

تعويض قيم في عبارات

المعادلة من الشكل  $a x+b=0$

المعادلة من الشكل  $(a x+b)(c x+d)=0$

التحليل + المعادلات  $(a x+b)(c x+d)=0$

معادلات (مسائل من شهادت دون جذور تربيعية)

معادلات (مسائل من شهادت بجذور تربيعية)

المتراجحة والعمليات

المتراجحة [الاختبار - الحل]

المتراجحة [المستقيم المدرج - مسائل]

المتراجحة [مسائل من شهادات]

معادلات

المحتوى	المهارات المطلوبة	تعليقات
المعادلات و المتراجحات من الدرجة الأولى الترتيب والضرب المتراجحة من درجة الأولى بمجهول	استخدم تأثير الاعداد النسبية فترتيب $ab$ و $ac$ في نفس ترتيب $b$ و $c$ إذا كانت $a$ موجبة تماما ، في ترتيب عكسي إذا كانت $a$ سالبة تماما.	في هذا القسم ، سنكون قارئين على الاعتماد على الأنشطة التي تم ممارستها بالفعل في الفصول السابقة ، وخاصة تلك الاختبارات عن طريق استبدال الحروف بالقيم العددية .
حل المشكلات من الدرجة الأولى أو متراجحات حل مشكلات من درجة الأولى أو متراجحات	حل متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول بالمعاملات العددية تمثيل الحول على مستقيم متدرج.	تقع دراسة إشارة جداء أو حاصل قسمة عبارتين من الدرجة الأولى لنفس المتغير خارج البرنامج
حل المشكلات من الدرجة الأولى	حل المعادلة في النموذج $0 = A \cdot B$ ، حيث يكون $A$ و $B$ عبارتين من الدرجة الأولى بنفس المجهول. وضع معادلة ، وحل مشكلة تؤدي إلى معادلة أو متراجحة أو جملة معادلتين من الدرجة الأولى	تأتي المسائل من أجزاء مختلفة من البرنامج. كما هو الحال في السنة الثالثة ، سيتم تحديد المراحل المختلفة للعمل في كل مرة: وضع المعادلة ، حل المعادلة وتفسير النتيجة.

**a. المعادلات.**

المعادلة هي تساوي عبارتين (نسميهما طرفي المعادلة) فيها تظهر الحروف (المجاهيل). وحل المعادلة هو إعطاء كل قيم المجاهيل التي تجعل المساواة صحيحة.

مثال :

(2) هو حل للمعادلة :

اذا كانت:  $x = -2$ 

$$3 - x = 3 - (-2) = 3 + 2 = 5 \quad \text{و} \quad x^2 + 1 = (-2)^2 + 1 = 4 + 1 = 5$$

**a. المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول:**

في معادلة من الدرجة الأولى بمجهول ، هناك مجهول واحد . لحل المعادلة ، يجب أن نجد قيمة (في الغالب ، هناك واحدة فقط) المجهول التي تجعل المساواة صحيحة.

مثال :

حل المعادلة:  $4x + 3 = 0$ 

$$4x = -3$$

$$x = \frac{-3}{4}$$

1- نعزل « $x$ »2- نقسم على معامل  $x$ :**b. معادلة الجداء المعدوم:**

عندما يكون الجداء معدوما ، فهذا يعني أن إحدى العاملين على الأقل معدوم. نسمى معادلة جداء معدوم هي جداء معادلتين من الدرجة الأولى بمجهول ، من الشكل:

$$(ax + b)(cx + d) = 0$$

حلول هذه المعادلة هي حل المعادلين:

$$(2x + 1)(3x - 5) = 0 \quad \text{حل المعادلة :}$$

$$2x + 1 = 0$$

$$2x = -1$$

$$x = \frac{-1}{2}$$

أو

أو

أو

$$3x - 5 = 0$$

$$3x = 5$$

$$x = \frac{5}{3}$$

يعني أن

ومنه:

للمعادلة حلان هما  $\frac{-1}{2}$  و  $\frac{5}{3}$

**II. الترتيب والعمليات****a. الجمع والطرح (تذكير):**

لا يتغير إتجاه المتراجحة عندما نضيف (أو نطرح) نفس العدد إلى الطرفين.

مثال :

$$\begin{array}{l} \text{إذا كان } x > 5 \\ \text{فإن: } x + 3 > 5 + 3 \\ \text{إذن: } x + 3 > 8 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{إذا كان } x < -6 \\ \text{فإن: } x - 3 < -6 - 3 \\ \text{إذن: } x - 3 < -9 \end{array}$$

**b. الضرب والقسمة:**

لا يتغير إتجاه المتراجحة عندما نضرب (أو نقسم) طرفيها بنفس العدد **الموجب**

$$\begin{array}{l} x > 5 \quad \text{إذا كان} \\ x \times 3 > 5 \times 3 \quad \text{فإن:} \\ 3x > 15 \quad \text{إذن:} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} x < -6 \quad \text{إذا كان} \\ \frac{x}{3} < \frac{-6}{3} \quad \text{فإن:} \\ \frac{x}{3} < -2 \quad \text{إذن:} \end{array}$$

انتبه

نغير إتجاه المتراجحة عندما نضرب (أو نقسم) طرفيها بنفس العدد **السالب**.

$$\begin{array}{l} x > 5 \quad \text{إذا كان} \\ x \times (-3) > 5 \times (-3) \quad \text{فإن:} \\ -3x < -15 \quad \text{إذن:} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} x < -6 \quad \text{إذا كان} \\ \frac{x}{-3} < \frac{-6}{-3} \quad \text{فإن:} \\ -\frac{x}{3} > 2 \quad \text{إذن:} \end{array}$$

**c. المتراجحة من الدرجة الأولى بجهول.**

المتراجحة هي متباعدة بين عبارتين تظهر فيها حروف (مجاهيل).

في المتراجحة من الدرجة الأولى بجهول ، هناك جهول واحد فقط.

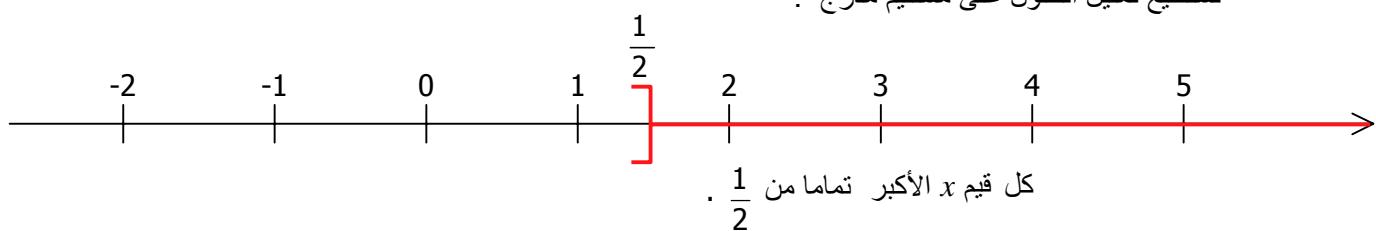
حل المتراجحة ، هو إيجاد كل قيم المجهول التي تجعل المتراجحة صحيحة .

