

## المقطع 2: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم

المستوى: السنة الرابعة من التعليم متوسط

### الميدان 1:

يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة والجذور التربيعية والحساب الحرفي (معادلات ومتراجحات من الدرجة الأولى بمجهول واحد، جمل خطية).

### الموارد:

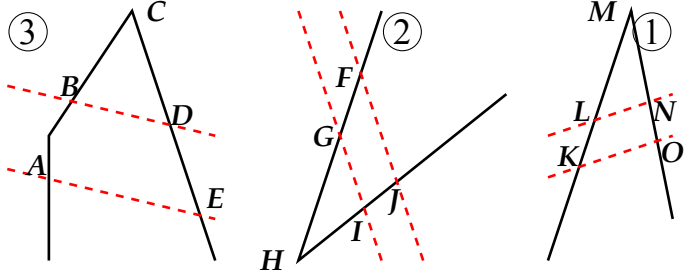
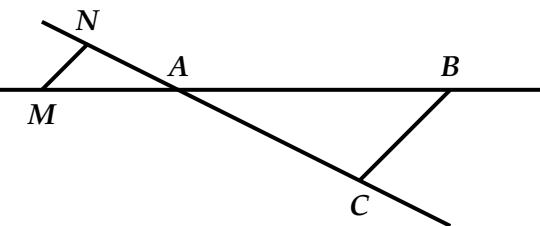
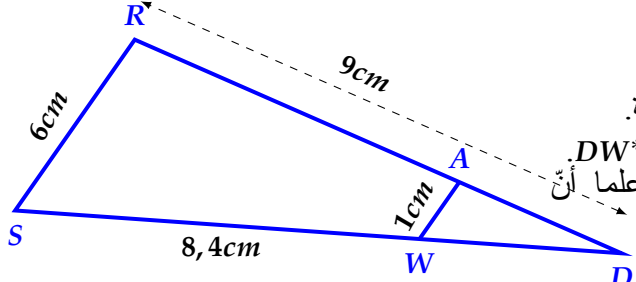
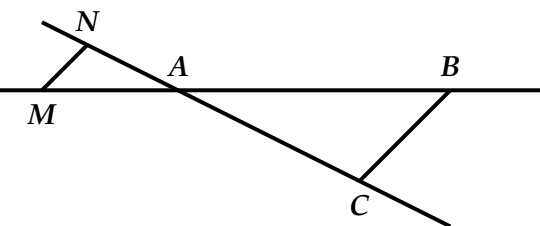
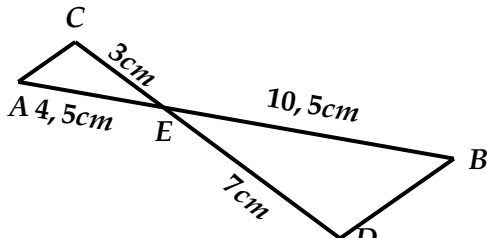
- 01- خاصية طالس.
- 02- إدماج جزئي.
- 03- تقسيم قطعة مستقيم هندسيا.
- 04- جيب وظل زاوية حادة في مثلث قائم.
- 05- استعمال الحاسبة.
- 06- حساب زوايا وأطوال.
- 07- إدماج جزئي.
- 08- بعض العلاقات بين النسب المثلثية.
- 09- إنشاء زاوية هندسيا.
- 10- إدماج كلي.
- 11- وضعية تقويمية.

### معايير التقويم:

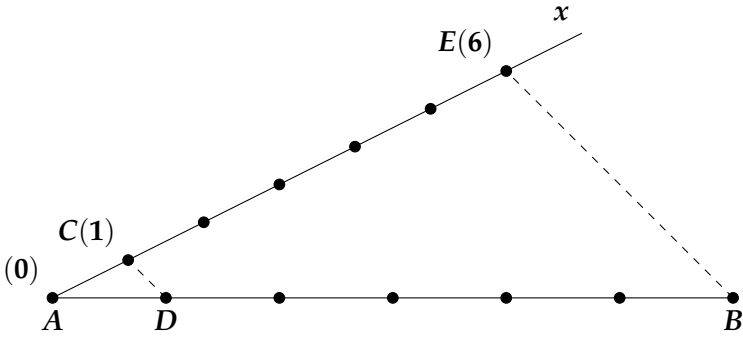
اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب قيم و/أو اتخاذ مواقف:
- يعرف خواص هندسية (خاصية طاليس، حساب مثلثات في المثلث القائم). - يحسب نسباً مثلثية.	- يستعمل خاصية طاليس لحساب أطوال. - يثبت توازي مستقيمين (أو عدم التوازني) باستعمال خاصية طاليس. - يحسب زوايا أو أطوال بتوظيف الجيب، أو جيب التمام أو الظل. - يجند خواصاً هندسية (خاصية طاليس، حساب مثلثات في المثلث القائم) للتبرير ويبني براهين ويحررها.	- يستعمل الرموز والمصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم. - يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة. - يتحقق من صحة نتائج ويصادق عليها. - يقدم منتوجاً بشكل منظم ومنسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.

