

لَا - هَذِهِ الْكُلُوبُ - لَا



٢٠٢٥ - ٢٠٢٥

# الرياضيات

الثالثة متوسط

## هام:

- هذه مذكرات للاستناد وليس رسمية.
- بعض المذكرات غير كاملة (الإدماج والأعمال الموجهة).
- تم إنجاز المذكرات ببرنامج *MS-Word* أو لا توجد نسخة *LaTeX*.
- التوقيت المخصص لكل فترة قد يكون غير دقيق (توقيت مقتراح).
- قد تتضمن المذكرات بعض الأخطاء غير المعتمدة وجب التتبه لها.
- تم اقتراح قصاصات في بداية كل مقطع (يمكن طبع قصاصتين في صفحة واحدة من الجهتين).

2025-2026



الأستاذ: عكرمي العيد

صفحة الأستاذ عكرمي للرياضيات:



[laid.akermi.77@gmail.com](mailto:laid.akermi.77@gmail.com)

تعلم الرياضيات مع الأستاذ عكرمي:



# المقطع 1: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة

المستوى: الثالثة متوسط

## الميدان 1:

يحل مشكلات متعلقة بالكسور والأعداد النسبية والأعداد الناطقة والقوى والحساب الحرفي (تبسيط ونشر عبارات جبرية، المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد  $ax + b = cx + d$ ).

## الموارد:

- 1- ضرب عددين نسبيين
- 2- قسمة عددين نسبيين
- 3- مقلوب عدد غير معدوم
- 4- قسمة كسررين
- 5- مقارنة كسررين
- 6- جمع وطرح كسررين
- 7- العدد الناطق
- 8- العمليات على الأعداد الناطقة

## معايير التقويم:

اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب معارف:
<ul style="list-style-type: none"><li>- اكتساب قيم و/أو اتخاذ مواقف:</li><li>- يستعمل الرموز والمصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم.</li><li>- يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة.</li><li>- يتحقق من صحة نتائج ويصادق عليها.</li><li>- يقدم منتوجاً بشكل منظم ومنسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- يجند العمليات الحسابية المناسبة على الأعداد (كسرية، نسبية، ناطقة) لحل مشكلات.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- ينجذب عمليات حسابية على الأعداد (كسرية، نسبية، ناطقة).</li></ul>

2026-2025

الأستاذ: عكرمي العيد

صفحة الأستاذ عكرمي للرياضيات:



laid.akermi.77@gmail.com

تعلم الرياضيات مع الأستاذ عكرمي:



---

المقطع التعليمي 1: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة  
الوضعية الانطلاقية

---

المورد 01: ضرب عددين نسبيين

الكافأة المستهدفة:

- يتذكر جمع وطرح عددين نسبيين
- يحسب جداء عددين نسبيين صحيحين بالإعتماد على الجمع
- يتوصل إلى تحديد إشارة جداء عدة أعداد نسبية

التفويم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>ملاحظة</b></p> <p>- يمكن تبرير إشارة جداء عددين نسبيين سالبين بـ :</p> <p>* معاكس المعاكس</p> $(-5) \times (-4) = -[5 \times (-4)]$ <p>* بحل المعادلة</p> $(-5) \times (+4) + x = 0$ <p>* الضرب بأعداد متتالية</p> $(-5) \times (+2)$ $\dots$ $(-5) \times (-4)$	<p><b>تهيئة</b></p> <p>- احسب مايلي:</p> $\begin{array}{ll} -5 + 3 &  (+5) - (+3)  (-5) + (+3)  (+5) + (+3) \\ -5 - 3 &  (-5) - (-3)  (-5) + (-3)  (+5) + (-3) \end{array}$ <p><b>النشاط 1(1)</b> :</p> <p>1- أتمم بما يناسب:</p> $\begin{array}{ll} (+6) + (+6) = \dots \times \dots & (-5) + (-5) + (-5) + (-5) = \dots \times \dots \end{array}$ <p>2- احسب مايلي:</p> $\begin{array}{ll} (-5) \times (-2) &  (+5) \times (+4)  (+2) \times (+6) \\ (-3) \times (-10) &  (-5) \times (+4)  (+2) \times (-6) \end{array}$
	<p>- جداء عددين نسبيين مختلفين في الإشارة هو عدد نسبي سالب.</p> <p>- جداء عددين نسبيين لهما الإشارة نفسها هو عدد نسبي موجب.</p> <p><b>أمثلة</b></p> $\begin{array}{ll} (+70) = &  (-0,02) = &  (+0,7) \times (+1,2) = &  (+7) \times (+3) = \\ (+1,25) \times (-8) = &  (-100) \times (+4,5) = &  (+2,4) \times (+2,5) = &  (+4) \times (+2) = \\ &  (+1,25) \times (-4) = &  (-1,5) \times (-8) = &  (-5) \times (-6) = \\ &  (+0,001) \times (-4,4) &  (-4,4) \times (-8) = &  (-4) \times (-8) = \end{array}$ <p><b>ملاحظة</b></p> <p>إذا كان <math>a</math> عدد نسبي فإن</p> $1 \times a = a \times 1 = a \quad , \quad a \times 0 = 0 \times a = 0$	<p>البحث د 15</p> <p>بناء المعرف د 30</p>
	<p><b>النشاط 1(2)</b>:</p> <p>1- انجز العمليات التالية ثم تحقق من صحة كل نتيجة بالحاسبة.</p> $(-2) \times (-4) \times (-3) \times  (-6) \times (-5) \times (+3) \times (-2) \times  (+3) \times (-5) \times (-2) \times  (-3) \times (+4)$ <p>2- اقترح قاعدة لتحديد إشارة جداء عدة أعداد نسبية.</p>	<p>البحث د 15</p>
	<p>يكون جداء أعداد نسبية غير معدومة سالبا إذا كان عدد العوامل السالبة فيه فرديا.</p> <p>يكون جداء أعداد نسبية غير معدومة موجبا إذا كان عدد العوامل السالبة فيه زوجيا.</p> <p><b>أمثلة</b></p> $\begin{array}{ll} (+1,2) \times (-2,5) \times (-10) \times (-100) = &  (+2) \times (-5) \times (+4) \times (-3) = \\ (-0,5) \times (+2) \times (-15) \times (+0,4) = &  (-3) \times (-8) \times (-5) \times (+2) = \end{array}$	<p>بناء المعرف د 30</p>
	<p><b>تمرين 1 صفحة 14</b></p>	<p>التفويم د 10</p>

## المورد 02: حاصل قسمة عددين نسبيين

## الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر جداء عددين نسبيين

- يجند القواعد المتعلقة بإشارة جداء لاستنتاج إشارة نسبة قبل حساب قيمتها

- يحسب حاصل قسمة عددين نسبيين بعد تحديد الإشارة

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>تهيئة</b></p> <p>- احسب ما يلي:</p> $\begin{array}{ll ll} (-1, 2) \times (+0, 1) & (+1, 2) \times (+100) & (-3) \times (+8) & (+3) \times (+8) \\ (-3) \times (-0, 1) & (+1, 2) \times (-100) & (-3) \times (-8) & (+3) \times (-8) \end{array}$ <p><b>النشاط 2</b></p> <p>1- ما هي إشارة العدد <math>x</math> في كل حالة؟ على .</p> $\begin{array}{ll ll} (-2) \times x = (+10) & (+3) \times x = (-12) & (+5) \times x = (+20) & \end{array}$ <p>2- ماذا يمثل العدد <math>x</math> بالنسبة للعددين <math>a</math> و <math>b</math> في المساواة <math>a \times x = b</math> ؟</p> <p>3- احسب ما يلي:</p> $\begin{array}{ll ll} (+10) \div (-2) = & (-12) \div (+3) = & (+20) \div (+5) = & \end{array}$	البحث د 15
	<p>- حاصل قسمة العدد النسبي <math>b</math> على العدد النسبي غير المعلوم <math>a</math> هو العدد <math>x</math> الذي يحقق المساواة <math>a \times x = b</math> أي <math>x = \frac{b}{a}</math> حيث <math>0 \neq a</math>.</p> <p>- حاصل قسمة عددين نسبيين غير معلومين لهما الإشارة نفسها هو عدد موجب.</p> <p>- حاصل قسمة عددين نسبيين غير معلومين مختلفين في الإشارة هو عدد سالب.</p> <p><b>أمثلة :</b></p> $\begin{array}{ll ll} (-5) \div (+5) = & (-5) \div (-2) = & (+40) \div (+5) = & \end{array}$ <p><b>ملاحظة :</b></p> <p>إذا كان <math>a</math> و <math>b</math> عددان نسبيان و <math>b</math> غير معلوم فإن <math>b = 0</math>، <math>\frac{b}{1} = 0</math>، <math>\frac{b}{b} = 1</math> غير معرف.</p>	بناء المعرف د 30
	تمرين 22 صفحة 16	التفصيم د 10

## المورد 03: مقلوب عدد غير معروف

## الكافأة المستهدفة:

- يتذكر معاكس عدد نسبي
- يتوصل إلى إيجاد مقلوب عدد طبيعي أو عشري غير معروف
- يتوصل إلى إيجاد مقلوب كسر (كتابة كسرية)

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل		
	<p><b>تهيئة</b></p> <p>1) اكتب عددين حاصل قسمتهما يساوي 1، ماذا تقول عن العددين ؟    2) اكتب عددين مجموعهما يساوي 0، ماذا تقول عن العددين ؟    3) ما هو معاكس العدد 0 ؟</p> <p><b>النشاط (1)</b></p> <p>1- أتمم العمليات التالية بما يناسب:</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 50%; text-align: center;"> <math>\dots \times 3 = 1</math>  <math>7 \times \dots = 1</math>  <math>\frac{11}{3} \times \dots = 1</math> </td> <td style="width: 50%; text-align: center;"> <math>\dots \times 2 = 1</math>  <math>-4 \times \dots = 1</math>  <math>5 \times \dots = 1</math> </td> </tr> </table> <p>2) اكتب عددين جداءهما يساوي 1 أي <math>1 = \dots \times \dots</math>    3) كيف وجدت العددين ؟ ماذا تقول عن العددين في كل حالة ؟</p> <p>هل يمكن إيجاد مقلوب العدد 0 ؟    ما هو مقلوب العدد غير المعروف <math>a</math> ؟    ما هو مقلوب الكسر غير المعروف <math>\frac{a}{b}</math> ؟</p>	$\dots \times 3 = 1$ $7 \times \dots = 1$ $\frac{11}{3} \times \dots = 1$	$\dots \times 2 = 1$ $-4 \times \dots = 1$ $5 \times \dots = 1$	البحث د 15
$\dots \times 3 = 1$ $7 \times \dots = 1$ $\frac{11}{3} \times \dots = 1$	$\dots \times 2 = 1$ $-4 \times \dots = 1$ $5 \times \dots = 1$			
	<p><b>أمثلة:</b></p> <p>مقلوب العدد <math>a</math> هو العدد <math>\frac{1}{a}</math>.</p> <p>مقلوب الكسر (كتابة الكسرية) <math>\frac{a}{b}</math> هو الكسر (كتابة الكسرية) <math>\frac{b}{a}</math>.</p> <p>جداء عدد نسبي غير معروف بمقلوبه يساوي 1. نكتب: <math>1 = a \times \frac{1}{a}</math>.</p> <p>جداء كسر (كتابة كسرية) غير معروف بمقلوبه يساوي 1. نكتب: <math>1 = \frac{a}{b} \times \frac{b}{a}</math>.</p> <p><b>ملاحظات:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- العدد 0 ليس له مقلوب.</li> <li>- العدد ومقلوبه لهما نفس الإشارة.</li> </ul>	بناء المعارف د 30		
	تمرين 1 صفحة 30	التفصيم د 10		

المورد 04: قسمة كسرین

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر جداء عدد ومقولبه وجداء كسرین
- يتوصل إلى تحويل قسمة كسرین إلى جداء كسرین
- يتذكر جداء عدد ومقولبه وجداء كسرین
- يتوصل إلى تحويل قسمة كسرین إلى جداء كسرین

التفصيم	أنشطة التعليم	المراحل
	<p><b>تهيئة</b></p> <p>1- ما هو حاصل جداء عدد بمقولبه ؟ 2- ما هو حاصل قسمة عدد على 1 ؟ 3- اتمم العمليات التالية ذهنيا حيث <math>a</math> و <math>b</math> عدوان طبيعيان غير معدومين.</p> $\frac{a}{b} \times \frac{b}{a} = \dots \quad \left  a \times \frac{1}{a} = \dots \quad \left  \frac{20}{7} \times \frac{7}{20} = \dots \quad \left  12 \times \frac{1}{12} = \dots \right. \right. \right. \right.$ <p><b>النشاط 4:</b></p> <p>1- اتمم العمليات التالية.</p> $\frac{3}{10} \div \frac{2}{5} = \dots \quad \left  13 \div 20 = \dots \quad \left  6 \div \frac{1}{5} = 6 \div \dots = \dots \right. \right. \right.$ $\frac{3}{10} \times \frac{5}{2} = \dots \quad \left  13 \times \frac{1}{20} = \dots \quad \left  6 \times 5 = \dots \right. \right. \right.$ <p>2- قارن بين النتائج في العمودين ثم استنتج طريقة قسمة كسرین ؟</p> <p>لماذا لا نقسم ناتجة المقسم على ناتجة الفاصل بالحاسبة أو نقسم البسط على البسط والمقام على المقام ؟</p> <p><b>جواب:</b></p> <p>- حاصل القسمة ليس عشري دائمًا - الحساب الحرفي</p>	
	<p>أعداد طبيعية حيث <math>a, b, c, d</math> غير معدومة.</p> <p>قسمة الكسر <math>\frac{a}{b}</math> على الكسر <math>\frac{c}{d}</math> تعني ضرب الكسر <math>\frac{a}{b}</math> في مقلوب الكسر <math>\frac{c}{d}</math>.</p> <p>ونكتب: <math>\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}</math></p> <p><b>أمثلة:</b></p> $\frac{15}{4} \div \frac{91}{66} = \dots \quad \left  \frac{4}{11} \div 3 = \dots \quad \left  \frac{1}{3} \div \frac{6}{5} = \dots \right. \right. \right.$ $5 \div \frac{123}{9} = \dots \quad \left  \frac{203}{77} \div \frac{2}{7} = \dots \quad \left  \frac{7}{6} \div \frac{2}{8} = \dots \right. \right. \right.$	البحث د 15
	تمرين 4 صفحة 30	التفصيم د 10

المورد 05: مقارنة كسررين

الكافأة المستهدفة:

- يتذكر الكسور المتساوية
- يتذكر مقارنة كسررين لهما نفس المقام او مقام احدهما مضاعف لمقام الآخر
- يتوصل إلى خاصية الكسررين المتساوين
- يقارن كسررين

التفصيم	أنشطة التعليم	المراحل															
	<p>تهيئة</p> <p>1- أتمم بما يناسب</p> $\frac{2}{9} = \frac{\dots}{99} \quad , \quad \frac{7}{3} = \frac{\dots}{15}$ <p>2- قارن بين العددين في كل حالة</p> $\frac{19}{24} \dots \frac{4}{3} \quad , \quad 3 \dots \frac{25}{7}$ <p><b>النشاط 5</b></p> <p>1- هل الكسران <math>\frac{14}{6}</math> و <math>\frac{21}{9}</math> متساويان ؟</p> <p>2- قارن بين الكسررين في كل حالة.</p> $\frac{6}{5} \dots \frac{4}{3} \quad   \quad \frac{5}{12} \dots \frac{7}{8} \quad   \quad \frac{7}{24} \dots \frac{3}{8} \quad   \quad \frac{7}{24} \dots \frac{2}{3}$	البحث د 15															
	<p>أعداد غير معدومة.</p> $\frac{a}{b} = \frac{bc}{d}$ <p>لقارنة كسررين نقوم بتوحيد المقامين (باستعمال مضاعف مشترك أو جدائهما) ثم نقارن البسطين.</p> <p><b>مثال :</b></p> <p>قارن بين الكسررين في كل حالة.</p> <table border="1"> <tr> <td><math>\frac{31}{36}</math> و <math>\frac{20}{24}</math></td> <td><math>\frac{13}{12}</math> و <math>\frac{17}{16}</math></td> <td><math>\frac{18}{6}</math> و <math>\frac{16}{5}</math></td> </tr> <tr> <td><math>\frac{20}{24} = \frac{20 \times \dots}{24 \times 3} = \dots</math> لدينا</td> <td><math>\frac{17}{16} = \frac{17 \times \dots}{16 \times 3} = \dots</math> لدينا</td> <td><math>\frac{16}{5} = \frac{16 \times \dots}{5 \times 6} = \dots</math> لدينا</td> </tr> <tr> <td><math>\frac{31}{36} = \frac{31 \times \dots}{36 \times 2} = \dots</math> ولدينا</td> <td><math>\frac{13}{12} = \frac{13 \times \dots}{12 \times 4} = \dots</math> ولدينا</td> <td><math>\frac{18}{6} = \frac{18 \times \dots}{6 \times 5} = \dots</math> ولدينا</td> </tr> <tr> <td><math>\dots \dots</math> ومنه</td> <td><math>\dots \dots</math> ومنه</td> <td><math>\dots \dots</math> ومنه</td> </tr> <tr> <td><math>\frac{31}{36} \dots \frac{20}{24}</math></td> <td><math>\frac{13}{12} \dots \frac{17}{16}</math></td> <td><math>\frac{18}{6} \dots \frac{16}{5}</math></td> </tr> </table>	$\frac{31}{36}$ و $\frac{20}{24}$	$\frac{13}{12}$ و $\frac{17}{16}$	$\frac{18}{6}$ و $\frac{16}{5}$	$\frac{20}{24} = \frac{20 \times \dots}{24 \times 3} = \dots$ لدينا	$\frac{17}{16} = \frac{17 \times \dots}{16 \times 3} = \dots$ لدينا	$\frac{16}{5} = \frac{16 \times \dots}{5 \times 6} = \dots$ لدينا	$\frac{31}{36} = \frac{31 \times \dots}{36 \times 2} = \dots$ ولدينا	$\frac{13}{12} = \frac{13 \times \dots}{12 \times 4} = \dots$ ولدينا	$\frac{18}{6} = \frac{18 \times \dots}{6 \times 5} = \dots$ ولدينا	$\dots \dots$ ومنه	$\dots \dots$ ومنه	$\dots \dots$ ومنه	$\frac{31}{36} \dots \frac{20}{24}$	$\frac{13}{12} \dots \frac{17}{16}$	$\frac{18}{6} \dots \frac{16}{5}$	بناء المعرف د 30
$\frac{31}{36}$ و $\frac{20}{24}$	$\frac{13}{12}$ و $\frac{17}{16}$	$\frac{18}{6}$ و $\frac{16}{5}$															
$\frac{20}{24} = \frac{20 \times \dots}{24 \times 3} = \dots$ لدينا	$\frac{17}{16} = \frac{17 \times \dots}{16 \times 3} = \dots$ لدينا	$\frac{16}{5} = \frac{16 \times \dots}{5 \times 6} = \dots$ لدينا															
$\frac{31}{36} = \frac{31 \times \dots}{36 \times 2} = \dots$ ولدينا	$\frac{13}{12} = \frac{13 \times \dots}{12 \times 4} = \dots$ ولدينا	$\frac{18}{6} = \frac{18 \times \dots}{6 \times 5} = \dots$ ولدينا															
$\dots \dots$ ومنه	$\dots \dots$ ومنه	$\dots \dots$ ومنه															
$\frac{31}{36} \dots \frac{20}{24}$	$\frac{13}{12} \dots \frac{17}{16}$	$\frac{18}{6} \dots \frac{16}{5}$															
	تمرين 8 صفحة 30	التفصيم د 10															

المورد 06: جمع وطرح كسرين

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر جمع وطرح كسرين لهما نفس المقام أو مقام أحدهما مضاعف للآخر
- الوصول إلى جمع وطرح كسرين مقاماهما مختلفان

التفويم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>تهيئة</b> احسب ما يلي: (عمليات جمع أو طرح كسرين لهما نفس المقام أو مقام أحدهما مضاعف للآخر أو كسر عدد). <b>النشاط 6</b> احسب ما يلي:</p> $\frac{10}{4} + \frac{20}{6}$ $\left  \frac{13}{7} - \frac{5}{4} \right $ $\left  \frac{15}{7} + \frac{6}{11} \right $ $\left  \frac{4}{9} + \frac{5}{6} \right $	البحث د 15
	<p>لجمع أو طرح كسرين مقاماهما مختلفان نقوم بتوحيد مقاميهما (باستعمال مضاعف مشترك أو جدائهما) ثم نجمع (أو نطرح) البسطين ونحتفظ بالمقام المشترك. إذا كانت <math>a, b, c</math> و <math>d</math> أعداد طبيعية، حيث (<math>d \neq 0</math> و <math>b \neq 0</math>)  <math display="block">\frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{a \times d - c \times b}{b \times d}</math>      و      <math display="block">\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{a \times d + c \times b}{b \times d}</math>  فإن <b>مثال :</b></p> $\frac{23}{3} - \frac{5}{2} = \frac{\dots \times \dots - \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots$ $\frac{17}{40} - \frac{17}{60} = \frac{\dots \times \dots - \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots$ $\frac{2}{7} + \frac{5}{4} = \frac{\dots \times \dots + \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots$ $\frac{5}{10} + \frac{9}{8} = \frac{\dots \times \dots + \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots$	بناء المعرف د 30
	<b>تمرين 18 صفحة 30</b>	التفويم د 10

المورد 07: العدد الناطق

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر مجموعات الأعداد الفرعية للأعداد الناطقة
- يتعرف على الأعداد الناطقة ثم يتوصول إلى تبسيط كتابة عدد ناطق

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل								
	<p><b>النشاط 7 (1)</b> إليك الأعداد:  <math>\frac{-3}{5}, -29,6, \frac{-15}{9}, \frac{8}{-2}, 5, \frac{-21}{7}, -11, 0, \frac{+11}{-7}, \frac{-20}{-4}</math></p> <p>1- صنفها في الجدول المولاي:</p> <table border="1"> <tr> <td>أعداد طبيعية</td> <td>أعداد عشرية</td> <td>أعداد نسبية صحيحة</td> <td>لا أعلم</td> </tr> <tr> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table> <p>2- ماذا تمثل الأعداد في الخانة (لا أعلم)؟</p> <p><b>النشاط 7 (2)</b> يعاد النشاط مع تغيير (لا أعلم) بـ (أعداد ناطقة) بعد تقديم مفهوم العدد الناطق.</p> <p>يجب أن يتوصل التلاميذ إلى أن:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- كل عدد طبيعي هو عدد نسبي صحيح.</li> <li>- كل عدد نسبي صحيح هو عدد عشري.</li> <li>- كل عدد عشري هو عدد ناطق.</li> </ul>	أعداد طبيعية	أعداد عشرية	أعداد نسبية صحيحة	لا أعلم					البحث د 15
أعداد طبيعية	أعداد عشرية	أعداد نسبية صحيحة	لا أعلم							
	<p>العدد الناطق هو العدد الذي يمكن كتابته على الشكل <math>\frac{a}{b}</math>, حيث <math>a</math> و <math>b</math> عدادان نسبيان صحيحان و <math>b</math> غير معروف.</p> <p><b>أمثلة :</b></p> <p>العدد 3 هو عدد طبيعي يمكن كتابته على الشكل <math>\frac{+3}{+1} = \frac{-6}{-2}</math> فهو عدد ناطق.</p> <p>العدد 5 هو عدد نسبي صحيح يمكن كتابته على الشكل <math>\frac{-5}{+1} = \frac{+15}{-3}</math> فهو عدد ناطق.</p> <p>العدد 2,4 هو عدد عشري يمكن كتابته على الشكل <math>\frac{+24}{+10} = \frac{-48}{-20}</math> فهو عدد ناطق.</p> <p>كتابة عدد ناطق في شكله المبسط تعني كتابته على شكل حاصل قسمة عددين طبيعيين وإشارة واحدة.</p> <p><b>مثال :</b></p> <p>اكتب الأعداد التالية على شكل أعداد ناطقة مبسطة.</p> <p><math>\frac{+15}{+50} = +\frac{15}{50} = \frac{15}{50}</math></p> <p><math>\frac{-0,03}{5} = -\frac{0,03 \times 100}{5 \times 100} = -\frac{3}{500}</math></p> <p><math>\frac{-0,7}{-19,612} = \frac{0,7 \times 1000}{19,612 \times 1000} = \frac{700}{19612}</math></p> <p><math>\frac{-21}{7} = -\frac{21}{7}</math></p> <p><math>\frac{8}{-12} = -\frac{8}{12}</math></p> <p><math>\frac{-20}{-14} = +\frac{20}{14} = \frac{20}{14}</math></p>	بناء المعارف د 30								
	<p>تمرين 23 صفحة 31 (تصحيح <math>a</math> و <math>b</math>)</p>	التفصيم د 10								

المورد 08: العمليات على الأعداد الناطقة

الكفاءة المستهدفة:

- يحسب جداء وحاصل قسمة عددين ناطقين بالشكل المبسط وغير المبسط
- توسيع مفهوم حساب مجموع أو فرق كسررين إلى حساب مجموع أو فرق عددين ناطقين

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	$\frac{-2}{-3} + \frac{-6}{11}$ $\frac{-20}{3} - \frac{5}{-4}$ $\frac{31}{-6} - \frac{-8}{-4}$	<b>النشاط 8</b> احسب ما يلي $\frac{10}{-11} \div \frac{-16}{9}$ $\frac{-15}{-7} \div (-6)$ $\frac{10}{-3} + \frac{-7}{4}$ $\frac{12}{-13} \times \frac{-6}{7}$ $\frac{-2}{3} \times \frac{7}{11}$ $\frac{-20}{7} \div \frac{2}{11}$
	<p>1- لضرب عددين ناطقين نضرب البسط والمقام بالبسط والمقام بالمقام (مع مراعاة إشارات الأعداد).</p> <p>إذا كانت <math>a, b, c, d</math> أعداد نسبية صحيحة، حيث (<math>0 \neq b, d</math> و <math>c \neq 0</math>)</p> $\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$ <p>فإن</p> <p>2- القسمة على عدد ناطق غير معدوم تعني الضرب بمقلوب هذا العدد.</p> <p>إذا كانت <math>a, b, c, d</math> أعداد نسبية صحيحة، حيث (<math>0 \neq c, b \neq 0</math>، <math>c \neq 0</math>)</p> $\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$ <p>فإن</p> <p>3- لجمع أو طرح عددين ناطقين، نكتبهما على الشكل المبسط، ثم نتبع الخطوات نفسها لجمع أو طرح كسررين.</p> <p><b>أمثلة:</b></p>	البحث د 15
	$D = \frac{10}{-11} \div \frac{-16}{13} = -\frac{10 \times 13}{11 \times 16} = \frac{130}{176}$ $E = \frac{-15}{-7} \div (-6) = -\frac{15 \times 1}{7 \times 6} = \frac{15}{42}$ $F = -\frac{17}{21} \div \frac{5}{-21} = \frac{17 \times 21}{1 \times 5} = \frac{357}{5}$ $G = \frac{-12}{3} - \frac{85}{-14}$ $= \frac{-12 \times 14}{3 \times 14} + \frac{85 \times 3}{14 \times 3}$ $= \frac{-168}{42} + \frac{255}{42}$ $= \frac{-168+255}{42} = \frac{87}{42}$ $H = \frac{31}{-6} - \frac{-8}{-23}$ $= \frac{-31 \times 23}{6 \times 23} + \frac{-8 \times 6}{23 \times 6}$ $= \frac{-713}{138} + \frac{-48}{138}$ $= \frac{-713-48}{12} = \frac{761}{138}$ $A = \frac{12}{-13} \times \frac{-6}{7} = +\frac{12 \times 6}{13 \times 7} = \frac{72}{91}$ $B = \frac{-2}{3} \times \frac{7}{11} = -\frac{2 \times 7}{3 \times 11} = -\frac{14}{33}$ $C = \frac{-20}{9} \div \frac{2}{11} = -\frac{20 \times 11}{9 \times 2} = -\frac{220}{18}$ $I = \frac{-10}{-3} + \frac{-7}{4}$ $= \frac{-10 \times 4}{3 \times 4} + \frac{-7 \times 3}{4 \times 3}$ $= \frac{-40}{12} + \frac{-21}{12}$ $= \frac{-40-21}{12} = -\frac{61}{12}$ $J = \frac{2}{5} + \frac{11}{-5}$ $= \frac{2 \times 11}{5 \times 11} + \frac{-6 \times 5}{11 \times 5}$ $= \frac{22}{55} + \frac{-30}{55}$ $= \frac{22-30}{55} = -\frac{8}{55}$	بناء المعرف د 30
	تمرين 34 صفحة 31	التفصيم د 10

## المقطع 2: المثلثات

المستوى: الثالثة متوسط

### الميدان 3:

يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقاييس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحولات النقطية (الانتظار، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) وبيني براهين بسيطة.

### الموارد:

- 1- معرفة حالات تقاييس المثلثات واستعمالها في براهين بسيطة.
- 2- معرفة خواص مستقيم المنتصفين في مثلث واستعمالها في براهين بسيطة.
- 3- معرفة واستعمال تتناسبية الأطوال لأضلاع المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين.
- 4- تعريف وإنشاء المستقيمات الخاصة في مثلث (المحاور، الارتفاعات، المتوسطات المنصفات).
- 5- معرفة خواص هذه المستقيمات (خاصية الارتفاعات تقبل بدون برهان) واستعمالها في وضعيات بسيطة.

### معايير التقويم:

اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب معارف:
<ul style="list-style-type: none"><li>- يكتسب قيم و/أو اتخاذ مواقف:</li><li>- يستعمل الرموز والمصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم.</li><li>- يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة.</li><li>- يتحقق من صحة نتائج ويصادق عليها.</li><li>- يقدم منتوجاً بشكل منظم ومنسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- يبرر واستعمال حالات تقاييس المثلثات.</li><li>- يبرر توازي مستقيمين أو يحسب طول قطعة مستقيم باستعمال خواص المثلثين المعينين بمستقيمين متوازيين يقطعهما قاطعان غير متوازيين.</li><li>- يبرر خواص المستقيمات الخاصة في مثلث (ما عدا المتعلقة بالارتفاعات) ويستعملها في وضعيات بسيطة.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- يعين وينشئ المستقيمات الخاصة في مثلث.</li></ul>

2026-2025

الأستاذ: عكرمي العيد

---

المقطع التعليمي 2: المثلثات  
الوضعية الانطلاقية

---

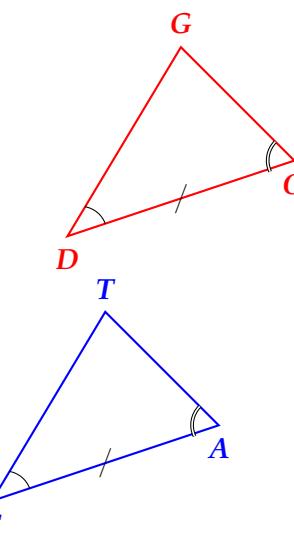
المورد 01: حالات تقسيس مثلثين

الغاية المستهدفة:

- يتوصّل إلى حالات تقسيس مثلثين
- يحدّد التلميذ العناصر المتماثلة بعد إثبات التقسيس

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>تهيئة</b></p> <p>- متى نقول عن شكلين أنهما قابلان للتطابق ؟</p> <p><b>النشاط 1</b></p> <p><b>مثلث CAT</b></p> <p>1- أنشيء المثلث <math>DOG</math> بحيث يكون قابلاً للتطابق على المثلث <math>CAT</math> بأقل عدد ممكن من المعطيات.</p> <p>(ضلع، زاوية، ضلعين، زاويتين .....)</p> <p><b>الحالة 3:</b>  <math display="block">\left\{ \begin{array}{l} CT = DG \\ CA = DO \\ AT = OG \end{array} \right.</math> </p> <p><b>الحالة 2:</b>  <math display="block">\left\{ \begin{array}{l} \widehat{CAT} = \widehat{DOG} \\ \widehat{TCA} = \widehat{GDO} \\ AC = OD \end{array} \right.</math> </p> <p><b>الحالة 1:</b>  <math display="block">\left\{ \begin{array}{l} \text{نأخذ ضلعين والزاوية تأخذ زاويتين} \\ \text{والضلعين تأخذ الأضلاع الثلاثة} \\ \text{المشتركة بينهما} \\ \widehat{CAT} = \widehat{DOG} \\ CA = DO \\ AT = OG \end{array} \right.</math> </p> <p>2- هل المثلثان <math>CAT</math> و <math>DOG</math> قابلان للتطابق ؟ تحقق بالورق الشفاف</p> <p>- مناقشة حالة مثلثين فيهما الزوايا الثالثة مقاييسة متشاً متضاداً.</p>	البحث د 45
	<p>نقول عن شكلين هندسيين أنهما مقاييسان إذا كانا قابلين للتطابق (الأضلاع والزوايا في الشكل الأول تقسيس الأضلاع والزوايا في الشكل الثاني متضاداً).</p>	بناء المعرف د 10
	<p><b>حالات تقسيس مثلثين</b></p> <p><b>الحالة 1:</b> يتقسيس مثلثان إذا تقسيس فيهما ضلعين والزاوية المحصورة بينهما في المثلث الأول مع ضلعين والزاوية المحصورة بينهما في المثلث الثاني متضاداً متضاداً.</p> <p><b>مثال 1 :</b></p> <p>لدينا في المثلثين <math>CAT</math> و <math>DOG</math></p> $\left\{ \begin{array}{l} \widehat{CAT} = \widehat{DOG} \\ CA = DO \\ AT = OG \end{array} \right.$ <p>وبحسب الخاصية (يتقسيس مثلثان إذا تقسيس فيهما ضلعين والزاوية المحصورة بينهما متضاداً متضاداً) إذن المثلثان المثلثان <math>CAT</math> و <math>DOG</math> مقاييسان (قابلان للتطابق).</p> <p><math display="block">\left\{ \begin{array}{l} \widehat{ATC} = \widehat{OGD} \\ \widehat{ACT} = \widehat{ODG} \\ CT = DG \end{array} \right.</math></p> <p>نستنتج أن</p>	بناء المعرف د 15

الحالة 2: يتقايس مثلثان إذا تقايس فيما زاويتان والضلع المشترك بينهما في المثلث الأول مع زاويتين والضلع المشترك بينهما في المثلث الثاني مثلي مثلي.



$$\begin{cases} \widehat{CAT} = \widehat{DOG} \\ CA = DO \\ AT = OG \end{cases}$$

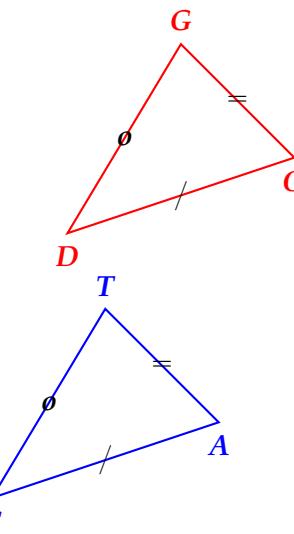
لدينا في المثلثين  $CAT$  و  $DOG$  وحسب الخاصية (يتقايس مثلثان إذا تقايس فيما زاويتان والضلع المشترك بينهما مثلي مثلي) إذن المثلثان المثلثان  $CAT$  و  $DOG$  متقايسان (فابلان للتطابق).

$$\begin{cases} \widehat{ATC} = \widehat{OGD} \\ AT = OG \\ CT = DG \end{cases}$$

نستنتج أنّ

بناء المعرف د 15

الحالة 3: يتقايس مثلثان إذا تقايس فيما الأضلاع الثلاثة في المثلث الأول مع الأضلاع الثلاثة في المثلث الثاني مثلي مثلي.



$$\begin{cases} CT = DG \\ CA = DO \\ AT = OG \end{cases}$$

لدينا في المثلثين  $CAT$  و  $DOG$  وحسب الخاصية (يتقايس مثلثان إذا تقايس فيما الأضلاع الثلاثة مثلي مثلي) إذن المثلثان المثلثان  $CAT$  و  $DOG$  متقايسان (فابلان للتطابق).

$$\begin{cases} \widehat{ATC} = \widehat{OGD} \\ \widehat{ACT} = \widehat{ODG} \\ \widehat{CAT} = \widehat{DOG} \end{cases}$$

نستنتج أنّ

بناء المعرف د 15

تمرين 6 صفحة 142

التقويم د 10

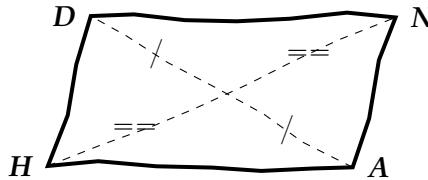
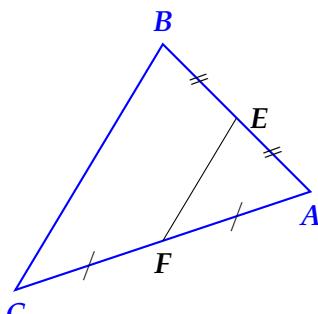
المورد 02: مستقيم المنتصفين

الكافأة المستهدفة:

- يتذكر تسمية شكل

- يتذكر متوازي الأضلاع (التعريف والخواص)

- يتوصل إلى معرفة خواص مستقيم المنتصفين في مثلث

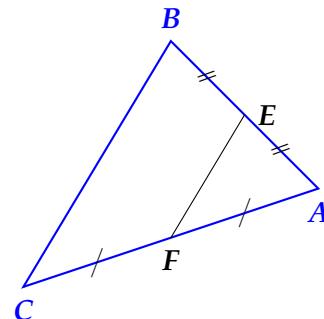
التفويم	أنشطة التعلم	المراحل
	 <p>تهيئة إليك الشكل المرسوم باليد الحرة. - ما نوع الرباعي <math>HAND</math> ؟ - اذكر خواص الرباعي <math>HAND</math>.</p> <p><b>النشاط 2 (1)</b> مثلث <math>ABC</math> كييفي، النقطتان <math>E</math> و <math>F</math> منتصفى <math>[AC]</math>، <math>[AB]</math> على الترتيب. 1- تحقق بالأدوات الهندسية أنّ: <math>EF = \frac{1}{2}BC</math> متوازيان و <math>(BC) (EF)</math> و <math>(EF) (BC)</math> متوازيان. 2- لنبين أنّ المستقيمين <math>(EF)</math> و <math>(BC)</math> متوازيان و <math>EF = \frac{1}{2}BC</math>، نتبع الخطوات التالية: - ننشئ النقطة <math>G</math> نظيرة <math>E</math> بالنسبة إلى <math>F</math>. - مانوع الرباعي <math>AECG</math> ؟ مانوع الرباعي <math>EBGC</math> ؟</p> <p><b>النشاط 2 (2)</b> مثلث <math>ABC</math> كييفي، النقطة <math>E</math> منتصف <math>[AB]</math>، المستقيم <math>(d)</math> يشمل <math>E</math> ويوazi <math>(BC)</math> ويتقاطع مع <math>(AC)</math> في النقطة <math>F</math>. 1- تحقق بالأدوات الهندسية أنّ النقطة <math>F</math> هي منتصف <math>[AC]</math>. 2- لنبين أنّ النقطة <math>F</math> هي منتصف <math>[AC]</math>، نتبع الخطوات التالية: - ننشئ المستقيم <math>(CG)</math> الذي يوازي <math>(AB)</math> يشمل النقطة <math>C</math> ويتقاطع مع <math>(d)</math> في النقطة <math>G</math>. - مانوع الرباعي <math>EBCG</math> ؟ مانوع الرباعي <math>AECG</math> ؟</p>	البحث د 55
	<p><b>خاصية 1:</b> في مثلث، إذا كان مستقيم يشمل منتصفى ضلعين فإن هذا المستقيم يوازي حامل الضلع الثالث.</p> <p><b>مثال 1:</b> في المثلث <math>ABC</math> لدينا <math>E</math> منتصف <math>[AB]</math> و <math>F</math> منتصف <math>[AC]</math> فحسب خاصية مستقيم المنتصفين فإن ..... </p>	بناء المعرف د 15

**خاصية 2 :**

في مثلث، طول القطعة الواقعة بين منتصفي ضلعين، يساوي نصف طول الضلع الثالث.

**مثال 2:**

في المثلث  $ABC$  لدينا  $E$  منتصف  $[AB]$  و  $F$  منتصف  $[AC]$  فحسب خاصية مستقيم المنتصفين فإن .....  
.....



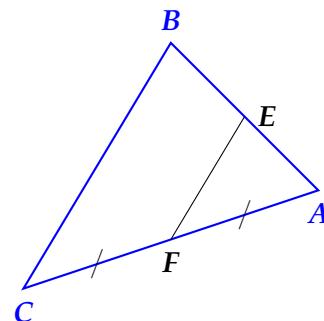
بناء المعرف د 15

**خاصية 3:**

في المثلث  $ABC$  في مثلث، إذا كان مستقيم يشمل منتصف أحد أضلاعه وكان موازياً لضلع آخر فإن هذا المستقيم يقطع الضلع الثالث في منتصفه.

**مثال 3:**

لدينا المستقيم  $(d)$  يشمل  $F$  منتصف  $[AC]$  ويوازي  $(BC)$  فحسب خاصية مستقيم المنتصفين فإن .....  
.....



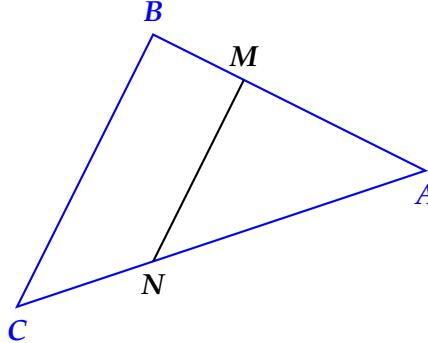
بناء المعرف د 15

تمرين 12 صفة 143

التقويم د 10

المورد 03: خاصية طالس

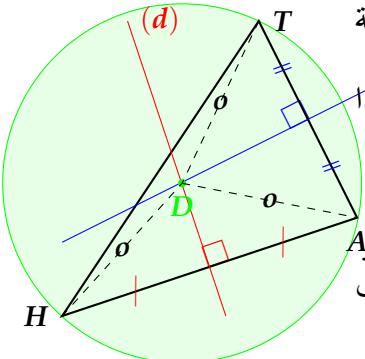
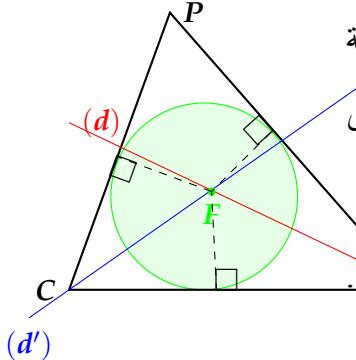
الكفاءة المستهدفة:  
- يتعرف على خاصية طالس

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 1</b></p> <p>1- أنشئ مثلاً <math>ABC</math>. 2- المستقيم الموازي لـ <math>(BC)</math> ويتقاطع مع المستقيمين <math>(AB)</math> و <math>(AC)</math> في النقطتين <math>M</math> و <math>N</math> على الترتيب. 3- اكتب أطوال اضلاع المثلثين الناتجين. 4- قارن بين النسب <math>\frac{BC}{MN}</math> ، <math>\frac{AC}{AN}</math> ، <math>\frac{AB}{AM}</math> 6- ماذا تخمن؟</p>	البحث د 15
	<p><b>خاصية:</b> خاصية طالس: إذا كان - المستقيمان <math>(BD)</math> و <math>(CE)</math> متوازيين - المستقيمان <math>(BC)</math> و <math>(DE)</math> متتقاطعين في النقطة <math>A</math> فإن: <math>\frac{AB}{AM} = \frac{AC}{AN} = \frac{BC}{MN}</math></p> 	بناء المعرف د 30
	تمرين 17 صفحة 143	التفوييم د 10

## المورد 04: المستقيمات الخاصة في مثلث

الغاية المستهدفة:

- يتذكر محور قطعة وينشئ محاور الأضلاع في مثلث
- يتعرف على المتوسط في مثلث وينشئ منصفات زوايا مثلث
- يتذكر منصف زاوية وينشئ منصفات زوايا مثلث

المرحل	أنشطة التعليم	التفويم
البحث د 15	<p><b>تهيئة</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- باليد الحر: ارسم قطعة مستقيم <math>[GO]</math>، ارسم <math>(d)</math> محور <math>[GO]</math>.</li> <li>عّرف محور قطعة مستقيم اذكر الخاصية والخاصية العكسية لنقطة من محور قطعة</li> </ul> <p><b>النشاط 4 (1)</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1- ارسم مثلث <math>HAT</math>.</li> <li>2- أنشئ <math>(d)</math> محور الصلع <math>[AH]</math> و <math>(d')</math> محور الصلع <math>[AT]</math>، يتقاطعان في النقطة <math>D</math>.</li> <li>3- بين أن محور الصلع <math>[HT]</math> يشمل النقطة <math>D</math>.</li> <li>4- استنتج مركز ونصف قطر الدائرة التي تشمل رؤوس المثلث <math>HAT</math>.</li> </ol>	
بناء المعرف د 25	<p><b>ملاحظات:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- محاور أضلاع مثلث تتقاطع في نقطة واحدة تسمى نقطة تقاطع المحاور.</li> <li>- نقطة تقاطع المحاور هي مركز الدائرة المحيطة <math>(d)</math> لهذا المثلث.</li> </ul>	
البحث د 15	<p><b>تهيئة</b></p> <p>باليد الحر: ارسم زاوية <math>EFG</math> ثم ارسم <math>(d)</math> منصف <math>\widehat{EFG}</math> عّرف منصف زاوية. اذكر الخاصية والخاصية العكسية لنقطة من منصف زاوية</p> <p><b>النشاط 4 (2)</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1- ارسم مثلث <math>CUP</math>.</li> <li>2- أنشئ <math>(d)</math> منصف الزاوية <math>C</math> و <math>(d')</math> منصف الزاوية <math>U</math>، يتقاطعان في النقطة <math>F</math>.</li> <li>3- بين أن منصف الزاوية <math>\widehat{P}</math> يشمل النقطة <math>F</math>.</li> <li>4- استنتج مركز ونصف قطر الدائرة المحصورة بأضلاع المثلث <math>CUP</math>.</li> </ol>	
بناء المعرف د 25	<p><b>ملاحظات:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- منصفات زوايا مثلث تتقاطع في نقطة واحدة تسمى نقطة تلاقي المنصفات.</li> <li>- نقطة تلاقي المنصفات هي مركز الدائرة المرسومة داخل هذا المثلث (تمس أضلاعه من الداخل).</li> </ul>	

### النشاط 4 (3)

1- ارسم مثلثاً  $PEN$ .

2- عيّن نقطتين  $P'$  و  $E'$  منتصفى الضلعين  $[EN]$ ،  $[PN]$  على الترتيب.

3- أنشيء القطعتين  $[E'E]$  و  $[P'P]$  ثم عيّن نقطة تقاطعهما  $G$ .

4- أثبت أن  $[N'N]$  تشمل  $G$  و  $E'G = \frac{1}{3}EG$ .

- نعيّن  $D$  نظيرة  $B$  بالنسبة إلى  $G$  ثم ثبت أن  $ADCG$  متوازي الأضلاع.

- حسب خواص مستقيم المنتصفين في المثلثين  $ABD$  و  $BCD$  نجد أن  $(C'G) \parallel (AD)$  و  $(A'G) \parallel (CD)$ .

- نستنتج أن  $(BG)$  يشمل  $B'$  منتصف  $[AC]$ .

البحث د 15

في مثلث ، نسمى المتوسط المتعلق بضلعين ، القطعة التي طرفاها منتصف هذا الضلع والرأس المقابل له.

**مثال:**

في المثلث  $PEN$ ، النقطة  $E'$  هي منتصف الضلع  $[PN]$ . المتوسط المتعلق بالضلعين  $[PN]$  هو القطعة  $[E'E]$ .

**خواص**

- المتوسط يقسم المثلث إلى مثلاين لهما نفس المساحة.

- المتوسطات الثلاثة تقاطع في نقطة واحدة تسمى نقطة تلاقي المتوسطات.

- نقطة تقاطع المتوسطات هي مركز ثقل هذا المثلث.

- نقطة تقاطع المتوسطات تقع على بعد ثلثي طول المتوسط.

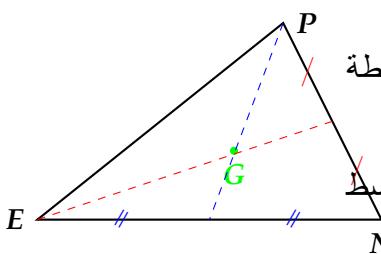
ابتداء من رأس المثلث.

**ملاحظات :**

- لتعيين نقطة تلاقي المتوسطات في مثلث يكفي إنشاء متوسطين.

- نقطة تلاقي المتوسطات تكون دائماً داخل هذا المثلث.

بناء المعرف د 30



### النشاط 4 (3)

1- ارسم مثلثاً  $ABC$ .

2- أنشيء المستقيمات  $(d)$  يشمل  $A$  ويعامد  $(BC)$ ،  $(d')$  يشمل  $B$  ويعامد  $(AC)$  ،  $(d'')$  يشمل  $C$  ويعامد  $(AB)$ .

3- ماذَا تخمن ؟

البحث د 15

حامل الارتفاع المتعلق بضلعين في مثلث هو المستقيم العمودي على حامل هذا الضلع ويشمل الرأس المقابل له.

**ملاحظة:** نقصد بالارتفاع القطعة أو طولها.

**مثال:**

في المثلث  $ABC$  المستقيم  $(BC)$  عمودي على حامل الضلع  $[BC]$  ويشمل الرأس المقابل  $A$  فهو حامل الارتفاع المتعلق بالضلعين  $[BC]$ .

**خاصية:**

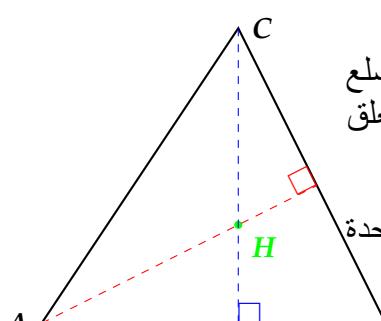
حوامل الارتفاعات الثلاثة في مثلث تقاطع في نقطة واحدة تسمى نقطة تلاقي الارتفاعات.

**ملاحظات :**

- لتعيين نقطة تلاقي الارتفاعات في مثلث يكفي إنشاء حاملين ارتفاعين.

- يمكن أن تكون نقطة تلاقي الارتفاعات في مثلث خارج هذا المثلث أو داخله أو تتطابق على أحد الرؤوس.

بناء المعرف د 30



تمرين 23 صفحة 144

التقويم د 10

### المقطع 3: القوى ذات أسس نسبية صحيحة

المستوى: الثالثة متوسط

#### الميدان 1:

يحل مشكلات متعلقة بالكسور والأعداد النسبية والأعداد الناطقة والقوى والحساب الحرفي (تبسيط ونشر عبارات جبرية، المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد  $ax + b = cx + d$ ).

#### الموارد:

- 1- تعين القوة  $n$  العدد 10.
- 2- معرفة واستعمال قواعد الحساب على قوة العدد 10.
- 3- كتابة عدد عشري باستعمال قوى 10.
- 4- تعين الكتابة العلمية لعدد عشري.
- 5- استعمال الكتابة العلمية لحصر عدد عشري وإيجاد رتبة مدار عدد.
- 6- حساب قوة عدد نسبي.
- 7- معرفة قواعد الحساب على قوة عدد نسبي واستعمالها في وضعيات بسيطة.
- 8- إجراء حساب يتضمن قوى.

#### معايير التقويم:

اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب معارف:
<ul style="list-style-type: none"><li>- يكتسب قيم و/أو اتخاذ مواقف:</li><li>- يستعمل الرموز والمصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم.</li><li>- يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة.</li><li>- يتحقق من صحة نتائج ويصادق عليها.</li><li>- يقدم منتوجاً بشكل منظم ومنسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- يصادق على نتائج حساب على القوى باستعمال الخواص.</li><li>- يجري حساباً يتضمن قوى.</li><li>- يقدم استدلالات بسيطة.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- يحسب قوة عدد نسبي.</li><li>- يجري العمليات على القوى.</li><li>- يعطي الكتابة العلمية لعدد عشري.</li><li>- يحصر عدداً موجباً مكتوباً في الشكل العشري باستعمال التدوير إلى رتبة معينة.</li></ul>

2026-2025

الأستاذ: عكرمي العيد

صفحة الأستاذ عكرمي للرياضيات:



laid.akermi.77@gmail.com

تعلم الرياضيات مع الأستاذ عكرمي:



المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوق الأستاذ عكرمي العيد 2025-2026	الميدان المعرفي: انشطة عددي المستوى: الثالثة متوسط المقطع التعليمي: القوى ذات أساس نسبي صحيح الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة المدة: 1 سا
-----------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

**المورد 01: قوة العدد 10**

**بطاقة فنية: 3-01**

**الكفاءة المستهدفة:**  
 - يحول الجداء إلى كتابة أسيّة.

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 1</b></p> <p>1- أكمل كما في المثال</p> <p><math>100 = 10 \times 10 = 10^2</math></p> <p><math>100000 = \dots = 10^{\dots}</math></p> <p><math>10 = \dots = 10^{\dots}</math></p> <p><math>0,01 = \frac{1}{100} = \frac{1}{10 \times 10} = \frac{1}{10^2} = 10^{-2}</math></p> <p><math>0,0001 = \dots = 10^{\dots}</math></p> <p><math>0,1 = \dots = 10^{\dots}</math></p> <p>2- أكمل كما في المثال</p>	<p>البحث د 15</p>
	<p><b>أمثلة</b></p> <p>1- تدل الكتابة <math>10^n</math> على جداء <math>n</math> عاملًا كلا منها يساوي 10.</p> $10^n = \underbrace{10 \times \dots \times 10}_n$ <p>2- تدل الكتابة <math>10^{-n}</math> على مقلوب العدد <math>10^n</math> أي <math>10^{-n} = \frac{1}{10^n} = \underbrace{\frac{1}{10} \times \dots \times \frac{1}{10}}_n</math> أي جداء <math>n</math> عاملًا كلا منها يساوي <math>\frac{1}{10}</math>.</p> $10^{-n} = \underbrace{0,00\dots 01}_n$	<p>بناء المعارف د 30</p>
	<p><b>ملاحظة :</b> <math>10^0 = 1</math></p> <p>تمرين 1 صفحة 46</p>	<p>التفصيم د 10</p>

## المورد 02: قواعد الحساب على قوة العدد 10

## الكفاءة المستهدفة:

يتذكر القوى ذات الأسس الموجبة والقوى ذات الأسس السالبة للعدد 10.  
يتعرف على قواعد الحساب على قوى العدد 10 ويستعملها.

التفصيم	أنشطة التعليم	المراحل
	<p>تبيئة</p> <p>اكتب على الشكل العشري</p> $10^7 = \dots$ $10^{-5} = \dots$ $10000 = \dots$ $0,0000001 = \dots$ <p><b>النشاط 4 ص 41</b></p> <p>- احسب و اكتب الناتج على شكل <math>10^p</math> حيث <math>p</math> عدد نسبي صحيح.</p> $(10^{-2})^5 = \dots = \dots$ $(10^n)^m = \dots = \dots$ $10^3 \div 10^8 = \dots = \dots$ $\dots$ $10^n \div 10^m = \dots$ $(10^3)^4 = \dots = \dots$ $10^3 \times 10^2 = \dots = \dots$ $10^{-1} \times 10^6 = \dots = \dots$ $10^n \times 10^m = \dots$ $10^7 \div 10^2 = \dots = \dots$	<p>البحث د 15</p>
	<p>إذا كان <math>n, m</math> عددان نسبيان صحيحان</p> $10^n \times 10^m = 10^{n+m}$ $10^n \div 10^m = 10^{n-m}$ $(10^n)^m = 10^{n \times m}$ <p><b>أمثلة:</b></p> <p>اكتب على شكل قوة للعدد 10</p> $(10^5)^4 = \dots$ $(10^{-8})^{25} = \dots$ $(10^{-11})^{-33} = \dots$ $(10^7)^7 = \dots$ $10^{12} \times 10^4 = \dots$ $10^{-8} \times 10^{25} = \dots$ $10^{-11} \times 10^{-33} = \dots$ $10^7 \div 10^7 = \dots$	<p>بناء المعارف د 30</p>
	<b>تمرين 16 صفحة 46</b>	التفصيم د 10

## المورد 03: كتابة عدد عشري باستعمال قوة العدد 10

## الكفاءة المستهدفة:

- ينتقل بين الكتاين العشرية والكتابه باستعمال قوة العدد 10.
- يستنتج أن عدد الكتابات غير منته في الحالتين.

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل																
	<p><b>تهيئة</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- هل يمكن إيجاد جميع الكتابات العشرية للعدد العشري 6 ؟</li> <li>- هل يمكن إيجاد جميع الكتابات الكسرية للعدد <math>\frac{5}{3}</math> ؟</li> </ul> <p><b>النشاط 1</b></p> <p>1- انقل وأتم الجدول، حيث <math>a</math> عدد عشري و <math>n</math> عدد نسبي صحيح.</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الكتابة العشرية</th> <th>الكتابة على شكل <math>a \times 10^n</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>71</td> <td><math>71 \times 10^2</math></td> </tr> <tr> <td>8</td> <td><math>8 \times 10^0</math></td> </tr> <tr> <td>17</td> <td><math>17 \times 10^{-4}</math></td> </tr> <tr> <td>30000</td> <td></td> </tr> <tr> <td>0,0056</td> <td></td> </tr> <tr> <td>223000</td> <td></td> </tr> <tr> <td>100</td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p>2- هل يمكن إيجاد جميع الكتابات باستعمال قوة العدد 10 لكل عدد عشري في الجدول ؟</p> <p>3- جد الكتابة التي يكون فيها <math>a</math> أصغر عدد طبيعي ممكن و <math>n</math> عدد نسبي صحيح.</p>	الكتابة العشرية	الكتابة على شكل $a \times 10^n$	71	$71 \times 10^2$	8	$8 \times 10^0$	17	$17 \times 10^{-4}$	30000		0,0056		223000		100		
الكتابة العشرية	الكتابة على شكل $a \times 10^n$																	
71	$71 \times 10^2$																	
8	$8 \times 10^0$																	
17	$17 \times 10^{-4}$																	
30000																		
0,0056																		
223000																		
100																		
	<p>- لكل عدد عشري عدة كتابات على الشكل <math>a \times 10^n</math>، حيث <math>a</math> عدد عشري و <math>n</math> عدد نسبي صحيح.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> $26000 = 26000 \times 10^0 = 2600 \times 10^1 = 260 \times 10^2 = 26 \times 10^3 = \dots$ $26000 = 26000 \times 10^0 = 260000 \times 10^{-1} = 2600000 \times 10^{-2} = 26000000 \times 10^{-3} = \dots$ $12,3 = 12,3 \times 10^0 = 1,23 \times 10^1 = 0,123 \times 10^2 = 0,0123 \times 10^3 = \dots$ $12,3 = 12,3 \times 10^0 = 123 \times 10^{-1} = 1230 \times 10^{-2} = 12300 \times 10^{-3} = \dots$	<p>البحث د 15</p>																
	<p><b>تمرين 1</b></p> <p>- اكتب على الشكل <math>a \times 10^p</math>، حيث <math>a</math> أصغر عدد طبيعي ممكن و <math>p</math> عدد نسبي صحيح.</p> <table border="1"> <tbody> <tr> <td><math>2,1 \times 10^{-4}</math></td> <td><math>55,3 \times 10^3</math></td> <td><math>3,65 \times 10^{10}</math></td> </tr> <tr> <td><math>785,3 \div 10^{-6}</math></td> <td><math>7,0001 \times 10^{11}</math></td> <td><math>4,3 \times 10^1</math></td> </tr> <tr> <td>0,0004</td> <td><math>0,33 \div 100</math></td> <td><math>2,353 \times 10^8</math></td> </tr> <tr> <td>710</td> <td><math>3,55 \times 10^2</math></td> <td>0,333</td> </tr> </tbody> </table>	$2,1 \times 10^{-4}$	$55,3 \times 10^3$	$3,65 \times 10^{10}$	$785,3 \div 10^{-6}$	$7,0001 \times 10^{11}$	$4,3 \times 10^1$	0,0004	$0,33 \div 100$	$2,353 \times 10^8$	710	$3,55 \times 10^2$	0,333	<p>بناء المعرف د 30</p> <p>التفصيم د 10</p>				
$2,1 \times 10^{-4}$	$55,3 \times 10^3$	$3,65 \times 10^{10}$																
$785,3 \div 10^{-6}$	$7,0001 \times 10^{11}$	$4,3 \times 10^1$																
0,0004	$0,33 \div 100$	$2,353 \times 10^8$																
710	$3,55 \times 10^2$	0,333																

<p>المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوق الأستاذ عكرمي العيد 2025-2026</p>	<p>الميدان المعرفي: انشطة عددي المقطع التعليمي: القوى ذات أسس نسبية صحيحة الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة</p>	<p>بطاقة فنية: 3-04 المستوى: الثالثة متوسط المدة: 1 سا</p>
---------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	--------------------------------------------------------------------

#### المورد 04: الكتابة العلمية

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر كتابة عدد عشري باستعمال قوة العدد 10.
- يتعرف على الكتابة العلمية لعدد عشري من خلال الكتابات السابقة.

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل		
	<p><b>تهيئة:</b></p> <p>1- اكتب الأعداد التالية على الشكل <math>10^n \times a</math>. حيث <math>a</math> عدد عشري و <math>n</math> عدد نسبي صحيح.</p> <p><b>النشاط 5 ص 41 بتصريف:</b></p> <p>2- هل توجد كتابات أخرى تحقق المطلوب ؟</p> <p>1- اكتب الأعداد التالية على الشكل <math>10^n \times a</math>.</p> <p>واحد غير معدوم قبل الفاصلة و <math>n</math> عدد نسبي صحيح.</p> <p>2- هل توجد كتابات أخرى تحقق المطلوب ؟</p>	البحث د 15		
	<p>- كتابة عدد عشري كتابة علمية تعني كتابته على الشكل <math>10^n \times a</math> حيث <math>n</math> عدد صحيح نسبي و <math>a</math> عدد عشري مكتوب برقم واحد (غير معدوم) قبل الفاصلة.</p> <p><b>ملاحظة:</b> - توجد كتابة علمية وحيدة لعدد عشري.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 50%; text-align: center;"> <math>214 \times 10^{33} =</math>  <math>10^2 + 10^7</math>  <math>10^2 + 10^{-7}</math> </td> <td style="width: 50%; text-align: center;"> <math>13,3 =</math>  <math>207000 =</math>  <math>3,265 =</math> </td> </tr> </table> <p><b>ملاحظة:</b></p> <p>- يفضل كتابة الأعداد الكبيرة جداً أو الصغيرة جداً كتابة علمية لتسهيل قراءتها.</p> <p><b>مثال:</b> المسافة بين الأرض والشمس هي: 000km.000.150 ، وكتابتها العلمية هي</p> <p><b>استعمال الحاسبة:</b></p> <p>1- لادخال عدد مكتوب بقوة العدد 10 نستعمل اللمسة <math>[exp]</math>.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <p><math>7,12 \times 10^4 \rightarrow 7,12 [EXP] 4 = 71200</math></p> <p><math>10^7 \rightarrow 1 [EXP] 7 = 10000000</math></p> <p>2- لايجاد الكتابة العلمية لعدد عشري نستعمل اللمسة <math>[F \leftrightarrow E]</math>.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <p><math>365 \rightarrow 365 = [F \leftrightarrow E] = 3,652 = 3,65 \times 10^2</math></p> <p><math>0,00082 \rightarrow 0,00082 = [F \leftrightarrow E] 8,2 - 4 = 8,2 \times 10^{-4}</math></p>	$214 \times 10^{33} =$ $10^2 + 10^7$ $10^2 + 10^{-7}$	$13,3 =$ $207000 =$ $3,265 =$	بناء المعارف د 30
$214 \times 10^{33} =$ $10^2 + 10^7$ $10^2 + 10^{-7}$	$13,3 =$ $207000 =$ $3,265 =$			
	<p>تمرين 21 صفحة 47</p>	التفصيم د 10		

بطاقة فنية: 3-05

الميدان المعرفي: انشطة عدديّة

المستوى: الثالثة متوسط المقطع التعليمي: القوى ذات أسس نسبية صحيحة

الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة

المدة: 1 سا

المتوسطة الجديدة

عدل 900 سكن - السوق

الأستاذ عكرمي العيد

2026-2025

### المورد 05: الحصر ورتبة المقدار

الكفاءة المستهدفة:

- إستعمال الكتابة العلمية لحصر عدد عشري.

- إستعمال الكتابة العلمية لحصر عدد عشري وإيجاد رتبة قدر عدد.

المرحل	أنشطة التعليم	التفصيل
البحث د 15	<p><b>النشاط 1</b></p> <p>ليكن العددان <math>A = 0,000541</math> و <math>B = 0,000541</math> .</p> <p>1- اكتب العددين <math>A</math> و <math>B</math> كتابة علمية .</p> <p>2- احصر كلام العددين <math>A</math> و <math>B</math> بين قوتين متتاليين للعدد 10 .</p> <p>3- ماذا يمثل العددان <math>10^5 \times 7</math> و <math>10^{-4} \times 5</math> بالنسبة للعددين <math>A</math> و <math>B</math> ؟</p> <p>4- احسب رتبة قدر لكل من <math>A \times B</math> و <math>A \div B</math> .</p>	
بناء المعرف د 30	<p>- تسمح الكتابة العلمية لعدد عشري بحصره بين قوتين ذات أسين متتاليين للعدد 10 .</p> <p>- إذا كانت الكتابة العلمية لعدد عشري <math>A</math> هي <math>10^n \times a</math> فإن: <math>10^n \leq A &lt; 10^{n+1}</math> .</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <p>الكتابية العلمية للعدد 0,00437 هي ..... و منه ... &lt; 0,00437 .</p> <p>الكتابية العلمية للعدد 860,2 هي ..... و منه ... &lt; 860,2 .</p> <p>الكتابية العلمية للعدد 10000 هي ..... و منه ... &lt; 10000 .</p> <p>- تسمح الكتابة العلمية لعدد عشري بايجاد رتبة قدر له .</p> <p>- إذا كانت الكتابة العلمية لعدد عشري <math>A</math> هي <math>10^n \times a</math> فإن رتبة قدر هذا العدد هي <math>10^n \times a'</math> حيث <math>a'</math> هو المدور إلى الوحدة للعدد <math>a</math> .</p> <p>- تسمح رتبة قدر بتوقع نتائج العمليات .</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <p>الكتابية العلمية للعدد 0,00437 هي ..... و منه رتبة قدر العدد 0,00437 هي ..... .</p> <p>الكتابية العلمية للعدد 860,2 هي ..... و منه رتبة قدر العدد 860,2 هي ..... .</p>	
التفصيل د 10	<p><b>تمرين 32 صفحة 47</b></p> <p><b>تمرين 33 صفحة 47</b></p> <p><b>تمرين 1:</b></p> <p>- اكتب كل عدد على الشكل <math>a &lt; 10^{p+1}</math> حيث <math>p</math> عدد نسبي صحيح:</p> <p><math>e = 0,0075</math>      <math>c = 2,8 \times 10^5</math>      <math>a = 12</math></p> <p><math>f = 1000</math>      <math>d = 0,02 \times 10^{-3}</math>      <math>b = 335,78</math></p>	

<p>المتوسطة الجديدة عدل 900 سكن - السوق الأستاذ عكرمي العيد 2026-2025</p>	<p>الميدان المعرفي: انشطة عددي المقطع التعليمي: القوى ذات أسس نسبية صحيحة الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة</p>	<p>بطاقة فنية: 3-06 المستوى: الثالثة متوسط الوحدة: 1 سا</p>
---------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------------------------------------------------------

### المورد 06: قوة عدد نسبي

الكافأة المستهدفة:

- يحسب قوة عدد نسبي.

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 6 ص 41 بتصرف</b> أكمل كما في المثال:</p> $6^3 = 6 \times 6 \times 6 = 216$ $5^{-3} = \dots = \dots$ $2^{-6} = \dots = \dots$ $3^6 = \dots = \dots$ $4^{-5} = \dots = \dots$ $2^5 = \dots = \dots$ $4^3 = \dots = \dots$	البحث د 15
	<p><i>n</i> عدد طبيعي غير معروف و <math>a^n</math> عدد نسبي غير معروف . 1- تدل الكتابة <math>a^n</math> على جداء <math>n</math> عاماً كلام منها يساوي <math>a</math>.</p> $a^n = \underbrace{a \times \dots \times a}_{n \text{ عاماً}}$ <p>2- تدل الكتابة <math>a^{-n}</math> على مقلوب العدد <math>a^n</math> أي <math>\frac{1}{a^n}</math>.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> $8^{-5} = \dots = \dots$ $5^{-4} = \dots = \dots$ $(-11)^{-3} = \dots = \dots$ $3^{11} = \dots = \dots$ $11^{33} = \dots = \dots$ $0^5 = \dots = \dots$ $(-3)^{-2} = \dots = \dots$ $3^4 = \dots = \dots$ $(-8)^3 = \dots = \dots$ $(-5)^2 = \dots = \dots$ $5^2 = \dots = \dots$	الحاسبة: لادخال قوة عدد للحاسبة نستعمل الممسنة $y^x$
	<p><b>مثال:</b></p> $3^7 \rightarrow 3 \boxed{y^x} 7 = 2187$ <p><b>ملاحظات:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>1^n = 1</math></li> <li><math>a^n = a</math></li> <li><math>a^0 = 1</math> (حيث <math>a \neq 0</math>)</li> <li><math>0^n = 0</math> (حيث <math>n \neq 0</math>)</li> <li><math>0^0</math> غير معروف.</li> </ul> <p>- إذا كان إذا كان <math>a</math> عدد سالب و <math>n</math> فرديا فإن <math>a^n</math> سالب.</p> <p><b>مثال:</b></p> $(-2)^5 = -2^5 = -32$ <p>- إذا كان <math>a</math> عدد سالب و <math>n</math> زوجيا فإن <math>a^n</math> عدد موجب.</p> <p><b>مثال:</b></p> $(-5)^4 = +5^4 = +625$ <p>- إذا كان <math>n</math> فرديا فإن <math>-1 = (-1)^n</math></p> <p>- إذا كان <math>n</math> زوجيا فإن <math>1 = (-1)^n</math></p>	بناء المعرف د 30
	<p><b>تمرين 34 صفحة 48</b></p>	التفوييم د 10

## المورد 07: قواعد الحساب على قوة عدد نسبي

## الكفاءة المستهدفة:

- يتعرف على قواعد الحساب على قوة عدد نسبي.
- لاحظ أن قوة المجموع لا تساوي مجموع القوى.

التفويم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 7 (1)</b> أكمل بما يناسب:</p> $(9^3)^2 = \dots = \dots$ $(8^{-3})^5 = \dots = \dots$ $(a^n)^m = \dots = \dots$ $6^8 \div 6^3 = \dots = \dots$ $2^3 \div 2^9 = \dots = \dots$ $a^n \div a^m = \dots$ $5^3 \times 5^4 = \dots = \dots$ $4^{-2} \times 4^1 = \dots = \dots$ $a^n \times a^m = \dots$	
	<p><b>النشاط 7 (2)</b> لاحظ المثال ثم أكمل</p> $2^3 \times 6^3 = (2 \times 2 \times 2) \times (6 \times 6 \times 6)$ $= (2 \times 6) \times (2 \times 6) \times (2 \times 6)$ $= (2 \times 6)^3$ $5^2 \div 7^2$ $8^4 \div 3^4$ $a^n \div b^n$ $5^2 \times 7^2$ $8^4 \times 3^4$ $a^n \times b^n$	البحث د 15
	<p><b>النشاط 7 (3)</b> 1- احسب وقارن. 2- استنتاج.</p> $(6 - 2)^3 \dots 6^3 - 2^3$ $(3 + 5)^4 \dots 3^4 + 5^4$	
	<p>عدد نسبي غير معروف و <math>a</math> عددان نسبياً صحيحان.</p> $a^n \times a^m = a^{n+m}$ $a^n \div a^m = a^{n-m}$ $(a^n)^m = a^{n \times m}$ <p><b>أمثلة:</b></p> <p>اكتب على الشكل <math>a^n</math> حيث <math>a</math> عدد ناطق و <math>n</math> عدد نسبي صحيح.</p> $(4^2)^3$ $(3^3)^5$ $6^5 \div 6^{-9}$ $2^5 \div 2^3$ $6^5 \times 6^{-9}$ $2^5 \times 2^3$ <p><math>a, b</math> عددان غير معروفين و <math>n</math> عدد نسبي صحيح.</p> $(a \times b)^n = a^n \times b^n$ $(a \div b)^n = a^n \div b^n$ <p><b>أمثلة:</b></p> <p>اكتب على الشكل <math>a^n</math> حيث <math>a</math> عدد ناطق و <math>n</math> عدد نسبي صحيح.</p> $20^5 \div 4^5$ $18^{-15} \div 3^{-15}$ $12^5 \times 3^5$ $36^{11} \times 2^{11}$ <p><b>ملاحظة:</b></p> $(a - b)^n \neq a^n - b^n$ $(a + b)^n \neq a^n + b^n$	بناء المعارف د 30
	تمرين 35 صفحة 48	التفويم د 10

## المورد 08: إجراء حساب يتضمن قوى

## الكافأة المستهدفة:

- تحديد الأولوية عند إجراء سلسلة عمليات تتضمن قوى.

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل				
	<p><b>النشاط 8</b></p> <p>احسب ما يلي بتمعن</p> $2^0 \times 11^3 \div 10^1 - 2 \times (-7)^2 \quad \left  \begin{array}{l} -3^5 \\ (-3) \times 5^2 + 10^4 - 2 \times (-2)^4 \\ (-7)^2 + 13 \end{array} \right. \quad \left  \begin{array}{l} 4^3 - 3 \\ -5 + 4^2 \\ (-3)^5 \end{array} \right.$					
	<p>أولويات الحساب بتمعن في سلسلة عمليات تتضمن قوى:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>الأقواس الداخلية ثم الأقواس الخارجية.</li> <li>قوى.</li> <li>الضرب والقسمة.</li> <li>الجمع والطرح.</li> </ol> <p><b>مثال:</b></p> <p>- احسب بتمعن العباره <math>5 - 4^2 \times (-3) + (-1^5)</math>.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>الحل</th> <th>الشرح</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td> <math display="block">  \begin{aligned}  -1^5 - 4^2 \times (-3) + 5 &amp;= -1 - 4^2 \times (-3) + 5 \\  &amp;= -1 - 16 \times (-3) + 5 \\  &amp;= -1 - (-48) + 5 \\  &amp;= -1 + (+48) + 5 \\  &amp;= 47 + 5 \\  &amp;= 52  \end{aligned}  </math> </td> <td> <ol style="list-style-type: none"> <li>أولوية القوى</li> <li>أولوية القوى</li> <li>أولوية الجداء</li> <li>تحويل الطرح إلى جمع</li> <li>أولوية اليسار</li> <li>النتيجة</li> </ol> </td> </tr> </tbody> </table>	الحل	الشرح	$  \begin{aligned}  -1^5 - 4^2 \times (-3) + 5 &= -1 - 4^2 \times (-3) + 5 \\  &= -1 - 16 \times (-3) + 5 \\  &= -1 - (-48) + 5 \\  &= -1 + (+48) + 5 \\  &= 47 + 5 \\  &= 52  \end{aligned}  $	<ol style="list-style-type: none"> <li>أولوية القوى</li> <li>أولوية القوى</li> <li>أولوية الجداء</li> <li>تحويل الطرح إلى جمع</li> <li>أولوية اليسار</li> <li>النتيجة</li> </ol>	بناء المعرف د 30
الحل	الشرح					
$  \begin{aligned}  -1^5 - 4^2 \times (-3) + 5 &= -1 - 4^2 \times (-3) + 5 \\  &= -1 - 16 \times (-3) + 5 \\  &= -1 - (-48) + 5 \\  &= -1 + (+48) + 5 \\  &= 47 + 5 \\  &= 52  \end{aligned}  $	<ol style="list-style-type: none"> <li>أولوية القوى</li> <li>أولوية القوى</li> <li>أولوية الجداء</li> <li>تحويل الطرح إلى جمع</li> <li>أولوية اليسار</li> <li>النتيجة</li> </ol>					
	<b>تمرين 44 صفحة 48</b>	التفصيم د 10				

## المقطع 4: المثلث القائم والدائرة

المستوى: الثالثة متوسط

### الميدان 3:

يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمثلثات (حالات تقابس المثلثات، مستقيم المنتصفين في مثلث، تمييز المثلث القائم، المستقيمات الخاصة في مثلث) والتحويلات النقطية (الانتظار، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) وبيني براهين بسيطة.

### الموارد:

- 1- معرفة خاصية الدائرة المحيطة بالمثلث القائم واستعمالها.
- 2- معرفة خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم واستعمالها.
- 3- معرفة خاصية فيثاغورس واستعمالها.
- 4- تعريف بعد نقطة عن مستقيم وتعيينه.
- 5- معرفة الوضعيات النسبية لمستقيم دائرة.
- 6- إنشاء المماس لدائرة في نقطة منها.
- 7- تعريف جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم.
- 8- تعين قيمة مقربة أو القيم المضبوطة لجيب تمام زاوية حادة أو لزاوية حادة بمعرفة جيب التمام لها.
- 9- حساب زوايا أو أطوال بتوظيف جيب تمام زاوية حادة.

### معايير التقويم:

اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب معارف:
<ul style="list-style-type: none"><li>- اكتساب قيم و/أو اتخاذ مواقف:</li><li>- يستعمل الرموز وال المصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم.</li><li>- يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة.</li><li>- يتحقق من صحة نتائج ويصادق عليها.</li><li>- يقدم منتوجا بشكل منظم و منسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>* يميّز المثلث القائم:</li><li>- بإمكانية رسمه داخل نصف دائرة.</li><li>- خاصية المتوسط المتعلق بالوتر.</li><li>- خاصية فيثاغورس.</li><li>* يحسب أطوالا باستعمال جيب تمام زاوية حادة.</li><li>* يحسب قيمة مقربة أو القيمة المضبوطة لزاوية باستعمال الحاسبة.</li><li>* ينجذب براهين بسيطة ويحررها.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- ينشيء الدائرة المحيطة بمثلث قائم.</li><li>- يرسم باليد الحرة شكلا مشفرا.</li><li>- يترجم خاصية معينة.</li><li>- يحسب جيب تمام زاوية حادة.</li></ul>

2026-2025

الأستاذ: عكرمي العيد

صفحة الأستاذ عكرمي للرياضيات:



تعلم الرياضيات مع الأستاذ عكرمي:



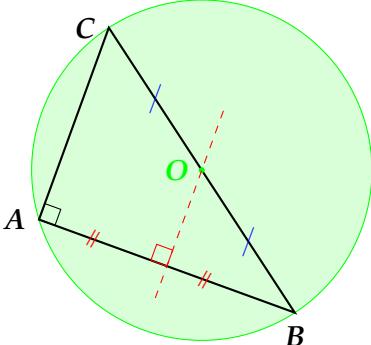
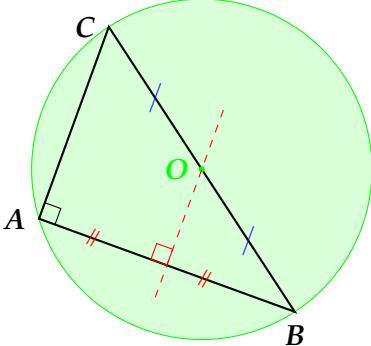
laid.akermi.77@gmail.com



المورد 01: الدائرة المحيطة بمثلث قائم

الكافأة المستهدفة:

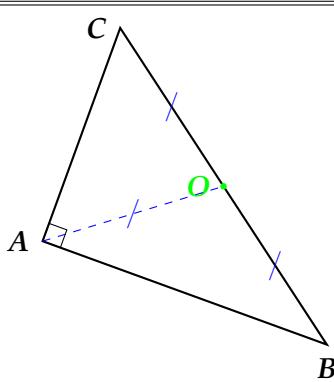
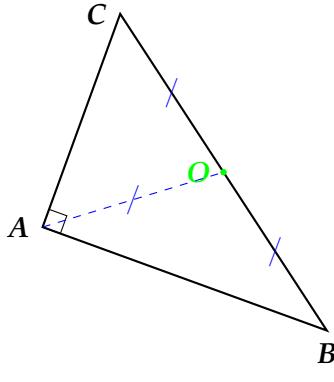
- يتذكر الدائرة المحيطة بمثلث كيفي.
- يتذكر محور قطعة.
- يخمن التلميذ بعد التحقق بالإنشاء أن وتر المثلث القائم هو قطر للدائرة المحيطة به ثم يثبت صحة التخمين.
- يخمن التلميذ بعد التتحقق بالإنشاء أن المثلث المرسوم في دائرة أحد أضلاعه قطر لها قائم ووتره هو قطر الدائرة ثم يثبت صحة التخمين.

المرحل	أنشطة التعلم	التفويم
البحث د 15	<p><b>تهيئة</b> (يرسم الأستاذ الشكل على السبورة باليد الحرة) مثلث <math>EST</math> كيفي.</p> <p>- ماذا نعني بالدائرة المحيطة بالمثلث <math>EST</math>؟</p> <p>- عرف محور قطعة مستقيم.</p> <p><b>النشاط 1 ص 152 بتصرف</b> لإثبات أن وتر المثلث <math>ABC</math> القائم في <math>C</math>، أنشئ الدائرة <math>(f)</math> المحيطة بالمثلث <math>ABC</math>. 1- ننشيء المستقيم <math>(d)</math> محور الضلع <math>[AC]</math>، ونعيّن النقطة <math>O</math> منتصف الوتر <math>[AB]</math>. ونثبت أن المستقيم <math>(d)</math> يشمل النقطة <math>O</math>. 2. هل محور <math>[AB]</math> يشمل النقطة <math>O</math>؟ 3. ما هو مركز الدائرة المحيطة بالمثلث <math>ABC</math>؟ وما هو قطرها.</p>	
بناء المعرف د 30	<p><b>خاصية الدائرة المحيطة بمثلث قائم</b> إذا كان مثلث قائماً فإن وتره هو قطر للدائرة المحيطة بهذا المثلث. <b>مثال:</b> لدينا المثلث <math>ABC</math> قائم في <math>C</math> ووتره <math>[AB]</math> فحسب خاصية الدائرة المحيطة بمثلث قائم فإن <math>[AB]</math> هو قطر للدائرة المحيطة بالمثلث <math>ABC</math>.</p> 	
البحث د 15	<p><b>النشاط 2 ص 152 بتصرف</b> (دائرة قطرها <math>[AB]</math>، نقطة من <math>(f)</math>، تختلف عن <math>A</math> و<math>B</math>. أنشيء شكلاً بهذه المعلميات. 1- ما نوع المثلث <math>ABC</math>؟ تحقق بالأدوات. 2- لإثبات أن المثلث <math>ABC</math> قائم في <math>C</math>. - أنشيء النقطة <math>D</math> نظيره <math>C</math> بالنسبة إلى <math>O</math>. - بين نوع الرباعي <math>ABCD</math>، ثم استنتج نوع المثلث <math>ABC</math>.</p>	
بناء المعرف د 30	<p><b>الخاصية العكسية للدائرة المحيطة بمثلث قائم</b> إذا كان قطر دائرة ضلعاً لمثلث مرسوم في هذه الدائرة. فإن هذا المثلث قائم ووتره هو قطر الدائرة. <b>مثال:</b> لدينا <math>(f)</math> دائرة و <math>[AB]</math> قطر لها. المثلث <math>ABC</math> مرسوم في الدائرة <math>(f)</math>. فحسب الخاصية العكسية للدائرة المحيطة بمثلث قائم. فإن المثلث <math>ABC</math> قائم في <math>C</math> ووتره <math>[AB]</math>.</p> 	
<b>تمرين 1 صفة 158</b>		

المورد 02: المتوسط المتعلق بالوتر

الكفاءة المستهدفة:

- يجند معارفه السابقة للوصول إلى النظرية.
- يجند معارفه السابقة للوصول إلى النظرية العكسية.

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط (1)</b> مثلث قائم في <math>C</math> و <math>O</math> منتصف <math>[AB]</math>.  <math>OC = \frac{1}{2}AB</math>, ثم استنتج أن <math>OA = OB = OC</math>.</p> 	البحث د 15
	<p>خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم إذا كان مثلث قائم فإن طول المتوسط المتعلق بالوتر يساوي نصف طول الوتر.</p> <p><b>مثال:</b> لدينا المثلث <math>ABC</math> قائم وتره <math>[AB]</math> منتصف <math>[AB]</math>. فحسب خاصية المتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم.  <math>OC = \frac{1}{2}AB</math>, فإن <math>OA = OB = OC</math>.</p>	بناء المعرف د 30
	<p><b>النشاط (2)</b> قطعة مستقيم منتصفها <math>O</math>.  <math>OC = \frac{1}{2}AB</math> حيث <math>C</math> نقطة حيث <math>OC = \frac{1}{2}AB</math>.  <math>AB</math> قائم في <math>C</math>.</p> 	البحث د 15
	<p>الخاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم إذا كان في مثلث طول المتوسط المتعلق بأحد الأضلاع يساوي نصف طول هذا الضلع فإن هذا المثلث قائم.</p> <p><b>مثال:</b> لدينا في المثلث <math>ABC</math> النقطة <math>O</math> منتصف <math>[AB]</math> و <math>OC = \frac{1}{2}AB</math>. فحسب الخاصية العكسية للمتوسط المتعلق بالوتر في مثلث قائم.  <math>AB</math> قائم في <math>C</math>.</p>	بناء المعرف د 30
	<p>تمرين ... صفحة 158</p>	التفوييم د 10

### المورد 03: خاصية فيثاغورس

الكفاءة المستهدفة:

- يثبت أن الوتر أطول من الضلع القائم.
- يجد معارفه السابقة للوصول إلى الخاصية.
- من خلال القياسات والحسابات يخمن خاصية فيثاغورس.
- من خلال أمثلة يخمن نظرية فيثاغورس العكسية.

المرحل	أنشطة التعلم	التفصيم
البحث د 15	<p><b>النشاط 1 ص 154 بتصريف</b></p> <p>أ) أنشيء مثلثا <math>ABC</math> قائما في <math>A</math> حيث وحدة الطول هي <math>cm</math>. ب) ماذا يمثل الضلع <math>[BC]</math> ؟ ج) احسب العددين <math>AB^2 + AC^2</math> و <math>BC^2</math> ثم قارن بينهما. د) جرب العملية مع مثلث غير قائم.</p> <p><b>النشاط 3 (2)</b></p> <p>مقترح للبرهان (يوزع في قصاصات على الأفواج). انطلاقا من أربع مثلثات قائمة متقايسة أبعادها <math>a, b, c</math> نحصل على المربع <math>ABCD</math>. 1- بين أن <math>MNOP</math> مربع واكتب مساحته. نعيد ترتيب المثلثات القائمة السابقة فنحصل على المربع <math>EFGH</math>. 2- بين أن المربعين <math>ABCD</math> و <math>EFGH</math> للمربيع <math>MNOP</math> نفس المساحة. 3- قارن بين مساحة المربع <math>MNOP</math> في الشكل الأول ومجموع مساحتي المربعين <math>Hijk</math> و <math>fmjn</math> في الشكل الثاني؟ 4- استنتج علاقة تربط بين الأطوال <math>a, b, c</math>. 5- اكتب نص الخاصية التي برهنت عليها.</p>	
بناء المعرف 30	<p><b>نظرية فيثاغورث</b> إذا كان مثلث قائما فإن مربع طول الوتر يساوي مجموع مربعي طولين الضلعين القائمين.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <p>1- مثلث <math>ABC</math> قائم في <math>A</math> حيث <math>AC = 2cm</math> و <math>AB = 1,5cm</math>. - احسب الطول <math>BC</math>.</p> <p>2- مثلث <math>EFG</math> قائم في <math>E</math> حيث <math>FG = 9m</math> و <math>EF = 5m</math>. - احسب الطول <math>EG</math>.</p>	
البحث د 15	<p><b>النشاط 3 (3)</b></p> <p>مثلث قائم في <math>A</math>، نريد أن نبرهن أن الوتر أطول من الضلع القائم. أنشئ النقطة <math>D</math> نظيرة <math>C</math> بالنسبة إلى <math>A</math>. 1- بين أن <math>BC + BD &gt; CD</math>، استنتج أن <math>BC &gt; AC</math>. 2- بين أن <math>BC &gt; AB</math>.</p> <p><b>النشاط 3 ص 155</b></p>	

### نظريّة فيثاغورث العكسية

إذا كان في مثلث مربع طول ضلع يساوي مجموع مربعين طولي الضلعين الآخرين فإن هذا المثلث قائم ووتره هو أطول ضلع.

**مثال 1:**

$.BC = 2,5\text{cm}$  مثلث حيث  $ABC$

لدينا أطول ضلع هو  $BC$

ومنه  $BC^2 = 2,5^2 = 6,25$

ولدينا  $AB^2 + AC^2 = 1,5^2 + 2^2 = 2,25 + 4 = 6,25$

ومنه  $BC^2 = AB^2 + AC^2$

فحسب نظرية فيثاغورث العكسية فإن المثلث  $ABC$  قائم في  $A$ .

بناء المعرف  
د 30

التقويم  
د 10

**تمرين 1** صفحة 174

المورد 04: بعد نقطة عن مستقيم

الكافأة المستهدفة:

- يتعرف على بعد نقطة عن مستقيم ويعتّنه.

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 4</b></p> <p>الشكل الموالي يمثل شاطئ البحر (الشكل على السبورة). رشيد متواجد في النقطة <math>R</math> ويريد السباحة إلى الشاطئ الممثل بالمستقيم <math>(d)</math> للخروج بسرعة من الماء.</p> <p>ما هو أفضل مسار يسلكه رشيد؟ ما هي وضعية هذا المسار بالنسبة للشاطئ؟ ماذا تمثل النقطة <math>C</math> بالنسبة لرشيد؟</p> <p>فكرة أخرى للنشاط: ربط المنزل بشبكة الغاز أو المياه.</p>	البحث د 15
	<p>(d) مستقيم و <math>A</math> نقطة.</p> <p>بعد النقطة <math>A</math> عن المستقيم <math>(d)</math> هو الطول <math>AH</math> حيث <math>H</math> هي نقطة تقاطع <math>(d)</math> والمستقيم الذي يشمل <math>A</math> ويعامد <math>(d)</math>.</p> <p><b>ملاحظات:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- بعد <math>A</math> عن <math>(d)</math> هو أصغر مسافة بين <math>A</math> و <math>(d)</math>.</li> <li>- إذا كانت <math>M</math> نقطة من <math>(d)</math> تختلف عن <math>H</math> المسقط العمودي لـ <math>A</math> على <math>(d)</math> فإن <math>AM &gt; AH</math>.</li> <li>- إذا كانت <math>A</math> تنتهي إلى <math>(d)</math>، فإن <math>AH = 0</math>، أي بعد <math>A</math> عن <math>(d)</math> معدوم.</li> </ul>	بناء المعرف د 30
	<p>تمرين 21 صفحة 144</p>	التفوييم د 10

### المورد 05: الأوضاع النسبية لمستقيم ودائرة

الغاية المستهدفة:

- يتعرف على الأوضاع النسبية لمستقيم ودائرة.

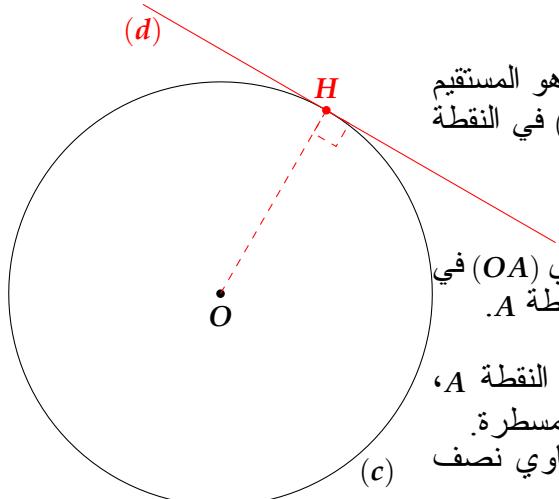
التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 3 ص 152</b></p> <p>1- (c) دائرة مركزها <math>O</math> ونصف قطرها <math>r</math> و( <math>d</math> ) مستقيم. ارسم شكلًا بهذه المعطيات (يجب تمييز الحالات الثلاث الممكنة). 2- في كل حالة مما سبق (بعد حل ومناقشة السؤال 1 على السبورة). أ) عين الطول <math>OH</math> بعد النقطة <math>O</math> عن المستقيم ( <math>d</math> ). ب) قارن بين الطول <math>OH</math> و <math>r</math> نصف قطر الدائرة (c).</p>	البحث د 15
	<p>(c) دائرة مركزها <math>O</math> ونصف قطرها <math>r</math> و( <math>d</math> ) مستقيم. 1- إذا اشتراك المستقيم ( <math>d</math> ) مع الدائرة (c) في نقطتين، يكون مقاطعاً معها. ويعني <math>r &lt; OH</math>. 2- إذا لم يشتراك المستقيم ( <math>d</math> ) مع الدائرة (c) في أية نقطة، يكون خارجها. ويعني <math>OH &gt; r</math>. 3. إذا اشتراك المستقيم ( <math>d</math> ) مع الدائرة (c) في نقطة واحدة، يكون مماساً لها. ويعني <math>OH = r</math>.</p>	بناء المعرف د 30
	<p><b>تمرين 1:</b></p> <p>(c) دائرة مركزها <math>O</math> ونصف قطرها <math>r</math> و( <math>d</math> ) مستقيم يشمل النقطة <math>A</math>. في كل حالة مما يلي حدد وضعيية المستقيم ( <math>d</math> ) بالنسبة مع الدائرة (c). 1- النقطة <math>A</math> تنتهي إلى الدائرة (c). 2- النقطة <math>A</math> داخل الدائرة. 3- النقطة <math>A</math> خارج الدائرة. 4- النقطة <math>A</math> تتطابق على النقطة <math>O</math>.</p>	التفصيم د 10

المورد 06: إنشاء مماس لدائرة في نقطة منها

الكفاءة المستهدفة:

- ينشيء مماس لدائرة في نقطة منها.

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 3 (1) ص 158</b></p> <p>(c) دائرة مركزها <math>O</math> ونصف قطرها <math>r</math> و(d) مستقيم مماس لها في النقطة <math>A</math>.          1- ما هي وضعية المستقيم (d) بالنسبة للمستقيم <math>(OA)</math>?          2- نريد إثبات صحة التخمين.          نقطة من المستقيم (d) تختلف عن النقطة <math>A</math>.          قارن بين الطولين <math>OA</math> و <math>OM</math>.          ماذا يمثل الطول <math>OA</math> بالنسبة للمستقيم (d) والنقطة <math>O</math>?          استنتج الخاصية.</p> <p><b>اكتشف 3 (2) ص 158</b></p> <p>(c) دائرة مركزها <math>O</math> ونصف قطرها <math>r</math> و(d) مستقيم عمودي على المستقيم <math>(OA)</math> في النقطة <math>A</math>.          1- ما هي وضعية المستقيم (d) بالنسبة للدائرة (c)?          2- نريد إثبات صحة التخمين.          نقطة من المستقيم (d) تختلف عن النقطة <math>A</math>.          قارن بين الطولين <math>OA</math> و <math>OM</math>.          ما هي وضعية النقطة <math>M</math> والدائرة (c)?          استنتج الخاصية.</p>	البحث د 15
	<p><b>خاصية:</b></p> <p>(c) دائرة مركزها <math>O</math> و <math>A</math> نقطة منها.          المماس (d) للدائرة (c) في النقطة <math>A</math> هو المستقيم العمودي على المستقيم القطري <math>(OA)</math> في النقطة <math>A</math>.</p> <p><b>الخاصية العكسية:</b></p> <p>(c) دائرة مركزها <math>O</math> و <math>A</math> نقطة منها.          المستقيم العمودي على المستقيم القطري <math>(OA)</math> في النقطة <math>A</math> هو مماس للدائرة (c) في النقطة <math>A</math>.</p> <p><b>ملاحظات:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- لإنشاء المماس (d) للدائرة (c) في النقطة <math>A</math>, يمكن أن نستعمل الكوس أو المدور والمسطرة.</li> <li>- بعد مركز الدائرة عن مماسها يساوي نصف قطر الدائرة.</li> </ul>	بناء المعرف د 30
	<b>تمرين 19 صفحة 160</b>	التفوييم د 10



المورد 07: جيب تمام زاوية حادة في مثلث قائم

الكافأة المستهدفة:

- يتعرف على جيب تمام زاوية ثم يحسبه.

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل																									
	<p><b>استعد 1</b></p> <p>رسم مثلثا <math>LET</math> قائما في <math>E</math>. الزايا الحادة هي ..... و ..... الصلع <math>[LT]</math> يسمى ..... <math>[ET]</math> يعتبر الصلع ..... بالنسبة للزاوية <math>L</math> والصلع <math>[EL]</math> يعتبر الصلع ..... بالنسبة للزاوية <math>L</math>.</p> <p>(يسجل الأستاذ عدة نتائج على السبورة في جدول).</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td></td><td></td><td></td><td></td><td style="text-align: center;">اللهم</td></tr> <tr> <td></td><td></td><td></td><td></td><td style="text-align: center;"><math>UP</math></td></tr> <tr> <td></td><td></td><td></td><td></td><td style="text-align: center;"><math>PT</math></td></tr> <tr> <td></td><td></td><td></td><td></td><td style="text-align: center;"><math>UP</math></td></tr> <tr> <td></td><td></td><td></td><td></td><td style="text-align: center;"><math>TP</math></td></tr> </table>					اللهم					$UP$					$PT$					$UP$					$TP$	
				اللهم																							
				$UP$																							
				$PT$																							
				$UP$																							
				$TP$																							
	<p><b>النشاط 4 ص 169 تصرف</b></p> <p>رسم مثلث قائم في <math>U</math>, حيث <math>\hat{P} = 40^\circ</math>. 1- أنشيء شكلا مناسبا. 2- قس بالمسطرة الطولين <math>UP</math> و <math>TP</math>. 3- احسب حاصل القسمة <math>\frac{UP}{TP}</math> بالتدوير إلى <math>.2^{-10}</math>.</p>	البحث د 15																									
	<p>في مثلث قائم، نسمى النسبة طول الصلع المجاور لزاوية حادة <u>جيب تمام</u> هذه الزاوية، يرمز طول الوتر</p> <p>له بـ: <math>\cos</math>.</p> <p><b>مثال:</b></p> <p><math>EFG</math> مثلث قائم في <math>E</math>, حيث <math>EF = 5\text{cm}</math> و <math>FG = 13\text{cm}</math> نستعين بـ <math>\cos \hat{F}</math> و <math>\cos \hat{G}</math> لحساب <math>\cos \hat{F}</math> و <math>\cos \hat{G}</math> نكتب: طول الصلع المجاور لـ <math>\hat{F}</math> طول الوتر</p> <p>نكتب: طول الصلع المجاور لـ <math>\hat{G}</math> طول الوتر</p> <p>بتطبيق نظرية فيثاغورس على المثلث القائم <math>EFG</math> نجد: <math>EG = 12</math></p> <p>نكتب: طول الصلع المجاور لـ <math>\hat{G}</math> طول الوتر</p> <p><b>ملاحظات:</b></p> <p style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;">جيب تمام زاوية حادة</p> <pre> graph TD     A[جيب تمام زاوية حادة] --&gt; B[دائما اصغر من 1]     A --&gt; C[ليس له وحدة]     A --&gt; D[ثبت لنفس القيس]   </pre>	بناء المعرف د 30																									
	<p><b>تمرين 23 صفحة 176</b></p> <p><b>أتمن 1:</b> إليك الشكل المقابل.</p> <p>احسب <math>\cos \widehat{BDA}</math>, <math>\cos \widehat{ABD}</math>, <math>\cos \widehat{ABC}</math>, <math>\cos \widehat{ACB}</math>.</p>	التفوييم د 10																									

### المورد 08: استعمال الحاسبة

#### الكفاءة المستهدفة:

- تعين قيمة مقربة (أو مضبوطة) لجيب تمام زاوية حادة أو تعين قيس زاوية بمعرفة جيب التمام لها.

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل														
	<p><b>النشاط 5 ص 169 بتصرف</b></p> <p>1- أنشيء مثلثا <math>ABC</math> قائما في <math>A</math> حيث <math>B = 35^\circ</math>.      2- قس الأطوال <math>AB</math> و <math>BC</math> ثم احسب <math>\cos</math>.      3- جد بالحاسبة <math>\cos 35^\circ</math>.      4- ما هو قيس الزاوية، احسب <math>\cos</math> باستعمال أطوال أضلاع المثلث ثم بالحاسبة.</p> <p><b>النشاط 5 ص 169 بتصرف</b></p> <p>مثلث حيث <math>FG = 8,5</math>، <math>EG = 7,5</math>، <math>EF = 4</math>.      1- هل المثلث <math>EFG</math> قائم؟      2- احسب <math>\cos \hat{G}</math> ثم <math>\cos \hat{F}</math>.      3- أوجد قيس الزاويتين <math>\hat{G}</math>، <math>\hat{F}</math> بالحاسبة.      4- قس بالمنقلة الزاويتين <math>\hat{G}</math>، <math>\hat{F}</math>.</p> <p><b>النشاط 3 ص 160</b></p> <p>- يمكن إيجاد القيمة المضبوطة أو قيم تقريرية لجيب تمام زاوية قيسها معلوم باستعمال اللمسة <math>\cos</math>.      - يمكن إيجاد القيمة المضبوطة أو قيم تقريرية لقيس زاوية جيب تمامها معلوم باستعمال اللمسة <math>\cos^{-1}</math>.</p>	البحث د 15														
	<p><b>ملاحظة:</b></p> <p>- قبل استعمال اللمستين <math>\cos</math> و <math>\cos^{-1}</math> يجب الضغط على اللمسة <math>DRG</math> حتى يظهر الرمز <math>DEG</math> على الشاشة.</p> <p>- قبل استعمال اللمسة <math>\cos^{-1}</math> يجب الضغط على اللمسة <math>2^{nd}F</math> يظهر الرمز <math>2^{nd}F</math> في أعلى الشاشة.</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>انقل وأتم الجدول مستعملا الحاسبة، بالتدوير إلى <math>3-10</math> بالنسبة لجيوب التمام وإلى الوحدة بالنسبة لأقياس الزوايا.</p> <table border="1"> <tr> <td>أقياس الزوايا</td> <td><math>60^\circ</math></td> <td></td> <td><math>47^\circ</math></td> <td></td> <td><math>30^\circ</math></td> <td></td> </tr> <tr> <td>جيوب التمام</td> <td>0,52</td> <td></td> <td>0,91</td> <td></td> <td>0,3</td> <td></td> </tr> </table>	أقياس الزوايا	$60^\circ$		$47^\circ$		$30^\circ$		جيوب التمام	0,52		0,91		0,3		بناء المعارف د 30
أقياس الزوايا	$60^\circ$		$47^\circ$		$30^\circ$											
جيوب التمام	0,52		0,91		0,3											
	<b>تمرين 25 صفحة 176</b>	التفوييم د 10														

## المورد 09: حساب أطوال أو أقياس زوايا

## الغاية المستهدفة:

- يحسب زوايا أو أطوال بتوظيف جيب التمام

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 4 ص 160</b></p> <p><b>الجزء الأول</b></p> <p>1- ارسم باليد الحرة مثلاً <math>SAT</math> قائماً في <math>A</math> حيث <math>ST = 5\text{cm}</math> و <math>\hat{T} = 36^\circ</math>.</p> <p>2- احسب بمحاسبة <math>\cos \hat{T}</math> بالتدوير إلى <math>0,01</math>.</p> <p>3- استنتج طول الضلع <math>[SA]</math> بالتدوير إلى وحدة <math>\text{cm}</math>.</p> <p>4- احسب طول الضلع <math>[AT]</math> بطرificين.</p> <p><b>الجزء الثاني</b></p> <p>1- ارسم باليد الحرة مثلاً <math>EFG</math> قائماً في <math>E</math> حيث <math>EF = 3\text{cm}</math> و <math>FG = 8\text{cm}</math>.</p> <p>2- احسب <math>\cos \hat{F}</math> بالتدوير إلى <math>0,001</math>.</p> <p>3- استنتج قيسى الزاويتين <math>\hat{F}</math> و <math>\hat{G}</math>.</p>	البحث د 15
	<p>حساب زوايا وأطوال بتوظيف جيب تمام زاوية</p> <p>↓</p> <p>من المعطيات → تحديد المثلث القائم الذي نستخدمه ووتره ← إثبات أن المثلث قائم</p> <p>↓</p> <p>تحديد الزاوية الحادة المستعملة والضلع المجاور لها</p> <p>↓</p> <p>كتابة قانون جيب تمام الزاوية الحادة</p> <p>↓</p> <p>تعويض الأعداد المعلومة</p> <p>↓</p> <p>حساب المجهول بالرابع المتناسب</p>	بناء المعرف د 30
	<p><b>مثال:</b></p> <p>مثلث <math>ABC</math> مثلاً قائم في <math>C</math>، حيث <math>AB = 7\text{dm}</math> و <math>\hat{B} = 60^\circ</math>.</p> <p>- احسب طول الضلع <math>BC</math>.</p>	
	<p><b>تمرين 32 صفحة 169</b></p>	التفوييم د 10

## المقطع 5: الحساب الحرفى

المستوى: الثالثة متوسط

### الميدان 1:

يحل مشكلات متعلقة بالكسور والأعداد النسبية والأعداد الناطقة والقوى والحساب الحرفى (تبسيط ونشر عبارات جبرية، المعادلات من الدرجة الأولى بمجهول واحد  $ax + b = cx + d$ ).

### الموارد:

- تبسيط عبارات جبرية
- نشر عبارات جبرية من الشكل:  $(a + b)(c + d)$  حيث:  $a, b, c, d$  أعداد نسبية
- حساب قيمة عبارات حرفية
- مقارنة عددين ناطقين
- معرفة الخواص المتعلقة بالمساويات (أو المتبالنات) والعمليات واستعمالها وضعيتها بسيطة
- ترييض مشكلات وحلها بتوظيف المعادلات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد

### معايير التقويم:

اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب معارف:
<ul style="list-style-type: none"><li>اكتساب قيم وأو اتخاذ مواقف:</li><li>يستعمل الرموز والمصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم.</li><li>يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة.</li><li>يتحقق من صحة نتائج ويصادق عليها.</li><li>يقدم منتوجاً بشكل منظم ومنسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>يحوّل عبارات جداء إلى مجموع وبسيطة</li><li>يقارن أعداداً ناطقاً ويرتبها</li><li>يحسب قيمة عبارات حرفية من أجل قيمة معينة للمتغير (أو قيم معينة للمتغيرات)</li><li>يقدم استدلالات بسيطة</li><li>يريض مشكلات وحلها بتوظيف معادلات من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>ينشر عبارات جبرية من الشكل <math>(a + b)(c + d)</math> حيث: <math>a, b, c, d</math> أعداد نسبية</li><li>يحل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد</li></ul>

2026-2025

الأستاذ: عكرمي العيد

صفحة الأستاذ عكرمي للرياضيات:

تعلم الرياضيات مع الأستاذ عكرمي:

 laid.akermi.77@gmail.com

## المقطع التعليمي 5: الحساب الحرفي

### الوضعية الانطلاقية

مر رجل على جماعة فقال: "السلام على المئة"، فرد أحدهم: "لسنا مئة، ولكن نحن ونحن ونصفنا وربعنا وأنت معنا مئة".

- ما هو عدد أفراد الجماعة؟

المورد 01: تبسيط عبارة حرفية

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر أولويات الحساب
- يبسط عبارات جبرية بسيطة
- يتعرف على قاعدة حذف الأقواس المسبوقة بإشارة + أو -

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل																																				
	<p><b>النشاط 1 ص 56 بتصريف</b>          اربط كل عبارتين متساويتين</p> <table style="margin-left: 100px; border: none;"> <tr> <td><math>3x \times 2x</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td><math>-35a</math></td> </tr> <tr> <td><math>a - 36a</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td><math>8x^2</math></td> </tr> <tr> <td><math>5x + 4x</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td><math>12x^2 - 4x^2</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td><math>9x</math></td> </tr> <tr> <td><math>7x - 7x</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td><math>6x</math></td> </tr> </table> <p><b>اكتشف 1 ص 64 بتصريف</b>          اربط كل عبارتين متساويتين          (يكتب الأستاذ دون تسمية ثم يسميها مع شرح معنى = والحرف)</p> <table style="margin-left: 100px; border: none;"> <tr> <td><math>A = 65 - 10 + 20</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td><math>E = 60 + (20 - 30)</math></td> </tr> <tr> <td><math>B = 65 + 10 - 20</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td><math>F = 60 - (20 - 30)</math></td> </tr> <tr> <td><math>C = 60 + 20 - 30</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td><math>G = 65 - (-10 + 20)</math></td> </tr> <tr> <td><math>D = 60 - 20 + 30</math></td> <td>*</td> <td>*</td> <td><math>H = 65 + (-10 + 20)</math></td> </tr> </table>	$3x \times 2x$	*	*	$-35a$	$a - 36a$	*	*	$8x^2$	$5x + 4x$	*	*	0	$12x^2 - 4x^2$	*	*	$9x$	$7x - 7x$	*	*	$6x$	$A = 65 - 10 + 20$	*	*	$E = 60 + (20 - 30)$	$B = 65 + 10 - 20$	*	*	$F = 60 - (20 - 30)$	$C = 60 + 20 - 30$	*	*	$G = 65 - (-10 + 20)$	$D = 60 - 20 + 30$	*	*	$H = 65 + (-10 + 20)$	البحث د 15
$3x \times 2x$	*	*	$-35a$																																			
$a - 36a$	*	*	$8x^2$																																			
$5x + 4x$	*	*	0																																			
$12x^2 - 4x^2$	*	*	$9x$																																			
$7x - 7x$	*	*	$6x$																																			
$A = 65 - 10 + 20$	*	*	$E = 60 + (20 - 30)$																																			
$B = 65 + 10 - 20$	*	*	$F = 60 - (20 - 30)$																																			
$C = 60 + 20 - 30$	*	*	$G = 65 - (-10 + 20)$																																			
$D = 60 - 20 + 30$	*	*	$H = 65 + (-10 + 20)$																																			
	<p>تبسيط عبارة جبرية يعني كتابتها بأقل عدد من الحدود في حالة المجموع أو العوامل في حالة الجداء.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <table style="margin-left: 100px; border: none;"> <tr> <td><math>B = 11x^2 + x + 52x^2 - 3x + 1</math></td> <td><math>A = 7x + 3x - 5 + 8</math></td> </tr> <tr> <td><math>B =</math></td> <td><math>A =</math></td> </tr> <tr> <td><math>B =</math></td> <td><math>A =</math></td> </tr> </table> <p>يمكن حذف القوسين غير المتبعتين بإشارة <math>\times</math> أو <math>\div</math> بشرط :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- حذف القوسين المسبوقة بالإشارة <math>(+)</math> دون تغيير إشارة الحدود الموجودة بين القوسين.</li> <li>- حذف القوسين المسبوقة بالإشارة <math>(-)</math> مع تغيير إشارة كل حد من الحدود الموجودة بين القوسين.</li> </ul> <p><b>أمثلة:</b></p> <table style="margin-left: 100px; border: none;"> <tr> <td><math>B = 34y - (x + 12y - 8) + x</math></td> <td><math>A = 12x + (3x - 5y + 12) + 3y</math></td> </tr> <tr> <td><math>B =</math></td> <td><math>A =</math></td> </tr> <tr> <td><math>B =</math></td> <td><math>A =</math></td> </tr> </table>	$B = 11x^2 + x + 52x^2 - 3x + 1$	$A = 7x + 3x - 5 + 8$	$B =$	$A =$	$B =$	$A =$	$B = 34y - (x + 12y - 8) + x$	$A = 12x + (3x - 5y + 12) + 3y$	$B =$	$A =$	$B =$	$A =$	بناء المعرف د 30																								
$B = 11x^2 + x + 52x^2 - 3x + 1$	$A = 7x + 3x - 5 + 8$																																					
$B =$	$A =$																																					
$B =$	$A =$																																					
$B = 34y - (x + 12y - 8) + x$	$A = 12x + (3x - 5y + 12) + 3y$																																					
$B =$	$A =$																																					
$B =$	$A =$																																					
	<b>تمرين 12 صفحة 62</b>	التفصيم د 10																																				

## الكفاءة المستهدفة:

- يذكر الحساب بتمعن والخاصية التوزيعية
  - يتوصل إلى نشر عبارة من الشكل  $(a + b)(c + d)$

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
هل يمكن حساب العبارات الحرفية بتمعن؟	<p><b>تهيئة</b></p> <p>1- ما طبيعة كل عباره ؟ 2- احسب كل جداء بطرقين.</p> $C = 11(12x - 3) + 11$ $D = 5(x^2 - 1) - 4x(x + 7)$ $A = (2x + 5)7$ $B = 6(3 - 10y)$ <p><b>النشاط (2) ص 57</b></p> <p>- حول الجداء التالي إلى مجموع. <math>(a + b)(c + d)</math>. انشر وبسط العبارات التالية. <math>E = (x + 4)(x + 6)</math></p> $F = (x + 4)(x - 6)$ $G = (3x + 2)(x + 5)$ $J = (3x - 2)(x + 5)$ $K = (5x + 1)(2x + 3)$ $L = (5x - 1)(2x - 3)$ <p>يمكن اقتراح مستطيل بعدها مجموعين.</p>	البحث د 15
	<p><b>ذكير:</b></p> <p><b>الخاصية التجميعية</b></p> $ca + cb = c(a + b)$ $ca - cb = c(a - b)$ <p>* نشر عباره جبرية يعني كتابتها على شكل حدود مع حذف جميع الأقواس.</p> <p><b>الخاصية التوزيعية</b></p> $c(a + b) = ca + cb$ $c(a - b) = ca - cb$ $(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$ <p><b>ملاحظة:</b> يُفضل تبسيط العبارات الجبرية بعد نشرها.</p> <p><b>مثال:</b> انشر وبسط العبارات التالية:</p> $(x + 5)(5x - 7)$ $(2x - 10)(x + 4)$ $(3x - 1)(2 - 8x)$ $2(4x + 3)$ $(1 - 5x) + x$ $(2x + 3)(x + 7)$ <p><b>ملاحظة:</b> يمكن اختبار صحة المساواة من أجل عدة قيم لإثبات وجود خطأ في النشر أو التبسيط.</p>	بناء المعرفه د 30

## المورد 03: حساب قيمة عبارة حرفية

الكفاءة المستهدفة:

- يحسب قيمة عبارة حرفية بتعويض المجهول بقيمة معلومة، لتبرير صحة نشرها

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل															
	<p><b>النشاط 3</b> إليك العبارات الحرفية التالية: (يكتب الأستاذ العبارات دون تسمية ثم يضعها مع شرح دلالة المساواة)</p> $A = (12 + x)(22 - y)$ $B = 3x - 45x + 12$ $C = (-6x^4 + 9)(34 + y) - 5(x + 4)$ $D = (8x + 3)^3$ <p>1- احسب قيمة كل عبارة <math>y = 2</math> و <math>x = -1</math>. 2- حدد آخر أولوية في حساب كل عبارة.</p>	البحث د 15															
	<p>لحساب قيمة عبارة حرفية من أجل بعض قيم الحرف أو الحروف في العبارة، نعرض الحروف بهذه القيم ونجري الحسابات باحترام قواعد أولوية العمليات.</p> <p><b>مثال 1:</b> لتكن العبارة <math>E = (2x + 3)(x - 5)</math> من أجل <math>0</math> فإن <math>x = 0</math> من أجل <math>-1</math> فإن <math>x = -1</math></p> <p><b>مثال 2:</b> لتكن العبارة <math>F = 6x^4 - y^3 - 3x - 5</math> من أجل <math>-2</math> فإن <math>x = -2</math> و <math>y = 3</math> من أجل <math>1</math> فإن <math>x = 1</math> و <math>y = -2</math></p> <p>- تحدد طبيعة عبارة حرفية (جداء عوامل أم مجموع حدود) من خلال آخر أولوية في الحساب.</p> <p><b>أمثلة:</b></p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>العبارة</th> <th>مجموع</th> <th>جداء</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>E = (2 + 5x^2)(4 - y)^2</math></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td><math>F = 3(x^2 + 5) + 45x - 12</math></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td><math>G = (-6a + 9)(34 + b) - 5(b + 4)^2</math></td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td><math>H = (-3z + 1)^2</math></td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	العبارة	مجموع	جداء	$E = (2 + 5x^2)(4 - y)^2$			$F = 3(x^2 + 5) + 45x - 12$			$G = (-6a + 9)(34 + b) - 5(b + 4)^2$			$H = (-3z + 1)^2$			بناء المعرف د 30
العبارة	مجموع	جداء															
$E = (2 + 5x^2)(4 - y)^2$																	
$F = 3(x^2 + 5) + 45x - 12$																	
$G = (-6a + 9)(34 + b) - 5(b + 4)^2$																	
$H = (-3z + 1)^2$																	
	تمرين 1 صفحة 62	التفصيم د 10															

### المورد 05: خواص المساويات والمتباينات

#### الكافأة المستهدفة:

- يتذكر إختبار صحة مساواة
- يتوصل إلى معرفة الخواص المتعلقة بالمساويات ثم يصيغها بنص لغوي ثم بنص رياضي
- يتوصل إلى معرفة الخواص المتعلقة بالمتباينات ثم يصيغها بنص لغوي ثم بنص رياضي

المرحل	النشاط 1(1) ص 72 بتصرف	أنشطة التعلم	التفصيم
البحث د 15	<p>يوجد عند أحمد وأخته مريم نفس المبلغ المالي.</p> <p>أضاف أبوهما لكل واحد منها <math>200DA</math>.</p> <p>1- قارن بين المبلغين الموجودين عند كل من الولدين.</p> <p>اشترى كل من أحمد ومريم كراساً ثمنه <math>35DA</math>.</p> <p>2- قارن بين المبلغين المتبقدين عند كل من الولدين.</p>	<p><b>النشاط 1(2) ص 72 بتصرف</b></p> <p><math>a, b, c</math> أعداد.</p> <p>1- قارن بين العددين <math>c + a</math> و <math>b + c</math>.</p> <p>2- قارن بين العددين <math>c - a</math> و <math>b - c</math>.</p> <p>3- قارن بين <math>c \times a</math> و <math>b \times c</math>.</p> <p>4- قارن بين <math>c \div a</math> و <math>b \div c</math> حيث <math>c \neq 0</math>.</p>	
بناء المعرف د 30	<p>إذا أضفنا أو طرحنا العدد نفسه إلى من طرفي مساواة، نحصل على مساواة جديدة.</p> <p>إذا ضربنا أو قسمنا طرفي مساواة على العدد نفسه غير المعدوم نحصل على مساواة جديدة.</p> <p>من أجل <math>a, b, c</math> أعداد.</p> <p>إذا كان <math>a = b</math> فإن <math>a - c = b - c</math> و <math>a + c = b + c</math> و <math>a \times c = b \times c</math> و <math>a \div c = b \div c</math> حيث <math>c \neq 0</math>.</p>		
التفصيم د 10	تمرين 1 صفة 78		
البحث د 15	<p><b>النشاط 2(2) ص 72 بتصرف</b></p> <p><math>a, b, c</math> أعداد ناطقة حيث <math>a &gt; b</math>.</p> <p>1- قارن بين العددين <math>a + c</math> و <math>b + c</math>.</p> <p>2- قارن بين العددين <math>a - c</math> و <math>b - c</math>.</p>	<p><b>النشاط 2(3) ص 72 بتصرف</b></p> <p><math>a, b, c</math> أعداد ناطقة حيث <math>b &gt; a &gt; 0</math>.</p> <p>1- قارن بين <math>c \times a</math> و <math>b \times c</math>.</p> <p>2- قارن بين <math>c \div a</math> و <math>b \div c</math>.</p> <p>3- أجب عن الأسئلة السابقة حيث <math>c &lt; 0</math>.</p>	
بناء المعرف د 30	<p>إذا أضفنا أو طرحنا العدد نفسه إلى طرفي متباينة ، نحصل على متباينة جديدة في نفس الاتجاه.</p> <p>إذا ضربنا أو قسمنا طرفي متباينة على العدد نفسه الموجب تماماً نحصل على متباينة جديدة في نفس الاتجاه.</p> <p>إذا ضربنا أو قسمنا طرفي متباينة على العدد نفسه السالب تماماً نحصل على متباينة جديدة في الاتجاه المعاكس.</p> <p>من أجل <math>a, b, c</math> أعداد غير معدومة</p> <p>إذا كان <math>a &gt; b</math> فإن <math>a - c &gt; b - c</math> و <math>a + c &gt; b + c</math> و <math>a \times c &gt; b \times c</math> و <math>a \div c &gt; b \div c</math>.</p> <p>إذا كان <math>a &gt; b</math> و <math>c</math> عدد موجب تماماً فإن <math>ac &gt; bc</math> و <math>a \div c &gt; b \div c</math>.</p> <p>إذا كان <math>a &gt; b</math> و <math>c</math> عدد سالب تماماً فإن <math>ac &lt; bc</math> و <math>a \div c &lt; b \div c</math>.</p>		
التفصيم د 10	تمرين 9 صفة 78		

بطاقة فنية: 5-06

الميدان المعرفي: أنشطة عدبية

المستوى: الثالثة متوسط المقطع التعليمي: الحساب الحرفي

الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة

المدة: 1 سا

المتوسطة الجديدة  
عدل 900 سكن - السوق  
الأستاذ عكرمي العيد  
2025-2026

### المورد 06: ترييض مشكل

الغاية المستهدفة:

- يوظف حل معادلة من الدرجة الأولى ذات مجهول واحد لحل مشكل.

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 6</b></p> <p>مثلث متقايس الساقين طول قاعدته <math>4cm</math> ومحطيته <math>20cm</math>. احسب طولي الضلعين الآخرين.</p>	البحث د 15
	<p>ترييض مشكل يعني التعبير عنه بمعادلة، يسمح حلها بإعطاء جواب عن المشكل المطروح.</p> <p>خطوات حل مشكل بتوظيف معادلة من الدرجة الأولى</p> <ul style="list-style-type: none"><li>1- قراءة وفهم المشكل جيدا.</li><li>2- اختيار المجهول وربطه بالمشكل.</li><li>3- كتابة المعادلة بما يتوافق مع نص المشكل.</li><li>4- حل المعادلة المتحصل عليها والتحقق من حل المعادلة.</li><li>5- التحقق من ملائمة الحل ثم تقديم الإجابة على المشكل.</li></ul> <p><b>مثال:</b> مستطيل طوله يساوي ضعف عرضه ومحطيته <math>90m</math>. احسب طول وعرض هذا المستطيل.</p>	بناء المعرف د 30
	<p><b>تمرين 38 صفحة 80</b></p>	التفصيم د 10

## المقطع 6: الانسحاب - الهرم ومخروط الدوران

المستوى: الثالثة متوسط

### الميدان 3:

يحل مشكلات بتوظيف خواص متعلقة بالمتّلثات (حالات تقاييس المتّلثات، مستقيم المنتصفين في متّلث، تمييز المتّلث القائم، المستقيمات الخاصة في متّلث) والتحويّلات النقطية (الانتظاران، الانسحاب) والمجسمات المألوفة (الهرم ومخروط الدوران) ويبيني براهين بسيطة.

### الموارد:

- تعريف الانسحاب انطلاقاً من متّلث متّوازي الأضلاع.
- إنشاء بانسحاب صورة: نقطة، قطعة، مستقيم، نصف مستقيم، مستقيم، دائرة.
- معرفة خواص الانسحاب وتوظيفها.
- وصف هرم ومخروط الدوران.
- تمثيل هرم ومخروط الدوران.
- إنجاز تصميم هرم ومخروط الدوران بأبعادهما معلومة.
- صنع هرم ومخروط الدوران بأبعادهما معلومة.
- حساب حجم كل من الهرم ومخروط الدوران.

### معايير التقويم:

اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب معارف:
<ul style="list-style-type: none"><li>اكتساب قيم و/أو اتخاذ مواقف:</li><li>يستعمل الرموز والمصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم.</li><li>يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة.</li><li>يتحقق من صحة نتائج ويصادق عليها.</li><li>يقدم منتوجاً بشكل منظم ومنسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>ينجز استدلالات باستعمال التحويّلات الهندسية (الانتظاران والانسحاب) ويحرّرها.</li><li>ينجز تصميماً لهرم، أو مخروط الدوران بأبعادهما معلومة.</li><li>يتمثل أشياء من الفضاء في المستوى.</li><li>*يحسب حجم كل من الهرم ومخروط الدوران.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>ينشئ بانسحاب صورة نقطة، قطعة مستقيم، نصف مستقيم، مستقيم، دائرة.</li><li>يصف هرماً أو مخروط الدوران باستعمال المصطلحات الملائمة.</li><li>يتعرّف على الهرم ومخروط الدوران.</li></ul>

2026-2025

الأستاذ: عكرمي العيد

صفحة الأستاذ عكرمي للرياضيات:



laid.akermi.77@gmail.com

تعلم الرياضيات مع الأستاذ عكرمي:



---

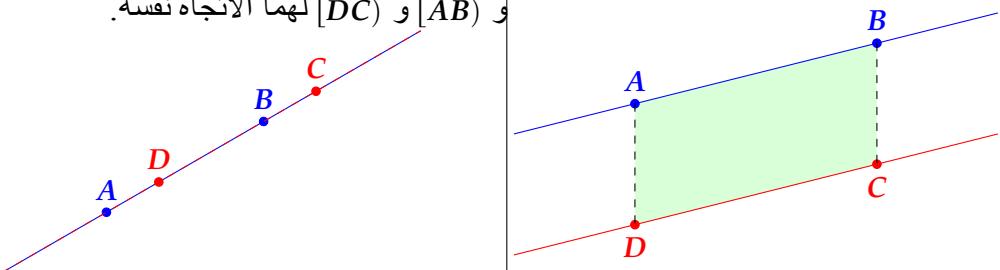
المقطع التعليمي 6: الانسحاب - الهرم ومخروط الدوران  
الوضعية الانطلاقية

---

## المورد 01: تعريف الانسحاب انطلاقاً من متوازي الأضلاع

## الكفاءة المستهدفة:

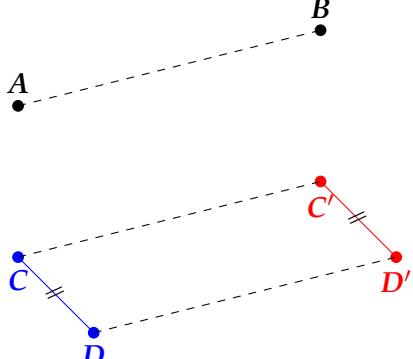
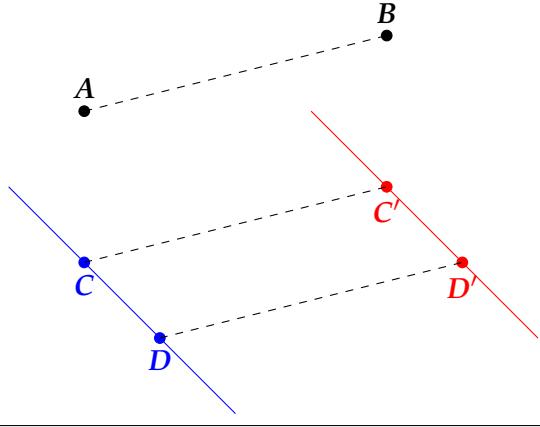
- يلاحظ تحويل شكل بانسحاب باستعمال برنامج جيوجيرا.
- يتعرف على الانسحاب من خلال متوازي الأضلاع ويتعرف على الحالة الخاصة بالاستقامية.

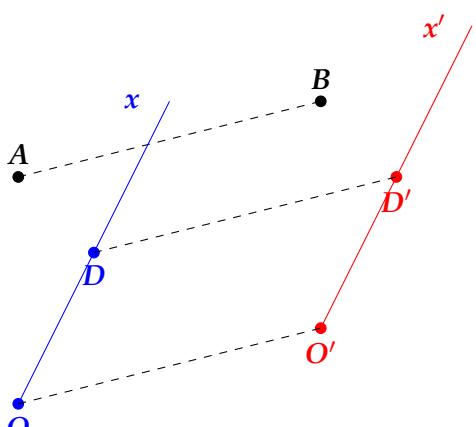
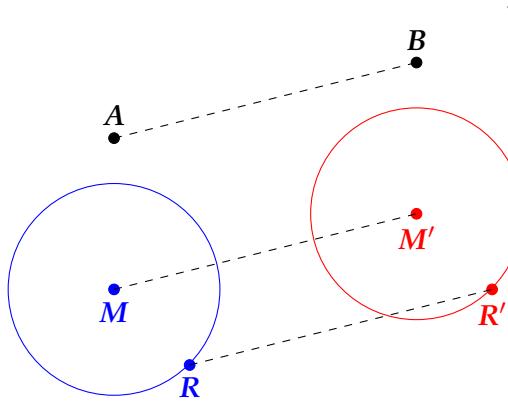
التفويم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>تهيئة 1 ص 129 الوثيقة المرافقة بتصرف</b> استخدام ملف جيوجيرا 3AMG601.</p> <p>نقول إننا سحبنا القارب من <math>A</math> إلى <math>A'</math>.</p> <p>1- ماذا تقول عن المستقيمات <math>(DD')</math>، <math>(CC')</math>، <math>(BB')</math>، <math>(AA')</math> ؟</p> <p>2- ماذا تقول عن أنصاف المستقيمات <math>[DD']</math>، <math>[CC']</math>، <math>[BB']</math>، <math>[AA']</math> ؟</p> <p>3- ماذا تقول عن القطع <math>[DD']</math>، <math>[CC']</math>، <math>[BB']</math>، <math>[AA']</math> ؟</p> <p>4- أتمم الجمل:</p> <p>النقطة ... هي صورة النقطة ... بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>A'</math>.</p> <p>النقطة ... هي صورة النقطة ... بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>A'</math>.</p> <p>النقطة ... هي صورة النقطة ... بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>A'</math>.</p> <p>النقطة ... هي صورة النقطة ... بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>A'</math>.</p> <p><b>النشاط 1 ص 184 بتصرف</b> الشكل المقابل يمثل النقط <math>A</math>، <math>B</math>، <math>D</math> على مرصوفة (بأخذ الحالتين استقامية ثم ليست استقامية).</p> <p>1- باستعمال المرصوفة، أكمل الرسم المقابل للحصول على النقطة <math>C</math> صورة <math>D</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math>.</p> <p>2- ماذا يمثل الشكل الناتج ؟</p>	البحث د 15
	<p>عند إزاحة شكل حيث تنتقل كل نقط الشكل على مستقيمات متوازية وفي الاتجاه نفسه وبالمسافة نفسها ، نقول إننا حصلنا على صورة هذا الشكل بانسحاب. <math>C</math> صورة <math>D</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math></p> <p>معناه <math>AB = CD</math> و <math>(AB) \parallel (CD)</math> و <math>(AB) \parallel (DC)</math> و <math>(DC) \parallel (AB)</math> لهما الاتجاه نفسه</p> <p>نميز حالتين:</p> <p><b>الحالة الأولى:</b> صورة <math>D</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math> صورة <math>C</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math> والنقط <math>A</math>، <math>B</math>، <math>C</math>، <math>D</math> استقامية معناه <math>ABCD</math> متوازي الأضلاع.</p> <p><b>الحالة الثانية:</b> صورة <math>D</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math> صورة <math>C</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math> والنقط <math>A</math>، <math>B</math>، <math>C</math>، <math>D</math> ليست استقامية معناه <math>ABCD</math> متوازي الأضلاع.</p> 	بناء المعرف د 30
	<p>- يتميز الانسحاب بالاتجاه والمنحي (التوازي) والطول.</p>	التفويم د 10

## المورد 02: إنشاء صورة شكل بانسحاب

## الكافأة المستهدفة:

- ينشيء صور: قطعة مستقيم، مستقيم، نصف مستقيم، دائرة بانسحاب معلوم باستخدام صورة نقطة.

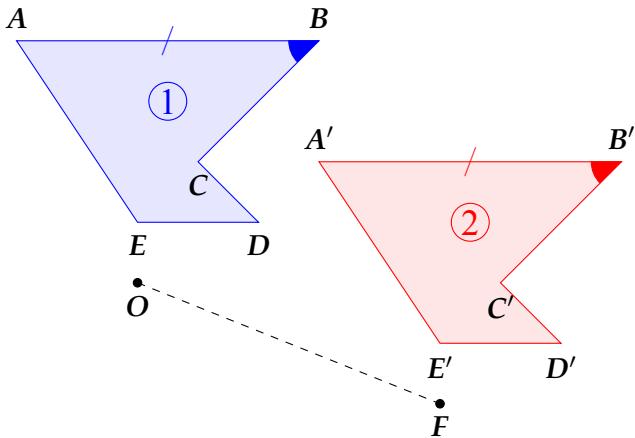
التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 5 (1) ص 185 بتصريف</b></p> <p><math>A</math> نقطتان متباينتان، <math>[CD]</math> قطعة مستقيم و(<math>d</math>) مستقيم.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1- أنشي القطعة <math>[C'D']</math> صورة القطعة <math>[CD]</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math>.</li> <li>2- اكتب مراحل الإنشاء.</li> <li>3- أثبت أن <math>CD = C'D'</math> و <math>(CD) \parallel (C'D')</math>.</li> <li>4- أنشي المستقيم (<math>d'</math>) صورة المستقيم (<math>d</math>) بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math>.</li> <li>5- اكتب مراحل الإنشاء.</li> <li>6- أثبت أن <math>(d) \parallel (d')</math>.</li> </ol>	البحث د 15
<p>لإنشاء صورة قطعة مستقيم بانسحاب معلوم، ننشئ صورتي طرفيها بهذا الانسحاب.</p> <p>صورة قطعة مستقيم بانسحاب هي قطعة مستقيم تقابسها وحاملاهما متوازيان.</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>صورة قطعة المستقيم <math>[CD]</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math> هي قطعة المستقيم <math>[C'D']</math> حيث <math>C'</math> و <math>D'</math> هما صورتي <math>C</math> و <math>D</math> بهذا الانسحاب.</p> <p>نستنتج أن <math>C'D' = CD</math> و <math>(CD) \parallel (C'D')</math>.</p>		
<p>- يجب أن يتطرق الأستاذ لبعض الحالات الخاصة.</p> <p>لإنشاء صورة مستقيم بانسحاب معلوم، ننشئ صورتي نقطتين متباينتين منه بهذا الانسحاب.</p> <p>صورة مستقيم بانسحاب هي مستقيم يوازيه.</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>صورة المستقيم (<math>d</math>) الذي يشمل النقطتين <math>C</math> و <math>D</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math> هو المستقيم (<math>d'</math>) الذي يشمل النقطتين <math>C'</math> و <math>D'</math> حيث <math>C'</math> و <math>D'</math> هما صورتي <math>C</math> و <math>D</math> بهذا الانسحاب.</p> <p>نستنتج أن: <math>(d) \parallel (d')</math>.</p>		بناء المعرف د 30
	تمرين 5 صفحة 190	التفصيم د 10

	<p><b>النشاط 5 (2) ص 185 بتصريف</b></p> <p><b>1- أنشئ نصف المستقيم <math>O'x'</math> صورة نصف المستقيم <math>Ox</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math>.</b></p> <p><b>2- اكتب مراحل الإنشاء.</b></p> <p><b>3- ماذا تقول عن نصفي المستقيمين <math>O'x'</math> و <math>Ox</math>؟</b></p>	<p>البحث د 15</p>
<p>- يجب أن يتطرق الأستاذ البعض الحالات الخاصة.</p>	<p>لإنشاء صورة نصف المستقيم بانسحاب معلوم، ننشئ صورتي مبدئه ونقطة منه بهذا الانسحاب.</p> <p>صورة نصف مستقيم بانسحاب هي نصف حاملهما متوازيان وفي الاتجاه نفسه.</p> <p><b>مثال:</b> صورة نصف المستقيم <math>Ox</math> الذي يشمل <math>D</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math> هو نصف المستقيم <math>O'x'</math> الذي يشمل <math>D'</math> حيث <math>O'</math> و <math>D'</math> هما صورتي <math>O</math> و <math>D</math> بهذا الانسحاب.</p> <p>نستنتج: صورة نصف المستقيم <math>Ox</math> و <math>O'x'</math> و <math>(OD) \parallel (O'D')</math> في الاتجاه نفسه.</p> 	<p>بناء المعرف د 30</p>
	<p>لإنشاء صورة دائرة بانسحاب معلوم، ننشئ صورتي مركزها ونقطة منها بهذا الانسحاب.</p> <p>صورة دائرة بانسحاب هي دائرة لها نصف قطر نفسه (الطول).</p> <p><b>مثال:</b> صورة الدائرة <math>(t)</math> التي مركزها <math>M</math> وتشمل النقطة <math>R</math> بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>B</math>. هي الدائرة <math>(t')</math> التي مركزها <math>M'</math> وتشمل <math>R'</math> حيث <math>M'</math> و <math>R'</math> هما صورتي <math>M</math> و <math>R</math> بهذا الانسحاب.</p> <p>نستنتج: <math>M'R' = MR</math>.</p> 	
	<p><b>تمرين 7 صفة 190</b></p> <p><b>تمرين</b> زاوية <math>\widehat{xOy}</math> و نقطة <math>E</math>.</p> <p>أنشيء صورة الزاوية <math>\widehat{xOy}</math> بالانسحاب الذي يحول <math>E</math> إلى <math>O</math>.</p>	<p>التقويم د 10</p>

### المورد 03: خواص الانسحاب

الغاية المستهدفة:

- يتعرف على خواص الانسحاب ويوظفها.

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 1</b> انقل الشكل على ورقة بيضاء. أنشيء صورة المضلع <math>ABCDE</math> بالانسحاب الذي يحول <math>O</math> إلى <math>F</math>. هل المضلعين <math>ABCDE</math> و <math>A'B'C'D'E'</math> قابلان للتطابق؟ هل النقط <math>B'</math>, <math>C'</math>, <math>E'</math> إستقامية؟ انقل واتم: <math>A'B' = \dots</math> <math>\dots = \dots</math></p>	البحث د 15
	<p>1- الانسحاب يحفظ طبيعة الأشكال والأطوال والاستقامة والمساحات أقياس الزوايا. <b>مثال:</b> الشكل ② هو صورة الشكل ① بالانسحاب الذي يحول <math>O</math> إلى <math>F</math>. نستنتج أن:  لأن الانسحاب يحفظ الأطوال. النقط <math>C</math>, <math>B</math>, <math>F</math> استقامية وصورها النقط <math>C'</math>, <math>B'</math>, <math>F'</math> استقامية كذلك، لأن الانسحاب يحفظ الاستقامة. <math>S_2 = S_1</math> لأن الانسحاب يحفظ المساحة. <math>\widehat{A'B'C'} = \widehat{ABC}</math> لأن الانسحاب يحفظ أقياس الزوايا.</p> 	بناء المعرف د 30
	<p><b>تمرين:</b> <math>ABCD</math> متوازي الأضلاع مركزه <math>O</math>. النقطتان <math>B'</math> و <math>D'</math> صورتي <math>B</math> و <math>D</math> على الترتيب بالانسحاب الذي يحول <math>A</math> إلى <math>O</math>. 1- أنشئ الشكل بدقة. 2- برهن أن النقط <math>B'</math>, <math>C'</math> و <math>D'</math> على استقامة واحدة. 3- برهن أن النقطة <math>C</math> منتصف القطعة <math>[B'D']</math>.</p>	التفصيم د 10

## المورد 04: وصف الهرم ومخروط الدوران

الكفاءة المستهدفة:

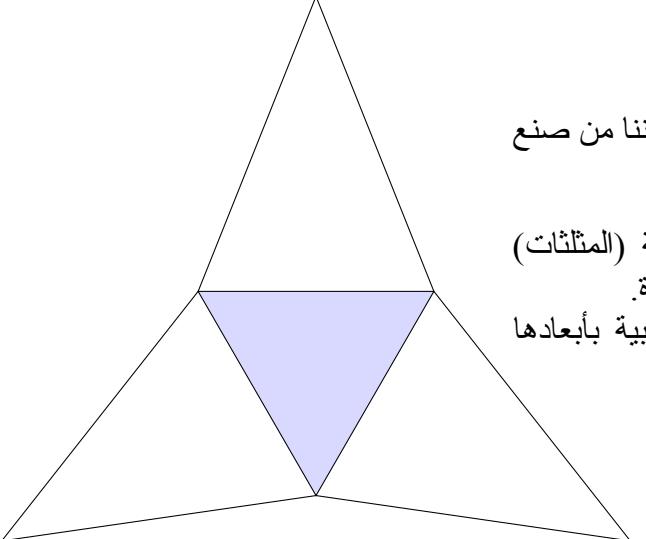
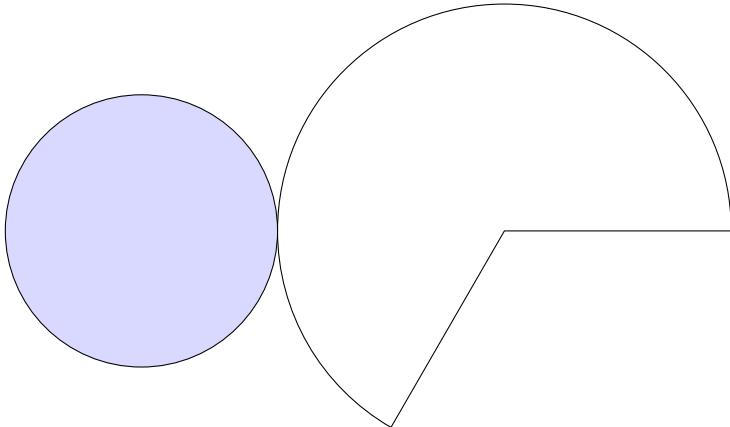
- يتذكر المجسمات المدرستة سابقاً باستعمال برنامج جيوجيرا.
- يتعرف على الهرم ومخروط الدوران.

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>تهيئة 1 ص 129 الوثيقة المرافقة بتصرف</b> استخدام ملف جيوجيرا 3AMG604.</p> <p><b>النشاط 1 ص 184 بتصرف</b></p>	البحث د 15
	<p>الهرم هو مجسم قاعدته مضلع ورأسه هو نقطة خارجة عن مستوى القاعدة، أوجهه الجانبية هي مثلثات لها رأس مشترك هو رأس الهرم ، وكل منها ضلع مشترك مع القاعدة.</p> <p><b>مثال:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- النقطة <math>S</math> تسمى رأس الهرم.</li> <li>- القطعة <math>[ES]</math> أو طولها <math>ES</math> تسمى ارتفاع الهرم.</li> <li>- الرباعي <math>ABCD</math> يسمى قاعدة الهرم.</li> </ul> <p><b>حالة خاصة:</b></p> <p>الهرم المنتظم هو هرم قاعدته مضلع منتظم وأوجهه متساوية الساقين وارتفاعه يشمل مركز القاعدة.</p> <p>المخروط هو مجسم قاعدته قرص ورأسه هو نقطة خارجة عن مستوى القاعدة، وجهه الجانبي مدبب وهو يولد عن دوران مثلث قائم حول أحد ضلعيه القائمين .</p> <p><b>مثال:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- النقطة <math>S</math> تسمى رأس المخروط.</li> <li>- القطعة <math>[OS]</math> تسمى ارتفاع المخروط.</li> <li>- الصلع <math>[SC]</math> يسمى مولدا.</li> <li>- القطعة <math>[OC]</math> تسمى نصف قطر قاعدة المخروط.</li> </ul>	بناء المعرف د 30
	<p><b>تمرين 1 صفة 190</b></p>	التفوييم د 10

## المورد 06: إنجاز تصميم الهرم ومخروط الدوران

الكفاءة المستهدفة:

- ينجز تصميم لهرم ومخروط الدوران

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط (تصميم الهرم) ص 203</b>  <math>ABCD</math> هرم منتظم قاعدته مثلث طول ضلعه <math>3\text{cm}</math> وطول حرفه <math>.5\text{cm}</math>.          1- ارسم تصميميا لهذا الهرم بالأطوال الحقيقة على ورق مقوى.          2- أصنع هذا الهرم.</p> <p><b>النشاط (تصميم المخروط) ص 205</b>          مناقشة الحل من الكتاب المدرسي.</p>	البحث د 15
	<p>تصميم مجسم هو شكل مستو يمكننا من صنع هذا المجسم.          لإنجاز تصميم لهرم وصنعه:          1- أحصي عدد الأوجه الجانبية (المثلثات) عددها يساوي عدد أضلاع القاعدة.          2- أرسم القاعدة والأوجه الجانبية بأبعادها الحقيقة.          3- أصنع الهرم بالقص واللصق.</p> <p>لإنجاز تصميم لمخروط الدوران وصنعه:          1- أرسم القاعدة وهي قرص نصف قطره <math>r</math>.          2- أرسم قطاع قرص نصف قطره <math>L</math> (مولد المخروط) وزاويته <math>\alpha = \frac{r}{L} \times 360</math>.          3- أصنع مخروط الدوران بالقص واللصق.</p>  	بناء المعرف د 30
	<p><b>أتمرن</b>          صنع هرم ومخروط دوران بأبعاد معلومة.</p>	التفوييم د 10

بطاقة فنية: 6-08

الميدان المعرفي: أنشطة هندسية

المقطع التعليمي: الانسحاب - الهرم ومخروط الدوران

الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة

المدة: 1 سا

المتوسطة الجديدة  
عدل 900 سكن - السوق  
الأستاذ عكرمي العيد  
2025-2026

### المورد 08: حجم الهرم ومخروط الدوران

الكافأة المستهدفة:

- يحسب حجم الهرم ومخروط الدوران.

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل
	<b>النشاط 8</b>	البحث د 15
	- حجم الهرم والمخروط الدوراني يساوي ثلث جداء مساحة قاعدته $B$ وارتفاعه $h$ . $V = B \times h$	بناء المعرف د 30
	<b>تمرين 10 صفحة 207</b>	التفوييم د 10

## المقطع 7: التناسبية وتنظيم المعطيات

المستوى: الثالثة متوسط

**الميدان 2:**

يحل مشكلات متعلقة بالتناسبية (الدواال التاليفية، الدواال الخطية) والإحصاء (مؤشرات الموقع).

