

الحساب الحرفي - الجداءات الشهيرة (منهاج)
الحساب الحرفي في $\mathbb{R}$ - الجداءات الشهيرة (درس)
النشر (في $\mathbb{R}$ - الجزء 1)
النشر والتحليل
النشر (في $\mathbb{R}$ - الجزء 2)
التحليل (العامل المشترك - الجزء 1)
التحليل (العامل المشترك - الجزء 2)
التحليل (في $\mathbb{R}$ - الجزء 1)
التحليل (في $\mathbb{R}$ - الجزء 2)
التطبيقات العددية - في $\mathbb{R}$
النشر والتحليل 1
النشر والتحليل والمتطابقات 2
النشر التحليل والمتطابقات الشهيرة
مكافأة - 1 النشر (لعبة البطاقات)
مكافأة - 2 التحليل (لعبة البطاقات)

المحتوى	المهارات المطلوبة	تعليقات
الكتابات الحرفية; الجداءات الشهيرة	تحليل عبارات مثل : $(x+1)(x+2)-5(x+2); (2x+1)^2+(2x+1)(x+3).$ معرفة المساويات : $(a+b)(a-b)=a^2-b^2;$ $(a+b)^2=a^2+2ab+b^2;$ $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$ واستخدامها في تعابير رقمية أو حرفية بسيطة مثل: $101^2=(100+1)^2=100^2+200+1,$ $(x+5)^2-4=(x+5)^2-2^2=(x+5+2)(x+5-2)$	إن معرفة شكل عبارة جبرية تنطوي على معرفة الجداءات الشهيرة وقد تمثل تحديا التي يجب أن تؤخذ في الاعتبار. والعمل ستركز على محورين: استخدام عبارات حرفية لحسابات عددية ؛ استخدام الحساب الحرفي في حل معادلات أو حل مشكلات. وسوف تهدف الأنشطة لضمان السيطرة على نشر عبارات بسيطة؛ ومن ناحية أخرى، العمل على التحليل والذي سوف تستمر مع التلميذ في الثانوية، كذلك يهدف إلى تطوير الاستقلال الذاتي للتلاميذ في حالات بسيطة. أنه سيوطد الكفاءة في العملية الحسابية على القوى، لا سيما بشأن قوى العدد 10.

I. النشر

نشر جداء، يعني كتابته على شكل جداء (أو فرق).

a. النشر البسيط :

$$\begin{aligned}k(a + b) &= ka + kb \\k(a - b) &= ka - kb\end{aligned}$$

مثال:

$$\begin{aligned}A &= 6(x - 4) \\A &= 6x - 24\end{aligned}$$

b. النشر المضاعف :

$$(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$$

مثال:

$$\begin{aligned}B &= (x + 2)(x - 3) \\B &= x^2 - 3x + 2x - 6 \\B &= x^2 - x - 6\end{aligned}$$

c. الجداءات الشهيرة .

$$\begin{aligned}\text{الجداء الشهير رقم 3} \\(a + b)(a - b)^2 &= a^2 - b^2\end{aligned}$$

مثال:

$$\begin{aligned}A &= (x + 4)(x - 4) \\A &= x^2 - 4^2 \\A &= x^2 - 16\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{الجداء الشهير رقم 2} \\(a - b)^2 &= a^2 - 2ab + b^2\end{aligned}$$

مثال:

$$\begin{aligned}A &= (x - 5)^2 \\A &= x^2 - 2 \times 5 \times x + 5^2 \\A &= x^2 - 10x + 25\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{الجداء الشهير رقم 1} \\(a + b)^2 &= a^2 + 2ab + b^2\end{aligned}$$

مثال:

$$\begin{aligned}A &= (x + 3)^2 \\A &= x^2 + 2 \times 3 \times x + 3^2 \\A &= x^2 + 6x + 9\end{aligned}$$

II. التحليل :

تحليل مجموع (أو فرق)، أي كتابته على شكل جداء .

a. بالبحث عن العامل المشترك :

$$\begin{aligned}\underline{ka} + \underline{kb} &= \underline{k}(a + b) \\ \underline{ka} - \underline{kb} &= \underline{k}(a - b)\end{aligned}$$

k هو العامل المشترك

مثال:

$$\begin{aligned}B &= (2x + 1)^2 + (2x + 1)(x + 3) \\B &= (2x + 1)[(2x + 1) + (x + 3)] \\B &= (2x + 1)(2x + 1 + x + 3) \\B &= (2x + 1)(3x + 4)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}A &= (x + 1)(x + 2) - 5(x + 2) \\A &= (x + 2)[(x + 1) - 5] \\A &= (x + 2)(x + 1 - 5) \\A &= (x + 2)(x - 4)\end{aligned}$$

b. باستخدام الجداءات الشهيرة :

مثال:

$$\begin{aligned}E &= (x + 5)^2 - 4 \\E &= (x + 5)^2 - 2^2 \\E &= (x + 5 + 2)(x + 5 - 2) \\E &= (x + 7)(x + 3)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}D &= 4x^2 - 12x + 9 \\D &= (2x)^2 - 2 \times 2x \times 3 + 3^2 \\D &= (2x - 3)^2\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}C &= x^2 + 6x + 9 \\C &= x^2 + 2 \times x \times 3 + 3^2 \\C &= (x + 3)^2\end{aligned}$$

نشاط 1.1

1. بسط العبارات التالية :

$$C = 5x^2 - 7 - 9x^2 + x - 3x + 9$$

$$B = 3x^2 + 5x - 6 - 2x^2 - 4x - 3$$

$$A = 3x - 8 + 4x + 5$$

$$F = 3x^2 - (4x - 1) - (x^2 + 5x)$$

$$E = 3x - (4 + 2x) + (x^2 + 7)$$

$$D = 4x^2 - (5x + x^2 - 6x) + 7x$$

2. استبدل قيمة x لحساب كل عبارة حرفية:

$$C = -4x^2 - 2x + 2$$

$$B = x^2 + x - 9$$

$$A = 7x - 3$$

$$x = -3 : \text{من اجل}$$

$$x = -2 : \text{من اجل}$$

$$x = 5 : \text{من اجل}$$

$$F = (2x - 3)(6 - x^2)$$

$$E = (x - 3)^2$$

$$D = 2x - 7 + 3x + 1$$

$$x = 2 : \text{من اجل}$$

$$x = -4 : \text{من اجل}$$

$$x = 4 : \text{من اجل}$$

نشاط 1.2

1. باستعمال الخاصية « $k(a + b) = ka + kb$ » انشر العبارات التالية :