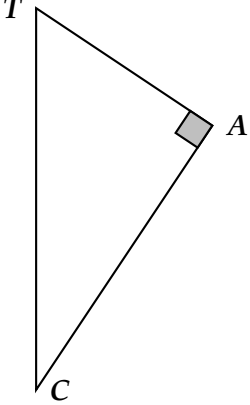
2025-2026

الأستاذ: عكرمي العيد

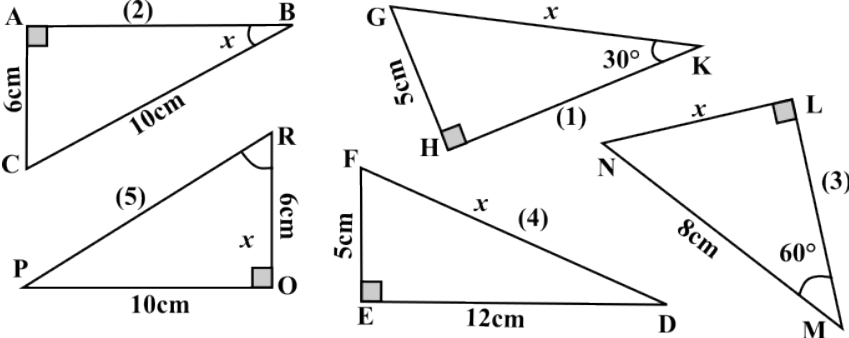
<p>المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوفر الأستاذ عكرمي العيد</p>	<p>الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم المورد المعرفي: خاصية طالس</p>	<p>بطاقة فنية: 2-01 المستوى: الرابعة متوسط المدة: 2 سا</p>
	<p>الكفاءة المستهدفة: - يتعرف على خاصية طالس وخاصية طالس العكسية ويوظفهما</p>	
<p>التقويم</p>	<p>المضامين والإجراءات</p>	<p>المراحل</p>
	<p><b>النشاط 1(1)</b> المستقيمان الممثلان بخطوط متقطعة متوازيان.</p>  <p>- اكتب النسب المتساوية، في كل حالة.</p>	<p>الاكتشاف</p>
<p>- وجود خطأ متعمد (عدم ذكر التوازي) - الجواب: ليس له حل بسبب نقص المعطيات</p>	<p><b>خاصية طالس</b> - إذا كان (CN) و (BM) متقاطعان في A (MN) // (BC) فإن <math>\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN} = \frac{BC}{MN}</math></p>  <p><b>مثال</b> الشكل المقابل مرسوم باليد الحرة. 1- احسب الأطوال AR، AD، DW*. يعاد التمرين بعد التصحيح: علما أن (RS) // (AW).</p> 	<p>الحوصلة</p>
	<p><b>النشاط 1(2)</b> ABC مثلث، فيه <math>AB = 3,6cm</math> و <math>AC = 2,8cm</math>. أ) أنشيء الشكل في كل حالة، حيث <math>AM = 5,4cm</math> و <math>AN = 4,2cm</math>. 1- <math>M \in [AB]</math> و <math>N \in [AC]</math> 2- <math>M \in [BA]</math> و <math>N \in [CA]</math> 3- <math>M \in [AB]</math> و <math>N \in [CA]</math> ب) هل <math>\frac{AC}{AN} = \frac{AB}{AM}</math> ؟ هل (BC) // (MN) ؟ تحقق بالوسائل الهندسية.</p>	<p>الانطلاق</p>
	<p><b>خاصية طالس العكسية</b> إذا كان (BM) و (CN) متقاطعان في A - النقط A ، B ، M بالترتيب نفسه مع النقط A ، C ، N - <math>\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN}</math> فإن (MN) // (BC)</p>  <p><b>مثال</b> الشكل المقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية. - بين أن المستقيمين (BD) و (AC) متوازيان.</p> 	<p>الحوصلة</p>
	<p>تمرين 1 صفحة 110، تمرين 10 صفحة 111</p>	<p>الاستثمار</p>

