

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية

المجموعة المتخصصة لمادة الرياضيات

اللجنة الوطنية للمناهج

برنامج  
الرياضيات

السنة الأولى ثانوي - جذع مشترك

برنامج الرياضيات

السنة 1 ثانوي

جذع مشترك علوم وتكنولوجيا

ديسمبر 2004

يدخل تجديد برنامج السنة الأولى من التعليم الثانوي العام و التكنولوجي في إطار إصلاح المنظومة التربوية و يعتبر اعتماد المقاربة بالكفاءات في بنائه إحدى مظاهره الأساسية، لما له من انعكاسات على سيرورات التعلم و على بناء المعرفة و توظيفها في المدرسة وخارجها، و بصفة عامة على سلوكات الأستاذ والتلميذ . إن مواكبة وتيرة هذا الإصلاح على مستوى التعليم الثانوي مع مطلع الدخول المدرسي 2006/2005 تصادف تطبيق برامج السنة الأولى ثانوي مع تلاميذ خضعوا للتعليم وفق الهيكلية السابقة عن الإصلاح ، غير أنهم يجدون أنفسهم في هذه السنة ملزمين بدراسة مضامين رياضية غير منسجمة بصفة كلية مع ما تداولوه من قبل . إذ أن مكتسباتهم تخلو من كل معطى يتعلق بالإحصاء أو باستعمال الترميز العالمي كما تخلو من الممارسات التعليمية المرتبطة بالمقاربة بالكفاءات، و الأمر هنا يتعلق ببرنامج جذع مشترك علوم و تكنولوجيا، باعتبار أن بناؤه تم في إطار عملية تجديد برامج التعليم المتوسط و بالتالي فهو موجه إلى التلاميذ الذين تابعوا دراستهم في هذا التعليم.

وعليه فإن السنتين الدراسيتين 2006/2005 و 2007/2006 تعتبران مرحلة انتقالية في تطبيق هذا البرنامج و انطلاقا من هذا المنظور صار من الضروري التكفل بتلاميذ هذه المرحلة وفقا لخصوصياتهم. إذ سنورد في وثيقة خارجية فقرة نوضح فيها كيفية التكفل بهم تتطرق على وجه الخصوص إلى تكنولوجيات الإعلام والاتصال في التعليم، بناء المعرفة، البرهان، التحويل إلى وضعيات جديدة، الممارسة في القسم ، المصطلحات الجديدة، التحويلات النقطية، تكون نبراسا للأستاذ يستعين بها في اجتياز هذه المرحلة، و ذلك في انتظار وصول تلاميذ سنوات الإصلاح إلى التعليم الثانوي في الدخول المدرسي 2008 / 2007 .

## 1. مقدمة :

إن الحركية السريعة لتطور مجتمعنا في مختلف الميادين، فرضت على المربين والعاملين في حقل التربية والتعليم ضرورة مساهمتها والاستفادة من مزايا هذا التطور. ولقد جاء تجديد برنامجي الرياضيات للسنة الأولى جذع مشترك علوم و جذع مشترك رياضيات و تقني رياضيات في إطار هذا التطور ، حيث يسعى إلى الاستجابة لنداءات الأساتذة والأولياء المتعلقة بتخفيف كثافة البرنامج السابق، والاستجابة أيضا للضرورات التربوية والعلمية التي تمكن التلميذ من تكوين على نظرة أكثر إيجابية إزاء الرياضيات على أساس أنها تستمد مواضيعها من الواقع الذي نعيشه زيادة عن مساهمتها في بناء الفكر، و أنها لغة مهيكلة بتسلسل منطقي يعمل على تجريبها بقصد إعطائها قوة معالجة أكبر للمساهمة في مختلف النشاطات الإنسانية، و بالتالي يجعلها فضاء يستجيب لفضوله العلمي و ينمي فيه. كما يميزها باعتبارها تعالج مواضيع دائمة النمو والتطور والارتقاء . و أنها أداة تساهم بشكل فعال في بناء الفكر باعتبارها نتاج لإبداعات العقل البشري الذي يتسم بالتفكير المنطقي و العقلاني، و أن تطورها جاء نتيجة لحل مشكلات من الواقع كما أن تعلمها يتم في عمقه الاستراتيجي بحل المشكلات سواء أكانت مستقاة من الواقع أو من تصورات نظرية. و لا شك أن إدخال البعد التاريخي الاستمولوجي في تدريس الرياضيات يخدم هذه الجوانب مجتمعة بما يقدمه من نظرة متدرجة عن تطور المفاهيم الرياضية، والتعديلات التي طرأت عليها، والعراقل التي اعترضتها، والكيفيات التي استعملت لتجاوزها . خاصة وأن هذه السنة تعتبر حلقة وصل بين التعليم المتوسط و التعليم الثانوي كما تعتبر توجيها أوليا للتلميذ يسمح له باكتشاف ميولاته وبلورتها تدريجيا نحو الاهتمام بإحدى المواد العلمية و من ثم الرغبة في التخصص فيها مستقبلا.

و قد يبدو للوهلة الأولى أن هذا التجديد يُقصد به تغيير كلي وشامل لما سبق أن تعاطاه الأساتذة من قبل ، وهم يمثلون لتوجيهات وتعليمات البرنامج السابق إلى درجة يُعتقد معها أنهم مقبلون وتلاميذهم على رياضيات جديدة . لكن الواقع الذي ينشده هذا التجديد ليس كذلك، بل يعمل في إطار استمرار تحسين ممارسات **الفعل التعليمي/التعلمي**، و الرفع من مردودها سواء بالنسبة للأساتذة أو التلاميذ، والتخلي في نفس الوقت عن تلك التي لا تتوافق والتوجهات الجديدة التي يمكن تلخيصها في جانبين:

## الجانب الأول :

وهو تغيير في الأسس التعليمية لتدريس الرياضيات، كالتخلي عن الاعتماد الصريح والمباشر على نظرية المجموعات في تقديم المفاهيم، ونعني بذلك المجموعات وجبر القضايا والعلاقات الثنائية و البنى الجبرية و ما يترتب عن ذلك من طرق واستراتيجيات معالجة باقي المواضيع كالمجموعات العددية والدوال والهندسة والإحصاء والاحتمالات. وهو الأمر الذي أعتد في بناء كل البرامج الجديدة بدءا من التعليم الابتدائي. وقد تمت تجزئة هذا البرنامج إلى أربعة ميادين هي : **الأعداد والحساب، الدوال، الهندسة، الإحصاء** . حيث خصص جزء للأعداد والحساب قصد إعطاء الوقت الكافي و المادة اللازمة للتلميذ لتمكينه من الإلمام التام بقواعد الحساب في مجموعة الأعداد الحقيقية، لجعلها فيما بعد مرتكزا لمعالجة الدوال.

## الجانب الثاني :

إنه تحصيل حاصل للتغيير الوارد في الجانب الأول و اعتماد المقاربة بالكفاءات، ويتمثل أساسا في تعديل بعض الممارسات التي فرضها الواقع السابق عند الأستاذ والتلميذ .

## فيالنسبة إلى الأستاذ :

يسعى هذا التعديل إلى إعطائه هامشا أكبر للمبادرة في اختيار الأنشطة التعليمية التي تحمل دلالة تاريخية أو اجتماعية أو علمية أو تربوية...الخ. كما توفر له إمكانية أكبر لاختيار أسئلة الوظائف المنزلية و التقويم بما يراعي الفروق التي يقدرها في تحصيل التلاميذ . مما يتطلب منه إطلاعا أوسع و مجهودا منظما للتكفل بذلك .

## وبالنسبة إلى التلميذ :

فإن التجديد يسعى إلى جعله في مركز الفعل التعليمي- التعليمي، وذلك بدفعه إلى ممارسة الرياضيات ممارسة فعلية وليس شكلية وهذا من خلال الفرص العديدة التي توفرها الأنشطة التعليمية المذكورة أعلاه كالبث، وطرح تساؤلات، وتطبيق تقنيات حسابية، والتجريب، والتخمين ، واقتراح خطوات حل، ودراسة برهان مقترح من طرف آخر، ومناقشة صحته مع طرف آخر، وتحرير إجابة، وتطبيق خوارزمية، و تبرير نتيجة، ودحض افتراض، واستعمال الحاسبة العلمية أو البيانية والمجداولات، وما إلى ذلك مما تتيحه هذه الأنشطة من ممارسات. و يجدر التأكيد هنا على أن دور الأستاذ حيوي في حث التلميذ على إجراء هذه الممارسات وتشجيعه وتوجيهه عليها قصد تمكينه من بناء معارفه بنفسه شيئا فشيئا. أما فيما يتعلق بموضوع المنطق فإن هذا البرنامج يتجاوز التدريس الشكلي له إلى توظيفه بما يتماشى و قدرات التلميذ في هذا المستوى، إذ يكفي أن يستعمل مفردات وتركيب لغوية يتوفر عليها رصيده اللغوي بما لا يتعارض مع مبادئ المنطق الرياضي ولا مع دوره في بناء النصوص الرياضية، وتحميلها المعاني المراد لها. وفي هذا المجال، يعمل الأستاذ بصفة دائمة عند معالجته لأي موضوع من البرنامج على توجيه التلميذ لبناء الحجج والمبررات وبعض البراهين ، والتأكد من صحتها والتصديق عليها قصد تمكينه في نهاية السنة من التقريب بين مبادئ المنطق الرياضي الشكلي ومبادئ المنطق الذي تداوله برصيده اللغوي، كأن يقرر صدق القضايا المركبة بالوصل والفصل، هذا من جهة، ومن جهة أخرى تمكينه من تلمس دور البرهان في الرياضيات، والتعرف على أنواع له كالبرهان بالاستنتاج ، والبرهان بالخلف ، والبرهان بفصل الحالات ، والبرهان بمثال مضاد. ونشير هنا إلى ضرورة توظيف التلميذ للترميز الرياضي لتسهيل تعامله مع المعاني الرياضية التي يتضمنها البرنامج ،

وليكشف بنفسه دور هذا الترميز في تدقيق المعاني ومن ثمة اقتصاد الوقت والجهد والوسائل والأساليب في ممارسة الرياضيات. إن هذا البرنامج هو عقد تعليمي يعمل الأستاذ في إطاره بحيث ينطلق من اختياراته، ومن مضامينه التعليمية، ومن توجيهاته لبيني تعليمه. وفي سياق ذلك، عليه أن يدرك أنه بتطبيق توزيعه السنوي للبرنامج، وبمعالجته للأمثلة والأنشطة التي يختارها، و بالتعبير اللغوية المجازية التي يوظفها، وبأسلوبه الخاص الذي يعرض به تاريخ بعض الأفكار الرياضية، وبالطريقة التي يقيم بها تعلمات تلاميذه، وبالكيفية التي يعاملهم بها، بهذا كله يجسد صورة حية عن الرياضيات لدى هؤلاء التلاميذ.

## 2. ملامح التخرج من التعليم الثانوي العام و التكنولوجي:

يساهم تدريس الرياضيات في الجذع المشترك علوم و تكنولوجيا و الشعب المتفرعة عنه إلى تحقيق ملامح التخرج في نهاية هذه المرحلة التي تعتبر تنويعا لكل مراحل التعليم السابقة له و قاعدة الانطلاق للتعليم الجامعي أو مباشرة الحياة المهنية و تتمثل هذه الملامح في القدرة على :

- حل مشكلات.
- مواصلة الدراسة في إحدى التخصصات العلمية في التعليم الجامعي.
- التعلم الذاتي المستمر و البحث المنهجي و الابتكار.
- مزاوله تكوين مهني متخصص يؤهله إلى الاندماج في الحياة العملية.
- النقد الموضوعي و التعبير عن المواقف و الآراء و استخدام مختلف أشكال التواصل ووسائله .

## 3. الكفاءات المستهدفة في نهاية التعليم الثانوي العام و التكنولوجي:

### (1) الكفاءات العرضية

- يساهم تدريس الرياضيات في التعليم الثانوي العام و التكنولوجي في تنمية الكفاءات العرضية التالية :
- فهم التركيب الرياضي وطبيعة البرهان فيه.(التمييز بين النصوص الرياضية كالتعريف و الخاصية و النظرية ... ، توسيع خاصية أو قاعدة ، إجراء تعميم ، هيكلية المكتسبات في تسلسل و تناسق، وضع موضع الشك الأفكار غير المبرهن عليها و البحث فيها)
  - التفكير المنطقي وحل المشاكل.(فهم المعطيات، حصر المعطيات المفيدة لحل مشكل، تربيض و نمذجة الوضعيات، وضع تخمينات، وضع خطة لإنجاز عمل ، حصر الحجج و المبررات و تنظيمها في تسلسل استنتاجي، اختيار إجراء مناسب و السير فيه نحو تحقيق الهدف)
  - التوجهات السليمة في التعلم وعادات العمل الفعال.(دقة الملاحظة، فهم رسالة و تحليلها، ضبط الأفكار الأساسية في نص أو في محاوره ، البحث عن المعلومات الضرورية للقيام بعمل ما، العمل الفردي الجماعي، روح المبادرة)
  - التبليغ بواسطة التعبير الرياضي.(التحكم في المفردات اللغوية التي تساعد على ربط الجمل الاستنتاجية، تحرير برهان أو نص حجج أو تبريرات أو تفسيرات أو شروحات، تحرير سليما لغة و معنى، إجراء حوار أو مناقشة حول موضوع ذو طابع عام، ثقافي أو اجتماعي أو علمي، إنجاز رسومات أو تمثيلات بيانية أو جداول قصد تلخيص وضعية أو أفكار أو نصوص، توظيف تكنولوجيات الاتصال في الوصول إلى المعلومة و التبليغ)
  - تقدير وتذوق جمال الرياضيات والرغبة في توظيفها و مواصلة دراستها أو دراسة ميدان قريب منها.(تقديرها لذاتها و لدورها واستعمال مكتسبات رياضية لمعالجة مسائل مرتبطة بالعلوم الاجتماعية أو العلوم الاقتصادية أو العلوم الفيزيائية أو العلوم الطبيعية) .

### (2) الكفاءات الرياضية

#### (1.2) في ميدان الأعداد و الحساب.

- ① معرفة و استعمال خواص الأعداد الطبيعية و الصحيحة النسبية.
- ② معرفة و استعمال الأعداد الحقيقية و الأعداد المركبة.
- ③ تربيض وضعيات بواسطة معادلات أو مترجمات.
- ④ التمييز بين المجهول و المتغير و الوسيط.
- ⑤ توظيف معادلات و مترجمات في حل المشكلات.

