

- يتعرف على المثلثات وخصائصها وعلاقات مستقيم المنتصفين في مثلث ويملك مصطلحات ورموز وتعابير (مستقيم المنتصفين)
- يوظف خواصا هندسية وعلاقات وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة وبيني براهين بسيطة ويحررها
- يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق

### مركبات الكفاءة المستهدفة

- استنتاج خواص مستقيم المنتصفين في مثلث

### أهداف الوضعية التعليمية

- من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة
- لا تتطلب بحث مطول

### السندات المستعملة

- الكتاب المدرسي

- البرير بخواص متوازي الأضلاع

### صعوبات متوقعة

- خواص متوازي الأضلاع

### تهيئة

### نشاط : رقم 03 صفحة 131

رسم مثلثا كييفيا ABC . وعين E و G منتصفين الضلعين [AB] و [AC] على الترتيب، ثم ارسم المستقيم (EG).

#### أ) من وضع تخمينات

- ما هو التخمين الذي يمكن وضعه بالنسبة إلى المستقيمين (EG) و (BC) ؟
- قس بدقة [EG] و [BC] وضعاً تخمينا حول العلاقة بين الطولين EG و BC .
- نقول مريم: «إذا رسمنا المستقيم الذي يشمل النقطة G والموازي لـ (AB) فسيقطع [BC] في منتصفها». • هل تتفقها ؟ تحقق.

### أنشطة

#### ب) إلى البرير

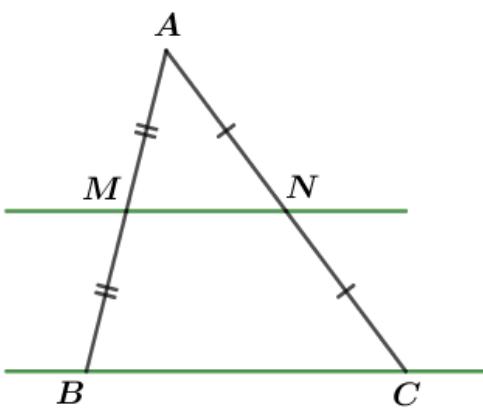
أعد رسم مثلث كييفي ABC والنقطتين E و G منتصفين الضلعين [AB] و [AC] على الترتيب.

- عين النقطة M نظيرة النقطة E بالنسبة إلى G . وثبت أنَّ AMCE متوازي أضلاع.
- قارن الطولين CM و EB واستنتج طبيعة رباعي EMCB .
- كيف تستنتج أنَّ المستقيمين (EG) و (BC) متوازيان، وأنَّ  $BC = 2EG$  .
- ارسم المستقيم الذي يشمل G والموازي لـ (AB) ويقطع [BC] في N . • أثبت أنَّ EGNB متوازي أضلاع.
- أثبت أنَّ النقطة N هي منتصف [BC] .

#### مستقيم المنتصفين : خاصية 1 :

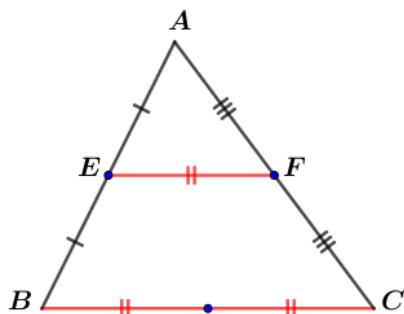
في مثلث ، إذا شمل مستقيم منتصف ضلعين فإنه يوازي الضلع الثالث

### الوصلة



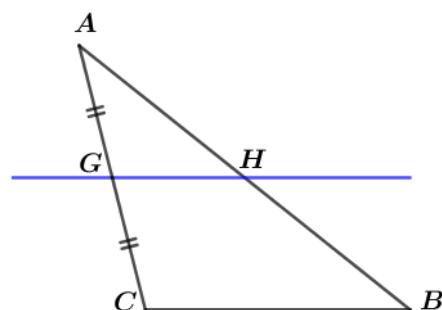
**مثال :**  
لدينا  $M$  منتصف  $[AC]$  و  $N$  منتصف  $[AB]$  ومنه  $(BC) \parallel (MN)$

