

المقطع 1: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة

المستوى: الثالثة متوسط

الميدان 1:

يحل مشكلات متعلقة بالكسور والأعداد النسبية والأعداد الناطقة والقوى والحساب الحرفي (تبسيط ونشر عبارات جبرية، المعادلات من الدرجة الأولى بجهول واحد $(ax + b = cx + d)$).

الموارد:

- 1- ضرب عددين نسبيين
- 2- قسمة عددين نسبيين
- 3- مقلوب عدد غير معروف
- 4- قسمة كسررين
- 5- مقارنة كسررين
- 6- جمع وطرح كسررين
- 7- العدد الناطق
- 8- العمليات على الأعداد الناطقة

معايير التقويم:

اكتساب معارف:	توظيف معارف:	اكتساب معارف:
<ul style="list-style-type: none">- اكتساب قيم وأو اتخاذ مواقف:- يستعمل الرموز والمصطلحات والترميز العالمي بشكل سليم.- يصوغ ويحرر ويعرض بلغة سليمة.- يتحقق من صحة ترتيبه ويصادق عليها.- يقدم منتوجاً بشكل منظم ومنسجم حسب مواصفات هذا المستوى من الكفاءة الختامية.	<ul style="list-style-type: none">- يجند العمليات الحسابية المناسبة على الأعداد (كسرية، نسبية، ناطقة) لحل مشكلات.	<ul style="list-style-type: none">- ينجز عمليات حسابية على الأعداد (كسرية، نسبية، ناطقة).

2026-2025

الأستاذ: عكرمي العيد

صفحة الأستاذ عكرمي للرياضيات:

تعلم الرياضيات مع الأستاذ عكرمي:

 laid.akermi.77@gmail.com

المقطع التعليمي 1: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة

الوضعية الانطلاقية

المورد 01: ضرب عددين نسبيين

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر جمع وطرح عددين نسبيين
- يحسب جداء عددين نسبيين صحيحين بالإعتماد على الجمع
- يتوصل إلى تحديد إشارة جداء عدة أعداد نسبية

سير الدرس

المراحل

ملاحظة

- يمكن تبرير إشارة جداء عددين نسبيين سالبين بـ:
* معاكس المعاكس
 $(-5) \times (-4) = -[5 \times (-4)]$
* بدل المعادلة
 $(-5) \times (+4) + x = 0$
* الضرب بأعداد متالية
 $(-5) \times (+2)$
...
 $(-5) \times (-4)$

$$\begin{array}{cccc} -5 + 3 & |(+5) - (+3) & |(-5) + (+3) & |(+5) + (+3) \\ -5 - 3 & |(-5) - (-3) & |(-5) + (-3) & |(+5) + (-3) \\ & & & \\ & (+6) + (+6) = \dots \times \dots & & \\ & (-5) + (-5) + (-5) + (-5) = \dots \times \dots & & \\ & & & \\ & (-5) \times (-2) & |(+5) \times (+4) & |(+2) \times (+6) \\ & (-3) \times (-10) & |(-5) \times (+4) & |(+2) \times (-6) \end{array}$$

تهيئة

- احسب مايلي:
- النشاط 1 (1) :
- 1- أتم بما يناسب:
- 2- احسب مايلي:

البحث د 15

- جداء عددين نسبيين مختلفين في الإشارة هو عدد نسي سالب.
- جداء عددين نسبيين لهما الإشارة نفسها هو عدد نسي موجب.

أمثلة

$$\begin{array}{cccc} (+1,25) \times (-4) = & |(-1,5) \times (-8) = & |(-4) \times (-8) = & |(+7) \times (+3) = \\ (+0,001) \times (+70) = & |(-4,4) \times (-0,02) = & |(+0,7) \times (+1,2) = & |(+4) \times (+2) = \\ (+1,25) \times (-8) = & |(-100) \times (+4,5) = & |(+2,4) \times (+2,5) = & |(-5) \times (-6) = \end{array}$$

بناء المعرف د 30

ملاحظة

إذا كان a عدد نسي
فإن

$$1 \times a = a \times 1 = a$$

،

$$a \times 0 = 0 \times a = 0$$

النشاط 1 (2) :

- 1- انجز العمليات التالية ثم تحقق من صحة كل نتيجة بالحاسبة.
- 2- اقترح قاعدة لتحديد إشارة جداء عدة أعداد نسبية.