مثال : حل المتراجحة:

$$\begin{array}{l} 4x - 2 > 0 \\ 4x - 2 + 2 > 0 + 2 \quad \text{نجل المجهول في طرف والمعاليم في الطرف الآخر بإضافة 2} \\ \frac{4x}{4} > \frac{2}{4} \quad \text{نحسب} \\ x > \frac{1}{2} \quad \text{نعزل } x \text{ بالقسمة الطرفين على 4} \\ \text{نحسب} \end{array}$$

حلول المتراجحة هي: كل قيم  $x$  الأكبر تماما من  $\frac{1}{2}$ .

نستطيع تمثيل الحلول على مستقيم مدرج :



## تمرين 1A.1

احسب العبارة  $A = 5x - 3$  من أجل مختلف قيم  $x$  التالية:

$x = \frac{1}{2}$ من أجل $A = 5x - 3$	$x = -\frac{2}{3}$ من أجل $A = 5x - 3$	$x = -\frac{3}{2}$ من أجل $A = 5x - 3$
---------------------------------------	--	--

## تمرين 1A.2

احسب العبارة  $B = x^2 + 2x$  من أجل مختلف قيم  $x$  التالية:

$x = \frac{1}{2}$ من أجل $B = x^2 + 2x$	$x = -\frac{2}{3}$ من أجل $B = x^2 + 2x$	$x = -\frac{3}{2}$ من أجل $B = x^2 + 2x$
---	--	--

## تمرين 1A.3

احسب العبارة  $C = -3x^2 - x$  من أجل مختلف قيم  $x$  التالية:

$x = \frac{1}{2}$ من أجل $C = -3x^2 - x$	$x = -\frac{2}{3}$ من أجل $C = -3x^2 - x$	$x = -\frac{3}{2}$ من أجل $C = -3x^2 - x$
--	---	---

## تمرين 1A.4

احسب العبارة  $D = -4x^2 + 3x$  من أجل مختلف قيم  $x$  التالية:

$x = \frac{1}{2}$ من أجل $D = -4x^2 + 3x$	$x = -\frac{2}{3}$ من أجل $D = -4x^2 + 3x$	$x = -\frac{3}{2}$ من أجل $D = -4x^2 + 3x$
---	--	--

## تمرين 2A.3

حل هذه المعادلات :

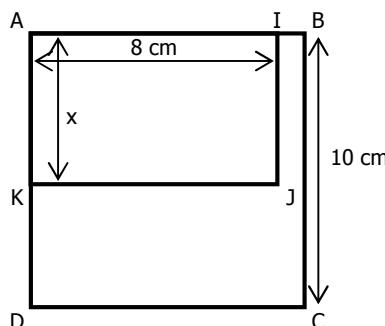
a. $4x = \frac{3}{5}$	b. $\frac{2}{3}x = 7$	c. $\frac{6}{5}x = \frac{-7}{11}$
d. $-7x = \frac{4}{-3}$	e. $\frac{-3}{2}x = 5$	f. $\frac{-5}{7}x = \frac{-2}{-3}$

## تمرين 2A.4

- ضع لكل مشكلة معادلة بجهول  $x$  ثم حل هذه المعادلة .
- تبيع سوق كتابا سعر الواحد DA 90 . في نهاية اليوم جمعوا 2430 DA . كم عدد الكتب المباعة في هذا اليوم؟
- طول زيد الآن 1,54 m ، زاد طوله 7 cm 7 أثناء الصيف الماضي . كم كان طوله قبل الزيادة؟
- إشتري عمرو سترة بـ DA 9900 ، و قميصين . فصرف على الكل 12700 DA . ما هو ثمن القميص الواحد؟
- أراد خالد أن يشتري 3 أوراق مصورة لتعليم الصلاة . ولكن المكتبي ختار له 5 أوراق . بتكلفة إضافية 18 DA أكثر من ثمن 3 أوراق . ما هو ثمن الورقة الواحدة؟
- مجموع عددين هو 24 . أحد العددين هي ضعف للأخر ، اوجد هذين العددين .
- مجموع ثلاثة أعداد صحيحة متتالية 24 . اوجد هذه الأعداد الثلاثة .
- إليك فواعد اللعبة :

  - إذا فزت ، تحصل على 100 DA .
  - إذا خسرت ، ترجع 40 DA .

لعبت هذه اللعبة 25 مرة ، ولقد فقدت 20 DA في المجمل .

- h. مربع ABCD ضعف طول ضعه 10 cm .
- 8 cm مستطيل طوله  $x$  وعرضه  $x$  .
1. عبر بدلالة  $x$  عن مساحة المستطيل AIJK .
2. حدد قيمة  $x$  حتى تكون مساحة المستطيل AIJK هو نصف بالضبط من مساحة المربع ABCD .

## تمرين 2A.1

حل هذه المعادلات :

b. $-3x = 12$	a. $7x = 21$
d. $4x - 3 = 5$	c. $5x - 25 = 0$
f. $3x - 7 = -2x - 9$	e. $4x + 2 = x + 11$

## تمرين 2A.2

ترجم كل جملة لمعادلة ، ومن ثم أوجد العدد  $x$  :

b. ثلاثة أمثال $x$ يعطى 33 .	a. ضعف $x$ يعطى 6 .
d. ضعف $x$ مضاف إليه 6 يعطى 0 .	c. فرق $x$ و 9 يعطى 4 .
f. نصف $x$ إلى خمسة أمثال $x$ .	e. طرح 6 من ثلاثة أمثال $x$ يعطى 9 .

