

المقطع التعليمي الثاني

الباب 01 خاصية طالس

الموارد المعرفية

- خاصية طالس
- توظيف خاصية طالس
- الخاصية العكسية لخاصية طالس
- تقسيم قطعة مستقيم هندسيا

الكفاءة الختامية

حل مشكلات من المادة و من الحياة اليومية بتوظيف
خاصية طالس و حساب المثلثات في المثلث القائم في
سياقات مختلفة

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : خاصية طالس

المورد المعرفي : خاصية طالس

المستوى : السنة الرابعة متوسط

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من فهم خاصية طالس والتعرف على شروط تطبيقها واستخراج النسب المتساوية وتوظيفها في سياقات مختلفة

يوم : / /

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهيئة



5 min – 10 min

بناء التعلّيمات



20 min – 25 min

المعارف



10 min – 15 min

تهيئة :

EFG مثلث حيث : $FG = 5\text{ cm}$

M منتصف القطعة [EF] ، N منتصف القطعة [EG]

ما هو طول القطعة [MN] ؟

وضعية تعليمية : مقترحة

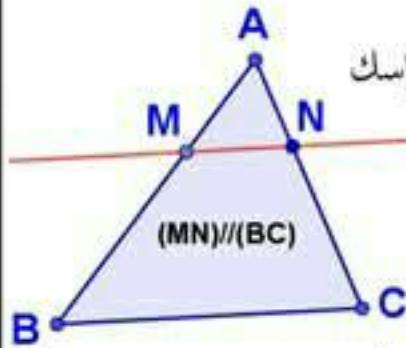
1/ نمنع في الشكل المقابل ثم أعد رسمه على كراسك

2/ أكمل النسب : $\frac{AM}{\dots} = \frac{MN}{\dots} = \frac{AC}{\dots}$

3/ أنشئ النقطتين E و F نظيرتي

النقطتين B و C بالنسبة إلى A على الترتيب

4/ أكمل النسب مع التوضيح : $\frac{AN}{AE} = \frac{AF}{AB} = \frac{EF}{BC}$



القاعدة :

خاصية طالس

ليكن (D) و (D') مستقيمان متقاطعين في A

B و E هما نقطتان من (D) تختلفان عن A

C و F هما نقطتان من (D') تختلفان عن A

إذا كان المستقيمان (BC) و (EF) متوازيين فإن :

$$\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC}$$

تشخيصي :

تذكير التلاميذ بالمفاهيم التي درسوها العام الماضي في مقطع المثلثات ، وقياس مدى فهمهم لخاصية مستقيم منتصفين كهيئة للدرس الجديد

تكويني :

بناء معرفة التلاميذ حول مفهوم خاصية طالس ، وشروط تطبيقها ، وكيفية استخدامها في حساب النسب من خلال فهم العلاقة بين أطوال أضلاع المثلثات

استنتاج قاعدة خاصية طالس بناء على حل الوضعية التعليمية ، من خلال تحليل العلاقات بين الأطوال والنسب ، وفهم كيفية تطبيق هذه الخاصية في سياقات مختلفة

المعارف



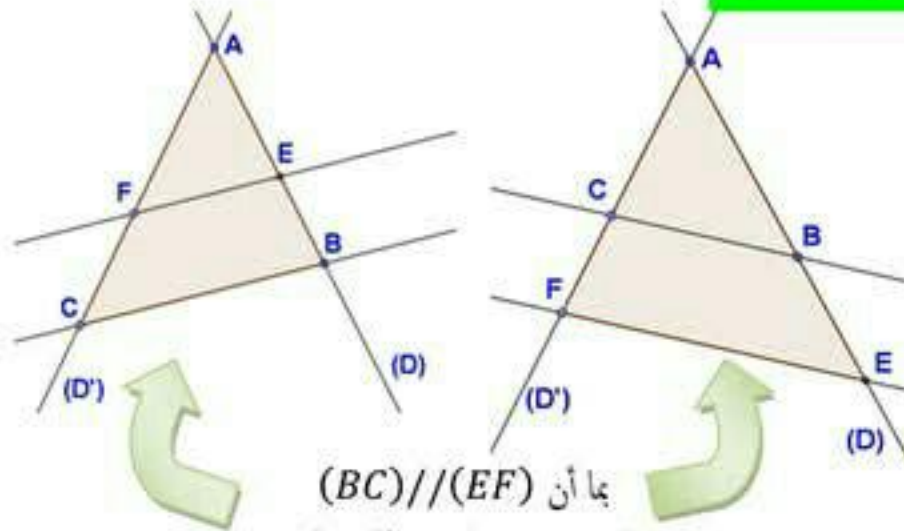
10 min – 15 min

الإستثمار



10 min – 15 min

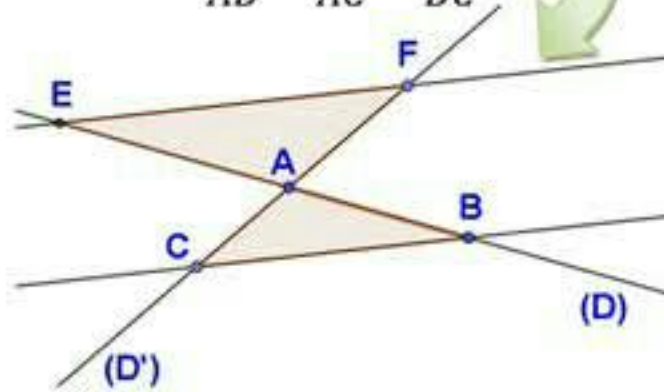
الحالات الثلاث :



