

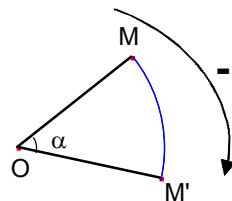
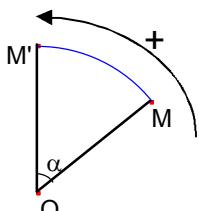
12

الدوران – المضلعات المنتظمة – الزوايا

أذكر الأهم:

10. الدوران

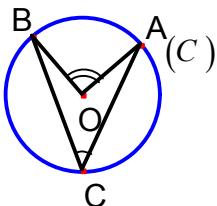
تعريف: O نقطة، α قيس بالدرجات لزاوية و اتجاه معطى.
صورة النقطة M بالدوران الذي مركزه O و زاويته α في الاتجاه المعطى هي النقطة' M' بحيث: $\overline{MOM}' = \alpha^\circ$ و $OM' = OM$ (محسوبة في الاتجاه المعطى).



M' هي صورة M في الاتجاه السالب M' هي صورة M في الاتجاه الموجب
ملاحظة: دوران مركزه O و زاويته 180° هو تناول مركزي مركزه النقطة O .
خواص:* الدوران يحافظ على المسافات، على الاستقامة و على أقياس الزوايا.
* الدوران يحول الأشكال الهندسية إلى أشكال تفاصيلها و لها نفس الخصائص.

11. الزاوية المركزية و الزاوية المحيطية

تعريف:



* الزاوية $\angle AOB$ زاوية مركزية في الدائرة (C) .

* الزاوية $\angle ACB$ زاوية محيطية في الدائرة (C) .

* الزاوية المركزية $\angle AOB$ و الزاوية المحيطية $\angle ACB$ تحصران نفس القوس \overarc{AB} من الدائرة (C) .

خواص:* قيس زاوية محيطية في دائرة هو نصف قيس الزاوية المركزية التي تحصر نفس القوس معها. $\angle ACB = \frac{1}{2} \angle AOB$
* كل الزوايا المحيطية في دائرة و التي تحصر نفس القوس متقاربة.

12. المضلعات المنتظمة

تعريف: المضلع المنتظم هو مضلع كل زواياه متقابلة و كل أضلاعه لها نفس الطول.

مثال: المربع هو مضلع منتظم.

خواص:

* يسمى مركز الدائرة المحيطة بالمضلع المنتظم مركز المضلع المنتظم.

* كل الزوايا المركزية في مضلع منتظم متساوية.

تمارين

أتدرب:

التمرين 1:

نعتبر مثلثا قائما ABC في النقطة A .

أنشئ صورة المثلث ABC بالدوران الذي مركزه

B وزاويته 90° و في الاتجاه الموجب.

أنشئ صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي

شعاعه \overrightarrow{AB} .

التمرين 2:

سداسي منتظم مركزه $ABCDEF$ نقطة O .

ما هي صورة المثلث OEF

بالتناول

المرکزی مركزه النقطة O ؟

ما هي صورة المثلث OAB بالتناول المحوري

الذي محوره المستقيم (OB) ؟

ما هو قيس كل من الزاويتين $\angle ADB$ و $\angle AOB$ ؟

ما هي صورة المثلث OAF بالدوران الذي

مركزه O وزاويته 60° في الاتجاه المعاكس لحركة

عقاب الساعة.

التمرين 3:

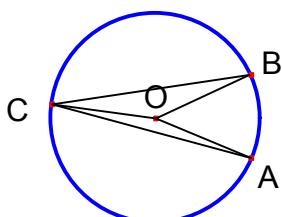
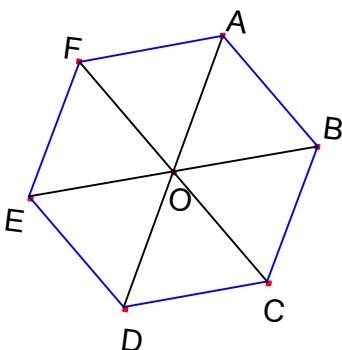
عين مع التبرير أقياس زوايا المثلث ABC

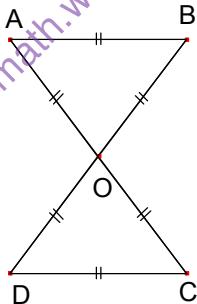
علما أن: $\angle BOC = 162^\circ$ و $\angle AOB = 46^\circ$.

التمرين 4:

أعد رسم الشكل الآتي علما أن $OA = 3cm$.

