

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 1 (القاسم المشترك الأكبر لعددين)

تمرين 1:

- (1) حدد المساواة التي تعبر عن القسمة الإقليدية للعدد 1512 على 21 .
- (2) أكتب $\frac{720}{1512}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 2:

- (1) أوجد العدد x حيث: $PGCD(528; 561) = x$
- (2) تحقق حسابيا أن: $x^2 - 30x - 99 = 0$
- (3) جد نسبة غير قابلة للاختزال تساوي العدد $\frac{528}{561}$

تمرين 3:

- نعتبر العددين الطبيعيين 63 و 105
- (1) عين قائمة قواسم كل من هذين العددين
 - (2) ما هو القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين ؟ هل هما أوليان فيما بينهما؟ برر .
 - (3) اجعل الكسر $\frac{63}{105}$ غير قابل للاختزال .

تمرين 4:

نعتبر العددين 130 و 286

- (1) باستعمال خوارزمية إقليدس عين $PGCD(286; 130)$
- (2) ليكن الكسر $A = \frac{286}{130}$, أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 5:

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 2013 و 205
- (2) أكتب الكسر A حيث $A = \frac{\frac{7}{11} + 6 \times 3}{3 + 12 \times 15}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 6:

- (1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 264 و 360
- (2) هل العددين 264 و 360 أوليان فيما بينهما ؟ برر اجابتك
- (3) اختزل الكسر $\frac{264}{360}$
- (4) اكتب العدد F على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث $F = \frac{264}{360} - \frac{1}{5}$

تمرين 7:

- X و Y عددا طبيعيين حيث : $667 X = 493 Y$
- (1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667 .
 - (2) اكتب الكسر $\frac{X}{Y}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .

تمرين 8:

يعرض بائع زهور للبيع 75 زهرة نرجس و 90 زهرة أقحوان.

- (1) باستعمال كل الزهور , هل يمكنه تشكيل 5 باقات متماثلة؟ 6 باقات ؟
- (2) ما هو أكبر عدد ممكن من الباقات المتماثلة التي يمكن تشكيلها باستعمال كل الزهور ؟
- (3) ما هو عدد زهور النرجس و زهور الأقحوان في كل باقة ؟

تمرين 9:

نعتبر العددين 1317 و 3073 .

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 1317 و 3073 .
- (2) يشارك تلاميذ في مسابقة في الرياضيات حسب الفرق . يوجد 3073 تلميذة و 1317 تلميذ. يجب تكوين فرق متماثلة (لها نفس عدد التلاميذ و نفس التوزيع بين البنات و الأولاد) بتعيين كل مشارك في فريق من الفرق.
أ- ما هو أكبر عدد ممكن من الفرق المتماثلة التي يمكن تشكيلها ؟
ب- عين في هذه الحالة تشكيلة كل فريق (عدد البنات و عدد الأولاد).

تمرين 10:

نعتبر العددين 300 و 540 .

- (1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 300 و 540 .
- (2) نريد أن نفرش قاعة مستطيلة الشكل طولها 40m , 5 و عرضها 3m بزراعي مربعة الشكل و كلها متماثلة .
أ- ما هو طول كل زربية حتى يكون عدد الزراعي المستعملة أصغر ما يمكن ؟
ب- عين حينئذ عدد الزراعي المستعملة .

تمرين 11:

- يملك أحد هواة الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا.
- يريد بيع كل طابعه على شكل مجموعات متماثلة (لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية) .
- (1) عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها .
 - (2) عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .

تمرين 12:

- لدى بائع الحلويات 133 حبة ذات ذوق الليمون و 95 حبة ذات ذوق البرتقال , أراد وضعها في أكياس صغيرة بحيث يحتوي كل كيس على نفس العدد من الحلويات .
- (1) هل يستطيع هذا البائع أن يتحصل على 5 أكياس ؟ ولماذا ؟
 - (2) ما هو أكبر عدد من الأكياس يمكنه التحصل عليه ؟
 - (3) ما هو عدد الحلويات من النوعين في الكيس الواحد ؟

تمرين 13:

- نريد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل , على أن تكون شجرة في كل ركن من أركان الحديقة , وأن تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية .
- (1) ما هي أكبر مسافة التي تفصل بين شجرتين متجاورتين إذا علمت أن الأبعاد الثلاثة للحديقة بالمتر هي : 132 , 165 , 204 ؟.
 - (2) ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة ؟