

مذكرة رقم 01 : الترتيب في  $\mathbb{R}$

مذكرة رقم 02 : مصر عدد حقيقي

مذكرة رقم 03 : المجالات في  $\mathbb{R}$

مذكرة رقم 04 : القيمة المطلقة و المسافة

مذكرة رقم 05 : البرهان بفصل الحالات

مذكرة رقم 06 : القيمة المطلقة - المسافة - المص

سنة أولى جذع مشترك علوم و تكنولوجيا



إعداد الأستاذة : نرجس مرواني

السنة الدراسية 2020 – 2021

للتواصل معنا تابعونا على مواقع التواصل الاجتماعي :

merouaninardjiss@gmail.com

profmerouani

الأستاذة نرجس مرواني للرياضيات

0770349020

ثانوية : الشهيد عبد الله شاوش سليم  
السنة الدراسية : 2020 – 2021  
يوم :  
المدة : 02 ساعة

المستوى : 01 ج م ع ت  
ميدان التعلم : حساب  
الوحدة : الترتيب و المقارنة  
المحتوى : **المعرفي** : الترتيب في  $\mathbb{R}$ .

المفاهيم : المقاربات : مفاهيم حول الأعداد.  
المفاهيم : المقاربات : اختيار معيار لمقارنة عددين .  
المفاهيم : المقاربات : الكتاب المدرسي، أنترنت، الأدوات الهندسية و السبورة.

الوقت	سير الحصّة	المراحل
10د	<p><b>نشاط مقترح :</b></p> <p>أحسب الفرق <math>a - b</math> و حدد إشارته، ثم رتب <math>a</math> و <math>b</math> في كل حالة :</p> <p>(1) <math>\begin{cases} a = 5 \\ b = 11 \end{cases}</math>      (2) <math>\begin{cases} a = 14 \\ b = 3 \end{cases}</math>      (3) <math>\begin{cases} a = 5 \\ b = -6 \end{cases}</math></p> <p><b>1 الترتيب في مجموعة الأعداد الحقيقية</b></p>	الانطلاق
30د	<p><b>تعريف</b></p> <p><math>a</math> و <math>b</math> عددان حقيقيان.</p> <p>القول أن <math>a</math> أكبر من <math>b</math> أو يساويه معناه <math>a - b</math> عدد موجب و نكتب : <math>a \geq b</math> معناه <math>a - b \in \mathbb{R}^+</math>.</p> <p>القول أن <math>a</math> أصغر من <math>b</math> أو يساويه معناه <math>a - b</math> عدد سالب و نكتب : <math>a \leq b</math> معناه <math>a - b \in \mathbb{R}^-</math>.</p> <p><b>ملاحظات</b></p> <p>1 القول أن <math>a</math> أكبر تماما من <math>b</math> معناه <math>a - b</math> عدد موجب تماما و نكتب : <math>a &gt; b</math> معناه <math>a - b \in \mathbb{R}_+^*</math>.</p> <p>2 القول أن <math>a</math> أصغر تماما من <math>b</math> معناه <math>a - b</math> عدد سالب تماما و نكتب : <math>a &lt; b</math> معناه <math>a - b \in \mathbb{R}_-^*</math>.</p> <p><b>2 المقارنة في مجموعة الأعداد الحقيقية</b></p> <p><b>تعريف</b></p> <p>مقارنة عددين <math>a</math> و <math>b</math> معناه التصريح بصحة إحدى الحالات الثلاث الآتية:</p> <p><math>\star a = b</math>      <math>\star a \leq b</math>      <math>\star a \geq b</math></p> <p><b>مبرهنة</b></p> <p>من أجل <math>a, b</math> و <math>c</math> ثلاث أعداد حقيقية، إذا كان <math>(a \leq b \text{ و } b \leq c)</math> فإن <math>a \leq c</math></p> <p><b>مثال</b></p> <p><math>\frac{1}{2} &lt; 1</math> و <math>1 &lt; \frac{9}{8}</math> فإن : <math>\frac{1}{2} &lt; \frac{9}{8}</math>.</p>	البناء و الترسيع

## 1 الترتيب و الجمع:

مبرهنة

من أجل كل  $a, b, c$  و ثلاث أعداد حقيقية إذا كان  $a \leq b$  فإن  $a + c \leq b + c$

مثال

نعتبر المتباينة  $-5 < a + 2$  حيث  $a$  عدد طبيعي، عند إضافة  $-7$  لطرفي المتباينة فإن الاتجاه لا يتغير و نحصل على  $a > -3$ .

