

المعادلات و المتراجحات درس

تعويض قيم في عبارات

المعادلة من الشكل $ax+b=0$

المعادلة من الشكل $(ax+b)(cx+d)=0$

التحليل + المعادلات $(ax+b)(cx+d)=0$

معادلات (مسائل من شهادات دون جذور تربيعية)

معادلات (مسائل من شهادات بجذور تربيعية)

المتراجحة والعمليات

المتراجحة [الإختبار - الحل]

المتراجحة [المستقيم المدرج - مسائل]

المتراجحة [مسائل من شهادات]

معادلات

المحتوى	المهارات المطلوبة	تعليقات
المعادلات و المتراجحات من الدرجة الأولى الترتيب والضرب المتراجحة من درجة الأولى بمجهول حل مشكلات من درجة الأولى أو متراجحات	استخدم تأثير الاعداد النسبية لترتيب ab و ac في نفس ترتيب b و c إذا كانت a موجبة تماما ، في ترتيب عكسي إذا كانت a سالبة تماما. حل متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول بالمعاملات العددية تمثيل الحلول على مستقيم مترج.	في هذا القسم ، سنكون قادرين على الاعتماد على الأنشطة التي تم ممارستها بالفعل في الفصول السابقة ، وخاصة تلك الاختبارات عن طريق استبدال الحروف بالقيم العددية . تقع دراسة إشارة جداء أو حاصل قسمة عبارتين من الدرجة الأولى لنفس المتغير خارج البرنامج
حل المشكلات	حل المعادلة في النموذج $A.B = 0$ ، حيث يكون A و B عبارتين من الدرجة الأولى بنفس المجهول.	
الدرجة الأولى	وضع معادلة، وحل مشكلة تؤدي إلى معادلة أو متراجحة أو جملة معادلتين من الدرجة الأولى	تأتي المسائل من أجزاء مختلفة من البرنامج. كما هو الحال في السنة الثالثة ، سيتم تحديد المراحل المختلفة للعمل في كل مرة: وضع المعادلة ، حل المعادلة وتفسير النتيجة.

1. المعادلات.

المعادلة هي تساوي عبارتين (نسميهما طرفي المعادلة) فيها تظهر الحروف (المجاهيل). وحل المعادلة هو إعطاء كل قيم المجاهيل التي تجعل المساواة صحيحة.

مثال :

(-2) هو حل للمعادلة :

$$x^2 + 1 = 3 - x$$

إذا كانت: $x = -2$

$$3 - x = 3 - (-2) = 3 + 2 = 5 \quad \text{و} \quad x^2 + 1 = (-2)^2 + 1 = 4 + 1 = 5$$

a. المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول:

في معادلة من الدرجة الأولى بمجهول ، هناك مجهول واحد . لحل المعادلة ، يجب أن نجد قيمة (في الغالب ، هناك واحدة فقط) المجهول التي تجعل المساواة صحيحة.

مثال :

حل المعادلة: $4x + 3 = 0$

$$4x = -3$$

$$x = \frac{-3}{4}$$

1- ن عزل « x »2- نقسم على معامل x :

b. معادلة الجداء المعلوم:

عندما يكون الجداء معدوماً، فهذا يعني أن إحدى العاملين على الأقل معدوم. نسمي معادلة جداء معدوم هي جداء معادلتين من الدرجة الأولى بمجهول، من الشكل:

$$(ax + b)(cx + d) = 0$$

حلول هذه المعادلة هي حل المعادلتين: $ax + b = 0$ و $cx + d = 0$

$$(2x + 1)(3x - 5) = 0 \quad \text{حل المعادلة :}$$

$$2x + 1 = 0$$

$$2x = -1$$

$$x = \frac{-1}{2}$$

أو

أو

أو

$$3x - 5 = 0$$

$$3x = 5$$

$$x = \frac{5}{3}$$

يعني أن

ومنه:

للمعادلة حلان هما $\frac{-1}{2}$ و $\frac{5}{3}$.

II. الترتيب والعمليات

a. الجمع والطرح (تذكير):

لا يتغير اتجاه متراجحة عندما نضيف (أو نطرح) نفس العدد إلى الطرفين.

مثال :

$$x > 5 \quad \text{إذا كان}$$

$$x + 3 > 5 + 3 \quad \text{فإن:}$$

$$x + 3 > 8 \quad \text{إذن:}$$

$$x < -6 \quad \text{إذا كان}$$

$$x - 3 < -6 - 3 \quad \text{فإن:}$$

$$x - 3 < -9 \quad \text{إذن:}$$

b. الضرب والقسمة:

لا يتغير اتجاه المتراجحة عندما نضرب (أو نقسم) طرفيها بنفس العدد الموجب.

مثال :

$$x > 5 \quad \text{إذا كان}$$

$$x \times 3 > 5 \times 3 \quad \text{فإن:}$$

$$3x > 15 \quad \text{إذن:}$$

$$x < -6 \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{x}{3} < \frac{-6}{3} \quad \text{فإن:}$$

$$\frac{x}{3} < -2 \quad \text{إذن:}$$

انتبه

نغير اتجاه المتراجحة عندما نضرب (أو نقسم) طرفيها بنفس العدد السالبي.

مثال :

$$x > 5 \quad \text{إذا كان}$$

$$x \times (-3) > 5 \times (-3) \quad \text{فإن:}$$

$$-3x < -15 \quad \text{إذن:}$$

$$x < -6 \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{x}{-3} < \frac{-6}{-3} \quad \text{فإن:}$$

$$-\frac{x}{3} > 2 \quad \text{إذن:}$$

c. المتراجحة من الدرجة الأولى بمجهول.

المتراجحة هي متباينة بين عبارتين تظهر فيهما حروف (مجاهيل).
في المتراجحة من الدرجة الأولى بمجهول ، هناك مجهول واحد فقط .
حل المتراجحة ، هو إيجاد كل قيم المجهول التي تجعل المتراجحة صحيحة .

