

الدالة الخطية

الدالة التآلفية

كفاءات المستهدفة

1. الدالة الخطية:

- التعرف على الكتابة $f : x \rightarrow ax$
- استعمال الكتابة $f(x) = ax$ أو $y = ax$
- إنشاء وتأويل التمثيل البياني لدالة خطية
- التعامل مع البيان وقراءة عدد وتحديد عدد صورته معلومة من خلال التمثيل البياني لدالة خطية

2. الدالة التآلفية:

- التعرف على الكتابة $f : x \rightarrow ax + b$
- واستعمال $f(x) = ax + b$ أو $y = ax + b$
- إنشاء وتأويل التمثيل البياني لدالة تآلفية
- التعامل مع البيان وقراءة صورة عدد وتحديد عدد صورته معلومة من خلال التمثيل البياني

الدالة الخطية

تعريف الدالة الخطية:

$$f: x \rightarrow ax \quad \text{الكثابة:}$$

$$f(x) = a \times x \quad \text{صورة } x:$$

$$a = \frac{f(x)}{x} \quad \text{معامل الدالة } f:$$

التمثيل البياني: هو مستقيم (d) يمر من مبدأ المعلم

1. الدالة الخطية:

تعريف:

a عدد حقيقي
العلاقة f التي تربط كل عدد حقيقي x بالعدد الحقيقي ax تسمى دالة خطية معاملها a
ونكتب: $f(x) = ax$ أو $f: x \rightarrow ax$
العدد: ax يسمى صورة x بالدالة الخطية f

بطريقة أخرى: « أضرب في العدد a »

قال ياسين

« هذه الطريقة تشبه معملا، تدخل المادة الخام x فتخرج مصنعة 2x »

أ - احسب ماذا يخرج من المعمل إذا دخل

0.5 ; 6 ; 8.4 ; -7

ب - احسب بماذا دخل في المعمل عندما خرج :

6 ; 4.2 ; -5 ; 0

« في الرياضيات (قال الاستاذ) : هذا المعمل يسمى دالة خطية

نرمز لها : $x \rightarrow 2x$ والعدد 2x يسمى صورة x »

2. تطبيق:

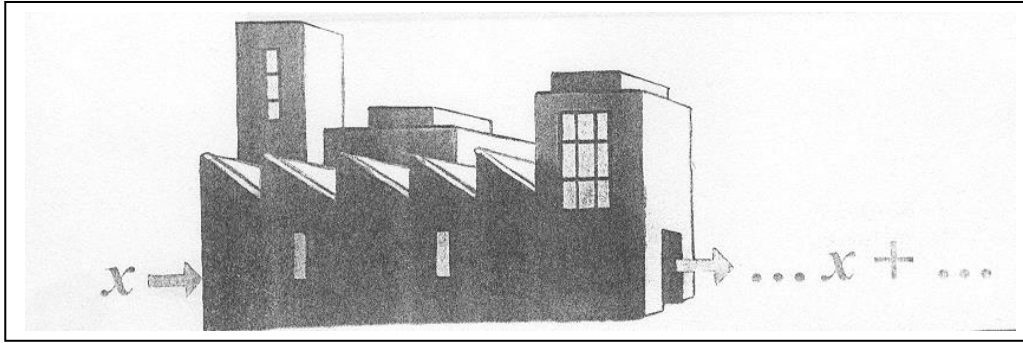
أ - ما هي صورة العدد 5 بالدالة الخطية : $f: x \rightarrow 3x$

ب - إذا كانت f هي الدالة الخطية $f: x \rightarrow 2x$

أحسب $f(0)$ ، $f(5)$ ، $f(-7)$

بُودُوايَةُ عَبْدُ اللَّهِ

الدالة التآلفية



تعريف الدالة التآلفية :

تعريف :

a و b عددان حقيقيان
العلاقة f التي تربط كل عدد حقيقي x بالعدد الحقيقي $ax+b$ تسمى دالة تآلفية
معاملها a

ونكتب: $f(x) = ax + b$ أو $f : x \rightarrow ax + b$

العدد: $ax+b$ سمى صورة x بالدالة f

بطريقة أخرى: « أضرب في العدد a ثم أضيف العدد b »

ونقول: إن $ax + b$ هي صورة x بواسطة f ونكتب: $f(x) = ax + b$

تطبيق:

أنقل ثم أتمم الجدول التالي بحيث الدوال المقترحة هي دوال تآلفية والتي تكتب على الشكل $f(x) = ax + b$

الدالة	خطية	تآلفية	a	b
$x \rightarrow 5x - 1$	لا	نعم	5	
$x \rightarrow -x$	نعم			
$x \rightarrow \frac{x-1}{4}$				
$x \rightarrow \frac{-x}{5}$				
$x \rightarrow \dots\dots\dots$		2
$x \rightarrow \dots\dots\dots$		نعم	-4	3

بُودُوايَة عَبْدَ اللَّهِ

معامل الدالة التآلفية:

إذا كانت f دالة تآلفية و x_1 و x_2 عددين حقيقيين مختلفين ($x_1 \neq x_2$)

$$a = \frac{f(x_1) - f(x_2)}{x_1 - x_2} \text{ هو : فإن معامل الدالة التآلفية } f$$

تطبيقات

1. حساب ذهني : لتكن $f : x \rightarrow 3x - 2$

أ- احسب ذهنيا $f(2)$ ، $f(5)$ ، $f(-4)$ ، $f(5/3)$

ب- أوجد الأعداد التي صورة كل منها هي: -2 ; 4 ; 7

<p>2. حل المعادلة $-5x = 30$</p> <p>تعتبر الدالة الخطية $f : x \rightarrow -5x$</p> <p>أ- ما هو العدد الذي صورته 30 ؟</p> <p>ب- ما هي صورة العدد 2 بالدالة f ؟</p>	<p>3. حل المعادلة $2x + 3 = -5$</p> <p>نعتبر الدالة التآلفية $f : x \rightarrow 2x + 3$</p> <p>أ- حدد العدد الذي صورته -5</p> <p>ب- ما هي صورة العدد 4 بالدالة f ؟</p>
<p>4. نعتبر الدالة التآلفية التالية $g : x \rightarrow ax + 5$</p> <p>حدد العدد a علما أن $g(-2) = -1$</p>	<p>5. نعتبر الدالة التآلفية $h : x \rightarrow -3x + b$</p> <p>احسب العدد b من أجل $h(2) = -8$</p>
<p>6. لتكن $f : x \rightarrow ax$ دالة خطية :</p> <p>أحسب a من أجل $f(-4) = 2$</p>	<p>7. لتكن $f : x \rightarrow ax + b$ هي دالة تآلفية</p> <p>أحسب a و b علما أن $f(0) = 1$ و $f(-1) = 5$</p>

معامل دالة تآلفية:

1. نعتبر الدالة التآلفية المعرفة كما يلي $f : x \rightarrow 3x - 4$

احسب الاعداد:

$$\frac{f(2) - f(-6)}{2 - (-6)} \quad ; \quad \frac{f(5) - f(1)}{5 - 1} \quad ; \quad \frac{f(10) - f(7)}{10 - 7}$$

2. f دالة تآلفية ، أحسب $f(5) - f(2)$ علما أن: $f(4) - f(3) = 4$

بُودُوايَة عِبْدَ اللَّهِ