مبرهنة

من أجل كل من  $a, b, c, d$  و أربع أعداد حقيقية إذا كان  $(a \leq b \text{ و } c \leq d)$  فإن  $a + c \leq b + d$

مثال

$a$  و  $b$  عددان طبيعيين حيث :  $2a \geq 0$  و  $b^2 + 1 \geq 1$  هتان المتباينتان لهما نفس الاتجاه و عليه بالجمع طرف لطرف نجد :  $2a + b^2 + 1 \geq 1$

## 1 الترتيب و الضرب:

مبرهنة

من أجل كل  $a, b, c$  و ثلاث أعداد حقيقية إذا كان :  
 $c > 0$  و لدينا  $a \leq b$  فإن  $ac \leq bc$   
 $c < 0$  و لدينا  $a \leq b$  فإن  $ac \geq bc$

مثال

$x$  عدد حقيقي حيث  $3x \leq -1$  بضرب طرفي المتراجحة في  $(-2)$  نجد  $-2 \times 3x \geq -1 \times -2$  أي  $-6x \geq 2$

مبرهنة

من أجل كل  $a, b, c, d$  و أربع أعداد حقيقية موجبة إذا كان :  $(a \leq b \text{ و } c \leq d)$  فإن :  $a \times c \leq b \times d$

مثال

$x$  و  $y$  عددان طبيعيين حيث :  $x + 1 \geq 1$  و  $y + 4 \geq 3$  بما أن المتباينتين لهما نفس الاتجاه و كل الأطراف موجبة و عليه :  $(x + 1)(y + 4) \geq 3$ .

تطبيق 29,28 ص 44

البناء  
و  
التأسيس

## 4 قواعد المقارنة

### مبرهنة

$a$  و  $b$  عددين حقيقيين.  
من أجل  $a \geq 0$  و  $b \geq 0$  لدينا  $a \leq b$  يكافئ  $a^2 \leq b^2$ .  
من أجل  $a \leq 0$  و  $b \leq 0$  لدينا  $a \leq b$  يكافئ  $a^2 \geq b^2$ .

### مثال

لدينا  $4 < 3$  بالمرور إلى التربيع نجد  $16 < 9$   
 $-2 < -5$  بالمرور إلى التربيع نجد  $4 > 25$

### ⚠ ملاحظة هامة

إذا كان  $a \geq 1$  فإن  $a^3 \geq a^2 \geq a$  وإذا كان  $0 \leq a \leq 1$  فإن  $a^3 \leq a^2 \leq a$

### مثال

من أجل  $a = 2$  فإن  $2^3 > 2^2 > 2$   
من أجل  $a = \frac{1}{2}$  فإن  $\left(\frac{1}{2}\right)^3 < \left(\frac{1}{2}\right)^2 < \frac{1}{2}$

### مبرهنة

$a$  و  $b$  عددين حقيقيين موجبان حيث :  $a \geq b$  يكافئ  $\sqrt{a} \geq \sqrt{b}$ .

### مثال

إذا كان  $\sqrt{16} < \sqrt{25}$  فإن  $4 < 5$

### مبرهنة

$a$  و  $b$  عددين حقيقيين غير معدومان و من نفس الإشارة حيث :  $a \geq b$  يكافئ  $\frac{1}{a} \leq \frac{1}{b}$ .

### مثال

إذا كان  $-4 \leq -7$  تكافئ  $-\frac{1}{4} \geq -\frac{1}{7}$   
 $0 < a < 2$  تكافئ  $\frac{1}{a} > \frac{1}{2}$

## 5 طرق مقارنة عددين

**طريقة:** للمقارنة بين عددين حقيقيين يكفي أن نتبع الخطوات إحدى الخطوات التالية:

- استعمال الآلة الحاسبة.
- مقارن العددين بعدد ثالث.
- دراسة إشارة الفرق.

