

تذكير:

❖ معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين:

تكتب معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين x و y على شكل:
 $ax + by = c$ حيث a و b و c أعداد معلومة. إن حلول هذه
 المعادلة غير منتهية ويكفي إعطاء قيمة لأحد المجهولين لإيجاد الآخر.
ملاحظة: المعادلتان المتكافئتان معادلتان لهما نفس الحلول.

مثال: كل من $x + 3y = -1$ و $2x + 6y = -1$ هما معادلتان من
 الدرجة الأولى بمجهولين وهما معادلتان متكافئتان.

❖ جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y :

هي جملة من الشكل:
 $\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$ حيث a, b, c, a', b', c' أعداد معلومة.

مثال:

جملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y
 $\begin{cases} 3x + y = -2 \\ 2x - 5y = -7 \end{cases}$

❖ الحل الجبري لجملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين:

هو إيجاد الثنائيات $(x; y)$ التي تحقق المعادلتين في آن واحد من أجل
 ذلك نتبع إحدى الطرق التالية:

1. طريقة الحل بالتعويض:

مثال 01: حل الجملة:

$$\begin{cases} x - 3y = -8 \quad \dots (1) \\ 2x + y = 5 \quad \dots (2) \end{cases}$$

من المعادلة (1) نجد : $x = -8 + 3y$... (3)
 نعوض قيمة x في المعادلة (2) فنجد: $2(-8 + 3y) + y = 5$ أي:
 $6y + y = 5 + 16$ أي: $7y = 21$ ومنه: $y = 3$

نعوض قيمة y في المعادلة (3) فنجد: $x = -8 + 3 \times 3$ أي: $x = 1$
 إذن الثنائية (3; 1) حل لهذه الجملة.

2. طريقة الحل بالجمع:

مثال 02: حل الجملة:

$$\begin{cases} 6x + 4y = 3 \quad \dots (1) \\ 3x - 5y = -9 \quad \dots (2) \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة (2) في العدد 2 فنحصل على الجملة:

$$\begin{cases} 6x + 4y = 3 \quad \dots (3) \\ -6x + 10y = 18 \quad \dots (4) \end{cases}$$

بجمع طرفي المعادلتين (3) و (4) طرفا لطرف فنجد:

$$14y = 21 \quad \text{أي: } 6x + 4y - 6x + 10y = 3 + 18$$

$$y = \frac{21}{14} \quad \text{ومنه: } y = 1,5$$

نضرب طرفي المعادلة (1) في العدد 5 ونضرب طرفي المعادلة (2)
 في العدد 4 فنحصل على الجملة:

$$\begin{cases} 30x + 20y = 15 \quad \dots (5) \\ 12x - 20y = -36 \quad \dots (6) \end{cases}$$

بجمع طرفي المعادلتين (5) و (6) طرفا لطرف فنجد:

$$42x = -21 \quad \text{أي: } 30x + 20y + 12x - 20y = 15 - 36$$

$$x = -\frac{21}{42} \quad \text{ومنه: } x = -0,5$$

إذن الثنائية $(-0,5; 1,5)$ حل لهذه الجملة.

3. طريقة الحل بالجمع والتعويض:

مثال 03: حل الجملة:

$$\begin{cases} 2x + 5y = -3 \quad \dots (1) \\ 7x - 3y = 10 \quad \dots (2) \end{cases}$$

نضرب طرفي المعادلة (1) في العدد -7 ونضرب طرفي المعادلة (2)
 في العدد 2 فنحصل على الجملة:

$$\begin{cases} -14x - 35y = 21 \quad \dots (3) \\ 14x - 6y = 20 \quad \dots (4) \end{cases}$$

بجمع طرفي المعادلتين (3) و (4) طرفا لطرف فنجد:

$$-41y = 41 \quad \text{أي: } -14x - 35y + 14x - 6y = 21 + 20$$

$$y = -\frac{41}{41} \quad \text{ومنه: } y = -1$$

نعوض قيمة y في المعادلة (2) فنجد: $7x - 3 \times (-1) = 10$ أي:

$$7x + 3 = 10 \quad \text{أي: } 7x = 10 - 3$$

$$x = \frac{7}{7} \quad \text{ومنه: } x = 1$$

إذن الثنائية $(1; -1)$ حل لهذه الجملة.

❖ الحل البياني لجملة معادلتين من الدرجة الأولى بمجهولين:

الحل البياني لجملة معادلتين يتطلب رسم المستقيم الممثل لكل معادلة في
 نفس المعلم المتعامد (O, \vec{i}, \vec{j}) . فيتقاطعان في نقطة M إحداثياتها $(x_0; y_0)$
 هي حل لجملة المعادلتين.

مثال: حل جملة:

$$\begin{cases} x - y = -2 \\ 6x + 2y = 4 \end{cases} \quad \text{بيانياً.}$$

نرسم للمستقيم الذي معادلته:

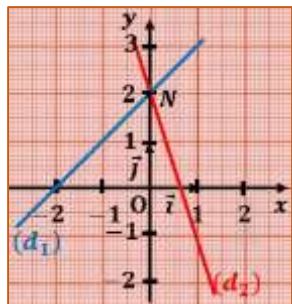
$$(d_1) : y = x + 2$$

إنشاء المستقيم (d_1) .

نرسم للمستقيم الذي معادلته:

$$(d_2) : y = -3x + 2$$

إنشاء المستقيم (d_2) .



نلاحظ أن المستقيمين يتقاطعان في النقطة $N(0; 2)$.
 النقطة N هي الحل البياني لهذه الجملة.

❖ حل تربيض مشكلة بتوظيف جملة معادلتين:

- اختيار المجهولين. 2. تربيض الوضعية بالتعبير عنها بمعادلتين.
- حل جملة معادلتين. 4. مراقبة النتيجة (معقوليتها ملائمتها للمعطيات).
- الإجابة عن السؤال.

مثال:

ثمن باقة زهور متكونة من 8 زهور أقحوان و زهرة نرجس هو 255 DA
 بينما ثمن باقة متكونة من 17 زهرة أقحوان و 4 زهور نرجس هو
 570 DA. ماهو ثمن كل من زهرة الأقحوان و ثمن زهرة النرجس؟

- نفرض أن x ثمن زهرة الأقحوان و y ثمن زهرة النرجس فيكون:

$$\begin{cases} 8x + y = 255 \quad \dots (1) \\ 17x + 4y = 570 \quad \dots (2) \end{cases} \quad \text{نحل الجملة:}$$

من المعادلة (1) نجد : $y = 255 - 8x$... (3)

نعوض قيمة y في المعادلة (2) فنجد: $17x + 4(255 - 8x) = 570$

$$-15x = 570 - 1020 \quad \text{أي: } 17x + 1020 - 32x = 570$$

$$-15x = -450 \quad \text{أي: } -15x = -450 \quad \text{ومنه: } x = \frac{-450}{-15} = 30$$

نعوض قيمة x في المعادلة (3) فنجد: $y = 255 - 8 \times 30$

$$y = 15$$

إذن ثمن زهرة الأقحوان هو 30 DA و ثمن زهرة النرجس هو 15 DA.

تمارين - وضعيات

التمرين 01: لتكن الجملة التالية:

$$\begin{cases} 3x + y = 7 \\ 5x + 2y = 11 \end{cases}$$

- عَيّن الحل المناسب لهذه الجملة: $(3; 2)$ ؛ $(3; -2)$ ؛ $(-3; -2)$

التمرين 02:

حل جمل المعادلتين - اختر أي طريقة مع توضيح جميع الخطوات:

$$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{6} = 2 \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = -\frac{1}{2} \end{cases} \quad \begin{cases} x + 1,5y = 2 \\ 2,5x + 0,5y = -1,5 \end{cases} \quad \begin{cases} 3x - 15y = -2 \\ 6x + 10y = 4 \end{cases}$$

التمرين 03:

أوجد عددين علما أن مجموعهما 3- و أن الفرق بين ضعف العدد الأول و ثلاثة أمثال العدد الثاني هو 14.

التمرين 04:

أوجد كسرا، إذا أضفنا إلى بسطه 1 و أنقصنا من مقامه 1 يكون ناتج الكسر هو 1، وإذا أضفنا إلى المقام 1 يكون ناتج الكسر مساويا $\frac{1}{2}$.

التمرين 05:

أوجد عددين علما أن مجموعهما 260 علما أنه إذا قسمنا أكبرهما على أصغرهما، يكون الحاصل 2 و الباقي 50.

التمرين 06:

f دالة تآلفية بيانها يشمل النقطتين:

$$M(1; 2) ; N(-1; -8).$$

عين الدالة التآلفية f .

التمرين 07:

x و y هما قياسا زاويتين بالدرجات. أوجد x و y ، إذا كان x ينقص عن y بـ 30° و كانت الزاويتان متتامتان.

التمرين 08:

α و β هما قياسا زاويتين بالدرجات. أوجد α و β ، إذا كان α يزيد عن β بـ 40° و كانت الزاويتان متكاملتين.

التمرين 09:

ABC مثلث قائم في A حيث: $AB = 4 \text{ cm}$.

إذا علمت أن محيط المثلث ABC يساوي 12 cm .

- احسب الطولين AC و BC .

التمرين 10:

مسططيل زاد طوله بـ 40% ، فإن محيطه يصبح $96,2 \text{ cm}$ ، وإذا نقص عرضه بـ 30% ، فإن محيطه يصبح $68,36 \text{ cm}$.

