

المستوى	الرابعة متوسط	الإسم و اللقب : .....	المتوسطة: .....
الميدان	أنشطة عددية		
المقطع التعليمي	الاول		
الكفاءة الختامية المستهدفة	يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة والجذور التربيعية والحساب الحرفي		
مركبات الكفاءة المستهدفة	يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسبات		
غايات وضعية الانطلاق	أهداف خاصة بالمادة		أهداف الوضعية , القيم و السلوكيات
	مساهمة الرياضيات في حل ومعالجة مشاكل يومية وتيسير امور		يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم
نص الوضعية	وضعية انطلاق		
	<p>قامت إدارة المؤسسة بتنظيم رحلة جبلية ل 119 تلميذ يرافقهم 21 مؤطر، ولتسهيل برنامج رحلتهم قرر المدير تقسيمهم على مجموعات متماثلة من حيث عدد التلاميذ وعدد المؤطرين في كل مجموعة</p> <p>1. ما هو أكبر عدد ممكن تشكيله</p> <p>2. كم عدد التلاميذ وعدد المؤطرين في كل مجموعة</p> <p>يتضمن برنامج الرحلة الصعود الى قمة الجبل بركوب عربة من العربات المخصصة لذلك وعند وصولهم الى القمة أرادوا ان يكون يومهم حافلا بالأنشطة الثقافية والفكرية ولهذا قاموا بمسابقة بين الذكور والاناث حول الإجابة على الأسئلة في مادة الرياضيات، إذا علمت ان الأسئلة كانت على النحو التالي</p> <p>- لتكن الأعداد A، B، C حيث <math>C = \sqrt{3} - 2</math> , <math>B = 5\sqrt{12}</math> , <math>A = \sqrt{75}</math></p> <p>1. اكتب A+B على شكل <math>a\sqrt{3}</math> حيث a عدد طبيعي</p> <p>2. بين ان العدد AB هو عدد طبيعي</p> <p>3. اكتب <math>\frac{1}{\sqrt{3}}</math> على شكل نسبة مقامها عدد ناطق</p>		
خصائص الوضعية الإدماجية			
السندات المستعملة			
الصعوبات المتوقعة			

## التصحيح النموذجي

1. أكبر عدد ممكن تشكيله هو حساب PGCD (119 ;21)

$$119 = 21 \times 5 + 14$$

$$21 = 14 \times 1 + 7$$

$$14 = 7 \times 2 + 0$$

ومنه PGCD (119 ;21) = 7

2. عدد التلاميذ  $119 \div 7 = 17$

عدد المؤطرين  $21 \div 7 = 3$

الجزء الثاني:

حل الخبير

1. كتابة A+B على شكل  $a\sqrt{3}$  حيث a عدد طبيعي

$$A + B = \sqrt{75} + 5\sqrt{12}$$

$$A + B = \sqrt{25 \times 3} + 5\sqrt{4 \times 3}$$

$$A + B = \sqrt{25} \times \sqrt{3} + 5 \times \sqrt{4} \times \sqrt{3}$$

$$A + B = 5\sqrt{3} + 5 \times 2 \times \sqrt{3}$$

$$A + B = 5\sqrt{3} + 10\sqrt{3}$$

$$A + B = 15\sqrt{3}$$

2. نبين ان العدد AB هو عدد طبيعي

$$AB = \sqrt{75} \times 5\sqrt{12}$$

$$AB = 5 \times \sqrt{75 \times 12}$$

$$AB = 5 \times \sqrt{900}$$

$$AB = 5 \times 30$$

$$AB = 150$$

3. كتابة  $\frac{C}{\sqrt{3}}$  على شكل نسبة مقامها عدد ناطق

$$\frac{C}{\sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{3} - 2) \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{3 - 2\sqrt{3}}{3}$$



الأستاذة: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة : ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي : الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: التعرف على قاسم لعدد طبيعي
الكفاءة الشاملة : يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية : يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية : التعرف على قاسم عدد طبيعي	القيم والمواقف : يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة
	<p><b>تهيئة:</b> احسب القسمة الاقليدية لكل من 153 على 3 ثم اكتب المساواة التي تعبر عنها</p> <p><b>وضعية تعليمية 1 ص8:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>الكيفية الاولى: اذا وضع 26 كتابا في كل رف سيملا 16 رف و يبقى له 4 كتب لان : <math display="block">420 = 26 \times 16 + 4</math> باقي قسمة 420 على 26 هو 4</li><li>الكيفية الثانية : اذا وضع 28 كتابا في كل رف سيملا 15 رف ولا يبقى له أي كتاب <math display="block">420 = 28 \times 15 + 0</math> باقي قسمة 420 على 28 هو 0</li></ul> <p>و منه الطريقة الأنسب هي الطريقة الثانية</p> <p>اكمل:</p> <p>نقول ان العدد 28 قاسم للعدد 420 او العدد 420 يقبل القسمة على 28 نقول ان العدد 26 ليس قاسم للعدد 420 او العدد 420 لا يقبل القسمة على 26</p> <p><b>حوصلة:</b> a و b عددان طبيعيين حيث <math>b \neq 0</math> و <math>b &lt; a</math> • نقول ان b قاسم ل a عندما يكون حاصل القسمة a على b يساوي 0</p> <p><b>ملاحظات:</b> نقول: b قاسم ل a معناه b يقسم a نقول: a قابل للقسمة على b معناه a مضاعف ل b</p> <p><b>مثال:</b> باقي القسمة الاقليدية ل 120 على 3 هو 0</p> <ul style="list-style-type: none"><li>3 قاسم ل 120</li><li>120 قابل للقسمة على 3</li><li>120 مضاعف ل 3</li></ul> <p><b>تطبيق:</b> من بين الجمل التالية ما هي الصحيحة منها و ما هي الخاطئة مع التبرير</p>	من 05 د الى 10د  	





الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة: ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي: الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: قواسم عدد طبيعي
الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية: تعيين مجموعة قواسم عدد طبيعي	القيم والمواقف: يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة																										
<p>تذكير بقواعد قابلية القسمة على 2 , 3,4,5,9</p> <p>نتوقف عندما يتكرر أحد عوامل الجداء</p> <p>نكتب مجموعة القواسم بالترتيب تصاعديا</p> <p>نلاحظ ان 1 قاسم لكل الاعداد و ان كل عدد يقبل القسمة على نفسه</p>	<p><u>استعد 4 و 5 و 6 صفحة 7</u></p> <p><u>وضعية تعليمية 2 صفحة 8</u></p> <p>1. تعيين كل قواسم العدد 60 ( إتمام الجدول)</p> <table><tr><th>قواسم العدد 60</th><th>كتابة العدد 60 على شكل جداء عاملين</th></tr><tr><td>1 و 60</td><td><math>60 = 1 \times 60</math></td></tr><tr><td>2 و 30</td><td><math>60 = 2 \times 30</math></td></tr><tr><td>3 و 20</td><td><math>60 = 3 \times 20</math></td></tr><tr><td>4 و 15</td><td><math>60 = 4 \times 15</math></td></tr><tr><td>5 و 12</td><td><math>60 = 5 \times 12</math></td></tr><tr><td>6 و 10</td><td><math>60 = 6 \times 10</math></td></tr></table> <p>2. تعيين قواسم العدد 48 هي :</p> <table><tr><th>قواسم العدد 48</th><th>كتابة العدد 48 على شكل جداء عاملين</th></tr><tr><td>1 و 48</td><td><math>48 = 1 \times 48</math></td></tr><tr><td>2 و 24</td><td><math>48 = 2 \times 24</math></td></tr><tr><td>3 و 16</td><td><math>48 = 3 \times 16</math></td></tr><tr><td>4 و 12</td><td><math>48 = 4 \times 12</math></td></tr><tr><td>6 و 8</td><td><math>48 = 6 \times 8</math></td></tr></table> <p>3. بالنسبة للعدد 17 فقواسمه : 1 و 17 فقط</p> <p><u>حوصلة</u></p> <ul style="list-style-type: none"><li>مجموعة قواسم عدد طبيعي a هي مجموعة الاعداد الطبيعية b التي تقسم a</li><li>لإيجاد جميع قواسم عدد طبيعي غير معدوم نكتب هذا العدد على شكل جداء عددين طبيعيين بجميع الحالات الممكنة (نتوقف عندما يتكرر احد القواسم)</li></ul> <p><u>مثال</u></p> <p>لنبحث عن مجموعة قواسم العدد 36</p> <p><math>36 = 1 \times 36</math></p> <p><math>36 = 2 \times 18</math></p> <p><math>36 = 3 \times 12</math></p> <p><math>36 = 4 \times 9</math></p> <p><math>36 = 6 \times 6</math></p> <p><math>36 = 9 \times 4</math></p> <p>و منه قواسم العدد 36 هي 1 و 2 و 3 و 4 و 6 و 9 و 12 و 18 و 36</p> <p><u>تطبيق حل تمرين 4 ص 14</u></p> <p>قواسم العدد 910 هي :</p> <p>1,2,5,7,10,13,14,26,35,65,70,91,130,182,455,910</p> <p>قواسم العدد 1000 هي :</p> <p>1,2,4,5,8,10,20,25,40,50,100,125,200,250,500,1000</p>	قواسم العدد 60	كتابة العدد 60 على شكل جداء عاملين	1 و 60	$60 = 1 \times 60$	2 و 30	$60 = 2 \times 30$	3 و 20	$60 = 3 \times 20$	4 و 15	$60 = 4 \times 15$	5 و 12	$60 = 5 \times 12$	6 و 10	$60 = 6 \times 10$	قواسم العدد 48	كتابة العدد 48 على شكل جداء عاملين	1 و 48	$48 = 1 \times 48$	2 و 24	$48 = 2 \times 24$	3 و 16	$48 = 3 \times 16$	4 و 12	$48 = 4 \times 12$	6 و 8	$48 = 6 \times 8$	<p>من 05 د الى 10د</p> <p>25 د الى 30د</p> <p>من 05 الى 10د</p> <p>من 05 د الى 10</p>	<p>استحضر مكتسباتي القبلية</p> <p>اكتشف</p> <p>الحوصلة</p> <p>إعادة استثمار</p>
	قواسم العدد 60	كتابة العدد 60 على شكل جداء عاملين																											
	1 و 60	$60 = 1 \times 60$																											
	2 و 30	$60 = 2 \times 30$																											
3 و 20	$60 = 3 \times 20$																												
4 و 15	$60 = 4 \times 15$																												
5 و 12	$60 = 5 \times 12$																												
6 و 10	$60 = 6 \times 10$																												
قواسم العدد 48	كتابة العدد 48 على شكل جداء عاملين																												
1 و 48	$48 = 1 \times 48$																												
2 و 24	$48 = 2 \times 24$																												
3 و 16	$48 = 3 \times 16$																												
4 و 12	$48 = 4 \times 12$																												
6 و 8	$48 = 6 \times 8$																												

واجب منزلي

3 و 5 ص 14

الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة : ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي : الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين
الكفاءة الشاملة :: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية : يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية : التعرف على القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين و تعيينه	القيم والمواقف : يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة						
اوجد مجموعة قواسم العدد 90 و 54	<p><b>تمهيد :</b> عين قواسم العدد 39</p> <p><b>وضعية تعليمية 4 ص 8:</b> (1) نعم يمكن تشكيل 9 باقات لان كل من 90 و 54 مضاعف ل 9 (2) عدد الازهار الحمراء في الباقة الواحدة هو <math>90 \div 9 = 10</math> عدد الازهار البيضاء في الباقة الواحدة هو <math>54 \div 9 = 6</math> (3) 9 هو <b>قاسم مشترك</b> ل 90 و 54</p> <p><b>وضعية تعليمية 5 ص 8:</b> (1) مجموعة قواسم العدد 42 هي : 1,2,3,6,7,14,21,42 مجموعة قواسم العدد 60 هي : 1,2,3,4,5,6,10,12,15,20,30 (2) مجموعة القواسم المشتركة ل 42 و 60 هي : 1,2,3,6 (3) اكبر قاسم مشترك للعددين 42 و 60 هو 6 (4) اكمل : العدد 6 يسمى <b>القاسم المشترك الأكبر</b> للعددين 42 و 60 و نكتب <math>PGCD(60 ;42)=6</math></p> <p><b>حوصلة:</b> • القاسم المشترك لعددين طبيعيين هو عدد طبيعي يقسم كل منهما • اكبر قاسم مشترك لعددين يسمى القاسم المشترك الأكبر لهما</p> <p><b>مثال:</b> قواسم 45 هي : 1,3,5,9,15,45 قواسم 30 هي : 1,2,3,5,6,10,15,30 القواسم المشتركة ل 45 و 30 هي : 1,3,5,15 العدد 15 هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 45 و 30 و نكتب : <math>PGCD(45 ;30)=15</math></p> <p><b>تطبيق:</b> اوجد <math>PGCD(80 ;64)</math></p>	من 05 د الى 10د  25 د الى 30د	تحضر مكتسباتي القبلية  اكتشف						
	استخرج مجموعة القواسم المشتركة ل 90 و 54	<table><tr><th>قواسم 80</th><th>قواسم 64</th><th>القواسم المشتركة ل 80 و 64</th></tr><tr><td>1,2,4,5,8,10,16,20,40,80</td><td>1, 2,4,8,16,32,64</td><td>1,2,4,8,16</td></tr></table> <p><math>PGCD(80 ;64) = 16</math></p>	قواسم 80	قواسم 64	القواسم المشتركة ل 80 و 64	1,2,4,5,8,10,16,20,40,80	1, 2,4,8,16,32,64	1,2,4,8,16	من 05 الى 10د
قواسم 80	قواسم 64	القواسم المشتركة ل 80 و 64							
1,2,4,5,8,10,16,20,40,80	1, 2,4,8,16,32,64	1,2,4,8,16							
واجب منزلي 17 و 18 ص14									

# مديرية التربية للولاية الجزائر وسط

<p><b>المستوى الرابع متوسطية -</b></p> <p>المقطع التعليمي : الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور</p>		<p><b>المدة الخاصة : ساعة دراسية</b></p> <p>المورد المعرفي: القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين</p> <p><b>باستعمال خوارزمية الفروق المتتابة</b></p>
<p><b>الكفاءة الختامية :</b> يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي</p> <p><b>القيم و المواقف :</b> يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم</p>		<p><b>الميدان:</b> أنشطة عددية</p> <p><b>2023/2022:</b></p> <p><b>الكفاءة الشاملة :</b> يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته</p> <p><b>الكفاءة العرضية :</b> البحث عن القاسم المشترك الأكبر باستعمال خوارزمية الفروق المتتابة</p>