### تطبيق

قارن بين العددين في كل حالة:

$$(137,256 \text{ و } 137.26) \quad (\pi \text{ و } \frac{22}{7}) \quad (\frac{159}{32} \text{ و } \frac{472}{95}) \quad (\frac{19}{13} \text{ و } \frac{21}{17})$$



**طريقة:** للمقارنة بين عددين يتضمنان جذورا تربيعية يمكن مقارنة مربعيهما، إذا كان مربع العددين متساويين فإن العددين إما متساويين أو متعاكسين أي:  
إذا كان  $A^2 = B^2$  فإن:  $A = B$  أو  $A = -B$

### تطبيق

$$\sqrt{6-2\sqrt{5}} \text{ و } 1-\sqrt{5}$$



**طريقة:** للمقارنة بين عددين مكتوبين على الشكل الجبري يمكن استعمال خواص المتباينات

### تطبيق

$x$  عدد حقيقي حيث  $x \geq 1$

$$\frac{1}{3x+4} \leq \frac{1}{7} \text{ و } 2-5x \leq -3$$

بين صحة:

تمارين : 32 ، 29 و 27 ص 44

التقويم

ثانوية : الشهيد عبد الله شاوش سليم  
السنة الدراسية : 2020 – 2021  
يوم :  
المدة : 02 ساعة

المستوى : 01 ج م ع ت  
ميدان التعلم : حساب  
الوحدة : الترتيب والمقارنة  
المحتوى المعرفي : حصر عدد حقيقي.

المفاهيم : مفاهيم حول الأعداد.  
المفاهيم : اختيار معيار لمقارنة عددين .  
المفاهيم : الكتاب المدرسي، أنترنت، الأدوات الهندسية و السبورة.

الوقت	سير الحصة	المراحل
30د	<p><b>1 الحصة</b></p> <p><b>تعريف</b></p> <p>حصر العدد الحقيقي <math>x</math> يعني إيجاد عددين <math>a</math> و <math>b</math> حيث : <math>a \leq x \leq b</math>.</p> <p><b>مثال</b></p> <p><math>\sqrt{5} \approx 2.2367</math> حصر العدد الحقيقي <math>\sqrt{5}</math> إلى الوحدة هو : <math>2 &lt; \sqrt{5} &lt; 3</math> حصر العدد الحقيقي <math>\sqrt{5}</math> إلى <math>10^{-2}</math> هو : <math>2.23 &lt; \sqrt{5} &lt; 2.24</math></p> <p><b>تطبيق</b></p> <p><math>a</math> و <math>b</math> عددان حقيقيان حيث <math>3 &lt; a &lt; 8</math> و <math>1 &lt; b &lt; 7</math>، أحصر الأعداد <math>a + b</math> ، <math>a \times b</math> ، <math>a - b</math> ، <math>\frac{a}{b}</math>.</p> <p><b>الحل:</b></p> <p><b>حصر العدد <math>a + b</math>:</b> باستعمال قاعدة الجمع طرفا لطرف للمتباينات نجد: <math>4 &lt; a + b &lt; 15</math>.</p> <p><b>حصر العدد <math>a \times b</math>:</b> كون الأعداد الستة موجبة و بالضرب طرفا بطرف نجد: <math>3 &lt; a \times b &lt; 56</math>.</p> <p><b>حصر العدد <math>a - b</math>:</b> نكتب <math>a - b</math> على الشكل <math>a + (-b)</math> أولا نقوم بإيجاد حصر للعدد <math>-b</math> حيث <math>-7 &lt; -b &lt; -1</math> الان بجمع المتباينتين <math>-7 &lt; -b &lt; -1</math> و <math>3 &lt; a &lt; 8</math> طرفا بطرف نجد <math>-4 &lt; a - b &lt; 7</math>.</p> <p><b>حصر العدد <math>\frac{a}{b}</math>:</b> نكتب <math>\frac{a}{b}</math> على الشكل <math>a \times (\frac{1}{b})</math> أولا نقوم بإيجاد حصر للعدد <math>(\frac{1}{b})</math> الأعداد <math>7</math> ، <math>b</math> ، <math>1</math> من نفس الإشارة وعليه بالمرور إلى المقلوب نجد <math>\frac{1}{7} &lt; \frac{1}{b} &lt; 1</math> كون الأعداد <math>8</math> ، <math>a</math> ، <math>3</math> ، <math>\frac{1}{7}</math> ، <math>\frac{1}{b}</math> موجبة و بالضرب طرفا بطرف نجد <math>\frac{3}{7} &lt; \frac{a}{b} &lt; 8</math></p>	البناء و الترسيع