البحث د 15

يكون جداء أعداد نسبية غير معروفة سالبا إذا كان عدد العوامل السالبة فيه فرديا.
يكون جداء أعداد نسبية غير معروفة موجبا إذا كان عدد العوامل السالبة فيه زوجيا.

أمثلة

$$\begin{array}{ccc} (+1,2) \times (-2,5) \times (-10) \times (-100) = & |(+2) \times (-5) \times (+4) \times (-3) = & \\ (-0,5) \times (+2) \times (-15) \times (+0,4) = & |(-3) \times (-8) \times (-5) \times (+2) = & \end{array}$$

بناء المعرف د 30

المتوسطة الجديدة
عدل 900 سكن - السوق
الأستاذ عكرمي العيد
2026-2025

الميدان المعرفي: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة
الوسائل المستعملة: المنهج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقه

المورد 02: حاصل قسمة عددين نسبين

الكلفاء المستهدفة:

- يتذكر جداء عددين نسبين
- يجند القواعد المتعلقة بإشارة جداء لاستنتاج إشارة نسبة قبل حساب قيمتها
- يحسب حاصل قسمة عددين نسبين بعد تحديد الإشارة

سير الدرس

المراحل

تبيّنة

- احسب ما يلي:

$$(-1,2) \times (+0,1)$$

$$\begin{cases} (+1,2) \times (+100) \\ (+1,2) \times (-100) \end{cases}$$

$$(-3) \times (-0,1)$$

$$\begin{cases} (-3) \times (+8) \\ (-3) \times (-8) \end{cases}$$

$$\begin{cases} (+3) \times (+8) \\ (+3) \times (-8) \end{cases}$$

$$(-2) \times x = (+10)$$

$$\begin{cases} (+3) \times x = (-12) \\ (+5) \times x = (+20) \end{cases}$$

$$(-5) \times x = (-20)$$

1- ما هي إشارة العدد x في كل حالة؟ على

2- ماذا يمثل العدد x بالنسبة للعددين a و b في المساواة $a \times x = b$ ؟

3- احسب ما يلي:

$$(+10) \div (-2) =$$

$$\begin{cases} (-12) \div (+3) = \\ (+20) \div (+5) = \end{cases}$$

$$(-20) \div (-5) =$$

- حاصل قسمة العدد النسبي b على العدد النسبي غير المعلوم a هو العدد x الذي يتحقق المساواة $a \times x = b$ أي

$$x = \frac{b}{a} \text{ حيث } a \neq 0$$

- حاصل قسمة عددين نسبين غير معرومين لهما الإشارة نفسها هو عدد موجب.

- حاصل قسمة عددين نسبين غير معرومين مختلفين في الإشارة هو عدد سالب.

أمثلة :

$$(-5) \div (+5) =$$

$$(-5) \div (-2) =$$

$$(+12) \div (-0,4) =$$

$$(+40) \div (+5) =$$

ملاحظة :

إذا كان a و b عددان نسبيان و b غير معروف

فإن $b = b$, $\frac{b}{b} = 0$, $\frac{0}{b} = 0$ غير معرف.

تمرين 22 صفحة 16

المتوسطة الجديدة
عدل 900 سكن - السوق
الأستاذ عكرمي العيد
2026-2025

الميدان المعرفي: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة
الوسائل المستعملة: المنهج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المراقبة

المورد 03: مقلوب عدد غير معروف

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر معاكس عدد نسي

- يتوصل إلى إيجاد مقلوب عدد طبيعي أو عشري غير معروف

- يتوصل إلى إيجاد مقلوب كسر (كتابة كسرية)

المراحل

سير الدرس

تبيئة

1) أكتب عددين حاصل قسمتهما يساوي 1، ماذا تقول عن العددين ؟

2) أكتب عددين مجموعهما يساوي 0، ماذا تقول عن العددين ؟

3) ما هو معاكس العدد 0 ؟

النشاط 3 (1)

1- أتم العمليات التالية بما يناسب:

$$\dots \times 2 = 1$$

$$-4 \times \dots = 1$$

$$5 \times \dots = 1$$

البحث د 15

2) أكتب عددين جدائهما يساوي 1 أي $\dots \times \dots = 1$

3) كيف وجدت العددين ؟ ماذا تقول عن العددين في كل حالة ؟

هل يمكن إيجاد مقلوب العدد 0 ؟

ما هو مقلوب العدد غير المعروف a ؟

ما هو مقلوب الكسر غير المعروف $\frac{a}{b}$ ؟

a عددان نسبيان غير معروفين.