التقويم	سير الحصّة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصّة																					
	<p><b>تمهيد :</b> اوجد (24 ; 32) PGCD</p> <p><b>وضعية تعليمية 6 ص 9:</b> نريد تعيين القاسم المشترك الأكبر للعددين 252 و 140</p> <p>1. <math>252-140=112</math> <math>PGCD(252 ; 140)=PGCD(140 ; 112)</math> طبيين فهو يقسم فرقهما</p> <p>2. إتمام الجدول: <math>PGCD(252 ; 140)=PGCD(140 ; 112)</math> <math>PGCD(112 ; 28)=PGCD(84 ; 28)</math> <math>PGCD(56 ; 28)=PGCD(28 ; 28)</math> القاسم المشترك الأكبر ل 252 و 140 هو: 28</p> <table><tr><td>a</td><td>b</td><td>فرقهما</td></tr><tr><td>252</td><td>140</td><td>112</td></tr><tr><td>140</td><td>112</td><td>28</td></tr><tr><td>112</td><td>28</td><td>84</td></tr><tr><td>84</td><td>28</td><td>56</td></tr><tr><td>56</td><td>28</td><td>28</td></tr><tr><td>28</td><td>28</td><td>0</td></tr></table> <p><b>حوصلة:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>• بتطبيق <math>PGCD(a ; b)=PGCD(b ; a-b)</math> : بعد القيام بسلسلة من عمليات الطرح ; اخر فرق غير معدوم هو القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين</li><li>• تسمى هذه الطريقة بخوارزمية عمليات الطرح المتتالية</li></ul> <p><b>مثال:</b> نريد تعيين <math>PGCD(378 ; 315)</math> باستعمال خوارزمية عمليات الطرح المتتالية</p> <p><math>378-315=63</math> <math>315-63=252</math> <math>252-63=189</math> <math>189-63=126</math> <math>126-63=63</math> <math>63-63=0</math></p> <p>اذن : <math>PGCD(378 ; 315)=63</math></p> <p><b>تطبيق : حل تمرين 19 ص 14</b></p> <p><math>PGCD(3906 ; 7914)=6</math> <math>PGCD(1111 ; 11111)=11</math></p> <p><math>PGCD(437 ; 1035)=23</math> <math>PGCD(943 ; 861)=41</math></p>	a	b	فرقهما	252	140	112	140	112	28	112	28	84	84	28	56	56	28	28	28	28	0	من 05 د الى 10د  25 د الى 30د         من 05 الى 10د         من 05 الى 10د	استحضر مكتسباتي القبلية  <
a	b	فرقهما																						
252	140	112																						
140	112	28																						
112	28	84																						
84	28	56																						
56	28	28																						
28	28	0																						

# مديرية التربية للولاية الجزائر وسط

المستوى: ابعث متوسطية - المدة: 45 دقيقة : ساعة		الميدان: أنشطة عديدة
المورد المعرفي: تعيين القاسم المشترك الأكبر باستعمال خوارزمية اقليدس	المقطع التعليمي: الاعداد الطبيعية و الاعداد الناطقة و الحساب على الجذور	2023/2022:
الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي - المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الاستاذ	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالاعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته
القيم والمواقف: يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم		الكفاءة العرضية: اكتساب المتعلم الية خوارزمية اقليدس

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة																
	<p><b>تمهيد:</b></p> <p>تكرير بخاصية <math>PGCD(a;b)=PGCD(b;r)</math></p> <p>حيث <math>r</math> هو باقي القسمة الاقليدية للعدد <math>a</math> على <math>b</math></p> <p><b>وضعية تعليمية 6 ص 9:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>التحقق: نعم تلزم 8 خطوات</li> <li>تعيين ( <math>PGCD(765;135)</math> بطريقة القسمة <ul style="list-style-type: none"> <li>باقي القسمة الاقليدية ل 765 على 135 هو 90</li> <li><math>PGCD(765;135)=PGCD(135;90)</math> لان اذا كان عدد يقسم عددين طبيعيين فهو يقسم باقي قسمة احدهما على الاخر</li> <li>إتمام الجدول:</li> </ul> </li> </ol> <p><math>PGCD(765;135)=PGCD(135;90)</math>  <math>=PGCD(90;45)</math>  نستنتج ان: <math>PGCD(765;135)=45</math></p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الخطوات</th><th>a</th><th>b</th><th>الباقي</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>765</td><td>135</td><td>90</td></tr> <tr> <td>2</td><td>135</td><td>90</td><td>45</td></tr> <tr> <td>3</td><td>90</td><td>45</td><td>0</td></tr> </tbody> </table> <p><b>حوصلة:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>بتطبيق <math>PGCD(a;b)=PGCD(b;r)</math> حيث <math>r</math> هو باقي القسمة الاقليدية للعدد <math>a</math> على <math>b</math></li> </ul> <p>بعد القيام بسلسلة من عمليات القسمة اخر باق غير معدوم هو القاسم المشترك الأكبر لهذين العددين</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>تسمى هذه الطريقة بخوارزمية عمليات القسمة المتتالية ال خوارزمية اقليدس</li> </ul> <p><b>مثال:</b> نريد تعيين <math>PGCD(18;12)</math> باستعمال خوارزمية اقليدس</p> $18 = 12 \times 1 + 6$ $12 = 6 \times 2 + 0$ <p>و منه <math>PGCD(18;12) = 6</math></p> <p><b>تطبيق: حل تمرين 21 ص 14</b></p> <p><math>PGCD(21957;43351)=563</math></p>	الخطوات	a	b	الباقي	1	765	135	90	2	135	90	45	3	90	45	0	<p>من 05 د الى 10د</p> <p>25 د الى 30د</p> <p>من 05 الى 10د</p> <p>من 05 الى 10د</p>	<p>استحضّر مكتسباتي القبلية</p> <p>اكتشف</p> <p>الحوصلة</p> <p>إعادة استثمار</p>
الخطوات	a	b	الباقي																
1	765	135	90																
2	135	90	45																
3	90	45	0																

الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة: ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي: الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: العدان الاوليان فيما بينها
الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية: التعرف على عددين أوليين فيما بينهما	القيم والمواقف: يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة
	<p><b>تمهيد:</b></p> <p>باستعمال إحدى الطريقتين اوجد (33; 77) PGCD</p> <p><b>وضعية تعليمية 7 ص 9:</b></p> <p>1. الشرح: لأن كل قاسم مشترك لعددين يقسم فرقهما ولدنا: <math>18-17=1</math> إذن: القاسم المشترك للعددين 17 و 18 هو 1</p> <p>2. اثبات أن 22 و 35 أوليان فيما بينهما:</p> <p>يكفي أن نبين أن: <math>1 = \text{PGCD}(35; 22)</math></p> <p>3. الشرح:</p> <p>العدان 27 و 36 أوليان فيما بينهما إذا كان: <math>1 = \text{PGCD}(36; 27)</math></p> <p>ومنه نستنتج أن قول مريم خاطئ لأن: <math>9 = \text{PGCD}(36; 27)</math></p> <p><b>حوصلة:</b></p> <p>العدان الطبيعيان a و b أوليان فيما بينهما يعني أن <u>قاسمهما المشترك الأكبر يساوي 1</u></p> <p>نكتب a و b أوليان فيما بينهما يعني أن: <math>1 = \text{PGCD}(a; b)</math></p> <p><b>مثال:</b></p> <p>العدان 42 و 55 أوليان فيما بينهما لأن:</p> <p><math>1 = \text{PGCD}(55; 42)</math></p> <p><b>تطبيق:</b> هل العدان أوليان فيما بينهما في كل حالة من الحالات التالية</p> <p>21 و 55 / 78 و 15 و 10</p> <p><b>الحل:</b></p> <p>العدان 21 و 55 أوليان فيما بينهما لأن <math>1 = \text{PGCD}(55; 21)</math></p> <p>العدان 78 و 285 أوليان فيما بينهما لأن <math>3 = \text{PGCD}(285; 78)</math></p> <p>العدان 15 و 10 أوليان فيما بينهما لأن <math>5 = \text{PGCD}(15; 10)</math></p>	<p>من 05 د إلى 10د</p> <p>25 د إلى 30د</p> <p>من 05 إلى 10د</p> <p>من 05 إلى 10د</p>	<p>استحضر مكتسباتي القبلية</p> <p>اكتشف</p> <p>الحوصلة</p> <p>إعادة استثمار</p>
واجب منزلي 23 و 24 و 26 ص 15			

الأستاذ: لعجاج	المستوى : الرابعة متوسط	مدة الحصة : ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي : الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: <b>اختزال كسر</b>
الكفاءة الشاملة : يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية : يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج-الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية : كتابة كسر على الشكل غير القابل للاختزال	القيم والمواقف : يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة
	<p><b>تمهيد :</b></p> <p>باستعمال إحدى الطريقتين أوجد <math>\text{PGCD}(77;33)</math></p> <p><b>وضعية تعليمية 8 ص 9:</b></p> <p>1. الشرح طريقة سمير:</p> <p>سمير لم يستعمل أكبر قاسم مشترك لاختزال الكسر</p> <p>2. لا يمكن مواصلة اختزال الكسر <math>\frac{7}{4}</math> :</p> <p>لان البسط والمقام عدنان أوليان فيما بينهما أي <math>\text{PGCD}(7;4)=1</math></p> <p>3. حساب القاسم المشترك الأكبر ل: 84 و 48:</p> $84 = 48 \times 1 + 36$ $48 = 36 \times 1 + 12$ $36 = 12 \times 3 + 0$ <p>اذن <math>\text{PGCD}(84;48)=12</math></p> $\frac{84}{48} = \frac{84 \div 12}{48 \div 12} = \frac{7}{4}$ <p>لكتابة كسر على شكل كسر غير قابل للاختزال نقسم كل من البسط والمقام على القاسم المشترك الأكبر لهما</p> <p><b>حوصلة:</b></p> <p>a و b عدنان طبيعيين حيث <math>b \neq 0</math></p> <p>• الكسر <math>\frac{a}{b}</math> غير قابل للاختزال معناه a و b أوليان فيما بينهما</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>الكسر <math>\frac{9}{10}</math> غير قابل للاختزال لان 9 و 10 أوليان فيما بينهما اي:</p> $\text{PGCD}(10;9)=1$ <p><b>ملاحظة:</b> إذا قسمنا كلا من البسط والمقام على القاسم المشترك الأكبر لهما نحصل على كسر غير قابل للاختزال</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>الكسر <math>\frac{24}{16}</math> قابل للاختزال لان 24 و 16 غير أوليان فيما بينهما</p> <p>اذن: نحسب <math>\text{PGCD}(24;16)</math></p> $\text{PGCD}(24;16)=8$ <p>وبالتالي:</p> $\frac{24}{16} = \frac{24 \div 8}{16 \div 8} = \frac{3}{2}$ <p>الكسر <math>\frac{3}{2}</math> غير قابل للاختزال</p> <p><b>تطبيق:</b> اكتب الكسور <math>\frac{1}{14}</math> و <math>\frac{12}{28}</math> على شكل كسور غير قابلة للاختزال</p> <p><b>الحل:</b></p> <p>لا يمكن اختزال الكسر <math>\frac{11}{14}</math> لان 11 و 14 أوليان فيما بينهما</p> <p>نحسب <math>\text{PGCD}(28;12)</math></p> <p>وبالتالي <math>\text{PGCD}(28;12)=4</math></p> <p>اذن : <math>\frac{12}{28} = \frac{12 \div 4}{28 \div 4} = \frac{3}{7}</math></p>	<p>من 05 د الى 10د</p> <p>25 د الى 30د</p> <p>من 05 الى 10د</p> <p>من 05 الى 10د</p>	<p>استحضر مكتسباتي القبلية</p> <p>اكتشف</p> <p>الحوصلة</p> <p>إعادة استثمار</p>

واجب منزلي  
ص 36

الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة: ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي: الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: الجذر التربيعي لعدد موجب
الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية: جعل التلميذ يكشف ضرورة ادراج اعداد جديدة تمكنه من إيجاد قطر مربع معطى	القيم والمواقف: يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة
	<p><b>استعد 1, 2, 3 ص 19</b></p> <p><b>وضعية تعليمية 1 ص 20:</b></p> <p>1. / حساب باستعمال خاصية فيثاغورس  بما ان المثلث ABC قائم في A: <math>BC^2 = AB^2 + AC^2</math>  ومنه <math>BC^2 = 1^2 + 2^2</math>  <math>BC^2 = 5^2</math>  <math>BC = \sqrt{5}</math></p> <p>ب / الطول BC هو العدد الموجب الذي مربعه 5</p> <p>2. / عندما نستعمل الآلة الحاسبة لإيجاد الطول BC لا تظهر نفس القيمة</p> <p>ب / نعم تصريح إيمان صحيح لان هذه القيمة تقريبية لطول BC</p> <p>3. كتابة باستعمال الرمز <math>\sqrt{\quad}</math></p> <p><math>\sqrt{36} = \sqrt{6^2} = 6</math>  <math>\sqrt{81} = \sqrt{9^2} = 9</math></p> <p>4. اتمام:</p> <p><math>\sqrt{5^2} = \sqrt{25} = 5</math>  <math>\sqrt{3^2} = \sqrt{9} = 3</math>  <math>\sqrt{2^2} = \sqrt{4} = 4</math></p> <p><b>حوصلة:</b>  a عدد موجب  الجذر التربيعي للعدد a هو العدد الموجب الذي مربعه يساوي a نرسم له ب <math>\sqrt{a}</math> و تقرأ الجذر التربيعي ل a</p> <p><b>خواص:</b>  a عدد موجب</p> <p>➤ <math>\sqrt{a}</math> هو العدد الموجب الذي مربعه a اي:  <math>(\sqrt{a})^2 = a</math></p> <p>➤ <math>\sqrt{a^2}</math> هو العدد الموجب الذي مربعه <math>a^2</math> اي:  <math>a(\sqrt{a^2}) =</math></p> <p><b>مثال:</b></p> <p>• العدد الموجب الذي مربعه 9 هو 3 و نكتب <math>\sqrt{9} = 3</math>  <math>(\sqrt{11})^2 = 11</math></p> <p><b>حل تمرين 4 ص: 26</b>  كتابة الأعداد على شكل عدد طبيعي</p> <p><math>\sqrt{(-1)^2} = 1/\sqrt{-(-49)} = \sqrt{49} = 7</math></p>		<p>استحضار مكتسباتي القبلية</p> <p>اكتشف</p> <p>الحوصلة</p> <p>إعادة استثمار</p>
واجب منزلي 3 و 5 و 6 ص 26			



الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة: ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي: الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: <b>الأعداد الناطقة وغير الناطقة</b>
الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية: التميز بين الأعداد الناطقة و غير الناطقة	القيم والمواقف: يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة										
	<p><b>استعد9 و 10 ص 7</b></p> <p><b>وضعية تعليمية 2 ص 20:</b></p> <p>1. الصنف الأول يسمى <u>الاعداد الناطقة</u> لان يوجد اعداد مربعاتها 0,25 و 16 و 9 و 100</p> <table><tr><td>العدد</td><td>10</td><td>4</td><td>3</td><td>0,5</td></tr><tr><td>مربعه</td><td>100</td><td>16</td><td>9</td><td>0,25</td></tr></table> <p>أكمل:</p> <p>إذا كان a مربع لعدد ناطق فان <math>\sqrt{a}</math> عدد ناطق</p> <p>2. الصنف الثاني يسمى <u>بالأعداد غير ناطقة</u> او <u>اعداد صماء</u> لان لا يوجد اعداد مربعاتها 13 و 7 و 6</p> <p>أكمل:</p> <p>إذا كان a ليس مربع لعدد ناطق فان <math>\sqrt{a}</math> ليس عدد ناطق</p> <ul style="list-style-type: none"><li>العدد 169 ينتمي الى الصنف الأول (الاعداد الناطقة) لان: <math>\sqrt{169} = \sqrt{13^2} = 13</math> أي 13 مربع ل 13</li><li>العدد 50 ينتمي الى الصنف الثاني (الاعداد الصماء) لان لا يوجد عدد مربعه يساوي 50</li></ul> <p><b>حوصلة:</b></p> <p>A عدد ناطق موجب</p> <ul style="list-style-type: none"><li>إذا كان a مربع لعدد ناطق فان <math>\sqrt{a}</math> عدد ناطق</li><li>إذا كان a ليس مربع لعدد ناطق فان <math>\sqrt{a}</math> ليس عدد ناطق</li></ul> <p><b>مثال:</b></p> <p><b>لدينا:</b></p> <ul style="list-style-type: none"><li>121 مربع ل 11 أي: <math>121 = 11^2</math></li><li>اذن <math>\sqrt{121} = 11</math> عدد ناطق و نكتب <math>\sqrt{121} = 11</math></li><li>5 ليس مربع لأي عدد ناطق اذن <math>\sqrt{5}</math> ليس عدد ناطق</li></ul> <p><b>تطبيق:</b> صنف الاعداد التالية الى اعداد ناطقة و اعداد صماء :</p> <p><math>\sqrt{64}, \sqrt{32}, \sqrt{48}, \sqrt{\frac{15}{9}}, \sqrt{144}, \sqrt{\frac{81}{36}}</math></p> <p><b>الحل:</b></p> <p>الاعداد الناطقة هي: <math>\sqrt{64}, \sqrt{144}, \sqrt{\frac{81}{36}}</math></p> <p>الاعداد الصماء هي: <math>\sqrt{48}, \sqrt{32}, \sqrt{\frac{15}{9}}</math></p>	العدد	10	4	3	0,5	مربعه	100	16	9	0,25	من 05 د الى 10د 25 د الى 30د من 05 الى 10د من 05 الى 10د	استحضر مكتسباتي القبلية اكتشف   <
العدد	10	4	3	0,5									
مربعه	100	16	9	0,25									

الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة: ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي: الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: معادلة من شكل $x^2 = b$
الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية: حل معادلة من شكل $x^2 = b$ في جميع الحالات الممكنة	القيم والمواقف: الوصول بالتلميذ الى ان للمعادلة حلين على الاكثر	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة														
	<p><b>تمهيد 4 ص 19 :</b></p> <p>خطا يظهر على الشاشة العدد 3 لان <math>\sqrt{9} = 3</math></p> <p><b>وضعية تعليمية 3 ص 20:</b></p> <p>1. إتمام الجدول</p> <table><tr><td>X</td><td><math>-\frac{3}{2}</math></td><td>-1</td><td>0</td><td>1</td><td><math>\frac{3}{2}</math></td><td>2</td></tr><tr><td><math>X^2 = X \times X</math></td><td><math>\frac{9}{4}</math></td><td>1</td><td>0</td><td>1</td><td><math>\frac{9}{4}</math></td><td>4</td></tr></table> <p>• التخمين: مربعي عددين متعاكسان هو عدد موجب</p> <p>• اثبات صحة التخمين:</p> <p><math>b^2 = b \times b</math> ; <math>(-b^2) = (-b) \times (-b)</math></p> <p>2. نعم أوافق رأي عمر لان:</p> <p><math>3^2 = 9</math> ; <math>(-3^2) = 9</math></p> <p>ومنه للمعادلة حلين هما: 3 و -3</p> <p>• حل المعادلات:</p> <p>❖ المعادلة <math>X^2 = 5</math> تقبل حلين هما: 5 و -5</p> <p>❖ المعادلة <math>X^2 = 3</math> تقبل حلين هما: <math>\sqrt{3}</math> و <math>-\sqrt{3}</math></p> <p>❖ المعادلة <math>X^2 = 0</math> تقبل حل واحد هو : 0</p> <p>❖ المعادلة <math>X^2 = 0,04</math> تقبل حلين هما: 0,02 و -0,02</p> <p>❖ المعادلة <math>X^2 = -9</math> ليس لها حلول</p> <p>• كتابة معادلة من الشكل <math>X^2 = a</math> :</p> <p><math>X^2 = 49</math> ; <math>X^2 = \frac{4}{9}</math> ; <math>X^2 = 0,25</math></p> <p>نستنتج ان: مربع أي عدد هو دائما عدد موجب</p> <p><b>حوصلة:</b></p> <p>b عدد كفي :</p> <p>• اذا كان <math>b &gt; 0</math> فان للمعادلة <math>X^2 = b</math> حلين هما <math>\sqrt{b}</math> و <math>-\sqrt{b}</math></p> <p>• اذا كان <math>b = 0</math> فان للمعادلة <math>X^2 = b</math> حل واحد هو 0</p> <p>• اذا كان <math>b &lt; 0</math> فان للمعادلة <math>X^2 = b</math> ليس لها حلول</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>(1) حل المعادلة <math>X^2 = 16</math></p> <p>لدينا <math>16 &gt; 0</math></p> <p>للمعادلة حلين هما: <math>X = \sqrt{16} = 4</math> و <math>X = -\sqrt{16} = -4</math></p> <p>(2) حل المعادلة <math>X^2 = 0</math></p> <p>للمعادلة حل واحد هو 0</p> <p>(3) حل المعادلة <math>X^2 = -36</math></p> <p>المعادلة ليس لها حلول لان لا يوجد <math>\sqrt{-36}</math></p>	X	$-\frac{3}{2}$	-1	0	1	$\frac{3}{2}$	2	$X^2 = X \times X$	$\frac{9}{4}$	1	0	1	$\frac{9}{4}$	4	من 05 د الى 10 د	استحضار مكتسباتي القبلي
	X	$-\frac{3}{2}$	-1	0	1	$\frac{3}{2}$	2										
$X^2 = X \times X$	$\frac{9}{4}$	1	0	1	$\frac{9}{4}$	4											
ماذا تلاحظ بالنسبة مربع أي عدد		25 د الى 30 د	اكتشف														
هل المعادلة تقبل حلا سالبا																	
			الحوصلة														
		من 05 الى 10	إعادة استثمار														