مثال :

حل المتراجحة:

$$4x - 2 > 0$$

$$4x - 2 + 2 > 0 + 2$$

$$4x > 2$$

$$\frac{4x}{4} > \frac{2}{4}$$

$$x > \frac{1}{2}$$

نجعل المجاهيل في طرف والمعاليم في الطرف الآخر بإضافة 2

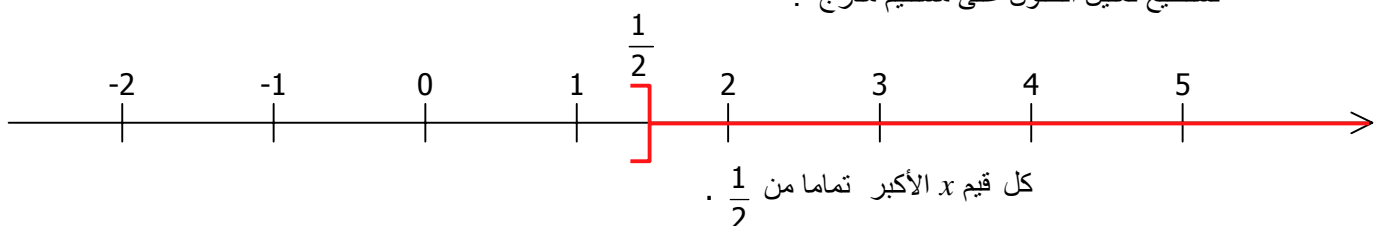
نحسب

نعزل x بالقسمة الطرفين على 4 :

نحسب

حلول المتراجحة هي: كل قيم x الأكبر تمامًا من $\frac{1}{2}$.

نستطيع تمثيل الحلول على مستقيم مدرج :



تمرين 1A.1

احسب العبارة $A = 5x - 3$ من أجل مختلف قيم x التالية:

من أجل $x = 1$ $A = 5x - 3$	من أجل $x = -1$ $A = 5x - 3$	من أجل $x = -2$ $A = 5x - 3$
--------------------------------	---------------------------------	---------------------------------

تمرين 1A.2

احسب العبارة $B = x^2 + 2x$ من أجل مختلف قيم x التالية:

من أجل $x = 1$ $B = x^2 + 2x$	من أجل $x = -1$ $B = x^2 + 2x$	من أجل $x = -2$ $B = x^2 + 2x$
----------------------------------	-----------------------------------	-----------------------------------

تمرين 1A.3

احسب العبارة $C = 3x^2 - x$ من أجل مختلف قيم x التالية:

من أجل $x = 1$ $C = 3x^2 - x$	من أجل $x = -1$ $C = 3x^2 - x$	من أجل $x = -2$ $C = 3x^2 - x$
----------------------------------	-----------------------------------	-----------------------------------

تمرين 1A.4

احسب العبارة $D = -4x^2 + 3x$ من أجل مختلف قيم x التالية:

من أجل $x = 1$ $D = -4x^2 + 3x$	من أجل $x = -1$ $D = -4x^2 + 3x$	من أجل $x = -2$ $D = -4x^2 + 3x$
------------------------------------	-------------------------------------	-------------------------------------

تمرين 1A.5

احسب العبارة $A = 5x - 3$ من أجل مختلف قيم x التالية:

من أجل $x = \frac{1}{2}$ $A = 5x - 3$	من أجل $x = -\frac{2}{3}$ $A = 5x - 3$	من أجل $x = -\frac{3}{2}$ $A = 5x - 3$
--	---	---

تمرين 1A.6

احسب العبارة $B = x^2 + 2x$ من أجل مختلف قيم x التالية:

من أجل $x = \frac{1}{2}$ $B = x^2 + 2x$	من أجل $x = -\frac{2}{3}$ $B = x^2 + 2x$	من أجل $x = -\frac{3}{2}$ $B = x^2 + 2x$
--	---	---

تمرين 1A.7

احسب العبارة $C = -3x^2 - x$ من أجل مختلف قيم x التالية:

من أجل $x = \frac{1}{2}$ $C = -3x^2 - x$	من أجل $x = -\frac{2}{3}$ $C = -3x^2 - x$	من أجل $x = -\frac{3}{2}$ $C = -3x^2 - x$
---	--	--

تمرين 1A.8

احسب العبارة $D = \frac{1}{4}x^2 + \frac{2}{3}x$ من أجل مختلف قيم x التالية:

من أجل $x = \frac{1}{2}$ $D = \frac{1}{4}x^2 + \frac{2}{3}x$	من أجل $x = -\frac{2}{3}$ $D = \frac{1}{4}x^2 + \frac{2}{3}x$	من أجل $x = -\frac{3}{2}$ $D = \frac{1}{4}x^2 + \frac{2}{3}x$
---	--	--

تمرين 2A.1

حل هذه المعادلات:

b. $-3x = 12$	a. $7x = 21$
d. $4x - 3 = 5$	c. $5x - 25 = 0$
f. $3x - 7 = -2x - 9$	e. $4x + 2 = x + 11$

تمرين 2A.2

ترجم كل جملة لمعادلة، ومن ثم أوجد العدد x :

a. ضعف x يعطى 6	b. ثلاثة أمثال x يعطى 33
c. فرق x و 9 يعطى 4	d. ضعف x مضاف إليه 6 يعطى 0
e. طرح 6 من ثلاثة أمثال x يعطى 9	f. نضيف 2 الى خمسة أمثال x ليعطي x
g. ضعف مجموع x و 3 يعطى x	h. مجموع x والعدد 6 يساوي ثلاثة أمثال مجموع x و 1