**الموارد:**

- 1- التعرف على وضعية تناسبية في تمثيل بياني
- 2- التعرف على الحركة المنتظمة
- 3- توظيف التناسبية لاستعمال وحدات الزمن
- 4- استعمال المساواة:  $t \times v = d$  في حسابات متعلقة بالمسافة المقطوعة والسرعة والزمن
- 5- تحويل وحدات قياس السرعة
- 6- استعمال التناسبية في وضعيات تدخل فيه النسبة المئوية
- 7- تجميع معطيات إحصائية في فئات وتنظيمها في جدول
- 8- حساب تكرارات مجمعة
- 9- تقديم سلسلة إحصائية في جدول وتمثيلها بمخطط أو بيان (الأشرطة، المدرج التكراري)
- 10- حساب تكرارات نسبية
- 11- حساب المتوسط المتوازن لسلسلة إحصائية
- 3- استعمال المجدولات في استغلال معطيات إحصائية

**معايير التقويم:**

اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب معارف:
<ul style="list-style-type: none"><li>- اكتساب قيم و/أو اتخاذ مواقف:</li><li>- يستعمل الرموز والمصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم.</li><li>- يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة.</li><li>- يتحقق من صحة نتائج ويصادق عليها.</li><li>- يقدم منتوجا بشكل منظم ومنسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- يستعمل مجدولات لمعالجة معطيات إحصائية وتمثيلها</li></ul>	<ul style="list-style-type: none"><li>- يعين مؤشرات لسلسلة إحصائية ويترجمها</li></ul>

2026-2025

الأستاذ: عكرمي العيد

صفحة الأستاذ عكرمي للرياضيات:



laid.akermi.77@gmail.com

تعلم الرياضيات مع الأستاذ عكرمي:



---

المقطع التعليمي 7: التناسبية وتنظيم المعطيات  
الوضعية الانطلاقية

---

المورد 01: التعرف على وضعية تناسبية في تمثيل بياني

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر جدول تناسبية
- يتعرف على التمثيل البياني لوضعية تناسبية

التفوييم	أنشطة التعلم	المراحل																																
	<p><b>تهيئة</b></p> <p>من بين الجداول التالية، حدد تلك التي تمثل وضعية تناسبية ببر</p> <table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td>-3</td><td>-2</td><td>-1</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td> </tr> <tr> <td><math>y</math></td><td>-7</td><td>-5</td><td>-3</td><td>1</td><td>1</td><td>3</td><td>5</td> </tr> </table> <p style="text-align: center;">(3)</p> <table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td>-3</td><td>-2</td><td>-1</td><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td> </tr> <tr> <td><math>y</math></td><td>6</td><td>4</td><td>2</td><td>0</td><td>-2</td><td>-4</td><td></td> </tr> </table> <p style="text-align: center;">(4)</p>	$x$	-3	-2	-1	0	1	2	3	$y$	-7	-5	-3	1	1	3	5	$x$	-3	-2	-1	0	1	2	3	$y$	6	4	2	0	-2	-4		
$x$	-3	-2	-1	0	1	2	3																											
$y$	-7	-5	-3	1	1	3	5																											
$x$	-3	-2	-1	0	1	2	3																											
$y$	6	4	2	0	-2	-4																												
	<p><b>النشاط 1 ص 88 بتصريف</b></p> <p>إليك الجدول التالي والذي يمثل تغير المحيط <math>P</math> لمربع بدلالة طول ضلعه <math>a</math>.</p> <table border="1"> <tr> <td>1</td><td>2</td><td>4</td><td>7</td> </tr> </table> <p>محيط المربع <math>P</math> - اكتب العلاقة التي تعبّر عن المحيط <math>P</math> بدلالة طول الصلع a.</p> <p>1- انقل وأنتم الجدول.</p> <p>2- هل الجدول يمثل وضعية تناسبية؟ ببر.</p> <p>3- مثل معطيات هذا الجدول في معلم بوضع <math>P</math> على محور التراتيب و <math>a</math> على محور الفوائل.</p> <p>ماذا تستنتج؟</p> <p><b>النشاط 2</b></p> <p>إليك الجدول التالي والذي يمثل تغير المساحة <math>S</math> لمربع بدلالة طول ضلعه <math>a</math>.</p> <table border="1"> <tr> <td>1</td><td>2</td><td>4</td><td>7</td> </tr> </table> <p>مساحة المربع <math>S</math></p> <p>أجب عن الأسئلة نفسها للنشاط 1.</p>	1	2	4	7	1	2	4	7	البحث د 15																								
1	2	4	7																															
1	2	4	7																															
	<p>الممثل البياني لوضعية تناسبية عبارة عن نقاط استقامية مع مبدأ المعلم.</p> <p>مثال:</p> <p>الممثل البياني للنشاط 1</p>	بناء المعرف د 30																																
	<p><b>تمرين 1 صفحة 94</b></p>	التفوييم د 10																																

بطاقة فنية: 7-02

الميدان المعرفي: أنشطة عدبية

المقطع التعليمي: التناسبية وتنظيم المعطيات

الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة

المدة: 1 سا

المتوسطة الجديدة  
عدل 900 سكن - السوق  
الأستاذ عكرمي العيد  
2025-2026

## المورد 02: الحركة المنتظمة

الكفاءة المستهدفة:

التفصيل	أنشطة التعلم	المراحل
	النشاط 1	البحث د 15
		بناء المعرف د 30
	تمرين صفحة	التفصيل د 10

المورد 03: وحدات الزمن

الغاية المستهدفة:

- يوظف الرابع المتاسب للانتقال من وحدة إلى أخرى

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 3</b></p> <p>1- قارن في كل حالة بين المدتين الزمنيتين:</p> <p>(أ) <math>45mn</math> و <math>0,75h</math>          (ب) <math>1h2mn</math> و <math>1,2h</math></p>	البحث د 15
	<p>المقادير التي تدل على وحدات قياس الزمن في النظام الثنائي متاسبة مع المقادير التي تدل على وحدات قياس الزمن في النظام العشري .</p> <p>أمثلة الانتقال من النظام الثنائي إلى النظام العشري:</p> <p><math display="block">2h \quad 15min \quad 2h = 2,25h</math></p> <p><math display="block">15 \div 60</math></p> <p><math display="block">1 \quad ,2h = 1h \quad 12min</math></p> <p><math display="block">0,2 \times 60</math></p> <p>بالحاسبة نستعمل المsesa .<i>DEG</i> .          الانقال من النظام العشري إلى النظام الثنائي:</p> <p>بالحاسبة نستعمل المsesa .<i>DMS</i> و <math>2^{nd}F</math></p>	بناء المعرف د 30
	<p><b>تمرين 17 صفحة 96</b></p>	التفصيم د 10

## المورد 04: المسافة، السرعة والزمن

الكافأة المستهدفة:

- يتعرف على الحركة المنتظمة.

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل																																																				
	<p><b>النشاط 4</b> إليك الجدول التالي والذي يمثل المسافات <math>d</math> التي يقطعها دراج في أزمنة <math>t</math> مختلفة:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th><math>t(h)</math></th><th>المدة</th><th>1</th><th>2</th><th>2,5</th><th>3</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <th><math>d(km)</math></th><th>المسافة</th><th>30</th><th>60</th><th>75</th><th>90</th></tr> </tbody> </table> <p>1- هل الجدول يمثل وضعية تناصبية؟ بره. 2- إن كان كذلك فما هو معامل التناصبية وماذا يمثل هذا المعامل؟</p> <p><b>النشاط 3 ص 89 بتصريف</b> انطلق الصديقان أحمد و خالد بسيارتيهما على الطريق السير شرق-غرب، من مدينة <math>A</math>. سار أحمد مسافة <math>60km</math> بسرعة <math>120km/h</math>، وتوقف في محطة الوقود لمدة <math>15</math> دقيقة، ثم انطلق بسرعة <math>100km/h</math> لمدة <math>45</math> دقيقة فوصل إلى المدينة <math>B</math>. علماً أن الصديقين وصلا في الوقت نفسه وأن خالد لم يغير سرعته. - احسب السرعة التي تحرك بها خالد. - الجدولان يساعدانك على الحل:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="4">مخطط السير لخالد</th> </tr> <tr> <th>المرحلة</th><th>①</th><th>②</th><th>③</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>السرعة</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>الزمن</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>المسافة</td><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table> <table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="4">مخطط السير لأحمد</th> </tr> <tr> <th>المرحلة</th><th>①</th><th>②</th><th>③</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>السرعة</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>الزمن</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr> <td>المسافة</td><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table> <p>المجموع:</p>	$t(h)$	المدة	1	2	2,5	3	$d(km)$	المسافة	30	60	75	90	مخطط السير لخالد				المرحلة	①	②	③	السرعة				الزمن				المسافة				مخطط السير لأحمد				المرحلة	①	②	③	السرعة				الزمن				المسافة				
$t(h)$	المدة	1	2	2,5	3																																																	
$d(km)$	المسافة	30	60	75	90																																																	
مخطط السير لخالد																																																						
المرحلة	①	②	③																																																			
السرعة																																																						
الزمن																																																						
المسافة																																																						
مخطط السير لأحمد																																																						
المرحلة	①	②	③																																																			
السرعة																																																						
الزمن																																																						
المسافة																																																						
	<p>نقول عن حركة أنها منتظمة إذا كانت المسافات المقطوعة متناسبة مع الأزمنة التي قطعت فيها.</p> <p>ومعامل التناصبية بين المسافة المقطوعة والزمن المستغرق لقطعها يسمى السرعة ، نكتب:</p> $d = v \times t$ <p><b>مثال:</b> إذا قطع شخص مسافة <math>9km</math> في ساعتين فسرعته: <math>4,5km/h</math> أو <math>4,5km.h^{-1}</math>. السرعة المتوسطة هي حاصل قسمة مجموع المسافات المقطوعة على مجموع الأزمنة التي قطعت فيها هذه المسافات.</p> <p><b>ملاحظة:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- إذا كانت المسافة بـ <math>(km)</math> والزمن بـ <math>(h)</math> تكون السرعة بـ <math>(km/h)</math> أو <math>(km.h^{-1})</math>.</li> <li>- إذا كانت المسافة بـ <math>(m)</math> والزمن بـ <math>(s)</math> تكون السرعة بـ <math>(m/s)</math> أو <math>(m.s^{-1})</math>.</li> </ul>	<p>البحث د 15</p> <p>بناء المعرف د 30</p>																																																				
	تمرين 23 صفحة 96	التفصيم د 10																																																				

بطاقة فنية: 7-05

الميدان المعرفي: أنشطة عدبية

المقطع التعليمي: التناسبية وتنظيم المعطيات

الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة

المدة: 1 سا

المتوسطة الجديدة  
عدل 900 سكن - السوق  
الأستاذ عكرمي العيد  
2025-2026

### المورد 05: تحويل وحدات السرعة

الكفاءة المستهدفة:

المرحل	أنشطة التعلم	النشاط	التفوييم
		1	
		تمرين صفحة	

## المورد 06: النسبة المئوية

## الكفاءة المستهدفة:

- تستغل نتائج هذا النشاط بشكل خاص عندما يطلب تحديد مبلغ أو سعر بعد تطبيق نسبة مئوية على مبلغ دون حساب القيمة المضافة أو القيمة المضافة.

التفصيم	أنشطة التعلم	المراحل
	<p><b>النشاط 1</b> أكتشف 1</p> <p>1- قسم به 30 تلميذاً منهم 5 تلميذ لم يحصلوا على المعدل. احسب النسبة المئوية للنجاح.</p> <p>2- انضم إلى القسم ثلاثة تلاميذ. احسب النسبة المئوية للزيادة.</p> <p>أكتشف 2 أعلنت وزارة الطاقة عن ارتفاع أسعار الوقود بـ 40%، ابتداءً من 1/1/2016.</p> <p>أكمل الجدول بالتدوين إلى 10-2.</p> <p>السعر السابق السعر الحالي مازوت 13,40 بنزين عادي 20,32 بنزين ممتاز 31,42 بنزين دون رصاص 31,01</p>	البحث د 15
	<p>النسبة المئوية تترجم وضعيّة تراسبيّة ، يؤول حساب نسبة مئوية إلى حساب الرابع المتناسب.</p> <p>مثال 1: تقدم 120 تلميذاً لامتحان بلغت نسبة النجاح فيها 65%.</p> <p>عدد المترشحين <math>120 \times 65 = 100 \div 12 \times 65 = 78</math> ومنه عدد الناجحين هو 78 تلميذاً.</p> <p>عدد الناجحين <math>65 \times</math></p> <p>مثال 2: في شهر مارس انخفض منسوب مياه سد الفايجة بنسبة 20% ثم ارتفع في شهر إبريل بنسبة 30%، ليسقر عند 39 متراً.</p> <p>نحسب ارتفاعه قبل شهر مارس:</p> <p>الارتفاع في شهر مارس <math>100 \times 30 = 130 \div 39 \times 100 = 30</math> ومنه منسوب المياه قبل شهر إبريل هو 30 متراً.</p> <p>الارتفاع في شهر إبريل <math>130 \times 39 = 37,5</math> متراً.</p> <p>الارتفاع في شهر مارس 30</p> <p><b>ملاحظة:</b></p> <p>حساب الارتفاع والانخفاض باستخدام النسبة المئوية يسمى مؤشر وهو مصطلح يستعمل في الميدان الاقتصادي ويعتبر سندًا في دراسة ظاهرة ما ويساعد على ملاحظة تطورها.</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>هذا مؤشر سد الفايجة لالأشهر الثلاثة:</p> <p>الأشهر فيفري مارس إبريل الارتفاع <math>30 \times 37,5 \times 130 = 80 \div 100 = 37,5</math> متراً.</p>	بناء المعرف ف د 30
	تمرين 6 صفحة 96	التفصيم د 10

بطاقة فنية: 7-07

الميدان المعرفي: أنشطة عدبية

المستوى: الثالثة متوسط المقاطع التعليمي: التاسبية وتنظيم المعطيات

الوسائل المستعملة: المنهاج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقة

المدة: 1 سا

المتوسطة الجديدة  
عدل 900 سكن - السوق  
الأستاذ عكرمي العيد  
2025-2026

## المورد 07: تجميع معطيات إحصائية في فئات وتنظيمها في جدول

الكفاءة المستهدفة:

- تنظيم إحصائية معطيات في فئات.
- حساب تكرارات وتكرارات نسبية.

التفصيم	أنشطة التعلم										المراحل																																																			
	<b>النشاط 2 ص 104</b>																																																													
	إليك توزيع مدد مكالمات الهاتفية بالدقيقة في مؤسسة خاصة.																																																													
	11, 7, 8, 13, 5, 9, 12, 7, 9, 13, 7, 10, 12, 6, 10, 3, 5, 8, 11, 4, 6, 9, 11, 3, 6																																																													
	1- يمكن تلخيصها في الجدول التالي:																																																													
	<table border="1"> <thead> <tr> <th>المجموع</th> <th>4</th> <th>3</th> <th>5</th> <th>6</th> <th>7</th> <th>8</th> <th>9</th> <th>10</th> <th>11</th> <th>12</th> <th>13</th> <th>المدة المكالمات بالدقيقة</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>المجموع</td> <td></td> <td>عدد المكالمات (التكرار)</td> </tr> <tr> <td>النكرار النسبي</td> <td>0,08</td> <td></td> <td>النسبة المئوية للتكرار</td> </tr> <tr> <td>النسبة المئوية للتكرار</td> <td>8%</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>											المجموع	4	3	5	6	7	8	9	10	11	12	13	المدة المكالمات بالدقيقة	المجموع												عدد المكالمات (التكرار)	النكرار النسبي	0,08											النسبة المئوية للتكرار	النسبة المئوية للتكرار	8%										
المجموع	4	3	5	6	7	8	9	10	11	12	13	المدة المكالمات بالدقيقة																																																		
المجموع												عدد المكالمات (التكرار)																																																		
النكرار النسبي	0,08											النسبة المئوية للتكرار																																																		
النسبة المئوية للتكرار	8%																																																													
	2- كما يمكن تلخيصها في الجدول التالي:																																																													
	<table border="1"> <thead> <tr> <th>الفئة (المدة <math>x</math> بالدقيقة)</th> <th><math>2 \leq x &lt; 5</math></th> <th><math>5 \leq x &lt; 8</math></th> <th><math>8 \leq x &lt; 11</math></th> <th><math>11 \leq x &lt; 14</math></th> <th><math>14 \leq x &lt; 17</math></th> <th><math>17 \leq x &lt; 20</math></th> <th><math>20 \leq x &lt; 23</math></th> <th><math>23 \leq x &lt; 26</math></th> <th><math>26 \leq x &lt; 29</math></th> <th><math>29 \leq x &lt; 32</math></th> <th><math>32 \leq x &lt; 35</math></th> <th>المجموع</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>عدد المكالمات (التكرار)</td> <td>3</td> <td></td> <td>النكرار النسبي</td> </tr> <tr> <td>مركز الفئة</td> <td>3,5</td> <td></td> <td>النسبة المئوية للتكرار</td> </tr> </tbody> </table>											الفئة (المدة $x$ بالدقيقة)	$2 \leq x < 5$	$5 \leq x < 8$	$8 \leq x < 11$	$11 \leq x < 14$	$14 \leq x < 17$	$17 \leq x < 20$	$20 \leq x < 23$	$23 \leq x < 26$	$26 \leq x < 29$	$29 \leq x < 32$	$32 \leq x < 35$	المجموع	عدد المكالمات (التكرار)	3											النكرار النسبي	مركز الفئة	3,5											النسبة المئوية للتكرار												
الفئة (المدة $x$ بالدقيقة)	$2 \leq x < 5$	$5 \leq x < 8$	$8 \leq x < 11$	$11 \leq x < 14$	$14 \leq x < 17$	$17 \leq x < 20$	$20 \leq x < 23$	$23 \leq x < 26$	$26 \leq x < 29$	$29 \leq x < 32$	$32 \leq x < 35$	المجموع																																																		
عدد المكالمات (التكرار)	3											النكرار النسبي																																																		
مركز الفئة	3,5											النسبة المئوية للتكرار																																																		
	<p>السلسلة الإحصائية هي مجموعة نتائج دراسة إحصائية لظاهره ما.</p> <p>يمكن تلخيص السلسلة الإحصائية في جدول تكرارات وعندما تكون هذه المعطيات كثيرة.</p> <p>يمكن تلخيصها فئات وذلك لغرض تسهيل قراءتها واستغلالها.</p> <p>مركز الفئة يساوي نصف مجموع طرفيها.</p> <p>التكرار هو عدد مرات ظهور نفس القيمة.</p> <p>التكرار الكلي هو عدد عناصر السلسلة الإحصائية.</p> <p>التكرار النسبي هو حاصل قسمة تكرار قيمة على التكرار الكلي، ويعبر عنه بكتابه كسرية أو عشرية أو نسبة مئوية.</p> <p><b>مثال:</b> حل النشاط</p>																																																													
	<b>تمرين 15 صفحة 111</b>																																																													
	التفصيم																																																													

البحث  
15 د

بناء المعرف  
30 د

التفصيم  
10 د

## المورد 09: تقديم سلسلة إحصائية في جدول وتمثيلها بمخطط أو بيان

## الكفاءة المستهدفة:

- يمثل معطيات إحصائية في مخططات.
- تنظيم إحصائية معطيات في فئات.
- حساب تكرارات وتكرارات نسبية.

المراحل	أنشطة التعليم	التفصيم
البحث د 15	<p><b>النشاط 9</b> أكتشف 4 ص 105 - يمثل الجدول التالي أجرور عمال مؤسسة بالدينار. المجموع  <math>x \geq 55</math> <math>x \geq 45</math> <math>65 &gt; x \geq 35</math> <math>55 &gt; x \geq 45</math> <math>45 &gt; x \geq 35</math> <math>35 &gt; x \geq 25</math> <math>40 &gt; x \geq 25</math> التكرار النسبي (</p> <p>75 التكرار 1- أتمم الجدول. 2- مثله بمخطط دائري ثم بمخطط مستويات (مخطط دائري).          أكتشف 2 ص 104 إليك توزيع مدد مكالمات الهاتفية بالدقيقة في مؤسسة خاصة 4 6 9 3          11 12 6 3 11 12 3 6 11 7 8 13 5 10 6 7 9 12 7 9 13 7 10 8 3 5 8 11          1- يمكن تلخيصها في الجدول التالي: المجموع 13 ..... 3 مدة المكالمة بالدقيقة          4 عدد المكالمات (النكرار)          0,125 التكرار النسبي          12,5 النسبة المئوية للنكرار          2- كما يمكن تلخيصها في الجدول التالي: المجموع ..... 2 <math>\geq x &gt; 5</math> الفئة (المدة x بالدقيقة)          3 عدد المكالمات (النكرار)          3,5 مركز الفئة</p>	<p>النشاط 9 أكتشف 4 ص 105 - يمثل الجدول التالي أجرور عمال مؤسسة بالدينار. المجموع  <math>x \geq 55</math> <math>x \geq 45</math> <math>65 &gt; x \geq 35</math> <math>55 &gt; x \geq 45</math> <math>45 &gt; x \geq 35</math> <math>35 &gt; x \geq 25</math> <math>40 &gt; x \geq 25</math> التكرار النسبي (</p> <p>75 التكرار 1- أتمم الجدول. 2- مثله بمخطط دائري ثم بمخطط مستويات (مخطط دائري).          أكتشف 2 ص 104 إليك توزيع مدد مكالمات الهاتفية بالدقيقة في مؤسسة خاصة 4 6 9 3          11 12 6 3 11 12 3 6 11 7 8 13 5 10 6 7 9 12 7 9 13 7 10 8 3 5 8 11          1- يمكن تلخيصها في الجدول التالي: المجموع 13 ..... 3 مدة المكالمة بالدقيقة          4 عدد المكالمات (النكرار)          0,125 التكرار النسبي          12,5 النسبة المئوية للنكرار          2- كما يمكن تلخيصها في الجدول التالي: المجموع ..... 2 <math>\geq x &gt; 5</math> الفئة (المدة x بالدقيقة)          3 عدد المكالمات (النكرار)          3,5 مركز الفئة</p>
بناء المعرف 30 د	<p>الدرج التكراري هو تمثيل السلسلة الإحصائية المجمعة في فئات بمخطط مستويات متباينة مساحاتها متناسبة مع تكرارات الفئات.</p> <p>مثال: يمكن تمثيل السلسلة الإحصائية بمخطط دائري أو نصف دائري حيث اقياس الزوايا متناسبة مع التكرارات.</p> <p>المخطط الدائري (مجموع اقياس الزوايا 360) وفي المخطط نصف الدائري (مجموع اقياس الزوايا 180).</p> <p>مثال: السلسلة الإحصائية هي مجموعة نتائج دراسة إحصائية لظاهره ما.</p> <p>يمكن تلخيص السلسلة الإحصائية في جدول تكرارات وعندما تكون هذه المعطيات كثيرة يمكن تلخيصها فئات وذلك لغرض تسهيل قراءتها واستغلالها.</p> <p>مركز الفئة يساوي نصف مجموع طرفيها.</p> <p>النكرار هو عدد مرات ظهور نفس القيمة.</p> <p>النكرار الكلي هو عدد عناصر السلسلة الإحصائية.</p> <p>النكرار النسبي هو حاصل قسمة تكرار قيمة على التكرار الكلي، ويعبر عنه بكتابة كسرية أو عشرية أو نسبة مئوية.</p> <p>مثال: حل النشاط</p>	<p>الدرج التكراري هو تمثيل السلسلة الإحصائية المجمعة في فئات بمخطط مستويات متباينة مساحاتها متناسبة مع تكرارات الفئات.</p> <p>مثال: يمكن تمثيل السلسلة الإحصائية بمخطط دائري أو نصف دائري حيث اقياس الزوايا متناسبة مع التكرارات.</p> <p>المخطط الدائري (مجموع اقياس الزوايا 360) وفي المخطط نصف الدائري (مجموع اقياس الزوايا 180).</p> <p>مثال: السلسلة الإحصائية هي مجموعة نتائج دراسة إحصائية لظاهره ما.</p> <p>يمكن تلخيص السلسلة الإحصائية في جدول تكرارات وعندما تكون هذه المعطيات كثيرة يمكن تلخيصها فئات وذلك لغرض تسهيل قراءتها واستغلالها.</p> <p>مركز الفئة يساوي نصف مجموع طرفيها.</p> <p>النكرار هو عدد مرات ظهور نفس القيمة.</p> <p>النكرار الكلي هو عدد عناصر السلسلة الإحصائية.</p> <p>النكرار النسبي هو حاصل قسمة تكرار قيمة على التكرار الكلي، ويعبر عنه بكتابة كسرية أو عشرية أو نسبة مئوية.</p> <p>مثال: حل النشاط</p>
التفصيم 10 د	تمرين 15 صفحة 111	