#### (2.2) في ميدان الدوال.

- ① إدراك مفهوم الدالة بجوانبه الثلاثة، البياني و الجبري و الحسابي.
- ② تربيض وضعيات باستخدام الدوال.
- ③ معرفة التعابير البيانية و التعامل معها بوضوح و دقة.
- ④ توظيف الدوال لحل مشكلات.
- ⑤ دراسة الدوال ( أنواعها، خواص تحليلية، الحساب التكامل و تطبيقات له).

#### (3.2) في ميدان الهندسة.

- ① حل مسائل متعلقة بالأشكال الهندسية المألوفة في المستوي و في الفضاء.
- ② إنجاز الإنشاءات الهندسية الأساسية وإنشاءات مركبة و البحث عن مجموعات النقاط.
- ③ حل مسائل تتعلق بالهندسة التحليلية في المستوي و في الفضاء.
- ④ التعرف على بعض التحويلات النقطية (الإزاحات، ضد الإزاحات، التآلف، التحاكي) و توظيفها في حل مسائل هندسية.

#### (4.2) في ميدان الإحصاء و الاحتمالات.

- ① التعرف على سلسلة إحصائية و استخراج مؤشرات الموقع و مؤشرات التشتت.
- ② نمذجة وضعيات قصد إجراء دراسة إحصائية.
- ③ استخدام تعابير بيانية مختلفة للدلالة على معطيات أو مؤشرات أو نتائج.
- ④ التعرف على تموج العيّنات و بناء نموذج الاحتمالي ( نموذج رياضي).
- ⑤ الربط بين معطيات تجربة عشوائية و نموذجها الاحتمالي.
- ⑥ إدراك مفهوم الاحتمال و ممارسة الحساب الاحتمالي .

## 5.2 ( فيما ما يتعلق بالإنشاء الرياضي و البرهان و توظيف المنطق.

- 1 معرفة أنماط البرهان و التمييز فيما بينها و ربط كل منها بصيغته المنطقية.
- 2 توظيف المنطق الرياضي توظيفاً سليماً في بناء براهين رياضية في كافة ميادين التعلم.
- 3 الملاحظة بدقة و الربط لبناء استنتاجات.
- 4 التعبير مشافهة، بدقة و وضوح وباختصار و تسلسل منطقي عن الأفكار الرياضية قصد تبليغها.
- 5 التقويم و النقد البناء لنصوص رياضية.
- 6 استشعار و تذوق الجمال الرياضي في دقة البرهان و جزالته و تسلسله المنطقي.
- 7 تحرير نص رياضي تحريراً سليماً، لغة و معنى و مبنى، سواء تعلق الأمر ببرهان أو وصف أو تفسير أو شرح أو تقديم حجة

## 6.2 ( فيما ما يتعلق بتكنولوجيات الإعلام والاتصال.

- 1 استعمال الحاسبتين العلمية و البيانية في بناء تعلمات بما فيها بناء برامج بسيطة و حل مسائل في الحساب و الدوال و الإحصاء و الاحتمالات.
- 2 استعمال برمجيات الهندسة الديناميكية و المجدولات و رسامات المنحنيات و مواكبة تطوراتها.
- 3 استعمال الإنترنت للبحث في مواضيع رياضية أو مرتبطة بالرياضيات.

## 4. الكفاءات الرياضية المستهدفة في نهاية الجذع المشترك علوم وتكنولوجيا:

يعتبر الجذع المشترك علوم وتكنولوجيا توجيهاً أولياً للتلميذ و التقدم في إنجاز برنامج الرياضيات الخاص به في مختلف ميادين المادة يساعد التلميذ في نهاية السنة الدراسية على تحسين توجيهه العلمي، والاقتناع بالشعبة التي يوجه إليها في السنة الدراسية المقبلة . وهو ما يبعث الاستعداد اللازم للتعامل إيجابياً مع واقعه المدرسي في المستوى الموالي . و لتجسيد ذلك يضع هذا البرنامج مجموعة من الكفاءات التي يتوخى تحقيقها عند هذا الصنف من التلاميذ حسب الجدول الآتي :

### جدول الكفاءات المستهدفة:

الميدان	الكفاءات الرياضية
الأعداد و الحساب	1. ممارسة و إتقان الحساب بكل أنواعه في مجموعة الأعداد الحقيقية. 2. التحكم في الحساب الجبري قصد البرهنة وحل المشكلات. و التمييز بين مفاهيم الوسيط، المجهول، المتغير. 3. التعبير عن مشكلات بمعادلات و مترجمات قصد حلها.
الدوال	1. إدراك مفهوم الدالة بمختلف الصيغ ( بيانية، حسابية، جبرية ) . 2. معرفة واستعمال خواص الدوال المرجعية وهي: $x \mapsto \frac{1}{x}$ $x \mapsto \sqrt{x}$ $x \mapsto x^2$ $x \mapsto ax + b$ . 3. اكتساب إجراءات تتعلق بالتعبير عن مشكلات بالدوال وحل هذه المشكلات. 4. التحكم في قراءة المنحنيات.
الهندسة	1. ممارسة الحساب الشعاعي في المستوى المتعلق بضرب شعاع بعدد حقيقي و جمع الأشعة. 2. حل مسائل هندسية تتعلق بالحساب الشعاعي. 3. إنجاز إنشاءات هندسية . 4. اكتساب إجراءات تتعلق بالبحث عن مجموعات النقاط في الهندسة المستوية. 5. تصور الأشكال في الفضاء.
الإحصاء	1. التمكن من قراءة المعطيات و جدولتها و تمثيلها بيانياً. 2. تلخيص سلسلة إحصائية بواسطة مؤشرات الموقع. 3. التمييز و المفاضلة بين مختلف مؤشرات الموقع عند دراسة وضعية.
تكنولوجيات الإعلام و الاتصال	1. استخدام الحاسبة العلمية لبناء تعلمات و لإجراء حسابات قصد حل مشكلة و الوعي بحدودها. 2. استخدام البرمجيات و الحاسبة العلمية أو البيانية للتجريب و التخمين و مقارنة نتائج و التصديق و للتطرق إلى مفهوم جديد (مفهوم الدالة، المحاكاة، ... ) 4. توظيف البرمجيات و الحاسبة البيانية لاستخراج منحني دالة قصد استغلاله. 5. توظيف البرمجيات و الحاسبة البيانية لحساب مؤشرات الموقع لسلسلة إحصائية أو لاستخراج تمثيلات بيانية أو مخططات خاصة بهذه السلسلة.
المنطق و البرهان الرياضي	1. الحكم على القضايا البسيطة و المركبة. 2. ممارسة البرهان بالاستنتاج و بالخلف و بفصل الحالات و بمثال مضاد. 3. التعرف على نمط برهان معطى و شرحه وتصديقه. 4. التمييز بين أنماط البرهان الذي يمارس في هذا المستوى. 5. تقريب نمط برهان من صيغة منطقية له.

# 5. عرض البرنامج

## 1.5 ( تقديم البرنامج )

لقد تم بناء هذا البرنامج وفق المقاربة بالكفاءات التي تعطي الأولوية لدور التلميذ في بناء المعرفة و توظيفها أكثر من المعرفة ذاتها ولكن دون إهمال لها، ففي إطار هذه المقاربة لا يمكن إدراج موضوع ما دون وجود مبررات وجيهة لذلك. و عليه فإن التعليمات التي يتلقاها التلميذ تستمد مبرراتها في هذا البرنامج من كونها تنطلق من الأبحاث الحديثة في علوم التربية و المبنية على أسس تعليمية تنظر إلى سلوك الفرد على أنه نشاط متناسق و واع و هادف، كما تعكس هذه التعليمات وجود غايات تهدف المدرسة إلى تحقيقها.

إن هذه التعليمات لا تنطلق في تقديم المعرفة بإعطاء التعريف أو غير سلسلة من الأمثلة التي تمثلها، بل تنطلق من وضعية- مشكل مرتبط بواقع التلميذ ليجد نفسه وهو يبحث فيه، يضع فرضيات و يقترح حلولاً و يبرر خطوات و يجرب خوارزميات و يناقش اقتراحات و يخمن نتائج و يصادق على هذه ويدحض تلك. وبهذا يصبح في وضع و قد استحوذ المشكل على تفكيره من جهة، و من جهة أخرى يكون هو قد احتضن هذا المشكل و تملكه ليصبح قضية تعنيه بصفة مباشرة خاصة عندما يدرك في نهاية المطاف أن مكتسباته لا تسمح له بحل هذا المشكل و حتى إن سمحت له بذلك، تبقى محدودة و عاجزة عن تمكينه من إعطاء حلول خبيرة، وعندها يشعر ويلمس الحاجة إلى تناول المفهوم الجديد موضوع الدراسة، و هو بهذا أيضاً يكون قد وجد مبررات وجيهة للتعليمات التي هو بصدد أخذها. شير في هذا المقام إلى أن إتباع هذا المدخل في التطرق إلى المفاهيم الجديدة في البرنامج ليس بالأمر الهين في جميع المواضيع نظراً لما يحفه من مصاعب تحتاج إلى تذليل، فضلاً عن كون غير ممكن في بعض الحالات.

إضافة إلى ما سبق فإن البرنامج يعتمد التعليم الحلزوني في معالجة المفاهيم فيتعهد تلك التي درست في المرحلة المتوسطة بالعودة إليها من خلال مواضيع جديدة تتوسع فيها هذه المفاهيم فيتطرق إلى جوانب جديدة منها و يربطها ببعضها كما هو الحال بالنسبة لموضوع التناسبية الذي يتوسع و يربط في هذا المستوى بدراسة الدوال و موضوع تنظيم المعطيات الذي يتوسع و يربط بالإحصاء و موضوع التحويلات النقطية الذي يوظف بمعية الأشكال الهندسية المألوفة في المستوي لحل مسائل هندسية .

إن تصنيف المواضيع التي يتطرق إليها هذا البرنامج ضمن أربعة ميادين و هي، الأعداد و الحساب، الدوال، الهندسة، الإحصاء يهدف في جملة ما يهدف إلى تجسيد مبدأ التعليم الحلزوني، وهذا لا يعني بأي حال من الأحوال أن تدريس مواضيع أي ميدان يتم بمعزل عن مواضيع الميادين الأخرى، بل يحدث ذلك في كنف انسجام و التكامل فيما بينها.

أما فيما يخص المنطق والبرهان، فإن البرنامج يوسع العمل فيهما إلى أنماط جديدة من الاستدلال الرياضي و صيغ متنوعة للتحرير يظهر فيها بشكل جلي توظيف بعض الكلمات و التعابير المفصلية مثل نعلم أن، لدينا، إذن، منه، و عليه، نلاحظ أن، (من ... و ... نستنتج أن)، بالجمع طرفاً لطرف، برفع الطرفين إلى الأس ... ، بالإضافة ... إلى الطرفين، بضرب الطرفين في ... ، بتربيع الطرفين، ... إلخ .

أن استعمال مثل هذه التعابير يسمح للتلميذ بتوظيف بعض مفاهيم المنطق، كالفصل و الوصل و الاستلزام الذي يقتصر التطرق إليه على معنى العبارة ( إذا كان ... فإن ... ) و التكاثر المنطقي ( إذا و فقط إذا كان ... )، كما يسمح له باكتشاف و بناء صيغ تعبيرية تخفي هذه المعاني و بطبيعة الحال، يتطرق الأستاذ إلى هذه الأمور عند معالجته لأي موضوع من البرنامج بصفة مستمرة، و يقرّبها إلى مبادئ المنطق المرتبطة بها. و نؤكد هنا على أن التعامل مع مفهومي الكممين الكلي و الوجودي يتم بشكل ضمني في التعابير الرياضية غير أن استعمال رمزيهما غير وارد في هذا البرنامج و بالنتيجة أضحي استعمال الترميز المنطقي لكتابة القضايا غير وارد أيضاً.

و في باب تكنولوجيا الإعلام والاتصال فإن البرنامج يسعى إلى الاستمرار في استعمال الحاسبة العلمية و يدرج الحاسبة البيانية التي تعتبر أداة عمل جديدة للتلميذ و الأستاذ على حد سواء، و ذلك لتسهيل الحصول على النتائج خلال البحث في مشكل سواء تعلق الأمر بالحساب أو بالتمثيلات البيانية في الدوال أو في الإحصاء كما تستعمل عند معالجة بعض المفاهيم الرياضية كمفهوم الدالة .

و يمتد استعمال تكنولوجيا الإعلام والاتصال إلى استخدام البرمجيات التي تساعد على إعطاء المنحنيات قصد استغلالها واستخدام برمجيات الهندسة الحركية و المجدولات .

إن هذا البرنامج يعطي أهمية خاصة للتقويم، من حيث أنه يوسع مداه من الإجابة عن السؤال القديم الجديد " هل جواب التلميذ صحيح؟ " إلى البحث عن إجابات لأسئلة أخرى من مثل " لماذا أجاب التلميذ هكذا؟ " و " هل يمكن أن يجيب هكذا؟ " إلى التساؤل حول المفاهيم والإجراءات التي اكتسبها، إلى التكفل بالصعوبات التي تعترضه والأخطاء التي يرتكبها إلى تثمين الحلول التي يقترحها وكذلك الأفكار التي يعرضها مروراً بتقدير المجهودات التي يبذلها و يواظب عليها وصولاً إلى تقويم مواقفه من محيطه المدرسي. و باختصار فإن هذا البرنامج يعطي للتقويم دوراً أساسياً في العملية التعليمية/التعلمية و يقترح وسائل لتجسيد ذلك.

يعتبر هذا البرنامج مسألة حل المشكلات من وسائله و أهدافه الرئيسية في تعليم و تعلم الرياضيات باعتبارها المسار الطبيعي للبحث و الإبداع في المعرفة الإنسانية منذ الوجود الأول للإنسان، فالبحث في مشكلة تعرض على التلميذ يدفعه إلى تجديد مكتسباته الفعلية في وضعية استكشافية يدمج فيها، إضافة إلى معارفه الرياضية التي تشتمل على المفاهيم و المهارات الحسابية المتعلقة بالقوانين الرياضية و الخوارزميات، قدراته العقلية و الوجدانية ليجسد بذلك كفاءة حل المشكلات والوصول إلى المعرفة بالمساهمة في بنائها. و من هنا يتبين لنا الربط المتكامل بين ثلاثة ركائز تؤسس لهذا البرنامج و هي المقاربة بالكفاءات و حل المشكلات و المقاربة البنائية .

إن الأستاذ و هو يطبق هذا البرنامج مع تلاميذه يكون قد أبرم عقداً تربوياً مع نفسه و مع تلاميذه ومع الهيئة التعليمية التي يعمل بالتنسيق معها وتحت إشرافها، يلتزم بمقتضاه العمل على تحقيق استمرارية السيرورات التعليمية المأخوذة في مراحل التعليم السابق خاصة مرحلة التعليم المتوسط .

