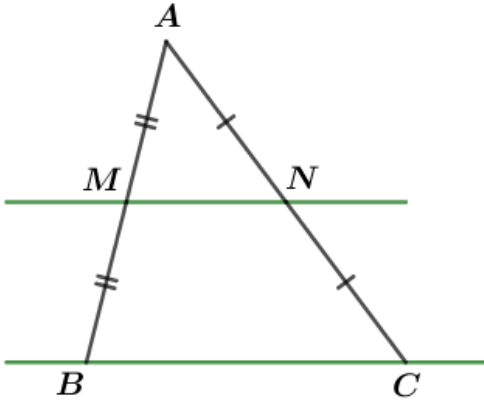


<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>	<ul style="list-style-type: none"> يتعرف على المثلثات وخواصها وعلاقات مستقيم المنتصفين في مثلث ويمتلك مصطلحات ورموز وتعابير (مستقيم المنتصفين) يوظف خواصا هندسية وعلاقات وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة ويبرهن براهين بسيطة ويحررها يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضيعات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف
<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>	<ul style="list-style-type: none"> استنتاج خواص مستقيم المنتصفين في مثلث
<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>	<ul style="list-style-type: none"> من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة لا تتطلب بحث مطول
<p>السندات المستعملة</p>	<ul style="list-style-type: none"> الكتاب المدرسي
<p>صعوبات متوقعة</p>	<ul style="list-style-type: none"> التبرير بخواص متوازي الأضلاع
<p>تهيئة</p>	<ul style="list-style-type: none"> خواص متوازي الأضلاع
<p>أنشطة</p>	<p>نشاط : رقم 03 صفحة 131</p> <p>ارسم مثلثا كفييا ABC . وعين E و G منتصفي الضلعين [AB] و [AC] على الترتيب، ثم ارسم المستقيم (EG) .</p> <p>أ) من وضع تخمينات</p> <p>(1) ما هو التخمين الذي يمكن وضعه بالنسبة إلى المستقيمين (EG) و (BC) ؟</p> <p>(2) قس بدقة [EG] و [BC] وَّضَعْ تخمينا حول العلاقة بين الطولين BC و EG .</p> <p>(3) تقول مريم: «إذا رسمنا المستقيم الذي يشمل النقطة G والموازي لـ (AB) فسيقطع [BC] في منتصفها» . هل توافقها ؟ تحقق .</p> <p>ب) إلى التبرير</p> <p>أعد رسم مثلث كفيي ABC والنقطتين E و G منتصفي الضلعين [AB] و [AC] على الترتيب .</p> <p>(1) عين النقطة M نظيرة النقطة E بالنسبة إلى G . وأثبت أن AMCE متوازي أضلاع .</p> <p>(2) قارن الطولين CM و EB واستنتج طبيعة الرباعي EMCB .</p> <p>(3) كيف تستنتج أن المستقيمين (EG) و (BC) متوازيان، وأن $BC = 2EG$.</p> <p>(4) ارسم المستقيم الذي يشمل G والموازي لـ (AB) ويقطع [BC] في N .</p> <p>• أثبت أن EGNB متوازي أضلاع .</p> <p>• أثبت أن النقطة N هي منتصف [BC] .</p>
<p>الحوصلة</p>	<p>مستقيم المنتصفين :</p> <p>خاصية 1 :</p> <p>في مثلث ، إذا شمل مستقيم منتصفي ضلعين فانه يوازي الضلع الثالث</p>

مثال :

لدينا M منتصف $[AB]$ و N منتصف $[AC]$

ومنه $(MN) \parallel (BC)$



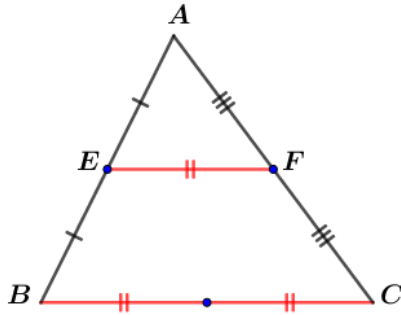
خاصية 2 :

في مثلث ،طول القطعة الواصلة بين منتصفي ضلعين يساوي نصف طول الضلع الثالث.