بين أن الرباعي $ABCD$ مستطيل.





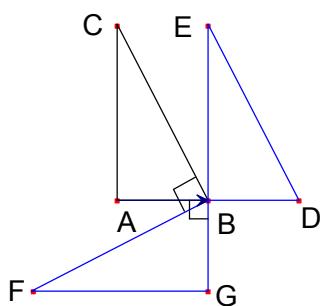
أنشئ النقطة E صورة النقطة O بالانسحاب الذي
شعاعه \overrightarrow{BA} .

أنشئ النقطة F صورة النقطة C بالدوران الذي
مركزه O و زاويته 60° في الاتجاه المعاكس
لحركة عقارب الساعة.

بين أن النقط A, E, D, C, B, F تنتهي إلى
نفس الدائرة.

ما نوع الرباعي $ABFCDE$?
عين شعاعاً يساوي الشعاع $\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD}$.

حلول التمارين



حل التمرين 1

من الواضح أن صورة النقطة B هي B
نفسها.

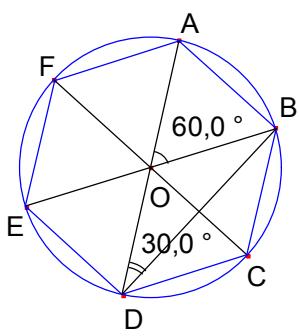
صورة النقطة A هي G و صورة النقطة

C هي F .

و بالتالي صورة المثلث ABC ABC بالدوران الذي
مركزه B و زاويته 90° و في الاتجاه الموجب هو
المثلث GBF القائم في النقطة G .

صورة النقطة A هي النقطة B ، صورة النقطة
هي النقطة D و صورة النقطة

C هي النقطة E و بالتالي صورة المثلث ABC بالانسحاب الذي شعاعه \overrightarrow{AB} هو
المثلث BDE القائم في النقطة B .



حل التمرين 2

صورة المثلث OEF بالتناظر الذي مركزه O
هو المثلث OBC .

صورة المثلث OAB بالتناظر الذي
محوره (OB) هو المثلث OCB .

$$\angle ADB = 30^\circ \quad \text{و} \quad \angle DBA = \frac{1}{2} \angle AOB \quad \text{و} \quad \angle AOB = 60^\circ$$

صورة المثلث OAF بالدوران الذي مركزه O

حل التمرين 3

$$\angle AOB + \angle BOC + \angle COA = 360^\circ$$

$$\angle COA = 360^\circ - \angle AOB - \angle BOC$$

$$\text{أي } \angle COA = 360^\circ - 46^\circ - 162^\circ \text{ و منه } \angle COA = 152^\circ.$$

الزاوية المحيطية $\angle ACB$ و الزاوية المركزية $\angle AOB$ تحرسان نفس القوس و بالتالي فإن:

$$\angle ACB = \frac{1}{2} \times \angle AOB \text{ أي } \angle ACB = \frac{1}{2} \times 46^\circ \text{ و أخيراً } \angle ACB = 23^\circ$$

لدينا كذلك قيس الزاوية $\angle BAC$ هو نصف قيس الزاوية $\angle BOC$ و منه $\angle BAC = 81^\circ$

كذلك قيس الزاوية $\angle CBA$ هو نصف قيس الزاوية $\angle COA$ و منه $\angle CBA = 76^\circ$

نتحقق أن مجموع أقياس زوايا مثلث هي 180° : $23 + 81 + 76 = 180^\circ$.

حل التمرين 4

أنظر الشكل المقابل.

$$\frac{OA}{OC} = \frac{OB}{OD} \text{ و منه حسب عكس}$$

مبرهنة

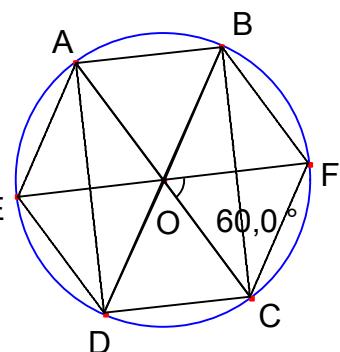
طلس فان $(AB) \parallel (CD)$ و بما أن $AB = CD$

فإن $ABCD$ متوازي أضلاع و بما أن قطريه

متقابسان فإن $ABCD$ مستطيل.

أنظر الشكل.

أنظر الشكل.



$$OF = OC = OE = BA = OA \text{ لأن } OA = OB = OC = OD = OE = OF$$

سداسي منتظم.

$ABFCDE$

$$\overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{CA}$$