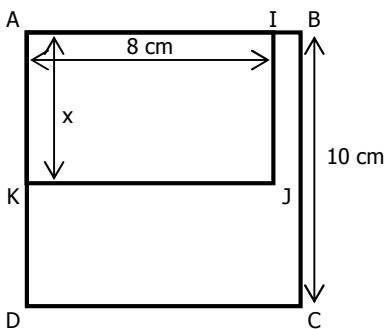
تمرين 2A.3

حل هذه المعادلات:

a. $4x = \frac{3}{5}$	b. $\frac{2}{3}x = 7$	c. $\frac{6}{5}x = \frac{-7}{11}$
d. $-7x = \frac{4}{-3}$	e. $\frac{-3}{2}x = 5$	f. $\frac{-5}{7}x = \frac{-2}{-3}$

تمرين 2A.4

- ضع لكل مشكلة معادلة بمجهول x ثم حل هذه المعادلة.
- a. تتبع سوق كتبنا سعر الواحد 90 DA. في نهاية اليوم جمعوا 2430 DA. كم عدد الكتب المباعة في هذا اليوم؟
- b. طول زيد الآن 1,54 m، زاد طوله 7 cm أثناء الصيف الماضي. كم كان طوله قبل الزيادة؟
- c. إشتري عمرو سترة بـ 9900 DA، و قميصين. فصرف على الكل 12700 DA. ما هو ثمن القميص الواحد؟
- d. أراد خالد أن يشتري 3 أوراق مصورة لتعليم الصلاة. ولكن المكتبي اختار له 5 أوراق. بتكلفه إضافية 18 DA أكثر من ثمن 3 أوراق. ما هو ثمن الورقة الواحدة؟
- e. مجموع عددين هو 24. أحد العددين هي ضعف للآخر، اوجد هذين العددين.
- f. مجموع ثلاثة أعداد صحيحة متتالية 24. أوجد هذه الأعداد الثلاثة.
- g. إليك قواعد اللعبة:
 - إذا فزت، تحصل على 100 DA.
 - إذا خسرت، ترجع 40 DA.
 - لعبت هذه اللعبة 25 مرة، ولقد فقدت 20 DA في المجمل.
 - كم فزت من المرة؟



- h. ABCD مربع طول ضعه 10 cm.
- AIJK مستطيل طوله 8 cm وعرضه x .
- 1. عبر بدلالة x عن مساحة المستطيل AIJK.
- 2. حدد قيمة x حتى تكون مساحة المستطيل AIJK هو نصف بالضبط من مساحة المربع ABCD.

$$(4x - 1)(6x + 5) = 0 \quad \text{b.} \quad (x + 5)(x - 3) = 0 \quad \text{a.}$$

$$(3x + 4)(2 - 5x) = 0 \quad \text{d.} \quad (-8x + 5)(-2 - 3x) = 0 \quad \text{c.}$$

$$3x(7 + 8x) = 0 \quad \text{f.} \quad (5 + 3x)(7 - x) = 0 \quad \text{e.}$$

$$(4x - 2)(2 - x) = 0 \quad \text{h.} \quad -8x(-3 - 6x) = 0 \quad \text{g.}$$

تمرين 3A.1.

حل المعادلات التالية :

$5 + 4x = 0 \quad \text{c.}$	$7x + 5 = 0 \quad \text{b.}$	$2x - 3 = 0 \quad \text{a.}$
=	=	=
=	=	=
$-2x - 9 = 0 \quad \text{f.}$	$-3x + 5 = 0 \quad \text{e.}$	$7x - 8 = 0 \quad \text{d.}$
=	=	=
=	=	=
$-12x = 0 \quad \text{i.}$	$6x = 0 \quad \text{h.}$	$-1 - 5x = 0 \quad \text{g.}$
=	=	=
=	=	=

تمرين 3A.2.

اكمل الفراغ :

$(2x + 5)(3x + 1) = 0 \quad \text{a.}$
يعني = 0 أو = 0
$6x(-x + 4) = 0 \quad \text{b.}$
يعني = 0 أو = 0
$(9 - 4x)(3 + 1) = 0 \quad \text{c.}$
يعني.....
$5x(-6 + x)(7x + 2) = 0 \quad \text{d.}$
يعني.....
$(4 - 3x)(x - 7)(6 + 5x) = 0 \quad \text{e.}$
يعني.....

تمرين 3A.3.

حل معادلة جداء معدوم بحرر بهذه الكيفية:

$$(2x + 5)(3x - 1) = 0$$

يعني:

$$3x - 1 = 0 \text{ أو } 2x + 5 = 0$$

$$3x = 1 \text{ أو } 2x = -5$$

ومنه:

$$x = \frac{1}{3} \text{ أو } x = -\frac{5}{2}$$

ومنه:

$$\frac{1}{3} - \frac{5}{2} \text{ حلا المعادلة هما}$$

الذن:

<p>تمرين 3B.7 a. حلل العبارة : $G = (4x - 3)^2 - x^2$</p> <p>b. حل المعادلة: $(5x - 3)(3x - 3) = 0$</p>	<p>تمرين 3B.4 a. حلل العبارة : $D = x^2 - 4$</p> <p>b. حل المعادلة: $(x + 2)(x - 2) = 0$</p>	<p>تمرين 3B.1 a. حلل العبارة : $A = (x + 3)(x + 2) + (x + 3)(x + 1)$</p> <p>b. حل المعادلة: $(x + 3)(2x + 3) = 0$</p>
<p>تمرين 3B.8 a. حلل العبارة : $H = 4x^2 - 12x + 9$</p> <p>b. حل المعادلة: $(2x - 3)^2 = 0$</p>	<p>تمرين 3B.5 a. حلل العبارة : $E = (x + 5)^2 - 9$</p> <p>b. حل المعادلة: $(x + 8)(x + 2) = 0$</p>	<p>تمرين 3B.2 a. حلل العبارة : $B = (x + 5)(2x + 1) + (x + 5)(x - 7)$</p> <p>b. حل المعادلة: $(x + 5)(3x - 6) = 0$</p>
<p>تمرين 3B.9 a. حلل العبارة : $H = 25 + 30x + 9x^2$</p> <p>b. حل المعادلة: $(5 + 3x)^2 = 0$</p>	<p>تمرين 3B.6 a. حلل العبارة : $F = 16 - (2x - 1)^2$</p> <p>b. حل المعادلة: $(3 + 2x)(5 - 2x) = 0$</p>	<p>تمرين 3B.3 a. حلل العبارة : $C = (2x - 1)^2 - (3 - x)(2x - 1)$</p> <p>b. حل المعادلة: $(2x + 1)(3x - 4) = 0$</p>

تمرين - 3C.1 مرسيليا.