<p>المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوفر الأستاذ عكرمي العيد</p>	<p>الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم المورد المعرفي: إدماج جزئي</p>	<p>بطاقة فنية: 2-02 المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا</p>
	<p><b>الكفاءة المستهدفة:</b> - معرفة شروط خاصية طالس وعكسيتها - توظيف خاصية طالس لحساب أطوال وعكسيتها لإثبات التوازي</p>	
<p><b>ملاحظات</b></p>	<p><b>التمارين والوضيعات</b></p>	
	<p><b>تمرين 1 صفحة 110</b> 1- المثلثان <math>AOB</math> و <math>EOF</math>. 2- النسب المتساوية لدينا <math>(AE)</math> و <math>(BF)</math> متقاطعان في <math>O</math> ولدينا <math>(AB)</math> و <math>(EF)</math> متوازيان فحسب خاصية طالس فإن: <math>\frac{OA}{OE} = \frac{OB}{OF} = \frac{AB}{EF}</math> بالتعويض: <math>\frac{3}{3+3} = \frac{4,5}{9} = \frac{10}{10}</math> ومنه <math>BC = 5cm</math> إذن <math>BC = \frac{10 \times 4,5}{9}</math></p>	
	<p><b>تمرين 2 صفحة 110</b> حساب <math>BC</math>: لدينا <math>(BE)</math> و <math>(CF)</math> متقاطعان في <math>A</math> ولدينا <math>(BC)</math> و <math>(EF)</math> متوازيان فحسب خاصية طالس فإن: <math>\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AF} = \frac{BC}{EF}</math> بالتعويض: <math>\frac{3}{3+3} = \frac{4,5}{9} = \frac{10}{10}</math> ومنه <math>BC = 5cm</math> إذن <math>BC = \frac{10 \times 4,5}{9}</math></p>	
	<p><b>تمرين 3 صفحة 110</b> 1) لدينا <math>(AB)</math> و <math>(ED)</math> متقاطعان في <math>C</math> ولدينا <math>(AD)</math> و <math>(EB)</math> متوازيان فحسب خاصية طالس فإن: <math>\frac{CA}{CB} = \frac{CD}{CE} = \frac{AD}{BE}</math> 2) لدينا <math>(HF)</math> و <math>(JG)</math> متقاطعان في <math>I</math> ولدينا <math>(HI) \perp (IF)</math> و <math>(FG) \perp (IF)</math> ومنه <math>(HI)</math> و <math>(FG)</math> متوازيان (حسب خواص التوازي والتعامد) فحسب خاصية طالس فإن: <math>\frac{IH}{IF} = \frac{IJ}{IG} = \frac{HJ}{FG}</math> 3) لدينا <math>(K'S)</math> و <math>(LM)</math> متقاطعان في <math>K</math> ولدينا الزاويتان <math>\widehat{K'LK}</math> و <math>\widehat{SMK}</math> معيتتان بالمستقيمين <math>(K'K)</math> و <math>(SM)</math> والقاطع <math>(KM)</math> وهما متماثلتان ومتقايستان ومنه <math>(K'L)</math> و <math>(SM)</math> متوازيان فحسب خاصية طالس فإن: <math>\frac{OA}{OE} = \frac{OB}{OF} = \frac{AB}{EF}</math> 4) <math>ONP</math> مثلث ومنه <math>\hat{N} + \hat{P} + \hat{O} = 180^\circ</math></p>	
	<p><b>تمرين 4 صفحة 110</b> 1) حساب <math>OD</math> و <math>CD</math>: لدينا <math>(AC)</math> و <math>(BD)</math> متقاطعان في <math>O</math> ولدينا <math>(AB)</math> و <math>(CD)</math> متوازيان فحسب خاصية طالس فإن: <math>\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD} = \frac{AB}{DC}</math> بالتعويض: <math>\frac{3}{5} = \frac{2}{OD} = \frac{4}{DC}</math> ومنه <math>OD = \frac{10}{3}</math> إذن <math>OD = \frac{5 \times 2}{3}</math> ومنه <math>DC = \frac{20}{3}</math> إذن <math>DC = \frac{5 \times 4}{3}</math></p>	
	<p><b>تمرين 10 صفحة 111</b> هل <math>(AB)</math> يوازي <math>(EF)</math> ؟ لدينا <math>(AE)</math> و <math>(BF)</math> متقاطعان في <math>C</math> ولدينا النقط <math>A, C, E</math> بنفس الترتيب مع النقط <math>B, C, F</math> ولدينا <math>(AB)</math> و <math>(EF)</math> متوازيان فإن: <math>\frac{CA}{CE} = \frac{CB}{CF} = \frac{AB}{EF}</math> ومنه <math>\frac{CA}{CE} = \frac{CB}{CF}</math> فحسب خاصية طالس العكسية فإن <math>(AB)</math> يوازي <math>(EF)</math></p>	
	<p><b>تمرين 11 صفحة 111</b> بيان أن <math>(MN)</math> يوازي <math>(BC)</math>: لدينا <math>(MB)</math> و <math>(NC)</math> متقاطعان في <math>A</math> ولدينا النقط <math>A, M, B</math> بنفس الترتيب مع النقط <math>A, N, C</math> ولدينا <math>(AN)</math> و <math>(BM)</math> متوازيان فإن: <math>\frac{AN}{AC} = \frac{AM}{AB} = \frac{MN}{BC}</math> ومنه <math>\frac{AN}{AC} = \frac{AM}{AB}</math> فحسب خاصية طالس العكسية فإن <math>(MN)</math> يوازي <math>(BC)</math></p>	

<p>المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوفر الأستاذ عكرمي العيد</p>	<p>الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم المورد المعرفي: إدماج جزئي: تقسيم قطعة مستقيم هندسيا</p>	<p>بطاقة فنية: 2-03 المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا</p>
<p><b>الكفاءة المستهدفة:</b> - توظيف خاصية طالس لتقسيم قطعة هندسيا (بالمدور والمسطرة غير المدرجة).</p>		
التقويم	المضامين والإجراءات	المراحل
	<p><b>تهيئة</b> دون استعمال المسطرة المدرجة. 1- هل يمكن تقسيم قطعة مستقيم إلى 4 قطع متقايسة ؟ 2- هل يمكن تقسيم قطعة مستقيم إلى 6 قطع متقايسة ؟</p>	الانطلاق
	<p><b>النشاط 3</b> [AB] قطعة مستقيم، <math>Ax</math> نصف مستقيم مدرج لا يوازي (AB). 1- عين النقطتين C(1) و E(6) على نصف المستقيم المدرج <math>Ax</math>. 2- انشئ مستقيما يشمل C و يوازي (EB) ويقطع [AB] في D. 3- احسب النسبة <math>\frac{AB}{AD}</math> ، ثم اكتب AB بدلالة AD. 4- قسم القطعة [AB] إلى 6 قطع متقايسة.</p>	الاكتشاف
	<p><b>حل النشاط</b> تقسيم القطعة [AB] إلى 6 قطع متقايسة (<math>n = 6</math>). </p>	الحوصلة
	<p>تمرين 17 صفحة 111</p>	التقويم

المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوفر الأستاذ عكرمي العيد	الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم <b>المورد المعرفي: جيب وظل زاوية حادة في مثلث قائم</b>	<b>بطاقة فنية: 2-04</b> المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا
<b>الكفاءة المستهدفة:</b> - يتذكر جيب تمام زاوية حادة - يتعرف على النسبتين جيب وظل زاوية حادة في مثلث قائم - يلاحظ التلاميذ أن النسب متساوية لنفس القيس ولا يهم أطوال أضلاع المثلث		
<b>التقويم</b>	<b>المضامين والإجراءات</b>	<b>المراحل</b>
	<b>النشاط 2</b> HOW مثلث قائم في O و $\widehat{WHO} = 30^\circ$ 1- أنشيء شكلا مناسباً بدقة (لك الحرية في اختبار الأطوال). 2- أتمم مايلي بما يناسب. الوتر هو ... ، الضلع المجاور للزاوية $\widehat{WHO}$ هو ... ، الضلع المقابل للزاوية $\widehat{WHO}$ هو ... 3- احسب النسب: $\frac{OW}{OH}$ ، $\frac{OW}{WH}$ ، $\frac{OH}{WH}$	الاكتشاف
	في مثلث قائم، جيب تمام زاوية حادة $\cos$ يساوي حاصل قسمة طول الضلع المجاور لهذه الزاوية على طول الوتر. في مثلث قائم، جيب زاوية حادة $\sin$ يساوي حاصل قسمة طول الضلع المقابل لهذه الزاوية على طول الوتر. في مثلث قائم، ظل زاوية حادة $\tan$ يساوي حاصل قسمة طول الضلع المقابل لهذه الزاوية على طول الضلع المجاور لها. <div style="text-align: center;">  </div> <b>مثال:</b> CAT مثلث قائم في A ، أتمم. $\cos \hat{C} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$ $\cos \hat{T} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$ $\sin \hat{C} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$ $\sin \hat{T} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$ $\tan \hat{C} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$ $\tan \hat{T} = \dots\dots\dots = \dots\dots\dots$ <b>ملاحظات:</b> النسب المثلثية ليس لها وحدة. إذا كان: $\alpha$ قيس زاوية حادة في مثلث قائم. فإن: $0 < \sin \alpha < 1$ و $0 < \cos \alpha < 1$ .	الحوصلة
	<b>تمرين 1 صفحة 122</b>	الاستثمار

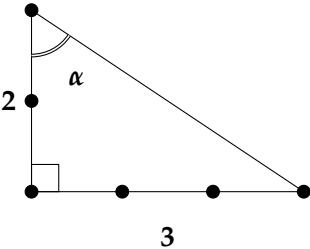
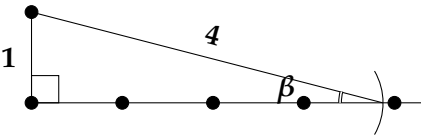
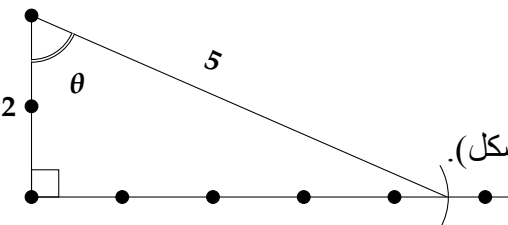
الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم المورد المعرفي: استعمال الحاسبة		بطاقة فنية: 2-05 المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا																	
الكفاءة المستهدفة: - إيجاد جيب أو ظل زاوية معلومة بالحاسبة وقيس زاوية علم جيبها أو ظلها																			
المراحل	المضامين والإجراءات	التقويم																	
الاكتشاف	النشاط 5 املأ الجدول التالي مستخدما الحاسبة العلمية مع تدوير النسب المثلثية إلى 0,001 وأقياس الزوايا إلى وحدة الدرجة (°).																		
	<table><tr><td>قيس الزاوية <math>x(^{\circ})</math></td><td>10°</td><td></td><td>60°</td><td></td><td>85°</td></tr><tr><td>جيب الزاوية <math>\sin x</math></td><td></td><td>0,5</td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>ظل الزاوية <math>\cos x</math></td><td></td><td></td><td></td><td>1</td><td></td></tr></table>		قيس الزاوية $x(^{\circ})$	10°		60°		85°	جيب الزاوية $\sin x$		0,5				ظل الزاوية $\cos x$				1
قيس الزاوية $x(^{\circ})$	10°		60°		85°														
جيب الزاوية $\sin x$		0,5																	
ظل الزاوية $\cos x$				1															
الحوصلة	لاستعمال الحاسبة في إيجاد نسب مثلثية أو أقياس زوايا يجب أولا الضغط على اللمسة <b>DRG</b> حتى يظهر الرمز <b>DEG</b> في أعلى الشاشة. <b>أمثلة:</b> لإيجاد $\cos 30^{\circ}$ نضغط على اللمسات: <b>30</b> → <b>cos</b> لإيجاد $\sin 65^{\circ}$ نضغط على اللمسات: <b>65</b> → <b>sin</b> لإيجاد $\tan 25^{\circ}$ نضغط على اللمسات: <b>25</b> → <b>tan</b> لإيجاد قيس الزاوية التي جيب تمامها يساوي 0,2 نضغط على اللمسات: <b>0,2</b> → <b>2<sup>nd</sup>F</b> → <b>cos</b> لإيجاد قيس الزاوية التي جيبها يساوي 0,5 نضغط على اللمسات: <b>0,5</b> → <b>2<sup>nd</sup>F</b> → <b>sin</b> لإيجاد قيس الزاوية التي ظلها يساوي 12 نضغط على اللمسات: <b>12</b> → <b>2<sup>nd</sup>F</b> → <b>tan</b> <b>ملاحظة:</b> حذف المدور من الحاسبة: <b>2<sup>nd</sup>F</b> → <b>E ↔ F</b> → <b>.</b>																		
	تمرين 3 صفحة 122																		
الاستثمار																			