**خاصية 2 :**  
في مثلث ، طول القطعة الواقع بين منتصفين ضلعين يساوي نصف طول الظلع الثالث.



**مثال :**  
لدينا  $E$  منتصف  $[AC]$  و  $F$  منتصف  $[AB]$  ومنه  $EF = \frac{1}{2}BC$

**خاصية 3 :**  
في مثلث ، إذا شمل مستقيم منتصف أحد أضلاعه وكان موازيا لظلع ثالث ، فإنه يقطع الظلع الثالث في منتصفه.

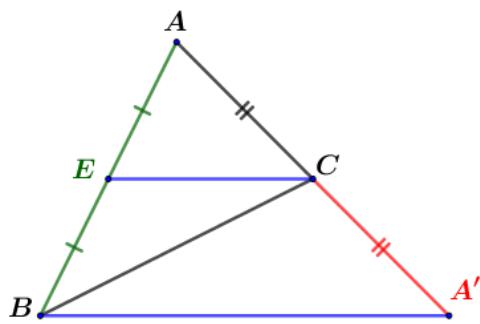


**مثال :**  
لدينا  $G$  منتصف  $[AC]$  و  $H$  منتصف  $[BC]$  ومنه  $(GH) \parallel (AB)$

## الوصلة

**ملاحظة :**  
لإثبات توازي مستقيمين أو أن النقطة هي منتصف قطعة يمكن استعمال خواص مستقيمين المترافقين.

**مثال :**  
 $ABC$  مثلث و  $A'$  نظيرة  $A$  بالنسبة إلى  $C$  و  $E$  منتصف  $[AB]$  • برهن أن  $(A'B) \parallel (EC)$



لدينا  $A'$  نظيرة  $A$  بالنسبة إلى  $C$   
إذن:  $C$  منتصف  $[AA']$   
و  $E$  منتصف  $[AB]$   
ومنه:  $(EC) \parallel (A'B)$   
حسب خاصية مستقيمين المترافقين.

- يتعرف على المثلثات وخصائصها وعلاقات مستقيم المنتصفين في مثلث ويمتلك مصطلحات ورموز وتعابير (المثلثان المعينان بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيان)
- يوظف خواصا هندسية وعلاقات وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات هندسية مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة وبيني براهين بسيطة ويحررها
- يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق

### مركبات الكفاءة المستهدفة

- استنتاج تناصبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيان

### أهداف الوضعية التعليمية

- من المادة ويمكن إسقاطها على الواقع مباشرة
- لا تتطلب بحث مطول

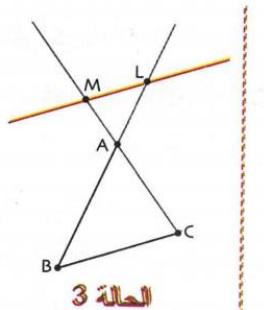
### السندات المستعملة

- أخطاء في القياس ووضع تخمين

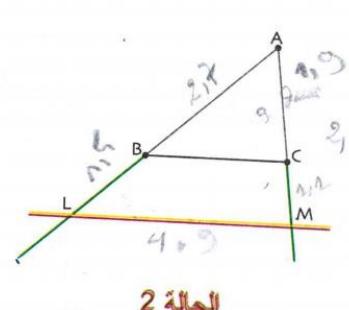
### صفحة 19 تهيئة

#### نشاط : رقم 04 صفحة 131

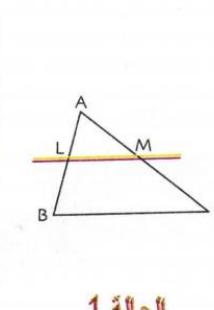
في كل من الحالات الآتية  $(ML) \parallel (BC)$  :



الحالة 3



الحالة 2



الحالة 1

### أنشطة

1) أنجز مثيلا للشكل في كل حالة، ثم حذ الأقياس اللازم واحسب كلا من النسب :

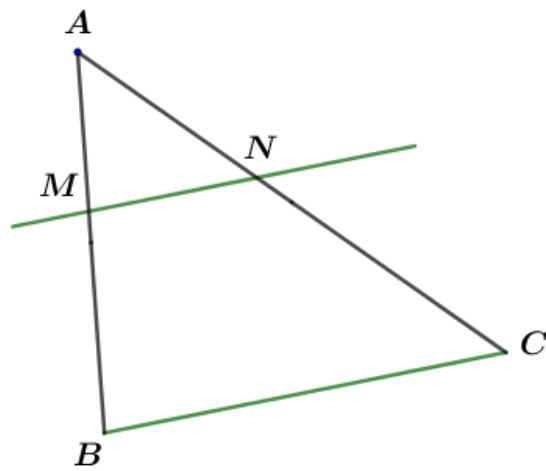
2) ما هو التخمين الذي يمكن وضعه حول هذه النسب؟

### الخاصية :

في مثلث  $ABC$  إذا كانت النقطة  $M$  تنتهي إلى الضلع  $[AB]$  والنقطة  $N$  تنتهي إلى الضلع  $[AC]$  وكان المستقيمان  $(MN)$  و  $(BC)$  متوازيان

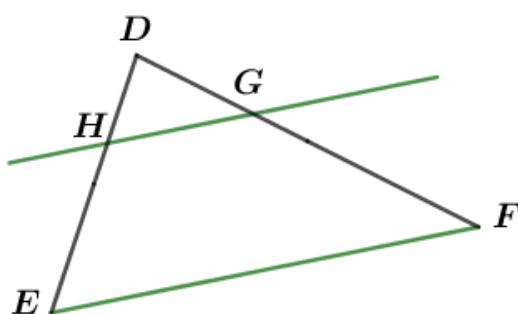
$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

