

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 5 (النشر والتحليل حل معادلات ومترجمات)

تمرين 1:

لتكن العبارة $A = (x+4)^2 - 16$ حيث :

- (1) أنشر ثم بسط العبارة A
- (2) حلّ العبارة A إلى جداء عاملين.
- (3) حل المعادلة : $A=0$

تمرين 2:

لتكن العبارة $E = (5x-4)^2 - (2x+3)^2$ حيث :

- (1) أنشر وبسط العبارة E .
- (2) حلّ العبارة E إلى جداء عاملين كل منهما من الشكل $(ax+b)$.
- (3) حل المعادلة : $(3x-7)(7x-1) = 0$

تمرين 3:

لتكن العبارة $A = (2x-3)^2 - (4x+7)(2x-3)$ حيث :

- (1) أنشر وبسط العبارة A .
- (2) حلّ العبارة A إلى جداء عاملين.
- (3) حل المعادلة : $(2x-3)(-2x-10) = 0$

تمرين 4:

لتكن العبارة $F = 36 - (2x+1)^2$ حيث :

- (1) أنشر وبسط العبارة F .
- (2) حلّ العبارة F إلى جداء عاملين.
- (3) حل المعادلة : $(5-2x)(7+2x) = 0$

تمرين 5:

(1) أحسب الجداء الآتي : $(4x-5)(x+2)$ (2) حلّ العبارة A إلى جداء عاملين حيث : $A = 5(4x^2 + 3x - 10) - (3x+2)(x+2)$

تمرين 6:

لتكن العبارة التالية : $E = (x-3)^2 + (x-3)(x+3)$

- (1) أنشر وبسط العبارة E
- (2) حلّ العبارة E إلى جداء عاملين .
- (3) احسب E من أجل $x=5$
- (4) حل المعادلة $2x(x-3) = 0$

تمرين 7:

(1) تحقّق من صحة المساواة التالية : $2(3x+1)^2 = 18x^2 + 12x + 2$ (2) حلّ العبارة M حيث : $M = 18x^2 + 12x + 2 - (x-2)(3x+1)$ (3) احسب العبارة M من أجل $x = \sqrt{3}$ (4) حل المعادلة $(5x+4)(3x+1) = 0$

تمرين 8:

لتكن العبارة التالية : $E = 4x^2 - 9 + (2x+3)(x-2)$

- (5) أنشر وبسط العبارة E
- (6) حلّ $4x^2 - 9$ إلى جداء عاملين ثم استنتج تحليلا للعبارة E
- (7) حل المعادلة $(2x+3)(3x-5) = 0$

تمرين 9: (ش.ت.م 2013)

(1) لتكن العبارة : $A = 3x - 5$ حيث x عدد حقيقي .

- أ- احسب القيمة المقربة إلى 10^{-2} بالنقصان للعدد A من أجل $x = \sqrt{2}$.
- ب- حل المترابطة : $A \geq 0$ ثم مثل مجموعة حلولها بيانيا .

(2) أ- انشر ثم بسط العبارة B حيث : $B = (3x - 5)^2 + 9x^2 - 25$

ت- استنتج أن : $B = 6x(3x - 5)$

ج- حل المعادلة $B=0$

تمرين 10: (ش.ت.م 2011)

(1) تحقق بالنشر أن : $(2x - 1)(x - 3) = 2x^2 - 7x + 3$

(2) لتكن العبارة A حيث : $A = 2x^2 - 7x + 3 + (2x - 1)(3x + 2)$

- حلل A إلى جداء عامين من الدرجة الأولى .

(3) حل المعادلة : $(2x - 1)(4x - 1) = 0$

تمرين 11: (ش.ت.م 2015)

تعطى العبارة : $F = (2x - 3)^2 - 16$

(1) تحقق بالنشر أن : $F = 4x^2 - 12x - 7$

(2) حلل F إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

(3) حل المعادلة : $(2x - 7)(2x + 1) = 0$

(4) احسب F من اجل : $x = 1 + \sqrt{2}$ واكتب النتيجة على الشكل $a + b\sqrt{2}$ حيث a و b عدنان نسبيا.

تمرين 12: (ش.ت.م 2012)

لتكن العبارة E حيث $E = (4x - 1)^2 - (3x + 2)(4x - 1)$

(1) انشر وبسط العبارة E .

(2) حلل E إلى جداء عاملين .

(3) حل المعادلة : $(4x - 1)(x - 3) = 0$

(4) حل المتراجحة : $4x^2 - 13x + 3 \leq 4x^2 + 29$

تمرين 13: (ش.ت.م 2009)

لتكن العبارة E حيث : $E = 2x - 10 - (x - 5)^2$

(1) انشر ثم بسط العبارة E.

(2) حلل العبارة E .

(3) حل المعادلة : $(x - 5)(7 - x) = 0$

تمرين 14: (ش.ت.م 2014)

لتكن العبارة E حيث : $E = (2x + 5)^2 - 36$

(1) تحقق بالنشر أن : $E = 4x^2 + 20x - 11$

(2) حلل العبارة E إلى جداء عاملين .

(3) حل المعادلة : $(2x + 11)(2x - 1) = 0$

تمرين 15: (ش.ت.م 2016)

(1) تحقق من صحة المساواة التالية : $5(2x + 1)(2x - 1) = 20x^2 - 5$

(2) حلل العبارة A بحيث : $A = (2x + 1)(3x - 7) - (20x^2 - 5)$

(3) حل المتراجحة : $-14x^2 - 11x - 2 < 2(10 - 7x^2)$

- مثل حلولها بيانيا

تمرين 16:

لتكن العبارة التالية $D = (x - 2)^2 - 2(x - 2)$

(1) حلل العبارة D إلى جداء عاملين .

(2) حل المعادلة التالية : $(x - 2)(x - 4) = 0$

(3) احسب D من اجل $x=1$

تمرين 17:

لتكن العبارة الجبرية التالية : $H = (2x - 1)^2 + (4x^2 - 1)$

(1) انشر ثم بسط العبارة الجبرية H .

(2) حلل العبارة H إلى جداء عاملين .

(3) حل المعادلة : $4x(2x - 1) = 0$

تمرين 18:

(1) تحقق بالنشر أن : $(3 - 2x)(3 + 2x) = 9 - 4x^2$

(2) حلل العبارة M إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى حيث : $M = (3 - 2x)^2 + 9 - 4x^2$

(3) حل المتراجحة : $6(3 - 2x) \leq 0$ ومثل حلولها على مستقيم مدرج .