<p>المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوق الأستاذ عكري العبد</p>	<p>الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم المورد المعرفي: حساب زوايا وأطوال</p>	<p>بطاقة فنية: 2-06 المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا</p>
<p><b>الكفاءة المستهدفة:</b> - يحسب أطوال أو أقياس مجهولة في مثلث قائم باستعمال تعريف النسب المثلثية.</p>		
التقويم	المضامين والإجراءات	المراحل
	<p><b>النشاط 6</b> احسب العدد <math>x</math> في كل حالة.</p> 	الاكتشاف
	<p>لحساب قياس زاوية أو طول مجهول باستعمال النسب المثلثية نتبع ما يلي:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1- نحدد المثلث القائم.</li> <li>2- نحدد الضلع المقابل والضلع المجاور لزاوية حادة وكذلك الوتر.</li> <li>3- نطبق المساواة المناسبة للنسب المثلثية لزاوية حادة.</li> </ol> <p><b>مثال:</b>  <math>\sin \hat{B} = \frac{4}{5}</math> ، <math>BC = 7,5dm</math> حيث: <math>ABC</math> مثلث قائم في <math>A</math>  احسب الطولين <math>AC</math> و <math>AB</math>.</p>	الحوصلة
	<p><b>تمرين 6 صفحة 122</b></p>	الاستثمار

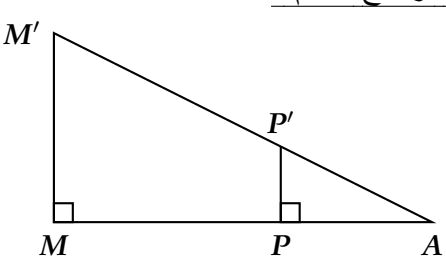
المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوفر الأستاذ عكرمي العيد	الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم <b>المورد المعرفي: إدماج جزئي</b>	<b>بطاقة فنية: 2-07</b> المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا
<b>الكفاءة المستهدفة:</b> - يوظف النسب المثلثية في حساب زوايا وأطوال		
<b>ملاحظات</b>	<b>التمارين والوضيعات</b>	
	<b>تمرين 6 صفحة 122</b> (1) القيمة المضبوطة للطول $SK$ : لدينا $JSK$ مثلث قائم في $S$ ومنه $\sin \widehat{JKS} = \frac{SK}{JK}$ ومنه $\sin 55^\circ = \frac{SK}{10}$ إذن $SK = 10 \times \sin 55^\circ \text{ cm}$ (2) القيمة المقربة للطول $SK$ بالتدوير إلى $0,01$ : $SK \approx 8,192 \text{ cm}$	
	<b>تمرين 7 صفحة 122</b> حساب قيس الزاوية $\widehat{ACB}$ : لدينا $ABC$ مثلث قائم في $B$ ومنه $\cos \widehat{ACB} = \frac{BC}{AC}$ ومنه $\cos \widehat{ACB} = \frac{4}{4,4}$ بالحاسبة $4 \div 4,4 \rightarrow 2^{nd} F \rightarrow \cos$ إذن $\widehat{ACB} \approx 25^\circ$	
	<b>تمرين 8 صفحة 122</b>	
	<b>تمرين 9 صفحة 122</b>	
	<b>تمرين 10 صفحة 122</b> جيب تمام زاوية حادة دائما أصغر من 1	
	<b>تمرين 11 صفحة 122</b> إذا لم يكن الشكل في المعطيات نرسمه باليد الحرة	
	<b>تمرين 24 صفحة 125</b>	



الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم المورد المعرفي: بعض العلاقات بين النسب المثلثية		بطاقة فنية: 2-08 المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا																																																	
الكفاءة المستهدفة: - يتوصل إلى معرفة وإستعمال العلاقتين: $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$ و $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$																																																			
التقويم	المضامين والإجراءات		المراحل																																																
	<div>النشاط 8 باستعمال الحاسبة ، أتمم الجدول باختيار العدد <math>\alpha</math> قيس زاوية حادة.</div> <table><tr><td><math>\alpha</math></td><td>...</td><td>...</td><td>...</td><td>...</td><td>...</td><td>...</td><td>...</td></tr><tr><td><math>\sin \alpha</math></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td><math>\cos \alpha</math></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td><math>\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}</math></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td><math>\tan \alpha</math></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td><math>(\sin \alpha)^2 + (\cos \alpha)^2</math></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table> <div>2- ضع تخميناً، ثم حاول أن تبرهن صحته.</div>		$\alpha$	...	...	...	...	...	...	...	$\sin \alpha$								$\cos \alpha$								$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$								$\tan \alpha$								$(\sin \alpha)^2 + (\cos \alpha)^2$								الاكتشاف
$\alpha$	...	...	...	...	...	...	...																																												
$\sin \alpha$																																																			
$\cos \alpha$																																																			
$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$																																																			
$\tan \alpha$																																																			
$(\sin \alpha)^2 + (\cos \alpha)^2$																																																			
	<div>في مثلث قائم مهما يكن العدد <math>x</math> قيس زاوية حادة فإن :</div> <div><math>\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}</math> و <math>(\sin x)^2 + (\cos x)^2 = 1</math></div> <div>مثال: ليكن <math>\beta</math> قيس زاوية حادة حيث: <math>\sin \beta = \frac{2}{3}</math> - جد القيم المضبوطة للعددين <math>\cos \beta</math> و <math>\tan \beta</math>.</div>		الحوصلة																																																
	تمرين 16 صفحة 122		الاستثمار																																																

المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوفر الأستاذ عكرمي العيد	الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم <b>المورد المعرفي: إنشاء زاوية هندسية</b>	<b>بطاقة فنية: 2-09</b> المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا
<b>الكفاءة المستهدفة:</b> - يتوصل إلى إنشاء زاوية علمت إحدى نسبها المثلثية. - يوظف PGCD لتبسيط نسبة.		
التقويم	المضامين والإجراءات	المراحل
	<b>تهيئة</b> مثلث قائم في $C$ حيث $AB = 10$ و $BC = 8$ . - احسب $\sin \hat{A}$ ، $\cos \hat{A}$ ، $\tan \hat{A}$ .	الانطلاق
	<b>النشاط 9</b> أنشيء بدقة (دون استعمال المنقلة). 1- زاوية $\alpha$ حيث $\tan \alpha = 1,5$ . 2- زاوية $\beta$ حيث $\sin \beta = 0,25$ . 3- زاوية $\theta$ حيث $\cos \theta = 0,4$ .	الاكتشاف
	<b>حل النشاط:</b> <b>السؤال 1:</b> إنشاء الزاوية $\alpha$ حيث $\tan \alpha = 1,5$ لدينا $1,5 = \frac{15 \div 5}{10 \div 5} = \frac{3}{2}$ نأخذ المقابل 3 والمجاور 2 (الشكل).  <b>السؤال 2:</b> إنشاء الزاوية $\beta$ حيث $\sin \beta = 0,25$ لدينا $0,25 = \frac{25 \div 25}{100 \div 25} = \frac{1}{4}$ نأخذ المقابل 1 والوتر 4 (الشكل).  <b>السؤال 3:</b> إنشاء الزاوية $\theta$ حيث $\cos \theta = 0,4$ لدينا $0,4 = \frac{4 \div 2}{10 \div 2} = \frac{2}{5}$ نأخذ طول الضلع المجاور 2 والوتر 5 (الشكل). 	الحوصلة
	<b>تمرين 1:</b> - أنشيء دون استعمال المنقلة زاويا أقياسها $30^\circ$ ، $60^\circ$ ، $45^\circ$ . <b>تمرين 2</b> $\alpha$ قياس زاوية حادة، حيث $\tan \alpha = 7$ . - احسب بالضبط $\sin \alpha$ ، $\cos \alpha$ . <b>تمرين 20 صفحة 123</b>	الاستثمار

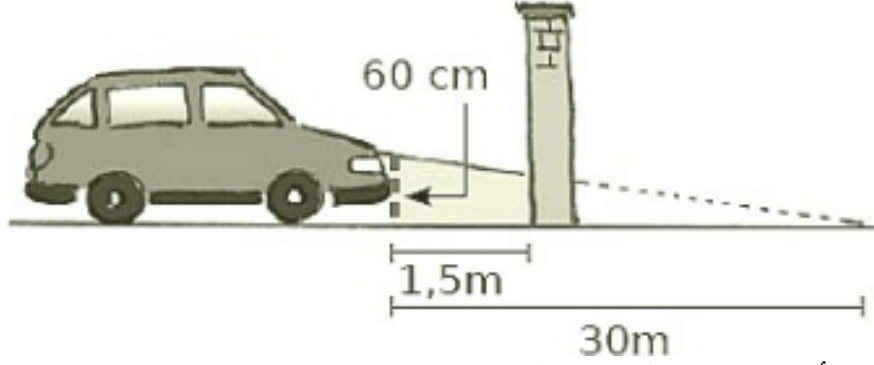
<p>المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوق الأستاذ عكرمي العيد</p>	<p>الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم المورد المعرفي: إدماج كلي</p>	<p>بطاقة فنية: 2-10 المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا</p>
<p><b>الكفاءة المستهدفة:</b> - حل مشكلات بتوظيف موارد المقطع</p>		
<p><b>ملاحظات</b></p>	<p><b>التمارين والوضيعات</b></p>	
<p>لماذا عرض النهر هو <math>BO</math> وليس <math>OA</math> ؟ - الجواب: التعامد (بعد نقطة عن مستقيم 3 م)</p>	<p><b>تمرين 22 صفحة 113</b> حساب عرض النهر <math>OB</math> لدينا ولدينا فحسب خاصية طالس فإن <math>\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD} = \frac{AB}{DC}</math></p> $\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OB+6} = \frac{2}{5}$ <p>بالتعويض ومنه <math>2(OB+6) = 5OB</math> ومنه <math>2OB+12 = 5OB</math> ومنه <math>\frac{-3OB}{-3} = \frac{-12}{-3}</math> إذن عرض النهر <math>OB = 4cm</math></p>	
	<p><b>تمرين 28 صفحة 125</b></p> $\widehat{ADC} \approx 32^\circ$ $\widehat{BCD} \approx 148^\circ$ $AH = \frac{S_{ABCD}}{DC} = \dots = 2,3cm$ $\sin \widehat{ADC} = \frac{AH}{AD} = \frac{2,3}{2,7}$	