لتكن $D = (2x - 3)(5x + 4) + (2x - 3)^2$:

1. أثبت ، مع التفصيل ، بأن D يمكن كتابته $D = (2x - 3)(7x + 1)$
2. حل المعادلة $(2x - 3)(7x + 1) = 0$:

تمرين - 3C.2 يموج.

1. ليكن $D = 9x^2 - 1$

a. ما الجداء الشهير الذي يمكن استخدامه لتحليل D ؟

b. حل D.

2. لتكن $E = (3x + 1)^2 + 9x^2 - 1$

a. أنشر E .

b. حل E .

c. حل المعادلة: $6x(3x + 1) = 0$.

تمرين - 3C.3 نانت.

لتكن العبارة:

$$E = (3x + 5)(2x - 1) + 9x^2 - 25$$

1. أنشر و بسط E .

2. حل $9x^2 - 25$ ، ثم العبارة E .3. حل المعادلة: $(3x + 5)(5x - 6) = 0$.

تمرين - 3C.4 باريس

$$E = 4x^2 - 9 + (2x + 3)(x - 1)$$

1. حل $4x^2 - 9$. استعمل هذه النتيجة لتحليل E.

2. أنشرو بسط E .

3. حل المعادلة: $(2x + 3)(3x - 4) = 0$.

تمرين - 3C.5 رين.

يقول طارق لعقبة: "اختر عدد x و صف 1 إلى ثلاث أضعاف x ؛

احسب مربع العدد الناتج واطرح منه 4 . «

ما هي النتيجة التي وجدها عقبة إذا اختار: $x = 5$ ؟

2 واقترح طارق على عقبة تعبيرات أربعة التي يتوافق واحد منها مع

الحساب الذي قام به . وفيما يلي هذه التعبيرات الأربعة:

$$B = 4 - (3x + 1)^2 \quad A = 3(x + 1)^2 - 4$$

$$D = (x + 3)^2 - 4 \quad C = (3x + 1)^2 - 4$$

ما هو التعبير الذي يجب أن يختاره عقبة؟

3. a. حل: $C = (3x + 1)^2 - 4$ b. حل: $(3x - 1)(3x + 3) = 0$

c. عقبة يعيد اللعبة ؛ اختار عدد سالب وجد صفر، ما هو العدد الذي

اختاره عقبة ؟ ثم تحقق من حساب عقبة.

تمرين - 3C.6 مدغشقر

لتكن العبارتين:

$$F = x^2 + 6x + 9 \text{ و } E = 4x(x + 3)$$

1. حل المعادلة: $E = 0$ 2. a. أحسب قيمة F من أجل $x = -2$.b. تحقق أن: $F = (x + 3)^2$.

3. a. أنشر E .

b. بسط $E - F$.c. حل $E + F$.

تمرين 3C.7 بواتيه.

لتكن العبارة:

$$A = (2x + 1)^2 - (x - 3)(2x + 1)$$

1. أنشر و بسط A.

2. حل A .

3. أحسب A من أجل $x = -\frac{1}{2}$

تمرين - 3C.8 أفريقيا.

لتكن العبارة: $E = (x - 2)^2 - 4x(x - 2)$.

1. أنشر و بسط E.

2. حل E.

3. حل المعادلة: $(x - 2)(-3x - 2) = 0$.

تمرين - 3C.9 آسيا.

لتكن $C = (4x - 3)^2 - (6x + 1)(4x - 3)$

1. أنشر و بسط C.

2. حل C.

3. حل المعادلة: $(4x - 3)(-2x - 4) = 0$.

تمرين - 3C.10 جزر الانتيل .

لتكن العبارة: $C = (2x + 1)^2 - 16$.

1. أنشر و بسط C .

2. حل C .

3. حل المعادلة: $(2x - 3)(2x + 5) = 0$.

تمرين - 3C.11 ليون

لتكن العبارة:

$$D = (4x - 1)^2 + (x + 3)(4x - 1)$$

1. أنشر ثم بسط D.

2. حل D .

3. حل المعادلة: $(4x - 1)(5x + 2) = 0$.

تمرين - 3C.12 بونديشيري

$$A = (2x - 3)(2x + 3) - (3x + 1)(2x - 3)$$

1. أنشر ثم بسط A.

2. حل A .

3. حل المعادلة: $(2x - 3)(-x + 2) = 0$.

تمرين - 3C.13 غرونوبل

إليك : $F = (4x - 3)^2 - (x + 3)(3 - 9x)$ 1. أنشر و بسط $(4x - 3)^2$ 2. أثبت أن : $F = (5x)^2$ 3. أوجد القيم التي تجعل : $F = 125$

تمرين - 3C.14 نانت

$$\text{Soit } A = (7x - 3)^2 - 9$$

1. أنشر ثم بسط A.

2. حل A .

3. حل المعادلة : $7x(7x - 6) = 0$.

تمرين - 3C.15 باريس.

$$A = (x - 5)^2 - (2x - 7)(x - 5)$$

1. أنشر و بسط A .

2. حل A .

3. حل المعادلة: $(x - 5)(-x + 2) = 0$.

تمرين - 3D.1 بوردو.

