. بعد نزوله 11% خلال الشهر الأول، فقد ارتفع 45% حتى سبتمبر 2001. منذ ذلك الحين، فقد انخفض بنسبة 31%.

a. احسب سعر هذا السهم اليوم.

b. احسب النسبة المئوية لتغيير السهم منذ 1999.

3. دفع الضرائب دفع ضريبة بقيمة DA 500 000 في عام 2002 وعند الحكومة بتخفيض 4% سنوياً لمدة 5 سنوات.

a. احسب ضريبة دفع الضرائب في عام 2007.

b. احسب النسبة المئوية لهذا الضريبة من عام 2002 إلى 2007.

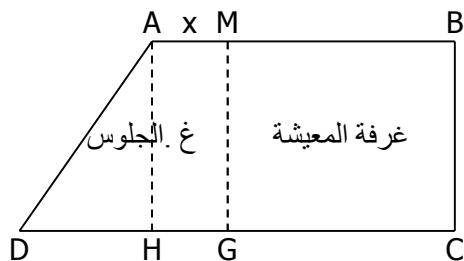
4. ارتفع الراتب بنسبة 15% في 3 سنوات. 3 هو نتيجة زيادة في السنة الأولى و 7% في السنة الثانية. ما هي النسبة المئوية للارتفاع للعام الثالث؟

5. راتب ارتفع من DA 60 000 إلى DA 70 000 بين 1999 و 2002 وذلك بفضل زيادة قدرها 8% في عام 2000 و 10% زيادة أخرى في عام 2001. لكن في عام 2002 قد انخفض قليلاً.

a. ما كانت النسبة المئوية للارتفاع في 3 سنوات؟

b. ما كانت النسبة المئوية للانخفاض في عام 2002؟

التمرين - 4B.6 آسيا
 الشكل أدناه هو منظر للمساحة الأرضية لغرفة في منزل سكني. سيتم تغطيتها بترصيف خشبي (غرفة الاستقبال) والآخر بتبليط عادي (غرفة المعيشة).
 سعر سلعة x دينار ؛ ازداد سعرها بنسبة 13% وسعرها بعد الزيادة زدينار .



هو شبه متربع قائم حيث :

$CD = 10 \text{ m}$, $BC = 5 \text{ m}$, $AB = 6 \text{ m}$
 هي نقطة من القطعة $[AB]$ ، نضع (x) . $AM = x$. AM هي مسافة عبر عنها بالأمتار و $0 < x < 6$.

1. عبر بدالة x ، عن مساحة $MBCG$ (غرفة المعيشة) وعن مساحة $AMGD$ (غرفة الاستقبال).
 2. من أجل أي قيمة لـ x تتساوى فيها المساحتين.

b. ما هي قيمة كال مساحة؟
 3. نقترح تمثيل هذه الحالة بيانياً باستخدام دالتين تألفتين f و g .

معرفة بـ $f(x) = 5x + 10$ تمثل مساحة $AMGD$.

معرفة بـ $g(x) = -5x + 30$ تمثل مساحة $MBCG$.
 a. في ورقة رسم مليمترية ، ارسم معلم متعدد ومتاجنس: يتم وضع المبدأ في أسفل اليسار.

- على محور الفواصل نأخذ 2 cm لكل وحدة (1 m)
 - على محور التراتيب نأخذ 1 cm لكل وحدتان (1 m^2) مثل الدالتين f و g .

b. عن طريق القراءة البيانية ، أوجد قيمة x حيث: $f(x) = g(x)$
 والمساحة المرتبطة بها.

وضح هذه القيم على الرسم البياني (خطوط متقطعة ، الألوان ...).

4. a. بقراءة بيانية أو عن طريق الحساب ، أوجد مساحة غرفة الجلوس
 b. مساحة غرفة المعيشة $MBCG$ ومساحة غرفة المعيشة $AMGD$.

غرفة الجلوس $AMGD$ لتغطيتها بترصيف خشبي يثمن أولى 1000 L المحرفي يمنح خصم 5%.

احسب السعر الإجمالي بعد الخصم للترصيف الخشبي.

c. غرفة المعيشة $MBCG$ تغطي بال بلاط. كما يمنح المحرفي بخصم 5% فكان إجمالي المبلغ بعد الخصم للتبليط هو 18750 DA.
 احسب سعر m^2 للتبليط قبل الخصم.

التمرين - 4B.1 كайн
 سعر سلعة x دينار ؛ ازداد سعرها بنسبة 13% وسعرها بعد الزيادة زدينار .
 a. عبر عن زبدالة x .
 b. حدد x مع العلم أن $300 = y$.

التمرين - 4B.2 جزر الهند الغربية.
 في متجر كبير ، يكون نرمز للقرص المدمج ، بـ "CD" ، و القرص المصورة بـ "BD".
 اشتري عثمان 2 CD و 3 BD بسعر 1650 دينارا.
 اشتري نجاة 4 CD و BD بسعر 2050 دينارا.

1. اكتب المعادلات التي تترجم النص
 2. حل جملة المعادلتين وأعط سعر CD "القرص المضغوط" وسعر BD "القرص المصورة".
 3. بعد شهر ، قدم المتجر خصمًا بنسبة 10% على الأقراص المدمجة و 15% على القرص المصورة. كم يدفع عثمان بعد التخفيض؟

التمرين - 4B.3 المجموعة الغربية
 الغرانيت عبارة عن صخرة بلورية تتكون من خليط غير متاجنس من أربعة عناصر: الكوارتز والفلسبار والبيوتايت ومعادن أخرى.

1. وتتكون كتلة الغرانيت من :
 28 % كوارتز
 53 % فلسبار
 11 % بيوتايت
 19,2 dm^3 معادن أخرى
 احسب حجم هذه الكتلة.

2. واحد متر مكعب من الغرانيت كتلته 2.6 طن. احسب كتلة الغرانيت في السؤال . 1

التمرين - 4B.4 أمريكا الجنوبية
 المجلس العام للدارة لديه 60 مسؤول منتخب . يمثل كل واحد منهم أحد الفئات الثلاثة A ، B و C .
 - الفئة A تتكون من 15 مترشح ؛
 - 45 % من المترشحين ينتمون إلى الفئة B ؛
 - البقية تمثل الفئة C .

1. احسب النسبة المئوية للمنتخبين الذين ينتمون إلى الفئة A .
 2. احسب عدد المنتخبين من الفئة B .

3. مثل بمخطط دائري من دائرة نصف قطرها 4 سم توزيع المجلس العام من الفئات A ، B و C .

التمرين - 4B.5 المجموعة (تكنو)
 في عام 1998 ، حصل 19 طالباً من الرابعة متوسط من إجمالي 28 على شهادة التعليم المتوسط. احسب نسبة النجاح بتدوير 10 .