<p>المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوق الأستاذ عكري العبد</p>	<p>الميدان: أنشطة هندسية المقطع التعليمي: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم <b>المورد المعرفي: وضعية تقويمية</b></p>	<p><b>بطاقة فنية: 2-11</b> المستوى: الرابعة متوسط المدة: 1 سا</p>
<p><b>الكفاءة المستهدفة:</b> - توظيف خواص التعامد والتوازي - توظيف خاصية طالس - توظيف النسب المثلثية في مثلث قائم</p>		
<p><b>ملاحظات</b></p> <p>- تقديم الوضعية في حصة الأعمال الموجهة</p> <p>محاولة التلاميذ (20 د)</p> <p>مناقشة الحل (20 د)</p> <p>كتابة الحل (15 د)</p> <p>- وضع شكل مبسط باليد الحرة مع تسمية النقاط</p> <p>(اقتراح: أريس A عمود P مقام M)</p> <p>- في السؤال 1 يمكن استعمال النسب المثلثية بدل خاصية طالس</p>	<p><b>التمارين والوضيعات</b></p> <p>فإن <math>\frac{AP}{AM} = \frac{AP'}{AM'} = \frac{PP'}{MM'}</math> بالتعويض <math>\frac{2,45}{2,45 + 96,55} = \frac{AP}{AM} = \frac{2,30}{MM'}</math> ومنه <math>MM' = \frac{99 \times 2,3}{2,45}</math></p> <p>إذن ارتفاع مقام الشهيد هو <math>92,94m</math></p> <p>2- حساب قياس الزاوية: المثلث <math>APP'</math> قائم في P</p> <p><math>\sin x = \frac{PP'}{AP} = \frac{2,3}{2,45}</math></p> <p><math>x \approx 70^\circ</math></p> <p>إذن قياس الزاوية هو <math>70^\circ</math></p>	<p><b>وضعية الإدماج صفحة 124</b></p> <p>1- حساب ارتفاع المقام:</p>  <p>لدينا <math>(MP)</math> و <math>(M'P')</math> متقاطعان في A ولدينا <math>(MM') \perp (MA)</math> و <math>(PP') \perp (MA)</math> ومنه <math>(MM') \parallel (PP')</math> (حسب خواص التوازي والتعامد) فحسب خاصية طالس</p>

## المقطع التعليمي 2: خاصية طالس، النسب المثلثية في مثلث قائم

### الوضعية الانطلاقية

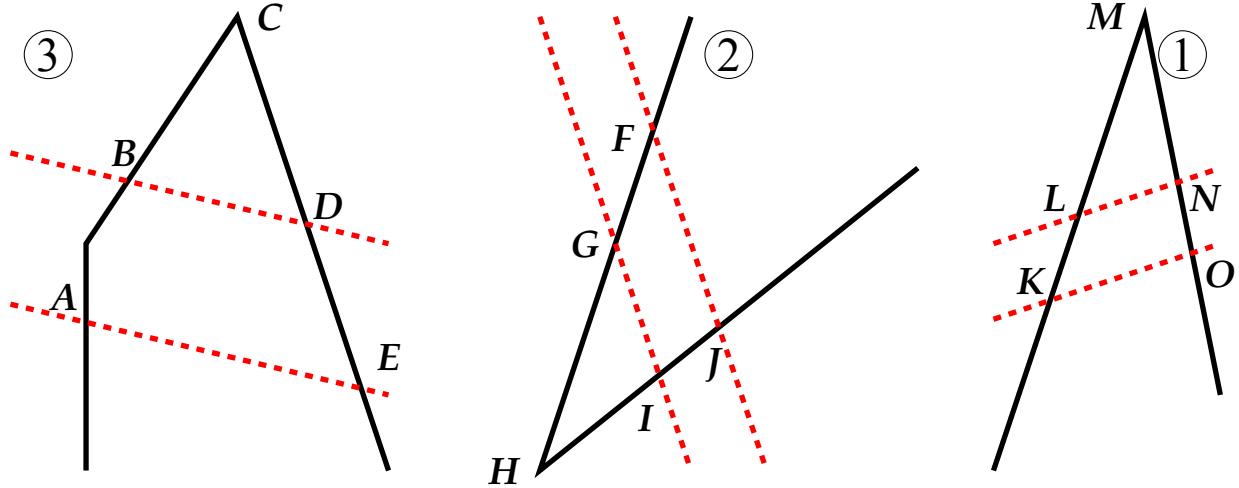
«يجب أن تسمح أضواء التقاطع للسيارة بإنارة جيدة للطريق ليلا لمسافة 30 مترا» من قانون المرور. من أجل المراقبة الدورية لسيارته، يريد خالد وضع خط على جدار مرآبه لضبط أضواء التقاطع، حيث ترتفع أضواء سيارته عن الأرض بـ 60cm.



