



تذكرة:

عما يكون العددان الموجان a و b فإن:

$$\sqrt{a^2 \times b} = a\sqrt{b} \quad , \quad \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} \neq \sqrt{a+b} \quad , \quad \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

$$b < a \quad , \quad \sqrt{a} - \sqrt{b} \neq \sqrt{a-b}$$

$$(\sqrt{a})^2 = a \quad , \quad \sqrt{a^2} = a$$

المعادلة من الشكل $x^2 = b$

- إذا كان b موجب للمعادلة حلاً مختلفان هما \sqrt{b} و $-\sqrt{b}$
- إذا كان b سالب للمعادلة ليس لها حل
- إذا كان b معدوم المعادلة لها حل وحيد هو العدد 0

التمرين ٤٤:

١. أكتب الجموع A على الشكل $a\sqrt{5}$ (عدد طبيعي) حيث:

$$A = \sqrt{125} + \sqrt{45} - \sqrt{20}$$

٢. احسب $A \times \frac{\sqrt{5}}{30}$ مبيناً مراحل الحساب

التمرين ٤٥:

ليكن العددان الحقيقيان m و n حيث:

$$n = (\sqrt{7} + 3)(4 - \sqrt{7}) \quad , \quad m = \sqrt{112} - 3\sqrt{28} + 3\sqrt{7} - \sqrt{25}$$

١. أكتب كلاً من العدددين m و n على الشكل $a\sqrt{7} + b$ بحيث a و b عددان نسبيان.

٢. بين أن الجداء $m \times n$ عدد ناطق.

٣. أجعل مقام النسبة $\frac{\sqrt{7} - 5}{\sqrt{7}}$ عدداً ناطقاً.

التمرين ٤٦:

نعتبر العدد الحقيقي A حيث: $A = \sqrt{125} - \sqrt{20} - 1$

$$1. \text{ بين أن: } A = 3\sqrt{5} - 1$$

٢. اثبت أن: A عدد موجب.

ليكن العدد الحقيقي B حيث: $B = 4\sqrt{5} + 6$

١. احسب $A \times B$

$$(A - B)^2 = A \times B$$

$$2. \text{ بين أن: } \frac{1}{A} - \frac{1}{B} = \frac{1}{B - A}$$

ثم استنتج أن

٣. اثبت أن

التمرين ٤٧:

١. x و y عددان حقيقيان حيث: $y = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{\sqrt{5}}$ ، $x = \frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{\sqrt{5}}$

٢. اكتب كلاً من x و y على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

٣. إذا كان x و y هما بعدها مستطيل: فاحسب مساحته ثم محيطه.

التمرين ٤١:

(ش. ت. م جوان 2007)

ليكن العددان:

$$B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3} \quad , \quad A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128}$$

١. أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي

$$2. \text{ بسط العدد } B \text{ ثم بين أن: } \frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$$

التمرين ٤٢:

(ش. ت. م جوان 2009)

لتكن الأعداد A ، B ، C حيث:

$$1. \text{ إذا كان } A = \sqrt{80} \quad , \quad B = 2\sqrt{45} \quad , \quad C = \sqrt{5} + 1$$

٢. اكتب $A + B$ على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي.

٣. بين أن $A \times B$ هو عدد طبيعي.

$$3. \text{ اكتب } \frac{C^2}{\sqrt{5}} \text{ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.}$$

التمرين ٤٣:

١. A و B عبارتان حيث:

$$A = \sqrt{75} + 2\sqrt{12} - 2\sqrt{48}$$

$$B = 5\sqrt{2} + 2\sqrt{18} - 2\sqrt{32}$$

٢. اكتب كلاً من A و B من الشكل $a\sqrt{b}$ حيث b أصغر عدد ممكن

٣. اكتب النسبة $\frac{A}{B}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

التمرين ١٨ :

$$A = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{7}} \quad \text{و} \quad B = 2\sqrt{32} - 3\sqrt{2} + \sqrt{72}$$

1. أكتب على شكل كسر مقامه عدد ناطق.
2. أكتب على شكل $a\sqrt{b}$.

التمرين ١٩ :

1. أكتب على الشكل $p\sqrt{3}$ حيث p عدد صحيح نسيي كلاً من العدددين الآتيين:

$$A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300}$$

$$B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2$$

2. تتحقق من أن $\frac{A}{B}$ هو عدد طبيعي.

التمرين ٢٠ :

A و b عددان حقيقيان حيث:

$$B = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8} \quad A = \sqrt{162} + \sqrt{72} - \sqrt{18}$$

1. بسط كلاً من العدددين A , B .

2. احسب القيمة المضبوطة لكل من العدددين: $\frac{A+B}{2}$, $\frac{A-B}{2}$.

التمرين ١١ :

$$x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}} \quad \text{و} \quad y = \frac{\sqrt{5}}{2} \quad \text{اعدان حيث: } x, y$$

- 1) اجعل مقام العدد x عدداً ناطقاً.

- 2) احسب العدد z حيث $z = 2y - 5x$
اعط القيمة المقربة للعدد z بتقرير 10^{-2} بالتقسان.
(يمكن استعمال الآلة الحاسبة).

التمرين ١٢ :

- قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها 516 m^2 وطولها يساوي ضعف عرضها
- احسب بعدى هذه القطعة مدور النتيجة إلى الوحدة

ليست الرغبة في الفوز هي التي تحدث الفرق الكبير،
بل الرغبة في التدريب هي التي تهدف الفوز

1- هل العددان 700 و 1025 أوليان فيما بينهما ؟

علل إجابتك دون حساب القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين .

2- احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 700 و 1025 مبينا مراحل الحساب .

3- اكتب الكسر $\frac{700}{1025}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .