

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

أَهْمَّ الْخَواصِ الَّتِي تَسْاعِدُ عَلٰى الْبَدْهَانِ فِي الْهُنْدَسَةِ

في التعليم المتوسط

Propriétés pour Démontrer en géométrie
Mathématiques, classe de 2nde, éd. 2014, Sésamath.

ترجمة الأستاذ : فرقوس عبد الصو

Ce document est publié sous licence libre « CC by SA »
Le texte intégral est disponible à l'adresse :
<http://creativecommons.org/licenses/by-sa/2.0/fr/legalcode>

أهم الخواص التي تساعد على البرهان في الهندسة

لإثبات خاصية ما في الهندسة، يمكن اتباع الخطوات التالية :

- نبدأ برسم شكل يمثل الوضعية المدروسة.
- نُشَفِّر الشكل حسب المعطيات (منتصف قطعة، زاوية قائمة، مستقيمات متوازية، ... إلخ).
- من بين الخواص التي تتنطبق على المطلوب، نبحث عن الخاصية التي يكون الشكل فيها (العمود الأوسط من الجدول الآتي) مماثلاً للشكل المرسوم.

لتحrir الجواب، يكفي ذكر الخاصية المستعملة (كما في العمود الأيمن) ثم تحقيق فرضياتها و استخلاص المطلوب (كما في العمود الأيسر).

- | | |
|--|-----------------------|
| (1) إثبات أنّ نقطة هي منتصف قطعة | خاصية 01 إلى خاصية 06 |
| (2) إثبات توازي مستقيمين | خاصية 07 إلى خاصية 14 |
| (3) إثبات تعامد مستقيمين | خاصية 15 إلى خاصية 22 |
| (4) إثبات أنّ رباعياً ما متوازي أضلاع | خاصية 23 إلى خاصية 29 |
| (5) إثبات أنّ رباعياً ما معين | خاصية 30 إلى خاصية 32 |
| (6) إثبات أنّ رباعياً ما مستطيل | خاصية 33 إلى خاصية 35 |
| (7) إثبات أنّ رباعياً ما مربع | خاصية 36 إلى خاصية 39 |
| (8) إيجاد طول قطعة | خاصية 40 إلى خاصية 53 |
| (9) تحديد قيس زاوية | خاصية 54 إلى خاصية 62 |
| (10) البرهان بتوظيف خواص المستقيمات الخاصة في المثلث | خاصية 63 إلى خاصية 69 |



Ce document est publié sous licence libre « CC by SA »

Le texte intégral est disponible à l'adresse : <http://creativecommons.org/licenses/by-sa/2.0/fr/legalcode>

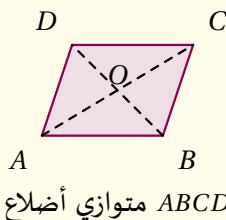
<https://prof27math.weebly.com/>

النقطة O تنتهي إلى القطعة $[AB]$ ($OA = \frac{1}{2}AB$ أو $OA = OB$) وبالتالي O هي منتصف $[AB]$.



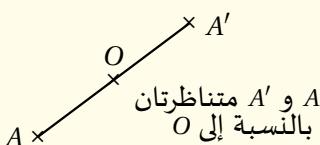
خاصية 1 إذا انتهت نقطة إلى قطعة مستقيمة وكانت متساوية البعد عن طرفيها فإن هذه النقطة هي منتصف القطعة.

بما أن $ABCD$ متوازي الأضلاع فإن قطريه متساويفان وبالتالي O منتصف $[AC]$ وأيضا O منتصف $[BD]$.



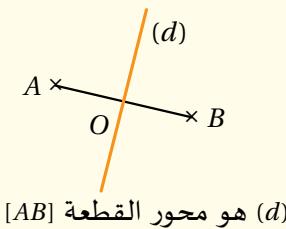
خاصية 2 في متوازي الأضلاع (كيفي، مستطيل، مربع، معيّن)، القطريان متساويفان (يتقاطعان في منتصفهما).

بما أن A' نظيرة A بالنسبة إلى O فإن O هي منتصف القطعة $[AA']$.



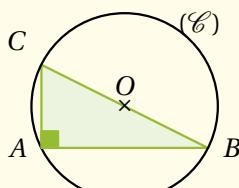
خاصية 3 إذا كانت A و A' متناظرتين بالنسبة إلى O فإن O هي منتصف القطعة $[AA']$.

بما أن المستقيم (d) محور القطعة $[AB]$ يقطعها في O فإن O منتصف $[AB]$.



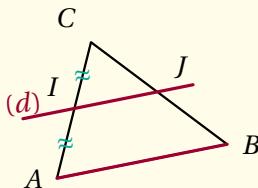
خاصية 4 محور قطعة مستقيم هو المستقيم العمودي على هذه القطعة في منتصفها.