بما أن $(BC) \parallel (EF)$

فإن حسب خاصية طالس نجد

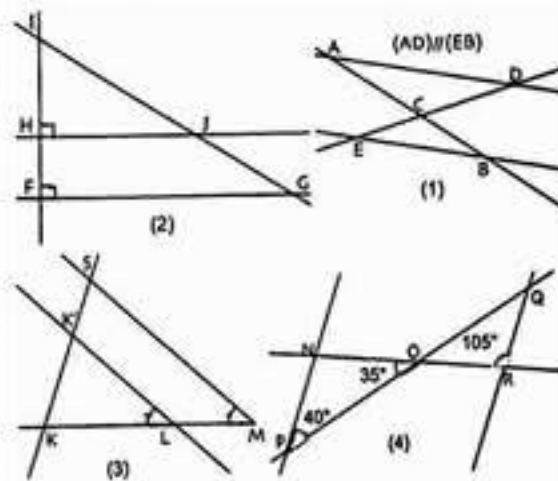
$$\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{EF}{BC}$$



تنبيه التلاميذ بأنه يمكن كتابة
النسب بالشكل التالي
 $\frac{AB}{AE} = \frac{AC}{AF} = \frac{BC}{EF}$
و كلا الكتابتين صحيحتين
بحيث يعبران على أن أطوال
أضلاع المثلث الأول متناسبة
مع أطوال أضلاع المثلث الثاني

ختامي :

ترسيخ المفاهيم المكتسبة حول
خاصية طالس لدى التلاميذ،
وتقييم مدى فهمهم لها، والتأكد
من قدرتهم على تطبيقها بشكل
صحيح في حالات متنوعة



تطبيق 3 صفحة 110

برر أنه في كل شكل من
الأشكال الأربعة الآتية يمكن
تطبيق خاصية طالس ثم
اكتب النسب الثلاث
المتساوية

في المنزل : تمرين رقم 1 صفحة 110

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : خاصية طالس

المورد المعرفي : توظيف خاصية طالس

المستوى : السنة الرابعة متوسط

يوم : / /

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من توظيف خاصية طالس بشكل فعال لحساب الأطوال و النسب في الأشكال الهندسية التي تحقق الشروط

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهييد



5 min – 10 min

بناء التعلات



20 min – 25 min

المعارف



10 min – 15 min

تهيئة :

أوجد قيمة x في كل حالة :

$$\frac{3}{8} = \frac{x}{12} ; \frac{7}{x} = \frac{5}{6}$$

وضعية تعليمية : مقترحة

وحدة الطول هي السنتيمتر

في الشكل المقابل $(AB) \parallel (ED)$

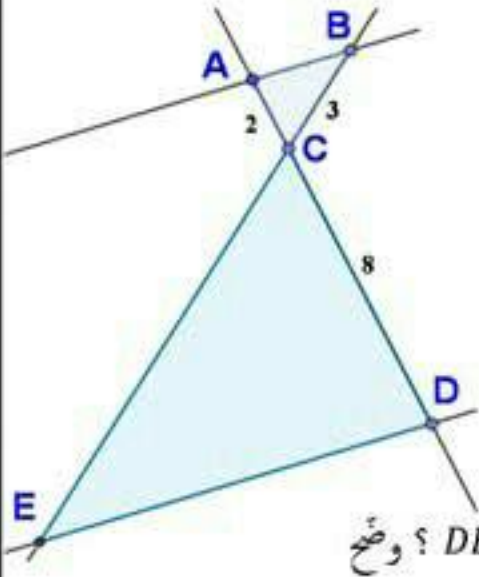
1/ احسب النسبة $\frac{AC}{CD}$

2/ استنتج قيمة النسبة $\frac{BC}{CE}$

3/ باستخدام النتائج من

السؤالين 1 و 2، احسب الطول CE

4/ هل يمكن حساب الطولين AB و DE ؟ وضح



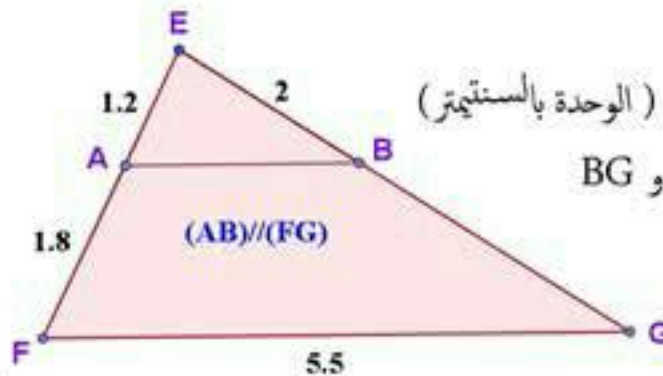
القاعدة :

تستعمل خاصية طالس في حساب الأطوال و النسب

مثال توضيحي :

نمّن في الشكل المقابل (الوحدة بالسنتيمتر)

احسب الطولين AB و BG



تشخيصي :

التأكد من أن التلاميذ يمتلكون الخلفية الأساسية في التناسبية و النسب ، لتكون قاعدة للتقدم في استخدام خاصية طالس

تكويني :

بناء فهم التلاميذ و أكسابهم آلية توظيف خاصية طالس في حساب الأطوال و النسب في شكل هندسي محدد و تطوير مهاراتهم في تطبيق القوانين

استنتاج فيما تستخدم خاصية طالس و كيفية توظيفها في حساب الأطوال بناء على حل الوضعية التعليمية

المعارف



10 min – 15 min

الإستثمار



10 min – 15 min

الحل:

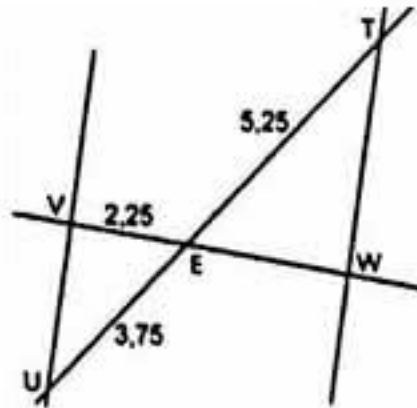
بما أن $(AB) \parallel (ED)$ فإن حسب خاصية طالس نجد

$$\begin{aligned} \frac{EA}{EF} &= \frac{EB}{EG} = \frac{AB}{FG} \\ \frac{1.2}{1.2 + 1.8} &= \frac{2}{EG} = \frac{AB}{5.5} \\ \frac{1.2}{3} &= \frac{2}{EG} = \frac{AB}{5.5} \\ AB &= \frac{5.5 \times 1.2}{3} = 2.2 \text{ cm} \\ EG &= \frac{2 \times 3}{1.2} = 5 \text{ cm} \\ BG &= EG - EB = 5 - 2 = 3 \text{ cm} \end{aligned}$$

