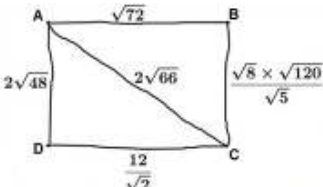


<div>المادة: الرياضيات</div> <div>المستوى: الرابعة متوسط</div> <div>المذكرة رقم: 04</div>		<div>المؤسسة :متوسطة بلهادف اجمد</div> <div>السنة الدراسية : 2025/2024</div> <div>المدة : 1 ساعة</div>		<div>مذكرة أعمال</div> <div>موجهة</div>		<div>المقطع :الأول</div> <div>التاريخ : 2024/11/03</div>	
التمارين		الحل				الملاحظات	
<div>التمرين :</div> <div>تمعن في الرباعي لأدناه مرسوم باليد الحرة.</div> <div>- بين أن هذا الرباعي مستطيل، ثم أحسب مساحته و محيطه.</div> <div></div>		20		<div>لإثبات أن الرباعي مستطيل يكفي إثبات أنه متوازي أضلاع و إحدى زواياه قائمة.</div> <div>1- حتى يكون الرباعي ABCD متوازي أضلاع يكفي إثبات تقايس كل ضلعين متقابلين</div> <div>لنبرهن أن : <math>AB=DC</math> و <math>AD=BC</math></div> <div><math display="block">AB = \sqrt{72} = \sqrt{36 \times 2} = 6\sqrt{2}</math><math display="block">DC = \frac{12}{\sqrt{2}} = \frac{12 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{12\sqrt{2}}{2} = 6\sqrt{2}</math></div> <div>إذن: <math>AB=DC</math></div> <div><math display="block">AD = 2\sqrt{48} = 2\sqrt{16 \times 3} = 2 \times 4\sqrt{3} = 8\sqrt{3}</math><math display="block">BC = \frac{\sqrt{8 \times 120}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{960}}{\sqrt{5}} = \sqrt{192} = \sqrt{64 \times 3} = 8\sqrt{3}</math></div> <div>إذن: <math>AD=BC</math></div> <div>لدينا الرباعي ABCD: <math>AB=DC</math> و <math>AD=BC</math> ومنه الرباعي ABCD متوازي أضلاع</div> <div>2- حتى تكون إحدى زوايا متوازي الأضلاع قائمة نبرهن أن المثلث ABC قائم في B</div> <div>نحسب: <math>AC^2</math> و <math>AB^2 + BC^2</math></div> <div><math display="block">AC^2 = (2\sqrt{66})^2 = 4 \times 66 = 264</math><math display="block">AB^2 + BC^2 = (\sqrt{72})^2 + (\sqrt{192})^2</math><math display="block">= 72 + 192 = 264</math></div> <div>ومنه نستنتج أن : <math>AB^2 + BC^2 = AC^2</math></div> <div>3- حسب الخاصية العكسية لفيثاغورس فإن المثلث ABC قائم في B</div> <div>إذن الزاوية <math>\widehat{ABC}</math> قائمة</div> <div>لدينا في متوازي الأضلاع ABCD الزاوية <math>\widehat{ABC}</math> قائمة ومنه نستنتج أنه مستطيل</div> <div>حساب مساحته</div> <div><math display="block">S = AB \times AD = 6\sqrt{2} \times 8\sqrt{3} = 48\sqrt{6}</math></div> <div>حساب محيطه:</div> <div><math display="block">P = (AB + AD) \times 2</math><math display="block">P = (6\sqrt{2} + 8\sqrt{3}) \times 2</math><math display="block">P = 12\sqrt{2} + 16\sqrt{3}</math></div>			