- على أي ارتفاع يجب أن يضع خالد خط المعايرة ؟

### النشاط 1 (1)

المستقيمان الممثلان بخطوط متقطعة متوازيان.



- اكتب النسب المتساوية، في كل حالة.

### النشاط 1 (2)

ABC مثلث، فيه  $AB = 3,6cm$  و  $AC = 2,8cm$ .

(أ) أنشيء الشكل في كل حالة، حيث  $AM = 5,4cm$  و  $AN = 4,2cm$ .

1-  $M \in [AB)$  و  $N \in [AC)$

2-  $M \in [BA)$  و  $N \in [CA)$

3-  $M \in [AB)$  و  $N \in [CA)$

(ب) هل  $\frac{AC}{AN} = \frac{AB}{AM}$  ؟ هل  $(BC) \parallel (MN)$  ؟ تحقق بالوسائل الهندسية.

### النشاط 2

HOW مثلث قائم في O و  $\widehat{WHO} = 30^\circ$ .

1- أنشيء شكلا مناسباً بدقة (لك الحرية في اختبار الأطوال).

2- أتمم ماييلي بما يناسب.

الوتر هو ...، الضلع المجاور للزاوية  $\widehat{WHO}$  هو ...، الضلع المقابل للزاوية  $\widehat{WHO}$  هو ...

3- احسب النسب:  $\frac{OW}{OH}$ ،  $\frac{OW}{WH}$ ،  $\frac{OH}{WH}$ .

### النشاط 3

- 1- عین النقطتين  $C(1)$  و  $E(6)$  على نصف المستقيم المدرج لا يوازي  $(AB)$ .
- 2- أنشيء مستقيما يشمل  $C$  ويوازي  $(EB)$  ويقطع  $[AB]$  في  $D$ .
- 3- احسب النسبة  $\frac{AB}{AD}$  ، ثم اكتب  $AB$  بدلالة  $AD$ .
- 4- قسّم القطعة  $[AB]$  إلى 6 قطع متقايسة.

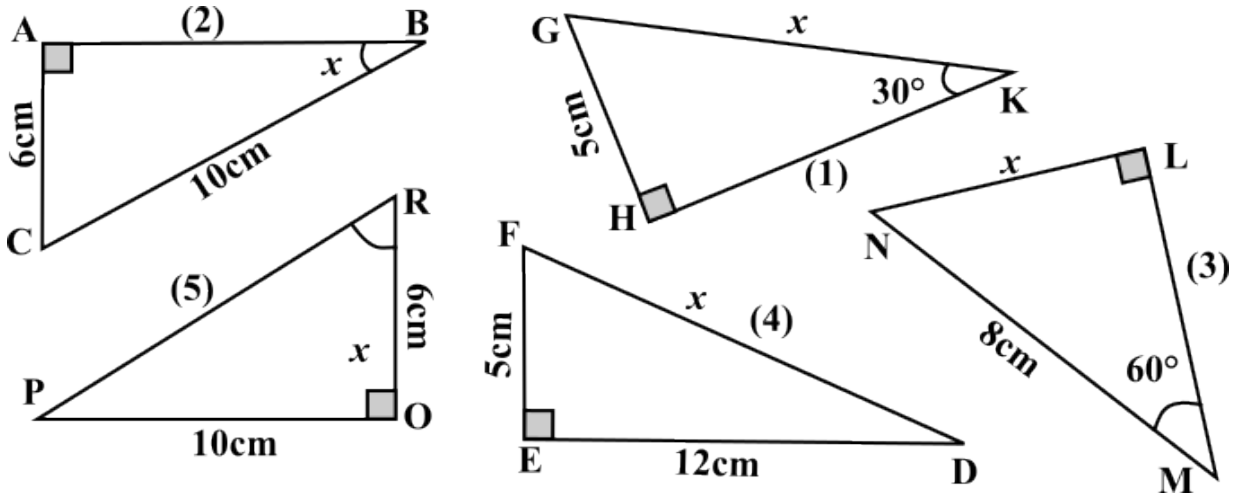
### النشاط 5

املاّ الجدول التالي مستخدما الحاسبة العلمية مع تدوير النسب المثلثية إلى 0,001 وأقياس الزوايا إلى وحدة الدرجة  $(^\circ)$ .

قيس الزاوية $x(^\circ)$	$10^\circ$		$60^\circ$		$85^\circ$
جيب الزاوية $\sin x$		0,5			
ظل الزاوية $\cos x$				1	

### النشاط 6

احسب العدد  $x$  في كل حالة.



### النشاط 8

باستعمال الحاسبة ، أتمم الجدول باختيار العدد  $\alpha$  قيس زاوية حادة.

$\alpha$	...	...	...	...	...	...	...
$\sin \alpha$							
$\cos \alpha$							
$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$							
$\tan \alpha$							
$(\sin \alpha)^2 + (\cos \alpha)^2$							

- 2- ضع تخميناً، ثم حاول أن تبرهن صحته.

### النشاط 9

أنشيء بدقة (دون استعمال المنقلة).

- 1- زاوية  $\alpha$  حيث  $\tan \alpha = 1,5$ .
- 2- زاوية  $\beta$  حيث  $\sin \beta = 0,25$ .
- 3- زاوية  $\theta$  حيث  $\cos \theta = 0,4$ .