## 2 الحصر و التباينات

### 1 حصر مجموع و فرق عددين:

$x, y, a, b, c$  و  $d$  أعداد حقيقية

$$\begin{cases} a + c \leq x + y \leq b + d \\ a - d \leq x - y \leq b - c \end{cases} \quad \text{فإن} \quad \begin{cases} a \leq x \leq b \\ c \leq y \leq d \end{cases} \quad \text{و إذا كان}$$

مثال

$x$  و  $y$  عددان حقيقيان حيث :  $\begin{cases} -2 \leq x \leq 5 \\ 3 \leq y \leq 11 \end{cases}$  و

• حصر المجموع  $x + y$  :  $-2 + 3 \leq x + y \leq 5 + 11$  أي  $1 \leq x + y \leq 16$

• حصر الفرق  $x - y$  :  $-2 - 11 \leq x - y \leq 5 - 3$  أي  $-13 \leq x - y \leq 2$

### 2 حصر جداء و حاصل قسمة عددين:

$x, y, a, b, c$  و  $d$  أعداد حقيقية موجبة تماما

$$\begin{cases} a \times c \leq x \times y \leq b \times d \\ \frac{a}{d} \leq \frac{x}{y} \leq \frac{b}{c} \end{cases} \quad \text{فإن} \quad \begin{cases} a \leq x \leq b \\ c \leq y \leq d \end{cases} \quad \text{و إذا كان}$$

مثال

$x$  و  $y$  عددان حقيقيان حيث :  $\begin{cases} \sqrt{2} \leq x \leq \sqrt{5} \\ 3 \leq y \leq 7 \end{cases}$  و

• حصر الجداء  $x \times y$  :  $3\sqrt{2} \leq x \times y \leq 7\sqrt{5}$

• حصر النسبة  $\frac{x}{y}$  :  $\frac{\sqrt{2}}{7} \leq \frac{x}{y} \leq \frac{\sqrt{5}}{3}$

البناء  
و  
الترسيع

التقسيم

## المكتسبات القياسية : مفاهيم حول الأعداد.

الوقت	سير الحصّة	المراحل																								
		<div>1</div> <div>المجالات</div> <div>تعريف</div> <p><math>a</math> و <math>b</math> عدنان حقيقيان حيث : <math>a \leq b</math>، نسمي مجالا مغلقا حدها <math>a</math> و <math>b</math> مجموعة الأعداد الحقيقية <math>x</math> حيث <math>a \leq x \leq b</math> و نرمز إليه بالرمز <math>[a, b]</math> و نكتب : <math>x \in [a, b]</math>.</p> <div>1 تمثيل مجال :</div> <p>يمثل المجال <math>[a, b]</math> هندسيا بالشكل الآتي حيث <math>A</math> و <math>B</math> نقطتان فاصلتهما <math>a</math> و <math>b</math> على الترتيب.</p> <div>2 أنواع المجالات :</div> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الرمز</th><th>هو مجموعة الأعداد <math>x \in \mathbb{R}</math></th><th>يمثل على المستقيم العددي بـ</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>[a, b]</math></td><td><math>a \leq x \leq b</math></td><td></td></tr> <tr> <td><math>[a, b[</math></td><td><math>a \leq x &lt; b</math></td><td></td></tr> <tr> <td><math>]a, b]</math></td><td><math>a &lt; x \leq b</math></td><td></td></tr> <tr> <td><math>]a, b[</math></td><td><math>a &lt; x &lt; b</math></td><td></td></tr> <tr> <td><math>] - \infty, b]</math></td><td><math>x \leq b</math></td><td></td></tr> <tr> <td><math>] - \infty, b[</math></td><td><math>x &lt; b</math></td><td></td></tr> <tr> <td><math>[a, +\infty[</math></td><td><math>a \leq x</math></td><td></td></tr> </tbody> </table> <div>ملاحظات</div> <ol style="list-style-type: none"> <li>المجال المغلق من جهة <math>a</math> يشملها، و المفتوح من جهتها لا يشملها.</li> <li>الحدان <math>a</math> و <math>b</math> ينتميان إلى المجال <math>[a, b]</math> ولا ينتميان إلى المجال <math>]a, b[</math>.</li> <li>الرمزان "<math>-\infty</math>" و "<math>+\infty</math>" يقرآن "ناقص مالا نهاية"، "زائد مالا نهاية".</li> </ol>	الرمز	هو مجموعة الأعداد $x \in \mathbb{R}$	يمثل على المستقيم العددي بـ	$[a, b]$	$a \leq x \leq b$		$[a, b[$	$a \leq x < b$		$]a, b]$	$a < x \leq b$		$]a, b[$	$a < x < b$		$] - \infty, b]$	$x \leq b$		$] - \infty, b[$	$x < b$		$[a, +\infty[$	$a \leq x$	
الرمز	هو مجموعة الأعداد $x \in \mathbb{R}$	يمثل على المستقيم العددي بـ																								
$[a, b]$	$a \leq x \leq b$																									
$[a, b[$	$a \leq x < b$																									
$]a, b]$	$a < x \leq b$																									
$]a, b[$	$a < x < b$																									
$] - \infty, b]$	$x \leq b$																									
$] - \infty, b[$	$x < b$																									
$[a, +\infty[$	$a \leq x$																									
30د		<div>البناء و الترسيع</div>																								