$$C = -3(x + 7)$$

$$B = 4(3 - 2x)$$

$$A = 7(x + 4)$$

$$F = 3x^2(1 - 2x)$$

$$E = -2x(5 + 4x)$$

$$D = -5(3x - 2)$$

2. استعمل الخاصية « $(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$ » لنشر العبارات التالية :

$$A = (x + 2)(x + 3)$$

$$B = (x - 7)(3x - 2)$$

$$C = (1 + 2x)(3 - x)$$

$$D = (-7x + 6)(5 - x^2)$$

$$E = (3x + 4)(-x + 1)$$

$$F = (3x^2 - 4)(2x + 5)$$

3. أكتب المربع على شكل جداء ثم انشر العبارات التالية:

$$C = (2x + 1)^2$$

$$B = (1 + x)^2$$

$$A = (x + 2)^2$$

$$F = (x^2 + 5)^2$$

$$E = (3x + 2)^2$$

$$D = (3 + 2x)^2$$

4. أكتب المربع على شكل جداء ثم انشر العبارات التالية:

$$C = (2x + 5)^2$$

$$B = (x - 7)^2$$

$$A = (x - 2)^2$$

$$F = (x^2 - 3)^2$$

$$E = (3x - 2)^2$$

$$D = (-4x + 3)^2$$

5. استعمل الخاصية « $(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$ » لنشر العبارات التالية :

$$C = (2x - 5)(2x + 5)$$

$$B = (x - 7)(x + 7)$$

$$A = (x + 2)(x - 3)$$

$$F = (2x^2 + 4)(2x^2 - 4)$$

$$E = (x^2 - 3x)(x^2 + 3x)$$

$$D = (3 - 4x)(3 + 4x)$$

نشاط 1.3

استعمل الخاصية « $ka + kb = k(a + b)$ » لتحليل العبارات التالية:

$$C = 3 + 3a$$

$$B = 5x + 15$$

$$A = 3x + 3y$$

$$E = (x + 7)^2 - (3x - 5)(x + 7)$$

$$D = (2x + 1)(x + 4) + (2x + 1)(3x + 2)$$

تمرين - 1A.1 أعط مربع كل عبارة :

e. $(9x)^2 = \dots\dots$ d. $(6x)^2 = \dots\dots$ c. $(5x)^2 = \dots\dots$ b. $(2x)^2 = \dots\dots$ a. $(3x)^2 = 9x^2$
 j. $(-5x)^2 = \dots\dots$ i. $(x^2)^2 = \dots\dots$ h. $(4a)^2 = \dots\dots$ g. $(10t)^2 = \dots\dots$ f. $(7x)^2 = \dots\dots$

تمرين - 1A.2 بسط الجداءات التالية :

e. $3 \times x \times 2x = \dots\dots$ d. $x \times 8 \times 2x = \dots\dots$ c. $4 \times 2x \times 5 = \dots\dots$ b. $3 \times 5x \times 2x = \dots\dots$ a. $2 \times 3x \times 4 = 24x$
 j. $4 \times 10x \times 6x = \dots\dots$ i. $2 \times 6x \times 3x = \dots\dots$ h. $3 \times 5x \times 2x = \dots\dots$ g. $2 \times 7x \times 3 = \dots\dots$ f. $7 \times 4 \times 2x = \dots\dots$

تمرين - 1A.3 أنشر باستعمال الجداء الشهير $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$:

$B = (x + 5)^2$	$A = (3 + x)^2$	$Z = (x + 3)^2$ $Z = x^2 + 2 \times x \times 3 + 3^2$ $Z = x^2 + 6x + 9$
$E = (3x + 2)^2$	$D = (1 + 3x)^2$	$C = (2x + 1)^2$
$H = (3 + 4x)^2$	$G = (x^2 + 1)^2$	$F = (5x + 3)^2$

تمرين - 1A.4 أنشر باستعمال الجداء الشهير $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$:

$B = (1 - 3x)^2$	$A = (x - 2)^2$	$Z = (5 - x)^2$ $Z = 5^2 - 2 \times 5 \times x + x^2$ $Z = 25 - 10x + x^2$
$E = (3 - 5x)^2$	$D = (2x - 1)^2$	$C = (3 - x)^2$
$H = (4 - 3x^2)^2$	$G = (4x - 3)^2$	$F = (3x - 2)^2$

تمرين - 1A.5 أنشر باستعمال الجداء الشهير $(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$:

$B = (x + 3)(x - 3)$	$A = (x + 2)(x - 2)$	$Z = (2x + 5)(2x - 5)$ $Z = (2x)^2 - 5^2$ $Z = 4x^2 - 25$
$E = (5 + 3x)(5 - 3x)$	$D = (2x + 1)(2x - 1)$	$C = (3x - 1)(3x + 1)$
$H = (4x^2 + 3)(4x^2 - 3)$	$G = (3 + 4x)(3 - 4x)$	$F = (3x - 2)(3x + 2)$

تمرين - 1B.1 انشر باستخدام الجداء الشهير الذي يناسب:

$C = (x + 1)(x - 1)$	$B = (2 - x)^2$	$A = (x + 4)^2$
$F = (7x + 5)^2$	$E = (3 - 2x)^2$	$D = (2x + 1)^2$
$I = (3 + 4x)(3 + 4x)$	$H = (4 - 8x)^2$	$G = (5x + 6)(5x - 6)$
$L = (11x - 12)^2$	$K = (2 + 9x)^2$	$J = (3 + x)(x - 3)$

تمرين - 1B.2 انشر وبسط :

$A = (x + 1)^2 + (x - 3)^2$	$Z = (x + 2)^2 + (3 - 2x)(3 + 2x)$ $= x^2 + 4x + 4 + 9 - 4x^2$ $Z = -3x^2 + 4x + 13$ إذن:
$C = (x - 2)^2 + (x + 4)(x - 4)$	$B = (3 - x)^2 + (x + 5)^2$
$E = (x - 5)^2 + (2x + 7)(2x - 7)$	$D = (x + 1)(x - 1) + (x + 4)^2$

تمرين 1B.3 انشر وبسط :

$A = (2x + 1)^2 - (x + 3)^2$	$Z = (x + 2)^2 - (3 - 2x)(3 + 2x)$ $= x^2 + 4x + 4 - (9 - 4x^2)$ $= x^2 + 4x + 4 - 9 + 4x^2$ $Z = 5x^2 + 4x - 5$ إذن:
$C = (x + 2)(x - 2) - (x - 3)^2$	$B = (2x + 3)^2 - (x - 7)(x + 7)$
$E = (3x + 1)(x - 2) - (2x - 3)^2$	$D = (x - 5)^2 - (2x - 7)(x - 5)$