تنبيه التلاميذ بأن خاصية طالس تستعمل في حساب أطوال أضلاع المثلثات لذا عليهم التركيز جيدا عند تطبيقها مثلا الطولين BG و AF ليست بأطوال مثلثات

ختامي:

ترسيخ المفاهيم المكتسبة حول آلية توظيف خاصية طالس لدى التلاميذ، وتقييم مدى فهمهم لها، والتأكد من قدرتهم على تطبيقها بشكل صحيح في المشكلات



في الشكل المقابل المستقيمان (UT) و (VW) متقاطعان في النقطة E والمستقيمان (UV) و (WT) متوازيان
احسب الطول EW

في المنزل : تمرين رقم 5 و 6 و 8 صفحة 110

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : خاصية طالس

المورد المعرفي : الخاصية العكسية لخاصية طالس

المستوى : السنة الرابعة متوسط

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من فهم الخاصية العكسية لخاصية طالس ، و استيعاب شروط تطبيقها ، وتوظيفها بشكل صحيح في إثبات التوازي

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهيئة



5 min – 10 min

بناء التعلّات



20 min – 25 min

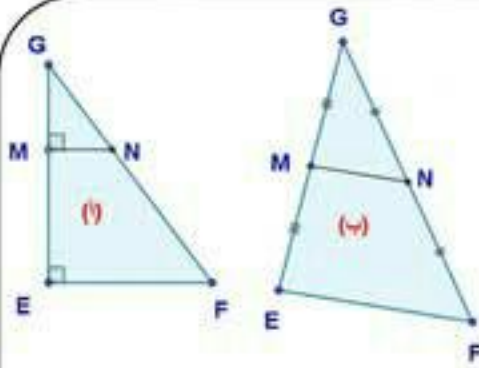
المعارف



10 min – 15 min

تهيئة :

نمّن في الشكلين (أ) و (ب)
ثم أثبت أن : $(MN) \parallel (EF)$



وضعية تعليمية : مقترحة

إليك الأشكال التالية : الوحدة ب cm

1/ في كل حالة ، احسب

النسبتين $\frac{AN}{AC}$ و $\frac{AM}{AB}$ ثم

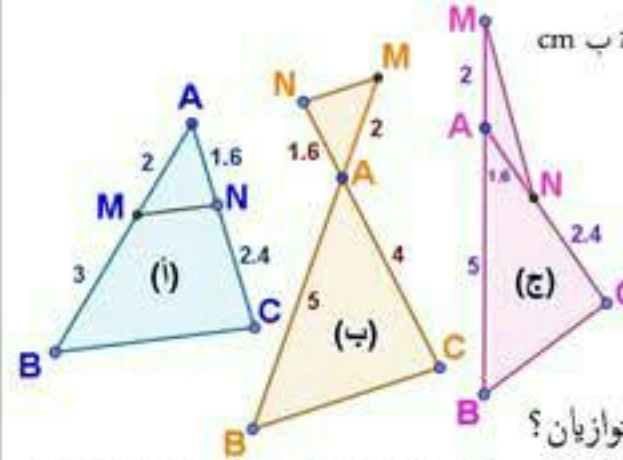
قارن بينهما .

2/ باستعمال الأدوات

الهندسية المناسبة ، هل

المستقيمان (MN) و (BC) متوازيان ؟

3/ استنتج شروط توازي المستقيمين (MN) و (BC) بناء على النتائج السابقة



القاعدة :

الخاصية العكسية لخاصية طالس

(d) و (d') مستقيمان متقاطعان في النقطة A

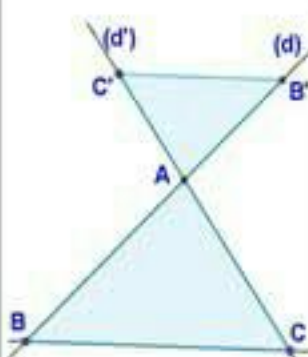
B و B' نقطتان من (d) مختلفتان عن A

C و C' نقطتان من (d') مختلفتان عن A

إذا كان $\frac{AB'}{AB} = \frac{AC'}{AC}$ وكانت النقط B', A, B

والنقط C', A, C مرتبة بنفس الترتيب فإن

المستقيمين (BC) و $(B'C')$ متوازيان



تشخيصي :

استذكر المعلومات السابقة
المتعلقة بإثبات التوازي و تقيم
مدى تذكر المتعلم لها وأيضاً
الربط بين هذه المعلومات و
المفاهيم الجديدة

تكويني :

بناء فهم المتعلم للخاصية
العكسية لخاصية طالس من
خلال تحليل الوضعيات
المختلفة واستنتاج الشروط
المطلوبة لإثبات التوازي و
تمكينه من اكتساب المهارة
اللازمة لتطبيقها على مختلف
المسائل الهندسية

استنتاج التلاميذ للقاعدة
بشكل منطقي و استدلال ()
شروط تطبيق الخاصية
العكسية لخاصية طالس و
متى يتم تطبيقها ()



المعارف



10 min – 15 min

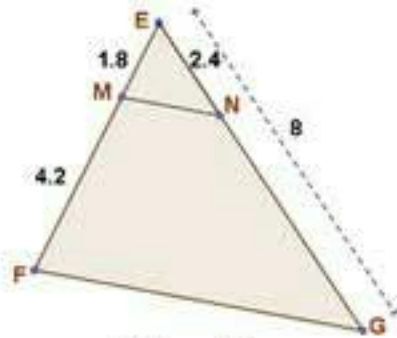
ملاحظة 01 :