## 2.5 عرض ميادين التعلم:

سوف نتعرض في هذه الفقرة بالتفصيل إلى الميادين الأربعة التي يتكون منها هذا البرنامج حيث نمهد لكل ميدان بفقرة تصف أهم ما جاء به و تعطي نظرة مختصرة له و تشير إلى ينتظر العمل فيه. إضافة إلى جدول يضم عموداً خاصاً بالمحتوى الرياضي و عموداً ينص على الكفاءات القاعدية يعمل الأستاذ على تحقيقها، كما تعتبر مؤشراً للتقويم يساعد الأستاذ في تقويم تعلمات تلاميذه. أما العمود الثالث فقد خصص لتقديم بعض التوجيهات و التعليقات التي تعني أحياناً المحتوى الرياضي و تعني أحياناً أخرى الكفاءات القاعدية، و عليه فقد صارت القراءة الأفقية ضرورية لفهم المراد من البرنامج. أما القراءة العمودية له خاصة لعمود الكفاءات القاعدية فهي تحقق تنظيم المعارف التي ينص عليها البرنامج و تسلسلها بما يجعلها متجانسة و متناسقة و متكاملة و بما يحفظ لها وحدتها في تناول.

تعتبر التعلّيمات التي يجنبها التلميذ في ميدان الأعداد و الحساب مرتكزا أساسيا للتطرق إلى الميادين الأخرى، لذلك نبدا في هذه السنة بالوقوف على مكتسبات التلاميذ الفعلية في هذا الميدان ثم العمل على تطوير التقنيات الحسابية المتعلقة بالحساب العددي و الحساب الجبري و ترتيب الأعداد و تدعيم مفهوم القيمة المطلقة و الحساب التقريبي واستعمال الحاسبة العلمية وإدراج الحاسبة البيانية والاستمرار في ممارسة البرهان قصد مساعدة التلميذ على تنمية رصيده في المنطق الرياضي. و تتم معالجة هذه المواضيع في معظمها بحل المشكلات و تصب أساسا في مصب واحد مع الميادين الأخرى ألا و هو خدمة كفاءة حل المشكلات.

المحتوى المعرفي	الكفاءات القاعدية	توجيهات و تعاليق و أنشطة
<p>مجموعة الأعداد الحقيقية <math>R</math> ومجموعاتها الجزئية <math>Q, D, Z, N</math></p>	<p>التمييز بين مختلف أنواع الأعداد. التحكم في الحساب على الكسور وعلى الجذور التربيعية والقوى الصحيحة.</p>	<p>نقبل أن مجموعة الأعداد الحقيقية هي مجموعة فواصل نقاط مستقيم مزود بمعلم. نجد في إمكانية التطرق إلى الأعداد القابلة للإنشاء فرصة لتوظيف بعض المكتسبات في الهندسة كنظريتي فيثاغورث و طاليس. تعطى خاصية مميزة للعدد العشري. نبرهن مثلا أن <math>\frac{1}{7}</math> ليس عددا عشريا. تدعيم المكتسبات المتعلقة بالقوى الصحيحة، الجذور التربيعية في تبسيط عبارة أو تنطيق مقام كسر أو الانتقال من الكتابة العشرية لعدد ناطق إلى الكتابة الكسرية له و العكس و في الحانب الحرفي. يبرهن مثلا أن العدد <math>\sqrt{2}</math> ليس عددا ناطقا.</p>
<p>الأعداد الأولية</p>	<p>تحليل عدد طبيعي إلى جداء عوامل أولية و استعماله. التعرف على أولية عدد طبيعي.</p>	<p>الهدف من دراسة الأعداد الأولية هو تدعيم مكتسبات التلميذ حول الحساب قصد توسيع تعامله مع القوى الصحيحة والكسور و الجذور التربيعية، لذا تدرج أنشطة إدماجية في اختزال وإجراء العمليات على الكسور تتضمن قوى صحيحة أو جذورا تربيعية تسمح للتلميذ بتوظيف القاسم المشترك الأكبر و المضاعفات المشتركة لعددتين طبيعيتين أو أكثر و قواعد قابلية القسمة على 2، 3، 4، 5، 9.</p>
	<p>التحويل من و إلى الكتابة العشرية، الكتابة العلمية، الكتابة باستعمال القوى الصحيحة للعدد 10. تدوير عدد عشري إلى <math>10^{-n} \in N</math> تحديد رتبة مقدار عدد. التمييز بين عدد وإحدى قيمه المقربة استخدام الحاسبة العلمية لتنظيم و إجراء حساب.</p>	<p>إن التعامل مع مُدَوَّر عدد و الكتابة العلمية و رتبة مقدار عدد يتم في إطار معالجة القيم المقربة لعدد، و يكون من بين أهدافها تزويد التلميذ بأدوات تسمح له بتقدير نتيجة حساب و التأكد من معقوليته. غير أن هذه القيم لا يجب أن توظف في بناء براهين رياضياتية. في مفهوم رتبة مقدار نعتمد التعريف: رتبة مقدار عدد عشري مكتوب في شكله العلمي <math>k \times 10^n</math> هي العدد <math>k' \times 10^n</math> حيث <math>k'</math> هو المدور إلى الوحدة للعدد <math>k</math>.</p>
		<p>تقترح أنشطة يتم فيها الحساب باليد أحيانا وتستعمل فيها الحاسبة العلمية في أحيان أخرى تعالج العناصر التالية: التعود على الحاسبة، الكتابة العلمية، تحديد رتبة مقدار، القيمة المخزنة في ذاكرة الحاسبة، توضيح مزايا وحدود الحاسبة. و لا يكتفى في استخدام الحاسبة لإجراء حساب، بل نمدد ذلك إلى اختيار أنشطة يقوم فيها التلميذ بالتجريب و التخمين و التصديق على نتيجة... يمكن اقتراح أنشطة من النوع "البحث عن القيمة المقربة للعدد <math>\pi</math> المخزنة في ذاكرة الحاسبة".</p>



<div style="text-align: right;"> <div style="display: inline-block; width: 10px; height: 10px; background-color: black; margin-right: 5px;"></div> <div> <div style="text-align: right;">المتباينات والحصص</div> <div> <ul style="list-style-type: none"> <li>اختيار معيار لمقارنة عددين.</li> <li>إيجاد حصر لعدد حقيقي.</li> <li>حصر عبارة جبرية.</li> <li>حصر عبارة تتضمن مقلوبا</li> </ul> </div> </div> </div>	<div style="text-align: right;"> <div style="display: inline-block; width: 10px; height: 10px; background-color: black; margin-right: 5px;"></div> <div> <div style="text-align: right;">القيمة المطلقة والمجالات</div> <div> <ul style="list-style-type: none"> <li>كتابة عبارة تشتمل رمز القيمة المطلقة على شكل عبارة مكافئة لها بدون رمز القيمة المطلقة.</li> <li>التعبير عن جزء متصل من <math>\mathbb{R}</math> بإحدى الصيغ الأربعة: بمجال أو بحصر أو بمسافة أو باستعمال القيمة المطلقة.</li> </ul> </div> </div> </div>	<div style="text-align: left;"> <div style="display: inline-block; width: 10px; height: 10px; background-color: black; margin-right: 5px;"></div> <div> <div style="text-align: left;">تعالج أمثلة عددية نلاحظ من خلالها وجود عدة اختبارات لمقارنة عددين ناتجة من خواص تلاؤم العلاقة <math>\geq</math> مع <math>+</math> في <math>\mathbb{R}</math> ومع <math>\times</math> في <math>\mathbb{R}^+</math> ، وأخرى تكون حقا لتوظيف بعض البراهين كفصل الحالات مثلا.</div> <div> <div style="text-align: left;">الدراسة النظرية لهذه الفقرة غير واردة في البرنامج وهذا لا يمنع من برهان بعض الخواص المتعلقة بقواعد الحصر.</div> <div> <div style="text-align: left;">يمكن أن تستغل الحالة التي يكون فيها العددين <math>a</math> و <math>b</math> موجبان تماما في معالجة برهان تكافؤ معياري الفرق</div> <div style="text-align: center;"> <math display="block">a - b \geq 0 \text{ والنسبة } \frac{a}{b} \geq 1</math> </div> <div style="text-align: left;"> <div>تمتد المقارنة إلى العددين <math>a^2</math> و <math>b^2</math> ثم <math>\sqrt{a}</math> و <math>\sqrt{b}</math></div> <div style="text-align: center;"> <math display="block">(b \geq 0, a \geq 0)</math> </div> <div style="text-align: center;"> <math display="block">\text{ثم إلى } \frac{1}{b} \text{ و } \frac{1}{a} \text{ ( } b \neq 0, a \neq 0 \text{ )}</math> </div> <div style="text-align: left;"> <div>انطلاقا من مقارنة العددين <math>a</math> و <math>b</math>.</div> <div> <div style="text-align: left;">تختار أنشطة إدماجية تريض فيها الوضعيات بواسطة معادلات أو مترجمات من الدرجة الأولى ويتطلب حلها توظيف هذه المقارنات.</div> <div> <div style="text-align: left;">تمدد النشاطات الخاصة بحصر مجموع أو جداء عددين إلى حصر الفرق والنسبة والمقلوب والجزر التربيعي باعتبارها تطبيقات لمقارنة عددين وتمثل فرصة ببرهن فيها التلميذ الخواص المحصل عليها.</div> </div> </div> </div> </div> </div> </div></div></div>	<div style="text-align: left;"> <div style="display: inline-block; width: 10px; height: 10px; background-color: black; margin-right: 5px;"></div> <div> <div style="text-align: left;">تعرف المسافة بين عددين <math>a</math> و <math>b</math> على أنها المسافة بين النقطتين اللتين فاصلتاها <math>a</math> و <math>b</math> بحيث لا تثار أية تعقيدات حول هذا المفهوم ونترك الفهم الحدسي يأخذ مجراه هنا بشكل طبيعي.</div> <div> <div style="text-align: left;">تترجم <math> a - b </math> على أنها المسافة بين العددين <math>a</math> و <math>b</math>.</div> <div> <div style="text-align: left;">نوضح في المجال: طوله و مركزه و نصف قطره.</div> <div style="text-align: left;">تعالج أنشطة إدماجية توظف تقاطع و اتحاد المجالات و دراسة إشارة ثنائي حد من الدرجة الأولى.</div> <div style="text-align: left;">يمكن التعبير عن قيمة عشرية <math>d</math> مقربة لعدد حقيقي <math>a</math> بتقريب قدره <math>10^{-n}</math> بالعبارة <math> a - d  \leq 10^{-n}</math>.</div> </div> </div> </div> </div>
--	--	---	--

### 2.2.5 الدوال:

تبرز في هذا الموضوع خمس نقاط أساسية هي:

\* التحضير لدراسة التحليل.

\* جعل التلميز يكتسب لأدوات جديدة توظف في حل المشكلات ضمن أطر مختلفة هي: الإطار الجبري و الإطار التحليلي و الإطار البياني و ذلك حسب مقتضيات الوضعية التي تواجهه.



المحتوى المعرفي	الكفاءات القاعدية	توجيهات و تعاليق و أنشطة
<p>□ مفهوم الدالة</p> <p>التمثيل البياني لدالة في معلم</p> <p>□ دالة متزايدة، دالة متناقصة، قيمة كبرى قيمة صغرى على مجال دالة زوجية، دالة فردية</p> <p>□ دراسة بعض الدوال المرجعية</p> <p>الدائرة المثلثية</p>	<p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● تحديد دالة (متغيرها، مجموعة تعريفها، مجموعة قيمها)</li> <li>● تعيين صورة عدد أو سابقة عدد وفق دالة معرفة بواسطة منحنى أو دستور.</li> <li>● الربط بين دستور و جدول قيم و تمثيل بياني.</li> <li>● توظيف الحاسبة البيانية لإعطاء التمثيل البياني لدالة معطاة على مجال بواسطة دستور.</li> <li>□</li> <li>● وصف سلوك دالة معرفة بمنحن باستعمال التعبير الرياضي المناسب.</li> <li>● استنتاج جدول تغيرات دالة انطلاقا من تمثيلها البياني.</li> <li>● إرفاق جدول تغيرات معطى بتمثيل بياني ممكن.</li> <li>● استعمال الحاسبة البيانية لإيجاد القيم الحدية لدالة على مجال.</li> <li>● التعرف على شفعية دالة انطلاقا من تمثيلها البياني أو بالاعتماد على التعبير الجبري للخاصية.</li> <li>□</li> <li>● حساب نسبة التزايد، تحديد اتجاه التغير ثم التمثيل البياني لكل من الدوال : <math display="block">x \mapsto x^2, \quad x \mapsto ax + b</math> <math display="block">x \mapsto \frac{1}{x}, \quad x \mapsto \sqrt{x}</math> </li> <li>● معرفة الراديان و التحويل من الدرجة إلى الراديان و العكس.</li> <li>● تحديد اتجاه تغير الدالتين جيب " sin " و جيب التمام " cos " على مجال معطى و تمثيلهما بيانيا.</li> </ul>	<p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● يتم التطرق إلى مفهوم الدالة انطلاقا من مكتسبات التلميذ في هذا الميدان كالتناسبية مثلا و من خلال دراسة وضعيات ملموسة من الواقع و مستمدة من مشكلات هندسية أو فيزيائية أو من الحياة العملية ، تؤدي إلى توضيح مفهوم الدالة شيئا فشيئا و يمكن الاستعانة في ذلك باستعمال الحاسبة البيانية.</li> <li>● لتبسيط مفهوم الدالة يمكن اقتراح أنشطة نقارب فيها هذا المفهوم انطلاقا من جدول قيم (على مجموعة منتهية)، ثم يتواصل العمل بالتركيز على الصيغ الأخرى.</li> <li>● يمكن الإشارة إلى أمثلة لدوال ذات متغيرين ( مثل مساحة مستطيل بدلالة بعديه )</li> <li>● الدوال التي يتم التطرق إليها هي على العموم، دوال عددية لمتغير حقيقي بمجموعة تعريف معطاة.</li> <li>● خلال التقدم في الدراسة، نحرص على التمييز بين الرمز <math>f</math> و <math>f(x)</math> باعتبار <math>f(x)</math> عددا و <math>f</math> الدالة التي ترفق بالعدد <math>x</math> العدد <math>f(x)</math> .</li> <li>● نشير إلى أن إظهار المنحنى على شاشة الحاسبة ضمن مجال لا يخلو من صعوبات حول ضبط متغيراتها حسب مقتضيات الوضعية المطروحة لذا يحرص الأستاذ على إعطاء التوجيهات اللازمة في هذا الباب و الوقت الكاف لتطبيقها.</li> <li>□</li> <li>● يلفت نظر التلميذ إلى أن دالة متزايدة تحافظ على الترتيب، في حين أن دالة متناقصة تعكس الترتيب، وانطلاقا من هذه الملاحظة تعطى التعاريف المناسبة.</li> <li>● يعطى تعريف كل من الدالتين الفردية و الزوجية انطلاقا من تناظر منحنى دالة بالنسبة إلى مبدأ المعلم أو محور الترتيب.</li> <li>● عند التطرق إلى تغيرات دالة على مجال نختار أمثلة تعالج الحالات يتم فيها التمييز بين دالة رتيبة أو دالة رتيبة تماما على مجال .</li> <li>□</li> <li>● تميز الدوال التآلفية بكون نسبة تزايدها ثابتة.</li> <li>● تقارب، من خلال أنشطة، المفاهيم المتعلقة بسلوك هذه الدوال و تمثيلها البياني من أجل قيم كبيرة أو قريبة من الصفر للمتغير و تقبل نتائجها.</li> <li>● يمكن، من خلال مسائل، اكتشاف دوال أخرى <p>من مثل: <math>x \mapsto  x </math> ، <math>x \mapsto \frac{a}{x}</math> ، <math>x \mapsto ax^2</math> ،</p> <math display="block">x \mapsto ax^2 + bx + c, \quad (a \neq 0) \quad x \mapsto \frac{a}{x+b},</math> </li> <li>● يعطى تعريف <math>\cos(x)</math> و <math>\sin(x)</math> كفاصلة و ترتيب نقطة من الدائرة المثلثية .</li> <li>● البرنامج لا يتطرق إلى الزوايا الموجهة لذلك يشار من خلال أمثلة إلى العلاقة بين كل عدد حقيقي و نقطة من الدائرة المثلثية بالاستناد إلى " لف " المستقيم العددي على الدائرة المثلثية .</li> <li>● يعطى تعريف <math>\tan(x)</math> كنسبة العدد <math>\sin(x)</math> إلى العدد <math>\cos(x)</math>.</li> <li>● يعتمد في تحديد اتجاه التغير و التمثيل البياني، على الدائرة المثلثية و الحاسبة البيانية.</li> </ul>