$$(4x - 1)(6x + 5) = 0 \quad b.$$

$$(x + 5)(x - 3) = 0 \quad a.$$

$$(3x + 4)(2 - 5x) = 0 \quad d.$$

$$(-8x + 5)(-2 - 3x) = 0 \quad c.$$

$$3x(7 + 8x) = 0 \quad f.$$

$$(5 + 3x)(7 - x) = 0 \quad e.$$

$$(4x - 2)(2 - x) = 0 \quad h.$$

$$-8x(-3 - 6x) = 0 \quad g.$$

تمرين 3A.1

حل المعادلات التالية:

$$5 + 4x = 0 \quad c. \quad 7x + 5 = 0 \quad b. \quad 2x - 3 = 0 \quad a.$$

$$= \quad = \quad =$$

$$= \quad = \quad =$$

$$-2x - 9 = 0 \quad f. \quad -3x + 5 = 0 \quad e. \quad 7x - 8 = 0 \quad d.$$

$$= \quad = \quad =$$

$$= \quad = \quad =$$

$$-12x = 0 \quad i. \quad 6x = 0 \quad h. \quad -1 - 5x = 0 \quad g.$$

$$= \quad = \quad =$$

$$= \quad = \quad =$$

تمرين 3A.2

اكمـل الفراغ :

$$(2x + 5)(3x + 1) = 0 \quad a.$$

يعـني ..... = 0 أو ..... = 0

$$6x(-x + 4) = 0 \quad b.$$

يعـني ..... = 0 أو ..... = 0

$$(9 - 4x)(3 + 1) = 0 \quad c.$$

يعـني .....

$$5x(-6 + x)(7x + 2) = 0 \quad d.$$

يعـني .....

$$(4 - 3x)(x - 7)(6 + 5x) = 0 \quad e.$$

يعـني .....

تمرين 3A.3

حل معادلة جداء معدوم يحرر بهذه الكيفية:

$$(2x + 5)(3x - 1) = 0$$

يعـني:

$$3x - 1 = 0 \quad \text{أو} \quad 2x + 5 = 0$$

ومنه:  $3x = 1 \quad \text{أو} \quad 2x = -5$ ومنه:  $x = \frac{1}{3} \quad \text{أو} \quad x = -\frac{5}{2}$ إذن: حلـ المعادلة هـما  $\frac{1}{3} \quad \text{و} \quad -\frac{5}{2}$

**3B.7** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$G = (4x - 3)^2 - x^2$$

b. حل المعادلة :  

$$(5x - 3)(3x - 3) = 0$$

**3B.4** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$D = x^2 - 4$$

b. حل المعادلة :  

$$(x + 2)(x - 2) = 0$$

**3B.1** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$A = (x + 3)(x + 2) + (x + 3)(x + 1)$$

b. حل المعادلة :  

$$(x + 3)(2x + 3) = 0$$

**3B.8** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$H = 4x^2 - 12x + 9$$

b. حل المعادلة :  

$$(2x - 3)^2 = 0$$

**3B.5** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$E = (x + 5)^2 - 9$$

b. حل المعادلة :  

$$(x + 8)(x + 2) = 0$$

**3B.2** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$B = (x + 5)(2x + 1) + (x + 5)(x - 7)$$

b. حل المعادلة :  

$$(x + 5)(3x - 6) = 0$$

**3B.9** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$H = 25 + 30x + 9x^2$$

b. حل المعادلة :  

$$(5 + 3x)^2 = 0$$

**3B.6** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$F = 16 - (2x - 1)^2$$

b. حل المعادلة :  

$$(3 + 2x)(5 - 2x) = 0$$

**3B.3** تمرين  
a. حل العبارة :  

$$C = (2x - 1)^2 - (3 - x)(2x - 1)$$

b. حل المعادلة :  

$$(2x + 1)(3x - 4) = 0$$

تمرين 3C.7 بواتييه.

لتكن العبارة:  $A = (2x + 1)^2 - (x - 3)(2x + 1)$

- أنشر و بسط A.
- حل A.

- أحسب A من أجل  $x = -\frac{1}{2}$ .
- تمرين 3C.8 أفرقيا.
- لتكن العبارة:  $E = (x - 2)^2 - 4x(x - 2)$
- أنشر و بسط E.
- حل E.
- حل المعادلة:  $(x - 2)(-3x - 2) = 0$ .

تمرين 3C.9 آسيا.

لتكن  $C = (4x - 3)^2 - (6x + 1)(4x - 1)$

- أنشر و بسط C.
- حل C.
- حل المعادلة:  $(4x - 3)(-2x - 4) = 0$ .
- تمرين 3C.10 جزر الانتيل.
- لتكن العبارة:  $C = (2x + 1)^2 - 16$
- أنشر و بسط C.
- حل C.
- حل المعادلة:  $(2x - 3)(2x + 5) = 0$ .
- تمرين 3C.11 ليون

لتكن العبارة:  $D = (4x - 1)^2 + (x + 3)(4x - 1)$

- أنشر ثم بسط D.
- حل D.
- حل المعادلة:  $(4x - 1)(5x + 2) = 0$ .

تمرين 3C.12 بونديشيري

لتكن  $A = (2x - 3)(2x + 3) - (3x + 1)(2x - 3)$

- أنشر ثم بسط A.
- حل A.
- حل المعادلة:  $(2x - 3)(-x + 2) = 0$ .

تمرين 3C.13 غرونوبيل

لليك:  $F = (4x - 3)^2 - (x + 3)(3 - 9x)$

- أنشر و بسط F.
- أثبت أن:  $F = (5x)^2$ .
- أوجد القيمة التي تجعل:  $F = 125$ .

تمرين 3C.14 نانت

Soit  $A = (7x - 3)^2 - 9$

- أنشر ثم بسط A.
- حل A.
- حل المعادلة:  $7x(7x - 6) = 0$ .

تمرين 3C.15 باريس.

لتكن  $A = (x - 5)^2 - (2x - 7)(x - 5)$

- أنشر و بسط A.
- حل A.
- حل المعادلة:  $(x - 5)(-x + 2) = 0$ .

تمرين 3C.1 مرسيليا.

لتكن  $D = (2x - 3)(5x + 4) + (2x - 3)(2x - 3)$

- أثبت، مع التفصيل، بأن D يمكن كتابته  $D = (2x - 3)(7x + 1)$ .
- حل المعادلة:  $(2x - 3)(7x + 1) = 0$ .

تمرين 3C.2 يوم.

ل يكن  $D = 9x^2 - 1$ .

- ما الجداء الشهير الذي يمكن استخدامه لتحليل D?
- حل D.
- لتكن  $E = (3x + 1)^2 + 9x^2$
- أنشر E.
- حل E.
- حل المعادلة:  $6x(3x + 1) = 0$ .

تمرين 3C.3 نانت.

لتكن العبارة:  $E = (3x + 5)(2x - 1) + 9x^2 - 25$

- أنشر و بسط E.
- حل  $9x^2 - 25$ .
- حل المعادلة:  $(3x + 5)(5x - 6) = 0$ .

