

يُسَلَّم يوم 10 ديسمبر 2014

## التمرين الأول : (5 نقط)

علم أن  $a = 4$  ،  $b = -5$  ،  $c = 6$  ،  $d = -3$  احسب :

(أ)  $E = 3a + c \div b$  (ب)  $F = -4(b + d) - bc$  (ج)  $G = (3a + c) \div d$  (د)  $H = -3ab + cd$  (هـ)  $I = a - b + c - d$

## التمرين الثاني : (14 نقط)

أرسم مثلثا  $ABC$  ثم أنشئ :

- $O$  مركز الدائرة ( $C$ ) التي تشمل الرؤوس  $A$  ،  $B$  ،  $C$  .
- $F$  نظيرة  $A$  بالنسبة إلى  $O$  و  $E$  نظيرة  $B$  بالنسبة إلى  $O$  .
- $K$  نقطة تقاطع الارتفاع المتعلق بالضلع  $[BC]$  والدائرة ( $C$ ) و  $L$  نظيرة  $K$  بالنسبة إلى  $O$  .
- $M$  منتصف الضلع  $[BC]$  .
- $H$  نقطة تقاطع المستقيمين ( $FM$ ) و ( $AK$ ) .
- $G$  نقطة تقاطع المستقيمين ( $OH$ ) و ( $AM$ ) .

- (1) برهن أن  $AEFB$  و  $ALFK$  مستطيلان .
- (2) استنتج أن  $AFK$  و  $AFC$  مثلثان قائمان .
- (3) برهن أن  $(OM)$  محور الضلع  $[BC]$  .
- (4) برهن أن المستقيمين ( $OM$ ) و ( $AK$ ) متوازيان .
- (5) برهن أن  $M$  منتصف  $[HF]$  .
- (6) برهن أن  $BHCF$  متوازي أضلاع .
- (7) برهن أن المستقيمين ( $BH$ ) و ( $AC$ ) متعامدان .
- (8) برهن أن النقطة  $H$  هي نقطة تلاقي ارتفاعات المثلث  $ABC$  .
- (9) برهن أن النقطة  $G$  هي مركز ثقل المثلث  $AHF$  .
- (10) برهن أن  $G$  هي أيضا مركز ثقل المثلث  $ABC$  .
- (11) استنتج أن مركز الدائرة المحيطة بمثلث، مركز ثقل المثلث ونقطة تلاقي ارتفاعاته هي على استقامة واحدة .

بِفَلْسٍ لَكَانَ الْفَلْسُ مِنْهُنَّ أَكْثَرًا  
نَفْسُ الْوَرَى كَانَتْ أَجَلٌ وَ أَكْبَرًا  
إِذَا كَانَ عَضْبًا حَيْثُ وَجَّهَتْهُ قَرَى  
فَكَمْ مِنْ حُسَامٍ فِي غِلَافٍ تَكْسَرَا

عَلَى ثِيَابٍ لَوْ تُبَاعُ جَمِيعُهَا  
و فِيْهِنَّ نَفْسٌ لَوْ تُقَاسُ بِعَضْبِهَا  
و مَا صَرَّ نَصْلُ السَّيْفِ إِخْلَاقٌ غَمْدِهِ  
فَإِنْ تَكُنِ الْأَيَّامُ أَزْرَتْ بِبُزِّي

يُسَلَّم يوم 10 ديسمبر 2014

## التمرين الأول : (5 نقط)

علم أن  $a = 4$  ،  $b = -5$  ،  $c = 6$  ،  $d = -3$  احسب :

(أ)  $E = 3a + c \div b$  (ب)  $F = -4(b + d) - bc$  (ج)  $G = (3a + c) \div d$  (د)  $H = -3ab + cd$  (هـ)  $I = a - b + c - d$

## التمرين الثاني : (14 نقط)

أرسم مثلثا  $ABC$  ثم أنشئ :

- $O$  مركز الدائرة ( $C$ ) التي تشمل الرؤوس  $A$  ،  $B$  ،  $C$  .
- $F$  نظيرة  $A$  بالنسبة إلى  $O$  و  $E$  نظيرة  $B$  بالنسبة إلى  $O$  .
- $K$  نقطة تقاطع الارتفاع المتعلق بالضلع  $[BC]$  والدائرة ( $C$ ) و  $L$  نظيرة  $K$  بالنسبة إلى  $O$  .
- $M$  منتصف الضلع  $[BC]$  .
- $H$  نقطة تقاطع المستقيمين ( $FM$ ) و ( $AK$ ) .
- $G$  نقطة تقاطع المستقيمين ( $OH$ ) و ( $AM$ ) .

- (1) برهن أن  $AEFB$  و  $ALFK$  مستطيلان .
- (2) استنتج أن  $AFK$  و  $AFC$  مثلثان قائمان .
- (3) برهن أن  $(OM)$  محور الضلع  $[BC]$  .
- (4) برهن أن المستقيمين ( $OM$ ) و ( $AK$ ) متوازيان .
- (5) برهن أن  $M$  منتصف  $[HF]$  .
- (6) برهن أن  $BHCF$  متوازي أضلاع .
- (7) برهن أن المستقيمين ( $BH$ ) و ( $AC$ ) متعامدان .
- (8) برهن أن النقطة  $H$  هي نقطة تلاقي ارتفاعات المثلث  $ABC$  .
- (9) برهن أن النقطة  $G$  هي مركز ثقل المثلث  $AHF$  .
- (10) برهن أن  $G$  هي أيضا مركز ثقل المثلث  $ABC$  .
- (11) استنتج أن مركز الدائرة المحيطة بمثلث، مركز ثقل المثلث ونقطة تلاقي ارتفاعاته هي على استقامة واحدة .

بِفَلْسٍ لَكَانَ الْفَلْسُ مِنْهُنَّ أَكْثَرًا  
نَفْسُ الْوَرَى كَانَتْ أَجَلٌ وَ أَكْبَرًا  
إِذَا كَانَ عَضْبًا حَيْثُ وَجَّهَتْهُ قَرَى  
فَكَمْ مِنْ حُسَامٍ فِي غِلَافٍ تَكْسَرَا

عَلَى ثِيَابٍ لَوْ تُبَاعُ جَمِيعُهَا  
و فِيْهِنَّ نَفْسٌ لَوْ تُقَاسُ بِعَضْبِهَا  
و مَا صَرَّ نَصْلُ السَّيْفِ إِخْلَاقٌ غَمْدِهِ  
فَإِنْ تَكُنِ الْأَيَّامُ أَزْرَتْ بِبُزِّي