

نستعمل نتائج السؤال الأول في الأسئلة الأخرى !

السؤال الأول : (3 ن)

احسب، في كل حالة، القاسم المشترك الأكبر للعددين مع تفصيل الخطوات :

(ج) 185 و 183

(ب) 315 و 280

(ا) 210 و 294

السؤال الثاني : (3 ن)

نظمت إحدى المت ossطات مسابقة رياضية بالفرق.

يتكون كل فريق من نفس عدد الذكور و نفس عدد الإناث و قد تم تشكيل أكبر عدد ممكن من الفرق شارك فيها كل التلاميذ (210 إناث و 294 ذكور).

(1) ما هو عدد الفرق التي تم تشكيلها ؟

(2) ما هو عدد الذكور و عدد الإناث في كل فريق ؟

السؤال الثالث : (3 ن)

بين يدي عامل صفائح حديدية طول كل منها $3,15\text{m}$ و عرضها $2,80\text{m}$ وقد تلقى تعليمات لقطعها إلى مربعات متماثلة، الأكبر ما يمكن و بدون تضييع أي جزء.

(1) ما هو طول ضلع المربع الواحد ؟

(2) ما هو عدد المربعات التي سيحصل عليها من الصفيحة الواحدة ؟

نستعمل نتائج السؤال الأول في الأسئلة الأخرى !

السؤال الأول : (3 ن)

احسب، في كل حالة، القاسم المشترك الأكبر للعددين مع تفصيل الخطوات :

(ج) 185 و 183

(ب) 315 و 280

(ا) 210 و 294

السؤال الثاني : (3 ن)

نظمت إحدى المت ossطات مسابقة رياضية بالفرق.

يتكون كل فريق من نفس عدد الذكور و نفس عدد الإناث و قد تم تشكيل أكبر عدد ممكن من الفرق شارك فيها كل التلاميذ (210 إناث و 294 ذكور).

(1) ما هو عدد الفرق التي تم تشكيلها ؟

(2) ما هو عدد الذكور و عدد الإناث في كل فريق ؟

السؤال الثالث : (3 ن)

بين يدي عامل صفائح حديدية طول كل منها $3,15\text{m}$ و عرضها $2,80\text{m}$ وقد تلقى تعليمات لقطعها إلى مربعات متماثلة، الأكبر ما يمكن و بدون تضييع أي جزء.

(1) ما هو طول ضلع المربع الواحد ؟

(2) ما هو عدد المربعات التي سيحصل عليها من الصفيحة الواحدة ؟

السؤال الرابع : (2 ن)

هل الأعداد التالية أولية فيما بينها ؟ علل.

(ا) 315 و 280

(ب) 183 و 185

السؤال الخامس : (3 ن)

اكتب كل كسر على الشكل غير القابل للاختزال :

$$\frac{294}{210}$$

$$\frac{280}{315}$$

$$\frac{185}{183}$$

السؤال السادس : (6 ن)

احسب العبارات التالية و اكتب كل نتيجة على أبسط شكل :

$$A = \frac{5}{7} - \frac{2}{7} \times \frac{1}{6}$$

$$B = \left(\frac{3}{5} - \frac{1}{2} \right) \times \frac{5}{2}$$

$$C = \left(\frac{2}{3} - 3 \right) \div \frac{1}{9}$$

السؤال الرابع : (2 ن)

هل الأعداد التالية أولية فيما بينها ؟ علل.

(ب) 183 و 185

(ا) 315 و 280

السؤال الخامس : (3 ن)

اكتب كل كسر على الشكل غير القابل للاختزال :

$$\frac{294}{210}$$

$$\frac{280}{315}$$

$$\frac{185}{183}$$

السؤال السادس : (6 ن)

احسب العبارات التالية و اكتب كل نتيجة على أبسط شكل :

$$A = \frac{5}{7} - \frac{2}{7} \times \frac{1}{6}$$

$$B = \left(\frac{3}{5} - \frac{1}{2} \right) \times \frac{5}{2}$$

$$C = \left(\frac{2}{3} - 3 \right) \div \frac{1}{9}$$

التصحيح التموزجي

السؤال الأول : _____ (3 ن)

$$\begin{aligned} 185 &= 183 \times 1 + 2 \\ 183 &= 2 \times 91 + 1 \\ 2 &= 1 \times 2 + 0 \\ \text{آخر باق غير معروف هو 1 و وبالتالي} \\ \boxed{\text{pgcd}(185; 183) = 1} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 315 &= 280 \times 1 + 35 \\ 280 &= 35 \times 8 + 0 \\ \text{آخر باق غير معروف هو 35 و وبالتالي} \\ \boxed{\text{pgcd}(315; 280) = 35} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 294 &= 210 \times 1 + 84 \\ 210 &= 84 \times 2 + 42 \\ 84 &= 42 \times 2 + 0 \\ \text{آخر باق غير معروف هو 42 و وبالتالي} \\ \boxed{\text{pgcd}(294; 210) = 42} \end{aligned}$$

السؤال الثاني : _____ (3 ن)

نظمت إحدى المتطلبات مسابقة رياضية بالفرق.