تمرين 3C.4 باريس

لتكن  $E = 4x^2 - 9 + (2x + 3)(x - 1)$

- حل  $4x^2 - 9$ .
- استعمل هذه النتيجة لتحليل E.
- أنشر و بسط E.
- حل المعادلة:  $(2x + 3)(3x - 4) = 0$ .

تمرين 3C.5 رين.

يقول طارق لعقبة: "اختر عدد x و ضف 1 إلى ثلات أضعاف x" احسب مربع العدد الناتج و اطرح منه 4.

ما هي النتيجة التي وجدتها عقبة إذا اختار:  $x = 5$  ؟

و اقترح طارق على عقبة تعبيرات أربعة التي يتوافق واحد منها مع الحساب الذي قام به. وفيما يلي هذه التعبيرات الأربع:

$$\begin{array}{ll} B = 4 - (3x + 1)^2 & A = 3(x + 1)^2 - 4 \\ D = (x + 3)^2 - 4 & C = (3x + 1)^2 - 4 \end{array}$$

ما هو التعبير الذي يجب أن يختاره عقبة؟

3. a. حل:  $C = (3x + 1)^2 - 4$

3. b. حل:  $(3x - 1)(3x + 3) = 0$

3. c. عقبة يعيد اللعبة؛ اختار عدد سالب وجد صفر، ما هو العدد الذي اختاره عقبة؟ ثم تحقق من حساب عقبة.

تمرين 3C.6 مدغشقر

لتكن العبارتين:

$$F = x^2 + 6x + 9 \text{ و } E = 4x(x + 3)$$

- حل المعادلة:  $E = 0$ .
- أحسب قيمة F من أجل  $x = -2$ .
- تحقق أن:  $F = (x + 3)^2$ .
- أنشر E.
- بسط F.
- حل E + F.

**تمرين - 3D.6 مرسيليا**  
 لتكن:  $C = (x-1)^2 + (x-1)(2x+3)$   
**1.** أنشر العبارة  $C$  ويبين أنها تساوي:  $3x^2 - x - 2$   
**2.** احسب قيمة  $C$  من أجل  $x = \sqrt{2}$  ، ثم اكتبها على الشكل -  $a\sqrt{2}$  حيث  $a$  عدد صحيح .  
**3.** حل العبارة.  
**4.** حل المعادلة  $0 = (x-1)(3x+2)$

**تمرين - 3D.7 باريس**  
 إليك العبارة الجبرية:  
 $C = (3x-1)^2 - (3x-1)(2x+3)$   
**1.** أنشر ثم بسط .  
**2.** حل .  
**3.** حل المعادلة  $0 = (3x-1)(x-4)$   
**4.** أحسب  $C$  من أجل  $x = \sqrt{2}$ .

**تمرين - 3D.8 بولنديزا**  
 إليك العبارة الجبرية:  
 $D = (3x-2)^2 - 25$   
**1.** أنشر ثم بسط.  
**2.** حل .  
**3.** أحسب  $D$  من أجل  $x = \sqrt{3}$ .  
**4.** حل المعادلة  $0 = (4x-1)(5x+2)$

**تمرين - 3D.9 جزر الأنتيل**  
 $C = (3x-1)^2 - 4x(3x-1)$   
**1.** أنشر ثم بسط.  
**2.** أحسب  $C$  من أجل  $x = 0$  من أجل .  
**3.** حل .  
**4.** حل المعادلة  $0 = (3x-1)(x+1)$

**تمرين 3D.10 جنوب شرق آسيا**  
 إليك العبارة الجبرية  $T$  التالية :  
 $T = (2x-1)^2 - (2x-1)(x+5)$   
**1.** بعد النشر والتبسيط ، بين أن العبارة  $T$  يمكن كتابتها على الشكل:  $T = 2x^2 - 13x + 6$   
**2.** استخدم العبارة المتحصل عليها في السؤال 1 ، لحساب  $T$  من أجل  $x = \frac{1}{3}$  و من أجل  $x = \sqrt{2} + 1$ .  
 تعطى النتائج على أبسط شكل ممكن.  
**3.** حل العبارة  $T$  ، ثم قيم  $x$  من أجل تكون العبارة  $T$  مساوية لـ 0.

**تمرين - 3D.11 كليرمون- فران**  
 إليك العبارة الجبرية:  
 $D = (2x+3)^2 - (x-4)^2$   
**1.** أنشر ثم بسط.  
**2.** اكتب  $D$  على شكل جداء عاملين .  
**3.** أحسب  $D$  من أجل  $x = \sqrt{3}$  (تعطى القيمة المضبوطة لـ على الشكل  $a + b\sqrt{3}$  ، مع  $a$  و  $b$  صحيحان ).

**تمرين - 3D.1 بوردو.**

**1.** إليك العبارة الجبرية:

$$E = (x-3)^2 - (x-1)(x-2)$$

**a.** أنشر و بسط.

كيف يمكن أن نستنتج النتيجة ، دون آلة حاسبة:  
 $999 \times 999 - 997^2 = 99999 - 994001 = 598$

**a.2** حل العبارة :

$$F = (4x+1)^2 - (4x+1)(7x-6)$$

**b.** حل المعادلة  $0 = (4x+1)(7-3x)$

**تمرين - 3D.2 كليرمون فران.**

نعطي العبارة الجبرية:

$$D = (3x+1)(6x-9) - (2x-3)^2$$

بين أن: **D** يمكن أن تكتب على الشكل ، بعد النشر والتبسيط :

$$D = 14x^2 - 9x - 18$$

**2.** أحسب قيم  $D$  من أجل  $x = \frac{3}{2}$  ثم من أجل  $x = \sqrt{2}$  ، أكتب النتيجة الثانية على الشكل  $a + b\sqrt{2}$  حيث  $a$  و  $b$  صحيحان .