- تستعمل الخاصية العكسية لخاصية طالس في إثبات التوازي
- لإثبات توازي مستقيمين يكفي تساوي نسبتين فقط

مثال: الوحدة بالسنتيمتر

نمّن في الشكل المقابل

ثم أثبت أن $(FG) \parallel (MN)$



الحل:

لدينا $\frac{EM}{EF} = \frac{1.8}{4.2} = 0.3$ و $\frac{EN}{EG} = \frac{2.4}{8} = 0.3$

إذن : $\frac{EM}{EF} = \frac{EN}{EG}$

وبما أن النقط E, N, G و E, M, F في استقامة و بنفس الترتيب فإن

حسب الخاصية العكسية لخاصية طالس $(MN) \parallel (FG)$

ملاحظة 02 :

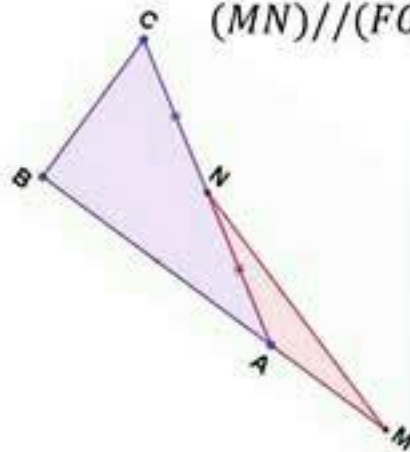
في الشكل المقابل

لدينا $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{1}{2}$

و مع ذلك (MN) لا يوازي (BC)

ينبغي الأخذ بعين الاعتبار ترتيب

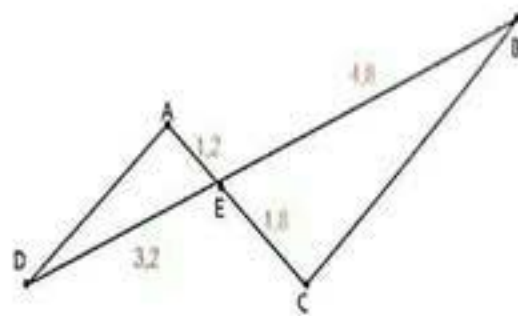
النقط على كل مستقيم



ختامي :

ترسيخ المفاهيم المكتسبة
وتقييم قدرة المتعلم على توظيف
الخاصية العكسية لخاصية
طالس بشكل مستقل و
صحيح في إثبات التوازي

تطبيق رقم 12 صفحة 111



لاحظ الشكل المعطى

هل $(BC) \parallel (AD)$ ؟

الإستثمار



10 min – 15 min

في المنزل : تمرين رقم 16 صفحة 111



الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : خاصية طالس

المورد المعرفي : تقسيم قطعة مستقيم هندسيا

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من تقسيم قطعة مستقيم هندسيا إلى قطع متقايسة باستخدام المدور و المسطرة غير المدرجة

يوم : / /

المستوى : السنة الرابعة متوسط

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

المسطرة غير المدرجة

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهييد



5 min – 10 min

بناء التعلات



20 min – 25 min

المعارف



10 min – 15 min

تهيئة :

(d) مستقيم و A نقطة لا تنتمي إليه
أنشئ المستقيم (d') الموازي ل (d) و يشمل A

وضعية تعليمية : مقترحة

بينما كان أيوب يطالع كتابا خارجيا، لفت انتباهه موضوع يتحدث عن تقسيم قطعة مستقيم غير معلومة الطول إلى 3 قطع متساوية دون استخدام المسطرة المدرجة. دفعه الفضول لتجربة الخطوات التالية بنفسه

- ارسم قطعة مستقيم [AB]
- من النقطة A، ارسم نصف مستقيم [AX] مختلف عن حامل القطعة [AB]
- باستخدام المدور، حدد 3 أقواس على نصف المستقيم [AX] بحيث تكون المسافات بينها متساوية لتحديد النقاط C_1 ، C_2 ، و C_3
- صل النقطة C_3 بالنقطة B.
- ارسم مستقيمين موازيين للمستقيم (C_3B) يمران بالنقطتين C_1 و C_2
- لاحظ تقاطعات المستقيمتين مع القطعة [AB]
- المطلوب : أعد الخطوات و ساعد أيوب في توضيح
- الدور الذي لعبه التوازي في تقسيم القطعة [AB]
- سبب تساوي القطع الناتجة.
- كيفية استخدام هذه الطريقة لتقسيم القطعة [AB] إلى عدد أكبر من الأجزاء

القاعدة :

البرنامج السابق يسمح بتقسيم قطعة مستقيم إلى n قطعة متقايسة حيث n عدد طبيعي أكبر تماما من 1

تشخيصي :

التأكد من أن التلاميذ يمتلكون معرفة أساسية بمفهوم التوازي، وكيفية رسم مستقيم مواز لمستقيم معين يمر بنقطة محددة باستخدام الأدوات الهندسية بدقة.

تكويني :

تعليم التلاميذ التقنية اللازمة لتقسيم قطعة مستقيم إلى أجزاء متساوية باستخدام المدور والمسطرة غير المدرجة، مع توضيح أهمية التوازي ودور خاصية طالس في تحقيق التساوي بين الأجزاء.



استنتاج قاعدة عامة لتقسيم قطعة مستقيم إلى عدد معين من الأجزاء المتساوية بناء على الخطوات التي تم تنفيذها في المرحلة السابقة.