بما أن ABC مثلث قائم وتره $[BC]$ و O مركز الدائرة المحيطة به فإن O منتصف الوتر $[BC]$.



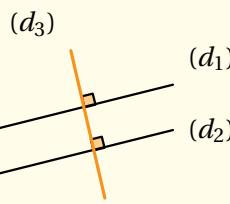
خاصية 5 مركز الدائرة المحيطة بالمثلث القائم هو منتصف الوتر.

في المثلث ABC ، المستقيم (d) يشمل I ، منتصف $[AC]$ ، و يوازي الضلع $[AB]$ وبالتالي J هي منتصف الضلع $[BC]$.



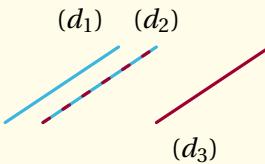
خاصية 6 في مثلث، المستقيم الذي يشمل منتصف أحد الأضلاع و يوازي ضلعاً ثانياً فإنه يشمل منتصف الضلع الثالث (النظرية العكسية للنظرية مسقى المثلثين).

بما أنّ $(d_2) \perp (d_3)$ $\perp (d_1)$ و $(d_1) \parallel (d_2)$.
فإنّ $(d_1) \parallel (d_3)$.



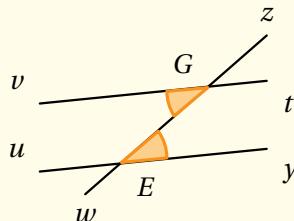
خاصية 7
المستقيمان العموديان على نفس المستقيم هما مستقيمان متوازيان.

بما أنّ $(d_2) \parallel (d_3)$ $\parallel (d_1)$ و $(d_1) \parallel (d_3)$.
فإنّ $(d_2) \parallel (d_3)$.



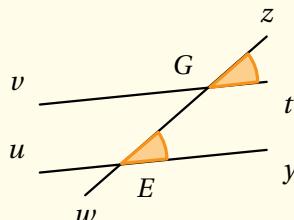
خاصية 8
إذا كان مستقيمان متوازيين فإنّ كل مستقيم يوازي أحدهما فهو يوازي الآخر.

المستقيمان (uy) و (vt) مقطوعان بالقاطع \widehat{zEy} و الزاويتان \widehat{vGw} و \widehat{uy} مترابطتان داخلية و متتقايسان إذن $(vt) \parallel (uy)$.



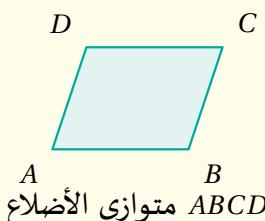
خاصية 9
حتى يتوازي مستقيمان، يكفي أن يُشكّل معهما قاطع زاويتين مترابطتين داخلية و متتقايستين.

المستقيمان (vt) و (uy) مقطوعان بالقاطع \widehat{zEy} و الزاويتان \widehat{vGw} و \widehat{uy} متماثلتان و متتقايسان إذن $(vt) \parallel (uy)$.



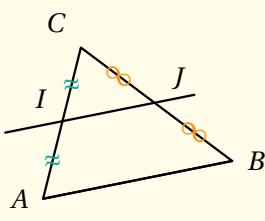
خاصية 10
حتى يتوازي مستقيمان، يكفي أن يُشكّل معهما قاطع زاويتين متماثلتين و متتقايستين.

بما أنّ $ABCD$ متوازي الأضلاع فإنّ $(AD) \parallel (BC)$ و $(AB) \parallel (CD)$.



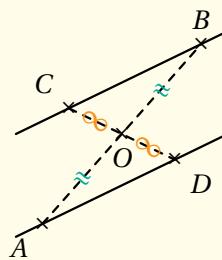
خاصية 11 في متوازي الأضلاع (كيفي، مستطيل، معين، مربع) كل ضلعين متقابلين (متقابسان و حاملاهما متوازيان).

في المثلث ABC لدينا I منتصف $[AC]$ و J منتصف $[BC]$ فحسب نظرية مسقّم المترافقين نستنتج أنّ $(IJ) \parallel (AB)$.



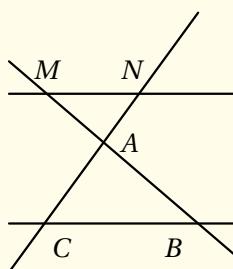
خاصية 12 في مثلث، المستقيم الذي يشمل منتصف ضلعين يوازي حامل الضلع الثالث (نظرية مسقّم المترافقين).

بما أن (AD) و (BC) متناظران بالنسبة إلى O فإن $(AD) \parallel (BC)$.



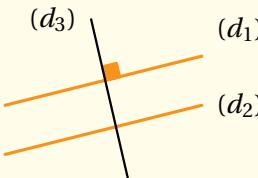
خاصية 13 المستقيمان المتناظران بالنسبة إلى نقطة هما مستقيمان متوازيان.

النقط B ، A ، M من جهة C ، A ، N من جهة B ، A على استقامة واحدة و بهذا الترتيب مع $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$ فحسب النظرية العكسية لنظرية طاليس نستنتج أن $(MN) \parallel (BC)$.



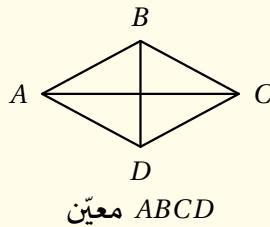
خاصية 14 على نظرية طاليس إذا كانت النقط M ، B ، A ، C ، A ، N من جهة N ، A على استقامة واحدة و بنفس الترتيب بحيث $\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN}$ فإن المستقيمان $(BC) \parallel (MN)$ و متوازيان.

بما أن $(d_1) \perp (d_3)$ و $(d_1) \parallel (d_2)$ فإن $(d_2) \perp (d_3)$.



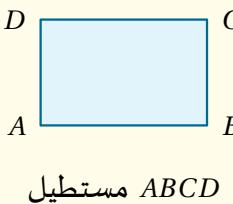
خاصية 15 إذا عاشر مستقيم أحد مستقيمان متوازيين فإنه يعاشر الآخر.

بما أن $ABCD$ معين فإن قطره متعامدان أي $(AC) \perp (BD)$.



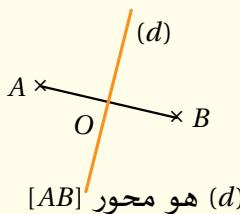
خاصية 16 قطر المعيّن (أو المربع) متعامدان.

بما أن $ABCD$ مستطيل فإن $(AD) \perp (DC)$ ، $(AB) \perp (AD)$ ، $(BC) \perp (AB)$ و $(DC) \perp (BC)$.



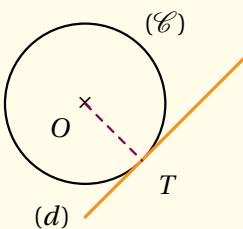
خاصية 17 في المستطيل (أو المربع)، كل ضلعين متعامدان و ملائهما متعامدان.

بما أنّ (d) هو محور $[AB]$ فإنّ $(d) \perp (AB)$.



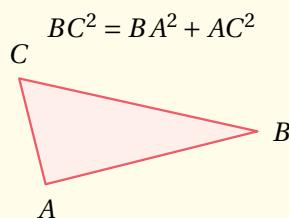
خاصية 18 محور قطعة مستقيم هو مستقيم يعادلها في المنتصف.

بما أنّ (d) هو المماس في النقطة T للدائرة (\mathcal{C}) التي مركزها O فإنّ $(d) \perp (OT)$.



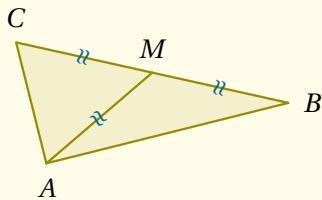
خاصية 19 المماس لدائرة في نقطة منها يعادل المستقيم القطري الذي يمرّ من هذه النقطة.

بما أنّ $BC^2 = BA^2 + AC^2$ فحسب النظرية العلّسية لنظرية فيثاغورث نستنتج أنّ المثلث ABC قائم في A أي $(AB) \perp (AC)$.



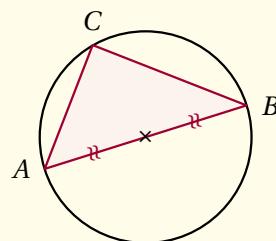
خاصية 20 على نظرية فيثاغورث في مثلث ABC ، إذا كان $[BC]$ هو الضلع الأطول بحيث $BC^2 = BA^2 + AC^2$ فإنّ المثلث ABC قائم و وتره هو الضلع $[BC]$.

بما أنّ $[AM]$ هو المتوسط المتعلق بالضلع $[BC]$ بحيث ABC فإنّ المثلث $AM = BC \div 2$ قائم في A أي $(AB) \perp (AC)$.



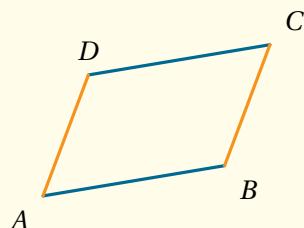
خاصية 21 في مثلث، إذا كان طول المتوسط المتعلق بأحد الأضلاع يساوي نصف طول هذا الضلع فإنّ هذا المثلث قائم و وتره هو ذلك الضلع.

بما أنّ الرأس C ينتمي إلى الدائرة التي قطّرها $[AB]$ فإنّ المثلث ABC قائم في C أي $(AC) \perp (BC)$.



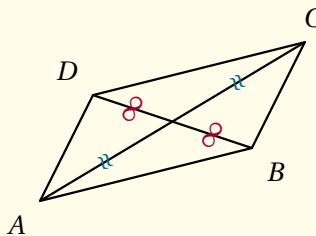
خاصية 22 إذا كان أحد أضلاع مثلث قطراً للدائرة المحيطة به فإنّ هذا المثلث قائم و وتره هو ذلك الضلع.

بما أنّ :
 $(AD) \parallel (BC)$ و $(AB) \parallel (DC)$
 فإنّ $ABCD$ متوازي الأضلاع.



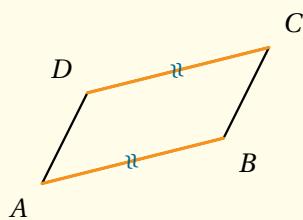
خاصية 23 إذا كان في رباعي كل ضلعين متقابلين حاملاهما متوازيان فإنّ هذا الرباعي متوازي الأضلاع.

بما أنّ القطرين $[AC]$ و $[BD]$ متساوياً في المثلث ABD و ACD متوازي الأضلاع.



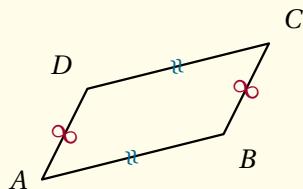
خاصية 24 إذا كان لرباعي $ABCD$ متساوياً في المثلثين ABD و ACD فإنّ هذا الرباعي متوازي الأضلاع.

الرباعي $ABCD$ غير متصالب ($AB \parallel CD$) و فيه $AB = DC$ و $AD = BC$. وبالتالي $ABCD$ متوازي الأضلاع.



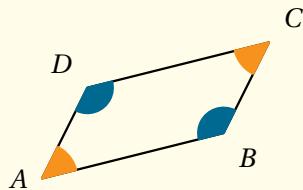
خاصية 25 إذا كان لرباعي $ABCD$ متساوياً في المثلثين ABD و ACD فإنّ هذا الرباعي متوازي الأضلاع.

بما أنّ $AD = BC$ و $AB = CD$ فإنّ $ABCD$ متوازي الأضلاع.



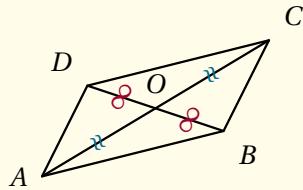
خاصية 26 إذا كان في رباعي كل ضلعين متساوين متقابلين متساوين فإنّ هذا الرباعي متوازي الأضلاع.

في الرباعي $ABCD$ لدينا : $\widehat{DAB} = \widehat{BCD}$ و $\widehat{ADC} = \widehat{ABC}$. إذاً $ABCD$ متوازي الأضلاع.



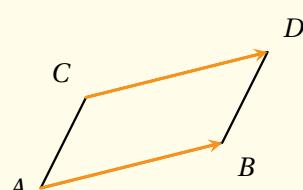
خاصية 27 إذا كان في رباعي كل زاويتين متساوين متقابلين متساوين فإنّ هذا الرباعي متوازي الأضلاع.

النقطتان A و C من جهة B والنقطتان B و D من جهة A ، متسايمتان بالنسبة إلى O وبالتالي $ABCD$ متوازي الأضلاع.



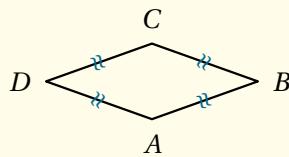
خاصية 28 إذا كان لرباعي مركز تناظر فإنّ هذا الرباعي متوازي الأضلاع.

بما أنّ $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ فإنّ الرباعي $ABDC$ متوازي الأضلاع.



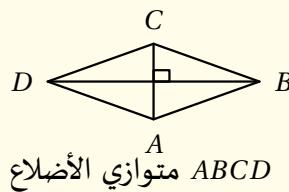
خاصية 29 إذا كانت A ، D ، C ، B أربع نقاط بحيث $ABDC$ فإنّ الرباعي $ABDC$ متوازي الأضلاع.

بما أن $AB = BC = CD = DA$ فإن الرباعي $ABCD$ معيّن.



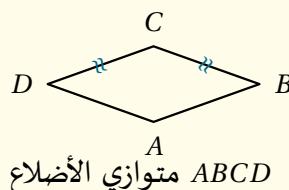
خاصية 30 إذا كان لريادي أربعة أضلاع متقايسة فإن هذا الريادي معين.

متوازي الأضلاع بحيث $ABCD$ \perp (AC) \perp (BD) (قطراه متعامدان) وبالتالي $ABCD$ معين.



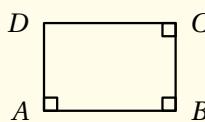
خاصية 31 إذا كان متوازي الأضلاع قطران متعامدان فإنه معين.

بما أن $ABCD$ متوازي الأضلاع و فيه $CD = CB$ فإن الرباعي $ABCD$ معين.



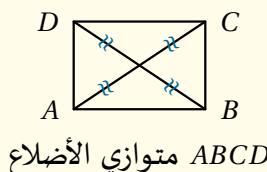
خاصية 32 إذا كان متوازي الأضلاع ضلعان متتاليان متقابلان فهو معنّ.

بما أن $(AD) \perp (AB)$ و $(BC) \perp (DC)$ فإن $ABCD$ رباعي مستطيل.



٣٣ خاصية إذا كان رباعي ثلث زوايا قائمة فإن هذا رباعي مستطيل.

بما أن $ABCD$ متوازي الأضلاع بحيث $AC = BD$ (قطراه متتقابسان) فإن $ABCD$ مستطيل.



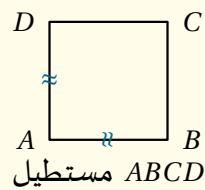
الأخلاع قطaran متقايسان فهو
مستطيل .

بما أن $ABCD$ متوازي الأضلاع $ABCD$ و فيه $(BC \perp CD)$ فلن مستطيل.



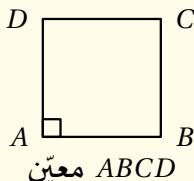
35 خاصية إذا كان متوازي الأضلاع ضلعان متتاليان متعامدان فهو مستطيل.

بما أن $ABCD$ مستطيل بحيث $AB = AD$ (ضلاعان متتاليان متقايسان) فإن $ABCD$ مربع.



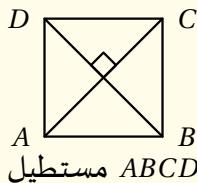
خاصية 36 إذا كان مستطيل ضلعان متتاليان متقابيان فهو مربع.

بما أن $ABCD$ معيّن بحيث $(AB) \perp (AD)$ (ضلّاعان متتاليان و متعامدان) فإن $ABCD$ مربّع.



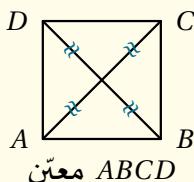
خاصية 37 إذا كان معيّن
ضلوعان متاليان متعامدان فهو
مرتعّ.

بما أن $ABCD$ مستطيل بحيث \perp (قطران متعامدان) فإن $ABCD$ مربع .



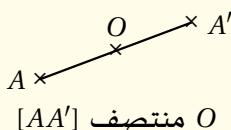
خاصية 38 إذا كان مستطيل
قطران متعامدان فهو مربع.

بما أن $ABCD$ معين بحيث $AC = BD$ (قطراه متقابسان) فإن $ABCD$ مربع.



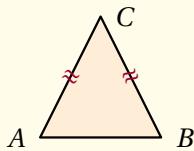
خاصية 39 إذا كان معين قطران متقايسان فهو مرّ.

بما أن O منتصف القطعة $[AA']$ فإن $OA = OA' = AA' \div 2$



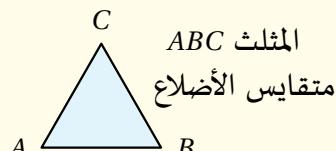
خاصية 40 قطعة منتصف مستقيم تبعد بنفس المسافة عن طرفيها.

المثلث ABC متساوي الساقين رأسه الأسمى C و بالتالي $CA = CB$



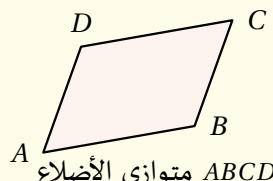
خاصية 41 للمثلث المتساوي الساقين ضلعان متقابيان (لهم نفس الطول)

المثلث ABC متقايس الأضلاع $.AB = BC = CA$ وبالتالي



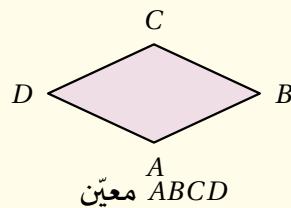
خاصية 42 للمثلث المتقايس الأضلاع ثلاثة أضلاع متقايسة (لها نفس الطول).