إليك العبارة الجبرية:

$$E = (x - 3)^2 - (x - 1)(x - 2)$$

a. أنشر و بسط E.

كيف يمكن أن نستنتج النتيجة، دون آلة حاسبة:

$$99\ 998 \times 99\ 999 - 99\ 997^2$$

a.2. حلل العبارة :

$$F = (4x + 1)^2 - (4x + 1)(7x - 6)$$

b. حل المعادلة: $(4x + 1)(7 - 3x) = 0$

تمرين - 3D.2 كليرمون فران.

نعطي العبارة الجبرية:

$$D = (3x + 1)(6x - 9) - (2x - 3)^2$$

بين أن: D يمكن أن تكتب على الشكل ، بعد النشر والتبسيط :

$$D = 14x^2 - 9x - 18$$

2. أحسب قيم D من أجل $x = \frac{3}{2}$ ثم من أجل $x = \sqrt{2}$ ، أكتبالنتيجة الثانية على الشكل $a + b\sqrt{2}$ حيث : a و b صحيحان3. حل $6x - 9$ ، ثم حل D.4. استنتج حلول للمعادلة $D = 0$.

تمرين - 3D.3 يموج.

1. لتكن: $D = 9x^2 - 1$

a. ما هو الجداء الشهير الذي يمكن استخدامه لتحليل العبارة D ؟

b. حلل D.

$$E = (3x + 1)^2 + 9x^2 - 1$$

a. أنشر E.

b. حلل E.

c. أوجد حلول للمعادلة: $6x(3x + 1) = 0$

تمرين - 3D.3 ليون.

إليك العبارة الجبرية E التالية :

$$E = (2x + 3)^2 + (x - 7)(2x + 3)$$

1. أنشر و بسط E.

2. حلل E.

3. حل المعادلة: $(2x + 3)(3x - 4) = 0$ 4. أحسب قيمة E من أجل $x = \sqrt{2}$.

تمرين - 3D.4 نانت.

إليك العبارة الجبرية:

$$E = (3x + 5)(2x - 1) + 9x^2 - 25$$

1. أنشر و بسط E.

2. حلل $9x^2 - 25$ ، ثم العبارة E.3. حل المعادلة: $(3x + 5)(5x - 6) = 0$.

تمرين - 3D.5 أورليانز-توورس.

نعطي العبارة التالية :

$$K(x) = (5x - 3)^2 + 6(5x - 3)$$

1. أنشر و بسط العبارة $K(x)$.2. أحسب $K(\sqrt{2})$.

تمرين - 3D.6 مرسيليا

لتكن: $C = (x - 1)(2x + 3) + (x - 1)^2$ 1. أنشر العبارة C وبين أنها تساوي: $3x^2 - x - 2$ 2. أحسب قيمة C من أجل $x = \sqrt{2}$ ، ثم اكتبها على الشكل - a $\sqrt{2}$ ، حيث a عدد صحيح .

3. حلل العبارة C.

4. حل المعادلة: $(x - 1)(3x + 2) = 0$

تمرين - 3D.7 باريس

إليك العبارة الجبرية:

$$C = (3x - 1)^2 - (3x - 1)(2x + 3)$$

1. أنشر ثم بسط C.

2. حلل C.

3. حل المعادلة: $(3x - 1)(x - 4) = 0$ 4. أحسب C من أجل $x = \sqrt{2}$.

تمرين - 3D.8 بولينيزيا

إليك العبارة الجبرية:

$$D = (3x - 2)^2 - 25$$

1. أنشر ثم بسط D.

2. حلل D.

3. أحسب D من أجل $x = \sqrt{3}$.4. حل المعادلة: $(4x - 1)(5x + 2) = 0$

تمرين - 3D.9 جزر الأنتيل

$$C = (3x - 1)^2 - 4x(3x - 1)$$

1. أنشر ثم بسط C.

2. أحسب C من أجل $x = 0$ ؛ من أجل $x = \sqrt{2}$.

3. حلل C.

4. حل المعادلة: $(3x - 1)(x + 1) = 0$

تمرين 3D.10 جنوب شرق آسيا

إليك العبارة الجبرية T التالية :

$$T = (2x - 1)^2 - (2x - 1)(x + 5)$$

1. بعد النشر والتبسيط، بين أن العبارة T يمكن كتابتها على

الشكل: $T = 2x^2 - 13x + 6$

2. استخدم العبارة المتحصل عليها في السؤال 1، لحساب T من

أجل $x = \frac{1}{3}$ و من أجل $x = \sqrt{2} + 1$.

تُعطي النتائج على أبسط شكل ممكن.

3. حلل العبارة T، ثم قيم x من أجل تكون العبارة T مساوية لـ 0.

تمرين - 3D.11 كليرمون-فران

إليك العبارة الجبرية:

$$D = (2x + 3)^2 - (x - 4)^2$$

1. أنشر ثم بسط D.

2. اكتب D على شكل جداء عاملين .

3. أحسب D من أجل $x = \sqrt{3}$ ، (تعطي القيمة المضبوطة لـ علىالشكل $a + b\sqrt{3}$ ، مع a و b صحيحان).