### ③ عناصر مجال:

يتميز المجال  $[a, b]$  بالعناصر الآتية:

• مركزه، وهو العدد الحقيقي:  $c = \frac{a+b}{2}$

• طوله، وهو العدد الحقيقي الموجب:  $b - a$

• نصف قطره، وهو العدد الحقيقي الموجب:  $r = \frac{b-a}{2}$

### ④ تقاطع و اتحاد مجالين:

• تقاطع مجالين  $I$  و  $J$  هو مجموعة الأعداد الحقيقية التي تنتمي إلى  $I$  و  $J$  ونرمز له بالرمز  $I \cap J$ .

• اتحاد مجالين  $I$  و  $J$  هو مجموعة الأعداد الحقيقية التي تنتمي إلى  $I$  أو  $J$  ونرمز له بالرمز  $I \cup J$ .

#### تطبيق

نعتبر المجالين  $I = [-2, 1]$  و  $J = [0, 4]$

1 مثل على المستقيم العددي كلا من  $I$  و  $J$

2 أحسب طول ومركز المجالين  $I$  و  $J$

3 حدد الأعداد الحقيقية المشتركة على بين المجالين  $I$  و  $J$

• حدد الأعداد الحقيقية التي تنتمي إلى  $I$  أو  $J$ .

تمارين 44، 47 ص 45

التقويم

ثانوية : الشهيد عبد الله شاوش سليم  
السنة الدراسية : 2020 – 2021  
يوم :  
المدة : 02 ساعة

المستوى : 01 ج م ع ت  
ميدان التعلم : حساب  
الوحدة : الترتيب و المقارنة  
المحتوى : المفاهيم : القيمة المطلقة و المسافة .

المفاهيم : المقاييس : مفاهيم حول الأعداد.  
المفاهيم : المسافة : التعبير عن القيمة المطلقة باستعمال المسافة.  
المفاهيم : المسافة : الكتاب المدرسي، أنترنت، الأدوات الهندسية و السبورة.