مقلوب العدد a هو العدد $\frac{1}{a}$.

مقلوب الكسر (كتابة الكسرية) $\frac{a}{b}$ هو الكسر (كتابة الكسرية) $\frac{b}{a}$.

جداء عدد نسي غير معروف بمقابله يساوي 1. نكتب: $1 \cdot a \times \frac{1}{a} = 1$.

جداء كسر (كتابة كسرية) غير معروف بمقابله يساوي 1. نكتب: $1 = \frac{a}{b} \times \frac{b}{a}$.

أمثلة:

مقلوب العدد 2 هو العدد ... له كتابة عشرية أي: ... =

مقلوب العدد 7 هو العدد ... ليس له كتابة عشرية، تعطينا الحاسبة قيمة تقريرية له.

مقلوب الكسر $\frac{5}{3}$ هو الكسر ... له كتابة عشرية، أي ... =

مقلوب الكسر $\frac{26}{18}$ هو الكسر ... ليس له كتابة عشرية، تعطينا الحاسبة قيمة تقريرية له.

ملاحظات:

- العدد 0 ليس له مقلوب.

- العدد ومقلوبه لهما نفس الإشارة.

بناء المعرف د 30

قرن 1 صفحه 30

التقويم د 10

المتوسطة الجديدة
عدل 900 سكن - السوق
الأستاذ عكرمي العيد
2026-2025

الميدان المعرفي: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة
الوسائل المستعملة: المنهج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقه

المورد 04: قسمة كسرین

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر جداء عدد ومقلوبه وجداء كسرین
- يتوصل إلى تحويل قسمة كسرین إلى جداء كسرین
- يتذكر جداء عدد ومقلوبه وجداء كسرین
- يتوصل إلى تحويل قسمة كسرین إلى جداء كسرین

سير الدرس

الراحل

تهيئة

- ما هو حاصل جداء عدد بمقلوبه ؟
- ما هو حاصل قسمة عدد على 1 ؟

3- اتم العمليات التالية ذهنيا حيث a و b عددان طبيعيان غير معروضين.

$$\frac{a}{b} \times \frac{b}{a} = \dots$$

$$a \times \frac{1}{a} = \dots$$

$$\left| \frac{20}{7} \times \frac{7}{20} = \dots \right.$$

$$\left| 12 \times \frac{1}{12} = \dots \right.$$

النشاط 4:

- اتم العمليات التالية.

$$\frac{3}{10} \div \frac{2}{5} = \dots$$

$$\left| 13 \div 20 = \dots \right.$$

$$\left| 6 \div \frac{1}{5} = 6 \div \dots = \dots \right.$$

$$\frac{3}{10} \times \frac{5}{2} = \dots$$

$$\left| 13 \times \frac{1}{20} = \dots \right.$$

$$\left| 6 \times 5 = \dots \right.$$

البحث د 15

2- قارن بين النتائج في العمودين ثم استنتج طريقة قسمة كسرین ؟

لماذا لا نقسم ناتجة المقسم على نتيجة القاسم بالحاسبة أو نقسم البسط على البسط والمقام على المقام ؟

جواب:

- حاصل القسمة ليس عشري دائمًا
- الحساب الحرفي

أ- أعداد طبيعية حيث a, b, c, d غير معروضة .
قسمة الكسر $\frac{a}{b}$ على الكسر $\frac{c}{d}$ تعني ضرب الكسر $\frac{a}{b}$ في مقلوب الكسر $\frac{c}{d}$.

$$\text{ونكتب: } \frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c} = \frac{a \times d}{b \times c}$$