المعارف



10 min – 15 min

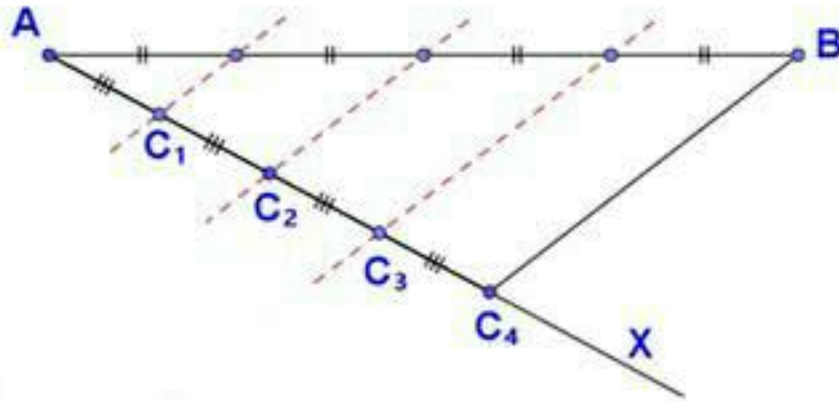
الإستثمار



10 min – 15 min

مثال :

نأخذ $n = 4$



تطبيق رقم 17 صفحة 111

ارسم قطعة مستقيم $[AB]$

أنشئ دون استعمال مسطرة مدرجة ، النقطة M من (AB) و لا تنتمي إلى

$$[AB] \text{ حيث : } \frac{AM}{AB} = \frac{4}{9}$$

ختامي :

ترسيخ المفاهيم المكتسبة من خلال تطبيقات إضافية، وتقييم مدى فهم التلاميذ لآلية تقسيم قطعة مستقيم هندسياً، وتصحيح أي مفاهيم غير واضحة لديهم.

في المنزل : تمرين رقم 18 و 19 صفحة 111



الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : حساب المثلثات في المثلث القائم

المورد المعرفي : جيب و ظل زاوية حادة

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من فهم واستخدام النسبتين (جيب و ظل) زاوية حادة في حل المسائل الرياضية المتعلقة بالمثلثات القائمة

يوم : / /

المستوى : السنة الرابعة متوسط

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من فهم واستخدام النسبتين (جيب و ظل) زاوية حادة في حل المسائل الرياضية المتعلقة بالمثلثات القائمة

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهييد



5 min – 10 min

بناء التعلات



20 min – 25 min

المعارف



10 min – 15 min

تهيئة :

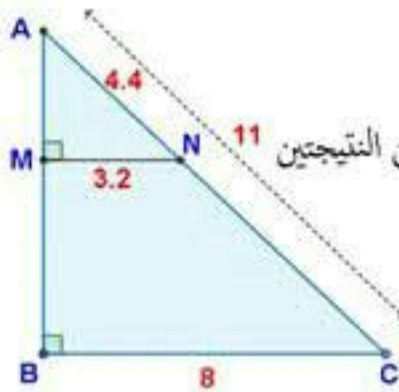
EFG مثلث قائم في E حيث : $EF = 4 \text{ cm}$; $FG = 5 \text{ cm}$
احسب $\cos \hat{F}$ ثم استنتج قياس الزاوية $\hat{F}$

وضعية تعليمية : مقترحة الوحدة بالسنتيمتر

ننم في الشكل المقابل ثم أجب على الأسئلة

1/ أحسب النسبتين $\frac{BC}{AC}$ و $\frac{MN}{AN}$ ثم قارن بين النتيجتين
2/ نفس السؤال بالنسبة لكل من

النسبتين $\frac{BC}{AB}$ و $\frac{MN}{AM}$



القاعدة :

ليكن ABC مثلثا قائم الزاوية A

• النسبة $\frac{AB}{BC}$ تسمى جيب تمام الزاوية $\widehat{ABC}$ و نرمز لها ب $\cos \widehat{ABC}$

و نكتب : $\cos \widehat{ABC} = \frac{AB}{BC}$

• النسبة $\frac{AC}{BC}$ تسمى جيب الزاوية $\widehat{ABC}$ و نرمز لها ب $\sin \widehat{ABC}$ و

نكتب : $\sin \widehat{ABC} = \frac{AC}{BC}$

• النسبة $\frac{AC}{AB}$ تسمى ظل الزاوية $\widehat{ABC}$ و نرمز لها ب $\tan \widehat{ABC}$ و

نكتب : $\tan \widehat{ABC} = \frac{AC}{AB}$

تشخيصي :

التأكد من قدرة التلاميذ على
تحديد الأضلاع (مجاور ،
مقابل ، وتر) وكذا تذكره
بمفاهيم جيب تمام الزاوية وكيفية
حسابه

تكويني :

بناء فهم التلاميذ لمفهوم
جيب و ظل الزاوية الحادة
وأكسابهم القدرة على استخدام
النسب المثلثية في حل
المسائل الرياضية

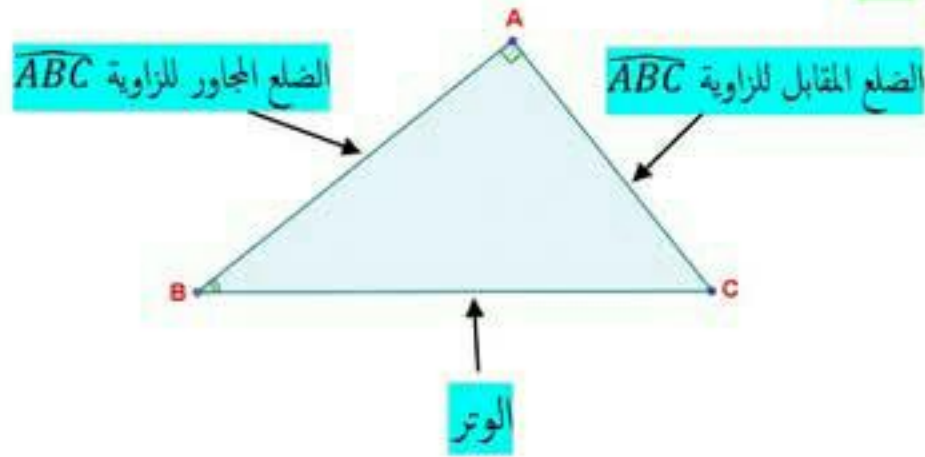
استنتاج القواعد المتعلقة
بالجيب و الظل بناءا على
الحلول السابقة