احسب بعدي هذا المستطيل.

التمرين 11:

ABC مثلث مجموع طولوا ضلعيه $[AB]$ و $[BC]$ يساوي $9\sqrt{3}$ ، وطول الضلع $[BC]$ يزيد عن طول الضلع $[AB]$ بـ $\sqrt{3}$.

- احسب الطولين AB و BC .

التمرين 12:

لتكن الجملة:

$$\begin{cases} x + y = 4 \\ 2x - y = 2 \end{cases}$$

$(0; \bar{t}; \bar{j})$ معلم متعامد ومتجانس للمستوي.

1. ارسم المستقيم الذي معادلته: $x + y = 4$

2. ارسم المستقيم الذي معادلته: $2x - y = 2$

3. حل بيانيا الجملة.

التمرين 13:

أنشئ المستقيمين (D_1) و (D_2) في المعلم المتعامد والمتجانس

$(0; \bar{t}; \bar{j})$ بحيث:

(D_1) معادلته: $y = -x + 1$

(D_2) معادلته: $y = 2x + 4$

1. عين بيانيا إحداثيتي M نقطة تقاطع (D_1) و (D_2) .

2. استنتج الحل البياني للجملة الآتية:

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ 2x - y = -4 \end{cases}$$

الوضعية 01: (BEM 2007)

1. حل الجملة الآتية:

$$\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 6x + 4y = 112 \end{cases}$$

2. اشترى رضوان من مكتبه أربعة كرايس وخمسة أقلام بمبلغ

105 DA واشترت مريم ثلاثة كرايس وقلمين بمبلغ 56 DA .

- أوجد ثمن الكراس الواحد و ثمن القلم الواحد.

الوضعية 02: (BEM 2009)

1. حل الجملة الآتية:

$$\begin{cases} x + y = 14 \\ x + 4y = 32 \end{cases}$$

2. أوجد القاسم المشترك الأكبر للعددين 500 و 125.

3. ملأ تاجر 4000 g من الشاي في علب صنف 125 g و صنف 500 g ، إذا علمت أن العدد الكلي للعلب هو 14، أوجد عدد العلب لكل صنف. (لاحظ أن: $4000 = 32 \times 125$).

الوضعية 03:

1. حل الجملة الآتية:

$$\begin{cases} x + y = 75 \\ 3x + 4y = 255 \end{cases}$$

2. علبة تحتوي على مجموعة من الجراد و العناكب، عدد الرؤوس

الإجمالي هو 75 رأسا وعدد الأرجل هو 510.

- أوجد عدد الجراد وعدد العناكب.

الوضعية 04:

1. حل الجملة الآتية:

$$\begin{cases} x + y = 78 \\ 7x + 10y = 642 \end{cases}$$

2. يضم أحد رفوف المدرسة القرآنية 78 مصحفا. سمك بعض المصاحف

$3,5 \text{ cm}$ وسمك البعض الآخر 5 cm . هذه المصاحف موضوعة في

صف طوله 321 cm .

- أوجد عدد المصاحف التي سمكها $3,5 \text{ cm}$ وعدد المصاحف التي

سمكها 5 cm .

الوضعية 05:

مجموع عمري يوسف وعلي 45 سنة، إذا انقصنا من عمر يوسف 5

سنوات يصبح عمر يوسف أربعة أمثال عمر علي.

- ماهو عمر يوسف وعمر علي؟

الوضعية 06:

للدخول إلى قاعة المسرح اشترت عائلة أحمد تذاكر لأربعة أفراد كبار وفرد

صغير بمبلغ 1400 DA ، أما عائلة عمر فقد اشترت تذاكرتين للكبار وثلاثة

تذاكر للصغير بمبلغ 1200 DA .

1. أوجد ثمن التذكرة للكبار و ثمن التذكرة للصغار.

2. كم تدفع عائلة خالد لشراء 5 تذاكر للكبار و 4 تذاكر للصغار؟

الوضعية 07:

قسم السنة الرابعة متوسط يتكون من 39 تلميذ، إذا غاب منها 3 ذكور

يصبح عدد الذكور ضعف عدد الإناث.

- ماهو عدد الذكور وعدد الإناث؟

الوضعية 08:

انطلقت درجة نارية من مدينة A على الساعة 9 بسرعة متوسطة قدرها

45 km/h متوجهة نحو مدينة B . وفي نفس الوقت انطلقت دراجة هوائية

من المدينة B نحو المدينة A بسرعة متوسطة قدرها 27 km/h .

- عين اللحظة التي تتلاقى فيها الدرجة النارية بالدراجة الهوائية، وبعد

نقطة التلاقي عن المدينة B ، علما أن المسافة بين المدينتين A و B

هي 180 km .



بالتوفيق والنجاح