بما أن $ABCD$ متوازي الأضلاع فإن $.AD = BC$ و $AB = DC$



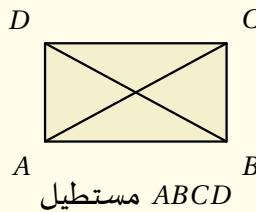
خاصية 43 في متوازي الأضلاع (كيفي، معين، مستطيل، مربع)، كل ضلعين متقابلين متقابلين.

بما أن $ABCD$ معين فإن أضلاعه الأربعة متقايسة أي $AB = BC = CD = DA$



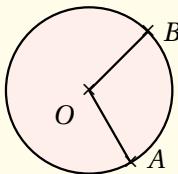
خاصية 44 الأضلاع الأربعة للمعين (أو المربع) متقايسة (لها نفس الطول).

بما أن $ABCD$ مستطيل فإن قطريه متقايسان أي $AC = BD$.



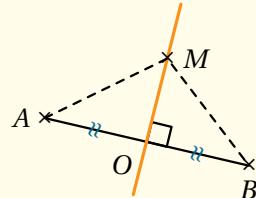
خاصية 45 قطر المستطيل متقايسان (لهم نفس الطول).

ال نقطتان A و B تنتهيان إلى الدائرة التي مركزها O إذا $OA = OB$.



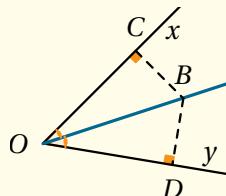
خاصية 46 إذا انتهت نقطتان إلى نفس الدائرة فإنها تبعدان بنفس المسافة عن مركزها.

النقطة M تنتهي إلى محور القطعة $[AB]$ إذاً فهي تبعد بنفس المسافة عن طرفيها أي $MA = MB$



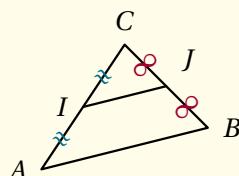
خاصية 47 إذا انتهت نقطة إلى محور قطعة مستقيمة فإنها تبعد بنفس المسافة عن طرفيها.

\widehat{xOy} تنتهي إلى منصف الزاوية B مع $(BC) \perp (OC)$ و $(BD) \perp (OD)$ إذاً فري تبعد بنفس المسافة عن ضلعها أي $BC = BD$



خاصية 48 إذا انتهت نقطة إلى منصف زاوية فإنها تبعد بنفس المسافة عن ضلعها.

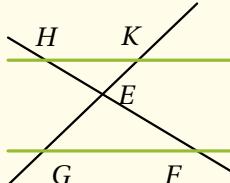
في المثلث ABC لدينا : I منتصف $[AC]$ و J منتصف $[BC]$ فحسب نظرية مسقين المنتصفين $.IJ = AB \div 2$ نستنتج أن 2



خاصية 49 في مثلث، طول القطعة الواقلة بين منصفين ضلعين يساوي نصف طول الضلع الثالث (نظرية مسقين المنتصفين).

بما أنّ $H \in (EF)$ و $K \in (GF)$ بحيث $(HK) // (GF)$ فحسب نظرية طاليس نستنتج أنّ:

$$\cdot \frac{EF}{EH} = \frac{EG}{EK} = \frac{GF}{HK}$$

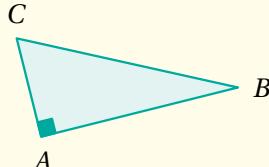


خاصة 50 نظرية طالب

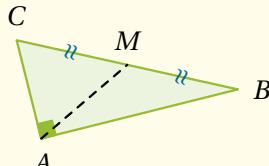
إذا كانت $(BC) \parallel (MN)$ فإن $(BC) \parallel (AB)$ و $(BC) \parallel (AC)$

$$\cdot \frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN} = \frac{BC}{MN}$$

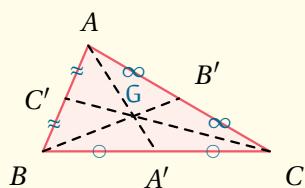
بما أن المثلث ABC قائم في A فحسب نظرية فيثاغورس نستنتج أن:



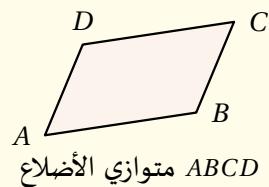
المثلث ABC قائم في A و منتصف الوتر $[BC]$ فحسب نظرية طول المتوسط المتعلق بالوتر $.AM = BC \div 2$. نستنتج أن:



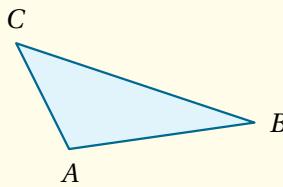
النقطة G هي مركز ثقل المثلث ABC و AA' هو المتوسط المتعلق بالضلع $[BC]$ وبالتالي :