المعارف



10 min – 15 min

مثال



$$\cos \hat{B} = \frac{\text{الضلع المجاور للزاوية } \widehat{ABC}}{\text{الوتر}}$$

$$\sin \hat{B} = \frac{\text{الضلع المقابل للزاوية } \widehat{ABC}}{\text{الوتر}}$$

$$\tan \hat{B} = \frac{\text{الضلع المقابل للزاوية } \widehat{ABC}}{\text{الضلع المجاور للزاوية } \widehat{ABC}}$$

خاصية :

x قياس لزاوية حادة ، لدينا

$$0 < \cos x < 1$$

$$0 < \sin x < 1$$

الإستثمار



10 min – 15 min

تطبيق 5 صفحة 122

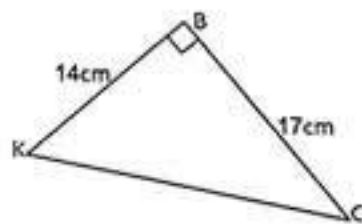
المثلث KBC الآتي قائم في B

حيث : $KB = 14\text{cm}$

و $BC = 17\text{cm}$

1/ احسب $\tan \widehat{CKB}$

2/ احسب $\sin \widehat{CKB}$ ، $\cos \widehat{CKB}$



ختامي :

ترسيخ المفاهيم المكتسبة حول
هذا الدرس لدى التلاميذ و
التأكد من قدرتهم على تطبيق
النسب المثلثية وكذا تقييم
مدى فهمهم لها

في المنزل : تمرين رقم 1 و 4 صفحة 122

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : حساب المثلثات في المثلث القائم

المورد المعرفي : استعمال حاسبة في حساب نسب مثلثية

المستوى : السنة الرابعة متوسط

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من استخدام الآلة الحاسبة العلمية بشكل صحيح لحساب قيم النسب المثلثية لزوايا حادة ، وحساب قياس زاوية بمعرفة نسبها المثلثية ، مع التمييز بين الآلات الحاسبة ذات السطر الواحد و ذات السطرين

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهيئة



5 min – 10 min

بناء التعلمات



20 min – 25 min

المعارف



10 min – 15 min

تهيئة :

تذكير باستعمال الحاسبة في حساب النسبة $\cos$ و حساب قياس زاوية (استعمال الآلة الحاسبة ذات السطر و ذات السطرين أمام التلاميذ)

وضعية تعليمية : مقترحة قام كل من أيوب و صوفيا بحساب $\sin 36^\circ$ باستعمال الآلة الحاسبة و لكن وجدا اختلافا في النتائج (لاحظ الصورتين)



آلة حاسبة صوفيا



آلة حاسبة أيوب

1/ ماهو سبب اختلاف النتائج ، و أيهما على صواب ؟

2/ اذكر الطريقة و اللمسات التي يتم اتباعها لحساب $\sin 36^\circ$

3/ طبق هذه الطريقة لحساب $\cos 58^\circ$ ، $\tan 70^\circ$

4/ بالتدوير إلى الوحدة من الدرجة ، أوجد أقياس $\hat{A}$ و $\hat{B}$ و $\hat{C}$

حيث : $\sin \hat{A} = 0.58$; $\cos \hat{B} = 0.8$; $\tan \hat{C} = 1.5$

القاعدة :

باستعمال الآلة الحاسبة العلمية يمكن :

- تعيين القيمة المقربة أو المضبوطة لكل من جيب تمام أو جيب أو ظل زاوية علم قياسها باستعمال اللمسة $\cos$; $\sin$; $\tan$
- تعيين القيمة المقربة أو المضبوطة لقيس زاوية علم جيب تمام أو جيب أو ظل هذه الزاوية باستعمال اللمسة $\cos^{-1}$; $\sin^{-1}$; $\tan^{-1}$

تشخيصي :

تذكير التلاميذ بكيفية حساب جيب تمام الزاوية باستخدام الحاسبة و التمييز بين الحاسبة ذات السطر الواحد و السطرين

تكويني :

بناء مهارات التلاميذ في استخدام الحاسبة لحساب النسب المثلثية ($\cos$; $\sin$; $\tan$) و معرفة كيفية حساب الزوايا من النسب و تعزيز قدرتهم في تطبيق الخطوات الحساب بشكل صحيح

استنتاج القواعد المتعلقة بحساب النسب المثلثية و الزوايا و إكسابهم القدرة على استخدام الحاسبة بفعالية لحل المسائل المثلثية

المعارف



10 min – 15 min

الإستثمار



10 min – 15 min

ملاحظة :

يجب التأكد من أن الحاسبة في الوضع DEG أي الدرجة

مثال : قبل أي حساب نتأكد أن الآلة الحاسبة في الوضع DEG

نحسب $\sin 30^\circ$ باتباع المراحل التالية :

الآلة الحاسبة ذات السطر الواحد :

$$3 \rightarrow 0 \rightarrow \sin \rightarrow 0.5$$

الآلة الحاسبة ذات السطرين :

$$\sin \rightarrow 3 \rightarrow 0 \rightarrow = \rightarrow 0.5$$

نحسب $\tan \hat{B} = 0.9$ حيث $\hat{B}$ باتباع المراحل التالية :

الآلة الحاسبة ذات السطر الواحد :

$$0 \rightarrow | \rightarrow 9 \rightarrow 2ndf \rightarrow \tan \rightarrow 41.9872124....$$

الآلة الحاسبة ذات السطرين :

$$\text{shift} \rightarrow \tan \rightarrow 0 \rightarrow | \rightarrow 9 \rightarrow = \rightarrow 41.9872124...$$

ختامي :

تقييم مدى استيعاب التلميذ
للدروس وقدرته على استخدام
الآلة الحاسبة بشكل صحيح و
ترسيخ المفاهيم المكتسبة
وتطبيقها على مسائل جديدة