<p>□ العبارات الجبرية</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• التعرف على مختلف الصيغ لنفس العبارة الجبرية ( صيغة مختصرة، صيغة محللة، .....).</li> <li>• تحويل كتابة عبارة ( نشرها، تحليلها، اختصارها) و اختيار الصيغة المناسبة تبعاً للهدف المنشود.</li> </ul> <p>• كتابة العبارة <math>ax^2 + bx + c</math> على الشكل النموذجي <math>(a \neq 0)</math>.</p> <p>• تحليل العبارة <math>ax^2 + bx + c</math> (<math>a \neq 0</math>)</p> <p>• استعمال المميز حل المعادلة:</p> $ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$	<p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• تتم معالجة عبارات جبرية ذات متغير واحد عموماً و ذات متغيرين أحياناً، على أن يهدف النشاط فيها إلى تنمية إستراتيجيات تعتمد الملاحظة و الذكاء في الحساب، تجنباً للمبالغة في استعمال الآليات الحسابية.</li> <li>• تعتبر الأنشطة المتعلقة بالعبارات الجبرية حقلاً خصباً لممارسة الحساب الحرفي و لربط الدوال بالعبارات الجبرية حيث يتعرف التلميذ من خلال أمثلة على الدالة الموجودة ضمناً وراء كل عبارة جبرية.</li> <li>• لا تثار أية دراسة نظرية حول ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية بل نكتفي بالتركيز على تقنيات توظيف المتطابقات الشهيرة لكتابة الشكل النموذجي أو تحليلها لحل معادلات من الدرجة الثانية</li> </ul>	<p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• المقصود بتربيض المشكلات التعبير عنها بمعادلات أو مترجمات بحيث تعالج أنشطة لها صلة بالدوال والمعادلات والمترجمات تساعد على إبراز أهمية</li> <li>• العبارات الجبرية وتحت على البحث عن الكتابات الملائمة لها تستعمل فيها المتطابقات الشهيرة ويمكن التطرق إلى مشكلات توظف فيها مترجمات من الدرجة الثانية يؤول حلها إلى مترجمات من الدرجة الأولى.</li> <li>• نستعمل حل معادلة لتعيين سابقة عدد بدالة.</li> <li>• نستفيد من منحنيات الدوال و من أوضاعها النسبية في الحل البياني.</li> <li>• يمكن إعطاء أمثلة لمسائل تتطلب حل معادلات لا يعرف التلميذ حلها جبرياً أو تتطلب البحث عن حلول تقريبية لها، وتكون فرصة لاستخدام الحاسبة البيانية أو رسامات المنحنيات.</li> </ul>
<p>□ تربيض المشكلات</p> <p>• توظيف المعادلات و المترجمات من الدرجة الأولى و المعادلات من الدرجة الثانية لحل مشكلات.</p> <p>□</p> <p>• استعمال إشارة ثنائي لتعيين إشارة دالة أو لحل مترجمة .</p> <p>• الحل البياني لمعادلات و مترجمات من الشكل:</p> $f(x) = k, f(x) = g(x)$ $f(x) < k, f(x) < g(x)$ <p>الحل الجبري</p> <p>الحل البياني</p>	<p>□</p> <p>• التعرف على مختلف الصيغ لنفس العبارة الجبرية ( صيغة مختصرة، صيغة محللة، .....).</p> <p>• تحويل كتابة عبارة ( نشرها، تحليلها، اختصارها) و اختيار الصيغة المناسبة تبعاً للهدف المنشود.</p> <p>• كتابة العبارة <math>ax^2 + bx + c</math> على الشكل النموذجي <math>(a \neq 0)</math>.</p> <p>• تحليل العبارة <math>ax^2 + bx + c</math> (<math>a \neq 0</math>)</p> <p>• استعمال المميز حل المعادلة:</p> $ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$	<p>□</p> <p>• تتم معالجة عبارات جبرية ذات متغير واحد عموماً و ذات متغيرين أحياناً، على أن يهدف النشاط فيها إلى تنمية إستراتيجيات تعتمد الملاحظة و الذكاء في الحساب، تجنباً للمبالغة في استعمال الآليات الحسابية.</p> <p>• تعتبر الأنشطة المتعلقة بالعبارات الجبرية حقلاً خصباً لممارسة الحساب الحرفي و لربط الدوال بالعبارات الجبرية حيث يتعرف التلميذ من خلال أمثلة على الدالة الموجودة ضمناً وراء كل عبارة جبرية.</p> <p>• لا تثار أية دراسة نظرية حول ثلاثي الحدود من الدرجة الثانية بل نكتفي بالتركيز على تقنيات توظيف المتطابقات الشهيرة لكتابة الشكل النموذجي أو تحليلها لحل معادلات من الدرجة الثانية</p>

### 3.2.5 الهندسة:

تفترض على التلاميذ مسائل تعالج باستعمال التحويلات النقطية و خواص الأشكال الهندسية التي درست سابقاً قصد تعميق معارفهم، كما تتم مواصلة دراسة الحساب الشعاعي و التوسع فيه في إطار الهندسة التحليلية. في الهندسة الفضائية توظف مكتسبات التلاميذ حول المجسمات و الحساب في الفضاء و تتوسع بدراسة المستوي و المستقيم و أوضاعهما النسبية، و هو ما يسمح بتنمية قراهم على تصور و تمثيل الأشكال في الفضاء. يدرج في هذه السنة مفهوم جديد هو " المثلثات المتشابهة " والتي يمكن إثبات حالات التشابه فيها باستخدام نظرية طاليس و حالات تقايس المثلثات. و لا شك أن استعمال برمجيات الهندسة الديناميكية يجد مبرراته في هذه المواضيع حيث يجد التلاميذ فرصة الملاحظة و التجريب و إنشاء الأشكال الهندسية باستعمال خواصها .

المحتوى المعرفي	الكفاءات القاعدية	توجيهات و تعاليم و أنشطة
<p>□</p> <p>الهندسة في الفضاء</p> <p>المستقيم والمستوي في الفضاء التوازي و التعامد</p>	<p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• التعرف على المجسمات.</li> <li>• حساب الأطوال و المساحات و الحجوم</li> <li>• التعرف على الأوضاع النسبية لمستويين، لمستقيم و مستو، لمستقيمين.</li> </ul>	<p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• تقترح أنشطة:</li> <li>- لإنشاء تصميم (منشور لمجسم)</li> <li>- لتمثيل أشكال هندسية في الفضاء اعتماداً على المنظور المتساوي القياس.</li> <li>- لحساب أطوال و مساحات و حجوم في الأشكال الهندسية التالية: المكعب، متوازي المستطيلات، الهرم الموشور، الأسطوانة القائمة، الكرة .</li> <li>• تعالج أمثلة لتوظيف بديهيات الوقوع و الترتيب و الخواص المتعلقة بالتوازي و التعامد في الفضاء.</li> </ul>

<p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>المقصود بالأشكال الهندسية المألوفة، الأشكال التي تطرق إليها التلميذ في مرحلة التعليم المتوسط و هي: متوازي الأضلاع، المثلثات الخاصة، المعين، المستطيل، المربع، المستقيمت الخاصة في المثلث.</li> <li>يختار المسائل بحيث: <ul style="list-style-type: none"> <li>- تشغل المكتسبات حول المستقيمت و المثلثات والرباعيات و التحويلات النقطية و النسب المثلثية</li> </ul> </li> <li>- تراعي و تشجع تنوع الآراء لدى التلاميذ في إطار نظري محدود.</li> <li>- تسمح ببناء برهانين لنفس الخاصية بنمطين مختلفين.</li> <li>- تسمح بمواصلة تعلم البرهان واستعمال مفردات المنطق (الاستلزام، الاستلزام العكسي، التكافؤ) دون استعمال الترميز الخاص بهم.</li> <li>يمكن استعمال برمجيات الهندسة الديناميكية للتجريب و للتخمين و لاستكشاف خواص الأشكال.</li> <li>يتعلق الأمر هنا بالدراسة الهندسية للتناظر المحوري، التناظر المركزي، الانسحاب، الدوران دون أية دراسة تحليلية.</li> <li>يمكن استغلال برهان الخواص المشتركة للتحويلات النقطية (المحافظة على استقامة النقط، التوازي، الأطوال، المساحات، أقياس الزوايا) و يعتبر ذلك بمثابة فرصة يمارس فيها التلميذ البرهان.</li> <li>يمكن حل مسائل حول محال هندسية و إنشاءات هندسية.</li> </ul> <p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>يمكن اقتراح أنشطة من النوع: "إنشاء النقطة التي تقسم قطعة مستقيم وفق نسبة معطاة"</li> <li>يمكن إدراج مسائل يتم فيها حساب إحداثي نقطة في معلم، علم إحداثيها في معلم معطى.</li> </ul> <p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>تعالج أمثلة يتم فيها استخدام الحاسبة البيانية لرسم المستقيمت و تعيين نقطة تقاطع مستقيمين.</li> <li>تعطى أنشطة يوظف فيها معامل التوجيه و يفسر بيانيا. <ul style="list-style-type: none"> <li>يبرهن ان لكل مستقيم معادلة من الشكل: <math>y = ax + b</math> أو <math>x = c</math></li> <li>و يتم الربط بين كل من هذين الشكلين و الشكل <math>ax + by + c = 0</math></li> </ul> </li> <li>يتعلق الأمر بمستقيم علمت منه نقطتان منه أو نقطة و منحاه.</li> <li>عند حل هذه الجمل يعتمد على مكتسبات التلاميذ و يربط ذلك بالأوضاع النسبية لمستقيمين.</li> <li>تعالج مسائل إدماجية توظف فيها جملة معادلتين بمجهولين و تستعمل فيها الحاسبة البيانية.</li> </ul>	<p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>حل مشكلات توظف فيها خواص الأشكال الهندسية المألوفة.</li> <li>توظيف مبرهنتي طالس و فيثاغورث و عكس كل منهما لحل مشكلات.</li> <li>اختيار مقياس للتعرف على المثلثات المقايسة.</li> <li>اختيار مقياس للتعرف على المثلثات المتشابهة.</li> <li>استعمال التحويلات النقطية و خواص الأشكال الهندسية المألوفة لحل مسائل.</li> </ul> <p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>التعرف على تساوي شعاعين</li> <li>التعرف على توازي شعاعين.</li> <li>التعرف على استقامية ثلاث نقط.</li> <li>التعبير عن توازي شعاعين و استقامية ثلاث نقط في معلم</li> </ul> <p>□</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>التعرف على معامل توجيه مستقيم</li> <li>إنشاء مستقيم علمت معادلة له.</li> <li>إيجاد معادلة لمستقيم.</li> <li>حل جملة معادلتين خطيتين لمجهولين</li> <li>حل مسائل تؤدي إلى استخدام مثل هذه الجمل.</li> </ul>	<p>□</p> <p>الأشكال الهندسية المألوفة في المستوي</p> <p>□</p> <p>المثلثات المتقايسة المثلثات المتشابهة</p> <p>□</p> <p>التحويلات النقطية</p> <p>□</p> <p>ضرب شعاع بعدد حقيقي</p> <p>□</p> <p>المعلم في المستوي</p> <p>□</p> <p>معادلة مستقيم</p> <p>□</p> <p>جملة معادلتين خطيتين لمجهولين</p>
--	---	--

## 4.2.5) الإحصاء:

يعمل الأستاذ هنا على تدعيم مكتسبات التلاميذ في الإحصاء بما يسمح لهم بالقيام بتفضيل مؤشر موقع على آخر حسب المغزى الذي يأخذه كل منهما. ويتوسع الأمر إلى مقارنة بعض مؤشرات الموقع لسلسلة إحصائية ومقاربة مفهوم التشتت من خلال مؤشر المدى. كما يبدأ التلميذ في هذه السنة بإجراء محاكاة لبعض التجارب العشوائية البسيطة وذلك لملاحظة تغير التكرارات من تجربة إلى أخرى واستقرارها شيئاً فشيئاً كلما كبر حجم العينة بهدف استخراج نماذج رياضية تمهيدا لدراسة الاحتمالات. وللعلم فإن استعمال المجدولات والحاسبة العلمية أو البيانية في حساب تلك المؤشرات أو التمثيلات البيانية يعتبر من الكفاءات التي يعمل الأستاذ والتلميذ على تحقيقها.