الوقت	سير الحصة	المراحل
20 د	<p>نشاط 04 ص 26 :</p> <p>1 القيمة المطلقة لعدد حقيقي</p> <p>تعريف</p> <p><math>x</math> عدد حقيقي ، <math>M</math> نقطة من مستقيم مزود بمعلم <math>(O, I)</math> فاصلتها <math>x</math>. القيمة المطلقة للعدد <math>x</math> هي المسافة <math>OM</math> ، ونرمز لها بالرمز "<math> x </math>" ونكتب : <math> x  = OM</math></p>	الانطلاق
30 د	<p>نتائج</p> <p>بما أن المسافة موجبة فإن <math> x </math> أيضا موجبة أي من أجل كل عدد حقيقي <math>x</math> فإن <math> x  \geq 0</math></p> <p>من التعريف نستنتج أنه :</p> <p><math> x  = OM = -x \quad x \leq 0</math>      <math> x  = OM = x \quad x \geq 0</math></p> <p>ونكتب من أجل كل عدد حقيقي <math>x</math> :</p> $ x  = \begin{cases} x & x \in [0; +\infty[ \\ -x & x \in ]-\infty; 0] \end{cases}$ <p>مثال</p> <p>العدد <math>x = \sqrt{3}</math> موجب ، ومنه <math> \sqrt{3}  = \sqrt{3}</math> العدد <math>x = 1 - \sqrt{2}</math> سالب ، ومنه <math> 1 - \sqrt{2}  = -(1 - \sqrt{2}) = \sqrt{2} - 1</math></p> <p><b>خواص القيمة المطلقة:</b></p> <p>بفرض <math>x</math> و <math>y</math> عددين حقيقيين لدينا :</p> <p><math> -x  =  x </math></p> <p><math>\sqrt{x^2} =  x </math></p> <p><math> xy  =  x  \times  y </math></p> <p>مع <math>y \neq 0</math> <math>\left  \frac{x}{y} \right  = \frac{ x }{ y }</math></p> <p><math> x + y  \leq  x  +  y </math> (المتباينة المثلثية)</p>	البناء و الترسيع



ملاحظة

إذا كان  $x$  و  $y$  من نفس الإشارة فإن المتباينة المثلثية تصبح مساواة أي  $|x + y| = |x| + |y|$

د20

مثال

العدد و معاكسه لهما نفس القيمة المطلقة:  $|-7| = |7| = 7$

$$\sqrt{(1 - \sqrt{2})^2} = |1 - \sqrt{2}| = -(1 - \sqrt{2}) = \sqrt{2} - 1$$

$$|-2(1 - \sqrt{2})| = |-2| \times |1 - \sqrt{2}| = 2(\sqrt{2} - 1)$$

## 2 المسافة بين نقطتين

مبرهنة

إذا كان  $A$  و  $B$  نقطتين من مستقيم مزود بمعلم  $(O; I)$  فاصلتهما  $a$  و  $b$  على الترتيب، فإن :  
 $AB = |a - b| = |b - a|$

## 3 المسافة بين عددين حقيقيين

مبرهنة

المسافة بين عددين حقيقيين  $a$  و  $b$  هي العدد :  $d(a; b) = |a - b| = |b - a|$

مثال

$$d\left(\frac{1}{2}; -\frac{3}{4}\right) = \left|\frac{1}{2} + \frac{3}{4}\right| = \frac{5}{4}$$

د 20

تمرين رقم 50 صفحة 45

التقويم

ثانوية : الشهيد عبد الله شاوش سليم  
السنة الدراسية : 2020 – 2021  
يوم :  
المدة : 02 ساعة

المستوى : 01 ج م ع ت  
ميدان التعلم : حساب  
الوحدة : الترتيب و المقارنة  
المحتوى : المعرفي : القيمة المطلقة .

المفاهيم : المقادير : مفاهيم حول الأعداد.

المفاهيم : المقادير : حل معادلات و متراجحات تتضمن القيمة المطلقة باستعمال البرهان بفصل الحالات .  
المفاهيم : المقادير : الكتاب المدرسي، أنترنت، الأدوات الهندسية و السبورة.