تمرين 2A.1

ضع سطرًا تحت العامل المشترك في كل عبارة

$$A = 3x + 3y$$

$$B = -3a + 3b$$

$$C = 7x + 12x$$

$$D = -6(3x - 2) - (3x - 2)(x - 4)$$

$$E = (x + 2)(x + 1) + (x + 2)(7x - 5)$$

$$F = (2x + 1)^2 + (2x + 1)(x + 3)$$

$$G = (x + 1)(2x - 3) + (x + 1)(5x + 1)$$

$$H = (3x - 4)(2 - x) - (3x - 4)^2$$

$$I = (6x + 4)(2 + 3x) + (2 + 3x)(7 - x)$$

$$J = (3 + x)(5x + 2) + (x + 3)^2$$

تمرين 2A.2

حلل العبارات مستخدمًا القاعدة : « $ka + kb = k(a + b)$ »

$$A = 4x + 4y = 4(x + y)$$

$$B = 6 \times 9 + 6 \times 3 =$$

$$C = 8a + 8b =$$

$$D = 5 \times 3 + 3 \times 14 =$$

$$E = 2 + 2x =$$

$$F = 7a + 7 =$$

$$G = 4x^2 + 4x =$$

$$H = 6y + 6y^2 =$$

$$I = 3x^2 + 5x =$$

$$J = 2ab + b^2 =$$

تمرين 2A.5

حلل العبارات التالية كما المثال:

$$B = 7(2x - 3) + 2(2x - 3)$$

$$A = 13(x + 2) + 5(x + 2)$$

$$Z = 5(x + 1) + 3(x + 1)$$

$$= (x + 1)(5 + 3)$$

$$Z = 8(x + 1) \text{ إذن:}$$

$$E = 7x(3x + 1) - 10x(3x + 1)$$

$$D = 4(x + 3) + 9x(x + 3)$$

$$C = 3x(x + 2) - 5(x + 2)$$

تمرين 2A.3

أكمل داخل القوسين , كما هو مبين في المثال :

$$A = 4a + 12 = 4(a + 3)$$

$$B = 2x + 6y = 2(\quad)$$

$$C = 5x^2 - 30x = 5x(\quad)$$

$$D = 5(x - 1) + 3x(x - 1) = (x - 1)(\quad)$$

$$E = 15x - 20y = 5(\quad)$$

$$F = -7xy + 14y = 7y(\quad)$$

$$G = a + 2ax = a(\quad)$$

$$H = 3x^2 + x = x(\quad)$$

$$I = 7x(x + 3) - 6(x + 3) = (x + 3)(\quad)$$

$$J = 4xy^2 + 12x^2y = 4xy(\quad)$$

تمرين 2A.4

أكتب الحد المسطر على شكل جداء ثم حلل العبارة :

$$A = 4a + 12 = 4a + 4 \times 3 = 4(a + 3)$$

$$B = 5x + 10 = =$$

$$C = 6x - 24 = =$$

$$D = 36 - 4x = =$$

$$E = 7x + 14 = =$$

$$F = 35 - 5x = =$$

$$G = 8x - 24 = =$$

$$H = 12x + 18 = =$$

$$I = 6 - 15x = =$$

$$J = 30x - 42 = =$$

$B = 7(2x - 3) + 2(2x - 3)$	$A = 13(x + 2) + 5(x + 2)$	$Z = 5(x + 1) + 3(x + 1)$ $= (x + 1)(5 + 3)$ $Z = 8(x + 1)$ إذن:
$E = 7x(3x + 1) - 10x(3x + 1)$	$D = 4(x + 3) + 9x(x + 3)$	$C = 3x(x + 2) - 5(x + 2)$

تمرين 2B.1

a. حلل العبارات التالية على غرار المثال المبين :

$B = (x + 1)(x + 2) - 5(x + 2)$	$A = (x - 3)(2x + 1) + 7(2x + 1)$	$Z = (x + 1)(x - 2) + 5(x + 1)$ $= (x + 1)[(x - 2) + 5]$ $Z = (x + 1)(x + 3)$ إذن:
$E = -6(3x - 2) - (3x - 2)(x - 4)$	$D = 5(1 + 2x) - (x + 1)(1 + 2x)$	$C = (3 - x)(4x + 1) - 8(4x + 1)$

b. نفس السؤال السابق:

$B = (x + 2)(x + 1) + (x + 2)(7x - 5)$	$A = (x + 1)(3 - x) + (x + 1)(2 + 5x)$	$Z = (x + 1)(x - 2) + (x + 1)(x + 7)$ $= (x + 1)[(x - 2) + (x + 7)]$ $Z = (x + 1)(2x + 5)$ إذن:
$E = (x - 6)(2 - x) - (2 - x)(3 + 4x)$	$D = (2x + 1)(x - 5) - (3x + 1)(2x + 1)$	$C = (x + 3)(3 - 2x) - (x + 3)(5 + x)$

c. نفس السؤال السابق:

$B = (2x + 1)^2 + (2x + 1)(x + 3)$	$A = (x + 1)^2 + (x + 1)(3x + 1)$	$Z = (x + 1)^2 + (x + 1)(x + 7)$ $= (x + 1)[(x + 1) + (x + 7)]$ $Z = (x + 1)(2x + 8)$ إذن:
$E = (3x - 4)(2 - x) - (3x - 4)^2$	$D = (x + 1)(2x - 5) + (2x - 5)^2$	$C = (x - 3)^2 - (x - 3)(4x + 1)$

تمرين 2B.2

حول العبارة المسطرة ، لكي يظهر العامل المشترك ، ومن ثمة حل العبارة:

$B = (x - 1)(2x + 1) + (6x + 3)(3 - x)$	$A = (x + 1)(x + 2) + (2x + 2)(3x - 4)$	$Z = (x - 1)(x - 2) + (2x - 2)(x + 7)$ $= (x - 1)(x - 2) + 2(x - 1)(x + 7)$ $= (x + 1)[(x - 2) + 2(x + 7)]$ $= (x + 1)(x - 2 + 2x + 14)$ $Z = (x + 1)(3x + 12)$ إذن:
$G = (2x + 1)^2 - (x + 3)(10x + 5)$	$D = (4x + 4)(1 - 2x) + (x + 1)^2$	$C = (10x - 5)(x + 2) + (1 - x)(2x - 1)$

تمرين - 3A.1 اكمل الفراغ :

e. $49x^2 = (\dots)^2$ d. $25x^2 = (\dots)^2$ c. $36x^2 = (\dots)^2$ b. $9x^2 = (\dots)^2$ a. $4x^2 = (2x)^2$
 j. $16y^2 = (\dots)^2$ i. $144b^2 = (\dots)^2$ h. $400a^2 = (\dots)^2$ g. $100t^2 = (\dots)^2$ f. $81x^2 = (\dots)^2$