المحتوى المعرفي	الكفاءات القاعدية	توجيهات و تعاليق و أنشطة
<input type="checkbox"/> <b>الميزة الإحصائية</b>  <b>السلسلة الإحصائية</b>  <b>التمثيلات البيانية</b>	<input type="checkbox"/> التمييز بين الميزتين الإحصائيتين: الكمية و النوعية. • التمييز بين المتغيرين الإحصائيين المتقطع والمستمر.  • التعرف على سلسلة إحصائية القيمة الإحصائية، التكرار، التواتر (التكرار النسبي) • إنجاز التمثيلات البيانية (مخطط بالأعمدة، مخطط دائري، مضلع تكراري، مدرج تكراري) • قراءة التمثيلات البيانية و ترجمتها حسب طبيعة المسألة المطروحة.	<input type="checkbox"/> تقترح أنشطة من الواقع المدرسي أو الاجتماعي أو الاقتصادي للتلميذ.  • تعالج أمثلة يتم من خلالها التطرق إلى القيم الشاذة لسلسلة إحصائية.  • فيما يخص المدرج التكراري، لا نكتفي بالحالة التي تكون فيها الفئات متساوية الطول، بل يمكن معالجة الحالة الأخرى لملاحظة تناسب المساحة المعبرة عن الفئة مع تكرارات هذه الفئة.
<b>مراجعة</b>		
<b>مؤشرات الموقع</b>  <b>المدى</b>  <input type="checkbox"/> <b>تذبذب العينات و استقراره</b>	• تعيين الوسط الحسابي، المنوال و الوسيط في الحالتين: المتغير المتقطع والمتغير المستمر. • معرفة خواص الخطية للوسط الحسابي و توظيفها.  • ترجمة المدى و مؤشرات الموقع و التعليق عليها بقصد التعبير عن وضعية في دراسة إحصائية.	• يمكن حساب الوسط الحسابي انطلاقا من الأوساط الحسابية الجزئية أو من التواترات (التكرارات النسبية).  • يمكن برهان خواص خطية الوسط الحسابي.  • تعالج أمثلة تسمح بإجراء مقارنة بين مؤشر و آخر قصد تفضيل أحدها على آخر حسب طبيعة السلسلة محل الدراسة.  <input type="checkbox"/> تختار وضعيات تعليمية كمدخل لتوضيح مفهوم العينة ومقاسها ثم تأخذ عينات مختلفة المقاسات فتتغير التكرارات من عينة إلى أخرى و هذا ما يدعى بتذبذب العينات. • نلفت النظر إلى أن اختيار الأنشطة المتعلقة بالمحاكاة لا يقتصر على تلك التي توظف فيها المجدولات أو الحاسبة العلمية (اللمسة RANDOM) أو البيانية فقط بل من المحبذ معالجة أنشطة تستغل فيها جداول الأرقام العشوائية (أرقام مرتبة عشوائيا) • لإجراء محاكاة لتجارب عشوائية يمكن اختيار كأمثلة : سحب الكرات، رمي قطعة نقدية أو زهر النرد . و نشير هنا إلى أنها تقتصر على الحالة التي تكون فيها الحظوظ في الظهور متساوية .

برنامج الرياضيات

السنة 1 ثانوي

جذع مشترك آداب

فيفري 2005

يدخل تجديد برنامج السنة الأولى من التعليم الثانوي العام و التكنولوجيا في إطار إصلاح المنظومة التربوية الذي تعتبر إعادة هيكلة كل أطوار التعليم فيها إحدى مظاهره الأساسية، فقد نتج عن ذلك جملة من المستجدات منها استحداث جذع مشترك علوم و جذع مشترك آداب. إن مواكبة وتيرة هذا الإصلاح على مستوى التعليم الثانوي الذي يصادف الدخول المدرسي 2006/2005 تقتضي أن تطبيق برامج الأولى ثانوي يصادف تلاميذ خضعوا للتعليم وفق الهيكلية السابقة عن الإصلاح، غير إنهم يجدون أنفسهم في هذه السنة ملزمين بدراسة مضامين رياضية غير منسجمة بصفة كلية مع ما تداولوه من قبل. إذ أن مكتسباتهم تخلو من كل معطى يتعلق بالإحصاء مثلا كما تخلو من الممارسات التعليمية المرتبطة بالمقاربة بالكفاءات، و الأمر هنا يتعلق ببرنامج جذع مشترك آداب، باعتبار أن بناء هذا البرنامج تم في إطار عملية تجديد برامج التعليم المتوسط و بالتالي فهو موجه إلى التلاميذ الذين تابعوا دراستهم في هذا التعليم. و عليه فإن السنتين الدراسيتين 2006/2005 و 2007/2006 تعتبران مرحلة انتقالية في تطبيق هذا البرنامج و انطلاقا من هذا المنظور فقد صار من الضروري التكفل بتلاميذ هذه المرحلة، إذ سنفردهم فقرة خاصة نوضح فيها كيفية التكفل بهم. و ذلك في انتظار وصول تلاميذ سنوات الإصلاح إلى التعليم الثانوي في الدخول المدرسي 2008/2007.

## 1 - مقدمة البرنامج

يشهد العالم تطورا علميا وتكنولوجيا واجتماعيا كان للرياضيات دور كبير فيه وتأثير ظاهر عليه، لذا فإن الحاجة إليها في كل المجالات أصبحت من الضرورات القصوى، وتعليمها من الاهتمامات الكبرى للمربين ورجال التربية. تزود الرياضيات المختصين وغيرهم من المهتمين بوسائل وأدوات تساعد على فهم الظواهر الطبيعية وحل مشاكل من الحياة العملية وغيرها واتخاذ قرارات. تساهم الرياضيات بقدر وافر في تطوير القدرات الفكرية والذهنية، والكفاءات المختلفة وتوفر الأدوات الإجرائية التي تمكن دارسها من التكيف مع محيطه والتعامل معه بسهولة ويسر. أعد هذا البرنامج وفق المقاربة بالكفاءات التي جاءت بها الأبحاث في علوم التربية حديثا، هذه المقاربة التي تولي عناية أكبر للتلميذ، إذ تجعله محور العملية التربوية في جل الأنشطة التعليمية يبني معرفته بنفسه من خلال وضعه أمام مشكل نظري أو من الحياة العملية أوله صلة بمواد دراسية أخرى، تشده إلى البحث والتقصي، فهو يجرب عبر أمثلة ويخمن نتائج، ويفعل أدوات نظرية، ويكتشف، ويبرر، ويقدم حلا، ويراقب النتائج، ويقوم مدى وجاهتها، ويصادق عليها، ويحرر براهين. هذه الممارسات تتطلب تجنيدا للمعارف والمهارات وتعبئة للمدارك وشحن القوى والملكات العقلية، وهي من ناحية أخرى لبنات لتأسيس المعرفة وبناء صرحها. وتعزيزا لهذه المقاربة فقد اعتمد البرنامج التعليم الحزوني الذي من شأنه أن يثبت مكتسبات التلميذ ويوسعها ويعمقها دوريا وبتواتر مدروس وهادف، عبر تقديم الميادين المقررة والمتمثلة في: الأعداد والحساب، الدوال، الإحصاء، والهندسة، هذه الميادين التي يحرص البرنامج على تظايرها وتكاملها لتنمية الكفاءات الإدماجية. و لقد أدرج في هذا البرنامج مواضيع تمتد عرضيا عبر الميادين المذكورة، وتتمثل في المنطق وتكنولوجيات الإعلام والاتصال. أما المنطق فيقتصر على توظيفه دون الخوض في الدراسة النظرية، قصد تهذيب التعبير الرياضي وصياغته صياغة سليمة في نص رياضي، ويكون التطرق إليه في وضعيات مناسبة ومن خلال أنشطة مختارة لهذا الغرض، وفي حدود البرنامج. وأما تكنولوجيات الإعلام والاتصال فتتمثل في استعمال الحاسبة العلمية أو اليبانية أو المجدولات، في الحساب أو التمثيلات البيانية للدوال وفي الإحصاء. يقدم كل ميدان في جدول يضم ثلاثة أعمدة تحدد للأستاذ المحتوى المعرفي والكفاءات المستهدفة وتساعد على اختيار أو بناء أنشطة تعليمية مناسبة لتحقيقها. فعمود للمحتوى الرياضي، وآخر للكفاءات القاعدية، وهي الكفاءات المستهدفة المرجو تحقيقها، ويتضمن العمود الثالث توجيهات وتعليق وأمثلة لأنشطة.

## 2. ملامح التخرج من التعليم الثانوي العام و التكنولوجيا (الشعب الأدبية)

يساهم تدريس الرياضيات في الجذع المشترك آداب الشعب المتفرعة عنه إلى تحقيق ملامح التخرج في نهاية هذه المرحلة التي تعتبر تنويعا لكل مراحل التعليم السابقة له و قاعدة الانطلاق للتعليم الجامعي أو مباشرة الحياة المهنية و تتمثل هذه الملامح في القدرة على:

- حل مشكلات.
- مواصلة الدراسة في إحدى التخصصات العلمية في التعليم الجامعي.
- التعلم الذاتي المستمر و البحث المنهجي و الابتكار.
- مزاولة تكوين مهني متخصص يؤهله إلى الاندماج في الحياة العملية.
- النقد الموضوعي و التعبير عن المواقف و الآراء و استخدام مختلف أشكال التواصل ووسائله.

## 3. الكفاءات المستهدفة في نهاية التعليم الثانوي العام و التكنولوجيا (الشعب الأدبية)

### 1.3 الكفاءات العرضية

يساهم تدريس الرياضيات في التعليم الثانوي العام و التكنولوجيا في تنمية الكفاءات العرضية التالية:

- فهم التركيب الرياضي وطبيعة البرهان فيه.
- التمييز بين النصوص الرياضية كالتعريف و الخاصية و النظرية ... ، توسيع خاصية أو قاعدة، إجراء تعميم، هيكلة المكتسبات في تسلسل و تناسق، وضع الأفكار غير المبرهن عليها موضع الشك و البحث فيها.
- التفكير المنطقي وحل المشاكل.
- فهم المعطيات، حصر المعطيات المفيدة لحل مشكل، تربيض و نمذجة الوضعيات، وضع تخمينات، وضع خطة لإنجاز عمل، حصر الحجج و المبررات و تنظيمها في تسلسل استنتاجي، اختيار إجراء مناسب و السير فيه نحو تحقيق الهدف.
- التوجهات السليمة في التعلم وعادات العمل الفعال.
- دقة الملاحظة، فهم رسالة و تحليلها، ضبط الأفكار الأساسية في نص أو في محاضرة، البحث عن المعلومات الضرورية للقيام بعمل ما، العمل الفردي الجماعي، روح المبادرة.
- التبليغ بواسطة التعبير الرياضي.
- التحكم في المفردات اللغوية التي تساعد على ربط الجمل الاستنتاجية، تحرير برهان أو نص رياضي تحريريا سليما لغة و معنى، إجراء حوار أو مناقشة حول موضوع ذو طابع عام، ثقافي أو اجتماعي أو علمي، إنجاز رسومات أو تمثيلات بيانية أو جداول قصد تلخيص وضعية أو أفكار أو نصوص، توظيف تكنولوجيات الاتصال في الوصول إلى المعلومة أوفي تبليغها.

« تقدير وتذوق جمال الرياضيات والرغبة في توظيفها و مواصلة دراستها أو دراسة ميدان قريب منها.  
تقديرها لذاتها و لدورها و استعمال مكتسبات رياضية لمعالجة مسائل مرتبطة بالعلوم الإجتماعية أو العلوم الاقتصادية أو العلوم الفيزيائية أو العلوم الطبيعية.

### 2.3 الكفاءات الرياضية في ميدان الأعداد و الحساب

- 1 معرفة و استعمال خواص الأعداد الطبيعية و الصحيحة.
- 2 معرفة واستعمال الأعداد الحقيقية.
- 3 تريبض وضعيات بواسطة المعادلات و المتراجحات.
- « توظيف المعادلات و المتراجحات في حل المشكلات.

#### في ميدان الدوال

- 1 إدراك مفهوم الدالة بجوانبه الثلاثة، البياني و الجبري و الحسابي.
- 2 تريبض الوضعيات باستخدام الدوال.
- 3 معرفة واكتساب التعابير البيانية و التعامل معها بوضوح و دقة.
- 4 استخدام الدوال لحل المشكلات.
- 5 التمكن من دراسة الدوال ( أنواعها، خواص تحليلية).

#### في ميدان الهندسة

- حل مسائل تتعلق بالهندسة التحليلية ( الأشعة، المستقيمات)
- حل مسائل تتعلق بحساب المثلثات استنادا الى المثلث القائم.

#### في ميدان الإحصاء والاحتمالات

- 1 التعرف على سلسلة إحصائية و استخراج مؤشرات الموقع و مؤشرات التشتت.
- 2 نمذجة وضعيات قصد إجراء دراسة إحصائية.
- 3 استخدام تعابير بيانية مختلفة للدلالة عن معطيات أو مؤشرات أو نتائج.
- 4 التمكن تدريجيا من الربط بين معطيات التجربة و النموذج الرياضي.
- 5 إدراك مفهوم الاحتمال و ممارسة الحساب الاحتمالي.

#### في ما يتعلق بالإنشاء الرياضي و البرهان و توظيف المنطق.

- 1 التعرف على أنماط من البرهان و التمييز فيما بينها
- 2 توظيف المنطق الرياضي توظيفا سليما.
- 4 تحرير نص رياضي تحريراً سليماً، سواء تعلق الأمر بتقديم برهان أو شرح تبرير.
- 5 التعبير بدقة و وضوح عن الأفكار الرياضية.
- 6 الدقة في الملاحظة و القدرة على الربط لبناء استنتاجات.

### 4 . الكفاءات الرياضية المستهدفة في نهاية السنة الأولى ثانوي ( جذع مشترك آداب):

يعتبر الجذع المشترك آداب توجيهاً أولياً للتلميذ، و إنجاز برنامج الرياضيات الخاص به يمكن التلميذ في نهاية السنة الدراسية من تحسين توجيهه، ومساعدته على التعامل إيجابياً مع واقعه المدرسي في المستوى الموالي. و يتحقق ذلك من خلال اكتسابه مجموعة كفاءات نوردها في الجدول الموالي .

الميدان	الكفاءات الرياضية
الأعداد و الحساب	1. ممارسة الحساب في مختلف المجموعات العددية. 2. التحكم في الحساب الجبري. 3. اكتساب إجراءات تتعلق بالتعبير عن مشكلات بمعادلات و متراجحات وحلها. 4. استخدام الحاسبة العلمية أو البيانية لإجراء حساب.
الدوال	1. إدراك مفهوم الدالة بمختلف الصيغ ( بيانية، حسابية، جبرية ). 2. معرفة واستعمال خواص الدوال المرجعية التي تمهد لدراسة الدوال. 3. قراءة جداول تغيرات ومنحنيات دوال، و تفسيرها. 4. اكتساب إجراءات للتعبير عن مشكلات - تتعلق بالدوال - وحلها 5. توظيف الحاسبة البيانية لاستخراج منحنى دالة.
الهندسة	1. ممارسة الحساب الشعاعي في الهندسة التحليلية. 2. حل مسائل هندسية تتعلق بالحساب الشعاعي في الهندسة التحليلية. 3. اكتساب إجراءات للتعبير عن مشكلات تتعلق بالمستقيمات، وحلها
الإحصاء	1. قراءة معطيات وتنظيمها. 2. عرض نتائج على شكل مخططات بيانية، وقراءتها وتفسيرها. 3. تلخيص سلاسل إحصائية بواسطة مؤشرات الموقع ومؤشر التشتت ( المدى ). 4. توظيف الحاسبة العلمية أو البيانية لحساب مؤشرات إحصائية أو لاستخراج تمثيلات بيانية.