الوقت	سير الحصة	المراحل																
20 د	<div>نشاط مقترح :</div> <div><div>1</div><div>عين قيم العدد الحقيقي <math>x</math> التي تحقق <math>x + 1 \geq 0</math> ثم <math>x + 1 \leq 0</math>.</div></div> <div><div>2</div><div>حسب قيم العدد الحقيقي <math>x</math> نمن في جدول إشارة العبارة <math>x + 1</math>.</div></div> <div><div>3</div><div>أعد نفس الخطوات السابقة لدراسة إشارة <math>-2x + 4</math>.</div></div> <div><div>1</div><div>إشارة ثنائي حد من الدرجة الأولى</div></div> <div>تعريف</div> <div><div><math>a</math> و <math>b</math> عدنان حقيقيان حيث <math>a \neq 0</math> نلخص إشارة ثنائي الحد <math>ax + b</math> في الجدول التالي :</div><table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>-\frac{b}{a}</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td>إشارة <math>ax + b</math></td><td colspan="2">عكس إشارة <math>a</math></td><td>نفس إشارة <math>a</math></td></tr></table></div> <div>مثال</div> <div><div>لدراسة إشارة <math>3x + 7</math> أولاً نقوم بحل المعادلة <math>3x + 7 = 0</math> إذا <math>x = -\frac{7}{3}</math> و عليه تلخص الإشارة</div><table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>-\frac{7}{3}</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>3x + 7</math></td><td colspan="2">-</td><td>+</td></tr></table></div> <div>مثال تطبيقي: أدرس إشارة : ① <math>4x + 8</math> ، ② <math>2x</math> ، ③ <math>-4x</math> ، ④ <math>-5x - 2</math></div> <div>تطبيق</div> <div>أكتب العبارات الآتية بدون رمز القيمة المطلقة: ① <math> 3x + 2 </math> ، ② <math> -3x - 8 </math> ، ③ <math> -x + 4 </math> ، ④ <math> (x + 1)^2 </math> ، ⑤ <math> x - 3  +  x + 2 </math> ، ⑥ <math> -x + 4  - 2x </math></div>	$x$	$-\infty$	$-\frac{b}{a}$	$+\infty$	إشارة $ax + b$	عكس إشارة $a$		نفس إشارة $a$	$x$	$-\infty$	$-\frac{7}{3}$	$+\infty$	$3x + 7$	-		+	الانطلاق
$x$	$-\infty$	$-\frac{b}{a}$	$+\infty$															
إشارة $ax + b$	عكس إشارة $a$		نفس إشارة $a$															
$x$	$-\infty$	$-\frac{7}{3}$	$+\infty$															
$3x + 7$	-		+															
30 د		البناء و الترسيع																

## 2 حل معادلات و متراجحات تتضمن قيمة مطلقة

2



- طريقة:** ① ندرس إشارة العبارة الموجودة داخل القيمة المطلقة.  
 ② اعتماداً على إشارة العبارة نكتبها دون رمز القيمة المطلقة (نفصل الحالات حسب المجالات).  
 ③ نحل المعادلة أو المتراجحة في الحالة الجديدة.  
 ④ نتأكد من إنتهاء الحلول إلى المجالات حسب الحالات.

مثال

حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة:  $|2x - 2| = |x|$

**الحل:**  $|2x - 2| = |x|$  تكافئ (1)  $|2x - 2| - |x| = 0$ .....

لحل هذه المعادلة ندرس إشارة كل من  $x$  و  $2x - 2$  ثم نكتب المعادلة دون رمز القيمة المطلقة في كل حالة

$x$	$-\infty$	0	$+\infty$
$x$		-	+
$ x $	$-x$	0	$x$

$x$	$-\infty$	1	$+\infty$
$2 - x$		-	+
$ 2x - 2 $	$2 - 2x$	0	$2x - 2$

و منه :

$x$	$-\infty$	0	1	$+\infty$
$ x $	$-x$	0	$x$	$x$
$ 2x - 2 $	$2 - 2x$	0	$2 - 2x$	$2x - 2$
$ 2x - 2  -  x $	$2 - x$	$2 - 3x$	$x - 2$	

من الجدول نميز ثلاث حالات :

على المجال  $]-\infty; 0[$  المعادلة (1) تصبح :  $2 - x = 0$  حلها هو :  $x = 2$  لكن  $x = 2 \notin ]-\infty; 0[$  إذا  $x = 2$  حل مرفوض.

على المجال  $]0; 1[$  المعادلة (1) تصبح :  $2 - 3x = 0$  حلها هو :  $x = \frac{2}{3}$  حيث  $\frac{2}{3} \in ]0; 1[$ .

