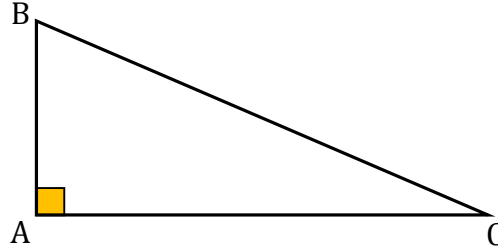


مبرهنة فيثاغورس

مبرهنة فيثاغورس المباشرة:

خاصية

إذا كان ABC مثلثا قائم الزاوية في النقطة A فإن: $BC^2 = AB^2 + AC^2$



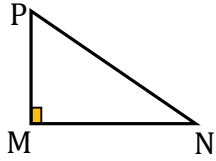
أمثلة:

■ ABC مثلث قائم الزاوية في النقطة A حيث $AB = 3\text{ cm}$ و $AC = 4\text{ cm}$ ، لنحسب BC

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$BC = \sqrt{25} = 5\text{ cm} \quad \text{بالتالي:} \quad \begin{aligned} &= 3^2 + 4^2 \\ &= 9 + 16 \end{aligned} \quad \text{لدينا حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة:}$$

$$BC^2 = 25$$



■ MNP مثلث قائم الزاوية في النقطة M حيث $MN = 5\text{ cm}$ و $PN = 7\text{ cm}$ ، لنحسب MP

$$MP^2 = PN^2 - MN^2$$

$$MP = \sqrt{24} \text{ cm} \quad \text{بالتالي:} \quad \begin{aligned} &= 7^2 - 5^2 \\ &= 49 - 25 \end{aligned} \quad \text{لدينا حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة:} \quad \text{إذن:} \quad PN^2 = MN^2 + MP^2$$

$$MP^2 = 24$$

كيفما كان السؤال المتساوية التي نكتب بداية يكون أحد طرفيها هو مربع الوتر و الطرف الآخر مجموع مربعي بقية الأضلاع، ثم إن كان المطلوب حساب الوتر نتم الحساب و إن كان أحد الأضلاع غير المتساوية قبل متابعة الحساب.

مبرهنة فيثاغورس العكسية:

خاصية

إذا كان ABC مثلثا يحقق: $BC^2 = AB^2 + AC^2$ فإنه يكون قائم الزاوية في النقطة A

أمثلة:

■ ABC مثلث حيث $AB = 12\text{ cm}$ و $AC = 5\text{ cm}$ و $BC = 13$ ، لنبين أنه قائم الزاوية في A :

$$\text{لدينا:} \quad AB^2 = 12^2 = 144 \quad \text{و} \quad AC^2 = 5^2 = 25 \quad \text{و} \quad BC^2 = 13^2 = 169$$

بما أن: $144 + 25 = 169$ فإن: $AB^2 + AC^2 = BC^2$ بالتالي حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية فإن ABC مثلث قائم الزاوية في A

في المبرهنة العكسية لا نبدأ بالمتساوية بل نبدأ بالحساب لكي نبرهن أن المتساوية صحيحة و بعدها نذكر المبرهنة إذا طلب منا رسم الشكل قبل البرهان نستعمل المسطرة والبركار وليس الكوس.