واجب منزلي 12 و 13 و 14 ص 26	المعادلة	$X^2 = 81$	$X^2 = 2,89$	$X^2 = 361$	$X^2 = 0$	$X^2 = -16$		
	حلولها	9 و -9	1,7 و -1,7	19 و -19	0	لا يوجد حل		



الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة: ساعة
الميدان: أنشطة عددية	المقطع التعليمي: الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: قواعد الحساب على الجذور التربيعية
الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج – الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية: معرفة قواعد الحساب على الجذور استعمالها لتبسيط عبارات تتضمن جذور تربيعية	القيم والمواقف: يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة																																				
	<p><b>تمهيد:</b> احسب ما يلي: <math>(\sqrt{5})^2</math> , <math>\sqrt{121}</math></p> <p><b>وضعية تعليمية:</b> جداء جذرين تربيعيين:</p> <p>1. أكمل الجدول:</p> <table><tr><td>a</td><td>b</td><td><math>\sqrt{a}</math></td><td><math>\sqrt{b}</math></td><td><math>\sqrt{a} \times \sqrt{b}</math></td><td><math>\sqrt{a \times b}</math></td></tr><tr><td>25</td><td>9</td><td><math>\sqrt{25} = 5</math></td><td><math>\sqrt{9} = 3</math></td><td><math>\sqrt{25} \times \sqrt{9}</math> <math>= 5 \times 3</math> <math>= 15</math></td><td><math>\sqrt{25 \times 9}</math> <math>= \sqrt{225}</math> <math>= 15</math></td></tr></table> <p>2. قارن بين <math>\sqrt{25} \times \sqrt{9}</math> و <math>\sqrt{25 \times 9}</math> : نلاحظ ان 3. نستنتج ان:</p> $\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$ <p><b>حاصل قسمة جذرين تربيعيين:</b></p> <p>1. أكمل الجدول:</p> <table><tr><td>a</td><td>b</td><td><math>\sqrt{a}</math></td><td><math>\sqrt{b}</math></td><td><math>\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}</math></td><td><math>\sqrt{\frac{a}{b}}</math></td></tr><tr><td>36</td><td>4</td><td><math>\sqrt{36} = 6</math></td><td><math>\sqrt{4} = 2</math></td><td><math>\frac{\sqrt{36}}{\sqrt{4}} = \frac{6}{2}</math> <math>= 3</math></td><td><math>\sqrt{\frac{36}{4}}</math> <math>= \sqrt{9}</math> <math>= 3</math></td></tr></table> <p>2. قارن بين <math>\frac{\sqrt{36}}{\sqrt{4}}</math> و <math>\sqrt{\frac{36}{4}}</math> : نلاحظ ان 3. نستنتج ان:</p> $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$ <p>❖ لاحظ الجدولين التاليين:</p> <table><tr><td>a</td><td>b</td><td><math>\sqrt{a}</math></td><td><math>\sqrt{b}</math></td><td><math>\sqrt{a \times b}</math></td><td><math>\sqrt{\frac{a}{b}}</math></td></tr><tr><td>-12</td><td>-3</td><td><math>\sqrt{-12}</math> ليس له معنى</td><td><math>\sqrt{-3}</math> ليس له معنى</td><td><math>\sqrt{(-12) \times (-3)}</math> <math>= \sqrt{36} = 6</math></td><td><math>\sqrt{\frac{(-12)}{(-3)}}</math> <math>= \sqrt{4}</math> <math>= 2</math></td></tr></table> <p>إذا كان a و b سالبين فإن العددين <math>\sqrt{a \times b}</math> و <math>\sqrt{\frac{a}{b}}</math> موجودين بينما <math>\sqrt{a}</math> و <math>\sqrt{b}</math> لا معنى لهما</p>	a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\sqrt{a} \times \sqrt{b}$	$\sqrt{a \times b}$	25	9	$\sqrt{25} = 5$	$\sqrt{9} = 3$	$\sqrt{25} \times \sqrt{9}$ $= 5 \times 3$ $= 15$	$\sqrt{25 \times 9}$ $= \sqrt{225}$ $= 15$	a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$	$\sqrt{\frac{a}{b}}$	36	4	$\sqrt{36} = 6$	$\sqrt{4} = 2$	$\frac{\sqrt{36}}{\sqrt{4}} = \frac{6}{2}$ $= 3$	$\sqrt{\frac{36}{4}}$ $= \sqrt{9}$ $= 3$	a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\sqrt{a \times b}$	$\sqrt{\frac{a}{b}}$	-12	-3	$\sqrt{-12}$ ليس له معنى	$\sqrt{-3}$ ليس له معنى	$\sqrt{(-12) \times (-3)}$ $= \sqrt{36} = 6$	$\sqrt{\frac{(-12)}{(-3)}}$ $= \sqrt{4}$ $= 2$	من 05 د إلى 10 د 25 د إلى 30 د	استحضّر مكتسباتي القبلية  اكتشف
a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\sqrt{a} \times \sqrt{b}$	$\sqrt{a \times b}$																																		
25	9	$\sqrt{25} = 5$	$\sqrt{9} = 3$	$\sqrt{25} \times \sqrt{9}$ $= 5 \times 3$ $= 15$	$\sqrt{25 \times 9}$ $= \sqrt{225}$ $= 15$																																		
a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$	$\sqrt{\frac{a}{b}}$																																		
36	4	$\sqrt{36} = 6$	$\sqrt{4} = 2$	$\frac{\sqrt{36}}{\sqrt{4}} = \frac{6}{2}$ $= 3$	$\sqrt{\frac{36}{4}}$ $= \sqrt{9}$ $= 3$																																		
a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\sqrt{a \times b}$	$\sqrt{\frac{a}{b}}$																																		
-12	-3	$\sqrt{-12}$ ليس له معنى	$\sqrt{-3}$ ليس له معنى	$\sqrt{(-12) \times (-3)}$ $= \sqrt{36} = 6$	$\sqrt{\frac{(-12)}{(-3)}}$ $= \sqrt{4}$ $= 2$																																		

a	b	$\sqrt{a}$	$\sqrt{b}$	$\sqrt{a} + \sqrt{b}$	$\sqrt{a+b}$	$\sqrt{a} - \sqrt{b}$	$\sqrt{a-b}$
16	9	$\sqrt{16}$ = 4	$\sqrt{9}$ = 3	$\sqrt{16} + \sqrt{9}$ = 4 + 3 = 7	$\sqrt{16+9}$ = $\sqrt{25}$ = 5	$\sqrt{16}$ - $\sqrt{9}$ = 4 - 3 = 1	$\sqrt{16-9}$ = $\sqrt{5}$ $\approx 2,23$