يتكون كل فريق من نفس عدد الذكور و نفس عدد الإناث و قد تم تشكيل أكبر عدد ممكن من الفرق شارك فيها كل التلاميذ (210 إناث و 294 ذكور).

- (1) كل التلاميذ يشاركون و في كل فريق نفس عدد الذكور و نفس عدد الإناث و وبالتالي عدد الفرق يقسم كلاً من 210 و 294 .
 و بما أنه تم تشكيل أكبر عدد ممكن من الفرق فإن هذا العدد هو $\boxed{\text{pgcd}(210; 294) = 42}$
- (2) $294 \div 42 = 7$ إذًا في كل فريق يوجد 5 إناث و 7 ذكور.

السؤال الثالث : _____ (3 ن)

بين يدي عامل صفائح حديدية طول كل منها 3,15 m و عرضها 2,80 m و قد تلقى تعليمة لقطعها إلى مربعات متماثلة، الأكبر ما يمكن و بدون تضييع أي جزء.

- (1) لدينا : $2,80 \text{ m} = 280 \text{ cm}$ و $3,15 \text{ m} = 315 \text{ cm}$ حتى لا يضيع العامل أي جزء، يجب أن يكون طول ضلع المربع الواحد قاسماً لطول الصفيحة و قاسماً لعرضها أي قاسماً مشتركاً للعددين 315 و 280 .
 وبما أننا نريد أكبر قيمة ممكنة لطول ضلع المربع فإن هذه القيمة هي $\boxed{\text{pgcd}(315; 280) = 35}$.
 طول ضلع المربع الواحد هو إذًا 35 cm .
 عدد المربعات التي سيحصل عليها العامل طولاً هو $9 = 315 \div 35$ و عرضاً هو $8 = 280 \div 35$ و وبالتالي العدد الكلي للمربعات هو $8 \times 9 = 72$ مربعاً.
طريقة أخرى : مساحة الصفيحة الواحدة هي $s^2 = 315 \text{ cm} \times 280 \text{ cm} = 88200 \text{ cm}^2$ و مساحة المربع الواحد هي $35 \text{ cm} \times 35 \text{ cm} = 1225 \text{ cm}^2$
 وبالتالي عدد المربعات هو $72 = \frac{88200 \text{ cm}^2}{1225 \text{ cm}^2}$ أي 72 مربعاً.

السؤال الرابع : _____ (2 ن)

هل الأعداد التالية أولية فيما بينها ؟ علل.

- (أ) العددان 315 و 280 ليسا أوليين فيما بينهما لأن $35 \neq 1$.
 (ب) العددان 183 و 185 أوليان فيما بينهما لأن $1 = 1$.

السؤال الخامس : _____ (3 ن)

اكتب كل كسر على الشكل غير القابل لاختزال :

$$\frac{185}{183} \quad (\text{ج}) \quad (\text{لا يقبل الاختزال}).$$

$$\frac{280}{315} = \frac{280 \div 35}{315 \div 35} = \frac{8}{9} \quad (\text{ب})$$

$$\frac{294}{210} = \frac{294 \div 42}{210 \div 42} = \frac{7}{5} \quad (\text{أ})$$

السؤال السادس : _____ (6 ن)

احسب العبارات التالية و اكتب كل نتيجة على أبسط شكل :

$$A = \frac{5}{7} - \frac{2}{7} \times \frac{1}{6} = \frac{5}{7} - \frac{2 \times 1}{7 \times 6} = \frac{5}{7} - \frac{2 \div 2}{42 \div 2} = \frac{5 \times 3}{7 \times 3} - \frac{1}{21} = \frac{15}{21} - \frac{1}{21} = \frac{15 - \frac{5}{2}}{21} = \frac{14 \div 7}{21 \div 7} = \boxed{\frac{2}{3}}$$

$$B = \left(\frac{3}{5} - \frac{1}{2} \right) \times \frac{5}{2} = \left(\frac{3 \times 2}{5 \times 2} - \frac{1 \times 5}{2 \times 5} \right) \times \frac{5}{2} = \left(\frac{6}{10} - \frac{5}{10} \right) \times \frac{5}{2} = \left(\frac{6-5}{10} \right) \times \frac{5}{2} = \frac{1}{10} \times \frac{5}{2} = \frac{1 \times 5}{10 \times 2} = \frac{5 \div 5}{20 \div 5} = \boxed{\frac{1}{4}}$$

$$C = \left(\frac{2}{3} - 3 \right) \div \frac{1}{9} = \left(\frac{2}{3} - \frac{3 \times 3}{1 \times 3} \right) \div \frac{1}{9} = \left(\frac{2}{3} - \frac{9}{3} \right) \div \frac{1}{9} = \left(\frac{2-9}{3} \right) \div \frac{1}{9} = \frac{-7}{3} \div \frac{1}{9} = \frac{-7}{3} \times 9 = \frac{-7 \times 9}{3} = \boxed{-21}$$