

التمرين الأول:

ليكن العددين A و B حيث :

$$B = \frac{414}{A} + \frac{1}{2} \div \frac{1,5}{6} \quad ; \quad A = \frac{12,6 \times 10^{-11} \times 1,5 \times 10^8}{70 \times 10^{-6}}$$

- 1) بين أن الكتابة العلمية للعدد A هي $2,7 \times 10^2$.
- 2) هل العددان 270 و 414 أوليان فيما بينهما ؟ اشرح إجابتك.
- 3) أكتب العدد B على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين الثاني: (يُطلب في هذا التمرين دقة و وضوح و نظافة الرسم)

- 1) أنشئ مثلاً EFG حيث : $EF=6\text{cm}$; $EG=4,5\text{cm}$; $FG=7,5\text{cm}$.
2) بين أن المثلث EFG قائم في نقطة يطلب تعبيينها.
- 3) أنشئ النقطتين M و N حيث :
 $FM=10\text{cm}$ و M تنتهي إلى $[FE]$.
 $EN=\frac{2}{3}GE$ و $N \notin [GE]$ و N تنتهي إلى (GE) .
4) بين أن المستقيمين (FG) و (MN) متوازيان.
- 5) احسب الطول MN .

التمرين الثالث:

لدى عمر قطعة ارض مستطيلة الشكل ببعديها 330 و 114 متر ، يريد احاطتها بسياج من اجل ذلك سيقوم بثبيت اعمدة متباudeة بانتظام على ان تكون المسافة بين كل عمودين عدد طبيعي، مع وضع عمود واحد في كل ركن من اركان القطعة .

- 1) هل يمكن ان تكون المسافة بين كل عمودين 5 امتار ؟ 3 امتار ؟
- 2) عمر يريد تثبيت أقل عدد ممكن من الأعمدة، بماذا تنتهي ؟
- 3) ما هو عدد الأعمدة التي سيثبتها حينئذ ؟

| ملاحظات و توجيهات | الخطأ | العلامة | عناصر الإجابة |
|---|--|---------------------------------------|--|
| <p>♦ الشكل العام لكتابية علمية: $a \times 10^n$ حيث a عدد نسبي مكتوب برقم واحد غير معدوم قبل الفاصلة و n عدد صحيح تذكر خواص قوى 10:</p> $10^n \times 10^m = 10^{n+m}$ $(10^m)^n = 10^{mn}$ $\frac{10^m}{10^n} = 10^{m-n}$ <p>♦ لمعرفة إن كان عددان أوليان فيما بينهما يمكن توظيف قواعد قابلية القسمة أو حساب القاسم المشترك الأكبر لهما فإن كان يساوي العدد 1 فهما أوليان فيما بينهما.</p> <p>♦ في سلسلة عمليات :</p> <ul style="list-style-type: none"> - نجري القسمة او الضرب قبل الجمع أو الطرح - نحترم ترتيب الحدود و العوامل - نراعي كتابة اشارات الأعداد <p>♦ عند حل تمرين نراعي ترتيب الأوجبة لأنه غالبا ما يكون الجواب يعتمد على الذي يسبقه</p> <p>♦ لإثبات أن مثلث ما قائم نحسب على حدي كل من مربع طول الضلع الأكبر ثم مجموع مربعين طولي الصاعدين الآخرين، ثم نقارن بين الناتجين فإن تساويهما فالمثلث قائم</p> | <p>$A = \frac{12,6 \times 10^{-11} \times 1,5 \times 10^8}{70 \times 10^{-6}} = \frac{12,6 \times 1,5}{70} \times \frac{10^{-11} \times 10^8}{10^{-6}}$</p> $= 0,27 \times 10^{-11+8+6} = 0,27 \times 10^3 = 2,7 \times 10^2$ <p>(2) لمعرفة إن كان 270 و 414 أوليان فيما بينهما نحسب PGCD(414 ; 270)</p> $414 = 270 \times 1 + 144$ $270 = 144 \times 1 + 126$ $144 = 126 \times 1 + 18$ $126 = 18 \times 7 + 0$ <p>بما أن $PGCD(414 ; 270) = 18 \neq 1$ فإن العددين 270 و 414 ليسا أوليان فيما بينهما.</p> <p>(3) كتابة العدد B على شكل كسر غير قابل للاختزال:</p> $B = \frac{414}{A} = \frac{414}{2} \div \frac{1,5}{6}$ $= \frac{414}{2} \times \frac{6}{1,5}$ $= \frac{414}{2} \times \frac{6}{3}$ $= \frac{414}{2} \times 2 = \frac{408}{3}$ <p>لابد من إثبات إدخال نظرية فيثاغورس على خط</p> $FG^2 = EF^2 + EG^2$ $FG^2 = 6^2 + 4,5^2$ $FG^2 = 36 + 20,25$ $FG = \sqrt{56,25}$ $FG = 7,5$ <p>لابد من إثبات إدخال نظرية فيثاغورس على خط</p> $EF = EG$ <p>لابد من إثبات إدخال نظرية فيثاغورس على خط</p> $FG = EG + EF$ | 0,5x4 0,5x3 0,5 0,5x4 0,5 | <p>حل التمرين الأول: (06 نقاط)</p> <p>(1) تبيان ان الكتابة العلمية للعدد A هي $2,7 \times 10^2$</p> <p>(2) لمعرفة إن كان 270 و 414 أوليان فيما بينهما نحسب PGCD(414 ; 270)</p> <p>(3) كتابة العدد B على شكل كسر غير قابل للاختزال:</p> <p>لدينا : $FG^2 = 7,5^2 = 56,25$</p> <p>لدينا : $EG^2 + EF^2 = 4,5^2 + 6^2 = 56,25$</p> <p>لدينا : $EG^2 + EF^2 = FG^2$</p> <p>فإن المثلث EFG قائم في E حسب النظرية勾股定理 (Pythagorean theorem).</p> <p>(3) تعين النقطتين M و N.</p> <p>(4) برهان أن المستقيمين (FG) و (MN) متوازيين:</p> |
| | | | |

| | | | |
|--|---|--|--|
| <ul style="list-style-type: none"> لإثبات توازي مستقيمين بتوظيف النظرية العكسية لطالس : - حسب نسبتين مناسبتين كل على حد (لا تستعمل القيم المقربة) ثم نقارنها - اذا تساوت النسبتين نتأكد من ترتيب النقط - بتحقق الشرطين يكون المستقيمان متوازيان. | $\frac{EM}{EF} = \frac{4}{6} = 0,666$ $\frac{EN}{EG} = \frac{3}{4,5} = 0,666$ <p>فإن $EN = EM$ مما يعني $(NH) \parallel (FG)$</p> | <p>0,75 0,75 0,5</p> | <p>لدينا :</p> $\frac{EM}{EF} = \frac{10-6}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$ $\frac{EN}{GE} = \frac{2}{3} \text{ و منه } EN = \frac{2}{3} GE$ <p>بما أن $\frac{EM}{EF} = \frac{EN}{GE}$ و النقط M, E, F, N بنفس ترتيب النقط حسب النظرية العكسية فإن $(FG) \parallel (MN)$ حسب النظرية العكسية لطالس.</p> |
| | | | |
| <ul style="list-style-type: none"> عند تطبيق نظرية طالس لحساب طول ذراعي ما يلي: - ذكر شرط وجود مستقيمين متوازيين يقطعاهما مستقيمان متقاطعان باستعمال ترميزات مناسبة - نقسم اطوال اضلاع احد المثلثين على اطوال اضلاع المثلث الآخر بنفس الترتيب لنحصل على النسب الثلاث المتساوية. | $\frac{ME}{MF} = \frac{NE}{NG} = \frac{MN}{FG}$ $\frac{ME}{MF} = \frac{0,6}{10} = \frac{MN}{7,5}$ $\frac{0,6}{10} = \frac{MN}{7,5}$ | <p>0,25 0,75 0,75 0,25 1,5</p> | <p>حساب الطول MN لدينا $(FG) \parallel (MN)$ و E تنتهي إلى كل من $[GN]$ و $[FM]$ حسب نظرية طالس نجد :</p> $\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{MN}{7,5} \text{ بالتعويض } \frac{EN}{EG} = \frac{EM}{EF} = \frac{MN}{FG}$ $MN = \frac{4 \times 7,5}{6} \text{ و منه } \frac{4}{6} = \frac{MN}{7,5}$ <p>إذن : $MN = 5cm$</p> <p>حل التمرين الثالث: (06 نقاط)</p> <p>(1) تحديد المسافة الأنسب بين كل عمودين :</p> <p>العدد 5 ليس قاسم مشترك للعددين 330 و 114 (بعدى القطعة) بينما العدد 3 هو قاسم مشترك لهذين الأخيرين، وبالتالي المسافة $3m$ هي الأنسب.</p> <p>(2) إذا أراد عمر تثبيت أقل عدد ممكن من الأعمدة عليه أن يجعل المسافة بين كل عمودين أكبر ما يمكن، و هي أكبر قاسم مشترك لبعدي القطعة، أي نحسب $\text{PGCD}(330; 114)$</p> |
| | | | |

$$330 = 114 \times 2 + 102$$

$$114 = 102 \times 1 + 12$$

0,5x3

$$102 = 12 \times 8 + 6$$

$$12 = 6 \times 2 + 0$$

$$\text{PGCD}(330;114)=6$$

0,5

إذن على عمر أن يجعل بين كل عمودين 6 أمتار.

(3) حساب n أقل عدد ممكن من الأعمدة:

نحسب P محيط القطعة:

$$P = (330 + 114) \times 2$$

0,5

$$P = 888m$$

و منه

0,5

$$n = \frac{P}{6}$$

0,5

$$n = \frac{888}{6}$$

0,25

$$n = 148$$

0,25

أقل عدد ممكن من الأعمدة التي يمكن تثبيتها هو 148