أمثلة:

$$\frac{15}{4} \div \frac{91}{66} = \dots$$

$$\left| \frac{4}{11} \div 3 = \dots \right.$$

$$\left| \frac{1}{3} \div \frac{6}{5} = \dots \right.$$

$$5 \div \frac{123}{9} = \dots$$

$$\left| \frac{203}{77} \div \frac{2}{7} = \dots \right.$$

$$\left| \frac{7}{6} \div \frac{2}{8} = \dots \right.$$

بناء المعرفة د 30

تمرين 4 صفحة 30

التقويم د 10

المتوسطة الجديدة
عدل 900 سكن - السوق
الأستاذ عكرمي العيد
2026-2025

الميدان المعرفي: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة
الوسائل المستعملة: المناهج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقه

المورد 05: مقارنة كسرin

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر الكسور المتساوية
- يتذكر مقارنة كسرin لهما نفس المقام او مقام احدهما مضاعف مقام الآخر
- يتوصل إلى خاصية الكسرin المتساويين
- يقارن كسرin

المراحل

سير الدرس

تهيئة

- أتمم بما يناسب

$$\frac{2}{9} = \frac{\dots}{99} \quad , \quad \frac{7}{3} = \frac{\dots}{15}$$

$$\frac{19}{24} \dots \frac{4}{3} \quad , \quad 3 \dots \frac{25}{7}$$

2- قارن بين العددين في كل حالة

البحث د 15

النشاط 5

1- هل الكسران $\frac{14}{6}$ و $\frac{21}{9}$ متساويان؟

2- قارن بين الكسرin في كل حالة.

$$\frac{6}{5} \dots \frac{4}{3}$$

$$\left| \frac{5}{12} \dots \frac{7}{8} \right.$$

$$\left| \frac{7}{24} \dots \frac{3}{8} \right.$$

$$\left| \frac{7}{24} \dots \frac{2}{3} \right.$$

أعداد غير معروفة.

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \text{ معناه } ad = bc$$

لمقارنة كسرin نقوم بتوحيد المقامين (باستعمال مضاعف مشترك أو جدائهما) ثم نقارن البسطين.

مثال :

قارن بين الكسرin في كل حالة.

بناء المعرف د 30

$$\frac{20}{24} = \frac{20 \times \dots}{24 \times 3} = \frac{\dots}{72}$$

$$\left| \frac{31}{36} \dots \frac{20}{24} \right.$$

لدينا

$$\frac{31}{36} = \frac{31 \times \dots}{36 \times 2} = \frac{\dots}{72}$$

ولدينا

$$\dots \frac{\dots}{72} \dots \frac{\dots}{72}$$

ومنه

$$\left| \frac{31}{36} \dots \frac{20}{24} \right.$$

إذن

$$\left| \frac{13}{12} \dots \frac{17}{16} \right.$$

لدينا

$$\frac{18}{6} = \frac{18 \times \dots}{6 \times 5} = \frac{\dots}{30}$$

ولدينا

$$\dots \frac{\dots}{30} \dots \frac{\dots}{30}$$

إذن

$$\left| \frac{18}{6} \dots \frac{16}{5} \right.$$

لدينا

$$\frac{18}{6} = \frac{18 \times \dots}{6 \times 5} = \frac{\dots}{30}$$

ولدينا

$$\dots \frac{\dots}{30} \dots \frac{\dots}{30}$$

إذن

التقويم د 10

قرن 8 صفحة 30

المتوسطة الجديدة
عدل 900 سكن - السوق
الأستاذ عكرمي العيد
2026-2025

الميدان المعرفي: أنشطة عددية
المقطع التعليمي: الأعداد النسبية - العمليات على الكسور - الأعداد الناطقة
الوسائل المستعملة: المنهج، الكتاب المدرسي، دليل الأستاذ، الوثيقة المرافقه

المورد 06: جمع وطرح كسرين

الكفاءة المستهدفة:

- يتذكر جمع وطرح كسرين لهما نفس المقام أو مقام أحدهما مضاعف للآخر
- الوصول إلى جمع وطرح كسرين مقاماهما مختلفان

سير الدرس

المراحل

تهيئة

احسب ما يلي:

(عمليات جمع أو طرح كسرين لهما نفس المقام أو مقام أحدهما مضاعف للآخر أو كسر وعدد).