### الوصلة



**ملاحظة :**

لحساب طول قطعة يمكن استعمال الخاصية المتعلقة بالمثلثين المعيدين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعين غير متوازيين



**مثال :**

لدينا الشكل المقابل (وحدة الطول cm)

$$EF = 4,5 \text{ cm} , GH = 0,9 \text{ cm}$$

$$DF = 3,8 \text{ cm} , DE = 2,3 \text{ cm}$$

• أحسب  $DH$  و  $DG$  •

لدينا  $(FE) \parallel (GH)$  و  $H$  نقطة من  $[ED]$  و  $G$  نقطة من  $[DF]$   
إذن حسب الخاصية نجد :

$$\frac{DG}{DF} = \frac{DH}{DE} = \frac{GH}{EF}$$

$$\frac{DG}{3,8} = \frac{DH}{2,3} = \frac{0,9}{4,5}$$

بالتعمييض نجد

حساب  $DG$  (1)

$$DG = \frac{3,8 \times 0,9}{4,5}$$

$$DG = 0,76 \text{ cm}$$

حساب  $DH$  (2)

$$DH = \frac{2,3 \times 0,96}{4,5}$$

$$DH = 0,46 \text{ cm}$$

**تطبيق :** رقم 17 و 18 صفحة 143

**واجب منزلي :** رقم 19 صفحة 143

**تمديد**

**الكفاءة الختامية :** يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (مستقيم المنتصفين في مثلث) وبيني براهين بسيطة

أعمال موجهة

الميدان : أنشطة هندسية

المقطع : الثاني

الباب : المثلثات

- يتعرف على المثلثات وخصائصها وعلاقات مستقيم المنتصفين في مثلث ويمتلك مصطلحات ورموز وتعابير
- يوظف خواصا هندسية وعلاقات وينجز إنشاءات هندسية بإجراءات مبررة ويستعمل مصطلحات ورموز وتعابير سليمة وبيني براهين بسيطة ويحررها
- يستثمر المناسبات التي توفرها أنشطة القسم والوضعيات لتطوير الكفاءات العرضية وترسيخ القيم والموافق

مركبات الكفاءة  
المستهدفة

### التمرين 1 :

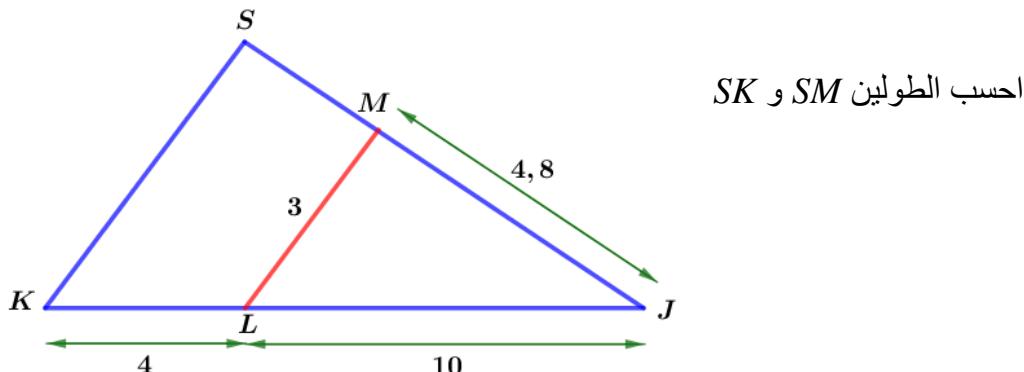
رباعي كيفي ،  $ABCD$  منصفات أضلاعه  $[AB]$  و  $[BC]$  و  $[CD]$  و  $[AD]$  على الترتيب

(1) اثبت أن  $EFGH$  متوازي أضلاع

(2) اثبت أن محيط  $EFGH$  يساوي  $AC + BD$

### التمرين 2 :

إليك الشكل المقابل (الأبعاد المعطاة بـ  $cm$ )



التمارين

### التمرين 3 :

مثلث  $ABC$  كيفي ،  $L$  منتصف  $[BC]$  . المستقيم الموازي لـ  $(AC)$  نقطة من  $[AL]$  . المستقيم الموازي لـ  $(AB)$  يقطع  $[BC]$  في  $R$  ، والمستقيم الموازي لـ  $(BC)$  يشمل  $M$  يقطع  $[AB]$  في  $S$  . انشئ الشكل

(1)

(2) اثبت أن  $L$  منتصف  $[SR]$

### التمرين 4 :

توظيف برنامج *GeoGebra* في خاصية طالس