على المجال  $]1; +\infty[$  المعادلة (1) تصبح :  $x - 2 = 0$  حلها هو :  $x = 2$  حيث  $x = 2 \in ]1; +\infty[$  إذا  $x = 2$  حل مقبول.

إذا حلول المعادلة هي :  $S = \left\{ \frac{2}{3}; 2 \right\}$

تطبيق

- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلات و المتراجحات التالية :  
 ①  $|4 - x| = 2$  ②  $|x - 2| = |x - 3|$  ③  $|x| + 2x - 1 = 0$  ④  $|x + 4| + |x - 8| + 7 = 0$   
 ⑤  $|x - 1| = -2x + 4$  ⑥  $|x - 3| = |2x - 2|$  ⑦  $|2x + 7| < -3$   
 ⑧  $|x - 2| > 3$  ⑨  $|5x + 4| > -1$

ثانوية : الشهيد عبد الله شاوش سليم  
السنة الدراسية : 2020 – 2021  
يوم :  
المدة : 02 ساعة

المستوى : 01 ج م ع ت  
ميدان التعلم : حساب  
الوحدة : الترتيب و المقارنة  
المحتوى : **المعرفي** : القيمة المطلقة - المسافة - الحصر .

المفاهيم : المفاهيم حول الأعداد.

المفاهيم : حل معادلات و متراجحات تتضمن القيمة المطلقة باستعمال البرهان بفصل الحالات .  
المفاهيم : الكتاب المدرسي، أنترنت، الأدوات الهندسية و السبورة.

الوقت	سير الحصة	المراحل								
5 د	<div>تذكير :</div> <div>1 القيمة المطلقة - المسافة - الحصر - المجالات</div> <div>تعريف</div> <div><p><math>c</math> عدد حقيقي، <math>r</math> عدد حقيقي موجب.</p><p>من أجل كل عدد حقيقي <math>x</math>، <math> x - c  \leq r</math> تكافئ <math>-r \leq x - c \leq r</math> معناه : <math>x \in [c - r; c + r]</math>.</p></div>	الانطلاق								
30 د	<div>مثال</div> <div><p><math> x  \leq 2</math> تكافئ <math>-2 \leq x \leq 2</math> تكافئ <math>x \in [-2; 2]</math></p><p><math> x - 3  &lt; 1</math> تكافئ <math>-1 &lt; x - 3 &lt; 1</math> و عليه <math>-2 \leq x \leq 4</math> تكافئ <math>x \in [-2; 4]</math></p></div> <div>نتيجة</div> <div><p><math>c</math> عدد حقيقي كيني و <math>r</math> عدد حقيقي موجب، من أجل كل عدد حقيقي <math>x</math> النصوص الآتية متكافئة:</p><p><math> x - c  \leq r</math> ( في صيغة قيمة مطلقة )</p><p><math>d(c; x) \leq r</math> ( في صيغة مسافة )</p><p><math>x \in [c - r; c + r]</math> ( في صيغة مجال ) حيث <math>c</math> مركز المجال و <math>r</math> نصف قطره.</p><p><math>c - r \leq x \leq c + r</math> ( في صيغة حصر )</p></div> <div>مثال</div> <table><tr><th>المجال</th><th>الحصر</th><th>المسافة</th><th>القيمة المطلقة</th></tr><tr><td><math>x \in [-2; 5]</math></td><td><math>-2 \leq x \leq 5</math></td><td><math>d\left(x; \frac{3}{2}\right) \leq \frac{7}{2}</math></td><td><math>\left x - \frac{3}{2}\right  \leq \frac{7}{2}</math></td></tr></table>	المجال	الحصر	المسافة	القيمة المطلقة	$x \in [-2; 5]$	$-2 \leq x \leq 5$	$d\left(x; \frac{3}{2}\right) \leq \frac{7}{2}$	$\left x - \frac{3}{2}\right  \leq \frac{7}{2}$	البناء و الترسيع
المجال	الحصر	المسافة	القيمة المطلقة							
$x \in [-2; 5]$	$-2 \leq x \leq 5$	$d\left(x; \frac{3}{2}\right) \leq \frac{7}{2}$	$\left x - \frac{3}{2}\right  \leq \frac{7}{2}$							
30 د	<div>تطبيق 80، 81 ص 47</div>	التقويم								