

متوسطة : عكاشة محمد - عين مليلة -	سلمت يوم الأحد : 2017-02-12
الوظيفة المنزلية (04) للثلاثي الثاني	تعداد يوم الأربعاء : 2017-02-15
مادة: الرياضيات	القسم : 4 متوسط

الجزء الأول (7 ن):

التمرين الأول (2 ن):

(1) انشر وبسط الجداءين $(\sqrt{3}+1)^2$ ، $(4+2\sqrt{3})(4-2\sqrt{3})$

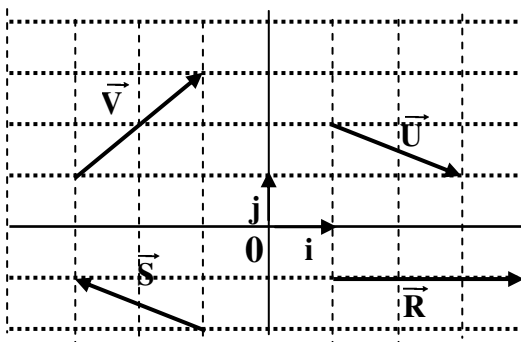
(2) اجعل مقام النسبة $\frac{1}{(\sqrt{3}+1)^2}$ عددا ناطقا.

التمرين الثاني (5 ن):

تقاسم ثلاثة أشخاص مبلغ 35500 دج فيما بينهم.
إذا علمت أن نصيب الثاني يفوق نصيب الأول بمقدار 3000 دج، وأن نصيب الثالث ينقص عن نصف نصيب الثاني بمقدار 500 دج
□ فما هو نصيب كل واحد منهم ؟

الجزء الثاني (12 ن):

التمرين الثالث (3 ن):



(1) اقرأ إحداثيات الأشعة : $\vec{U}$; $\vec{V}$; $\vec{R}$; $\vec{S}$

(2) أنشئ ممثلا للشعاع $\vec{L} = \vec{U} + \vec{V}$ ، ثم اقرأ إحداثيتي الشعاع $\vec{L}$

التمرين الرابع (9 ن):

($\vec{O}$, $\vec{OA}$, $\vec{OB}$) معلم متعامد ومتجانس للمستوي.

(1) علم النقط : $A(-2;-1)$ ، $B(-5;3)$ و $C(3;9)$

(2) أحسب احداثيتي كل من الأشعة : $\vec{AC}$, $\vec{AB}$, $\vec{BC}$

(3) أحسب الأطوال : AC ، AB و BC

(4) بين أن المثلث ABC قائم في B

(5) اوجد احداثيتي K منتصف الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

أحسب طول نصف قطرهاته الدائرة.

(6) أحسب احداثيتي D حتى يكون $ABCD$ مستطيلاً.

تنبيه : - اقرأ السؤال 3 مرات على الأقل - لا تنسى فهم السؤال نصف الجواب - لا تترك سوالات دون جواب.

تقديم الورقة: - اكتب بخط مقروء - تجنب التشطيب - الأشكال الهندسية دقيقة ونظيفة

(1+ منهجية التحرير+ نظافة الورقة)

الإجابة المقترحة وسلم التتقيط الوظيفة المنزلية (04) للثلاثي الثاني

أعطيت يوم الإثنين : 2017-02-12 ، أستلمت يوم الأحد : 2017-02-15 صحت يوم 2017-02-24