تمرين - 3A.2 حل مستعملا الجداء الشهير : $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$

$B = x^2 + 6x + 9$	$A = x^2 + 10x + 25$	$Z = 25x^2 + 30x + 9$ $= (5x)^2 + 2 \times 5x \times 3 + 3^2$ إذن: $Z = (5x + 3)^2$
$E = 16x^2 + 40x + 25$	$D = 4x^2 + 12x + 9$	$C = 36 + 12x + x^2$

تمرين - 3A.3 حل مستعملا الجداء الشهير : $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$

$B = 4x^2 - 20x + 25$	$A = x^2 - 2x + 1$	$Z = 9x^2 - 30x + 25$ $= (3x)^2 - 2 \times 3x \times 5 + 5^2$ إذن: $Z = (3x - 5)^2$
$E = 100 - 40x + 4x^2$	$D = 36x^2 - 12x + 1$	$C = 9 - 6x + x^2$

تمرين 3A.4

a. حل مستعملا الجداء الشهير : $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

$B = 9 - x^2$	$A = x^2 - 4$	$Z = x^2 - 81$ $= x^2 - 9^2$ إذن: $Z = (x + 9)(x - 9)$
$E = 25 - x^2$	$D = x^2 - 49$	$C = x^2 - 16$

b. نفس سؤال التمرين السابق :

$B = 16 - 9x^2$	$A = 4x^2 - 9$	$Z = 4x^2 - 81$ $= (2x)^2 - 9^2$ إذن: $Z = (2x + 9)(2x - 9)$
$E = 4 - 64x^2$	$D = 49x^2 - 36$	$C = 16x^2 - 25$

تمرين 3B.1

a. حلل العبارات باستعمال الجداء الشهير $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$:

$B = (x + 2)^2 - 9$	$A = (x + 1)^2 - 4$	$Z = (x + 2)^2 - 81$ $= (x + 2)^2 - 9^2$ $= (x + 2 + 9)(x + 2 - 9)$ $Z = (x + 11)(x - 7)$ إذن:
$E = 36 - (4 - 3x)^2$	$D = 16 - (3x + 2)^2$	$C = (2x + 1)^2 - 25$

b. نفس السؤال :

$B = (2x - 1)^2 - (5 + x)^2$	$A = (x + 1)^2 - (2x + 3)^2$	$Z = (x + 2)^2 - (2x - 3)^2$ $= [(x+2)+(2x-3)][(x+2)-(2x-3)]$ $= (x+2+2x-3)(x+2-2x+3)$ $Z = (3x - 1)(-x + 5)$ إذن:
$E = (x + 6)^2 - (3x - 1)^2$	$D = (3x - 4)^2 - (6x + 1)^2$	$C = (4x - 1)^2 - (3x + 4)^2$

تمرين 3B.2 - حلل العبارة المسطرة لتجد العامل المشترك :

$B = (x + 4)(2x - 1) + \underline{x^2 - 16}$	$A = (x + 2)(3x - 1) + \underline{x^2 - 4}$	$Z = (x + 2)(x + 1) + \underline{x^2 - 1}$ $= (x+2)(\underline{x+1}) + (\underline{x+1})(x-1)$ $= (x+1)[(x+2) + (x-1)]$ $= (x + 1)(x + 2 + x - 1)$ $Z = (x + 1)(2x + 1)$ إذن:
$E = \underline{25 - x^2} - (x - 5)(2x + 3)$	$D = (2x + 1)(x - 2) - (\underline{x^2 - 4})$	$C = (x - 3)(x + 1) - (\underline{x^2 - 9})$

تمرين 4.1

أكتب كل عدد على شكل مجموع ثم استخدم الجداء الشهير $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ للحساب :

مثال:

$$B = 102^2$$

$$\begin{aligned} A &= 101^2 \\ &= (100 + 1)^2 \\ &= 100^2 + 200 + 1 \\ &= 10\,000 + 200 + 1 \\ A &= 10\,201 \end{aligned}$$

إذن:

$$D = 1\,005^2$$

$$C = 51^2$$

$$F = 109^2$$

$$E = 201^2$$

تمرين 4.2

أكتب كل عدد على شكل فرق ثم استخدم الجداء الشهير $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ للحساب :

مثال:

$$B = 98^2$$

$$\begin{aligned} A &= 99^2 \\ &= (100 - 1)^2 \\ &= 100^2 - 200 + 1 \\ &= 10\,000 - 200 + 1 \\ &= 9\,801 \end{aligned}$$

إذن:

$$D = 990^2$$

$$C = 49^2$$

$$F = 91^2$$

$$E = 199^2$$

تمرين 4.3

أكتب كل عدد على شكل جداء ثم استخدم الجداء الشهير $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$ للحساب :

مثال:

$$B = 105 \times 95$$

$$\begin{aligned} A &= 101 \times 99 \\ &= (100 + 1)(100 - 1) \\ &= 100^2 - 1^2 \\ &= 10\,000 - 1 \\ A &= 9\,999 \end{aligned}$$

إذن:

$$D = 107 \times 93$$

$$C = 51 \times 49$$

$$F = 1\,007 \times 993$$

$$E = 498 \times 502$$

تمرين 4.4

استخدم الجداء الشهير $a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$ للتحليل ثم احسب :

مثال:

$$B = 105^2 - 95^2$$

$$\begin{aligned} A &= 101^2 - 99^2 \\ &= (101+99)(101-99) \\ &= 200 \times 2 \\ A &= 400 \end{aligned}$$

إذن:

$$D = 47^2 - 53^2$$

$$C = 235^2 - 234^2$$

$$F = 93^2 - 107^2$$

$$E = 9\,876^2 - 9\,875^2$$

النشر والتحليل 1

تمرين 1

انشر ثم بسط ما يلي:

$$\begin{aligned} A &= 2x(3x+1) + (-5x+2) \times 3x \quad * \quad B = -4x^2(-x-7)(5x-1) - 5x(1-2x) \\ C &= -5x(x^3 - 2x^2 + x - 7) + 3x(5x^2 + 2x - 2) \quad * \quad D = 5x^3(1-x) + 2x^2(x^3 - x^2 + x - 1) - 7x^3 - 2 \\ E &= 5x^3(x^2 - 2) - 2x^2(x+7) + 5x(x^3 + x - 1) - 4(2x^2 - x - 9) \end{aligned}$$

تمرين 2

حلل ما يلي :

$$\begin{aligned} A &= 25x^4 - 5x^2 \quad * \quad B = 6x(2x+1) - 6x(-3x-8) - 6x \quad * \quad C = (3x+1)^2 - (3x+1)(2x+5) \\ D &= 3x(-2x-5) - (-2x-5)^2 + (-2x-5) \quad * \quad E = (2x+3)(5x+7) - (2x+3)(-x-1) + 2x+3 \\ F &= 7x(2x-9) - 11(9-2x) \quad * \quad G = (2x+7)(5x-2) - (4x-1)(2-5x) + 2(5x-2) \end{aligned}$$

تمرين 3

انشر ثم بسط ما يلي :

$$\begin{aligned} A &= (3x-1)^2 - (7x+2)^2 + (8x+5)(8x-5) \quad * \quad B = (4x-1)^2 - (5-x)^2 \quad * \quad C = ((x+5)+2)^2 \\ D &= 3x(2x-1)^2 + 7(x+4)^2 \quad * \quad E = (2x-1)^2 + 2(2x-1)(x+4) + (x+4)^2 \\ F &= 3x^3(x-1)(x+1) + 2x^2(x-1)^2 - 4x(x+1)^2 \end{aligned}$$

تمرين 4

حلل ما يلي :

$$\begin{aligned} A &= 25x^2 - 30x + 9 \quad * \quad B = 81x^2 - 16y^2 \quad * \quad C = 50x^2 - 40x + 8 \quad * \quad D = 4x^2 + 12x + 9 - (2x+3) \\ E &= 16x^2 - 9 - (4x-3)(2x+1) \quad * \quad F = (2x-3)(x+1) - 4x+6 \quad * \quad G = (3x-1)^2 - (x+5)^2 \\ H &= 4x^2 - 9 + (2x-3)(x-5) \quad * \quad I = (x+2)^2 - 2(x+2)(2x-1) + (2x-1)^2 \end{aligned}$$

تمرين 5

انشر ثم بسط ما يلي :

$$\begin{aligned} A &= (2x+1)(2x-1) - (5x-3)(5x+3) + (7-x)(7+x) \quad * \quad B = (x-1)^2 - (3x+2)^2 + (5x-7)(5x+7) \\ C &= [(5x+2)-4][(5x+2)+4] \quad * \quad D = [(x-1)+5y]^2 \quad * \quad E = [(3x+5)-11]^2 - [(3x-5)+11]^2 \end{aligned}$$

تمرين 6

انشر ثم بسط ما يلي :

$$\begin{aligned} A &= 4 - (2x+3)(2x-3) \quad * \quad B = 2x(x-3) - (x+1)^2 \quad * \quad C = (3x-1)^2 - 2(x+1)(3x-4) \\ D &= (2x-3)^2 - (x+1)^2 \quad * \quad E = (2x-3)(x+1) - (x-2)(2x+5) \end{aligned}$$

(بالتصرف)

الأستاذ: المهدي عنييس "المغرب"

النشر والتحليل 1

تمرين 7

نضع :

$$A = (2x+1)^2 \quad B = (2x+1)(2x-1) \quad C = (2x-1)^2$$

(1) - انشر ثم بسط : A و B و C .

(2) - حلل : A - B .

(3) - حلل : A - 2C + B .

تمرين 8

حلل ما يلي :

$$A = 6x^2 + 12x + 6 \quad B = x^2 - 2x + (x-2)(3x+1) \quad C = (2x-5)^2 - (x+1)^2 \quad D = (3x+2)^2 - 25 =$$

$$E = (7x-1)(3x+2) - (1-7x)(5x+5) \quad F = 49 - (2x+5)^2 + (54+2x)(7x-1)$$

النشر والتحليل 2

تمرين 1

حسب مع الاختزال إذا كان ممكنا:

$$A = \frac{2}{5} - \frac{2}{5} \div \frac{6}{25} \quad ; \quad B = \frac{9}{4} \times \frac{2}{3} + \frac{2}{3} \quad ; \quad C = \frac{-4}{3} \times \frac{15}{24} \times \frac{6}{5} \quad ; \quad D = \frac{5}{4} \times \frac{16}{3} - \frac{16}{3}$$

$$E = \frac{13}{2} - \frac{13}{2} \div \frac{3}{2} \quad ; \quad F = \frac{-7}{4} - \frac{4}{3} \times \frac{3}{2} \quad ; \quad G = \frac{-11}{5} \times \frac{10}{22} \div \frac{3}{2} \quad ; \quad H = \left(\frac{-2}{5} + \frac{11}{3} \right) \times \left(7 - \frac{1}{7} \right)$$

$$I = \frac{3}{17} - \left[\frac{1}{4} + \left(\frac{3}{17} - \frac{5}{2} \right) - 3 \right] \quad ; \quad J = \frac{3 + \frac{1}{2}}{1 + \frac{1}{2}} \quad ; \quad K = \frac{5}{3 + \frac{1}{4}} \div \frac{3 + \frac{1}{4}}{5} \quad ;$$

تمرين 2

a و b عدنان حقيقيان بحيث: $a^2 - b^2 \neq 0$. بسط ما يلي :

$$A = \frac{\frac{a}{a-b} + \frac{b}{a+b}}{1 + \frac{a}{a^2 - b^2}} \quad ; \quad B = \frac{a}{a-b} + \frac{b}{a+b} + \frac{(a+b)^2 - 2ab}{a^2 - b^2} \quad ; \quad C = \frac{\frac{a-1}{a+1} - a}{\frac{a(a-1)}{a+1} + 1} \quad (a \neq -1)$$

تمرين 3

a و b عدنان حقيقيان . نضع : $a^2 + b^2 = \frac{5}{4}$ و $ab = \frac{-1}{2}$. احسب ما يلي :

$$A = \frac{a}{b} + \frac{1}{\frac{a}{b}} \quad ; \quad B = a^3 b + a b^3$$

تمرين 4

انشر ثم بسط ما يلي :

$$A = (2x+2)^2 \quad ; \quad B = (3x-5)^2 \quad ; \quad C = (4-5x)(4+5x) \quad ; \quad D = (x-\sqrt{2})^2$$

$$E = (3\sqrt{2}-2x)^2 \quad ; \quad G = \left(\frac{x}{5} - \frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 \quad ; \quad F = (\sqrt{3}-\sqrt{5})(\sqrt{3}+\sqrt{5})$$

$$H = x(3x+2) - 3x(x+2) \quad ; \quad I = (2x-5)(4-x+x^2)$$

تمرين 5

نضع : $E = (3x-5)(x+2) - (3x-5)^2$

(1) - انشر ثم بسط E .

(2) - حل E .

(3) - حل المعادلة : $E = 0$.