تطبيق 01

باستعمال الحاسبة أعط المدور إلى $\frac{1}{10}$ لكل مما يلي :

$$\cos 56^\circ ; \sin 70^\circ ; \tan 38^\circ$$

تطبيق 02

استعمل الحاسبة لتعيين المدور إلى $\frac{1}{100}$ للزاوية x في كل حالة من الحالات التالية :

$$\tan x = 1 + \sqrt{2} ; \sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2} ; \tan x = 2(\sqrt{2} - 1)$$

في المنزل : الإطلاع على صفحة أوظف تكنولوجيا الإعلام و الاتصال

صفحة 126

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : حساب المثلثات في المثلث القائم

المورد المعرفي : حساب زوايا أو أطوال باستعمال النسب المثلثية

المستوى : السنة الرابعة متوسط

يوم : / /

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من توظيف النسب المثلثية لحساب زوايا أو أطوال في مثلث قائم ، مع استخدام الحاسبة العلمية بشكل صحيح

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهيئة



5 min – 10 min

بناء التعلّيمات



20 min – 25 min

المعارف



10 min – 15 min

تهيئة :

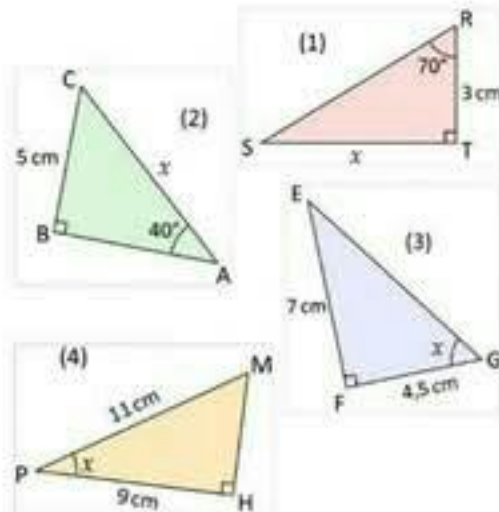
$$1/ \text{ أوجد العدد } x \text{ في كل حالة : } \frac{x}{7} = 5 ; \frac{8}{x} = 2$$

$$2/ \text{ باستعمال الحاسبة ، أحسب } \sin 37^\circ$$

$$3/ \text{ باستعمال الحاسبة ، احسب قياس الزاوية } \hat{A} \text{ حيث } \sin \hat{A} = 1.4$$

وضعية تعليمية : مقترحة

احسب العدد x (بالتدوير إلى الوحدة) في كل شكل من الأشكال الآتية (القياسات غير حقيقية)



القاعدة :

لحساب زاوية أو طول تتبع الخطوات التالية :

• التحقق من أن المثلث قائم الزاوية

• تحديد الضلع المقابل ، الضلع المجاور للزاوية حادة ، الوتر

• تطبيق إحدى المساويات التي تعطي النسب المثلثية للزاوية الحادة

مثال

كتابة حل الوضعية المقترحة .

تشخيصي :

تذكير المتعلم بكيفية استخدام الحاسبة لحساب النسب المثلثية و حل معادلات بسيطة

تكويني :

بناء فهم التلاميذ حول كيفية استخدام النسب المثلثية لحساب زوايا أو أطوال في المثلث القائم

استنتاج القاعدة لحساب الأطوال و الزوايا في مثلث قائم و تطبيقها بشكل مستقل في حل مسائل مشابهة

ختامي :

ترسيخ المفاهيم المكتسبة
للتلاميذ و تقييم مدى فهمهم و
مدى قدرتهم على توظيفها في
حل مسائل جديدة

تطبيق 9 صفحة 122

ABC مثلث قائم في A حيث :

$$BC = 5.2 \text{ cm} ; \widehat{ABC} = 23^\circ$$

احسب المدور إلى $\frac{1}{10}$ للطول AC

في المنزل : تمرين رقم 23 صفحة 123

الإستثمار



10 min – 15 min

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : حساب المثلثات في المثلث القائم

المورد المعرفي : إنشاء زاوية هندسيا بمعرفة إحدى نسبها المثلثية

المستوى : السنة الرابعة متوسط

يوم : / /

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من إنشاء زاوية هندسيا بمعرفة نسبها المثلثية ، مع تعزيز مهارته في استخدام الأدوات الهندسية بدقة وكفاءة

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهييد



5 min – 10 min

بناء التعلّيمات



20 min – 25 min

المعارف



10 min – 15 min

تهيئة :

باستعمال الآلة الحاسبة العلمية

احسب قياس الزاوية $\hat{A}$ حيث : $\sin \hat{A} = 0.8$

وضعية تعليمية : مقترحة

يرغب مهندس في تصميم جدار مائل لأحد المنازل،

ويحتاج إلى إنشاء زاوية ميل معينة و يعلم المهندس أن نسبة الميل (الظل)

للزاوية المطلوبة x هي $\tan x = 4.5$

المطلوب منك مساعدة المهندس في إنشاء هذه الزاوية بدقة باستخدام الأدوات الهندسية المتاحة.

لاحظ أن $4.5 = \frac{45}{10} = \frac{9}{2}$

القاعدة :

لإنشاء زاوية هندسيا بمعرفة إحدى نسبها المثلثية:

• نعبّر عن النسبة المثلثية على شكل كسر.

- إذا كانت النسبة المثلثية هي جيب ($\sin$) أو جيب تمام ($\cos$) لزاوية

حادة: نرسم مثلثا قائما بحيث يكون الوتر هو مقام الكسر، وأحد

ضلعي الزاوية القائمة هو بسط الكسر.