نشاط - 4.1 حول كل متراجحة بملء الفراغ:

$x > 6$ + 8 →	$x \leq 7$ $\times 4$ →	$x > -5$ + 12 →	$x < -14$ $\times 3$ →	$x \leq 7$ - 5 → $-5x \geq -35$
$x > -2$ - 17 →	$x > 6$ $\times (-5)$ →	$x \leq -9$ $\times (-6)$ →	$-7 \geq x$ $\times 11$ →	$x \leq 6$ $\times (-8)$ →

نشاط - 4.2 حول كل متراجحة بملء الفراغ:

$x + 7 > 6$ - 7 → $x > -1$	$-5x \leq 7$ $\times 3$ →	$x - 9 > -5$ + 15 →	$-2x < -8$ $\times 3$ →	$3 - x \geq 7$ - 5 →
$3x > 5$ $\times (-2)$ →	$3x \leq 7$: 3 →	$\frac{1}{3}x \geq -9$ $\times (-6)$ →	$7 \geq -5x$: (-5) →	$-\frac{3}{4}x \leq 6$ $\times (-4)$ →

نشاط - 4.3 اكمل الفراغ:

$x > 6$ $\times 3$ → $3x > 18$	$x \leq 7$ → $5x$	$x > -5$ → $x + 8$	$x < -8$ → $x - 9$	$x \geq 7$ → $-2x$
$x > 6$ → $-7x$	$-5 \leq x$ → -30	$x > -5$ → $-5x$	$-2x < 3$ → $6x$	$x \geq 7$ → $-8x$

نشاط - 4.4 اكمل الفراغ:

$x + 7 > 6$ - 7 → $x > -1$	$x + 9 \leq -4$ → x	$x - 9 > -5$ → x	$5x < -45$ → x	$-3x \geq 21$ → x
$-5x > 6$ → x	$\frac{1}{3}x \leq -4$ → x	$-3x > -5$ → x	$-\frac{1}{7}x < -8$ → x	$-13x \geq 9$ → x

تمارين - 4A.1 (ذهنيا) أشر للذي يكون حلا للمتراجحة من الأعداد الأربعة أسفله :

$3x - 7 > x - 3$	$4x + 12 \leq 0$	$5x - 9 \geq 0$	$7x < -3$	$5x > 8$
<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 3 <input type="checkbox"/> -6	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> 2
<input type="checkbox"/> -1 <input type="checkbox"/> -3	<input type="checkbox"/> -1 <input type="checkbox"/> -3	<input type="checkbox"/> -1 <input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> -2 <input type="checkbox"/> -1	<input type="checkbox"/> -1 <input type="checkbox"/> -3

تمارين - 4A.2 إختبر المتراجحة $4x - 3 > 9 - 2x$ لمختلف قيم x .

a. إذا كانت $x = 1$ من ناحية: $4x - 3 = 4 \times 1 - 3$ $= 4 - 3$ $= 1$ ومن ناحية أخرى: $9 - 2x = 9 - 2 \times 1$ $= 9 - 2$ $= 7$ بما أن $1 < 7$ ، إذن 1 ليس حل للجملة	b. إذا كانت: $x = 2$	c. إذا كانت: $x = 3$
---	-----------------------------	-----------------------------

تمارين 4A.3 إختبر المتراجحة $4x + 18 \leq 4 - 3x$ لمختلف قيم x .

a. إذا كانت: $x = 2$	b. إذا كانت: $x = -5$	c. إذا كانت: $x = -2$
-----------------------------	------------------------------	------------------------------

تمارين - 4A.4 حل المتراجحات التالية:

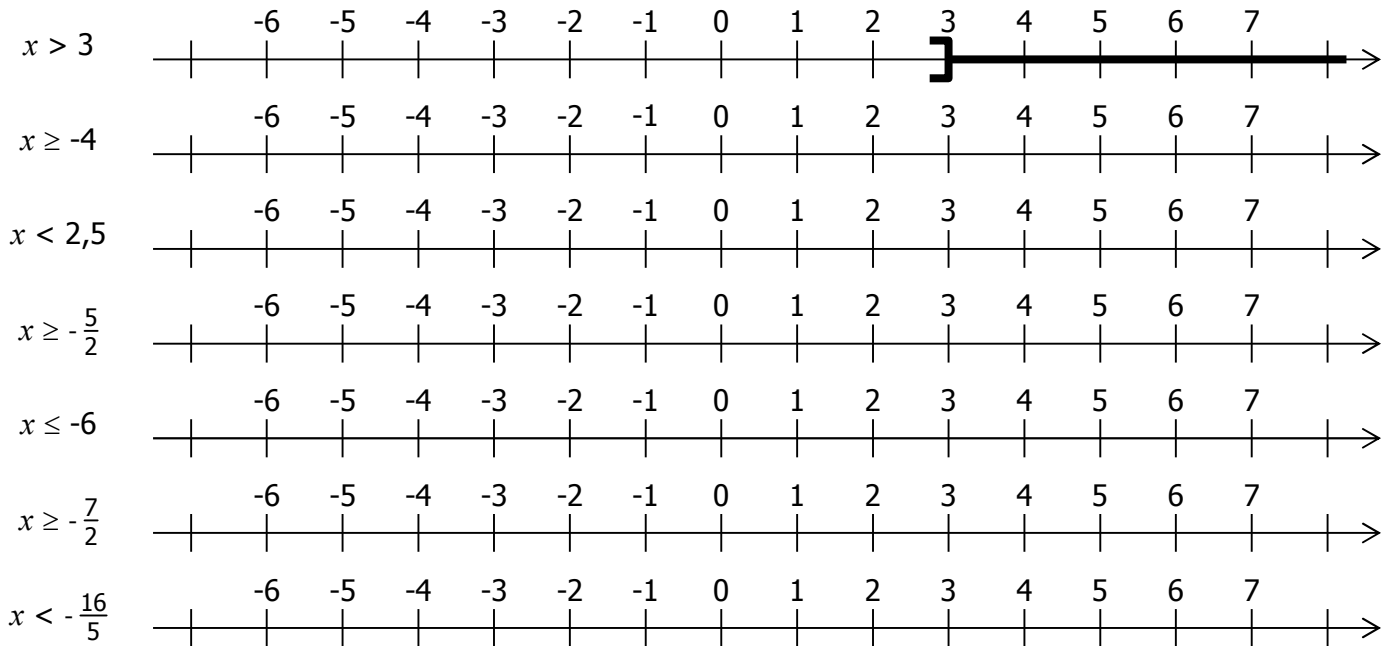
$-2x > 5$	$7x < -3$	$x + 2 \geq 5$	$x - 5 \leq 7$	$5x > -2$ $x > -\frac{2}{5}$
$3x \leq -4$	$-3x \geq -12$	$28 \leq -7x$	$42 < 6x$	$-5x \geq -35$