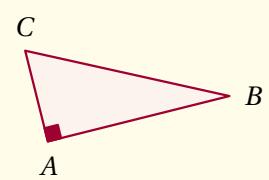
بما أن $ABCD$ متوازي الأضلاع فإن $\widehat{ADC} = \widehat{ABC}$ و $\widehat{DAB} = \widehat{BCD}$



في المثلث ABC لدينا : $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$



بما أن المثلث ABC قائم في \hat{B} فإن:



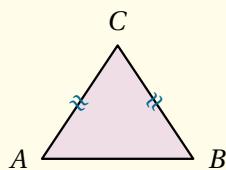
خاصية 53 مركز ثقل المثلث نقطه تلاقى الموسطات) يبعد عن كل رأس بثاني طول الموسط الذى يشمل هذا الرأس.

خاصية 54 في متوازي الأضلاع
(كيفي، معين، مستطيل، مربع)،
كل زاويتين متقابلتين متقابلستان.

خاصية 55 مجموع أقياس زوايا المثلث يساوي 180° .

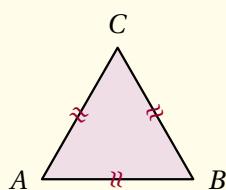
خاصية 56 في المثلث القائم،
الزاويتان الحادتان متمامتان
(مجموعهما يساوى 90°).

بما أن المثلث ABC متساوي الساقين رأسه الأساسي C فإن:



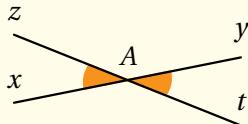
خاصية 57 في المثلث المتساوي الساقين، زاويتا القاعدة متقيايسنان.

بما أن المثلث ABC متقايس الأضلاع فإنّ:



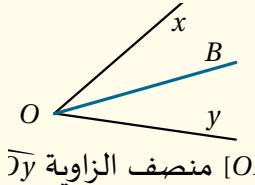
خاصية 58 لل مثلث المتقايس
الأضلاع ثلاثة زوايا متقايسة
و قيس كل منها يساوي 60° .

الزاویتان \widehat{xAz} و \widehat{yAt} متقابلتان
بالرأس إذاً:



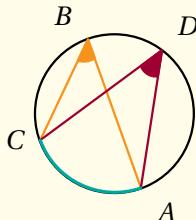
خاصية 59 المقابلتان بالرأس متقيايسن.

بما أنّ OB هو منصف الزاوية
فإنّ $\widehat{xOy} = \widehat{BOy} \div 2$



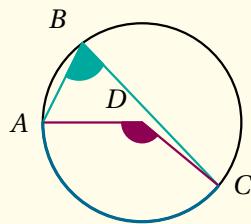
خاصية 60 منصف زاوية يقسمها إلى زاويتين متقابلتين و متقايستين (لهمَا نفس القيس).

الراويتان \widehat{ABC} و \widehat{ADC} تحصران نفس القوس \widehat{AC} و بالتالي فيما متقايسستان أي :



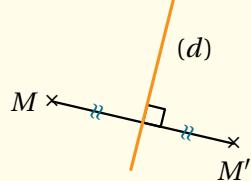
الزاوية 61 خاصية المرسومتان داخل دائرة و اللتان تحصران نفس القوس هما زاويتان مقايسستان.

الزاوية المحيطية \widehat{ABC} و الزاوية المركزية \widehat{ADC} تحصران نفس القوس \widehat{AC} و بالتالي : $\widehat{ADC} = 2\widehat{ABC}$.



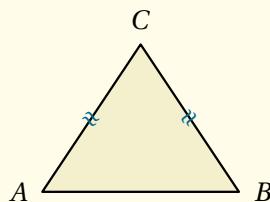
خاصية 62 قيس زاوية محيطية في دائرة يساوي نصف قيس الزاوية المركزية التي تحصر نفس القوس معها.

النقطتان M و M' متناظرتان بالنسبة إلى المستقيم (d) إذًا (d) هو محور القطعة $[MM']$.



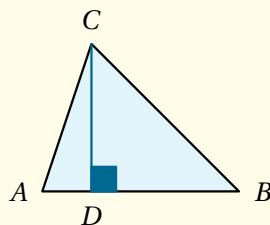
خاصية 63 إذا كانت نقطتان متناظرتين بالنسبة إلى مستقيم فإن هذا المستقيم هو محور القطعة الواصلة بين النقطتين.

بما أن $CA = CB$ فإن النقطة C تنتهي إلى محور القطعة $[AB]$.