الأستاذ: المهدي عنيس "المغرب"

(بالتصرف)

النشر والتحليل 2

تمرين 6

انشر ثم بسط ما يلي :

$$A = 3(2x - 7) + (x - 1)(3 - x) \quad ; \quad B = (3x + 1)^2 - (3 - x)^2 + (x - 2)(x + 2)$$

$$C = (2x - 9)^2 + (x - 3)(x + 3) \quad ; \quad D = (2x + 7)(2x - 7) - 3(x - 1)$$

$$E = (x + 1)^2 - (x - 3)^2 + (x - 2)(x + 2) \quad ; \quad F = (4x^2 - 2x + 3)^2 \quad ; \quad G = (\sqrt{2} + x\sqrt{3} - 1)^2$$

تمرين 7

حل المعادلات الآتية :

$$4x - 7 = 0 \quad ; \quad 25x^2 - 16 = 0 \quad ; \quad 4x^2 - 12x + 9 = 0 \quad ; \quad 2x(3x - 5) = 3x - 5$$

$$6x^2 + 49 = 0 \quad ; \quad 4x^2 - 5 = 0 \quad ; \quad 3x - 7 = 0 \quad ; \quad 2x^2 + 3x\sqrt{2} + 9 = 0$$

تمرين 8

حل ما يلي :

$$A = 2ab^2c + 3a^2b - 7abc \quad ; \quad B = 21a^2bc + 7ab^2 - 14abc^2 \quad ; \quad C = 8x(2 + x) - 3x$$

$$D = 6x(x - 1) + 18x \quad ; \quad E = 3x(2x + 1) - (2x + 1)(2x + 4)$$

$$F = 6x(2x - 3) - 4x(2x - 3) + 2x - 3 \quad ; \quad G = 7x(1 - x) - (5x + 3)(x - 1)$$

تمرين 9

$$M = 3x(2x + 1) - (2x + 1)^2 \quad \text{نضع :}$$

(1) - انشر ثم بسط M .

$$(2) - \text{احسب M من أجل : } x = \frac{-2}{5} .$$

(3) - حل M

$$(4) - \text{حل المعادلة : } M = 0 .$$

تمرين 10

حل ما يلي :

$$A = (5x + 3)(2x - 1) - (5x + 3)^2 \quad ; \quad B = (x + 4)^2 - 25$$

$$C = 7 - (x + 3\sqrt{7})^2 \quad ; \quad D = 49x^2 - (x + 2)^2$$

تمرين 11

حل المعادلات الآتية :

$$25x^2 - 16 = 0 \quad ; \quad 4x^2 - 3 = 0 \quad ; \quad 2x^2 - 9 = 0 \quad ; \quad 5x^2 - 7 = 0$$

الأستاذ: المهدي عنييس "المغرب"

(بالتصرف)

النشر والتحليل 2

$$3x(x+2) - (x+1)(x+2) = 0 \quad ; \quad 25x^2 = (4x-1)^2 \quad ; \quad 4x^2 + 12x + 9 - (2x+3) = 0$$

$$(x-1)(2x+4) - (1-x)(5x+8) = 0 \quad ;$$

تمرين 12

نضع : $N = 2x^2 + 4x + 1$. احسب N في كل من لحالات الآتية :

$$x = \frac{-1}{3} \quad ; \quad x = \sqrt{3} \quad ; \quad x = 2\sqrt{5} \quad ; \quad x = 1 - \sqrt{5} \quad ; \quad x = \sqrt{7} + 2$$

تمرين 13

احسب ثم بسط ما يلي :

$$A = \left(\frac{-2}{5}\right) \div \frac{4}{3} + \frac{-7}{3} \div \frac{14}{3} \quad ; \quad B = \left(\frac{2}{5} + \frac{-7}{3}\right) \left(11 - \frac{4}{3}\right) \quad ; \quad C = \left(\frac{2}{5} + \frac{4}{3}\right) \div \frac{-5}{7} + \frac{1}{11}$$

$$D = 4 \times \frac{1}{2} - \frac{-4}{5} + \frac{2}{3} \div \frac{4}{-3} - \frac{5}{2} \quad ; \quad E = (-\sqrt{2} - 3) - (2 - \sqrt{2}) + (5 - 4\sqrt{2}) \quad ; \quad F = \frac{2\sqrt{7} + 1}{\sqrt{7}} \times \frac{2\sqrt{7} - 1}{\sqrt{7}}$$

تمرين 14

حل المعادلات الآتية :

$$\frac{2x+1}{3} - \frac{x}{2} = \frac{4x+5}{6} \quad ; \quad \frac{x-1}{4} - \frac{3x-2}{2} = \frac{x+3}{8}$$

$$\frac{x}{7} - \frac{2x-1}{3} = \frac{4x+3}{2} \quad ; \quad (x+2) - \frac{x}{3} = (3-4x)$$

تمرين 15

نعتبر العبارتين :

$$B = (2x - 5^2 - 36) \quad ; \quad A = 2x^2 - 13x - 7$$

- (1) - حل العبارة B .
- (2) - احسب العبارة $B - 2A$.
- (3) - استنتج تحليل العدد A .
- (4) - احسب العبارة A من أجل $x = \frac{-3}{2}$.
- (5) - حل المعادلة : $A = 0$

تمرين 16

احسب ثم بسط ما يلي:

$$A = \frac{-7}{8} + \frac{5}{8} \times \frac{9}{8} \quad ; \quad B = \frac{5}{3} - \frac{2}{3} \div \frac{4}{5} \quad ; \quad C = \frac{26}{1 + \frac{3}{5}} \quad ; \quad D = \frac{\frac{2}{3} + 1}{1 - \frac{2}{3}}$$

تمرين 17

نعتبر x عددا حقيقيا.

الأستاذ: المهدي عنييس "المغرب"

(بالتصرف)

النشر والتحليل 2

نضع : $A = (2x+5)^2 - 10(2x+5)$

(1) - انشر ثم بسط العبارة A .

(2) - احسب العبارة A من أجل : $x = \sqrt{7}$ ثم $x = -\frac{1}{2}$.

(3) - حلل العبارة A .

(4) - حل المعادلة : $A = 0$.

تمرين 18

a و b عدنان حقيقيان بحيث : $a - b = \frac{7}{5}$ و $ab = \frac{-1}{5}$.

(1) - احسب : $E = a - \left(\frac{-4}{3} + b + \frac{7}{5} \right)$.

(2) - أثبت أن : $\frac{2}{b} - \frac{2}{a} = -14$.

تمرين 19

اليك العبارتين:

$A = x^2 - 16 - (3x - 1)(x - 4)$ و $B = 25 - 4x^2$.

(1) - حلل A ثم B .