العلامة		عناصر الإجابة		الموضوع	محاور
المجموع	الدرجة	الجزء الأول			
2		التمرين الأول			
		(1) نشر وسط الجدائين :			
	0,5	$(\sqrt{3} + 1)^2 = 3 + 2\sqrt{3} + 1 = 4 + 2\sqrt{3}$			
	0,5	$(4 + 2\sqrt{3})(4 - 2\sqrt{3}) = 4^2 - (2\sqrt{3})^2 = 16 - 12 = 4$			
		(2) جعل مقام النسبة $\frac{1}{(\sqrt{3} + 1)^2}$ عددا ناطقا.			
0,5	$\frac{1}{(\sqrt{3} + 1)^2} = \frac{1}{4 + 2\sqrt{3}} = \frac{(4 - 2\sqrt{3})}{(4 + 2\sqrt{3})(4 - 2\sqrt{3})} = \frac{(4 - 2\sqrt{3})}{4} = \frac{2(2 - \sqrt{3})}{4}$				
0,5	$\frac{1}{(\sqrt{3} + 1)^2} = \frac{(2 - \sqrt{3})}{2} = \frac{2}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} = 1 - \frac{\sqrt{3}}{2}$				
5		التمرين الثاني			
		○ <u>إختيار المجهول :</u>			
	0,5	ليكن x نصيب الشخص الثاني			
	0,5	إذن نصيب الشخص الأول : $x - 3000$			
	0,5	و نصيب الشخص الثالث : $\frac{x}{2} - 500$			
		○ <u>صياغة المعادلة :</u>			
	0,5	نعلم أن المبلغ الذي تقاسمه الأشخاص الثلاثة هو 35500 دج			
		$(x - 3000) + x + (\frac{x}{2} - 500) = 35500$ إذن :-			
	○ <u>حل المعادلة</u>				
1	$(x - 3000) + x + (\frac{x}{2} - 500) = 35500$			$\frac{5x}{2} = 39000$	
	$x + x + \frac{x}{2} = 35500 + 3000 + 500$			$x = 39000 \times \frac{2}{5}$	
	$\frac{2x + 2x + x}{2} = 39000$			$x = 15600$	
	إذن نصيب كل واحد منهم هو :				
0,5	نصيب الشخص الأول : $x - 3000$ ومنه : $15600 - 3000$ أي : 12600 DA				
0,5	نصيب الشخص الثاني : x أي 15600 DA				
0,5	و نصيب الشخص الثالث : $\frac{x}{2} - 500$ ومنه : $\frac{15600}{2} - 500$ أي : 7300 DA				

○ التحقق :

$$(x - 3000) + x + \left(\frac{x}{2} - 500\right) = 35500$$

0,5

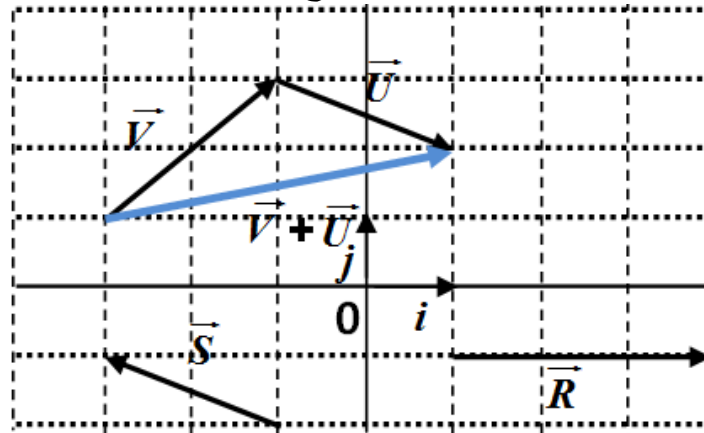
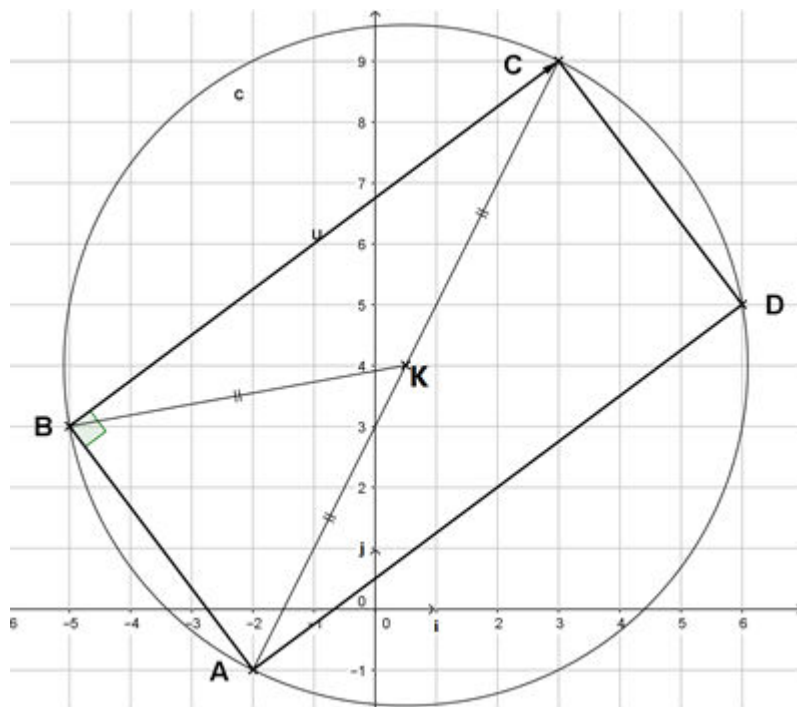
$$12600 + 15600 + 7300 = 35500$$

محقة

$$35500 = 35500$$

الجزء الثانيالتمرين الثالث(1) قراءة إحداثيات الأشعة : $\vec{U}$; $\vec{V}$; $\vec{R}$; $\vec{S}$

$$\vec{U}(2;-1) \quad ; \quad \vec{V}(2;2) \quad ; \quad \vec{R}(3;0) \quad ; \quad \vec{S}(-2;1)$$

(2) أنشاء ممثلا للشعاع $\vec{L} = \vec{U} + \vec{V}$ ، و احداثيتي الشعاع $\vec{L}(4;1)$ التمرين الرابع(1) تعليم النقط : $A(-2;-1)$ ، $B(-5;3)$ و $C(3;9)$.

(2) حساب إحداثيات الأشعة : $\overrightarrow{BC}$, $\overrightarrow{AB}$, $\overrightarrow{AC}$.

$\overrightarrow{BC} (x_C - x_B; y_C - y_B)$	$\overrightarrow{AB} (x_B - x_A; y_B - y_A)$	$\overrightarrow{AC} (x_C - x_A; y_C - y_A)$
$\overrightarrow{BC} (3+5; 9-3)$	$\overrightarrow{AB} (-5+2; 3+1)$	$\overrightarrow{AC} (3+2; 9+1)$
$\overrightarrow{BC} (8; 6)$	$\overrightarrow{AB} (-3; 4)$	$\overrightarrow{AC} (5; 10)$

(3) حساب الأطوال : BC , AB , AC .

$$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2} = \sqrt{(-5+2)^2 + (3+1)^2}$$

0,5

$$AB = \sqrt{(-3)^2 + (4)^2} = \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5$$

0,5

$$AC = \sqrt{(x_C - x_A)^2 + (y_C - y_A)^2} = \sqrt{(3+2)^2 + (9+1)^2}$$

$$AC = \sqrt{(5)^2 + (10)^2} = \sqrt{25+100} = \sqrt{125} = 5\sqrt{5}$$

0,5

$$BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2} = \sqrt{(3+5)^2 + (9-3)^2}$$

$$BC = \sqrt{(8)^2 + (6)^2} = \sqrt{64+36} = \sqrt{100} = 10$$

(4) تبيان أن المثلث ABC قائم في B .

0,25

$$AC^2 = \sqrt{125}^2 = 125 \dots \dots \dots (1)$$

0,25

$$AB^2 + BC^2 = \sqrt{25}^2 + \sqrt{100}^2 = 25 + 100 = 125 \dots \dots \dots (2)$$

0,5

من (1) و (2) نستنتج أن المثلث ABC قائم في B حسب نظرية فيثاغورث العكسية

(5) إيجاد إحداثيات K منتصف الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

0,25

$$K \left(\frac{x_C + x_A}{2}; \frac{y_C + y_A}{2} \right)$$

0,5

$$K \left(\frac{3+2}{2}; \frac{9+1}{2} \right)$$

معناه K منتصف الوتر $[AC]$

$$K \left(\frac{1}{2}; \frac{8}{2} \right)$$

$$K(0,5; 4)$$

0,5

حساب طول نصف قطره الدائرة.

$$AK = \sqrt{(x_K - x_A)^2 + (y_K - y_A)^2} = \sqrt{(0,5+2)^2 + (4+1)^2} = \sqrt{2,5^2 + 5^2}$$

0,5

$$AK = \sqrt{6,25 + 25} = \sqrt{31,25}$$

$$BK = CK = AK = \sqrt{31,25}$$

(6) حساب إحداثيات D حتى يكون $ABCD$ مستطيلاً، معناه $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

0,5

$$\begin{aligned} (x_{AB}; y_{AB}) &= (x_{DC}; y_{DC}) \\ (x_B - x_A; y_B - y_A) &= (x_C - x_D; y_C - y_D) \\ (-5+2; 3+1) &= (3 - x_D; 9 - y_D) \\ (-3; 4) &= (3 - x_D; 9 - y_D) \end{aligned}$$

0,5

0,5

❖ حساب إحداثيات النقطة D

$$3 - x_D = -3 \quad | \quad 9 - y_D = 4$$

$$x_D = 3 + 3 \quad | \quad y_D = 9 - 4$$

$$x_D = 6 \quad | \quad y_D = 5$$

إذن إحداثيات النقطة D هي $D(6; 5)$