



4

المتوسط

الرياضيات

سلسلة رقم 03

تذكر أن :

بما يكن العددين الموجبان a و b فإن :

$$\sqrt{a^2 \times b} = a\sqrt{b} \quad , \quad \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} \neq \sqrt{a+b} \quad , \quad \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

$$b < a \quad , \quad \sqrt{a} \cdot \sqrt{b} \neq \sqrt{a-b}$$

2- بما يكن العدد الموجب a فإن : $(\sqrt{a})^2 = a$, $\sqrt{a^2} = a$, $x^2 = b$ المعادلة من الشكل

* إذا كان b موجب للمعادلة حلان مختلفان هما \sqrt{b} و $-\sqrt{b}$

* إذا كان b سالب للمعادلة ليس لها حل

* إذا كان b معدوم للمعادلة لها حل وحيد هو العدد 0

التمرين 04 :

1. أكتب المجموع A على الشكل $a\sqrt{5}$ (a عدد طبيعي) حيث:

$$A = \sqrt{125} + \sqrt{45} - \sqrt{20}$$
2. احسب $A \times \frac{\sqrt{5}}{30}$ مبينا مراحل الحساب

التمرين 05 :

- ليكن العددين الحقيقيان m و n حيث:
- $$n = (\sqrt{7} + 3)(4 - \sqrt{7}) \quad , \quad m = \sqrt{112} - 3\sqrt{28} + 3\sqrt{7} - \sqrt{25}$$
1. أكتب كلا من العددين m و n على الشكل $a\sqrt{7} + b$ بحيث a و b عدنان نسبيين.
 2. بين أن الجداء $m \times n$ عدد ناطق.
 3. أجعل مقام النسبة $\frac{\sqrt{7} - 5}{\sqrt{7}}$ عددا ناطقا.

التمرين 06 :

- نعتبر العدد الحقيقي A حيث : $A = \sqrt{125} - \sqrt{20} - 1$
1. بين أن : $A = 3\sqrt{5} - 1$
 2. اثبت أن : A عدد موجب.
- ليكن العدد الحقيقي B حيث : $B = 4\sqrt{5} + 6$
- * احسب $A \times B$
- * بين أن : $(A - B)^2 = A \times B$
- ثم استنتج أن $\frac{1}{A} - \frac{1}{B} = \frac{1}{B - A}$

التمرين 07 :

- x و y عدنان حقيقيان حيث : $x = \frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{\sqrt{5}}$, $y = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{2}}{\sqrt{5}}$
1. أكتب كلا من x و y على شكل كسر مقامه عدد ناطق
 2. إذا كان x و y هما بُعدا مستطيل : فاحسب مساحته ثم محيطه .

التمرين 01 : (ش. ت. م. جوان 2007)

ليكن العدنان :

- $$B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3} \quad \text{و} \quad A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128}$$
1. أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي
 2. بسط العدد B ثم بين أن : $\frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$

التمرين 02 : (ش. ت. م. جوان 2009)

ليكن الأعداد A ؛ B ؛ C حيث :

1. $A = \sqrt{80}$, $B = 2\sqrt{45}$, $C = \sqrt{5} + 1$
- أكتب $A + B$ على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي.
2. بين أن $A \times B$ هو عدد طبيعي.
3. أكتب $\frac{C^2}{\sqrt{5}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

التمرين 03 :

ليكن A و B عبارتان حيث :

- $$A = \sqrt{75} + 2\sqrt{12} - 2\sqrt{48}$$
- $$B = 5\sqrt{2} + 2\sqrt{18} - 2\sqrt{32}$$
1. أكتب كلا من A و B من الشكل $a\sqrt{b}$ حيث b أصغر عدد ممكن
 2. أكتب النسبة $\frac{A}{B}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

التمرين 8 :

إليك العددين A و B حيث: $A = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{7}}$ و

$$B = 2\sqrt{32} - 3\sqrt{2} + \sqrt{72}$$

1. أكتب A على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

2. أكتب B على شكل $a\sqrt{b}$.

التمرين 9 :

1. أكتب على الشكل $p\sqrt{3}$ حيث p عدد صحيح نسبي كلاً من العددين الآتين:

$$A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300}$$

$$B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2$$

2. تحقق من أن $\frac{A}{B}$ هو عدد طبيعي.

التمرين 10 :

A و B عدنان حقيقيان حيث:

$$A = \sqrt{162} + \sqrt{72} - \sqrt{18} \quad B = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}$$

1. بسط كلا من العددين A , B .

2. احسب القيمة المضبوطة لكل من العددين: $\frac{A+B}{2}$, $\frac{A-B}{2}$.

التمرين 11 :

x , y عدنان حيث: $x = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$ و $y = \frac{\sqrt{5}}{2}$.

(1) اجعل مقام العدد x عددا ناطقا.

(2) احسب العدد z حيث $z = 2y - 5x$ ثم

اعط القيمة المقربة للعدد z بتقريب 10^{-2} بالنقصان.

(يمكن استعمال الآلة الحاسبة).

التمرين 12 :

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها $516 m^2$ وطولها

يساوي ضعف عرضها

- احسب بعدي هذه القطعة مدور النتيجة إلى الوحدة

التمرين 13 : (ت 18 ص 37 من الكتاب المدرسي)

قطعة مستطيلة الشكل مساحتها $1320 m^2$

1. احسب بعدي هذه القطعة بتقريب $10^{-2} m$ بالنقصان

إذا علمت أن طولها يساوي ضعف عرضها .

2. أعط تدويرا إلى $10^{-1} m$ لكلا من طول وعرض هذه الأرض .

التمرين 14 :

1 - حل المعادلة : $x^2 + 1 = 10$

2 - أكتب العدد : $\sqrt{\frac{4}{3}} \times \sqrt{\frac{32}{12}}$ على شكل $a\sqrt{b}$ حيث a عدد ناطق و b عدد طبيعي أصغر ما يمكن.

3 - إذا كان : $A = \sqrt{18} - \sqrt{20}$

$$B = \sqrt{98} - 3\sqrt{5}$$

احسب وبسط : $A + B - \sqrt{2}$

التمرين 15 : (ش. ت م جوان 2013)

ليكن العدد الحقيقي A حيث: $A = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$.

1 - بين أن $A = 4 + 2\sqrt{3}$.

2 - ليكن العدد الحقيقي B حيث: $B = 4 - 2\sqrt{3}$.

- بين أن $A \times B$ عدد طبيعي.

التمرين 16 : (ش. ت م جوان 2014)

إليك الأعداد A , B , C حيث :

$$B = \frac{1,2 \times 10^{-2} \times 7}{12,5 \times 10^3} , \quad A = \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{7}{4}$$

$$C = \sqrt{175} - \sqrt{112} + 6\sqrt{7}$$

1- احسب A ثم أكتبه على الشكل العشري

2- أعط الكتابة العلمية للعدد B

3- أكتب C على أبسط شكل ممكن

ليست الرغبة في الفوز هي التي تحدث الفرق الكبير،
بل الرغبة في التدريب يهدف الفوز

--	--

1- هل العددين 700 و 1025 أوليان فيما بينهما ؟

علل إجابتك دون حساب القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين .

2- احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 700 و 1025 مبينا مراحل الحساب .

3- اكتب الكسر $\frac{700}{1025}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .