


نستعمل نتائج السؤال الأول في الأسئلة الأخرى 

**السؤال الأول : (3 ن)**

احسب، في كل حالة، القاسم المشترك الأكبر للعددين مع تفصيل الخطوات :

(ج) 185 و 183

(ب) 315 و 280

(أ) 210 و 294

**السؤال الثاني : (3 ن)**

نظمت إحدى المتوسطات مسابقة رياضية بالفرق.

يتكون كل فريق من نفس عدد الذكور و نفس عدد الإناث و قد تم تشكيل أكبر عدد ممكن من الفرق شارك فيها كل التلاميذ (210 إناث و 294 ذكور).

(1) ما هو عدد الفرق التي تم تشكيلها ؟

(2) ما هو عدد الذكور و عدد الإناث في كل فريق ؟

**السؤال الثالث : (3 ن)**

بين يدي عامل صفائح حديدية طول كل منها 3,15m و عرضها 2,80m و قد تلقى تعليمة لقطعها إلى مربعات متماثلة، الأكبر ما يمكن و بدون تضيق أي جزء.

(1) ما هو طول ضلع المربع الواحد ؟

(2) ما هو عدد المربعات التي سيحصل عليها من الصفحة الواحدة ؟

نستعمل نتائج السؤال الأول في الأسئلة الأخرى 

**السؤال الأول : (3 ن)**

احسب، في كل حالة، القاسم المشترك الأكبر للعددين مع تفصيل الخطوات :

(ج) 185 و 183

(ب) 315 و 280

(أ) 210 و 294

**السؤال الثاني : (3 ن)**

نظمت إحدى المتوسطات مسابقة رياضية بالفرق.

يتكون كل فريق من نفس عدد الذكور و نفس عدد الإناث و قد تم تشكيل أكبر عدد ممكن من الفرق شارك فيها كل التلاميذ (210 إناث و 294 ذكور).

(1) ما هو عدد الفرق التي تم تشكيلها ؟

(2) ما هو عدد الذكور و عدد الإناث في كل فريق ؟

**السؤال الثالث : (3 ن)**

بين يدي عامل صفائح حديدية طول كل منها 3,15m و عرضها 2,80m و قد تلقى تعليمة لقطعها إلى مربعات متماثلة، الأكبر ما يمكن و بدون تضيق أي جزء.

(1) ما هو طول ضلع المربع الواحد ؟

(2) ما هو عدد المربعات التي سيحصل عليها من الصفحة الواحدة ؟

السؤال الرابع : (2 ن)

هل الأعداد التالية أولية فيما بينها ؟ علل.

(ا) 315 و 280

(ب) 183 و 185

السؤال الخامس : (3 ن)

اكتب كل كسر على الشكل غير القابل للاختزال :

$$\frac{294}{210} \text{ (ا)}$$

$$\frac{280}{315} \text{ (ب)}$$

$$\frac{185}{183} \text{ (ج)}$$

السؤال السادس : (6 ن)

احسب العبارات التالية و اكتب كل نتيجة على أبسط شكل :

$$A = \frac{5}{7} - \frac{2}{7} \times \frac{1}{6}$$

$$B = \left( \frac{3}{5} - \frac{1}{2} \right) \times \frac{5}{2}$$

$$C = \left( \frac{2}{3} - 3 \right) \div \frac{1}{9}$$

السؤال الرابع : (2 ن)

هل الأعداد التالية أولية فيما بينها ؟ علل.

(ا) 315 و 280

(ب) 183 و 185

السؤال الخامس : (3 ن)

اكتب كل كسر على الشكل غير القابل للاختزال :

$$\frac{294}{210} \text{ (ا)}$$

$$\frac{280}{315} \text{ (ب)}$$

$$\frac{185}{183} \text{ (ج)}$$

السؤال السادس : (6 ن)

احسب العبارات التالية و اكتب كل نتيجة على أبسط شكل :

$$A = \frac{5}{7} - \frac{2}{7} \times \frac{1}{6}$$

$$B = \left( \frac{3}{5} - \frac{1}{2} \right) \times \frac{5}{2}$$

$$C = \left( \frac{2}{3} - 3 \right) \div \frac{1}{9}$$

## التصحيح النموذجي

السؤال الأول :		
(3 ن)	$185 = 183 \times 1 + 2$ $183 = 2 \times 91 + 1$ $2 = 1 \times 2 + 0$ <p>آخر باق غير معدوم هو 1 و بالتالي</p> $\text{pgcd}(185; 183) = 1$	$294 = 210 \times 1 + 84$ $210 = 84 \times 2 + 42$ $84 = 42 \times 2 + 0$ <p>آخر باق غير معدوم هو 42 و بالتالي</p> $\text{pgcd}(294; 210) = 42$
	$315 = 280 \times 1 + 35$ $280 = 35 \times 8 + 0$ <p>آخر باق غير معدوم هو 35 و بالتالي</p> $\text{pgcd}(315; 280) = 35$	

## السؤال الثاني :

نظمت إحدى المتوسطات مسابقة رياضية بالفرق. يتكون كل فريق من نفس عدد الذكور و نفس عدد الإناث و قد تم تشكيل أكبر عدد ممكن من الفرق شارك فيها كل التلاميذ (210 إناث و 294 ذكور).

(1) كل التلاميذ يشاركون و في كل فريق نفس عدد الذكور و نفس عدد الإناث و بالتالي عدد الفرق يقسم كلا من 210 و 294.

و بما أنه تم تشكيل أكبر عدد ممكن من الفرق فإن هذا العدد هو  $\text{pgcd}(210; 294) = 42$ .

(2)  $210 \div 42 = 5$  و  $294 \div 42 = 7$  إذاً في كل فريق يوجد 5 إناث و 7 ذكور.

## السؤال الثالث :

بين يدي عامل صفائح حديدية طول كل منها 3,15 m و عرضها 2,80 m و قد تلقى تعليمة لقطعها إلى مربعات متماثلة، الأكبر ما يمكن و بدون تضییع أي جزء.

(1) لدينا :  $3,15 \text{ m} = 315 \text{ cm}$  و  $2,80 \text{ m} = 280 \text{ cm}$ .

حتى لا يضيع العامل أي جزء، يجب أن يكون طول ضلع المربع الواحد قاسماً لطول الصفيحة و قاسماً لعرضها أي قاسماً مشتركاً للعددين 315 و 280. و بما أننا نريد أكبر قيمة ممكنة لطول ضلع المربع فإن هذه القيمة هي  $\text{pgcd}(315; 280) = 35$ .

طول ضلع المربع الواحد هو إذاً  $35 \text{ cm}$ .

(2) عدد المربعات التي سيحصل عليها العامل طولاً هو  $315 \div 35 = 9$  و عرضاً هو  $280 \div 35 = 8$  و بالتالي العدد الكلي للمربعات هو  $9 \times 8$  أي 72 مربعاً.

طريقة أخرى : مساحة الصفيحة الواحدة هي  $\mathcal{S} = 315 \text{ cm} \times 280 \text{ cm} = 88200 \text{ cm}^2$  و مساحة المربع الواحد هي  $s = 35 \text{ cm} \times 35 \text{ cm} = 1225 \text{ cm}^2$

و بالتالي عدد المربعات هو  $\frac{\mathcal{S}}{s} = \frac{88200 \text{ cm}^2}{1225 \text{ cm}^2} = 72$  أي 72 مربعاً.

## السؤال الرابع : (2 ن)

هل الأعداد التالية أولية فيما بينها ؟ علل.

(أ) العددان 315 و 280 ليسا أوليين فيما بينهما لأن  $\text{pgcd}(315; 280) = 35 \neq 1$ .

(ب) العددان 183 و 185 أوليان فيما بينهما لأن  $\text{pgcd}(183; 185) = 1$ .

## السؤال الخامس : (3 ن)

اكتب كل كسر على الشكل غير القابل للاختزال :

$$(ج) \frac{185}{183} = \frac{185}{183} \text{ (لا يقبل الاختزال).}$$

$$(ب) \frac{280}{315} = \frac{280 \div 35}{315 \div 35} = \frac{8}{9}$$

$$(أ) \frac{294}{210} = \frac{294 \div 42}{210 \div 42} = \frac{7}{5}$$

## السؤال السادس : (6 ن)

احسب العبارات التالية و اكتب كل نتيجة على أبسط شكل :

$$A = \frac{5}{7} - \frac{2}{7} \times \frac{1}{6} = \frac{5}{7} - \frac{2 \times 1}{7 \times 6} = \frac{5}{7} - \frac{2 \div 2}{42 \div 2} = \frac{5 \times 3}{7 \times 3} - \frac{1}{21} = \frac{15}{21} - \frac{1}{21} = \frac{15 - 1}{21} = \frac{14}{21} = \frac{14 \div 7}{21 \div 7} = \frac{2}{3}$$

$$B = \left( \frac{3}{5} - \frac{1}{2} \right) \times \frac{5}{2} = \left( \frac{3 \times 2}{5 \times 2} - \frac{1 \times 5}{2 \times 5} \right) \times \frac{5}{2} = \left( \frac{6}{10} - \frac{5}{10} \right) \times \frac{5}{2} = \left( \frac{6-5}{10} \right) \times \frac{5}{2} = \frac{1}{10} \times \frac{5}{2} = \frac{1 \times 5}{10 \times 2} = \frac{5 \div 5}{20 \div 5} = \frac{1}{4}$$

$$C = \left( \frac{2}{3} - 3 \right) \div \frac{1}{9} = \left( \frac{2}{3} - \frac{3 \times 3}{1 \times 3} \right) \div \frac{1}{9} = \left( \frac{2}{3} - \frac{9}{3} \right) \div \frac{1}{9} = \left( \frac{2-9}{3} \right) \div \frac{1}{9} = \frac{-7}{3} \div \frac{1}{9} = \frac{-7}{3} \times 9 = \frac{-7 \times 9}{3} = \frac{-63}{3} = -21$$