(2) - انشر ثم بسط A .

(3) - حلل : $B - 2A$.

تمرين 20

انشر ثم بسط ما يلي:

$E = (3x - 9)(x + 1) - (x^2 - 9)$; $F = (x - 3)(x - 1) + x^2 - 6x + 9$

$G = -3x(2x - 5) + 2(2x - 5)$; $H = (x - 3)^2 - 16$; $I = (2x - 1)^2 - 4(6x^2 - 3x)$

تمرين 21

نضع : $M = (x - 2)(x + 3) + (2x - 4)(x + 1)$ و $N = x^2 - 5x + 6$.

(1) - حلل M .

(2) - بين أن : $N = (x - 2)(x - 3)$.

(3) - احسب M و N من أجل $x = 2\sqrt{2}$.

النشر والتحليل 3

تمرين 1

احسب مع الاختزال إذا كان ممكنا :

$$A = \frac{2 + \frac{3}{4}}{5 - \frac{1}{2}} + \frac{3 - \frac{1}{2}}{6 + \frac{5}{4}} \quad ; \quad B = \frac{2 \times \frac{1}{3} - 1}{\frac{4}{3} + \frac{1}{2} \times 3} \quad ; \quad C = \frac{7 + \left(\frac{1}{2} - 5\right) \times \frac{3}{2}}{4 - \left(\frac{3}{2-1}\right) \times \frac{2}{3}} \quad ; \quad D = \frac{\frac{5}{2} + \frac{4}{3} - 1}{\frac{5}{6} - \frac{1}{2} + 4}$$

$$E = 3 + \frac{2}{4 + \frac{3}{5 + \frac{4}{6}}} \quad ; \quad F = \frac{\frac{2}{3} \times 5 - \frac{1}{2}}{4 \times \frac{2}{3} + 1} \times \frac{2 - \frac{5}{2} \times 2}{3 \times \frac{7}{2} + 4}$$

تمرين 2

احسب ثم بسط ما يلي :

$$A = \frac{(3 + \sqrt{2})(3 - \sqrt{2})}{(5 - \sqrt{3})(5 + \sqrt{3})} \quad ; \quad B = \frac{\frac{1}{\sqrt{5} + 7} + \frac{2}{\sqrt{5} - 7}}{\frac{1}{3 - \sqrt{5}} - \frac{2}{3 + \sqrt{5}}} \quad ; \quad C = \frac{(\sqrt{3} - 2)^2 - (3 + \sqrt{3})^2}{(\sqrt{11} + \sqrt{3})(\sqrt{11} - \sqrt{3})}$$

تمرين 3

أزل الأقواس والأقواس المعقوفة ثم أحسب :

$$A = \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{2}\right) - \left[-\left(-\frac{2}{5} + 3\right) + \left(\frac{4}{3} - \frac{1}{2}\right)\right] - \left(\frac{2}{15} + \frac{3}{5}\right)$$

$$B = -\left(\frac{1}{2} + \frac{4}{6}\right) - \left[\frac{2}{3} - \left(\frac{5}{12} + \frac{4}{3}\right)\right] - \left[-\left(3 + \frac{1}{2}\right) - 5\right]$$

$$C = \frac{5}{7} - \left(\frac{3}{21} + 4\right) + \left[-3 - \left(\frac{1}{3} + \frac{5}{7}\right) + \left(\frac{2}{3} - \frac{6}{7}\right)\right]$$

تمرين 4

a و b عدنان حقيقيان غير معدومين بحيث : $a - b \neq 0$.

$$\frac{2 - \frac{2a}{a-b}}{-3 - \frac{3b}{a-b}} = \frac{2b}{3a} \quad \text{و} \quad \frac{-1 + \frac{b}{a+b}}{-1 + \frac{a}{a+b}} = \frac{a}{b} \quad : \quad \text{أثبت أن :}$$

(بالتصرف)

الأستاذ : المهدي عنييس "المغرب"

النشر والتحليل 3

تمرين 5

(2) - استنتج حساب :

$$A = \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{1 - \frac{\sqrt{2}}{2}}{1 - \frac{1}{2 - \frac{1}{\sqrt{2}}}}$$

a و b عدنان حقيقيان غير منعدمين بحيث : $ab \neq 1$.
(1) - أثبت أن :

$$\frac{a}{b} \times \frac{1 - \frac{a}{a - \frac{1}{b}}}{1 - \frac{1}{b - \frac{1}{a}}} = \frac{a}{b}$$

تمرين 6

a و b و c أعداد حقيقية .

أثبت أن :

$$(a - b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 - 2(ab - ac - bc)$$

$$(a + b - c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab - ac - bc)$$

$$(a - b - c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 - 2(ab + ac - bc)$$

تمرين 7

انشرثم بسط ما يلي :

$$A = (2x + y)^2 \quad ; \quad B = (x - 5y)^2 \quad ; \quad C = (7x + y - 1)^2 \quad ; \quad D = (x - 3y + 3)^2$$

$$E = (-2x - 4y - 6)^2 \quad ; \quad F = (x - 1 + \sqrt{3})^2 \quad ; \quad G = (2\sqrt{3} - x + 4)^2$$

تمرين 8

حل المعادلات الآتية :

$$25x^2 - 9 + (5x + 3)^2 + (5x + 3) = 0 \quad ; \quad (2x - 1)^2 - (2x - 1)(3x + 4) - 2x + 1 = 0$$

$$4x^2 - 12x + 9 - (2x - 3)(5x + 4) = 0 \quad ; \quad 9x^2 + 12x + 4 - (3x + 2) + (9x^2 - 4) = 0$$

$$(3x - 1)^2 - (5x + 3)^2 = 0 \quad ; \quad (x + 1)^2 - 2(x + 1)(3x + 4) + (3x + 4)^2 = 0$$

$$x^2 - 5 + 2(x - \sqrt{5}) = 0 \quad ; \quad x^2 - 2\sqrt{3}x + 3 + (x^2 - 3) = 0$$

تمرين 9

نعتبر x عددا حقيقيا .

$$A = 9x^2 + 3x - 12 \quad \text{نضع :}$$

$$(1) - \text{أثبت أن : } A = 3(x - 1)(3x + 4)$$

$$(2) - \text{حل المعادلة : } A = 0$$

(بالتصرف)

الأستاذ : المهدي عنييس "المغرب"

النشر والتحليل 3

تمرين 10

x عدد حقيقي.

نضع : $M = 4x^2 - (6x + 5)^2$ و $N = (2x + 7)(8x + 5)$.

- (1) - أنشر ثم بسط M و N .
- (2) - حلل M ثم $M + N$.
- (3) - حل المعادلات : $M = 0$ و $N = 0$ و $M + N = 0$.