• قارن بين  $\sqrt{16} + \sqrt{9}$  و  $\sqrt{16+9}$  ثم بين  $\sqrt{16} - \sqrt{9}$  و  $\sqrt{16-9}$   
 نلاحظ ان:  $\sqrt{16} + \sqrt{9} \neq \sqrt{16+9}$  و  $\sqrt{16} - \sqrt{9} \neq \sqrt{16-9}$   
 و منه نستنتج ان :

$$\sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$$

$$\sqrt{a-b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b}$$

**حوصلة:**

من 05 الى  
10د

الحوصلة

من اجل كل عددين موجبين a و b لدينا:  
 (1) جداء جذرين تربيعيين:

$$\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

(2) حاصل قسمة جذرين تربيعيين:

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

**مثال:**

$$\sqrt{6} \times \sqrt{8} = \sqrt{6 \times 8} = \sqrt{48}$$

$$\sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = \sqrt{25} \times \sqrt{2} = 5\sqrt{2}$$

$$\frac{\sqrt{18}}{\sqrt{12}} = \sqrt{\frac{18}{12}} = \sqrt{\frac{3}{2}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$$

$$\sqrt{20} = \sqrt{\frac{100}{5}} = \frac{\sqrt{100}}{\sqrt{5}} = \frac{10}{\sqrt{5}}$$

**ملاحظات:**

a و b عددان موجبان لدينا :

$$\sqrt{a-b} \neq \sqrt{a} - \sqrt{b} \text{ و } \sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$$

من 05 الى  
10د

إعادة استثمار

**تمرين 22 ص: 27**

واجب منزلي  
18 ص 27

الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة: ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي: الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: <b>توظيف خواص الجذور التربيعية</b>
الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة و الجذور التربيعية و الحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية: تبسيط عبارات تتضمن جذور تربيعية	القيم والمواقف: يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

التقويم	سير الحصة التعليمية	الزمن	مراحل سير الحصة
	<p><b>تمهيد:</b> احسب ما يلي: <math>\sqrt{27}</math>, <math>\sqrt{12 \times 3}</math>, <math>\sqrt{13^2}</math></p> <p><b>وضعية تعليمية:</b> ❖ نريد كتابة العدد <math>\sqrt{5}</math> على شكل <math>a\sqrt{b}</math> حيث <math>a</math> عدد موجب و <math>b</math> اصغر ما يمكن</p> <p>1. نبحث عن أكبر مربع يقسم 50 أي: <math>50 = 25 \times 2</math></p> <p>2. نطبق خاصية جداء جذرين تربيعيين أي: <math>\sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2} = \sqrt{25} \times \sqrt{2}</math></p> <p>3. نطبق تعريف جذر تربيعي لعدد موجب أي: <math>\sqrt{25} = 5</math></p> <p>نكتب: <math>\sqrt{50} = 5 \times \sqrt{2}</math> أي <math>\sqrt{50} = 5\sqrt{2}</math> من شكل <math>a\sqrt{b}</math></p> <p>❖ اعتمادا على المثال السابق اكتب الأعداد التالية على شكل <math>a\sqrt{b}</math> حيث <math>a</math> عدد موجب و <math>b</math> اصغر ما يمكن</p> <p><math>\sqrt{8} = \sqrt{4 \times 2} = \sqrt{4} \times \sqrt{2} = 2\sqrt{2}</math>  <math>\sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{2^2 \times 3} = 2\sqrt{3}</math>  <math>\sqrt{175} = \sqrt{25 \times 7} = \sqrt{5^2 \times 7} = 5\sqrt{7}</math></p> <p>❖ اكتب العبارة A على شكل <math>a\sqrt{b}</math> حيث <math>a</math> عدد موجب و <math>b</math> اصغر ما يمكن</p> <p><math>A = 2\sqrt{5} + 4\sqrt{5} - 8\sqrt{5}</math>  <math>A = (2 + 4 - 8)\sqrt{5}</math>  <math>A = -2\sqrt{5}</math></p> <p>نلاحظ ان <math>\sqrt{5}</math> عامل مشترك</p> <p>❖ بسط العبارة B حيث: <math>B = \sqrt{24} + \sqrt{54} - \sqrt{96}</math>  نكتب كل من <math>\sqrt{2}</math> و <math>\sqrt{54}</math> و <math>\sqrt{96}</math> على شكل <math>a\sqrt{b}</math></p> <p><math>\sqrt{24} = \sqrt{4 \times 6} = \sqrt{2^2 \times 6} = 2\sqrt{6}</math>  <math>\sqrt{54} = \sqrt{9 \times 6} = \sqrt{3^2 \times 6} = 3\sqrt{6}</math>  <math>\sqrt{96} = \sqrt{16 \times 6} = \sqrt{4^2 \times 6} = 4\sqrt{6}</math></p> <p>العبارة B: <math>B = 2\sqrt{6} + 3\sqrt{6} - 4\sqrt{6}</math>  <math>B = (2 + 3 - 4)\sqrt{6}</math>  <math>B = 1\sqrt{6} = \sqrt{6}</math></p> <p>• بسط العبارة: <math>C = \sqrt{8} - \sqrt{16} + \sqrt{40}</math></p> <p><b>حوصلة:</b> a و b عدنان موجبان لدينا :  <math>\sqrt{a^2 \times b} = a\sqrt{b}</math>  تبسيط حساب يتضمن جذور تربيعية معناه كتابته على شكل <math>a\sqrt{b}</math> حيث <math>a</math> عدد موجب و <math>b</math> اصغر ما يمكن</p> <p><b>مثال:</b></p> <p>• <math>\sqrt{63} = \sqrt{9 \times 7} = \sqrt{3^2 \times 7} = 3\sqrt{7}</math>  • <math>\sqrt{8} + 5\sqrt{8} - 9\sqrt{8} = (1 + 5 - 9)\sqrt{8} = -3\sqrt{8}</math>  • <math>A = 2\sqrt{7} + \sqrt{28} + \sqrt{112}</math>  <math>A = 2\sqrt{7} + \sqrt{4 \times 7} + \sqrt{16 \times 7}</math>  <math>A = 2\sqrt{7} + 2\sqrt{7} + 4\sqrt{7}</math>  <math>A = (2 + 2 + 4)\sqrt{7} = 8\sqrt{7}</math></p>	<p>من 05 د الى 10 د</p> <p>25 د الى 30 د</p>	<p>استحضّر مكتسباتي القبلية</p> <p>اكتشف</p> <p>الحوصلة</p> <p>من 05 الى 10 د</p> <p>إعادة استثمار</p>

<p>واجب منزلي 26 و 27 ص 27</p>	<p><b>تطبيق:</b> بسط العبارة التالية: <math>A = \sqrt{44} + \sqrt{99} - 2\sqrt{176}</math></p> <p><b>الحل:</b></p> $A = \sqrt{4 \times 11} + \sqrt{9 \times 11} - 2\sqrt{16 \times 11}$ $A = 2\sqrt{11} + 3\sqrt{11} - 2 \times 4\sqrt{11}$ $A = (2 + 3 - 8)\sqrt{11} = -3\sqrt{11}$	<p>من 05 الى 10د</p>	
------------------------------------	--	----------------------	--



الأستاذ: لعجاج	المستوى: الرابعة متوسط	مدة الحصة: ساعة
الميدان: أنشطة عديدة	المقطع التعليمي: الأعداد الطبيعية و الأعداد الناطقة و الحساب على الجذور	المورد المعرفي: نسبة مقامها عدد ناطق
الكفاءة الشاملة: يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسباته	الكفاءة الختامية: يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة والجذور التربيعية والحساب الحرفي	الوسائل التعليمية: الكتاب المدرسي – المنهاج- الوثيقة المرفقة- دليل الأستاذ
الكفاءة العرضية: كتابة نسبة مقامها عدد غير ناطق على شكل نسبة مقامها عدد ناطق	القيم والمواقف: يستعمل رموز و مصطلحات و الترميز العالمي بشكل سليم	

مراحل سير الحصة	الزمن	سير الحصة التعليمية	التقويم
استحضار مكتسباتي القبلية اكتشف	من 05 د الى 10 د	<p><b>تمهيد:</b> اوجد ثلاث نسب تساوي النسبة <math>\frac{\sqrt{2}}{5}</math> : <math>\frac{2\sqrt{2}}{10}</math> , <math>\frac{5\sqrt{2}}{25}</math> , <math>\frac{7\sqrt{2}}{35}</math></p> <p><b>وضعية تعليمية:</b> 1. انقل ثم أكمل ملئ الفراغ:  <math display="block">\frac{7}{\sqrt{5}} = \frac{7 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \dots} = \frac{\dots}{5}</math> <math display="block">\frac{3}{2\sqrt{10}} = \frac{3 \times \dots}{2\sqrt{10} \times \dots} = \frac{200}{\dots}</math>         ماذا تلاحظ ?          2. بنفس الطريقة السابقة اكتب النسبتين <math>\frac{15}{\sqrt{2}}</math> , <math>\frac{15}{\sqrt{7}}</math> على شكل كسر مقامه عدد ناطق          3. <math>\frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2}</math> : ضرب كل من البسط و المقام في <math>\sqrt{2}</math>  <math>\frac{15}{\sqrt{7}} = \frac{15 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{15\sqrt{7}}{7}</math> : ضرب كل من البسط و المقام في <math>\sqrt{7}</math></p> <p><b>حوصلة:</b> لجعل مقام الكسر <math>\frac{a}{\sqrt{b}}</math> عددا ناطقا نضرب كلا من بسطه و مقامه في <math>\sqrt{b}</math>  <math display="block">\frac{a}{\sqrt{b}} = \frac{a \times \sqrt{b}}{\sqrt{b} \times \sqrt{b}} = \frac{a\sqrt{b}}{b}</math></p> <p><b>مثال:</b>  <math display="block">\frac{5}{\sqrt{3}} = \frac{5 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{3}</math> <math display="block">\frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{(1 + \sqrt{5}) \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5} + 5}{5}</math></p> <p><b>تطبيق: دوري الان ص 25</b>  <math display="block">\frac{4}{\sqrt{7}} = \frac{4 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{4\sqrt{7}}{7}</math> <math display="block">\frac{3}{3 \times \sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{3 \times 2} = \frac{\sqrt{2}}{2}</math> <math display="block">\frac{2\sqrt{2}}{8\sqrt{8} - 5 \times 5\sqrt{2}} = \frac{4}{8\sqrt{8} - 25\sqrt{2}}</math> <math display="block">\frac{8}{5\sqrt{2}} - \frac{5}{\sqrt{8}} = \frac{5\sqrt{2} \times 8}{8 \times 2\sqrt{2} - 25\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{16}}{-9\sqrt{2}} = \frac{-20}{20}</math></p>	واجب منزلي 22 و 23 ص 27
الحوصلة	من 05 الى 10 د		
إعادة استثمار	من 05 الى 10 د		



المستوى	الرابعة متوسط	المتوسطة:
الميدان	أنشطة عددية	
المقطع التعليمي	الاول	
الكفاءة الختامية المستهدفة	يحل مشكلات متعلقة بالأعداد الناطقة والجذور التربيعية والحساب الحرفي	
مركبات الكفاءة المستهدفة	يحل مشكلات بسيطة بتوظيف مكتسبات	
غايات الوضعية التقويمية	أهداف خاصة بالمادة	أهداف الوضعية , القيم و السلوكيات
	مساهمة الرياضيات في حل ومعالجة مشاكل يومية وتيسير امور	حث التلميذ على مساعدة الفقراء والمساكين
نص الوضعية	<p><u>الوضعية التقويمية</u></p> <p><b>الجزء الأول:</b></p> <p>بمناسبة الدخول المدرسي الجديد قرر رئيس البلدية توزيع حصص المآزر للإناث والذكور على المدارس الابتدائية الواقعة في إقليم البلدية لتحقيق هذه العملية اقتنت مصالح البلدية 936 منزرا وريدا و845 منزرا ازرقا لذكور</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• اقترح طريقة لتوزيع هذه المآزر بالتساوي على أكبر عدد ممكن من المدارس بحيث تحصل كل مؤسسة على العدد نفسه من المآزر من كل لون</li> </ul> <p><b>الجزء الثاني:</b></p> <p>أراد أحد المحسنين ان يتبرع بمبلغ مالي للتلاميذ المعوزين والفقراء بهذه الابتدائية حيث يأخذ كل تلميذ مبلغ رمزي بالدينار فطلب صاحب الفكرة من أحد التلاميذ السنة الرابعة المقيم بالمنطقة حساب الاعداد A و B و C لمعرفة المبلغ المطلوب والمراد توزيعه علما ان المبلغ رقم احاده A ورقم عشراته B ورقم مئاته C ورقم الافه 5 حيث</p> $A = \frac{2\sqrt{3} + 7\sqrt{3}}{\sqrt{3}}, \quad B = \frac{10 - \sqrt{12} \times \sqrt{3}}{\sqrt{8} \div \sqrt{2}}, \quad C = \frac{5\sqrt{12} - \sqrt{48}}{2\sqrt{3}}$ <ul style="list-style-type: none"> <li>• ساعد التلميذ في معرفة المبلغ</li> </ul>	
خصائص الوضعية الإدماجية		
السندات المستعملة		
الصعوبات المتوقعة		

## التصحيح النموذجي

(1) الطريقة التي تساعد على توزيع المآزر بالتساوي على أكبر عدد ممكن من المدارس بحيث تتحصل كل مؤسسة على العدد نفسه من المآزر من كل لون هي حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 936 و 845 اي PGCD (936 ;845)

$$936 = 845 \times 1 + 91$$

$$845 = 91 \times 9 + 26$$

$$91 = 26 \times 3 + 13$$

$$26 = 13 \times 2 + 0$$

$$\text{PGCD}(936 ; 845) = 13$$

إذا أكبر عدد من المدارس هو 13 مدرسة

وعدد المآزر الوردية هو  $936 \div 13 = 72$

وعدد المآزر الزرقاء هو  $845 \div 13 = 65$

$$A = \frac{2\sqrt{3} + 7\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{9\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = 9 \quad (2)$$

$$B = \frac{10 - \sqrt{12} \times \sqrt{3}}{\sqrt{8} \div \sqrt{2}} = \frac{10 - \sqrt{4 \times 3} \times \sqrt{3}}{\sqrt{8} \div 2} = \frac{10 - 2\sqrt{3} \times \sqrt{3}}{\sqrt{4}} = \frac{10 - 2 \times 3}{2} = \frac{10 - 6}{2} = 2$$

$$C = \frac{5\sqrt{12} - \sqrt{48}}{2\sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{4 \times 3} - \sqrt{16 \times 3}}{2\sqrt{3}} = \frac{10\sqrt{3} - 4\sqrt{3}}{2\sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{3}}{2\sqrt{3}} = 3$$

و منه المبلغ هو 5329 دج

حل الخبير