**ملاحظة هامة :** فيما يخص المنطق والاستدلال يتدرب التلميذ على التعبير السليم بتوظيف أنماط الاستدلال واستعمال الروابط المنطقية (الوصل، الفصل، الاستلزام...) من خلال براهين بسيطة في الميادين المقررة دون الخوض في المنطق الشكلي واستعمال المكملات.



# 5. عرض البرنامج

## الأعداد و الحساب

تعتبر التعلّيمات التي يجنيها التلميذ في ميدان الأعداد و الحساب مرتكزا أساسيا للتطرق إلى الميادين الأخرى، لذلك نبدأ في هذه السنة بالوقوف على مكتسبات التلاميذ الفعلية في هذا الميدان ثم العمل على تطوير التقنيات الحسابية المتعلقة بالحساب العددي و الحساب الجبري و ترتيب الأعداد و تدعيم مفهوم القيمة المطلقة واستعمال الحاسبة العلمية وإدراج الحاسبة البيانية والاستمرار في ممارسة البرهان قصد مساعدة التلميذ على تنمية رصيده في المنطق الرياضي.

المحتوى التعليمي	الكفاءات القاعدية	ملاحظات وتعليق وأنشطة
الأعداد	<ul style="list-style-type: none"> <li>■ معرفة مختلف مجموعات الأعداد و استعمال الترميز <math>R, Q, Z, D, N</math></li> <li>■ التعرف على أولية عدد</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● في الأنشطة الحسابية المقدمة، يتم التركيز على التعامل مع الأعداد بمختلف أنواعها أكثر من التركيز على التعامل مع المجموعات العددية.</li> <li>● يتم حساب القاسم المشترك الأكبر لعددين، بتوظيف خوارزمية إقليدس أو التحليل إلى عوامل أولية.</li> <li>● يستغل تحليل عدد في اختزال الكسور وتبسيط عبارات تتضمن جذورا.</li> <li>● يستغل القاسم المشترك الأكبر والمضاعف المشترك الأصغر في حساب الكسور.</li> <li>● تقترح وضعيات مناسبة يميز من خلالها التلميذ بين عدد وإحدى قيمه المقربة. حساب هذه المقادير، يسمح للتلميذ، بتقدير نتائج حساباته ومراقبة معقوليتها.</li> </ul>
الترتيب و القيمة المطلقة	<ul style="list-style-type: none"> <li>● إنجاز حسابات على القوى</li> <li>● إنجاز حسابات على الجذور التربيعية.</li> <li>● تعيين قيمة مقربة أو مدور أو رتبة مقدار لعدد حقيقي.</li> <li>● تنظيم و إجراء حساب على أعداد ناطقة أو حقيقية باليد و بالحاسبة.</li> <li>● مقارنة عددين حقيقيين.</li> <li>● حصر عدد حقيقي</li> <li>● التعبير عن مجال بحصر، والعكس</li> <li>● حساب المسافة بين عددين</li> <li>● حساب القيمة المطلقة لعدد حقيقي</li> <li>● استغلال مفهوم القيمة المطلقة للتعبير عن مجال</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● يتم استعمال الحاسبة العلمية في مختلف الأنشطة الحسابية المتعلقة بميدان الأعداد و الحساب كما تعالج وضعيات تدل على محدودية أدائها.</li> <li>● مقارنة العددين <math>a^2</math> و <math>b^2</math> انطلاقا من مقارنة العددين <math>a</math> و <math>b</math>.</li> <li>● مقارنة العددين <math>\frac{1}{b}</math> و <math>\frac{1}{a}</math> انطلاقا من مقارنة العددين <math>a</math> و <math>b</math>.</li> <li>● مقارنة العددين <math>\sqrt{a}</math> و <math>\sqrt{b}</math> انطلاقا من مقارنة العددين <math>a</math> و <math>b</math>.</li> <li>● يتم تفسير مفهوم القيمة المطلقة لعدد حقيقي باستعمال المسافة إلى الصفر.</li> </ul>
المعادلات و المتراجحات	<ul style="list-style-type: none"> <li>● حل معادلات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد.</li> <li>● حل متراجحات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>● يمكن حل معادلات (متراجحات) يؤول حلها إلى حل معادلات (متراجحات) من الدرجة الأولى.</li> <li>● يعطى مفهوم المعادلة و مفهوم المتراجحة اعتمادا على وضعيات بسيطة ذات دلالة بالنسبة للتلميذ.</li> </ul>

## الدوال

تبرز في هذا الموضوع أربع نقاط أساسية هي:

- 1 - بناء مفهوم الدالة باعتماد ثلاثة جوانب هي: الجانب الحسابي و الجانب البياني و الجانب الجبري، بحيث تترابط و تتكامل فيما بينها.
- 2 - إجراء دراسة نوعية للدالة قصد إبراز بعض الخواص العامة.
- 3- دراسة بعض الدوال المرجعية قصد الاعتماد عليها في معالجة أمثلة في الدوال.
- 4- ربط الدوال بالعبارات الجبرية لعدة أغراض منها:
  - \* التحضير لدراسة التحليل.
  - \* إثراء تفكير التلميذ في توظيف الدوال لحل بعض المعادلات و المترجمات بيانيا.
  - \* جعل التلميذ يكتسب لأدوات جديدة توظف في حل المشكلات ضمن أطر مختلفة هي: الإطار الجبري و الإطار التحليلي و الإطار البياني و ذلك حسب مقتضيات الوضعية التي تواجهه .

المحتوى التعليمي	الكفاءات القاعدية	ملاحظات وتعليق وأنشطة
مفهوم الدالة.	<ul style="list-style-type: none"> <li>تعريف مفهوم الدالة.</li> <li>تعيين مجموعة التعريف لدالة.</li> <li>تعريف التمثيل البياني لدالة.</li> <li>تعريف دالة بواسطة منحني.</li> <li>تعريف دالة بواسطة جدول قيم.</li> <li>تعريف دالة بواسطة دستور.</li> <li>تعيين صورة عدد أو سابقة عدد وفق دالة معرفة بواسطة دستور أو جدول أو منحني.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>يساعد مفهوم التناسب في تقريب مفهوم الدالة.</li> <li>تعالج أمثلة متنوعة تسمح بإبراز العناصر الضرورية التي يبنى بها مفهوم الدالة. (إن العنصر الأساسي الذي يعمل الأستاذ على إبرازه هو أن تغير قيمة مرتبط بتغير قيمة أخرى).</li> </ul>
اتجاه تغير دالة على مجال.	<ul style="list-style-type: none"> <li>وصف سلوك دالة معرفة بمنحن أو دستور أو جدول قيم، باستعمال تعبير رياضي مناسب.</li> <li>استنتاج جدول تغيرات دالة انطلاقا من تمثيلها البياني، والعكس.</li> <li>إرفاق جدول تغيرات دالة معطى بتمثيل بياني.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>تختار أنشطة تثبت المقارنات الأولية بين الأعداد، تمهيدا لتوظيفها عند دراسة اتجاه تغير دالة على مجال.</li> </ul>
- القيم الحدية لدالة على مجال.	<ul style="list-style-type: none"> <li>التعرف على القيم الحدية لدالة على مجال.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>تتم الدراسة النوعية لهذه الدوال كل على حدة.</li> </ul>
- الدراسة والتمثيل البياني لدوال مرجعية.	<p>دراسة الدوال المرجعية:</p> $x \mapsto \frac{1}{x}, x \mapsto x^2, x \mapsto ax + b, x \mapsto ax$ <p>وتمثيلها بيانيا.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>تعطى أمثلة تبرز مفهومي القيمة الصغرى والقيمة الكبرى على مجال.</li> <li>تستغل التمثيلات البيانية في حل بعض المعادلات والمترجمات.</li> </ul>

## الإحصاء

يعمل الأستاذ هنا على تدعيم مكتسيات التلاميذ في الإحصاء بما يسمح لهم بالقيام بتفضيل مؤشر موقع على آخر حسب المغزى الذي يأخذه كل منهما. و يتوسع الأمر إلى مقارنة بعض مؤشرات الموقع لسلسلة إحصائية. كما يبدأ التلميذ في هذه السنة بإجراء محاكاة لبعض التجارب العشوائية البسيطة و ذلك لملاحظة تغير التكرارات من تجربة إلى أخرى و استقرارها شيئاً فشيئاً كلما كبر حجم العينة بهدف استخراج نماذج رياضية تمهيدا لدراسة الاحتمالات . وللعلم فإن استعمال الجدولات و الحاسبة العلمية أو البيانية في حساب تلك المؤشرات أو التمثيلات البيانية يعتبر من الكفاءات التي يعمل الأستاذ و التلميذ على تحقيقها .

المحتوى التعليمي	الكفاءات القاعدية	ملاحظات وتعليق و أمثلة لأنشطة
الميزة الإحصائية	<ul style="list-style-type: none"> <li>التمييز بين الميزتين الإحصائيتين: الكمية و النوعية .</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>تعالج أمثلة تسمح بجدولة معطيات مقدمة في صورة خام.</li> </ul>
السلاسل الإحصائية	<ul style="list-style-type: none"> <li>التمييز بين المتغيرين الإحصائيين : المتقطع و المستمر.</li> <li>تحديد السلسلة الإحصائية موضع الدراسة.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>تؤخذ السلسلة الإحصائية على أنها تلخيص لمعطيات خام أو مجدولة.</li> </ul>
التمثيلات البيانية	<ul style="list-style-type: none"> <li>انجاز التمثيلات البيانية التالية: مخطط بالأعمدة، مخطط تكراري، مخطط دائري، مدرج تكراري .</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>بالنسبة للمتغير المستمر نكتفي بالفئات المتساوية المدى.</li> </ul>
مؤشرات الموقع	<ul style="list-style-type: none"> <li>تعيين الوسط الحسابي، المنوال و الوسيط في الحالتين : لمتغير المتقطع والمتغير المستمر .</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>تعالج أمثلة تبدي ضرورة استعمال الحاسبة لحساب بعض المؤشرات.</li> <li>توظيف الحاسبة البيانية ( أو العلمية) لحساب مؤشرات الموقع لسلسلة إحصائية أو لاستخراج تمثيلات بيانية أو مخططات خاصة بهذه السلسلة.</li> </ul>

## الهندسة

يقتصر ميدان الهندسة على مواصلة دراسة الحساب الشعاعي في إطار الهندسة التحليلية، غير أن ذلك لا يمنع اقتراح أنشطة على التلاميذ تتطلب معالجتها استعمال خواص الأشكال الهندسية المألوفة التي درست سابقا.

المحتوى التعليمي	الكفاءات القاعدية	ملاحظات وتعليق و أمثلة لأنشطة
المعلم في المستوي.	<ul style="list-style-type: none"> <li>التعرف على أنواع المعالم.</li> <li>التعرف على إحداثي نقطة .</li> <li>التعرف على إحداثي شعاع.</li> <li>حساب إحداثي مجموع شعاعين.</li> <li>حساب إحداثي جداء شعاع بعدد حقيقي.</li> <li>التعرف على توازي شعاعين.</li> <li>كتابة معادلة لمستقيم معرف بنقطة و منحى أو معرف بنقطتين.</li> <li>تعيين شعاع التوجيه لمستقيم.</li> <li>حساب معامل توجيه مستقيم.</li> <li>التعرف على توازي مستقيمين.</li> <li>رسم مستقيم بمعرفة معادلة له.</li> </ul>	<p>تعتبر المعارف المقدمة في ميدان الهندسة بمثابة أرضية معرفية مساعدة للتلميذ على إكتساب المعارف المتعلقة بميدان الدوال و العبارات الجبرية و بميدان الإحصاء.</p>
معادلة مستقيم.		
النسب المثلثية في مثلث قائم.		

# توجيهات حول المقاربة بالكفاءات

## التدريس، التقويم، ...

### ١. توجيهات منهجية:

#### 1 - بناء المعرفة بدل تقديمها جاهزة:

يتفادى هذا البرنامج تقديم المعرفة جاهزة للتلميذ ليتلقاها في قوالب معدة سلفا ذلك أن مدار العملية التعليمية/التعلمية فيه هو اكتشاف المعرفة و بنائها من قبل التلميذ نفسه في سياقها الطبيعي أو على الأقل في سياق مرتبط و قريب منه، فيستغنى من جهة عن طرح أسئلة كالسؤال المؤلف " لماذا ندرس المعادلات؟ " أو " لماذا ندرس الدوال " . و من جهة أخرى يتعود هذا على أساليب البحث مما ينمي فيه روح الابتكار و الإبداع. لهذا فإن الأستاذ مدعو إلى اختيار الأنشطة التعليمية و المشكلات التي تخدم هذا الاتجاه، و عند معالجته لها يعمل على إعطاء الوقت الكافي للتلاميذ خلال فترة البحث كما يسمح لهم بعرض ما توصلوا إليه فينظم المناقشة بينهم و معهم فيعيد إليهم الكرة بإعادة طرح بعض أسئلتهم عليهم و يجيب على بعضها تارة أخرى عند الضرورة، كما يساعدهم على التعبير عن أفكارهم ليكون بذلك شريكا لهم في بعض الفترات من الحصة، و يكون في فترات أخرى مصدر المعرفة المؤسسة، و بهذا يصب العمل في اتجاه تجسيد مبدأ بناء المعرفة .

#### 2 - الممارسات في قاعة الدرس:

تنقسم ممارسات العملية التعليمية/التعلمية في القسم إلى نوعين، ممارسات تعليمية يؤديها الأستاذ و ممارسات تعلمية يؤديها التلميذ، و يحدث كل هذا في آن واحد و في إطار من التوافق و التناسق و التكامل و بدرجة مسؤولية أكبر عند الأستاذ، باعتباره محرك العملية برمتها. و تتراوح هذه الممارسات من تقديم التعلّمات إلى تقويمها مرورا ببناء المعرفة و توظيفها و ذلك عبر سلسلة من النشاطات التي تتمثل في اختيار الوضعيات الممهدة لدراسة مفهوم جديد أو اكتساب إجراءات و تقنيات جديدة، كما تتمثل في العودة إلى مفهوم سابق قصد توسيعه أو تجريبه أو توظيفه، و في بناء البراهين و صياغتها أو صياغة نصوص رياضية أخرى، و في التبليغ و هيكلية المعارف و التدريب على الطرق و التقنيات و الخوارزميات أثناء حل التمارين المنزلية و الفروض المنزلية و الفروض المحروسة و الاختبارات و أثناء تصحيحها بعد إنجازها، و الجدير بالذكر هو العمل على أن يحدث كل ذلك في جو يسوده الحوار و النقاش و النقد البناء و التفتح على الرأي الآخر و التطرق، مثلا، إلى الجوانب التاريخية لمفهوم ما أو إلى أعمال بعض الرياضيين، كلما أمكن ذلك خاصة عند حل المشكلات.

