

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 3 (العمليات على الجذور التربيعية)

تمرين 1: (ش ت م 2014)

إليك الأعداد A, B, C حيث :

$$c = \sqrt{175} - \sqrt{112} + 6\sqrt{7}, \quad B = \frac{1,2 \times 10^{-2} \times 7}{12,5 \times 10^3}, \quad A = \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \times \frac{7}{4}$$

(1) احسب A ثم اكتبه على الشكل العشري.

(2) أعط الكتابة العلمية للعدد B.

(3) اكتب C على الشكل $a\sqrt{b}$.

تمرين 2: (ش ت م 2007)

$$\text{ليكن : } A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128} \quad \text{و} \quad B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3}$$

(1) أكتب A على شكل $a\sqrt{2}$ حيث a عدد طبيعي.(2) بسط العدد B ثم بين أن $\frac{A^2}{33} - 3B = \frac{1}{3}$.

تمرين 3:

$$A \quad \text{و} \quad B \quad \text{عددان حيث:} \quad A = 3 - 3 \div \frac{3}{7}, \quad B = 5\sqrt{27} - 2\sqrt{12} + \sqrt{3}$$

(1). أحسب العدد A.

(2) اكتب B على الشكل $a\sqrt{3}$.(3) أجعل مقام النسبة $\frac{A}{B}$ عددا ناطقا .

تمرين 4: (ش ت م 2011)

(1) اكتب المجموع A على الشكل $a\sqrt{5}$ (a عدد طبيعي) حيث : $A = \sqrt{125} + \sqrt{45} - \sqrt{20}$ (2) احسب $A \times \frac{\sqrt{5}}{30}$ مبينا مراحل الحساب .

تمرين 5: (ش ت م 2013)

ليكن العدد الحقيقي A حيث : $A = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) + \sqrt{27} + 1$ (1) بين أن : $A = 4 + 2\sqrt{3}$ (2) ليكن العدد الحقيقي B حيث : $B = 4 - 2\sqrt{3}$ بين أن : $A \times B$ عدد طبيعي

تمرين 6:

$$A \quad \text{و} \quad B \quad \text{عددان حقيقيان حيث:} \quad B = \sqrt{162} - \sqrt{72} + \sqrt{18}, \quad A = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}$$

(1) أكتب كلا من العددين A, B على الشكلين : $x\sqrt{2}$ و $y\sqrt{2}$ حيث : x, y عددان طبيعيان يطلب تعيينهما.(2) أحسب القيمة المضبوطة لكل من العددين : $\frac{A+B}{2}$ و $\frac{A-B}{2}$

تمرين 7: (ش ت م 2009)

$$\text{لتكن الأعداد } A, B, C \quad \text{حيث:} \quad C = \sqrt{5} + 1, \quad B = 2\sqrt{45}, \quad A = \sqrt{80}$$

(1) اكتب $A + B$ على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد طبيعي .(2) بين أن $A \times B$ هو عدد طبيعي .(3) اكتب $\frac{C^2}{\sqrt{5}}$ على شكل نسبة مقامها عدد ناطق .

تمرين 8:

a, b, c, k أعداد حقيقية حيث :

$$k = \frac{18+7\sqrt{2}}{\sqrt{2}}, \quad c = (5\sqrt{2} + 7)(5\sqrt{2} - 7), \quad b = \sqrt{98} + \sqrt{32} - \sqrt{8}, \quad a = \sqrt{3\sqrt{100} + 6}$$

(1) بسط الأعداد a, b, c .

(2) حول النسبة k إلى نسبة مقامها عدد ناطق.

(3) برهن أن : $a + b + c = k$.

تمرين 9:

A, B, C أعداد حقيقية حيث :

$$C = -4\sqrt{2} + 3\sqrt{5}, \quad B = \sqrt{50} - \sqrt{5}, \quad A = \sqrt{18} - \sqrt{20}$$

(1) أكتب على أبسط شكل ممكن كلا من A و B .

(2) احسب المجموع S حيث : $S = A + B - C$

تمرين 10:

$$a \text{ و } b \text{ عدنان حقيقيان حيث : } a = \sqrt{112} + \sqrt{63} \text{ و } b = \frac{\sqrt{2} + 5}{3\sqrt{2}}$$

(1) بسط العدد a .

(2) أكتب العدد b على شكل نسبة مقامها عدد ناطق.

(3) أحسب الجداء $a \times b$.

تمرين 11:

$$x \text{ , } y \text{ عدنان حقيقيان حيث : } x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}} \text{ و } y = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

(1) اجعل مقام العدد x عددا ناطقا.

(2) أحسب العدد Z حيث : $Z = 2y - 5x$ ثم أعط القيمة المقربة للعدد Z بتقريب 10^{-2} بالنقصان , (يمكن استعمال الحاسبة).

تمرين 12:

(1) بسط العدد A حيث $A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$

(2) اكتب العدد B حيث $B = \frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{3}}$ على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

(3) بين أن $\frac{1}{2}A = 3B$.

تمرين 13:

$$a, b \text{ عدنان حيث : } a = \frac{(\sqrt{7} - \sqrt{2})}{\sqrt{7}}, \quad b = \frac{(\sqrt{7} + \sqrt{2})}{\sqrt{7}}$$

(1) اكتب كلا من العددين a و b على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

(2) احسب مساحة ومحيط المستطيل الذي بعده a و b (وحدة الطول هي السنتيمتر).

تمرين 14:

(1) اكتب على الشكل $p\sqrt{3}$ حيث p عدد صحيح نسبي كلا من العددين الآتيين:

$$A = \sqrt{27} + 7\sqrt{75} + \sqrt{300} \text{ و } B = (6 + 2\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{3})^2$$

(2) تحقق من أن $\frac{A}{B}$ هو عدد طبيعي.

تمرين 15:

قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها 2400m^2 وعرضها يساوي ثلثي طولها.

- أحسب عرض وطول هذه القطعة.