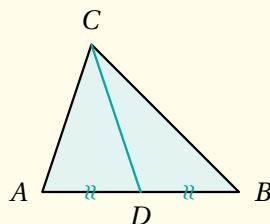
خاصية 64 كل نقطة متساوية المسافة عن طرفي قطعة مستقيم هي نقطة تنتهي إلى محور هذه القطعة.

بما أن $(CD) \perp (AB)$ فإن المستقيم (CD) هو الارتفاع المتعلق بالضلع $[AB]$ في المثلث $.ABC$.



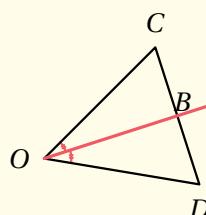
خاصية 65 المستقيم الذي يشمل أحد رؤوس مثلث و يعمد حامل الضلع المقابل لهذا الرأس هو الارتفاع المتعلق بهذا الضلع.

بما أن النقطة D هي منتصف الضلع $[AB]$ فإن القطعة $[CD]$ هي المتوسط المتعلق بالضلع $[AB]$ في المثلث $.ABC$.



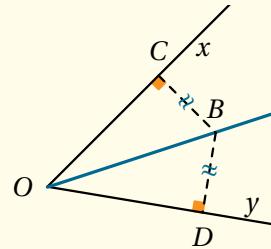
خاصية 66 القطعة التي طرفاها أحد رؤوس مثلث و منتصف الضلع المقابل لهذا الرأس هي المتوسط المتعلق بهذا الضلع.

المستقيم (OB) يقسم الزاوية \widehat{COD} إلى زاويتين متقابلتين إذًا \widehat{COD} هو منصف الزاوية (OB) .



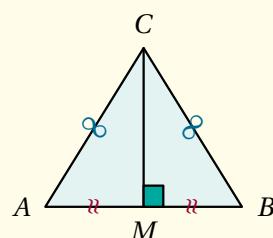
خاصية 67 المستقيم الذي يقسم زاوية إلى زاويتين متقابلتين هو منصف هذه الزاوية.

بما أنّ $(OC) \perp (BC)$ ، $BC = BD$ و $(OD) \perp (BD)$ فإنّ النقطة COD تنتهي إلى منصف الزاوية \widehat{COD} (إذاً نصف المستقيم $[OB]$ هو منصف الزاوية \widehat{COD}).



خاصية 68 كل نقطة متساوية البعد عن ضلع زاوية هي نقطة تنتهي إلى منصف هذه الزاوية.

بما أنّ المثلث ABC متساوي الساقين رأسه الأساسي M ، C منتصف $[AB]$ و $(CM) \perp (AB)$ فإنّ (CM) هو : المتوسط المتعلق بالقاعدة $[AB]$ ، محور القاعدة $[AB]$ ، الارتفاع المتعلق بالقاعدة $[AB]$ و منصف الزاوية \widehat{ACB} .



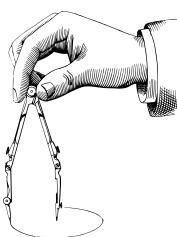
خاصية 69 محور قاعدة المثلث المتساوي الساقين هو أيضاً الارتفاع المتعلق بهذه القاعدة، المتوسط المتعلق بها و منصف زاوية الرأس الأساسي.

و احذر يفوتوك فخر ذاك المغرسِ
منْ هُمْهُ في مطعَمِ أوْ ملبيِسِ
في حَالَتِيهِ: عَارِيًّا أوْ مُكْتَسِّ
وَاهْجُرْ لَهُ طِيب الرَّقَادِ وَ عَبَّسِ
كُنْتَ الرَّئِيسَ وَ فَخْرَ ذاكَ الْمَجْلِسِ

العِلْمُ مَعْرُوسٌ كُلُّ فَخْرٍ فَاتَّخِرْ
وَ اعْلَمْ بِأَنَّ الْعِلْمَ لَيْسَ يَنَالُهُ
إِلَّا أَخُو الْعِلْمِ الَّذِي يُعْنِي بِهِ
فَاجْعَلْ لِنَفْسِكَ مِنْهُ حَظًا وَافِرًا
فَلَعَلَّ يَوْمًا إِنْ حَضَرْتَ بِمَجْلِسِ

سَأْنِيَكَ عَنْ تَفْصِيلِهَا بِبَيَانِ
وَ صُحْبَةُ أُسْتَادِ وَ طُولُ زَمَانِ

أَخِي لَنْ تَنَالَ الْعِلْمَ إِلَّا بِسِتَّةَ
ذَكَاءً وَ حِرْصٌ وَ اجْتِهَادٌ وَ بُلْغَةٌ



<https://prof27math.weebly.com/>