تمرين 11

x عدد حقيقي.

نضع : $A = (3x - 2)(x + 5) - 9x^2 + 4 + (3x - 2)^2$.

- (1) - أنشر ثم بسط العبارة A .
- (2) - حلل العبارة A .
- (3) - أحسب A من أجل $x = -\frac{2}{3}$.
- (4) - أحسب A من أجل $x = \frac{\sqrt{2}}{2}$.
- (5) - حل المعادلة : $A = 0$.

تمرين 12

نعتبر التعبيرات الآتية :

$$B = 4x^2 - 25 - (3x + 1)(5 - 2x) - 20x + 50 \quad ; \quad A = (2x + 1)^2 - (3x - 5)^2$$

$$C = 4x^2 - 20x + 25$$

- (1) - أنشر ثم بسط : A و B .
- (2) - حلل : A و B و C .
- (3) - حل المعادلات : $A = 0$ و $B = 0$ و $C = 1$ و $A = B$.

تمرين 13

نضع :

$$F = (x - 3)(x - 1) + x^2 - 6x + 9 \quad \text{و} \quad E = (3x - 9)(x + 1) - (x^2 - 9)$$

- (1) - أنشر ثم بسط : E و F .
- (2) - حلل : E و F .
- (3) - حل المعادلتين : $E = 0$ و $E = F$.
- (4) - أحسب E من أجل $x = \sqrt{3}$ و F من أجل $x = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

(بالتصرف)

الأستاذ : المهدي عنييس "المغرب"

النشر والتحليل 3

تمرين 14

إليك العبارات :
 $B = 16x^2 - (3x - 1)^2$ و $A = (2x - 3)(x + 1) - (6 - 4x)(x - 1)$

(1) - انشر ثم بسط A .

(2) - أثبت أن : $A = (3x - 1)(2x - 3)$.

(3) - (أ) حل B . (ب) -- أثبت أن : $B = 7x^2 + 6x - 1$

تمرين 15

أحسب ما يلي مع الاختزال إذا كان ممكنا :

$$A = \frac{1 - \frac{2}{5} + \frac{3}{8}}{12 + \frac{37}{3} + \frac{1}{5} + \frac{2}{15}} \quad ; \quad B = 2 - \frac{1 + \frac{3}{4}}{3 + \frac{4}{9}} \quad ; \quad C = \frac{\frac{1}{5} + \frac{2}{3} - 1}{2 - \frac{3}{2} + 5} + \frac{4 - \frac{3}{2} + 7}{-3 + \frac{1}{5} - \frac{2}{3}}$$

$$D = \frac{\frac{11}{3} + \frac{2}{7}}{\frac{11}{3} - 2} \times \frac{\frac{1}{3} + \frac{1}{7}}{\frac{7}{3} - \frac{5}{7}} \times \frac{\frac{5}{7} + 1}{\frac{1}{7} + \frac{1}{3}} \quad ; \quad E = \frac{\frac{3}{4} + \frac{5}{3}}{\frac{3}{4} - \frac{5}{3}} \div \frac{1 - \frac{2}{3}}{\frac{4}{5} - 1}$$

تمرين 16

a و b و c أعداد حقيقية. بسط ما يلي :

$$A = (3a - 2b + 7) - (-2a + 3b + 12) \quad ; \quad B = 2(a - b + c) - 3(a + 2b - c) + a + b + 4$$

$$C = (a - 5)(2a + 1) - (b - 1)(3b + 4) \quad ; \quad D = 3(2a - b + 5c) - 7(a + 5b - c) + a - 5c - b$$

تمرين 17

احسب ما يلي :

$$A = \frac{3 + \frac{1}{2}}{\frac{3}{2} - 4} + \frac{5 - \frac{1}{3}}{\frac{3}{2} + 1} \quad ; \quad B = \frac{7 - \frac{2}{5}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}} - \frac{3 + \frac{3}{5}}{11 - \frac{1}{2}} \quad ; \quad C = \frac{2}{3} - \frac{1 + \frac{2}{5}}{1 - \frac{2}{5}} + \frac{3}{2}$$

$$D = \frac{\frac{3}{5} + \frac{5}{4}}{3 - \frac{4}{5}} \div \frac{2 - \frac{1}{3}}{3 + \frac{1}{2}} \quad ; \quad E = \frac{\frac{3}{2} + \frac{2}{3}}{5 - \frac{2}{7}} \times \frac{4}{11} \times \frac{4 - \frac{1}{2}}{\frac{1}{2} + 3}$$

تمرين 18

نضع : $A = x^2 - x - 6$ و $B = x + 4$ و $C = x^4 + 3x^3 - 10x^2 - 24x$

(1) - بين أن : $A \times B = x^3 + 3x^2 - 10x - 24$

(2) - تحقق أن : $A = (x - 3)(x + 2)$

(3) - استنتج تحليل العبارة C .

(بالتصرف)

الأستاذ: المهدي عنييس "المغرب"

النسخ (كتابة أو قص) لوضع البطاقات على النحو التالي: يجب أن يكون الجانبين المتجاورين متساويين. النشر يدرج في الجدول أدناه.

$x^2+11x+28$ $(6x+1)(2x+3)$	$3x^2-x-2$ $(5x+3)^2$	$-8x+12$ $(4x+1)(4x+1)$	$6x-12$ $(x+7)(x-7)$
$-2x^2-6x$ $(2x-4)(2x+4)$	$4x^2-11x+6$ $(-6x+1)(-6x-1)$	$12x^2+20x+3$ $(x+1)^2$	$4x^2-4x+1$ $(3x+2)(x-1)$
x^2-49 $4x(x-5)$	x^2+2x+1 $3(2x-4)$	$36x^2-1$ $(x+4)(x+7)$	$25x^2+30x+9$ $-2x(3+x)$
$16x^2+8x+1$ $(4x-3)(x-2)$	$4x^2-20x$ $(2x-1)^2$	$9x^2-12x+4$ $(2x-3)(-4)$	$4x^2-16$ $(2-3x)^2$

$ \begin{aligned} (6x+1)(2x+3) &= 6x \times 2x + 6x \times 3 + 1 \times 2x + 1 \times 3 \\ &= 12x^2 + 18x + 2x + 3 \\ &= 12x^2 + 20x + 3 \end{aligned} $
--

[illegible]

$x^2 + 11x + 28$ $(6x + 1)(2x + 3)$					

$$\begin{aligned} x^2 + 2x + 1 &= x^2 + 2 \times x \times 1 + 1^2 \\ &= (x + 1)^2 \end{aligned}$$
[illegible]