- إذا كانت النسبة المثلثية هي ظل ($\tan$) الزاوية: نرسم مثلثا قائما

بحيث يكون ضلعا الزاوية القائمة هما بسط الكسر ومقامه

مثال

أنشئ بدون استعمال المنقلة زاوية بحيث جيبها هو 0.36

تشخيصي :

تذكير المتعلم بكيفية حساب

قياس زاوية علمت نسبها المثلثية

باستخدام الآلة الحاسبة و تنمية

قدرته على الربط بين النسب

المثلثية و الزاوية الموافقة

باستخدام أدوات حسابية

تكويني :

بناء فهم المتعلم لكيفية إنشاء

زاوية باستخدام الأدوات

الهندسية بناء على نسبة مثلثية

معلومة و تطوير مهارته

الهندسية في استخدام المسطرة

و المدور دون الاعتماد على

المنقلة و الآلة الحاسبة

إرشاد المتعلم لاكتشاف القاعدة

المتعلقة بإنشاء زاوية هندسيا

بمعرفة النسب المثلثية و تطوير

مهاره التفكير التحليلي و

التجريبي من خلال استنتاج

القاعدة بشكل جماعي

المعارف



10 min – 15 min

الحل:

$$0.36 = \frac{36}{100} = \frac{9}{25}$$

لتكن وحدة الطول هي المليمتر

1/ ننشئ أولاً زاوية قائمة رأسها O

2/ نعين على أحد أضلاعها النقطة A بحيث:

$$OA = 9\text{mm}$$

3/ نرسم الدائرة التي مركزها A و نصف قطرها

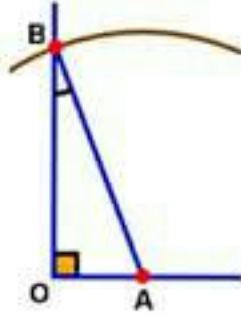
25mm فتقطع الضلع الثاني للزاوية القائمة في

النقطة B

في المثلث AOB القائم في O لدينا

$$\sin \hat{B} = \frac{OA}{AB} = \frac{9}{25} = \frac{36}{100}$$

الزاوية $\hat{B}$ هي الحل



ختامي:

التأكد من فهم التلاميذ للدرس
و تحقيق أهدافه ، بالإضافة
إلى تقييم قدراتهم على تنفيذ
التمارين التطبيقية

دوري الآن 2 صفحة 121

أنشئ بدون استعمال المنقلة ، الزاوية التي قياسها x حيث

$$\cos x = \frac{3}{4}$$

تحقق بحاسبة ثم بمنقلة

الإستثمار



10 min – 15 min

في المنزل : تمرين رقم 20 و 21 و 22 صفحة 123

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع التعليمي : الثاني

الباب : حساب المثلثات في المثلث القائم

المورد المعرفي : العلاقات بين النسب المثلثية

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من التعرف على العلاقات بين النسب المثلثية في المثلث القائم وتوظيفها في حل المسائل الرياضية

المستوى : السنة الرابعة متوسط

المدة : ساعة واحدة

المراجع : الكتاب المدرسي - المنهاج - الوثيقة المرافقة - دليل الأستاذ

الوسائل : سبورة - أقلام - أدوات هندسية - داتا شاو (اختياري)

مركبات الكفاءة المستهدفة : تمكين المتعلم من التعرف على العلاقات بين النسب المثلثية في المثلث القائم وتوظيفها في حل المسائل الرياضية

يوم : / /

المراحل

سير الحصة

تقويم وملاحظات

التهيئة



5 min - 10 min

بناء التعلّيمات



20 min - 25 min

المعارف



10 min - 15 min

تهيئة :

فيما تستخدم النسب المثلثية $\cos$, $\sin$, $\tan$ في حياتنا اليومية أو في الهندسة ؟

وضعية تعليمية : مقترحة

1/ احسب ما يلي باستعمال الآلة الحاسبة

$$\cos^2 30^\circ + \sin^2 30^\circ ; \cos^2 45^\circ + \sin^2 45^\circ$$

$$\tan 30^\circ ; \tan 45^\circ$$

$$\frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} ; \frac{\sin 45^\circ}{\cos 45^\circ}$$

2/ ماذا تلاحظ ؟ ضع تخميناً حول العلاقة بين هذه النسب المثلثية .

ABC مثلث قائم في B

$$3/ \text{أكمل الفراغ : } \cos \hat{A} = \frac{\dots}{\dots} ; \sin \hat{A} = \frac{\dots}{\dots} ; \tan \hat{A} = \frac{\dots}{\dots}$$

$$4/ \text{احسب : } \cos^2 \hat{A} ; \sin^2 \hat{A}$$

5/ أثبت أن :

$$\cos^2 \hat{A} + \sin^2 \hat{A} = 1$$

$$\tan \hat{A} = \frac{\sin \hat{A}}{\cos \hat{A}}$$

القاعدة :

من أجل كل x زاوية حادة في مثلث قائم فإن :

$$\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

$$\cos^2 x + \sin^2 x = 1$$

تشخيصي :

يتعرف التلميذ على استخدامات النسب المثلثية في حياته اليومية أو التطبيقات الهندسية

تكويني :

بناء فهم التلاميذ للعلاقات بين النسب المثلثية و تنمية قدرتهم على تطبيق هذه المفاهيم في سياقات مختلفة

استنتاج القواعد المتعلقة بالنسب المثلثية وكيفية استخدامها في مسائل المثلثات

المعارف



10 min – 15 min

مثال

لدينا : $\cos 30 = \frac{\sqrt{3}}{2}$; $\sin 30 = \frac{1}{2}$
إذن :

$$\cos^2 30^\circ + \sin^2 30^\circ = \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{3}{4} + \frac{1}{4} = \frac{4}{4} = 1$$

$$\tan 30^\circ = \frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

ملاحظة :

الكتابة $\cos^2 x + \sin^2 x = 1$ تعني $(\cos x)^2 + (\sin x)^2 = 1$

تطبيق

x هو قياس زاوية حادة حيث : $\sin x = \frac{1}{4}$

1/ احسب بدون استعمال الآلة الحاسبة ، القيمة المضبوطة لـ $\cos x$

2/ استنتج القيمة المضبوطة لـ $\tan x$

الإستثمار



10 min – 15 min

ختامي :

ترسيخ المفاهيم المكتسبة حول
هذا الدرس لدى التلاميذ و
التأكد من قدرتهم على تطبيقها
وكذا تقييم مدى فهمهم لها

في المنزل : تمرين رقم 16 و 17 صفحة 123