تمارين - 4A.5 حل المتراجحات التالية

$-3 > -5x + 7$	$8x + 3 \leq 6$	$4 - 3x \geq 2$	$7x + 5 < -3$	$3x + 5 > -2$ $3x > -2 - 5$ $3x > -7$ $x > -\frac{7}{3}$
$-7x + 1 \geq 4 + 3x$	$5x + 9 < 3 - 4x$	$-4x + 7 \leq 5 - x$	$7x + 2 > x + 6$	$8 - 7x \leq 4$

تمرين 4B.1

لون على المحور حلول كل متراجحة :



تمرين 4B.2

حل المتراجحات التالية ثم مثل الحل

a. $50x + 300 > 1\,700$ 	b. $800x + 3\,000 \leq 14\,000$ 	c. $75x \leq 900 + 30x$ 	d. $9 - 3x > 4,5$
e. $34 - 2x \leq 25$ 	f. $5x - 3 > 7x - 95$ 	g. $3x \geq 24 - \frac{x}{2}$ 	h. $\frac{3x - 2}{4} > 2$

تمرين - 4C.1 كليرمون فران.

توفر شركة للاتصالات "الو" اشتراك شهري للهاتف 980 DA و 13DA للدقيقة. وتوفر شركة أخرى "لاو" للاتصالات اشتراك 950DA في الشهر و 14.5 DA للدقيقة.

x يعبر عن عدد الدقائق للاتصالات في الشهر.

1- عبر بدلالة x عن مبلغ الفاتورة عن شركة الو، ثم مبلغ فاتورة عن شركة لاو في شهر.

2- حدد مدد الاتصال الشهرية لكي تتمكنك من اختيار عرض شركة الو؟

تمرين - 4C.2 جزر الانتيل.

حل المتراجحة التالية: $4x - (x + 1) < 8x$

مثل الحلول على محور (هشر الجزء الذي لا يمثل الحلول).

تمرين - 4C.3 بولينيزي

حل المتراجحة: $3x - 2 \geq x - 4$

مثل بيانها، على مستقيم مدرج هذه الحلول (هشر الجزء الذي لا يناسب الحل).

تمرين - 4C.4 افريقيا

إليك المتراجحة: $4x + 7 > 2 - 3x$

1. هل العدد 0 حل لهذا المتراجحة؟ برر الإجابة.

2. هل العدد (-1) حل لهذا المتراجحة؟ برر الإجابة.

3. حل المتراجحة $4x + 7 > 2 - 3x$ ومثل الحلول على مستقيم موجه.

تمرين - 4C.5 بونديشيري.

حل عدم المساواة التالية: $4x + 1 > -2x - 5$

اعط تمثيل بياني للحلول على مستقيم مدرج (هشر الجزء المظلل الذي لا يناسب).

تمرين - 4C.6 اميان

1- من بين الأعداد: 0؛ (-4)؛ (-5) ماهي التي تمثل حلا للمتراجحة: $1 - 5x \leq 2$ ؟

2- حل عدم المساواة: $3x - 2 \geq x - 4$

مثل بيانها الحلول على مستقيم مدرج (هشر الجزء المظلل الذي لا يناسب).

تمرين - 4C.7 ليموج.

$$\text{Soit } A = \frac{3x - 2}{4}$$

1. احسب A من اجل $x = \frac{7}{3}$ ثم العدد $\frac{7}{3}$

هل من حلول للمتراجحة: $\frac{3x - 2}{4} > 2$ ؟

2. حل المتراجحة $\frac{3x - 2}{4} > 2$

تمرين - 4C.8 اميان.

لاستخدام منشأتها، يقدم نادي جمباز الخيارات الثلاثة التالية:

الخيار 1: 80 DA لكل حصة؛

الخيار 2: اشتراك سنوي 1 000 DA و 40 DA لكل حصة؛

الخيار 3: اشتراك سنوية 3 000 DA وعدد الحصص غير محدود.

1- أكمل الجدول التالي:

عدد الحصص السنوية	10	40	60
التكلفة حسب الخيار 1			
التكلفة حسب الخيار 2			
التكلفة حسب الخيار 3			

2. عبر، بدلالة x عدد الحصص السنوية:

a. التكلفة P_A لمستخدم الخيار 1

b. التكلفة P_B لمستخدم الخيار 2

3. شخص يريد أن يصرف في السنة 2 400 DA لاستخدام مرافق النادي. كم عدد الحصص إذا اختار الخيار 2؟

4. لتكن المتراجحة: $80x < 1 000 + 40x$

a. حل هذه المتراجحة.

b. أعط تفسيراً للنتيجة.

تمرين - 4C.9 مراكز أجنبية. 2002. (بالتصرف)

عمر يريد تأجير أقراص علمية في مكتبة التي توفر الخيارين التاليين لإيجار يومي:

خيار 1: 30 DA لكل قرص مستأجر.

الخيار 2: بطاقة 150 DA لمدة 6 أشهر مع 15 DA لكل قرص مستأجر.

1. a. إكمال الجدول التالي:

عدد الأقراص المستأجرة خلال 6 أشهر	4	8	10	12
المبلغ المدفوع بـ DA				
خيار 1				
خيار 2				

b. حدد الخيار الأكثر فائدة.

2 يسمى x عدد الأقراص المستأجرة من قبل عمر.

a. عبر بدلالة x عن المبلغ المدفوع $A(x)$ حسب الخيار 1.

b. عبر بدلالة x المبلغ المدفوع $B(x)$ حسب الخيار 2.