مثال :

لدينا E منتصف $[AB]$ و F منتصف $[AC]$

ومنه $EF = \frac{1}{2} BC$



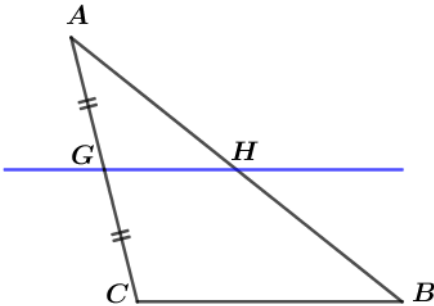
خاصية 3 :

في مثلث ،إذا شمل مستقيم منتصف أحد أضلاعه وكان موازيا لضلع ثان ،فانه يقطع الضلع الثالث في منتصفه.

مثال :

لدينا G منتصف $[AC]$ و $(GH) \parallel (BC)$

ومنه H منتصف $[AB]$



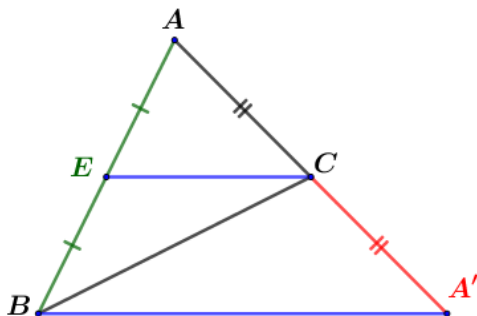
ملاحظة :

لإثبات توازي مستقيمين أو أن النقطة هي منتصف قطعة يمكن استعمال خواص مستقيم المنتصفين.

مثال :

ABC مثلث و A' نظيرة A بالنسبة إلى C و E منتصف $[AB]$

• برهن أن $(A'B) \parallel (EC)$



لدينا A' نظيرة A بالنسبة إلى C

إذن: C منتصف $[AA']$

و E منتصف $[AB]$

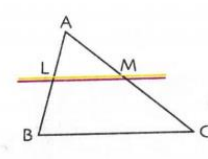
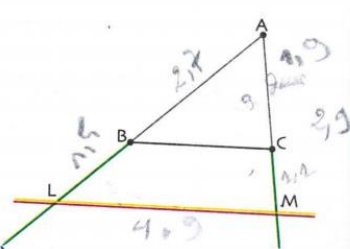
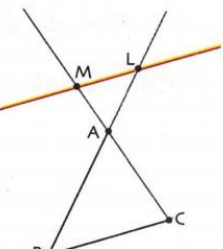
ومنه: $(EC) \parallel (A'B)$

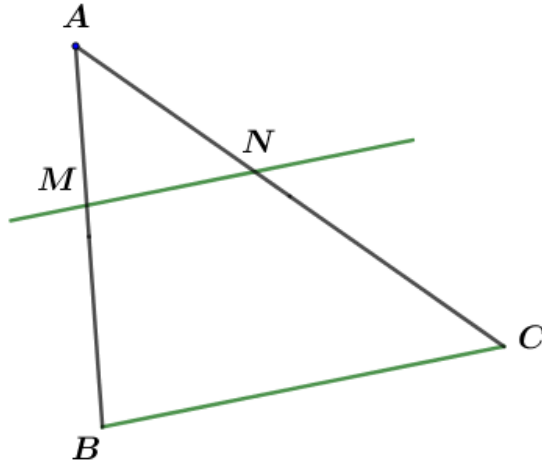
حسب خاصية مستقيم المنتصفين.