النشاط 6

احسب ما يلي:

البحث د 15

$$\frac{10}{4} + \frac{20}{6}$$

$$\left| \frac{13}{7} - \frac{5}{4} \right.$$

$$\left| \frac{15}{7} + \frac{6}{11} \right.$$

$$\left| \frac{4}{9} + \frac{5}{6} \right.$$

جمع أو طرح كسرين مقاماهما مختلفان نقوم بتوحيد مقاميهما (باستعمال مضاعف مشترك أو جدائهما) ثم نجمع (أو نطرح) البسطين ونحتفظ بالمقام المشترك.

إذا كانت a, b, c, d أعداد طبيعية، حيث ($d \neq 0$ و $b \neq 0$)

$$\frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{a \times d - c \times b}{b \times d} \quad \text{و} \quad \frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{a \times d + c \times b}{b \times d}$$

فإن

مثال :

بناء المعارف د 30

$$\frac{23}{3} - \frac{5}{2} = \frac{\dots \times \dots - \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots$$

$$\left| \frac{2}{7} + \frac{5}{4} = \frac{\dots \times \dots + \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots \right.$$

$$\frac{17}{40} - \frac{17}{60} = \frac{\dots \times \dots - \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots$$

$$\left| \frac{5}{10} + \frac{9}{8} = \frac{\dots \times \dots + \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots \right.$$

قرن 18 صفحة 30

التقويم د 10

المورد 07: العدد الناطق**الكفاءة المستهدفة:**

- يتذكر مجموعات الأعداد الفرعية للأعداد الناطقة

- يتعرف على الأعداد الناطقة ثم يتوصول إلى تبسيط كتابة عدد ناطق

سير الدرس**المراحل****النشاط 7 (1)**

إليك الأعداد:

$$\frac{+11}{-7}, \quad \frac{-20}{-4}, \quad \frac{-3}{5}, \quad -29,6, \quad \frac{-15}{9}, \quad \frac{8}{-2}, \quad 5, \quad \frac{-21}{7}, \quad 0, \quad -11$$

1- صنفها في الجدول المأهلي:

أعداد طبيعية	أعداد نسبية صحيحة	أعداد عشرية	لا أعلم

2- ماذا تمثل الأعداد في الخانة (لا أعلم)?

النشاط 7 (2)

- يعاد النشاط مع تغيير (لا أعلم) بـ (أعداد ناطقة) بعد تقديم مفهوم العدد الناطق.

يجب أن يتوصل التلاميذ إلى أنّ:

- كل عدد طبيعي هو عدد نسبي صحيح.

- كل عدد نسبي صحيح هو عدد عشرى.

- كل عدد عشرى هو عدد ناطق.

البحث د 15

العدد الناطق هو العدد الذي يمكن كتابته على الشكل $\frac{a}{b}$, حيث a و b عدادان نسبيان صحيحان و b غير معدوم.**أمثلة :**العدد 3 هو عدد طبيعي يمكن كتابته على الشكل $\frac{+3}{+1} = \frac{-6}{-2} = 3$ فهو عدد ناطق.العدد 5 هو عدد نسبي صحيح يمكن كتابته على الشكل $\frac{-5}{+1} = \frac{+15}{-3} = 5$ فهو عدد ناطق.العدد 2,4 هو عدد عشرى يمكن كتابته على الشكل $\frac{+24}{+10} = \frac{-48}{-20} = 2,4$ فهو عدد ناطق.

كتابة عدد ناطق في شكله البسيط تعني كتابته على شكل حاصل قسمة عددين طبيعين وإشارة واحدة.

بناء المعارف د 30

مثال :

اكتُب الأعداد التالية على شكل أعداد ناطقة مبسطة.

$$\frac{+15}{+50} = +\frac{15}{50} = \frac{15}{50}$$

$$\frac{-0,03}{5} = -\frac{0,03 \times 100}{5 \times 100} = -\frac{3}{500}$$

$$\frac{-0,7}{-19,612} = \frac{0,7 \times 1000}{19,612 \times 1000} = \frac{700}{19612}$$

$$\frac{-21}{7} = -\frac{21}{7}$$

$$\frac{8}{-12} = -\frac{8}{12}$$

$$\frac{-20}{-14} = +\frac{20}{14} = \frac{20}{14}$$

قرن 23 صفحة 31 (تصحيح a و b)