إن أداء هذه الممارسات اليوم يتطلب وسائل متنوعة تساعد كل من الأستاذ و التلميذ على القيام بها، فبالإضافة إلى الوسائل التقليدية المتعارف عليها في عالم التربية و التي منها الكتاب المدرسي و وثائق الأستاذ و كراس التلميذ و السبورة و.... إلخ، نجد أن هذا البرنامج يقم و سائل تكنولوجيا جديدة منها الحاسبة العلمية و الحاسبة البيانية و الحاسوب بما يتضمنه من برمجيات، و الملاحظ هو أن العمل ينصب ها هنا على تحقيق هدفين اثنين هما، تعلم التلميذ العمل بهذه الوسائل أولا و توظيفها ثانيا من قبله و من قبل الأستاذ بغرض أولي يتمثل في ممارسة الرياضيات.

ولا شك أن المقاربة بالكفاءات التي تعتبر من اختيارات هذا البرنامج تلقي بظلها على هذه الممارسات بما يجعلها بمنأى عن تجزئة المعرفة من جهة، وبما يكفل لها من جهة أخرى الامتداد إلى خارج قاعة الدرس ليتحقق بذلك مبدأ التحويل الذي تمتاز به الكفاءة.

#### 3 - دور الأستاذ:

لسنا في هذا المقام بصدد تقديم وصفة عمل تحدد دور الأستاذ، ذلك أن هذا الدور أكبر من أن يحصر في مجموعة من البنود أو التعليمات بالنظر إلى طبيعة مهمته التربوية. و لكننا نرسم له هنا خطوطا أساسية و شواهد ثابتة تكون نبراسا له في أداء رسالته أداء في مستوى الطموحات المسطرة. لذلك نشير إلى أن مقدمة هذا البرنامج، خاصة الفقرة الأخيرة منه التي نصها: ( إن هذا البرنامج هو عقد تعليمي ..... يجسد صورة حية عن الرياضيات لدى هؤلاء التلاميذ) تعتبر بمثابة الإطار المرجعي الذي ينطلق منه الأستاذ لأداء دوره الذي المنوط به، و الذي لا يقتصر على حدود حجرة الدرس و لا على فترة العمل بداخلها بل يتسع إلى ما قبل الدخول إليها و إلى ما بعد الخروج منها .

كما أن كل التوجيهات و التوضيحات الواردة فيه أو في الوثيقة المرافقة له لا تغني الأستاذ عن الاجتهاد و المثابرة لفهمها بقصد إثراء عمله بها تجسيدا لما جاء فيها. فمن التفكير في إنجاز عمل ما مع التلاميذ إلى التخطيط له إلى تنفيذه في إطار هذا البرنامج، يحقق الأستاذ ربط التعلّمات مع بعضها ربطا عموديا في الميدان الواحد و ربطا أفقيا في الميادين التعليمية جميعا، كما يتسنى له ترتيب الأولويات في المعارف التي يستهدفها في درسه من موضوع معين، بتوافق و انسجام مع الكفاءات القاعدية التي ينص عليها البرنامج في هذا الموضوع بالذات ، فيفكر و يخطط لاستراتيجية تناول موضوع خاصة إن كان جديدا باختيار الأنشطة المناسبة كذلك التي تجعل التلميذ يعي بأن مكتسباته غير كافية لحل مشكل كما تجعله في وضع الطالب للمعرفة و الباحث عنها أو تلك التي تهيكّل مكتسباته أو تدمجها أو توظفها. كما يفكر الأستاذ و يخطط لكيفيات تشجيع التلاميذ و حثهم و مساعدتهم عند الضرورة و تقويم تعلماتهم و استيعاب مواقفهم و ردود أفعالهم و يدرج ضمن ذلك أساليب و طرق التنسيق بين دوره و دورهم بما يحقق له و لهم التكامل و الانسجام فيما بينهم و معه باعتماد الحوار الرياضي

و المناقشة البناءة و الأخذ باقتراحات التلاميذ لتهدئتها تارة و تبيان نقائصها تارة أخرى، مع أخذ تمثيلاتهم السابقة للمعرفة بعين الاعتبار فيستدعي المعارف القابلة للتجديد و يحدث على توظيف الجاهزة منها، و حمل أخطائهم على محمل المقاربة بالكفاءات التي تنظر إلى الخطأ على أنه دليل وجود معرفة لكنها ليست المقصودة في ذلك الحين، و عليه لابد للأستاذ من التروي في مثل هذه المواقف ليمحص و ليدقق في هذا الخطأ قصد الوصول إلى مصدرها و من ثمة معالجتها، إن في الحصة نفسها أو في حصة لاحقة.

و لا يكتفي في أداء دوره هذا، بالتفكير في المضامين و التخطيط لها بل لابد أن يفكر أيضا في الكيفية التي يجسد بها التدخلات المذكورة في هذه الفقرة، فلطريقة التي يخاطب بها التلاميذ و للأساليب التعبيرية التي يتمثلها أمامهم و للكيفية التي يتعرض بها إلى تاريخ بعض الأفكار الرياضية و للتفاعل الوجداني مع عمله تأثير مباشر على العملية التعليمية/التعلمية سلبا أو إيجابا و على مردودها و بالمقابل على التلميذ بصورة عميقة و دائمة. و الأستاذ هنا مدعو إلى تقديم صورة إيجابية عن الرياضيات في المحيط المدرسي عامة و لدى تلاميذه خاصة.

#### 4 - دور التلميذ:

إن فعل التعلم يقتضي من فاعله بذل جهد معين نحو ما هو بصدد تعلمه، و يبدأ بالاستعداد النفسي والتركيز الذهني على الفعل، و يتأسس على قدرات التلميذ و مكتسباته و عاداته في التعلم، لذلك فهو مدعو لإبداء الاستعداد و التركيز اللازمين له و تأكيد حصول النية لديه لمباشرة التعلم من خلال الاستجابة لنظام التعامل ضمن المحيط المدرسي و قبول الدور الذي يعطى له فيه، سواء ما يتصل بقاعة الدرس أو ما يدور فيها. إن هذا الدور لا يقدم له على شكل لائحة من التعليمات و الأوامر، من طرف الأستاذ أو غيره، لا تقبل الأخذ و الرد من البداية بل هي عبارة عن تعليمات عمل يطلب منه إنجازها وفقها في قاعة الدرس أو خارجها، إضافة إلى توجيهات و نصائح و إرشادات تسوغ له بمسوغات ترضيه في العمل المدرسي إذ تبين له فوائد العمل بها و المنافع المبتغاة من ورائها و تشرح له المضار الناتجة عن إهمالها التهاون في تطبيقها، و ذلك في إطار يحسسه بالتضامن معه من أجل مصلحته التي يجب أن يكون أول الحارصين عليها، و يراعي في ذلك مستوى نضجه النفسي و العقلي حيث يسمح له أحيانا بالمشاركة في صياغتها أو الاستفسار حول جدواها و التدرج في تطبيقها و التألف معها لتصبح بعد ذلك عادة متأصلة فيه.

إن تعليمات العمل التي تقتزن بإنجاز ما، تعتبر في إطار المقاربة بالكفاءات الوجه الإجرائي للتوجيهات و النصائح و الإرشادات المشار إليها سابقا. و التي تتمحور أساسا حول ما يجب أن يقوم به التلميذ في قاعة الدرس و خارجها أي في البيت أو المكتبة. ففي قاعة الدرس يكون التلميذ باستمرار في حالة نشاط تعليمي يتنوع بين التفكير في حل لمشكلة أو اقتراح حل لها أو تبليغ حل أو مناقشة فكرة أو بناء برهان أو تحرير نص أو التعبير بواسطة منحنيات أو مخططات أو الاستفسار عن فكرة أو طريقة أو قاعدة. و نذكر هنا بأن إنجاز هذه المهام يحدث بدرجات متفاوتة من تلميذ لآخر و من حين لآخر، كما أن اقتناع التلميذ بإنجازها يكفل له سهولة الاندماج مع أقرانه في عمل الأفواج و في التنافس الشريف معهم و التمرکز في قلب العملية التعليمية/التعلمية.

أما دوره خارج قاعة الدرس فيتمثل أساسا في تنظيم وقته لأداء واجباته المدرسية بصفة متوازنة و واعية يبتعد فيها عن الارتجالية و المناسباتية، مما يمكنه من المواظبة على إنجاز الأعمال التي يطلبها منه أستاذه وفقا للتعليمات و التوجيهات المقدمة من طرف هذا الأخير. و تتمثل أيضا في تعزيز مكتسباته بمعالجة تطبيقات إضافية و مراجعة دروسه و ضبط ما أشكل عليه فيها ليسأل عنه لاحقا أستاذه أو زملائه في الصف.

و في الاستعداد للفروض الفصلية المحروسة التي تبقى لحد الآن المحك الرئيسي الذي يحدد و يعطي إشارة الانتقال من مستوى دراسي إلى مستوى دراسي أعلى.

#### 5 - التقويم:

#### 1.5 التقويم حجر زاوية في العملية التعليمية/التعلمية :

يعتبر التقويم سمة رئيسية في السلوك البشري بالنظر إلى دوره في بناء نظرة عن شيء ما، أو في تحسين مردود عمل معين. ولا ينأى بهذه القاعدة في العملية التعليمية/التعلمية باعتباره العمود الفقري الذي يساعد على حمايتها من الانزلاقات التي قد تفرزها عملية تجسيدها في إطار اختيارات و توجيهات البرنامج.

إن هذه الاختيارات تجعل من التقويم جزء لا يتجزأ من العملية التعليمية/التعلمية فتمدده على كل مراحلها إلى أن يلتف حولها، فيكون قبل التعلم و أثناءه و بعده. ولا يتوقف عند معرفة الخطأ أو النقص أو العقبات التي تصادف التلميذ أو الأستاذ، كما لا ينزوي في خانة التركيز على التلميذ كإعطاء علامة له، و لا يحد بزمان معين من حصة الدرس و لا بموقف معين منها. بل هو جزء من الممارسات التي تتم في قاعة الدرس بشكل منسجم بين الأستاذ و التلميذ و يكون أحيانا نتاج إفرازات تقتضيها طبيعة العملية نفسها كأن يلاحظ الأستاذ في ملامح وجه التلميذ نوع من الحيرة و التساؤل التي لم تتبلور بعد في ذهنه و غير المعلن عنها من قبله تصرّحا أو تلمّحا.

إن التقويم الذي يبتناه هذا البرنامج يمكن أن نطلق عليه مصطلح التقويم التربوي الذي تتفاعل فيه الجوانب المعرفية و الوجدانية و الحس حركية عند كل من الأستاذ و التلميذ معا و سويا و ليس بشكل منفرد كل على حدة. لذلك، فمن العيب أن نحاول في هذا المقام إعطاء طريقة نموذجية تتكفل بتفاعل هذه الجوانب، ولكننا نقدم خطوطا عريضة، في إطار المقاربة بالكفاءات، تسمح للأستاذ عند العمل بها، بتنظيم أدائه و تحسين مردود عمله في قاعة الدرس بما ينعكس إيجابا على عمل تلاميذه على المديين القريب و البعيد.

تتلخص هذه الخطوط في تحري الإجابة بصفة دائمة عن التساؤلات الرئيسية المتعلقة بالتقويم و التي تعطي معنى له و تتمثل في الأسئلة: "متى أقوم؟" و "ماذا أقوم؟" و "كيف أقوم؟" و "لماذا أقوم؟". إن محاولات الإجابة على هذه الأسئلة كفيلة بإحالة الأستاذ على التفكير في الفترات التي يخصصها للتقويم خلال حصة الدرس و في الأشياء التي يقومها في درسه و في الكيفية التي ينفذ بها ذلك و الأدوات الضرورية له و لتلاميذه للقيام بهذه المهمة إضافة إلى التفكير في أهداف هذه العملية.

إن المقاربة بالكفاءات تعتبر موجهة و إطارا لهذا التفكير تمدد بالأفكار الرئيسية للإجابة، تلك الإجابة التي نوجزها في الفقرة الموالية والمعنونة بفترات مخصصة للتقويم.

## 2.5 فترات مخصصة للتقويم.

### • قبل التعلم:

يطلق على التقويم الذي يجري في بداية الحصة مصطلح " **التقويم التشخيصي** " استنادا إلى وظيفته التي هي المساعدة على معرفة وتشخيص الوضعية الحالية لمكتسبات التلاميذ الضرورية لهذه الحصة و التي تنحصر عادة في إما أنها متوفرة فقط عند التلميذ أو أنها جاهزة للتوظيف من قبله أي أنه قادر على تجنيدها. و عادة ما يتم تجسيد ذلك بواسطة أسئلة معدة سلفا تطرح شفويا أو كتابيا ليجيب عنها التلميذ أو من خلال تقديم نشاط له. إن التحقق من إحدى الصفتين اللتين تحملهما مكتسبات التلاميذ أمر ضروري لمواصلة العمل في اتجاه الهدف من هذا التقويم و هو العمل على إحداث التجانس على مستوى المعارف المقصودة هنا و من ثم الانطلاق في المرحلة الموالية لتقديم الجديد من الدرس.

### • أثناء التعلم:

يطلق على التقويم الذي يجري خلال عملية التعلم، أي عندما يكون التلاميذ منهمكين في البحث في مشكل أو في إنجاز عمل و بصفة عامة عندما يكونون في حالة تعامل مع ما يعرض عليهم، مصطلح " **التقويم التكويني** ". إن التلاميذ و هم في هذه الحال، لا شك يجيبون عن أسئلة و يطرحون استفسارات و يقدمون مقترحات ... إلخ. إن هذا النشاط يعطي للأستاذ، بادئ ذي بدء، و هو يستمع لإجاباتهم و يلاحظ أعمالهم، نظرة أولية عما حققه بعضهم من تعلم دون البعض الآخر، ومن ثم يتعمق في معالجة الوضعية بإعادة الشرح مثلا أو تقديم تطبيق إضافي إن كان الأمر يتعلق بتقنيات حسابية أو خوارزميات أو نشاط تعليمي خاص من شأنه إزالة الغموض الذي أحاط بالمفهوم مثلا ... إلى غير ذلك من الإمكانيات التي لا يمكن حصرها في هذا المقام . إن التقويم التكويني لا ينبع من الاستماع إلى إجابات التلاميذ أو ملاحظة أعمالهم ، فحسب، بل و ينبع أيضا من توقعات الأستاذ و تنبؤاته لمواقع الصعوبة التي يمكن أن تعترض التلميذ والتي يستند في البحث عنها و كشفها إلى رصيده العلمي، الذي يعمل على إثرائه بصفة مستمرة في الحدود التي تسمح له بأداء مهامه، وإلى رصيده المعرفي الذي تعتبر التجربة المهنية و الخبرة في الممارسة جزء منه. و الجدير بالذكر، في هذا الباب، أن الرغبة الملحة في تحسين الأداء و الرفع من المردود ، تعتبر ان من أكبر البواعث لدى الأستاذ للبحث عن الصعوبات التي تعترض عملية التعلم عند التلميذ و من أقوى المحفزات له.

### • بعد التعلم:

بعد أن ينتهي الأستاذ من تقديم المعرفة المقصودة يشرع في حوصلة المكتسبات الجديدة للتلاميذ من خلال تقويم تعلماتهم، ويتم ذلك بأشكال مختلفة منها الأسئلة المباشرة، الاستجابات، الفروض المحروسة، الفروض المنزلية، الأبحاث، مما يعني أن التقويم بعد التعلم يمكن أن يكون في نفس الحصة كما يمكن أن يكون خارجها. و بما أنه يتجسد على أرضية التعلم الجديدة لمعرفة نتائجها و حصيلتها فقد اصطلح على تسميته " **التقويم التحصيلي** ".

إن هذا التقويم يهدف إلى مساعدة الأستاذ في إصدار حكم قيمي على مستوى التلميذ ليس فقط فيما يتعلق بالتعلم المستهدفة حديثا بل و أيضا فيما يتصل بتعلمات أخرى سابقة لها، و هذا من منطلق أن أدوات هذا التقويم أوسع و أشمل من أدوات التقويم السابقين، إذ تعتبر هنا الأنشطة الإدماجية وسيلة ناجعة و فعالة و ضرورية لتجسيده و ذات مصداقية أكبر في تثبيت الحكم و من ثم اتخاذ القرار المناسب، فإما علاج للقيائص و إما تدعيم للمكتسبات.

## 3.5 تحضير التلاميذ لامتحان البكالوريا:

إن المرور من نظام تقويم يركز على تراكم المعارف واسترجاعها واعتماد نفس الأنماط لحل المسائل إلى نظام يقتضي تجنيدها واعيا ومتحكما فيه للمعارف والموارد **يتطلب مرحلة انتقالية** لإرساء هذا النظام الجديد.

خلال هذه المرحلة الانتقالية، يخصص للتعلم في القسم حيزا معتبرا لتجنيده المعارف واستعمالها في أنشطة إدماجية أو "وضعيات- مشكل" متنوعة . وباعتبار أن مواضيع امتحان البكالوريا ستتضمن مستقبلا ، إلى جانب الشكل التقليدي للامتحان الذي سيحوز على نسبة تقارب الثلثين في السنوات الأولى، جزء موجه لتقويم الكفاءات من خلال اقتراح مسألة إدماجية تهدف إلى قياس درجة تحكم المتعلم في مجموعة من الكفاءات الرياضية والكفاءات العرضية المستهدفة في مرحلة التعليم الثانوي. تتمثل المسألة الإدماجية في وضعية مركبة و غير معقدة، ذات دلالة بالنسبة إلى المتعلم و تراعى فيها درجة التوجيه لمساعدة المتعلم، بما يسمح بقياس قدراته على توظيف موارده لحل مشكلات بنفسه .

ولتدعيم البعد الإدماجي، فإن المفاهيم المقررة في البرامج السابقة للسنة الثالثة ثانوي لا يجب أن تكون أساس موضوع الاختبار سواء كان ذلك في البكالوريا أو الامتحانات والفروض الفصلية، غير أن هذا لا يعفي التلاميذ من استعمال هذه المفاهيم عندما يتطلب الأمر ذلك. من هذا المنظور، يعمل الأساتذة على تدريب التلاميذ على هذا النمط الجديد للتقويم ابتداء من السنة الثانية ثانوي، حتى تتاح لهم فرصا أكثر للتأقلم معه.



## 4.5) الإدماج:

لقد شكّلت مسألة تحويل المعارف لمدة طويلة إحدى انشغالات الباحثين في علوم التربية، إذ أنّ دور المدرسة لا يتمثل في تدريس أشياء لمطالبة المتعلمين بعد ذلك باسترجاعها كما هي. بل يتعلّق الأمر بمساعدتهم على استعمال مكتسباتهم في وضعيات متنوعة سواء أكانت مدرسية أو غير مدرسية .

في هذا الإطار تبرز أهمية الإدماج كمسعى يهدف إلى تحديد كفايات اكتساب المعارف في القسم وفي نفس الوقت توظيفها وإعادة هيكلتها وتحويلها. يركز الإدماج على سيروية تعلم لا تقتصر فقط على اكتساب معارف ومهارات بل تهتم أيضا بتجديد هذه المعارف والمهارات في وضعيات لها دلالة بالنسبة إلى التلميذ .

من أهداف نشاطات الإدماج :

- جعل التلاميذ في وضعية مركبة، لها دلالة بالنسبة إليهم، تتطلب تجديد مجموعة من الموارد.
  - تدريب التلاميذ على استعمال مكتسباتهم (معارف ومهارات) في وضعيات مستقاة من محيطهم الاجتماعي والثقافي.
  - ترسيخ المعارف السابقة وإعادة هيكلتها وخلق روابط بينها.
- إنّ التحكم في عناصر منشئة لا يؤدي مباشرة إلى إمكانية استعمالها في وضعيات إدماجية، فمعرفة مبرهنة أو قواعد استعمالها لا تعني شيئا دون التوظيف في الوقت والموضع المناسبين.
- للتكفل بأنشطة الإدماج في هذا البرنامج الذي يركز على الكفاءات، نقتراح تخصيص فترات منتظمة، كلما توفرت مجموعة من الكفاءات التي يمكن تجديدها لحل وضعيات مركبة لها دلالة بالنسبة إلى التلاميذ. على أن لا تتحوّل حصص الإدماج هذه إلى حصص للمراجعة التقليدية أو لحل تمارين بدون هدف مسطر.

## 6 - البرهان الرياضي والمنطق:

لقد أثبتت التجربة الميدانية و الأبحاث النظرية أنه بالنسبة للتلميذ لا جدوى من تدريس المنطق من خلال جداول الحقيقة و التعاطي المجرد من كل مدلو لمحمسوس مع القضايا المنطقية، و كذلك الأمر بالنسبة لأنماط البرهان عند معالجتها في صيغها المنطقية. ذلك أن طابعها التجريدي لا يتوافق و مستوى النضج العقلي و الوجداني للتلميذ فهو لا يسمح له بإدراك المفاهيم المتضمنة فيها و بالتالي لا مجال له لتوظيفها في المواضيع الرياضية الأخرى التي تقترح عليه .

لذلك لا يشكل كل من المنطق و أنماط البرهان موضوعا للدراسة على حدة، ينتهي الحديث عنه بمجرد الانتهاء من تقديمه، بل و بحكم طبيعتهما و باعتبار التعليم الحلزوني المعتمد في البرنامج، فإن التطرق إلى أي من مواضيعه يقتضي إدراجهما شيئا فشيئا بحسب ما يتجده الموضوع المعالج من إعطاء مفهوم القضية مثلا أو توظيف المكممين الوجودي و الكلي أو توظيف نمط برهان معين ... إلخ. و نؤكد في هذا الشأن أن للعودة المتكررة و المستمرة إلى كل منها فوائدها في تعويد التلميذ على ممارسة البرهان بشكل سليم و في تدعيم قدراته على التحرير الرياضي و التبليغ.

## 7 - تكنولوجيات الإعلام و الاتصال:

أدخلت الحاسبة العلمية و البرمجيات في مرحلة التعليم المتوسط، وبالتالي فإن للتلميذ مكتسبات مفترضة في هذا الجانب. في هذه السنة يحتاط الأستاذ حيال هذه المكتسبات و لا يطمئن إليها بصفة آلية، نظرا لتنوع الحاسبات مثلا و الذي يخلق تذبذبا في التعود على نوع معين منها عند التلميذ إضافة إلى عدم استعمال كل اللمسات التي تتوفر عليها خاصة في ميدان الإحصاء. لذلك يحرص الأستاذ على توفير الأنشطة التي تساعد التلاميذ على استعمال هذه الحاسبات و يختارها وفق للغرض الذي يحدده هو سلفا و يوفر لهم الوقت الكافي للقيام لذلك. نفس الملاحظة تنطبق على البرمجيات ولكن بحدة أشد لأنه إذا كان في متناول معظم التلاميذ اقتناء حاسبة علمية فإنه ليس بمقدور أغلبهم اقتناء حاسوبا شخصيا، زيادة على ما يمتاز به هذا الأخير من سعة في الوظائف و تعقيدات في استغلاله.

أما فيما يتعلق بالحاسبة البيانية فإنها تعتبر أداة جديدة على الأستاذ و التلميذ و ليست في متناول كل التلاميذ، فالأستاذ هنا مدعو إلى بذل جهد أكبر في سبيل اكتشافها و اكتشاف ما يمكن أن تساهم به عندما يوظفها في درسه. إنها في هذا البرنامج بمثابة قطب إضافي إلى أقطاب العملية التعليمية/التعليمية بما تساعد على التطرق إلى المفاهيم بصورة أكثر قربا و تمثيلا لها وبما تسمح به من إجراء محاولات و تجارب عديدة في وقت قصير و بما تمكن من معالجة أنشطة ما كانت معالجتها تتم في غياب هذه الآلة.

## 8 - الوسائل التعليمية:

يعتبر توفير الوسائل التي تساعد على أداء العمل التربوي و توظيفها بشكل عقلاي أمرين في غاية الأهمية و الحساسية، ذلك أن عدم توفرها أو عدم حسن استغلالها يعيق العمل التربوي من حيث أنه يقلل من قيمة هذا العمل أحيانا و لا يسمح بأدائه أحيانا أخرى. ويتعلق الأمر هنا بنوعين من الوسائل، وسائل يستعملها الأستاذ مباشرة من دون التلميذ و وسائل يستعملها التلميذ، غير أن بين هذا وذاك توجد وسائل ذات استعمال مشترك بينهما. فالأستاذ ينطلق من مبدأ الاعتماد على البرنامج و الوثيقة المرافقة له ثم الكتاب المدرسي، الذي يعتبر الوجه الأكثر تفصيلا لنيات البرنامج و لغايات المدرسة في مستوى دراسي معين، و السندات التربوية التي يثري بها دروسه و أعمال التلاميذ من خلال ما ينتقيه لهم منها. أما الوسائل التي يستعملها التلميذ، فبالإضافة إلى الأدوات التقليدية من الكتاب المدرسي و الكراس و القلم و أدوات الرسم الهندسي يدرج هذا البرنامج الحاسبة العلمية و الحاسبة البيانية و البرمجيات بما فيها المجدولات و برمجيات الهندسة الحركية .

إن هذه الوسائل تدرج لأول مرة في العمل التربوي داخل قاعة الدرس و خارجه فهي بالتالي حديثة في استعمالها على المحيط المدرسي رغم احتكاك كل من الأستاذ و التلميذ بها من قبل، لذا يحتاج الأستاذ إلى الإعداد الجيد للأنشطة الأولية التي تحت التلميذ و تحبذ له العمل بهذه الوسائل باعتبارها قطبا من أقطاب العملية التعليمية/التعليمية يضاف إلى الأقطاب الثلاثة و هي المعلم و المتعلم و المعرفة لها تأثير مباشر و سريع بل و لحظي على الفعل التعلمى. إن إنجاز مثل هذه الحصص يتم عادة بشكل دوري، على امتداد السنة الدراسية ، و انتقائي للمواضيع حسب الفوج التربوي المعني في قاعة خاصة تضم أجهزة الحاسوب و الحاسبات البيانية و مجموعة من البرمجيات بالإضافة إلى الوسائل المكملة لها. إن هذه القاعة تعتبر بمثابة مخبر الرياضيات على غرار مخابر الفيزياء و العلوم الطبيعية .



**1. قاعة الإعلامية (Multimedia) في كل مؤسسة**

تستقبل هذه القاعة، على مدار السنة، كل تلاميذ القسم في بعض الحصص أو عندما يتعلق الأمر بحصص تعالج فيها أنشطة تتطلب استعمال هذه الوسائل من طرف كل التلاميذ قصد بناء معرفة جديدة مثلا أو تثبيت ممارسات وسلوكات مرغوبة في الإعلامية خصوصا وفي التعلم عموما . تجهز هذه القاعة بالوسائل التالية:

- (1) 20 حاسوبا من نوع P4 avec 256 MO de RAM ( جهاز لكل تلميذين).
- (2) حاسوب للأستاذ من نوع P4 avec 256 MO de RAM
- (3) طابعة بالألوان.
- (4) طابعة بالأسود من نوع ليزر.
- (5) جهاز Scanner
- (6) جهاز Video Projecteur مثبت في سقف القاعة.
- (7) جهاز التسجيل والعرض Magnétoscope
- (8) جهاز تلفزيون ملون.
- (9) شاشة للعرض.
- (10) 150 حاسبة علمية و 150 حاسبة بيانية + 83 Texas Instruments أو Casio أو Sharp
- (11) جهاز عاكس لمحتوى شاشة الحاسبة البيانية.
- (12) سلك توصيل الحاسبة بجهاز الحاسوب.
- (13) برمجيات للهندسة الحركية مثل Cabri Géomètre II plus أو Géoplan أو Géospace
- (14) برمجيات راسمة للمنحنيات Grapheurs
- (15) مجلدات Tableurs

تكون كل الأجهزة (الحواسب، الطابعات، Scanner، ...) مرتبطة ببعضها بشبكة (Réseau Intranet) وبالأنترنيت المصفى (Internet).

**2. نظام متنقل (Kit Mobile)**

يمكن للأستاذ أن يستعمل هذا النظام في قاعة عادية عندما يتعذر عليه استعمال القاعة المجهزة أو عندما لا تتطلب أعماله ممارسة من طرف كل التلاميذ لتكون هذه الوسائل إيضاحية أيضا . يتكون هذا النظام من:

- جهاز حاسوب محمول
- جهاز Video Projecteur
- شاشة للعرض.

**ملاحظة :**

يجدر التذكير أن البرمجيات في تطور دائم و متسارع مما يتطلب مواكبة هذا التطور في تزويد المؤسسات بالجديد منها. و هذا الأمر يتطلب إيجاد مبادرات عمل على مستوى المؤسسات والمركز الوطني للتجهيز بالوسائل البيداغوجية تحت إشراف وزارة التربية الوطنية.