الحوصلة

تمديد

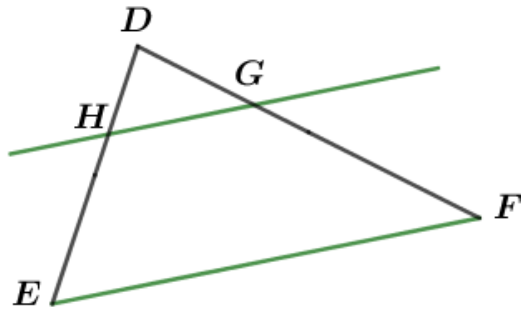
تطبيق : رقم 12 و 13 صفحة 143

<ul style="list-style-type: none"> يتعرف على المثلثات وخواصها وعلاقات مستقيم المنتصفين في مثلث ويمتلك مصطلحات ورموز وتعابير (المثلثان المعينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيان) يوظف خواصا هندسية وعلاقات وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة ويبرهن براهين بسيطة ويحررها يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف 	<p>مركبات الكفاءة المستهدفة</p>
<ul style="list-style-type: none"> استنتاج تناسبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيان 	<p>أهداف الوضعية التعليمية</p>
<ul style="list-style-type: none"> من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة لا تتطلب بحث مطول 	<p>خصائص الوضعية التعليمية وطبيعتها</p>
<ul style="list-style-type: none"> الكتاب المدرسي 	<p>السندات المستعملة</p>
<ul style="list-style-type: none"> أخطاء في القياس ووضع تخمين 	<p>صعوبات متوقعة</p>
<ul style="list-style-type: none"> صفحة 19 	<p>تهينة</p>
<p>نشاط : رقم 04 صفحة 131 في كل من الحالات الآتية $(ML) \parallel (BC)$:</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: flex-end;"> <div style="text-align: center;">  <p>الحالة 1</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>الحالة 2</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>الحالة 3</p> </div> </div> <p>(1) أنجز مثيلا للشكل في كل حالة، ثم خذ الأقياس اللازمة واحسب كلاً من النسب : $\frac{LM}{BC}$ ، $\frac{AM}{AC}$ ، $\frac{AL}{AB}$</p> <p>(2) ما هو التخمين الذي يمكن وضعه حول هذه النسب؟</p>	<p>أنشطة</p>
<p>الخاصية :</p> <p>في مثلث ABC إذا كانت النقطة M تنتمي إلى الضلع $[AB]$ والنقطة N تنتمي إلى الضلع $[AC]$ وكان المستقيمان (MN) و (BC) متوازيان</p> <p>فإن : $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$</p>	<p>الحوصلة</p>



ملاحظة :

لحساب طول قطعة يمكن استعمال الخاصية المتعلقة بالمثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعين غير متوازيين



مثال :

لدينا الشكل المقابل (وحدة الطول cm)

$$EF = 4,5cm \text{ ، } GH = 0,9cm$$

$$DF = 3,8cm \text{ ، } DE = 2,3cm$$

• أحسب DH و DG .

لدينا $(GH) \parallel (FE)$ و H نقطة من $[ED]$ و G نقطة من $[DF]$
إذن حسب الخاصية نجد :

$$\frac{DG}{DF} = \frac{DH}{DE} = \frac{GH}{EF}$$

$$\frac{DG}{3,8} = \frac{DH}{2,3} = \frac{0,9}{4,5}$$

بالتعويض نجد

(1) حساب DG

$$DG = \frac{3,8 \times 0,9}{4,5}$$

$$DG = 0,76cm$$

(2) حساب DH

$$DH = \frac{2,3 \times 0,96}{4,5}$$

$$DH = 0,46cm$$

تطبيق : رقم 17 و 18 صفحة 143
واجب منزلي : رقم 19 صفحة 143

تمديد

مركبات الكفاءة المستهدفة

- يتعرف على المثلثات وخواصها وعلاقات مستقيم المنتصفين في مثلث ويمتلك مصطلحات ورموز وتعابير
- يوظف خواصا هندسية وعلاقات وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة ويبرهن براهين بسيطة ويحررها
- يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والمواقف

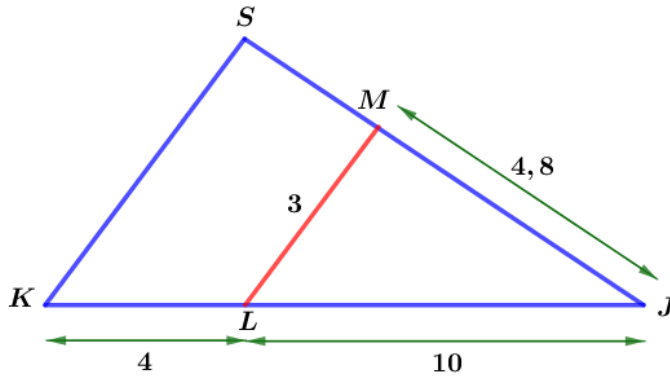
التمرين 1 :

$ABCD$ رباعي كيفي ، E ، F ، G ، H منتصفات أضلاعه $[AB]$ و $[BC]$ و $[CD]$ و $[AD]$ على الترتيب

- اثبت أن $EFGH$ متوازي أضلاع
- اثبت أن محيط $EFGH$ يساوي $AC + BD$

التمرين 2 :

إليك الشكل المقابل (الأبعاد المعطاة بـ cm)



احسب الطولين SM و SK

التمارين

التمرين 3 :

- ABC مثلث كيفي ، L منتصف $[BC]$. M نقطة من $[AL]$. المستقيم الموازي لـ (AC) ويشمل M يقطع $[BC]$ في R ، والمستقيم الموازي لـ (AB) ويشمل M يقطع $[BC]$ في S
- أنشئ الشكل
 - اثبت أن L منتصف $[SR]$

التمرين 4 :

توظيف برنامج $GeoGebra$ في خاصية طالس