**3.** حل  $9 - 6x = 0$  ، ثم حل  $D$ .

**4.** استنتاج حلول للمعادلة  $0 = D$

**تمرين - 3D.3 يموج.**

**1.** لتكن  $1 - 9x^2 = D$

**a.** ما هو الجداء الشهير الذي يمكن استخدامه لتحليل العبارة  $D$  ؟  
**b.** حل  $D$ .

$$E = (3x+1)^2 + 9x^2 - 1$$

**a.** أنشر .

**b.** حل .

**c.** أوجد حلول المعادلة  $0 = 6x(3x+1)$

**تمرين - 3D.3 ليون.**

إليك العبارة الجبرية  $E$  التالية :

$$E = (2x+3)^2 + (x-7)(2x+3)$$

**1.** أنشر و بسط .

**2.** حل .

$$(2x+3)(3x-4) = 0$$

**3.** حل المعادلة :  $x = \sqrt{2}$

**4.** أحسب قيمة  $E$  من أجل

**تمرين - 3D.4 نانت.**

إليك العبارة الجبرية:

$$E = (3x+5)(2x-1) + 9x^2 - 25$$

**1.** أنشر و بسط .

**2.** حل  $25 - 9x^2 = 0$  ، ثم العبارة  $E$  .

**3.** حل المعادلة:  $0 = (3x+5)(5x-6)$

**تمرين - 3D.5 أورليانز- توروس.**

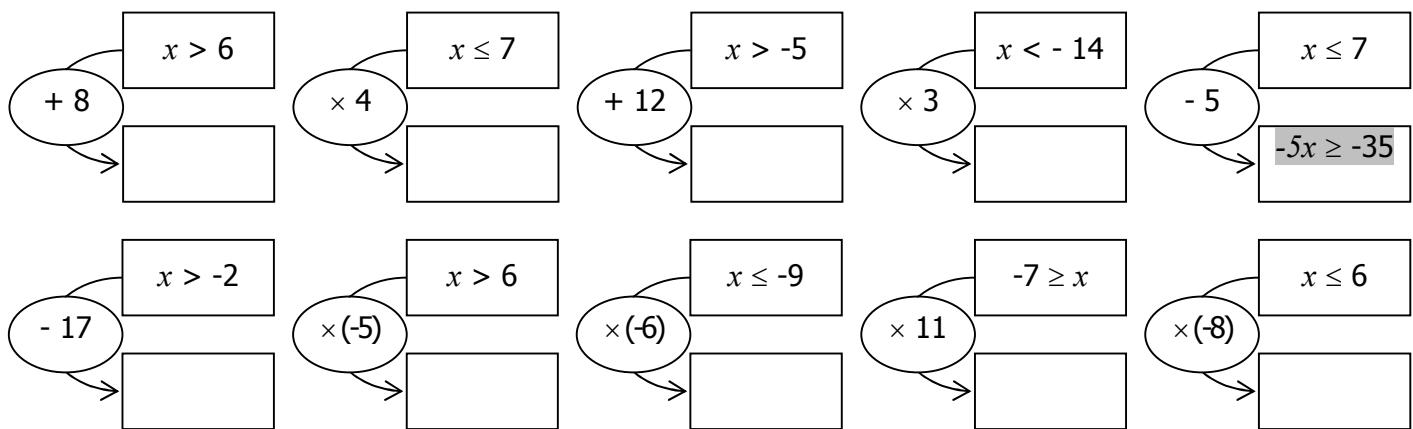
نعطي العبارة التالية :

$$K(x) = (5x-3)^2 + 6(5x-3)$$

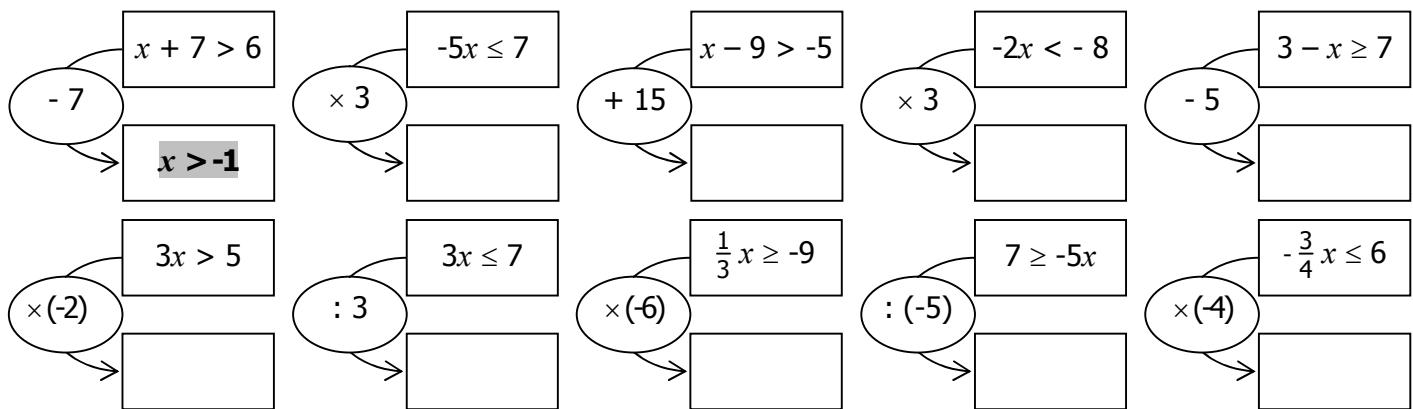
**1.** أنشر و بسط العبارة  $K(x)$  .

**2.** أحسب  $K(\sqrt{2})$  .

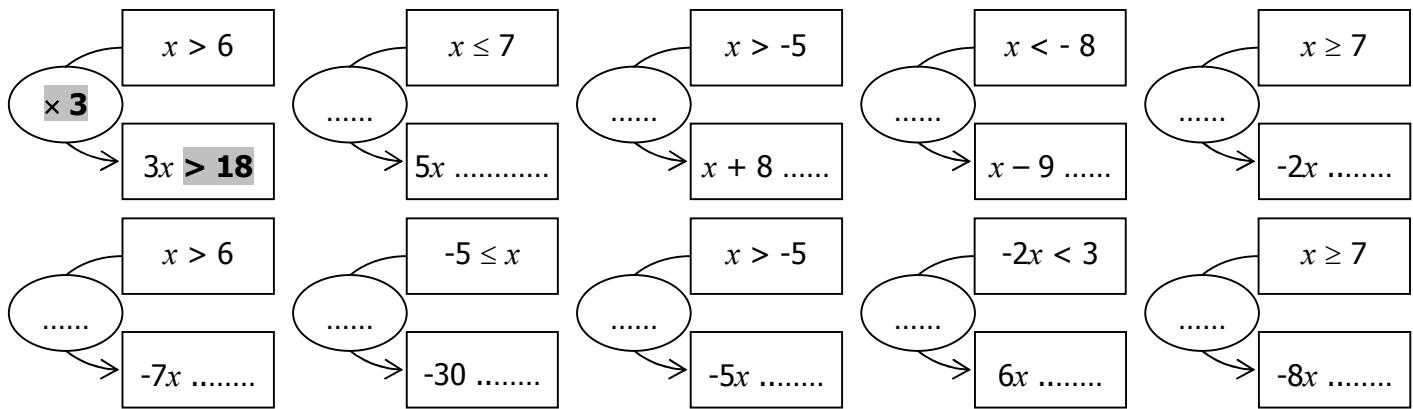
## نشاط - 4.1 حول كل مترابحة بملء الفراغ:



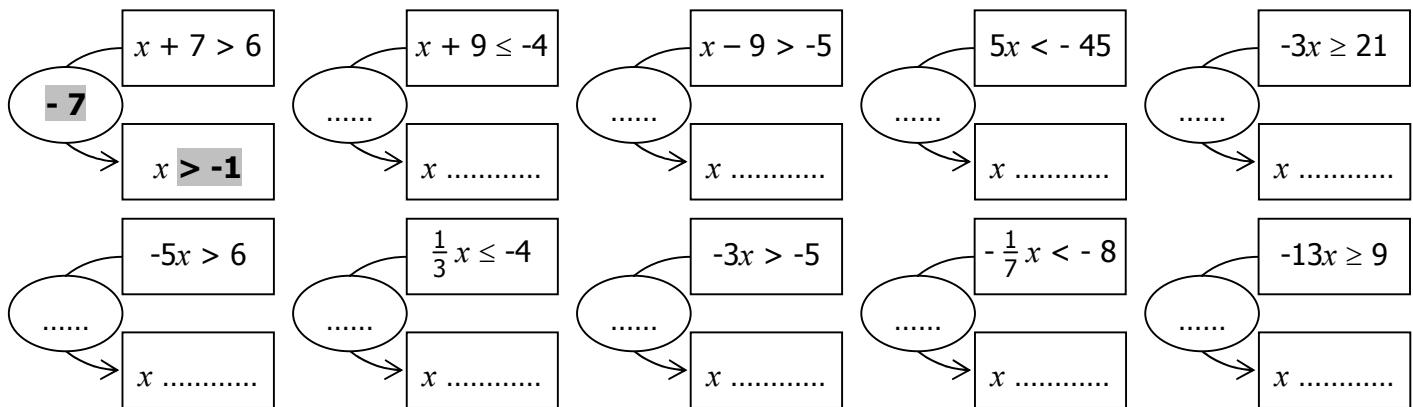
## نشاط - 4.2 حول كل مترابحة بملء الفراغ:



## نشاط - 4.3 اكمل الفراغ:



## نشاط - 4.4 اكمل الفراغ:



تمرين - 4A.1 (ذهنياً) أشر للذى يكون حل المتراجحة من الأعداد الأربع أسفلها :

$3x - 7 > x - 3$	$4x + 12 \leq 0$	$5x - 9 \geq 0$	$7x < -3$	$5x > 8$
<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> -1	<input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> -3	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> -1	<input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> -3	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> -1
<input type="checkbox"/> 3 <input type="checkbox"/> -1	<input type="checkbox"/> -6 <input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> 2	<input type="checkbox"/> 2 <input type="checkbox"/> -2	<input type="checkbox"/> 0 <input type="checkbox"/> -1

تمرين - 4A.2 إختبر المتراجحة  $2x - 4x - 3 > 9 - 4$  لمختلف قيم  $x$  .

x = 3 . إذا كانت: <b>c</b>	x = 2 . إذا كانت: <b>b</b>	x = 1 . إذا كانت: <b>a</b> من ناحية: $4x - 3 = 4 \times 1 - 3$ = 4 - 3 = 1 ومن ناحية أخرى: $9 - 2x = 9 - 2 \times 1$ = 9 - 2 = 7 بما أن 7 > 1 ، إذن 1 ليس حل للجملة
-------------------------------	-------------------------------	---

تمرين - 4A.3 إختبر المتراجحة  $3x \leq 4x + 18 - 4$  لمختلف قيم  $x$  .

x = -2 . إذا كانت: <b>c</b>	x = -5 . إذا كانت: <b>b</b>	x = 2 . إذا كانت: <b>a</b>
--------------------------------	--------------------------------	-------------------------------

تمرين - 4A.4 حل المتراجحات التالية:

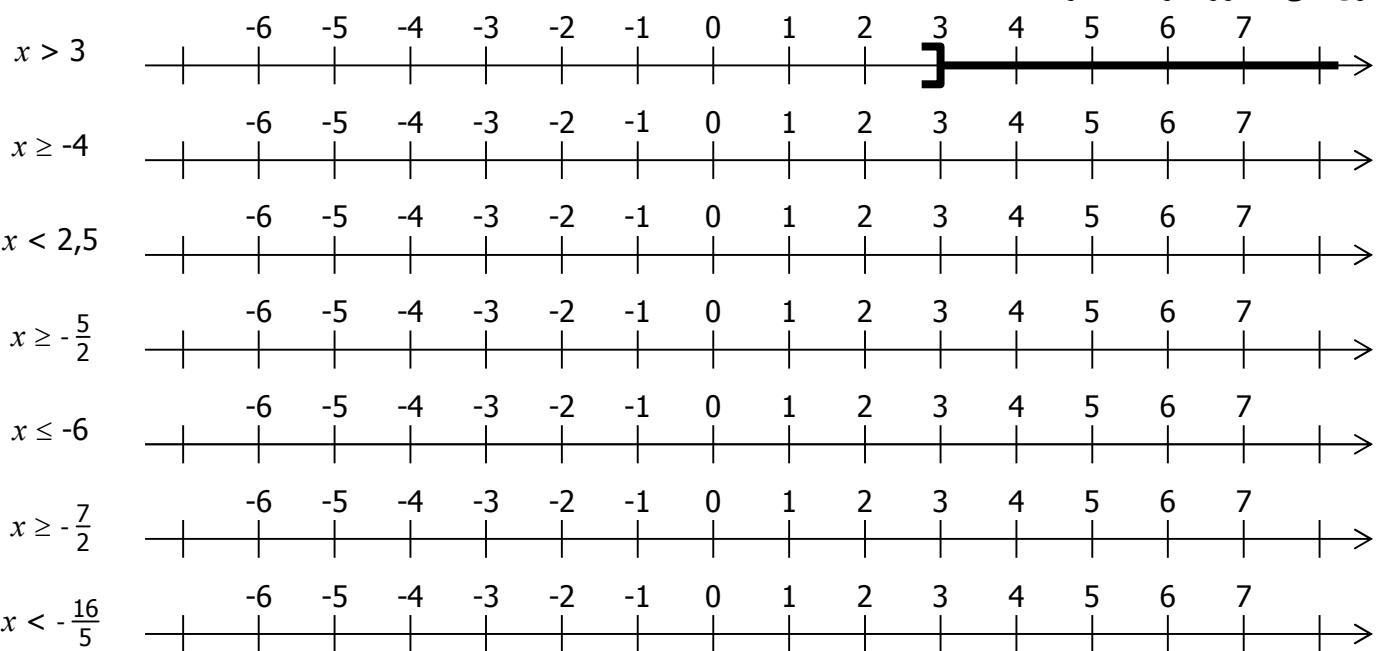
$-2x > 5$	$7x < -3$	$x + 2 \geq 5$	$x - 5 \leq 7$	$5x > -2$ $x > -\frac{2}{5}$
$3x \leq -4$	$-3x \geq -12$	$28 \leq -7x$	$42 < 6x$	$-5x \geq -35$