التقويم د 10

المورد 08: العمليات على الأعداد الناطقة**الكفاءة المستهدفة:**

- يحسب جداء وحاصل قسمة عددين ناطقين بالشكل البسط وغير البسط
- توسيع مفهوم حساب مجموع أو فرق كسرين إلى حساب مجموع أو فرق عددين ناطقين

سير الدرس**المراحل**

احسب ما يلي

البحث د 15

$$\begin{aligned} & \frac{-2}{-3} + \frac{-6}{11} \\ & \frac{-20}{3} - \frac{5}{-4} \\ & \frac{31}{-6} - \frac{-8}{-4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \frac{10}{-11} \div \frac{-16}{9} \\ & \frac{-15}{-7} \div (-6) \\ & \frac{10}{-3} + \frac{-7}{4} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \frac{12}{-13} \times \frac{-6}{7} \\ & \frac{-2}{3} \times \frac{7}{11} \\ & \frac{-20}{7} \div \frac{2}{11} \end{aligned}$$

1- لضرب عددين ناطقين نضرب البسط بالبسط والمقام بالمقام (مع مراعاة إشارات الأعداد).

إذا كانت a, b, c, d أعداد نسبية صحيحة، حيث ($d \neq 0$ و $b \neq 0$)

$$\frac{a}{b} \times \frac{c}{d} = \frac{a \times c}{b \times d}$$

فإن القسمة على عدد ناطق غير معروف تعني الضرب بمقلوب هذا العدد.

إذا كانت a, b, c, d أعداد نسبية صحيحة، حيث ($d \neq 0, c \neq 0, b \neq 0$)

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$$

فإن 3- جمع أو طرح عددين ناطقين، نكتبهما على الشكل البسط، ثم تبع الخطوات نفسها جمع أو طرح كسرين.

أمثلة:

بناء المعرف د 30

$$\begin{aligned} D &= \frac{10}{-11} \div \frac{-16}{13} = \frac{10}{11} \times \frac{13}{16} = -\frac{10 \times 13}{11 \times 16} = \boxed{\frac{130}{176}} \\ E &= \frac{-15}{-7} \div (-6) = -\frac{15}{7} \times \frac{1}{6} = -\frac{15 \times 1}{7 \times 6} = \boxed{\frac{15}{42}} \\ F &= -17 \div \frac{5}{-21} = \frac{17}{1} \times \frac{21}{5} = \frac{17 \times 21}{1 \times 5} = \boxed{\frac{357}{5}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A &= \frac{12}{-13} \times \frac{-6}{7} = +\frac{12 \times 6}{13 \times 7} = \boxed{\frac{72}{91}} \\ B &= \frac{-2}{3} \times \frac{7}{11} = -\frac{2 \times 7}{3 \times 11} = \boxed{\frac{-14}{33}} \\ C &= \frac{-20}{9} \div \frac{2}{11} = -\frac{20}{9} \times \frac{11}{2} = -\frac{20 \times 11}{9 \times 2} = \boxed{\frac{-220}{18}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} J &= \frac{31}{-6} - \frac{-8}{-23} \\ &= \frac{-31 \times 23}{6 \times 23} + \frac{-8 \times 6}{23 \times 6} \\ &= \frac{-713}{138} + \frac{-48}{138} \\ &= \frac{-713 - 48}{12} = \boxed{-\frac{761}{138}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I &= \frac{-12}{3} - \frac{85}{-14} \\ &= \frac{-12 \times 14}{3 \times 14} + \frac{85 \times 3}{14 \times 3} \\ &= \frac{-168}{42} + \frac{255}{42} \\ &= \frac{-168 + 255}{42} = \boxed{\frac{87}{42}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} H &= \frac{-2}{-5} + \frac{-6}{11} \\ &= \frac{2 \times 11}{5 \times 11} + \frac{-6 \times 5}{11 \times 5} \\ &= \frac{22}{55} + \frac{-30}{55} \\ &= \frac{22 - 30}{55} = \boxed{-\frac{8}{55}} \end{aligned}$$

تمرين 34 صفحة 31

التقويم د 10