

سلسلة النجاح في الرياضيات رقم 1 (القاسم المشترك الأكبر لعددين)

تمرين 1:

1) حدد المساواة التي تعبّر عن القسمة الإقليدية للعدد 1512 على 21 .

2) أكتب $\frac{720}{1512}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 2:

1) أوجد العدد x حيث: $PGCD(528; 561) = x$

2) تحقق حسابياً أن: $0 = 99 - 30x$

3) جد نسبة غير قابلة للاختزال تساوي العدد $\frac{528}{561}$

تمرين 3:

نعتبر العددين الطبيعيين 63 و 105

1) عين قائمة قواسم كل من هذين العددين

2) ما هو القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين؟ هل هما أوليان فيما بينهما؟ برهن .

3) اجعل الكسر $\frac{63}{105}$ غير قابل للاختزال .

تمرين 4:

نعتبر العددين 286 و 130

1) باستعمال خوارزمية إفليدس عين $PGCD(286; 130)$

2) ليكن الكسر $A = \frac{286}{130}$ ، أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 5:

1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 2013 و 205

2) أكتب الكسر A حيث $A = \frac{7+6\times 3}{3+12\times 15}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال

تمرين 6:

1) أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 264 و 360

2) هل العددين 264 و 360 أوليان فيما بينهما؟ برهن اجابتك

3) اختزل الكسر $\frac{264}{360}$

4) اكتب العدد F على شكل كسر غير قابل للاختزال حيث $F = \frac{264}{360} - \frac{1}{5}$

تمرين 7:

X و Y عدداً طبيعيان حيث: $Y = 493$ $X = 667$

1) احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 493 و 667 .

2) اكتب الكسر $\frac{X}{Y}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال .

تمرين 8:

يعرض بائع زهور للبيع 75 زهرة نرجس و 90 زهرة أقحوان.

(1) باستعمال كل الزهور ، هل يمكنه تشكيل 5 باقات متماثلة؟ 6 باقات؟

(2) ما هو أكبر عدد ممكن من الباقات المتماثلة التي يمكن تشكيلها باستعمال كل الزهور؟

(3) ما هو عدد زهور النرجس و زهور الأقحوان في كل باقة؟

تمرين 9:

نعتبر العددين 3073 و 1317 .

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 3073 و 1317 .

(2) يشارك تلاميذ في مسابقة في الرياضيات حسب الفرق . يوجد 3073 تلميذة و 1317 تلميذ . يجب تكوين فرق متماثلة (لها نفس عدد التلاميذ و نفس التوزيع بين البنات و الأولاد) بتعيين كل مشارك في فريق من الفرق.

أ- ما هو أكبر عدد ممكن من الفرق المتماثلة التي يمكن تشكيلها؟

ب- عين في هذه الحالة تشكيلة كل فريق (عدد البنات و عدد الأولاد).

تمرين 10:

نعتبر العددين 540 و 300 .

(1) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 540 و 300 .

(2) نريد أن نفرش قاعة مستطيلة الشكل طولها $40m$ ، $5m$ و عرضها $3m$ بزرابي مربعة الشكل و كلها متماثلة .

أ- ما هو طول كل زريبة حتى يكون عدد الزرابي المستعملة أصغر ما يمكن؟

ب- عين حينئذ عدد الزرابي المستعملة .

تمرين 11:

يملك أحد هواة الطوابع البريدية 1631 طابعا جزائريا و 932 طابعا أجنبيا.

يريد بيع كل طوابعه على شكل مجموعات متماثلة (لها نفس عدد الطوابع و نفس التوزيع بين الطوابع الجزائرية و الأجنبية) .

(1) عين أكبر عدد من المجموعات التي يمكن تشكيلها .

(2) عين حينئذ عدد الطوابع الجزائرية و عدد الطوابع الأجنبية في كل مجموعة .

تمرين 12:

لدى بائع الحلويات 133 حبة ذات ذوق الليمون و 95 حبة ذات ذوق البرتقال ، أراد وضعها في أكياس صغيرة بحيث يحتوي كل كيس على نفس العدد من الحلويات .

(1) هل يستطيع هذا البائع أن يحصل على 5أكياس؟ ولماذا؟

(2) ما هو أكبر عدد من الأكياس يمكنه الحصول عليه؟

(3) ما هو عدد الحلويات من النوعين في الكيس الواحد؟

تمرين 13:

نريد غرس أشجار على محيط حديقة مثلثة الشكل ، على ان تكون شجرة في كل ركن من أركان الحديقة ، وان تكون المسافة التي تفصل الأشجار متساوية .

(1) ما هي اكبر مسافة التي تفصل بين شجريتين متجاورتين إذا علمت أن الأبعاد الثلاثة للحديقة بالمتر هي : 132 ، 165 ، 204 ؟

(2) ما هو عدد الأشجار التي يمكن غرسها حول هذه الحديقة؟