تمرين - 4A.5 حل المتراجحات التالية:

$-3 > -5x + 7$	$8x + 3 \leq 6$	$4 - 3x \geq 2$	$7x + 5 < -3$	$3x + 5 > -2$ $3x > -2 - 5$ $3x > -7$ $x > -\frac{7}{3}$
$-7x + 1 \geq 4 + 3x$	$5x + 9 < 3 - 4x$	$-4x + 7 \leq 5 - x$	$7x + 2 > x + 6$	$8 - 7x \leq 4$

## تمرين 4B.1

لون على المحور حلول كل مترابحة :



## تمرين 4B.2

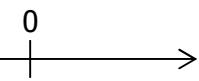
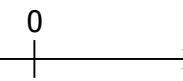
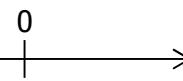
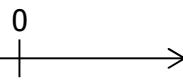
حل المترابحات التالية ثم مثل الحل

a.  $50x + 300 > 1700$

b.  $800x + 3000 \leq 14000$

c.  $75x \leq 900 + 30x$

d.  $9 - 3x > 4,5$

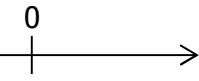
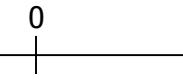
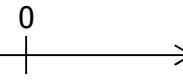
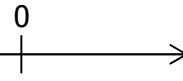


e.  $34 - 2x \leq 25$

f.  $5x - 3 > 7x - 95$

g.  $3x \geq 24 - \frac{x}{2}$

h.  $\frac{3x - 2}{4} > 2$



- تمرين - 4C.8 اميان.
- لاستخدام منشآتها، يقدم نادي جمباز الخيارات الثلاثة التالية:
- ال الخيار 1 :** DA 80 لكل حصة ؛
- ال الخيار 2 :** اشتراك سنوي DA 1 000 و DA 40 لكل حصة ؛
- ال الخيار 3 :** اشتراك سنوية DA 000 3 و عدد الحصص غير محدود.
- 1.** أكمل الجدول التالي:

60	40	10	عدد الحصص السنوية
			التكلفة حسب الخيار 1
			التكلفة حسب الخيار 2
			التكلفة حسب الخيار 3

- 2.** عبر ، بدلالة  $x$  عدد الحصص السنوية:
- a.** التكلفة  $P_A$  لمستخدم الخيار 1
- b.** التكلفة  $P_B$  لمستخدم الخيار 2
- 3.** شخص يريد أن يصرف في السنة DA 400 2 لاستخدام مرافق النادي. كم عدد الحصص إذا اختار الخيار 2 ؟
- 4.** لتكن المتراجحة:  $80x + 40x < 1 000$
- a.** حل هذه المتراجحة.
- b.** أطع تفسيراً للنتيجة.
- تمرين - 4C.9 مراكز أجنبية. 2002 (بالتصريف)
- عمر يريد تأجير أقراص علمية في مكتبة التي توفر الخيارات التاليين لإيجار يومي:
- الخيار 1 :** DA 30 لكل قرص مستأجر.
- الخيار 2 :** بطاقة DA 150 لمدة 6 أشهر مع DA 15 لكل قرص مستأجر.
- 1.** إكمال الجدول التالي:

12	10	8	4	عدد الأقراص المستأجرة خلال 6 أشهر
				المبلغ المدفوع بـ DA
				<b> خيار 1</b>

12	10	8	4	المبلغ المدفوع بـ DA
				<b> خيار 2</b>

- b.** حدد الخيار الأكثر فائدة.
- 2** يسمى  $x$  عدد الأقراص المستأجرة من قبل عمر .
- a.** عبر بدلالة  $x$  عن المبلغ المدفوع  $A(x)$  حسب الخيار 1.
- b.** عبر بدلالة  $x$  المبلغ المدفوع  $(x)B$  حسب الخيار 2.
- 3.** حدد بالحساب أقل قيمة لـ  $x$  يكون فيها الخيار 2 أكثر فائدة من الخيار 1 لمدة 6 شهور -

تمرين - 4C.1 كليمون فران.

توفر شركة للاتصالات "الو" اشتراك شهري للهاتف DA 980 و 13DA للدقيقة. وتوفر شركة أخرى "لأو" للاتصالات اشتراك 950DA في الشهر و 14.5 DA للدقيقة.

$x$  يعبر عن عدد الدقائق للاتصالات في الشهر.

- 1.** عبر بدلالة  $x$  عن مبلغ الفاتورة عن شركة الو، ثم مبلغ فاتورة عن شركة لأو في شهر .
- 2.** حدد مدد الاتصال الشهري لكي تتمكنك من اختيار عرض شركة الو؟

- تمرين - 4C.2 جزر الانتيل .
- حل المتراجحة التالية:  $8x - (x + 1) < 4x - 2$
- مثل الحلول على محور (هشر الجزء الذي لا يمثل الحلول) .

- تمرين - 4C.3 بولينزي
- حل المتراجحة:  $3x - 2 \geq x - 4$
- مثل بيانياً، على مستقيم مدرج هذه الحلول (هشر الجزء الذي لا يناسب الحل) .

- تمرين - 4C.4 إفريقيا
- إليك المتراجحة:  $4x + 7 > 2 - 3x$
- a.** هل العدد 0 حل لهذا المتراجحة؟ بـر الإجابة.
- b.** هل العدد (-1) حل لهذا المتراجحة؟ بـر الإجابة.
- 2** حل المتراجحة  $4x + 7 > 2 - 3x$  مثل الحلول على مستقيم موجه.

- تمرين - 4C.5 بونديشيري.
- حل عدم المساواة التالية:  $5 - 2x > 4x + 1$
- اطع تمثيل بيانياً للحلول على مستقيم مدرج (هشر الجزء المظلل الذي لا يناسب).