3. حدد بالحساب أقل قيمة لـ x يكون فيها الخيار 2 أكثر فائدة من الخيار 1 لمدة 6 شهور.

اختر من بين الإجابات الصحيحة منها .

1. $-2(2x - 5) - 5x + 5x + 3x = -4x + 2x + 2x + 3(4x - 4) - 2x$

[A] $x = -5$

[B] $x = 2$

[C] $x = -4$

[D] $x = 3$

2. $-2(-3x - 3) - 3x - (5x - 3) = -5(-2x - 1) - 2(5x - 5)$

[A] $x = -3$

[B] $x = 2$

[C] $x = -4$

[D] $x = 0$

3. $-(-x - 5) + 3 - (2x - 4) = -2(-3x - 1) - 2x$

[A] $x = 2$

[B] $x = -3$

[C] $x = 5$

[D] $x = 3$

4. $-2(-x + 3) - 5 - (2x + 3) = -3(2x - 2) - 3x + 4x$

[A] $x = 4$

[B] $x = -3$

[C] ليس للمعادلة حل

[D] كل الأعداد الحقيقية

5. $2(-2x + 2) - 2 - 5(3x - 5) = -(-5x - 4) + 5(-3x + 1)$

[A] $x = -5$

[B] $x = 1$

[C] $x = 2$

[D] $x = 4$

6. $-4(-2x + 2) - (-4x - 5) + 2x = -3x - 3(-3x + 5) - 2(-2x + 4)$

[A] $x = -1$

[B] $x = -5$

[C] ليس للمعادلة حل

[D] كل الأعداد الحقيقية

7. $2(-3x + 4) - 5 + 2(5x - 1) = -5x - 2(-3x - 2)$

[A] $x = -1$

[B] $x = -4$

[C] $x = 1$

[D] $x = -2$

$$8. 5x - 3x + 3x - 2(-5x - 1) = 5(2x + 3) - 2(-5x - 1)$$

$$[A] x = -3$$

$$[B] x = -4$$

[C] ليس للمعادلة حل

[D] كل الأعداد الحقيقية

حل المعادلات التالية :

$$1. 4x - 2x - 2(3x + 2) + 3x = -x + 4(2x - 3)$$

$$2. -3x - 3x - 4(3x + 3) - 3x = 3 + 4 - (-3x + 3) - 4(5x + 3)$$

$$3. 5x - 5x - 3(4x + 2) + 5(5x + 1) = -4(-3x + 1) + 5x - 2x - 3x$$

$$4. -5x + 4(4x + 2) + 4(-4x + 3) = -x - 4(3x + 3)$$

$$5. 2(-2x - 3) - x - 5x + 4x = -3(-2x + 2) - 3x$$

$$6. 5x + 4(-5x - 5) - 3x + 5x = 4x + 3x - 4(3x + 5) - 2x$$

$$7. -5(3x - 1) + 3x + 3(-5x - 1) = -2(4x - 1) - 4x$$

$$8. 3(3x - 4) - 2 - 3(-2x - 1) = 5x - (4x - 3)$$

$$9. -1 - 2(2x + 2) + 4(-x - 2) = 5(-3x - 4) - (-4x - 4)$$

$$10. -x - 2(-4x + 1) - 5(-x - 1) = -3(5x + 3) + 4(-x + 3)$$

$$11. -4x - 4x - 3x - (-2x - 3) = 5 - 2(2x + 3) - 2(3x - 2)$$

$$12. -2(-2x - 4) - 4x - 5x - 2x = -5x + 4(-x - 4) - 4x + 3x - 5x$$

$$13. 1 + 5(4x - 4) - 4(2x - 5) = -3(-4x - 4) - (-4x - 4) + 5$$

$$14. -3 + 3(-4x - 3) - 5(-5x + 2) = 2(5x - 3) - 5 - 2(2x - 5)$$

$$15. -5x - x + 2x - 2(4x + 2) = -5x - 2(3x - 4) + 5x$$

$$16. -4x + 4x - 2x - 4x + 4(-4x - 4) = -2(-3x - 4) - 3(5x + 2) - 5$$

$$17. -3x - 5(-3x + 1) + 5(-x + 2) = 3x + 3(-2x - 5)$$

$$18. -2(-x + 3) - 4 + 3(2x + 5) = -2x - (-4x - 3) + 4(2x - 2)$$

$$19. -(4x + 1) + 3x - 3(2x + 3) = 3x - (5x + 5) - 3x$$

$$20. 4(-4x + 2) - 3 - 3(-x + 1) = 2(4x + 4) + 3x$$

$$21. 4x - 5(-4x + 5) - 2(2x + 1) = 3(3x + 5) - 3(-5x + 2) - 4x$$

$$22. -(-5x - 3) + 4x + 2(-2x + 4) - 5x = 3x - 5x - (3x + 2) + 5x$$

$$23. 4(3x + 3) - 5(-x + 3) + 3(-3x - 3) = 2 - 2(2x + 4) - 4(-3x + 5)$$

$$24. -3x + 3(5x + 1) - (3x - 5) = 4x - 3x + 3(3x + 2) - x$$

$$25. -4(2x - 2) - 4x + 4(-x - 3) = 4(-4x + 1) - 3x + 3x$$

$$26. 4(-3x - 2) + 3(2x + 2) + 5x = -4(2x + 4) - 3(-x - 2) + 2(2x + 4)$$

$$27. -5(3x - 1) + 1 + 2(5x + 2) = -2(2x - 5) - x$$

$$28. -4x + 5x - 3(-2x - 4) + 2x = 2(-3x + 1) + 5(3x + 2)$$

$$29. 5(5x + 2) - 4x - 4(3x + 2) + 5x = -(-4x + 1) - 1 - 2(-5x - 2)$$

$$30. -3x + 5(3x + 2) + 5(4x + 2) = -5(-4x - 4) + 1 + 2 + 3(4x - 1)$$