- تمرين - 4C.6 اميان
- 1.** من بين الأعداد: 0 ; (-4) ; (-5) ما هي التي تمثل حل المتراجحة:  $21 \leq -5x - 1$  ؟
- 2.** حل عدم المساواة:  $3x - 2 \geq x - 4$
- مثل بيانياً الحلول على مستقيم مدرج (هشر الجزء المظلل الذي لا يناسب).

- تمرين - 4C.7 ليوج.
- Soit  $A = \frac{3x - 2}{4}$ .
- 1.** احسب  $A$  من أجل  $x = \frac{7}{3}$  ثم العدد
- هل من حلول المتراجحة:  $\frac{3x - 2}{4} > 2$  ؟
- 2.** حل المتراجحة  $\frac{3x - 2}{4} > 2$

اختر من بين الإجابات الصحيحة منها .

1.  $-2(2x - 5) - 5x + 5x + 3x = -4x + 2x + 2x + 3(4x - 4) - 2x$

[A]  $x = -5$

[B]  $x = 2$

[C]  $x = -4$

[D]  $x = 3$

2.  $-2(-3x - 3) - 3x - (5x - 3) = -5(-2x - 1) - 2(5x - 5)$

[A]  $x = -3$

[B]  $x = 2$

[C]  $x = -4$

[D]  $x = 0$

3.  $-(-x - 5) + 3 - (2x - 4) = -2(-3x - 1) - 2x$

[A]  $x = 2$

[B]  $x = -3$

[C]  $x = 5$

[D]  $x = 3$

4.  $-2(-x + 3) - 5 - (2x + 3) = -3(2x - 2) - 3x + 4x$

[A]  $x = 4$

[B]  $x = -3$

[C] ليس للمعادلة حل

[D] كل الأعداد الحقيقية

5.  $2(-2x + 2) - 2 - 5(3x - 5) = -(-5x - 4) + 5(-3x + 1)$

[A]  $x = -5$

[B]  $x = 1$

[C]  $x = 2$

[D]  $x = 4$

6.  $-4(-2x + 2) - (-4x - 5) + 2x = -3x - 3(-3x + 5) - 2(-2x + 4)$

[A]  $x = -1$

[B]  $x = -5$

[C] ليس للمعادلة حل

[D] كل الأعداد الحقيقية

7.  $2(-3x + 4) - 5 + 2(5x - 1) = -5x - 2(-3x - 2)$

[A]  $x = -1$

[B]  $x = -4$

[C]  $x = 1$

[D]  $x = -2$

$$8. 5x - 3x + 3x - 2(-5x - 1) = 5(2x + 3) - 2(-5x - 1)$$

[A]  $x = -3$

[B]  $x = -4$

[C] ليس للمعادلة حل

[D] كل الأعداد الحقيقية

حل المعادلات التالية :

$$1. 4x - 2x - 2(3x + 2) + 3x = -x + 4(2x - 3)$$

$$2. -3x - 3x - 4(3x + 3) - 3x = 3 + 4 - (-3x + 3) - 4(5x + 3)$$

$$3. 5x - 5x - 3(4x + 2) + 5(5x + 1) = -4(-3x + 1) + 5x - 2x - 3x$$

$$4. -5x + 4(4x + 2) + 4(-4x + 3) = -x - 4(3x + 3)$$

$$5. 2(-2x - 3) - x - 5x + 4x = -3(-2x + 2) - 3x$$

$$6. 5x + 4(-5x - 5) - 3x + 5x = 4x + 3x - 4(3x + 5) - 2x$$

$$7. -5(3x - 1) + 3x + 3(-5x - 1) = -2(4x - 1) - 4x$$

$$8. 3(3x - 4) - 2 - 3(-2x - 1) = 5x - (4x - 3)$$

$$9. -1 - 2(2x + 2) + 4(-x - 2) = 5(-3x - 4) - (-4x - 4)$$

$$10. -x - 2(-4x + 1) - 5(-x - 1) = -3(5x + 3) + 4(-x + 3)$$

$$11. -4x - 4x - 3x - (-2x - 3) = 5 - 2(2x + 3) - 2(3x - 2)$$

$$12. -2(-2x - 4) - 4x - 5x - 2x = -5x + 4(-x - 4) - 4x + 3x - 5x$$

$$13. 1 + 5(4x - 4) - 4(2x - 5) = -3(-4x - 4) - (-4x - 4) + 5$$

$$14. -3 + 3(-4x - 3) - 5(-5x + 2) = 2(5x - 3) - 5 - 2(2x - 5)$$

$$15. -5x - x + 2x - 2(4x + 2) = -5x - 2(3x - 4) + 5x$$

$$16. -4x + 4x - 2x - 4x + 4(-4x - 4) = -2(-3x - 4) - 3(5x + 2) - 5$$

$$17. -3x - 5(-3x + 1) + 5(-x + 2) = 3x + 3(-2x - 5)$$

$$18. -2(-x + 3) - 4 + 3(2x + 5) = -2x - (-4x - 3) + 4(2x - 2)$$

$$19. -(4x + 1) + 3x - 3(2x + 3) = 3x - (5x + 5) - 3x$$

$$20. 4(-4x + 2) - 3 - 3(-x + 1) = 2(4x + 4) + 3x$$

21.  $4x - 5(-4x + 5) - 2(2x + 1) = 3(3x + 5) - 3(-5x + 2) - 4x$
22.  $-(-5x - 3) + 4x + 2(-2x + 4) - 5x = 3x - 5x - (3x + 2) + 5x$
23.  $4(3x + 3) - 5(-x + 3) + 3(-3x - 3) = 2 - 2(2x + 4) - 4(-3x + 5)$
24.  $-3x + 3(5x + 1) - (3x - 5) = 4x - 3x + 3(3x + 2) - x$
25.  $-4(2x - 2) - 4x + 4(-x - 3) = 4(-4x + 1) - 3x + 3x$
26.  $4(-3x - 2) + 3(2x + 2) + 5x = -4(2x + 4) - 3(-x - 2) + 2(2x + 4)$
27.  $-5(3x - 1) + 1 + 2(5x + 2) = -2(2x - 5) - x$
28.  $-4x + 5x - 3(-2x - 4) + 2x = 2(-3x + 1) + 5(3x + 2)$
29.  $5(5x + 2) - 4x - 4(3x + 2) + 5x = -(-4x + 1) - 1 - 2(-5x - 2)$
30.  $-3x + 5(3x + 2) + 5(4x + 2) = -5(-4x - 4) + 1 + 2 + 3(4x - 1)$